

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.



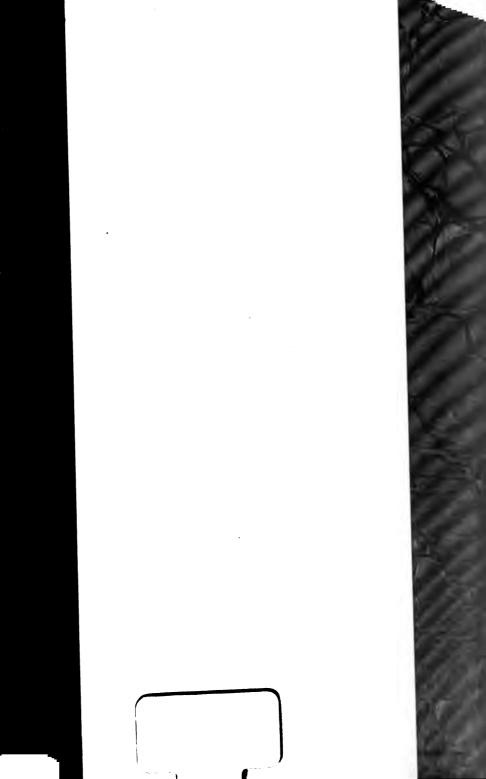
GODFREY LOWELL CABOT SCIENCE LIBRARY of the Harvard College Library

This book is FRAGILE

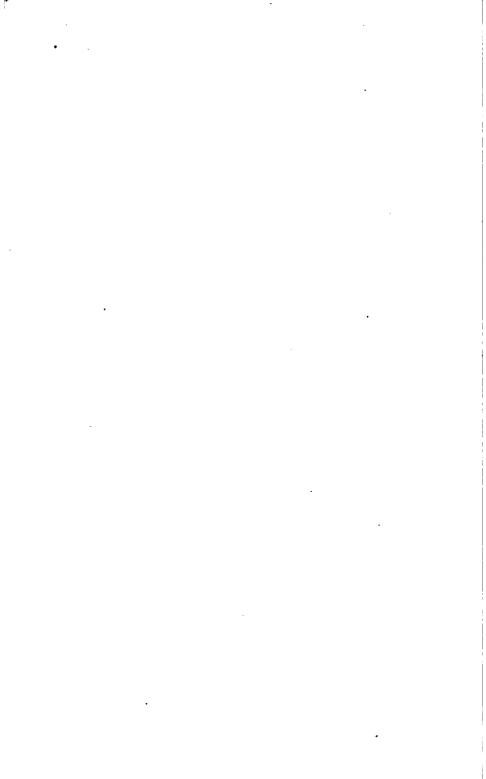
and circulates only with permission.

Please handle with care
and consult a staff member
before photocopying.

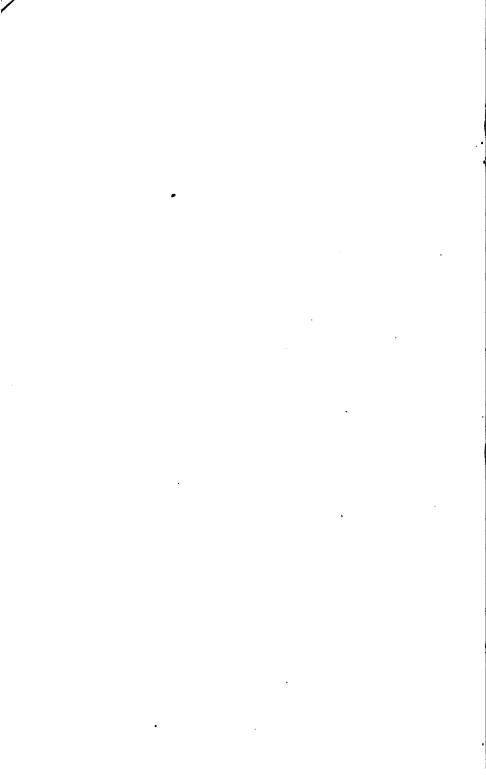
Thanks for your help in preserving Harvard's library collections.











holgfiiche aus dem gwlographlschen Atelier von Friedrich Bieweg und Cobu in Braunschweig.

Bapter aus der mechanischen Bapier-Fabrik der Gebrüder Bieweg zu Wendhausen bei Braunschweig.

. Lehrbuch

ber

Ingenieur= und Maschinen=Mechanik.

Dhne

Anwendung bes höhern Calculs

für ben

Unterricht an technischen Lehranstalten

fowie gum

Gebrauche fur Technifer

bearbeitet

von

Dr. Julius Weisbach,

Rönigt. fachficher Bergrath und Brofeffor an ber fonigt. fachfichen Bergafabemie zu Freiberg; Ritter bes fonigt. fachfichen Berbienftorbene, correspondirenbes Mitglied ber Talferliden Atabemie ber Wiffenfchaften zu G.t. Betereburg u. f. m.

In brei Theilen.

Dritter Theil: Die Zwifchen= und Arbeitsmafchinen enthaltend.

Erfte Abtheilung.

Mit 418 in ben Text eingebruckten Golgftichen.

Braunschweig,

Drud und Berlag von Friedrich Bieweg und Sohn.

1851 — 1860.

Die Mechanit

ber

Zwischen= und Arbeitsmaschinen.

Dhne

Anwendung bes höhern Calcule

für ben

Unterricht an technischen Lehranstalten

fowie gum

Gebrauche fur Techniter

bearbeitet

bon

Dr. Julius Meisbach.

Renigl. fachficher Bergrath und Profefior an ber fonigt. fachfichen Bergafabemie ju Freiberg; Ritter Des tonigt. fachfichen Berbienftorbens, corresponditenbes Mitglied ber faiferlichen Alabemie ber Wiffenfchaften ju 6. Beterburg u. f. von

Erfte Abtheilung.

Die Zwischenmaschinen.

. Mit 418 in ben Tert eingebrudten Bolgftichen.

Braunschweig,

Prud und Berlag von Friedrich Bieweg und Gohn. 1851 - 1860.

Eug 258.63

Engineering Library

Gift of

Almon Danforth Hodges

H.C.1889

JUN 20 1917
TRANSFERRED TO
TRANSPORT COLLEGE LIBRARY

Die herausgabe einer Ueberfehung in englischer und frangofischer Sprache, sowie in anderen mobernen Sprachen wird vorbehalten.

Worrede.

Wenn auch bei Bearbeitung bes britten Banbes meiner Ingenieurs und Maschinenmechanik mehrsache und langer anhaltenbe Untersbrechungen vorgekommen sind, so ist beshalb boch im Plane bes ganzen Werkes nichts verändert worden und die Behandlungsweise in demselben überall dieselbe geblieben. Nur sind in den ersten Lieferungers dieses Bandes einige Fehler und Mängel wahrgenommen worden, weshalb ich mich genothigt gesehen habe, dieser Schlußlieferung exnige Cartons beizusügen, in welchen die hauptsächlichsten Unrichtigkeiten beseitigt sind.

Dieser Band besteht aus zwei Abtheilungen, wovon die eine die Zwischen= und die andere die Arbeitsmaschinen behandelt. Die Uebertragung der mechanischen Arbeit der Kraft= oder Umtriebs= maschinen auf die Arbeitsmaschinen ist entweder mit einer bloßen Fort= pflanzung, oder mit einer Abanderung der Bewegung verbunden, und die letztere besteht entweder in einer Abanderung der Geschwinzbigseit, oder in einer Abanderung der Bewegungsweise. Zu den Zwischenmaschinen oder Maschinentheilen, welche bloß die Fort= pflanzung der Bewegung bewirken, gehören die im ersten Kapitel abges handelten Wellen, Stangen, Seile, Ketten u. s. w., wogegen die Zwischenmaschinen, welche die Abanderung oder Umsetzung der Geschwinzbigkeit der stetigen Kreisbewegung hervorbringen, die im zweiten

II Borrebe.

Rapitel abgehanbelten Bahn= und Riemenraberwerke in sich fassen. Ferner zur Umsetzung ber stetigen Kreisbewegung in eine absetzenbe gerablinige, sowie umgekehrt zur Umanberung ber letzteren in die erstere, dienen die verschiedenen Ercentriks und vor Allem die Krummszapsenmechanismen, welche möglichst gründlich und aussührlich im britten Kapitel abgehandelt werden. Mit dem Krummzapsenmechanismus ift noch ein besonderer Apparat verbunden, welcher im vierten Kapitel unter dem Titel "die Gerads und Senkrechtsührung" Gegenstand der Behandlung ist. Im fünften Kapitel sind ferner die Schrauben und Schraubenrader, und im sechsten Kapitel die ungewöhnlicheren Mechanismen zur Abanderung der Bewegung abgehandelt. Den Schluß der ersten Abtheilung bildet endlich ein sechstes Kapitel, worin die Mechanismen zum Reguliren des Ganges, und die Hülfsemittel zum In= und Außergangsehen einer Maschine Gegenstände der Behandlung sind.

3ch habe bei Bearbeitung biefer Abtheilung immer nur bas Bichtigste und Bewahrtefte ine Auge gefaßt, wenn aber tropbem burch biefelbe nicht allen Unspruchen genugt wirb, so bitte ich ju berudfichtigen, bag es feine leichte Arbeit ift, aus ber großen, febr zerftreuten und außerorbentlich ichnell machfenden Stoffmenge bie amedentsprechenbe Auswahl zu treffen. Auch ift nicht außer Acht ju laffen, bag bie Ingenieur= und Dafchinenmechanit fein Behrbuch ber Maschinenbaufunft ift und baber specielle praftische Regeln ber Maschinenbautunft in berfelben nicht zu suchen find. Bon biefem Gefichtspunkte aus find auch bie Unmerkungen auf Seite 304 und 316 in ber Conftructionslehre fur ben Maschinenbau von Moll und Reuleaur zu beurtheilen. Wenn in biefem Berte mehrere specielle Lehren mitgetheilt werben, welche in Berten uber Dechanit nicht fteben, fo liegt bies in ber Natur ber Sache; es murbe fogar einem Berte über Dafchinenbaufunft ein Bormurf zu machen fein, wenn bies nicht ber Fall mare. Dag aber bie Berren Berfaffer ber gebachten Conftructionolehre gerabe beshalb ben Schrift= ftellern über Mechanit irrige Anfichten unterschieben, bebarf einer Biberlegung. In ber Anmerkung auf Seite 316 fagen fie g. B., "bie meiften technischen Schriftsteller, unter anderen Burg, Beis= bach, Redtenbacher, Armengaud, fellen bie burchaus irrige Behauptung auf, bag alle Raber mit Nabenlinienverzahnung immer bann richtig zusammen arbeiten können, wenn fie nur gleiche Theislung haben« Nach meiner Ueberzeugung läßt sich gegen biesen Sat nichts einwenden, daß aber berselbe noch eine Erganzung nösthig hat, wenn man noch eine besondere Bedingung macht, z. B. fordert, daß diese Rader ein gewisses Umsetzungsverhaltniß geben sollen, versteht sich wohl von selbst.

Die zweite und großere Abtheilung bes britten Banbes, welche von ben Arbeitsmaschinen, b. i. von benjenigen Maschinen handelt, burch welche die geforberte Arbeit verrichtet, &. 28. Baffer gehoben, Eisen geschmiedet wird u. f m., zerfallt in vier Abschnitte. Der erftere Abschnitt behandelt die fogenannten Forberungsmaschinen, b. i. bie Maschinen jum Beben und Fortschaffen ber Rorper auf Straffen, Schienen= und Bafferwegen; im zweiten Abschnitt find die Baffer= bebungsmaschinen, b. i. bie Daschinen jum Beben und Fortschaffen bes Baffers, und im britten Abschnitt bie Luftbewegungsmaschinen, insbesondere die fogenannten Geblafe- und Bettermaschinen Gegenftand ber Behandlung. 3ch habe bei schriftlicher Bearbeitung biefer Maschinen moglichfte Bollftanbigfeit zu erzielen gesucht, und auch altere und unvolltommenere Daschinen mit in Betrachtung gezogen, weil ich es fur eine besondere und nicht unwichtige Aufgabe ber Maschinenmechanit halte, auf theoretischem Wege auch bie Unvollkommenheiten und Mangel an Maschinen zu untersuchen. vierten und letten Abschnitte ber zweiten Abtheilung behandle ich noch biejenigen Formveranderungemaschinen, beren Umtrieb nur bie Ueberwindung ber Schwerfraft ober bas Beben von Gewichten erforbert. Bei ben übrigen Maschinen biefer Rategorie find bie Ur= beitsverrichtungen meift so eigenthumlicher Art, daß fich ihre mechanischen Beiftungen ohne befondere Erfahrungsfate nicht ermitteln laffen; es ift baber bie Behandlung biefer Maschinen speciellen 3mei= gen ber Technit, 3. B. ber mechanischen Technologie, Muhlenbaufunft, gandwirthschaft u. f. w. ju uberlaffen. Bu ben Arbeits= mafchinen, welche mittels nieberfallenber Gewichte arbeiten, geboren bie Poch=, Stampf= und Sammerwerke, welche baber auch hier eine fuftematische und grundliche Behandlung gefunden haben.

į

In bem mit biefem Werke verbundenen Safchenbuch »Der Ingenieur « werben, wie nicht anders erwartet werden kann, nicht bloß bie allgemeinen Conftructionsregeln, theoretischen und Erfahrungssate ber hier abgehandelten Maschinen zusammengestellt, sonbern auch die zur Construction und Beurtheilung ber Leistung anderer Arbeitsmaschinen nothigen theoretischen und empirischen Regeln und Sate mitgetheilt.

Schließlich erlaube ich mir nur noch auf eine Auslassung bes Herrn Professoschellbach in ber Borrebe zu seinen neuen Elezmenten ber Mechanik, Berlin 1860, hier in wenigen Borten Folzgendes zu erwidern. Herr Professor Schellbach sindet darin einen Anstoß, daß ich in meiner Mechanik die Masse eines Körpers durch den Quotienten aus dem Gewichte desselben und der Beschleunigung der Schwere messe. Obzleich Herr Professor Schellbach hierbei indirect mit einer großen Anschuldigung gegen mich hervortritt, glaube ich doch meine Schüler und die Leser meines Wertes dadurch beruhigen zu können, daß ich hierin den berühmtesten neueren Autoritäten, Poisson's Traité de Mécanique, Band 1, Seite 227, 2. Ausl. serner Navier's Résumé des leçons de Mécanique, Seite 81, und Poncelet's Introduction à la Mécanique industrielle, Seite 116, 2. Ausl.).

So übergebe ich benn hiermit ben geehrten Lesern meiner Ingenieur= und Maschinenmechanik ben Schluß bes ganzen Berkes, begleitet mit bem Bunsche, daß diese Schrift trot ihrer Mangel eine nachsichtige Beurtheilung finden, Ingenieuren und Mechanikern als ein nühliches Lehr= und Handbuch bienen und ber beutschen Literatur zur Ehre gereichen moge!

Freiberg, ben 15. September 1860.

Der Verfasser.

Inhalt bes dritten Theiles.

Erfte Ubtheilung. Die Mechanit ber 3mifchenmaschinen.

§.	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	Celle
_	Einleitung.	
1	Bwifdenmaschinen	. 7
	Erftes Rapitel.	
	Bon ben fortpflanzenden Mafchinentheilen.	
2	Bellen, Bapfen und Bapfenlager	. 8
3-4	Bellenftarfen	
5	Bapfenftarfen	. 13
6	Ruppelungen	
7	Universalgelente	
89	Bapfenlager	
10	Stangen	. 26
11	Subverluft	. 27
12	Beftangfcloffer	. 29
13—15	Brudfcwingen und Geftangfreuze	. 30
16	Biegfame Fortpffangungemittel	. 37
17	Retten	. 88
18	Drahtseile	. 40
19	Hanffeile	. 42
20-21	Tragfraft ber Sanffeile	. 43
22	Bergleichung ber Seile und Retten	
23—24	Leitrollen, Seilfcheiben	
	Bweites Kapitel.	
	Bon ben Rabermerten, ober ben Gulfemitteln gur	
	Abanberung ber ftetigen Kreisbewegung.	
25	Raberwerfe, Bahn- und Riemen-Raberwerfe	. 52
26	Einfache Raberwerfe	
27	Bufammengefeste Raberwerke	
28	Arenbrude und Arenreibungen ber Raberwerfe	

§.															Geite
29	Riemenraber														59
30	Riemenspannungen														60
31	Treibriemen														63
32	Spannrollen														65
83	Riemenführung														69
3435	Riemenraber (Trommeln)														71
36	Seil-, Retten- und Stan														77
37	Bahnraber														79
38	Conifche Raber				•		•								80
39	Spperboloib								:	:		·	Ĭ		82
40—44	hpperboloibenraber	•	•	• •	•	•	•	•							84
45	Reibungeraber	•	•	• •	•	•	:			:	•		•	•	92
46—47	Radzähne								:		-	-	•	•	93
48	Bahn = und Rammraber							:	:			:	•	:	96
49	Bahndimenstonen										•		:		97
50-51	Bahnezahl												:		98
50 - 51 $52 - 56$	Bahnreibung											-			102
57											•		-		111
	Stufenraber												-		113
58-59	Allgemeine Bahnformen .		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		•	•	•	•	•	•					
6061	Epicycloiben- und Evolve	nte	nza	gne	•	•	•	•			•		•		117
6263	Rreisförmige Bahne .								•		•		•		120
6465	Willis' Bahnformen										•		•	٠	122
66	Doonthographe										•		•	•	124
67 —68	Drehlinge								•			-	٠	•	127
69	Rumpfe	•		•	•	•	•	•	•			•	•	•	132
70	Busammengesette Bahnflac	hen	•	•	•	•	•	•	•			•	-		134
71	Innere Bergahnung .			. •	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	136
72 - 73	Evolventenverzahnung .	• •		•	•		•	•	•		•		•		138
74	Willis' Bergahnung ber &													•	143
75—76	Bergahnung conifcher Rab Spperboloibenraber	er		•		٠	•	•	•		•	•	•	•	145
77	Spperboloibenraber		•			•			•	•	•		•		148
78	Rammraber										•	•	•	•	150
79	Rabconftructionen. Solge	rne	30	hnrd	ider										15 t
80	Giferne Bahnraber						•								153
	Dri	itte	s R	apit	el.										
	Bon den Excentrifs u	nb	be	n R	ru	m m	1 3 a	Þf	e n	, 0	ılø	be	n		
	einfachften Gulfemi														
	Rreisbewegung														
	• •			brt			•	ο,	•	••	•				
	"	mı A		4.1	•										
81	Selforb														156
82	Gezahnte Stange				Ċ	:								•	158
83 - 84	Daumen								•	-	•				159
85				•										:	
86	Angriff ohne Stoß	• .	. '	•	•	•	•	•	•		:			:	
8788	Excentrifs				•									:	
89-90	_												•		
00 9V	occumus and less	•			•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	100

	Inhalt bes britten Theiles.	AII
§.		Seite
91	Doppelte Krummzapfen	
92—93	Rurbelftange	174
94	Balancier	177
95	Bewegung bes Krummzahfens	
96	Gefchwindigfeiten ber Kurbel	
97—98	Rrafte ber Rurbel	
99	Rurbelreibungen	
100	Mechanik bes Krummzapfens	188
101	Eragheit bes Lenfers	190
102	Maximal = und Minimalgeschwindigkeit	191
103	Umbrehungszeit bes Rrummzapfens	193
104	Bewegung burch eine Stangenfraft	
105	Einfluß furzer Rurbelftangen	
	Theorie doppelter Krummzarfen	
	Theorie breifacher Rrummgapfen	
112	Ungleichförmigkeitegrab verschiebener Krummzapfen	209
113	Rrummzapfen fur ofcillirenbe Chlinder	212
114—116	Krummgapfen fur Bebel und Balanciers	213
117—119		220
120	Doppelte Krummzapfen bei Erpanfione Dampfmafdinen	229
	Viertes Rapitel. n Gerads und Senkrechtführungen bei der Berwand: r Areisbewegung in die geradlinige, und umgekehrt, bei der Umsehung der geradlinigen Beswegung in die kreisförmige.	lung
121—122	Befte Leitungen, Leitungerahmen	233
128 124	Gegenlenter	287
125126	Settenabweichung ber Wegenlenker	241
127—128	Contrebalancier	246
129131	Batt'sches Barallelogramm	252
182	Seitenabweichung ber Barallelogrammführung	259
155-154	Gerabführung mit oscillirenbem Trager	261
	Fünftes Kapitel.	
	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenräbern.	
135	Schraubenlinie	267
136	Schraubenfläche und Schraube	0.00
137	Schraubenbewegung	
138	Schraubenbewegung	273
139	Anwendung der Schrauben	274
140	Starfe und anbere Dimenftonen ber Schrauben	275
	Theorie ber flachgangigen Schrauben	
144	Theorie ber scharfgangigen Schraube	
145	Schrauben als Befestigungsmittel	
146		988

t

:

ί

Inhalt bes britten Theiles.

§.		Seite
147-148	Schraube ohne Enbe	. 290
149-150	Schraubenraber	. 295
	·	
	Sechstes Kapitel.	
	Bon ben ungewöhnlicheren Bwifdenmafdinen ober	
	Gulfemitteln gur Abanberung ber Bewegung.	•
	Antiamistria far mannariand are criveland.	
151	Elliptische Raber	. 300
152	Spiralraber	. 302
153	Conische Spiralraber	. 304
154	Excentrische Rreieraber	. 307
155-156	Epicifelvorgelege, Differenzialgetriebe	. 309
157	Laufgetriebe	. 312
158	Gerablinig wieberfehrenbe Bewegung	. 314
159	Rreisformig wieberfehrenbe Bewegung	. 816
160	Sperrraber und Sperrflinfen	. 318
	·	
	Siebentes Rapitel.	
	Bon ben mechanischen Borrichtungen gum Reguliren	
	Moberiren, Egalifiren, In- und Außergangfegen	•
	ber Mafchinen.	
161		. 821
161 162	ber Majdinen.	. 821 . 322
	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. f. w	
162	der Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w	. 322
162 163	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w	. 322 . 324
162 163 164	der Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w	. 322 . 324 . 328
162 163 164 165—167 168	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w	. 322 . 324 . 328 . 830
162 163 164 165—167 168 169—171 172	ber Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinderhemmung Der Windfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886
162 163 164 165—167 168 169—171 172	ber Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinderhemmung Der Windfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337
162 163 164 165—167 168 169—171 172	ber Maschinen. Regulatoren, Moderatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinderhemmung Der Windfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte Gegengewichtebalancier	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Binbfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie ber Bremse Gegengewichte Gegengewichtebalancier Hydraulischer und pneumatischer Balancier Zugdrücken	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Binbfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie ber Bremse Gegengewichte Gegengewichtebalancier Hydraulischer und pneumatischer Balancier Zugdrücken	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345 . 346
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Binbfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Eheorie ber Bremse Gegengewichte Gegengewichte Gegengewichtebalancier Hydraulischer und pneumatischer Balancier Zugdrücken Gegengewicht bei Krummzapfen und Gestängen	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345 . 346 . 853 . 356
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Binbfang Die Bremse Anwendung der Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte Gegengewichte Gegengewichtebalancier Hobtraulischer und pneumatischer Balancier Jugbrücken Gegengewicht bei Krummzapfen und Gestängen Schwungräder	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345 . 346 . 353 . 356 . 362
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Minbfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte Gegengewichtebalancier Gybraulischer und pneumatischer Balancier Jugdrücken Gegengewicht bei Krummzapfen und Gestängen Schwungräder Conisches Benbel	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345 . 346 . 853 . 356 . 362 . 373
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Minbfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte Gegengewichte Gegengewichte und pneumatischer Balancier Hydraulischer und pneumatischer Balancier Gybraulischen Gegengewicht bei Krummzapsen und Gestängen Schwungraber Conisches Bendel Barabolischer Centrisugalregulator	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345 . 346 . 353 . 356 . 362 . 373
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinderhemmung Der Mindfang Die Bremse Anwendung ber Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte Gegengewichte Gegengewichte und pneumatischer Balancier Hydraulischer und pneumatischer Balancier Gegengewicht bei Krummzapsen und Gestängen Schwungräder Conisches Bendel Barabolischer Centrisugalregulator Differenzials und Bendelregulatoren	. 322 . 324 . 328 . 830 . 386 . 337 . 345 . 356 . 356 . 362 . 373 . 395 . 406
162 163 164 165—167 168 169—171 172 173—175 176 177—178 179—182 183—192 193—197 198 199 200 201	ber Maschinen. Regulatoren, Moberatoren u. s. w. Ankerhemmung Cylinberhemmung Der Minbfang Die Bremse Anwendung der Bremse Theorie der Bremse Gegengewichte Gegengewichtebalancier Gobraulischer und pneumatischer Balancier Jugbrücken Gegengewicht bei Krummzapfen und Gestängen Schwungräber Conisches Benbel Barabolischer Centrisugalregulator Differenzials und Pendelregulatoren	. 322 . 324 . 328 . 830 . 886 . 337 . 345 . 346 . 853 . 356 . 362 . 373 . 395 . 406 . 409 . 411

3 weite Abtheilung.

Die Mechanit ber Arbeitsmafchinen.

	Einleitung.	
§.		Seite
205	Gintheilung ber Arbeitsmafchinen	. 425
	Gerfter At bfojnitt.	
	Bon ben Förberungsmafchinen.	
	Erftes Rapitel.	
Ą	Bon ben Maschinen zum heben ber Lasten auf kleinere Höhen.	
206	Berfdiebene Arten ber Forberungemafchinen	. 426
207	Bebel und Bebelaben	. 427
208	Rollen	. 429
209	Rollen und Flaschenzüge	. 431
210—211	Flaschenzuge	. 484
212	Binben, Baus und Fuhrmannswinden	. 440
213	Sybraulische Breffe	. 442
214	Opbraulische Winde	444
215	Transportable Borgelegshaspel	. 446
216	Gegenwinden ober Differenzialhaspel	. 449
217-219	~	• 452
220	Bneumatische Aufzüge	. 459
221	Bafferfaulenaufzing	. 468
222223	Control of Colon of Colon	. 466
224-227	Krahne	. 478
228	Rrahne	. 485
229	Bafferfaulentrahn	. 487
280	Dampffrahn	. 491
231	Statif ber Rrahne	. 498
232	Rechanif ber Krahne	. 497
233	Rammmaschinen	. 500
234	Runstramme	. 503
235	Dampframme	. 506
236	Dechanische Arbeit ber Rammen	. 510
287	Abbohrmaschinen	. 511

Bweites Rapitel.

Bon ben Dafdinen gum Geben ber gaften auf größere Goben.

§.					€eite
238	Berfchiebene Dafchinen jum Forbern in Schächten				514
239-240	Berghaspel				515
241	Borgelegshaspel				521
242-244	Band = und Pferbegopel				524
245	Spiralforb			, .	535
246-248	Bafferrab= und Turbinengöpel				540
249-250	Bafferfaulengopel				555
251-252	Bafferfaulengopel	•			560
	Drittes Rapitel.				
	•		K	_	
,	Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ob	et	nag	E	
	horizontalen Wegen.				
258	Forberungsmethoben				568
254					569
255	Schiebfarren				571
256					578
257	Bagenraber				
258				: :	
259		•		: :	581
260-262	Bierrabriger Bagen	-			584
268		•	-		593
264	and a second		•	: :	598
265					600
266	Unterbau · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·			-	608
267		• •			
268	Gifenbahnwagenraber				612
269				•	616
270	And the of				618
271	and the same and a				
272	Locomotiven		•		
	Locomotiventeffel	•	•		
275	Befdreibung einer abgebilbeten Locomotive	• •	•	• •	
276	Locomotivenmechanismen	• •	•		685
270. 277	Eocomotivensteuerung	• •			• • •
	Edicumotiven freuerung	• •	•	٠.	639
210-219	Schieberbewegung				
280-282			•		
	Dampfwagengestelle				662
285	Tenber		•		
286	Dampfwagen mit brebbaren Arengestellen		•		
	Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen		•-		674
294	Gegengewichte		• •		
2 95—296	Wiberstand auf Eisenbahnen				697

	Inhalt bes britten Theiles.	XI
ş.		Geite
297	Schifffahrtecanale	704
298	en transfer and	700
299	A 44.4 A	#AA
302	Schleusenthore	700
	Bafferbebarf beim Durchschleufen	728
303	Seitenbaffins	
304	Girarb's Schleufe mit Schwimmer	
305	Schiffsaufzüge	
306-307		
308	Schifferiffe	
309	Schiffsformen	738
310	Stabilitat ber Schiffe	
811		746
312	Schiffszlehen	747
313	Das Steuern ber Schiffe	751
314	Or ofference to provide a second to	758
315	Ruberschaufel, Schaufelrab	756
316	Flügelrab	759
317	Bugfiren burch Dampfichiffe	761
318	more than the man and the man are seen	762
319	Mark ann &b an	765
320	Schaufelraber	767
821		772
322	Dampfichiffemaschinen	
323	Shiffsbampffeffel	. 780
324	Ablaffen bes Reffelwaffers	
924	sentullen nen mellenmullern	02
	Zweiter Abschnitt. Won den Wafferhebungsmaschinen.	
	Erftes Kapitel.	
	Bon ben Mafchinen jum Deben bes Baffers auf fleinere Soben.	
325		70=
525 826	Berschiebene Arten bes Wafferhebens	. 785
	Bafferschaufeln	. 787
827	Burfräder	. 789
32 8		. 791
	Bellen : und Schneckenraber	. 798
831	1	. 799
332	Schaufelmerte	808
333	Leiftung ber Baternofterwerfe	. 806
3 34 —335	Ardimebifche Bafferfcnede	. 811
336388	Bafferschraube	. 819

Bweites Rapitel.

Bon ben Maschinen zum Geben bes Baffers auf größere Göhen.

S .		sette
339-340		828
841-343	Centrifugalpumpen	834
344	ordentallopulity of the contract of the contra	842
345	Collegeorgie access out boundens	844
346	pumpen mit Continuous	845
847-348		848
349	Doppelpumpen	852
350	Saughohe	854
351	Shablicher Raum	857
352	<i>4-1717171</i>	859
353 - 355	Bumpenventile	861
35 6	Bumpenfolben	867
357	Riedrige und hohe Saugfate	870
858	Donde und Berfvectivbumpen	872
859	Saug- und Druckbumben	874
860	Mondsbumpen	876
361		877
362	Subwaffermenge und Rolbenburchmeffer einer Bumpe	881
363-864	Rebenhinderniffe ber Bumpen	884
865-866	Arbeit jur Bewegung ber Pumpen	887
367	Bumpenwerte, Runftgezeuge, Sanbpumpen	895
368-370	Feuersprigen	897
871-372	Berechnung ber Feuersprigen	906
373	Runftgezeuge	918
374	Runftgeftange	916
375		919
376-378		928
379-380		985
381-382	Dampffünste	940
383		945
384		949
385		958
386		956
387	Sybraulifche Bibber ober Stoffheber	959
388		961
389	Leiftung ber Stoffbeber	963
390	Theorie des Stoffbebers	965
	Saugheber	968
398	Theorie des Saughebers	972
394	Der Beronebrunnen, bie Bafferhebunges Luftmafdine	976

Dritter Abichnitt.

Bon ben Luftbewegungsmafchinen.

Erftes Rapitel.

Bewegung ber Luft burch bie Barme.

§. 395	Seite Fortichaffen ber Luft, Geblafe und Bettermafchinen 979
896	Bewegung ber Luft burch Temperaturbiffereng
897	Natürlicher Luft= und Bettermechsel
398	
399	Runftlicher Lufts und Betterwechfel, Betterofen 988
222	Theorie des fünstlichen Betterwechsels
	Zweites Kapitel.
ra F	tbewegung ber Luft burch birectes Bufammenbruden
	ober Ausbehnen berfelben.
400	Gebläse und Bentisatoren
401	Rolbengeblafe
402	Windregulatoren
403	Raftengebläse
404	Betterfat
_	Glodengebläfe
405	Leberne Balgen
406-407	Doppeltwirfende Cylindergeblafe. Liegendes Cylindergeblafe 1010
408	Schiebergeblafe
409-410	Geblafefolben und beren Liberungen
411	Binbleitungen
412	Dufen, Dufenftellung
413	Erhipte Geblafeluft
414-415	Theoretische Arbeit ber Geblafe
416	Der schäbliche Raum ber Kolbengeblafe
417	Berlufte burch bie Bentile
418	Berlufte burch bie Schieber
419	Schiebermechanismus
420	Gebläse-Indicatoren
421	Rebenhinderniffe und Betriebetraft ber Bentilgeblafe 1055
422	Rebenhinderniffe und Betriebefraft ber Schiebergeblafe 1060
423-424	Theorie ber Windregulatoren
	Bindmenge, Große ber Dufenmunbung fur talte Geblafeluft 1070
	Große ber Dafenmunbung fur erhitte Geblafeluft 1078
429	Große und Dimenfionen ber Rolbengeblafe 1084

sate ber hier abgehandelten Maschinen zusammengestellt, sondern auch die zur Construction und Beurtheilung der Leistung anderer Arbeitsmaschinen nothigen theoretischen und empirischen Regeln und Sate mitgetheilt.

Schließlich erlaube ich mir nur noch auf eine Austassung bes Herrn Professors Schellbach in ber Borrebe zu seinen neuen Elesmenten ber Mechanik, Berlin 1860, hier in wenigen Worten Folgendes zu erwidern. Herr Professor Schellbach sindet darin einen Anstoß, daß ich in meiner Mechanik die Masse eines Körpers durch den Quotienten aus dem Gewichte desselben und der Beschleunigung der Schwere messe. Obgleich Herr Professor Schellbach hierbei indirect mit einer großen Anschuldigung gegen mich hervortritt, glaube ich doch meine Schüler und die Leser meines Wertes dadurch beruhigen zu können, daß ich hierin den berühmtesten neueren Autoritäten, Poisson's Traité de Mécanique, Band 1, Seite 227, 2. Ausl. serner Navier's Résumé des leçons de Mécanique, Seite 81, und Poncelet's Introduction à la Mécanique industrielle, Seite 116, 2. Ausl.).

So übergebe ich benn hiermit ben geehrten Lefern meiner Ingenieur= und Maschinenmechanik ben Schluß bes ganzen Berkes, begleitet mit bem Bunsche, baß biese Schrift trot ihrer Mangel eine nachsichtige Beurtheilung finden, Ingenieuren und Mechanikern als ein nütliches Lehr= und Handbuch bienen und ber beutschen Literatur zur Ehre gereichen moge!

Freiberg, ben 15. September 1860.

Der Berfasser.

Inhalt des dritten Theiles.

Erfte Ubtheilung. Die Mechanit ber Bwifchenmaschinen.

§.	Einleitung.	etle
1	Bwifdenmaschinen	7
	Erftes Rapitel.	
	Bon ben fortpflanzenben Mafchinentheilen.	
2	Bellen, Bapfen und Bapfenlager	8
34	Bellenftarfen	9
5		13
6	Ruppelungen	15
7	Iniverfalgelente	18
89		22
10	Stangen	26
11	•	27
12		- · 29
18—15	. 0.7 "	30
16		37
17	_ 0,	38
18		4 0
19		42
		 43
22	in Smile and Amilians	46
		48
	Zweites Kapitel.	
	Bon ben Raberwerken, ober ben Gulfsmitteln zur Abanderung ber ftetigen Kreisbewegung.	
25	Raberwerfe, Bahn- und Riemen-Raberwerfe	52
26		54
27		56
00		E 0

	4	
v		

Inhalt bes britten Theiles.

§.																	Gelte
29	Riemenraber																59
30	Riemenfpannungen																60
31	Treibriemen																63
32	Spannrollen																65
83	Riemenführung .																69
3435	Riemenraber (Trom	melr	ı).														71
36	Seil-, Retten= unb																77
37	Bahnraber																79
38	Conifde Raber .																80
39	Spperboloib																82
40-44	Spperboloibenraber																84
45	Reibungeraber .																92
46-47	Radzahne																93
48	Bahn = und Rammra												-		Ċ		96
49	Bahnbimenstonen													:			97
50-51	Bahnerahl													•			98
52-56	Bahnreibung													:			102
57	Stufenraber														:	•	111
58-59	Allgemeine Bahnforr	nen	•						•		•						113
6061	Epicycloiben- und C	nnIi	senti	: 11 2	Äĥn		•	•	•	•	•	٠.				•	117
62—63	Rreisförmige Bahne		,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	9				•	•	•	•		:	-			120
64-65	Willis' Bahnformen	•	•	•	•	•	•	•	•	•	٠.				•		122
66	Donthographe										:	:	:	:		:	124
67—68	Drehlinge	•	•	•	•	•	•	•	•	•			:		:	:	127
69	Rumpfe	•	•	•	•	•	•	•	•	•	:	:		•			132
70	Bufammengefeste Ba	 	Læa		•	•	•	•	•	•	•					•	134
71	Innere Verzahnung											:	•	•	:	•	134
72-73	Evolventenverzahnun	٠.	•	•	٠	•	•	•	•	•				•		•	138
74	Billis' Bergahnung	g.		•	•	٠	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	143
	Manie Bergagnung	. m	บเต 	per	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	145
75—76	Bergahnung conischer Spperboloibenraber	: UC	aver		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			
77	Phhetonioioentabet	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•				•	
78	Rammraber												•		٠	•	151
79	Rabconstructionen.													-		•	
80	Giferne Bahnraber .	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	٠	٠	103
		æ	ritte		0 ^1		ſ										
		~	,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,,	. 63	nu,) i i c											
	Bon ben Excentr	ifs	u n l	b	e n	Я	r u	m n	n 3 (a p	fen	ι, (ils	b e	n		
	einfachften Gul	føn	ıitt	eli	n a	ur	B	er	w a	nt	Lu	n a	b (e T			
	Rreisbeweg																
		_	um			•		•		- 0	. ,	<i>_</i>	•				
			#I	961	* 4	• ••											
81	Seilforb																156
82	Bezahnte Stange .																158
83 - 84	Daumen										:						159
85	Bebelbewegung									:							162
86	Angriff ohne Stoß .																163
87-88	Ercentrifs																165
8990	Rrummgapfen																

	Inhalt bes britten Theiles.	VII
§.		Seite
91	Doppelte Rrummgapfen	178
92-93	Rurbelstange	174
94	Balancier	177
95	Bewegung bes Krummgapfens	179
96	Gefcminbigfeiten ber Rurbel	181
97—98	Rrafte ber Rurbel	182
99	Rurbelreibungen	185
100	Dechanif bes Krummzapfens	188
101	Tragheit bes Lenfers	190
102	Maximal = und Minimalgeschwindigfeit	191
103	Umbrehungszeit bes Rrummzapfens	198
104	Bewegung burch eine Stangenfraft	194
105	Ginfluß furger Rurbelftangen	195
106-109	Theorie boppelter Krummgarfen	197
	Theorie breifacher Krummzapfen	205
112	Ungleichformigfeitegrab verfchiebener Rrummgapfen	
113	Rrummjapfen fur ofcillirenbe Chlinber	212
114116	Arummgapfen fur Bebel und Balanciers	213
117-119	Rrummzapfen mit veranberlicher Umbrehungefraft	220
120	Doppelte Krummgapfen bei Erpanfione Dampfmafdinen	229
m	Biertes Rapitel.	
	n Gerads und Senkrechtführungen bei ber Berwandl	ung
be	r Rreisbewegung in bie gerablinige, und umgefehrt,	
	bei ber Umsetzung ber gerablinigen Be-	
	wegung in bie freisförmige.	
121-122	Fefte Leitungen, Leitungerahmen	233
	Begenlenter	
125-126	Seitenabweichung ber Begenlenker	241
127-128	Contrebalancier	246
129-131	Batt'fches Barallelogramm	252
132	Seitenabweichung ber Parallelogrammführung	259
133-134	Gerabführung mit oscillirenbem Träger	261
	Fünftes Rapitel,	
	Omilion and man	
	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern.	
135	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern.	267
1 35 136	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenräbern. Schraubenlinie	268
	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenräbern. Schraubenlinie	268
136	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern. Schraubenstäche und Schraube Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel	268 271 273
136 137	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern. Schraubenstäche und Schraube Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel	268 271 278 274
136 137 138 139 140	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern. Schraubensiede und Schraube Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel	268 271 273 274 275
136 137 138 139 140	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern. Schraubensiede und Schraube Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben Theorie der flachgängigen Schrauben	268 271 273 274 275 276
136 137 138 139 140	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern. Schraubensiede und Schraube Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben Theorie der sachgängigen Schrauben	268 271 273 274 275 276 283
136 137 138 139 140	Bon ben Schrauben und von ben Schraubenrabern. Schraubensiede und Schraube Schraubenbewegung Schraubenzieher, Schraubenschlüssel Anwendung der Schrauben Stärfe und andere Dimenstonen der Schrauben Theorie der flachgängigen Schrauben	268 271 273 274 275 276 283

.

Inhalt bes britten Theiles.

§.		Gelte
147—148	Schraube ohne Ende	290
149150	Schraubenraber	295
	Sechstes Kapitel.	
	Bon ben ungewöhnlicheren Zwischenmaschinen ober	
	Gulfemitteln zur Abanberung ber Bewegung.	
151	Elliptische Raber	300
152	Spiralraber	802
153	(Family Chinatelan	304
154	Excentrische Rreisraber	307
155-156		309
157	Laufgetriebe	312
158	Gerablinig wiederfehrenbe Bewegung	314
159	Rreisformig wieberfehrenbe Bewegung	316
160	Sperrraber und Sperrklinken	318
100	Operitable and Operitanten	910
	Siebentes Kapitel.	
	Bon ben medanifden Borrichtungen jum Reguliren,	
	Moberiren, Egalifiren, In= und Außergangfegen	
	ber Maschinen.	
161	Regulatoren, Moberatoren u. f. w	821
162	Anferhemmung	322
163	Cylinderhemmung	824
164	Der Windfang	328
165-167	Die Bremfe	830
168	Anwendung ber Bremfe	886
169-171	Theorie ber Bremfe	337
172	Gegengewichte	345
173-175	Gegengewichtebalancier	846
176	Sybranlifder und pneumatifcher Balancier	853
177-178	Bugbruden	356
179—182	9 0	362
	Schwungraber	373
193-197	Schwungraber	895
198	Barabollicher Centrifugalregulator	406
199	Differenzials und Benbelregulatoren	409
200	Reberrequiator	411
201	Sphraulische und pneumatische Regulatoren	
	Eine und Ausrückvorrichtungen	415
		214

510

3 weite Abtheilung.

Die Dechanif ber Arbeitsmaschinen.

			Œ	inl	eit	ur	ıg.											
§. 205	Eintheilung be	r Arbe	iten	nafé	h in	en	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	Selte 425
	(Br ft	e r	ā	1 6	ſ	ďγ	n	i t	t.								
	Won b	en {	F Ö 1	r b	e r	u 1	ı g	8 1	m (ıſ	ch (n	ė n	•				
			E r	ftee	Я	api	tel											
Ą	on ben Masc	inen	gui		del öh			er	80	ı ft e	n	a u	fŧ	(ei	n e	re		
206	Berfchiebene A															•		426
207	Hebel und Beb	elaben			•		•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	427
208																	٠	429
209	Rollen und Fl		•												•		•	431
210-211	Flaschenzüge .														•	•	•	434
212	Winben, Bau-	und g	uhr	ma	nn	8w	nb	en	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	440
213	Hybraulische Pi																•	442
214	Sybraulifche M															•	•	444
215	Transportable																	446
216	Gegenwinden of																	449
2 17—219	Aufzüge			•										•			•	452
220	Bneumatifche 2	ufzüge													•			459
221	Bafferfaulenauf	ana .																468
222 —223	Bange- und A	blaben	afá	ine	n													466
224 —227	Rrahne																	473
228	Bewegliche Rro	hne .																485
229	Bafferfaulentra	bn .			,													487
230	Dampffrahn .	٠,																491
231	Statif ber Rra																	493
232	Dechanit ber S																	497
233	Rammmafdine																	500
234	Runftramme .																	503
005	Damhframme			-	-									-	٠	•	•	506

Dechanische Arbeit ber Rammen . . .

Abbohrmafdinen

236

237

i

į

Bweites Rapitel.

Bon ben Dafdinen jum Geben ber Laften auf größere Boben.

§.			€elte
238	Berfchiebene Mafchinen jum Forbern in Schachten		514
239-240	Berghaspel	. :	515
241	Borgelegshaspel		521
242 —244	Dand und Pferbegopel		524
245	Spiralforb		535
246-248	Spiralforb		540
249-25 0	Bafferfaulengopel		555
2 51—252	Baffersaulengöpel		560
	Drittes Kapitel.		
;	Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe	:	
	horizontalen Begen.		
258	Forberungemethoben		568
254	Forberungemittel		569
255	Schiebfarren		571
256	Bweirabrige Karren		573
257	Bagenraber		576
258	Wiberftand ber Fahrbahn		579
259	Anftog ber Raber an Steine		581
260-262	Bierrabriger Wagen		584
268	Wiberstanbecoefficienten		593
264	Schienenbahnen		598
265	Schienen und Schwellen ,		600
266	Unterbau		608
267	Berbinbung getrennter Schienenbahnen		607
268	Eisenbahnwagenraber		612
269	Eisenbahnwagen		616
270	Seilbahnen		618
271	Atmospharische Gifenbahnen		621
272	Locomotiven		623
273—274	Locomotiventeffel	. ,	625
275	Beschreibung einer abgebilbeten Locomotive		681
276 .	Locomotivenmechanismen		685
277	Locomotivensteuerung		639
278-279	Schieberbewegung		643
280-282	Stephenson'sche Coulisse		650
283-284	Dampfwagengestelle		662
285	Tenber		666
286	Dampfwagen mit brebbaren Arengestellen ,		670
287293	Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen		674
294	Gegengewichte		698
295296	Miberftanh auf Gifenhahnen		

	Inhalt bes britten Theiles.	XI
§.		G eite
297	Schifffahrtscanäle	704
298	Speisung ber Canale	706
259	Rammerfdleufen	709
	Schleusenthore	718
302	Bafferbebarf beim Durchschleusen	720
303	Seitenbassins	728
304	Girard's Schleuse mit Schwimmer	725
305	Schiffsaufzüge	728
306307	Confiruction ber Schiffe	780
308	Schifferiffe	786
809	Schiffsformen	788
3 10	Stabilitat ber Schiffe	741
811	Biberftand bes Baffers	746
312	Schiffeziehen	747
313	Das Steuern ber Schiffe	751
314	Fortbewegung ber Schiffe burch Rubern	758
315	Ruberschaufel, Schaufelrab	756
316	Flügelrab	759
317	Bugfiren burch Dambfichiffe	761
318	Berbindung ber Ruberraber mit ber Dampfmafchine	762
819	Ruberraber	765
320	Schaufeltaber	767
321	Schraubenräder	772
322	Dampfichiffsmaschinen	776
323	Schiffsbampffeffel	780
324	Ablaffen bes Reffelmaffers	782
	Zweiter Abschnitt. Won den Wasserhebungsmaschinen.	
	Erstes Kapitel.	
	Bon ben Maschinen zum Seben bes Wassers auf kleinere Höhen.	
807	Partitionan Stuten had Ballant Land	70-
325	Berfchiebene Arten bes Bafferhebens	785
826	Bafferschaufeln	787
827 828	Wurfräber	789
	Schöpftäber	791 798
329—33 33 1	m-1. A s	
331 332	Baternofterwerke	799 808
333		806
	and the second of the second o	806 811
990 00	35 Archimedische Wasserschnede	819
35035	38 Wafferschraube	019

Zweites Rapitel.

Bon ben Maschinen zum geben bes Baffers auf größere Göhen.

§ .		Ceite
339-840	Die Spiralpumpe	828
841-848	Centrifugalpumpen	834
344	Rotationspumpen	842
345	Berfchiebene Arten von Bumpen	844
346	Bumpen mit Bentilfolben	845
847-348		848
849	Doppelpumpen	852
350	Saughohe	854
351	Shablicher Raum	857
352	Bumpenröhren	859
353—355		
856	Bumpenfolben	867
857	Niedrige und hohe Saugfage	870
858	Donches und Berspectivpumpen	
359	Saug- und Druckpumpen	874
360	Monchspumpen	
361		877
362	hubmaffermenge und Rolbenburchmeffer einer Bumpe	881
363-864	Rebenhinderniffe ber Bumpen	884
365-8 66	Arbeit zur Bewegung ber Pumpen	887
367		895
368-370	Feuersprigen	897
371 —372		906
373	Runftgezeuge	918
374	Runftgeftange	916
375		919
376—378		928
		935
381382		940
383		945
384	Directwirkenbe Dampftunft	949
385	Stäbtifche Bafferhebungebampfmafchine	953
386	Accumulator	956
387		959
888		961
389	Leiftung ber Stoffeber	963
390	Theorie bes Stoffhebers	965
391392	Saugheber	968
398	Theorie bes Saughebers	972
394	Der Berandhrunnen bie Mafferhebungeschuftmafdine	976

Dritter Abfcnitt.

Bon ben Luftbewegungsmaschinen.

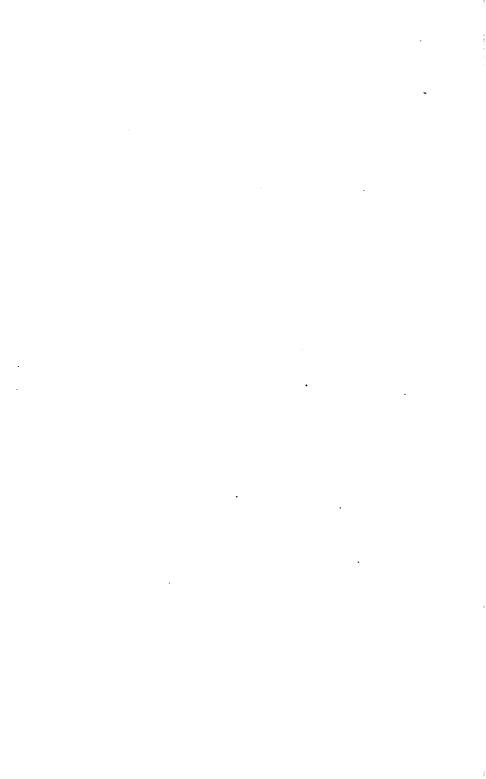
Erftes Rapitel.

Bewegung ber Luft burch bie Barme.

§.	Seite	Ŀ
395	Fortichaffen ber Luft, Geblafe und Bettermafchinen 978)
896	Bewegung ber Luft burch Temperaturbiffereng	l
397	Raturlicher Luft- und Bettermechfel	5
398	Runftlicher Luft= und Betterwechsel, Betterofen 988	3
399	Theorie bes funftlichen Betterwechsels	l
	Zweites Kapitel.	
₹01	ribewegung ber Luft burch birectes Bufammenbruden	
	ober Ausbehnen berfelben.	
	7	
400	Geblafe und Bentilatoren	5
401	Rolbengeblafe	
402	Binbregulatoren	•
403	Raftengeblafe	
404	Betterfat	5
	Glodengeblafe	6
405	Leberne Balgen	7
106407	Doppeltwirkenbe Cylinbergeblafe. Liegenbes Cylinbergeblafe 1010)
408	Schiebergeblafe	j
L094 10		
411	Binbleitungen	5
412	Dufen, Dufenftellung	7
413	Erhitte Geblafeluft)
114415		Ś
416	Der schäbliche Raum ber Rolbengeblafe)
417	Berluste durch die Bentile	В
418	Berlufte burch bie Schieber	
419	Schiebermechanismus	
420	Gebläse-Indicatoren	
421	Rebenhinderniffe und Betriebstraft ber Bentilgeblafe 105!	
422	Rebenhinderniffe und Betriebsfraft ber Schiebergeblafe 1060	
23-424	Theorie ber Windregulatoren	
25—42 6	Bindmenge, Große ber Dufenmundung für talte Geblafeluft 1070)
27-428	Große ber Dufenmundung für erhitte Geblafeluft 1076	В
429	Broge und Dimenfionen ber Rolbengeblafe 108	1

XIA	Inhalt bes britten Banbes.
S.	Seite
430	Umtriebsmafcinen ber Geblafe
	Dampfmafchinen=, Bentil= und Schiebergeblafe 1095
434	Größe ber Umtriebefraft, Auffchlagwaffermenge, Dampfmenge . 1107
485	Sowungrab birect wirtenber Dampfmaschinengeblafe 1109
	Rotirende Rolbengeblase
200 200	organist descendenced
	Drittes Kapitel.
Pre	sungeveränderung und Fortbewegung ber Luft burch
	bie Kraft ber Trägheit.
438	Bentilatoren
439	Centrifugalventilatoren
440-441	Theorie der Bentilatoren
442	Bentilatoren mit frummen Schaufeln
443	Construction ber Bentilatoren
414	Rads und Diffuserschaufeln
445-446	Berichiebene Conftructionen ber Centrifugalventilatoren 1148
447	Bindradventilatoren und Schraubenventilatoren
448	Theorie der Schraubenventilatoren
	Biertes Kapitel.
Bu	sammenbrückung und Fortbewegung ber Luft mittels bes Wassers.
Bu 449	bes Baffers.
449	bes Baffers. Spirals und Schraubengebläfe
449	bes Baffers. Spirals und Schraubengebläfe
449 450—452	bes Baffers. Spirals und Schraubengebläfe
449 450—452 453 454	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 453 454	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 453 454 455—456	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 453 454 455—456 457	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 453 454 455—456 457	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläfe
449 450—452 458 454 455—456 457 458	bes Baffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458	bes Waffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 453 454 455—456 457 458	bes Baffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458	bes Baffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458 8 p n b	bes Baffers. Spiral= und Schraubengebläse
449 450—452 458 454 455—456 457 458 \$\mathbb{B}\$ on \$\mathbb{D}\$ 460 461 462	bes Baffers. Spiral= und Schraubengebläse

	Inhalt bes britten Banbes. XV
S.	Seite
•	Theorie ber Boch: und Stampfwerke
468-469	
470	Umtriebefraft ber Boche und Stampfwerte 1225
471	Stempels ober Freifallhammer
472-473	
474	Frictionshammer
475-476	Theorie ber Frictionshammer
477-480	Dampfhammer, zwei hauptspfteme berfelben 1256
481	Andere Dampfhammerfpfteme
482	Theorie ber Dampfhammer
483-484	
485-486	Schwanzhammer
487	Sammergerufte
488	11 mtriebemafdine ber hammerwerte
489	Steiermartifches hammerwert
490	Schwanzhammer mit Dampsmaschinenbetrieb 1298
491-492	Aufwerfhammer
498	Stirnhammer, Brufthammer
494	Balthammer
495	Bellbaumen und Daumenconstructionen
496	Statif ber Bebelhammerwerfe
497-498	Mechanif ber Bebelhammerwerte
499-500	Leiftung ber hammerwerfe
501	Sallzeit ber Bebelhammer
502	Arbeiteverluft beim Fallen und Aufschlagen bes hammers 1887
508	Stoß gegen ben hammerreitel



Erfte Abtheilung.

Die Mechanik ber Zwischenmaschinen.

Einleitung.

6. 1. Die Krafts ober Umtriebsmafchinen, wie g. B. bie Bafs 3mifden ferraber, Dampfmafchinen u. f. m., geben felten unmittelbar biejenigen Bewegungen, welche zur Berrichtung einer gewiffen Arbeit, 3. B. jum Bafferheben burch Pumpen, ober jum Schmieben ber Metalle mittels Sammer u. f. w. nothig find; meift bedarf es vielmehr noch gemiffer Borrichtungen, ber fogenannten 3 mifchenmaschinen, welche bie Bewegungen ber Rraftmaschinen abanbern, umseten und auf die Arbeitemaschinen übertragen (vergl. II. §. 42). Bei einer gewohnlichen Gagemuhle 3. B. wird bie Rreisbewegung bes Bafferrabes mittels Raber, Rrummgapfen u. f. m. umgefett, abgeandert und auf bas Gagegatter, ben arbeitenben Dafchinentheil, übergetragen. Die 3mifchenmaschinen bestehen aus Rabern, Bebeln, Schrauben, Stangen, Seilen, Riemen u. f. w. und find fo mannigfaltig, baß fie fich nicht gut in ein geordnetes Spftem gufammenftellen laffen. Manche berfelben bienen gur blogen Fortpflanzung ber Bewegung, andere jur Menderung ber Bewegungerichtung, andere gur Beranberung ber Geschwindigkeit, noch andere zur Abanderung ber Bewegungeweife u. f. w.

Die Rraft= ober Umtriebsmaschinen liefern uns vorzüglich nur amei Bewegungen, bie ftetige Bewegung im Rreife und bie abfetende Bewegung in ber geraben Linie, beshalb haben wir benn auch im Folgenben vorzüglich nur von ber Fortpflanzung, Umfehung und Absehung biefer Bewegungen zu handeln.

Anmertung. Sehr gewöhnlich theilt man bie Bewegungen bei Dafcie nen in einfache und gufammengefette, erftere aber wieber in gerablis nige und freisformige ein, und unterscheibet in beiben gallen bie ftetige und bie absehende ober hin= und hergehende Bewegung von einanber. hiernach giebt es alfo vier verschiebene einfache Bewegungen, und fechezehn Rafdinenspfteme, woburch jebe biefer Bewegungen in fich felbst ober in eine ber brei übrigen abgeandert wird. Dan findet hierüber Ausführliches im erften Banbe ber allgemeinen Maschinenenepclopabie von Gulffe, ferner in ben

Brifden.

Principles of Mechanism, by Robert Willis, London 1841, in Berbam's Grunbfate ber angewandten Wertzeugswiffenschaft und Mechanik, Weimar 1834, und in der Schrift von Lanz und Bétancourt: "Essai sur la composition des machines", beutsch unter dem Titel "Bersuch über die Zusammensetzung der Maschinen" von Krenber, Bersin 1829.

Erftes Rapitel.

Bon den fortpflanzenden Maschinentheilen.

5. 2. Die Wellen (franz. arbros; engl. shafts, journals) sind bie ersten Hilfsmittel zur Fortpslanzung einer stetigen Kreisbewegung. Ihre Umbrehungsare fällt in der Regel mit ihrer geometrischen Längenare zusammen. Nach der Lage ihrer Aren hat man liegende, stehende oder geneigte Wellen. Schwache stehende Wellen nennt man Spindeln (franz. fuseaux; engl. spindles). Man hat Wellen aus Holz, Gußsoder Schmiedeeisen. Die hölzernen Wellen werden gewöhnlich polygonal bearbeitet, gußeiserne Wellen sind cylindrisch und entweder massiv oder hohl und erhalten nicht selten noch Rippen oder Federn (franz. nervures; engl. feathers); schmiedeeisernen Wellen giebt man meist einen quadratischen Querschnitt oder läßt sie cylindrisch abbrehen. Damit die Welzlen während ihrer Umbrehung nicht in Schwingungen gerathen, oder vielzmehr bald größere, das kleinere Biegungen erleiben, soll man ihnen mögzlichst regelmäßige Querschnitte geben.

Eine Belle ift noch mit Ropfen gur Aufnahme von Bewegungsthei= len, 3. B. Rabern, und mit Bapfen jur Uebertragung ihres Druckes auf bie Unterftutung verbunden. Die Ropfe ober die Stellen, mo die Raber auf ben Wellen auffigen, erhalten um 1/4 bis 1/2 mehr Starte ale bie Welle felbst; sie find meift rund, ober regelmäßig prismatifch. Die Bapfen (frang. tourillons; engl. gudgeons) find genau abgebrehte enlindrische Theile ber Welle, welche in entsprechend ausgebrehten Lagern, ben fogenannten Bapfenlagern ober Pfannen (frang. coussinets; engl. plumber blocks), umlaufen. Bei einer ftehenden Belle heißt ber untere Bapfen gewöhnlich ber Stift (frang. und engl. pivot) und bas Lager, morin berfelbe umlauft, die Pfanne (frang. crapaudine; engl. step, bearing). Die Bapfen find in der Regel von Gug- ober Schmiebeeisen und bilben febr oft mit ber Welle ein Ganges, bie Bapfenlager bestehen gwar oft aus Gufeifen ober Meffing, find aber am beften aus Rothque (5 Theile Rupfer und 1 Theil Binn) herzustellen. Mehreres über biefen Gegenftand ift schon II. §. 90 abgehandelt worden.

§. 3. Die Stårke, welche einer Belle zu geben ist, richtet sich theils nach wellenkarten ber Belastung, theils nach dem Krafts ober Torsionsmomente der Belle. Bei wenig belasteten Bellen läßt sich dieselbe vorzüglich aus letterem bezrechnen. Ist Pa das Kraftmoment, welches durch eine Belle übergetragen wird, so haben wir nach I. §. 211 für die Stårke d=2r einer runden außeisernen Belle:

$$Pa = 12600 \, r^3 = 1575 \, d^3$$
, und daher $d = \sqrt[3]{\frac{Pa}{1575}} \, 3o$ ll,

ober, wenn man Pa in Fußpfund, alfo ben Bebelarm a in Fugen giebt,

$$d = \sqrt[3]{\frac{Pa}{131}} = 0,197\sqrt[3]{Pa}$$
 300.

Der größeren Sicherheit wegen ift jedoch erfahrungsmäßig $d=0,35\sqrt[9]{Pa}$ Boll zu nehmen.

Ift L bie Leiftung in Pferbetraften (zu 510 Ffpf.), welche burch die Welle fortgepflanzt wird, und u bie Anzahl ber Wellenumbrehungen pro Minute,

so hat man
$$L=rac{\pi u\,a}{30}\cdotrac{P}{510}$$
, daher $Pa=rac{15800\,L}{\pi u}$ und $d=6\sqrt[3]{rac{L}{u}}$ 30U.

Ift die Welle hohl und n das Berhaltniß des innern Durchmeffers d_1 jum außern, also $d_1=nd$, so hat man

$$d = 6 \sqrt[3]{\frac{L}{(1 - n^4)u}} \, 3011, \, 3.23. \, \text{für } n = 0.6, \, d = 6.3 \sqrt[3]{\frac{L}{u}}$$

und die Eisenstärke: $\frac{d-d_1}{2}=1,26\sqrt[3]{rac{L}{u}}$ Boll.

für einen Schaft ober eine Belle mit quabratischem Querschnitte ift, wenn s die Seite beffelben bezeichnet, bas Torfionsmoment

$$\frac{8\sqrt{2}}{3\pi} \cdot \left(\frac{s}{d}\right)^3 = 1,2\left(\frac{s}{d}\right)^3 \text{ mal}$$

fo groß als fur bie runde Belle, und baher

$$s = 6\sqrt[8]{\frac{L}{1,2u}} = 5,65\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$$
 300.

Schmiedeeiserne Wellen konnen um 4 Procent schwächer, und holzerne, namentlich solche aus Sichen- ober Tannenholz, muffen mindestens doppelt so stark gemacht werden, als gußeiserne Wellen.

Lange Transmiffionswellen muffen eine großere Starte erhalten, als obige Formeln angeben, bamit bie Torfionswinkel nicht fehr groß ausfallen.

Sett man in der Formel $Pa=160000\,rac{lpha^0 r^4}{l}$ (I. §. 211) statt $r^4=rac{d^4}{16}$,

wessenstätten. druckt man ferner ben Hebelarm a und die Länge l der Welle in Fußen aus und nimmt man ben zulässigen Torsionswinkel $\alpha^0=(1/4)^0$, so erhält man $Pa=17\frac{d^4}{l}$, daher die entsprechende Stärke einer gußeisernen Transmissionswelle $d=0.49\sqrt[4]{Pa\,l}=4\sqrt[4]{\frac{Ll}{l}}$ Zoll.

Diese Formel ist nur anzuwenden, wenn die Wellenlange $l > \left(\frac{6}{4}\right)^4 \sqrt[3]{\frac{L}{t}}$, b. i. $> 5 \sqrt[3]{\frac{L}{t}}$ ist.

Druckt man $\frac{L}{u}$ burch d aus, und l wie d in Zollen, so läst sich biese Bebingung auch burch $l>12\cdot\frac{6^3}{4^4}d$, b. i. $l>10\,d$ ausbrücken.

Wenn eine Welle ber Wirkung einer lebendigen Kraft ausgeset ist, wie z. B. wenn auf derselben ein Schwungrad sitt, so muß man deren Starke nach dieser Wirkung berechnen. Ist G das Gewicht des Schwungringes und v die Seschwindigkeit desselben, so hat man das Arbeitsquantum, welsches dieser Ring ausgiebt, wenn er in Ruhe versett wird, $L=\frac{v^2}{2g}G$. Ist dagegen Pa das Torsionsmoment und α der Torsionsbogen, so hat man die Arbeit, durch welche die Torsion hervorgebracht wird, $L=\frac{\alpha\,a\,P}{2}$, oder, da nach I. §. 209, für eine cylindrische Welle $\alpha=\frac{4\,l\,Pa}{\pi\,r^4\,E}$ ist,

$$L=\frac{2l(Pa)^2}{\pi r^4 E}=\frac{\pi r^4 E}{8l}\cdot \alpha^2,$$

und da endlich für das Abwürgen, nach I. §. 211, $\left(\frac{\alpha r}{l}\right)^2 = \frac{2K}{E}$ ist, $L = \frac{1}{4}\pi r^2 l K$.

Hiernach erhalt man fur bie Wellenftarte d = 2r bie Formel

$$d=4\sqrt{\frac{L}{\pi l K}},$$

ober, wenn man fur Gußeisen K = 1000 Pfund fest,

$$d = 0.07 \sqrt{\frac{L}{l}} = 0.07 \sqrt{\frac{v^2}{2gl}} \cdot G.$$

Beispiel. Belche Stärfe ist einer massiven gußeisernen Belle zu geben, wenn bieselbe bei 20 Umbrehungen pro Minute ein Arbeitsquantum von 40 Pferbefräften fortpflanzen soll? Nach ber Formel $d=6\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$, folgt bie gesuchte Stärfe $d=6\sqrt[3]{\frac{40}{20}}=74/7$ Boll. Bei einer Länge l von 20 Fußen

würde nach der Formel $d=4\sqrt[4]{\frac{Ll}{u}}$ diese Stärke $d=4\sqrt[4]{2\cdot 20}=4\cdot 2,5$ wedenftärten. =10 Boll betragen müssen, und wenn hingegen diese Welle nur 5 Fuß Länge hätte und ein Schwungrad von 10 Fuß Halbmesser und 20000 Psund Gewicht trüge, so würde nach der Formel $d=0.07\sqrt{\frac{v^2}{2gl}}G$ die Stärke der Welle $d=0.07\sqrt{\frac{(10\cdot 20\cdot \pi)^2}{30}}=\frac{20000}{62.5\cdot 5}=0.07\sqrt{438.6.64}=11.730$ lsein müssen.

§. 4. Aus der Belastung Q einer Welle läßt sich die Stärke derseiben nach den schon in I. §. 202 und II. §. 89 gegebenen Regeln berechnen. Ist die Last Q auf den Theil c der ganzen Wellenlänge l gleichmäßig vertheilt, und steht der Mittelpunkt des Theiles c oder der Last Q von den beiden Lagern oder Stützpunkten um l_1 und l_2 ab, so hat man für die Seite s einer vierkantigen Welle: $s=\sqrt[3]{\frac{6\,Q}{K}\left(\frac{l_1\,l_2}{l}-\frac{c}{8}\right)}$. Giebt man c, l, l_1 und l_2 in Fußen und nimmt man für $\frac{K}{6}=1000$ Pfund, so erhält man für eine solche Welle aus Gußeisen

$$s=$$
 0,23 $\sqrt[3]{Q\left(rac{l_1\,l_2}{l}-rac{c}{8}
ight)}$ 3oU.

Fur eine maffive cylindrifche Belle ift bagegen bie Starte

$$d = 1,2 s = 0,28 \sqrt[3]{Q(\frac{l_1 l_2}{l} - \frac{c}{8})},$$

und fur eine hohle, wenn die Beite ber Sohlung nd ift,

$$d = 0.28 \sqrt[3]{\frac{Q}{1 - n^4} \left(\frac{l_1 \, l_2}{l} - \frac{c}{8}\right)}.$$

In vielen Fällen kann man die Belastung Q in einem Punkte der Welle wirkend annehmen, also $\frac{c}{8}$ gegen $\frac{l_1\,l_2}{l}$ vernachlässigen; es ist dann $\frac{Q\,l_1\,l_2}{l} = R_1\,l_1$, wo R_1 den Druck in einem Zapsen und l_1 den Abstand der Last Q von diesem Zapsen bezeichnet, und daher für eine massive runde Welle aus Gußeisen: $d = 0.28 \sqrt[9]{R_1\,l_1}$.

In vielen Fallen steht das Torsionsmoment Pa und das Biegungs-moment $R_1 l_1$ in einem Verhältnisse zu einander, welches erfordert, daß man bei der Stärkebestimmung einer Welle auf beide Momente zugleich Rückssicht nehmen muß. Es ist dann nach der Theorie der zusammengesetten Festigkeit (f. Ingenieur, Seite 427 und Seite 555) für eine runde gußeiserne Welle: $d^6 = (0.28)^3 R_1 l_1 d^3 + (0.35)^6 P^2 a^2$, oder, wenn man

$$rac{R_1 \, l_1}{Pa} = m \, \, ext{unb} \, \, (0.256 \, m + \sqrt{1 + 0.0655 \, m^2})^{\, 1/6} = \psi \, \, ext{febt,}$$
 $d = 0.35 \, \psi \, \sqrt[3]{Pa} = 6 \, \psi \, \sqrt[3]{rac{L}{u}} \, \, 3 \, ext{oll.}$

für $m = \frac{1}{2}$	1	2	8	4	Б	6
iff $\psi=1,04$	1,09	1,18	1,27	1,35	1,43	1,50

Fig. 1. u. 2. Ist eine gußeiserne Welle vierkantig und gerippt, wie Fig.

1 und 2 im Querschnitte vor Augen führen, so hat man

$$s=0,23\sqrt[3]{rac{m\,R_1\,l_1}{1+(m^3-1)\,n+(m-1)\,n^3}}$$
 zu sehen, wobei m bas Verhältniß $rac{s_1}{s}$ ber ganzen Rippenhöhe s_1 zur

Seite s der Belle und n das Verhältniß $\frac{s_2}{s}$ der Rippendicke s_2 zu eben derseiben bezeichnet.

Gewöhnlich nimmt man $m=\frac{s_1}{s}=3$ und $n=\frac{s_2}{s}=1/s$,

baher hat man $s = 0.23 \sqrt[3]{\frac{3}{9.74} R_1 l_1} = 0.15 \sqrt[9]{R_1 l_1}$ Boll.

Fig. 8. Für eine gerippte runde Welle, wie Fig. 3, ift bage-



gen
$$d=0,28$$
 $\sqrt[3]{\frac{mR_1 l_1}{1+1,7[(m^3-1)n+(m-1)n^3]}}$, wo m und n bie Berhaltniffe $\frac{s_1}{d}$ und $\frac{s_2}{d}$ ber Höhe s_1 und Dicked ber Rippen zum Wellendurchmeffer s_2 bezeichnen.

Gewöhnlich nimmt man $m=\frac{s_1}{d}=3$ und $n=\frac{s_2}{d}=1/s$, und erhalt daher $d=0.28\sqrt[3]{\frac{3}{15.86}R_1l_1}=0.15\sqrt[3]{R_1l_1}$ goll.

Lange Wellen mussen, wenn sie stark belastet sind, nicht nach der Festigsteit, sondern nach der Elasticität berechnet werden, weil durch das Einbiegen ein unaufhörlicher Wechsel in die Spannungen der Welle kommt, und das durch die Haltbarkeit und der genaue Sang derselben leicht beeinträchtigt werden kann. Nimmt man auf jeden lausenden Fuß der Welle $^{1}/_{120}$ Joll Einbiegung, seht man also für die ganze Einbiegung einer in der Mitte belasteten Welle: $a=^{1}/_{120}$. $\frac{l}{12}$, so erhält man, da nach I. §. 190 diese

Einbiegung a auch = $\frac{Ql^2}{48WE}$ ist, $Ql^2=1/_{80}$ WE,

Belleuftärfen.

also für eine quadratische Welle, wo $W=\frac{s^4}{12}$ ift, $Ql^2=\frac{s^4}{360}$ E,

dagegen für eine runde Belle, wo $W=\frac{\pi r^4}{4}=\frac{\pi d^4}{64},~Ql^2=\frac{\pi}{1920}~d^4E.$

Führen wir nun fur Gußeisen E=17000000 Pfund ein, und nehmen wir die Wellenlange l in Fußen gegeben an, so erhalten wir

$$Ql^{2} = \frac{17000000}{144 \cdot 360} \cdot s^{4} = 328 s^{4} = 193 d^{4},$$

baher umgetehrt, $s = 0.24 \sqrt[4]{Q l^2}$ und $d = 0.27 \sqrt[4]{Q l^2}$.

Holzerne Wellen find auch in diesem Falle doppelt so start, und schmieber eiserne um 5 Procent schwächer zu machen. Man kann hiernach auch leicht beurtheilen, bei welcher Wellenlange die eine oder die andere Formel bie größere Starke giebt. 3. B. für eine runde gußeiserne Welle ist die

lehte Formsel anzuwenden, wenn $0,27\sqrt[l]{Ql^2}>0,28\sqrt[l]{rac{Q}{2}\cdot rac{l}{2}},$

also were
$$l > \left(\frac{0.28}{0.27}\right)^6 \frac{\sqrt{Q}}{16}$$
, b. i. $l > 0.078 \sqrt{Q}$ ist.

Drudt man Q burch d aus, fo erhalt man auch bie Bebingung

$$l>rac{\sqrt{0,078}}{0,27}d$$
, oder wenn man auch l in Zollen giebt, wenn $l>12,4\,d$ ist.

Beispiel. Welche Stärfe ist einer gußeisernen Welle zu geben, welche bei einer Länge von 8 Fuß ein Arbeitsquantum L von 20 Pferdefräften aufzunehmen, in der Mitte eine Last von 4000 Pfund zu tragen hat und pro Minute 30 Ums brehungen machen soll? Es ist hier $Pa=\frac{30\cdot510}{\pi}\cdot\frac{L}{u}=\frac{510\cdot20}{\pi}=3247$ Fußpfund und $R_1l_1=\frac{Q}{2}\cdot\frac{l}{2}=2000\cdot 4=8000$, daher $m=\frac{R_1l_1}{Pa}=\frac{8000}{3247}=2,4$ und nach der obigen Tabelle $\psi=1,22$, endlich aber die gessuchte Wellenstärse $d=6\cdot1,22$ $\sqrt[4]{\frac{20}{30}}=6,4$ Joll.

§. 5. Die Stärke der Zapfen einer Welle hängt von dem Zapfendrucke Zapfenkärten. oder von der Belastung der Welle ab. Ist der Zapfendruck =R, der Zapfendurchmeffer =d und die Zapfenlänge =l, so hat man, wenn man den ungünstigsten Fall nimmt, daß R am äußersten Ende des Zapfens wirkt, nach der Theorie der relativen Festigkeit, und wenn, wie meist, das Masterial aus Gußeisen besteht (s. I. S. 214) $Rl = 4700r^2 = 4700 \left(\frac{d}{2}\right)^8$

und baher
$$d = 2\sqrt[3]{\frac{Rl}{4700}} = 0.12\sqrt[3]{Rl}$$
.

Bapfenftarten.

In ber Regel ift l = 5/4 d bis 8/2 d, weshalb

1) $d = 0.048 \sqrt[8]{R}$ Boll genommen wird.

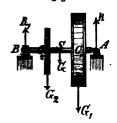
Schmiebeeiserne Bapfen find um 1/4 fcmader zu machen. Rach Buchanan und Armengaub ift fur bie Bapfenlange ein mittlerer Werth ein= zusegen und beshalb 2) $d = 0.27 \sqrt[3]{R}$ Boll zu nehmen.

Bebenfalls fallen nach diefer Formel die Zapfenstärken bei schwachen Belaftungen ju groß aus.

Hiernach ift folgende Tabelle ber Bapfenstarten zusammengesett.

Bapfenbrude in Cents nern ju 100 Pfb.	2	5	10	20	50	100	150	200
Bapfenftarten in Bollen nach 1	0,68	1,07	1,52	2,15	3,39	400	5,88	6,69
,, 2	1,60	2,13	2,70	3,40	4,62	4,80 5,81	6,66	7,33

Bas die Bapfenbrucke anlangt, fo tann man biefelben aus bem Gewichte G ber Welle AB, Fig. 4, und aus ben Gewichten G, und G, der auf ihr figenben Raber, fowie aus ber gangen Fig. 4.



Wellenlange AB = l, und aus ben Abstanden $BC_1 = l_1$ und $BC_2 = l_2$ der Lastpunkte ober Radmittel C_1 und C_2 von einem Stuppunkte Bberechnen. Es ift namlich ber Druck im Bapfen A: $R = \frac{1/2 G l + G_1 l_1 + G_2 l_2}{l}$, und der in B

$$R_1 = \frac{\frac{1}{2}Gl + G_1(l - l_1) + G_2(l - l_2)}{l}$$

Befindet fich ein Bapfen zwischen ben Ranbern, beren Momente einanber entgegen wirten, wie g. B. bei S in Fig. 4, fo muß beffen Starte wie bie einer Welle aus bem Torfionsmomente berechnet werben.

Die Starke eines Stiftes ober stehenden Zapfens bestimmt sich mittels ber Torfion, welche bie Reibung an ber Bafis bes Stiftes hervor-Mus bem Gewichte ober bem Arenbrucke G ber Welle ergiebt fich mit Silfe des Reibungscoefficienten f (= 0,15) bie Reibung an ber Bafis, und ift nun d bie Starte biefes Stiftes, fo hat man bas Reibungs- ober Torfionsmoment $Pa=rac{fG\,d}{2}$. Sett man nun dieses in Formel

$$d=0,35\sqrt[q]{Pa}$$
 für die Wellenstärte, also $P=fG$ und $a=rac{d}{2}$,

Ober vielmehr $\frac{d}{24}$, weil a in Fußen gegeben sein soll, so erhalt man

$$d^2 = (0.35)^8 \cdot \frac{0.15}{24}G = 0.000268G,$$

Bapfenftarten.

und baher $d=0.0164 \sqrt{G}$ Boll; da aber f leicht noch einmal fo groß ausfallen kann, $d=0.025 \sqrt{G}$.

Diese Formel entspricht auch ziemlich ber Regel Trebgolbs, nach welcher man eiserne Zapfen nur mit 1500 Pfund Drud pr. Quabratzoll belasten foll.

Die Stifte schnell umlaufender Turbinenwellen muffen, bamit sie nicht leicht warm werben, eine größere Starte erhalten. Ift u die Umdrehungszahl ber Welle pr. Minute, so kann man

$$d = 0.017 \sqrt{(1+0.1 u)G}$$
 Boll in Unwendung bringen.

Beispiel. Eine liegende Belle AB, Fig. 4, von 7 Fuß Lange, trägt 2 Raber, burch welche ein Arbeitsquantum L von 16 Pferdefraften fortgepflanzt wird. Benn nun biese Belle pr. Ninute 12 Umbrehungen macht, bas eine Rad 1000 Pfund und bas andere 4500 Pfund wiegt, ferner jenes 3 Fuß von dem einen und diefes 1½ von dem anderen Stugpuntte absteht, welche Starfen muffen die gußeiserne Belle und die Zapfen berselben erhalten? Die Bellenstärke ift nach

bem Corfionsmoment: $6\sqrt[3]{\frac{16}{12}}=6,6$, ficherer also 7 Boll zu machen. Die

Belle erhalt hiernach annahernd bas Gewicht $G = \frac{\pi \cdot 7^2}{4 \cdot 144}$. 7 . 475 = 889 Pfb.

Sett man biernach G=889, $G_1=1000$, $G_2=4500$, l=7, $l_1=8$ und $l_2=5,5$, fo erhalt man ben gapfendruck auf ber einen Seite

$$R = \frac{889 \cdot 8.5 + 1000 \cdot 3 + 4500 \cdot 5.5}{7} = 4409 \, \Re \beta.$$

folglich ben auf der anderen: $R_1=889+5500-4409=1980$ Pfb., und hiernach bie entfprechenben Bapfenftarten:

$$d = 0.048 \sqrt{4409} = 3.19 \text{ Boll und } d_1 = 0.048 \sqrt{1980} = 2.14 \text{ Boll.}$$

§. 6. Lange Wellen werben aus mehreren Studen mittels sogenanns Ruppelungen. ter Ruppelungen (franz. accouplements; engl. couplings) zusammensgeset. Es giebt seste und losbare Ruppelungen. Bon ben letteren ist weiter unten bei ben sogenannten Eins und Ausrudvorrichtungen bie Rebe. In der Regel werben durch eine Ruppelung zwei oder mehrere Wellen so mit einander verbunden, daß die Aren derselben in eine gerade Linie fallen, jedoch verbindet man durch das Universalgelenk zuweilen auch Wellen, deren Richtungen um einen mäßigen Winkel von einander abweichen.

Fig. 5.



Die gewöhnlichen festen Auppelungen sind entweber folche mit einem, ober solche mit zwei Salfen (Bapfen) und ben zugehörigen Lagern.

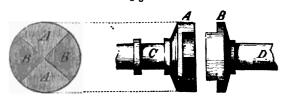
Die einfachste Auppelung zweier Holze wellen gewährt ber boppelte Blattzapfen ACB, Kig. 5, aus Guß-

Ruppelungen eisen. Es find hier A und B bie in die Wellenenden einzusetzenden und mit eisernen Ringen zu umgebenden Blatz



eisernen Ringen zu umgebenden Blatzter (vergl. II. Fig. 174) und es ist C ber durch ein Lager zu unterstüßende Hals oder Zapfen. Die Stärke des Halses ist natürlich nach der Torsionsformel zu bestimmen.

Eine andere Ruppelung mit einem Salfe fuhrt Fig. 7 vor Augen. Fig. 7.



Dieselbe läßt sich auch bei Holzwellen anwenden, wenn man die Kuppelungsstücke mit Blättern zum Einsehen in die Wellenenden versieht. Es ist hier AC das eine und BD das andere Wellenende, C der Hals, A und B sind die Kuppelungsköpse mit gegenüberliegenden, je einen Quadranten einnehmenden Zähnen.

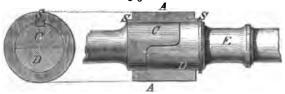
Die gewöhnlichste Auppelung ift die durch eine Salfe oder Muff (franz. manchon; engl. coupling-box). Diefelbe sitt entweder an einem Wellenende fest und greift über das Ende der anderen Welle über, wie z. B. in Fig. 8,



Fig. 8.

wo A bie Ruppelhulse ber einen Welle, B ben in ihr stedenden Ruppeltopf und C ben hals ber anderen Welle vorstellt; ober sie wird über beibe Wellenenden hinweggeschoben,

wie aus Fig. 9 zu ersehen ist, wo AA die Ruppelhulse, C und D die Fig. 9.



Wellenenden und E den Hals des einen Wellenendes vorstellt. Die Wellenenden ober Ruppeltopfe werden entweber stumpf aneinander gestoßen, ober sie werden, wie aus der letten Figur zu ersehen ist, über einander geblattet, so daß ein halbeplindrisches Blatt der einen Welle über ein

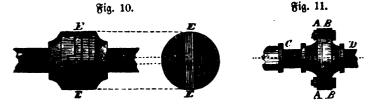
gleiches Blatt ber anderen Welle greift; man giebt denkelben zuweilen Ruppelungen. einen quadratischen, jest aber meist einen kreibsormigen Querschnitt. Die Kuppelungshülse oder der Muff past genau auf die Kuppelungsköpse und wird damit noch durch einen Keil, Splint oder Schlüssel SS (franz. clavette; engl. koy), welcher in rinnenkörmigen Vertiefungen des Kuppelztopses und des Kuppelmusses uiegen kommt, fest verbunden.

Die Dimensionen einer solchen Auppelung bestimmen sich aus ber nach ber bekannten Formel $d=6\sqrt[3]{\frac{L}{u}}$ zu berechnenden Wellenstärke mittels folgender Berhältnisse:

Durchmesser des Kuppelungskopfes $d_1 = \frac{5}{4} d$, Wandstärke der Kuppelhülse $e = \frac{1}{3} d$, Länge derselben l = 2 d,

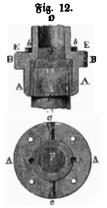
Breite und Dicke des Schlüffelkeiles $b_1=0,9e$ und $e_1=\frac{1}{2}b_1$. Die Hauptdimension ist allerdings die Starke e der Auppelhülse. Sie läst sich unter der Boraussehung berechnen, daß das Torsionsmoment der Hülse dem des Auppelkopses gleich sein muß. Bezeichnen wir nun den außern Durchmesser der Hülse, d. i. d_1+2e , durch d_2 , so erfüllen wir diese Bestingung, wenn wir $\frac{d_2^4-d_1^4}{d_2}=d_1^3$ sehen. Nennen wir $\frac{d_2}{d_1}=x$, so stoßen wir hiernach auf die biquadratische Gleichung $x^4-x=1$, deren Ausschung x=1,22 giebt, wonach also x=1,22 x=1,22

Sogenannte Scheiben ober Rrangetuppelungen fuhren bie Figuren 10 unb 11 vor Augen. Bei beiben Auppelungen find A und B bie Ruppelscheiben



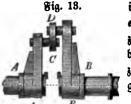
und C und D die Wellenhalse. Die Auppelscheiben der ersten sind mit Ruthen versehen, die der letteren aber mit in einander greisenden Kreissectozen. Zwischen jene kommt noch eine dritte Scheibe E zu liegen, welche auf den entgegengesetzten Seiten mit Rippen versehen ist, die in die gleichs gestalteten Ruthen der ersten Scheiben zu liegen kommen. Um das Auss

Auspelungen. greifen ber Scheiben zu verhindern, schraubt man diese, wie aus Fig. 11



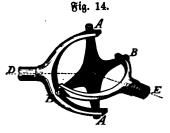
Eine ahnliche Kuppelung, Fig. 12, wendet man auch bei stehenden Wellen an. Es ist hier AA die mit einem Kranze BB versehene Husse, welche über die untere Welle C geschosen und durch die Splinte a, a damit sest versbunden wird, D aber die in einen Kranz EE auslausende Welle, welche durch die Schrausben b, b und mittels der schrauben schlüsselbolzen c, c an den unteren Kranz besesstigt ist; endlich ist F ein conischer Kern, welcher innerlich über beide Wellenenden weggreift und dazu dient, die Wellenaren in einer geraden Lienie zu erbalten.

Univerfalgelent. §. 7. Wenn die Aren zweier Wellen nicht genau in eine gerabe Linie fallen, ober nicht genau barin liegend erhalten werben konnen, fo kann man die in Fig. 13 abgebilbete Krummzapfenkuppelung anwenden. hier



ift an jedes der beiden Wellenenden A und B ein Krummzapfen angesetht, und es sind die Warzen C und D beider burch ein Gelenk CD verzbunden. Um diese Verbindung sehr nachgiebig zu machen, kann man die Warzen kugelformig gestalten und die Gelenkaugen ebenso aushöhlen. Sollen die zu kuppelnden Wellen unter einem

gewissen Winkel zusammenstoßen, so kann man sich bes Universalge= lenkes bebienen. Das Universalgelenk (franz. joint universel ou brisé; engl. universal joint) von Hook, Fig. 14 besteht in einem bewegs

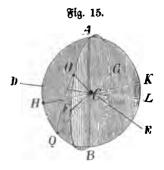


lichen Kreuze ABCBA, beffen zapfensformige Enden durch die bügelformigen Enden ADA und BEB der zu verbindenden Wellen gestedt werden. Bei Umbrehung der Welle D durchsauft der Arm AA des Kreuzes eine auf der Umbrehungsare winkelrechte Ebene, und da der Arm BB unveränderlich mit AA und mit der Welle E verbunden

ift, so führt er benselben in einem Abstande von einem Rechtwinkel in einer auf der Are von E winkelrecht stehenden Sbene mit sich fort und dreht dabei natürlich die Welle E um ihre eigene Are herum. Diese Uebertragung der Umdrehungsbewegung einer Welle auf eine andere ift

jedoch keine gleichmäßige; wenn auch die eine Welle gleichformig umläuft, so nimmt doch die andere keine gleichformige Umdrehung an, wie aus Fol-





gendem hervorgeht. Es sei CD, Fig. 15, die Are der Umtriebswelle und CE die der Getriebswelle, $ECL = \alpha$ der Winkel, um welchen beide von einander abweichen; ferner sei AFBG die Umstehungsebene des Armes der ersten und AHBK die des Armes der zweiten Welle, also AB die Durchschnittslinie beider Ebenen. Den Stellungen CA, CF, CB und CG des ersten Armes entsprechen die Stellungen CH, CB,

CK und CA des zweiten; kommt CA nach CO, so ruckt CH nach CQ, und es ist der Bogen OQ wegen der Rechtwinkeligkeit der Arme ein Quasbrant. Rehmen wir A als den Anfangspunkt der einen und H als den der anderen an, sehen wir den Weg AO von A, $= \varphi$ und den gleichzeitie gen Weg HQ von H, $= \psi$, also den Bogen $AQ = \frac{\pi}{2} + \psi$, und bringen wir das sphärische Dreieck AOQ, in welchem außerdem noch die Seite $OQ = \frac{\pi}{2}$ und der Winkel $A = OAQ = ECF = \alpha$ ist, zur Auslösung. Die sphärische Trigonometrie giebt (nach dem Ingenieur Seite 259) $\cos A = \frac{\cos OQ - \cos AO \cos AQ}{\sin AO \sin AQ}$, also hier

$$\cos \alpha = \frac{\cos \frac{\pi}{2} - \cos \varphi \cos \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right)}{\sin \varphi \sin \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right)};$$

nun ist aber $\cos \frac{\pi}{2} = \cos 90^\circ = 0$, $\cos \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right) = -\sin \psi$ und $\sin \left(\frac{\pi}{2} + \psi\right) = \cos \psi$, daher folgt denn $\cos \alpha = \cot \varphi \ \varphi \ tang. \psi$, also umgekehrt, $tang. \psi = tang. \varphi \cos \alpha$, oder $\frac{tang. \psi}{tang. \varphi} = \cos \alpha$.

Es stehen also nicht die Wege ψ und φ , sondern ihre Tangenten in einem constanten Berhältnisse $(\cos\alpha)$ zu einander. Da $\cos\alpha$ ein ächter Bruch ist, so folgt auch, daß tang. ψ stets kleiner als tang. φ ist, und daher im ersten und dritten Quadranten, wo tang. φ und tang. ψ positiv sind, ψ kleiner aussällt als φ , im zweiten und vierten Quadranten aber, wo tang. φ

llniverfalgelent. und tang. ψ negativ find, ψ graßer ift als φ . Mit diesem abwechselnden Boreilen und Zuruckbleiben ber zweiten Welle ist naturlich auch ein steter Wechsel in ber Geschwindigkeit berselben verbunden.

Aus Band I. §. 19 ist bekannt, daß die Geschwindigkeit einer ungleichs förmigen Bewegung der Quotient aus einem Raum: und dem zu deffen Durchlaufung nothigen Zeitelemente, daß also $v=\frac{\sigma}{\tau}$ ist. Für eine ans dere Bewegung ist $v_1=\frac{\sigma_1}{\tau}$; vergleichen wir daher beide mit einander, so erhalten wir $\frac{v_1}{v}=\frac{\sigma_1}{\sigma}$, d. i. die Geschwindigkeiten zweier Bewegungen verhalten sich wie die in gleichen Zeitelementen durchlaufenen Wegelemente-Bringen wir diesen Sat hier zu Anwendung.

Lassen wir φ um ein Element $\triangle \varphi$ wachsen, so wird aus tang. φ , tang. $(\varphi + \triangle \varphi) = \frac{tang. \varphi + tang. \triangle \varphi}{1 - tang. \varphi tang. \triangle \varphi}$, oder, da tang. $\triangle \varphi$ wesgen seiner Kleinheit $\triangle \varphi$ gesett und die Potenzen von $\triangle \varphi$ außer Acht gesassen werden können,

$$tang. (\varphi + \triangle \varphi) = \frac{tang. \varphi + \triangle \varphi}{1 - tang. \varphi \triangle \varphi} = tang. \varphi + (1 + tang. \varphi^2) \triangle \varphi;$$

hiernach nimmt also $tang. \varphi$ um $(1 + tang. \varphi^2) \triangle \varphi = \frac{\triangle \varphi}{cos. \varphi^2}$ zu, wenn $\triangle \psi$

 φ um $\triangle \varphi$ größer wird, und ebenso $tang. \psi$ um $\frac{\triangle \psi}{cos. \psi^2}$, wenn ψ um $\triangle \psi$ wächst. Seten wir diese Wachsthumer statt $tang. \varphi$ und $tang. \psi$ in die Formel $tang. \psi = tang. \varphi \cos. \alpha$, so bekommen wir folglich

$$\frac{\triangle \psi}{\cos \psi^2} = \frac{\triangle \varphi}{\cos \varphi^2} \cdot \cos \alpha,$$

und das Berhaltniß der Geschwindigkeiten w und v der Bargen H und A:

$$\frac{w}{v} = \frac{\Delta \psi}{\Delta \varphi} = \frac{\cos \psi^2}{\cos \varphi^2} \cos \alpha = \frac{1 + tang. \varphi^2}{1 + tang. \psi^2} \cdot \cos \alpha$$
$$= \frac{1 + tang. \varphi^2}{1 + tang. \varphi^2 \cos \alpha} \cdot \cos \alpha.$$

Dieses Berhaltniß ist für $tang. \varphi = \infty$, also für $\varphi = \frac{\pi}{2}$, am größten, und zwar $\frac{w}{v} = \frac{\cos \alpha}{\cos \alpha^2} = \frac{1}{\cos \alpha}$, dagegen am kleinsten für $tang. \varphi = \varphi = 0$. nämlich $\frac{w}{v} = \cos \alpha$, und ist endlich gleich Eins, wenn $(1 + tang. \varphi^2) \cos \alpha = 1 + tang. \varphi^2 \cos \alpha^2$, oder

$$1-\cos \alpha=(1-\cos \alpha)\ tang.\ \varphi^2\cos \alpha,\ b.\ i.\ menn$$

$$tang.\ \varphi=\sqrt{\frac{1}{\cos \alpha}}\ also\ tang.\ \psi=\sqrt{\cos \alpha}$$

Univerfal-

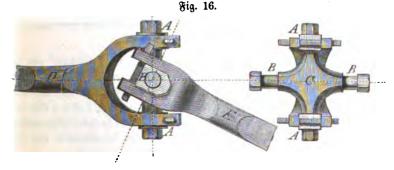
ift. Es fcmantt alfo bas Gefchwindigfeiteverhaltniß $\frac{w}{v}$ bei jeder Drehung

um einen Quadranten zwischen den Grenzen $\frac{1}{\cos \alpha}$ und $\cos \alpha$ und ist bei

bem burch die Gleichung $tang. \varphi = \sqrt{\frac{1}{cos. \alpha}}$ bestimmten Drehungszwinkel φ , der Einheit gleich. If P die an dem Hebelsarm CA wirkende Umdrehungskraft der Welle CD und Q die entsprechende, an dem gleichen Hebelsarme CH wirkende Umdrehungskraft der zweiten Welle, so hat man auch Pv = Qw, und daher $\frac{Q}{P} = \frac{v}{w} = \frac{1 + tang. \varphi^2 \cos. \alpha^2}{(1 + tang. \varphi^2) \cos. \alpha}$.

Im Allgemeinen wird man das Universalgelenk nur bei Uebertragung kleiner Rrafte und bei mäßigen Ablenkungen (α^0 höchstens 30°) anwenden, weil außerdern die ganze Borrichtung zu stark gemacht werden muß, um hinreichende Festigkeit zu besigen, und auch die Reibung und Ungleichformigkeit des Ganges zu groß ausfällt. Bei größeren Abweichungen der Bellenaren und zumal, wehn diese nicht in einer Ebene liegen, muß man ein doppeltes Universalgelenk anwenden.

Die specielle Zusammensehung eines einfachen Universalgelenkes ift aus ben zwei Anfichten in Fig. 16 zu entnehmen. Gin boppeltes Universalges



lenk besteht aus zwei an den entgegengesehten Enden eines Zwischenstudes sieenden Kreuzen, wovon überdies noch das eine an die eine und das andere an die andere Welle angeschlossen ist.

Beifpiel. Für ein einfaches Universalgelenk mit bem Arenwinkel $\alpha^0=30^\circ$ bat man bas kleinfte Geschwindigkeiteverhaltniß $\frac{w_1}{v_1}=cos.~30^\circ=0.866$ und

bas größte: $\frac{w_2}{v_2} = \frac{1}{\cos 30^0} = 1,155;$ baher bas Berhältniß zwischen beiben $=\left(\frac{1}{\cos . \, 30^{0}}\right)^{2}=4_{8}$; wenn also die eine Belle gleichförmig umläuft, so verandert fich bie Geschwindigfeit ber andern Belle periodisch um 4/3 - 1 = 1/3 ihres mittleren Berthes, ober es ift, wie man fagt, ber Grab ihres ungleichfor= migen Ganges = 1/3. Beibe Wellen haben einerlei Umlaufsgeschwindigkeit bei

ben Umbrehungswinkeln
$$arphi_1$$
 und ψ_1 , welche bestimmt sind durch die Formeln $tang.\ arphi_1=\sqrt{rac{1}{cos.\ a}}=V\overline{1,155}=1,074$ und $tang.\ \psi_1=V\overline{cos.\ a}=V\overline{0,866}=0,931.$

Da hieraus $\varphi_1=47^{\circ},3'$ und $\psi_1=42^{\circ},57'$ folgt, fo ift bie größte Abweichung ber Umbrehungewinkel beiber Bellen im erften und britten Quabranten: $\varphi - \psi$ = 40,6'; und im zweiten und vierten = - 40,6'.

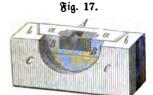
§. 8. Die Bapfenlager muffen bie umlaufende Welle in einer richtigen Bapfenlager. und unveranderlichen Lage erhalten; man muß fie baher auf ftarten gunba= menten ober Gestellen befestigen. Man hat junachst Bapfenlager fur liegende Wellen und folche fur ftebende Wellen zu unterscheiden. Die Bapfen= lager liegender Bellen ruhen entweder unmittelbar auf dem Fundamente, ober fie find zunachft auf ein Berufte, bas fogenannte Lagergerufte, befestigt. Buweilen besteht dieses Gerufte nur in einem holzernen, vielleicht noch auf Strecholzern liegenden Blod, bem fogenannten Angewelle ober Ungewäge; oft besteht biefes auch in einem Bod aus Soly ober Gugeisen, wo man es bann mit einem Bodlager ju thun hat, zuweilen end= lich ift baffelbe ein Bangegerufte, welches bas Lager von unten mit einem festliegenden Balten u. f. w. verbindet, wo man dann ein fogenann= tes Bangelager erhalt.

> Die Bapfenlager werben in das Angewage meift nur eingesetzt und zu biefem 3wede an ben Enben abgefchrägt ober mit einem Falze verfeben, kommt aber ein Bapfenlager unmittelbar auf bas Fundament ober auf einen Bod ober Bangegerufte ju liegen, fo wird daffelbe mittels 2 ober 4 Schrauben aufgeschraubt, und zu biefem 3mede mit einer Platte, ber fogenannten Sohlplatte, versehen. Diese kommt oft nicht unmittelbar auf bas Mauerwert zu liegen, fonbern man bebedt bas lettere, bes Schutes megen, erft mit einer Schwellenplatte.

> Bu einem vollständigen Zapfenlager gehört noch ein Deckel und ein Futter, letteres gewöhnlich aus Bronce ober Rothguß. Da es dem Ab= führen durch die Reibung des Zapfens ausgesett ift, so muß man es leicht auswechseln konnen, und beshalb in bas eigentliche Lager nur einfeten.

Die Ginrichtung eines zwedmäßigen Bapfenlagers mit Angewage führt

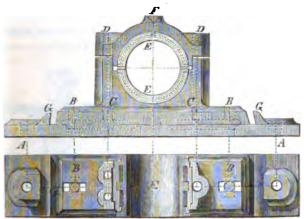
foon Fig. 170 im zweiten Theile, hier aber vollståndiger Fig. 17 vor Augen. Barfentager.



Es ist A bas Zapfenlager, BB bas Lagerholz und CC bas Angewäge, a, a sind die Kalze des Lagers, welche in entsprechende Nuthen im Lagerholz eingeschoben werden, b, b endlich sind Keile, womit das Lager im Angewäge, wenn es nothig ist, seitwarts geschoben und befestigt werden kann. Zapsen-

lager mit Sohlplatten zum Aufschrauben auf die Unterstützung find Theil II., Fig. 180, 181 und 182 abgebilbet, hier führt aber Fig. 18 ein folches mit





eiserner Lagerschwelle im Auf= und Grundrisse vor Augen. Es ist A.A die Lagerplatte, bei A und A sind die Löcher für die Schraubenbolzen, womit bieselbe mit dem Fundamente fest verbunden wird. BB ist die Sohlplatte und B, B sind Löcher in beiben Platten zum Durchstecken von Schrauben-bolzen, womit die Sohlplatte auf der Lagerplatte befestigt wird. Diese Löcher sind länglich, um die obere Platte über der unteren nach Bedürfniß

Fig. 19.

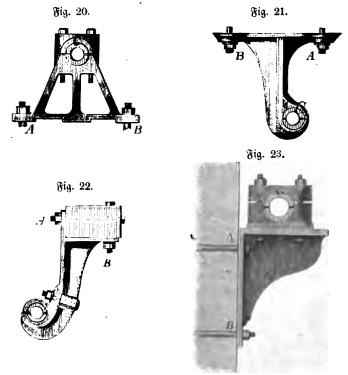


etwas verruden zu konnen, was durch Reile, die man in die Zwischenraume bei G,G eintreibt, leicht zu bewirken ist. Ferner ist CC das eigentliche Zapfenlager, DD der Deckel, EE das Futter und F das Schmierloch, worauf nach Befinden noch eine Schmierbuchse wie Fig. 19 aufgeset wird. Der Deckel wird mit dem eigentlichen Lager durch 2 oder 4 Schraubenbolzen befestigt, welche durch die Löcher CD, CD gesteckt werden.

Bapfenlager.

Was die Dimensionen eines Zapfenlagers anlangt, so richten sich biese nach der Starke des Zapfens. Mittels einfacher in der Erfahrung bewährter Berhältnisse lassen sich jene aus dieser leicht berechnen. Manche Masschinenbauanstalten, wie z. B. die von Sharp-Roberts in Manchester, entenehmen die Dimensionen der Zapfenlager gleich aus einer hierzu berechneten Tabelle (s. Salzenberg's Borträge über Maschinenbau, Seite 51).

Aus der Japfenstärke d folgt zunächst die Länge desselben und auch die bes Japfensutters: $l=^3/_2 d$, und ebenso groß ist auch die Breite der Sohls platte. Die Länge der Sohlplatte ist = 5 d zu nehmen und die Höhe derselben $= ^2/_5 d$; ferner die Höhe des Japfenlagers = 2 d, die Metallsstärke der Futter $= ^1/_9 d$, die Breite der Futterkränze $= ^1/_4 d$, die Stärke der Schraubenbolzen und die Höhe der Schraubenmuttern ebenfalls $= ^1/_4 d$, die Stärke der letztern, sowie der Halbmesser der außeren cylindrischen Abz, rundung des Deckels und Lagers, deren Are mit den Bolzen zusammensallt, $= ^2/_5 d$ u. s. Bei schwachen Aren sind diese Berhältnisse etwas reichzlich und bei starken etwas knapp zu nehmen.



Ein einfaches Bocklager fuhrt Fig. 20 vor Augen; Hangelager aber Bapfenlager. Fig. 21 und 22; in beiben find A und B die Schrauben zur Befestigung und ist C die eigentliche Pfanne.

Ein zwischen beiben innestehendes Lager, welches an eine Seitenmauer befestigt ift, und beshalb Seitenlager genannt werden tann, zeigt Fig. 23.

§. 9. Bei den stehenden Wellen kommen die sogenannten Fußlager und die Halblager vor. Die ersteren unterstügen die Welle von unten, die letteren aber von der Seite. Ein Fußlager besteht in der Regel aus drei Theilen, aus dem Lagertasten AA, Kig. 24, der stählernen Spurplatte B und der Buch se oder dem Futter CC, welches zuweilen mit der Spurplatte ein Ganzes, oft aber ein Stück aus Nothguß für sich ausmacht. Durch die Schrauben D,D.. läst sich die Buchse mit der Spurplatte im Lagerkasten verstellen und die stehende Welle E in eine senkrechte Lage

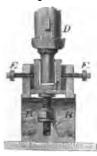






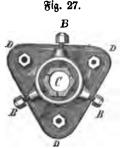
bringen. Das Kußlager ist zuweilen in einen Steinblock eingelassen, zus weilen auch mittels einer Sohlplatte und Bolzen auf eine Schwelle befestigt, nicht selten steht es aber auch auf einem eisernen Bock, und bilbet so ein Bocklager, wie Fig. 25. hier siben zwei Zapfenlager zugleich auf einer und berselben Sohlplatte, das Bocklager ABC für die stehende Welle und das weiter zurücksehende Lager D für die liegende Welle. Beide Wellen lassen sich dann leicht durch ein Paar conische Räder mit einander verbinden, so daß die eine durch die andere in Umbrehung geseht werden kann.

Fig. 26.



Um das Auswechseln des Stiftes zu erleichtern und auch eine Stellung der Welle in vertikaler Richtung zu ermöglichen, versieht man auch wohl das Fußlager mit einer Schraube C, Fig. 26, von unten. Diese Schraube geht in eine Fußphülse hinab, auf deren oberem Rande die Stellmutter ruht, und drückt nach oben gegen die Bodenplatte, im Innern der auf einem Bock BB ruhenden Lagerpfanne EE.

Bapfenlager.



Die Halblager sind oft genau so gesformt, wie gewöhnliche Zapfenlager; man kann sie aber auch so einrichten, wie Fig. 27 im Grundrisse zeigt. Es ist hier AA bas Lagergehause, C bas aus drei Theilen bestehende Futter im Innern desselben und B, B, B sind 3 Stellschrauben, sowie D, D, D drei Schrauben, womit die Sohlplatte auf der Unterstützung festgeschraubt werden kann.

§. 10. Es ist nun auch von den Stangen zu handeln, wodurch die absetzende Bewegung in der geraden Linie, wie die der Wassersaulenmaschinen, Dampfmaschinen u. s. w. fortgepflanzt und nach Besinden in eine andere Richtung gebracht wird. Es gehören hierher außer den Kolbensstangen, noch die sogenannten Kunstgestänge (franz. tirans, maitresses tiges des pompes; engl. main-rods of pumps), wie sie vorzüglich beim Bergbau vorkommen.

Die Kolbenstangen (vergl. II. §. 191 und §. 295) sind, wenn sie durch eine Stopfbuchse gehen, genau abgedrehte schmiedeeiserne, die Kunststangen sowie die Kolbenstangen ohne Stopfbuchse hingegen sind meist paraletelepipedische, aus Holz oder Schmiedeeisen geformte Stangen. Die erster ren wirken meist ziehend und schiedend, die letzteren hingegen nur ziehend. Man hat jeder Stange einen der Jug = oder Schubkraft entsprechenden Querschnitt zu geben.

Wirkt eine Stange blos ziehend, und zwar mit der Kraft P, so hat man ihr den Querschnitt $F=\frac{P}{K}$ zu geben, und es ist nach I. §. 186 für Holz, bei 10facher Sicherheit, $F=\frac{P}{1200}$ Quadratzoll, für Schmiedeeisen, bei 6facher Sicherheit, $F=\frac{P}{10000}$, und für Gußeisen, bei 6facher Sichers heit, $F=\frac{P}{3000}$ Quadratzoll.

Für die Stärke d_1 einer cylindrischen Kolbenstange aus Schmiedeeisen, hat man hiernach $d_1=\sqrt{\frac{4\,F}{\pi}}=\sqrt{\frac{4\,P}{10000\,\pi}}=0{,}0113\,\sqrt{P}$ Joll.

Ift d der Durchmeffer des Kolbens und p der Druck auf jeden Quastratzoll, so hat man auch $P=\frac{\pi\,d^2}{4}\,p$ und daher

$$d_1 = d \sqrt{\frac{p}{10000}} = 0.01 \cdot d \sqrt{p},$$

oder, wenn man p in Atmospharen, jede gu 15,05 Pfund ausbrudt,

Etangen.

$$d_1 = 0.0388 d \sqrt{p}$$
.

Bur Berhinderung bes Biegens muß man diesen Stangen schon eine gewiffe Anfangeftarte geben, weshalb man fur Stangen mit Bugtraft

$$d_1 = 0.026 d (1.0 + \sqrt{p}) 300$$

und fur Bug = und Druckfraft

$$d_1 = 0.053 d (1.4 + \sqrt{p})$$
 Boll nimmt.

Beispiel. Für eine einsachwirkenbe Baffersaulenmaschine mit 850 Fuß ober $^{850}/_{88}=10,6$ Atmosphären Gefälle und einem Treibkolben von 18 Boll Durchmeffer ift eine Kolbenstange von der Stärfe $d_1=0,026$ $(1,0+\sqrt{10,6})$ d=0,026. 4,26 d=0,111 d=2 Boll nöthig. Für ein an diese Stange anzuschließendes hölzernes Schachtgestänge ift, da die ganze Zugkraft

$$P = (\frac{3}{4})^2 \pi.350.66 = 40821$$
 \$\mathre{9}\text{fund}

beträgt, ber Querschnitt $F=\frac{40821}{1200}=34$ Quabratzoll. Begen bes Stangengewichtes ift biefer Querschnitt noch etwas größer zu nehmen. (Bergl. I. §. 185.)

§. 11. Ein besonderes Berhaltniß, welches sich bei langen Sestangen pubbertunt. herausstellt, ist noch der sogenannte Hubverlust, oder die Größe, um welche der Weg s1 des Lastpunktes kleiner ausställt als der Weg s des Kraftpunktes. Es entspringt derselbe theils aus der Clasticität der Stanz gen an sich, theils aus der unvollkommenen Verdindung derselben durch die sogenannten Schlösser. Durch den Hubverlust, welcher aus der Ausdehz nung der Stangen erwächst, geht der Maschine an Wirkungsgrad nichts verloren; die Arbeit, welche beim Aufgange des Gestänges auf die Auszdehnung desselben verwendet wird, wird beim Niedergange desselben, wo sich das Gestänge wieder zusammenzieht, wieder gewonnen.

Ist P die Gestängkraft mit Ausschluß des Gestänggewichtes, F der Querschnitt und l die Länge des Gestänges, E aber Clasticitätsmodul, so hat man die Ausdehnung oder den Hubverlust beim Ausgange des Gestänges: $\lambda = \frac{Pl}{FE}$ (s. I. §. 183). So viel legt also der Kraftpunkt Weg zurück, ehe der Lastpunkt sich zu dewegen ansängt; ist daher s der Weg des ersten, so hat man den Weg des lehteren: $s_1 = s - \lambda = s - \frac{Pl}{FE}$, und das her die entsprechende Nusseistung $L_1 = Ps_1 = P\left(s - \frac{Pl}{FE}\right)$. Wähzend der Ausdehnung um λ wächst die Kraft allmälig von Null die P, und es ist daher die versorene und auf die Ausdehnung des Gestänges verwendete Leistung $L_2 = \frac{P\lambda}{2} = \frac{P^2l}{2FE}$, also die Leistung der Kraft wähzernd des Ausganges: $L = L_1 + L_2 = P\left(s - \frac{Pl}{2FE}\right)$.

Subverlufte.

Beim Ruckgange bes Gestänges wird ber Kraftpunkt zum Lastpunkt und ber Lastpunkt zum Kraftpunkt; es legt ber erstere ben Weg s_1 , ber lettere aber den Weg s zurück, und es wird hierbei außer ber Arbeit Gs_1 des Gestänggewichtes, welche beim Aufgange zu überwinden war, und daher im Ganzen nicht nugbringend ist, noch die Arbeit $L_2 = \frac{P\lambda}{2} = \frac{P^2l}{2FE}$ durch die Zusammenziehung der Stange um $\lambda = l - l_1$ verrichtet, also für ein ganzes Spiel die Nutleistung $L_1 + L_2 = P\left(s - \frac{Pl}{2FE}\right) = \text{der}$ Kraftleistung L sein, und folglich durch die Ausdehnung des Gestänges teine Verminderung des Wirkungsgrades erwachsen.

Anders aber ist es mit dem Ausbehnen in den Gestängschlössen; bieses besteht in einer kleinen Verschiedung zweier gegen einander gepresten Körper und hat daher sowohl beim Hin= als beim Ruckgange die widerstehende Reibung zu überwinden. (Vergl. I. h. 154.) Der entsprechende Arbeitst verlust ist naturlich a priori nicht zu ermitteln, da er von der Solidicaber Verbindung der Theile des Schlosses unter einander abhängt.

Die Ausbehnung, welche durch das Gestänggewicht hervorgebracht wird, ist eine bleibende, und kommt deshalb nicht in Betracht. Es ist dieselbe vershältnismäßig nur halb so groß als die von P hervorgebrachte, also $=\frac{G}{2}\frac{l}{FE}$. Ist die Belastung gleichsormig auf das Gestänge vertheilt, so hat man ebenfalls die Ausbehnung nur $=\frac{Pl}{2FE}$, und es stellt sich dann der ente

sprechende Arbeitsverlust $= {}^2/_3$ $P\lambda = {}^1/_3 \cdot rac{P^2 l}{FE}$ heraus.

Beispiel. Wenn ein eisernes Gestänge von 1000 Fuß Lange eine ziemlich gleichförmig vertheilte Bumpenlast von 50000 Pfund zu tragen hat, so muß man bemfelben nach I. §. 185 ben Querschnitt

$$F = \frac{50000}{10000 - 12000 \cdot 0,294} = \frac{50}{6,472} = 7,72 \text{ Quadratious}$$

geben, und man erhält hiernach das Gestängegewicht G=12000.7,72.0,294=27236 Pfund. Die bleibende Ausbehnung, welche das Gestänge durch sein eigenes Gewicht erleibet, ift, da der Clasticitätsmodul des Stabeisens E=29000000 Pfund beträgt, $\lambda=\frac{Gl}{2FE}=\frac{27236.12000}{2.29000000.7,72}=0,730$ 3oll; die Aus-

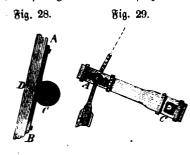
behnung und Busammenziehung ber Stangen beim Aufgang beträgt bagegen

$$\lambda = \frac{Pl}{2FE} = \frac{50000 \cdot 12000}{2 \cdot 7.72 \cdot 29000000} = 1.340 \text{ 3elf.}$$

Bare ber burch die Verschiebung in den Schlöffern hervorgebrachte Hubverlust $\lambda_2=2$ Boll, so wurde man den Arbeitsverlust bei jedem Auf= und Ruckgange $=\frac{P\lambda_2}{2}=\frac{50000\cdot 2}{2\cdot 12}=4167$ Fußpfund erhalten.

§. 12. Die holzernen Gestänge sind vierkantig, und haben, wenn sie vertikal hangen, einen quabratischen, wenn sie aber liegen ober eine geneigte lage haben, einen rectangularen Querschnitt. Um sie in ihrer lage zu ershalten, umgiebt ober unterstütt man sie in ber Regel durch die sogenannten

Meftang.

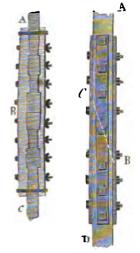


Gestängwalzen. Gine solche Walze ist in C, Kig. 28 abgebilbet. Sie ist meist mit einem eisernen Mantel umgeben. D ist bas Gestänge und AB die zum Schutze des Gestänges auf dieses aufgeschraubte Schleppschiene. Zuweilen unterstützt man auch die Gestänge durch Schwingen, wie AC, Kig. 29, die allerdings noch Seitenbewegungen

Bulaffen, und wenigstens fehr lang fein muffen, damit biefe nicht groß ausfallen. Die Berbindung der 20 bis 30 Fuß langen Stangen unter einan-

Fig. 30.

Fig. 31.



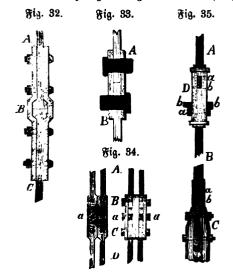
ber erfolgt durch sogenannte Laschenschloseser. Es werden namlich die Stangenenden stumpf oder schräg an einander gestoßen, bie entgegengesetten Seiten derselben mit Schiesen oder sogenannten Laschen bedeckt und Schraubenbolzen durchgezogen. Ein Laschenschloß, wie es vorzüglich beim hiesigen Bergsbau vorkommt, führt Fig. 30 vor Augen. Es sind hier zwei 5 bis 6 Fuß lange Laschen auf die Stangenenden AB und CB aufgekammt, und mit diesen durch 8 Schraubenbolzen und 2 Bander oder Ringe fest verbunden.

Ein anderes Gestängschloß mit 4 Laschen, welches bei der Waffersaulenmaschine in huelzgoat vorkommt, zeigt Fig. 31. Die Stangenzenden AC und BD sind hier schräg an einzander gestoßen und mittels 12 Schrauben und vier schmiedeeisernen Laschen fest mit einander verbunden. Um allen Spielraum der Bolzen

in ihren Lochern zu vermeiben, find die Bolzen genau nach einem und bemsfelben und mit dem Bohrer zum Durchlochen genau übereinstimmenden Modelle anzufertigen.

Die eisernen Gestänge sind in der Regel aus 10 bis 15 Fuß langen Stangen mit quadratischem Querschnitte (11/2 bis 21/2 Boll Seitenlange) zusammengesett. Die Verbindung unter einander erfolgt ebenfalls durch

Geftang faioffer Laschen ober Husen. Ein eisernes Laschenschloß ber Art zeigt Fig. 32. Es hat hier jedes Stangenende AB und CB nur einen Ramm und es sind die Laschen durch je zwei Bolzen mit einem Stangenende verbunden. Ein Hulsenschloß ist in Fig. 33 abgebildet. Es wird hier die Verbindung durch zwei hohe Bolzen A und B, welche durch die Huse und durch je ein Gestängende zugleich gehen, hervorgebracht. Ein nach Art der Retten bei Hängebrücken aus je vier Stangen zusammengesetzes und ebenfalls in Huelgoat angewendetes Gestänge zeigt Fig. 34. Es sind

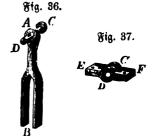


hier je zwei Gestängenben burch Bolzen B und C mit je brei Laschen und die beisben Laschen eines Gestängspaares mit benen bes ansbern burch ein Quergelent aa verbunden.

Die Art und Weise, wie ein holzernes Gestänge an die Kolbenstange angeschlofsen wird, ist aus Fig. 35 zu ersehen. Es ist hier an das obere Ende C des Gestänges eine eiserne Stange AB angeschlossen, und diese wiezder mittels eines Hulsenschlosses D mit dem Kolzbenstangenende A verbun=

Brud.

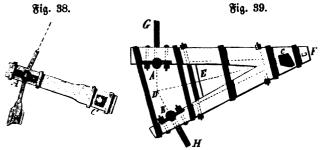
ben. Die Befestigung erfolgt burch Klammern aa und Splinte ober Keile bb. §. 13. Um eine Richtungsanderung in einem Gestänge hervorzubringen, ist ein Winkelhebel nothig, den man gewöhnlich eine Bruchschwinge, und wenn der Ablenkungswinkel groß ist und einem Rechtwinkel nahe kommt, ein Gestängkreuz nennt. Durch eine Bruchschwinge wird ein Gestänge in zwei Theile zertheilt, und das Ende eines jeden Theiles läuft



in ein sogenanntes Krudeneisen AB, Fig. 36, aus, bas mit ber Bruchschwinge durch einen Bolzen CD verbunden ist. Bu diesem Zwede ist das Krudeneisen mit einem Auge, die Bruchschwinge aber mit einer bedeckten Pfanne EF, Fig. 37, versehen. Bei einem sehr kleinen Bruchoder Ablenkungswinkel bildet die Bruchschwinge einen einfachen Arm AC, Fig. 38,

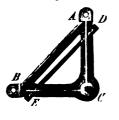
und es sind auch wohl beibe Gestänge nur mittels eines einzigen Bolzens A an denselben angeschlossen; gewöhnlicher aber hat jedes Gestänge seinen Arm und Bolzen besonders, wie z. B. bei der Bruchschwinge A C B, Fig. 39. Die beiden Arme dieser Bruch-

Brud.



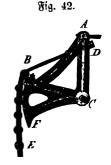
schwinge sind auf einander geschmiegt und werden, um das Auseinanderziehen derselben durch die Stangenkräfte zu verhindern, noch durch fünf schmiedeeiserne Ringe und durch zwei Schraubenbolzen zusammengehalten; außerdem noch mit einer Strebe E und durch eingesetzte Riegel, wie F, mit einander verbunden. Die Drehungsare oder das sogenannte Walzeeisen C ist in der Mitte vierkantig geschmiedet, um es sest einen zukonnen. Die Pfannen oder Pfadeisen A und B sind, um die Arme nicht unnöthig zu schwächen, auf die inneren Armstächen und zwar jede mittels vier Bolzen ausgeschraubt. Die Krüdeneisen AG und BH beider Stangenenden gehen natürlich durch die zu diesem Zwecke gehörig ausgesnommenen Armenden hindurch. Die Einrichtungen von Stangenkreuzen lassen sig. 40 und 41 ersehen. Fig. 40 ist ein hölzernes und Fig. 41 ein gußeisernes Kreuz; beide dienen zur Richtungsänderung um Fig. 40.





90 Grab; A und B sind die Pfab = und C ist das Walzeisen. Ginen wesentlichen Theil dieser Kreuze machen die schmiedeeisernen Kopfstangen DE aus, welche die von den Gestängkräften hervorgebrachten Spannungen größtentheils aufzunehmen und dadurch das Ab = oder Losbrechen der Arme zu verhindern haben. Wenn es darauf ankommt, die Gestäng e

Brunden, genau in ihrer Arenrichtung zu bewegen, so wendet man Kreuze mit immingen, ber Girkelftucken mie RF Sig 42



Rrummlingen ober Cirtelftuden, wie BF, Fig. 42, an, und schließt die Stangen mittels sogenannter Laschentetten, wie BE, an biese an.

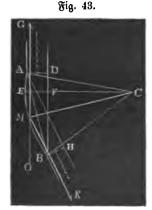
Saben die Winkelhebel auch noch Krafte auszuhalten, deren Richtungen von der Bewegungsebene abweichen, sollen z. B. durch dieselben die Richtungen horizontaler Gestänge abgeandert und baher von ihnen ein Theil des Gestänggewichtes mit getragen

ihnen ein Eheil des Gestänggewichtes mit getragen werben, so muß man die daraus entspringenden Seitendrude burch Berlangerung des Walzeisens, ober am besten burch Einziehen einer Welle ober

Unwendung einer fogenannten Wendedode herabzuziehen suchen.

Von den Balanciers oder Waagbalken, wodurch Bewegungerichtungen in die entgegengesetten verwandelt werden, ist weiter unten die Rede.

§. 14. Bei ber Unwendung einer Bruchschwinge findet eine Seiten=



bewegung Statt, die um so größer ausfällt, je kurzer die Arme der Bruchschwinge
in hinsicht auf den Gestängschub sind.
Besteht die Bruchschwinge aus einem einzigen Arme und sind beide Gestänge an
demselben Bolzen angeschlossen, so ist diese
Seitenabweichung auch größer, als wenn
die Bruchschwinge aus zwei Armen, jeder
mit einem Bolzen, zusammengesetz ist.
Im ersten Falle hat man Folgendes. Es
seien MG und MK, Fig. 43, die beiden
Gestängrichtungen, MC die Halbirungslinie und C die Drehungsare der Schwinge.
Bezeichnet man nun den Brechungswinkel

KMO durch α , den Schwingungswinkel ACB = 2 ACM durch β , die Armlänge CA = CB = CM durch a und den Stangenschub BD durch s, so hat man $s = AB \cos$. ABD = 2 $CA \sin$. $ACM \cos$. MCE = 2 $a \sin$. $\frac{\beta}{2}$ \cos . $\frac{\alpha}{2}$; giebt man daher a und s, so bekommt man den

Schwingungewinkel
$$eta$$
 burch die Formel sin. $\frac{eta}{2} = \frac{s}{2 \ a \cos \frac{\alpha}{2}}$

Die größte Seitenabweichung EF=CE-CF=e ist durch die Formel $e=a\left[1-\cos\left(rac{\alpha+eta}{2}
ight)
ight]$ bestimmt.

Legt man die Geftangaren mitten durch e, alfo in die punktirten Linien, welche AD und BH halbiren, fo fallt bie Seitenbewegung beiberfeits nur

$$=\frac{e}{2}$$
 aus.

Kur ein Gestängereuz ober fur eine Bruchschwinge mit zwei Armen hat man folgende Berhaltniffe. Es feien MG und MK, Fig. 44, die Geftang: richtungen, MC bie Mittels oder Salbirungelinie und C' die Umbrehungs:





are. Fallen wir nun bie Perpenditel CN und CL auf die Sublinien, und tragen wir von ben Lothpunkten Nund L aus, zu beiben Seis ten ben halben Schub's auf, machen wir alfo

$$ND = NE = LF = LH = \frac{s}{2}$$

und verbinden wir die erhaltenen Endpunkte mit C, fo erhalten wir in

$$CD = CE = CF = CH$$

nicht nur bie Armlange a., sondern auch die außerften Stellungen ber Arme, und es laffen sich nun leicht die Bogen DAE und FBH beschreiben, in welchen sich die Aufhängepunkte beiber Gestange bewegen.

Bezeichnen wir auch hier ben Schub DE = FH durch s, fo haben wir fur ben Dres

hungewintel $DCE = FCH = eta, sin. rac{eta}{2} = rac{s}{2a}$ und die Seitenbewe-

gung
$$AN = BL$$
, $e = a\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)$ oder annähernd, $e = \frac{s^2}{8a}$.

Meist nimmt man a=2s bis 3s, und erhalt daher $e=\frac{s}{16}$ bis $\frac{s}{24}$.

Diese Abweichung hangt also von dem Brechungewinkel $KMO = \alpha$ gar nicht ab und ift ftete fleiner, wie bei einer einfachen Schwinge, wie Xia. 43.

Die Lothpunkte N und L bestimmen sich durch den Abschnitt MN = ML= d mittels ber Formel $d = a \cos \frac{\beta}{2} \cdot tang \frac{\alpha}{2}$

Auch hier ift es, um die Nachtheile der Seitenbewegung e moglichst herabzuziehen, nothig, die Geftangare in die AN und BL halbirenden, burch Punkte angebeuteten Linien zu legen.

Beifpiel. Für einen Ablenfungewinfel a von 300, einen Beftangfcub s=4 Fuß und eine Armlänge $a=\frac{5}{2}s=10$ Fuß hat man bei einer einBrud.

fachen Schwinge sin. $\frac{\beta}{2}=\frac{4}{20\cos .15^0}=\frac{0,2}{0,9659}=0,2070$, baher $\frac{\beta}{2}=11^0,57';$ folglich ben ganzen Drehungswinkel $\beta=23^0,54'$, und die Seitenbewegung c=10 (1 — $\cos .26^0.57'$) =10 . 0,1086=1,086 Kuß. Bei Anwendung von zwei Armen dagegen ift $\sin .\frac{\beta}{2}=0,2$, folglich $\frac{\beta}{2}=11^0,32'$. also $\beta=23^0,4'$, $\epsilon=10$ (1 — $\cos .11^0,32'$) =0,2 Fuß und $d=10\cos .11^0,32'$. $tg.15^0=2,625$ Fuß.

Anmerkung. Durch die Seitenbewegung $\frac{e}{2}$ zu beiden Seiten der mitteleren Schublinie erleidet das Gestänge eine Biegung, welche die Festigkeit der Stangen beeinträchtigt. Rehmen wir an, daß das Gestänge in einem Abstande l von der Schwinge in einer Führung besindlich sei, und sehen wir die Krast, welche am Ausbangepunkte nothig ist, um die Biegung $\frac{e}{2}$ hervorzubringen, $=P_1$, so haben wir nach I. §. 189 $P_1 l = \frac{3}{l^2} \frac{WE}{l^2} \cdot \frac{e}{2}$ und nach §. 201 auch, wenn P die Ausbehnungsfraft der Stange bezeichnet, $P_1 l = \frac{b h^2}{6} \left(K - \frac{P}{F}\right)$; sühren wir das her $W = \frac{b h^3}{12}$ ein, wobel b die Breite und b die Dicke des Gestänges (in der Schwingungsebene gemessen) bezeichnet, so erhalten wir ten erforderlichen Gestängquerschnitt $F = \frac{P}{K\left(1 - \frac{3he}{4l^2} \cdot \frac{E}{K}\right)}$, annähernd $F = \left(1 + \frac{3he}{4l^2} \cdot \frac{E}{K}\right) \frac{P}{K}$,

ober, wenn man ben blos ber Ausbehnungsfraft entsprechenden Querschnitt $rac{P}{K}=F_1$ sett, $F=\left(1+rac{3he}{4l^2}\cdotrac{E}{K}
ight)F_1$.

Führt man endlich noch $\epsilon=\frac{s^2}{8a}$ ein, so erhält man $F=\left(1+\frac{3\,h\,s^2}{32\,al^2}\cdot\frac{E}{K}\right)F_1$ und umgefehrt, die einem gegebenen Querschnittsverhältnisse $\frac{F}{F_1}$ entsprechende Armslänge $a=\frac{3\,h\,s^2}{32\,l^2}\cdot\frac{E}{\left(\frac{F}{F_1}-1\right)K}$

Gewiß wird $\frac{F}{F_1}$ nicht viel über Eins betragen bürsen. Ift ber hub s=40 Boll, die Stangenläde h=6 Boll, die Stangenlänge l=240 Boll, nimmt man den Elasticitätsmobul E=1800000 Pfb., und den Festigkeitss oder vielsmehr den Sicherheitsmobul K=1200 Pfb., so hat man hiernach bei dem Bers hältnisse $\frac{F}{F_1}=6/6$, die Armlänge

$$a = \frac{3.6.1600}{32.57600} \cdot \frac{1800000}{\frac{1}{5}.1200} = \frac{9}{576} \cdot \frac{5.3000}{2} = \frac{15000}{128} = 117 \text{ Boll,}$$
also ungefähr = 3s.

§. 15. Die Startenverhaltniffe eines Gestängfreuzes ober einer Bruchs schwinge lassen sich aus ber Gestängfraft P, beren Richtung burch bas Kreuz verandert wird, berechnen. Zunächst bestimmt sich die Starte d ber

Brud.

Bolzen, womit die Gestänge an die Kreuzarme angeschlossen sind, wie die eines Wellzapsens, nach einer Formel $d=\mu\sqrt{P}$; da aber diese Bolzen aus Schmiedeeisen sind, und da die Kraft P, welche dieselben aufzunehmen haben, ihre Richtung nur wenig andert, also nicht wie beim Wellzapsen ein ununterbrochenes Viegen der Bolzen nach allen Seiten hin stattsindet, so kann man μ viel kleiner, nämlich =0.015, also d=0.015 \sqrt{P} Boll nehmen.

Aus den Gestängkräften P und P, Fig. 45, ergiebt sich mit Hulfe des Ablenkungswinkels $AMO = \alpha$, der Druck im Walzeisen, $R = 2 P sin. \frac{\alpha}{2}$; da dieses ebenfalls aus Schmiedeeisen besteht und nur um einen Winkel β gedreht, also während eines Spieles nicht nach allen Seiten hin gebogen wird, so kann man sich hier ebenfalls eines kleineren Coefficienten wie bei den Wellzapsen bedienen. Lassen wir den Einsluß des Gewichtes vom Kreuze außer Acht, so können wir mit hinreichender Sicherheit die mittlere

Starte des Walzeisens, $d_1=0{,}030\sqrt{Psin.\frac{\alpha}{2}}$ feten.

Fig. 45.

Der Querschnitt A ber eisernen Spannschienen ober Stangen, welche die Köpfe der Kreuzarme zusammenhalten, bestimmt sich unter der Boraussehung, daß diese Schienen den Componenten $S = \frac{P}{\cos \frac{\alpha}{2}}$ der Gestängkraft von einem

Arme zum andern übertragen, durch die Forsmel $A = \frac{P}{10000 \ cos. \frac{\alpha}{2}}$ Quadratzoll.

In der Regel geht die Richtung dieser Stangen nicht genau burch die Angriffspunkte von P und P, weshalb noch kleine Seitenkrafte übrig bleisben, die von den Armen oder nach Befinden von Bandern um dieselben aufzunehmen sind.

Der Querschnitt A_1 der Arme ift aus der Seitenfraft Q=P tang. $\frac{\alpha}{2}$ nach der rudwirkenden Festigkeit zu berechnen. Man kann mit Sicherheit

für Holz
$$A_1=rac{Ptang.rac{lpha}{2}}{600}$$
 und für Gußeisen $A_1=rac{Ptang.rac{lpha}{2}}{15000}$ Quas bratzoll nehmen.

Dhne Unwendung von Spannschienen und Bandern u. f. w. murben die Urme der Bruchschwinge eine viel größere Starte erhalten muffen.

Biud.

Ist h die Hohe und e die Dicke der Arme und sest man $\frac{h}{e} = m$ (für Gisen = 2 dis 4, für Holz $= \frac{7}{5}$), so hat man nach der Theorie der relativen Festigkeit $Pa = \frac{1}{m}h^3K$, und es ist hiernach, wenn a in Bollen eingeführt wird, für gußeiserne Winkelhebel h = 0,1 $\sqrt[3]{mPa}$, und für hölzerne h = 0,17 $\sqrt[3]{mPa}$ Boll.

Bei Anwendung eines Rreuges ober einer Bruchschwinge geht durch die

Reibungen an den Bolzen und an dem Walzeisen ein Theil der Kraft verloren. Die Reibung an einem Bolzen, auf den Kraftpunkt in der Gestängare reducirt, ist $F=\int \frac{d}{2a}P$ zu sehen, weil sich bei einem Anhube der Bolzen in der Pfanne um einen Winkel β dreht, also die Reibung den Beg $\frac{\beta d}{2}$ zurücklegt, während die Kraft P den Beg s=2 a $\sin \frac{\beta}{2}$ oder nahe β a macht. Für beide Gestängbolzen hat man daher $F=\int \frac{d}{a}P$.

Für die Reibung F_1 des Walzeisens hat man, da hier der Druck $R=2\,P\sin.rac{lpha}{2}$ ift, $F_1=frac{d_1}{a}\,P\sin.rac{lpha}{2}$.

Mit Berucksichtigung des Druckes, welcher aus dem Gewichte G des Kreuzes entspringt, hat man, wenn d den Reigungswinkel des Druckes $R=2P\sin\frac{\alpha}{2}$ gegen den Horizont und n das Berhaltniß $\frac{G}{R}$ bezeich= net, $F_1=\int \frac{d_1}{a}P\sin\frac{\alpha}{2}\sqrt{1+n^2-2n\sin\delta}$.

Beifpiel. Für ein holgernes Geftangfreug, welches eine Geftangfraft P=40000 Pfund um einen Winkel $\alpha=60^{\circ}$ ablenten foll, hat man Folgenbes :

- 1) Die Bolgenstärfe $d = 0.015 V \overline{40000} = 3 3oll,$
- 2) bie Starfe bes Walzeifens $d_1 = 0.03 \ V \ 40000 \ sin. \ 30^0 = 4,25 \ 300$,
- 3) ben Querschnitt ber Spannschienen $A=\frac{40000}{100000\cos 300}=4,6$ Quabratzell,
- 4) ben Querschnitt eines Armes $A_1=\frac{40000\ tg.\ 30^0}{600}=38,5$ Quabratzell.

Nimmt man die Armlange a=100 Boll, und ben Reibungscoefficienten $f=0{,}075$, so bat man noch ben Kraftverluft burch die Bolzenreibung

$$F = 0.075 \cdot \frac{8}{100}$$
 . $40000 - 90$ Bit..

und ben burch bie Reibung am Balgeifen

$$F_1 = 0.075 \cdot \frac{4.25}{100} \cdot 40000 \sin 30^{\circ} = 63.75 \text{ Ff};$$

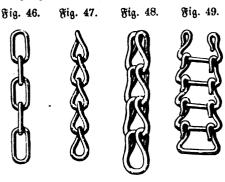
burch bas Gewicht bes Rreuges wird biefer Werth noch etwas vergrößert.

§. 16. Bur Fortpflanzung einer ftetigen Bewegung in ber geraben Linie Pugname wendet man zum Theil Retten (frang. chaînes; engl. chains, iron-cables), jungemittel. vorzüglich aber Seile, und zwar entweber Sanffeile (frang. cordes, cordages de chanvre; engl. cordes, ropes, cables of hemp) ober Eisen: brahtseile (frang. cordes en fils de fer: enal, cables of iron-wire) an. In ber Regel werben biefe uber Rollen ober Scheiben gelegt und nach Befinden auf Trommeln ober Rorbe aufgewickelt, und beshalb verlangt man von ihnen einen gewiffen Grad von Biegfamkeit. Die lettere nimmt aber ab, wenn bie Starte bes Seiles ober ber Rette eine großere wirb; beshalb ift es benn eine Regel, ihnen nur biejenige Starte ju geben, welche nothig ift, um die gegebene Laft auf die Dauer und mit Sicherheit ju tragen, um fo mehr, ba fie bann am leichteften ausfallen und beshalb am wenigsten gur Bergroßerung ber übrigen Rebenhinderniffe beitragen. Drabtfeile find unter biefen brei Kortpflangungsmitteln ber Bewegung bie vollkommenften, benn fie find bei gleicher Tragkraft nicht allein bie ichwach= ften und leichteften, fondern auch die wohlfeilften. Ueberbies befigen fie auch einen hohen Grad von Glafticitat, die bei ben Sanffeilen nur ichmach ift und ben Retten gang abgeht. Der Steifigfeits, ober Straffheitswiderftand ber Retten und Seile, welcher bei bem Umbiegen berfelben um Rollen, Erommeln u. f. w. ju überwinden ift, besteht bei ben Retten nur in einer gegenseitigen Reibung ber Rettenglieber, bei ben Seilen aber theils in einer naturlichen Steifigfeit ber Drahte ober Faben, und theile in ber Reibung biefer unter einander. Beim Abwideln der Retten oder Seile von Troms meln u. f. w. außert bei gleicher Spannung bie Reibung amifchen ben Rettengliebern ober ben Seilfaben benselben Wiberstand wie beim Aufwickeln, ber eigentliche Steifigeeitewiderstand ber Drabte ober Raben bingegen, fallt nach dem Grade ber Clafticitat biefer fehr verschieden aus. Sanffeile befigen nur eine fehr geringe Clafticitat; fie haben nur ein fehr fcmaches. ober nach Befinden gar tein Beftreben, fich, nachbem fie gebogen worben find, wieber gerade ju ftreden; bei Drahtfeilen hingegen ift die Clafticitat fehr groß, und beshalb wird benn auch beim Abwickeln ber Drahtseile ein gro-Ber Theil von der Rraft wieder gewonnen, welche vorher auf das Aufwickeln berfelben verwendet worden ift. Naturlich ift hierbei vorauszuseben, daß beim Auflegen bes Drahtfeiles auf eine Scheibe u. f. w. die Glafticitats. grenze nicht überschritten, also ber Durchmeffer ber Scheibe ober Trommel nicht zu flein fei. Sanffeile tann man beshalb bei gleicher Tragfabigfeit über fleinere Rollen legen als Drahtfeile. Aus diefem Grunde werden Draht= feile bei Klaschen: oder Rlobengugen nicht und bei Saspeln feltener, bagegen bei Bopeln gang gewöhnlich, und gwar mit vielem Bortheile angewendet. Bas benjenigen Theil bes Biegungswiberftanbes anlangt, welcher von ber Reibung abhangt, fo tann man biefen bei Gifentetten und Gifendrahtfeilen

Retten.

burch Schmieren ober Delen herabziehen. Es ist baher zwedmäßig, biefe Organe ber Bewegungsfortpflanzung von Zeit zu Zeit mit weicher Schmiere zu schmieren. Hingegen bas Theeren macht die Hanfseile, sowie bas Kitten die Drahtfeile steifer. Man ist aber oft genothigt, eines ober bas andere als Schutzmittel gegen die Feuchtigkeit anzuwenden.

§. 17. Die Retten, welche gur Fortpflanzung ober Uebertragung ber Bewegung einer Maschine bienen, werben größtentheils aus geschmiebetem



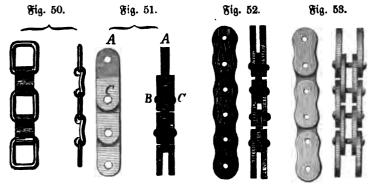
Eisen angesertigt. Die in Fig. 46 und Fig. 47 absgebildeten Ketten laffen sich nicht gut um Trommeln lesgen, und können daher nur als einfache Berbindungsoder Befestigungsstücke ansgewendet werden. Die in Fig. 48 abgebildete Kette wurde nach Gerst ner als Treibekette auf der böhmisschen Eisenzgrube Krusna

Hora fast 30 Jahre lang ohne Unterbrechung benutt. Die Banbketten von Baucan son, wovon Fig. 49 eine perspectivische Ansicht giebt, sind nur zur Uebertragung schwacher Körper geeignet, weil ihre Glieber nicht zussammengeschweißt, sondern nur umgebogen sind. Bei einer Drahtbicke von $^3/_{16}$ Boll und einem Gewichte von $^21_{1/2}$ Loth von einem laufenden Kuß ist die Tragkraft einer solchen Kette 855 Pfund und die zulässige Spannung 250 Pfund.

Hierher gehört auch die Bandtette von Proch 6, welche aus abwechselnden Ringen und Blechstücken besteht und durch Fig. 50 in zwei Ansichten vor Augen geführt wird. Die vorzüglichsten Ketten, welche beim Maschinenwesen in Anwendung kommen, sind die Galle'schen Gelen to oder Laschenketten, wo die Glieder durch besondere Bolzen mit einander verdunden sind. Sehr einsach ist die in Fig. 51 abgebildete Kette dieser Art. ABC ist ein gabelsörmiges Glied und BC der Bolzen, welcher es mit dem solgenden Gliede verdindet. In der Ansertigung noch leichter sind die aus einsachen Schienen oder Laschen zusammengesetzen Ketten, wie Fig. 52 und Fig. 53. Bei der Kette in Fig. 52 besindet sich zwischen einem Laschenpaare eine einsache, bei der in Fig. 53 aber ein anderes Laschenpaar. Sehr oft wendet man aber auch Ketten mit je vier oder noch mehr Laschen an. Jedenfalls sind die Laschenketten zur Fortpslanzung größerer Kräste und zum Auslegen aus Scheiben und Zirkelstücke geeignet. Die Kettenbolzen sind an einem Ende mit einem Kopse versehen, und erhalten am anderen

Retten.

Ende einen Borfteder oder einen Nietkopf oder eine Schraubenmutter. Bum



Schutze ber Laschen legt man wohl noch Stoffcheiben unter und futtert auch wohl bie Augen berselben mit Messing aus.

Die Starte ber Kettenbolzen bestimmt sich wie die der Gestangbolzen f. §. 15, und die der Kettenglieder wie die der Gestänge. Rimmt man die Breite der schmiedeeisernen Glieder drei Mal so groß als die Bolzendurchs messer, so erhalt man die Dicke derselben, da durch das Bolzenauge ein

Drittel der Breite verloren geht, bei der Spannkraft P, $e = \frac{P}{20000 \, d}$ Boll,

also
$$d=0.015\,V\overline{P}$$
 geset, $\frac{e}{d}=\frac{1}{4.5}$, und $\frac{e}{3\,d}=\frac{1}{13.5}$. Um noch mehr Sicherheit zu erhalten, möchte aber

$$\frac{e}{d} = 1/3$$
, b. i. $\frac{e}{3d} = 1/9$,

alfo die Dide ber Laschen einem Drittel ber Bolgendide und einem Neuntel ber Laschenbreite gleich zu machen sein.

Der Reibungswiderstand, welcher beim Umlegen einer Rette um eine Rolle ju überwinden ift, wird nach I. 6. 177 bestimmt.



Was endlich noch die sogenannten Rettentaue anlangt, wie sie besonders beim Schiffswesen in Gebrauch sind, so werden dieselben aus dem besten Rundeisen von 1/2 bis 2 Boll Dicke angesertigt, und es erhalten dieselben eine besonbere Festigkeit durch eingesette Steege, wie AB, Kia. 54.

Anmerfung. Ueber bie Anfertigung ber Retten und namentlich über bie ber Rettentaue ift nachzusehen: Brechtl's Encyclopabie, Bb. VIII, Artifel Retten, ferner in Rarmarsch und heeren's technischem Wörterbuche, und in ben Berhandlungen bes Gewerbevereins in Breugen, Jahrgange 1824 und 1835.

torons; engl. strands), wovon jede aus vier bis acht einzelnen Drahten bes

Fig. 55.



steht, zusammengebreht. Die Stårke der Drahte beträgt bei Treibseilen, welche mehr als 1500 Pfund tragen und über hohe Scheiben zu liegen kommen, ungefähr 1/8 Zoll, es wiegen je 100 Fuß Drahtlange 4,33 Pfund; bei Haspelseilen hingegen, welche nur 200 Pfund tragen, 1/32 Zoll, und es wiegen je 100 Fuß Draht 0,271 Pfund. Die Berbindung der Drahte unter einander zu einer Lite führt Fig. 55 vor Augen. Man sieht, diese Lite besteht aus vier Drahten, die einen hohlen Raum Mzwischen sich lassen. Man hat in neueren Zeiten, namentlich in den Kohlenbergwerken am Rhein, diesen Raum mit einer getheerten Hanfschur ausgefüllt, oder vielmehr die Drahte um eine Hanfsele gewunden, und dadurch eine größere Biegsamkeit und Kestigkeit der

Seile zu erzielen gefucht, fowie die Unwendung mehrerer Drabte in einer Big. 56. Lige ermöglicht.



Aus der Angahl n der Drahte einer Lige folgt der Centriwinkel $ACB = BCD = \alpha$ des von den Drahtaren gebildeten Polygones ABE, Fig. 56, $\alpha = \frac{360^{\circ}}{n}$, und hieraus wieder mittels der Drahtsstäte d der Durchmesser 2CK des nach Befinden durch

eine Hanffeele auszufüllenden hohlen Raumes: $d_1 = \left(\frac{1-\sin^{-1}/_2\alpha}{\sin^{-1}/_2\alpha}\right)d$.

Je größer die Anzahl ber Dratte ift, besto größer fallt hiernach auch ber Durchmeffer bes hohlen Raumes aus. Während für n=4, also $\alpha=90^\circ$ $d_1=\left(\frac{1-\sin 45^\circ}{\sin 45^\circ}\right)d=(\sqrt{2}-1)\ d=0,414\ d$ sich ergiebt, ist hier-

nach für
$$n = 6$$
, $d_1 = \left(\frac{1 - \frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\right)d = d$, und für $n = 8$,
$$d_1 = \left(\frac{1 - 0.3827}{0.3827}\right)d = 1.613 d.$$

Der Durchmesser des Kreises, in welchem die Aren der Drahte liegen, ist $d_2=d+d_1=rac{d}{sin.^{1/2}lpha}\cdot$

Ift l die Lange des Ligenstückes, auf welche eine Windung kommt, so hat man die entsprechende Drahtlange nach dem Pythagorischen Lehrsage: $l_1 = \sqrt{l^2 + (\pi d_2)^2}$, annahernd $= l + \frac{(\pi d_2)^2}{2l}$, und daher die Bers

Prabtfeife.

fürzung eines Drahtftudes beim Bufammenfchlagen zu einer Libe:

$$\lambda = l_1 - l = \frac{\pi^2 d_1^2}{2l}$$
, relativ $\frac{\lambda}{l} = 1/2 \left(\frac{\pi d_2}{l}\right)^2$.

Der Drehungswinkel &, um welchen ein Draht durch bas Busammenschlagen zu einer Libe aus ber aronalen Lage gebracht wird, ist mittels ber Katheten πd_2 und l durch die Gleichung tang. $\delta = \frac{\pi d_2}{l}$ bestimmt.

Umgekehrt hat man
$$\frac{l}{d_2} = \pi \, cotg.\delta$$
 und $\frac{l}{d} = \frac{\pi \, cotg.\delta}{\sin^{-1}/2\alpha}$.

Der gewöhnliche Drehungswinkel der Drahte in den Liben ift 8° bis 15°. Rehmen wir $\delta=10^\circ$ und n=4, also 1/2 $\alpha=45^\circ$, so erhalten wir $\frac{l}{d}=\frac{3,14\cdot5,67}{0,707}=25$, also bei 1/8 Boll Drahtstarke die Lange einer Windung $l=\frac{25}{8}=31/8$ Boll.

Die Seile werden aus ben Ligen genau so zusammengesett, wie die Ligen aus Drahten. Durchschnitte mehrerer aus 3 bis 6 Ligen bestehenden Seile find in den Figuren 57, 58, 59 und 60 abgebilbet. Fig. 57 zeigt den







Aig. 59.



Fig. 60.

Querschnitt eines Seiles aus brei sechsbrahtigen Liten, Fig. 58 ben eines Seiles aus sechs breibrahtigen Liten, Fig. 59 zeigt ferner ben Querschnitt eines Seiles von 4 Liten, jebe zu 4 Drahten und Fig. 60 ben eines Seiles von 6 Liten, jebe zu 6 Drahten, mit einer Hanf- ober Drahtsele. Durch die Drehung der Liten kommen diese Querschnitte in alle möglichen Lagen, und es nimmt das ganze, namentlich aber das dem Querschnitte Fig. 58 entsprechende Seil eine mehr cylindrische Form an.

Bas die Cylinder anlangt, um welche man fich die Liten schraubenfor: mig aufgewunden zu benten hat, so find die Durchmeffer derfelben folgende: fur die Seile mit den Querschnitten in Fig. 57 und 58,

$$d_3 = 2d + \frac{d}{\sin 60^{\circ}} = 3,155d,$$

für das nach Fig. 59,
$$d_3 = 2 d_2 = \frac{2 d}{\sin 45^0} = 2,828 d$$

und für das nach Fig. 60, $d_3=2\,d+4\,d\sin 60^\circ=5,464\,d$. Nimmt ein Litenumschlag ein Arenstück des Seiles von der Länge l_2 ein, so ist seine Länge: $l_3=\sqrt{l_2^2+(\pi\,d_3)^2}$, daher die Verkürzung einer Lite

Prabtieite. beim Bufammenfchlagen :

$$\lambda = l_3 - l_2 = \sqrt{l_2^2 + (\pi \, d_3)^2} - l_2$$
, annähernb $= \frac{\pi^2 \, d_3^2}{2 \, l_2}$.

Der Drehungswinkel einer Lite ift bestimmt burch bie Formel:

tang.
$$\delta_1 = \frac{\pi d_8}{l_2}$$
.

In der Regel ist auch $\delta_1=10$ bis 25 Grad, wenigstens ist es nicht rathsam, die Drehung über 15 Grad hinausgehen zu lassen.

Es ist übrigens leicht zu ermessen, weshalb man hier die Drahte nicht einfach nebeneinander legt, sondern schraubenformig zusammenschlägt. Beim Umlegen um eine Scheibe ober Trommel muffen sich nur die außeren Drahte ausbehnen; besteht baher das Seil nur aus nebeneinanderliegenden Drahten, so wird nur ein Theil der Drahte ausgedehnt, und daher das Berreißen der außeren Drahte eher eintreten, als wenn das Seil geschlagen ist, wo ein und derselbe Draht bald außen, bald innen zu liegen kommt und baher alle Drahte eine gleiche Spannung erhalten.

. Anmerkung. Die Drahtstude, welche man bei ber Drahtseilsabrikation verwendet, haben eine Lange von 60 bis 120 Fuß, und muffen beehalb zur Bilbung langerer Seile durch bloßes Busammenwideln ober Busammenlöthen ihrer Enden mit einander verbunden werben.

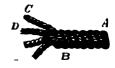
Sanffeile.

§. 19. Die Anwendung der Hanffeile ift durch die Einführung der Drahtseile bedeutend gemäßigt worden. Jest findet man diese Seile fast nur noch dei Flaschenzügen angewendet. Das Material zu diesen Seilen ist gut gehechelter hanf, am besten aus Rußland oder aus dem Elsaß, Breiszgau u. s. w. Dieser wird zunächst zu Faben oder Garn versponnen; aus diesen werden ferner durch Jusammendrehen die sogenannten Schnüre oder Liten und aus diesen endlich die Seile gebildet. Die Fäden werden von einer Stärke angewendet, daß eine Länge von 300 bis 400 Fuß ein Pfund wiegt, acht die sechszig Fäden geben eine Lite und drei die vier Liten geben ein Seil. Starke Taue endlich werden aus drei die vier einzzelnen Seilen zusammengedreht, oder, wie man sagt, abgestückt.

Biers und mehrschäftigen Seilen, b. i. Seilen aus vier ober mehr Liten, giebt man, namentlich wenn bieselben stark sind, eine hanfseele, damit sich die einzelnen Liten regelmäßig schraubenformig aneinander anlegen, und diesselben nicht in den von der hanfseele auszufüllenden hohlen Raum treten. Die Drehungswinkel der Kaden in den Liten, und die der Liten in den Seilen, sind 30 bis 50 Grad; durch sehr starke Drehungen verliert das Seil zuviel an Festigkeit, und bei sehr schwachen Drehungen besitt es nicht die ersorderliche Dichtigkeit. Am angemessensten ist jedenfalls diejenige Drehung, bei welcher die Reibung der Faben oder Liten unter einander ihrer Festigkeit gleichkommt. Damit die Seile nicht unnothig steif ausfallen, und

bamit fie moglichft wenig Bestreben gur Drehbewegung annehmen, follen canffeite.

Big. 61.



bie Drehungerichtungen ber Seile und Ligen, fo wie die ber Liben und ihrer Kaben die entgegen: gefetten fein. Wenn alfo ein Geil wie AB, Sig. 61, rechts gebreht fein foll, fo muffen beffen Lipen, wie BC, BD u. f. w. eine linke, und bas gegen bie Faben ber letteren wieber eine rechte Drehung erhalten.

Durch das einfache Busammendrehen wird naturlich eine Verkurzung in ber Arenlange ber gaben ober Ligen herbeigeführt, und tonnte baffelbe ohne alle Spannung ber Raben erfolgen, fo murbe bei bem Drehungswinkel & bie einer Kabenlange l'entsprechende Litenlange $l_1 = l \cos \delta$, also die Berfurjung $\lambda = l_1 - l = l(1 - \cos \delta)$ betragen. 3. B. für eine Drehung d von 40 Grad wurde bie Verkurgung $\lambda = (1 - \cos 40^{\circ}) l = 0.234 l$, b. i. über 23 Procent ausmachen; ba aber burch bie Reibung und durch bas Eintlemmen ber Ligen und Faben unter einander noch eine Spannung in biefe tommt, fo ift mit bem Bufammenbreben ftete auch noch eine gewiffe Ausbehnung ber Faben und Ligen verbunden, fo bag, jumal wenn ben Seilen ein fogenannter Draht gegeben wird, b.h. wenn bie Seile nach bem Busammenschlagen noch eine besondere Drehung erhalten, die Berturjung ber Liten im Seile fatt 23 Procent nur 10 bis 15 Procent betragt.

Ein Saupterforberniß eines guten Seiles ift außer ber Reftigkeit und Biegfamkeit auch noch bie Dauerhaftigkeit beffelben. Um bie lettere gu erhohen, muß man burch ftartes Busammenbreben ober burch einen Theerüberzug das Eindringen bes Baffers moglichft verhindern. Da aber burch biefe Mittel ben erften Erforberniffen entgegengewirft wirb, fo ift mit benfelben eine gemiffe Grenze nicht ju überfchreiten. Der Theer (frang. goudron; engl. tar) wird gewöhnlich in folcher Menge angewendet, baß burch ihn bas Seil um ein Funftel feines Gewichtes fchwerer wird.

§. 20. Die Tragfraft eines Seiles hangt nicht allein von ber materiellen Beschaffenheit, von bem Querschnitte F und von ber Angahl n der Faben Danffeite. bes Seiles, fonbern auch von ber Starte ber Drehung ber gaben unb Ligen beffelben ab, benn burch bie lettere erhalten bie Raben und Ligen

Fig. 62.



auch ohne Belaftung eine gemiffe, einen Theil ber Tragfraft in Unfpruch nehmenbe Spannung. Begen ber ichraubenformigen Bindungen, welche bie Kaben und Liten bilben, ift biefe Spannung überbies nicht gleichformig auf ben Querfcnitt biefer vertheilt, fondern am außeren Umfange gros Ber ale in ber Are ber Faben ober Ligen, und beshalb bie baburch hervorgebrachte Berminberung

Eragfraft ber Banffeile. ber Tragfraft bei einer ftarten Drehung der Faden fehr betrachtlich. Det

Fig. 63.

Halbmeffer MA=MB, Fig. 63, nach welschem ein Faden ABF in einer Liße ober eine Lige im Seile gebogen ift, fallt mit dem Krummungshalbmeffer einer Ellipse ABEG zusammen, deren Ebene um den Drehungswinkel $OCE=\delta$ von der Are der Liße oder des Seiles abweicht. Der Halbmeffer CA=CD=r des Cylinders, um welchen die Fadenare gewickelt ift, ist zugleich

die kleine Halbare der Ellipfe, dagegen $CE=\frac{CD}{cos.DCE}=\frac{r}{sin.\delta}$, die große Halbare der Ellipfe, und daher der Krummungshalbmeffer des Fastens (f. Ingenieur S. 238),

$$MA = MB = \frac{\overline{CE^2}}{CA} = \frac{r^2}{r \sin \delta^2} = \frac{r}{\sin \delta^2}$$

Nun wachst aber die Spannung am außersten Umfange eines Fabens direct wie die Starke und umgekehrt wie der Krummungshalbmeffer der Fadenare, daher nimmt denn auch dieselbe wie das Quadrat des Sinus des Drehungswinkels zu. Wie sehr ein Seil durch eine starke Drehung an Festigkeit verliert, zeigt folgendes Beispiel von Muschenbroek. Ein Seil, welches die ein Fünftel Verkürzung gedreht war, zerriß bei 6205 Pfund Belastung, als es aber eine Drehung bis ein Viertel Verkürzung erhielt, bei 4850 Pfund, und als es endlich durch weitere Drehung um ein Drittel verkürzt wurde, gar schon bei 4098 Pfund.

Uebrigens ift leicht zu ermeffen, daß ftartere, aus mehr Faben bestehende Seile verhaltnismaßig weniger Tragtraft besigen als schwächere. Es sinder bei jenen nicht allein an sich eine größere Ungleichheit in der Spannung der Faben statt, sondern es wird auch dieselbe beim Umbiegen um Rollen oder Trommeln noch besonders erhöht. Durch diese Ungleichheit wird aber die Tragtraft herabgezogen, weil hier die starter gespannten Faden eher zerreißen, als wenn die Spannung eine gleichsormige ware.

Endlich wird die Tragkraft eines Seiles auch noch burch die Raffe, und felbst durch das Theeren vermindert. Nach Muschenbroek's Versuchen trägt ein ungetheertes Seil, wenn es ganz durchnäßt ist, nur sieben Zehntel so viel als wenn es trocken ist. Das Eindringen der Nasse wird befonders dann verhindert, wenn man nicht das fertige Seil, sondern schon die Faben oder Ligen theert. Je nachdem man nun diese warm oder kalt zusammensbreht (warm oder kalt registrirt), fallen die Seile mehr oder weniger bicht, und mehr oder weniger steif aus.

§. 21. Die Starte eines Sanffeiles fur eine gegebene Tragfraft P lagt fich

Danffeile.

mittels der in I. 6. 186 mitgetheilten Festigkeitscoefficienten berechnen; nur gragtraft ift hierbei zu berucklichtigen, daß man breifache Sicherheit zu geben hat, wenn bas Seil ein ftebendes ift, alfo nur jur Befestigung bient, und bagegen fechefache Sicherheit nehmen muß, wenn bas Seilwert ein laufendes ift, fich alfo uber Rollen und Trommeln widelt. Geben wir ben Keftigkeitemobul fur Sanffeile von 1/8 Boll Dide = 10000 Pfund, und ben fur Geile von 5 Boll Starte = 5000 Pfund, fo tonnen wir allgemein fur Geile von d 3ofl Starte ben Festigleitemodul K = 10000 (1 - 0,1 d) Pfund annebmen.

Es ift baber die Tragfraft = P, bei breifacher Sicherheit

$$P = \frac{1}{3} \cdot 10000 (1 - 0.1 d) \cdot \frac{\pi d^2}{4} = 2618 (1 - 0.1 d) d^2$$

und bei sechsfacher Sicherheit: $P = 1309 (1 - 0.1 d) d^2$, umgekehrt also bie ber gegebenen Tragfraft ober Spannung entsprechende Seilbide, im

ersten Falle
$$d=\sqrt{\frac{P}{2618\left(1-0,1\;d\right)}},$$
 ober annähernd

- 1) d = 0.01954 (1 + 0.05 d) VP = 0.01954 (1 + 0.001 VP) VPund im zweiten Falle :
- 2) d = 0.02764 (1 + 0.05 d) V P = 0.02764 (1 + 0.0014 V P) V P3011. Bas bas Seilgewicht anlangt, fo fann man annehmen, bag baffelbe nabe wie bas Quadrat ber Seilftarte machft. Run wiegt aber ber laufende Kuß Sanffeil von 1 Boll Starte, ungetheert 0,3 Pfund, und getheert 0,36 Pfund; es lagt fich baber bas Gewicht eines laufenben gußes Sanffeil von d Boll Starte feten:
 - 3) $G = 0.3 d^2$ bis $0.36 d^2$ Pfund.

Umgefehrt entspricht bem Gewichte G eine Starte:

4) d = 1.82 VG bis 1.67 VG 300.

Seben wir ben Werth d=1.82 VG in die obigen Formeln, fo erhalten wir bas Bemitt bes laufenden Ruges Seil, bei breifacher Gicherheit :

5) G = 0.0001146 (1 + 0.002 V I) P Pfund,

und bei fechefacher Sicherheit:

6) G = 0.0002292 (1 + 0.0028 VP) J' Pfund.

hiernach ift folgende Tabelle berechnet worden:

Tragftaft ber Danffeile.

	nung in u 100 Pfund	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100
Seilftarfe	bei 3facher Sicherheit	0,20	0,40	0,60	0,81	1,03	1,24	1,46	1,69	1,91	2,15
in Bollen	bei 6facher Sicherheit	0,28	0,57	0,86	1,17	1,48	1,80	2,12	2,46	2,80	3,15
Gewicht von je	bei Bfacher Sicherheit	1,17	4,77	10,9	19, 8	31,5	46,2	64,0	85,1	109,5	137,5
100 Fuß ungetheers ten Seiles	bei 6facher Sicherheit	2,36	9,68	22,4	40,9	65,3	96,4	134,3	179,5	284,4	293,4

Beifviel. Die Starte eines ungetheerten Baspelfeiles, welches eine Laft von 4 Centnern tragen foll, ift nach ber letten Tabelle, fo wie nach einer ber obigen Formeln: d = 0,57 Boll, und bas Gemicht von 150 guß Geil: $G = 9.68 \cdot \frac{150}{100} = 14.52$ Pfunb.

Bergleichung S. 22. Wie fich die Prantieue, Quillette und Content off aus folgens und Keftigkeit, Gewicht und Preis gegen einander verhalten, ift aus folgens auf Keftigkeit, Gewicht und Preis gegen einander verhalten, ift aus folgens Resultate von den Berfuchen enthalt, die zu diefem 3wede auf Befehl ber englischen Admiralitat angestellt worden find.

Bergieidung Der Ceile und Retten.

	Eabelle das Gewicht und den S danffeilen und Kettenta		ihtfeilen,
Belaftung,	Umfang	Gewicht pon 1 Kapen	Preis

Belastung, bei welcher die Seile zerreißen, in Tonnen (tons) u. f. w.	welcher die Seile Gattungen gerreißen, der in Tonnen Seile.		Gewicht von 1 Faven (fathom) =6Engl. Fuß, in Engl. Pfd. 1Pf. = 16Ung.	Preis von 1 Faben = 6 Kuß, in Shilling u. Pence. 1Sh.=12Bc. = 10 Silbyr.		
1 Tonne = 2240 engl. Pfunb = 2172 preuß. * 8 Tonnen = 17920 engl. Pfunb = 17379 preuß. * 16 Tonnen = 26880 engl. Pfunb = 26069 preuß. * 16 Tonnen = 35840 engl. Pfunb = 34758 preuß. * 20 Tonnen = 44800 engl. Pfunb = 43448 preuß. * 24 Tonnen = 53760 engl. Pfunb = 52138 preuß. * 30 Tonnen = 67200 engl. Pfunb = 65172 preuß. * 36 Tonnen = 80640 engl. Pfunb = 78206 preuß. * 44 Tonnen = 98560 engl. Pfunb	Rettentau Drahtseil	bei ben Retten. 1	- \$\pi_1 \cdot 12 \text{ una.} 1	<u> </u>		
= 95586 preuß. • 54 Tonnen = 120960 engl. Pfb. = 117310 preuß. •	Rettentau Drahtseil Hansseil Rettentau	15/16 x = 6 x = 15 = 17/16 = x	96 » — » 84 » — » 47 » 8 » 115 » — »	20		

Bergleichung Die Wergieru ber Seile und Retten. auf Folgendes. Die Bergleichung der in dieser Tabelle enthaltenen Berfucheresultate führt

Bei gleicher Tragfraft ift ftets bas Drahtfeil bas leichtere und wohlfeilere und bas Rettentau stets bas schwerere und meift auch immer bas theurere Kortpflanzungsmittel. Es lagt fich im Mittel annehmen, daß bei gleicher Tragfraft bas Gewicht bes Drahtseiles gleich ift 0,5, und bas eines Retten: taues 2,5mal fo groß ale bas eines Sanffeiles, bag ferner bie Starte bes Drahtseiles nur 0,4 und die Starte des Rundeifens, aus dem die Rettenglieber bestehen, 0,3 von ber eines Sanffeiles betragt. Aus diesen Berhalt= niffen fonnen wir baber febr leicht mit Silfe ber im vorigen Paragraphen gegebenen Formeln bie Starte und bas Gewicht ber Drahtfeile und Retten: glieder eines Taues finden, welches einer gegebenen Tragkraft entspricht.

Beifpiel. Belde Starte foll ein Drahtfeil erhalten, wenn baffelbe ale Treibseil bienen und hochstene 30 Centner tragen foll. Fur ein Sanffeil ift bie gefuchte Starte

 $d = 0.02764 (1 + 0.0014 \cdot \sqrt{3000}) \sqrt{3000} = 1.51 \cdot 1.076 = 1.63 300$ und baber für bas Drabtfeil d = 0,4.1,63 = 0,65 Boll. Giebt man nur breifache Sicherheit, fo fallt hiernach d=0.46 Boll aus. Nimmt man an, bas Seil bestehe aus 16 Drahten von 1/8 Boll Dide, fo erhalt man bie Festigfeit biefer nach I. S. 186

$$P=16.(1/8)^3\cdot rac{\pi}{4}$$
 . 85000 = 0,1963 . 85000 = 16686 Pfund;

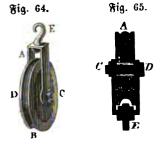
und baber bie Tragfraft bei 6facher Sicherheit = 2781 Afund. Das Gewicht bes laufenden Fuges Sanffeil von 30 Centner Tragfraft ift

 $0.0002292.3000(1+0.0028.\sqrt{3000}) = 0.6876.1,1533 = 0.793$ Ffund, und baber bas bes Drabtfeiles = 0,5 . 0,793 = 0,8965 Bfunb. Rimmt man bas Gewicht eines Cubifzolles Drabteifen 0,294 Bfund an (f. Ingenieur S. 362), fo erhalt man bas Bewicht von einem Fuß Seil, welches aus 16 ein achtel Boll biden Draften besteht, annahernb G = 0,294.16.0,1227 = 0,577 Bfund.

Beitrollen.

6. 23. Die Richtung eines Seiles ober einer Rette wird burch eine Leitrolle (franz. poulie de renvoi; engl. guide pulley) abgeandert (f. I. 6. 150). Der Durchmeffer einer Leitrolle richtet fich nach ber Starte und nach bem Grabe ber Biegfamkeit bes Seiles, welches fich um biefe legt. Starke und weniger biegfame Seile erhalten Leitrollen ober sogenannte Seilscheiben von 6 bis 10 Kuf Durchmeffer, schwache Sanffeile aber folche von 1/2 bis 1 Kus. Im Allgemeinen nimmt ber Steifigkeitewiberftanb bes Seiles und die Arenreibung ber Rolle ab, und es wird ebenfo bas Abführen bes Seiles und ber Bapfen ober fogenannten Balgeifen ein kleinerer, wenn ber Durchmesser ber Seilscheibe vergrößert wird. Da aber mit dem letteren auch bas Gewicht ber Seilscheibe und beshalb auch die Bapfenreibung machft, fo giebt es allerdings eine Grenze in ber Ausmahl der vortheilhaftesten Seilscheibenhohe. Rleine Leitrollen bestehen in einer einfachen Solg- ober Metallscheibe, wie ABC, Fig. 64 und Fig. 65, größere

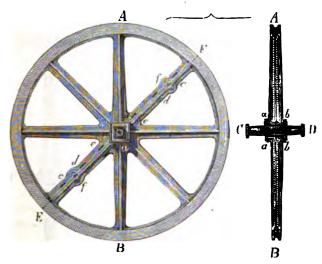
aber bilben ein Rad, wie ABC, Fig. 66, aus Solz ober Gifen. Damit bas Reitroften.



Seil von ber Rolle nicht berabgleiten tonne, ift eine Spur ober Rinne (frang. gorge; engl. groove) am Umfange ber letteren ausgenommen; unb befteht die Scheibe aus Bufeifen, fo futtert man biefe Spur, wie A und B, Fig. 66, zeigt, mit Solz aus, um bas Abführen bes Seiles zu maßigen und ben Scheibenfrang zu ichonen.

Die schmiedceiferne Are ober bas Balzeisen CD, um welche sich die Leit=

rolle breht, ift entweder mit biefer fest ober fie ift burch eine genau auszu= Fig. 66.



drehende Rabe (frang. moyeu; engl. nave) mit der Rolle lofe verbun= ben. Jebenfalls ift bie erftere Unordnung bie folibere, und baber bei großeren und festliegenden Seilscheiben ftete anzuwenden, die zweite bagegen nur bei fleinen und transportablen Leitrollen, wo es barauf antommt, bie Bapfenlager zu erfparen. Wenn mehrere mit verschiebenen Geschwindigkeiten umlaufende Rollen auf einer Are zugleich figen, fo ift die lofe Berbindung burch eine Nabe fogar nothwendig. Bei ber festen Berbindung der Are und Rolle findet die Arenreibung an den Enden, bei ber lofen bagegen in ber Mitte ber Are ftatt; ba aber, ohne bie Restigkeit zu beeintrachtigen, bie Are an ben Enden schwächer fein kann als in der Mitte, und ba die ArLeitrollen

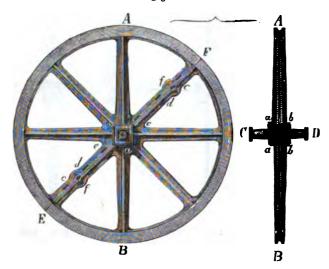
beit der Reibung mit der Arenstarte zunimmt, so läßt sich bei der festen Berbindung eine kleinere Arenreibung erzielen als bei der losen. Der hauptnachtheil der letteren Berbindung besteht aber in unsicherer und schwankenber Bewegung, welche die Rolle annimmt, wenn die Nabe und Are abge-

#ig. 67. #ig. 68.

führt find, erstere also weiter geworben ift als lettere bick.

Bei ben transportablen Leitrollen für schwache Hanffeile sitt die mit einem Ropfe und einem Borsteder versehene Are ober der Bolzen CD in einem sogenannsten Rloben (franz. chape; engl. block) CED, Fig. 67 und 68; bei den großen Seilscheben für Drahtseile ist die an beis den Enden abgedrehte Are CD, Fig. 69, in die vierseitige Hussel ab ab eingekeilt.

Die hier abgebilbete Scheibe besteht aus zwei Theilen, bie durch Schrauben Fig. 69.



wie c, d, e, burch schmiebeeiserne Ringe, wie aa, bb und burch Splinte wie f, f fest mit einander verbunden sind.

§. 24. Bei ber Anwendung von Leitrollen kommen zwei Falle vor, entsweder läßt fich durch die beiben Seils ober Bewegungsrichtungen eine Ebene legen, oder es ist dies nicht möglich; im ersten Falle genügt stets eine Leitzrolle, im zweiten sind deren zwei nothig. Die Umdrehungsebene einer Seilsscheibe fallt mit der Ebene, welche durch die beiben Seilrichtungen KM und

MG, Fig. 70, gelegt werben kann, zusammen, und wenn nun die beiden Leitrollen. Seilrichtungen KM und NG, Fig. 71, weber parallel sind, noch sich schneisben, also in keine Ebene fallen, so muß man sie durch eine Linie MN versbinden und eine Seilscheibe in die Ebene KMN und eine andere in die Ebene MNG legen.

Fig. 70.

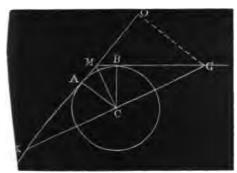
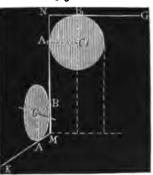


Fig. 71.



In dem einfacheren Falle, wo die beiden Seilrichtungen KM und MG, Fig. 70, sich schneiden, sindet man den Ort und die Lage der Umdrehungszare C der Seilscheibe aus dem Halbmesser CA = CB = r der Scheibe und dem Brechungszoher Ablenkungswinkel CA = CB = r der Scheibe und dem Brechungszoher Ablenkungswinkel CA = CB = r auf solgende Beise. Wit der Centrallinie CA = CA = r sie deileichtungen CA = CB = r auf solgende Winkel ein, deshalb schneidet auch ein Perpensikel auf CA = r wie des sisten desselben gleiche rechtwinkelige Dreiecke CA = r und CA = r und es ist CA = r wenn wir daher vom Durchsschnittspunkte CA = r aus von den beiden Seilrichtungen das Stück

$$MG = MK = \frac{GO}{\sin OMG} = \frac{2r}{\sin \alpha}$$

abschneiben, und die erhaltenen Endpunkte G und K durch eine Linie $GK\left(=rac{2\,r}{sin.\,rac{lpha}{2}}
ight)$ verbinden, so giebt deren Mitte C den gesuchten Ar=

punkt, und errichtet man endlich auf CK und CG und CM ein Perpenstell, fo erhalt man in demfelben die Arenrichtung der Leitrolle.

Wenn sich, wie in bem in Fig. 71 abgebilbeten Falle, die Seilrichtungen KM und NG nicht schneiben, so ist eine boppelte Anwendung der letzten Regel nothig. Steht, wie die Figur vor Augen führt, die Verbindungstinie MN rechtwinkelig auf beiden Seilrichtungen, so lenkt jede der beiden

4*

Beitrollen ACB und A1C1 B1 das Seil um einen Rechtwinkel ab, und es ift bas Zwischenseil bas moglich furgefte. Uebrigens ift auch biefe Unorbnung nicht gerabe bie vortheilhaftefte. Der Bapfenbruck, und folglich auch bie Bapfenreibung fallt um fo fleiner aus, je fleiner ber Ablentungswintel ift; wenn man nun die Berbindungelinie MN fo legt, bag fie mit ben beiden Seilrichtungen KM und GN ftumpfe Winkel einschließt, fo fallen bie Ablenkungswinkel kleiner ale ein Rechtwinkel aus, und wird baher auch Die Reibung fleiner ale bei Unwendung bes furzesten 3mifchenftuch. 3mei Leitrollen, wenn die Seilrichtungen einander fcneiben, find, wenn nicht befondere Berhaltniffe obmalten, nicht zwedmäßig, weil babei boppelte Steifigteitewiderftande und Sapfenreibungen gu überwinden find, die gufammen mehr ausmachen, als ber Steifigkeits- und Reibungswiderftand bei Anwenbung einer einzigen Rolle.

Anmerfung. Die Arbeiteverlufte, welche aus bem Steifigfeitewiberftanbe und ber Bapfenreibung ber Leitrollen erwachsen, find nach ben im erften Theile (Abichnitt III., Rapitel V.) mitgetheilten Erfahrungeregeln zu beurtheilen.

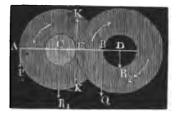
Zweites Kapitel.

Bon den Raderwerken, ober den Bilfsmitteln gur Abanderung der fletigen Rreisbewegung.

Habermerte.

§. 25. Macht eine umlaufende Welle nicht biejenige Angahl von Umbrehungen in einer gewiffen Beit (g. B. in einer Minute), welche gur Berrichtung einer gewiffen Arbeit nothig ift, ober befitt ein umlaufenbes Rab nicht biejenige Rraft, welche bie Ueberwindung einer gegebenen Laft erforbert, fo muß burch eine befondere Zwischenmaschine bie Umbrehungebewegung diefer Belle ober biefes Rabes abgeandert, ober, wie man fagt, umgefest

Fig. 72.



werben. Die vorzuglichsten Bilf8= mittel gur Erreichung biefes 3medes sind biejenigen Berbindungen von Rabwellen (f. I. §. 152), welche man Rabermerke (frang. rouages; engl. wheel-works) nennt. Ein einfaches Raberwert, wie ACDB, Fig. 72, Fig. 73 und Fig. 74, befteht aus zwei Radwellen CA und

DB, wovon die eine durch die andere in Bewegung gefett wird; ein dop- Maberweite.



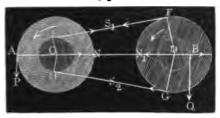
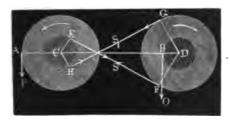


Fig. 74.



peltes ober mehrfaches Ra= bermere mirb von brei ober mehr Rabwellen gebilbet. Die Mittheilung ober bie Uebertragung ber Beme= gung von ber einen Rab: welle auf bie andere, er= folgt entweber burch uns mittelbare Beruhrung, wie Sig. 72, ober mittels einer Schnur ober eines anberen biegfamen Rorpers, wie Fig. 73 und Fig. 74; und hiernach unterscheibet man bie Bahnrabermerte (frang. engrenages; engl. geerings over toothed wheel - works) und bie Schnur= ober Riemen=

radermerte (frang. rouages à courroies; engl. straped wheel-works).

Durch einfache geometrische Berührung zweier Raber lagt fich nur eine unbebeutenbe Rraft von bem einen Rabe auf bas andere übertragen; es ift bies nur mittels ber Reibung zwifchen ben beiben Rabumfangen moglich, und baher erforderlich, bag biefe Umfange rauh gehalten und gegen einander gepreßt werben. Wenn man hingegen die Umfange ber Raber mit abwech= feinden Erhöhungen und Bertiefungen ausruftet, und bie Erhöhungen bes einen Rades in die Bertiefung bes anderen eingreifen lagt, fo erfolgt bie Mittheilung ber Bewegung nicht bloß ficherer, fonbern es ift auch jede gegebene Rraft überzutragen moglich. Jene Erhohungen auf ben Rabumfangen heißen Bahne (frang. dents; engl. teeths, cogs), und die entspre= benben Bertiefungen Bahnluden (frang. creux; engl. clearings). Bon ben beiben Rabern (frang. roues; engl. whoels) eines Rabermertes beißt basjenige, von bem bie Bewegung ausgeht, welches alfo bas andere in Bewegung fest, ber Treiber ober bas Treibrab (frang. roue conductrice; engl. driver) und bas in Bewegung gefette, bas Getriebe ober Trieb: tab (frang. roue conduite; engl. follower). Bei ben Bahnrabermerten, wie Fig. 72, laufen Treib = und Getriebrad nach entgegengesetten Richtungen um, bei ben Riemenrabern hingegen hangt bas Berhaltnig ber Umbrehungerichtungen von ber Lage bee Riemens ab. In bem Falle Fig. 73, wo beide Seilrichtungen nach einem Dunkte außerhalb ber beiben Rabaren

Tragfraft ber Banffeile. ber Tragkraft bei einer starten Drehung ber Faben sehr beträchtlich. Der Big 63 Balbmeffer MA = MB, Rig, 63, nach mel-



Halbmester MA = MB, Fig. 63, nach welschem ein Faben ABF in einer Lite oder eine Lite im Seile gebogen ist, fallt mit dem Krumsmungshalbmesser einer Ellipse ABEG zusammen, deren Ebene um den Drehungswinkel $OCE = \delta$ von der Are der Lite oder des Seiles abweicht. Der Halbmesser CA = CD = r des Cylinders, um welchen die Fadenare gewickelt ist, ist zugleich

die kleine Halbare der Ellipse, dagegen $CE = \frac{CD}{cos.DCE} = \frac{r}{sin.\delta}$, die große Halbare der Ellipse, und daher der Krummungshalbmeffer des Fastens (f. Ingenieur S. 238),

bens (f. Ingenieur S. 238),
$$MA = MB = \frac{\overline{CE^2}}{CA} = \frac{r^2}{r \sin \delta^2} = \frac{r}{\sin \delta^2}.$$

Nun wachst aber die Spannung am außersten Umfange eines Fabens direct wie die Starte und umgekehrt wie der Krummungshalbmesser der Fadenare, daher nimmt denn auch dieselbe wie das Quadrat des Sinus des Drehungswinkels zu. Wie sehr ein Seil durch eine starke Drehung an Festigkeit verliert, zeigt folgendes Beispiel von Muschenbroek. Ein Seil, welches die ein Fünftel Berkurzung gedreht war, zerriß bei 6205 Pfund Belastung, als es aber eine Drehung die ein Viertel Verkurzung erhielt, bei 4850 Pfund, und als es endlich durch weitere Drehung um ein Drittel verkurzt wurde, gar schon bei 4098 Pfund.

Uebrigens ift leicht zu ermeffen, daß startere, aus mehr Faben bestehende Seile verhaltnismäßig weniger Tragkraft besiden als schwächere. Es sindet bei jenen nicht allein an sich eine größere Ungleichheit in der Spannung der Faden statt, sondern es wird auch dieselbe beim Umbiegen um Rollen oder Trommeln noch besonders erhöht. Durch diese Ungleichheit wird aber die Tragkraft herabgezogen, weil hier die starker gespannten Faden eher zerzeißen, als wenn die Spannung eine gleichformige ware.

Enblich wird die Tragkraft eines Seiles auch noch durch die Raffe, und felbst durch das Theeren vermindert. Nach Muschenbroek's Bersuchen trägt ein ungetheertes Seil, wenn es ganz durchnäßt ift, nur sieben Zehntel so viel als wenn es trocken ift. Das Eindringen der Raffe wird besonders dann verhindert, wenn man nicht das fertige Seil, sondern schon die Faben oder Ligen theert. Je nachdem man nun diese warm oder kalt zusammensbreht (warm oder kalt registrirt), fallen die Seile mehr oder weniger bicht, und mehr oder weniger steif aus.

6. 21. Die Starte eines Sanffeiles fur eine gegebene Trageraft P lagt fich

mittels ber in I. §. 186 mitgetheilten Festigkeitscoefficienten berechnen; nur ist hierbei zu berucksichtigen, daß man dreisache Sicherheit zu geben hat, wenn das Seil ein stehendes ist, also nur zur Befestigung dient, und dagegen sechskache Sicherheit nehmen muß, wenn das Seilwerk ein laufendes ist, sich also über Rollen und Trommeln wickelt. Seten wir den Festigkeitsmobul für Hansseile von 1/8 Zoll Dicke = 10000 Pfund, und den für Seile von 5 Zoll Starke = 5000 Pfund, so können wir allgemein sur Seile von d Zoll Starke den Festigkeitsmodul K = 10000 (1-0,1d) Pfund annehmen.

Es ift baber bie Tragfraft = P, bei breifacher Gicherheit

$$P = \frac{1}{2} \cdot 10000 (1 - 0,1 d) \cdot \frac{\pi d^2}{4} = 2618(1 - 0,1 d) d^2$$

und bei fechsfacher Sicherheit: $P=1309\,(1-0,\!1\,d)\,d^2$, umgekehrt also die ber gegebenen Tragkraft ober Spannung entsprechende Seilbicke, im

ersten Falle
$$d = \sqrt{\frac{P}{2618(1-0,1\ d)}}$$
, ober annähernd

- 1) d = 0.01954 (1 + 0.05 d) VP = 0.01954 (1 + 0.001 VP) VPund im zweiten Falle:
- 2) d = 0.02764 (1 + 0.05 d) V P = 0.02764 (1 + 0.0014 V P) V P30U. Bas das Seilgewicht anlangt, so kann man annehmen, daß dasselbe nahe wie das Quadrat der Seilstärke mächst. Nun wiegt aber der laufende Kuß Hanssell von 1 30U Stärke, ungetheert 0,3 Pfund, und getheert 0,36 Pfund; es läßt sich daher das Gewicht eines laufenden Kußes Hanssell von d 30U Stärke sehen:
 - 3) $G = 0.3 d^2$ bis $0.36 d^2$ Pfund.

Umgetehrt entfpricht bem Gewichte G eine Starte:

4) d = 1.82 VG bis 1.67 VG 300.

Segen wir den Werth $d=1.82\,V\,G$ in die obigen Formeln, fo ershalten wir das Gewicht des laufenden Fußes Seil, bei dreifacher Sicherheit:

- 5) G = 0,0001146 (1 + 0,002 V I') P Pfund,
- und bei fechefacher Sicherheit:

6) G = 0.0002292 (1 + 0.0028 VP) J Pfund.

hiernach ift folgende Tabelle berechnet worden:

Tragfraft ber Danffeile.

	nung in u 100 Pfund	1	4	9	16	25	36	49	64	81	100
Seilstärfe in Bollen	bei 3facher Sicherheit	0,20	0,40	0,60	0,81	1,03	1,24	1,46	1,69	1,91	2,15
	bei 6facher Sicherheit	0 ,2 8	0,57	0,86	1,17	1,48	1,80	2,12	2,46	2,80	3,15
Gewicht von je 100 Fuß ungetheers ten Seiles	bei 3facher Sicherheit	1,17	4,77	10,9	19,8	31,5	46,2	64.0	85,1	109,5	137,5
	bei 6facher Sicherheit	2,36	9,68	22,4	40,9	65,3	96,4	134,3	179,5	234,4	293,4

Beifpiel. Die Starte eines ungetheerten Baspelfeiles, welches eine Laft von 4 Gentnern tragen foll, ift nach ber letten Tabelle, fo wie nach einer ber obigen Formeln: d = 0,57 Boll, und bas Gemicht von 150 guß Geil: $G = 9.68 \cdot \frac{150}{100} = 14.52$ Pfunb.

Bergieichung §. 22. Wie sich Die Studigere, Sangforder verhalten, ift aus folgen-und Retten. auf Festigkeit, Gewicht und Preis gegen einander verhalten, ist aus folgen-6. 22. Die fich die Drahtseile, Sanffeile und Rettentaue in Sinficht ber Tabelle zu entnehmen, welche eine vergleichende Bufammenftellung ber Resultate von ben Berfuchen enthalt, die zu diesem 3mede auf Befehl ber englischen Abmiralitat angestellt worben find.

Bergleidung Der Eetle unt Retten.

Tabelle uber die Festigkeit, bas Gewicht und ben Preis von Drahtseilen, Hanfseilen und Kettentauen.

	2			
Belastung, bei welcher die Seile zerreißen, in Tonnen (tons) u. s. w.	Gattungen ber Seile.	Umfang ber hanfe und Drahtfeile; Dide bes Munbeifens bei ben Retten.	Gewicht von 1 Faben (fathom) =6Engl.Kus, in Engl. Pfo. 1Pf. =16Unz.	Breis von 1 Faten = 6 Kuß, in Schilling u. Bence. 1Sch.=12 Vc. = 10 Silbgr.
1 Tonne = 2240 engl. Pfunb = 2172 preuß. * 8 Tonnen = 17920 engl. Pfunb = 17379 preuß. * 16 Tonnen = 26880 engl. Pfunb = 26069 preuß. * 16 Tonnen = 35840 engl. Pfunb = 34758 preuß. *	Drabtfeil Ganffeil Rettentau Drabtfeil Rettentau Drabtfeil Ganffeil Rettentau Drabtfeil Rettentau Drabtfeil Ganffeil Rettentau CDrabtfeil Rettentau	1 30ll Engl. 2 " " 1/4 " " 2 " " 5 " " 21/2 " " 7 " " 11/16" " 3 " " 8 " " 18/16 " "	- \$\pi_1 12 \text{ uns.} 1	Sety. 5 Bc * 5½* 1 * 6 * 2 7½* 2 * 7½* 2 * 5½* 5 * 4 * 6 8 * 7½* 6 * 2½* 8 * *
= 44800 engl. Bfund = 43448 preuß. » 24 Tonnen = 53760 engl. Bfund = 52138 preuß. » 30 Tonnen = 67200 engl. Bfund = 65172 preuß. » 36 Tonnen = 80640 engl. Bfund	Danffeil Rettentau Drahtfeil Hanffeil Rettentau Drahtfeil Hanffeil Rettentau Drahtfeil Rettentau Drabtfeil	9 " " 29/32 " " 4 " " 10 " " 81/82 " " 11 " " 11/16 " " 5 " " 121/3 " "	19 = 6 = 46 = - = 12 = 4 = 25 = - = 16 = 5 = 30 = - = 16 = 22 = 5 = 35 = 10 = 10 = 10 = 10 = 10 = 10 = 10 = 1	8 » 38/4» 9 » 7 » 6 » 71/2» 10 » 111/4» 10 » 101/2» 8 » 10 » 13 » 11/4» 12 » 11 » 12 » 1 » 15 » 78/4»
= 78206 preuß. * 44 Tonnen = 98560 engl. Pfunb = 95586 preuß. * 54 Tonnen = 120960 engl. Pfo. = 117810 preuß. *	Rettentau Draftfeil Hanffeil Rettentau Draftfeil Hanffeil Rettentau	18/ ₁₆ » » 51/ ₉ » » 14 » » 15/ ₁₆ » » 6 » » 15 - » 17/ ₁₆ » »	78 » — » 27 » — » 41 » 10 » 96 » — » 84 » — « 47 » 8 » 115 » — »	16 • 3 » 14 » 11 » 18 » 3½° 20 » — » 18 « 6 » 20 » 9½° 24 » — »

Bergleichung

Die Bergleichung der in diefer Tabelle enthaltenen Berfucherefultate fuhrt ber Teile und Folgendes.

Bei gleicher Tragkraft ift ftete bas Drahtseil bas leichtere und wohlfeilere und bas Kettentau stets bas schwerere und meist auch immer bas theurere Kortpflanzungsmittel. Es lagt fich im Mittel annehmen, daß bei gleicher Tragfraft bas Gewicht bes Drahtseiles gleich ift 0,5, und bas eines Retten= taues 2,5mal fo groß ale bas eines Sanffeiles, bag ferner bie Starte bes Drahtseiles nur 0,4 und bie Starte des Rundeisens, aus dem die Rettenglieber bestehen, 0,3 von ber eines Sanffeiles beträgt. Aus biefen Berhalt= niffen konnen wir baher fehr leicht mit Silfe ber im vorigen Paragraphen gegebenen Formeln bie Starte und bas Gewicht ber Drahtseile und Rettenglieber eines Taues finden, welches einer gegebenen Trageraft entspricht.

Beifpiel. Belde Starte foll ein Drahtseil erhalten, wenn baffelbe als Treibseil bienen und hochstene 30 Centner tragen foll. Fur ein Sanffeil ift bie geluchte Starte

 $d = 0.02764 (1 + 0.0014 \cdot \sqrt{3000}) \sqrt{3000} = 1.51 \cdot 1.076 = 1.63 \ 300$ und baber fur bas Drahtfeil d = 0,4.1,63 = 0,65 Boll. Giebt man nur breifache Sicherheit, fo fällt hiernach d=0.46 Boll aus. Nimmt man an, bas Seil bestehe aus 16 Drahten von 1/8 Boll Dide, fo erhalt man bie Festigfeit biefer nach I. S. 186

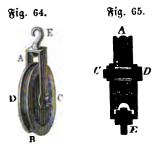
$$P=16.(1/8)^2\cdot \frac{\pi}{4}$$
 . 85000 = 0,1963 . 85000 = 16686 Pfunb;

und baber bie Tragfraft bei 6facher Sicherheit = 2781 Bfunb. Das Bewicht bes laufenben Suges Sanffeil von 30 Centner Tragfraft ift 0.0002292.8000(1+0.0028.7) = 0.6876.1,1533 = 0.793 Pfunb. und baber bas bes Drahtseiles = 0,5.0,793 = 0,8965 Bfund. Rimmt man bas Gewicht eines Cubifzolles Drabteifen 0,294 Bfund an (f. Ingenieur S. 362), fo erhalt man bas Bewicht von einem Fuß Seil, welches aus 16 ein achtel Boll

biden Draften besteht, annahernb G=0,294.16.0,1227=0,577 Pfund.

Beitrollen.

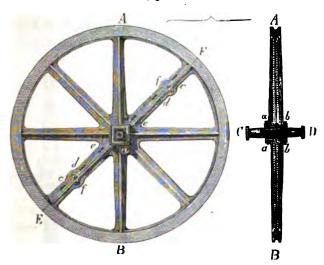
§. 23. Die Richtung eines Seiles ober einer Rette wird burch eine Leitrolle (frang. poulie de renvoi; engl. guide pulley) abgeandert (f. I. 6. 150). Der Durchmeffer einer Leitrolle richtet fich nach ber Starte und nach bem Grabe ber Biegfamkeit bes Seiles, welches fich um biefe legt. Starte und weniger biegfame Seile erhalten Leitrollen ober fogenannte Seilscheiben von 6 bis 10 fuß Durchmeffer, schwache Sanffeile aber folche von 1/2 bis 1 Fuß. Im Allgemeinen nimmt ber Steifigkeitewiberstand bes Seiles und die Arenreibung ber Rolle ab, und es wird ebenfo bas Abführen des Seiles und der Zapfen oder sogenannten Walzeisen ein fleinerer, wenn ber Durchmeffer ber Seilscheibe vergrößert wird. Da aber mit dem letteren auch das Gewicht der Seilscheibe und beshalb auch die Zapfenreibung machft, so giebt es allerdings eine Grenze in der Auswahl der vortheilhaftesten Seilscheibenhohe. Rleine Leitrollen bestehen in einer einfachen Solg- ober Metallscheibe, wie ABC, Fig. 64 und Fig. 65, größere aber bilben ein Rab, wie ABC, Fig. 66, aus holz ober Gifen. Damit bas Beitroffen.



Seil von ber Rolle nicht herabgleiten tonne, ift eine Spur ober Rinne (franz. gorge; engl. groove) am Ums fange ber letteren ausgenommen; unb besteht die Scheibe aus Bufeisen, fo futtert man biefe Spur, wie A und B, Sig. 66, zeigt, mit Solz aus, um bas Abführen bes Seiles ju magigen und ben Scheibenfrang zu ichonen.

Die schmiedceiferne Ure ober bas Walzeisen CD, um welche sich die Leit=

rolle brebt, ift entweber mit biefer fest ober fie ift burch eine genau auszu-Fig. 66.



drehende Rabe (frang. moyeu; engl. nave) mit ber Rolle lofe verbunben. Sebenfalls ift bie erftere Unordnung bie folibere, und baber bei großes ren und festliegenden Seilscheiben ftete anzuwenden, bie zweite bagegen nur bei kleinen und transportablen Leitrollen, wo es barauf ankommt, bie Bapfenlager zu erfparen. Wenn mehrere mit verschiebenen Geschwindigkeiten umlaufende Rollen auf einer Ure zugleich figen, fo ift die lofe Berbindung burch eine Nabe fogar nothwendig. Bei ber festen Berbindung ber Ure und Rolle findet die Arenreibung an ben Enden, bei ber lofen bagegen in ber Mitte ber Are fatt; ba aber, ohne bie Festigkeit zu beeintrachtigen, bie Ure an ben Enben schwächer fein tann ale in ber Mitte, und ba die UrBeitrollen.

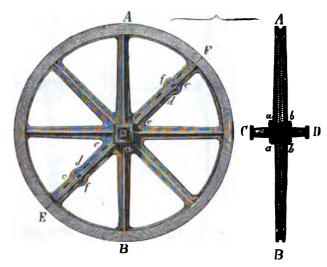
beit der Reibung mit der Arenstarte zunimmt, so lagt sich bei der festen Berbindung eine kleinere Arenreibung erzielen als bei der lofen. Der hauptnachtheil der letteren Berbindung besteht aber in unsicherer und schwankenber Bewegung, welche die Rolle annimmt, wenn die Nabe und Are abge-

Fig. 67. Fig. 68.

führt find, erstere also weiter geworden ift als lettere bid.

Bei ben transportablen Leitrollen für schwache Hanffeile sitt bie mit einem Ropfe und einem Borsteder versehene Are oder ber Bolzen CD in einem sogenannten Kloben (franz. chape; engl. block) CED, Fig. 67 und 68; bei ben großen Seilscheiben für Drahtseile ist die an beisben Enden abgebrehte Are CD, Fig. 69, in die vierseitige Hulfe ab ab eingekeilt.

Die hier abgebildete Scheibe besteht aus zwei Theilen, die durch Schrauben Fig. 69.



wie c, d, e, burch schmiebeeiserne Ringe, wie aa, bb und burch Splinte wie f, f fest mit einander verbunden find.

§. 24. Bei der Anwendung von Leitrollen kommen zwei Falle vor, entweder laft fich durch die beiden Seil - oder Bewegungerichtungen eine Chene legen, oder es ift dies nicht möglich; im ersten Falle genügt stets eine Leitrolle, im zweiten sind beren zwei nothig. Die Umbrehungsebene einer Seilscheibe fallt mit der Chene, welche durch die beiden Seilrichtungen KM und MG, Sig. 70, gelegt werben fann, jufammen, und wenn nun die beiben Beitroden. Seilrichtungen KM und NG, Fig. 71, weber parallel find, noch fich fcneis ben, also in teine Ebene fallen, so muß man fie burch eine Linie MN verbinden und eine Seilscheibe in die Ebene KMN und eine andere in bie Chene MNG legen.

Fig. 70.

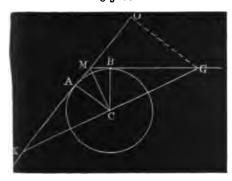
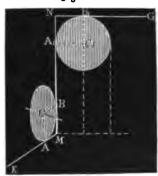


Fig. 71.



In bem einfacheren Falle, wo bie beiben Seilrichtungen KM und MG, Fig. 70, fich schneiben, findet man ben Drt und die Lage ber Umbrehunges are C ber Seilscheibe aus bem Halbmeffer CA=CB=r ber Scheibe und bem Brechungs : ober Ablenkungswinkel $GMO = ACB = \alpha$ auf folgende Beife. Dit ber Centrallinie CM fchließen Die beiben Seilrichtungen MK und MG gleiche Bintel ein, beshalb ichneibet auch ein Perpenbitel auf CM zu beiden Seiten beffelben gleiche rechtwinkelige Dreiecke MCK und MCG ab, und es ist MK = MG, sowie CK = CG, sowie ein Perpenditel GO auf KO, = 2 CA = 2 r. Benn wir baher vom Durchschnittspunkte M aus von den beiden Seilrichtungen das Stuck $MG = MK = \frac{GO}{sin.\,OMG} = \frac{2\,r}{sin.\,\alpha}$

$$MG = MK = \frac{GO}{\sin OMG} = \frac{2r}{\sin \alpha}$$

abschneiben, und bie erhaltenen Endpunkte G und K burch eine Linie $GK\left(=rac{2r}{\sinrac{lpha}{c}}
ight)$ verbinden, so giebt beren Mitte C ben gesuchten Ar-

punkt, und errichtet man endlich auf CK und CG und CM ein Perpenbitel, so erhalt man in bemfelben bie Arenrichtung ber Leitrolle.

Wenn fich, wie in bem in Fig. 71 abgebilbeten Falle, die Seilrichtungen KM und NG nicht schneiben, so ift eine boppelte Unwendung ber letten Regel nothig. Steht, wie bie Figur vor Augen führt, bie Berbinbunges linie MN rechtwinkelig auf beiben Seilrichtungen, fo lenkt jebe ber beiben Leitrollen ACB und A1C1B1 bas Seil um einen Rechtwinkel ab, und es ist das Zwischenseil bas möglich kurzeste. Uebrigens ist auch biese Anordnung nicht gerade die vortheilhafteste. Der Zapfendruck, und folglich auch die Zapfenreibung fällt um so kleiner aus, je kleiner der Ablenkungswinkel ist; wenn man nun die Verbindungslinie MN so legt, daß sie mit den beiden Seilrichtungen KM und GN stumpse Winkel einschließt, so fallen die Ablenkungswinkel kleiner als ein Rechtwinkel aus, und wird baher auch die Reibung kleiner als bei Anwendung des kurzesten Zwischenstücks. Zwei Leitrollen, wenn die Seilrichtungen einander schneiden, sind, wenn nicht besondere Verhältnisse obwalten, nicht zwecknäßig, weil dabei doppelte Steissigkeitswiderstände und Zapfenreibungen zu überwinden sind, die zusammen mehr ausmachen, als der Steissigkeits= und Reibungswiderstand bei Anwenzdung einer einzigen Rolle.

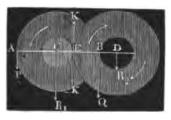
Anmerfung. Die Arbeitsverlufte, welche aus bem Steifigfeitswiberftanbe und ber Bapfenreibung ber Leitrollen erwachsen, find nach ben im erften Theile (Abschnitt III., Rapitel V.) mitgetheilten Erfahrungeregeln zu beurtheilen.

Zweites Rapitel.

Bon den Maderwerken, ober den Silfsmitteln gur Abanderung der ftetigen Rreisbewegung.

biberwerte. §. 25. Macht eine umlaufende Welle nicht biejenige Anzahl von Umptehungen in einer gewissen Zeit (z. B. in einer Minute), welche zur Berzrichtung einer gewissen Arbeit nothig ist, oder besitst ein umlaufendes Radnicht biejenige Kraft, welche die Ueberwindung einer gegebenen Last ersorbert, so muß durch eine besondere Zwischenmaschine die Umdrehungsbewegung dieser Welle oder dieses Rades abgeändert, oder, wie man sagt, umgesetzt

Fig. 72.



werben. Die vorzüglichsten Hilfsmittel zur Erreichung bieses 3weckes
sind diesenigen Berbindungen von
Radwellen (f. I. §. 152), welche
man Raberwerke (franz. rouages; engl. wheel-works) nennt.
Ein einfaches Raberwerk, wie ACDB,
Kig. 72, Kig. 73 und Kig. 74, bes
steht aus zwei Radwellen CA und

DB, wovon die eine durch die andere in Bewegung gefest wird; ein dop- Mabermette



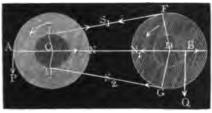
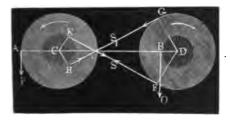


Fig. 74.



peltes ober mehrfaches Ra= bermert wirb von brei ober mehr Rabwellen gebilbet. Die Mittheilung ober bie Uebertragung ber Bemegung von der einen Rad: welle auf bie andere, er= folgt entweber burch uns mittelbare Berührung, wie Fig. 72, ober mittels einer Schnur ober eines anderen biegfamen Rorpers, wie Rig. 73 und Fig. 74; und hiernach unterscheibet man bie Bahnråbermerte (frang. engrenages; engl. geerings ober toothed wheel - works) und bie Schnur= ober Riemen=

radermerke (franz. rouages à courroies; engl. straped wheel-works).

Durch einfache geometrische Beruhrung zweier Raber lagt fich nur eine unbebeutenbe Rraft von bem einen Rabe auf bas andere übertragen; es ift Dies nur mittels ber Reibung zwischen ben beiben Rabumfangen möglich, und baber erforderlich, daß biefe Umfange rauh gehalten und gegen einander gepreft merben. Wenn man hingegen bie Umfange ber Raber mit abwechfelnben Erhohungen und Bertiefungen ausruftet, und die Erhohungen bes einen Rabes in bie Bertiefung bes anderen eingreifen lagt, fo erfolgt bie Mittheilung ber Bewegung nicht bloß ficherer, sondern es ift auch jede ge= gebene Rraft überzutragen möglich. Jene Erhöhungen auf ben Rabum= fangen heißen 3ahne (frang. dents; engl. teeths, cogs), und die entsprehenden Bertiefungen Bahnluden (frang. creux; engl. clearings). Bon ben beiden Radern (frang. roues; engl. wheels) eines Rabermerkes beißt basjenige, von bem bie Bewegung ausgeht, welches alfo bas andere in Bewegung fest, ber Treiber ober bas Treibrad (frang. roue conductrice; engl. driver) und bas in Bewegung gefette, bas Getriebe ober Trieb: rab (frang. roue conduite; engl. follower). Bei ben Bahnrabermerten, wie Fig. 72, laufen Treib = und Getriebrad nach entgegengesetten Richtun= gen um, bei ben Riemenrabern hingegen hangt bas Berhaltniß ber Umbrehungerichtungen von ber Lage des Riemens ab. In dem Falle Fig. 73, wo beibe Seilrichtungen nach einem Puntte außerhalb ber beiben Rabaren

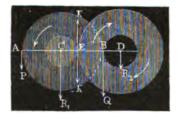
Maberwerte. convergiren, laufen beibe Raber in gleicher Richtung um, in bem Falle Fig. 74, wo beibe Riemenrichtungen zwischen beiben Rabaren fich freugen, ift bie Drehbewegung des Getriebes FGD der des Treibers AEH entgegengesett.

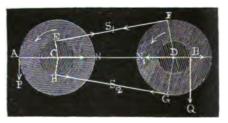
> Unmerfung. Der Deutsche giebt ben Bwifdenmafdinen, woburch bie Bewegung ber Umtriebemafchine abgeanbert und auf bie Arbeitemafchine übergetragen wirb, ben Namen Borgelege, Bwifdengefdirr ober gangbares Beug.

Ginfacte Mabermerfe.

- Auf welche Weise auch die Mittheilung ber Bewegung vom Treibrade auf bas Betriebrad erfolgt, fo find boch gemiffe allgemeine Bemegungeverhaltniffe in allen Fallen gleich, und es ift baber nothig, biefe gunachst kennen zu lernen. Die Uren ber ein Raberwerk bilbenben Rabmellen find entweber
 - 1) parallel, ober
 - 2) nicht parallel, jeboch in einer Chene liegenb, ober
 - 3) weber parallel noch in ihrer Berlangerung fich schneibend, also gar nicht in einer Ebene befindlich.

Bunachft foll nur von ben Raberwerten mit parallelen Uren bie Rebe fein. Wenn eine vollkommene Mittheilung ber Bewegung ftatt hat, mas wir fast immer voraussegen tonnen, fo ift bie Umfangegeschwindigteit bes Betriebes gleich ber bes Treibrabes. Ift nun ber Salb= meffer CE, Fig. 75 und Fig. 76, des Treibers $= r_1$, der Halbmeffer DEFig. 75. Fig. 76.





(ober DF) des Getriebes $= r_2$, die Umbrehungszahl des ersten, b. i. die Ungahl der Umbrehungen beffelben pr. Minute u, die Umbrehungegahl bes sweiten = u2, fo hat man bie gemeinschaftliche Umfangegeschwindigkeit

$$c = \frac{\pi u_1 r_1}{30} = \frac{\pi u_2 r_2}{30}$$
, ober $c = 0,10472 u_1 r_1 = 0,10472 u_2 r_2$,

und baher bas Berhaltniß ber Umbrehungszahlen, ober bas ber Binkelge= fcminbigfeiten, ober bas fogenannte Umfegungeverhaltniß

$$\psi=\frac{u_2}{u_1}=\frac{r_1}{r_2};$$

es verhalten fich alfo bie Umbrehungszahlen beiber Ra= der umgekehrt wie ihre Salbmeffer. Das doppelt fo hohe Rad macht hiernach halb fo viel Umbrehungen, und bas Rab, beffen Salbmeffer ein Drittel von bem des anderen ift, lauft in berfelben Zeit brei Mal fo Ginface oft um als das lettere.

Wirkt die Umbrehungskraft P des Treibrades an einem Hebelarme CA=a und die Last Q an einem Hebelarme DB=b, so hat man serner für die Kraft K an den Umfängen des Treib und des Getrieb rades, deren Theorie der Radwelle zufolge,

$$K = \frac{CA}{CE} \cdot P = \frac{DB}{DE} \cdot Q, \text{ ober}$$

$$K = \frac{a}{r_1} \cdot P = \frac{b}{r_2} \cdot Q, \text{ unb baher}$$

$$\frac{P}{Q} = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} = \frac{u_2}{u_1} \cdot \frac{b}{a} = \psi \cdot \frac{b}{a};$$

wahrend alfo bei einer einfachen Rabwelle bas Berhaltniß zwischen Rraft und Laft gleich ift bem Berhaltniffe zwischen bem Sebelarme ber Laft und bem ber Kraft, ift es bei einer boppelten Radwelle, mit einfacher Umfehung gleich bem Propucte aus ber Umfehungszahl und biefem Bebelarmverhaltniffe.

Ift ferner v die Geschwindigkeit ber Rraft P und w die ber Laft Q, so

hat man auch
$$c=rac{r_1}{a}\ v=rac{r_2}{b}\ w$$
, baher
$$rac{w}{v}=rac{r_1}{r_2}\cdot rac{b}{a}=rac{u_2}{u_1}\cdot rac{b}{a}=\psi\ rac{b}{a}\,,$$

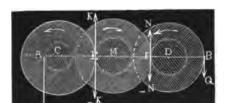
und also auch $\frac{w}{v} = \frac{P}{Q}$, ober Pv = Qw, b. i. Arbeit ber Kraft gleich Arbeit ber kast, wie allerdings aus dem Principe der Arbeiten unmittelbar folgt.

Beifpiele. 1) Wenn bie Radwelle CA, Kig. 75, pr. Min. 20 Umbrehungen macht, und die Radwelle DB in der Mirute 6 Umbrehungen machen soll, so hat man es mit dem Umsehungsverhältniffe $\psi=\frac{u_2}{u_1}={}^6/_{20}=0$,8 zu thun, und wenn daher der Halbmeffer $CE=r_1$ des Treibers 5 Boll beträgt, so muß der Halbmeffer $DE=r_2$ des Getriebrades:

$$r_2 = \frac{u_1}{u_2} \ r_1 = \frac{r_1}{\psi} = \frac{5}{0.3} = 16\%$$
 Boll betragen.

2) Wenn bei einem Raberwerke wie Fig. 75 und 76 die Kraft P=40 Pfund an einem Sebelarme CA=a=18 Boll, und die Laft Q=500 Pfund an einem Sebelarme DB=b=4 Boll wirft, so ist das nöthige Umsehungs-verhältniß $\psi=\frac{a}{b}\cdot\frac{P}{Q}=\frac{Pa}{Qb}=\frac{40\cdot 18}{500\cdot 4}=\%_{25},$ b. h. es muß die Treibswelle 25 Umbrehungen machen, während die Getriebwelle deren nur 9 macht. Rimmt man den Halbmesser des Treibrades $r_1=6$ Boll, so fällt hiernach der des Getriebes $r_2=\frac{r_1}{2b}=\frac{6\cdot 25}{9}=8^{0}/_{3}=16^{2}/_{3}$ Boll aus.

Busammen. §. 27. Wenn das verlangte Kraft = ober Geschwindigkeits = ober Ums geseste. sehungsverhaltniß sehr groß ober sehr klein ist, so reicht ein einfaches Raber wert ober eine Verbindung von zwei Radwellen nicht aus, weil sonst das



%ig. 77.

eine Rad zu klein ober bas andere zu groß ausfallen würbe, man muß sich basher einer boppelten ober breifachen Umsehung ober einer Berbindung von drei ober mehr Radwellen bestienen, wie z. B. CMD, Fig. 77, wo das Treibrad CE das Getriebe ME, und das mit lehterem auf bers

felben Welle sitzende Areibrad MF das Getriebe DF in Bewegung sett. Bezeichnet auch hier a den Hebelarm CA der Kraft P, sowie b den Hebelarm DB der Last Q, und lassen wir durch r_1 und r_2 die Halbmesser CE und ME des ersten, sowie durch r_3 und r_4 die Halbmesser MF und DF des zweiten Räderpaares repräsentiren, so haben wir die Kräfte K und N an den Umfängen dieser:

$$K=\frac{a}{r_1}P,\ N=\frac{b}{r_4}\ Q\ \text{und}\ Kr_2=Nr_3,$$
 baher $\frac{r_2}{r_1}\ Pa=\frac{r_3}{r_4}\ Qb,$ b. i. $\frac{P}{Q}=\frac{r_1}{r_2}\cdot\frac{r_3}{r_4}\cdot\frac{b}{a}\cdot$

Ift nun noch u, die Umbrehungszahl der erften, u, die der zweiten und ua die der dritten Rabwelle, fo hat man auch das Umfetjungsverhaltnif bes

ersten Raberpaares: $\psi_1=rac{u_2}{u_1}=rac{r_1}{r_2}$ und das des zweiten:

$$\psi_2 = \frac{u_3}{u_2} = \frac{r_3}{r_4},$$

und daher $\frac{P}{Q}=\psi_1$. ψ_2 . $\frac{b}{a}$, oder , wenn ψ das Umsehungsverhalt:

niß $\frac{u_3}{u_1}$ des ganzen Raberwerkes, b. i. bas Berhaltniß der Anzahl ber Umbrehungen der britten Belle zu der Anzahl der Umbrehungen des erften,

b. i.
$$\psi = \frac{u_3}{u_1} = \frac{u_3}{u_2} \cdot \frac{u_2}{u_1} = \psi_1 \cdot \psi_2$$
 bezeichnet,
$$\frac{P}{Q} = \psi_1 \cdot \psi_2 \cdot \frac{b}{a} = \psi \cdot \frac{b}{a}.$$

Ebenso ift fur ein breifaches Raberwert

$$\frac{P}{O} = \psi_1 \cdot \psi_2 \cdot \psi_3 \cdot \frac{b}{a} = \psi \cdot \frac{b}{a}.$$

Jufammengefeste Rabermerte.

und das Umfetungsverhaltniß beffelben $\psi = \psi_1 \cdot \psi_2 \cdot \psi_3$.

Bezeichnet wieder v die Geschwindigkeit der Kraft P, w die der Last Q, so haben wir natürlich auch Pv = Qw, und daher

$$\frac{w}{v} = \frac{P}{Q} = \psi \cdot \frac{b}{a}.$$

Bei einem mehrfachen Raberwerte ift alfo

- 1) bas Umfetungeverhaltnif bas Probuct aus ben Umsfetungeverhaltniffen feiner Raberpaare, ober ber Quotient aus bem Probucte ber Halbmeffer ber Treibraber und bem Probucte ber halbmeffer ber Getriebraber, und
- 2) das Berhaltniß ber Kraft zur Laft gleich bem ber Gesichwindigkeit ber Laft zu ber ber Kraft, gleich bem Producte aus bem Umfegungsverhaltniffe bes ganzen Berkes und bem Berhaltniffe bes Laftarmes zum Kraftarme.

Beispiele. 1) Um burch ein Wasserrad, welches pr. Minute 8 Umbres hungen macht, einen Bentilator mit pr. Min. 800 Umbrehungen in Bewegung zu sehen, ist eine Umsehung $\psi=\frac{800}{8}=100$ nöthig, die sich durch ein breissaches Raberwerf mit den Umsehungsverhältnissen $\psi_1=4,\ \psi_2=5$ und $\psi_8=5$ bewirken läßt. Geben wir jedem der brei Treibräder den Halbmesser $r_1=r_3=r_3=80$ Boll, so bekommen wir für die Halbmesser der Getriebräder:

$$r_2 = \frac{r_1}{\psi_1} = \frac{80}{4} = \frac{71}{2} \; \text{Boll}, \; \text{und} \; r_4 = r_6 = \frac{r_3}{\psi_2} = \frac{80}{6} = 6 \; \text{Boll}.$$

2) Um mittels einer Kraft von 30 Pfund eine Last von 900 Pfund zu heben, kann man einen haspel mit doppeltem Raberwerke ober, wie man fagt, mit doppeltem Borgelege anwenden. Ift nun der hebelarm der Kraft a=18 Boll, und der ber Last b=5 Boll, so bedarf es der Umsehung

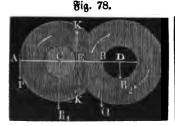
$$\psi = \frac{a}{b} \cdot \frac{P}{Q} = \frac{18}{5} \cdot \frac{80}{900} = \frac{8}{25}$$

Run läßt sich $^{8}/_{25}$ in die nahe gleichen Factoren $^{7}/_{20}$ und $^{12}/_{35}$ gerlegen, daher kann man auch durch das eine Räderpaar die Umsetzung $\psi_{1}=^{7}/_{20}$ und durch das andere die Umsetzung $\psi_{2}=^{12}/_{35}$ hervorbringen, oder den Halbmeffer des ersten Treibrades $r_{1}=7$ Joll, den des zweiten $r_{3}=6$ Boll, dagegen den Halbmeffer des ersten Getriebes $r_{2}=20$ Joll, und den des zweiten $r_{4}=17^{1}/_{2}$ Boll machen. If die Geschwindigkeit der Kraft $v=2^{1}/_{2}$ Fuß, so hat man die der Laßt

$$w = \psi \cdot \frac{b}{a} v = \frac{P}{Q} v = \frac{1}{30} \cdot \frac{b}{2} = \frac{1}{12} \Re u \mathfrak{f} = 1 \Re 0 \mathfrak{l}.$$

Um biefe 30 Fuß hoch zu heben, muß ber Kraftpunkt ben Weg 30 . 30 = 900 Fuß zurudlegen, also bie Kurbelwelle $u = \frac{900}{2 \pi a} = \frac{900}{3 \cdot \pi} = 95 \frac{1}{2}$ Umbrehungen machen.

wzendrude. §. 28. Der wesentlichste Unterschied zwischen ben Bahn= und ben Riemenraderwerken besteht in der Art der Mittheilung. Bei den Bahnradern CE und DE, Fig. 78, wird die Umdrehungskraft $K=\frac{a}{r_1}$ $P=\frac{b}{r_2}Q$ unmittelbar übergetragen, bei den Riemenradern CE und DF, Fig. 79, hingegen ist diese Kraft die Differenz der Riemenspannungen S_1 und S_2 ;



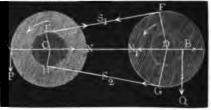


Fig. 79.

also $K=S_1-S_2$. Es besteht baher auch die Wirkung der Umbrehungsstraft K auf die Radaren bei den Zahnräderwerken in einer gleich großen Reaction, dagegen bei den Riemenräderwerken in einer nahe der Summe S_1+S_2 , der beiden Riemenspannungen gleichen Zugkraft N. Gewiß ist N>K, d. i. die Wirkung der Umdrehungskraft auf die Radaren bei den Riemenrädern größer als bei den Zahnrädern, und daher in dieser Bezieshung den letzteren ein Vorzug vor den ersteren einzuräumen. Bei der Ansordnung des Zahnräderwerkes in Fig. 78, wo die Kräfte parallel wirken, ist ohne Rücksicht auf die Gewichte der Räderwerke, der Arendruck der

ersten Radwelle:
$$R_1 = P + K = \left(1 + \frac{a}{r_1}\right) P$$
, und der

ber zweiten: $R_1 = Q - K = \left(1 - \frac{b}{r_2}\right)Q$; dagegen bei ber

Anordnung bes Riemenraberwertes in Fig. 79, wo N und P, sowie N und Q nahe rechtwinkelig gegen einander wirken, ber Arendruck ber ersten

Radinelle:
$$R_1 = \sqrt{P^2 + N^2} = \sqrt{P^2 + (S_1 + S_2)^2}$$
 und $R_2 = \sqrt{Q^2 + N^2} = \sqrt{Q^2 + (S_1 + S_2)^2}$.

Ift nun φ der Coefficient der Arenreibung, so hat man die beiden Arenzeibungen φ R_1 und φ R_2 ; und ist noch ϱ_1 der Halbmesser des Zapfens vom Treibrade, und ϱ_2 der des Zapfens vom Getriebrade, so hat man die Zapfenreibung des Treibrades auf den Kraftpunkt A reducirt,

$$F_1=\varphi\,\frac{\varrho_1}{a}\,R_1,$$

und die bes Getriebes auf ben Laftpunkt B reducirt:

$$F_2 = \varphi \, \frac{\varrho_2}{b} \, R_2.$$

Sest man endlich in der Kraftformel $P=\psi$. $\frac{b}{a}Q$, statt $P,P-F_1$ uzendrade. und statt $Q,Q+F_2$, so erhält man die Beziehung zwischen Kraft und Last mit Hinsicht auf die Arenreibungen:

$$P = \psi \frac{b}{a} (Q + F_2) + F_1$$

$$= \psi \frac{b}{a} Q + \varphi \left(\frac{\varrho_1}{a} R_1 + \psi \cdot \frac{\varrho_2}{a} R_2\right) \text{ ober}$$

 $Pa = \psi Q b + \varphi (R_1 \varrho_1 + \psi R_2 \varrho_2)$, und es find für R_1 und R_2 die nach obigen Formeln zu berechnenden Zapfendrude einzusehen.

Beispiel. Belche Kraft erfordert ein haspel mit Vorgelege, wie Fig. 78, wenn die Last Q=500 Pfund beträgt, der Hebelarm der Last b=4 Boll, der der Kraft a=18 Boll, der Halbmeffer des Treibrades $r_1=6$ Boll und der des Getriebrades $r_2=16^2/_2$ Boll, ferner der Halbmeffer des Zapsens von der Kraftwelle $1/_3$ Boll und der von der Lastwelle 1 Boll, endlich das Gewicht von jener Belle 60 Pfund und das von dieser 120 Pfund und der Coefficient der Zapsenreibung $\varphi=0.1$ beträgt? Dhue Rücksicht auf die Zapsenreibungen wäre die Kraft $P=\psi$. $\frac{b}{a}$ $Q=\frac{r_1}{r_3}\cdot\frac{b}{a}$ $Q=\frac{6}{16^3/_3}\cdot\frac{4}{18}\cdot500=40$ Pfund (vergl. §. 26, das Beispiel 2.); mit Rücksicht dieser hat man hingegen, da der Zapsendruck $R_1=P+K+G=40+\frac{18}{6}\cdot40+60=220$ Pfund, und der Zapsendruck $R_2=Q-K+G_1=500-\frac{18}{6}\cdot40+120=500$ Pfund beträgt, $P=\psi$ $\frac{b}{a}\cdot Q+\varphi\left(\frac{\rho_1}{a}R_1+\psi\frac{\rho_2}{a}R_3\right)=40+0.1$ $\frac{(\frac{1}{2}}{16}\cdot220+\frac{18}{50}\cdot\frac{1}{18}\cdot500)=40+\frac{11}{18}+1=41,6$ Pfund.

§. 29. Bei einem Riemenraberwerke, ober bei ber Uebertragung durch einen Riemen ober Seil ohne Ende (franz. courroie sans fin; engl. endless strap) ist die nothige Riemenspannung S von der fortzupflanzenden Kraft K, von dem mit Riemen bedeckten Theile der Raber und von den Coefficienten φ der Reibung zwischen dem Riemen und dem Radumfange abhängig. Der Theorie der Seiles über einen festliegenden Cylinder, wenn a den mit Seil bedeckten Bogen vom Halbmesser = 1 und S2 die Spannung des Seiles am anderen Ende bezeichnet,

$$S_1 = e^{\varphi \alpha} S_2 = (2,71828)^{\varphi \alpha} . S_2$$
,

und daher die Reibung bes Seiles ober Riemens auf biefem Cylinder

$$K = S_1 - S_2 = (e^{\varphi \alpha} - 1) S_2.$$

Diese Formel findet bei bem Riemen ohne Ende ihre unmittelbare Unwenbung, benn es ift hier nur die Reibung zwischen Riemen und Rad, durch welche ber Riemen vom Rade mit fortgeführt wird, und daher nothig, daß bieselbe mind est ens ber nothigen Umbrehungstraft Kgleichtomme. Segen Miemen. råder. 60

Riemen.

wir baher $K=S_1-S_2=(e^{\varphi\alpha}-1)$ S_2 , so erhalten wir die Spannung des Riemens, welcher sich von dem Treibrade ab und auf das Gestriebrad auswickelt:

1)
$$S_2 = \frac{K}{e^{\varphi \alpha} - 1}$$
 , sowie

bie Spannung bes Riemens, welcher fich von dem Getriebrade ab und auf bas Treibrad aufwidelt:

2)
$$S_1 = \frac{e^{\varphi \alpha} K}{e^{\varphi \alpha} - 1}$$
, und

bie mittlere, bem Riemen vor ber Bewegung zu ertheilende Spannung :

3)
$$S = \frac{S_1 + S_2}{2} = \frac{e^{\varphi \alpha} + 1}{e^{\varphi \alpha} - 1} \cdot \frac{K}{2};$$

und es wird die Umbrehungefraft K durch die Formeln

$$K = \frac{L}{c} = \frac{30 L}{\pi u_1 r_1} = \frac{30 L}{\pi u_2 r_2}$$
$$= \frac{9,549 L}{u_1 r_1} = \frac{9,549 L}{u_2 r_2},$$

worin L das Arbeitsquantum des Raberwerkes pr. Sec. bezeichnet, u_1, u_2, r_1 und r_2 die oben gebrauchten Bebeutungen haben, ober durch die Formel

$$K=\frac{Pa}{r_1}=\frac{Qb}{r_2},$$

wo Pa bas statische Kraft = und Qb bas statische Lastmoment bezeichnet, gefunden.

Beispiel. Wenn ein Seil ohne Ende ein Arbeitsquantum L von 2 Pferdes fraften so fortpflanzt, daß das Treibseil eine Geschwindigseit von 6 Fuß besitzt, und wenn ferner die beiden Radwellen, um welche dieses Seil läuft, so weit von einander entsernt sind, daß man annehmen kann, das letztere bedeckt den halben Umfang von jedem der Räder, so hat man bei dem Reibungscoefsicienten $\varphi = \frac{1}{2}$ mischen Seil und Rad

$$e^{\varphi\alpha} = (2,71828)^{0.5 \cdot 3.1416} = 2,718281.5708 = 4,81$$

und baber bie Seilfpannungen :

$$S_2 = \frac{K}{e^{g\alpha} - 1} = \frac{L}{c \ (e^{g\alpha} - 1)} = \frac{2.510}{6 \ (4.81 - 1)} = \frac{170}{5.81} = 44.6 \ \$$
 Fundumb $S_1 = e^{g\alpha} \ S_2 = 4.81.44.6 = 214.6 \$ Fundumb

folglich bie mittlere Spannung vor bem Ingangfegen ber Dafchine:

$$S = \frac{S_1 + S_2}{2} = \frac{214,6}{2} + \frac{44,6}{2} = 129,6$$
 Pfund.

30. Bur Berechnung der Riemenspannungen ift dem Borbergebenden ju Folge, die Kenntnif der Reibungscoefficienten zwischen Riemen und Rad,

fo wie bie Grofe bes burch ben Riemen bebedten Bogens nothwenbig. Bas bie erften anlangt, fo hat man nach Morin (f. beffen Aide-mé- ivannungen. moire ober bessen Nouvelles expériences sur le frottement etc., Paris 1838):

φ == 0,50 für Sanffeile auf holzernen Rabern,

= 0,50 fur neue Riemen auf bergl.,

= 0,47 fur gewöhnlich fette Riemen auf holzernen Trommeln,

= 0,38 für feuchte Riemen auf abgebrehten gußeisernen Rabern,

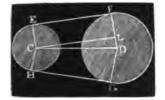
= 0,28 für gewöhnlich fette Riemen auf bergl.,

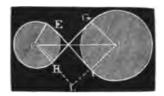
= 0,12 fur eingefettete Riemen auf bergl.

Die Große ber burch ben Riemen bebedten Bogen lagt fich aus ben Radhalbmessern $CE=r_1$ und $DF=r_2$ und der Entsernung CD=dbeiber Rabaren bestimmen. Wir haben zwei Kalle zu unterscheiben; ent= meber ift ber Treibriemen offen ober er ift gelreugt. Bei bem offenen ober ungeschränkten Riemen ohne Enbe, wie Fig. 80, wirb ber Bintel $FDG = ECH = \alpha$ durch die Formel

$$cos. CDF = \frac{DL}{CD} = \frac{DF - CE}{CD}$$
, b. i.

burch $cos. \frac{\alpha}{2} = \frac{r_2 - r_1}{d}$ bestimmt; bei bem getreusten ober ges Fig. 81. Fig. 80.





forantten Riemen hingegen, Fig. 81, hat man fur ben Bintel FDG $= \alpha$, ba $CDF = CDG = \frac{1}{2}\alpha$ und

cos.
$$CDF = \frac{DL}{CD} = \frac{DF + CE}{CD}$$
 ift,
cos. $\frac{\alpha}{2} = \frac{r_2 + r_1}{d}$.

Im erften Falle ift bas tleine Rad mit bem burch die erfte Formel unmittelbar angegebenen Bogen a burch ben Riemen bebeckt, bas großere aber durch ben Erganzungsbogen 2 m - a, im zweiten Falle hingegen find beibe Råber burch die Bogen $2\pi - \alpha$ bebeckt, es findet baher bei diesem die Uebertragung einer gewiffen Rraft bei einer ichwacheren Spannung fatt, als bei jenem. Die Lange bes gangen Riemens ift beim offenen Riemen, $l = EF + GH + \Re \log EH + \Re \log FG = 2CL + r_1 \alpha + r_2(2\pi - \alpha)$

b. i.
$$l = 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + \alpha r_1 + (2\pi - \alpha) r_2$$
,

und bagegen beim gefreugten:

$$l = 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + (2 \pi - \alpha) (r_1 + r_2).$$

Für eine große Entfernung beiber Aren von einander lagt fich

cos.
$$\frac{\alpha}{2}=0$$
, also $\frac{\alpha^0}{2}=90^\circ$, $\alpha=180^\circ$ ober $\alpha=\pi$

und baber $l=2d+\pi(r_1+r_2)$ annehmen.

Aus \varphi und \alpha bestimmt fich nun auch bie Potenz e pa und hieraus wieber bas Berhaltniß ber Riemenspannungen. Borgugliche Dienste leistet aber hierbei folgende Tabelle ber Riemenspannungen:

	Werthe von e ^{pa}							
Berhältniß $\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{\alpha^0}{360^0}$	Reue Riemen	Gewöhnlie	he Riemen	Feuchte Riemen	Schnüre auf Rabern von Holz			
	auf hölzernen	auf hölzernen	auf eisernen	auf eifernen				
	Råbern	Rabern	Räbern	Råbern	rauh	politt		
	$\varphi = 0.50.$	$\varphi = 0,47.$	$\varphi = 0,28.$	$\varphi = 0.38.$	$\varphi = 0.50.$	$\varphi = 0.30.$		
0,2	1,87	1,80	1,42	1,61	1,87	1,51		
0,3	2,57	2,43	1,69	2,05	2,57	1,86		
0,4	8,51	3,26	2,02	2,60	8,51	2,29		
0,5	4,81	4,38	2,41	8,30	4,81	2,82		
0,6	6,59	5,88	2,87	4,19	6,58	8,47		
0,7	9,02	7,90	8,43	5,32	9,01	4,27		
0,8	12,34	10,62	4,09	6,75	12,34	5,25		
0,9	16,90	14,27	4,87	8,57	16.90	6,46		
1,0	23,14	19,16	5,81	10,89	23,14	7,95		

Beispiel. Benn bei einem Riemen ohne Enbe mit eisernen Rabern bas fortzupflangenbe Arbeitequantum 4 Pferbefraften gleich ift, und eine Gefdwinbigfeit bee Treibriemene von 8 Fuß vorausgefest wirb, wenn ferner ber Salb= meffer bee Treibrabes 30 Boll, ber bes Betrichrabes 5 Boll, und bie Entfernung beiber Rabaren 90 Boll beträgt, welches werben bie nothigen Riemenspannuns gen fein? Es ift hier r1 = 30, r2 = 5 unb d = 90, baber bei offenem Riemen cos. $\frac{\alpha}{2}=\pm\frac{30-5}{90}=\pm\,^{5}/_{18}=\pm\,^{0}0,2777\ldots;$ hiernach

$$\frac{2}{1/3}\alpha = 73^{\circ}.52^{1}/3$$
' unb $106^{\circ}.7^{\circ}/3$ ', unb $\alpha = 147^{\circ}.44^{\circ}/3$ ' unb $212^{\circ}.15^{1}/3$ ',

bagegen bei gefreugten Riemen:

cos.
$$\frac{\alpha}{2} = -\frac{30+5}{90} = -7/_{18} = -0.38888$$
, und hiernach hiemenfpannungen. $\frac{\alpha}{2} = 180^{\circ} - 67^{\circ}$, $7' = 112^{\circ}$, $53'$, und $\alpha = 225^{\circ}$, $46'$.

Im erfteren Falle ift natürlich ber kleinere Binkel a = 1470, 443/3' angunehmen, bamit ber Riemen auf keinem ber beiben Rabumfange fortrutsche. Bir haben

hiernach hier
$$\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{147.74}{360} = 0.410$$
 und im zweiten Falle: $\frac{\alpha}{2\pi} = \frac{225.77}{360} = 0.627$.

Rimmt man $\varphi=0,28$, so ethält man burch Interpolation mittels ber letten Tabelle für ben ersten Kall: $e^{\varphi\alpha}=2,02+0,1$. (2,41-2,02)=2,06,

und für ben zweiten: $e^{\varphi\alpha}=2.87+0.27\cdot(3.43-2.87)=3.02$, womit die unmittelbare Rechnung auch ziemlich übereinstimmt. Run ift noch die überzutragende Kraft $K=\frac{L}{c}=\frac{4\cdot510}{8}=255$ Pfund; daher folgt denn für

ben ersten Fall:
$$S_2=\frac{255}{2,06-1}=\frac{255}{1,06}=240,6$$
 Pfund, $S_1=2,06\cdot240,6=495,6$, und $S=\frac{S_1+S_2}{2}=368,1$ Pfund,

wozu ber Sicherheit wegen noch 10 Procent gefest werben fonnen, so baß also S=405 Pfund als Spannung ber noch ftillstehenben Raschine zu nehmen ift.

Für den zweiten Fall ist:
$$S_2=\frac{255}{3,02-1}=\frac{255}{2,02}=126,2$$
 Pfund, $S_1=3,02\cdot 126,2=381,1$ Pfund, und $S=\frac{S_1+S_2}{2}=253,6$ Pfund,

ober ber Sicherheit wegen S=253.6+25.4=279 Pfund.

§. 31. Die Riemen werden gewöhnlich aus gutem lohgaren Ruh- kreibriemen. oder Rindsleder, und zwar am besten aus dem sogenannten Kernseder, vom Ruden der Thiere geschnitten. Eine haut giebt zwei Streisen von ungefahr 2 kinien Dide, 8 Zoll Breite und 5 Fuß kange. Diese keder- streisen werden entweder unmittelbar oder nachdem man sie erst in schmalere Riemen zerschnitten hat, an den Enden zusammengenaht. Nach Bevan (s. Dingler's polytechn. Journal, Bb. XVI.) ist

ber Festigkeitsmobul bes Kuhlebers: K=3980 Pfund, und ber Clasticitatsmobul besselben: E=10050 Pfund;

ei 4facher Sicherheit wurde baher ber Sicherheitsmodul $K_1=1000$ Pfund betragen. Nach ben Erfahrungen ber Maschinenbauer ist jedoch $K_1=250$ Pfund zu nehmen, wobei sich das Ausbehnungsverhältnis

$$\frac{\lambda}{l} = \frac{K_1}{E} = \frac{250}{10050} = \frac{1}{40}$$

berausstellt, also eine Berlangerung von ungefahr 3 Procent statt hat. Rach

Morin ist, wenn 1 Quabratcentimeter zur Einheit angenommen wird, $K_1=20$ Kilogramme, und hiernach die zulässige Riemenspannung auf jeden Quadratzoll Querschnitt: $K_1=\frac{200000\cdot 2,138}{144\cdot 10,152}=293$ Pfund, also über 250 Pfund.

Seten wir nun die Riemenbreite = b, und nehmen wir die Riemens dicke = $\frac{1}{6}$ Boll an, so bekommen wir hiernach die Maximalspannung $S_1 = 250 \cdot \frac{b}{6}$ ungefähr = 40 b, und die Riemenbreite $b = \frac{S_1}{40}$ Boll.

Nun ist aber im Mittel, namentlich dann, wenn der Riemen nahe den halben Umfang des Rades bedeckt und der Reibungscoefficient $\varphi=0,28$ ist, S_1 nahe 2 K=2 $\frac{L}{c}$, daher erhält man auch

$$b = \frac{K}{20} = \frac{1}{20} \cdot \frac{L}{c}$$

ober wenn man die Leistung L nicht in Fußpfund, sondern in Pferdekräften giebt, b=25 . $\frac{L}{c}$ 30%.

Es wächst hiernach die Riemenbreite direct wie das überzutragende Arsbeitsquantum, und umgekehrt wie die Geschwindigkeit. Für $\frac{L}{c}={}^{1}/_{3}$, &. B. für L=10 und c=30, oder L=5 und c=15, fällt die Riemenbreite schon 8 Zoll aus. Man ersieht hieraus, daß die Anwendung eines Riemenraderwerkes nur bei einer kleinen oder mäßigen Leistung und bei einer großen Geschwindigkeit möglich ist. Riemen von 9 und mehr Zoll Breite anzuwenden, ist beshalb nicht zweckmäßig, weil sich dieselben in Folge ihrer ungleichen Dicke ungleich recken und deshalb nicht gleichmäßig auf die Radumfänge austegen. Bei größeren Kräften $\left(\frac{L}{c}\right)$ bedient man sich daher zweier Riemen, oder einer Kette, oder besser eines Zahnräderwerztes. Ueber einander genähte Riemen wendet man wegen ihrer Steisigkeit und ihres starken Abführens nicht gern an.

Der Dauerhaftigkeit und nothigen Schmiegsamkeit wegen, hat man übrigens die Riemen burch eine Talgschmiere ftets fettig zu halten.

Die Riemen von Guttapercha haben ziemlich bieselben Eigenschaften wie die Leberriemen; es ist nicht allein die Dichtigkeit der Guttapercha nahe gleich ber des Rindleders ($\gamma=0.03$ Pfund), sondern es ist auch nach den allerdings sehr im Kleinen angestellten Bersuchen von herrn Feistmantel, der Festigkeitsmodul ziemlich derselbe und nur der Elasticitätsmodul ungefähr 30 Procent kleiner als beim Leder. Man kann daher bei gleicher Dicke die

Sutta percha Miemen bei derselben Breite verwenden wie die Lederriemen. Treibriemen. Die größere Bohlfeilheit, die Unverwüstlichkeit dieses Stoffes u. s. w. trasgen sehr zur Empfehlung der Treibriemen aus Gutta percha bei, und es ist nur die größere Ausdehnung derselben bei hoher Temperatur, welche die Answendung derselben in manchen Fällen unmöglich, oder mindestens unzwecksmäßig macht.

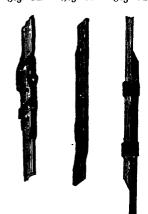
Beispiel. Für das im letten Beispiele (§. 30) behandelte Riemenräders werf durch die Maximalspannung $S_1=\frac{e^{\varphi\,\alpha}\,K}{e^{\varphi\,\alpha}-1}=381,1$ Pfund gefunden; es ist daher die Breite des hierzu nöthigen Riemens:

$$b = \frac{S_1}{40} = \frac{381,1}{40} = 9\frac{1}{2}$$
 3011.

Die Lange beffelben aber hat man nach ber Formel:

$$\begin{split} l &= 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + (2\pi - \alpha) (r_1 + r_2), \\ l &= 2.90 \sin 112^0,53' + (30 + 5) arc. 225^0,46' \\ &= 165,83 + 137,91 = 303,74 \ 30 \text{ M}. \end{split}$$

§. 32. Da sich bie Riemen, namentlich wenn sie neu sind, fortwährend reden (behnen), so muß man deren Spannung von Zeit zu Zeit nachhelfen. Fig. 82. Kig. 83. Fig. 84. Sind nun die Riemen zusammengeschnallt,



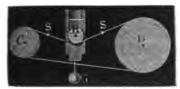
wie Fig. 82 vor Augen führt, so hat diese Correction gar keine Schwierigkeit; hat man es aber mit einem zusammengenähten (f. Figur 83), zusammengeschraubten (Fig. 84) ober zusammengeleimten Treibriemen von Leber, ober mit einem durch ein heißes Platteisen zusammengeschweißten Riemen von Gutta percha zu thun, so ist das Trennen und Wiedervereinigen der Riemenenden umständlich, und beshalb die Anwendung einer besonderen Stellvorrichtung von Vortheil.

Dieses Stellen läßt sich entweder an ben Wellenlagern oder an ben Riemen felbst beswerkstelligen. Das erstere ist aber nur

selten gestattet, weil die Wellen meist festliegen muffen, dagegen die Stelzlung an den Riemen mittels sogenannter Spannrollen (franz. rouleaux de tension; engl. expanding rollers) fast in allen Fällen anwende. dar. Zwei solcher Spannrollen sind in Fig. 85 und Fig. 86 auf folgender Seite abgebildet. Bei der Einrichtung in Fig. 85 sist die Rolle B auf einem Schieber, den ein Gewicht G niederzieht, bei der Einrichtung Fig. 86

eines Gewichtes G am Arme OA gegen ben Riemen gebruckt. Ift im Fig. 86.

Fig. 85.

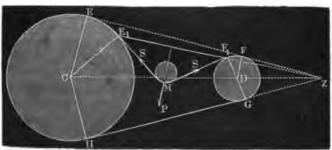




letteren Falle a der Hebelarm OA des Gewichtes G und b ber Hebelarm OB ber Spannkraft P, so hat man

$$P = \frac{a}{b}G$$
, und umgekehrt $G = \frac{b}{a}P$.

Die Spannkraft P halbirt den Winkel $E_1MF_1=\delta$, Fig. 87, zwischen Fig. 87.



beiden Riemenrichtungen ME_1 und MF_1 , und ist S die Spannung des Riemens, so hat man, wie bei einer losen Rolle (f. I. §. 151)

$$P = 2 S \cos \frac{\delta}{2}$$
.

Was die Spannung S anlangt, so hat man zu unterscheiben, ob die Spannrolle gegen den straffen oder gegen den schlaffen Riementheil druckt; im ersten Kalle ist statt S, S_1 , und im zweiten S_2 (in der obigen Bedeutung) einzusühren. Uebrigens wird aber auch durch die Spannrolle der mit Riemen bedeckte Bogen FG noch um einen Bogen FF_1 größer; seben wir, wie oben, den Winkel $EDG = \alpha^0$ und dagegen $\angle FDF_1 = \beta^0$,

fo haben wir
$$S_1=rac{e^{m{arphi}\,(m{lpha}+m{eta})}\,K}{e^{m{arphi}\,(m{lpha}+m{eta})}-1}$$
 und $S_2=rac{K}{e^{m{arphi}\,(m{lpha}+m{eta})}-1}.$

Epannrollen.

Läßt man die Geraden durch je zwei zusammengehörige Berührungspunkte, wie E und F, oder E_1 und F_1 u. s. w. nach demselben Punkte Z convergiren, dessen Entfernung DZ=x aus den Radhalbmessen $CE=r_1$ und $DF=r_2$ und dem Arenabstande CD=d durch die Formel

$$x = \frac{r_2 d}{r_1 - r_2}$$

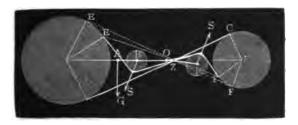
bestimmt ist, so hat man fur die Abhängigkeit der Winkel β und δ von einander $\frac{\sin DZF_1}{\sin DF_1Z} = \frac{DF}{DZ}$, d. i.

$$\frac{\sin\left(\frac{\alpha}{2}+\beta+\frac{\delta}{2}\right)}{\sin\frac{\delta}{2}}=\frac{r_2}{x}, \text{ und hiernach}$$

$$sin.\left(rac{lpha}{2}+eta+rac{\delta}{2}
ight)=\left(rac{r_1-r_2}{d}
ight)sin.rac{\delta}{2}$$

Hat man sich & gegeben, so kann man hiernach auch β , baraus wieder S_1 ober S_2 , und endlich die Spannkraft P berechnen. Die vollkommenste Anordnung murbe diejenige sein, bei welcher die durch das zufällige Recken des Riemens hervorgebrachte Verminderung der Riemenspannung durch die Vergrößerung FF_1 des Reibungsbogens wieder ausgeglichen wurde. In diesem Falle wurde, wenn man d weniger größer oder kleiner annahme, der Werth von P sich nicht ansehnlich andern.

Der gefreuzte Riemen EFGH, Fig. 88, hat zwei entgegengesett wirfende Spannrollen wie B, B nothig. Weil hier die Riemenbogen mehr als Ria. 88.



ben halben Umfang einnehmen und unter sich gleich find, so ist biese Fortspflanzungsweise die vollkommenere. Man kann hier beide Spannrollen auf

Evannroden, einem Bebel ABOB befestigen und burch ein Gewicht G an den Riemen anbruden laffen.

> Beispiel. Benn für ein Raberwerk mit offenem Treibriemen K=255Bfund, r1 = 30, r2 = 5 und d = 90 Boll (vergl. Beifpiel ju §.30), und hiernach $a^0 = 147^{\circ}, 44^{\circ}/_{8}$ ift, und wenn man nun $d = 120^{\circ}$ nimmt, so erhalt

sin.
$$\left(\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\delta}{2}\right) = \frac{30 - 5}{90}$$
 sin. $60^{\circ} = \frac{5}{18}$. $0.86603 = 0.24056$, hiernach $\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\delta}{2} = 180^{\circ} - 13^{\circ}.55' = 166^{\circ}.5'$, und baher $\beta = 166^{\circ}.5' - \frac{\alpha + \delta}{2} = 166^{\circ}.5' - 133^{\circ}.52' = 32^{\circ}.13'$,

hiernach
$$\varphi(\alpha + \beta) = 0.28 \cdot \frac{179^{0}.57^{2}/3}{360^{0}} \cdot 2\pi = 0.13993 \cdot 2\pi = 0.8795$$

$$S_{2} = \frac{K}{e^{\varphi(\alpha + \beta)} - 1} = \frac{255}{e^{0.8795} - 1} = \frac{255}{1.409} = 181 \text{ Pfunb},$$

und bie entsprechende Rraft ber Rolle, infofern biefe ben fclaffen Riemen fpannt:

$$P = S_2 \cos \frac{d}{2} = 362 \cdot \cos 60^\circ = 181$$
 Pfund.

Anmertung. Die Bebingungen, unter welchen bie Beranberlichfeit in ber Spannung bes Treibriemens burch bas Auf= ober Abwideln bes letteren ausge= glichen wird, laffen fich burch zwei Gleichungen ausbruden, aus welchen fich bie Binfel & und & berechnen laffen. Die erfte von biefen Gleichungen ift bie oben angegebene Gleichung

$$\sin\left(\frac{\alpha}{2}+\beta+\frac{\delta}{2}\right)=\frac{r_1-r_2}{d}\sin\frac{\delta}{2},$$

bie zweite hingegen lagt fich burch bie Differenzialrechnung finben; fie nimmt in bem Ralle, wenn bie Spannrolle auf ben ichlaffen Riemen brudt, bie Form :

$$tang. \frac{d}{2} = \varphi \frac{e^{\varphi(\alpha+\beta)}}{e^{\varphi(\alpha+\beta)}-1} \left(1 - \frac{r_1 - r_2}{d} \cdot \frac{\cos \frac{1}{2} \delta}{\cos \left(\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\delta}{2}\right)}\right)$$

und in bem Falle, wenn fie ben ftraffen Riemen fpannt, bie Form

tang.
$$\frac{d}{2} = \frac{\varphi}{e^{\varphi \cdot (\alpha + \beta)} - 1} \left(1 - \frac{r_1 - r_2}{d} \cdot \frac{\cos \frac{1}{2} \theta}{\cos \left(\frac{\alpha}{2} + \beta + \frac{\theta}{2} \right)} \right)$$
 an.

Wenn ber Abstand d fehr groß ift gegen r_1-r_2 , fo hat man nabe $\alpha=\pi$. $\alpha^0 = 180^\circ$, unb $\frac{d}{2} = 180^\circ - (\frac{\alpha}{2} + \beta) = 90^\circ - \beta$,

folglich entweber tang.
$$\frac{\theta}{2} = cotg.\beta = \varphi \cdot \frac{e^{\varphi \cdot (\pi + \beta)}}{e^{\varphi \cdot (\pi + \beta)} - 1}$$

ober tang.
$$\frac{\delta}{2} = cotg.\beta = \frac{\cdot \varphi}{e^{\varphi(\pi+\beta)} - 1}$$
.

Für
$$\varphi = 0.28$$
 erhält man im ersten Falle, wenn man $\pi + \beta = 0.7 \cdot 2\pi = 252^{\circ}$, also $\beta = 72^{\circ}$ nimmt, $tang. \frac{\sigma}{2} = cotg. \beta = \frac{0.28 \cdot 3.43}{0.42} = 0.895$,

und baher $\frac{\delta}{2}=21\frac{1}{2}^0$, und $\beta=68\frac{1}{2}^0$; nimmt man aber $\beta=68^0$, also Epanntollen. $\pi+\beta=\frac{248}{360}\cdot 2\pi$, so erhält man

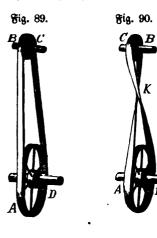
$$tang. \frac{\delta}{2} = cotg. \beta = \frac{0,28 \cdot 8,87}{2,37} = 0,398,$$

baber $\frac{d}{2} = 21^{3}/4^{0}$ und $\beta = 68^{1}/4^{0}$. Es läßt fich also erwarten, daß bei ben Binkeln $\beta = 68^{0}$ und $\delta = 44^{0}$ bie Spannrolle vollfommen requlirt.

Uebrigens ift die Anwendung einer Spannrolle nicht immer von mechanischem Bortheile, ba in ber Arenreibung und in dem Steifigkeitswiderstande des Riemens beim Umlegen um die Spannrolle dem Raderwerke neue Rebenhindernisse zuwachssen. Obgleich durch diesen Apparat das übermäßige Anspannen des Treibriemens und also auch die daraus entspringende Bergrößerung der Radarenreibungen versmieden wird, so find dafür auch die Widerstände der Spannrolle zu überwinden.

S. 33. Die Uebertragung der Bewegung mittels Treibriemen wird durch bie Rauhigkeit besselben erleichtert; ba nun aber die eine Seite eines Riemens stets rauher ist als die andere, so soll man diese stets mit den Radern





in Berührung tommen laffen. Bei bem einfachsten Rabermerte ABCD, Rig. 89, mit offenem Riemen hat bies teine Schwierigteit, bei bem mit gelreugten Riemen, wie Fig. 90, bingegen, muß zu biefem 3mede jeber ber beiben Riementheile AB und CD eine Wendung um 180 Grad machen. Diefe Drehungen bes Riemens haben noch ben Bortheil, baß hier die Riemen in ihrem Kreuzpuntte K einander weniger ftoren, ba fie einander ftatt um die halbe Riemenbreite, nur um die halbe Riemendide gur Geite bruden. Dagegen tritt aber auch hierbei ber Nachtheil ein,

bag ber Riemen in eine ungleiche Spannung gerath, und beshalb leichter zerreißt. Ift l bie mittlere Lange eines geraden Riementheiles, von Berührungspunkt zu Berührungspunkt gemeffen, und b bie Breite bes Riemens, so hat man bie entsprechende Lange an ben Ranbern:

$$l_1 = \sqrt{l^2 + \left(\frac{\pi b}{2}\right)^2}$$
, annähernd $= l \left[1 + \frac{1}{8} \left(\frac{\pi b}{l}\right)^2\right]$,

baher bie Dehnung an ben Ranbern :

$$\lambda = l_1 - l = \frac{1}{8} \cdot \frac{(\pi b)^2}{l} = 1,234 \cdot \frac{b^2}{l},$$

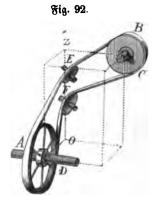
führung.

und es ift nun hiernach leicht zu beurtheilen, wie viel ber Riemen burch biese Wendung an Festigkeit verliert.

Wenn die Umbrehungsebenen beider Rader nicht in eine einzige Ebene fallen, so hat man meist besondere Leitrollen anzuwenden, um das tangentiale Auf- und Ablegen des Riemens zu bewirken. Sind, wie in Fig. 91, die mitten durch die Rader gehenden Umdrehungsebenen parallel, so sindet man die ersorberlichen Leitrollen, wenn man je zwei parallele Tangenten, wie AE und BF an die Durchschnitte beider Rader legt; ein Perpendikel EF

Fig 91. zwischen biesen beiben Geraden ift bann ber Durchmesser ber entsprechenden Leitrolle.





Wenn endlich die beiden Rabenden weder zusammenfallen noch parallel sind, wie AD und BC, Fig. 92, so hat man zunächst die Durchschnittslinie OZ dieser Ebenen aufzusuchen, und dann von zwei willfürlichen Punkten E und F in denselben Tangenten EA, EB so wie FC und FD nach den Radumfängen zu ziehen: die Sbenen durch je zwei dieser Linien sind dann die Umdrehungsebenen der nöthigen Leitrollen, deren Arenlage u. s. w. nun nach §. 24 leicht bestimmt werden kann.

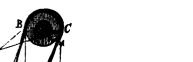
· Fig. 93.



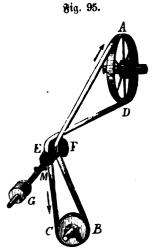
Um die Lage eines Riemens auf dem Umfange des Rades etwas zu verändern, hat man nur während der Bewegung den anlaufenden Riementheil AB, Fig. 93, etwas zur Seite zu drücken; in Folge der Reisdung zwischen Riemen und Radumfang kommt der Riemen, nachdem das Rad ungefähr eine halbe Umdreshung gemacht hat, in eine neue Lage A_1B_1 zur Seite der ersteren. Bei dem ablaufenden Riementheile würde dieses Zurseitedrücken ohne Erfolg sein.

Miemenübrung.

Hiernach ist nun auch leicht zu ermessen, daß bei einem Riemen ohne Ende, wie in Fig. 94 abgebildet ist, wo die Durchschnittslinie BD zwischen beiden Umdrehungslinien beide Radumfange tangirt, und namentlich, wenn die Riemen nicht sehr kurz sind, die Leitrollen entbehrlich sind. Es ist nur nothig, daß die Drehbewegung in der durch die Pseile angegebenen Richtung vor sich gehe, wobei die austaufenden Riementheile tangential zu den entssprechenden Radumfängen liegen. Endlich kann man aber auch in diesem Falle wenigstens eine Leitrolle ersparen, wenn man den einen Riementheil in der Richtung BD der Durchschnittslinie der Umdrehungsebenen spannt.



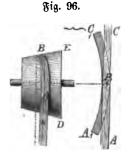
Ria. 94.



Anmerkung. Zuweilen werben Leitrollen auch nur angewenbet, um wegen Rangel ober Ersparniß an Plat ben Riemen zur Seite zu ziehen. Auch kann man sehr oft bie Leitrolle mit einer Spannrolle vereinigen, wie z. B. in Fig. 95, wo ber Riemen ABCD über zwei Rollen E und F läuft, die an dem gabels förmigen Ende eines Hebels siten, der um eine Are M drehbar ist und mittels eines Gewichtes G die Rollen empordruct und den Riemen spannt.

§. 34. Die Raber, Rollen, Scheiben ober Trommeln (frang. Miemeurater. tambours; engl. drums) ber Riemenraberwerke werben entweber von Holz ober von Eisen ausgeführt. Die Spurs ober Bahnbreite macht man geswöhnlich um ein Biertel größer als die Riemenbreite, auch giebt man der Spur eine kleine Wölbung. In der Regel nimmt man die Hohe der letzteren gleich einem Zehntel der Spurbreite; hohe Raber wollt man aber auch zuweilen nach einer Augelzone. Durch die Wölbung der Riemenspur wird nicht allein das Auslegen des Riemens erleichtert, sondern auch eine sichere Lage desselben bewirkt. Beim Auslegen auf eine conische Trommel, Fig. 96, soll das gerade Riemenstuck ABC die Form eines Ringstückes ABC1 ans

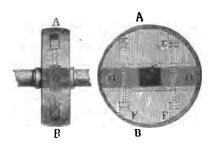
Riemenraber. nehmen; diesem wibersteht aber ber Riemen vermöge seiner Glafticitat bis



zu einem gewissen Grabe, und beshalb fällt auch die Gestalt des Riemens zwischen ABC und A_1BC_1 . Diesem zu Folge liegt stets der solgende Berührungspunkt A der Basis DE der kegelsormigen Trommel näber, als jeder vorausgegangene B und es rückt folglich auch der ganze Riemen bei weiterer Drehung der Trommel immer näber und näher an die Basis der letzteren. Ist dagegen die Trommel gewölbt, so zieht sich der Riemen aus demselben Grunde nach

und nach von selbst nach der Mitte oder dem größten Querschnitte derselben. Uebrigens ist beim Befestigen und Ablehren der Rolle auf ihrer Are darauf zu sehen, daß dieselbe genau rund gehe und nicht weise, weil sich sonst der Riemen leicht abschlägt. Wirten Seitenkräfte auf den Riemen, wie z. B. bei Räderwerken mit stehenden Aren das Gewicht des Riemens, oder liegt die Riemenare nicht genau in der Umdrehungsebene, wie dei Räderwerken mit gekreuzten Riemen, so muß man das Rad mit einem vorstehenden Kranz oder Rand versehen, damit sich der Riemen nicht abwickelt.

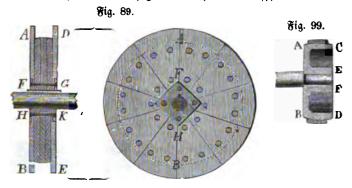




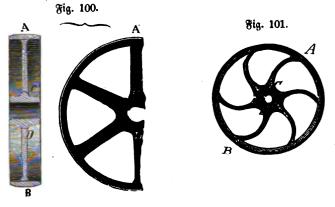
Rur kleine Riemenscheisben von hochstens 1 Fuß Durchmeffer laffen sich aus einem einzigen Bohlenstück brehen, größere muß man aus mehreren Pfostenstücken zusammensehen. Eine Scheibe ber zweiten Art führt Fig. 97 in zwei Anssichten vor Augen. Es sind hier die Mittelstücke D und D1, welche bas zur

Aufnahme ber Are bienende Auge C zwischen sich lassen, zwischen ben beis ben Seitenstüden A und B eingefalzt ober eingezapft, und zur Befestigung von eisernen, außen durch Holzstüde bedeckte Bolzen EF, EF durchzogen. Eine andere Zusammensehung der hölzernen Riemenrader aus drei mit den Fasern sich treuzenden Bohlenlagern zeigt Fig. 98. Diese Rader sind noch von zwei Scheiben AB und DE begrenzt, welche aus Holzsectoren zusammengeseht und nicht nur durch hölzerne Bolzen mit dem Radkorper, sondern auch durch eiserne Bolzen, wie FG, HK u. s. w. unter einander verbunden werden. Da diese Scheiben den inneren Radkorper an Hohe übertreffen, so

bilben sich besondere Spurkranze, welche das Abschlagen des Riemens verhins niemenrader. dern. Raber von zwei oder mehr Fuß Hohe setzt man aus Armen und Kranzen zen zusammen, ahnlich wie ein Wasserrad (f. II. §. 111). Auch läst man wohl nur den Kranz aus Holzringen bestehen und macht die Nabe und Arme aus Gußeisen. Lange Trommeln setzt man wie ein Faß aus Dauben zus sammen und versieht man auch gern mit eisernen Armspstemen.

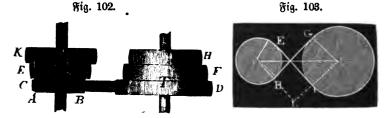


Wegen ihrer Unwandelbarkeit sind gußeiserne Riemenrader den hölzernen stets vorzuziehen, obgleich sie wegen ihrer größeren Glätte eine größere Riesmenspannung erfordern, und beshalb mehr Arenreibung geben als diese. Kleine Räder unter 1 Fuß Durchmesser haben die Gestalt eines Tellers AB, Fig. 99, mit zwei aussischen Kronen CD und EF, von denen die eine den Riemenkranz und die andere die Radnade bildet. Fig. 100 führt zwei Ansichten eines größeren eisernen Riemenrandes mit Armen vor Augen. Es ist hier der Riemenkranz AB durch 6 Arme, wie AC, BD u. s. w. mit der Nabe oder Radhülse CD verbunden. Sowohl der Festigkeit als des Lust-



pliemenraber, widerstandes wegen macht man die Radarme 5mal so breit als dick. Nicht selten wendet man auch krumme Radarme, wie CA, DB u. s. w. Fig. 101 auf voriger Seite, an, um die nachtheiligen und leicht das Zerbrechen hersbeischhrenden Spannungen beim Erkalten des Gusses zu beseitigen.

§. 35. Soll bie Umbrehungszahl ber Getriebwelle nicht immer eine und bieselbe, wohl aber stets eine gegebene sein, so muß man mehrere Rabspsteme auf beibe Wellen aussehen. Gewöhnlich gießt man die Raber einer Welle aus bem Ganzen, indem man dieselben an einen und denselben Teller AB, Fig. 102, anreiht. Man sieht leicht ein, daß die Getriebswelle G bei dersselben Umbrehungszahl von der Treibwelle T, eine kleinere Umbrehungszahl annimmt, wenn man den Riemen aus der Lage CD in die Lage EF bringt, und daß diese Jahl noch kleiner ausfällt, wenn man ihn auf das noch kleisnere Treibrad H und das noch größere Getriebrad K legt.



Um bei jebem Wechsel ber Scheiben bie Riemenlange nicht verandern zu muffen, last man bie Scheibendurchmeffer nach einem gewissen Gefete zus und abnehmen.

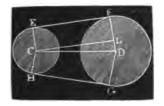
Sind die Riemen gekreuzt, wie Fig. 103, so hat man nach §. 30 fur ben mit Riemen bedeckten Bogen a

$$\cos \frac{\alpha}{2} = -\frac{r_1 + r_2}{d},$$

und bie lange bes Riemens:

$$l=2 d \sin \frac{\alpha}{2} + \alpha (r_1+r_2);$$

Rig. 104.



läßt man daher r_1 um eben so viel abnehmen als r_2 wachsen, so daß das Mittel $\frac{r_1+r_2}{2}$ der beiden Rabhalbmesser

baffelbe bleibt, so verändert sich weder der Riemenbogen noch die ganze Riemenlange, es ist also beim Austegen auf das zweite Raderpaar Leine Beranderung

ber Riemenlange nothig. Bei den offenen Riemen wie Fig. 104 hingegen

hat man $\cos \frac{\alpha}{2} = \pm \frac{r_2 - r_1}{d}$ und

$$l = 2 d \sin \frac{\alpha}{2} + \alpha r_1 + (2\pi - \alpha) r_2,$$

und es findet bas einfache Berhaltniß wie bei ben gefchrantten Riemen nicht Statt. Seben wir aber annahernb

$$\begin{aligned} \sin \frac{\alpha}{2} &= 1 - \frac{1}{2} \left(\cos \frac{\alpha}{2} \right)^2 = 1 - \frac{1}{2} \frac{(r_2 - r_1)^2}{d} \text{ unb} \\ \alpha &= \pi - (\pi - \alpha) = \pi - 2 \sin \frac{(\pi - \alpha)}{2} = \pi - 2 \cos \frac{\alpha}{2} = \pi - \frac{2(r_2 - r_1)}{d}, \end{aligned}$$

fo erhalten wir die Riemenlange

$$l = 2 d - \frac{(r_2 - r_1)^2}{d} + \left(\pi - \frac{2(r_2 - r_1)}{d}\right) r_1 + \left(\pi + \frac{2(r_2 - r_1)}{d}\right) r_2$$

= 2 d + \pi (r_1 + r_2) + \frac{(r_1 - r_2)^2}{d}.

If ψ bas Umsehungsverhältniß $\frac{u_2}{u_1}=\frac{r_1}{r_2}$, so hat man $r_1=\psi r_2$ und baher l=2 $d+\pi(\psi+1)$ $r_2+\frac{(\psi-1)^2r_2^2}{d}$.

Får ein anderes Råderpaar mit ben Halbmeffern r_3 und r_4 und dem Umsfehungsverhaltniffe $\psi_1=\frac{r_3}{r_4}$ hat man ebenso

$$l = 2d + \pi(\psi_1 + 1)r_4 + \frac{(\psi_1 - 1)^2 r_4^2}{d}.$$

Aus der letteren Gleichung erhalt man folgende Formel für den einer bestimmten Riemenlange l und einem bestimmten Umsetzungsverhaltniffe ψ_1 entsprechenden Rabhalbmeffer

$$r_4 = \frac{-\pi(\psi_1+1)d + \sqrt{4(\psi_1-1)^2(l-2d)d + \pi^2(\psi_1+1)^2d^2}}{2(\psi_1-1)^2},$$

ober, wenn die beiben Rabaren im Verhaltnisse zu den Rabhalbmeffern sehr entfernt sind, wenn z. B. ber Arenabstand mindestens breimal so groß ist, als der Durchmeffer ber größeren Scheibe, was zur Verminderung der Unsgleichheit der beiben Riemenbogen sehr zweckmäßig ist, genau genug

$$r_4 = \left[1 - \left(\frac{\psi_1 - 1}{\psi_1 + 1}\right)^2 \frac{l - 2d}{\pi^2 d}\right] \frac{l - 2d}{\pi(\psi_1 + 1)}$$

Für $\psi_1=1$, also bei Gleichheit beiber Scheibendurchmesser, erhalt man sehr richtig $r_4=rac{l-2\,d}{2\,\pi},$ d. i. $l=2\,d+2\pi r_4$, und für

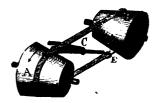
$$l=2$$
 $d=\pi(r_1+r_2)$, d. i. für eine sehr große Centralbistanz d , $r_4=\frac{r_1+r_2}{\psi_1+1}$, so wie $r_3=\psi_1r_4=\frac{\psi_1(r_1+r_2)}{\psi_1+1}$.

Biemenraber.

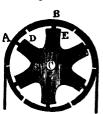
Riemenraber.

Statt ber Scheibenspfteme wendet man auch wohl zwei conische Trom= meln (franz. cônes tronqués; engl. conical drums) A und B, Fig. 105, an, und bewirft bie Stellung bes Riemens auf benfelben burch ein gabels formiges Riemeneisen CDE. Man hat hier ben Bortheil, innerhalb gewiffer Grenzen jedes beliebige Umfetungeverhaltnig herftellen zu tonnen, bas gegen aber auch ben Nachtheil, daß ber Riemen, namentlich wenn er breit ift, febr ungleich ausgespannt wirb.

Fig. 105.



₩ig. 106.



Anmerkung. Um bas Umfegungeverhaltniß ober bie Riemenfpannung gu reguliren, bebient man fich auch wohl ber fogenannten Expansionerollen, worüber ausführlich gehandelt wird in ben Berhandlungen bee Bereines jur Beförderung bes Gewerbfleißes in Preugen, Jahrg. XXII., 1843. Gine ber einfachften Rollen biefer Art ift in Fig. 106 abgebilbet. Sier befteht ber Rabfrang aus 6 abgesonberten Sectoren mit Stielen CA, CB u. s. w., die fich rabial burch Gulfen wie D, C u. f. w. schieben und burch Schrauben feststellen laffen. Um ben Riemen eine ftartere ober fcmachere Spannung zu geben, ober bie Riemengeschwindigfeit ju vergrößern ober ju verkleinern, hat man bie Stiele CA, CB u. f. w. weiter heraus= ober hereinzuschieben.

Beifpiel. Benn bei einer Drehbant zwei zusammengehörige Schnurscheiben bie halbmeffer $r_1=12$ und $r_2=2$ Boll haben, ber Arenabstand d beiber Scheiben 36 Boll beträgt, und man will außer bem entfprechenben Umfegungeverhältniffe $\psi=rac{r_1}{r_2}={}^{19}\!/_2{}^{e}\!\!=6$ auch noch ein zweites $\psi_1=4$ herstellen. fo finbet man bie Salbmeffer ber entiprecenben Getriebsicheiben wie folat:

Der Schnurbogen ift bestimmt burch bie Formel

cos.
$$\frac{\alpha}{2} = \frac{r_1 - r_2}{d} = \frac{12 - 2}{30} = \frac{1}{3}$$
, es ift folglich $\frac{\alpha^0}{2} = 70^{\circ},31\frac{3}{4}$, also $\alpha = 141^{\circ},8\frac{1}{2}$, daßer die Länge ber gangen Schnur:

$$l=2\,d\sin\frac{\alpha}{2}+\alpha r_2+(2\,\pi\,-\alpha)\,r_1=67,882+4,924+45,855=118,661\,\Im\text{oli}.$$
 Die Räherungsformel giebt

$$l = 2d + \pi(r_1 + r_2) + \frac{(r_1 - r_2)^2}{d} = 72 + 3,1416 \cdot 14 + \frac{10^2}{36} = 118,760 \text{ BoU.}$$

Sett man nun
$$l-2d=46,661$$
 und $\psi_1=4$ in die Räherungsformel $r_4=\left[1-\left(\frac{\psi_1-1}{\psi_1+1}\right)^2\frac{l-2d}{\pi^2d}\right]\cdot\frac{l-2d}{\pi(\psi_1+1)},$

$$r_4 = \left[1 - \left(\frac{\psi_1 - 1}{\psi_1 + 1}\right)^2 \frac{l - 2d}{\pi^2 d}\right] \cdot \frac{l - 2d}{\pi(\psi_1 + 1)},$$

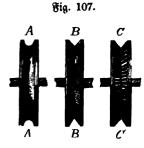
fo erhalt man fur ben Salbmeffer bes gefuchten Scheibenpaares:

$$r_4 = \left(1-{8\choose 5}^2\cdotrac{46,661}{36\,\pi^2}
ight)\cdotrac{46,661}{5\,\pi} = rac{0,9528\cdot 9,8322}{\pi} = 2,830\ {
m 3cl}$$
 Miementaber.

und $r_8 = \psi_1 r_4 = 4.2,830 = 11,320 3011.$

Befondere Tabellen von Sang hierzu werben mitgetheilt von Brir in ben Berhandlungen bes Bereines jur Beforberung bes Bewerbfleiges in Breugen, Jahrgang XI., 1832.

§. 36. Wenn die zu übertragende Kraft nicht groß ist, so kann man die Riemen burch Geile ober Schnure von Sanf, Gebarmen, Gutta percha u. f. m. Rettenraber. erfeten. Die Schnure gewähren noch ben Bortheil, baf fie nicht fo leicht abschlagen und fich leichter gur Seite biegen, leichter auf conische Trommeln



auflegen laffen u. f. w. Die hierzu nothigen Schnurscheiben erhalten feinen gewolbten Rrang, fonbern eine vertiefte Rinne ober Spur gur Aufnahme ber Schnur, wie A, B, C, Rig. 107, vor Mugen fuhrt. Die Scheibe BB mit ber icharfen Spur (von circa 60 Grab Convergeng) hat vor ber Scheibe AA mit runder Spur ben Bortheil, baf fich hier die Schnur mehr

einklemmt und baher bei gleicher Spannung mehr Reibung giebt als bei AA. Um bas Bleiten ber Schnur zu verhindern, verfieht man auch wohl bie Spurmande mit Rerben wie bei CC. Uebrigens hat bie scharfe Spur noch den Bortheil, daß fie fur bidere und fcmadhere Schnure jugleich brauchbar ist.

Auf der anderen Seite laffen fich aber auch die Riemen nicht anwenden, wenn bie ju übertragende Rraft groß ober bie Geschwindigkeit flein ift, weil fie nicht die hinreichende Reftigleit befigen, ober wenigstens eine übermäßige Breite nothig hatten. In ber Regel ift in folchen Fallen ein Bahnraberwert anzuwenden; wenn aber die beiben Wellen einen großeren Abstand von einander haben muffen, alfo nicht ein bloges Umfeten, fondern auch ein Fortpflanzen ber Bewegung nothig ift, fo bebient man fich in biefem Falle





entweber eines Ret = tenråbermertes ober eines fogenann= ten Stangenvor= geleges.

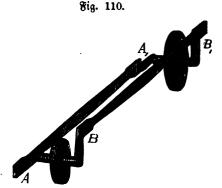
Ein Rettenraber= werk ift in Fig. 108 abgebildet; die Rette ABCD ift eine fo genannte Laschenkette, und jedes der beiden Raber ift mit Bahnen (AB mit Rettenraber. 6 und CD mit 4) ausgeruftet, die in bie von je zwei Laschen gebilbeten

Fig. 109.



Glieber ber Kette eingreifen. Diese Uebertragung mittels Bahnen macht eine weitere Spannung ber Kette überfluffig, was ein nicht unbebeutenber Borzug bieses Raberwerkes von bem Riemenraberwerke ift.

Man tann endlich auch ftatt ber Ketten Stangen in Unwendung bringen, wenn es nur auf eine Fortpflanzung, nicht aber auf eine Umfebung



ber Umbrehungsbewegung abgesehen ist. In diesem Falle versieht man beide genau parallel zu legende Wellen C und C₁, Figur 110, mit doppelten um einen Rechtwinkel von einander abweichenden Kurbeln oder Krummzapfen A, B und A₁, B₁ und verbindet dieselben durch die Stangen AA₁ und BB₁. Durch diese Verbindung wird zwar die Verwegung

ber einen Belle auf die andere Belle vollständig übertragen, sie reicht jezdoch nicht aus, wenn die Bellen sehr entfernt von einander sind, weil die langen Stangen, welche hierzu nothig sind, sich biegen und daher ihre Kraft nicht durch Schub oder Druck von der einen Belle auf die andere übertragen können. In diesem Falle muß man jeden der vier Krummzapsen verzdoppeln und vier Stangen anwenden, so daß immer zwei Stangen burch Zug wirken, während die zwei anderen Stangen ohne Arbeit zurückgehen. Man erhält so ein sogenanntes Stangen vorgelege, welches beim Bergs dau nicht selten in Anwendung kommt.

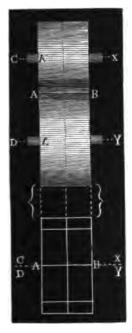
6. 37. Die Bahnraber find entweber

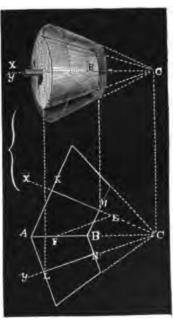
3abnráber.

- 1) cylindrische ober Stirnraber (frang. roues plates ou cylindriques; engl. cylindrical wheels, spur wheels);
- 2) conische ober Wintelraber (franz. roues coniques ou d'angle; engl. conical wheels, bevelled or mitre wheels);
- 3) hyperboloidische oder Hyperboloidenrader (franz. roues hyperboliques; engl. hyperbolical wheels, skew bevils).

Die Unterscheidung hat ihren Grund in der Verschiedenheit der Arenslagen und in der hierdurch bedingten Verschiedenheit der Radkranzsormen. Diejenige Mittheilung der Radbewegung ist jedenfalls die vollkommenste, bei welcher kein Gleiten, sondern nur ein Walzen statthat (vergl. I. § 156), also an allen Stellen der Radumfänge je zwei Verührungspunkte eine und dieselbe Geschwindigkeit haben. Sind nun die Radaren CX und DY, Fig. 111, unter sich parallel, so wird dies der Fall sein, wenn sich beide Rader in einer Geraden AB parallel zu diesen Aren berühren, und daher die Rad-

Fig. 111. Fig. 112.





umfange die cylindrische Form haben. Convergiren aber die Radaren CX und CY, Fig. 112, nach einem Punkte C, so muß die Berührungslinie AB eine ebenfalls nach C gerichtete Gerade sein und deshalb jeder der beis

3abnedder. ben Radumfange die entsprechende Regelform haben, da die Umfangsgesschwindigkeiten c und v in den Punkten A und B nicht nur in dem Vershältnisse $\frac{KA}{MB}$ der Halbmesser KA und MB des einen Rades, sondern auch in dem Verhältnisse $\frac{LA}{NB}$ der Halbmesser LA und NB des anderen Rades zu einander stehen mussen, und dieser Proportion $\left(\frac{KA}{MB} = \frac{LA}{NB}\right)$ durch die Lage des Punktes B in der nach dem Arendurchschnitte C gerichsteten Geraden AC Genüge geleistet wird.

Sanz anders ist dagegen das Berhältniß, wenn die Radaren weder parallel sind, noch sich schneiben, also gar nicht in einer Seene liegen. Hier kann die gerade Berührungslinie AB nur mit einer der beiden Radaren in eine Seene sallen, es kann also auch nur das eine Rad eine cylindrische oder conische Form erhalten. Das andere Rad hingegen ist von einer Rostationsstäche zu begrenzen, die entsteht, wenn sich eine gerade Linie (die Berührungslinie) um eine Are dreht, mit der sie nicht in eine Seene zusammenfällt. Wir werden im Folgenden sehen, daß diese Fläche ein sogenanttes Rotationshyperboloid ist, weshalb man diese Art von Rädern Hypers boloiden räder nennt. Bei einem solchen Räderpaare wird der Prosportion $\frac{KA}{MB} = \frac{LA}{NB}$ zwischen den Halbmessern nicht Genüge geleistet, weshalb auch ein theilweises Gleiten des einen Radumfanges auf den ansberen stattsinden und daher ein größeres Reibungshinderniß eintreten muß.

Conifce Raber. §. 38. Bei dem cylindrischen Råberwerke Fig. 113 sind die Rabhalbe messer $KA=r_1$ und $LA=r_2$ durch das Umsehungeverhaltniß

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1}{r_2}$$
 (vergl. §. 26)

und durch den Abstand $KL=d=r_1+r_2$ beider Radaren CX und DY von einander bestimmt, es ist nämlich

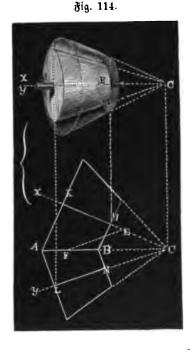
$$D$$
 Y von einander bestimmt, es ist nämlich $r_1 = rac{\psi \, d}{1 + \psi}$ und $r_2 = rac{d}{1 + \psi}.$

Bei den conischen Rabern AM und AN, Fig. 114, sindet eine solche Bestimmung nicht Statt. Hier sind zunächst die Winkel $ACK=\delta_1$ und $ACL=\delta_2$, um welche die Berührungslinie AB von beiden Radaren absteht, aus dem Arenwinkel $XCY=KCL=\delta$ und dem Umsetzungsverhältnisse $\psi=\frac{u_2}{u_1}$ zu sinden. Es ist hier der Halbmesser $AK=r_1$ $=CA\sin.\delta_1$ und der Halbmesser $AL=r_2=CA\sin.\delta_2$, und daher das Umsetzungsverhältniß $\psi=\frac{u_2}{u_1}=\frac{r_1}{r_2}=\frac{\sin.\delta_1}{\sin.\delta_2}$, d. h. die Winz

telgeschwindigkeiten beiber Raber verhalten fich umgekehrt wie die Sinus der Winkel, um welche ihre Uren von der Mittel = oder Beruhrungelinie

Contide Maber.





abweichen. Bieht man von einem beliebigen Punkte E ber Are CK aus eine Linie EF parallel ber anderen Ure CY, fo erhalt man ein Dreied, in welchem bie Bintel d, und da zugleich vorkommen; es ift namlich ber Bintet $ECF = \delta_1$ und der Bintel $EFC = FCL = \delta_2$, und da nun $\frac{\sin ECF}{\sin EFC} = \frac{EF}{EC}$ ist, so hat man $\psi = \frac{r_1}{r_2} = \frac{\sin \delta_1}{\sin \delta_1} = \frac{EF}{EC}$.

Um hiernach die Winkel d, und d2 conftruirend zu finden, nimmt man bie Linien CE und EF in bem Berhaltniffe 1 : \psi und gieht die Gerade CF. Bill man biefe Bintel aus d und w burch Rechnung finden, fo bringe man bas Dreieck CEF gur Auflofung. Diefes giebt

tang.
$$ECF = \frac{EF \cdot \sin \delta}{CE + EF \cdot \cos \delta} = \frac{r_1 \sin \delta}{r_2 + r_1 \cos \delta}$$
, b. i. tang. $\delta_1 = \frac{\psi \sin \delta}{1 + \psi \cos \delta}$, sowie tang. $\delta_2 = \frac{\sin \delta}{\psi + \cos \delta}$.

Ift ber eine Rabhalbmeffer $AL=r_2$ gegeben, so findet man ben an: bern burch die Formel r1 = vr2 fogleich, giebt man aber die Centrals III.

Conlider bistanz CA=a, so hat man die beiden Radhalbmesser $AK=r_1$ und $AL=r_2$ durch die Formel $r_1=a\sin$. δ_1 und $r_2=a\sin$. δ_2 zu bestehnen.

Für die Regelhöhen $CK=h_1$ und $CL=h_2$ hat man endlich $h_1=a\cos\delta$, $\delta_1=r_1\cos\delta$, $\delta_1=\left(\frac{1+\psi\cos\delta}{\psi\sin\delta}\right)r_1=\frac{r_2+r_1\cos\delta}{\sin\delta}$ und

$$h_2 = a \cos \delta_2 = r_2 \cos \delta_2 = \left(\frac{\psi + \cos \delta}{\sin \delta}\right) r_2 = \frac{r_1 + r_2 \cos \delta}{\sin \delta}.$$

Beifpiel. Benn bei einem conischen Raberwerke ber Arenwinkel $\delta=70$ Grad und das Umsehungsverhältniß $\psi=\frac{u_2}{u_1}=7/_2$ sein soll, so hat man für die Convergenzwinkel ber einzelnen Raber:

tang. $d_1=\frac{7\sin.70^0}{2+7\cos.70^0}=\frac{7.0.93969}{2+7.0.94202}=\frac{6,5778}{4,3941}=1,49697, hiersnach <math>d_1=56^0$, 15', und $d_2=13^0$, 45'. Soll nun noch der außerste Berührungspunft A zwischen beiben Rabern um 60 Boll von dem Arendurchschnitte C abstehen, so hat man die außeren Rabhalbmeffer

 $r_1=60$ sin. 56° , 15'=49,89 3oll und $r_2=60$ sin. 13° , 45'=14,26 3oll, und die entsprechenden Regelhöhen

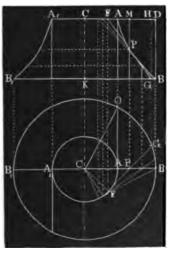
 $h_1=60\cos.56^\circ$, 15'=53,33 Boll und $h_2=60\cos.13^\circ$, 45'=58,28 Boll. Soll enblich die Berührungelinie AB eine Länge von 8 Boll erhalten, so hat man bie inneren Rabhalbmeffer

 $r_1=52$ sin. 56° , 15'=43,24 3oll und $r_2=52$ sin. 18° , 45'=12,36 3oll, und die entsprechenden Centralabstande oder Regelhöhen

 $h_1 = 52 \cos .56^{\circ}, 15^{\circ} = 28,89 \text{ unb } h_2 = 52 \cos .13^{\circ}, 45^{\circ} = 50,51 \text{ Boll.}$

Sp per bolold.

Fig. 115.



§. 39. Die Entstehung eines Sysperboloibes, wonach ein Syperbos loidenrad zu construiren ist, läßt sich burch Betrachtung der Fig. 115 nachsweisen. Es sind AA_1 und BB_1 zwei parallele Grundfreise, welche in dem Abstande CK = h von einander abstehen, und es ist die Gerade FG, deren Horizantalprojection wir der Ordinate

$$AO = V\overline{CO^2} - \overline{CA^2}$$
 gleich machen wollen, die Erzeugungstlinie, welche mit dem einen Endpunkte F im Kreise AA_1 und mit dem anderen im Kreise BB_1 fortrückt. Eine vertikale Mittelebene ABB_1 A_1 schneidet die von FG beschriebene Klache in zwei Eurven AB und

und $A_1 B_1$, von welchen wir nachweisen werden, daß sie einer Spperbel ans overbolot. gehören, deren Mittelpunkt mit dem Centrum C der kleineren Grundsläche und deren Are mit dem Durchmesser dieser Flache zusummenfallt. Für jesten Punkt P in der Linie AB ist

$$\frac{PM}{GH} = \frac{FM}{FH} (Aufriß) = \frac{FP}{FG} (Grundriß).$$

Bezeichnen wir nun die Kreishalbmeffer CA und KB durch a und r und die Coordinaten CM und MP des Punktes P durch x und y, so haben wir nach dem Grundriffe:

$$FG = AO = \frac{\sqrt{r^2 - a^2}}{\sqrt{x^2 - a^2}} \text{ and } FP = \frac{\sqrt{\overline{CP^2 - CF^2}}}{\sqrt{\overline{r^2 - a^2}}} = \frac{\sqrt{x^2 - a^2}}{a},$$
 und baher $\frac{y}{h} = \frac{\sqrt{x^2 - a^2}}{\sqrt{r^2 - a^2}},$ also $y = \frac{h}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{h}{a} \sqrt{x^2 - a^2},$

wenn die vierte Proportionale $\frac{h\,a}{\sqrt{r^2-a^2}}$ von $\sqrt{r^2-a^2}$, a und h durch

b bezeichnet wird. Run ist aber $y=\frac{b}{a}\sqrt{x^2-a^2}$ die Gleichung einer Hopperbel (f. Ingenieur, S. 214) von den Halbaren a und b, daher auch AB ein Hopperbelbogen und A der Scheitel desselben, sowie ABB_1A_1 ein durch Umdrehung dieses Bogens um die Are CK erzeugtes Hopperboloid.

Sett man ben Winkel, welchen bie Erzeugungelinie FG mit einer Geraden parallel zur Are CK einschließt, $=\delta$, also ben Winkel, unter welchem sie Grundslächen burchschneibet, $=90^{\circ}-\delta$, so haben wir

tang.
$$\delta = \frac{\sqrt{r^2 - a^2}}{h} = \frac{a}{b}$$
, und baher einfacher

$$y = \sqrt{x^2 - a^2}$$
. cotg. δ , sowie $x = \sqrt{a^2 + y^2 (tang. \delta)^2}$.

Für große x hat man annähernd $y=x\,cotg.$ 8, woraus folgt, daß sich bas Hyperboloid immer näher und näher an einen Regelmantel ansschließt, je mehr man dasselbe erweitert. Die Seite dieses Mantels oder

Fig. 116.



bes fogenannten Afpmptotenkegels schließt mit ber Are CK benfelben Binkel & ein wie die Erzeugungslinie FG mit einer Parallele zu CK.

Der Winkel $PTM = \alpha$, Figur 116, unter welchem die Tangente PT irgend eines Punktes P ber Hyperbel AB die Abscissenare CA schneiz bet, ist durch die Tangentensormel

tang.
$$\alpha = \frac{b}{a} \cdot \frac{x}{\sqrt{x^2 - a^2}} = \frac{x \cot g \cdot \delta}{\sqrt{x^2 - a^2}}$$
 bestimmt.

Oppertoloid. Dieser Winkel ist zugleich die Seitenneigung TDH einer Regelzone DD_1 EE_1 , welche eine eben so hohe Hyperboloidenzone in der Mitte PP_1 berührt, und daher annähernd für diese geseht werden kann. Ift e die Hohe HL dieser Zone und r ihr mittlerer Halbmesser PK = CM = x, so hat man für die Halbmesser $HD = r_1$ und $LE = r_2$ der Grundstächen der Regelzone

$$r_1 = r + \frac{1}{2} e \ coty. \ \alpha = r + \frac{1}{2} \frac{e}{r} \sqrt{r^2 - a^2} \ tang. \ \delta \ unb$$
 $r_2 = r - \frac{1}{2} e \ cotg. \ \alpha = r - \frac{1}{2} \frac{e}{r} \sqrt{r^2 - a^2} \ tang. \ \delta.$

Da enblich die Aremprojection der Erzeugungslinie des Hyperboloides APP_1A_1 : $CK=h=\sqrt{r^2-a^2}\ coty.$ δ ift, so hat man auch $r_1=r+\frac{1}{2}\ \frac{e\,h}{r}\ (tang.\ \delta)^2$ und $r^2=r-\frac{1}{2}\ \frac{e\,h}{r}\ (tang.\ \delta)^2.$

Spperboloibenråber. §. 40. Die Unwendung ber Spperboloide bei ben Rabern foll fig. 117. in Folgendem gezeigt werden. Es fei



in Folgendem gezeigt werden. Es fei ACB, Fig. 117, ein cylindrisches Rad, welches auf ber Welle XX fist, und ADB ein anderes Rad auf ber Belle YY, welches von jenem in Umbrehung ju feten ift. Goll nun die Beruhrung beiber Raber in einer Seite AB bes erften Rabes erfolgen, fo wird jebenfalls ber Umfang bes zweiten Rabes eine Rotationeflache fein muffen, welche ent= fteht, wenn AB in unveranderlichem Abstande um YY herumgeführt wird. Liegen XX und YY in einer Chene, fo ift biefe Rlache ein Regel, befinden fich aber dieselben in verschiedenen Ebenen, wie in der Abbildung, so bildet fie nach bem Borhergehenden ein Spperboloid. Bahrend bas colindrische Rad über feis ner gangen Breite AB bin einen und denselben Halbmeffer $CO = KA = r_1$ hat, ift ber Salbmeffer bes Spperbolois benrades veranderlich; er ift am flein= ften an ber Stelle, wo die Radaren XX und YY einander am nachften fteben, und fallt immer großer und großer aus,

je mehr er von bem furzesten Abstande CD = d zwischen biefen Aren

entfernt ift. Der fleinfte ober Salshalbmeffer bes Spperboloibenrabes ift suverbotot $a=d-r_1$, für einen anderen Salbmeffer AL=x (Aufriß) im Abstande OE = y (Grundrif) vom Perpenditel CD ist nach dem Vorausgeschickten, wenn noch ber Bintel AOE, um welchen die Berührungelinie AB ober Are XX von einer Perallelen zu YY abweicht, mit & bezeichnet wird, $x = \sqrt{a^2 + y^2(tang. \delta)^2}$, ober, wenn man das Perpendifel AE, b. i. die Projection y tang. o ber Beruhrungelinie AO auf die Grund. ober

Enbfläche AL bes Hyperboloides mit z bezeichnet, $x = \sqrt{u^2 + z^2}$. Um hiernach einen Salbmeffer OS = EG (Grundriff) construirend ju finden, hat man zu bem Salbmeffer OH = a bes Salfes ober der Reble und der Projection AE = FH = z als Katheten, die Sprotenuse OF = OS anzugeben.

Die Umfangegeschwindigkeiten beider Raber find nicht gleich; mahrend ber Umfang bes cylindrischen Rabes einen Weg O V (Grundriß) jurudlegt, burchlauft ber halbumfang bes hyperboloidenrabes im Abstande $DO = a = r_2$ (Aufriß) einen Weg OW (Grundriß); es ift $DV = OW \cos \delta$, und alfo auch fur bie entsprechenden Geschwindigkeiten c1 und c2:

$$c_1 = c_2 \cos \delta$$
.

Sind u1 und u2 bie Umbrehungezahlen, fo hat man nach f. 26 auch

$$\frac{c_1}{c_2}=\frac{u_1\,r_1}{u_2\,r_2};$$

verbindet man baher diefe beiben Gleichungen mit einander, fo erhalt man

das Umfetzungeverhältniß
$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1}{r_2 \cos \delta}$$
.

Siebt man
$$\psi$$
, d und δ , so hat man
$$r_1 = \frac{\psi \cos \delta \cdot d}{1 + \psi \cos \delta} \text{ und } r_2 = \frac{d}{1 + \psi \cos \delta}.$$

Beifpiel. Far ein huperboloibifches Raberwert, wie Fig. 117, beffen Aren um die Normale CD=d=50 Boll von einander abstehen, und bei Burud: führung auf einen gemeinschaftlichen Durchschnittspunkt einen Bintel & von 25 Grab zwifden fich einschließen, bat man bei bem Umfebungeverhaltniffe

$$\psi=rac{u_2}{u_1}=rac{y_5}{v_5}$$
, ba $\cos \vartheta=\cos .25^0=0.9068$ ift, bie Nabhalbmeffer

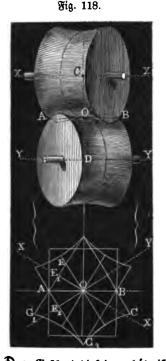
$$r_1 = \frac{0.4 \cdot 0.9063 \cdot 50}{1 + 0.4 \cdot 0.9063} = \frac{18,126}{1,3625} = 13,30 \text{ Boll und}$$
 $r_2 = \frac{50}{1.3625} = 36,70 \text{ Boll.}$

Giebt man bem cylindrifchen Rabe eine Dide von 6 Boll, nimmt man alfo AO = e = 3 Boll, fo erhalt man bie Dide bes Syperboloibenrabes:

und enblich bie Salbmeffer ber außeren Grunbflachen bes Sperboloibenrabes:

$$s = \sqrt{a^2 + z^2} = \sqrt{r_1^2 + z^2} = \sqrt{1348,50} = 36,72$$
 3oft.

Superboloi. Denraber. §. 41. Man kann auch bas cylindrische Rad durch ein anderes Hp= Nia. 118. perboloidenrad, wie in Fig. 118 zu er=



perdolotentad, wie in Fig. 118 zu ersehen ist, ersehen, ohne die Berührungstinie AB zu verändern. Dieses zweite Rad ist übrigens ganz so anzuordnen und zu construiren wie das erste. Sehen wir die Länge der Berührungslinie AB = 2l, also ihre halbe Länge AO = BO = l, und bezeichnen wir die Wintel AOX und AOY (Grundsrif), welche die auf denselben Punkt O zurückgeführten Radaren mit AB einschließen, durch δ_1 und δ_2 , so haben wir die Projectionen von AO = l auf die äußeren Grundssächen beider Räder: $AE_1 = z_1 = AO$ sin. $\delta_1 = l$ sin. δ_1 und

 $AE_2 = z_2 = AO \sin \delta_2 = l \sin \delta_2;$ ferner die Raddicken

$$e_1 = 2 OE_1 = 2 l \cos \delta_1$$
 und $e_2 = 2 l \cos \delta_2$,

und endlich die åußeren Radhalbmesser $E_1 G_1 = x_1 = \sqrt{r_1^2 + z_1^2}$ und $E_2 G_2 = x_2 = \sqrt{r_2^2 + z_2^2}$.

Das Geschwindigkeitsverhaltniß zwischen beiden Rabern ist burch die Winkel δ_1 und δ_2 bestimmt. Seten wir die Geschwindigkeit des Rades ACB im Abstande $CO=r_1,=c_1$ und die des Rades ADB im Abstande $DO=r_2,=c_2$ die des imaginaren Epsinderrades aber =c, so haben wir nach dem Vorhergehenden $c=c_1\cos\delta_1$ und auch $c=c_2\cos\delta_2$ daher folgt $c_1\cos\delta_1=c_2\cos\delta_2$, also $\frac{c_1}{c_2}=\frac{\cos\delta_2}{\cos\delta_1}$, und da $\frac{c_1;}{c_2}$ auch $=\frac{u_1\,r_1}{u_2\,r_2}$ ist, $\frac{u_1\,r_1}{u_2\,r_2}=\frac{\cos\delta_2}{\cos\delta_1}$, also das Umsetungsverhaltniß:

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{r_1 \cos \delta_1}{r_2 \cos \delta_2}.$$

Ift d, ψ , und δ gegeben, so hat man wie oben

$$r_1 = rac{\psi \, d \cos \delta_2}{\cos \delta_1 + \psi \cos \delta_2}$$
 und $r_2 = rac{d \cos \delta_1}{\cos \delta_1 + \psi \cos \delta_2}$.

Beifpiel. Benn ber Rormalftand beiber Rabaxen 40 Boll und bas Umsetzungererhaltniß $\psi=\$_2'$ betragen foll, so hat man bei ben Axenwinkeln

d₁ = 450 und d₂ = 450, alfo d = 900, wie bei einem gewöhnlichen chlindrifchen opperbolot-Maberwerte, $r_1 = \frac{\psi d}{1 + \psi} = \frac{1.5 \cdot 40}{2.5} = 24$ Boll und $r_2 = \frac{40}{2.5} = 16$ Boll.

Raber, welche fich außerhalb bes turgeften Abstandes CD zwis 6. 42. %iq. 119.

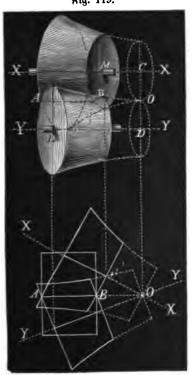
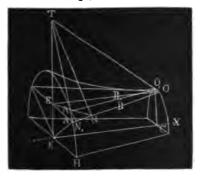


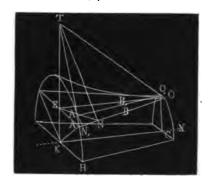
Fig. 120.



Schen beiben Aren XX und YY, Rig. 119, berühren, muffen bie Kormen abgeftumpfter Spperboloide ABM und ABL erhalten. Die Conftruction biefer Soperboloibe mittele ber Reblhalbmeffer $CO = r_1$ und $DO = r_2$, fo wie der Arenwinkel $AOX = \delta_1$ und $AOY = \delta_2$ (Grunbriß) bleibt übrigens genau bie oben Damit die Bemes angegebene. gung moglichft unmittelbar von einem Rade auf bas andere übergetragen werde, muffen fich beibe Raber an allen Stellen ber Linie AB mathematisch berühren. In biefem Salle nimmt bei Unwendung eines gemiffen Druckes bas eine Rab bas andere burch bie bloße Reibung mit herum; außerbem aber find Bahne ober Kerben in ben Radumfangen unumganglich nothwendig. Es ist also erfors berlich, daß beibe Rabumfange an jeber Stelle ber Linie AB eine aemeinschaftliche Berührungs: ebene haben, daß also auch an jeder Stelle von AB bie Beruhrungs: ebene bes einen Rabes benfelben Reigungswinkel mit ber Chene parallel zu beiben Rabaren ein= schließe, wie bie bes anderen.

Rebenfalls ift bie Chene A TO, Fig. 120, burch bie Erzeugungslinie AB (AO) und burch bie Tangente AT an ben Leitungs: ober Umbrehungefreis AHK Bes

superbotot ruhrungsebene im Punkte A, und ber Winkel TNE, welchen bie Perpenstundber. Fig. 121. bikel EN und TN auf AO



bikel EN und IN auf AO zwischen sich einschließen, Reisgungswinkel bieser Ebene gegen bie parallel zu beiden Radaren gelegte Grundebene EAO oder KHC. Sehen wir diesen Winstel = G, so haben wir

$$tang. \Theta = \frac{ET}{EN},$$

ober, da einer bekannten Eigen= schaft bes Kreises zu Folge,

$$ET = \frac{\overline{EA^2}}{EK} \text{ ift,}$$

tang.
$$\Theta = \frac{\overline{EA^2}}{EK \cdot EN}$$
.

Nun ist aber
$$EK = OC = r_1$$
, serner $EN = EA \cos AEN = EA \cos \delta_1$ und $tang. \Theta = \frac{l \sin \delta_1}{r_1 \cos \delta_1} = \frac{l}{r_1} tang. \delta_1$.

Sett man r1 und d2 ftatt r1 und d1 ein, so erhalt man fur den Reis gungewinkel ber Beruhrungsebene bes zweiten Rabes

tang.
$$\Theta = \frac{l}{r_2}$$
 tang. δ_2 ,

und baher burch Gleichsetzen beider Tangenten folgende Bedingung fur bie mathematische Beruhrung beider Hopperboloidenraber

$$\frac{tang. \, \delta_1}{r_1} = \frac{tang. \, \delta_2}{r_2}; \text{ ober } \frac{tang. \, \delta_1}{tang. \, \delta_2} = \frac{r_1}{r_2}.$$

§. 43. Das Geschwindigkeits= oder Umsetzungsverhaltniß des Hyperbostoidenraberwerkes in Fig. 119 entwickelt sich auf folgende Weise. Kommt die Berührungslinie AO, Fig. 121, in die Lage A_1O_1 , so rückt der Punkt A im Umfange des Umdrehungskreises AHK um einen Weg AA_1 fort, während seine Projection in einer Normalebene zu AO den Weg N_1A_1 zurrücklegt, und es ist auch $\frac{AA_1}{N_1A_1} = \frac{AT}{NT}$ das Verhältniß $\frac{c_1}{c}$ zwischen der Umfangsgeschwindigkeit des Rades AHK und ihrer Projection rechtwinstelig auf AO. Nun hat man aber

$$NT^2 = AT^2 - AN^2$$
, ferner $\frac{AT}{AE} = \frac{KA}{KE} = \frac{x_1}{r_1}$ und $AN = AE\sin \delta_1$;

baher folgt benn
$$\frac{c_1}{c} = \frac{x_1}{V x_1^2 - r_1^2 \sin \delta_1^2}$$

Onperbo-

fowie fur ein zweites Rab

$$\frac{1}{c} \frac{c_2}{c} = \frac{x_2}{\sqrt{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}}$$

und endlich bas Gefchwindigfeiteverhaltnif beiber in Berührung ftebenben Rabumfange:

$$\frac{c_1}{c_2} = \frac{x_1}{x_2} \cdot \frac{\sqrt{\overline{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}}}{\sqrt{\overline{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}}}.$$

Jest folgt bas Umfehungeverhaltnig

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{c_2}{c_1} \cdot \frac{x_1}{x_2} = \frac{\sqrt{x_1^2 - r_1^2 \sin \delta_1^2}}{\sqrt{x_2^2 - r_2^2 \sin \delta_2^2}},$$

ober, wenn man $x_1^2=r_1^2+a^2\sin.\delta_1^2$ und $x_2^2=r_2^2+a^2\sin.\delta_2^2$ einführt, $\psi=\sqrt{\frac{a^2\sin.\delta_1^2+r_1^2\cos.\delta_1^2}{a^2\sin.\delta_2^2+r_2^2\cos.\delta_2^2}}$.

Damit fich die Raber mathematisch beruhren, muß aber

$$\frac{r_1^2}{r_2^2} = \frac{tang.\,\delta_1^2}{tang.\,\delta_2^2} = \frac{sin.\,\delta_1^2}{cos.\,\delta_1^2} \cdot \frac{cos.\,\delta_2^2}{sin.\,\delta_2^2},$$

also $r_1^2 \cos \delta_1^2 = \frac{\sin \delta_1^2}{\sin \delta_2^2} \cdot r_2^2 \cos \delta_2^2$ sein, daher folgt

$$a^{2} \sin \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2} \cos \delta_{1}^{2} = \frac{a^{2} \sin \delta_{1}^{2} \sin \delta_{2}^{2} + r_{2}^{2} \sin \delta_{1}^{2} \cos \delta_{2}^{2}}{\sin \delta_{2}^{2}}$$

$$= \left(\frac{\sin \delta_{1}^{2}}{\sin \delta_{2}^{2}}\right)^{2} \cdot (a^{2} \sin \delta_{2}^{2} + r_{2}^{2} \cos \delta_{2}^{2})$$

und das Umfetzungeverhaltniß fehr einfach, alfo $\psi=rac{sin.\ \delta_1}{sin.\ \delta_2}$, genau wie bei ben conischen Rabern.

Ift ψ und $\delta = \delta_1 + \delta_2$ gegeben, fo findet man wie bei Regel- ober Binkelrabern

aus
$$\begin{cases} 1) \frac{\delta_1 + \delta_2}{2} = \frac{\delta}{2} \\ 2) tang. \left(\frac{\delta_1 - \delta_2}{2}\right) = \frac{\psi - 1}{\psi + 1} \cdot tang. \frac{\delta}{2} \end{cases}$$

$$\delta_1 = \frac{\delta_1 + \delta_2}{2} + \frac{\delta_1 - \delta_2}{2} \text{ unb}$$

$$\delta_2 = \frac{\delta_1 + \delta_2}{2} - \frac{\delta_1 - \delta_2}{2}.$$

Bit ferner der turgefte Apenabstand d gegeben, fo erhalt man noch

Spperbo-Loldenråber. bie Rehlhalbmeffer r, und r2 burch bie Formeln

$$r_1 = \frac{d \ tang. \, \delta_1}{tang. \, \delta_1 + tang. \, \delta_2}$$
 und $r_2 = \frac{d \ tang. \, \delta_2}{tang. \, \delta_1 + tang. \, \delta_2}$

Giebt man endlich noch den Abstand l eines Berührungspunktes A von der kürzesten Linie CD=d zwischen beiden Radaren, so hat man die entsprechenden Radhalbmesser $x_1=\sqrt{r_1^2+l^2\sin\delta_1^2}$ und $x_2=\sqrt{r_2^2+l^2\sin\delta_2^2}$.

Anmerkung. Nimmt man $d_1=d_2=0$, so erhält man $x_1=r_1$ und $x_2=r_2$, sowie $\psi=\frac{r_1}{r_2}$; nimmt man aber $r_1=r_2=0$, so hat man $\sin d$.

 $x_1=l\sin d_1$ und $x_2=l\sin d_2$, und es bleibt $\psi=\frac{\sin d_1}{\sin d_2}$. Im ersten Falle hat man es mit einem Chlinder, und im zweiten mit einem Regelräders werke zu thun, und es sind diese Folgerungen mit dem Obigen im vollsommensten Einklang.

Beispiel. Soll ein hyperboloibisches Raberwerk construirt werben, besten kurzester Arenabstanb d=20 Boll, Arenwinkel $\delta=90^{\circ}$ und Umsetzungsvershältniß $\psi=^{\circ}/_{1}$ ift, so hat man für basselbe, ba in biesem Kalle sin. $\delta_{2}=\cos{\delta_{1}}$, also $\sin{\delta_{1}}-\sin{\delta_{1}}-\tan{\delta_{1}}-\tan{\delta_{1}}-2$ ist

also
$$\frac{sin. \, d_1}{sin. \, d_2} = \frac{sin. \, d_1}{cos. \, d_1} = tang. \, d_1 = 2 \text{ ift},$$

$$d_1 = 63^{\circ}26' \text{ unb } d_2 = 26^{\circ}34'.$$

Ferner folgt ber halbhalbmeffer $r_1 = \frac{20\cdot 2}{2+\frac{1}{2}} = \frac{80}{6} = 16$ und

$$r_2 = \frac{20 \cdot \frac{1}{2}}{2 + \frac{1}{2}} = 4 \text{ Boll.}$$

Sollen enblich die beiben äußersten Berührungspunkte ber Raber um 30 und 38 Joll von dem kurzesten Arenabstande & entfernt sein, so hat man die entspreschenden Rabhalbmeffer für das eine Rad:

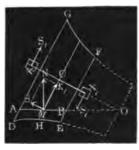
$$x_1 = \sqrt{16^2 + 30^2 (sin. 63^0 26')^2} = \sqrt{975,98} = 31,24 \text{ Boll},$$

 $unb = \sqrt{16^2 + 38^2 (sin. 63^0 26')^2} = \sqrt{1411,20} = 37,57 \text{ Boll},$
 unb für bas andere Rab:

$$x_2 = \sqrt{4^2 + 30^2 (sin. 26^0 34')^2} = \sqrt{196} = 14,00 \text{ Soll},$$

 $unb = \sqrt{4^2 + 38^2 (sin. 26^0 34')^2} = \sqrt{304,83} = 17,45 \text{ Soll}.$

Fig. 122.



§. 44. Die Hypperboloidenrader stehen den Eplinder= und Regelradern nicht
allein wegen der größeren Bahn-, sondern
auch wegen der größeren Arenreibung
nach. Die Normaltraft N, Fig. 122,
mit welcher ein Rad auf das andere
wirkt, zerlegt sich in eine Seitenkraft K
in der Umbrehungsebene, und in eine
Seitenkraft S parallel zur Radare XX;
jene bringt genau denselben Arendruck
hervor, wie die Umdrehungskraft bei den

Eplinder = und Regelradern, biefe hingegen fucht nicht allein bas gange Rad Dupertoliciin ber Arenrichtung fortzuschieben, fonbern auch baffelbe um eine Linie recht: winkelig gur Umbrehungsare zu breben (f. I. S. 123). Ift M bas Rraft= moment des Rades DEFG und x_1 der mittlere halbmeffer CH beffelben, so hat man die Umdrehungstraft $K_1 = \frac{M}{x_1}$, und da nun $K_1 c_1 = Nc$

ift, die Normalkraft
$$N=rac{c_1}{c}~K_1=rac{x_1~K_1}{\sqrt{x_1^2-r_1^2\sin\delta_1^2}}$$
 .

und daber bie Seitenfraft

$$S = V \overline{N^2 - K_1^2} = \frac{r_1 \sin \delta_1 \cdot K_1}{V x_1^2 - r_1^2 \sin \delta_1^2} = \frac{r_1 \sin \delta_1 \cdot K_1}{V h^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2},$$

wobei h ben Abstand CO bes Rabmittels C von bem Perpenbitel zwischen beiben Rabaren bezeichnet, r, und d, aber die oben angegebenen Bedeutuns gen baben.

Die Kraft S erzeugt eine Reibung an ber Basis bes Bapfens X, beren Moment bei bem Bapfenhalbmeffer Q1, 3/8 \phi SQ1 du feben ift, und bann eine Bergrößerung ber Seitenreibung an beiben Bapfen X und X1, die um fo großer ausfallt, je turger die Rabare XX, ift. Bezeichnen wir bie gange

Fig 123.



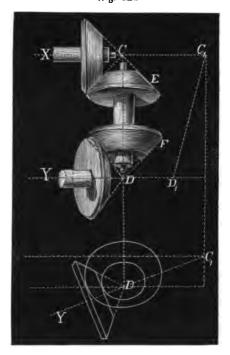
 XX_1 bieser Are durch l_1 , so haben wir bie Seitenfraft in jebem ber Bapfen,

$$S_1 = \frac{x_1}{l_1} S_{l_1}$$

und es ist nun hiernach mit Anwenbung bes in §. 28 Borgetragenen bie Seitenreibung felbft gu berechnen.

Wegen diefer Sinderniffe wendet man baber auch oft ftatt zweier Spperbolois benraber ein boppeltes conifches Raberwert an. Es tommt hierbei nur barauf an, bag man bie beiben Arenrich= tungen CX und DY, Figur 123 und Fig. 124 (auf folgb. Seite), burch eine Linie CD verbindet, und biefe gur Umbrehungsare einer Belle mit zwei 3wis ichenraber E und F macht.

Duperholoiben. Bei der Anordnung in Figur 123 fallt diese Zwischenare CD mit dem Perpendikel zwischen den gegebenen Aren zusammen, bei der Anordnung Kig. 124.



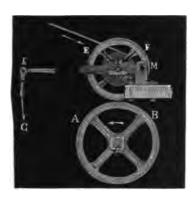
in Figur 124 liegt aber CD außerhalb bes Perpenbitels.

Reibungs.

§. 45. Wenn die Mittheilung der Bewegung durch bloße Berührung der Radumfange bewirkt werden soll, so mussen die Rader, die man, zur Unterscheidung von den Riemen- und Zahnradern, Reibung eraber nennen kann, mit einer gewissen Kraft gegen einander gepreßt werden, damit eine Reibung zwischen den Umfangen derselben entsteht, die mindestens der überzutragenden Kraft K gleich ist. Ist φ der Reibungscoefficient, so ist der nothige Druck der Rader gegen einander $R=\frac{K}{\varphi}$, und damit dieser nicht unnothig groß aussalle, muß man φ durch richtige Auswahl der Materien und durch Rauhhalten der Berührungsstächen möglichst groß zu machen suchen. Deshalb läßt man gern Holz auf Holz, oder mindestens Holz auf Gußeisen lausen, oder belegt wohl gar den einen Radumfang mit Leder, und zwar vorzüglich mit Büsselder. Es läßt sich annehmen, daß im Mittel für diese Materien $\varphi=1/2$ sei, und daher ermessen, daß der nös

thige Druck zwischen ben Rabern minbestens = 2 K betragen musse. Bei ben Riemenrabern ist ber Druck, mit welchem ber Treibriemen die Raber gegen einander zieht, in der Regel, zumal wenn der mit Riemen bebeckte Bogen nahe den halben Radumsang einnimmt, kleiner als 2 K, und beshalb die Anwendung dieser Raber vortheilhafter als die der Reibungszäher. Die Vergrößerungen, welche die Zapfenreibungen beider Raber durch biesen Druck R erleiden, sind nach §. 28 zu beurtheilen. Ueberdies bieten aber die Reibungsräber noch den Uebelstand dar, daß wenigstens das eine von ihnen keine feste Lagerung erhalten kann, da nur durch die Arenlager der Druck R auf das Rad übergetragen werden kann. Es werden desthalb die Reibungsräber auch nur selten, und in der Regel nur da angewendet, wo man es, wie z. B. bei Mühlen= oder Gichtauszügen, mit

Fig. 125.



einer unveranderlichen Last zu thun hat, und wo ein sich oft wiederhos lendes In= und Außergangsegen ber Maschine nothig ift.

Die Einrichtung eines solchen Raberwerkes ist aus Fig. 125 zu ers sehen. ACB ist bas festgelagerte Treibrad und EDF bas bewegliche Getriebrad. Die Zapfenlager bes letteren siten in einem gegabelten Hebel KDM, ber um M brehbar ist, und burch eine bei Kangreisende Kraft G auf ober nieber gebrückt wird, je nachdem bas Getriebrad in ober außer Gang gesett werden soll.

§. 46. Die sicherste Mittheilung ber rotirenden Bewegung findet jedenfalls nur bei den Zahnradern (f. §. 25) Statt. Wir haben oben (§. 26) vorausgesetz, daß die mit einander arbeitenden Rader eine und dieselbe Umfangsgeschwindigkeit c haben, und es ist nun nothig, daß durch die Berzahnung der Radumfange dieser Forderung kein Eintrag geschehe. Deshalb mussen die Zahne nicht nur bestimmte Formen haben, sondern auch in vollkommen gleichen Abständen von einander stehen. Man nennt diese Abstände die Theilung (franz. lo pas; engl. the pitch) eines Raderwerkes, und trägt diese als Bögen auf diesenigen Kreise auf, in welchen man sich die Rader in Berührung denken kann. Deshalb heißen auch diese Kreise die Theilkreise oder Theilrisse des Raderwerkes (franz. cercles primitiss; engl. pitch circles). In der Regel legt man die Theilkreise mitten durch das Rad. Unter den Radhalbmessern (r1 und r2) werz den stets die Halbmesser der Theilkreise verstanden. Die Zahne der Stirnz

Reibungs. rate:.

3€ine.

raber haben die Formen von Prismen, wie AEDFB, Fig. 126, die ber Båbne. Regel = und Sprerboloidenrader aber die von abgeftumpften Pyramiden, wie Fig. 126. Ric. 127.





AEDFB, Sig. 127. Bei jenen ift bie gerabe Erzeugungelinie in allen ihren Stellungen ber Rabare parallel, bei biefen ift fie aber ftets nach bem Arenburchschnitte ober nach bem Berührungspunkte ber Rehlereife ge-Als Leitlinie bient bas Bahnprofil in ber Theilkreisebene. Die End = ober Stirnflachen ber Bahne legt man rechtwinkelig gegen bie von ber Erzeugungelinie gebilbeten Seitenflachen. Sie fallen baber bei ben Stirnrabern in eine Ebene minkelrecht gur Umbrebungsare und bei ben Regel = und Syperboloibenrabern in einen Regelmantel. Zeber Bahn beffeht aus einem Dber= ober Ropftheil, und aus einem Unters ober gußtheil; jener fteht uber bem Theilrif und biefer unter bemfelben. Seitenflachen bes erfteren bilben bie fogenannte Bahnwolbung, bie bes letteren werben aber bie Seiten ober Flanten bes Bahnes Schlechtmeg genannt. Die Bahnform ift in ber Regel eine fommetrifche; fie lagt fich burch eine Chene A & /) in zwei congruente Salften theilen. Bon ben brei Dimenfionen eines Bahnes wird

bie Breite AB (frang. largeur; engl. breath) in ber Richtung ber Rabare, ober vielmehr ber imaginaren Berührungelinie MN,

Die Dide EF (frang. épaisseur; engl. thickness) im Umfang bes Theilriffes, und

bie Sohe ober Lange AD beffelben (frang. longueur; engl. length) rabial ober vielmehr rechtwinkelig gur Berührungsebene zwischen ben Radoberflachen gelegt.

6. 47. Wiewohl bie Bahne gewohnlich auf bem außeren Rabumfange festsiten, ober aus bemfelben hervorragen, fo bringt man fie boch auch juweilen an ber inneren Umflache bes Rabfranges, ober mohl gar an einer ber Stirnflachen beffelben an.

Im ersteren Kalle bat man es mit

außerer Bergahnung (frang. engrenage extérieur; engl. spurwheels),

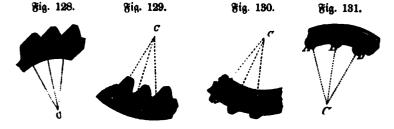
Jahn . und Rammraber.

im zweiten aber mit

Jabn. und

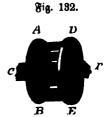
innerer Bergahnung ober inneren Zahnrabern (frangengrenage interieur; engl. annular wheels) ju thun.

Fig. 128 zeigt ein Stud von einem Rabe mit außerer und Fig. 129 ein solches mit innerer Bergahnung, bort find bie Jahne A, B, D vom Kranze aus rabial auswärts, hier aber rabial einwarts gerichtet. Die



Raber mit Jahnen auf ben Seitenflachen, wie in Fig. 130 und Fig. 131 zu sehen ist, heißen Kron= und Kammraber (franz. roues à couronne, roues à chan; engl. crown wheels, sace wheels). Man nennt sehr ges wöhnlich die Jahne bieser Raber Kamme, unterscheibet aber besser, wie die Englander, Jahne (franz. donts; engl. teeths), von den Kammen (franz. aluchons; engl. cogs), indem man die mit dem Radkranze ein Ganzes ausmachenden Jahne, Jahne schlechtweg, die in den Radkranz eingesetzen Zahne (von Holz) Kamme nennt.

Um bas Biegen und Abbrechen langer Bahne zu verhindern, befestigt



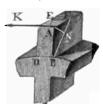
man biese auch oft mit ihren Enden in zwei parallesten Rranzen oder Scheiben AB und DE, wie z. B. in Fig. 132 zu sehen ist. Ein solches Rad nennt man dann gewöhnlich einen Drehling oder Tritsling (franz. lanterne; engl. lantern, trundle, wallower), und die meist cylindrisch oder conisch gesformten Zähne desselben werden Triebstöde (franz. suseaux; engl. staves) genannt. Ein kleines Rad, wo die Zähne oder Stäbe mit dem Rade aus einem

Stude gearbeitet find, nennen bie Deutschen gewöhnlich einen Rumpf.

· Wenn eine obcillirende oder absetzende Bewegung im Kreise fortzupstanzen ist, so bedarf man statt eines ganzen Rades nur eines Rabsectors, und wenn es sich um eine hin und hergehende geradlinge Bewegung hanzbelt, so geht der Radsector in eine gezahnte Stange (franz. crémaillidre; engl. rack) über. Die Theorie dieser letzteren ist von der der Zahnzäder nicht verschieden, denn man kann sich die Zahnstange als einen Radsector von unendlich großem Halbmesser benken.

Babn . unb Rammraber. §. 48. Das erfte und wichtigfte Element eines Bahnrades ift die Bahn= ftarte. Diefelbe hangt, wie wir sogleich beweisen wollen, nur von ber Umbrehungstraft K ab. Da bei einer ungenauen Ausführung ober beim

Fig. 133.



Dazwischenkommen eines kleinen Korpers, die Kraft K in dem außersten Echpunkte A, Fig. 133, des Bahnes angreifen kann, so erfordert es die Sicherheit, diesen Echpunkt A als Angriffspunkt anzunehmen, und eine solche Bahndicke anzuwenden, welche das Abbrechen der Ecke in der Fläche BDEF verhindert. Ein Perpendikel AN vom Echpunkte A gegen die angenommene Bruchstäche ABEF ift der Hebelarm der Kraft. Sehen wir den Winkel ABF, um wels

then diese Bruchstäche von der Stirnflache ABD abweicht, $= \varphi$, so haben wir diesen Hebelarm $AN = AB\sin\varphi$ und die Breite der Bruchstäche

$$BF = \frac{AB}{\cos \varphi}.$$

Bezeichnet man noch die Zahndicke B D (eigentlich ihren mittleren Werth) mit b und den Festigkeitsmodul mit K_1 , so haben wir beim Abbrechen eines Balkens (f. I. §. 196)

$$AN \cdot K = BF \cdot \overline{BD^2} \cdot \frac{K_1}{6}$$
, b. i.
 $AB \sin \varphi \cdot K = \frac{AB}{\cos \varphi} \cdot b^2 \cdot \frac{K_1}{6}$, folglids
 $K = \frac{b^2 K_1}{6 \sin \varphi \cos \varphi} = \frac{b^2 K_1}{3 \sin 2 \varphi}$.

Der Sicherheit wegen ist nun fur φ berjenige Werth zu nehmen, der K zum Minimo, also den Nenner 3 sin. 2 φ zum Maximo macht. Nun wird aber sin. 2 φ am größten, und zwar = Eins, wenn 2 φ = 90°, also φ = 45° ist, daher hat man also auch sin. 2 φ = 1 und

$$K=rac{b^2\,K_1}{3}$$
, so wie umgekehrt, $b=\sqrt{rac{3\,K}{K_1}}$ zu setzen.

Sest man nach I. §. 198 fur Gußeisen $\frac{K_1}{6}$ — 1000 Pfund, so erhalt man für Zähne aus diesem Stoffe, die Dicke

$$b = \sqrt{\frac{K}{2000}} = 0,0223 \ V\overline{K},$$

wofur man aber wegen bes allmaligen Abfuhrens der Bahne

$$b = 0.03 \sqrt{K}$$
 nimmt.

Die Rraft K bestimmt fich aus bem Arbeitsquantum L (Pferbetrafte), gaber unb Rammitber. welches burch die Bahne von bem einen Rabe auf bas andere übergetragen wird, und aus ber Umfangsgeschwindigkeit c (Fuß) mittels ber Formel $K = \frac{510 \, L}{c}$. Daher hat man benn bie Starte gufeiserner 3ahne:

$$b=0.03\sqrt{K}=0.677~\sqrt{\frac{L}{c}}=7.26~\sqrt{\frac{L}{ur}}~300$$
,

mofern u bie Umbrehungszahl bes Rabes pr. Minute und r ben in Bollen ausgebrudten Rabhalbmeffer bezeichnet.

Bolgerne Bahne muffen bei gleicher Sicherheit noch ein Dal fo bid gemacht werben als gufeiserne; ba man aber biefelben leicht auswechseln fann, und überdies zu ihrer Anfertigung bas festeste barte Bolg (ober Burgeln) von Beigbuche, Efche, Birnbaum, Effig : oder Bogelbeerbaum u. f. w. ver: wendet, fo macht man fie oft nur um die Salfte bider ale bie gugeifernen Bahne, alfo

$$b = 0.045 \ \sqrt{K} = 1.016 \ \sqrt{\frac{L}{c}} = 10.89 \ \sqrt{\frac{L}{ur}} \ 300.$$

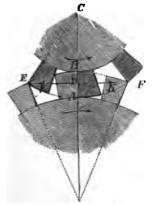
Die Bahne von Meffing ober Rothguß erhalten um ein Drittel mehr Starte ale bie von Gugeifen.

Endlich foll man Raberwerten, welche Stofe auszuhalten haben, wie 3. B. bei Sammerwerten, Windmublen u. f. w. ftartere Bahne geben, ale bie vorstehenden Regeln vorschreiben.

Beifpiel. Für ein Bahnrab von 20 Boll halbmeffer, welches pr. Minute 15 Umbrebungen ju machen und eine Leiftung von 30 Bferbefraften fortjupffangen hat, ift bie Starte feiner Bahne, wenn biefelben aus Bugeifen beftehen follen:

$$b = 7.26 \sqrt{\frac{30}{15.20}} = 7.26 \sqrt{0.1} = 2.30$$
 Boll.

Fig. 134.



M

parallel zur Rabare, ober vielmehr zur bimenfionen. imaginaren Berührungelinie gemeffen,

6. 49. Die Breite eines Bahnes,

bei langfam umlaufenden Råbern:

l=4b bis 5b.

bei schnell umgebenden aber l = 6b bis 7b

gemacht.

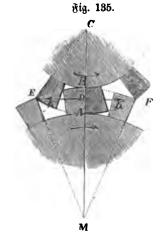
Die Zahnhöhe ober Länge hist von ber Bahnform abhångig, und muß baher für jebe Zahnform besonders bestimmt werben. Gewohnlich ift jeboch

h = 1.2 b bis 1.5 b.

Maren bie Bahne von ebenen Geis

Babn.

n. tenflachen begrenzt, wie z. B. Fig. 135 vor Augen führt, so murbe bie



Sahnlänge AB = h mindestens der Summe AD + DB zweier Bogenshöhen AD und BD gleich sein mussen. Sehen wir die Hälfte DE = DF der Sehne EF, welche den Anfangsund Endpunkt des Eingriffes verbindet, = s, und die Halbmesser CE und ME oder CF und MF, $= r_1$ und r_2 , so haben wir annähernd

$$AD = \frac{s^2}{2 r_1} \text{ und } BD = \frac{s^2}{2 r_2},$$

und baher bie gefuchte Bahnlange:

$$h=\frac{s^2}{2}\left(\frac{1}{r_1}+\frac{1}{r_2}\right).$$

Wenn, wie gewöhnlich, und wie auch aus der Figur zu ersehen ift, immer zwei Paar Zahne mit einander im Gin=

griff sind, also der Eingriff eines Zähnepaares (E) beginnt, wenn der Eingriff eines anderen (F) aushört, so läßt sich DE = DF = der Theislung s und also auch annähernd der doppelten Zahndicke 2b gleichsehen. Auch kann man für r_1 und r_2 die Theilkreishalbmesser CD und MD substituiren.

Die Weite der Zahnlucke nimmt man, um das Einklemmen zu vermeisben, um ein Zehntel größer als die Zahndicke, jedoch geht man damit bei ben auf das Genaueste ausgeführten Rabern aus Eisen oder Wessing auf $^{1}/_{15}$ herab, und steigt bei wenig accurat herzustellenden Zahnradern von Holz die auf $^{1}/_{7}$. Halten wir die Mittelzahl $^{1}/_{10}$ fest, so bekommen wir für die Weite einer Zahnlucke = 1,1 b und daher die Theilung

$$s = b + 1,1 b = 2,1 b.$$

Um einen sanften Gang zu erhalten und dem starten Abführen der Bahne zu begegnen, macht man gern die Bahne des einen Rades von Holz, und stellt das andere Rad ganz aus Eisen her. Ist dann b_1 die Starte eines eisernen und b_2 die eines holzernen Zahnes, so hat man

$$s = b_1 + 1, 1 b_2.$$

3abnegabi. §. 50. Aus der gefundenen Theilung 8 ergiebt fich endlich noch die entsprechende Anzahl n der Zahne, indem man fest

$$n=\frac{2\pi r}{s}=6{,}283\frac{r}{s},$$

und hierbei immer die nachft grofere ober fleinere gange Bahl annimmt. Man hat

Babnejabt.

fü	t 8	=	1/4	1/2	8/4	1	11/2	2	21/2	8 Zoll.
	n	=	25,133	12,566	8,378	6,283	4,189	3,141	2,513	2,094 r.
uni	· r	=	0,03979	0,07958	0,1194	0,1592	0,2387	0,3183	0,3979	0,4775 n.

Bum Auftragen ber Theilung kann man naturlich nur die Sehne bes Theilkreisbogens zwischen die Zirkelspigen fassen, ber von der Theilung s gebilbet wird. Es ist baher nothig, daß man das Berhaltniß bieser Sehne si zum Bogen s kenne.

Der der Theilung s entsprechende Theilwinkel β ist bestimmt durch die bekannte Formel

$$\beta^{\circ} = \frac{360^{\circ}}{n} = \frac{360^{\circ}s}{2\pi r} = \frac{180^{\circ}s}{\pi r} = 57^{\circ}, 296 \frac{s}{r},$$

und aus ihm bestimmt fich die Sehne, durch die ebenfalls bekannte Formel

$$s_1 = 2 r \sin \frac{\beta}{2} = 2 r \sin \left(\frac{180^{\circ}}{n}\right) = 2 r \sin \left(28^{\circ}, 648 \frac{s}{r}\right).$$

Annahernd kann man (f. Ingenieur, S. 225)

$$sin. \frac{\beta}{2} = \frac{\beta}{2} - \frac{\beta^3}{2 \cdot 3 \cdot 8} = \frac{\beta}{2} (1 - \frac{1}{24} \beta^2),$$

wo $eta = rac{s}{r}$, ben Bogen fur den Halbmeffer 1 bezeichnet, feten, daher auch

$$\begin{split} s_1 &= 2 \ r \cdot \frac{s}{2 \ r} \left[1 - \frac{1}{24} \left(\frac{s}{r} \right)^2 \right] = s \left[1 - \frac{1}{24} \left(\frac{s}{r} \right)^2 \right] \\ &= \frac{2 \ \pi \ r}{n} \left[1 - \frac{1}{24} \cdot \left(\frac{2 \ \pi}{n} \right)^2 \right] = \frac{6 \cdot 283 \ r}{n} \left(1 - \frac{1 \cdot 645}{n^2} \right) \text{ folgt.} \end{split}$$

Wir werben weiter unten sehen, daß die Reibung zwischen den Zahnen um so kleiner aussällt, je größer die Anzahl der Zahne ist. Aus diesem Grunde vermehrt man auch diese Zahl soviel wie möglich, oder wendet, was auf Eins hinauskommt, möglichst hohe Rader an. Nach Buchanan ist zu einem guten Gange erforderlich, daß ein Treibrad mindestens 6 und ein Getriebrad wenigstens 10 Zahne habe; es ist jedoch rathsam, jene Zahlen mindestens auf resp. 8 und 12 zu steigern, und nur bei Drillingen eine so kleine Anzahl von Triebstöden anzuwenden. Bei Raderwerken, welche einen sansten Gang erfordern, geht man aber mit der Anzahl der Zahne nicht gern unter 20 herab.

Damit sich die Bahne des kleineren Rades im Bergleich zu denen des größeren nicht zu schnell abnuten, ist es auch rathsam, mit dem Umsehungs- verhältniffe & die Grenzen 6/1 und 1/6 nicht zu überschreiten, also dem gro-

dayadic

Beren Rabe nicht mehr als hochstens 6 Mal so viel Zähne zu geben als bem kleineren Rabe. Meist begnügt man sich aber mit bem Umsehungs- verhältnisse $^{3}/_{1}$ ober $^{1}/_{3}$, und wendet zur weiteren Umsehung mehrsache Räberwerke an.

Endlich ift es auch zwedmäßig, wenn die Anzahl ber Bahne bes Treibund die des Getriebrades teinen gemeinschaftlichen Theiler haben, weil bann jeber Bahn bes einen Rabes nach und nach mit jebem bes anderen jum Eingriff tommt, und baburch bas ftartere und ungleichmäßige Abfuhren ber Bahne vermieben wirb, mas eintritt, wenn nur gemiffe Bahne bes einen Rabes mit gemiffen bes anberen in Beruhrung tommen. Satte 3. B. bas eine Rab 20 und bas andere 28 Bahne, maren alfo beibe Bahnegablen burch 4 theilbar, fo murbe jeber Bahn bes erften Rabes nur mit 7 Bahnen bes anderen, und jeber bes anderen nur mit 5 Bahnen bes erfteren ausammentreffen; geben wir aber bem letteren Rabe 29 Bahne, fo wird mabrend 29 Umbrehungen bes erfteren ober 20 Umbrehungen bes letteren, jeber ber 20 Bahne bes erfteren Rabes mit jebem ber 29 bes anberen ein Mal in Berührung tommen. Um beften ift es, fur bie Ungahl ber Bahne bes kleineren Rades Primzahlen, wie 13, 17, 19, 23 u. f. w. auszumahlen, weil bann fur bas großere Rab leicht eine burch die Bahl ber Rabarme theilbare Bahnegahl gefunden werden fann.

Beispiel. Benn eine Belle von einer anderen ein Arbeitsquantum L von 25 Pferbekräften ausnehmen und pro Minute 9 Umbrehungen machen soll, während jene 27 Mal umläuft, kann man auf dieselbe ein Getriebrad von 54 Boll, und auf die Umtriebswelle ein Treibrad von 18 Boll Halbmeffer aussehen. Stellt man nun das kleinere Getriebrad ganz aus Gußeisen her, so hat man die Stärke

feiner Bahne $b_1=7.26$ $\sqrt{\frac{25}{27.18}}=1.65$ Boll, und verfieht man bas große Getriebrab mit hölzernen Bahnen, fo fann man biefe von ber Starte

it holzernen gahnen, jo tann man bieje von der Stat $b_2 = 1.5 \cdot b_1 = 1.5 \cdot 1.65 = 2.47 \,$ Boll

machen, und folglich bie Theilung

$$s = 1.65 + 1.1.2.47 = 4.37 \text{ Boll}$$

in Anwendung bringen. Diefe Theilung führt auf die Bahnezahlen

$$n_1 = \frac{2 \pi r_1}{s} = \frac{6,283 \cdot 18}{4,37} = 25,88 \text{ unb}$$
 $n_2 = \frac{2 \pi r_2}{s} = \frac{6,283 \cdot 54}{4,37} = 77,64,$

so daß dem Treibrade 26 und dem Getriebrade 77 ober 78 Bahne zu geben sein möchten. Behalten wir die Bahlen 26 und 77 bei, so wird allerdings das Umssehungsverhältniß $\psi=\frac{26}{77}=0.3376$, also nicht ganz $\frac{1}{8}$, wie gefordert wird; wogegen durch die Bahnezahlen $n_1=26$ und $n_2=78$ dieser Forderung vollstommen Genüge geleistet wird. Die der Bahnezahl $n_1=26$ entsprechende Spannweite der Theilung des Treibrades ist

$$s_1 = \frac{6,283 \cdot 18}{26} \left(1 - \frac{1,645}{26^3}\right) = 4,350 \ (1 - 0,00243) = 4,339 \ \text{SoII},$$

und bie ber Bahnezahl ne = 77 bes Getriebrabes entsprechenbe Birtelfpannung: Babnezahl.

$$s_2 = 4,350 \left(1 - \frac{1,645}{77^3}\right) = 4,350 \left(1 - 0,00027\right) = 4,349 \text{ goll.}$$

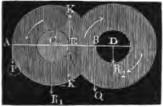
Anmerkung. Tabellen gur Erleichterung ber Rechnungen bei Anordnung eines Rabermertes theilt ber "Ingenieur«, Seite 561, 562 und 563 mit.

Da die Theilung 8 zweier mit einander arbeitenden Raber eine und biefelbe fein muß, fo hat man fur bie Bahnegablen n, und na und bie Theilungshalbmeffer r1 und r2 diefer Raber:

$$n_1=rac{2\,\pi\,r_1}{s}$$
 und $rac{2\,\pi\,r_2}{s}$, also $rac{n_1}{n_2}=rac{r_1}{r_2}=rac{u_2}{u_1}=\psi.$

Es verhalten fich also die Bahnezahlen zweier in einander greifenden Råber wie ihre Theilungshalbmeffer, ober umgetehrt wie bie Umbrehungszahlen ber Raber, und es ift bas Umfegungeverhaltniß auch gleich bem Berhaltniffe gwifchen ber





Zähnezahl des Treibrades und bem bes Betriebrabes.

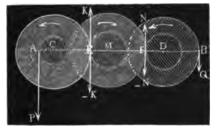
Auch konnen wir hiernach bei einem Rabermerte, wie Kigur 136, (f. §. 26), wo bie Laft Q an einem Sebelarme DB = b, und die Kraft P an einem Sebelarme CA = awirtt, ftatt

$$\frac{P}{Q} = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a}, \text{ also } P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q,$$

fo wie bas Berhaltniß ber Geschwindigkeiten v und w von P und Q:

$$\frac{w}{v} = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b}{a} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a}, \text{ also } w = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \text{ v feben.}$$

Ebenfo ift fur ein boppeltes Raberwert, wie Fig. 137, wenn n1 bie Fig. 137.



Babt ber Bahne bes Treibrades CE, n2 die Bahnegahl bes Getriebrades ME, na die Bahnegahl bee Treibrades MF und na die bee Getriebrades DF Babnegabt, bezeichnet, Rraft P und Laft Q aber an ben Sebelarmen CA=a und DB = b mirten, bas Rraftes ober umgetehrte Geschwindigkeiteverhaltniß:

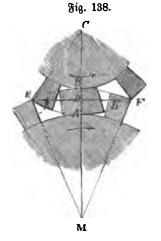
$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{b}{a}$$

Beispiel. Um mittele eines Aufzuges eine gaft Q von 3000 Bfund gu heben, bie an einem Gebelarme b = 8 Boll wirft, ift, wenn jebes ber beiben Treibraber 15 Bahne, bas eine Getriebrab 48 und bas andere 64 Bahne bat, eine am Sebelarme a = 20 Boll wirfenbe Rraft

 $P={}^{16}\!/_{48}\cdot{}^{16}\!/_{64}\cdot{}^{8}\!/_{20}\cdot3000=87,89$ Pfund nothig, und um diese Laft 20 Fuß bech zu heben, muß ber Rrastpunkt einen

Beg von 48/15. 64/15. 20/8. 20 = 682 3/8 Fuß, also die Kraftwelle
$$\frac{682 \frac{9}{3}}{\pi^{40/10}} = \frac{2048}{31.415} = 65,2 \text{ Umbrehungen machen.}$$

Die Reibung zwischen ben Bahnen eines Stirnrabes lagt fich, 6. 52. Babnreibung



wenn wir die Bahne von ebenen Geis tenflachen, wie in Fig. 138, begrengt annehmen, auf folgende Beise ermitteln. Die Kraft, mit welcher bie Bahne gegen einander bruden, ift zwar etwas veran= berlich, kann aber, weil diese Beranber= lichfeit nur flein ift, ber Rraft K im Berührungspuntte D ber Theilfreife gleichgefest werben. Ihr entspricht ba= her bei bem Reibungscoefficienten @ eine parallel zur Zahnfläche $A\,B$ wirkende Reibung $F_1 = \varphi K$. Während ein arbeitendes Bahnepaar von dem ersten Eingriff E bis in die Centrallinie CM ruckt, und also ben Weg ED zurucklegt, burchlauft bie Ede bes einen Bahnes

bie gange Seitenflache bes anderen, und mahrend bas Bahnepaar aus ber Centrallinie bis jum Ende bes Gingriffs rudt, ichiebt fich bie Ede bes anberen Bahnes an ber gangen Seitenflache bes ersteren hin. Es burchlauft folglich die Reibung $F_1 = \varphi K$ den Weg AB, wahrend die Rraft K im Theilfreise einen Beg DE=DF=s macht. Run ift aber nach §. 49, $AB = rac{s^2}{2} \left(rac{1}{r_*} + rac{1}{r_*}
ight)$, daher folgt denn bie auf ben Theilkreis res

bucirte Bahnreibung
$$F=rac{A\,B}{s}$$
 . $F_1=rac{s}{2}\left(rac{1}{r_1}+rac{1}{r_2}
ight)$. $arphi\,K$.

Wenn nun, wie meist immer, zwei Paar Bahne im Gingriff find, so ist auch s die Theilung, und bezeichnen nun noch n1 und n2 die den Radhalb= meffern r1 und r2 entfprechenden Bahnezahlen, fo haben wir

Babnreibung.

$$s = \frac{2 \pi r_1}{n_1} = \frac{2 \pi r_2}{n_2}$$
, baher $\frac{s}{2 r_1} = \frac{\pi}{n_1}$ und $\frac{s}{2 r_2} = \frac{\pi}{n_2}$,

enblich aber

$$F = \left(\frac{\pi}{n_1} + \frac{\pi}{n_2}\right) \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K.$$

Im Mittel kann man $\varphi=0,11$ und beshalb $\pi\,\varphi={}^{1}/_{3},$ also

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \frac{K}{3}$$
 fegen.

Sind nicht 2, fondern v Bahne im Gingriff, fo ift

$$s=rac{
u}{2}\cdotrac{2\,\pi\,r_1}{n_1}=rac{
u}{2}\cdotrac{2\,\pi\,r_2}{n_2}$$
, und baher $F=\left(rac{1}{n_1}+rac{1}{n_2}
ight)rac{
u\,\pi}{2}\cdotarphi\,K$.

Es lagt fich fpater nachweisen, daß biefe Formel auch fur Bahne gilt, beren Seitenflachen nach einer krummen Linie abgerundet find, wenn die Lange berfelben klein, also bie Angahl berfelben fehr groß ist.

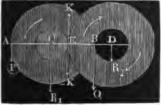
Für ben Eingriff eines Bahnrades in eine gezahnte Stange hat man $n_2=\infty$, daher $\frac{1}{n_2}=0$, und die gesuchte Bahnreibung

$$F = \frac{\pi}{n_1} \varphi K.$$

Das hauptergebniß, welches fich in ber gefundenen Formel herausstellt, ift, daß die Zahnreibung um so kleiner ausfällt, je mehr die Raber Bahne haben.

Die Rraft im Theilfreife mit Berudfichtigung ber Bahnreibung ift hier-

nach
$$K+F=\left[1+\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\varphi\right]K$$
, Sig. 139. b. i. $1+\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\varphi$



Mal so groß als ohne Zahnreibung; und beshalb ift auch für ein Raberwert, wie Fig. 139 (§. 26), bei dem
bie Kraft P am Hebelarm a und
bie Last Q am Hebelarm b wirkt,
mit Berücksichtigung ber Zahnreisbung

Erfte Abtheilung. 3meites Rapitel.

Bahnreibung.

$$P = \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi\right] \frac{r}{a} K$$

$$= \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi\right] \frac{r_1}{a} \cdot \frac{b}{r_2} Q$$

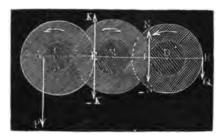
$$= \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{r_2} Q.$$

Fur ein doppeltes Rabermert ift ebenfo

$$P = \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\pi \varphi\right] \left[1 + \left(\frac{1}{n_3} + \frac{1}{n_4}\right)\pi \varphi\right] \cdot \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} Q,$$
annähernb

$$P = \left[1 + \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_3} + \frac{1}{n_4}\right) \pi \varphi\right] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} Q.$$

Beispiel. Rach ber vorstehenben Regel ift fur ben Aufzug mit boppeltem Fig. 140.



Raberwerfe Fig. 140, im verigen Beispiele, bie Kraft, mit Berücksichtigung ber Bahnreibung, wenn wir $\pi \varphi = \frac{1}{3}$ feten,

P = [1 + (\frac{1}{15} + \frac{1}{15} + \frac{1}{48} + \frac{1}{64}) \cdot \frac{1}{8}] \cdot \frac{15}{48} \cdot \frac{15}{48} \cdot \frac{15}{48} \cdot \frac{30}{20} \cdot \frac{3000}{2000} = (1 + \frac{1}{3} \cdot 0.1696) \cdot \frac{5}{16} \cdot \frac{3}{82} \cdot \frac{3000}{2000} = 1.0565 \cdot \frac{87}{9} = 92.86 \cdot \frac{8}{9}\text{fund}
b. i. reichlich \frac{5}{1/2} \cdot \frac{8}{1000} \cdot \frac{1}{9} \cdot



berechnenbe Zapfenreibung vergros Bert biefe Kraft ebenfalls noch um einige Brocent.

§. 53. Die Theorie der Bahnreibung u. f. w. von einem coni=
schen Raberwerke läßt sich leicht
aus der eines cylindrischen Raderwerkes, und zwar wie folgt, entwickeln. Zwei Wellen OK und
OL, Kig. 141, welche einen gewissen Winkel KOL — d zwischen sich einschließen, lassen sich
nicht nur durch zwei conische Ra-

ber DC und DM, sondern auch durch zwei (in der Abbildung umgeklappte) 3adareibung. Sectoren mit einander in Verbindung sehen. Es ist das Umsehungsvershältniß eins und daffelbe, wenn die gemeinschaftliche Umdrehungsebene KDL beider Sectoren winkelrecht auf der gemeinschaftlichen Berührungselinie OD steht und die Umdrehungsaren derselben parallel mit dieser Linie laufen. Für diese Sectoren ist aber die Zahnreibung genau wie dei den Stirnrädern

$$F = \frac{s}{2} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2} \right) \varphi K,$$

wenn s die Theilung D E bezeichnet, welche die Sectoren mit den conischen Rådern gemeinschaftlich haben, y_1 und y_2 aber die Halbmesser KD und LD repräsentiren. Diese Sectorenhalbmesser lassen sich aber aus den Radbalbmesser $CD = r_1$ und $MD = r_2$ und den Arenwinkeln $DOC = \delta_1$ und $DOM = \delta_2$, da KDC = DOC und LDM = DOM ist, mitstels der Ausbrücke $y_1 = \frac{r_1}{\cos \delta_1}$ und $y_2 = \frac{r_2}{\cos \delta_2}$ berechnen, weshalb nun $F = \frac{s}{2} \left(\frac{\cos \delta_1}{r_1} + \frac{\cos \delta_2}{r_2} \right) \varphi K$ sich herausstellt.

$$\begin{array}{c} \text{Noch ift aber nach §. 38, $sin. d_1} = \frac{r_1 sin. d}{\sqrt{r_1^2 + r_2^3 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d}}, \text{ also} \\ \frac{cos. d_1}{r_1$} = \sqrt{\left[\left(\frac{r_2}{r_1}\right)^3 + 2\left(\frac{r_2}{r_1}\right) \cos. d + \cos. d^2\right]} : \sqrt{r_1^2 + r_2^3 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d} \\ = \left(\frac{r_2}{r_1} + \cos. d\right) : \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d} \text{ und ebenso} \\ \frac{cos. d_2}{r_2$} = \left(\frac{r_1}{r_2} + \cos. d\right) : \sqrt{r_1^2 + r_2^3 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d}, \text{ baser} \\ \frac{cos. d_1}{r_1$} + \frac{cos. d_2}{r_2} = \left(\frac{r_1}{r_2} + \frac{r_2}{r_1} + 2 \cos. d\right) : \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d} \\ = \frac{r_1^2 + r_2^2 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d}{r_1 \, r_2} : \sqrt{r_1^2 + r_2^2 + 2 \, r_1 \, r_2 \cos. d}, \end{array}$$

und folylich

$$F = \frac{s}{2} \sqrt{\frac{1}{r_1^2} + \frac{1}{r_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{r_1} \cdot \frac{1}{r_2} \cos \delta} \cdot \varphi K.$$

Führen wir enblich noch $\frac{s}{2\,r_1}=\frac{\pi}{n_1}$ und $\frac{s}{2\,r_2}=\frac{\pi}{n_2}$ ein, so erhalsten wir die in Frage stehende Zahnreibung

Erfte Abtheilung. 3meites Rapitel.

3abnreibung.

$$F = \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} \cos \delta} \cdot \pi \varphi K,$$

und baher auch

$$P = \left(1 + \pi \varphi \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} \cos \delta}\right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q,$$
 wenn Q die Last und P die Kraft, b den Hebelarm der ersteren und a den der letteren bezeichnet.

Stehen die Rabaren auf einander rechtwinkelig, fo hat man

$$\cos \delta = \cos 90^\circ = 0$$
, und daher $F = \sqrt{\frac{1}{n_s^2} + \frac{1}{n_o^2}}$. $\pi \varphi K$.

Liegen hingegen bie Uren parallel, alfo bie Rabflachen in einerlei Cbene, so hat man bei außerer Berührung cos. 8 = cos. 0 = 1, und baher wie oben

$$F = \sqrt{\frac{1}{n_1^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_2^2}} \cdot \pi \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \cdot \pi \varphi K,$$
 endlich bei innener Berührung $\cos \delta = \cos .180^\circ = -1$, also

$$F = \sqrt{\frac{1}{n_1^2} - 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} + \frac{1}{n_2^2}} \cdot \pi \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} - \frac{1}{n_2}\right) \cdot \pi \varphi K$$
, wobei aber für n_1 stets die kleinere Bahnezahl zu sehen ist. Man ersieht hieraus, daß die Bahnreibung bei inneren Stirnradern am kleinsten, bei

hieraus, bag bie Bahnreibung bei inneren Stirnrabern am fleinften, bei außeren Stirnrabern aber am größten ift, und bag fie bei conifchen Rabern einen mittleren Werth bat.

Beifpiel. Rur ein einfaches Raberwert, beffen Raber 47 und 18 Bahne . baben, ift bie Rabnreibung

1) bei rechtminfeliger Arenlage

$$F = \sqrt{\frac{1}{17^2} + \frac{1}{48^3}} \cdot \pi \varphi K = 0.0624 \pi \varphi K,$$

2) bei paralleler Arenlage und außerer Berührung:

 $F = (\frac{1}{17} + \frac{1}{48}) \cdot \pi \varphi \tilde{K} = 0.0796 \pi \varphi K,$

enblich 3) bei paralleler Arenlage und innerer Berührung:

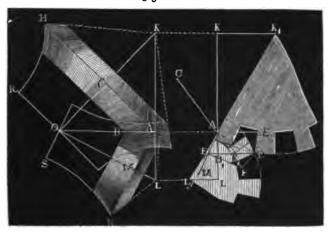
 $F = (\frac{1}{17} - \frac{1}{48}) \cdot \pi \varphi K = 0.0380 \pi \varphi K.$

Ift $\pi \varphi = \frac{1}{8}$, so verzehrt hiernach die Bahnreibung im erften Falle reichlich 2, im zweiten reichlich 2%, und im britten Falle nabe 11/4 Brocent ber Arbeitefraft tes Raberwerfes.

6. 54. Bei ben Spperboloidenraderwerten ift der Weg ber Reibung zwischen ben Bahnflachen zusammengefest aus einem Wege lange ber Bahnlange und aus einem Wege ober einer Berschiebung in ber Richtung ber Bahnbreite. Jener Weg lagt fich wie bei conifden Rabermerten ermitteln, indem wir wieber bas Raberwert CAM, Sig. 142, burch ein Sectorenpaar ADK, und ADL, erfeben. Die Umbrehungsebene biefer Sectoren (welche in der Figur umgeklappt find), fieht auf ber Beruhrungelinie O A zwifchen

ben Rabumfangen rechtwinkelig, und die Dreharen berfelben laufen mit [Babnreibung. biefer Linie parallel und gehen burch die Punkte K_1 und L_1 , in welchen die





Umbrehungsaren OC und OM der Hoperboloidenrader von der Normalsebene KAL geschnitten werden. Bon diesen Punkten steht der eine um den Kehlhalbmesser OR über, und der andere um den Kehlhalbmesser OS unter der durch OA und mit den beiden Radaren parallel gelegten Bilbsebene; es ist also $KK_1 = OR = r_1$ und $LL_1 = OS = r_2$.

Bezeichnen wir wieber die Halbmeffer AK_1 und AL_1 der gezahnten Sectoren mit y_1 und y_2 , sowie die Theilung AD desselben durch s, so haben wir wie oben den Reibungsweg rechtwinkelig zu AB oder in der Umdrehungsebene KAL: $\sigma_1 = \frac{s^2}{2} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2} \right)$.

Was dagegen die Verschiedung langs der Zahndreite AB anlangt, so bezsteht diese aus einem Theil D_1E_1 , um welchen sich ein Zahn des Rades AMN von der Normalen AD_1 wegschiedt, und aus einem Theil D_1F_1 , um welchen sich ein Zahn des Rades ACH in der entgegengesehten Richztung bewegt. Beide Wege sind die Hypotenusen von zwei rechtwinkelizgen Oreieden AD_1E_1 und AD_1F_1 mit der gemeinschaftlichen Kathete $AD_1=AD$ cos. DAD_1 und den Winkeln $D_1AE_1=AOC=\delta_1$ und $D_1AF_1=AOM=\delta_2$. Nun ist aber der Winkel $DAD_1=AK_1K=AL_1L$, und

$$\cos A K_1 K = \cos A L_1 L = \frac{K K_1}{A K_1} = \frac{r_1}{y_1} = \frac{r_2}{y_2}$$

baher folgen benn die Berschiebungen

Sabareibung.

$$D_1 E_1 = A D_1 \ tang. \delta_1 = \frac{s r_1}{y_1} \ tang. \delta_1 \ unb$$

$$D_1 F_1 = A D_1 \ tang. \delta_2 = \frac{s r_2}{y_2} \ tang. \delta_2,$$

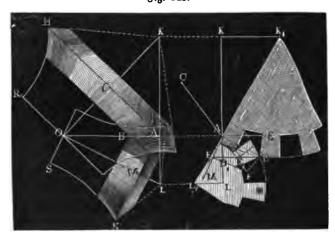
alfo bie gange Breitenverschiebung

$$\mathbf{G_2} = D_1 E_1 + D_1 F_1 = s \left(\frac{\mathbf{r_1}}{y_1} \ tang. \, \mathbf{\delta_1} + \frac{\mathbf{r_2}}{y_2} \ tang. \, \mathbf{\delta_3} \right).$$

Endlich ergiebt fich durch Anwendung des pythagorischen Lehrsages ber gange Reibungsweg

$$\sigma = \sqrt{\sigma_1^2 + \sigma_2^2} = s \sqrt{\frac{s^2}{4} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2}\right)^2 + \left(\frac{r_1}{y_1} tang. \, \delta_1 + \frac{r_2}{y_2} tang. \, \delta_2\right)^2}$$
, und die gesuchte Zahnreibung, auf den Theilfreis der Sectoren reducirt:

$$F = \frac{\varphi K.\sigma}{s} = \sqrt{\frac{s^2}{4} \left(\frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2}\right)^2 + \left(\frac{r_1 tang.\delta_1}{y_1} + \frac{r_2 tang.\delta_2}{y_2}\right)^2} \cdot \varphi K.$$
Sig. 143.



6. 55. In der vorstehenden Formel fur die Bahnreibung von Soppers boloibenrabern find die Sectorenhalbmeffer

$$y_1 = \sqrt{l^2 tang. \delta_1^2 + r_1^2}$$
 und

 $y_2 = \sqrt{l^2 tang. \delta_2^2 + r_2^2}$, wo l den Abstand AO des außersten Berührungspunktes von dem Durchschnitte O der beiden Kehlekreise bezeichnet, einzusehen; auch hat man für s denjenigen Werth der Theilung zu nehmen, welchen die Formeln in $\S.49$ geben. Es ist übrigens schon oben $\S.43$ angegeben worden, wie die Kehlhalbmesser r_1 und r_2 und die Arenwinkel r_1 und r_2 aus dem Normalabstande r_1 aus

bem ganzen Arenwinkel $\delta=\delta_1+\delta_2$ und aus dem Umsehungsverhalts 3abnreibung. niffe ψ zu berechnen sind.

Bon der Theilung AD=s rechtwinkelig gegen die Berührungslinie find übrigens die Umfangstheilungen $AE=s_1$ und $AF=s_2$ der Rader CA und MA zu unterscheiben; jedenfalls ift s Projection von s_1 und s_2 in der Sectorenebene, und daher

$$\overline{AE^2} = \overline{AE_1^2} + \overline{EE_1^2} = \overline{AD_1^2} + \overline{D_1E_1^2} + \overline{EE_1^2} = \overline{AD^2} + \overline{D_1E_1^2}, \text{ b. i.}$$

$$s_1^2 = s_2 + \overline{AD^2} tang. \, \delta_1^2 = s^2 + \left(\frac{KK_1}{AK_1}\right)^2 s^2 tang. \, \delta_1^2$$

$$= \left(1 + \frac{r_1^2 tang. \, \delta_1^2}{v_i^2}\right) s^2.$$

hiernach also find bie beiben Umfangstheilungen

$$\begin{split} s_1 = & \frac{s}{y_1} \sqrt{y_1^2 + r_1^2 tang. \delta_1^2} = s \sqrt{\frac{l^2 tang. \delta_1^2 + r_1^2 (1 + tang. \delta_1^2)}{l^2 tang. \delta_1^2 + r_1^2}}, \text{ b. i.} \\ s_1 = & s \sqrt{\frac{l^2 sin. \delta_1^2 + r_1^3}{l^2 sin. \delta_1^2 + r_1^2 cos. \delta_1^2}} \text{ unb} \\ s_2 = & s \sqrt{\frac{l^2 sin. \delta_2^2 + r_2^2}{l^2 sin. \delta_2^2 + r_2^2 cos. \delta_2^2}}. \end{split}$$

Was die Halbmesser x_1 und x_2 der Radumfänge anlangt, so bestimmen sich dieselben aus den Kehlhalbmessern r_1 und r_2 und aus ihren Projectionen $AC = l \sin \delta_1$ und $AM = l \sin \delta_2$ mittels der Formeln

$$x_1 = \sqrt{l^2 sin. \delta_1^2 + r_1^2}$$
 und $x_2 = \sqrt{l^2 sin. \delta_1^2 + r_2^2};$

und es ergeben fich nun die Bahnegahlen n, und na burch folgende Formeln :

$$n_1 = rac{2 \pi x_1}{s_1} = rac{2 \pi}{s} \, \sqrt{\, l^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2} \, \, \, ext{unb}$$
 $n_2 = rac{2 \pi x_2}{s_2} = rac{2 \pi}{s} \, \sqrt{\, l^2 \sin \delta_2^2 + r_2^2 \cos \delta_2^2} \, .$

Endlich ift noch bas Umfegungeverhaltniß

$$\psi = \frac{u_2}{u_1} = \frac{n_1}{n_2} = \sqrt{\frac{l^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2}{l^2 \sin \delta_2^2 + r_2^2 \cos \delta_2^2}},$$
ober, ba $\frac{tang.\delta_1}{tang.\delta_2} = \frac{r_1}{r_2}$, also $r_2 \cot g.\delta_2 = r_1 \cot g.\delta_1$ ift,
$$\psi = \sqrt{\frac{l^2 + r_1^2 \cot g.\delta_1^2}{l^2 + r_2^2 \cot g.\delta_2^2}} \cdot \frac{\sin \delta_1}{\sin \delta_2} = \frac{\sin \delta_1}{\sin \delta_2},$$
wie wir schon oben, §. 43, gefunden haben.

Anmerkung. Die vorstehenben Formeln gelten natürlich auch für conische und chlindrische Werke, wenn man in ihnen $\sigma_1=\sigma_2=0$, ober $r_1=r_2=0$ sett.

Babnreibung.

Big. 144.



§. 56. Man kann nun auch für ein vollstänsbiges hyperbolisches Räberwerk CAM, Fig. 144, bessen Rräfte P und Q an den Hebelarmen a und b wirken, das Kraft= oder Geschwindigkeits-verhältniß berechnen. Während die Kraft K den Weg s und $F = \varphi K$ den Weg σ durchläuft, legt P den Weg $\frac{2\pi a}{n_1}$ und Q den Weg $\frac{2\pi b}{n_2}$ dus rück, es ist folglich ohne Rücksicht auf Reibung

$$Ks = P \cdot \frac{2\pi a}{n_1} = Q \cdot \frac{2\pi b}{n_2},$$

fonach auch

$$F\sigma = \varphi K\sigma = \varphi \cdot \frac{2\pi u}{n_1} \cdot \frac{\sigma}{s} P = \varphi \cdot \frac{2\pi b}{n_2} \cdot \frac{\sigma}{s} Q,$$
 und folglich, mit Ruckficht auf die Zahnreibung,

$$\frac{2\pi a}{n_1} P = \frac{2\pi b}{n_2} Q + F \sigma$$

 $= \frac{2\pi b}{n_2} Q + \frac{2\pi b}{n_2} \cdot \frac{\sigma}{s} \cdot \varphi Q = \frac{2\pi b}{n_2} \left(1 + \frac{\sigma}{s} \varphi\right) Q,$

$$P = \left(1 + \frac{\sigma}{s} \varphi\right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q$$

$$= \left[1 + \varphi \sqrt{\frac{s^2}{4} \left(\frac{1}{v_1} + \frac{1}{v_2}\right)^2 + \left(\frac{r_1 \tan g \cdot \delta_1}{v_1} + \frac{r_2 \tan g \cdot \delta_2}{v_2}\right)^2}\right] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q.$$

$$\mathfrak{D}_{a} y_{1} = \sqrt{\frac{l^{2} tang. \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2}}{t^{2} tang. \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2}}} = \frac{\sqrt{\frac{y_{1}}{l^{2} sin. \delta_{1}^{2} + r_{1}^{2} cos. \delta_{1}^{2}}}}{cos. \delta_{1}} \text{ und}$$

$$n_1 = \frac{2\pi}{c} \sqrt{l^2 \sin \delta_1^2 + r_1^2 \cos \delta_1^2}$$
 iff, so hat man

$$\frac{y_1}{n_1} = \frac{s}{2\pi\cos\delta_1}$$
, und ebenso $\frac{y_2}{n_2} = \frac{s}{2\pi\cos\delta_2}$,

weshalb einfach auch

$$P = \left[1 + \pi \varphi \sqrt{\left(\frac{\cos \delta_1}{n_1} + \frac{\cos \delta_2}{n_2}\right)^2 + \frac{4}{s^2} \left(\frac{r_1 \sin \delta_1}{n_1} + \frac{r_2 \sin \delta_2}{n_2}\right)^2}\right] \cdot \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q$$
su sepen ift.

Nun hat man aber $\frac{sin.\delta_1}{sin.\delta_2} = \frac{n_1}{n_2}$, und $\delta_1 + \delta_2 = \delta$, daher $sin.\delta_1 = \frac{n_1 sin.\delta}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2 n_1 n_2 cos.\delta}}$, und $cos.\delta_1 = \frac{n_1 cos.\delta_1 + n_2}{\sqrt{n_1^2 + n_2^2 + 2 n_1 n_2 cos.\delta}}$, sowie

Babareibung

$$\cos \delta_{2} = \frac{n_{2}\cos \delta_{2} + n_{1}}{\sqrt{n_{1}^{2} + n_{2}^{2} + 2n_{1}n_{2}\cos \delta}} \text{ unb}$$

$$\frac{\cos \delta_{1}}{n_{1}} + \frac{\cos \delta_{2}}{n_{2}} = \frac{n_{1}^{2} + n_{2}^{2} + 2n_{1}n_{2}\cos \delta}{n_{1}n_{2}\sqrt{n_{1}^{2} + n_{2}^{2} + 2n_{1}n_{2}\cos \delta}}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{n_{1}^{2}} + \frac{1}{n_{2}^{2}} + 2 \cdot \frac{1}{n_{1}} \cdot \frac{1}{n_{2}}\cos \delta};$$

$$\text{ferner iff } \frac{r_{1}\sin \delta_{1}}{n_{1}} = \frac{r_{1}\sin \delta}{\sqrt{n_{1}^{2} + n_{2}^{2} + 2n_{1}n_{2}\cos \delta}} \text{ unb}$$

$$\frac{r_{2}\sin \delta_{2}}{n_{2}} = \frac{r_{2}\sin \delta}{\sqrt{n_{1}^{2} + n_{2}^{2} + 2n_{1}n_{2}\cos \delta}},$$

$$\text{ober }, r_{1} + r_{2} = d \text{ gelegt},$$

$$\frac{r_{1}\sin \delta_{1}}{n_{1}} + \frac{r_{2}\sin \delta_{2}}{n_{2}} = \frac{d\sin \delta}{\sqrt{n_{2}^{2} + n_{2}^{2} + 2n_{1}n_{2}\cos \delta}},$$

und baber ift ziemlich einfach

$$\begin{split} P = & \left(1 + \pi \varphi \sqrt{\frac{1}{n_1^2 + n_2^2} + 2 \cdot \frac{1}{n_1} \cdot \frac{1}{n_2} \cos \beta} + \frac{4 d^2 \sin \beta^2}{s^2 (n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 \cos \beta)} \right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q \\ = & \left(1 + \pi \varphi \sqrt{\frac{n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 \cos \beta}{n_1^2 n_2^2} + \frac{4 d^2 \sin \beta^2}{s^2 (n_1^2 + n_2^2 + 2n_1 n_2 \cos \beta)}} \right) \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q. \end{split}$$

Beifpiel. Für ein hyperboloibisches Raberwerk mit 17 und 48 Bahnen, beffen Axenprojectionen ben Winkel $\sigma=90^\circ$ zwischen sich einschließen, beffen kurzester Axenabstanb d=12 Boll und Theilung $s=1^3/_4$ Boll ist, hat man die Bahnreibung

$$F = \sqrt{\frac{17^2 + 48^2}{17^2 \cdot 48^2} + \frac{16 \cdot 4 \cdot 144}{49 \cdot (17^2 + 48^2)}} \cdot \pi \varphi K = \sqrt{\frac{2593}{17^2 \cdot 48^2} + \frac{9216}{49 \cdot 2593}} \pi \varphi K$$

= $\sqrt{0,008894+0.07254}$. $\pi \varphi K = \sqrt{0,07648}$. $\pi \varphi K = 0,276$. $\pi \varphi K$, also für $\pi \varphi = \frac{1}{8}$, F = 0,092. K, b. i. über 9 Brocent ber Arbeitsfraft, also vicl mehr als bei chlindrischen und conischen Räberwerken (f. Beispiel zu §.53).

§. 57. Wir haben im Vorstehenden gefunden und schon §. 52 bemerkt, Giufenrader. daß ber Arbeitsverlust durch die Zahnreibung um so kleiner aussäuft, je größer die Anzahl (n1 und n2) der Zahne ist. Wenn, wie wir seither angesnommen haben, die Zahne nur in einem Kreise neben einander stehen, so wird aber der Zahnezahl durch die Zahnbide und durch den Umfang der Rader eine Grenze entgegengeset; stellen wir aber die Zahne in zwei oder mehreren Kreisen hinter einander, so konnen wir die Anzahl der Zahne uns beschadet ihrer Dicke beliebig vergrößern. Wegen der stufenformigen Auseinandersolge der Zahne nennt man solche Rader Stufenrader, sonst auch nach ihrem Ersinder Hoot? sche Rader. Ein Stufenrad mit zwei

Stufenraber. Bahnreihen zeigt Fig. 145. Man fieht, ber vordere Bahnering A, A bes



einen Rabes greift zwischen die vorberen Jähne A_1 , A_1 , A_1 eines anderen Ringes, und der hintere Jähnering B, B, B kommt mit den hinteren Jähnen B_1 , B_1 , B_1 zum Eingriff. In einem Ringe arbeitet nur ein Jähnepaar, in beiden sind also zusammen, wie gewöhnlich, zwei Jähnepaare im Eingriff. Es ist des halb auch der Reibungsweg längs der Jahnhöhe nur so groß, als wenn immer zwei in einer Reihe neben einander stehende Jähne im Eingriff wären, und daher auch die Reibung selbst, auf den Theilkreis reducirt,

wenn n, und na bie Bahnegahlen von je einer Bahnreihe find,

$$F = \left(\frac{1}{2n_1} + \frac{1}{2n_2}\right)$$
. $\pi \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \frac{\pi \varphi}{2} K$,

b. i. halb fo groß als bei einem Raberwerte mit einfachen Bahneringen.

Bei einem Raberwerke mit je brei Jahnereihen, wie z. B. A B, Fig. 146, Fig. 146. ift, wenn Kets nur 2 Paar Jahne arbeiten,



$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \frac{\pi \varphi}{3} K,$$

und bei einem folchen mit m Bahnreihen, wie leicht zu ermeffen,

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \cdot \frac{\pi \, \varphi}{m} \, K.$$

BIft m unendlich groß, so fallt F gar Null aus. Es ist hiernach zu erwarten, daß bei Rabern mit , schrägstehenden Zähnen, wie AB, Kig. 147, die

Bahnreibung sehr klein aussällt. Durch biese schrage Stellung wird allerbings auch ein Seitenbruck, parallel zur Are erzeugt, und baher auch bie Arenreibung vermehrt. Da sich diese Raber wegen ihrer schmalen Berührungsflächen überdies auch schneller abführen, so hat man sie nicht so zweckmäßig gefunden, als anfänglich geglaubt wurde (f. White's Contury of Inventions, 1822). Uebrigens ist leicht zu ermessen, daß die schrägen Bahne dieser White'schen Raber, wie man sie oft nennt, eigentlich aus start ansteigenden Schraubengängen bestehen mussen (s. weiter unten den Artikel -Schraubenräder-). §. 58. Bon ben Iahnen eines Raberwerkes forbern wir nicht allein, Jahnform. daß sie eine der überzutragenden Kraft angemessene Starke, sondern auch, daß sie eine Form haben, bei welcher die Uebertragung der Bewegung des einen Rades auf das andere vollkommen, ohne Stoße und ohne Unterbreschung vor sich gehe, und daher bei allen Zahnstellungen die Umfangs soder Theilrisgeschwindigkeit des Getriebrades auf die des Treibrades unverändert übergetragen werde. Wenn also das eine Rad, wie gewöhnlich, gleichsors mig umläuft, so fordern wir, daß selbst bei unendlich kleiner Geschwindigsteit, und also ohne Einwirkung der Trägheit, auch das andere Rad eine gleichsormige Umdrehungsbewegung annehme.

Bei der Berührung zweier Zähne in einem Punkte D innerhalb der Centrallinie C.M. Fig. 148, sind die Hebelarme CD und MD der Kräfte Fig. 148.



K und K, mit welchen die Jahne gegen einander druden, gleich den Theilstereishalbmeffern r_1 und r_2 , weil in diesem Falle die Jahnslächen von CM tangirt werden und daher die Drucklinie rechtwinklig auf CM steht. Bestühren sich aber die Jahne in einem Punkte D_1 außerhalb der Centrallinie, so befindet sich die gemeinschaftliche Berührungsebene D_1 F_1 , und also auch die Drucklinie, in einer anderen Lage, und es sind daher auch die Hebelsarme CE und MN der Druckkräfte K_1 und K_1 kleiner als die Theilkreißshalbmesser r_1 und r_2 . Der ersten Angriffsweise zusolge ist das Umsehungss

III.

3ahnform. verhältniß
$$\psi = \frac{CD}{MD} = \frac{r_1}{r_2}$$
,

und ber zweiten Angriffsweise entsprechend,

 $\psi = rac{CE}{MN}$; damit aber biefes Berhaltniß bei allen Bahnftels

lungen baffelbe bleibe, ift bemnach nothig, baß

$$\frac{CE}{MN} = \frac{CD}{MD}$$
 ober $\frac{CE}{CD} = \frac{MN}{MD}$ fei.

Dieser Proportion wird Genuge gethan, wenn die Drudlinie $(K_1 - K_1)$ Fig. 149.



burch ben Drudpunkt D in ber Centrallinie geht, und beshalb gilt benn fur bie Conftruction ber Bahne folgende allgemeine Regel.

Bei jeber Stellung bes arbeitenben Bahnepaares muß die Drucklinie oder gemeinschaftliche Normale im Berührungspunkte burch ben Berührungspunkt D beider Theilkreise gehen.

Anmerfung. Wenn die Rraft P an einem Gebelarme CA=a und die Laft Q an einem Gebelarme MB=b wirft, so hat man

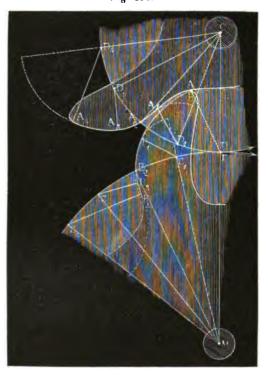
$$Pa = K \cdot CD = K_1 \cdot CE$$
 und $Qb = K \cdot MD = K_1 \cdot MN$, daher $\frac{K}{K_1} = \frac{CE}{CD} = \frac{MN}{MD}$, wie oben.

5. 59. Mit hilfe ber vorstehenden Regel last sich nun auch die Form 3abnform. ber Bahne bes einen Rades finden, wenn die des andern gegeben ist. Es sei A A1 A2 A3 A4, Fig. 150, die gegebene und BB1 B2 B3 B4 die gesuchte Via. 150.



Bahnform, ferner CM die Centrallinie, DD_4 der Theilfreis des einen und EE_4 der des anderen Rades. Fällen wir von dem Theilpunkte D(E) in der Centrallinie ein Perpendikel DA(EB) gegen die gegedene Bahnstäche, so bekommen wir im Lothpunkte A(B) den Anfangspunkt der gesuchten Bahncurve; machen wir ferner den Bogen EB_2 gleich dem Theilbogen DA_2 , so erhalten wir denjenigen Punkt B_2 dieser Eurve, welcher mit A_2 gleichzeitig in der Centrallinie ankommt. Machen wir ferner den Bogen EE_1 gleich einem Bogen DD_1 des ersten Theilkreises, sällen wir von D_1 ein Perpendikel D_1A_1 gegen die gegebene Eurve, und tragen wir dieses als E_1B_1 so an den Radius ME_1 , daß der Winkel ME_1B_1 den Winkel CD_1A_1 zu zwei Rechten ergänzt, so bekommen wir denjenigen Punkt B_1 der gessuchten Eurve, welcher mit A_1 in Berührung kommt, wenn D_1 nach D und E_1 uach E gekommen ist. Aus gleiche Weise lassen sich noch andere Punkte

Babnform, der gesuchten Bahncurve finden. Schneiden wir z. B. $EE_3 = D \nu_3$, fo wie $EE_4 = DD_4$ ab, fallen wir aus den Puntten D_3 und D_4 die Perpenbitel D3 A3 und D4 A4 gegen bie gegebene Bahncurve, fo bleibt uns nur noch ubrig, biefe Perpenditel ale E, B, und E, B, fo an die Rabhalbmeffer ME3 und ME4 angutragen, daß ber Wintel ME3 B3 ben Wintel CD3 A3 und der Winkel M E. B. ben Winkel CD. A. ju zwei Rechtwinkeln ergangt. Es ift nun leicht zu ermeffen, daß die Punkte A_3 und B_3 , sowie die Punkte A_4 und B_4 zusammentreffen, wenn D_8 und E_3 , so wie später D_4 und E_4 7ig. 151.



Die Centrallinie CM erreicht haben. Die Richtigkeit Diefer Construction folgt aus ber im vorigen Paragraphen gefundenen Regel unmittelbar, ba ihr zu Folge bei jeder Bahnstellung die Normale im Berührungspunkte burch ben Berührungspunkt D (E) ber Theilfreise geht.

Die relative Bewegung zwischen beiben Rabern ift biefelbe, es mogen fid dieselben um ihre Uren C und M mit einer gemeinschaftlichen Geschwin= Digkeit c umdrehen, ober es mag bas eine Rad ftillstehen und bas andere mit feinem Theiltrei'e DD, auf bem Theilfreife EE, bes erfteren fich forts

wälzen. Auch im letteren Falle kommt allmälig D_1 mit E_1 , D_3 mit E_3 , 3abnform. D_4 mit E_4 und ebenso auch A_1 mit B_1 , A_2 mit B_2 , A_3 mit B_3 u. s. w. in Berührung. Deshalb sindet man auch die Zahncurve $B_1B_2B_3B_4$, wenn man in beliebigen Punkten A, A_1 , A_2 , A_3 u. s. w. der gegebenen Zahncurve Perpendikel errichtet, und den Theilkreis, welcher dieser Zahncurve angehört, nach und nach um die Bögen DD_1 , DD_2 , DD_3 , DD_4 fortwälzt, welche durch diese Perpendikel von dem Theilkreise abgeschnitten werden: die Punkte A_1 , A_2 , A_3 , A_4 kommen dabei in die Lagen B_1 , B_2 , B_3 und B_4 , und geben dadurch den Lauf der gesuchten Zahncurve an. Wenn man die Eurve AA_4 in verschiedenen Lagen auszeichnet, welche sie während des Wälzens einnimmt, so erhält man die Eurve BB_4 auch dadurch, daß man einen Zug führt, welcher alse diese Eurven berührt, denn es ist die gesuchte Zahncurve die sogenannte Umhüllungscurve (franz. enveloppante; engl. involute) der gegebenen.

§. 60. Man kann nun fur die Jahne des einen Rades beliebige Forsmen annehmen, und nach dem Borhergehenden die Zahnformen des zweiten Rades finden.

abes finden.

1) Sind die Zahne A, A, . . . des Getriebrades ACA, Figur 152,

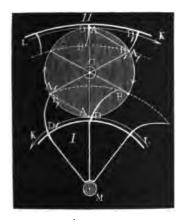


Fig. 152.

bloge Puntte, oder unendlich dunne Stabe, parallel jur Umbrehungeare C, fo erhalt man die Bahncurve B, D, bes Treibrabes, wenn man den Theilkreis ACA des ersten Ra= des auf dem Theilkreise KDL des zweiten fortwalzt, benn es ift bann bei jeder Stellung der Bahne gegen einander der Weg AA1 im Theil= freise bes einen Rabes gleich bem Wege UD, im Theilkreife des ans Befindet fich der Theilfreis deren. ACA außerhalb des Theilereifes KL, wie in I., so besteht die Bahncurve B, D, ober BD in einer Epicy: cloide, befindet er fich aber inner-

halb KL, wie in II., so bildet B, D, oder BD eine Hppocycloide (f. Ingenieur, S. 244 u. f. w.). Der Theorie dieser Curven zu Folge geht die Normale B, D zum Bogen B, D, stets durch den Punkt A (D), es entsprechen daher auch diese Formen ber Forderung des letten Paragraphen.

2) Werden die Bahne des Getriebrades ACA, Fig. 153, von radialen Linien AB, A_1B_1 u. f. w. gebildet, so find die Bahne DE, D_1E_1 u. f. w

Jabuform.

bes Treibrades MDD_1 nach Epi= oder Hypocycloiden zu formen, die entstehen, wenn man einen Kreis AE_1C , dessen Durchmesser dem Halbe messer CA des Theilkreises vom Getriebe gleich ist, auf dem Theilkreise KL des Treibrades fortwälzt, denn es ist in diesem Falle der Bogen DE_1 des Erzeugungskreises gleich den Bögen DD_1 und AA_1 der Theilkreise, es sind also die gleichzeitigen Wege in beiden Theilkreisen gleich groß. Da die Normale E_1 im Berührungspunkte E_1 stets durch den Berührungspunkt A(D) der Theilkreise geht, so sind auch schon aus diesem Grunde die anz gegebenen Zahnformen die angemessenen.

Bahrend bei ber Conftruction in Fig. 152 ber Berührungspunkt A im Theilkreise fortgeht, ruckt er hier in bem Erzeugungskreise AC fort.

Bei den eben besprochenen Anordnungen fångt der Angriff in der Gentrallinie CM an, und endigt sich bei $B_1(E_1)$; will man aber KML durch ACA in Umtried setzen, so beginnt der Angriff in $B_1(E_1)$ und endigt sich bei A(D) in der Gentrallinie.

Fig 153.

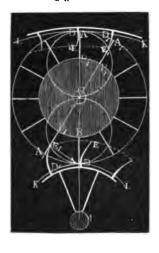
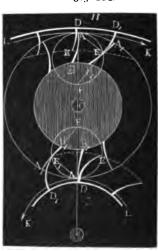


Fig. 154.



- §. 61. Man kann auch bie Bahne beiber Raber nach frummen Linien formen.
- 1) Walt man einen beliebigen Erzeugungefreis AE_1F , Fig. 154, I. und II., auf ben Theilkreisen beider Raber, so beschreibt ein Punkt E_1 besselben in I. einen Hypocycloidenbogen E_1A_1 und einen Epicycloidenbogen E_1D_1 und in II. zwei Hypocycloidenbogen E_1A_1 und E_1D_1 , nach welchen man die Zahne beider Rader gestalten kann, denn es ist hierbei der Bogen AA_1 gleich dem Bogen DD_1 , und auch E_1A oder E_1D die

gemeinschaftliche Normale so wie E_1 F die gemeinschaftliche Tangente zu 3abnserm. beiden Gurven. Diese Construction schließt auch die vorigen beiden in sich ein. Rimmt man den Erzeugungstreis AF gleich dem Theilkreise des einen Rades, so geht der Bogen E_1 A_1 in einen bloßen Punkt über, und nimmt man ihn halb so hoch als den Theilkreis, läßt also F mit C zur sammenfallen, so geht der Hypocycloidenbogen E_1 A_1 in eine gerade Linie über. Es ist übrigens leicht zu erachten, daß der Berührungspunkt zwirsschen Bahnen in dem Bogen AE_1 des Erzeugungskreises fortgeht.

2) Legt man durch den Berührungspunkt A(D), Figur 155 und 156 per Theilkreise in willkurlicher Richtung eine Gerade, und fällt man auf diese die Perpendikel CN und MO von den Drehungsaren C und M aus,

Fig. 155. Fig. 156.





so erhalt man in diesen die Halbmesser zweier Kreise OB und NE, beren Evolventen (s. Ingenieur, Seite 246) ebenfalls als Zahnsormen beider Raber dignen können. Das Stud OA der Grundlinie NO liesert beim Auswickeln auf OB den Bagen AB, und das Stud ND beim Auswickeln auf NE, den Bogen DE; beide Bögen haben in dem gemeinschaftlichen Berührungspunkte A(D), ON zur Normale. Sbenso beschreibt beim Auswickeln des Studes OA_1 der Endpunkt A_1 einem Evolventenbogen A_1B_1 und beim Auswickeln des Studes ND_1 auf NE_1 den Bogen D_1E_1 und es ist NO abermals die gemeinschaftliche Normale des Berührungspunktes $A_1(D_1)$. Nun ist aber A_1B_1 so wie AB ein Theil von einem größeren Evolventenbogen $B_1F_1 = BF_1$, und ebenso DE nur ein Theil

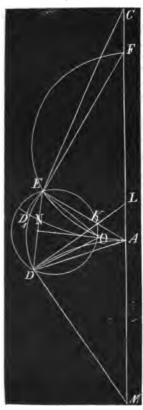
Babnform. von dem größeren Evolventenbogen $EG = E_1D_1$; daher berühren sich auch zwei Evolventenbögen B_1F_1 und D_1E_1 in allen ihren Stellungen während der Umdrehung um M und C so, daß der gemeinschaftliche Berrührungspunkt in der Geraden QN bleibt und diese Linie stets eine Normale zu beiden Eurven bildet. Geht diese Linie durch den Berührungspunkt der beiden Theilkreise, so sind nach §. 58 die Bögen B_1F_1 und D_1E_1 passende Zahnformen, was jedoch auch aus der Gleichheit:

 $BB_1 = AA_1 = DD_1 = EE_1$

ber gleichzeitigen Wege gefolgert werben fann.

Areisförmige Jähne. §. 62. Da man es bei ben Zahnformen nur mit sehr kurzen Spicpclois benbogen u. s. w. zu thun hat, so kann man auch dieselben durch Kreissbogen erseben, ohne bedeutende Abweichungen im Gange des Raberwerkes zu erhalten. Im Folgenden soll nun gezeigt werden, wie die passenden

ifig. 157.



Salbmeffer biefer Kreisbogen zu finden find.

Es feien AD und AD, die Theil= bogen, fo wie M und (', Sig. 157, bie Aren eines Raberwertes; ferner AEF ein beliebiger Erzeugungefreis, welcher burch Balgen auf AD bie Bahnform ED des einen Rades AMD, und burch Balgen auf AD, die Bahnform ED, des Rades ACD, giebt. Der Entstehungeweife einer Epicycloide gu= folge find MD und FE Zangenten und folglich die Perpendikel DL und EA Normalen in den Endpunkten D und E des Bogens DE. Bare nun ber Durchschnittspunkt K beider Rormalen von D und E gleich entfernt, fo wurde fich ein aus K burch D und E befdriebener Rreisbogen fehr genau an ben Epicycloibenbogen anscheiegen; ba bies aber nicht ber Fall ift, fo bleibt nur noch ubrig, einen Rreisbogen angugeben, beffen Richtungen in den beiden Endpunkten D und E von bem Epis encloidenbogen gleichviel abweicht. gen wir burch I, E und K' einen Rreis und errichten wir in ber Mitte N von DE auf DE ein Derpenditel, fo ichneis bet dieses jenen Areis in einem Punkte O, aus dem der gesuchte Areis: Areise Areise bogen DE zu beschreiben ist, denn da die Peripheriewinkel KDO und KEO einander gleich sind, so weichen auch die Halbmesser OD und OE von den Normalen ED und ED, und folglich auch die Areisbogenenden von den Epicycloidenenden um gleichviel von einander ab.

Der Halbmeffer $OD=OE=a_1$ dieses Kreisbogens bestimmt sich aus der Sehne DE=d und aus dem Centriwinkel $DKE=DOE=\alpha$ mittels der bekannten Formel $a_1=\frac{d}{2\sin\frac{\alpha}{2}}$, und es kommt daher

nur noch barauf an, Ausbrude fur d und a ju finden.

Auf gleiche Beise laßt sich auch der halbmeffer eines Rreisbogens ans geben, welcher ben Epicycloidenbogen ED_1 erseht.

§. 63. Sehen wir den Theilkreishalbmesser $MA=r_1$, den Halbmesser $r_1/2AF$ des Erzeugungskreises r_2 , ferner den Theilwinkel $AMD=\beta_1$ und den entsprechenden Winkel AFE des Erzeugungskreises $r_2=\beta_1$ so haben wir die Sehnen $r_2=\beta_1=2r_1\sin\frac{\beta_1}{2}$ und $r_2=2r\sin\beta_1$ wofür annähernd $r_1D=AE=r_1\beta_1=2r\beta$ zu sehen ist.

Ferner haben wir den Winkel $DAE = 180^{\circ} - DAM - EAF$ = $180^{\circ} - (90^{\circ} - 1/2\beta_1) - (90^{\circ} - \beta) = 1/2\beta_1 + \beta$, und es läßt sich folglich die Sehne

$$DE = d = 2DA\sin \frac{DAE}{2} = r_1\beta_1 (1/2\beta_1 + \beta)$$

= $r_1\beta_1^2 \left(1/2 + \frac{\beta}{\beta_1}\right) = \frac{(r+r_1)r}{2r}\beta_1^2$ feben.

Ferner ist der Winkel $DOE = DKE = 180^{\circ} - DLM - EAF$ $= 180^{\circ} - (90^{\circ} - \beta_1) - (90^{\circ} - \beta) = \beta_1 + \beta$, und daher der gesuchte Halbmesser $DO = EO = \frac{DN}{\sin DON} = \frac{1/2 d}{\sin \frac{1}{2} (\beta + \beta_1)}$, wosür annähernd $= \frac{d}{\beta + \beta_1} = \frac{(r + r_1)r_1\beta_1^2}{2r(\beta + \beta_1)} = \frac{(r + r_1\beta_1)r_1\beta_1^2}{2r(1 + \frac{r_1}{2r})}$,

d. i.
$$a_1=\frac{(r_1+r)r_1\beta_1}{r_1+2r}$$
, oder, da $r_1\beta_1$ die Theilung $AD=s$ iff, $a_1=\left(\frac{r_1+r}{r_1+2r}\right)s$ gesetzt werden kann.

Um endlich ben halbmeffer a_2 für den Bogen D_1 E_3 u finden, haben wir in der letten Formel ftatt r_1 den halbmeffer $CA = r_2$ des zweiten Theilfreises und den halbmeffer r des hilfstreises negativeinzuseten, weshalb folgt $a_2 = \left(\frac{r_2 - r}{r_2 - 2r}\right)s$.

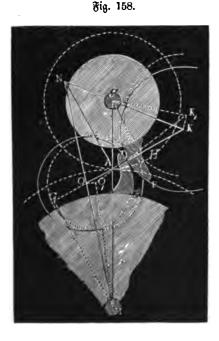
Rreisförmige Babne.

Machen wir
$$r=1/2$$
 r_2 , so erhalten wir $a_1=\left(\frac{2\,r_1+r_2}{r_1+r_2}\right)\frac{s}{2}$, oder ba $\frac{r_1}{r_2}$ bas Umsehungsverhältniß ψ ist, $a_1=\frac{2\,\psi+1}{\psi+1}\cdot\frac{s}{2}$, und $a_2=\infty$.

Seten wir hingegen
$$r=r_2$$
, so erhalten wir die Krummungshalbsmeffer $a_1=\left(\frac{r_1+r_2}{r_1+2\,r_2}\right)s=\left(\frac{\psi+1}{\psi+2}\right)s$ und $a_2=0$. $s=0$.

In beiben Fallen hat man es mit ben in §. 60 abgehandelten und in ben Figuren 152 und 153 dargestellten epicycloibischen Zahnconstructionen zu thun. Geht das eine Rad in eine gezahnte Stange über, so hat man $r_1=\infty$, und daher den Krummungshalbmesser seiner Zähne $a_1=s$ zu nehmen.

Biflis' Zahnformen §. 64. Folgende Betrachtungsweise führt uns noch auf eine andere,



zuerst von Willis (f. bessen Principles of Mechanism) angegebene Bahnconstruction. Die Berührungelinie KO zweier freisformigen Bahne geht nicht allein burch bie Mittelpunkte K und () ber Rreisbogen DE und DF, Ki= gur 158, wonach biefe Bahne geformt find, fondern ift auch mahrend bes Gingreifens oder Kortructens diefes Zahnepaares immer von derfelben Größe, namlich gleich ber Summe der beiden Rrummungehalb: meffer OD und KD. Nun bewegt sich aber O in einem Rreisbogen OO, um M und K in einem Rreisbogen KK1 um C, es ift baber nach I. 6. 96 anzunehmen, baf fich OK in einem fleinen Bogen um ben Puntt N brebe, in

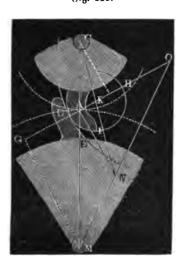
welchem fich die Geraden MO und KC burch die Dreharen M und C schneiben. Da aber auch OK in allen Stellungen burch den Punkt A

gehen foll, in welchem sich die Theilkreise beiber Raber berühren (f. III. §. 58), so darf die Bewegung des Punktes A der Linie OK nur in der Richtung dieser Linie vor sich gehen; es muß also OK Tangente von dem kleinen Bogen sein, welchen A beschreibt, während O den Bogen OO_1 und K den Bogen KK_1 durchläuft, und daher das Centrum N auch in der Normale liegen, welche sich in A auf OK errichten läst.

den Bogen KK_1 durchläuft, und daher das Centrum N auch in der Normale liegen, welche sich in A auf OK errichten läßt.

Umgekehrt findet man daher auch die Mittelpunkte O und K der Kreisbogen DE und DF für die Zähne, wenn man durch A eine willkürliche

Fig. 159.



Linie GH zieht, auf dieser in A ein willkurliches Perpendikel AN errichztet, und von dem Endpunkte N desselben nach den Dreharen M und C der Räder gerade Linien NM und NC zieht; die Durchschnittspunkte O und K dieser Linien mit GH sind die gesuchten Mittelpunkte der Jahnskreise, und theilt man nun noch OK betiebig in D, so erhält man in OD und KD die fraglichen Krümmungspalbmesser.

Legt man das Perpendikel AN, Fig. 159, auf die andere Seite von GH, so fallen die Mittelpunkte Ound K auf eine Seite von A und es ist dann der eine Zahnbogen DE concav.

§. 65. Die Krummungsmittelpunkte O und K, Fig. 158, bestimmen sich mittels der Rechnung auf folgende Beise. Sehen wir den Winkel CAK = MAO, um welchen die mittlere Drucklinie von der Centrallinie MC abweichen soll, $= \Theta$ und die Normale AN = k, die Abstände AO und AK der Krummungsmittelpunkte O und K von dem Berührungspunkte A der Theilkreise $= x_1$ und x_2 , und behalten wir die Bezeichnung der Theilkreishalbmesser MA und CA durch r_1 und r_2 aus dem Früheren bei. Es sind dann die Perpendikel von M und C auf G H:

 $MG = r_1 \sin \Theta$ und $CH = r_2 \sin \Theta$,

und die Abschnitte berfelben auf GH von A aus,

 $AG = r_1 \cos \Theta$ und $AH = r_2 \cos \Theta$.

hieraus folgt nun $GO = GA - OA = r_1 \cos \Theta - x_1$ und

 $HK = AK - AH = x_2 - r_2 \cos \Theta$.

Mus ber Aehnlichkeit ber Dreiede ONA und OMG ergiebt fich die Pro-

Billis'

3 min from en. portion
$$\frac{A(t)}{AN} = \frac{G(t)}{GM}$$
, b. i. $\frac{x_1}{k} = \frac{r_1 \cos \Theta - x_1}{r_1 \sin \Theta}$,

und es folgt hieraus $x_1 = \frac{k r_1 \cos \Theta}{k + r_1 \sin \Theta}$,

und auf gleiche Beife folgt aus ber Proportion

$$\frac{AK}{AN} = \frac{HK}{CH}, \text{ b. i. } \frac{x_2}{k} = \frac{x_2 - r_1 \cos \Theta}{r_2 \sin \Theta}, \text{ ober}$$

$$x_2 = \frac{kr_2 \cos \Theta}{k - r^2 \sin \Theta}.$$

Fur den Fall in Fig. 159, wo eine Bahnflache DE concav ift, hat man $OA = x_1 = \frac{k r_1 \cos \Theta}{r_1 \sin \Theta - k}$ und $KA = x_2 = \frac{k r_2 \cos \Theta}{r_2 \sin \Theta + k}$ Rimmt man $k=r_1\sin\Theta$, so fallt x_1 unendlich groß aus, und es geht der Rreisbogen DE in eine gerade Linie über. - Rimmt man fur alle Raber k und @ gleich groff an, fo erhalt man nach ber letten Formel den Rabhalbmeffer, bei welchem die Zahnflache DE eben ausfällt, $r=\frac{r}{\sin \Theta}$ und die halbmeffer fur Raber mit concaver Bahnflache DE ftete großer als $r = \frac{k}{\sin \theta}$. Seben wir ben Minimalwerth $r = \frac{k}{\sin \theta}$ letten Formeln für a, und a, fo erhalten wir

$$x_1 = \frac{r \, r_1 \, cos. \Theta}{r_1 - r}$$
 und $x_2 = \frac{r \, r_2 \, cos. \Theta}{r_2 + r}$.

Mun hat man aber bei der Theilung s, für die Bahnezahlen n, ni und n_2 bei Rabern mit ben halbmeffern r, r_1 und r_2

$$n = \frac{2\pi r}{s}$$
, $n_1 = \frac{2\pi r_1}{s}$ und $n_2 = \frac{2\pi r_2}{s}$,

$$x_1 = \frac{n n_1}{n_1 - n} \cdot \frac{s}{2\pi} \cos \Theta$$
 und $x_2 = \frac{n n_2}{n_2 + n} \cdot \frac{s}{2\pi} \cos \Theta$, oder, wenn man mit Willis $\Theta = 75$ Grad und die kleinste Bahnezahl

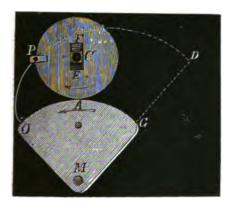
n = 12 annimmt,

$$\begin{split} x_1 &= \frac{12\cos.75^{\circ}}{2\,\pi} \cdot \frac{n_1\,s}{n_1-12} = 0,4943\,\frac{n_1\,s}{n_1-12} \text{ unb} \\ x_2 &= \frac{12\cos.75^{\circ}}{2\,\pi} \cdot \frac{n_2\,s}{n_2+12} = 0,4943\,\frac{n_2\,s}{n_2+12} \,. \end{split}$$

§. 66. Bur Construction ber Bahncurven tann man fich besonderer Apparate, die man Obontographe nennt, bedienen. Bei Anwendung von Kreisbogen reicht hierzu ber Birkel aus, jedoch kann man fich zur Ausmittelung der Mittelpunkte K und O nach Billis eines in Fig. 160 abs Obontographe



Big. 161.



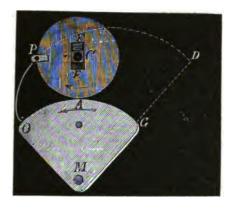
gebildeten Winfelhafens STR bedienen, ben man mit bem einen Schenfel AR an bie Centrallinie CM fo anlegt, bag ber Rullpunkt (o) bes anberen Schenkels ST an ben Beruhrungepuntt A ber Theils freise zu liegen fommt. Die nach den letten Formeln zu berechnenben Absciffen (x, und x.) ber Mittelpunkte ber Babn= bogen werden nun auf ber Eintheilung bes Schenkels abgelefen.

Ueber die geometrische Conftruction ber Epicn = cloiben, Evolventen u. f. w. wird im . Inges nieur ., Seite 243 bis 246, bas Rothige gefagt, bier moge aber noch bie mecha: nifche Conftruction Diefer Bahncurven burch Dbontographe abgehandelt mer= Den Apparat gur Conftruction einer Epicp = cloide () PD zeigt F. 161; A M ift eine um die Are M brebbare, nach einem Bogen OAG bes Grunbfrei= fee abgerundete, und ACP

eine andere um C brehbare und ben Erzeugungstreis vorstellende Scheibe. Damit beim Umbrehen ber einen Scheibe auch die andere mit umlaufe, wird bas Lager EF der Achse C burch eine Spiralfeder in der Richtung CM und baburch auch diese Scheibe gegen die andere gedrückt; die Reibung, welche hieraus zwischen den Radumfängen entsteht, macht nun, daß das eine Rad dem andern mit gleicher Umfangsgeschwindigkeit folgt. Beide Scheiben liegen auf einer ebenen Tasel, auf welcher die Are M sestsibt, und

Coontographe, in welcher ein Spalt gur Aufnahme ber Feber F und bes Bapfenlagers EF

Ria. 162.



ausgenommen ift. einen Epicycloidenbogen gu befchreiben, wird an ber untern Flache von OMG ein Blatt Papier angeflebt. und an bem Umfange von ACP ein Stift P befes fligt: brebt man nun bie erfte Scheibe mit bem Blatte um M, fo zeichnet P auf biefes ben Epicy= cloidenbogen OP, ber sich burch meiteres Umbrehen bis auf eine halbe Epicn= cloide OPD ausbehnen laft.

Sppocycloiden laffen fich auf gleiche Weise mittels eines in Rig. 163 abgebilbeten Apparates conftruiren. Dreht man ben Sector OG um feine Are M herum, so zeichnet ber Stift P am Umfange ber Scheibe APC auf bas Blatt, welches mit OG umlauft, bie Sppocpcloibe OPD, bie auch burch Ummalgen bes Kreifes

AP auf ber inneren Ceite bes Bogens OG befchrieben werben murbe. Fig. 164.







Raft man ben inneren Umfang eines Rreisbogens PQ, Sig. 164, auf Obentographe. bem Umfange eines kleineren Rreifes AO malgen, befestigt man alfo bei biefem Apparate bas Blatt Papier auf der Scheibe AOC und ben Stift P

auf bem Umfange bes Bogens PAQ, fo beschreibt P eine andere Soppecys

Fig. 165.

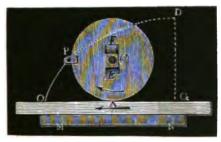
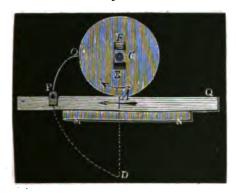


Fig. 166.

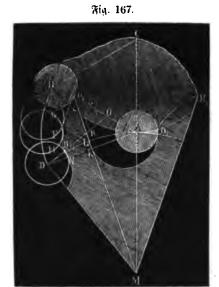


cloide OPD, welche ben Spirallinien beizuzah= len ift.

Erfett man ben einen Bogen ober die eine Scheibe burch eine gerabe Linie ober Lineal OG, Fig. 165, ober PQ, Fig. 166, und ichiebt man baffelbe in ber guh= rung MN tangential an bem Umfange einer eben= falls burch eine Feder FE angebrudten Scheibe AC hin, fo erhalt man eine Encloide OPD, wenn, wie in Fig. 165, bas Blatt Papier auf bem Lineale unb ber Stift Pauf ber Scheibe festfitt, und bagegen eine Areisevolvente wie OPD in Fig. 166, wenn das Blatt Papier von der Scheibe ACO und ber Stift P vom Lineale PQ getragen wirb.

§. 67. Es ift nun ju zeigen, wie bie im Borftehenden mitgetheilten Dreblinge. Regeln über bie beften Bahnformen auf Die Bahnconstructionen wirklich angewendet werben. Um jundchft bie erfte ber in §. 60 mitgetheilten Regeln praftifch anzuwenden, tonnen wir bie Bahne A, B ... bes einen Rabes, welche wir uns bort als Puntte ober als parallel gur Umbrehungsare laus fende gerade Linien gebacht haben, burch einen Enlinder ober fogenannten Triebstod erfett benten, beffen Ure mit biefer Linie gufammenfallt. In Diefem Falle befindet fich ber Beruhrungspuntt nicht mehr in ber Linie ober in ber Mitte B, Fig. 167 (auf folgb. Seite), bes Triebstodes, sonbern er steht stets um die halbe Dicke $BB_1 = DD_1$ desselben davon ab, und es muß baber auch bie Borberflache bes Bahnes nach einer frummen Linie

Ereblinge. geformt werben, bie von dem Spicycloidenbogen BD an allen Stellen um



 $BB_1 = DD_1$ absteht. Man findet diese Eurve B_1D_1 , die man auch eine Parallele oder Aequi distante zur gegebenen nennt, wenn man mit dem gegebenen Abstande $BB_1 = DD_1$ als Halbmesser, aus der letteren viele Kreisbogen, wie EF, GH u. s. besschreibt, und einen Zug führt, welcher alle diese Bogen besrührt.

Wird der Drehling ABC von dem Bahnrade AMD in Bewegung gefest, so erfolgt der Eingriff, wenn die Are A des Triebstockes in der Censtrallinie C. W der beiden Rader steht, und es tritt das Aussstreichen ein, wenn sich die

Triebstodare um die Theilung AB = s von der Centrallinie entfernt hat. Sett bagegen ber Drehling bas Bahnrab in Umbrehung, fo tritt bas um: gefehrte Berhaltnig ein, es beginnt der Gingriff in B, und hort berfelbe in D1 auf. In beiben Fallen ift immer nur ein Bahn mit einem Triebftode in Eingriff; nimmt man aber AB = AD größer als die Theilung ober verlangert man den Bahnbogen D, B, noch etwas über B, binaus, fo tom= men zum Theil zwei Bahne mit zwei Triebstoden in Gingriff. Da beibe Rader in A einerlei Bewegungerichtung haben, fo ift jedenfalle ber Gin= griff dafelbst ein volltommener und weniger leicht mit Stoffen verbunden ale ber in B, außerhalb ber Centrallinie. Sind überdies bie Bahne von Solg, fo murbe fich im lettern Falle bei der Bewegung des Triebstodes gegen den Spahn der Bahne eine großere Reibung und ein ftarteres A fuh= ren ber Bahne herausstellen. Deshalb lagt man benn auch immer nur ben Drehling (mit Triebstoden) von dem Bahnrade in Umbrehung feten. Bollftandige Conftructionen von Raberwerten mit Drehlingen fuhren die Figuren 168 und 169 vor Augen. In Figur 168 ift fowohl der Fall abgebildet, wo der Drehling ACB ein Rad von außen, ale auch ber, wo er ein Rad von innen berührt. Im ersten Falle hat man es bekanntlich mit einer Epi= und im greiten mit einer Sppocpcloide IIRE gu thun. Rigur 169 Fig. 168.



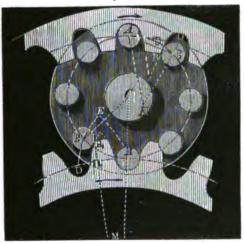
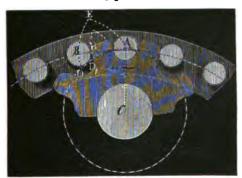
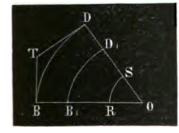


Fig. 169.





8ig. 170

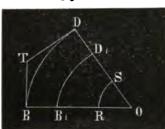


zeigt den Fall, wo der Drehling oder bas Rad mit Triebstöden A, B... ein kleineres Zahnrad ACD von innen ergreift.

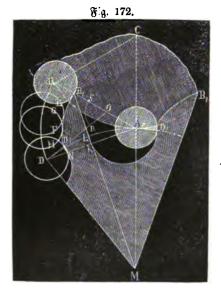
Anmerkung. Die Nequibiftante B_1D_1 , Fig. 170, zu einer Curve BD steht in folgenden merkwürdigen Bezies bungen zu BD. Erstens läuft sie an allen Stellen, wie B_1 , D_1 u. s. w., welche um gleichviel von BD abstehen, mit den entsprechenden Stellen B, D u. s. w. von BD parallel; es ist also die Berührungslinie in B_1 parallel der in

Problinge.

Fig. 171.



B, die in D_1 parallel ber in D u. \mathfrak{f} . \mathfrak{w} . Bweitens ift die Länge des Bogens B_1D_1 der Aequidiftante um einen Kreisbogen RS fleiner oder größer als der entsprechende Bogen der gegebenen Eurve, der zum Halbmeffer OR = OS den Abstand $BB_1 = DD_1$ zwischen beiden Eurven und zum Centriwinkel den Winkel BOD zwischen den Borsmalen BO und DO hat.



 $\S.$ 68. Die Dimensionen der Zahne eines Drehlingstäderwerkes berechnen sich auf folgende Weise. Es seien r_1 und r_2 die Theilkreishalbmesser MA und CA, Figur 172, beider Räder, ferner seien β_1 und β_2 die entsprechenden Theilswinkel AMD und ACB, und endlich sei b_1 die Dicke eines Zahnes und b_2 die eines Triebsstockes, und dwar jede nahe der halben Theilung

$$\frac{s}{2} = \frac{AB}{2} = \frac{AD}{2}.$$

Die Sehne ober gerade Thei= lung

$$AD = s_1$$
 ist hiernach $= 2 AM sin. AMD = 2 r_1 sin. \frac{\beta_1}{2}$, und $AB = s_2 = 2 AC sin. ACB = 2 r_2 sin. \frac{\beta_2}{2}$.

Ferner ift in bem rechtwinkeligen Dreiecke AB, K die Sypotenuse

$$AB_1 = AB - BB_1 = 2r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2}b_2$$

und der Bintel $B_1AK=rac{eta_1+eta_2}{2}$, daher die Kathete, oder die Hervorzagung des Zahnes über der Sehne AD:

$$B_1K = AB_1 \sin B_1 AK = \left(2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2\right) \sin \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right)$$

Erebienge.

Bieht man hiervon die Bogenbobe

$$KL = r_1 \left(1 - \cos \frac{\beta_1}{2}\right) = 2 r_1 \left(\sin \frac{\beta_1}{4}\right)^2$$

ab, fo folgt bie Bohe bes Bahnobertheiles

$$B_1L = h = KB_1 - KL$$

$$= \left(2r_2\sin\frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2}b_2\right)\sin\left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) - 2r_1\left(\sin\frac{\beta_1}{4}\right)^2$$

Sept man nun annahernb $2r_2 sin. \frac{\beta_2}{2} = s, \ ^{1/2}b_2 = \frac{s}{4}$,

$$sin. \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) = \frac{\beta_1 + \beta_2}{2} = \frac{1}{2} \left(\frac{s}{r_1} + \frac{s}{r_2}\right)$$
 und $sin. \left(\frac{\beta_1}{4}\right)^2 = \frac{\beta_1^2}{16} = \frac{1}{16} \left(\frac{s}{r_1}\right)^2$,

fo erhalt man fehr einfach

$$h = \frac{3}{8} s^{2} \left(\frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{2}} \right) - \frac{1}{8} \frac{s^{2}}{r_{1}} = \left(\frac{2}{r_{1}} + \frac{3}{r_{2}} \right) \frac{s^{2}}{8},$$

oder burch Einführung ber Bahnegahlen $n_1 = \frac{2\pi r_1}{s}$, und $n_2 = \frac{2\pi r_2}{s}$,

$$h = \left(\frac{2}{n_1} + \frac{3}{n_2}\right) \frac{\pi s}{4}$$

Die Zahndicke ist, wenn man symmetrische Zähne anwendet, also an das Zahnvordertheil B_1KN noch ein congruentes Hintertheil ansett, b_1 , mindestens = 2NK = 2(AD - DN - AK), d. i.

$$k_1 = 2 \left[2 r_1 sin. \frac{\beta_1}{2} - \frac{b_2}{2} - \left(2 r_2 sin. \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2 \right) cos. \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2} \right) \right],$$

annähernd, da sich sin. $\frac{m{\beta_1}}{2}=\frac{m{\beta_2}}{2}-\frac{m{\beta_1}^3}{48},$ sin. $\frac{m{\beta_2}}{2}=\frac{m{\beta_2}}{2}-\frac{m{\beta_2}^3}{48}$ und

cos.
$$\left(\frac{\beta_1+\beta_2}{2}\right)=1-\frac{(\beta_1+\beta_2)^2}{8}$$
 feben läßt, und $r_1\beta_1=r_2\beta_2=s$ ist,

$$b_1 = 2 \left[r_1 \beta_1 - \frac{r_1 \beta_1^3}{24} - \frac{b_2}{2} - \left(r_2 \beta_2 - \frac{r_2 \beta_2^3}{24} - \frac{b_2}{2} \right) \left(1 - \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right) \right]$$

$$= 2 \left[-\frac{r_1 \beta_1^3}{24} + \frac{r_2 \beta_2^3}{24} + \left(r_2 \beta_2 - \frac{b_2}{2} \right) \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right],$$

ober, ba fich $b_2 = \frac{8}{2}$ segen läßt,

$$b_1 = \frac{s}{4} \left(-\frac{\beta_1^2}{3} + \frac{\beta_2^2}{3} + \frac{3}{4} (\beta_1 + \beta_2)^2 \right) = (5\beta_1^2 + 18\beta_1\beta_2 + 13\beta_2^2) \frac{s}{48}.$$

Führt man endlich $\beta_1 = \frac{2\pi}{n_1}$ und $\beta_2 = \frac{2\pi}{n_2}$ ein, so erhalt man

$$b_1 = \left(\frac{5}{n_1^2} + \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2}\right) \frac{\pi^2 s}{12}.$$

Dreblinge Run barf aber b_1 hochstens $=\frac{s}{2}$ sein, baher folgt die Bebingung für die kleinsten Zähnezahlen: $\frac{5}{n_1^2}+\frac{18}{n_1n_2}+\frac{13}{n_2^2}=\frac{12}{2.\pi^2}=0,608.$

Für
$$n_1=n_2$$
 erhält man hiernach $\dfrac{36}{n_1^2}=0,608$, und

$$n_1 = n_2 = \sqrt{\frac{36}{0,608}} = 7,7$$
, b. i. mindestens 8.

Für $n_1 = \infty$, also für einen Drehling mit Zahnstange, erhält man aber $n_2 = \sqrt{\frac{13}{0.608}} = 4,6$, also wenigstens = 5,

für $n_2 = \infty$, also für eine Stange mit Triebstöden, stellt sich endlich $n_1 = \sqrt{\frac{5}{0.608}} = 2,9$, also mindestens = 3 heraus.

Bei Anwendung eines Rades mit innerer Bergahnung geht $\frac{oldsymbol{eta}_1+oldsymbol{eta}_2}{2}$ in

$$rac{eta_2 - eta_1}{2}$$
 über, weshalb $h = \left(rac{3}{n_2} - rac{2}{n_1}
ight)rac{\pi\,s}{4}$ und $b_1 = \left(rac{5}{n_1^2} - rac{18}{n_1n_2} + rac{13}{n_2^2}
ight)rac{\pi^2 s}{12}$ ausfällt,

und bie obige Bebingung fur bie kleinsten Sahnegahlen in folgende übergeht,

$$\frac{5}{n_1^2} - \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2} = 0,608.$$

Für $n_1=2\,n_2$ folgt 3. B. hiernach $\frac{21}{n_1^2}=0,608$, baher ist

$$n_1 = \sqrt{\frac{21}{0,608}} = 5,9$$
, also die kleinste Anzahl der Triebstode $n = 6$.

numble. §. 69. Die Anwendung der zweiten Constructioneregel lagt fich uns mittelbar in der Praris so anwenden, wie in Fig. 173 zu ersehen ist. Die

Fig. 173.



Bahnstächen des einen Rades, und zwar des kleineren, welches man auch, namentlich wenn es aus einem einzigen Stücke besteht, einen Kumpf nennt, sind hier radial, wie z. B. AB; die des anderen wird dagegen von einem Epicycloidenbogen DE gebildet, der entsteht, wenn sich der Kreis ACE, dessen Durchmesser dem Theilkreishalbmesser des Kumpfes gleich ist, auf dem Theilkreise des ans

Rumpfe

beren Rabes walzt. Aus schon oben angegebenen Grunden ist es zwedmäßiger, wenn der Rumpf von dem Rade mit Spicycloidenzahnen getrieben
wird, und nicht umgekehrt; wenn der Angriff in A, b. i. in der Centrallinie CM erfolgt, und dahet ein Jahn des lehteren Rades einen Jahn des
ersten Rades von A nach G schiebt, während er selbst von A nach D geht.
Wacht man AD = AE = der Theilung s, so ist natürlich immer nur
ein Jähnepaar im Eingriff, nimmt man aber AD = AE größer als s,
so arbeiten auch mehrere Jähnepaare auf ein Mal.

Behalten wir die Bezeichnungen des vorigen Paragraphen bei, seben wir z. B. $CA=r_2$ und \angle $ACE=\beta_2$, so erhalten wir die Hohe des Zahnobertheiles vom Rumpfe:

$$EG = h_2 = CG - CE = r_2 - r_2 \cos \beta_2 = r_2 (1 - \cos \beta_2),$$

= $2 r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2} \right)^2$, und annähernd = $1/2 r_2 \beta_2^2 = \frac{\pi s}{n_2}$;

bagegen folgt die Sohe eines Bahnes vom Rabe AMD:

$$EF = h_1 = ME - MF = \sqrt{MA^2 + AE^2} - 2MA \cdot AE\cos \cdot MAE - MA$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2^2(\sin \beta_2)^2 + 2r_1r_2(\sin \beta_2)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2(r_2 + 2r_1)(\sin \beta_2)^2} - r_1,$$

annåhernb

$$=\frac{r_2(r_2+2r_1)}{2r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2r_1+r_2)r_2\beta_2^2}{2r_1}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{2}{n_2}\right)\pi s.$$

Die Dicke b_1 eines Bahnes muß mindestens =2DF sein; seten wir sie =2DF=2(AD-AF), so erhalten wir

$$b_1 = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2EA \cos EAF = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2r_2 \sin \beta_2 \cos \left(\frac{\beta_1}{2} + \beta_2\right)$$

d. i. annähernd

$$b_{1} = 2r_{1}\beta_{1} - \frac{r_{1}\beta_{1}^{3}}{12} - (2r_{2}\beta_{2} - \frac{1}{3}r_{2}\beta_{2}^{3}) \left[1 - \frac{1}{2}\left(\frac{\beta_{1} + 2\beta_{2}}{2}\right)^{2}\right]$$

$$= \left(-\frac{\beta_{1}^{2}}{12} + \frac{\beta_{2}^{2}}{3} + \frac{(\beta_{1} + 2\beta_{2})^{2}}{4}\right) s = (\frac{1}{n_{1}^{2}} + \frac{6}{n_{1}n_{2}} + \frac{8}{n_{2}^{2}}) \frac{2\pi^{2}s}{3}.$$

Seben wir nun noch $b_1=\frac{1}{2}s$, um mindestens symmetrische Bahne zu erhalten, so folgt die Bedingung

$$\frac{1}{n_1^2} + \frac{6}{n_1 n_2} + \frac{8}{n_2^2} - \frac{3}{4\pi^2} = 0,76.$$
 Für $n_1 = n_2$ folgt hiernach $\frac{15}{n_1^2} = 0,076$, daher $n_1 = \sqrt{\frac{15}{0,076}} = 14$;

für $n_1 = \infty$, erhält man aber $n_2 = \sqrt{\frac{8}{0,076}} = 10,25$, und Rumpfe für $n_2=\infty$, ergiebt sich $n_1=\sqrt{\frac{1}{0.076}}=3$,6.

Bei einer Bahnftange mit abgerundeten Bahnen ift alfo die fleinfte Bahnegahl bes Getriebes = 11, und bei einer Bahnftange mit ebenen Bahnen ift die kleinste Bahnczahl des Getriebes = 4.

Unmerfung. Die Bahnreibung bei biefem Rabermerte ift biefelbe wie bie bei Anwendung eines Trillings, und auch biefelbe wie bei ben Radern mit ebenen Bahnflaten, namlich $F=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\,\varphi K$ (f. §. 52). Bei einer fleinen Theilung fonnen wir ben Reibungebogen DE feiner Bobe FE gleichießen; es ift folglich ber relative Reibungemeg, mahrent bas Bahnepaar von A nach F ruck, $a=DE-GE=h_1-h_2=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{n_2}{n_2}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi s,$ baber bei tem Drude K, die entsprechente Arteit der Reibung,

$$L = \sigma \cdot \varphi K = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi Ks,$$

und tie Reibung, auf ben Theilfreie rebi

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K.$$

§. 70. Wenn der Gingriff ber Bahnraber eben fo viel vor der Central= Babuffaden. linie beginnen ale hinter berfelben aufhoren foll, fo muß man bie Bahnflache eines jeden Rabes aus einer epicycloidifchen Bolbung und einer ebenen

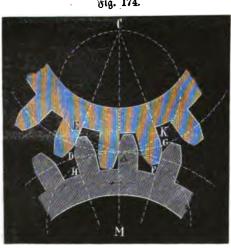


Fig. 174.

Klante bestehen laffen. Die Anordnung eines folden Raberwerkes ift aus Figur 174 zu er= feben. Es find bier zu ben zwei Theilkrei= fen noch zwei halb fo bobe Erzeugungefreife HAF und EAK hins zuzufügen. Trägt man auf biefen von A aus die Theilung 8 AE = AF auf und legt man bie Bogen AE = AF als AD=AG wätzend auf die Theilfreise auf, fo

bekommt man die Bahnwolbungen DE und FG, und es find nun durch Singufügung ber rabiallaufenben Flanken DII und GK bie Bahnflachen

EDH und FGK leicht zu ergangen. Um bas Raberwert auch entgegens Busammengefett laufen laffen zu tonnen, ober um nach Befinden die Bahne, wenn 3abnflacen. fie von Solg find, umfeten gu tonnen, formt man ihre Sinterflachen genau fo wie ihre Borberflachen. Bei ber Bewegung vor ber Centrallinie ruckt der ebene Theil HD bes Treibradzahnes an dem gewolbten Theil FG bes Getriebradgahnes hin, und bei der Bewegung hinter berfelben ichiebt fich die Wolbung DE des Treibradgahnes über der ebenen Flanke GH bes Betriebradgahnes hin.

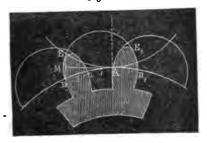
Ift das Getriebe, ober vielmehr das fleinere Rad fehr flein, ber Druck K zwifchen ben Bahnen aber febr groß, fo fallen die Bahnenden oft zu fpit aus, um hinreichenden Widerstand leiften zu konnen, weshalb man bann ben Gins griff von zwei Paar Bahnen aufgeben muß, und AE = AF nur 3/4 s ober wohl gar nur - 3 - macht, in welchem letteren Falle immer nur ein Bahnepaar arbeitet. Sind umgetehrt beibe Raber hoch und ift' K tlein, fo tann man mehr als zwei Paar Bahne zugleich arbeiten laffen und beshalb $AE = AF = \frac{3}{2}s$ nehmen.

Uebrigens kann man aber auch bie Epicycloidenbogen DE und GF burch Rreisbogen erfeten und die Salbmeffer berfelben nach §. 63 berechnen, ober = 3/4 s nchmen u. f. w.

Der Bortheil ber in diefem Paragraphen abgehandelten Bahnconftrucs tion por den vorigen (§. 69), liegt befonders barin, daß hier unter ubrigens gleichen Umftanden ftete doppelt fo viele Bahnepaare arbeiten als bort, bas ber auch ber Drud zwifchen je zwei Bahnen nur halb fo groß ift, und bees halb nicht nur ein gleichmäßigerer Bang, fondern auch ein fcmacheres Abführen ber Bahne erzielt wirb.

Celbft bann, wenn man wegen ber Rleinheit bes einen Rades genothigt ift, die Bahl der arbeitenden Bahnepaare gu beschranten, ober nach Befinden auf eine herabzugiehen, ift die Unwendung biefer Bahnconftruction von Bor= theil, weil burch fie die Abstande ber arbeitenden Bahnepaare von ber Centrallinie auf bas Minimum herabgezogen und baburch bie farten Rrummuns

Big. 175.



gen ber Bahne und bie ftarten Ceitenbrude am Unfang und am Ende bes Gingreifens vermieben werden.

Unmerfung. . Den Dits telpunft (1) Sig. 175, bes Rreiebogens, wonach man bie Bahnflachen welbt, findet man meift aud baburd, bag man in ber Mitte M ber Gefine DE ein Perpenvifel MI errichtet und bis

zum Durchschnitte 1 mit dem Theilfreise AD verlängert. Oft beschreibt man die Bahnwölbung auch mit einem Halbmeffer $1D=\frac{8}{4}s$ oder mit einem Halbmeffer AD=s. Wenn die Radhalbmeffer sehr ungleich und die Bahne sehr dick find, so weichen jedoch die badurch erhaltenen Bahnsormen von der regelrechten Form zu sehr ab.

Innere Verzahnung. §. 71. Bei einem inneren Bahnraberwerke wie Fig. 176, wels ches nicht selten angewendet wird, um die Umdrehungskraft eines verticalen Wasserrades ohne Torsion der Wasserradwelle fortzupflanzen, findet man die Bahnformen wie folgt. Es sei C die Umdrehungsare des inneren Getriebes, Fig. 176.



und A ber Berührungspunkt ber Theilkreise beiber Raber, also CA ber Halbmesser des Theilkreises des Getriebes oder der Durchmesser des Erzeus gungskreises AECK für die Zahnwölbungen des Rades. Nimmt man nun AE = s und wälzt man AE auf dem Theilkreise des letzeren Rabes, so beschreibt E die gesuchte Zahnwölbung ED. Nimmt man ferner AF = AD = AE = s und wälzt man diesen Theilkreisbogen auf dem Theilkreise des Getriebes, so beschreibt F die Zahnwölbung FG des Getriebes. Es ist hiernach leicht zu ermessen, welche Berührungen während des Arbeitens eines Zähnepaares vorkommen. Bor der Centrallinie gleitet immer derselbe Punkt D der Zahnsläche DE an der Zahnwölbung FG hin, hinter der Centrallinie hingegen rückt die Zahnsläche DE über der ebenen

Fig. 177.



Klante GK bes Getriebzahnes bin.

Aus ber ununterbrochenen Berrührung bes Anfangspunktes D ber Bahnflache mit ber Flache FG erwächst jebenfalls ein stärkeres Abstühren bes Jahnes an dieser Stelle, und beshalb giebt man oft auch bas Arbeiten ber Jahne vor ber Centralslinie gang auf, und giebt zu diesem Iwecke bem Getriebe nur ebene Jahnsstächen, wie AB, Fig. 177.

Wenn bie Buchstaben r_1 , r_2 , β_1 , β_2 , n_1 und n_2 die schon oben wieders gnere bott gebrauchten Bedeutungen auch hier behalten, so haben wir die Zahn- Bedeutungen bobe des Getriebrades

$$EG = h_2 = r_2 (1 - \cos \beta_2) = 2r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2}\right)^2,$$
 annáhernd $= \frac{1}{2}r_2 \beta_2^2 = \frac{s^2}{2r_2} = \frac{\pi s}{n_2};$

ferner die Bahnhohe des Treibrades:

$$EF = h_1 = \sqrt{\frac{AM^2 + AE^2 - 2AM \cdot AE \cos EAM - AM}{Error + r_1^2 (\sin \beta_2)^2 - 2r_1r_2 (\sin \beta_2)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2^2 (\sin \beta_2)^2 - 2r_1r_2 (\sin \beta_2)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 - r_2 (2r_1 - r_2) (\sin \beta_2)^2} - r_1,$$

annahernb

$$=\frac{(2\,r_1-r_2)\,r_2}{2\,r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2\,r_1-r_2)\,r_2\,\beta_2^{\,2}}{2\,r_1}=\frac{(2\,r_1-r_2)\,s^2}{2\,r_1\,r_2},\;\text{b. i.}$$

$$h_1=\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi\,s;$$

endlich die Bahnbreite minbestens

=
$$2DF = 2(AD - AF) = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2AE \cos EAF$$
, b. i.

 $b_1 = 4 r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2 r_2 \sin \beta_2 \cos (\beta_2 - \frac{1}{2} \beta_1),$

oder, ba
$$r_1\beta_1 = r_2\beta_2 = s$$
 ist,
 $b_1 = (\frac{1}{8}\beta_1^2 - \beta_1\beta_2 + \frac{4}{8}\beta_2^2)s$,

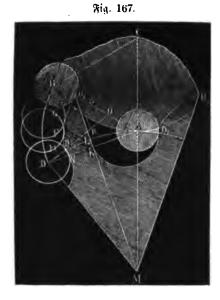
enblich, da
$$\beta_1 = \frac{2\pi}{n_1}$$
 und $\beta_2 = \frac{2\pi}{n_2}$ ist,

$$b_1 = \left(\frac{1}{6 n_1^2} - \frac{1}{n_1 n_2} + \frac{4}{3 n_2^2}\right) \cdot 4 \pi^2 s$$

$$= \left(\frac{1}{6 n_1^2} - \frac{1}{n_1 n_2} + \frac{4}{3 n_2^2}\right) \cdot 39,478 \cdot s.$$

Sest man nun $b_1 = \frac{1}{2}s$ als außerste Grenze, so erhalt man die Bis bingung $\frac{1}{6n_1^2} - \frac{1}{n_1n_2} + \frac{4}{3n_2^2} = \frac{1}{n_2} = 0,0127$.

Ereblinge. geformt werben, bie von dem Epicocloidenbogen BD an allen Stellen um



 $BB_1 = DD_1$ absteht. Man findet diese Eurve B_1D_1 , die man auch eine Parallele oder Aequidistante zur gegebernen nennt, wenn man mit dem gegebenen Abstande $BB_1 = DD_1$ als Halbmesser, aus der letteren viele Kreisbogen, wie EF, GH u. s. w. beschreibt, und einen Zug führt, welcher alle diese Bogen besrührt.

Wird ber Drehling ABC von dem Bahnrade AMD in Bewegung geseht, so erfolgt der Eingriff, wenn die Are A des Triebstodes in der Cenztrallinie C. W der beiden Raber steht, und es tritt das Aussstreichen ein, wenn sich die

Triebstockare um die Theilung AB = s von der Centrallinie entfernt hat. Sett bagegen ber Drehling bas Bahnrab in Umbrehung, fo tritt bas um: gekehrte Berhaltniß ein, es beginnt ber Gingriff in B, und hort berfelbe in D, auf. In beiben Fallen ift immer nur ein Bahn mit einem Triebftode in Eingriff; nimmt man aber AB = AD größer als die Theilung ober verlangert man den Bahnbogen D, B, noch etwas über B, hinaus, fo tom= men zum Theil zwei Bahne mit zwei Triebstoden in Eingriff. Da beibe Raber in A einerlei Bewegungerichtung haben, fo ift jedenfalls der Gin= griff daselbst ein volltommener und weniger leicht mit Stoffen verbunden als ber in B1 außerhalb ber Centrallinie. Sind überdies die Bahne von Bolg, fo murbe fich im lettern Falle bei ber Bewegung bes Triebftodes gegen den Spahn der Bahne eine großere Reibung und ein ftarteres A fuhren der Bahne herausstellen. Deshalb lagt man benn auch immer nur ben Drehling (mit Triebstoden) von dem Bahnrade in Umdrehung feten. Bollftandige Conftructionen von Raderwerten mit Drehlingen fubren die Riquren 168 und 169 vor Augen. In Figur 168 ift sowohl der Kall abgebildet, wo der Drehling ACB ein Rad von außen, ale auch der, wo er ein Rad von innen berührt. Im erften Falle hat man es bekanntlich mit einer Epi= und im zweiten mit einer Sppocpcloide II BE zu thun. Rigur 169

Fig. 168.



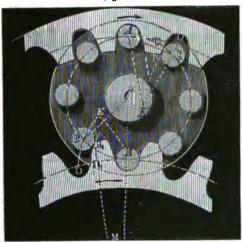
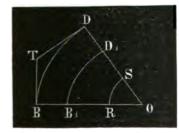


Fig. 169.



W.

8ig. 170

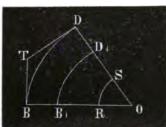


zeigt ben Kall, wo ber Drehling ober bas Rab mit Triebstoden A, B... ein kleineres Zahnrab ACD von ins nen ergreift.

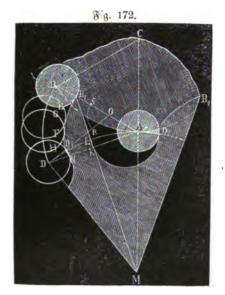
Anmerfung. Die Aequibistante B_1D_1 , Sig. 170, zu einer Gurve BD steht in folgenden merkwürdigen Bezies bungen zu BD. Erstens läuft sie an allen Stellen, wie B_1 , D_1 u. s. w., welche um gleichviel von BD abstehen, mit den entsprechenden Stellen B, D u. s. won BD parallel; es ist also die Berührungslinie in B_1 parallel der in

Treblinge.

Fig. 171.



B, die in D_1 parallel ber in D u. f. w. 3 weitens ift die Länge des Bogens B_1D_1 ber Requidifiante um einen Kreisbogen RS fleiner oder größer als der entsprechende Bogen der gegebenen Eurve, der zum Halbmeffer OR = OS den Abstand $BB_1 = DD_1$ zwischen beiden Eurven und zum Gentriwinkel den Winkel BOD zwischen den beiren Rozsmalen BO und DO hat.



 $\S.$ 68. Die Dimensionen der Zahne eines Drehlingsräderwerkes berechnen sich auf folgende Weise. Es seien r_1 und r_2 die Theilkreishalbmesser MA und CA, Figur 172, beider Räder, ferner seien β_1 und β_2 die entsprechenden Theilswinkel AMD und ACB, und endlich sei b_1 die Dicke eines Zahnes und b_2 die eines Triebsstockes, und dwar jede nahe der halben Theilung

$$\frac{s}{2} = \frac{AB}{2} = \frac{AD}{2}$$
.

Die Sehne oder gerade Thei= lung

$$AD = s_1$$
 ist hiernach $= 2 AM sin. AMD = 2 r_1 sin. \frac{\beta_1}{2}$, und $AB = s_2 = 2 AC sin. ACB = 2 r_2 sin. \frac{\beta_2}{2}$.

Ferner ift in bem rechtwinkeligen Dreiede AB1K bie Sppotenufe

$$AB_1 = AB - BB_1 = 2r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2}b_2$$

und der Binkel $B_1AK=rac{eta_1+eta_2}{2}$, daher die Kathete, oder die Hervorzagung des Bahnes über der Sehne AD:

$$B_1K = AB_1 \sin B_1 AK = \left(2 r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2\right) \sin \left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right)$$

Bieht man hiervon die Bogenbobe

$$KL = r_1 \left(1 - \cos \frac{\beta_1}{2}\right) = 2 r_1 \left(\sin \frac{\beta_1}{4}\right)^2$$

ab, fo folgt die Sohe des Bahnobertheiles

$$B_1L = h = KB_1 - KL$$

$$= \left(2r_2\sin\frac{\beta_2}{2} - \frac{1}{2}b_2\right)\sin\left(\frac{\beta_1 + \beta_2}{2}\right) - 2r_1\left(\sin\frac{\beta_1}{4}\right)^2$$

Erst man nun annahernd $2 \, r_2 \sin \frac{\beta_2}{2} = s$, $1/2 \, b_2 = \frac{s}{4}$,

$$sin.\left(\frac{\beta_1+\beta_2}{2}\right) = \frac{\beta_1+\beta_2}{2} = \frac{1}{2}\left(\frac{s}{r_1} + \frac{s}{r_2}\right)$$
 und $sin.\left(\frac{\beta_1}{4}\right)^2 = \frac{\beta_1^2}{16} = \frac{1}{16}\left(\frac{s}{r_1}\right)^2$,

fo erhalt man fehr einfach

$$h = \frac{3}{8} s^{2} \left(\frac{1}{r_{1}} + \frac{1}{r_{2}} \right) - \frac{1}{8} \frac{s^{2}}{r_{1}} = \left(\frac{2}{r_{1}} + \frac{3}{r_{2}} \right) \frac{s^{2}}{8},$$

oder durch Einführung ber Bahnezahlen $n_1=rac{2\pi r_1}{s}$, und $n_2=rac{2\pi r_2}{s}$,

$$h = \left(\frac{2}{n_1} + \frac{3}{n_2}\right) \frac{\pi s}{4}$$

Die Zahnbicke ist, wenn man symmetrische Zahne anwendet, also an das Zahnvordertheil B_1KN noch ein congruentes Hintertheil ansetz, b_1 , mintestens = 2NK = 2(AD - DN - AK), b. i.

$$I_1 = 2 \left[2 r_1 sin. \frac{eta_1}{2} - \frac{b_2}{2} - \left(2 r_2 sin. \frac{eta_2}{2} - \frac{1}{2} b_2 \right) cos. \left(\frac{eta_1 + eta_2}{2} \right) \right],$$

annähernd, da sich sin. $\frac{oldsymbol{eta}_1}{2}=rac{oldsymbol{eta}_2}{2}-rac{oldsymbol{eta}_1^3}{48}$, sin. $\frac{oldsymbol{eta}_2}{2}=rac{oldsymbol{eta}_2^3}{2}-rac{oldsymbol{eta}_2^3}{48}$ und

$$cos.\left(\frac{m{eta}_1+m{eta}_2}{2}\right)=1-\frac{(m{eta}_1+m{eta}_2)^2}{8}$$
 seben läßt, und $r_1m{eta}_1=r_2m{eta}_2=s$ ist,

$$b_1 = 2 \left[r_1 \beta_1 - \frac{r_1 \beta_1^3}{24} - \frac{b_2}{2} - \left(r_2 \beta_2 - \frac{r_2 \beta_2^3}{24} - \frac{b_2}{2} \right) \left(1 - \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right) \right]$$

$$= 2 \left[-\frac{r_1 \beta_1^3}{24} + \frac{r_2 \beta_2^3}{24} + \left(r_2 \beta_2 - \frac{b_2}{2} \right) \frac{(\beta_1 + \beta_2)^2}{8} \right],$$

ober, da fich $b_2 = \frac{8}{9}$ segen läßt,

$$b_1 = \frac{s}{4} \left(-\frac{\beta_1^2}{3} + \frac{\beta_2^2}{3} + \frac{3}{4} (\beta_1 + \beta_2)^2 \right) = (5\beta_1^2 + 18\beta_1\beta_2 + 13\beta_2^2) \frac{s}{48}.$$

Führt man endlich $eta_1=rac{2\,\pi}{n_1}$ und $eta_2=rac{2\,\pi}{n_2}$ ein, so erhalt man

$$b_1 = \left(\frac{5}{n_1^2} + \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2}\right) \frac{\pi^2 s}{12}.$$

Mun darf aber b_1 hochstens $=\frac{s}{2}$ sein, daher folgt die Bedingung fur bie kleinsten Bahnezahlen: $\frac{5}{n_*^2} + \frac{18}{n_* n_o} + \frac{13}{n_*^2} = \frac{12}{2 \cdot \pi^2} = 0,608.$ Für $n_1 = n_2$ erhalt man hiernach $\frac{36}{n_*^2} = 0,608$, und

$$n_1 = n_2 = \sqrt{\frac{36}{0.608}} = 7.7$$
, b. i. mindestens 8.

Fur ni = o, also fur einen Drehling mit Bahnstange, erhalt man aber $n_2 = \sqrt{\frac{13}{0.608}} = 4,6$, also wenigstens = 5,

fur $n_2 = \infty$, also fur eine Stange mit Triebstoden, stellt fich endlich $n_1 = \sqrt{\frac{5}{0.608}} = 2.9$, also mindestens = 3 heraus.

Bei Anwendung eines Rades mit innerer Bergahnung geht $\frac{oldsymbol{eta}_1 + oldsymbol{eta}_2}{2}$ in

$$rac{eta_2-eta_1}{2}$$
 über, weshalb $h=\left(rac{3}{n_2}-rac{2}{n_1}
ight)rac{\pi s}{4}$ und $b_1=\left(rac{5}{n_1^2}-rac{18}{n_1n_2}+rac{13}{n_2^2}
ight)rac{\pi^2 s}{12}$ ausfällt,

und die obige Bedingung fur die fleinften Bahnegahlen in folgende übergeht,

$$\frac{5}{n_1^2} - \frac{18}{n_1 n_2} + \frac{13}{n_2^2} = 0,608.$$

Für $n_1 = 2n_2$ folgt 3. B. hiernach $\frac{21}{n^2} = 0,608$, daher ist

$$n_1 = \sqrt{\frac{21}{0,608}} = 5,9$$
, also die kleinste Anzahl der Triebstode $n = 6$.

6. 69. Die Anwendung der zweiten Constructioneregel lagt fich unmittelbar in der Praris fo anwenden, wie in Sig. 173 gu erfeben ift. Die Fig. 173.

Bahnflachen bes einen Rabes, und zwar bes fleineren, welches man auch, namentlich wenn es aus einem ein= zigen Stude besteht, einen Rumpf nennt, find hier radial, wie g. B. AB; die des anderen wird dagegen von einem Epicycloidenbogen DE gebildet, der entsteht, wenn sich ber Rreis ACE, beffen Durchmeffer bem Theilkreishalbmesser des Kumpfes gleich ift, auf bem Theilkreise bes an=

Rumpfe.

beren Rabes walzt. Aus schon oben angegebenen Grunden ist es zwecksmäßiger, wenn ber Kumpf von dem Rabe mit Spicycloidenzähnen getrieben wird, und nicht umgekehrt; wenn der Angriff in A, d. i. in der Centrallinie CM erfolgt, und dahet ein Jahn des lehteren Rades einen Jahn des ersten Rades von A nach G schiebt, während er selbst von A nach D geht. Wacht man AD = AE = der Theilung s, so ist natürlich immer nur ein Jähnepaar im Eingriff, nimmt man aber AD = AE größer als s, so arbeiten auch mehrere Jähnepaare auf ein Mal.

Behalten wir die Bezeichnungen des vorigen Paragraphen bei, sehen wir z. B. $CA = r_2$ und \angle $ACE = \beta_2$, so erhalten wir die Hohe bes Bahnobertheiles vom Rumpfe:

$$EG = h_2 = CG - CE = r_2 - r_2 \cos \beta_2 = r_2 (1 - \cos \beta_2),$$

= $2 r_2 \left(\sin \frac{\beta_2}{2} \right)^2$, und annähernd = $1/2 r_2 \beta_2^2 = \frac{\pi s}{n_2}$;

bagegen folgt die Sohe eines Bahnes vom Rabe AMD:

$$EF = h_1 = ME - MF = \sqrt{MA^2 + AE^2} - 2MA \cdot AE\cos \cdot MAE - MA$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2^2(\sin \beta_2)^2 + 2r_1r_2(\sin \beta_2)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 + r_2(r_2 + 2r_1)(\sin \beta_2)^2} - r_1,$$

annåhernd

$$=\frac{r_2(r_2+2r_1)}{2r_1}(\sin\beta_2)^2=\frac{(2r_1+r_2)r_2\beta_2^2}{2r_1}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{2}{n_2}\right)\pi s.$$

Die Dicke b_1 eines Bahnes muß mindestens = 2DF sein; seten wir sie = 2DF = 2(AD - AF), so erhalten wir

$$b_1 = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2EA \cos EAF = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2r_2 \sin \beta_2 \cos \left(\frac{\beta_1}{2} + \beta_2\right)$$

b. i. annahernd

$$b_{1} = 2r_{1}\beta_{1} - \frac{r_{1}\beta_{1}^{3}}{12} - (2r_{2}\beta_{2} - \frac{1}{3}r_{2}\beta_{2}^{3}) \left[1 - \frac{1}{2} \left(\frac{\beta_{1} + 2\beta_{2}}{2}\right)^{2}\right]$$

$$= \left(-\frac{\beta_{1}^{2}}{12} + \frac{\beta_{2}^{2}}{3} + \frac{(\beta_{1} + 2\beta_{2})^{2}}{4}\right) s = (\frac{1}{6}\beta_{1}^{2} + \beta_{1}\beta_{2} + \frac{4}{3}\beta_{2}^{2}) s$$

$$= \left(\frac{1}{n_{1}^{2}} + \frac{6}{n_{1}n_{2}} + \frac{8}{n_{2}^{3}}\right) \frac{2\pi^{2}s}{3}.$$

Seten wir nun noch $b_1=\frac{1}{2}s$, um mindestens symmetrische Bahne zu erhalten, so folgt die Bebingung

$$rac{1}{n_1^2}+rac{6}{n_1n_2}+rac{8}{n_2^2}=rac{3}{4\pi^2}=0,76.$$
 Für $n_1=n_2$ folgt hiernach $rac{15}{n_1^2}=0,076$, daher $n_1=\sqrt{rac{15}{0,076}}=14$;

Rumpfe

für $n_1=\infty$, erhält man aber $n_2=\sqrt{\frac{8}{0.076}}=10,25$, und Rumpfe für $n_2 = \infty$, ergiebt sich $n_1 = \sqrt{\frac{1}{0.076}} = 3.6$.

Bei einer Bahnftange mit abgerundeten Bahnen ift alfo die fleinfte Bahnegahl bes Getriebes = 11, und bei einer Bahnftange mit ebenen Bahnen ift die fleinfte Bahnczahl bes Getriebes = 4.

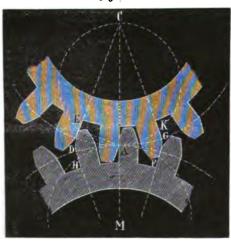
Unmerfung. Die Bahnreibung bei biefem Rabermerte ift biefelbe wie bie bei Anwendung eines Trillings, und auch tiefelbe wie bei ben Radern mit ebenen Babuffaben, nämlich $F=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi\,\varphi K$ (f. §. 52). Bei einer fleinen Theitung fonnen wir ben Meibungebogen DE feiner Bobe FE gleichiegen; es ift folglid, ber relative Reibungemeg, mahrend bas Jahnepaar von A nach F rudt, $a=DE-GE=h_1-h_2=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{\gamma}{n_2}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}=\left(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\right)\pi s,$ raber bei tem Drude K, die entsprechente Arbeit der Reibung,

$$L=\sigma\cdot\varphi K=\Bigl(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2}\Bigr)\pi\varphi Ks,$$
 wie die Reibung, auf ben Theilfreis redi eirt,

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K.$$

§. 70. Benn ber Eingriff ber Bahnraber eben fo viel vor ber Central= Babnfladen, linie beginnen ale hinter berfelben aufhoren foll, fo muß man die Bahnflache eines jeden Rades aus einer epicycloibifchen Bolbung und einer ebenen

Big. 174.



Klante befteben laffen. Die Anordnung eines folden Rabermerkes ift aus Sigur 174 gu erfeben. Es find hier zu den zwei Theilfrei= fen noch zwei halb fo bobe Erzeugungefreife HAF und EAK hins zuzufugen. Eragt man auf biesen von A aus die Theilung s AE = AF auf unb legt man bie Bogen AE = AF als AD=AG wälzend auf die Theilfreife auf, fo

bekommt man bie Bahnwolbungen DE und FG, und es find nun burch Singufügung ber radiallaufenden Flanten DII und G.K die Bahnflachen EDH und FGK leicht zu erganzen. Um das Raberwerk auch entgegens Bufammengesetzt laufen lassen zu können, ober um nach Besinden die Bahne, wenn Babnkläden. sie von Holz sind, umsehen zu können, sormt man ihre Hinterstächen ges nau so wie ihre Borderstächen. Bei der Bewegung vor der Centrallinie rückt der ebene Theil HD des Treibradzahnes an dem gewöldten Theil FG des Getriebradzahnes hin, und dei der Bewegung hinter derselben schiedt sich die Wöldung DE des Treibradzahnes über der ebenen Flanke GH des Getriebradzahnes hin.

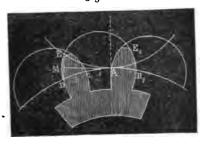
Ist das Getriebe, oder vielmehr das kleinere Rad sehr klein, der Druck k wischen den Zahnen aber sehr groß, so fallen die Zahnenden oft zu spis aus, um hinreichenden Widerstand leisten zu können, weshalb man dann den Einsgriff von zwei Paar Zahnen aufgeben muß, und AE = AF nur $\frac{3}{4}$ s oder wohl gar nur $\frac{5}{2}$ - macht, in welchem letteren Falle immer nur ein Zahnes paar arbeitet. Sind umgekehrt beide Raber hoch und ist K klein, so kann man mehr als zwei Paar Zahne zugleich arbeiten lassen und deshalb $AE = AF = \frac{3}{2}s$ nehmen.

Uebrigens kann man aber auch die Epicycloidenbogen DE und GF durch Kreisbogen ersehen und die Halbmeffer berfelben nach \S . 63 berechnen, ober $= \sqrt[3]{4}$ s nihmen u. f. w.

Der Bortheil ber in diesem Paragraphen abgehandelten Zahnconstruction vor den vorigen (§. 69), liegt besonders darin, daß hier unter übrigens gleichen Umständen stete doppelt so viele Zähnepaare arbeiten als dort, das her auch der Druck zwischen je zwei Zähnen nur halb so groß ist, und des halb nicht nur ein gleichmäßigerer Gang, sondern auch ein schwächeres Abstühren der Zähne erzielt wird.

Selbst bann, wenn man wegen ber Kleinheit bes einen Rabes genothigt ist, die Bahl ber arbeitenden Bahnepaare zu beschränken, oder nach Befinden auf eins herabzuziehen, ist die Anwendung dieser Bahnconstruction von Borstheil, weil durch sie die Abstände der arbeitenden Bahnepaare von der Genstrallinie auf das Minimum herabgezogen und dadurch die starken Krummuns

Big. 175.



gen der Bahne und die ftarten Seitendrucke am Unfang und am Ende bes Eingreifens vers mieben werden.

Unmerfung. Den Mitstelpunft (1) Tig. 175, bes Kreies begens. wonach man bie Zahns flächen wolbt, findet man meift auch barurch, bag man in ber Mitte M ber Sehne DE ein Perpendifel M1 errichtet und bis

jum Durchschnitte 1 mit bem Theilfreise AD verlängert. Oft beschreibt man bie Bahnwölbung auch mit einem Halbmeffer $1D=\frac{3}{4}s$ ober mit einem Halbmeffer AD=s. Wenn die Rabhalbmeffer sehr ungleich und die Bahne sehr bick find, so weichen jedoch die badurch erhaltenen Bahnsormen von der regelrechten Form zu sehr ab.

3anere Verjabnung. §. 71. Bei einem inneren Bahnraberwerke wie Fig. 176, welsches nicht felten angewendet wird, um die Umdrehungskraft eines verticalen Wasserrades ohne Torsion der Wasserradwelle fortzupflanzen, findet man die Bahnformen wie folgt. Es fei C die Umdrehungsare des inneren Getriebes, Fig. 176.



und A ber Berührungspunkt der Theilkreise beider Rader, also CA der Halbmesser des Theilkreises des Getriebes oder der Durchmesser des Erzeuzgungskreises AECK für die Zahnwölbungen des Rades. Nimmt man nun AE=s und wälzt man AE auf dem Theilkreise des letteren Rabes, so beschreibt E die gesuchte Zahnwölbung ED. Nimmt man ferner AF=AD=AE=s und wälzt man diesen Theilkreisbogen auf dem Theilkreise des Getriebes, so beschreibt F die Zahnwölbung FG des Getriebes. Es ist hiernach leicht zu ermessen, welche Berührungen während des Arbeitens eines Zähnepaares vorkommen. Bor der Centrallinie gleitet immer derselbe Punkt D der Zahnsläche DE an der Zahnwölbung FG hin, hinter der Centrallinie hingegen rückt die Zahnsläche DE über der ebenen

Fig. 177.



Flanke GK des Getriebzahnes bin.

Aus ber ununterbrochenen Berrührung bes Anfangspunktes D ber Bahnflache mit der Flache FG erwächst jebenfalls ein stärkeres Abstühren des Jahnes an dieser Stelle, und beshalb giebt man oft auch das Arbeiten der Jahne vor der Centraltinie ganz auf, und giebt zu diesem Zwecke dem Getriebe nur ebene Jahnsstächen, wie AB, Kig. 177.

Wenn die Buchstaben r_1 , r_2 , β_1 , β_2 , n_1 und n_2 die schon oben wieders gnurre holt gebrauchten Bedeutungen auch hier behalten, so haben wir die Zahns hohe des Getriebrades

$$EG = h_3 = r_2 (1 - \cos \beta_2) = 2 r_2 \left(\sin \frac{\beta_3}{2}\right)^2,$$
 annahernd $= \frac{1}{2} r_2 \beta_2^2 = \frac{8^2}{2 r_2} = \frac{\pi s}{n_2};$

ferner die Bahnhohe des Treibrades:

$$EF = h_1 = \sqrt{\frac{\overline{AM^2} + \overline{AE^2} - 2AM \cdot AE \cos \cdot EAM}{+ r_1^2 + r_2^2 (\sin \beta_2)^2 - 2r_1 r_2 (\sin \beta_2)^2} - r_1$$

= $\sqrt{r_1^2 + r_2^2 (\sin \beta_2)^2 - r_1}$,

annahernd

$$=\frac{(2r_1-r_2)r_2}{2r_1}(sin.\beta_2)^2=\frac{(2r_1-r_2)r_2\beta_2^2}{2r_1}=\frac{(2r_1-r_2)s^2}{2r_1r_2}, \text{ b. i.}$$

$$h_1=\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi s;$$

endlich bie Bahnbreite minbeftens

$$= 2DF = 2(AD - AF) = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2AE \cos EAF, \text{ b. i.}$$

$$b_1 = 4r_1 \sin \frac{\beta_1}{2} - 2r_2 \sin \beta_2 \cos (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1),$$

annahernb, wenn man

$$\begin{array}{c} \sin \frac{\beta_1}{2} = \frac{\beta_1}{2} - \frac{\beta_1^3}{48}, \sin \beta_2 = \beta_2 - \frac{\beta_2^3}{6} \text{ und} \\ \cos (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1) = 1 - \frac{1}{2} (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1)^2 \text{ (est,} \\ b_1 = 2 r_1 \left(\beta_1 - \frac{\beta_1^3}{24}\right) - 2 r_2 \left(\beta_2 - \frac{\beta_2^3}{6}\right) [1 - \frac{1}{2} (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1)^2] \\ = -\frac{r_1 \beta_1^3}{12} + \frac{r_2 \beta_2^3}{3} + r_2 \beta_2 (\beta_2 - \frac{1}{2}\beta_1)^2, \end{array}$$

oder, ba $r_1\beta_1=r_2\beta_2=s$ ift,

$$b_1 = (\frac{1}{6}\beta_1^2 - \beta_1\beta_2 + \frac{4}{3}\beta_2^2)^{\kappa},$$

endlich, da
$$\beta_1 = \frac{2\pi}{n_1}$$
 und $\beta_2 = \frac{2\pi}{n_2}$ ist,

$$b_1 = \left(\frac{1}{6n_1^2} - \frac{1}{n_1n_2} + \frac{4}{3n_2^2}\right) \cdot 4\pi^2 s$$

= $\left(\frac{1}{6n_1^2} - \frac{1}{n_1n_2} + \frac{4}{3n_2^2}\right) \cdot 39,478 \cdot s.$

Sest man nun $b_1 = \frac{1}{2}s$ als dußerste Grenze, so erhalt man die \mathfrak{B}_{zz} bingung $\frac{1}{6n^2} - \frac{1}{n_1n_2} + \frac{4}{3n^2} = \frac{1}{12n_2} = 0,0127$.

Innere Berjahnung Ift n_1 sehr groß, ober unendlich, so hat man hiernach $\frac{4}{3n_2^2}=0.0127$ und $n_2=V\overline{105}=10.25$, bann sind also mindestens 11 Zähne im Getriebe nothig; ist aber $n_2=\frac{1}{2}n_1$, also $n_1=2n_2$, so hat man $\frac{7}{8n_2^2}=\frac{1}{79}$, und $n_2=V\overline{69}=8.3$, also die Anzahl der Getriebzähne wen gstens =9.

Anmerfung. Die Arbeit ber Jahnreibung ift bei Durchlaufung ber Theilung AD=AE=s, $L=Fs=(DE-GE)\varphi K$ aunähernd $=(h_1-h_2)\varphi K$ $=\left[\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}\right]\varphi K=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi \varphi Ks,$

und taher rie Bahnreibung felbit, gang in Uebereinstimmung mit bem Früheren, $F=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi\,\varphi\,K.$

§. 72. Nach der Kreisevolvente (franz. d'éveloppante se cercle; engl. involute of the cercle) werden die Radzähne auf folgende Weise construirt. Man errichte im Berührungspunkte A beider Theilkr ise CA und M.4, Fig. 178, ein Perpendikel AB auf der Centrallinie CM, und Fig. 178.



mache biefes der Theilung, ober nach Befinden nur Dreiviertel berfelben Goeiventen-Bon B ziehe man nun eine Gerade nach ber Are C bes kleineren Rades, und falle von A ein Perpenditel AD gegen BC. Ferner verlangere man All rudwarts, falle von M gegen bie Berlangerung bas Perpenbitel, oder, was auf eine hinauskommt, ziehe ML parallel DC, und beschreibe aus C und M Rreisbogen durch D und L. Macht man nun noch AF gleich AD und widelt man DF auf DG, und LD auf LE auf, fo erhalt man in ben Evolventenbogen FG und IE bie gefuchten Bahnformen. Rach diefer Conftruction ift nicht nur $DF = \mathfrak{B}$ ogen DG, sondern auch AD = Bogen DU, baher bie Theilung

$$s = \frac{CA}{CD}$$
. $DH = \frac{CA}{CD}$. AD , und $\frac{s}{AD} = \frac{CA}{CD}$.

Run ift aber auch wegen Aehnlichkeit ber Dreiede BAD und ACD, $\frac{AB}{AD} = \frac{CA}{CD}$, taher folgt benn AB = s, und zugleich die Richtigkeit ber Construction.

Die Dimensionen ber Evolventengahne ergeben fich wie folgt.

Die hervorragung eines Getriebzahnes FG über feinem Th.ilfreife ift: $NF = h_s = CF - CA = \sqrt{\overline{(A^2 - \overline{AD^2} + FD^2} - CA} = \sqrt{\overline{CA^2 + 3\overline{AD^2}} - CA}$ $=\sqrt{r_0^2+3s_1^2}-r_0$, wofern AD=AF mit s_1 bezeichnet wird.

Unnahernd ist nun
$$h_2 = \frac{3 s_1^2}{2 r_2} = \frac{3 s^2}{2 r_2} = \frac{3 \pi s}{n_2}$$
.

Die fleinste Getriebzahnbreite be ift

$$= 20N = 2(AO - AN) = 2(s - r_2 \varphi_2)$$

ju feben, wenn 92 den Bintel ACF bezeichnet. Run ift aber

$$tang. \varphi_2 = \frac{AF \cdot sin.FAM}{CA + AF \cos FAM} = \frac{s_1 \sin CAD}{r_2 + s_1 \cos CAD} = \frac{s_1 \cdot sin.ABD}{r_2 + s_1 \cdot \frac{s_1}{r_2}}$$

$$= \frac{s_1^2 r_2}{s(r_2^2 + s_1^2)} = \frac{r_1}{s(\frac{r_2^2}{s_1^2} + 1)} = \frac{r_2}{s(\frac{r_2^2 + s^2}{s^2} + 1)} = \frac{r_2 s}{r_2^2 + 2 s^2}$$

annahernd $=\frac{s}{r_s}\left(1-\frac{2s^2}{r_s^2}\right)$, und (nach "Ingenieur", Seite 225)

$$\varphi_2 = lang. \varphi_2 - \frac{1}{3} (lang. \varphi_1)^3 + \ldots$$
, daher hier

$$\varphi_2 = lang. \, \varphi_2 - \frac{1}{3} (lang. \, \varphi_1)^3 + \dots, \text{ daher hier}$$

$$\varphi_2 = \frac{s}{r_2} - \frac{2 \, s^3}{r_2^3} - \frac{1}{3} \frac{s^3}{r_2^3} = \frac{s}{r_2} - \frac{7 \, s^3}{3 \, r_2^3} \text{ und}$$

$$b_2 = 2\left(s - s + \frac{7\,s^3}{3\,r_s^3}\right) = \frac{14}{3}\frac{s^3}{r_s^3} = \frac{14}{3}\cdot\frac{4\,\pi^2}{n_s^2}$$
, $s = 184,23\frac{s}{n_s^2}$

Fur Die Bobe eines Bahnes vom großeren Rabe bat man

Annahernh hat man nun

$$h_1 = \left(\frac{2 r_1}{r_2} + 1\right) \frac{s_1^2}{2 r_1} = \left(\frac{2}{r_2} + \frac{1}{r_1}\right) \frac{s^2}{2} = \left(\frac{2}{n_2} + \frac{1}{n_1}\right) \pi s.$$

Endlich ift das entsprechende Minimum ber Bahnbreite

$$b_1 = 2RS = 2(AS - AR) = 2(s - r_1 \varphi_1),$$

wo φ_1 ben Centrimintel AMD bezeichnet.

Nun ist
$$tang. \, \varphi_1 = \frac{AD \sin. CAD}{MA + AD \cos. CAD} = \frac{r_1 s}{r_1^2 + 2 s^2}$$
, annähernb $= \frac{s}{r_1} \left(1 - \frac{2 s^2}{r_1^2}\right)$, hiernach $\varphi_1 = \frac{s}{r_1} - \frac{s}{r_2^2}$,

baher
$$b_1 = \frac{14}{3} \cdot \frac{s^3}{r_1^2} = \frac{14}{3} \cdot \frac{4\pi^2}{n_1^2} \cdot s = 184,23 \frac{s}{n_1^2}$$

Seben wir nun $b_1+b_2=s$, so erhalten wir folgende Bebingungs-gleichung fur die kleinste Bahnegahl:

$$184,23\left(\frac{1}{n_1^2}+\frac{1}{n_2^2}\right)=1$$
, ober $\frac{1}{n_1^2}+\frac{1}{n_2^2}=\frac{1}{184}$.

Für $n_1 = n_2$ ist hiernach $\frac{2}{n_1^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_1 = n_2 = \sqrt{368} = 19$,

für
$$n_1 = \infty$$
 ist bagegen $\frac{1}{n_s^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_2 = \sqrt{184} = 13,5$.

Man ersieht hieraus, daß die Evolventenzähne hoher und breiter ausfallen als die Epicycloidenzähne, und daß beshalb bei den Raderwerken der ersten Art die Minimalzähnezahl größer ist als die bei den Raderwerken mit epicycloidischen Zahnen.

Anmerkung. Die Arbeit ber Bahnreibung vor ber Gentrallinie ift $L_1=\varphi K_1\,(F\,O-A\,U)=\varphi K_1\,(E\,G-O\,G-A\,V+U\,V),$ wenn K_1 ben Normalbruck zwischen ben Bahnen bezeichnet. Run find aber (nach "Jugenicur", Seite 246) bie Evolventenbogenlangen

$$FG=rac{FD^2}{2\,CD}\,, \qquad O\,G=AH=rac{\overline{A\,D^2}}{2\,CD}\,,$$
 ferner $A\,V=rac{\overline{A\,L^2}}{2\,ML}\,$ and $U\,V=FT=rac{\overline{F\,L^2}}{2\,ML}\,,$

Evolventen

$$\begin{array}{l} \text{baher folgt benn } L_1 = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{FD^3 - \overline{A}D^2}{CD} - \frac{\overline{A}L^2 - FL^2}{ML} \right) \\ = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{4s_1^2 - s_1^3}{CD} - \frac{\left(\frac{r_1}{r_2}s_1\right)^2 - \left(\frac{r_1s_1}{r_2} - s_1\right)^2}{ML} \right) \\ = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{3s_1^3}{CD} - \frac{(2r_1 - r_2)s_1^3}{ML \cdot r_2} \right) \\ = \frac{\varphi K_1s_1^3}{2} \left(\frac{3}{CD} - \frac{2r_1 - r_2}{ML \cdot r_2} \right). \end{array}$$

Es giebt die Rormalfraft K_1 eine Tangentialfraft $K=-\frac{s_1}{s}K_1$, baher folgt, wenn man noch annähernd $CD=CA=r_2$ und $ML=MA=r_1$ fest, $L=\frac{\varphi Kss_1}{2}\left(\frac{3}{r_2}-\frac{2r_1-r_2}{r_1r_2}\right)=\frac{\varphi Kss_1}{2}\left(\frac{1}{r_1}+\frac{1}{r_2}\right)$

und bie Reibung auf ben Theilfreis reducirt:

$$F = \frac{L}{s} = \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right) \frac{\pi Ks}{2},$$

cher, ba $2\pi r_1 = n_1 s_1$ und $2\pi r_2 = n_2 s_1$ ift,

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \varphi K, \text{ wie oben.}$$

Sben fo groß ift fie auch bei bem Gingriff binter ber Centrallinie.

- §. 73. Die Evolventenverzahnung ist jedenfalls die vollkommenste aller Bahnconstructionen; sie steht der Spicycloidenverzahnung nur in sofern nach, als sie langere Bahne liefert, und deshalb eine größere Anzahl von Bahnen sordert als diese. Da jedoch auch aus anderen Gründen eine größere Bahnezahl mechanisch vortheilhaft ist, so tritt dieser Nachtheil sehr in den Hintergrund. Der Borwurf, welchen man diesen Radern noch macht, daß bei ihnen aus der schiesen Wirkung der Drucktrast K_1 Seitendrücke $N_1 = \frac{s}{r_1} K_1$, und $N_2 = \frac{s}{r_2} K_1$ entspringen, welche die Zapfenreibung vergrößern, ist ebenfalls von keiner Erheblichkeit, da sich bei der Epicycloidenverzahnung Seitendrücke ebenfalls einfinden, so lange die Zähne außerhalb der Centrallinie auf einander wirken. Dagegen hat aber die Evolventen-
- verzahnung folgende wesentliche Vorzüge.

 1) Da der Druck K1 grischen den Evolventenzähnen vom Anfang bis Ende des Eingriffes unverändert berselbe bleibt, so sindet bei diesen Zähnen eine gleichförmigere und deshalb weniger nachtheilige Abnuhung statt, als bei den Epicycloidenzähnen, wo dieser Druck veränderlich ist.
- 2) Ein und dasselbe Rad EML, mit Evolventenzähnen, Fig. 179 (auf folgd. Seite), kann zugleich mit verschiedenen Rabern, wie DCG, $D_1C_1G_1$ u. s. w. arbeiten, benn die Evolventenbogen DE oder D_1E , welche einem und bemselben Grundkreise entsprechen, sind nur der Länge nach von einzander verschieden, D_1E ist nur ein Theil von DE. Bei der Epicycloidens

Grofrenten.

verzahnung hingegen hangt die Zahnform bes einen Rabes auch von bem Theilkreishalbmeffer bes anderen ab, es kann also hier ein Rab nicht zugleich mit anderen von verschiedenen Halbmeffern arbeiten. Raber mit Evolventenverzahnung können also stets, wenn sie nur einerlei Theilung haben, in einander regelrecht eingreisen. Es gewährt hiernach diese Verzahnung nicht allein eine allgemeinere Anwendung, sondern auch den großen dkonomischen Vortheil, daß durch sie die Anschaffung einer großen Anzahl von Gußmobellen erspart wird, da bei der Epicycloidenverzahnung für jede Theilung und für jedes Umsehungsverhältniß ein besonderes Raderpaar, bei der Evolventenverzahnung aber zur Herstellung einer verlangten Umsehung nur eine Ausswahl unter den verschiedenen Radern von derselben Theilung nottig ist.

Fig. 179.

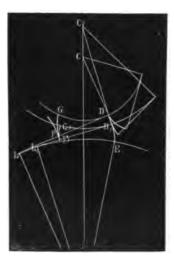


Fig. 180.



3) Wenn bei der Evolventenverzahnung die Arenlage eine andere wird, was durch Abführen oder Borrücken der Zapfenlager leicht möglich ist, so wird dadurch nur die Dauer, nicht aber die Regelmäßigkeit des Eingreisens verändert. Rückt das Rad CDG, Fig. 180, dem Rade EMF näher, kommt es also in die Lage $C_1D_1G_1$, so kommt der Punkt, wo das Einzgreisen aushört, von D nach D_1 , rückt es dagegen entseinter, kommt es also in die Lage $C_2D_2G_2$, so würde die Stelle, wo das Eingreisen aushört, nach D_2 gelangen, da aber der Zahn DE der sesten Rades nicht die Länge D_2E_2 hat, so ist der Eingriff in einem Punkte d beendigt, der ebenso wie D_1 vor D liegt. Bei der Epicycloidenverzahnung verursacht hingegen jede Aenderung der Arenstellung einen sehlerhaften Eingriff, und es wird dadurch nicht nur der regelmäßige Gang gestört, sondern auch leicht ein Einklemmen

und Abbrechen ber Bahne herbeigeführt. Aus biefem Grunde ift es auch nothig, ben Spicycloidengahnen einen großeren Spielraum (frang. jeu; engl. back-lash) zu geben, als den Evolventengahnen.

§. 74. Die aus §. 64 bekannte Zahnconstruction mittels Kreisbogen Billie Arbnir wird praktisch auf folgende Weise angewendet. Man zieht durch den Bez rührungspunkt A in der Centrallinie CM, Fig. 181, eine Gerade OO_1 , Fig. 181.



welche um ben Winkel $CAO=MAO_1=75^{\circ}$ von der Centrallinie abweicht, errichtet hierauf ein Perpendikel und schneidet von demselden zu beis den Seiten von A ein Perpendikel $AN=AN_1 \ CL$ (wo C die Are des kleineren Rades ist) ab. Zieht man nun die geraden Linien MNO, CKN, MK_1N_1 und CN_1O_1 , so erhält man in den Durchschnitten O, K, K_1 und O_1 die Wittelpunkte der Kreisbögen BD, FG, D_1E_1 und G_1H_1 , von welchen je zwei eine Zahncurve, wie $BDE=B_1D_1E_1$ und $FGH=F_1G_1H_1$ bilden. Sollen nun, wie in der Figur, stets zwei Zähnepaare arbeiten, so trägt man auf die Theilkreise die Hälfte der Theilung s als $AD=AD_1$

winter 3abn. = $AG = AG_1$ auf, und beschreibe nun aus O ben Bogen DB, aus K ben Bogen GF; ferner aus K_1 ben Bogen D_1E_1 und aus O_1 ben Bogen G1H1, ober, um gleich zufammenhangenbe Bahnformen zu erhalten, aus ben leicht zu bestimmenden Punkten K2 und O2 die Bogen DE und GH.

> Uebrigens laffen fich auch die Mittelpunkte O, K ... burch Auftragen Big. 182.



der Abscissen $AO = x_1$, $AK = x_2$ u. f. w. finden, nachdem man dies felben mittels der Formeln berechnet hat, welche in §. 64 mitgetheilt mor= ben find. hierbei fann man fich auch mit Bortheil bes in §. 66 befchries benen Dbontographen und einer im Ingenieur, G. 567 mitgetheilten Tabelle von verschiedenen Werthen fur x, und x2 bedienen.

Diese Construction ift auch unmittelbar auf Raber mit innerer Bergabnung anwendbar. Es liegt bier bas Centrum M bes innen gegahnten Rabes mit bem Mittelpuntte C bes fleineren Rabes auf einerlei Seite, und es fallt beshalb AO fleiner und AK, großer aus, übrigens geht naturlich bas Burgel- oder Aufftud BD in das Ropfftud und das Ropfftud DE minie Bahn. in bas Fufftud uber. Bei ber gezahnten Stange ift M unenblich entfernt und es find daher die Linien NK und N1K1 parallel gur Centrallinie CA.

Endlich ift leicht und zumal auch aus ben Formeln fur x1, x2 u. f. w. ju erfeben, bag auch bier, wie bei ben Evolventengahnen, die Bahnform bes einen Rabes gar nicht von ber Grofe des anderen Rabes abhangt, baf fich alfo fur eine gegebene Bahntheilung und fur ein bestimmtes Perpenbitel $AN = AN_1$ ein ganger Sat von Rabern conftruiren laft, welche regelrecht mit einander arbeiten tonnen.

Beifpiel. Ein Bahnrab mit 72 Bahnen und einer Theilung von 31/2 Boll, foll zwei Betriebe von 19 und 31 Bahnen in Bewegung fegen, welches find bie nothigen Absciffen ber Mittelpunkte ber Bahnbogen? Nach ben Formeln bes S. 64 hat man für bas Treibrab

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 - 12} = 1.488$$
 3oll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 + 12} = 1.059$ 3oll,

ferner fur bas eine Betriebe

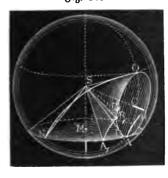
$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 - 12} = 3,354$$
 Boll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 + 12} = 0,757$ Boll, und für bas andere

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 31 \cdot \frac{5}{2}}{31 - 12} = 2{,}016 \,\,\text{Boll} \,\, \text{and} \,\, x_2 = \frac{0.4943 \cdot 31 \cdot \frac{5}{2}}{31 + 12} = 0{,}891 \,\,\,\text{Boll}.$$

Die im Ingenieur, Seite 567, mitgetheilten Tabellen geben ziemlich genau biefelben Berthe.

Der Bahnconstruction conischer Raber ift eigentlich eine Bergabnung spharische Epicycloide (frang. épicycloide sphérique; engl. spherical epicycloid) ju Grunde zu legen. Diefe Curve entsteht, wenn fich ein

Fig. 183.



Regel ASO, Fig. 183, auf einem zweiten Regel ASN fortmalzt; jeber Puntt O in ber Dberflache bes erften Regels beschreibt bann eine spharische Epicycloide. Bei diefem Walgen andert der beschreibende Punkt feinen Abstand von ber gemeinschaftlichen Regelspipe nicht; es bleibt baher der= felbe ftete in der Dberflache einer aus S mit SO = SN zu beschreibenben Rugeloberflache, es befindet fich alfo auch die erzeugte Curve SO in einer Rugeloberflache; daher der Name fpharifche Epicncloide.

Bare ASO und ASN ein conisches Raberpaar, AMN ber Theiltreis bes einen und ACO ber bes anderen Rades, fo murben bie punktformigen Bahne D, D, u. f. w. bes letteren, von ben brahtformigen Bahnen AB, Verjahnung conifeer Raber. A1B1 u. f. w. des ersteren regelrecht fortgeschoben werden, wenn diese nach gig. 184. einer sphärischen Spicycloide geformt



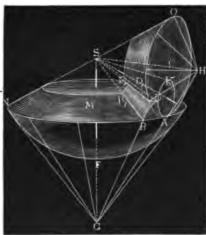
einer spharischen Spicycloide geformt waren, die entsteht, wenn man ACOS auf AMNS walgt; benn es wurden dann die Bogen AA1 und DD1 einander gleich, also, wie nothig, die gleichzeitigen Wege in beiden Theilskreisen gleich groß sein.

Statt bes punktförmigen Zahnes B_1 kann man auch einen gerablinigen Zahn B_1S anwenden, und den Bogen A_1B_1 burch eine schiefe Flache A_1B_1S ersetzen, die entsteht, wenn man eine Gerade durch A_1B_1 und

S bewegt. Hiernach lassen sich die Zahnstächen eines Rades sinden, welches einen conischen Drehling in Umdrehung sett. Es sind dann DS, D_1S u. s. w. die Aren der ebenfalls nach Regeln zu formenden Triebstöcke, und es ist die schiefe Flache A_1B_1S durch eine andere zu ersehen, deren Leitlinie Acquidistante von A_1B_1 ist (vergl. III., §. 67, Anmerkung).

Eine allgemeinere Bahnconstruction ift folgende. Es sei wieder A ber





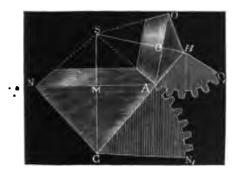
Berührungspunkt, ober vielmehr AS die Berührungelinie zwischen zwei conischen Rabern AMNS und ACEO, Kigur Man lege über AS 185. noch einen britten Regels ober Rugelfector ADKS und malze diesen nicht allein über ber Regelflache ASN, fonbern auch in der Kegelfläche ASO; dabei beschreibt eine Seite DS von ADKS die Schiefen Rlachen DBS und DES, und wenn man nun bie Bahne vom Rabe AMN nach DBS und die vom Rade ACO nach DES formt, fo fest, ba AD = AB= AE ift, augenfällig bas eine Rab bas andere regelrecht

in Umbrehung (vergl. §. 61). Naturlich ift es nicht nothig, vollständige

Regel anzuwenden, sondern hinreichend fich abgekurzter Regels und Bahns Berjahnung flachen, wie z. B. DBB_1D_1 und DEE_1D_1 zu bedienen.

§. 76. Zieht man burch ben Berührungspunkt A eine Gerade GH rechtwinkelig auf AS, welche beide Radaren SM und SC mit einander vers bindet, so kann man mit den Theilen AG und AH derselben um diese Aren zwei neue Regelstächen AGN und AHO beschreiben, welche die den Salotten AFN und AKO entsprechende Augeloberstäche in A mathematisch berühren. Da sich nun aber annehmen läßt, daß zwei sich berührende Flächen ein um den Berührungspunkt herumtiegendes Flächenelement oder kleines Flächensstück mit einander gemeinschaftlich haben, so kann man sich auch vorstellen, daß der kleine, dem Punkte A sehr nahe liegende Bogen DB in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN auf zwei

Fig. 186.



Regelstächen AGN und AHO gelangt man aber nach Tredsgold zu einer sehr einfachen Bahnconstruction für conische Räder (s. Tredgold's edition of Buchanan's Essay on Millwork); man wickelt nämslich die Regelstächen AGN und AHO, Fig. 186, ab, breitet sie auf einer Ebene aus, und verzahnt die so erhaltenen Sectoren AGN₁ und AHO₁ nach einer der oben mitgetheilsten Regeln für die Jahncon-

struction von Stirnrabern. Widelt man bann biefe Sectoren wieder als Regelmantel auf, so bekommt man in den Zahnen derselben die Leitlinien ber Bahnflachen beiber Raber, und es lassen sich nun durch Bewegung einer stets nach S gerichteten Geraden diese Flachen leicht selbst sinden. Man kann sich zur Anfertigung dieser Zahnsectoren des dunnen Bleches, Leders u. s. w. bedienen. Die speciellere Ausführung dieser Constructionsregel ift aus Fig. 187 auf folgb. Seite zu ersehen.

Innere Berjahnung Ift n_1 sehr groß, ober unendlich, so hat man hiernach $\frac{4}{3n_2^2} = 0.0127$ und $n_2 = V\overline{105} = 10.25$, dann sind also mindestens 11 Zähne im Getriebe nothig; ist aber $n_2 = \frac{1}{2}n_1$, also $n_1 = 2n_2$, so hat man $\frac{7}{8n_2^2} = \frac{1}{79}$, und $n_2 = V\overline{69} = 8.3$, also die Anzahl der Getriebzähne wen gstens = 9.

Anmerkung. Die Arbeit ber Bahnreibung ift bei Durchlaufung ber Iheilung AD=AE=s, $L=Fs=(DE-GE)\varphi K$ annähernb $=(h_1-h_2)\varphi K$ $=\left[\left(\frac{2}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi s-\frac{\pi s}{n_2}\right]\varphi K=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi \varphi Ks,$ und taher die Bahnreibung selbst, ganz in Uebereinstimmung mit bem Früheren, $F=\left(\frac{1}{n_2}-\frac{1}{n_1}\right)\pi \varphi K.$

5. 72. Nach der Kreisevolvente (franz. d'éveloppante se cercle; engl. involute of the cercle) werden die Radzähne auf folgende Weise construirt. Man errichte im Berührungspunkte A beider Theilkr ise CA und MA, Fig. 178, ein Perpendikel AB auf der Centrallinie CM, und Fig. 178.



mache diefes ber Theilung, ober nach Befinden nur Dreiviertel berfelben ereimenten. Bon B ziehe man nun eine Gerade nach ber Are C bes fleineren Rades, und falle von A ein Perpenditel AD gegen BC. Ferner verlangere man AD rudwarts, falle von M gegen bie Berlangerung bas Perpenbitel, oder, was auf eine hinauskommt, giehe ML parallel DC, und befchreibe aus C und M Rreistogen burch D und L. Macht man nun noch AF gleich AD und wickelt man DF auf DG, und LD auf LE auf, so erhalt

man in den Evolventenbogen FG und / E die gesuchten Bahnformen. Rach dieser Construction ift nicht nur $DF = \mathfrak{B}$ ogen DG, sondern auch $AD = \mathfrak{B}$ ogen DH, daher die Theilung

$$s = \frac{CA}{CD}$$
. $DH = \frac{CA}{CD}$. AD , und $\frac{s}{AD} = \frac{CA}{CD}$.

Run ift aber auch wegen Aehnlichkeit ber Dreiede BAD und ACD, $\frac{AB}{AD} = \frac{CA}{CD}$, taher folgt benn AB = s, und zugleich die Richtigkeit ber Construction.

Die Dimenfionen ber Evolventengahne ergeben fich wie folgt.

Die hervorragung eines Getriebzahnes FG über feinem Th.ilfreife ift:

$$NF = h_2 = CF - CA = \sqrt{\overline{CA^2} - \overline{AD^2} + \overline{FD^2}} - CA = \sqrt{\overline{CA^2} + 3\overline{AD^2}} - CA$$

= $\sqrt{r_2^2 + 3s_1^2} - r_2$, wofern $AD = AF$ mit s_1 bezeichnet wird.

Unnabernd ist nun
$$h_2 = \frac{3 s_1^2}{2 r_2} = \frac{3 s^2}{2 r_2} = \frac{3 \pi s}{n_2}$$
.

Die fleinste Getriebzahnbreite be ift

$$= 20N = 2(AO - AN) = 2(s - r_2 \varphi_2)$$

ju feten, wenn 92 ben Bintel ACF bezeichnet. Run ift aber

zu sehen, wenn
$$\varphi_2$$
 den Wintel ACF bezeichnet. Run ist aber $tang. \varphi_2 = \frac{AF \cdot sin.FAM}{CA + AF cos.FAM} = \frac{s_1 sin.CAD}{r_2 + s_1 cos.CAD} = \frac{s_1 \cdot sin.ABD}{r_2 + s_1 \cdot \frac{s_1}{r_2}}$

$$= \frac{s_1^2 r_2}{s(r_2^2 + s_1^2)} = \frac{r_1}{s\left(\frac{r_2^2}{s_1^2} + 1\right)} = \frac{r_2}{s\left(\frac{r_2^2 + s^2}{s^2} + 1\right)} = \frac{r_2 s}{r_2^2 + 2 s^2}$$

annahernd $=\frac{s}{r_s}\left(1-\frac{2\,s^2}{r_s^3}\right)$, und (nach "Ingenieur", Seite 225)

$$\varphi_2 = tang. \varphi_2 - \frac{1}{3} (tang. \varphi_1)^3 + \dots$$
, daher hier

$$\varphi_2 = tang. \varphi_2 - \frac{1}{3}(tang. \varphi_1)^3 + \dots, \text{ daher hier}$$

$$\varphi_2 = \frac{s}{r_2} - \frac{2s^3}{r_2^3} - \frac{1}{3} \frac{s^3}{r_2^3} = \frac{s}{r_2} - \frac{7s^3}{3t_2^3} \text{ und}$$

$$b_2 = 2\left(s - s + \frac{7\,s^3}{3\,r_3^3}\right) = \frac{14}{3}\,\frac{s^3}{r_3^3} = \frac{14}{3}\,\frac{4\,\pi^2}{n_s^2} \cdot s = 184,23\,\frac{s}{n_s^2}$$

Kur bie Bobe eines Bahnes vom großeren Rade bat man

$$PR = h_1 = MD - MA = \sqrt{\overline{ML^2} + \overline{LD^2}} - MA = \sqrt{\overline{MA^2 - AL^2} + \overline{LD^2}} - MA$$

$$= \sqrt{r_1^2 - \left(\frac{r_1}{r_2} s_1\right)^2 + \left(\frac{r_1}{r_2} s_1 + s_1\right)^2} - r_1$$

$$= \sqrt{r_1^2 + \left(\frac{2r_1}{r_2} + 1\right) s_1^2} - r_1,$$
by $\frac{AL}{AD} = \frac{MA}{CA}$, b. i. $AL = \frac{r_1 s_1}{r_2}$ iff.

Annabernd hat man nun

$$h_1 = \left(\frac{2r_1}{r_2} + 1\right) \frac{s_1^2}{2r_1} = \left(\frac{2}{r_2} + \frac{1}{r_1}\right) \frac{s^2}{2} = \left(\frac{2}{n_2} + \frac{1}{n_1}\right) \pi s.$$

Endlich ift bas entsprechende Minimum ber Bahnbreite

$$b_1 = 2RS = 2(AS - AR) = 2(s - r_1 \varphi_1),$$

wo φ_1 ben Centrimintel AMD bezeichnet.

Nun ist tang.
$$\varphi_1 = \frac{AD\sin.CAD}{MA + AD\cos.CAD} = \frac{r_1s}{r_1^2 + 2s^2}$$
, annähernb $= \frac{s}{r_1} \left(1 - \frac{2s^2}{r_1^2}\right)$, hiernach $\varphi_1 = \frac{s}{r_1} - \frac{s}{r_2^2}$,

baher
$$b_1 = \frac{14}{3} \cdot \frac{s^3}{r_1^2} = \frac{14}{3} \cdot \frac{4\pi^2}{n_1^2} \cdot s = 184,23 \frac{s}{n_1^2}$$

Seben wir nun $b_1+b_2=s$, so erhalten wir folgende Bebingungs-gleichung fur die kleinste Zahnezahl:

$$184,23\left(\frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2}\right) = 1, \text{ ober } \frac{1}{n_1^2} + \frac{1}{n_2^2} = \frac{1}{184}.$$
 Für $n_1 = n_2$ ist hiernach $\frac{2}{n_1^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_1 = n_2 = \sqrt{368} = 19$,

für
$$n_1 = \infty$$
 ist bagegen $\frac{1}{n_2^2} = \frac{1}{184}$, folglich $n_2 = \sqrt{184} = 13.5$.

Man ersieht hieraus, daß die Evolventengahne hoher und breiter ausfallen als die Spicycloidengahne, und daß beshalb bei den Raberwerken der ersten Art die Minimalzahnezahl größer ist als die bei den Raderwerken mit epicycloidischen Zahnen.

Anmerkung. Die Arbeit ber Bahnreibung vor ber Centralinie ift $L_1=\varphi K_1\,(F\,O-A\,U)=\varphi K_1\,(E\,G-O\,G-A\,V+U\,V),$ wenn K_1 ben Normalbrud zwischen ben Bahnen bezeichnet. Run find aber (nach »Ingenieur«, Seite 246) bie Evolventenbogenlangen

$$FG=rac{FD^2}{2\,CD}\,, \qquad O\,G=AH=rac{\overline{A\,D^2}}{2\,CD}\,,$$
 ferner $A\,V=rac{\overline{A\,L^2}}{2\,ML}\,$ and $U\,V=FT=rac{FL^3}{2\,ML}\,,$

baher folgt benn $L_1 = \frac{\varphi K_1}{2} \left(\frac{FD^3 - \overline{A}D^3}{CD} - \frac{\overline{A}L^2 - FL^2}{ML} \right)$ Evolvenier.

$$= \frac{\varphi K_{1}}{2} \left(\frac{4s_{1}^{a} - s_{1}^{a}}{CD} - \frac{\left(\frac{r_{1}}{r_{2}}s_{1}\right)^{2} - \left(\frac{r_{1}s_{1}}{r_{2}} - s_{1}\right)^{2}}{ML} \right)$$

$$= \frac{\varphi K_{1}}{2} \left(\frac{3s_{1}^{a}}{CD} - \frac{(2r_{1} - r_{2})s_{1}^{a}}{ML \cdot r_{2}} \right)$$

$$= \frac{\varphi K_{1}s_{1}^{a}}{2} \left(\frac{3}{CD} - \frac{2r_{1} - r_{2}}{ML \cdot r_{2}} \right).$$

Es giebt bie Rormalfraft K_1 eine Tangentialfraft $K=\frac{s_1}{s}K_1$, baher folgt, wenn man noch annähernb $CD=CA=r_2$ und $ML=MA=r_1$ fest, $L=\frac{\varphi Kss_1}{2}\left(\frac{3}{r_2}-\frac{2r_1-r_2}{r_1r_2}\right)=\frac{\varphi Kss_1}{2}\left(\frac{1}{r_1}+\frac{1}{r_2}\right)$

und bie Reibung auf ben Theilfreis reducirt:

$$F = \frac{L}{s} = \left(\frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2}\right) \frac{\pi Ks}{2},$$

cher, ba $2\pi r_1 = n_1 s_1$ und $2\pi r_2 = n_2 s_1$ ift,

verzahnung folgende mefentliche Borguge.

$$F = \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right) \pi \, \varphi \, K, \text{ wie oben.}$$

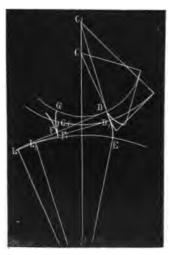
Cben fo groß ift fie auch bei bem Gingriff binter ber Gentrallinie.

- §. 73. Die Evolventenverzahnung ist jedenfalls die vollkommenste aller Bahnconstructionen; sie steht der Spicycloidenverzahnung nur in sofern nach, als sie langere Bahne liefert, und deshalb eine größere Anzahl von Bahnen fordert als diese. Da jedoch auch aus anderen Gründen eine größere Bahnezahl mechanisch vortheilhaft ist, so tritt dieser Nachtheil sehr in den Hintergrund. Der Borwurf, welchen man diesen Rädern noch macht, daß bei ihnen aus der schiefen Wirtung der Drucktrast K_1 Seitendrücke $N_1 = \frac{s}{r_1}K_1$, und $N_2 = \frac{s}{r_2}K_1$ entspringen, welche die Zapfenreibung vergrößern, ist ebenfalls von keiner Erheblichkeit, da sich bei der Epicycloidenverzahnung Seitendrücke ebenfalls einsinden, so lange die Zähne außerhalb der Centrallinie auf einander wirken. Dagegen hat aber die Evolventen-
- 1) Da ber Druck K1 grifchen ben Evolventenzahnen vom Anfang bis Ende bes Eingriffes unveranbert berselbe bleibt, so findet bei diesen Zahnen eine gleichformigere und beshalb weniger nachtheilige Abnuhung statt, als bei den Epicycloidenzahnen, wo dieser Druck veranderlich ift.
- 2) Ein und daffelbe Rad EML, mit Evolventenzähnen, Fig. 179 (auf folgd. Seite), kann zugleich mit verschiedenen Radern, wie DCG, $D_1C_1G_1$ u. s. w. arbeiten, benn die Evolventenbogen DE oder D_1E , welche einem und demfelben Grundkreise entsprechen, sind nur der känge nach von einzander verschieden, D_1E ist nur ein Theil von DE. Bei der Epicycloidens

Grolventen.

verzahnung hingegen hangt die Jahnform bes einen Rades auch von dem Theilkreishalbmeffer des anderen ab, es kann also hier ein Rad nicht zugleich mit anderen von verschiedenen Halbmeffern arbeiten. Rader mit Evolvenstenverzahnung konnen also stets, wenn sie nur einerlei Theilung haben, in einander regelrecht eingreisen. Es gewährt hiernach diese Verzahnung nicht allein eine allgemeinere Anmendung, sondern auch den großen denomischen Vortheil, daß durch sie die Anschaffung einer großen Anzahl von Gußmobellen erspart wird, da bei der Epicycioidenverzahnung für jede Theilung und für jedes Umsehungsverhältniß ein besonderes Raderpaar, bei der Evolventenverzahnung aber zur Herstellung einer verlangten Umsehung nur eine Ausswahl unter den verschiedenen Radern von derselben Theilung nöttig ist.

Fig. 179.





3) Wenn bei der Evolventenverzahnung die Arenlage eine andere wird, was durch Abführen oder Vorrücken der Zapfenlager leicht möglich ist, so wird badurch nur die Dauer, nicht aber die Regelmäßigkeit des Eingreisens verändert. Rückt das Rad CDG, Fig. 180, dem Rade EMF näher, kommt es also in die Lage $C_1D_1G_1$, so kommt der Punkt, wo das Einzgreisen ausbört, von D nach D_1 , rückt es dagegen entseinter, kommt es also in die Lage $C_2D_2G_2$, so würde die Stelle, wo das Eingreisen aushört, nach D_2 gelangen, da aber der Zahn DE der sesten Rades nicht die Länge D_2E_2 hat, so ist der Eingriff in einem Punkte d beendigt, der ebenso wie D_1 vor D liegt. Bei der Epicycloidenverzahnung verursacht hingegen jede Aenderung der Arenstellung einen sehlerhaften Eingriff, und es wird dadurch nicht nur der regelmäßige Gang gestört, sondern auch leicht ein Einklemmen

und Abbrechen der Bahne herbeigeführt. Aus diefem Grunde ift es auch nothig, ben Epicycloidengahnen einen großeren Spielraum (frang. jeu; engl. back-lash) ju geben, ale ben Evolventengahnen.

6. 74. Die aus 6. 64 bekannte Bahnconstruction mittels Rreisbogen Billie Stabilwird praktifch auf folgende Beise angewendet. Man gieht durch den Beruhrungspunkt A in ber Centrallinie CM, Fig. 181, eine Gerade OOi, Fig. 181.

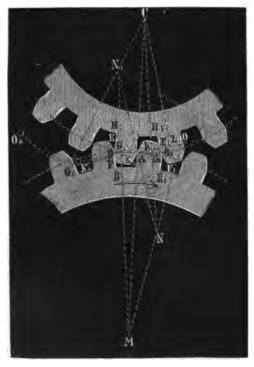




welche um den Winkel CAO = MAO1 = 75° von der Centrallinie abweicht, errichtet hierauf ein Perpenditel und ichneidet von bemfelben ju beiben Seiten von A ein Perpenditel AN = AN, CL (mo C die Are des fleineren Rades ift) ab. Bieht man nun die geraben Linien MNO, CKN, MK_1N_1 und CN_1O_1 , so erhalt man in den Durchschnitten O, K, K_1 und O_1 bie Mittelpunkte ber Rreiebogen BD, FG, D_1E_1 und G_1H_1 , von welthen je zwei eine Zahncurve, wie $BDE = B_1D_1E_1$ und $FGH = F_1G_1H_1$ bilben. Sollen nun, wie in der Figur, ftets zwei Bahnepaare arbeiten, fo trägt man auf die Theilkreise die Halfte der Theilung s als $AD=AD_1$

willie Babn. = $AG = AG_1$ auf, und beschreibe nun aus U den Bogen DB, aus K ben Bogen GF; ferner aus K_1 ben Bogen D_1E_1 und aus O_1 ben Bogen G_1H_1 , ober, um gleich zusammenhangende Bahnformen zu erhalten, aus den leicht zu bestimmenden Punkten K2 und O2 die Bogen DE und GH.

> Uebrigens laffen fich auch die Mittelpunkte O, K ... durch Auftragen Fig. 182.



ber Abscissen $AO = x_1$, $AK = x_2$ u. s. w. finden, nachdem man dies selben mittels ber Formeln berechnet hat, welche in §. 64 mitgetheilt mor= ben find. hierbei fann man fich auch mit Bortheil bes in §. 66 befchries benen Dbontographen und einer im Ingenieur, S. 567 mitgetheilten Tabelle von verschiedenen Werthen fur x, und x2 bedienen.

Diefe Construction ift auch unmittelbar auf Rader mit innerer Bergah: nung anwendbar. Es liegt hier bas Centrum M bes innen gegahnten Ras bes mit bem Mittelpuntte C bes fleineren Rabes auf einerlei Seite, und es fallt deshalb AO fleiner und AK, großer aus, ubrigens geht naturlich bas Wurgel= ober Fußstud BD in das Kopfftud und das Kopfftud DE willie Jahnconftruction: in bas Aufftud uber. Bei ber gegahnten Stange ift M unenblich entfernt

und es find daher die Linien NK und N1K1 parallel gur Centrallinie CA. Enblich ift leicht und jumal auch aus ben Formeln fur x1, x2 u. f. w. ju erfeben, bag auch bier, wie bei ben Evolventengahnen, die Bahnform bes einen Rabes gar nicht von ber Grofe bes anderen Rabes abhangt, baf fich also fur eine gegebene Bahntheilung und fur ein bestimmtes Perpenbitel $AN = AN_1$ ein ganger Sat von Rabern conftruiren laft, welche regelrecht mit einander arbeiten tonnen.

Beifpiel. Gin Bahnrad mit 72 Bahnen und einer Theilung von 31/2 Boll, foll zwei Betriebe von 19 und 31 Bahnen in Bewegung fegen, welches find bie nothigen Absciffen ber Mittelpuntte ber Bahnbogen? Rach ben Formeln bee S. 64 hat man für bas Treibrab

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 - 12} = 1.483$$
 Joll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 72 \cdot \frac{5}{2}}{72 + 12} = 1.059$ Joll,

ferner fur bas eine Betriebe

$$x_1 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 - 12} = 3,354$$
 3oll und $x_2 = \frac{0.4943 \cdot 19 \cdot \frac{5}{2}}{19 + 12} = 0,757$ 3oll, und für das andere

$$x_1 = \frac{0.4943.31.5/2}{31-12} = 2.016$$
 Boll and $x_2 = \frac{0.4943.31.5/2}{31+12} = 0.891$ Boll.

Die im Ingenieur, Seite 567, mitgetheilten Sabellen geben giemlich genau diefelben Berthe.

6. 75. Der Bahnconstruction conifder Raber ift eigentlich eine Bergabnung spharische Epicycloide (franz. épicycloide sphérique; engl. spherical epicycloid) ju Grunde ju legen. Diefe Curve entfteht, wenn fich ein

Fig. 183.



Regel ASO, Fig. 183, auf einem zweiten Regel ASN fortmalzt; jeber Puntt O in ber Dberflache bes erften Regele beschreibt bann eine fpharische Epicycloide. Bei biefem Balgen anbert der beschreibende Puntt feinen Abstand von ber gemeinschaftlichen Regelspipe nicht; es bleibt baber berselbe stets in der Oberflache einer aus S mit SO = SN zu beschreibenben Rugeloberflache, es befindet fich alfo auch die erzeugte Curve SO in einer Rugeloberflache; baber ber Name fpharische Epicneloide.

Bare ASO und ASN ein conisches Raderpaar, AMN ber Theilfreis bes einen und ACO ber bes anderen Rabes, fo murben bie punktformigen Bahne D, D, u. f. w. bes letteren, von den brahtformigen Bahnen AB, Verjabnung conticer A₁B₁ u. s. w. des ersteren regelrecht fortgeschoben werden, wenn diese nach fig. 184. einer sphärischen Spicycloide geformt

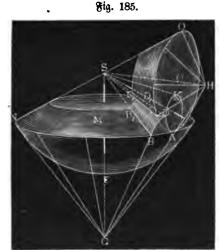


einer spharischen Spicycloide geformt waren, die entsteht, wenn man ACOS auf AMNS walzt; benn es wurden bann die Bogen AA1 und DD1 einander gleich, also, wie nothig, die gleichzeitigen Wege in beiden Theilstreisen gleich groß sein.

Statt bes punktformigen Zahnes B_1 kann man auch einen geradlinigen Zahn B_1S anwenden, und ben Bogen A_1B_1 burch eine schiefe Flache A_1B_1S ersehen, die entsteht, wenn man eine Gerade durch A_1B_1 und

S bewegt. Hiernach lassen sich die Zahnstächen eines Rades sinden, welches einen conischen Drehling in Umdrehung sett. Es sind dann DS, D_1S u. s. w. die Aren der ebenfalls nach Regeln zu formenden Triebstöcke, und es ist die schiefe Fläche A_1B_1S durch eine andere zu ersehen, deren Leitlinie Aequidistante von A_1B_1 ist (vergl. III., §. 67, Anmerkung).

Eine allgemeinere Bahnconstruction ift folgende. Es fei wieber A ber



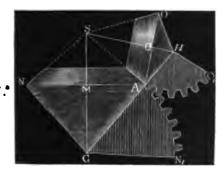
Berührungspunkt, ober viel= mehr AS die Berührungelinie zwischen zwei conischen Rabern AMNS und ACEO, Figur Man lege über AS noch einen britten Regels ober Rugelfector ADKS und malge biefen nicht allein über ber Regelflache ASN, fondern auch in ber Regelflache ASO; babei beschreibt eine Seite DS von ADKS bie ichiefen Rlachen DBS und DES, und wenn man nun bie Bahne vom Rabe AMN nach DBS und die vom Rade ACO nach DES formt, so sett, ba AD = AB= AE ift, augenfällig bas eine Rad bas andere regelrecht

in Umbrehung (vergl. §. 61). Naturlich ift es nicht nothig, vollstandige

Regel anzuwenden, sondern hinreichend sich abgekurzter Regels und Bahns Berjahnung flachen, wie z. B. DBB_1D_1 und DEE_1D_1 zu bedienen.

§. 76. Zieht man durch ben Berührungspunkt A eine Gerade GH rechtwinkelig auf AS, welche beide Radaren SM und SC mit einander vers bindet, so kann man mit den Theilen AG und AH derselben um diese Aren zwei neue Regelstächen AGN und AHO beschreiben, welche die den Salotten AFN und AKO entsprechende Rugeloberstäche in A mathematisch berühren. Da sich nun aber annehmen läßt, daß zwei sich berührende Flächen ein um den Berührungspunkt herumliegendes Flächenelement oder kleines Flächensstück mit einander gemeinschaftlich haben, so kann man sich auch vorstellen, daß der kleine, dem Punkte A sehr nahe liegende Bogen DB in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche AGN und ebenso der kleine Bogen DE in der Regelsstäche NFAO auf zwei

Fig. 186.

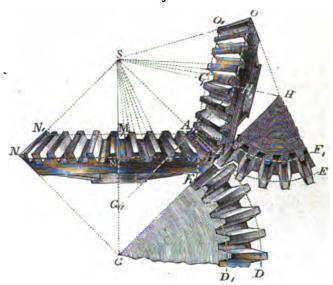


Regelstächen AGN und AHO gelangt man aber nach Tredsgold zu einer sehr einsachen Bahnconstruction für conische Räder (s. Tredgold's edition of Buchanan's Essay on Millwork); man wickelt nämstich die Regelstächen AGN und AHO, Fig. 186, ab, breitet sie auf einer Ebene aus, und verzahnt die so erhaltenen Sectoren AGN1 und AHO1 nach einer der oben mitgetheilsten Regeln für die Jahncons

struction von Stirnrabern. Widelt man bann biefe Sectoren wieder als Regelmantel auf, so bekommt man in ben Bahnen berselben bie Leitlinien ber Bahnflachen beiber Raber, und es lassen sich nun durch Bewegung einer stets nach S gerichteten Geraden biese Flachen leicht selbst finden. Man kann sich zur Anfertigung bieser Bahnsectoren bes bunnen Bleches, Lebers u. s. w. bedienen. Die speciellere Ausführung dieser Constructionsregel ift aus Fig. 187 auf folgb. Seite zu ersehen.

Bergahnung conifcher Raber.

Es ift hier AA_1 die Berührungslinie zwischen beiben Rabern; es find ferner AGD und AHE die zwei Sectoren, beren an den Theilkreis-bogen AD und AE hinlaufende Zahne die Stirnslächen der Zahne an Sig. 187.



ben außeren Rabumfangen AMN und ACO geben, und es sind KGD_1 und LHE_1 die zwei Bahnsectoren fur die Stirnstächen an den inneren Rabumfangen $A_1M_1N_1$ und AC_1O_1 .

Der Halbmeffer $AG=y_1$ und $AH=y_2$ ber Kreissectoren, welche bieser Jahnconstruction zu Grunde zu legen sind, bestimmen sich, wenn, wie oben (§. 38) r_1 und r_2 bie außeren Rabhalbmeffer MA und CA, a ben Kugelhalbmeffer SA, δ_1 und δ_2 die Winkel ASM und ASC bezeichnen,

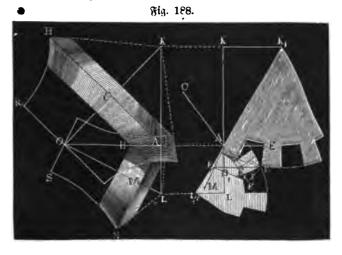
burch die Formeln
$$y_1=a\,tang.\delta_1=rac{r_1}{cos.\delta_1}$$
 und

$$y_2 = a \, tang. \delta_2 = rac{r_2}{cos. \, \delta_2}$$
. (Betgl. §. 53.)

Diese Werthe find in den Formeln von §. 63 und 65 statt r_1 und r_2 einzuführen, auch hat man natürlich

$$\frac{y_1}{y_2} = \frac{tang. \, \delta_1}{tang. \, \delta_2} = \left(\frac{\psi + cos. \delta}{1 + \psi \cos. \delta}\right) \psi$$
 zu fubstituiren.

Opperboloiben. §. 77. Dieselbe Construction lagt sich auch bei den Sperboloidens raber. rabern anwenden. Auch hier kann man die Stirnstächen der Zahne in Regelflachen ABK und ALN, Fig. 188, liegend annehmen. Wenn man opperbolatendie durch Abwickelung dieser Flachen erhaltenen Rreissectoren nach ben be-



kannten Regeln verzahnt, so erhålt man genau so wie im Borstehenben die gesuchten Zahnprosile. Die Halbmesser ober Regelseiten $AK_1=y_1$ und $AL_1=y_2$ werden nach $\S.$ 55 durch die Formeln

$$y_1 = \sqrt{\frac{l^2 tang. \, \delta_1^2 + r_1^2}{l^2 tang. \, \delta_2^2 + r_2^2}}$$
 und $y_2 = \sqrt{\frac{l^2 tang. \, \delta_2^2 + r_2^2}{l^2 tang. \, \delta_2^2 + r_2^2}}$

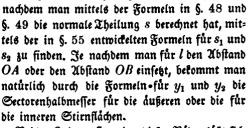
bestimmt; übrigens aber hat man wie bei Regelradern

$$\frac{1}{1}\frac{y_1}{y_2} = \frac{tang.\delta_1}{tang.\delta_2} = \left(\frac{\psi + cos.\delta}{1 + \psi cos.\delta}\right)\psi$$

ju feten, um nach ben Formeln in §. 63 und 65 bie Abrundungshalbmeffer ju finden.

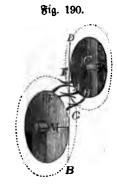
Die auf die aufgewickelten Rugelflachen aufzutragenden Theilungen find,





Bei ber Zahnconstruction dieser Raber lagt sich auch die Kreisevolvente in Anwendung bringen. Man kann namlich die gerade Linie BD, in welcher

Rammraber.



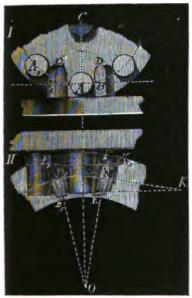
sich je zwei Rabaren AMB und ACD, Fig. 190, schneiben, auf die beiben Kreise MFG und CEH auswickeln, welche sich aus M und C beschreiben lassen und BD berühren, und die Jähne nach sich hierbei ergebenden Evolventenbögen EF und GH formen.

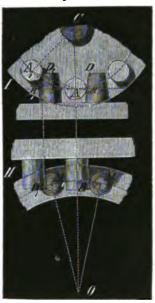
§. 78. Man tann auch bei Raberwerken mit sich schneibenben Aren Drehlinge mit Triebstoden anwenben. Die letteren sind in diesem Falle eigentelich nach Regeln zu formen, beren Seiten nach bem Arendurchschnitte gerichtet sein muffen; ber leichteren Ausführung und größeren haltbarkeit

wegen macht man dieselben aber, zumal wenn sie lang sind, eplindrisch, und giebt ben Bahnen ber zugehörigen Krons ober Kammraber (f. §. 47) besondere Formen. Jedenfalls ist aber die Anwendung eines gewöhnlichen conischen Raberwerkes dieser Radconstruction vorzuziehen. Die Bahne ober Kamme rundet man in der Regel, und zwar wie folgt, nach zwei Richtunsgen kreiskstrmig ab.

Fig. 191, I. und II., führt ein solches Raberwerk in zwei Projectionen vor Augen. Das Prosil $BD = B_1D_1$ eines Rammes parallel zur Umsbrehungsebene des Drehlings, ist eigentlich eine Parallele zur Epcloide, welche der Theilkreis CAA_1 beim Wälzen auf seiner Basis beschreibt, wird aber in der Regel durch einen aus dem Berührungspunkte A beider Theilkreis beschriebenen Kreisbogen erset. Die Prosile EF und E_1F_1 parallel zur Umdrehungsebene des Kammrades werden von anderen Kreisbogen gesbildet, welche die Seiten des Triebstockes in E und E_1 berühren, deren Mittelpunkte K und K_1 daher gefunden werden, wenn man Perpendikel auf diese Seiten errichtet und Tangenten zum Theilkreise OMM_1 des Kammrades durch die Mittelpunkte M und M_1 der Kämme legt.

Eine andere Construction der Kamme zeigt Fig. 192, I. und II., in zwei Unsichten. Die Form eines Kammes ist hier ein Conoid, dessen Durchsschnitts- oder Erzeugungslinie $BD=B_1D_1$ auf folgende Weise gefunden wird. Es ist MB der willtürliche Halbmesser von der Basis dieses Körpers rechtwinkelig gegen die Seite des cylindrischen Triebstockes gelegt, MM_1 die Theilung und D_1 der in der Sehne AA_1 liegende Berührungspunkt; daher das Perpendikel M_1D_1 in II., rechtwinkelig zur Seite des Triebstockes der Halbmesser der Kopfstäche des Kammes. Auf gleiche Weise lassen sich auch noch die Halbmesser von zwischenliegenden Querschnitten des Kammes sinden, wenn man $AA_1 = MM_1$ nur einem Theile der Theilung gleich nimmt.





Anmerkung. Die im letten Paragraphen behandelten Raberwerke haben ben Mangel, daß fich ihre Bahne ober Kamme nur in einem Bunfte berühren, und baher schneller abführen, als wenn die Berührung in einer Linie Statt hat. Olivier (f. bessen geometrische Theorie ber Bahnraberwerke) unterscheibet hiernach Kraft- und Pracifioneraberwerke von einander, und versteht unter ben ersteren biesenigen, deren Bahne sich in einer Linie, und unter ben letteren biesenigen, beren Bahne sich in einem Bunfte berühren, weil sich jene mehr zum Fortpflanzen einer Kraft, diese aber mehr zum Umsehen einer Bewegung ohne Kraft, wie z. B. für Bahlapparate, Uhren u. f. w. eignen.

§. 79. Die Bahnraber werben entweber aus Holz ober aus Eisen angefertigt. Eiserne Bahnraber sind aus leicht begreislichen Grunden ben holzernen Bahnrabern vorzuziehen. Bon holzernen Rabern läst sich, wenn sie zumal ber veränderlichen Witterung und der abwechselnden Nasse sehr ausgesetzt sind, ein regelrechter Eingriff nie erwarten, da dieselben sich leicht werfen ober ziehen, und mit der Zeit unrund werden. Unter gewissen Umständen, namentlich wegen der leichten herstellung werden jedoch holzerne Bahnrader, zumal zu vorübergehenden Zwecken, immer in Anwendung bleiben.

In einem Bahnrabe ift ju unterscheiben:

- 1) ber Rabfrang (frang. anneau, jante; engl. rim),
- 2) bie Bahne (franz. dents; engl. cogs, teeths),
- 3) die Rabarme (frang. bras; engl. arms) und
- 4) bie Bulfe ober Rabe (frang. moyeu; engl. nave).

Hab. nftructionen. Golgerne Babnraber.

Bei ben holzernen Rabern fallt bie lettere gang aus, ba hier bie Rabarme unmittelbar mit ber Belle verbunden merben. Man hat hier, wie bei ben Bafferrabern, Sattel= ober Sternraber (f. II. 6. 88), je nachbem bie Belle burch das von den Armen gebilbete Geviere geftedt wird, ober umgekehrt, bie Urme durch bie Welle gestedt merden. Rleinere Rader erhalten nur 4 Urme ober Speichen, groffere aber 8 bis 12. Bei ben holzernen Bahnrabern werden bie Rrange aus zwei ober brei Felgenfchichten gufammengefest, wovon jede, nach ber Große ber Raber, aus 4 bis 8 Felgen ober Brettstuden besteht. Die feste Berbindung dieser Felgenlagen wird burch 3/4 bis 1 Boll bide Ragel ober Schrauben von hartem Solze bewirkt. Die Berftellung und Busammensebung bes Rabkranges erfolgt auf bem fogenannten Rabft uhl, einem aus horizontalen Balten gebilbeten, in Form eines Sternes mit einander verbundenen Gestelle. In der Mitte bes Radftubles ift ein 1 Boll ftarter Bolgen, ber Dond, befestigt, um ben fich ein langes Lineal, ber fogenannte Rabgirtel, breben lagt, bas zu biefem 3mede an einem Ende mit Lochern verfehen ift. Bum Aufreigen bes Theilriffes und ber Umfangefreise bient ein mit einer Spite versehener eiserner Bugel, ber fich an bem anderen Enbe bes Rabgirtels verschieben und burch Schrauben ober Reile baran befestigen lagt.

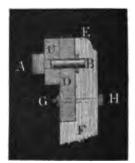
Der Rabkranz wird auf die Radarme aufgeplattet und durch eiferne Schraubenbolzen mit diesen fest verbunden. Die Bahne oder Kamme sind mit langen Stielen versehen, womit dieselben in besonders dazu ausgesarbeitete Löcher zwischen den Felgenlagen des Radkranzes zu liegen kommen. Diese Stiele stehen an dem inneren Umfange des Kranzes noch 2 Boll vor und werden noch durch schwache Nägel verriegelt. Die Theilung der holzzernen Rader ist 3 bis 5 Boll. Die Drehlinge oder Drillinge bestehen aus zwei Kranzen oder Scheiben, der eine mit runden, der andere mit vierseitizgen Löchern zum Einsehen der an einem Ende mit vierseitigen Japken verssehenen Triebstöcke.

Figur 193 führt in I., II. und III. einen Bahn für ein holzernes Stirns Rig. 193. Fig. 194. Fig. 195.







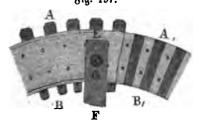


rad, einen Jahn für ein Kammrad, und einen Triebstod für einen Drehling vor Augen. Die Berbindung der Arme und Kamme mit dem Raddranze ist in Fig. 194 und Fig. 195 in einem Durchschnitte zu ersehen. Es ist AB der Kamm, C und D sind die Felgenlagen, EF die Arme und GH ist der Bolzen, wodurch der Kranz mit den Armen verbunden ist. Die größere Halfte eines Radarmes zeigt Fig. 196 in EGF; F ist der Einschnitt zur

Fig. 196.

Ueberplattung mit einem anderen Arme, G das Loch für ben Bolzen, womit der Kranz an dem Arm befestigt wird. Aus Fig. 197 ift endlich die Bernagelung der Kig. 197.





Felgenlagen, so wie bas Einseben ber Kamme zu ersehen; während AB einen Zahn vorstellt, führt A_1B_1 ein Bahnlager vor Augen.

§. 80. Bei ben eisernen Zahnrabern bilbet entweber ber Kranz mit ben Bahnen ein Ganzes, ober es werben in benselben holzerne Zahne besonbers eingesett. Sehr zweckmäßig ist es, wenn man ein Rab mit hölzernen Bahnen mit einem ganz eisernen Rabe zusammen arbeiten läßt; man erhält babei nicht nur einen sehr sansten Ganz, sonbern auch eine sehr schwache Zahnreibung; auch werden burch diese Anordnung die nachtheiligen Wirkungen der Stoße, zumal bei großen Umfangsgeschwindigkeiten, gemäßigt. Wegen des starkeren Abführens der hölzernen Zahne macht man gewöhnlich das kleinere Rad ganz aus Gußeisen und giebt dem größeren Rade hölzerne Zahne. Das beste Schmiermittel der Zahne ist grune oder weiche Seise mit Fett oder Del vermischt.

Großere Raber von 8 bis 10 Jus Sohe gießt man nicht gern aus einem Stude, weil biefe in Folge bes ungleichen Erkaltens leicht zerspringen; man zieht es vielmehr vor, bei solchen Rabern bie Arme und ben Kranz erst bes sonbers zu gießen, und nachher burch Schrauben mit einander zu verbinden.

Was die Dimensionen ganz eiserner Raber anlangt, so giebt man dem Kranze berfelben eine der Zahndide gleiche Breite; erstere auf dem Theilkreise, lettere radial gemessen, nnd macht die Dide desselben auch der Zahndreite (parallel zur Are gemessen) gleich; bei eisernen Rabern mit holzernen Zahnen

g Geigerne

Giferne Babnraber. Gig. 198. größer als bie Rranzbreite 3/2 mal ber Zahnbicke und bie Kranzbicke nur 1/8 bis 1/4 größer als bie Zahnbreite.



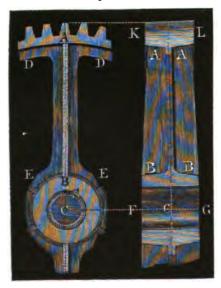


Fig. 199.





Fig. 200.



Die Art und Weise, wie bie holgernen Jahne in ben eisernen Kranz eingesett werben, ist aus ben Figrn. 198 und 199 zu ersehen. Jur Befestigung ber Jahne wendet man entweber einen eisernen Stift ober einen Keil A an, ben man zwisschen je zwei Zahnstielen am innern Radumfange einklemmt. Man seht sehr oft die Jahne aus 2 Theislen, jeden mit einem besonderen Stiele, zusammen,

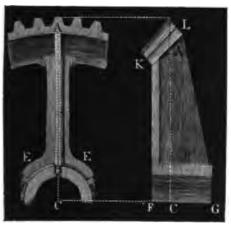
wie z. B. Fig. 199 bei eis nem conischen Rabe zeigt.

Die Dimensionen ber Radarme sind wie bei ben Wafferrabern (f. II., §. 89) zu berechnen. Bur Ber= ftarfung wird entweber an jeder, oder, namentlich bei conifden Rabern, wenigs ftens an einer Seite noch eine breite Feder ober Rippe, wie AB, Fig. 200 u. Fig. 201, beren Breite fich nach ber Breite ber Bahne ober der Dicke bes Radkranges richtet, und beren Dice 1/6 bis 1/5 ber Breite genom= men wird, angefest. Meift giebt man auch bem innern Rabumfange und der Rad= hulfe Rippen wie DD und EE, Fig. 200, welche mit

ben hauptrippen ber Arme einerlei Dide erhalten und beshalb als bloße Auslaufer ber Arme anzusehen finb.

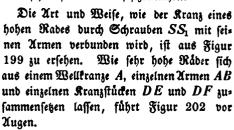
Der Bulfe ober Rabe, womit bas Rab auf ber Belle fist, giebt man

eine Lange FG, welche bie Fig. 201.



Krangbide ober Bahnbreite KL 11/4 bis 13/4 mal ents halt, und bie mittlere Band= ftarte von 11/4 bis 11/2 ber Bahnbicke. Die Welle er= halt in ber Regel ba, mo bas Rab auffist, einen Ropf, ber wie ein gewohnlicher Ruppeltopf (vgl. §. 6) um 1/5 ftårter ges macht wirb, als bie Belle. Bur Befestigung genugt ein einziger Bolgen ober Schluffelfeil, wie S, Fig. 200, wenn bie Nabe genau centrifch (und menia

conisch) abgebreht ift, außerbem aber find 4 bis 8 fcmiebeeiferne Reile nothig, um bas Rab centrisch auf ber Welle festzumachen.





Solufanmerfung. Die geometrifche Conftruction ber Rabgahne ift guerft von bem banifchen Aftronomen Romer, nachftbem aber von gabire, Cas mus und Depacieur gezeigt worben. Ueberbies haben fich aber auch Guler und Raftner bamit beschäftigt, bie beften Bahnformen ber Raberwerfe auszumitteln. Dan finbet bie bierauf bezüglichen Schriften angeführt in Cytels wein's Statit, Bb. I. Ausführlich über bie Berzeichnung ber Rabzahne hanbelt außer Eptelwein auch noch Gerftner im britten Banbe feiner Dechanif, fowie Sachette in feinem Traité élém. de machines, ferner in ber neueften Beit Dlivier in feiner geometrifden Theorie ber Bahnraberwerke (beutich von Sonufe), und Billis in feinen Principles of Mechanism. Die Raberwerfe überhaupt werben ausführlich behanbelt in Berbam's Grundfagen ber angewandten Berfzeugewiffenschaft und Dechanit, Theil II. (aus bem Gollanbifden von Somibt), ferner in bainble' Mafchinenfunde, in Salzenberg's Bor-

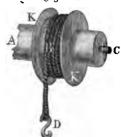
tragen über Mafchinenbau, in Rohl's Elementen von Mafchinen. Auch ift bas Nothigste hiervon enthalten in Morin's Aide-memoire und Redtenbacher's Resultaten für ben Mafchinenbau.

Drittes Rapitel.

Bon den Excentriks und den Krummzapfen, als den einfachsten Hilfsmitteln zur Berwandlung der Kreis: bewegung in eine geradlinige, und umgekehrt.

Ecilferb.

§. 81. Das einfachste Mittel jum Umfeten ber Kreisbewegung in eine Big. 203. gerablinige, und umgekehrt, ber gerablinigen



gerablinige, und umgekehrt, ber gerablinigen in eine kreisformige, besteht in der Anwenzbung eines Seilkorbes (franz. tambour; engl. drum), d. i. einer Welle oder Trommel mit umgewickeltem Seil, Fig. 203. Wird die Welle AC durch ein Rad oder durch eine Kurbel u. s. w. in Umdrehung geseht, so wis ckelt sich das Seil BD auf den Korb KK auf, und es wird dadurch die am Seilende D wirzkende Last gehoben, oder in gerablinige Bewegung verseht; wirkt umgekehrt eine Zugkraft am Seilende D, so wickelt sich das Seil allz

målig vom Korbe ab, und es nimmt die Welle AC, worauf der Korb festssitzt, eine drehende Bewegung an. Ist r der Korbhalbmesser und d die Seilstärke, so hat man, wenn sich das Seil nur einfach auswickelt, den mittleren Hebelarm des Seiles: $b=r+\frac{d}{2}$, und ist nun noch u die Zahl der Umdrehungen pr. Minute, so hat man die Geschwindigkeit des Seiles: $v=\frac{\pi u}{30}\left(r+\frac{d}{2}\right)=0,1047\,u\left(r+\frac{d}{2}\right)$.

Wickelt sich das Seil mehrmals über sich selbst auf, so ist der Hebelsarm b veränderlich, und daher für denselben ein mittlerer Werth zu sinden. Ist l die Länge des Seilfaches, so hat man die Anzahl der Seilumschläge in einer Reihe: $n=\frac{l}{d}$; und da sich nun die Länge eines Seilumschlas

ges $= 2\pi \left(r + \frac{d}{2}\right)$ feten läßt, fo hat man die Lange des Seiles, Cellford.

welches ben Seilforb bas erfte Mal bebedt, annahernb

$$s_1 = 2\pi n \left(r + \frac{d}{2}\right) = \frac{2\pi l}{d} \left(r + \frac{d}{2}\right).$$

Seht man statt r, r + d, so erhalt man die Seillange, welche die zweite Seilbebeckung ausmacht,

$$s_2 = \frac{2\pi l}{d} \left(r + \frac{3d}{2} \right);$$

ebenfo erhalt man die Seillange fur eine britte Bebedung

$$s_3 = \frac{2\pi l}{d} \left(r + \frac{5d}{2} \right),$$

und allgemein die fur eine mte Bebedung,

$$s_m = \frac{2\pi l}{d} [r + (m - 1/2) d].$$

Durch Summation biefer Werthe ergiebt fich nun die ganze Lange bes aufgewickelten Seiles:

$$s = s_1 + s_2 + \dots + s_m = \frac{2\pi l}{d} \left[mr + \left(1 + 2 + \dots + m - \frac{m}{2} \right) d \right],$$

ober, ba
$$1+2+\cdots+m=\left(\frac{1+m}{2}\right)m$$
 ist,

$$\cdot s = \frac{2\pi l}{d} \left(mr + \frac{m^2 d}{2} \right) = \frac{2\pi ml}{d} \left(r + \frac{md}{2} \right).$$

Umgekehrt folgt hiernach $m^2 + \frac{2r}{d}m = \frac{s}{\pi l}$, baher

$$m = -\frac{r}{d} + \sqrt{\frac{s}{\pi l} + \left(\frac{r}{d}\right)^2},$$

und baher die Anzahl ber Seilumschläge oder Rorbumbrehungen bei Aufwidelung der Seillange s:

$$n_1 = m \cdot n = \frac{l}{d} \left[\sqrt{\frac{s}{\pi l} + \left(\frac{r}{d}\right)^2} - \frac{r}{d} \right] = \frac{r l}{d^2} \left(\sqrt{\frac{s d^2}{\pi l r^2}} + 1 - 1 \right).$$

Sest man nun s = 2 mb n1, fo erhalt man ben gefuchten mittleren Sebelarm

$$b = \frac{s}{2\pi n_1} = \frac{s d^2}{2\pi r l \left(\sqrt{\frac{s d^2}{\pi l r^2} + 1} - 1\right)} = \left(\sqrt{\frac{s d^2}{\pi l r^2} + 1} + 1\right) \cdot \frac{r}{2},$$

wofür in der Regel annähernd $b = \left(1 + \frac{s\,d^2}{4\,\pi\,l\,r^2}\right) r$ genommen werden

tann. Siernach ift die mittlere Geschwindigkeit bes Seiles:

$$v = \frac{\pi u}{30}b = 0,1047\left(1 + \frac{sd^2}{4\pi lr^2}\right)ur.$$

Ceiltorb.

Beispiel. Für die Seillange s=2000 Fuß, Seilftarte $d=\frac{1}{2}$ Boll, Seilfachlange l=8 Boll und ben Korbhalbmeffer $r=2\frac{1}{2}$ Fuß, ift ber mittlere Bebelarm

$$b = \left(1 + \frac{2000}{4\pi \cdot \frac{9}{3} \cdot 60^2}\right)r = \left(1 + \frac{5}{24\pi}\right)r = 1,066 r = 32 \, 30 \, \text{I}$$
, und wird nun das Seil in 10 Minuten aufgewidelt, so ist die mittlere Geschwins digkeit desselben $v = \frac{2000}{600} = \frac{10}{3}$ Fuß, und die entsprechende mittlere Umsbrehungszahl pr. Min. $u = \frac{30 \, v}{\pi \, b} = \frac{30 \cdot 40}{32 \cdot \pi} = \frac{75}{2\pi} = 11,94$.

Bejahnte Stange. §. 82. Wir haben schon im letten Kapitel wiederholt darauf hingewiessen, daß sich die Theorie eines Raderpaares auch auf die eines Rades mit gezahnter Stange (s. §. 47) anwenden läßt, und daß es hierbei nichts weiter als des Unendlichgroßsehens des Radhalbmessers bedarf. Deshalb bleibt uns denn auch über die Anwendung des Rades mit gezahnter Stange als hilfsmittel zum Umsehen der Kreisdewegung in eine gerade, und umgekehrt, zur Verwandlung der geradlinigen Bewegung in eine kreisformige, nur noch wenig zu sagen übrig. Besteht das Rad in einem Drehling (mit Triebstöden), so sind die Zähne der Stange nach einer Cycloide zu sormen, welche den Theilkreis des Rades zum Erzeugungskreise hat (s. §. 67, Kig. 168). Giebt man den Radzähnen ebene und radial gerichtete Seitenstächen AB, $A_1B_1...$, Kig. 204, so sind die Idhne DE, D_1E_1 nach einer Cycloide zu formen, welche den Kreise Ab1C erzeugt wird, der den







Rabhalbmesser CA zum Durchmesser hat (s. §. 68, Fig. 170). Wenn man hingegen ben Rabzähnen AB, A_1B_1 ... Fig. 205 bie Evolventenform giebt, so reducirt sich die Zahnform der Stange auf einen Punkt D, D_1 ..., und es ist die übrigens beliebig zu formende Zahnstäche DE in D rechtwinkelig gegen die Stangenrichtung ST zu legen. Während sich jene Construction mehr zur Bewegung des Rades durch die Stange eignet, ist diese Construction mehr dazu geschickt, die Stange durch das Rad zu bewegen.

Bei den soeben abgehandelten Conftructionen erfolgt der Angriff erft in der Centrallinie CA, foll hingegen berfelbe schon vor derfelben eintreten, so hat man beide Constructionen mit einander zu vereinigen, namlich die Rade oder Getriebzähne nach einem Kreibevolventenbogen $A_1B_{\mathbb{R}}$ Figur 206, und die

Stangengahne nach einem Eplinderbogen D1E1 gu gestalten. Es tommt bann

Bezabnte Etange.



auf der einen Seite der Centrallinie der Evolventenbogen A_1B_1 des Radzahnes mit einer und derfelben Stelle D des Stangenzahnes, und auf der anderen Seite der Eycloidenbogen D_1E_1 des Stangenzahnes mit dem ebenen Theile des Radzahnes in Berührung. Uebrigens läßt sich auch die einfache Evolventenverzahnung, wie sie in §. 72 beschrieben worden ist, verwenden. Die Zähne der

Stange nehmen hierbei eine triangulare Form an.

§. 83. Um Stangen ober hebel durch eine umlaufende Welle auf und Paumen. nieder zu bewegen ober hin und her zu schieben, versieht man lettere mit zahnahnlichen Ansagen ober sogenannten Daumen (franz. cames; engl. cams, tappots), die im Ganzen nach denselben Regeln zu construiren sind, wie die Zahne. Wir mussen bei der Construction der Daumen unterscheisden, ob die Richtung der Stange radial, d. i. nach der Are der Welle geht, oder ob sie neben der Are vorbeigeht, ferner ob die Stange gleichsbrmig oder ungleichsbrmig aufsteigen soll, u. s. w.

Der einfachfte Fall ift ber, wenn bie Stangenare rabial gur Belle fteht,





und bie Bewegung berfelben gleich= formig, b. i. fo erfolgen foll, baß Umbrehungewinkeln ber aleichen Welle gleiche Wege ber Stange ents fprechen. Es fei in Fig. 207, AB = s ber Weg, welchen bie Stange bei Umbrehung ber Belle um ben Mintel ACD durchlaufen foll. Thei= len wir nun fowohl die Sublinie AB, als auch ben Boben AD in gleiche Theile, 3. B. 4, beschreiben wir durch bie Theilpunkte ber erfteren aus C concentrische Rreiebogen und gieben wir burch bie Theilpuntte 1, 2, 3... bes letteren rabiale Linien bis gu

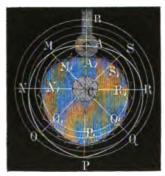
den Durchschnitten M, N, O, P, mit den entsprechenden Rreisbogen, so erhalten wir in AMNOP eine archimedische Spirallinie (franzspirale d'Archimede; engl. spiral of Archimedes), nach welcher in diesem Falle der Hebedaumen zu formen ist; denn kommen beim Umbrehen der Welle die Punkte 1, 2, 3, 4 im Rreise nach und nach nach A, so gelangt

Taumen. M. N. O. P nach 1, 2, 3, 4 in ber Sublinie, und es wird babei die Stange um ben Weg A1, A2, A3, A4, alfo vollkommen gleichformig angehoben. Soll ebenso die Stange gleichformig niedergelaffen werden, mahrend sich bie Welle gleichformig um einen Winkel DCE brebt, fo findet man bie niedersteigende Daumencurve PQRSE, wenn man auch ben Bogen DE in (4) gleiche Theile theilt, burch die Theilpunkte bie Salbmeffer CQ, CR, CS zieht und biefelben bis zu ben entsprechenden Rreisbogen verlangert.

Um die gleitende Reibung zwischen bem Stangenfuße und ber Daumenflache zu umgeben, verfieht man ben erfteren febr gewöhnlich mit einem fogenannten Kriftionerabe, und conftruirt bie Daumenflachen nach einer Parallelen A, N, P, R, Fig. 208, welche an allen Stellen um ben Salbmeffer $AA_1 = NN_1 = P_1P_1 = RR_1$, von ber archimebischen Spirale ober fogenannten Spinnlinie (Reoibe) ANPR abfteht. Benn bie Stange bei einer Wellenumbrehung nur ein Spiel machen foll, fo bilbet ber Daumen mit ber Belle, wie g. B. in Fig. 208, eine fogenannte Bergicheibe (frank. roue en coeur; engl. heart-wheel).

Fig 208.







Bilbet die Stangenrichtung AZ, Fig. 209, eine Secante gur umlaufenden Belle, fo erleibet die Conftruction des Daumens eine Modi-Soll auch hier bie Stange um AB aufsteigen, mahrend fich bie fication. Welle um den Binkel ACD breht, fo bleibt zwar die Eintheilung von AB und DE in gleiche Theile und bie Conftruction von Rreisbogen aus ber Bellenare C biefelbe, es find aber an bie Theilpunkte 1, 2, 3, 4 bes Bogens AD Linien von gleicher gange mit AB, ober, mas auf eine binauskommt, Linien fo zu legen, daß fie mit ben entsprechenden Salbmeffern C1, C2, C3 u. f. w. benfelben Wintel einschließen wie AB mit CA. Die Durchschnittspunkte M, N, O, P biefer Linien mit den Rreisbogen aus C geben bann bie gesuchte Daumencurve; benn wenn bie Theilpunkte 1, 2, 3, 4 von AD nach A fommen, gelangt M, N, O, P nach 1, 2, 3, 4 ber

Sublinie, steigt also auch ber Stangenfuß um die gleichen Theile A1, 12, Daumen. 23, 34.

Steht die Sublinie AB, Fig. 210, rechtwinkelig auf dem Bellenhalbmeffer

Fig. 210.

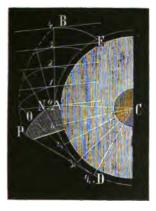


CA, bilbet sie also eine Tangente zur Welle, so andert sich die Construction nicht; es sind dann auch die geraden Lisnien, welche man durch die Theilpunkte 1, 2, 3, 4 des Grunds oder Theilkreises zu legen hat, Tangenten zu diesem Kreise. Nimmt man noch den Theils dogen AD gleich der Hublinie AB, so geht die Daumencurve in die bekannte Kreisevolvente über (s. §. 82). Bei Anwendung eines Friktionsrädichen sind natürlich alle diese Curven durch Aequis

distanten zu ihnen zu erseben. Bei den Daumen, welche nach der Kreisevolvente geformt sind, steht die Berührungsstäche winkelrecht auf der hubstinie, weshalb auch die Last der Stange von dem Daumen unmittelbar aufgenommen wird, und in der Stange keine durch eine befondere Führung aufzunehmende Seitenkraft zuruchleibt. Aus diesem Grunde gehoren denn auch die Kreisevolventendaumen zu den vorzüglicheren.

Anmertung. Rur in Folge ber Reibung zwischen bem Daumen und ber

Fig. 211.



Stange wird die Stange nach ber Belle hin etwas zur Seite gezogen; wenn man aber die Daumenfläche so formt, daß ihre Normale an der Berührungskelle ftets um den Reibungswinkel e von der Hublinie oder Stangenare abweicht, so fällt auch selbst dieses Zurseiteziehen weg. Sethen wir die Hubhobe AB = DP, Kig. 211, = h, den halbmeffer CA = CD = CE des Theilstreises = r und den Bogen AD = AE beffelben = b, so hat man folgende eins sache und durch den höheren Cascul leicht zu findende Gleichung

$$b = h \left(1 + \varphi \, \frac{h}{2r}\right),\,$$

ober, wenn man ben Reibungscoefficienten $\varphi = 0.1$ fest,

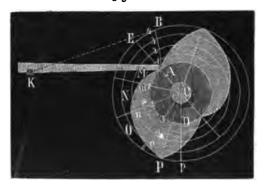
$$b = \left(1 + 0.05 \frac{h}{r}\right) h,$$

während bei ber Kreisevolvente b = h ift. Sett man ftatt h, 1/4h, 2/4h, 3/4h u. f. w., fo giebt diese Formel auch die entsprechenden Werthe von b, und es ift nun mittele berfelben die Eurve ANOP leicht zu construiren. 3ft z. B. h = r,

fo hat man für
$$A2 = 2N = \frac{h}{2}$$
 ben entsprechenden Bogen
$$2A = (1 + 0.05 \cdot \frac{1}{2}) \frac{h}{2} = 1.025 \cdot \frac{h}{2} = 0.5125 h,$$
 serner für $A3 = 3N = \frac{8h}{4}$, ben Bogen
$$3A = (1 + 0.05 \cdot \frac{8}{4}) \frac{8h}{4} = 1.0375 \cdot \frac{8}{4}h = 0.778 h.u. s.w.$$

Pebel. bewegung. §. 85. Man kann auch die Stangen burch hebel erseten und baber statt einer gerablinigen Bewegung, eine schwingende oder absetende Kreis-bewegung mittels Daumen aus der stetigen Kreisbewegung einer Welle ableiten.

Soll &. B. ein Hebel KA, Fig. 212 burch die Daumen einer Welle ACD aufgehoben werben, und bas hebelende ben Weg AB gleichformig burchslaufen, mahrend sich die Welle um den Winkel ACD breht, so theile man Fig. 212.



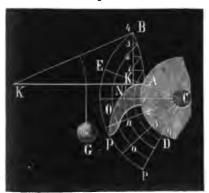
bie Bögen AB und AD in gleiche Theile, beschreibe durch die Theilpunkte von AB aus C concentrische Kreise und ziehe durch die Theilpunkte von AD Radien. Giebt man sich nun die Punkte m, n, o, p an, wo diese Halbmesser die entsprechenden Kreise durchschneiben, und trägt von denselben aus die Bögen, welche zwischen den Theilpunkten 1, 2, 3, 4 von AB und dem verlängerten Radius CA (CE) enthalten sind, als mM, nN, oO, pP aus, so erhält man in AMNOP die gesuchte Daumencurve, denn wenn die Punkte 1, 2, 3, D des Bogens AD nach und nach nach A kommen, gelangen die Punkte M, N, O, P nach 1, 2, 3, 4 (B) des Bogens AB; es entsprechen also gleichen Umbrehungsbögen der Welle auch gleiche Wege des Hebelendes A.

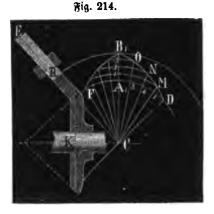
Bangt an bem Sebel ein Gewicht G, welches von einer Daumenwelle gleichformig aufzuheben ift, fo hat man, wie aus Fig. 213 zu erfehen ift,

die Vertikalprojection BK des Bogens AB in gleiche Theile zu theilen, horizontale Linien durch die erhaltenen Theilpunkte 1, 2, 8, 4 zu legen und die concentrischen Kreisbögen durch die Durchschnitte dieser Linien mit AB zu beschreiben, übrigens aber wie vorhin zu versahren.

Debel. bewegung.







Wenn die Stangenare oder die Bewegungsebene des Hebels nicht in die Umdrehungsebene der Daumenwelle fällt, so mussen natürlich auch die Daumen aus der letteren Sbene hervorstehen. Soll z. B. die Stange BE, Fig. 214, von einem umlaufenden Rade AK um einen Weg AB ausgeschoben werden, dessen Richtung die Radare CK unter einem gegebenen Winkel ACK schneibet, so muß der Durchschnitt eines Daumens eine conische Fläche DB_1F bilben, die von den nach oben angegebenen Regeln zu sindenben Eurven DB_1 und FB_1 begrenzt wird. Endlich ist auch leicht zu ermessen, wie die Construction abzuändern ist, wenn statt der Stange ein Hebel in einem Bogen AB von einem Daumen der Scheibe AK ausgeschoben werden soll.

Was die rudgehende Bewegung anlangt, so kann diese entweder durch ein Gegengewicht, oder durch eine Feber, oder endlich auch dadurch bewirkt werden, daß das Stangens oder Hebelende mittels eines Bolzens oder Hakens an den zu diesem Zwecke mit einer Spur versehenen Daumen angeschloffen wirb.

S. 86. Bei ben im Borstehenben abgehanbelten Formen ber Bebebaumen erfolgt beim Angriffe stets ein Stoß, ba ber vorher in Ruhe besindlichen Stange (Bebel) von bem Daumen plotlich eine sich nachher immer gleichbleibenbe Geschwindigkeit mitgetheilt wirb. Dieser Stoß machst mit ber Maffe und ber Geschwindigkeit der Stange und giebt nicht nur zu einem Arbeitsverluste, sondern auch zu einem starkeren Abführen ber Maschine Beranlassung, und beshalb sollte diese Construction der Daumen auch nur

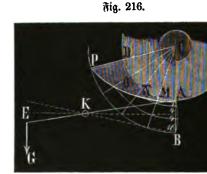
Augriff bne Etos Angriff ohne Stos. bei kleinen Geschwindigkeiten und nur dann angewendet werden, wenn die Masse der Stange oder des Hebels klein ist, gegen die Masse der armirten Daumenwelle. Ist c die Geschwindigkeit der Stange während des Aufskeigens oder Ausschiedens, M die Masse derselben und M_1 die auf den Angrissspunkt reducirte träge Masse der Daumenwelle, so hat man nach I., δ . 258, den Arbeitsverlust bei jedem Angrisse:

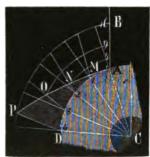
$$L = \frac{c^2}{2} \cdot \frac{M M_1}{M + M_1} = \frac{c^2}{2} \cdot \frac{M}{\frac{M}{M_1} + 1}$$

Man erfieht, baß berfelbe nur fur c=0, und M=0 ober $M_1=\infty$, verschwindet.

Um die Nachtheile bes ftosweisen Angriffes zu umgeben, muß man die Daumen so formen, daß sie die Stange ober den Hebel nur allmalig, z. B. in eine gleichformig beschleunigte Bewegung seben. Constructionen der Art fuhren die Figuren 215 und 216 vor Augen, und zwar erstere fur eine

Fig. 215.





Stange und lettere für einen Hebel AKE. Der wesentliche Unterschied bieser Construction von der vorigen besteht darin, daß hier die Hublinie AB nicht in gleiche, sondern in solche Theile getheilt wird, die sich zu einander wie die ungeraden Jahlen 1, 3, 5, 7 verhalten, deren Endpunkte also um die Quadratzahlen 1, 4, 9, 16 vom Anfangspunkte A (s. I., §. 16) abssehen. Es geht daher auch die Daumencurve durch die Durchschnittspunkte M, N, O, P, zwischen den durch die Theilpunkte 1, 4, 9, 16 aus der Umsbrehungsare beschriebenen Kreisen und den durch die an die Theilpunkte 1, 2, 3, 4 des Theilkreises gehörig angelegten Hublinien.

Ein Uebelftand jedoch erwachst auch aus dieser Construction. Dieser besteht barin, daß hierbei leicht die Wintel zu spit werden, unter welchen sich bie Daumencurve AMNOP und die hublinie schneiben, woraus ein starteres Burseiteziehen ober Burseitedrucken der Stange und baher auch eine größere

Seitenreibung ermachft. Fig. 217.



Ift G bie Last ber Stange AB, Fig. 217, und Mugriff a ber Winkel NAG, um welchen bie Rormale AN ber Daumencurve MO von ber Sublinie abweicht, fo hat man bie in ber Stange gurud. bleibenbe Seitenkraft $S = Gtang. \, \alpha$, und bie auf bie Daumenwelle übergehenbe Rraft

$$N = \frac{G}{\cos \alpha}.$$

Jene Seitenkraft erzeugt eine Seitenreibung in ber Generechtführung ber Stange, und biefe Rraft, ba fie größer als G ift, vergrößert ben Bapfenbruck und baher auch bie Bapfenreibung.

6. 87. Am einfachsten und vollkommenften wird bas allmalige Aufheben egeentrite und Riederlaffen von Stangen ober Bebeln burch fogenannte ercentrifche Scheiben ober Ercentrife (frang. excentriques; engl. excentrics) erreicht. Diefelben find freisformige, elliptische, ovale Scheiben u. f. w., bie





fich um eine ercentrifche, b. i. nicht burch ihren Mittelpunkt gehende Ure, breben. Unter ihnen find bie Rreisercentrife, die in einer einfachen enlindrischen Scheibe bestehen, Die gewohnlichsten. Fig. 218 fuhrt ein Rreisercentrit vor Mugen; M ift ber Mittelpunkt und C die Umbrehungsare beffelben. Stange BK ift bier mit einem Schuh EF ausgeruftet, beffen horizontale Grundflache von bem Umfange bes Ercentrife tangirt wirb. Die Bewegungs= verhaltniffe bes Rreisercentrife find biefelben wie die des Krummzapfens (vergl.

II., §. 307). Dreht fich bas Ercentrif um einen Winkel OCM = B. fo fleigt bie Stange um ben Beg

AK = KO - AO = KN + NO - AO = DM + NO - AO = NO= CO - CN, b. i. $s = r (1 - \cos \beta)$, wenn r die Ercentricität CM der Scheibe bezeichnet.

Nimmt & um einen fehr kleinen Theil \(\triangle \beta \) ju, fo fteigt s noch um ben fleinen Weg

 $\triangle s = r[1 - \cos(\beta + \triangle \beta)] - r(1 - \cos\beta) = r[\cos\beta - \cos(\beta + \triangle\beta)]$ $=r(\cos \beta - \cos \beta \cdot \cos \Delta \beta + \sin \beta \sin \Delta \beta),$

b. i. ba $\cos \triangle \beta = 1$ und $\sin \triangle \beta = \triangle \beta$ geset werden fann, um

Excentrite. $\triangle s = r \sin \beta$. $\triangle \beta$ höher, und es ist baher das Berhältniß zwischen der Geschwindigkeit w der Stange und der Geschwindigkeit v des Excentrite im Punkte M: $\frac{w}{v} = \frac{\triangle s}{r \triangle \beta} = \sin \beta$.

Da für $\beta=0$ und $\beta=180^\circ$, sin. $\beta=0$ ist, so folgt, daß die Stange mit einer unendlich kleinen Geschwindigkeit zu steigen anfängt, und daß sie nach einer halben Umdrehung des Ercentriks und nach Jurucklegung des Weges AB=r(1+1)=2r, mit unendlich kleiner Geschwindigkeit zu steigen aufhört. Auch ist leicht einzusehen, daß ebenso während der zweiten Hälste einer Umdrehung der Niedergang der Stange mit Null Gesschwindigkeit beginnt, und aufhört. Endlich zeigt auch die Formel, daß in den Quadraturen, b. i. für $\beta=90^\circ$ und 270° , die Stange ihre Marismalgeschwindigkeit w=v erlangt.

Die Last Q in der Stangenare wird nur bei dem höchsten und tiefsten Stande der Stange vom Excentrit unmittelbar aufgenommen, in jedem anderen Stande wirkt aber die Kraft P=Q excentrisch, und es bekommt dadurch die Stange ein Bestreben zur Drehung, dem das Moment

$$1/2 P \cdot 2 DK = P \cdot DK = Pr \sin \beta$$

entspricht. Dieses Bestreben erzeugt, indem ihm durch die Führung der Stange entgegengewirkt wird, eine besondere Seitenreibung. Die Reibung zwischen dem Ercentrik und dem Stangensuße ist $= \varphi P$ und consumirt, bei einer halben Umdrehung des Ercentriks, die Arbeit

$$\varphi P \cdot \pi a = \varphi \pi Q a$$
.

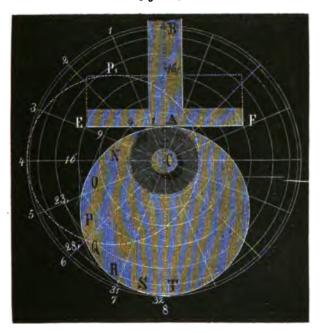
Da biefe mit bem Halbmeffer MD=a der Scheibe machft, fo folgt, daß man biefen möglichft klein nehmen foll.

Berudsschigt man nun diese Reibung, so hat man die Kraft zum Aufsheben der Stange, da diese bei einer halben Umdrehung den Weg 2r zurrudlegt, $P=Q+\frac{1}{2r}\cdot \varphi\pi Pa$, hiernach $P\left(1-\frac{\varphi\pi\alpha}{2r}\right)=Q$,

baher
$$P = \frac{Q}{1 - \frac{\varphi \pi a}{2r}}$$
, annähernd $= \left(1 + \frac{\varphi \pi a}{2r}\right) Q$.

§. 88. Bu manchen 3weden tann es angemeffener fein, fich eines be, sonbers geformten Ercentrits zu bedienen. Soll z. B. eine Stange burch ein Ercentrit mahrend einer Umbrehung gleichformig beschleunigt aufgehosben und ebenso gleichformig verzögert niedergelassen werben, so hat man folgende Construction anzuwenden, um die entsprechende Form des Ercentrits zu erhalten.

Man theile die hubhohe AB, Fig. 219, in Theile, die sich wie die Bahlen 1, 3, 5, 7, 5, 3, 1 zu einander verhalten, und beschreibe durch die erhaltenen Theilenunkte concentrische Kreise aus der Drehungsare C der Belle. Exemitio. Ferner theile man den außersten, mit dem Halbmesser CB = CT beschries benen Kreis in gleiche Theile, und gebe sich die Durchschnitte 1, 4, 9, 16, 23.. zwischen jenen Kreisen und den nach den letzten Theilpunkten gezoges Fig. 219.



nen Halbmessern C1, C2, C3, C4 u. s. w. an. Endlich errichte man in diesen Durchschnittspunkten Perpendikel auf den entsprechenden Halbmessern, und führe einen Zug AMNOP..., welcher alle diese Perpendikel der Reihe nach tangirt. Wird das Ercentrik nach diesem Zuge begrenzt, so hebt dasselbe die Stange EBF ansangs gleichsörmig beschleunigt und nachher gleichsförmig verzögert, und läst dieselbe während der zweiten Hälfte seiner Umbrehung auch so nieder. Denn wenn die Punkte 1,4,9,16 u. s. w. in die Hublinie gelangen, nehmen die durch sie gehenden Perpendikel oder Tangensten der Eurve AMNOP... eine horizontale Lage an, wird also auch die Stange, deren Fußlinie EF das Ercentrik stets berührt, um die Theile 1,3,5,7.. der Hublinie gehoben; läuft also die Welle gleichsörmig um, so steigt die Stange auf die angegebene Weise empor.

Statt einer Stange kann man auch einen hebel burch ein Ercentrik in Umbrehung segen und weil hier ber Nachtheil ber ercentrischen Wirkung

_

bei Loch= ober Durchstofmaschinen, Scheeren u. s. w. vorzüglich angewensbet. Die Einrichtung einer Eisenscheere ist aus Fig. 220 zu ersehen. Es

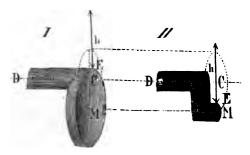


ist hier CA bas Ercentrit, KS bie Scheerenschneibe, KB ber Scheerenarm und BD ein Friktionsrab, mittels beffen bas Ercentrit auf ben Scheerens arm wirkt.

Bei dem gewöhnlichen Ercentrit entspricht immer einer Umbrehung der Welle auch nur ein Ausschub oder ein hins und Ruckgang der Stange oder des hebels. Jedoch hat man auch Ercentrits, welche bei einer Umbrehung zwei oder drei Stangenspiele liefern; diese laffen sich jedoch angesmessener den Daumenwellen beigählen. Eine elliptische Scheibe, welche sich z. B. um ihren Mittelpunkt dreht, liefert bei jeder Umbrehung zwei Spiele, und ist passender mit einer Welle mit zwei Daumen zu vergleichen als mit einem Ercentrit.

Arumm.

§. 89. Bon bem Kreisercentrik ift ber Krummzapfen ober bie Kurbel (franz. la manivelle; engl. the crank) nicht wefentlich verschiesben (f. II., §. 307). Ift bie Ercentricität CM = r bes Kreisercentriks in I., Fig. 221, bieselbe, wie die Armsange CM = r eines Krummzapfens DCM, in II., Fig. 221, so ist der Hub ober Schub in beiden derselbe Fig. 221.



namlich h=2r. Auch ift bei beiben Borrichtungen ber bem Drehungs- winkel β entsprechende Stangenweg s=r $(1-cos.\beta)$ einer und ber-

felbe, und es hangt berfelbe gar nicht von bem Salbmeffer ME ber Scheibe ober Barge ab.

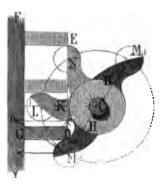
fan Len

Bie eine Stange durch einen einfachen Krummzapfen bewegt werden kann, ift aus Fig. 222 zu ersehen. Die Warze M (franz. bouton; engl. the pin) greift hier unter einen Daumen E, welcher aus der Stange FG winkelrecht vorsteht, und treibt denselben vor sich her. Soll die Stange bei einem Anhube mehr als ein Spiel machen, so kann man einen doppelten oder mehrfachen Krummzapfen oder einen Drehling mit Triebstoden anwenden. Da in diesem Falle nur ein Theil des Umfanges

Fig. 222.







ber Warze ober des Triebstockes mit dem Daumling in Berührung kommt, so braucht man auch nicht vollständige Warzen oder Triebstöcke einzussehen, und kann statt berselben Heblinge oder Hebedaumen, wie MH, M1 H1 Fig. 223, in Anwendung bringen. Diese Construction hat vor der gewöhnlichen Anwendung von Evolventenheblingen zwei wesentzliche Vorzüge. Erstens ist hier die mittlere Entsernung des Angriffspunktes zwischen Heblingen nach der Kreisevolvente, und zweitens fällt hier der Stoß beim Angriff, und also auch der hieraus erwachsende Arbeitszverlust kleiner aus als bei den Evolventenheblingen.

Sort ber Angriff um benfelben Bintel uber ber horizontalen Centrallinie CK auf, ale berfelbe unter berfelben beginnt, ift alfo

$$NCK = MCK = \frac{1}{2}MCN = \frac{1}{2}\beta$$

fo hat man ben Sub ober Schub

$$MN = DE = h = 2 r \sin \frac{\beta}{2}$$

wenn $oldsymbol{eta}$ den Theilminkel MCN und r die mechanische Armlange CM \Longrightarrow CN

Arumm. japfen. ber Beblinge bezeichnet; und es ift bie Daumlinglange

$$GD = KL = b$$
 beinahe = $r\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) + r_1$,

wenn r_1 ben Krummungshalbmeffer MD=NE eines Heblings reprasentirt. Da ber Angriffspunkt zwischen Hebling und Daumling wahrend bes Aufsteigens ber Stange ber Are bes Stempels naher ruckt, so fallt naturitich bie mittlere Ercentricität noch viel kleiner als b aus.

Die Geschwindigkeit $Mc_1=c_1$, mit welcher der Hebling gegen den Daumling stoßt, ift, wenn c die Umdrehungsgeschwindigkeit Mc im Theilstreise bezeichnet, $c_1=c\cos\frac{\beta}{2}$, und fallt daher um so kleiner aus, je

mehr sich $\frac{\pmb{\beta}}{2}$ bem Rechtwinkel nahert, je tiefer also ber Angriff erfolgt.

Sind M und M_1 die Massen des Stempels und der Welle, so hat man daher das bei jedem Angriffe durch den Stoß verlorene Arbeitssquantum $L=\frac{c^2}{2\,g}\left(\cos\frac{\beta}{2}\right)^2\frac{M\,M_1}{M\,+\,M_1}$, annähernd

 $=rac{M\,c^2}{2\,g}\left(\cosrac{oldsymbol{eta}}{2}
ight)^2;$ während es bei der Anwendung von

Evolventenheblingen, wo ber Angriff in ber Centrallinie CK erfolgt,

$$L=rac{c^2}{2\,g}\cdotrac{M\,M_1}{M+M_1}$$
 iff.

§. 90. Der Rrummgapfen CA, Fig. 224, ift bas gewöhnlichfte und vorzüglichste Silfemittel jum Umseben ber ftetigen Rreisbewegung in eine gerablinig wieberkehrenbe, ober umgekehrt, ber gerablinig bin = und her-, ober auf- und niedergehenden Bewegung in eine stetige Areisbewes gung. Bu demfelben gehort noch die Rurbelftange AB (frang. la bielle; enal. the connecting rod) als wesentlicher Bestandtheil. Dieselbe ift mit bem einen Ende A an die Warze bes Rrummzapfens, und mit bem ans bern Ende B an ben Ropf ber Stange BF angeschlossen, welche entweber burch ben Rrummzapfen in gerablinig wiebertehrenbe Bewegung gefett wirb, ober benfelben eine ftetige Rreisbewegung ertheilt. In vielen Fallen tann man die Rurbelftange nicht unmittelbar mit ber auf= und niebers, ober bin : und hergehenden Stange verbinden, fonbern es ift nothig, einen Bebel ober Balancier zwischen beibe zu bringen. In Sig. 225 ift bie Rurbelftange AB an einen Balancier BD und in Fig. 226 an einen Winkelhebel BDE angeschlossen. Die erste Conftruction tommt vorzuglich bei Dampfmaschinent vor, mo der Balancier mittels ber Rolbenftange in fcmingende Bewegung gefett und aus biefer Bewegung mittels des Rrummzapfens eine rotirende Rreisbewegung abgeleitet wird. Den zweis ten Fall hingegen bietet vorzüglich eine sogenannte Radeunst bar, wo bie rotirende Rreisbewegung eines Wafferrabes mittels Krummzapfen und



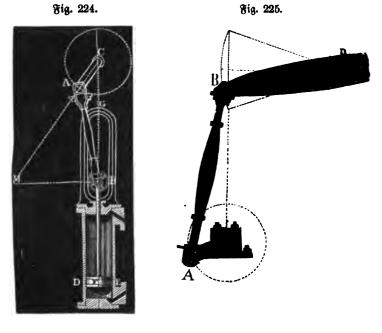
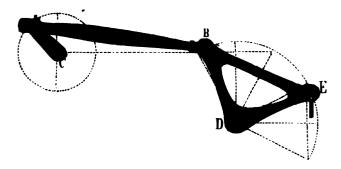


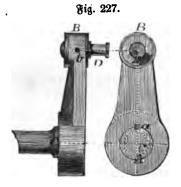
Fig. 226.



Winkelhebel (Kunfikreuz) in eine auf : und niedergehende Gestängbewegung umzuändern ift.

Man bilbet zwar zuweilen die Rurbel aus einem Gußftude, es ift jes boch beffer, dieselbe aus brei Studen zusammenzuseten, namentlich, wenn ber Bapfen mit ber umlaufenden Belle ein Ganzes bilbet. Die Con trumm. f

ftruction und Busammenfehung eines folchen Krummzapfens zeigt Figur



227 in zwei Ansichten. Der Kurbelarm AB ist mit zwei ausgedrehten Augen versehen, durch das eine kommt der Wellen= oder Zapfenkopf C und durch das andere das Kopfstud der Warze D. Die Befestigung des Armes mit dem Zapfenkopfe erfolgt durch einen Splint a, und die der Warze mit dem Arme durch einen Bolzen b, oder auch durch eine Schraube am Ende des Warzenkopfes. Ist ein veränderslicher Kurbelhub nothig, so muß

man die Warze stellbar einrichten, und zu diesem Zwede den Kurbelarm mit einem Schlitze und einer Stellschraube versehen. Auch wendet man wohl statt des Armes eine ganze Scheibe mit mehreren Löchern zur Aufnahme der Warze an. Zuweilen kann man endlich auch die Warze in die Stirnsläche oder in den Arm eines auf der umlaufenden Welle siehenden Rades einsehen, und dadurch den Kurbelarm oder Kurbelbug ganz erssparen.

Was die Dimensionen der Aurbel betrifft, so berechnet man die Zapfensstärke d (Wellenstärke) nach der §. 3 mitgetheilten Formel

$$d=0.35 \sqrt[3]{Pa}=6 \sqrt[3]{\frac{L}{u}} 300,$$

und bagegen die Warzenftarte d, nach ber Formel

$$d_1 = 0.048 \sqrt[3]{R}$$
 des §. 5.

Run ift aber die Kraft, mit welcher die Warze auf die Stange wirkt, ober umgetehrt, $R=\frac{\pi}{2}$ mal der am Kurbelarme a wirkenden Umsbrehungefraft P_1 , daher hat man

$$d_1 = 0.048 \sqrt[3]{rac{\pi}{2}} P$$
, und $\frac{d_1}{d} = rac{0.048 \sqrt[3]{rac{\pi}{2}} P}{0.35 \sqrt[3]{Pa}}$.

ober, wenn a wie d, und d in Bollen ausgebrudt wird,

$$\frac{d_1^2}{d^3} = \frac{(0.048)^2 \cdot \pi P}{2 \cdot (0.35)^3 \cdot \frac{Pa}{12}} = \frac{0.0023 \cdot 6\pi}{0.0429 a} = \frac{1}{a},$$

und daher
$$rac{d_1}{d} = \sqrt{rac{d}{a}} \cdot$$

hierbei wird jedoch vorausgesett, daß die Barge und der Aurbelarm aus Guß: oder Schmiedeeisen bestehen; ist aber nur die erste gußeisern und der lette aus Schmiedeeisen, so hat man

trumm. Javfen.

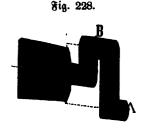
$$\frac{d_1}{d} = 0.75 \sqrt{\frac{d}{a}}$$
.

Die Starte des Aurbelarmes läßt fich wie die eines Radarmes (f. II., §. 89) berechnen.

Dem Zapfentopfe giebt man die Starte $^5/_4$ d, und ebenso bem Warzenstopfe die Starte $^5/_4$ d_1 . Die Wandstarte des Zapfens und des Warzensringes wird $^5/_8$ d und $^5/_8$ d_1 und die Lange dieser Ringe \Longrightarrow $^5/_4$ d und $^5/_4$ d_1 genommen.

§. 91. Man wendet nicht selten auch doppelte oder mehrfache

Doppelte Rtummjapfen.

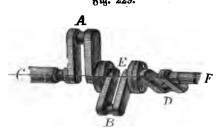


Krummzapfen an. Figur 228 zeigt einen boppelten Krummzapfen für ein sogenanntes Stangenvorgelege (s. III., §. 36), mit Warzen A und B, die einander diametral gegenüberstehen. Wenn die eine Warze aufsteigt, ist natürlich die andere im Niedergange begriffen; es halten sich daher die Gewichte der in A und B bangenden Stangen ein=

Bei den gewöhnlichen Rabtunften, oder Pumpenwerten, welche durch ein Wafferrad in Bewegung geseht werden, bildet jedes der beiden Wellenzenden einen einfachen Krummzapfen, und es steht die Warze des einen ebenfalls um 180 Grad von der des andern ab; es wirken daher auch beide zusammen, so wie der doppelte Krummzapfen in Fig. 228 allein. Diese diametrale Stellung der Warzen ist jedoch nur bei einfachwirkenden Maschinen, d. i. nur dann angemessen, wenn nur zum Aufz nicht aber zum Ruckgange der Sestänge Kraft nothig ist. Ist aber die Kraft beim hinz und Ruckgange der Stangen dieselbe, wie z. B. bei doppelt wirkenz den Dampfmaschinen, so muß man die Warzen der beiden Krummzapfen auf das Viertel stellen, d. i. um 90 Grad von einander abstehen lassen, damit sich die Stangenkrafte in der Umdrehung der Krummzapfenwelle

Doppelte Krumm. japfen. am vollstänbigsten unterftugen. Man findet folche Krummzapfen vorzuge lich bei Dampfichiffen und Dampfwagen.

Bei einem breifachen Krummzapfen ober einer Berbindung von Big. 229. brei Krummzapfen, wie



brei Krummzapfen, wie Fig. 229, stehen die Warzen A, B, D im Drittel, b. i. um 120 Grad von einander ab; bei einem viersfachen Krummzapfen stehen dieselben im Viertel u. s. w. Zwei oder mehrsache Krummzapfen oder Kurzeln werden in der Regel

burch gebrochene ober getropfte Bellen, wie CEF, Fig. 229, gesbildet. Diese Wellen werden seltener aus einem Stude gegoffen, sondern, wie aus der Figur zu ersehen ist, aus Theilen zusammengesetz, oder aus gefrischtem Eisen geschmiedet. Die geschmiedeten Krummzapsen sind übershaupt, und zumal dann den gußeisernen vorzuziehen, wenn die Maschine Stoßen ausgesetzt ist. Mit Recht vermeidet man gern lange gekröpfte Wellen, und ersett dieselben lieber durch besonders gelagerte kurze Wellens stude mit Krummzapsenkuppelung (f. III., §. 7, Fig. 13).

Rurbelftange

§. 92. Die Kurbel= ober Lentstangen (Lenter) erhalten wegen ber volltommneren Uebertragung der Kraft, mindestens die 5fache Kurbelarms lange, ober den 21/2fachen Warzenkreisdurchmeffer zu ihrer Lange; wenn es möglich ift, geht man jedoch damit gern auf die 6 = bis 7fache Armstange hinauf. Bei den einfachwirkenden Kurbeln erfolgt die Mittheilung der Kraft nur durch Jug, und es ist daher auch der Querschnitt der Kurbelstange wie der einer gewöhnlichen Jugstange (s. III., §. 10) zu berechenen. Bei dem doppelt, also ziehend und schiedend wirkenden Krummszapfen ist hingegen der Stangenquerschnitt nach der Theorie der rückwirzenden Festigseit zu bestimmen.

Nach I., §. 208 ist die Kraft zum Zerknicken einer chlindrischen Stange von der Länge l und der Stärke d_2 : $R=\frac{\pi^3}{4}\cdot\frac{d_2^4}{16\,l^2}\cdot E$, und nach einer der Formeln des vorigen Paragraphen ist die Stärke der Warze $d_1=0.048\ \sqrt[p]{R};$ eliminirt man daher aus beiden Gleichungen die Stangenkraft R, so erhält man die Gleichung

$$\frac{\pi^3}{4} \cdot \frac{d_2^4}{16 \, l^2} \, E = \left(\frac{d_1}{0,048}\right)^2,$$

und hiernach
$$d_2=\sqrt[4]{rac{64}{\pi^2 E}}\cdot\sqrt{rac{l\,d_1}{0,048}}=5$$
,47 $\sqrt{rac{l\,d_1}{VE}}$

Rurbeiftange .

Run haben wir aber in §. 90 auch $\frac{d_1}{d} = \sqrt{\frac{d}{a}}$ angegeben, baher erhalten wir $\frac{d_2}{d} = 5,47$ $\sqrt{\frac{l}{\sqrt{a\,d\,E}}}$, oder, wenn wir den Elasticistätsmodul des Gußeisens E = 17'000000 und das Berhältniß $\frac{l}{a}$ der Lenkerlänge l zur Kurbelarmlänge $a_1 = n$ seigen,

$$\frac{d_2}{d} = 0.0852 \, \sqrt[p]{n} \cdot \sqrt[q]{\frac{a}{d}}$$

Nimmt man n=6 und verboppelt man die Starte ber Sicherheit wegen, fo erhalt man $\frac{d_2}{d}=0,42$ $\sqrt[4]{\frac{a}{d}}$.

Bei langen Aurbelstangen findet man meist das Berhaltniß $\frac{d_2}{l}=^{1}/_{36}$ angewendet, jedoch bei kurzen Stangen und bedeutenden Kraften steigt man damit dis auf $^{1}/_{18}$ und wohl noch höher. An den Enden kann man d_2 um ein Biertel kleiner nehmen. Uebrigens wird der mittlere Theil der gußeisernen Lenker in der Regel aus 4 Rippen gebildet, und die Seite des dieselben umschließenden Quadrats $^{1}/_{20}$ der Länge l des Lenkers genommen.

Man bestimmt auch wohl ben mittleren Querschnitt ber Aurbelstange unter ber Boraussehung, bağ man die Belastung auf jeden Quadratzoll Querschnitt bei Gußeisen K=500 Pfund, und bei Schmiedeeisen K=1000 Pfund sett.

Beifpiel. Man foll fur eine Dampfmafdine von 40 Bferbefraften, welche pr. Minute 20 Spiele macht, bie nothigen Dimensionen bes Krummzapfens berechnen. Die Bellens ober Bapfenftarte ift

$$d=6\sqrt[3]{\frac{L}{4}}=6\sqrt[3]{\frac{40}{90}}=6.1,26=7,56$$
 Boll,

wofur 8 Boll genommen werben foll; bie Bargenftarte ift, bei einer Rurbelarms lange a von 18 Boll,

$$d_1 = d \sqrt{\frac{d}{a}} = d \sqrt{\frac{8}{18}} = d \sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{9}{8} d = 5\frac{1}{8} 300$$

enblich bie Starfe ber Rurbelftange

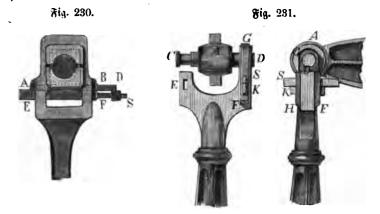
$$d_2 = 0.42 \cdot d \sqrt[4]{\frac{a}{d}} = 0.42 \sqrt[4]{\sqrt[6]{4}} \cdot d = 0.42 \cdot \sqrt[6]{2} \cdot d$$
$$= 0.514 \cdot d = 4.1 \text{ Soft}.$$

und ber entsprechenbe Querichnitt F=13,2 Quabratzoll. Die Rraft ber Stangenare ift, ba bieselbe pr. Minute ben Beg $2\cdot 3\cdot 20=120$

176

Rurbeisange. Fuß zurücklegt, $K=\frac{510.60.40}{2.3.20}=10200$ Pfund, und baher bie Belastung auf jeden Quadratzoll $K=\frac{10200}{13.2}=773$ Pfund.

§. 93. Das Auge in der Aurbelstange, burch welches die Warze des Krummzapfens geht, ift mit metallenen Futterstuden versehen, die sich durch Klammer und Splint festeilen lassen. Um das Juruckziehen des Keiles oder Splintes (der Clavette) zu verhindern, versieht man die Klammer AB, Fig. 230, mit einem Haken, und den Splint EF mit einer Schraube, so daß sich die lettere durch eine Schraubenmutter S anziehen läßt.

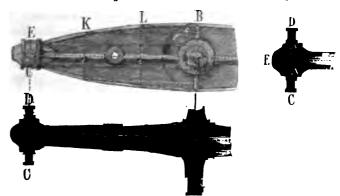


Am anderen Ende, wo die Aurbelstange an einem Hebel, Balancier u. s. w. angeschlossen ift, wird dieselbe in der Regel gegabelt, um das Hebelende A mittels eines Bolzens CD, Fig. 231, zwischen sich fassen zu können. Jedes der beiden Gabelenden wie E, wird mit einem schmiedes eisernen Bügel FGH umgeben, der die metallenen Futterstücke für die Bolzenlagerung umgiebt, und mittels Klammer K und Splint S mit der Gabel sest verbunden. Die Gabelung der Kurbelstange wird erspart, wenn das Balancier oder Hebelende gespalten ist, oder wenn der Balanzier auß zwei gleichen Stücken besteht, die in einem gewissen Abstande neben einander liegen, und mit einander durch Schraubenbolzen sest verbunden sind. Es greift in diesem Falle das Ende der Kurbelstangenenden zwischen diese Balancierstücke und ist damit durch einen einzigen Bolzen verbunden.

Die Kopfe der einfachen Balancier sind entweder flach, oder sie find tugelformig. Bei den letteren siten die Bolzen, woran die Aurbelftange

hangt, auf einem Muff fest, ber um einen Zapfen brehbar ist, in welchem gurbelftant . bas Balancierenbe ausläuft. Es läßt sich baburch bas Abbrechen bes einen ober anderen Verbindungsstückes verhindern, wenn die Bewegungsebene bes Balanciers nicht genau mit ber ber Stange zusammenfällt.

Die Einrichtung eines Kugelkopfes ist aus Fig. 232 und Fig. 233 zu Fig. 232.



ersehen. Se sind C und D die Bolzen zum Aufhangen der Stange, es ist ferner AA der Muff, welcher mit diesen Bolzen ein Ganzes bildet und um den Zapfen B brebbar ift, en lich ift E eine Schale, welche das Zuruck-gehen des Muffes verhindern foll, und deshalb mittels eines Bolzens auf das außerste Ende des Balanciers befestigt wird.

§. 94. Bas ben Balancier felbst anlangt, so last man benselben nicht Balancier gern über 40 Grab ausschlagen, um nicht zu große Seitenbewegungen zu erhalten. Ift l die Armlange des Balanciers (in der Regel die Halfte ber Länge des Balanciers) und a der Schwingungswinkel desselben, so haben

wir ben Stangenschub s=2 l sin. $\frac{\alpha}{2}$, und daher umgekehrt

$$l = \frac{s}{2 \sin \frac{\alpha}{2}} = \frac{a}{\sin \frac{\alpha}{2}}$$
, ba s auch = $2 a$,

b. i. ber doppelten Aurbelhohe gleich ift. Fur $lpha=40^{\circ}$ erhalten wir

$$l = \frac{a}{\sin 20^{\circ}} = \frac{a}{0,3420} = 3,086 a.$$

Meist nimmt man $l = 3 a = \frac{3}{2} s$.

Ift h die Hohe bes Balanciers in der Mitte und b die Breite deffelben, so hat man für denselben die bekannte Festigkeitsformel $Rl=1000\,b\,h^2$ in Anwendung zu bringen.

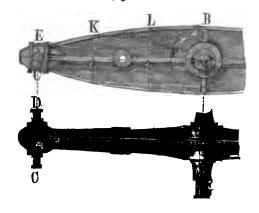
III.

Palancier. Man nimmt aber meist $b=\frac{h}{16}\left({
m bis}\frac{h}{12}\right)$, und l=3a; suhren wir daher diese Werthe ein, so bekommen wir $Ra=1000\cdot\frac{h^8}{48}$, und daher $h=\sqrt[8]{\frac{48Ra}{1000}}$.

Nun haben wir aber die Stangenkraft $R=\frac{2}{\pi}P$, und nach §. 90 die Starke der Kurbelzapfen: $d=0.35\sqrt[3]{\frac{Pa}{12}}$; es folgt daher auch $\frac{h}{d}=\frac{1}{0.35}\sqrt[3]{\frac{48\cdot 24}{1000\,\pi}}=2$, wofür aber, um hinreichende Sicherzheit zu erhalten, =3 zu nehmen sein möchte. Sehr oft findet man auch die Höhe des Balanciers in der Mitte, $h=a=\frac{l}{3}$. An den Enden genügt die Höhe $h_1=\frac{h}{3}$ bis $\frac{h}{2}$.

Bur Verstärkung erhalt ber Balancier noch eine Mittelrippe und eine Saumrippe. Die Sohe dieser Rippen nimmt man $=b=\frac{h}{16}$, die Breite aber $2\,b$ und $4\,b$.

Das Längenprofil des Balanciers follte zwar von einer Parabelfläche gebildet werden (f. I., §. 204), allein man bringt auch oft folgende Conftruction in Anwendung. Man theilt die Armlänge CM=l, Fig. 234, in gleiche Theile C1, 12, 2M, errichtet auf CM Perpendikel in den Theilpunkten; beschreibt ferner mit der halben Balancierhohe $MB=\frac{1}{2}h$ einen Fig. 234.



Rreis aus der Drehare M des Balanciers, zieht in dem Abstande $CE=1/2\,h_1$ Balancier. ber halben Balancierbohe am Ende eine Parallele EF gu CM, und theilt ben baburch abgeschnittenen Bogen FB ebenfalls in gleiche Theile F1 12, 2B. Endlich legt man noch burch die letten Theilpunkte Parallellinien gu CM, und bemerkt fich die Durchschnittspunkte K, L biefer Parallelen mit ben Perpendikeln durch die Theilpunkte ber CM. Die Gurve durch die Puntte E, K, L, B giebt die gesuchte Begrenzungelinie bes Balanciers.

Die Starte eines Bolgens C und D ift, ba jeder nur bie Salfte ber Stangentraft aufnimmt, $d_2 = d_1 V^1/2 = 0.7 d_1$, b. i. sieben Behntel ber Bargenftarte, bie Starte d4 ber Are ober bes Balgeifens G wirb boppelt [o groß als d_3 , also $d_4 = 2 d_3 = 2 V_1/2$. $d_1 = V_2$. $d_1 = 1.4 d_1$ genommen. Die Bulfenlange bes Balgeifens nimmt man 0,38, und bie gange gange beffelben = 0,7 s.

Beifpiel. Fur bie im Beifpiele ju S. 92 behandelte Dampfmafchine er= halten wir, ba bie Rurbelhobe a = 18 Boll ift, bie gange ber Rurbelftange = ber bes gleicharmigen Balanciers:

 $2l = 6a = 6 \cdot \frac{8}{2} = 9 \text{ Full} = 108 \text{ Boll};$ ferner bie Balancierhohe in ber Mitte: h = 8d = 3.8 = 24 Boll, die am Ende $h_1=0.4h=10$ Boll und die Balancierbreite $b=\frac{h}{16}=1\frac{1}{2}$ Boll; ferner ift bie Starte ber Bolgen gum Aufhangen ber Rurbelftange $d_3 = 0.7 \cdot d_1 = 0.7 \cdot 5^{1}/_{3} = 3^{3}/_{4} 30^{1}$ und die Starte des Balgeifens: $d_4 = 2 \cdot d_3 = 7\frac{1}{2}$ Boll zu nehmen.

6. 95. Bei ber im Folgenden ju entwidelnden Theorie des Rrumm= Bemegung bes Rrummzapfens haben wir auf folgende Unterschiebe Rudficht zu nehmen :

zanfens.

- 1) Es fann ber Rrummgapfen einfach ober boppelt wirten.
- 2) Es fann berfelbe ein einfacher ober mehrfacher fein, b. i. allein ober mit mehreren zusammenwirken.
- 3) Es kann die Stangenkraft constant ober veranderlich sein.
- 4) Es tann ferner die Rurbelftange unmittelbar mit ber auf = und niedergehenden Stange verbunden sein, oder es kann sich amifchen beiben ein Bebel ober Balancier befinden.
- 5) Es kann endlich die Bewegung von der Krummzapfenwelle ausgehen und auf eine Stange übergetragen, ober es tann ber Rrummgapfen burch eine bin- und jurudigebenbe Stange in Umbrehung gefett merden.

Wir heben unsere Untersuchung mit bem einfachen boppeltwirken: ben Rrummgapfen an, beffen Rurbelftange unmittelbar mit einer Rolbenftange verbunden ift, und fegen babei eine constante Stangenkraft ober Stangenlaft voraus.

Es bezeichne in der Folge P die auf den Warzenfreis reducirte Umbrehungefraft, und Q bie in ber biametralen ober Stangenrichtung wirkende Bewegung Gegenkraft, ferner r die Kurbelarmlange oder den Warzenkreishalbmeffer variens. CA, Fig. 235, und l die Lange AB der Kurbelstange. Denken wir uns

Fig. 235.



die Bewegung anfangend, wenn bie Warze in einem ber tobten, b. i. in einem der Puntte O ober U fteht, wo bie Geftangrichtung ben Bargenfreis schneibet; bezeichnen wir den verander= lichen, im tobten Puntte O anfangenben Umbrehungswinkel OCA burch B, ferner bie entsprechende Abweichung ABC des Lenters von der Richtung BC der Rol= benstange burch a und ben entspre= chenden Beg DB burch s. Geben wir noch bie auf ben Bargenfreis reducirte Umdrehungsmasse ber Maschine = M, und die Stangenmasse = M1; ferner bie Umbrehungszahl bes Krummzapfens pr. Minute = u, die mittlere Ge: schwindigkeit ber Barge = c, und bie Geschwindigkeit berfelben im tobten Punkte $O_i = c_i$; ferner die veränder= liche Geschwindigkeit derselben überhaupt = v, ihren Maximalwerth aber = v_1

und ihren Minimalwerth $=v_2$, endlich aber die veranderliche Geschwinz bigkeit der Stange =w. Der geradlinige Beg DB, welchen das Stanz genende B zurücklegt, während die Barze den Bogen $OA=r\beta$ durchz läuft, ist

$$s = BC - DC = BH - CH - (DO - CO) = l\cos\alpha - r\cos\beta - (l-r)$$

$$= r(1 - \cos\beta) - l(1 - \cos\alpha).$$

Run hat man aber noch im Dreiede ABC,

$$\frac{\sin ABC}{\sin ACB} = \frac{CA}{AB}$$
, b. i. $\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{r}{l}$,

es folgt baher $s = r(1-\cos\beta) - l + \sqrt{l^2 - r^2(\sin\beta^2)}$.

Da aber l mindestens =5r genommen wird, so ist $(r\sin\beta)^2$ sehr klein gegen l^2 und daher annähernd

$$\sqrt{l^2-r^2(\sin\beta)^2}=l-1/2\,l\left(\frac{r\sin\beta}{l}\right)^2$$
 zu setzen, so daß nun $s=r(1-\cos\beta)-\frac{r^2(\sin\beta)^2}{2\,l}$ folgt. (Bergl. II., §. 307.)

Für den ersten todten Punkt hat man $\beta = 0$, daher sin. $\beta = 0$,

 $\cos \beta = 1$ und s = 0; fur ben zweiten tobten Punit aber $\beta^0 = 180^{\circ}$, Berregung ober $\beta = \pi$, baher $\sin \beta = 0$, $\cos \beta = -1$, und s = 2r. Ferner für ein Viertel ber Umbrehung, b. i. für $\beta^0 = 90^\circ$ ober 270° hat man $\sin \beta^2 = 1$, $\cos \beta = 0$, und daher

$$s = r - l + \sqrt{l^2 - r^2} = r - \frac{r^2}{2l} = r\left(1 - \frac{r}{2l}\right),$$

also nicht ganz ben halben Weg DM.

Seben wir aber s = r, so erhalten wir die Gleichung

$$l + r\cos\beta = \sqrt{l^2 - r^2(\sin\beta)^2},$$

und es bestimmt sich hiernach $\cos \beta = -\frac{r}{\Omega I}$

Beifpiel. Bei einem Rrummgapfen mit bem Berhaltniffe - = 5 ift cos. $\beta = -0.1$ und baber $\beta^0 = 180^{\circ} - 84^{\circ}, 15' = 95^{\circ}, 45'$. Es tritt also bei biefem Abstande ber Barge vom oberen tobten Bunfte, ober bei bem Abstande 840, 15' vom unteren tobten Buntte bas hubmittel ein. Steht die Barge im Biertel, fo ift ber bub nur r(1-0,1)=0.9r.

6. 96. Das Geschwindigkeiteverhaltniß zwischen ber Stangen- und ber Geschmintig. Rurbelbewegung ergiebt fich, ba einem fleinen Zuwache $d\,eta$ von eta bas fleine Wachsthum von s

$$\frac{w}{c} = \frac{ds}{r d\beta} = \sin \beta \left(1 - \frac{r}{l}\cos \beta\right) = \sin \beta - \frac{r}{2l}\sin 2\beta.$$

Hiernach ift z. B. in ben tobten Punkten, wo man $\beta = 0$ ober $= \pi$, also sin. B = 0 bat, bas Berhaltnif ber Stangengeschwindigkeit w gur mittleren Warzengeschwindigfeit c, = 0, alfo bie Geschwindigfeit ber Stange = 0; bagegen fur die Quabratur ober die Biertelstellung der Barge, wo $\beta = 90^{\circ}$ ober 270°, also $\sin \beta = \pm 1$ und $\cos \beta = 0$ ist, stellt sich w = ± 1 heraus, hat also bie Stange mit ber Barze einerlei Geschwin-

digfeit. Beim halben Sube, wo $\cos \beta = -\frac{r}{2I}$ ift, hat man diefes

Gefchwindig eite verhaltniß: Rurbei.

$$\frac{w}{c} = \sqrt{1 - \left(\frac{r}{2l}\right)^2} \left(1 + \frac{r^2}{2l^2}\right) = 1 + \frac{3}{8} \left(\frac{r}{l}\right)^2.$$

Das Marimum ber Stangengeschwindigkeit w tritt ein, wenn ein un= endlich kleines Wachsthum von $oldsymbol{eta}$ keine Beranberung in $rac{w}{a}$ giebt; wenn alfo $sin.(\beta + d\beta) - sin.\beta - \frac{r}{2l}[sin.2(\beta + d\beta) - sin.2\beta) = \mathfrak{Rull}$ ausfällt. Run ift aber $sin.(\beta+d\beta)=sin.\beta+cos.\beta$. $d\beta$ und

 $sin. 2(\beta + d\beta) = sin. 2\beta + 2 \cdot cos. 2\beta \cdot d\beta$ ju feben, baber folgt bie Bebingung

$$\cos \beta$$
 . $d\beta = \frac{r}{l}\cos 2\beta$. $d\beta = 0$, ober

 $\cos \beta = \frac{r}{L}\cos 2\beta$; ober genau genug, $\cos \beta = -\frac{r}{L}$, und bas entfprechenbe Marimum bes Gefchwindigfeiteverhaltniffes :

$$\frac{w}{c} = \sqrt{1 - \frac{r^2}{l^2}} \left(1 + \frac{r^2}{l^2} \right) = 1 + \frac{1}{2} \frac{r^2}{l^2}.$$

Enblich ift der mittlere Werth von diefem Berhaltniffe, ba fur $\beta=\pi$, s = 2r ift, $\frac{w}{c} = \frac{\pi r}{2r} = \frac{2}{\pi} = 0.6366$. Beifviel. 3ft bas Berhaltnig Fig. 236.



* = 1/5, fo erhalten wir bas Gefdwin: bigfeiteverhaltniß im Bubmittel :

$$\frac{w}{c} = 1 + \frac{3}{8} (\frac{1}{6})^2 = 1,015;$$

bagegen bas Marimum biefes Berhaltniffes:

$$\frac{w}{c} = 1 + \frac{1}{2}(\frac{1}{6})^2 = 1.02.$$

§. 97. Die Begiehung gwischen ber Umbrehungefraft P und ber Stangen= fraft Q lagt fich burch Rraftzerlegung wie folgt ausmitteln. Die Stangen-Eraft () zerlegt sich in zwei Seitenkrafte R und N, wovon R in ber Are bes Lenters und N winkelrecht zur Stangenare wirft, und von ber guhrung ober Leitung ber Stange aufgenommen

wird. So iff
$$R = \frac{Q}{\cos \alpha}$$

und $N = Q \tan g \alpha$.

Rrafte ber

Die Arentraft R bes Lenters zerlegt sich wieder in die Tangentials oder aralie der Umdrehungstraft P des Krummzapfens und die Kraft S, welche nach der Are des Krummzapfens gerichtet ist und von dieser aufgenommen wird. Es ist $P = R \sin R A C$ und $S = R \cos R A C$.

Nun hat man $ACO = \beta = RAC + ABC = RAC + \alpha$, daher ergiebt fich $RAC = \beta - \alpha$ und

$$P = R \sin(\beta - \alpha) = \frac{Q \sin(\beta - \alpha)}{\cos \alpha} = Q(\sin \beta - \cos \beta \tan \alpha),$$
fowie

$$S = R\cos(\beta - \alpha) = \frac{Q\cos(\beta - \alpha)}{\cos \alpha} = Q(\cos \beta + \sin \beta \tan \beta \alpha).$$

Dem Principe ber virtuellen Gefchwindigfeiten zufolge ift auch Pv=Qu.,

und daher
$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{\sin(\beta - \alpha)}{\cos \alpha} = \sin \beta - \cos \beta \tan \beta \alpha$$
,

ober tang.a annähernb $= sin.a = \frac{r}{l} sin. \beta$ geset,

$$\frac{P}{O} = \frac{w}{v} = \sin \beta \left(1 - \frac{r}{l}\cos \beta\right),$$

wie wir auch im vorigen Paragraphen gefunden haben.

Ift bemnach die Kraft Q unverandert dieselbe, so ist P veranderlich, und zwar fur $\beta=0$ ober 1800, P auch =0, und fur

$$eta = arc. \left(cos. = -rac{r}{l}
ight)$$
, ein Maximum,

und zwar
$$P = \left(1 + \frac{r^2}{2l^2}\right)Q$$
.

Im Mittel ift aber $P=rac{2}{\pi}Q=0,6366\,Q$, so wie umgekehrt

$$Q = \frac{\pi}{2} P = 1,5708 P.$$

Ist die Kraft beim Hingange eine andere als beim Ruckgange, hat man dieselbe in einem Falle Q_1 und im anderen Q_2 , so stellt sich die mittlere Umbrehungstraft $P=\frac{Q_1+Q_2}{\pi}$ heraus, und wirkt endlich der Krummsgapfen nur einfachwirkend, so hat man $Q_2=0$ und daher

$$P = \frac{Q}{\pi} = 0.3183 Q.$$

3wei einfach wirtende Rrummzapfen mit diametral gegenüber stehenden Bargen wirten genau wie ein boppelt wirtender Rrummzapfen.

An merkung. Durch Anbringung eines Gegengewichtes läßt fich bie Ungleichheit ber Stangenkräfte Q_1 und Q_2 aufheben, und die Ungleichförmigkeit der Drehbewegung herabziehen. Hiervon ift jedoch erft weiter unten die Rebe.

Rutbel. ges fellten Warzen stellen sich folgende Kraftverhaltniffe heraus.

Es ift fur bie eine Warze bie Umbrehungefraft

$$P_1 = \left(1 - \frac{r}{l}\cos{\beta}\right)Q_1\sin{\beta},$$

und fur bie andere, um $\frac{\pi}{2} = 90^{\circ}$ abstehende biefe Rraft

$$P_2 = \left[1 - \frac{r}{l}\cos\left(\frac{\pi}{2} + \beta\right)\right]Q_2\sin\left(\frac{\pi}{2} + \beta\right)$$

= $\left(1 + \frac{r}{l}\sin\beta\right)Q_2\cos\beta$,

und baher bie gange Umbrehungefraft

$$\begin{split} P &= P_1 + P_2 = \left(1 - \frac{r}{l}\cos\beta\right)Q_1\sin\beta + \left(1 + \frac{r}{l}\sin\beta\right)Q_2\cos\beta \\ &= Q_1\sin\beta + Q_2\cos\beta - \frac{(Q_1 - Q_2)}{2} \cdot \frac{r}{l}\sin\beta \,, \end{split}$$

also fur gleiche Stangenerafte $Q_1 = Q_2 = Q$,

$$P = Q(\sin \beta + \cos \beta).$$

Es ist hiernach für $\beta=0,\ P=Q_2,\$ für $\beta=90^\circ,\ P=Q_1$ und für $tang.\beta=\frac{Q_1}{Q_2}=1,\ P$ ein Maximum, und zwar

$$P = (Q_1 tang.\beta + Q_2) cos.\beta = \frac{(Q_1^2 + Q_2^2) cos.\beta}{Q_2} = V Q_1^2 + Q_2^2.$$

If $Q_1 = Q_2 = Q$, so hat man die größte Kraft P = Q V 2 = 1.4142 Q,

P = Q V 2 = 1,4142 Q, und zwar bei dem Drehungswinkel $\beta = 45^{\circ}$. Die Kormel

$$P=Q_1 \sin eta + Q_2 \cos eta - \frac{(Q_1-Q_2)}{2} \cdot \frac{r}{l} \sin 2eta$$

gilt jedoch nur fur die Bewegung im ersten Quadranten. Ift β zwischen $\frac{\pi}{2}$ und π enthalten, so hat man Q_2 negativ, und baher

$$P = Q_1 \sin \beta - Q_2 \cos \beta = \frac{(Q_1 + Q_2)}{2} \frac{r}{l} \sin 2\beta$$
.

Für die Bewegung durch den dritten Quadranten ist auch Q_1 negativ, und daher $P=-Q_1\sineta-Q_2\coseta+rac{(Q_1-Q_2)}{2}rac{r}{l}\sin 2eta,$

und endlich fur ben vierten Quadranten ift Q_1 noch negativ, Q_2 aber positiv, und baber

$$P = -Q_1 \sin \beta + Q_2 \cos \beta + \frac{(Q_1 + Q_2)}{2} \frac{r}{l} \sin 2\beta$$
.

Ift $\beta=2\pi$ geworden, b. i. hat sich die erste Warze des doppelten gräffte der Krummzapfens um 360° gedreht, so hat P den Weg $2\pi r$ und Q_1+Q_2 den Weg $2\cdot 2r$ durchlaufen, es ist daher

$$2\pi r P = 4r(Q_1 + Q_2),$$

und folglich wieber

$$P = \frac{2}{\pi}(Q_1 + Q_2) = 0,6366(Q_1 + Q_2),$$

wie beim einfachen Krummzapfen. In ber Regel find, wie z. B. bei Loscomotiven, Dampfichiffen u. f. w. bie beiben Stangens ober Kolbenkrafte einander gleich, es ift baber bie resultirende Umbrehungekraft

$$P = \frac{4}{\pi}Q = 1,2732Q.$$

Um bei langen Gestängen die Fortpflanzung ber Kraft nicht durch Schub, sondern nur durch Bug zu bewirken, wendet man zwei doppelte ofer einen vierarmigen einfachwirkenden Krummzapfen an, beffen Warzen um je 90 Grad von einander abstehen. hier erfolgt bei der rudkehrenden Stange keine Kraftubertragung und es ift deshalb das Bewegungsverhaltniß daffelbe wie bei den zweiarmigen doppeltwirkenden Krummzapfen.

Anmerkung. Bei bem breifachen Krummzapfen, beffen Barzen um je 120 Grab von einander abstehen, hat man, wenn man ber Einfacheit wegen bas Glieb mit bem Faktor roco. p wegen feiner Kleinheit unbeachtet läßt:

$$\begin{array}{l} P_1 &= Q_1 \sin \beta, \\ P_2 &= Q_2 \sin (\beta + 120^0) \\ &= \frac{Q_3}{2} (\sqrt{3} \cdot \cos \beta - \sin \beta) \text{ unb} \\ P_8 &= -Q_8 \sin (\beta + 240^0) \\ &= \frac{Q_3}{2} (\sqrt{3} \cdot \cos \beta + \sin \beta), \end{array}$$

folglich die ganze Umbrehungsfraft, wenn man die Stangenfrafte einander gleich annimmt, also $Q_1=Q_3=Q_3=Q$ sett, $P=P_1+P_2+P_3=Q(\sin\beta+V)$ 3. $\cos\beta=2Q\sin(\beta+60^\circ)$.

§. 99. Bei Anwendung eines Krummzapfens stellen sich besonders brei Widerstände oder Nebenhindernisse ein, nämlich die Bapfenreibung, die Bargenreibung und die Stangenreibung. Was zunächst die Bapfenreibung anlangt, so ist bieselbe wie jede andere Bapfenreibung zu berechnen. Ist r1 ber Bapfenhalbmesser und R1 der mittlere, vorzüglich von bem Gewichte der armirten Krummzapfenwelle abhängige Bapfendruck, so bat man die auf den Warzenkreis reducirte Bapfenreibung

$$F_1 = \frac{r_1}{r} \varphi R_1.$$

Naturlich ift fur jeben einzelnen Sall R1 auch befonders zu finden.

Rurbel. reibungen. Rurbel. reibungen. Die Warzenreibung ist $= \varphi R = \frac{\varphi Q}{\cos \alpha}$, annähernd $= \varphi Q$, und durchläuft pr. Umbrehung der Krummzapfenwelle den Umfang $2\pi r_2$ der Warze, es ist folglich dieselbe, auf den Warzentreis reducirt:

$$F_2 = \frac{2\pi r_2 \varphi R}{2\pi r} = \frac{r_2}{r} \varphi R = \frac{r_2}{r} \varphi Q = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{r_2}{r} \varphi P.$$

Da bei dem Kreisercentrik $\frac{r_2}{r}$ größer als 1 ist, bei dem gewöhnlichen Krummzapfen aber ein kleiner ächter Bruch, so fällt diese Reibung bei dem ersteren viel größer aus als bei dem letteren, und es ist daher das Kreiss ercentrik nur in besonderen Fällen, wie z. B. bei der Steuerung von Masschinen, anzuwenden. Bei dem einfachwirkenden Krummzapfen übt auch noch das Stangengewicht auf die Zapfens und Warzenreibung einen Einsstuß aus, wie das in der Folge an mehreren Beispielen gezeigt werden wird.

Endlich die Stangen= oder vielmehr die Stangenkopfreibung hängt von dem Seitendrucke $N=Qtang.\alpha$ ab; da aber dieser veränderzich ist, so muß für denselben der mittlere Werth gesunden werden. Es ist annahernd $N=Qsin.\alpha=Q\frac{r}{l}sin.\beta$, daber die entsprechende Reibung $\varphi N=\varphi\frac{Qr}{l}sin.\beta$, und da die Seschwindigkeit der Stange $w=csin.\beta$ geseht werden kann, die entsprechende Arbeit der Seitenreibung, wenn dieselbe bloß gleitend ist, $=\varphi\frac{Qr}{l}c(sin.\beta)^2$. Nun ist aber $(sin.\beta)^2=\frac{1-cos.2\beta}{2}$, und das Mittel der Cosinus aller Winz während eines Ausz oder Niederganges =1/2, und den mittleren Werth von der Seitenreibung =1/2 $\varphi Q\frac{rc}{l}$, und endlich die auf den Warzenz kreis reducirte Stangenkopfreibung

$$F_3 = \frac{r}{2l} \cdot \varphi Q = \frac{r}{2l} \varphi \cdot \frac{\pi}{2} P = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{r}{l} \varphi P.$$

Bersieht man den Bolzen, wodurch die Stange mit dem Lenker verbunden ist, mit einem Friktionsrade, so verwandelt sich diese gleitende Reibung in eine Zapfenreibung, und ist nun a der Halbmesser dieses Friktionsrades und r3 der Halbmesser seines Bolzens, so hat man

$$F_2 = \frac{r_3}{a} \cdot \frac{\pi}{4} \cdot \frac{r}{l} \varphi P = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{l} \cdot \varphi P = \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l} \varphi Q.$$

Während wir nun ohne Rudficht auf Reibung für einen einarmigen Rubei-reibungen doppeltwirkenben Krummzapfen bas Kraftverhältniß $\frac{P}{Q}=\frac{2}{\pi}$ haben, ist bemnach mit Rudficht auf die Reibungen zu sehen,

1) wenn P bie Kraft und Q bie Last ist, also bie Stange burch ben Krummzapfen bewegt wird,

$$P = \frac{2}{\pi}Q + F_1 + F_2 + F_3 = \frac{2}{\pi}Q + \frac{r_1}{r}\varphi R_1 + \frac{r_2}{r}\varphi Q + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l}\varphi Q$$
$$= \left[\frac{2}{\pi} + \varphi \left(\frac{r_2}{r} + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l}\right)\right]Q + \frac{r_1}{r}\varphi R_1,$$

2) wenn P die Last und Q die Kraft ist, also ber Krummzapfen burch bie Stange bewegt wird,

$$Q = \frac{\pi}{2} (P + F_1 + F_2 + F_3)$$

$$= \frac{\pi}{2} \left(P + \frac{r_1}{r} \varphi R_1 + \frac{r_2}{r} \varphi Q + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l} \varphi Q \right)$$

$$= \frac{\pi}{2} \left(\left[1 + \varphi \frac{\pi}{2} \left(\frac{r_2}{r} + \frac{r_3}{a} \cdot \frac{r}{2l} \right) \right] P + \frac{r_1}{r} \varphi R_1 \right).$$

Anmerfung 1. Die Reibung am Umfange bes Bolzens, womit ber Lensfer mit bem Stangenfopfe verbunden ift, fann man wegen ihrer Rleinheit außer Acht laffen. Ift r_4 ber Halbmeffer viefes Bolzens, so hat man biese Reibung auf ben Bargenfreis reducirt,

$$F_4 = \frac{2}{\pi} \cdot \frac{r_4}{l} \varphi Q = \frac{r_4}{l} \varphi P,$$

weil sich während einer Umbrehung bes Krummzapfens biefer Bolzen in bem Bosgen $\frac{2r}{l}$ hins und zurüdschwingt, also bie Reibung φQ ben Beg $\frac{4r}{l}$. r_4 macht.

Anmerkung 2. Die Reibungen können unter gewissen Umftanben auch noch burch bie Trägheit ber Gestängmaffe vergrößert werben; in ber Regel finsbet jedoch eine Ausgleichung statt, ba nicht nur die Arbeit, welche bei ber ersten Salfte bes Stangenaufganges burch die Ueberwindung der Trägheit verloren geht, in ber zweiten Salfte beffelben wieder zu Gute kommt, sondern auch die daraus erwachsende Bergrößerung der Reibung bei der ersten Salfte bes Aufganges durch eine gleiche Berminderung derselben in der zweiten Salfte wieder ausgeglichen wird.

Beispiel. Ift bei einem Krummzapfen bie auf ben Warzenfreis reducirte Laft P=2500 Bfund, ber Bapfendrud $R_1=10000$ Bfund, die Armlänge ober ber Halbmeffer des Warzenfreises r=18 Boll, ferner ber Zapfenhalbmeffer $r_1=4$ Boll, ber Warzenhalbmeffer $r_2=2\frac{1}{2}$ Boll, die Länge des Lenfers l=90 Boll, der Arenhalbmeffer ber Friktionsrader am Stangenkopfe $r_3=1\frac{1}{2}$ Boll, und der Halbmeffer dieser Kater a=5 Boll, so hat man bei dem Reibungs-

coefficienten
$$\varphi = 0,075$$
 bie nothige Stangenfraft

$$Q = 1,5708 [2500 + 0,075 \cdot 1,57 (\frac{5}{86} + \frac{9}{10} \cdot \frac{18}{180}) \cdot 2500 + \frac{4}{18} \cdot 0,075 \cdot 10000]$$

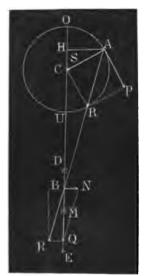
= 1,5708 (2500 + 50 + 167) = 1,5708.2717 = 4267,8 % fund.

Dhne Rudficht auf biese Reibungen ware

 $Q = \frac{\pi}{2} P = 1,5708.2500 = 3927$ Bfunb;

es ift alfo ber Berluft in Folge biefer Reibungen

Mecanit bes Krummjapfens. §. 100. Ebenso intereffant als wichtig find die Bewegungsverhaltniffe Fig. 237. eines Krummzapfens. Beginnen wir die Un=



eines Krummzapfens. Beginnen wir die Unstersuchung berselben wieder an dem einarmigen boppeltwirkenden Krummzapfen, und sehen wir hierbei voraus, daß die Bewegung vom Krummzapfen ausgehe. Ift die Warze von dem todeten Punkte O, Fig. 237, nach einem Punkte A, welcher von jenem um den veränderlichen Winkel $OCA = \beta^0$ absteht, übergegangen, so hat die Umdrehungskraft P den Weg $OA = r\beta$ zurückgelegt, und folglich die Arbeit $Pr\beta$ verrichtet. Dagegen hat die Stangenskraft Q den Weg

$$DB = s = r(1 - \cos \beta) - \frac{r^2(\sin \beta)^2}{2l}$$

burchlaufen, und es ist folglich die entsprechende Arbeit dieser Kraft

$$= Qs = \left(r(1-\cos\beta) - \frac{r^2(\sin\beta)^2}{2l}\right)Q.$$

Biehen wir nun biefe beiben Arbeiten von einander ab, fo erhalten wir biejenige Leiftung,

welche auf die Befchleunigung ober Bergogerung ber tragen Maffen vers wendet wird:

$$Pr\beta = Q\left(r(1-\cos\beta) - \frac{r^2(\sin\beta)^2}{2l}\right)$$

Die rotirende Masse M hat im tobten Punkte Q die Geschwindigkeit c_1 und beim Stande der Warze in A die Geschwindigkeit v, folglich nimmt sie bei der Bewegung der Warze von O nach A das Arbeitsquantum

$$L_1 = \left(\frac{v^2 - c_1^2}{2}\right)M$$

in Anspruch. (S. I., §. 71.)

Die Stangenmaffe M, hat bie Geschwindigkeit

Dichanif Des Rrumm.

$$w = v \left(\sin \beta - \frac{r}{2l} \sin 2\beta \right),$$

bie beim Durchgange ber Warze burch ben tobten Punkt — Null war, es ift baher die Arbeit, welche biese erfordert, während die Warze von () nach

A geht,
$$L_2 = \frac{v^2}{2} \left(\sin \beta - \frac{r}{2l} \sin 2\beta \right)^2 M_1$$
.

ı

Laffen mir vor ber hand bie Maffe bes Lenkers außer Acht, fo erhalten wir baher folgenbe Bewegungsformel fur ben einarmigen Rrummzapfen:

$$Pr\beta = Qr \left(1 - \cos \beta - \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right)$$

$$= \frac{M(v^{2} - c_{1}^{2})}{2} + \frac{M_{1}}{2} v^{2} \left(\sin \beta - \frac{r}{2l} \sin \beta\right)^{2}.$$

Damit die Maschine einen beharrlichen Sang behalte, so muß nach einer halben Umbrehung, wo die Kraft Q die entgegengesette Richtung annimmt, eine Periode der Bewegung beendigt, und daher die Geschwindigkeit v wieder in c_1 übergegangen sein. Dies vorausgesetzt, können wir in unserer Formel gleichzeitig $\beta=\pi$ und $v=c_1$ sehen, und bekommen so den Ausdruck

$$\pi Pr - (1 - \cos \pi)Qr = \frac{M(c_1^2 - c_1^2)}{2} + \frac{M_1 c_1^2}{2} \sin \pi,$$
b. i., ba $\cos \pi = -1$ und $\sin \pi = 0$ iff, $(\pi P - 2Q)r = 0$, also $P = \frac{2}{\pi}Q$, oder $Q = \frac{\pi}{2}P$, wie wir allerdings schon gefunden haben. Sehen wir aber dieses Berhältniß in unsere Hauptsormel, so bekommen wir $\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos \beta + \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2\right)Qr$

$$= \frac{M(v^2 - c_1^2)}{2} + \frac{M_1 v^2}{2}\left(\sin \beta - \frac{r}{2l}\sin 2\beta\right)^2;$$

und es folgt nun die Bargengeschwindigkeit

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta + \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right)}{M + M_1\left(\sin\beta - \frac{r}{2l}(\sin\beta)\right)^2}}$$

Waren wir bei unserer Untersuchung von bem anderen tobten Punkte U ausgegangen, so wurden die Glieber mit $\frac{r}{2l}$ bas entgegengesette Zeichen ershalten haben, und baher der Ausdruck für die Warzengeschwindigkeit folsgender sein:

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta - \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right)}{M + M_1\left(\sin\beta + \frac{r}{2l}\sin2\beta\right)^2}}.$$

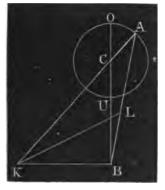
Man ersieht hieraus, daß die Bewegungsverhaltnisse beim Auf: oder Hingange von Q nicht genau diefelben sind, wie beim Nieder: oder Rucksgange.

Weil $\frac{r}{2l}$ hochstens 0,1 ift, so begnügt man sich meist mit ber mittleren

Beftimmung, lagt alfo die Glieber mit $rac{r}{2l}$ gang weg, und fest

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta\right)}{M + M_1(\sin\beta)^2}}.$$

Erägheit bes Benters. §. 101. Den Einfluß, welchen die trage Maffe ber Kurbelstange ober Fig. 238. Des Lenkers auf die Bewegung des



des Lenkers auf die Bewegung des Krummzapfens ausübt, sindet man sehr leicht, wenn man von dem in I., §. 96 entwickelten Satz Gebrauch macht, wonach jede kleine Bewegung eines Körpers als eine Drehung um den Punkt anzusehen ist, in welchem die Perpendikel zu den kleinen Wegen zweier Punkte des Körpers sich schneiden. Bei einer Kurbelstange AB, Fig. 238, läuft aber der eine Endpunkt A im Kreise herum und der andere Endpunkt B in einer Geraden; es ist daher der veränderliche Drehungspunkt derselben der Durchschnitt Krowischen einer durch A

und C gelegten Linie AK und einem in B auf BC errichteten Perpendikel BK. (Bergl. I., §. 212.)

Da sich ber Punkt B nahe mit einer Geschwindigkeit $w=v\sin\beta$ (s. 96) bewegt, und also auch mit dieser Geschwindigkeit um K lauft, so ist die Geschwindigkeit von einem anderen Punkte L des Lenkers:

$$w_1 = \frac{KL}{KB}w = \frac{KL}{KB}v\sin{\beta}.$$

Nehmen wir nun an, bag bie ganze Lentermaffe M2 eine einfache Stange

von einerlei Querschnitt bilbe, so können wir uns in L ben nten Theil dies Trägbeit fer Masse, also $\frac{M_2}{n}$ befindlich denken, und die leb endige Kraft besselben

$$= \frac{M_2}{n} \cdot w_1^2 = \frac{M_2}{n} \cdot \left(\frac{KL}{AB}\right)^2 \cdot w^2$$

setzen. Nun ist aber AB=l, und ber Winkel $ABC=\alpha$ klein, also das Dreieck ABK, nahe rechtwinkelig und der Winkel

$$KAB = ACO - ABC = \beta - \alpha$$
, nahe = β ,

baber folgt benn annahernb

$$KB = ltang.\beta$$
, und

$$\overline{KL^2} = \overline{KB^2} + \overline{BL^2} = (ltang.\beta)^2 + x^2,$$

wenn wir BL noch durch x bezeichnen. Es ist daher die lebendige Kraft des Lenkers:

$$l=\frac{M_2}{n}\left(\frac{l\tan g.\beta)^2+x^2}{(l\tan g.\beta)^2}\right)w^2=\frac{M_2}{n}v^2\sin.\beta^2\left(1+\frac{x^2}{l^2}(\cot g.\beta)^2\right)\cdot$$

Seten wir nun nach und nach ftatt x bie Werthe $\frac{l}{n}$, $\frac{2l}{n}$, $\frac{3l}{n}$ \cdots $\frac{nl}{n}$

ein, so giebt uns diese Kraft die lebendige Kraft aller Stangenelemente, und man erhalt zulet durch Summation die lebendige Kraft des ganzen Lenkers:

$$K = \frac{M_2}{n} (v \sin \beta)^2 \left[n + \left(\frac{\cot g \cdot \beta}{n} \right)^2 (1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2) \right]$$

$$= M_2 (v \sin \beta)^2 \left(1 + \frac{(\cot g \cdot \beta)^2}{n^3} \cdot \frac{n^3}{3} \right) = M_2 v^2 \left((\sin \beta)^2 + \frac{(\cos \beta)^2}{3} \right)$$

$$= \frac{1}{3} M_2 v^2 \left[1 + 2 (\sin \beta)^2 \right] = \frac{1}{3} M_3 v^2 + \frac{2}{3} M_2 v^2 (\sin \beta)^2.$$

Nun ist aber die lebendige Kraft der rotirenden Masse $M, = Mv^2$, und die der auf- und niedergehenden Stangenmasse $M_1, = M_1v^2(\sin\beta)^2$; es läßt sich daher annehmen, daß ein Drittel der Masse des Lenkers die rotizende Masse, und zwei Drittel derselben die Stangenmasse vergrößere. Setzen wir in der Folge voraus, daß diese Vertheilung vollzogen sei, so haben wir die Lenkermasse nicht weiter in Betracht zu ziehen.

§. 102. Wir forbern von allen Maschinen, daß sich die Rotationsges Mazimal- unt schwindigkeit v nur innerhalb enger Grenzen verändere, daß also weder der schwindigkeit. Maximalwerth v_1 von v viel größer, noch der Minimalwerth v_2 viel keizner als die mittlere Geschwindigkeit c sei; deshalb konnen wir denn auch der Geschwindigkeitsformel

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta\right)}{M + M_1(\sin\beta)^2}}$$

Marimat und die einfachere Form Minimalgefdminbigfeit.

$$\begin{split} &= \sqrt{(1 - \frac{M_1}{M} (\sin \beta)^2) \left[c_1^2 + \frac{2Qr}{M} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) \right]} \\ &= c_1 \sqrt{1 + \frac{2Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{M} (\sin \beta)^2} \\ &= c_1 \left[1 + \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right] \text{geben.} \end{split}$$

Wird ber Drehungsbogen β um ein Element $d\beta$ größer, so nimmt $\frac{2}{\pi}\beta$ um $\frac{2}{\pi}d\beta$ zu, ferner $\cos\beta$ um $\sin\beta$. $d\beta$ ab, und

 $(sin.\beta)^2 = \frac{1-cos.2\beta}{2}$ um $sin.2\beta$. $d\beta$ zu; man hat daher die entsprechende Beranderung von r:

$$dv = c_1 d\beta \left[\frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} - \sin \beta \right) - \frac{M_1}{2M} \cdot \sin 2\beta \right],$$
 und folglish

$$rac{Qr}{Mc_1^2} \left(rac{2}{\pi} - sin.eta
ight) - rac{M_1}{2M} sin.2eta = \mathfrak{R}$$
ull zu setzen,

wenn v ein Maximum ober Minimum fein soll. Es folgt hiernach ber Drehungswinkel fur den Maximal= ober Minimalwerth der Barzenge=

2 M1 c? sin. 2 \beta

schwindigkeit:
$$sin.\beta = \frac{2}{\pi} - \frac{M_1 c_1^2 sin. 2\beta}{2Qr}$$

Unnahernd ist jedenfalls

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} = 0,6366$$
, also $\beta^0 = 39^0,32'$, oder 1400,28'.

Es ift nun leicht zu ermeffen, bag in bem hier betrachteten Falle, alfo wenn die Bewegung vom Krummzapfen auf die Stange übergetragen wird, bem fpigen Wintel, welcher bem

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} - \frac{M_1 c_1^2 \sin 2\beta}{2 O r}$$

entspricht, und nahe 39°, 32' ift, ber Maximalwerth (v_1) von v, und bem stumpfen Bintel für eben diesen Sinus, und ber nahe 140° , 28' besträgt, ber Minimalwerth (v_2) von v entspricht.

Seten wir die gefundenen Bahlenwerthe fur & in die Formel

$$v = c_1 \left[1 + \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right],$$

fo erhalten wir die Maximalgeschwindigfeit

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \cdot \frac{Qr}{Mc_1^2} - 0.2026 \cdot \frac{M_1}{M}\right)c$$

und die Minimalgeschwindigkeit

$$v_{z} = \left(1 - 0.2105 \cdot \frac{Qr}{Mc_{z}^{2}} - 0.2026 \cdot \frac{M_{1}}{M}\right) c.$$

In ber Regel ift bas Daffenverhaltniß M1 tlein genug, um es vernachlaffigen zu konnen, weshalb wir auch einfach

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \, rac{Qr}{Mc_1^2}
ight) c_1 \, \, ext{und}$$
 $v_2 = \left(1 - 0.2105 \, rac{Qr}{Mc_2^2}
ight) c_1 \, \, ext{feben.}$

6. 103 *). Es ift nun noch ju untersuchen, ob bie Geschwindigkeit c1 in umbrebunge. ben tobten Punkten O und U bes Margenkreises ber mittleren Umbrehungs= geschwindigkeit o ber Bargen gleich gefett werben konne. Die lettere beftimmt fich aus ber Beit t, innerhalb welcher die Barge ben Salbtreis ar burchlauft, mittels ber bekannten Formel $c=rac{\pi r}{r};$ bie erftere hingegen ift nur burch Integration ber Differenzialformel ds = v dt (f. I., §. 19 *)), mo ds bas in einem Beitelemente dt burchlaufene Raumelement bezeichnet. au finben.

Seben wir fur die veranderliche Gefdwindigfeit den Naherungswerth

$$v = c_1 \left[1 + \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right]$$
, ober $\frac{1}{v} = \frac{1}{c_1} \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) + \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right]$, und führen wir für das Wegelement den Ausbruck $ds = r d\beta$ ein, so ethalsten wir die Formel

$$dt = \frac{ds}{v} = \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos \beta\right) + \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2\right] \frac{r d\beta}{c_1},$$

beren Integration auf einen Ausbruck fur bie Umbrehungszeit t führt.

Es ift nach I., Art. 13 ber analytischen Sulfelehren,

$$\int \beta \, d\beta = \frac{\beta^2}{2}, \text{ ferner nach Art. 20 derfelben}$$

$$\int \cos \beta \, d\beta = \sin \beta \text{ unb}$$

$$\int (\sin \beta)^2 \, d\beta = \int \left(\frac{1 - \cos 2\beta}{2}\right) \, d\beta = \frac{\beta}{2} - \frac{\sin 2\beta}{4},$$
baher folgt

$$t = \int \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi}\beta - 1 + \cos\beta\right) + \frac{M_1}{2M} (\sin\beta)^2\right] \frac{r d\beta}{c_1}$$

$$= \left[\beta - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{\beta^2}{\pi} - \beta + \sin\beta\right) + \frac{M_1}{4M} \left(\beta - \frac{\sin 2\beta}{2}\right)\right] \frac{r}{c_1} + Const.$$
III.

Umbrebunge. jeit.

Im tobten Puntte ift t mit & zugleich Rull; ba bas gefundene Integral auch ohne Conftante fur $\beta = 0$, t = 0 giebt, so fallt die lettere ebenfalls Null aus, und man hat daher auch nur noch $\beta = \pi$, so wie sin. π und sin. 2 m == 0 gu feten, um bie Formel fur bie halbe Umbrehungezeit gu erhalten. Es ift hiernach bie lettere

$$t = \left[\pi - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\pi - \pi + \sin \pi\right) + \frac{M_1}{4M} \left(\pi - \frac{\sin 2\pi}{2}\right)\right] \frac{r}{c_1}$$
$$= \left(1 + \frac{M_1}{4M}\right) \frac{\pi r}{c_1};$$

baber bie mittlere Bargengeschwindigkeit

$$c=rac{\pi\,r}{t}=\left(1-rac{M_1}{4\,M}
ight)c_1$$
, ober, wenn, wie meist, die Stangenmaffe

 M_1 viel kleiner ift als die rotirende Masse M, genau genug $c=c_1$, b. i. die mittlere Warzengeschwindigkeit gleich der Warzenge= fcminbigfeit in ben tobten Puntten.

Macht ber Rrummzapfen pro Minute u Umbrehungen, fo haben wir

$$c = \frac{\pi u r}{30} = 0,1047 u r,$$

baher bie Marimalgeschwindigteit

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c = \left(1 + 19.2 \frac{Q}{Mu^2r}\right) \cdot 0.1047 u r,$$

und bie Minimalgeschwindig teit

$$v_2 = \left(1 - 0.2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c = \left(1 - 19.2 \frac{Q}{Mu^2r}\right) \cdot 0.1047 ur.$$

6. 104. Geht bie Bewegung von ber Stange aus, wird alfo ber Rrumm= Bewegung 9. 104. Stort die Stangenfraft Q, 3. B. mittels einer Dampfmaschine etangentraft. zapfen burch bie Stangenfraft Q, 3. B. mittels einer Dampfmaschande in Bewegung gefett, fo hat man bie bem Umbrehungsbogen & entsprechende Arbeit, welche auf die Beschleunigung ber tragen Maffen verwendet, ober burch die Bergogerung in Unspruch genommen wird (vergl. §. 100),

$$Qr\left(1-\cos\beta-\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right)-Pr\beta$$
,

und es ift baher hier

$$Qr\left(1 - \cos \beta - \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2 - \frac{2}{\pi}\beta\right) = \frac{M(v^2 - c_1^2)}{2} + \frac{M_1 v^2}{2}(\sin \beta - \beta \frac{r}{2l}\sin \beta)^2$$

ju feben.

Bernachläffigen wir auch hier bie Glieber mit bem Factor 21, feten wir alfo wieder eine fehr lange Rurbelftange voraus, fo erhalten wir folgende Ausbrude fur die Bargengefchwindigkeit, welche nur burch ein Bors Bewegung burch eine Borsentenen. zeichen von den in §. 100 und 101 gefundenen abweichen:

$$v = \sqrt{\frac{Mc_1^2 + 2Qr\left(1 - c \cdot s \cdot \beta - \frac{2}{\pi} \beta\right)}{M + M_1 (sin \cdot \beta)^2}}$$
$$= \sqrt{\frac{Mc_1^2 - 2Qr\left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + cos \cdot \beta\right)}{M + M_1 (sin \cdot \beta)^2}},$$

annahernd,

$$v = c_1 \left[1 - \frac{Qr}{Mc_1^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \right) - \frac{M_1}{2M} (\sin \beta)^2 \right].$$

Es ift hier fur bie Marimal = und Minimalgeschwindigkeit

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} + \frac{M_1 c_1^2 \sin 2\beta}{20r},$$

oder, wenn M1 c1 flein ift gegen Qr, einfacher, wie oben,

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} = 0,6366,$$

also $\beta = 39^{\circ}, 32'$ und $\beta = 140^{\circ}, 28'$; nur findet der Unterschied gegen ben zuerft betrachteten Fall ftatt, bag bem fpipen Wintel nicht bie Maris mal=, fondern die Minimalgeschwindigkeit entspricht, und bag ebenso bei bem ftumpfen Umbrehungswinkel nicht die Minimal ., fondern die Maris malgeschwindigfeit eintritt.

Bir haben, wenn wir überbies noch $c_1=c$ feten, wie oben, die Minimalgeschwindigkeit $v_2 = \left(1 - 0,2105 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$, und die Marimalgeschwindigfeit

$$v_1 = \left(1 + 0.2105 \, \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$$

Da wir bei ben letten Entwickelungen bas Glieb mit bem Ginfins Factor T vernachläffigt haben, fo gelten diefelben ftreng nur bei unendlich langen und annahernd nur bei fehr langen Stangen, und es ift baber noch besonders zu untersuchen, wie groß die eminenten Geschwindigkeitswerthe ausfallen, wenn, wie meift, bie Rurbelftangenlange l nur 4 bis 6 mal so groß ist, als der Kurbelhalbmeffer r, wenn also $\frac{r}{l} = 1/6$ bis 1/4ift. Sebenfalls haben wir hier von dem vollstanbigeren Ausbrucke $v = c \left[1 \pm \frac{Qr}{Mc^2} \left(\frac{2}{\pi} \beta - 1 + \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 \right) \right]$

Gingus die eminenten Werthe zu ermitteln, und beshalb nach §. 102 freiterkangen.

$$\frac{2}{\pi} - \sin \beta \pm \frac{r}{2l} \cdot \sin 2\beta = 0,$$

b. i. $\sin \beta = \frac{2}{\pi} \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta$ zu segen, und das Pluszeichen für bie Bewegung in ber ersten, das Minuszeichen aber für die in der zweiten Salfte bes Warzenkreises zu gebrauchen.

Für
$$\frac{r}{l}=\frac{1}{4}$$
 ist $\sin \beta = \frac{2}{\pi} \pm 0,125 \sin 2\beta$.

Dem Ausbrucke sin. $\beta = \frac{2}{\pi} + 0,125$ sin. 2β entsprechen ziemlich genau die Winkel $\beta = 49^{\circ}, 29'$ und $\beta = 148^{\circ}, 14'$;

bem Ausbrucke sin. $\beta = \frac{2}{\pi}$ — 0,125 sin. 2 β aber die Winkel $\beta = 31^{\circ}, 46'$ und $\beta = 130^{\circ}, 31'$.

Wenn man nun die vier Winkelwerthe in die obige Geschwindigkeitssformel einsetzt, so erhält man in dem Falle, wenn die Bewegung von dem Krummzapfen ausgeht, für die erste Hälfte der Umdrehung die Waximalsgeschwindigkeit $v_1 = \left(1 + 0,2718 \, \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$,

und die Minimalgeschwindigkeit

$$v_2 = \left(1 - 0.1686 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c;$$

bagegen fur bie zweite Balfte ber Umbrehung bie Marimalgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + 0.1686 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c,$$

und die Minimalgeschwindigfeit

$$v_2 = \left(1 - 0.2718 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$$

Bei dem Berhältnisse $\frac{r}{l}=1/5$ ist $sin. \beta=\frac{2}{\pi}\pm0,1$ sin. 2 β , und daher entweder $\beta=47^{\circ},25'$ und $146^{\circ},45'$ oder $\beta=33^{\circ},5'$ und $132^{\circ},35'$.

Für die erfte Umbrehungshälfte find hiernach die beiden eminenten Gesschwindigkeiten $v_1=\left(1+0,2577\,rac{Q\,r}{M\,c^2}
ight)\,c$ und

$$v_2 = \left(1 - 0.1757 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$

und fur die beiben letten Quabranten ber Umbrehung ift

$$v_1 = \left(1 + 0.1757 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$
 und
 $v_2 = \left(1 - 0.2577 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$

Ciuffus furger Aurbelftangen

If endlich $\frac{r}{l}=1/6$, also $\sin \beta=\frac{2}{\pi}\pm0,0833$ $\sin 2\beta$, so hat man bas eine Mal $\beta=46^{\circ},3$, und $145^{\circ},58'$, und ein anderes Mal

 $\beta=34^{\circ},2'$ und $133^{\circ},57';$ und es sind hiernach bie eminenten Geschwindigkeiten in ben ersten beiben Quabranten ber Um-

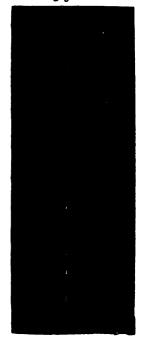
drehung

$$v_1 = \left(1 + 0.2489 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.1807 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c;$

bagegen biefelben in ber zweiten Salfte ber Umbrehung

$$v_1 = \left(1 + 0.1807 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c$$
 unb
 $v_2 = \left(1 - 0.2489 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c.$

Fig. 289.



Seht die Bewegung von der Stange aus, wird z. B. der Krummzapfen durch eine Kolsbenkraft in Umdrehung geseht, so gehen die im Borstehenden gefundenen Maximalgeschwinsdigkeiten, in Minimals, und die lehteren Sesschwindigkeiten wieder in die ersteren über. Man hat also nur in den vorstehenden Ausdrücken die Pluszeichen in Minuss, und die Minuszeichen in Plus umzuändern, um die eminenten Werthe der Geschwindigkeiten bei dieser Bewegungsweise zu sinden.

§. 106. Bei einem boppelten Krumm: Theorie zapfen, beffen Warzen A und B, Fig. 239, Krummjapfen. um ben Rechtwinkel ACB von einander abstehen, stellt sich das Bewegungsgeset noch einsacher heraus als bei einer einsachen Kurbel. Rehmen wir wieder an, daß der Krummzapfen von zwei Stangen: oder Kolbenkräften Q_1 und Q_2 in Bewegung gesett werde, und sehen wir den gewöhnlichen Fall (bei Dampswagen und Dampsschiffen) voraus, daß diese beiden Kräfte einander gleich seine, also $Q_1 = Q_2 = Q$ sei.

Aboptiter wir haben wieder die während der Umdrehung des Krummzapfens um grummzapfen. den Winkel $OCA=MCB=\beta$ verrichtete Arbeit der ersten Kraft

$$Qr\left(1-\cos \beta \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2\right)$$

segen wir aber in biesem Ausbrucke ein Mal $\beta=90^\circ$ und ein anderes Mal statt β , $90^\circ+\beta$, und ziehen wir diese erhaltenen Werthe von einsander ab, so erhalten wir die Arbeit ber an ber zweiten Warze B ansgreisenden Kraft

$$Qr\left(1-\cos.(90^{0}+\beta)\mp\frac{r}{2l}\left[\sin.(90^{0}+\beta)\right]^{2}\right) -Qr\left(1-\cos.90^{0}\mp\frac{r}{2l}\left(\sin.90^{0}\right)^{2}\right)$$

$$=Qr\left(1+\sin.\beta\mp\frac{r}{2l}\left(\cos.\beta\right)^{2}\right)-Qr\left(1\mp\frac{r}{2l}\right)$$

$$=Qr\left(\sin.\beta\pm\frac{r}{2l}\left[1-(\cos.\beta)^{2}\right]\right)$$

$$=Qr\left(\sin.\beta\pm\frac{r}{2l}\left(\sin.\beta\right)^{2}\right),$$

und es ergiebt fich nun burch Bereinigung biefes Ausbruckes mit bem obigen die Arbeit beiber Stangenfrafte gusammen:

$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta\mp\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\pm\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right), \text{ b. i.}$$

$$1) Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta\right)$$

für bie Bewegung beiber Bargen in ber erften Umbrehungshalfte, bagegen

2)
$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta+\frac{r}{l}(\sin\beta^2)\right)$$
,

wennn fich die eine Barge im zweiten und die andere im dritten Quadransten bewegt, ferner wie erft

3) Qr (1 + sin. β - \cos . β), wenn beibe Warzen in der zweiten Halfte des Warzenkreises stehen, und

4)
$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta-\frac{r}{l}(\sin\beta)^2\right)$$
,

wenn die vorausgehende Warze ben ersten, also die folgende den letten Quadranten burchlauft.

Die dem Umdrehungswinkel β entsprechende Arbeit der auf den Warzenkreis reducirten Kraft oder Last P ist, wie oben $Pr\beta$, folglich die auf die Beschleunigung der trägen Wassen verwendete Arbeit

$$L = Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta \pm \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2 \mp \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right) - Pr\beta,$$
 wofür wir zunächst, bei langen Stangen,
 $L = Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta\right) - Pr\beta$ sehen können.

Das Arbeitsquantum ber rotirenden Daffe M ift wieber

$$L_{1}=\frac{M(v^{2}-c_{1}^{2})}{2},$$

Theorie Doppelter Arummyapfen.

und ebenfo bas ber einen Stange

$$L_2 = \frac{M_1 v^2}{2} \left(\sin \beta \mp \frac{r}{2l} \sin 2 \beta \right)^2.$$

Anders ist es bei der andern Stange, beren Masse wir ebenfalls $=M_1$ annehmen wollen. Sehen wir in dem lehten Ausdrucke $\beta=90^\circ$ und $v=c_1$, so erhalten wir das Arbeitsvermögen dieser Stange am Ansange der Periode, sehen wir aber statt β , $90^\circ + \beta$ und v=v, so erhalten wir das Arbeitsvermögen der Stange in dem Augenblicke, wenn die zweite Warze in B ankommt, sich also der Arummzapsen um β gedreht hat; es ist folglich die mahrend dieser Drehung um $\beta=OCA=MCB$, von der zweiten Stange in Anspruch genommene Arbeit:

$$L_{3} = \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left(\sin. (90^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{2l} \sin. 2 (90^{\circ} + \beta) \right)^{2}$$

$$- \frac{M_{1}c_{1}^{2}}{2} \left(\sin. 90^{\circ} \mp \frac{r}{2l} \sin. 180^{\circ} \right)^{2}$$

$$= \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left(\cos. \beta \pm \frac{r}{2l} \sin. 2 \beta \right)^{2} - \frac{M_{1}c_{1}^{2}}{2}.$$

Wenn wir noch die Potenzen von $\frac{r}{2l}$, also sehr kleine Größen, Rull segen, so konnen wir

$$L_{2} = \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left((\sin \beta)^{2} \mp \frac{r}{l} \sin \beta \sin 2\beta \right) \text{ und}$$

$$L_{3} = \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left((\cos \beta)^{2} \pm \frac{r}{l} \cos \beta \sin 2\beta \right) - \frac{M_{1}c_{1}^{2}}{2}$$
annehmen, und da $(\sin \beta)^{2} + (\cos \beta)^{2} = 1$ ist,
$$L_{2} + L_{3} = \frac{M_{1}(v^{2} - c_{1}^{2})}{2} + \frac{M_{1}v^{2}}{2} \left(\mp \frac{r}{l} \sin \beta \sin 2\beta \pm \frac{r}{l} \cos \beta \sin 2\beta \right)$$
scheiben.

Da enblich nicht allein $\frac{r}{l}$, sondern auch $\frac{M_1}{M}$ in der Regel ein kleiner Bruch ift, so kann man in dem Ausbrucke für die vollständige Arbeit der trägen Massen M_1 und M_1 sogar noch $\frac{r}{2l}$ M_1 gegen M unbeachtet laffen, also

$$L = L_1 + L_2 + L_3 = \frac{M(v^2 - c_1^2)}{2} + \frac{M_1(v^2 - c_1^2)}{2}$$

$$= (M + M_1) \left(\frac{v^2 - c_1^2}{2}\right) \text{ annehmen.}$$

Theorie Sest man nun biesen Werth fur L bem oben gefundenen gleich, so er- grummgapfen balt man folgende Gleichung

$$Qr\left(1 + \sin \beta - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2} + \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right) - Pr\beta$$

$$= (M + M_{1}) \frac{(v^{2} - c_{1}^{2})}{2},$$

welche fur lange Stangen folgende einfachere Form annimmt,

$$Qr (1 + \sin \beta - \cos \beta) - Pr\beta = (M + M_1) \frac{(v^2 - c_1^2)}{2}.$$

Hat sich der Krummzapfen um einen Quadranten $\frac{\pi}{2}$ gedreht, kommt z. B. die eine Warze A nach M und die andere B nach U, so ist eine Periode der Bewegung beendet, und daher v wieder $= c_1$. Dies vorausz geseht, folgt

$$Qr (1 + \sin 90^{\circ} - \cos 90^{\circ}) - Pr \frac{\pi}{2} = (M + M_1) \frac{(c_1^2 - c_1^2)}{2},$$

b. i. $2Qr - \frac{\pi Pr}{2} = 0$, also $P = \frac{4}{\pi}Q$.

Wenn man biefen Werth von P in die lette Gleichung fett, so nimmt biefelbe folgende Korm an:

$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta-\frac{4}{\pi}\beta\right)=(M+M_1)\cdot\frac{v^2-c_1^2}{2}$$

§. 107. Aus ber letten Gleichung läßt fich folgende Formel fur bie veranderliche Warzengeschwindigkeit ableiten:

$$v = \sqrt{c_1^2 + \frac{2Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)}{M + M_1}},$$

bie aber recht gut bei großen Maffen und fleiner Beranderlichteit ber Gesichwindigkeit burch folgende erfest werben tann:

$$v = c_1 \left(1 + \frac{Qr\left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{4}{\pi} \beta \right)}{(M + M_1) c_1^2} \right)$$

$$= c_1 \left(1 - \frac{Qr\left(\frac{4}{\pi} \beta + \cos \beta - 1 - \sin \beta \right)}{(M + M_1) c_1^3} \right)$$

Damit v ein Maximum ober Minimum werde, muß

$$\frac{4}{\pi} \beta + \cos \beta - \sin \beta$$

weber wachsen noch abnehmen, wenn & um ein Element d & großer ober

fleiner wirb. Run ift aber bas Element

Theorie doppelter Krummiapfen

von
$$\frac{4}{\pi}$$
 β , $\frac{4}{\pi}$ $d\beta$,

von $\cos \beta$, — $\sin \beta d\beta$ und

von sin. B, cos. BdB (f. I. Art. 19 ber analyt. Sulfslehren),

baher hat man $\frac{4}{\pi} d\beta = \sin \beta$. $d\beta = \cos \beta d\beta = 0$, b. i.

$$\sin \beta + \cos \beta = \frac{4}{\pi}$$
, also auch

$$.(\sin \beta + \cos \beta)^2 = \left(\frac{4}{\pi^2}\right)^2,$$

ober, da $(\sin \beta)^2 + (\cos \beta)^2 = 1$ und $2\sin \beta \cos \beta = \sin 2\beta$ ist, $\sin 2\beta = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1 = 0,6211$.

Die entfprechenden Berthe von 2 & find

38°, 24' und 141°, 36',

also bie bes Umbrehungswinkels & selbst:

Seht die Bewegung von den Stangen aus, so entspricht $\beta=19^\circ,12^\circ$ dem kleinsten und $\beta=70^\circ,48^\circ$ dem größten Seschwindigkeitswerthe, geht hingegen die Bewegung von der Krummzapfenwelle aus, so sindet, wie beim einfachen Krummzapfen, das Gegentheil statt.

Seten wir die gefundenen Werthe von & in die lette Formel fur v ein, fo aiebt une blefelbe die Marimalgeschwindig teit

$$v_1 = \left(1 + 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c_1^2}\right)c_1$$

und bie Minimalgeschwindigfeit

$$v_2 = \left(1 - 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c_1^2}\right) c_1$$

ober da hier, wo innerhalb eines Quadranten sowohl eine Maximal: als auch eine Minimalgeschwindigkeit vorkommt, die Geschwindigkeit c_1 in den tobten Punkten der mittleren Geschwindigkeit $c=\frac{\pi ur}{30}$ gleichgesett wer-

ben fann,
$$v_1 = \left(1 + 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right)c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right)c.$

§. 108. Diese eminenten Geschwindigkeiten fallen bebeutend anders aus, wenn die Aurbeistange nicht unendlich, sondern nur 4 bis 6mal so lang ift als ber Aurbeiarm.

202

Theorie boppelter Arummjapfen, In biefem Falle tonnen wir aus ber Formel

$$L = Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta \pm \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2 \mp \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right) - Pr\beta$$

$$= Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta \pm \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2 \mp \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2 - \frac{4}{\pi}\beta\right)$$

bie Glieber mit bem Factor $\frac{r}{2l}$ nicht fallen laffen, wenn sie sich nicht von selbst heben. Wir haben hiernach, und in Uebereinstimmung mit bem in 5.106 Gefundenen, für die auf einander folgenden Quadranten einer Umsbrehung nachstehende Arbeiten, welche auf die Beränderung des Bewegungszustandes des Krummzapfens verwendet werden:

1)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)Qr$$
,

2)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta + \frac{r}{l} (\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi} \beta\right) Qr$$

3)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)Qr$$
 und

4)
$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta - \frac{r}{l}(\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi}\beta\right)Qr$$
.

Es ist folglich fur ben ersten und britten Quadranten ber Umbrehung, wie oben, ber auf die eminenten Geschwindigkeitswerthe führende Umbreshungswinkel burch die Formel sin. $\beta + \cos \beta = \frac{4}{\pi}$, ober

$$\sin 2\beta = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1$$
 bestimmt.

Fur den zweiten und vierten Quadranten hat man dagegen (vergl. §. 105)

$$\sin \beta + \cos \beta = \frac{4}{\pi} \mp \frac{r}{l} \sin 2\beta$$

zu sehen, um die Maximal = und Minimalgeschwindigkeiten zu finden. Bernachlässigt man die Potenzen von $\frac{r}{l}$, so kann man

$$\left(\frac{4}{\pi} \mp \frac{r}{l} \sin 2\beta\right)^2 = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 \mp \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta, \text{ und baher}$$

$$\sin 2\beta = \left(\frac{4}{\pi}\right)^2 \mp \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta - 1,$$
b. i. $\sin 2\beta = \frac{\left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1}{1 \pm \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} \sin 2\beta}$ [ehen.

Genauer ift aber noch

$$\sin 2\beta = \frac{\left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1}{1 \pm \frac{8}{\pi} \cdot \frac{r}{l} - \left(\frac{r}{l}\right)^2 \sin 2\beta}.$$

Theorie boppelter Arummjapfen.

§. 109. Die beiben Winkel $\beta=19^{\circ}$, 12' und 70°, 48', welche ber ersten Gleichung sin. $2\beta=\left(\frac{4}{\pi}\right)^2-1=0,62114$ entsprechen, führen auf die schon oben gefundenen eminenten Geschwindigkeiten im ersten und britten Quadranten

$$v_1 = \left(1 + 0.04217 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.04217 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$,

welche gang unabhängig von $\frac{r}{l}$ ober ber Stangenlange finb.

Sanz anders stellen sich aber die Bewegungsverhaltniffe des doppelten Krummzapfens im zweiten und vierten Quadranten der Umdrehung hers aus, wenn das Berhaltniß $\frac{r}{\ell}$ nicht unendlich klein, sondern, wie gewöhnslich, $^{1}/_{4}$, $^{1}/_{5}$ oder $^{1}/_{6}$ ist.

Für $\frac{r}{l} = 1/4$ ift annähernd

$$\sin 2\beta = \frac{\left(\frac{4}{\pi}\right)^2 - 1}{1 \pm \frac{8}{\pi} \cdot \frac{1}{4}} = \frac{0,62114}{1 \pm 0,63662}.$$

Rehmen wir nun bas Pluszeichen im Renner, fo erhalten wir

$$\sin 2 \beta = \frac{0.62214}{1.63662} = 0.37952$$
, ober schärfer $\sin 2 \beta = \frac{0.62214}{1.63662 - 1/16 \cdot 0.3795} = 0.38572$.

Diesem Sinus entsprechen bie beiben Wintel $2\beta=22^{\circ}$, 41' und $2\beta=157^{\circ}$, 19'; es find folglich die einfachen Wintel

 $\beta = 11^{\circ}, 20^{1/2}$ und $\beta = 78^{\circ}, 39^{1/2},$

und biefe fuhren auf die Leiftungen

$$L = \left(1 + \sin \beta - \cos \beta + \frac{r}{l} (\sin \beta)^2 - \frac{4}{\pi} \beta\right) Qr$$

$$= (1 + 0.19666 - 0.98047 + \frac{1}{4} \cdot 0.03867 - 0.25204) Qr$$

$$= -0.02618 Qr \text{ unb}$$

$$L = (1 + 0.9804 - 0.19666 + \frac{1}{4} \cdot 0.96118 - 1.74796) Qr$$
when = 0.27618 Qr.

Nimmt man bas Minuszeichen, fo erhalt man

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{0.36338} = 1.704,$$

alfo über 1, welches beweift, baß es im vierten Quadranten weber ein Geschwindigkeitsmarimum, noch ein Geschwindigkeitsminimum giebt.

$$\sin 2 \beta = \frac{0,62114}{1 + \frac{8}{\pi} \cdot \frac{1}{5}} = \frac{0,62114}{1,5093} = 0,41154$$
, oder schärfer

$$\sin 2\beta = \frac{0,62114}{1,50930 - \frac{1}{25} \cdot 0,4115} = \frac{0,62114}{1,49284} = 0,41608,$$
 woraus $2\beta = 24^{\circ},35'$, and $2\beta = 155^{\circ},25'$, also

 $\beta = 12^{\circ}, 17^{1/2}$ und $\beta = 77^{\circ}, 42^{1/2}$ folgt.

Die diesen Winkeln entsprechenden Leistungen im zweiten Quadranten sind L=-0.02827~Qr und L=0.22827~Qr.

Fur ben britten Quabranten ift

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{0.4907} = 1.26$$
 also über 1,

und baber ein eminenter Geschwindigkeitewerth nicht vorhanden.

Fur $\frac{r}{l}={}^{1}\!/_{\!6}$ ift enblich im zweiten Quabranten

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{1 + \frac{8}{5} \cdot \frac{1}{6}} = \frac{0.62114}{1.4244} = 0.43607,$$

ober genauer

sin.
$$2\beta = \frac{0,62114}{1,4244 - \frac{1}{36} \cdot 0,43608} = \frac{0,62114}{1,4123} = 0,43981$$
, und hiernach $2\beta = 26^{\circ},6'$ und $2\beta = 153^{\circ},54'$, also $\beta = 13^{\circ},3'$ und $\beta = 76^{\circ},57'$.

Die entsprechenben Leistungen find

$$L = -0.02987 \ Qr \ \text{unb} \ L = 0.19155 \ Qr.$$

Fur ben vierten Quabranten ift

$$\sin 2\beta = \frac{0.62114}{0.5756} = 1.08,$$

und baber auch teine eminente Befchwindigfeit.

Aus dem Borftehenden ergeben fich nun die eminenten Geschwindigkeiten im zweiten Quadranten:

1) für
$$\frac{r}{l} = \frac{1}{4}$$
,

Theorie Doppeiter Arummiapfen.

$$v_1^{\bullet} = \left(1 + 0.2762 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.02618 \frac{Qr}{(M + M_1) c^2}\right) c$,

%ig. 240.

ferner 2) für $\frac{r}{l} = 1/5$,



$$v_1 = \left(1 + 0.2283 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right) c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.02827 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right) c$, enblid 3) für $\frac{r}{l} = 1/6$, $v_1 = \left(1 + 0.19155 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right) c$ und

$$v_1 = \left(1 + 0.19155 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right) c$$
 und $v_2 = \left(1 - 0.02987 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}\right) c$.

§. 110. Für einen breifachen Krumms Theerte zapfen ABD, Fig. 240, bessen Warzen arummyapfen. A, B und D um je 120 Grad von einander abstehen, ist, wenn an jeder Stange eine constante Kraft Q wirkt, die den Umbrehungsswinkel OCA = KCB = LCD = β entssprechende mechanische Arbeit dieser Krafte:

$$L = Qr \left(1 - \cos \beta \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right)$$

$$+ Qr \left(1 - \cos (120^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{2l} [\sin (120^{\circ} + \beta)]^{2}\right)$$

$$- 1 + \cos (120^{\circ} \pm \frac{r}{2l} (\sin (120^{\circ})^{2})\right)$$

$$+ Qr \left(1 - \cos (60^{\circ} + \beta) \pm \frac{r}{2l} [\sin (60^{\circ} + \beta)]^{2}\right)$$

$$- 1 + \cos (60^{\circ} \mp \frac{r}{2l} (\sin (60^{\circ})^{2})\right)$$

$$= Qr \left[1 - \cos \beta + \cos (60^{\circ} - \beta) - \cos (60^{\circ} + \beta)\right]$$

$$\mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2} + [\sin (60^{\circ} - \beta)]^{2} - [\sin (60^{\circ} + \beta)]^{2}\right)$$

Electric preference
$$P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$$
 $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$ $P(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta))$

Die gleichzeitige Arbeit der Umdrehungstraft P ist wieder $Pr\beta$, folgs lich die auf die Beschleunigung der Massen verwendete Arbeit

$$L = Qr\left(1-2\cos\left(60^{\circ}+\beta\right) \pm \frac{r}{l}\sin\beta\sin\left(60^{\circ}-\beta\right)\right) - Pr\beta.$$

Diese Arbeit vertheilt sich auf die rotirende Masse M, welche, wie bestannt, den Theil $L_1=\frac{M\ (v^2-c^2)}{2}$ in Anspruch nimmt, ferner auf die erste Stangenmasse M_1 , deren Seschwindigkeit aus 0 in $v\sin.\beta$ übergeht, auf die zweite Stangenmasse M_1 , deren Seschwindigkeit $c\sin.60^\circ$ sich in $v\sin.(60^\circ-\beta)$ umändert, und endlich auf die dritte Gestängmasse, deren Seschwindigkeit aus $c\sin.60^\circ$ in $v\sin.(60^\circ+\beta)$ übergeht. Der Indesgriff der diesen Umänderungen entsprechenden Arbeiten ist

$$L_{2} = \frac{M_{1}}{2} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + v^{2} \left[\sin \left(60^{0} - \beta \right) \right]^{2} - c^{2} \left(\sin \left(60^{0} \right)^{2} \right) \right]$$

$$+ v^{2} \left[\sin \left(60^{0} + \beta \right) \right]^{2} - c^{2} \left(\sin \left(60^{0} \right)^{2} \right]$$

$$= \frac{M_{1}}{2} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + v^{2} \left(\sin \left(60^{0} \cos \beta - \cos \left(60^{0} \sin \beta \right)^{2} \right) \right]$$

$$+ v^{2} \left(\sin \left(60^{0} \cos \beta + \cos \left(60^{0} \sin \beta \right)^{2} - 2 c^{2} \left(\sin \left(60^{0} \right)^{2} \right) \right]$$

$$= \frac{M_{1}}{2} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + 2 v^{2} \left(\frac{3}{4} \cos \beta^{2} + \frac{1}{4} \sin \beta^{2} \right) - 2 \cdot \frac{3}{4} c^{2} \right]$$

$$= \frac{3}{4} M_{1} \left[v^{2} \left(\sin \beta \right)^{2} + v^{2} \left(\cos \beta \right)^{2} - c^{2} \right]$$

$$= \frac{3}{4} M_{1} \left[v^{2} - c^{2} \right).$$
Solve the content of the

Wir haben hiernach ju fegen :

$$Qr\left(1-2\cos(60^{\circ}+\beta)\pm\frac{r}{l}\sin\beta\sin(60^{\circ}-\beta)\right)-Pr\beta$$

$$=(M+\frac{2}{2}M_{1})\cdot\frac{v^{2}-c^{2}}{2}$$

ober, wenn wir sehr lange Stangen voraussehen, und beshalb bas Glied mit $\frac{r}{I}$ vernachläffigen,

$$Qr [1 - 2\cos(60^{\circ} + \beta)] - Pr\beta = (M + \frac{3}{2}M_1) \cdot \frac{v^2 - c^2}{2}.$$

Noch erfordert ber Beharrungszustand, daß für $\beta=1/3$ $\pi=60^\circ$,

wo die zweite Warze in den todten Punkt U gelangt, wieder v in c übergehe; es ist deshalb

Theorie breifacher Arummjapfen

$$Qr \ (1-2\cos.120^{\circ}) - Pr \frac{\pi}{3} = 0$$
, b. i.
$$P = \frac{2Q}{1/3\pi} = \frac{6}{\pi} Q$$
, und daher
$$Qr \ \left(1-2\cos.(60^{\circ}+\beta) - \frac{6}{\pi} \beta\right) = (M+^{2}/_{2} M_{1}) \cdot \frac{v^{2}-c^{2}}{2}$$
 au sehen.

hiernach erhalten wir nun folgenden Ausbruck fur die veranderliche Warzengeschwindigkeit

$$v = \sqrt{c^2 + \frac{2 Qr \left(1 - 2 \cos \left(60^0 + \beta\right) - \frac{6}{\pi} \beta\right)}{M + \frac{3}{2} M_1}}, \text{ ann dhern d}$$

$$= c \left[1 - \left(\frac{6}{\pi} \beta + 2 \cos \left(60^0 + \beta\right) - 1\right) \cdot \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2} M_1) c^2}\right].$$

Diese Geschwindigkeit nimmt mit 2 cos. $(60^{\circ} + \beta) + \frac{6}{\pi} \beta$ zugleich

ihre eminenten Werthe an, und zwar får sin. $(60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} = 0,9549$.

Die entsprechenden Winkel find

$$60^{\circ} + \beta = 72^{\circ}, 44'$$
 und $60^{\circ} + \beta = 107^{\circ}, 16';$
es ist also $\beta = 12^{\circ}, 44'$ und $\beta = 47^{\circ}, 16'.$

Im vorliegenden Falle entspricht bem ersten Wintel die Minimals, und bem zweiten die Maximalgeschwindigkeit; geht hingegen die Bewegung von dem Krummzapfen aus, so findet das Gegentheil statt. Führen wir diese Werthe für β in den letten Ausbruck für v ein, so erhalten wir für beide Bewegungsweisen die Maximalgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + 0.0181 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$$

und die Minimalgeschwindigkeit

$$v_2 = \left(1 - 0.0181 \frac{Qr}{(M + ^3/_2 M_1) c^2}\right) c.$$

Anmerkung. Aus bem Renner $M+\frac{s}{2}M_1=M+\frac{1}{2}.3\,M_1$, ift zu ersehen, daß die Theile ber Stangenmasse nur halb so viel Einstuß auf die Bezwegung des Krummzapfens haben als die Theile der totirenden Masse. Ebenso ist es bei dem boppelten und ungefähr auch bei dem einsachen Krummzapfen.

§. 111 *). Diese eminenten Geschwindigkeitswerthe fallen bei enblichen Stangenlangen allerdings noch etwas anders aus. Es ift hier

Sherric preffactor
$$v=c\left[1-\left(rac{6}{\pi}\beta+2\cos.(60^{\circ}+\beta)-1\mprac{r}{l}\sin.\beta\sin.(60^{\circ}-\beta)\right)
ight.$$
 $\left.rac{Qr}{(M+\sqrt[3]{2}M_1)c^2}
ight]$

gu fegen, und baber bas Marimum von

$$\frac{6}{\pi}$$
 $\beta + 2 \cos(60^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{l} \sin.\beta \sin(60^{\circ} - \beta)$ aufzusuchen.

Die Differenzialrechnung findet durch Rullfegen bes Differenzialverhaltniffes von biefem Ausbrude

$$\frac{6}{\pi} - 2 \sin. (60^{\circ} + \beta) \mp \frac{r}{l} [\sin. (60^{\circ} - \beta) \cos. \beta - \sin. \beta \cos. (60^{\circ} - \beta)] = 0,$$
oder $\sin. (60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} \mp \frac{r}{2l} \sin. (60^{\circ} - 2\beta).$

Behandeln wir nun den Specialfall $\frac{r}{l}=1/_{5}$, fo erhalten wir

$$\sin . (60^{\circ} + \beta) = \frac{8}{\pi} \mp 0.1 \cdot \sin . (60^{\circ} - 2 \beta).$$

Für sin.
$$(60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} - 0.1$$
. sin. $(60^{\circ} - 2\beta)$ find $\beta = 0^{\circ}.20'$ und $\beta = 39^{\circ}.18'$

die entsprechenden Berthe,

für sin.
$$(60^{\circ} + \beta) = \frac{3}{\pi} + 0,1$$
. sin. $(60^{\circ} - 2\beta)$ hingegen $\beta = 20^{\circ}, 42'$ und $\beta = 59^{\circ}, 40'$.

Es ift nun

$$\frac{6}{\pi}\beta + 2\cos(60^{\circ} + \beta) - 1 - \frac{r}{l}\sin\beta\sin(60^{\circ} - \beta)$$
 für $\beta = 0^{\circ}, 20', = 0,0111 + 0,9899 - 1 - 0,0010 = 0,0000$ und für $\beta = 39^{\circ}, 17', = 1,3100 - 0,3232 - 1 - 0,0448 = -0,0580$, daher sind die eminenten Geschwindigkeiten im ersten Septanten der Umdrehung

$$v_1 = \left(1 + 0,0580 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$$
, und $v_2 = \left(1 - 0,0000 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$.

Dagegen ist

$$\frac{6}{\pi}\beta + 2\cos(60^{\circ} - \beta) - 1 + \frac{r}{l}\sin\beta\sin(60^{\circ} - \beta) \quad \text{fur}$$

$$\beta = 20^{\circ}42', = 0,6900 + 0,3232 - 1 + 0,0448 = 0,0580 \text{ unb fur}$$

$$\beta = 59^{\circ},40', = 1,9889 - 0,9899 - 1 + 0,0010 = -0,0000,$$

und es find baber die eminenten Gefchwindigkeiten im zweiten Sertanten der Umbrehung:

$$v_1 = \left(1 + 0.0000 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c$$
 unb
 $v_2 = \left(1 - 0.0580 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2}\right)c.$

In den übrigen Umbrehungefertanten wiederholen fich biefe Gefchwindig: Leiteverhaltniffe.

Die Umbrehung eines Krummzapfens erfolgt jebenfalls um fo ungleichformiger, je großer bie Differeng v1 - v2 zwischen ber Marimals tomigfeit. und Minimalgeschwindigfeit beffelben in Sinficht auf die mittlere Geschwinbigfeit c, je größer also bas Berhaltniß $\frac{v_1-v_2}{c}$ ift. Wir tonnen baber auch biefes Berhaltnif den Grab ber Ungleichformigteit ber Rrummgapfenbewegung nennen, und es tunftig burch ben Buchftaben & bezeichnen. Bu einem guten Gange einer Maschine gehort, bag biefes Berhaltnig eine gemiffe Grenze nicht überschreite (f. II., §. 66). Bei Dafchinen, wie Pumpen, Muhlen u. f. w., welche feine große Gleichformigfeit des Ganges erfordern, foll $\delta = \frac{1}{20}$ bis $\frac{1}{20}$ sein, bei Maschinen, wie z. B. Spinnereien und Webereien, welche einen fehr gleichformigen Sang nothig haben, foll bagegen & = 1/40 bis 1/80 betragen.

Die in dem Borhergehenden gefundenen Formeln fegen uns in den Stand, ben Grab ber Ungleichformigteit fur bie verschiebenen Krummzapfen wie folgt zu finden.

I. Fur ben einfachen Krummzapfen hat man

1) bet unenblich langer Stange, wo
$$\frac{r}{l}=0$$
 ist, nach §. 103, $v_1=\left(1+0.2105\,rac{Qr}{Mc^2}
ight)c$ und $v_2=\left(1-0.2105\,rac{Qr}{Mc^2}
ight)c$,

folglich ben Grab ber Ungleichformigfeit

III.

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,2105 \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = 0,4210 \cdot \frac{Qr}{Mc^2}$$
. If bagegen

2) $\frac{r}{l} = \frac{1}{6}$, so hat man nach §. 105,

 $\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,2489 \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = 0,4978 \cdot \frac{Qr}{Mc^2}$; ist ferner

Brab ber Ungleich. formigfeit.

3)
$$\frac{r}{l} = \frac{1}{5}$$
, so fallt

$$\delta = rac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0.2577 \cdot rac{Qr}{Mc^2} = 0.5154 rac{Qr}{Mc^2}$$
 and; ift endlich 4) $rac{r}{l} = rac{1}{4}$, for wird gar $\delta = rac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0.2718 \cdot rac{Qr}{Mc^2} = 0.5436 rac{Qr}{Mc^2}$.

II. Fur ben boppelten Rrummgapfen, und zwar

1) bei unendlich langer Stange, wo $\frac{r}{l}=0$ ist, stellt sich nach §. 107, $d=\frac{v_1-v_2}{c}=2\cdot 0.0422\cdot \frac{Qr}{(M+M_1)\,c^2}=0.0844\frac{Qr}{(M+M_1)\,c^2}$ herauß;

2) bei dem Berhaltniffe
$$\frac{r}{l} = \frac{1}{6}$$
, dagegen, nach §. 109,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = (0,1916 + 0,0422) \frac{Qr}{(M + M_1)c^2} = 0,2338 \frac{Qr}{(M + M_1)c_2};$$

3) bei dem Verhaltniffe
$$\frac{r}{l} = 1/5$$
,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = (0.2283 + 0.0422) \frac{Qr}{(M + M_1)c^2} = 0.2705 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2},$$

und 4) bei bem Berhaltniffe $\frac{r}{l} = 1/4$,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = (0.2762 + 0.0422) \frac{Qr}{(M + M_1)c^2} = 0.3184 \frac{Qr}{(M + M_1)c^2}.$$

III. Fur ben breifachen Rrummgapfen ift

1) bei unenblich langer Stange, also $\frac{r}{l}=0$, nach §. 110,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,0181 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2} = 0,0362 \frac{Qr}{(M + \frac{3}{2}M_1)c^2},$$

und 2) bei bem Berhaltniffe $\frac{r}{l}=1/_5$, nach §. 111,

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = 2 \cdot 0,0580 \frac{Qr}{(M + {}^3/_2 M_1) c^2} = 0,1160 \frac{Qr}{(M + {}^3/_2 M_1) c^2}$$

Man erfieht aus biefen Formeln, bag unter übrigens gleichen Umftanben bie Ungleichformigkeitsgrade um fo mehr abnehmen, je langer die Rurbelsstangen sind und je großer die Anzahl berfelben ift.

Beim einfachen Rrummgapfen ift

Grad ber Ungleichformigfelt

$f ir \frac{r}{l} = 0,$	1/6	1/5	1/4
$\delta = 0,4210$ also das Verhältniß 1	0,4978 : 1,182	0,5154	$0.5436 \frac{Qr}{Mc^2}$, : 1,292.

Bei langen Stangen ift ferner

für ben einfachen	doppelten	dreifachen Krummzapfen		
$\delta = 0.4210 \left. \frac{Qr}{Mc^2} \right $	$0,0422 \frac{2Qr}{Mc^3}$	$0,01207 \frac{8 Qr}{Mc^2}$		
alfodas Berhåltnifinahe 35	: 3,5	: 1		

Bei dem Stangenlangenverhaltniß $\frac{r}{l}=1/\!\!/_{\!\! 5}$ bagegen

får den einfachen	doppelten	dreifachen Krummzapfen		
$\delta = 0.5154 \frac{Qr}{Mc^2}$	$0,1352 \frac{2Qr}{Mc^2}$	$0,0387 \frac{3Qr}{Mc^2},$		
also das Berhältniß nahe 13,3	: 4	: 1		

Beispiel. Benn bie bewegende Kraft des Kolbens einer Dampsmaschine 10000 Pfund ift, und der hub 2r dieser Maschine 4 Fuß mißt, wenn serner die Baschine pro Minute 24 Spiele macht und die ganze roticende Rass schine, auf den Barzenkreis reducirt, $M=\frac{G}{g}=\frac{250000}{31,25}=8000$ Pfund besträgt, so ist der Ungleichförmigkeitsgrad dieser Rasschine:

bei Anwendung eines Dampfchlinders und eines einfachen Krummzapfens und bei bem Stangenlängenverhältniß $\frac{r}{l}=1/_{\!5},$

bagegen bei Anwendung von zwei Dampfcplindern und boppeltem Krumm, zapfen und bem Berhältniffe $\frac{r}{l}=\frac{1}{6}$,

$$\delta = 0,2705$$
 . $\frac{10000 \cdot 2}{8000 \cdot 25,25} = \frac{2,705}{4 \cdot 25,25} = \frac{0,6762}{25,25} = \frac{1}{34}$

endlich bei Anwendung von brei Dampfeplindern und breifachem Rrumms zapfen und bem Berhaltniffe $\frac{r}{l}=\frac{1}{5}$,

$$\delta = 0.1160 \cdot \frac{10000}{4000 \cdot 25.25} = \frac{0.29}{25.25} = \frac{1}{87}.$$

Benn man ben Ungleichförmigfeitegrab $\delta = \frac{1}{40} \div \frac{1}{80}$ verlangen follte, fo ware bie Umbrehungemaffe fur ben erften Fall gu flein und fur ben aweiten unnöthig groß.

Rrummjapfen

6. 113. Wir haben ichon im zweiten Bande (6. 333) gur Sprache ge= vicialirenden bracht, bag es auch Dampfmaschinen mit oscillirendem Cylinder CD, Fig. mafdinen. 241, giebt. Bei folchen Mafchinen bient die Kolbenftange CK zu gleicher

Beit mit als Rurbelftange, weshalb fie nicht felten bei Dampfichiffen, wo es viel auf Raumersparnif ankommt, angewenbet merben. Die Theorie bes Rrumm= zapfens für diese Maschine läßt sich wie folgt ohne Schwierigkeiten auf bie bes einfachen Rrummgapfens mit Lentstange zurudführen.

Fig. 241.



Fig. 242.



Es fei in Fig. 242 C die Drehungsare bes Rrummzapfens und K bie Schwingungsare bes Dampfenlinders ober ber fefte Punkt, burch welchen bie Richtung ber Rolbens ober Lenkstange hindurchgeht; bezeichnen wir bie Arm= lange CA = CO des Krummapfens wieder mit r, bagegen den Abstand CK ber festen Drehungspuntte Cund K von einander durch a, und endlich ben veranderlichen Umbrehungswinkel ACO bes Rrummzapfens burch B. Es find bann die Ubstande bes Punttes K von ben beiben tobten Puntten O und U des Krummzapfens, KO=a+r und KU=a-r und von der Warge in A:

sarge in A:

$$KA = V \overline{\overline{CA^2 + \overline{CK^2} + 2CA \cdot CK \cos OCA}}$$

$$= V \overline{r^2 + a^2 + 2ra \cos \beta}.$$

Bahrend bie Barge den Bintel ACO = & burchlauft, legt die Stan- Rrummjapfen gentraft Q einen Weg 8 gurud, welcher ber Linie AD, b. i. ber Differeng ofeillitenben KO-KA ber Abstande KO und KD bes festen Punttes von ben beiben meidinen. Endpunkten O und A bes Weges $OA = r\beta$, gleich ift. Es ift also

$$s = a + r - \sqrt{a^2 + 2 a r \cos \beta + r^2}$$
, ober
 $s = a + r - a \left(1 + \frac{2r}{a} \cos \beta + \frac{r^2}{a^2}\right)^{1/2}$, annaherno
 $= a + r - a \left(1 + \frac{r \cos \beta}{a} + \frac{r^2}{2a^2} - \frac{4}{8} \frac{r^2 (\cos \beta)^2}{a^2}\right)$
 $= r - r \cos \beta - \frac{r^2}{2a} [1 - (\cos \beta)^2]$
 $= r (1 - \cos \beta) - \frac{r^2}{2a} \sin \beta^2$.

Fur ben gewöhnlichen Rrummgapfen mit besonderer Rurbelftange ift aber, §. 95 zu Folge, ber Weg ber Stangenfraft Q annahernb,

$$s = r(1 - \cos \beta) - \frac{r^2}{2l} (\sin \beta)^2;$$

wenn man baber in biefer Formel bie Lenkstangenlange l burch ben Arenabstand a erfett, fo geht die vorige Formel unmittelbar aus diefer hervor. Diefe Uebereinstimmung zwischen ben Wegen und also auch die zwischen ben Arbeiten (O8) beiber Arten ber Rrummgapfenbewegung berechtigt und nun auch, alle bie im Borftehenben gefundenen Formeln fur die Bewegung bes einfachen Rrummzapfens (f. 95 bis f. 105) nach Umanberung ber Grofe l in a auf ben Krummzapfen mit ofcillirendem Enlinder anzuwenden. ift folglich in Betreff biefer Maschine nichts Neues zu finden. bem Dbigen (f. 112) bie Ungleichformigkeit ber rotirenden Bewegung bes Rrummzapfens ber erften Art zunimmt, wenn bie Rurbelftange (1) eine turgere wird, fo folgt, bag biefelbe bei einem Rrummzapfen ber zweiten Art ebenfalls wachft, wenn ber Abstand ber Schwingungsare K von ber Dres hungsare C abnimmt.

6. 114. Bir haben oben (6. 95 bie 6. 112), bei unferen Entwidelun: Rrummiapfen gen in Betreff ber Krummgapfenbewegung vorausgefest, daß die Rurbels Balancier Der Bebel. ftange unmittelbar mit ber Kolbenftange verbunden fei, bag fich alfo bas eine Ende der Rolbenftange in gerader Linie auf= und nieber=, ober hin= und herbewege, mahrend bas andere im Rreise herumlauft; jest wollen wir aber noch den in Fig. 243 a.f. S. abgebildeten und bereits in §. 90 besprochenen Kall in Betracht ziehen, wo burch 3wischenstellung eines Balanciere ober Bebels entweber die gerablinige Bewegung ber Rolbenftange ober die ftetige Rreis-

Rrummzapfen bewegung des Krummzapfens zunächst in eine oscillirende verwandelt wird, mit Balancier Big. 243. und aus dieser erst entwes

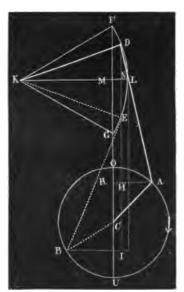
A C B B S M M S

und aus dieser erst entwes ber bie Rreisbewegung bes Arummzapfens ober bie gerablinia wieberkehrenbe Bewegung ber Rolben= stange hervorgeht. In dies fem Kalle läuft alfo ber zweite Endpuntt ber Rurbelftange feine gerade Linie. fondern es bewegt fich berfelbe in einem Rreisbogen auf und nieber. Auch fin= bet berfelbe Fall fatt, wenn die Rurbelftange mit bem

zweiten Ende an ein Rreuz (Kunstereuz), wie Fig. 226 (S. 171) vor Augen fuhrt, angeschloffen ift.

ugen führt, angeschloffen ist. Die Bewegungeverhaltniffe einer folden Berbindung eines Krummzapfens

Fig. 244.



mit einem Bebel find, wenn, wie faft ftete, ber Bebelarm viel langer ift als ber Rubelarm, von benen bes einfachen Rrummzapfens nicht wefentlich verschieden. Wir wollen, um biefelbe fennen gu lernen, gu= nåchst ben Fall in Untersuchung zie= hen, wo bie Umbrehungsare C. Rig. 244, ber Rurbel in der Berlangerung ber Sehne FG bes Bogens FLG liegt, in welchem ber zweite Endpunet D ber Rurbelftange auf= und nieber= geführt wirb. Gegen wir in biefer Absicht die Lange KF = KG = KLvon bem Bebelarme bes Balanciers = a, bie conftante Umbrehungefraft beffelben = P, ferner ben veranberlichen Schwingungewinkel LKD beffelben. von der Mittellage KL ausgegangen. = a, ben conftanten Sub . ober Schwingungewinkel FKL=GKL

 $= \alpha_1$, und die Abweichung ADH ber Kurbelstange AD von ber Mittele linie CF, $= \delta$, und behalten wir die übrigen Bezeichnungen von oben bei.

fo haben wir

Rrummiapfen mit Balancier ober Debel.

1) die Bertikalprojection ber Kurbelftange AD:

HD = HN + ND = RM + ND = CM - CR + ND, ober $AD \cos ADH = OF - CA \cos ACR + KD \sin DKL$, b. i. $l \cos \delta = l - r \cos \beta + a \sin \alpha$, unb

2) die Horizontalprojection berfelben

AH = AR - HR = AR - MN = AR - KN + KM, oder $AD \sin ADH = CA \sin ACR - KD \cos DKL + KF \cos FKL$, b. i. $l \sin \delta = r \sin \beta - a (\cos \alpha - \cos \alpha)$.

Da $(\sin .\delta)^2 + (\cos .\delta)^2 = 1$ ift, so hat man hier $l^2 = (l - r\cos .\beta + a\sin .\alpha)^2 + [\sin .\beta - a(\cos .\alpha - \cos .\alpha_1)]^2$, und baher

 $l=r\cos.\beta+a\sin.\alpha=\sqrt{l^2-[r\sin.\beta-a(\cos.\alpha-\cos.\alpha_1)]^2},$ b. i. annähernd

$$a \sin \alpha = r \cos \beta - \frac{l}{2} \left(\frac{r \sin \beta - a (\cos \alpha - \cos \alpha_1)}{l} \right)^2$$

Mun ift aber cos. a - cos. a1 annahernd

$$= 1 - \frac{1}{2} (\sin \alpha)^2 - 1 + \frac{1}{2} (\sin \alpha_1)^2$$
, daher folgt

$$\alpha \sin \alpha = r \cos \beta - \frac{(r \sin \beta - 1/2 a [(\sin \alpha_1)^2 - (\sin \alpha)^2])^2}{2l}$$

Seben wir noch rechts $sin.lpha=rac{r\coseta}{a}$, so wie

$$sin. \ \alpha_1 = \frac{r}{a}$$
, so erhalten wir

$$a \sin \alpha = r \cos \beta - \frac{1}{2l} \left(r \sin \beta - \frac{r^2}{2a} [1 - (\cos \beta)^2] \right)^2$$

$$= r \cos \beta - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2l} \left(1 - \frac{r \sin \beta}{2a} \right)^2, \text{ unb baher}$$

$$\sin \alpha = \frac{r \cos \beta}{a} - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2al} \left(1 - \frac{r \sin \beta}{2a} \right)^2, \text{ ober}$$

genau genug, ba $\frac{r}{a} = \frac{1}{s}$ ober noch kleiner gemacht wirb,

$$\sin \alpha = \frac{r \cos \beta}{a} - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2 a l} + \frac{r^3}{2 a^2 l} (\sin \beta)^3.$$

Es kommt nun darauf an, den Bogen oder Weg $FD = s = a(\alpha_1 - \alpha)$ zu finden, welcher dem Umdrehungswinkel $OCA = \beta$ entspricht. Da

 $\alpha = \sin \alpha + \frac{1}{6} (\sin \alpha)^3$ (f. •Ingenieur«, Seite 225) gefest werden kann, so folgt für unsern Kall

216

Rrummjapfen mit Balancier ober Debel.

$$lpha = rac{r\coseta}{a} - rac{r^2(\sineta)^2}{2\,a\,l} + rac{r^3(\sineta)^3}{2\,a^2\,l} + rac{r^3(\coseta)^3}{6\,a^3}$$
 und $lpha_1 = rac{r}{a} + rac{r^3}{6\,a^3},$

und es ift baher ber Weg ober Schub DF:

$$s = r(1 - \cos \beta) + \frac{r^2(\sin \beta)^2}{2l} - \frac{r^3(\sin \beta)^3}{2al} + \frac{r^3}{6a^2} [1 - (\cos \beta)^2]$$

$$= r \left[1 - \cos \beta + \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2}{2al} (\sin \beta)^3 + \frac{r^2}{6a^2} [1 - (\cos \beta)^2] \right].$$

Fur bie aufsteigende Stange BE ift

 $EJ=l\cos.\delta=l+r\cos.\beta-a\sin.\alpha$ und $BJ=l\sin.\delta=r\sin.\beta+a(\cos.\alpha-\cos.\alpha_1)$, daher $l+r\cos.\beta-a\sin.\alpha=\sqrt{l^2-[r\sin.\beta+a(\cos.\alpha-\cos.\alpha_1)]^2}$, woraus nun

 $\alpha = \frac{r\cos.\beta}{a} + \frac{r^2(\sin.\beta)^2}{2al} + \frac{r^3(\sin.\beta)^3}{2a^2l} + \frac{r^3(\cos.\beta)^3}{6a^3} \text{ und der}$ dem Umdrehungswinkel $UCB = \beta$ entsprechende Hub $GE = a(\alpha_1 - \alpha)$ $s_1 = r\left(1 - \cos.\beta - \frac{r(\sin.\beta)^2}{2l} - \frac{r^2(\sin.\beta)^3}{2al} + \frac{r^2}{6a^2}[1 - (\cos.\beta)^3]\right)$ sid ergiebt.

Für $\beta = 0^\circ$ ift natürlich $s = s_1 = 0$ und für $\beta = 180^\circ$, $s = s_1 = 2r + \frac{2r^3}{6a^2} = 2r \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right]$ $= 2 a arc. \left(sin. = \frac{r}{a} \right) = 2 \alpha_1 a.$

Für $eta=90^\circ$, also bei den Quadraturen der Umdrehung ist dagegen $s=r\Big(1+rac{r}{2\,l}-rac{r^2}{2\,a\,l}+rac{r^2}{6\,a^2}\Big)$ und $s_1=r\Big(1-rac{r}{2\,l}-rac{r^2}{2\,a\,l}+rac{r^2}{6\,a^2}\Big).$

§. 115 *). Wenn der Balancier durch eine conftante Tangentialkraft Q auf und nieder bewegt wird, so haben wir bei Umdrehung des Krummsgapfens um den Winkel β die verrichtete Arbeit dieser Kraft

$$Qs = Qr \left(1 - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2 (\sin \beta)^3}{2 \, \dot{a} \, l} + \frac{r^2}{6 \, a^2} [1 - (\cos \beta)^8]\right),$$

während von ber Umbrehungstraft P bes Krummzapfens wieber bie Arbeit

Pro geleistet wirb. Es ift daher die auf die Beschleunigung der tragen grummjavsen Raffen verwendete Arbeit Balanter aber debet.

$$L = Qs - Pr\beta = Qr \left(1 - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2 (\sin \beta)^3}{2 a l} + \frac{r^2}{6 a^2} [1 - (\cos \beta)^3] - Pr\beta.$$

Da wegen bes nothigen Beharrungszustandes für $\beta=\pi,\,L=0$ sein muß, so hat man

$$\pi Pr = Qr \left(2 + \frac{2r^2}{6a^2}\right) = 2Qr \left[1 + \frac{1}{6}\left(\frac{r}{a}\right)^2\right] = 2Qa\alpha_1,$$
 und baber

$$L = Qr \left(1 - \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 - \frac{r^2}{2al} (\sin \beta)^3 + \frac{r^2}{6a^2} \left[1 - (\cos \beta)^3 \right] - \frac{2\beta}{\pi} \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right] \right).$$

Um biejenigen Drehungswinkel zu finden, welche auf die eminenten Geschwindigkeitswerthe führen, differenziiren wir diesen Ausbruck in hinsicht auf β und setzen das erhaltene Differenzialverhältniß = Rull. Dies giebt $\sin \beta \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta - \frac{3r^2}{2al} (\sin \beta)^2 \cos \beta + \frac{3r^2}{6a^2} (\cos \beta)^2 \sin \beta$

$$\frac{1}{2l}\sin(p) = \frac{1}{2al}\sin(p) = \cos(p) + \frac{1}{6a^2}(\cos(p)) + \sin(p) = \frac{2}{a^2}\left[1 + \frac{1}{6}\left(\frac{r}{a}\right)^2\right], \text{ b. i.}$$

$$\sin \beta = \frac{2}{\pi} \left[1 + \frac{1}{6} \left(\frac{r}{a} \right)^2 \right] - \frac{r}{2l} \sin 2\beta \left(\pm 1 - \frac{3r}{2a} \sin \beta + \frac{rl}{2a^2} \cos \beta \right).$$

Mit Sulfe der biefem Sinus entsprechenden Wintel laffen fich nun die erninenten Leiftungswerthe L, und hieraus wieder, nach den aus dem Obisgen bekannten Formeln die eminenten Geschwindigkeiten

$$v_2 = \left(1 + rac{L}{Mc^2}
ight)c$$
 und $v_1 = \left(1 - rac{L}{Mc^2}
ight)c$ berechnen.

Biehen wir nun den gewöhnlichen Fall, $\frac{r}{l}=1/5$ und $\frac{r}{a}=1/3$ in Betracht, für welchen

$$\sin \beta = \frac{55}{54} \cdot \frac{2}{\pi} - 0,1 \cdot (\pm 1 - \frac{1}{2} \sin \beta + 0,2778 \cos \beta) \sin 2\beta$$
 und

$$L = Qr \left(1 - \cos \beta \pm 0.1 (\sin \beta)^3 - \frac{1}{30} (\sin \beta)^3 + \frac{1}{34} [1 - (\cos \beta)^3] - \frac{55}{54} \cdot \frac{2}{\pi} \beta\right) \text{ ift.}$$

218

Arummiapfen mit Balancier ober bebel. Der erften Formel entfprechen folgende Bintel :

$$\beta = 30^{\circ}, 4'$$
 und = $136^{\circ}, 5'$, fowie $\beta = 49^{\circ}, 35'$ und = $148^{\circ}, 56'$,

und biese geben bie eminenten Geschwindigkeiten in ber erften Salfte ber Umbrebung:

$$v_2 = \left(1 - 0,1804 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$
 und $v_1 = \left(1 + 0,2428 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$,

und bagegen bie in ber zweiten Umbrehungshalfte

$$v_2 = \left(1 - 0.2687 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$
 unb $c_1 = \left(1 + 0.1701 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$.

Es ift folglich bie größte Gefchwindigkeitsbiffereng

$$(0,2428 + 0,2687) \frac{Qr}{Mc} = 0,5115 \frac{Qr}{Mc},$$

und baher ber Grab ber Ungleichformigfeit biefer Rrummzapfenbewegung

$$\delta = 0.5115 \frac{Qr}{Mc^2},$$

während wir oben §. 112 fur ben Fall, wenn das zweite Stangenende gerablinig aufs und niebergeht,

$$\delta = 0.5154 \frac{Qr}{Mc^2},$$

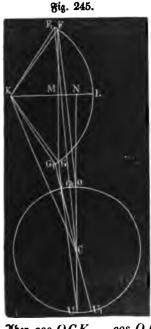
alfo nur fehr wenig mehr gefunden haben.

Der Unterschied zwischen ber Krummzapfenbewegung mit und der ohne Balancier fallt also so unbedeutend aus, daß man von demselben bei ben gewöhnlichen Fällen ber Anwendung ganz absehen kann.

§. 116. Um die aus der bogenformigen Bewegung des Balanciers hervorgehende Seitenbewegung der Kurbelstange möglichst heradzuziehen, legt man das Centrum c der Kurbel OU, Fig. 245, nicht in die Sehne FG des von dem Balancierende durchlaufenen Bogens FLG, sondern in die Parallele CN zu FG, welche die Bogenhöhle ML halbirt. Der Bortheil, welcher hieraus erwächst, wird aber wieder dadurch aufgehoben, das dann die todten Punkte O_1 und U_1 nicht mit den höchsten und tiessten Punkten O und U des Warzenkreises zusammensallen, und daher nicht genau um einen Halbkreis von einander abstehen. Die Winkel $OCO_1 = \mu$ und $UCU_1 = \nu$, um welche die todten Punkte O_1 und U_1 von

bem Scheitelpunkte O und Fugpunkte U des Bargenkreifes abfteben, laffen grummjagien fich wie folgt bestimmen :

Bunachst ist $OCO_1 = OCK - O_1CK = OCK - FCK$:



aber
$$cos. OCK = cos. NCK = \frac{CN}{KC}$$

$$= \frac{CN}{\sqrt{CN^2 + KN^2}} = \frac{l}{\sqrt{l^2 + a^2}}$$

unb $cos. O_1CK = cos. F_1CK$ $=\frac{\overline{CF_1^2}+\overline{CK^2}-\overline{F_1K^2}}{2CF_1CK}$ $(l+r)^2+l^2+a^2-\frac{r^2}{2}-a^2$ $=\frac{1}{2(l+r)\sqrt{l^2+a^2}}$ $=\frac{2l^2+2lr+\frac{1}{2}r^2}{2(l+r)\sqrt{l^2+a^2}},$

 $cos. OCK - cos. O_1CK$ $= -\frac{r^2}{4(l+r)\sqrt{l^2+a^2}}.$

There cos.
$$OCK - cos. O_1CK$$

 $OCK + O_1CK$

$$=-2\sin\left(\frac{OCK+O_1CK}{2}\right)\sin\left(\frac{OCK-O_1CK}{2}\right),$$

ober, ba OCK - O1CK febr klein ift (f. "Ingenieur", Seite 223), $\cos OCK - \cos O_1CK = -\sin OCK (OCK - O_1CK)$

$$= - \mu \sin OCK = - \frac{\mu a}{\sqrt{l^2 + a^2}},$$

daher folgt annahernd

$$\mu = \frac{r^2}{4a(l+r)}$$

Dann ift $\angle UCU_1 = NCK - G_1CK$, aber

$$cos. NCK = \frac{l}{\sqrt{l^2 + a^2}} \text{ unb}$$

$$\cos G_1 CK = \frac{(l-r)^2 + l^2 + a^2 - \frac{1}{2}r^2 - a^2}{2(l-r)\sqrt{l^2 + a^2}} = \frac{2l^2 - 2lr + \frac{1}{2}r^2}{2(l-r)\sqrt{l^2 + a^2}};$$

Rrummjarfen baher folgt

mit Balancier

$$cos.NCK - cos.G_1CK = -\frac{r^2}{(4l-r)\sqrt{l^2+a^2}}$$
 und

$$NCK - G_1CK = NCG_1 = UCU_1 = v = \frac{r^2}{4a(l-r)}$$

Für
$$\frac{r}{a} = \frac{1}{3}$$
 und $\frac{r}{l} = \frac{1}{5}$ ist demnach

$$=\frac{1}{4.3.6}=\frac{1}{72}$$
, also $\mu^0=\frac{180^0\mu}{\pi}=0^0,796=0^0,48'$ und

$$\nu = \frac{1}{4.3.4} = \frac{1}{48}$$
, also $\nu^0 = \frac{180^0 \cdot \nu}{\pi} = 1^0,194 = 1^0,12'$.

Es find folglich die Abstande ber todten Punkte O_1 und U_1 von ein= ander

$$180^{\circ} \pm (\nu - \mu) = 180^{\circ}, 24'$$
 und 179°, 36'.

Nach dem Obigen (§. 114) find die Wege FF_1 und GG_1 , um welche der Balancier in Folge der schiefen Kurbelstellung über den Enden F und G des Bogens FLG=2 aa, hinausgebt,

$$FF_1 = \sigma = (1 - \cos \mu) r = (1 - \cos 0^{\circ}, 48') r = (1 - 0,99999) r$$

= 0,00010 r

und
$$GG_1 = \sigma_1 = (1 - \cos v)r = (1 - \cos 1^0, 12')r = (1 - 0,99978)r$$

= 0,00022 r,

alfo fo unbebeutenb, bag fie außer Betracht tommen tonnen.

grummapfen §. 117. Wir haben bis jest stets eine constante Stangenkraft Q vorsunt verändert ausgeseit, es konnen baher auch die gefundenen Regeln nicht auf die der umreit ausgeseit, es konnen daher auch die gefundenen Regeln nicht auf die Krummzapfenbewegung dei Erpansionsbampfmaschinen angewens det werden, wo die Stangenkraft Q variabel ist. Die häusige Anwendung dieser Maschine macht es daher nothig, daß wir auch noch die Beswegungsverhältnisse der Krummzapfen mit veränderlicher Kraft kennen lernen. Ziehen wir zunächst wieder einen einfachen Krummzapsen in Bestracht, sehen wir serner eine unendlich lange Kurbelstange voraus, und sehen wir noch von allen Nebenverhältnissen, also auch von dem Gegendruck auf den Dampskolben ab.

Bon ber Erpansion gilt wieder bie aus dem Obigen bekannte Regel (§. 100):

$$Qr(1-\cos \beta) = Pr\beta = \frac{M(v^2-c^2)}{2}$$
, und es ist daher auch wieder

$$v = \sqrt{c^2 + \frac{2\,r}{M\,c^2}[Q(1-\coseta) - Peta]}$$
 ober annähernd

1)
$$v = c \left(1 + \frac{2r}{Mc^2}[Q(1 - \cos\beta) - P\beta]\right)$$
.

Ift das Expansionsverhaltniß = ε (siehe II., §. 380), so wird bei einem Rrummapfen Rolbenwege OH=s, Fig. 246, der Dampfzustuß abgesperrt und es ilder Umbredungtrage Dungstraft.

Fig. 246.



tritt nun eine allmälige Abnahme ber Kraft Q ein, so daß dieselbe am Ende bes ganzen Kolbenweges $s_1=2r$, dem Mariotte's schen Gesetz zu Kolge, nur noch die Größe

$$Q_1 = \frac{sQ}{s_1}$$
 hat.

Der Drehungswinkel $ACO = \beta$, bei welchem die Expansion beginnt, ist durch die Gleichung

$$\frac{s_1}{s} = \frac{2r}{(1 - \cos \beta_1)r} = \frac{2}{1 - \cos \beta_1} = s$$
 bestimmt, welche

$$\cos \beta_1 = 1 - \frac{2}{\epsilon}$$
 giebt.

Hat sich ber Krummzapfen um einen Winkel $\beta > \beta_1$ gebreht und folglich die Stange ben Weg $r(1-\cos\beta)$ zurückgelegt, so ist nach II., §. 253 die Arbeit ber Kraft:

$$Fsp\left[1 + Log.nat.\left(\frac{s_1}{s}\right)\right] = Qs\left(1 + Log.nat.\frac{1 - cos.\beta}{1 - cos.\beta_1}\right)$$
$$= Qs\left(1 + Log.nat.\frac{(1 - cos.\beta)s}{2}\right);$$

baher gilt benn auch fur bie Bewegung bes Krummzapfens mahrend ber Erpansion bie Formel:

$$Qs\left(1 + Log.nat.\frac{(1-cos.eta)\varepsilon}{2}\right) - Preta = \frac{M(v^2-c^2)}{2}$$
, und es ist

hiernach die veranderliche Warzengeschwindigkeit

$$v = \sqrt{\frac{c^2 + \frac{1}{M} \left[Qs \left(1 + Log.nat. \frac{(1 - cos.\beta)s}{2} \right) - Pr\beta \right]}{}},$$

annähernb

2)
$$v = c \left(1 + \frac{1}{Mc^2} \left[Qs \left(1 + Log.nat.(1 - cos.\beta) \frac{\varepsilon}{2} \right) - Pr\beta \right] \right)$$
.

Da für $\beta=\pi$, also $1-\cos\beta=1+1=2, v=c$ sein muß, so hat man

Niummgapfer mit veränderlicher Umbrebungefraft.

$$P = \frac{Qs}{\pi r} (1 + Log. nat. \epsilon) = \frac{Qs_1}{\epsilon \pi r} (1 + Log. nat. \epsilon)$$

$$= \frac{2Q}{\epsilon \pi} (1 + Log. nat. \epsilon) \text{ in die Formeln 1) und 2) einzusehen,}$$

um die Geschwindigkeiten vor und während der Erpanston zu finden. Durch Differenziiren der Formeln findet man die Gleichungen fur die auf die größten und kleinsten Geschwindigkeitswerthe führenden Winkel; es ift nämlich

1) für die Bewegung vor der Expansion $sin.\beta = \frac{P}{Q} = \frac{2}{\varepsilon\pi}(1 + Log.nat.\varepsilon) \text{ und}$

2) fur bie Bewegung mahrend ber Erpanfion

$$Qs \frac{\sin \beta}{1 - \cos \beta} = Pr$$
, b. i.
$$cotg. \frac{\beta}{2} = \frac{Pr}{Qs} = \frac{\varepsilon P}{2Q} = \frac{1 + Log.nat. \varepsilon}{\pi}.$$

Nehmen wir das Erpansionsverhaltniß $\varepsilon=\frac{s_1}{s}=2$ an , so erhalten wir für die Bewegung vor der Erpansion

 $\sin \beta = \frac{2}{2\pi} (1 + \text{Log. nat. 2}) = \frac{1}{\pi} (1 + 0,69315) = 0,53894$ und hiernach $\beta = 32^{\circ},37'$; daher die Minimalgeschwindigkeit des Krummzapfens:

$$\begin{split} v_2 &= \left(1 + \frac{Qr}{Mc^2} \left[(1 - \cos \beta) - 0,53894 \cdot arc.\beta \right] \right) c \\ &= \left(1 + (1 - 0,84230 - 0,53894 \cdot 0,56927) \frac{Qr}{Mc^2} \right) c \\ &= \left(1 + (0,15770 - 0,30681) \frac{Qr}{Mc^2} \right) c = \left(1 - 0,1491 \frac{Qr}{Mc^2} \right) c. \end{split}$$

Fur die Bewegung mahrend ber Erpansion ift bagegen

$$cotg. \frac{\beta}{2} = \frac{1 + Log. nat. 2}{\pi} = 0,53894$$
, daher

 $rac{eta}{2}=61^{\circ},41'$, daher $eta=123^{\circ},22'$, und die entsprechende Maris malgeschwindigkeit

$$v_1 = \left(1 + \left[(1 + Log.nat.(1 - cos.123°, 22') - 0.53894 arc.123°, 22'] \frac{Qr}{Mc^2} \right) c_{\substack{\text{num nav fen} \\ \text{the laber} \\$$

Es ift folglich fur diefes Erpanfioneverhaltniß ber Grad ber Ungleich: formigfeit

$$\begin{split} \delta &= (0.1491 + 0.2778) \frac{Qr}{Mc^2} = 0.4269 \frac{Qr}{Mc^2}, \text{ ober, ba } P = 0.53894 \, Q \text{ ift,} \\ \delta &= \frac{0.4269 \, Pr}{0.5389 \, Mc^2} = 0.7922 \frac{Pr}{Mc^2}. \end{split}$$

In folgender Tabelle sind die in den Erpansionsverhaltnissen $\epsilon=2,3,4,5,6$ entsprechenden Ungleichformigkeitsgrade angegeben.

Erpanfioneverhaltniffe e	2	3	4	5	6
Ungleichförmigteitegrabe	0,7922	0,8523	0,8914	0,9223	$0,9473 \frac{Pr}{Mc^2}.$

S. 118. Wir wollen nun unsere Regel über die Bewegung der Krummzapfen bei Erpansions Dampfmaschinen baburch allgemeiner maschen, bag wir eine endliche Stangenlange voraussesen, und beshalb

ftatt $1-\cos \beta$ ben schärferen Werth $1-\cos \beta \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2$ eins führen. Es ist dann für die Bewegung vor der Erpansion

$$v = \left[1 + \frac{r}{Mc^2} \left(Q[1 - \cos \beta \mp \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2] - P\beta\right)\right]c$$
 und der Winkel für die Minimalgeschwindigkeit bestimmt durch die Formel $\sin \beta = \frac{P}{Q} \pm \frac{r}{2l}\sin 2\beta$
$$= \frac{2}{\epsilon \pi}(1 + \log nat. \epsilon) \pm \frac{r}{2l}\sin 2\beta.$$

Fur die Bewegung mahrend ber Erpansion hat man hingegen

$$v = \left(1 + \frac{1}{Mc^2} \left[Qs\left(1 + Log.nat.\left[1 - cos.\beta \mp \frac{r}{2l}(sin.\beta)^2\right]\frac{s}{2}\right) - Pr\beta\right]\right)c$$
, und hiernach für den Winkel, welcher auf die Maximalgeschwindigkeit führt.

Reummjapfen mit verdader. Us
$$\left(\frac{\sin \beta \mp \frac{r}{2l} \sin 2\beta}{1 - \cos \beta \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2}\right) = Pr, \text{ oder}$$

$$\frac{\cot g. \frac{1}{2}\beta. \left(1 \mp \frac{r}{l}\cos.\beta\right)}{1 \mp \frac{r}{2l}(1 + \cos.\beta)} = \frac{Pr}{Qs}, \text{ ober}$$

$$\begin{aligned} & cotg. \frac{1}{2}\beta \left(1 \pm \frac{r}{2l}(1 - cos.\beta)\right) = \frac{Pr}{Qs}, \text{ b. i.} \\ & cotg. \frac{1}{2}\beta = \frac{Pr}{Qs\left[1 \pm \frac{r}{l}\left(sin.\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right]} = \frac{Pr}{Qs}\left[1 \mp \frac{r}{l}\left(sin.\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right] \\ & = \frac{1 + Log. nat. \varepsilon}{\pi}\left[1 \mp \frac{r}{l}\left(sin.\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right]. \end{aligned}$$

Das Erpansionsverhaltnig ift aber hier

$$s = \frac{2}{1 - \cos \beta_1 \mp \frac{r}{2I} (\sin \beta_1)^2}$$
, also ber Umbrehungswinkel,

bei welchem die Erpansion eintritt, bestimmt durch bie Formel

$$\cos \beta_1 = 1 - \frac{2}{\varepsilon} \mp \frac{r}{2l} (\sin \beta_1)^2$$
.

Fur bas Erpansionsverhaltniß & = 2 und fur bie Stangenlange l=5r, also fur $\frac{r}{2/l}=1/_{10}$ haben wir hiernach Folgenbes. Der Bewegung vor ber Erpansion entspricht

$$\sin \beta = \frac{1 + Log. \, nat. \, \epsilon}{\pi} \pm 0,1 \, \sin 2\beta = 0,53894 \pm 0,1 \, \sin 2\beta;$$
 es ist hiernach für diese Bewegung, $\beta = 39^{\circ},35'$ oder $\beta = 27^{\circ},14'$.

Diefen Winkeln entsprechen bie folgenden Gefchwindigkeitsminima:

1)
$$v_2 = \left(1 + [1 - \cos .39^\circ, 35' - 0, 1 (\sin .39^\circ, 35')^2 - 0, 53894 \ arc. 39^\circ, 35'] \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

$$= \left(1 + (1 - 0,77070 - 0,04060 - 0,37283) \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

$$= \left(1 - 0,1836 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c \text{ unb}$$

2)
$$v_2 = \left(1 - [1 - \cos 27^\circ, 14' + 0, 1 (\sin 27^\circ, 14')^3 - 0,53894 \text{ arc. } 27^\circ, 14'] \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

$$= \left(1 - (1 - 0,88915 + 0,02094 - 0,25617) \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

$$= \left(1 - 0,1244 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c.$$

Für die Bewegung während der Erpansion hat man dagegen $cotg. \frac{1}{2}\beta = \frac{0,53894}{1 \pm 0,2 \left(sin. \frac{\beta}{2}\right)^2}$, wonach sich folgende Winkel ergeben:

 $\beta=130^{\circ},20'$ und $\beta=115^{\circ},40'$, die auf folgende Maximalgeschwinzbigkeiten führen:

$$\begin{aligned} v_1 &= \left(1 - \left(1 + Log.\,nat.\,[1 - cos.\,130^\circ, 20' - 0,1\,(sin.\,\,130^\circ, 20')^2] \right. \\ &- 0,53894\,arc.\,130^\circ, 20'\right) \frac{Qr}{Mc^3}\right) c \\ &= \left(1 - (1 + Log.\,nat.\,\,1,58912 - 1,22594) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 + 0,2372 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \text{ unb} \\ v_1 &= \left(1 - \left(1 + Log.\,nat.\,[1 - cos.\,\,115^\circ, 40' + 0,1\,\,(sin.\,\,115^\circ, 40')^2 \right. \\ &- 0,53894\,arc.\,\,115^\circ, 40'\right) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 - (1 + Log.\,nat.\,\,1,51437 - 1,0880) \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \\ &= \left(1 + 0,3270 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c. \end{aligned}$$

Es ist folglich der Ungleichförmigkeitsgrad dieser Krummzapsenbewegung $\delta=(0.3270\,+\,0.1836)\,rac{Qr}{Mc^2}=0.5106\,rac{Qr}{Mc^2}$, oder, da

$$P = (1 + Log. nat. \epsilon) \frac{Q}{\pi} = 0,5389 Q \text{ ift,}$$

$$\delta = \frac{0.5106 \, Pr}{0.5389 \, Mc^2} = 0.9475 \, \frac{Pr}{Mc^2}.$$

In folgender Tabelle sind die den Erpansioneverhaltnissen s = 2, 3, 4, 5, 6 entsprechenden Grade der Ungleichformigkeit biefer Krummzapfensbewegung aufgeführt:

Rrummjapfen mit veranberlicher Umbrebungefraft.

Erpanstonsverhältnisse e	2	3	4	5	6
Ungleichförmigfeitegrabe & .	0,9475	1,004	1,038	1,062	$1.084 \frac{Pr}{Mc^2}.$

§. 119. Wir haben endlich noch die Theorie der Krummzapfenbewegung bei Erpansionsbampfmaschinen badurch allgemeiner zu machen, daß
wir noch auch die aus der Kolbenreibung, aus dem Gegendruck auf der
andern Fläche des Kolbens u. s. w. bestehende Nebenlast R mit in Rechnung bringen. Die Kolbenreibung können wir nach Pambour (S. II.,

§. 377) pr. Quadratzoll Kolbenflache, $=\frac{25}{d}$ Pfund, wo d den Kolbensturchmesser bezeichnet, setzen, der Gegendruck auf der hinteren Kolbenflache ist hingegen bei Maschinen mit Condensation 1,51 und bei solchen ohne Condensation 15,1 Pfund auf den Quadratzoll Kolbenflache zu setzen. Ist daher F die Kolbenflache in Quadratzoll, so hat man diesen Widerstand

bei Condensationsmaschinen,
$$R = \left(\frac{25}{d} + 1,51\right) F$$
, und

bei Maschinen ohne Condensation,
$$R = \left(\frac{25}{d} + 15,1\right) F$$
 Pfund,

wogegen die Kolbenkraft vor der Expansion, bei p Pfund Dampsdruck auf den Quadratzoll, Q=Fp Pfund beträgt.

Es ist leicht zu ermessen, daß fur diese Krummzapfen die Warzenges schwindigkeit vor der Erpansson durch die Formel

$$v = \left(1 + \left[(Q - R)\left(1 - \cos \beta + \frac{r}{2l}(\sin \beta)^2\right) - P\beta\right] \frac{r}{Mc^2}\right)c,$$

und bagegen bie mahrend ber Erpansion burch bie Formel

$$v = \left[1 + \left(Qs\left[1 + Log. \, nat. \left(1 - cos. \, \beta \mp \frac{r}{2l} \, (sin. \, \beta)^2\right) \frac{\varepsilon}{2}\right] - Pr\beta - Rr\left(1 - cos. \, \beta \mp \frac{r}{2l} \, (sin. \, \beta)^2\right)\right] \frac{1}{Mc^2}\right]c$$

bestimmt werden muß.

Die Minimalgeschwindigkeit vor der Erpanston ist mit Hulfe der im vorigen Paragraphen gefundenen Formel zu ermitteln, wenn man darin nur statt Q,Q - R sett. Man hat folglich

$$\sin \beta = \frac{P}{Q - R} \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta$$
, ober
 $\sin \beta = \frac{2}{\pi \left(1 - \frac{R}{Q}\right)} \left(\frac{1 + Log. \, nat. \, \varepsilon}{\varepsilon} - \frac{R}{Q}\right) \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta$,

wenn man berucksichtigt, daß hier des Beharrungszustandes wegen $P = \frac{Qs(1 + Log. nat. s) - 2Rr}{\pi r} = \frac{2Q}{\pi s} (1 + Log. nat. s) - \frac{2}{\pi} R$

Arummjapfen mit veranderlicher Umbre-R bungefraft.

gu fegen ift.

Fur die Maximalgeschwindigkeit mahrend ber Expansion hat man hins gegen

$$Qs.\frac{\sin\beta \mp \frac{r}{2l}\sin2\beta}{1-\cos\beta \mp \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2} - Pr - Rr\left(\sin\beta \mp \frac{r}{2l}\sin2\beta\right) = 0,$$

ober

$$\left(\sin\beta\mp\frac{r}{2l}\sin2\beta\right)\left(\frac{Qs}{1-\cos\beta\mp\frac{r}{2l}(\sin\beta)^2}-Rr\right)=Pr,$$

und hieraus ergiebt fich

$$ctg. \frac{1}{2}\beta = \frac{Pr}{Qs\left[1 \pm \frac{r}{l}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right] - 2Rr\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\left(1 \mp \frac{r}{l}\cos\beta\right)}$$

$$= \frac{Qs\left(1 + Log.nat.\varepsilon\right) - 2Rr}{\pi\left(Qs\left[1 + \frac{r}{l}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\right] - 2Rr\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\left(1 \mp \frac{r}{l}\cos\beta\right)\right)}$$

$$= \frac{1 + Log.nat.\varepsilon - \frac{\varepsilon R}{Q}}{\pi\left[1 \pm \frac{r}{l}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2} - \frac{\varepsilon R}{Q}\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^{2}\left(1 \mp \frac{r}{l}\cos\beta\right)\right]}.$$

Wir wissen schon aus II., §. 374, daß die vortheilhafteste Dampsbernutung dann statt hat, wenn die Dampstrast $\frac{Q}{s}$ am Ende des Kolbenshubes $s_1=2\,r=s\,s$ dem Widerstande R gleich und folglich auch $\frac{s\,R}{Q}=1$ ist. Unter dieser Boraussetung nehmen unsere Formeln folgende einfache Gestalten an:

Fur bie Minimalgefchwindigfeit:

$$\sin \beta = \frac{2 \text{ Log. nat. } \epsilon}{\pi \ (\epsilon - 1)} \pm \frac{r}{2l} \sin 2\beta$$

und fur die Marimalgefchwindigkeit:

$$\cot g. \frac{1}{2} \beta = \frac{\text{Log. nat. } \varepsilon}{\pi \left(\cos. \frac{\beta}{2}\right)^2 \left[1 \pm \frac{2 r}{l} \left(\sin. \frac{\beta}{2}\right)^2\right]}.$$

Rrummjapfen mit veranberlicher Umbrebungefraft. Die Umbrehungetraft ift ferner fur biefen Fall

$$P = \frac{2Q}{\pi \, \varepsilon} \, Log. \, nat. \, \varepsilon = \frac{2}{\pi} \, R \, Log. \, nat. \, \varepsilon$$

und baber find bie eminenten Gefchwindigkeiten

$$v_2 = \left(1 + \left[(\varepsilon - 1)\left(1 - \cos\beta + \frac{r}{2l}(\sin\beta)^2\right) - \frac{2}{\pi}\beta \log \cdot \operatorname{nat.}\varepsilon\right] \frac{Qr}{\varepsilon Mc^2}\right)c$$
unb

$$v_1 = \left(1 + \left[1 + \cos \beta \pm \frac{r}{2l} (\sin \beta)^2 + \right]\right)$$

$$2 \operatorname{Log.nat.} \left(1 - \cos \beta + \frac{r}{2l} (\sin \beta)^{2}\right) \frac{\varepsilon}{2} - \frac{2}{\pi} \beta \operatorname{Log.nat.} \varepsilon \right] \frac{Qr}{\varepsilon Mc^{2}} c.$$

Rehmen wir wieber $\frac{r}{l}={}^{1}/_{5}$ und $\varepsilon=2$ an, so erhalten wir fur bie Wintel der Minimalgeschwindigkeiten

$$\sin \beta = \frac{2 \log nat.2}{\pi} \pm 0.1 \sin 2\beta = 0.6366.0.69315 \pm 0.1 \sin 2\beta.$$

ober

$$sin. \ eta = rac{0,44126}{1 \mp 0,2 \ cos. \ eta}, \ ext{und es ift hiernach}$$

$$entweder \ eta = 32^{\circ}, 5^{1/2}' \ ext{oder } eta = 21^{\circ}50'.$$

Die entsprechenden Minimalgeschwindigkeiten find

$$v_2 = \left(1 + [1 - \cos .32^0, 5^1/2' - 0,1 \ (\sin .32^0, 5^1/2')^2\right)$$

$$-0,44126$$
. $arc. 320, 51/2'] $\frac{Qr}{2Mc^2}$ c$

$$= \left(1 - 0.0613 \frac{Qr}{Mc^2}\right) c \text{ unb}$$

$$v_2 = (1 + [1 - \cos 21^\circ, 50' + 0, 1 \sin (21^\circ, 50')^2)$$

$$-0,44126$$
 . arc. 21°, 50'] $\frac{Qr}{2Mc^2}$ c.

Für die Winkel der Maximalgeschwindigkeiten ist bagegen

$$cotg. \frac{1}{2}\beta = \frac{Log. \, nat. \, 2}{\pi \, (cos. \frac{1}{2}\beta)^2 \left[1 \pm 0.4 \left(sin. \frac{\beta}{2}\right)^2\right]} = \frac{0.22063}{(cos. \frac{1}{2}\beta)^2 \left[1 \pm 0.4 \left(sin. \frac{\beta}{2}\right)^2\right]},$$

und hiernach entweder $\beta = 116^{\circ}, 32'$ ober $\beta = 104^{\circ}, 12'$.

Die entsprechenden Marimalgeschwindigkeiten find

$$v_{1} = \left(1 + (1 + \cos . 116^{\circ}, 32' + 0, 1 (\sin . 116^{\circ}, 32')^{2} + 2 \log . \operatorname{nat.}\right)$$

$$[1 - \cos . 116^{\circ}, 32' - 0, 1 (\sin . 116^{\circ}, 32')^{2}] - 0,44126 \operatorname{arc.} 116^{\circ}, 32') \frac{Qr}{2 \operatorname{M}c^{2}} c$$

$$= \left(1 + 0,1803 \frac{Qr}{\operatorname{M}c^{2}}\right) c \text{ unb}$$

$$v_{1} = \left(1 + (1 + \cos . 104^{\circ}, 12' - 0, 1 (\sin . 104^{\circ}, 12')^{2} + 2 \log . \operatorname{nat.}\right)$$

$$[1 + \cos . 104^{\circ}, 12' + 0, 1 (\sin . 104^{\circ}, 12')^{2}] - 0,44126 \operatorname{arc.} 104^{\circ}, 12') \frac{Qr}{2\operatorname{M}c^{2}} c$$

 $= (1 + 0.2212 \frac{Qr}{Mc^2})c;$ baber ber Ungleichformigfeitsgrab

$$\delta = (0.2212 + 0.0613) \frac{Qr}{Mc^2} = 0.2825 \frac{Qr}{Mc^2},$$
ober, ba $P = \frac{2Q}{\pi s} Log. nat. s = \frac{0.69315}{\pi} Q = 0.22063 Q ift,$

$$\delta = \frac{0.2825}{0.22063} \cdot \frac{Pr}{Mc^2} = 1.280 \frac{Pr}{Mc^2}.$$

In folgender Tabelle find die ben Erpansionsverhaltniffen $\varepsilon=2,3,$ 4, 5, 6 entfprechenben Ungleichformigfeitegrabe angegeben.

Expansionsverhältnisse s	2	3	4	5	6	
Ungleichförmigfeitsgrade &.	1,280	1,374	1,421	1,453	$1,477 \frac{Pr}{Mc^2}$	

§. 120. Sehr verwidelt stellen fich bie Bewegungeverhaltniffe ber dop- Rrummige pelten Krummgapfen an Erpanfionemafchinen, g. B. bei Dampfmagen und Dampfichiffen, heraus. Wir wollen hier jedoch bie Untersuchung baburch vereinfachen, dag wir erftens eine unendlich lange Rurbelftange vorausfegen, und bag wir zweitens von ber conftanten Rebenlaft gang abfeben. Ift bas Erpansioneverhaltnig nicht unter 2, so wird von ben beiben Dampfmaschinen mindestens stets eine mit Erpansion des Dampfes arbeis ten, und wir konnen baher wieber jebe, einem Umbrehungsquabranten entfprechende Periode aus zwei Theilen bestehend annehmen, namlich aus einem Theile, wo nur eine Maschine mit Erpansion arbeitet, und einem Theile, wo beide Maschinen mit erpandirtem Dampfe arbeiten.

In dem erften Theil der Bewegungsperiode verrichtet die eine Mafchine

Toppelte während der Umdrehung des Krummzapfens um den Winkel β die Arbeit being den $L_1 = Qr \ (1-\cos\beta)$, dagegen die andere Maschine die C

$$L_{2} = Qs \left(1 + Log. \, nat. \left[1 - cos. \, (90^{\circ} + \beta)\right] \frac{\varepsilon}{2}\right)$$

$$- Qs \left(1 + Log. \, nat. \left(1 - cos. \, 90^{\circ}\right) \frac{\varepsilon}{2}\right)$$

$$= Qs \left(Log. \, nat. \left(1 + sin. \, \beta\right) \frac{\varepsilon}{2} - Log. \, nat. \frac{\varepsilon}{2}\right)$$

$$= Os \, Log. \, nat. \left(1 + sin. \, \beta\right).$$

Da die Arbeit der Laft P wieder Pr bift, fo folgt fur diefen Theil ber Periode die bie Umbrehungsgeschwindigkeit bes Rrummzapfens verandernde Leistung

$$L = L_1 + L_2 - Pr\beta$$

= $Qr (1 - \cos \beta) + Qs Log. nat. (1 + \sin \beta) - Pr\beta$.

In bem zweiten Theile einer Umbrehungsperiode ift bie Leiftung ber erften Maschine

$$L_1 = Qs\left(1 + Log.nat.(1 - cos.\beta)\frac{\varepsilon}{2}\right),$$

während L_2 unverändert = $Qs \ Log. \ nat. (1 + sin. \beta)$ bleibt; man hat baher für diesen Theil

$$L = Qs\left(1 + Log.nat.(1 - cos.\beta)\frac{\delta}{2}\right) + Qs Log.nat.(1 + sin.\beta) - Pr\beta$$
$$= Qs\left(1 + Log.nat.(1 + sin.\beta)(1 - cos.\beta)\frac{\delta}{2}\right) - Pr\beta.$$

Der Beharrungszustand der Maschine fordert, daß fur $eta=rac{\pi}{2}, L=0$ fei; es ist folglich

$$\frac{Pr\pi}{2} = Qs (1 + Log. nat. \epsilon), b. i.$$

$$P = \frac{2}{\pi} \cdot \frac{s}{r} (1 + Log. nat. \epsilon) Q, ober, ba$$

$$\epsilon = \frac{2r}{s}, alfo \frac{s}{r} = \frac{2}{\epsilon} ift,$$

$$P = \frac{4}{\pi} (1 + Log. nat. \epsilon) \frac{Q}{\epsilon}.$$

Diesem zu Folge erhalten wir nun

1) fur ben Bewegungezustand mahrend ber Erpansion einer Dafchine

$$L = \left(1 - \cos \beta + \frac{2}{\varepsilon} Log.nat.(1 + \sin \beta) - \frac{4\beta}{\pi \varepsilon} (1 + Log. nat. \varepsilon)\right) Qr,$$
 also bie entsprechende Geschwindigkeit

$$v = \left[1 + \left(1 - \cos \beta + \frac{2}{\varepsilon} Log.nat.(1 + \sin \beta) - \frac{4\beta}{\varepsilon \pi} (1 + Log.nat.\varepsilon)\right) \frac{Qr}{Mc^2}\right]c, \\ \underset{\text{Emminations.}}{\text{Ensuring follows.}} \\ \underset{\text{Benn functions.}}{\text{Ensuring follows.}}$$

2) für den Bewegungezustand während der Erpansion beider Maschinen $L = \left[\frac{2}{\varepsilon} \left(1 + Log.nat.(1 + sin.\beta)(1 - cos.\beta) \frac{\varepsilon}{2}\right) - \frac{4\beta}{\pi \varepsilon} (1 + Log.nat.\varepsilon)\right] Qr$ $= \left(1 + Log.nat.(1 + sin.\beta)(1 - cos.\beta) \frac{\varepsilon}{2} - \frac{2\beta}{\pi} (1 + Log.nat.\varepsilon)\right) \frac{2Qr}{\varepsilon},$ also die entsprechende Geschwindigseit

$$v = \left[1 + \left(1 + Log. \, nat. \left(1 + sin. \, \beta\right) \left(1 - cos. \, \beta\right) \frac{\varepsilon}{2} - \frac{2 \, \beta}{\pi} \left(1 + Log. \, nat. \, \varepsilon\right)\right] \frac{2 \, Q \, r}{\varepsilon \, M \, c^2} \right] c.$$

Durch Differenziiren und Nullseten bes Differenzialquotienten bieser beiben Ausbrucke fur v erhalten wir diejenigen Umbrehungswinkel, bei welchen v zum Marimum und Minimum wird. Es ist

für 1)
$$\sin \beta + \frac{2}{\varepsilon} \cdot \frac{\cos \beta}{1 + \sin \beta} - \frac{4}{\pi \varepsilon} (1 + \log nat. \varepsilon) = 0,$$
b. i.
$$\cos \beta = \frac{2}{\varepsilon} / 2$$

$$\cos \beta$$

$$sin. \beta = \frac{2}{\varepsilon} \left(\frac{2}{\pi} \left(1 + Log. \, nat. \, \varepsilon \right) - \frac{cos. \beta}{1 + sin. \beta} \right)$$
, und für $2) \cdot \frac{cos. \beta}{1 + sin. \beta} + \frac{sin. \beta}{1 - cos. \beta} - \frac{2}{\pi} \left(1 + Log. \, nat. \, \varepsilon \right) = 0$, ober $cotg. \, \frac{1}{2}\beta + cotg. \, (45^{\circ} + \frac{1}{2}\beta) = \frac{2}{\pi} \left(1 + Log. \, nat. \, \varepsilon \right)$.

Nehmen wir wieder das Erpansionsverhaltniß s = 2 an, so erhalten wir fur die Winkel der Maximal= und Minimalgeschwindigkeit zugleich, da in diesem Kalle stets nur eine Maschine mit Erpansion arbeitet,

$$sin. \ eta = rac{2}{\pi} (1 + Log. nal. \ 2) - colg. \left(45 + rac{eta}{2}
ight), \ ober$$
 $colg. \left(45^{\circ} + rac{eta}{2}
ight) + sin. eta = 1,07788;$

es ift hiernach

$$\beta = 30^{\circ},9'$$
 und $\beta = 79^{\circ},0'$,

und es find bie entfprechenden Befchwindigfeiten

$$v_2 = \left(1 + (0,13529 + Log.nat.1,50227 - 1,07788arc.30^0,9') \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

= $\left(1 - 0,0249 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$, und

Topyclic
$$v_1 = \left(1 + (0.80919 + Log. nat. 1.98163 - 1.07788 arc. 799) \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$$

Arpanfone-
Pampfonaldi-
nen. $= \left(1 + 0.0069 \frac{Qr}{Mc^2}\right)c$.

Hiernach ist ber Grab der Ungleichformigkeit für bieses Expansionsvers haltniß $(\varepsilon=2)$

$$\delta = (0,0249 + 0,0069) \frac{Qr}{Mc^2} = 0,0318 \frac{Qr}{Mc^2}$$
$$= \frac{0,0318}{1,07788} \cdot \frac{Pr}{Mc^2} = 0,0295 \frac{Pr}{Mc^2}.$$

Rehmen wir noch s == 3, fo erhalten wir

1)
$$^2/_3$$
 cotg. $\left(45^{\circ} + \frac{\beta}{2}\right) + \sin.\beta = \frac{4}{3\pi}(1 + \text{Log. nat. 3}) = 0,89068$; hiernach ist $\beta = 30^{\circ},47'$ und die entsprechende Minimalgeschwindigkeit $v_2 = \left(1 + (0,14089 + \frac{2}{3}) + \frac{2}{3}\right)$ Log. nat. 1,51179

$$-0.89068 \cdot arc. 30^{0},47') \frac{Qr}{Mc^{2}} c$$

$$= \left(1 - 0.0621 \frac{Qr}{Mc^{2}}\right) c.$$

Ferner ift

2)
$$cotg. \frac{1}{2}\beta + cotg. (45^{\circ} + \frac{1}{2}\beta) = \frac{2}{\pi}(1 + Log. nat. 3) = 1,3360;$$

hiernach $\beta = 78^{\circ}, 8'$ und die entsprechende Maximalgeschwindigseit $v_1 = \left[1 + \left(1 + Log. nat. 1,97863 . 0,79437 . \frac{3}{2}\right)\right]$

$$-1,3360 \cdot arc.78^{\circ},8' \left(\frac{2 Qr}{3 Mc^{2}} \right) c$$

$$= \left(1 + 0,0238 \frac{Qr}{Mc^{2}} \right) c.$$

Es ift folglich fur biefes Erpansioneverhaltniß ber Grad ber Ungleich= formigkeit

$$\delta = (0,0621 + 0,0238) \frac{Qr}{Mc^2} = 0,0859 \frac{Qr}{Mc^2}$$
$$= \frac{0,0859}{0,89068} \cdot \frac{Pr}{Mc^2} = 0,0964 \frac{Pr}{Mc^2}.$$

Folgende Tabelle enthalt die Ungleichformigkeitsgrade fur die Erpanssionsverhaltniffe 2, 3, 4, 5, 6.

Erpanfioneverhaltniffe e	2	3	4	5	6	Doppelte Krummjapfen bei Expanfions.
Ungleichförmigfeitsgrabe &	0,0295	0,0964	0,1359	0,1643	$0.1824 \frac{Pr}{Mc^2}$	Dampimaicht.

Wir ersehen aus ben vorstehenden Entwickelungen und Zusammenstelz lungen, daß bei gleichem $\frac{Pr}{Mc^2}$, b. i. daß unter gleichen Umständen und Berhältnissen, die Ungleichsörmigkeit in der Umbrehungsbewegung der Krummzapsen um so mehr zunimmt, je weiter die Erpansion des Dampses gesteigert wird, daß daher umgekehrt, bei gleichem Gange der Maschine, die träge Wasse M berselben um so größer gemacht werden muß, je mehr der Damps durch Erpansion wirkt. Diese träge Umbrehungsmasse M erhalten wir in den sogenannten Schwungrädern, von welchen jedoch erst in dem siedenten Kapitel die Rede sein kann.

Schlußanmerkung. Die Literatur über bie Theorie ber Krummzapfen ift ziemlich ausgebehnt. Der Berfaffer hat dieselbe vollständig mitgetheilt in einer größeren Abhanblung mit dem Titel: »Ueber die Theorie des Krummzapfens- im polytechn. Centralblatte, Jahrgang 1843, Band 1. Die erste richtige Theorie haben wir Eptelwein zu danken; vor und selbst nach Eptelwein ist vieles Unrichtige namentlich in Betreff des Einflusses der Gestängmasse auf den Gang dieser Raschine geschrieben worden. Diese Raschine ist hier wegen ihrer Bichetigkeit ausstührlicher behandelt worden, als in anderen Berken über Mechanik. Nur Morin bespricht in dem britten Theile seiner Legons de mécanique pratique die Theorie des Krummzapfens aussührlich; er entwidelt jedoch dieselbe nur auf dem Bege des Construirens.

Viertes Kapitel.

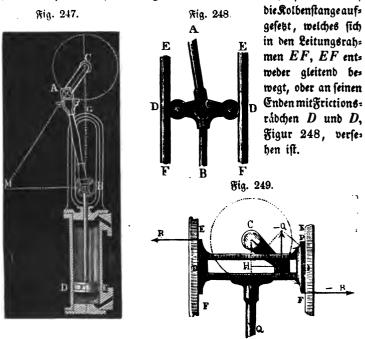
Von den Gerad = oder Senkrechtführungen bei der Berwandlung der Areisbewegung in die geradlinige, und umgekehrt, bei der Umsekung der geradlinigen Bewegung in die kreisförmige.

§. 121. Um die brehende Bewegung eines Krummzapfens ober die Befte Leitung. schwingende Bewegung eines Balanciers ober hebels in eine möglichst gez radlinig absehende Bewegung umzuändern, oder umgekehrt, um aus der letteren Bewegung eine ber ersteren Bewegungen abzuleiten, ist es nothig, ben Kopf der in ihrer Are auf und nieder oder bin und her zu bewegen-

Befte Leitung, ben Stange in einer besonderen Fuhrung gehen zu laffen. Diese Fuhrung besteht entweber in unbeweglichen Leitungestuden, ober fie ift aus einer Bebeleverbindung zusammengefett.

Eine feste ober unbewegliche Führung führt Fig. 247 vor Augen. Es sind hier an dem Bolzen, welcher die Kurbelstange AB mit der Kolbenstange BF verbindet, zwei Frictionsrader, wie B, angeschoben, welche genau in zwei Leitungsrahmen, wie BG passen, und in denselben während der Umdrehung des Krummzapsens CA auf und nieder gehen.

Buweilen hat man ftatt ber Frictioneraber ein Querhaupt DCD auf



Wenn man das Querhaupt DD, Fig. 249, mit einem Schlitz zur Aufnahme des Warzenkopfes A versieht, so kann man auch die Kurbelstange ganz entbehren. Es tritt hier dasselbe Bewegungsverhaltniß ein, als wenn die Kurbelstange unendlich lang ware; jedoch haben wir hier noch eine bez deutende Seitenreibung des Querhauptes in seiner Leitung EF, EF zu überwinden. Da die Stangenkraft Q und der vertikale Component $Q = P : \sin \beta$ ein Kraftepaar bilden, welches nur durch ein anderes Kraftepaar aufgehoben werden kann, so drückt das Querhaupt in seinen diagonal gegenüber liegenden Endpunkten E und F gegen die Führung mit den Kraften F und F0, und hat daher bei seinem Auf- und Niedergange die Reis

bung F=2 φ R zu überwinden. Der Hebelarm des Kräftepaares dent Keitunation (Q,-Q) ist $AH=r\sin \beta$, der des Kräftepaares (R,-R) hingegen, ist die Höhe EF=a des Querhauptes; man hat folglich $Ra=Qr\sin \beta$.

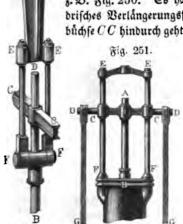
also
$$R=rac{r\,Q\,sin.\,eta}{a}$$
 und die veranderliche Reibung $F=2\,arphi\,rac{r}{a}\,Q\,sin.\,eta,$ deren mittlerer Werth aber nach §. 99 $F=arphi\,rac{r}{a}\,Q$ zu sehen ist.

Wenn hiernach die Sohe a des Querhauptes nicht groß ift, so kann diese Seitenreibung deffelben in der Fuhrung sehr ansehnlich ausfallen.

Man wendet diese Construction in neueren Zeiten bei direct wirkenden Dampfpumpen an, wo das Querhaupt als Verbindungsstuck der Kolbensstangen beider Maschinen und der Krummzapsen nur zum Anschluß eines Schwungrades dient. Da hier die Kolbenstange der Pumpe mit der der Dampfmaschine einerlei Arenlinie hat, so fällt natürlich bei Maschinen ohne Erpansion die ercentrische Wirkung der Kraft Q weg. Ist aber Q variabel, wie z. B. bei Erpansionsdampsmaschinen, so wird allerdings durch die ercentrische Wirkung des regulirenden Krummzapsens eine Seitenreisbung F hervorgebracht werden.

Fig. 250.

§. 122. Eine einfache und bei Pumpen und Feuerspriten hausig vorkommende Führung besteht in der Anwendung von cylindrischen Leitung buch sen. Eine solche Leitung zeigt z. B. Fig. 250. Es hat hier die Kolbenstange AB ein cylinzdrisches Berlängerungsstud AD, welches durch die Leitungsbuchse CC hindurch geht, während die gegabelte und durch das



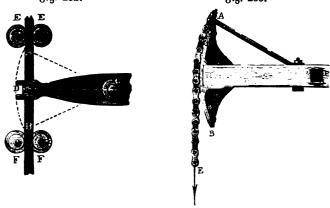
Querhaupt FAF mit der Rolbensftange verbundene Kurbelstange FEGEF mit ihren 3inken EF und EF über diese Buchse weggreift.

Bei der Leitung in Fig. 251 bils den die Leitungsbuchsen C und C Theile des Querhauptes DAD der Rolbenstange AB, und es umfassen bieselben cylindrischen Leitungsstangen EF, EF, an denen ste mittelst der Kurbelstangen DG, DG auf und nieder geschoben werden.

Buweilen läßt man auch die von einem hebel CD mittels eines Bolzens D auf und nieder geführte Stange AB, Fig. 252 (auf folgender Seite) awischen Balzen E, E und F, F laufen.

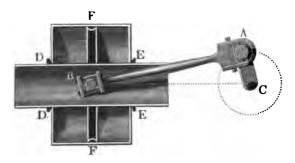
Erfte Abtheilung. Biertes Rapitel.

Benn man den Balancier oder hebel CAB, Fig. 253, mit einem Fig. 252.

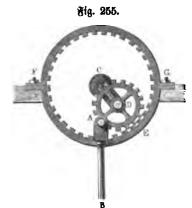


Krümmling ober Bogen AB versieht, und die Stange mittels Ketten ADE an den letzteren anschließt, so ist natürlich eine besondere Führung gar nicht nothwendig. Wendet man aber statt der Ketten einen gezahnten Bogen und ein gezahntes Stangenende an, so muß man wenigstens eine Leitungs-walze auf der entgegengesetzten Seite der Stange andringen. Des leichten Abbrechens und schnellen Abführens der Zähne wegen wendet man jedoch bei absehenden Bewegungen Verzahnungen nicht gern an.

In der neuesten Zeit kommen auch Dampfmaschinen mit hohlen Kolbens stangen DBE, Fig. 254, wo die Stopfbuchsen zugleich als Leitungsbuchsen Big. 254.

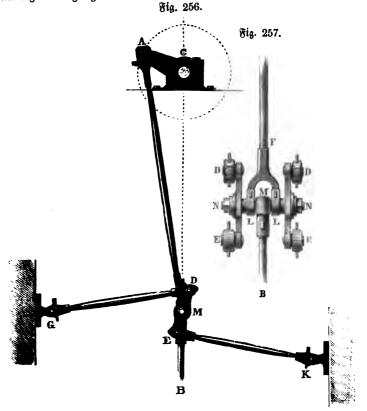


bienen, zur Anwendung. Es wird hier die rohrenformige Kolbenstange in ihrer Mitte mittels eines Bolzens B von der Kurbelstange erfaßt. Diese, in England unter dem Namen Trunk-engines bekannten Dampfmaschinen gewähren den Vortheil der bedeutenden Raumersparniß, da hier die Kurbels welle dem Dampfcplinder ganz nahe zu liegen kommt.



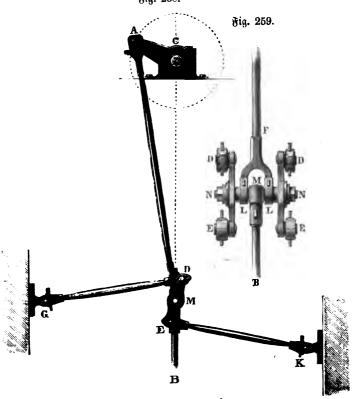
Anmerfung. Bur Gerabführung Defte Leitung. einer Stange ober eines Rahmens bat man auch bas Spbochcloibenrab angewenbet. Es ift bier an bie Barge D eines um C fich brebenben Rrumms gapfens ein Bahnrab AE angeftedt, bas in ein festliegenbes bopvelt fo hohes Bahnrad FEG eingreift. Bei Umbrehung bee Rrummgapfens malgt fic bann bas Rab ADE fo in bem gezahnten Rrange FEG, bag jeber Buntt im Umfange beffelben in einem, und ber Aufhangepunft A ber Rolbenftange AB inebefonbere, in bem vertifalen Durchmeffer bes gezahntes Rranges bin= unb gurudlauft.

6. 123. Mus Sebeln und Stangen jufammengefette guhrungen Degenienter. wendet man vorzüglich bei großeren Daschinen an, weil es leichter ift, eine fichere Drehungebewegung berguftellen, ale eine genaue und bauerhafte gerablinige Bewegung.



Wegenlenter.

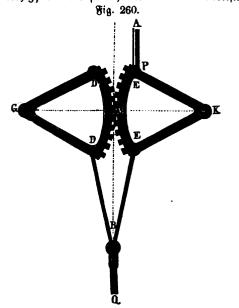
Die einfachste Gerabführung dieser Art ist die mit zwei gleichen Lenkern oder Gegenlenkern (franz. guides; engl. rods). Zwei gleiche Hebel oder Lenkarme DG und EK, Fig. 258, welche sich um die sesten Aren G und K brehen, sind hier durch ein Gelenk DE (franz. joint, fleau, article; engl. link) mit einander verdunden, und in der Mitte M dieses Gelenkes ist nicht allein die Kolbenstange MB aufgehangen, sondern auch das Ende der Kurbelstange AM angeschlossen. Während der Aufhängepunkt M durch die Kurbelstange aufz und niedergeführt wird, macht jeder Lenker eine Schwingung aufz und abwärts und erhält dabei den Punkt M nahe in einer und berselben Vertikallinie. Fig. 258.



Die genaue Zusammensetzung bieser Gerabführung ist aus Fig. 259 zu entnehmen. Das gabelförmige Ende der Kurbelstange ist mittels eines Bügels LFL (wie in Fig. 231) an die von dem Querhaupte der Kolbenstange MB gebildete Are NN angeschlossen, und die Gelenke DE, DE sind mit ihren Augen in der Mitte an die Enden dieser angeschoben. Die Schrauben N, N verhindern das Herabgehen der Gelenke von der Are

NMN und die Bolgen oder Warzen D, E, D, E dienen gum Anschluß der zwei Gegenleuter. Paar Lenfarme an die Gelente. Die Berboppelung der Gelente und Lenfarme ift nothig, um bas feitliche Banten ber Rurbelftange MB ju verhindern.





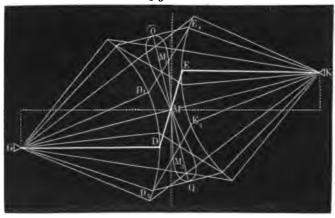
Anmerfung. Wenn man zwei einanber genau gegenüberftebenbe Bebel ober genfer GDD unb KEE, Fig. 260, mit gezahnten Birfelftuden DMD und EME ver. steht, so daß beibe hebel aleiche Schwingungen machen muffen, fo wirb ber Ropf B ber volltom= men fymmetrifc an beibe Lenfer angehangenen Rol= benftange BQ genau in einer geraben Linie be= megt merben. Die Rurbelftange AP fann ent= weber nur an einen ober an beibe Lenfer jugleich angefchloffen werben. Statt ber gezahnten Gectoren fann man auch einfache Birtelftude anwenben und biefelben burch

Retten mit einander verbinden. Wegen ihrer Complication wendet man jeboch biefe übrigens geometrifch richtige Berabführung nicht gern an.

Die aus einfachen Gelenten und Lentern gusammengesetten Dechanismen, und alfo auch die in Fig. 258 abgebilbete Gerabführung geben niemals eine volltommen gerablinige Bewegung, fondern befchreiben ein Stud einer ber 8 ahnlichen in bas Geschlecht ber Lemniscaten ober Schleifenlinien (frang und engl. lomiscates) gehorenben Curven. Benn man ben aus bem Belent DE, Fig. 261 (f. f. S.), und aus ben Lenkarmen GD und KE bestehenden Dechanismus in alle moglichen Lagen bringt, fo burchlauft ber Mittelpunkt bes Gelentes ober ber Aufhangepunkt M ber Rolbenftange bie vollständige Lemniscate MOQ, lagt man aber die Lentarme GD und KE nur um die Winkel $D_1 GD_2$ und $E_1 KE_2$ schwingen, so gelangt bas Gelent DE nur in die außerften Lagen D, E, und D, E, und es bewegt sich M nur in bem einer geraben Linie nahe kommenben Bogen M, MM, auf und nieber. Ge ift hiernach leicht zu ermeffen, bag bie Bewegung bes Stangenkopfes M um fo mehr von einer geraben Linie abweicht, je größer bie Schwingungswintel find und je turger bas Gelent in hinficht auf bie Armlange ift.

Begentenfer.

Damit sich ber von bem Aufhangepunkt M beschriebene Lemniscatenbogen so viel wie möglich an die gerade hublinie anschließe, damit also die Seitensabweichung der Kolbenstangenbewegung so klein wie möglich ausfalle, stellt Ria. 261.

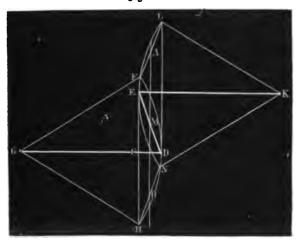


man das Gelenk und die Lenkarme so gegen einander, daß diese Seitenzabweichung im hochsten, mittleren und tiefsten Stande der Lenkarme Null ausfällt, daß also der Mittelpunkt M bes Gelenkes bei jeder dieser drei Stellungen in die Arenrichtung der Koldenstange fällt. Bei dieser Anordnung sind die Lenkarme GD und KE im halben Hube winkelrecht zur Stangenare, liegen also horizontal, wenn diese eine vertikale Linie bildet, und es besindet sich der Aushängepunkt der Stange im Knoten M der Schleissenlinie, wogegen er beim hochsten und tiessten Koldenstande um den halben Koldenhub von dem Knoten M absteht. Wie hiernach die Construction dieser Senkrechtsührung vorzunehmen ist, wird aus Fig. 262 hervorgehen. Man zeichne zuerst die Mittellage GD eines Lenkarmes, beschreibe dann mit demselben aus seiner Drehungsare G einen Kreisbogen und begrenze diesen durch die Sehne FH, welche dem gegebenen Koldenhube s gleich ist, und

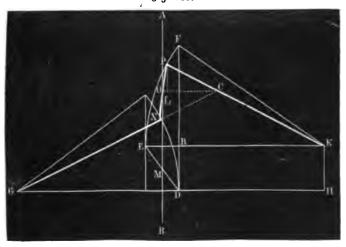
von GD rechtwinkelig in zwei gleiche Theile $CF=CH=\frac{s}{2}$ getheilt wird. Run schneibe man mit der Lange a des Gelenkes aus D in FH das Stud DE ab, welches zugleich die mittlere Stellung des Gelenkes anz giebt, ziehe ferner EK parallel GD und mache auch EK=GD, so ist EK der zweite oder Gegenlenker und K die Drehungsare desselben. Man kann nun auch aus K den Schwingungsbogen LEN=FDH beschreiz ben, so wie die unter sich parallelen Gelenklagen FL und HN beim hochen und tiefsten Kolbenstande angeben, und durch den Mittelpunkt M des Gelenkes die den Sehnen FH und LN parallele Hublinie AB ziehen. Es

find dann A, M und B die drei Stellen, welche der Aufhangepunkt ber segenlenter. Rolbenftange beim hochsten, mittleren und tiefsten Stande einnimmt.

%ig. 262.

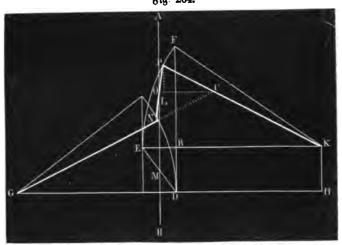


§. 125. Bon Wichtigkeit ift es, die größte Seitenabweichung eiten. bes Aufhängepunktes O ber Kolbenstange von der mittleren Hublinie AB, aberichn ber Fig. 263, zu kennen. Wenn auch dieselbe in der Regel sehr klein und in Fig. 263.



ber Zeichnung kaum bemerkbar ift, so ift es boch nothig, sich einen algebraisichen Ausbruck fur bieselbe zu verschaffen, um zu erfahren, burch welche III.

Ceitenabwelchung ber Begenlenfer. Berhaltnisse dieselbe möglichst herabgezogen werben kann. Jebenfalls ist bieser Abstand an derjenigen Stelle der Lemniscate am größten, wo dieselbe parallel mit der mittleren Hublinie AB lauft (vergl. I., Art. 9 ber analyt. Hulfslehren). Da sich aber nach I., §. 96, das Gelenk um den veranders Ria 264.



lichen Punkt C breht, in welchem sich die Richtungen der Lenkarme GN und KP schneiben, so ist die Stelle O der Maximalbewegung diejenige, welche mit diesem Drehungspunkt C in einer Normalen zur Hublinie AB oder in einer Parallelen zur Mittellage GD oder KE liegt. Unter dieser Boraussehung läst sich nun die Stelle der größten Abweichung wie folgt ermitteln.

Es seien die Lenterlangen GD=GN, so wie KE=KP,=a, ferner sei die Gelenklange DE=NP=d, und es seien die Coordinaten zwischen den Drehungspunkten G und K, rechtwinkelig und parallel zur Hublinie AB genommen, GH=b und BK=c, endlich seien die Neigungswinkel der Lenkarme und des Gelenkes gegen die Mittellagen DG und KE, bei der größten Seitenabweichung folgende:

$$NGD = \alpha$$
, $PKE = \alpha_1$ und $POC = \delta$.

Bundchft gelten folgenbe Bleichungen:

$$GH = b = a\cos \alpha + d\cos \delta + a\cos \alpha_1$$
, b. i.

1)
$$b = a(\cos \alpha + \cos \alpha_1) + d\cos \delta$$
, und

$$HK = c = a \sin \alpha + d \sin \delta - a \sin \alpha_1$$
, b. i.
2) $c = d \sin \delta - a (\sin \alpha_1 - \sin \alpha)$.

Ferner ist wegen des Parallelismus zwischen OC und EK oder GD, die Hohe $PL = PO\sin \alpha = CP\sin \alpha_1$, oder da $PO = \frac{1}{2}PN$

und
$$\frac{CP}{PN} = \frac{\sin .CNP}{\sin .NCP} = \frac{\sin .(\delta - \alpha)}{\sin .(\alpha_1 + \alpha)}$$
 iff,
3) $\frac{\sin .\delta}{\sin .\alpha_1} = \frac{2\sin .(\delta - \alpha)}{\sin .(\alpha_1 + \alpha)}$.

Ceitenabweidung ber Gegenlenfer

Es ist zu erwarten, daß an der Stelle, wo die Seitenabweichung am größten ausfällt, das Gelent ziemlich aufrecht sieht, daß also dnahe $=90^{\circ}$, also $\sin \delta = 1$ und dagegen α_1 nahe $= \alpha$, also $\cos (\alpha_1 - \alpha) = 1$ ist; beshalb können wir auch diese drei Gleichungen in folgende umandern.

Die erfte Gleichung giebt

$$\cos \alpha_1 + \cos \alpha = \frac{b - d \cos \delta}{a}$$

ober nach . Ingenieur . Geite 223,

$$2\cos\left(\frac{\alpha_1+\alpha}{2}\right)\cos\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right) = \frac{b-d\cos\delta}{a}; \text{ es ift}$$

$$\cos\left(\frac{\alpha_1+\alpha}{2}\right) = \frac{b-d\cos\delta}{2a} \text{ in fegen.}$$

Die zweite Gleichung giebt bagegen

$$sin. \alpha_1 - sin. \alpha = \frac{d sin. \delta - c}{a}, \text{ ober}$$
 $cos. \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) sin. \left(\frac{\alpha_1 - \alpha}{2}\right) = \frac{d - c}{2a};$

es resultirt folglich aus ber Berbindung beider Gleichungen

$$sin.\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)=\frac{d-c}{b-d\cos\delta}.$$

Die britte Gleichung lagt fich auf folgende Beife umformen:

$$sin.(\alpha_1 + \alpha) = 2 sin. \alpha_1 sin. (\delta - \alpha),$$

 $\sin \alpha_1 \cos \alpha + \cos \alpha_1 \sin \alpha = 2 \sin \alpha_1 (\cos \alpha - \cos \delta \sin \alpha)$

ober $2\sin \alpha \sin \alpha_1 \cos \delta = \sin (\alpha_1 - \alpha)$; es ist also hiernach

$$sin.\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)$$
 and $=sin.\left(\frac{\alpha_1+\alpha}{2}\right)^2cos.\delta$

$$=\left[1-\left(\frac{b-d\cos.\delta}{2a}\right)^2\right]cos.\delta$$

zu nehmen.

Sest man endlich diese beiden Werthe fur sin. $\left(\frac{\alpha_1-\alpha}{2}\right)$ einander gleich, fo erhalt man die Gleichung

$$\left[1-\left(\frac{b-d\cos\delta}{2a}\right)^2\right]\cos\delta=\frac{d-c}{b-d\cos\delta},$$

Ceitenabweidung ber Gegententer.

und es ift hiernach, wenn man bie Potengen von cos. & vernachlaffigt,

$$\cos \delta = \frac{d-c}{b\left(1-\frac{b^2}{4a^2}\right)}.$$

Benn man noch die Bogenhöhe ER durch e bezeichnet, so hat man $b=GD+RK=GD+EK-ER=2\,a-e$, daher $b^2=4\,a^2-4\,ae+e^2$ und $\frac{b^2}{4\,a^2}=1-\frac{e}{a}+\frac{e^2}{4\,a^2}$, also annähernd $1-\frac{b^2}{4\,a^2}=\frac{e}{a}$ und $\cos.\delta=\frac{a\,(d-c)}{b\,e}$.

Mit Sulfe biefes Winkels kann man nun auch die Winkel α und α_1 finden : es ift

$$\cos \alpha = \cos \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) - \sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) \sin \left(\frac{\alpha_1 - \alpha}{2}\right)$$

$$= \frac{b - d \cos \delta}{2a} + \cos \delta \left[\sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right)\right]^3$$

$$= \frac{b - d \cos \delta}{2a} + \cos \delta \left[1 - \left(\frac{b - d \cos \delta}{2a}\right)^2\right]^{8/2}, b. i.$$

$$\cos \alpha = \frac{b}{2a} - \left[\frac{d}{2a} - \left(\frac{e}{a}\right)^{8/2}\right] \cos \delta \text{ unb}$$

$$\cos \alpha_1 = \frac{b}{2a} - \left[\frac{d}{2a} + \left(\frac{e}{a}\right)^{8/2}\right] \cos \delta.$$

§. 126. In ber Regel ift ber Hub s=2FR und die Gelenklange DE=NP=d, sowie der Elongations oder halbe Schwingungswinkel $EKF=\frac{\beta}{2}$ gegeben, und man hat nun hieraus die übrigen Größen der Gerabführung zu finden.

Bunachft ift bie Armlange

$$1) \ a = \frac{s}{2 \sin \frac{\beta}{2}},$$

wobei man, um teine zu große Seitenbewegung zu erhalten, β nicht über 30 Grab nimmt.

Run folgt bie Bogenhohe ober Seitenbewegung bes Lenters

2)
$$e=a\left(1-\cos\frac{\beta}{2}\right)=a-\sqrt{\frac{a^2-\frac{\delta^2}{4}}{a^2-\frac{\delta^2}{4}}},$$
 annähernd, $e=\frac{\delta^2}{8a}$.

Ferner ist ber Horizontalabstand zwischen ben Drehungsaren G und K ber Lenkarme

Ceiten. abweichung ber Gegenlenfer.

3)
$$b = 2a - e = 2a - \frac{s^2}{8a}$$
,

und bagegen ber vertitale Abstand HK zwischen diefen Puntten

4)
$$c = \sqrt{d^2 - e^2}$$
, annähernd $c = d - \frac{e^2}{2d}$.

Run folgt fur die größte Seitenabweichung bes Stangenkopfes

5)
$$\cos \delta = \frac{a(d-c)}{be} = \frac{ae}{2bd}$$
,

6)
$$\cos \alpha = \frac{b}{2a} - \left[\frac{d}{2a} - \left(\frac{e}{a}\right)^{3/2}\right] \frac{ae}{2bd}$$

$$= \frac{b}{2a} - \frac{e}{4b} + \frac{e^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}} \quad \text{unb}$$

7)
$$\cos \alpha_1 = \frac{b}{2a} - \frac{e}{4b} - \frac{e^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}}$$
,

endlich aber diese Seitenabweichung felbst

8)
$$f = \frac{b}{2} - a\cos\alpha - \frac{d}{2}\cos\delta$$
$$= \frac{b}{2} - \frac{b}{2} + \frac{ae}{4b} + \frac{ae^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}} - \frac{ae}{4b} = \frac{ae^2}{2bd} \sqrt{\frac{e}{a}};$$

ober annahernb, wenn man b = 2a fest,

$$8^*) f = \frac{e^2}{4 d} \sqrt{\frac{e}{a}}.$$

Hat das Gelenk eine aufrechte oder ber Hublinie parallele Lage, ift also $\delta=0$, so ist

$$\begin{aligned} \cos a_1 &= \cos \left(\frac{\alpha + \alpha_1}{2}\right) - \sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right) \sin \left(\frac{\alpha_1 - \alpha}{2}\right) \\ &= \frac{b}{2a} - \frac{d - c}{2a} \cdot \frac{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right)}{\sin \left(\frac{\alpha_1 + \alpha}{2}\right)} = \frac{b}{2a} - \frac{d - c}{b} \sqrt{\frac{e}{a}}, \end{aligned}$$

und baher bie entsprechende Seitenabweichung von ber mittleren Sublinie AB:

$$f = \frac{b}{2} - a \cos \alpha_1 = \frac{a(d-c)}{b} \sqrt{\frac{e}{a}} = \frac{e^2}{4 d} \sqrt{\frac{e}{a}}$$
, b. i. gleich ber oben gefundenen Maximalahweichung.

Wir konnen also annehmen, daß schon bei ber fenkrechten Lage eines Geslenkes bie Abweichung nahe ein Großtes und zwar

$$\begin{array}{l} \frac{\mathfrak{E}_{\text{citens}}}{\text{abmelding}} f = \frac{e^2}{4d} \sqrt{\frac{e}{a}} = \frac{u^2}{4d} \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right)^2 \sqrt{1 - \cos \frac{\beta}{2}} \\ = \frac{a^2 \sqrt{2}}{d} \left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^5 = \frac{s^2 \sqrt{2}}{4d} \frac{\left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^5}{4\left(\sin \frac{\beta}{4}\cos \frac{\beta}{4}\right)^2}, \\ = \frac{s^2}{16d} \sqrt{2} \cdot \left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^3 = 0,0884 \frac{s^2}{d} \left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^3 \text{ ausfallt.} \end{array}$$

Bei der Schwingung der Lenkarme auf der entgegengesetten Seite von EK und GD nimmt naturlich f den entgegengesetzen Werth an. Man ersieht aus der letten Formel, daß die größte Seitenabweichung wie das Quadrat des Hubes, und, nahe wie der Schwingungswinkel, dagegen umgekehrt wie die Gelenklange wachst.

Beispiel. Ift ber Drehungswinkel $\beta=60^\circ$ und die Gelenklänge $d=\frac{1}{2}s$, so haben wir die Lenkarmlänge $a=\frac{s}{2\sin 30^\circ}=s$, ferner die Bogenhöhe $e=a(1-\cos .80^\circ)=(1-0.8660)s=0.1840s$, ferner den Horizontalabskand der Aren beider Lenkarme, b=2a-e=2s-0.1340s=1.8660s, und den Bertikalabskand beider

$$c=\sqrt{d^2-e^2}=\sqrt{\frac{1}{3}s^2-(0,134s)^2}=0,4817s$$
 und endlich die größte Seitenadweichung
$$f=\frac{(0,1340s)^2}{4\cdot\frac{1}{2}s}\sqrt{\frac{0,1340s}{s}}=0,00898\,\,\sqrt{0,1340}\,\,.\,\,s=0,00329s,$$
 }. B. bei $s=6$ Huß hub, $f=0,01974$ Huß $=\frac{1}{4}$ Boll.

Contre-

§. 127. Die Senkrechtsuhrung mittels Gegenlenker lagt sich auch bann mit Bortheil anwenden, wenn es barauf ankommt, eine an einem schwingenden Balancier hangende Kolbenstange in gerader Linie zu führen. Es ist allerdings am besten, wenn man dem Balancier einen Lenkerarm gegen- überstellt, der mit dem entsprechenden Balancierarme gleiche Lange hat, allein zur Ersparung des Raumes wendet man wohl auch einen kurzeren Lenkarm an und bringt ihn wohl gar auf der Seite des Balanciers an.

Die Anordnung in einem ober dem anderen dieser beiden Falle ist nach Fig. 265 und Fig. 266 auf folgende Weise zu treffen. Es sei ACB der nicht über 60 Grad messende Schwingungswinkel des Balanciers, und CD die horizontale Halbirungslinie dieses Winkels. Man ziehe die dem Hubes gleiche Sehne AB, theile die Bogenhohe DE in M in zwei gleiche Theile und ziehe durch M die eine Hublinie vorstellende Vertikale FII. Durchsschwiede man nun mit einer gewissen Känge aus A, D und B die Hublinie in F, G und H, so erhält man hierdurch den höchsten, mittleren und tiessten Stand des Aushängepunktes der Kolbenstange.

Jest hat man noch bie Linien AF, DG und BH zu verlangern, auf fie Big. 265.



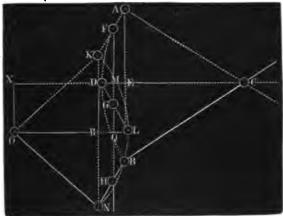
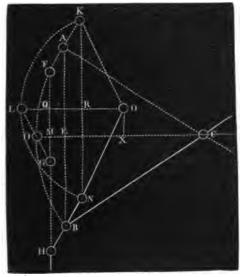


Fig. 266.



gleiche Stude FK, GL und HN aufzutragen und zu ben erhaltenen Punkten K, L und N bas Centrum O aufzusuchen. Der lettere ist bann ber Arpunkt bes Gegenlenkers und OK = OL = ON

OK = OL = ON ist die Lange besselben.

Mit größerer Genauigkeit läßt sich naturlich die Länge und
ber Arpunkt des Gegenlenkers durch Rechnung
bestimmen. Ift, wie
gewöhnlich, der hub s
und der Schwingungswinkel \(\beta \) bes Balanciers

gegeben, fo hat man zunächst bie Armlange $\mathit{CA} = \mathit{CD} \stackrel{\cdot}{=} \mathit{CB}$ beffelben:

$$a=rac{s}{2\sinrac{eta}{2}}$$
, und die Bogenhöhe $DE=e$, $e=a\Big(1-\cosrac{eta}{2}\Big)=rac{s\Big(1-\cosrac{eta}{2}\Big)}{2\sinrac{eta}{2}}.$

248

Contrebalancter. Ist nun noch die Gelenkstücklange AF=DG=BH=d und die Gelenklange $KF=LG=NH=d_1$, so haben wir für die Bogenshöhe $RL=e_1$ des Lenkers

$$\frac{LQ}{DM} = \frac{LG}{DG}$$
, b. i. $\frac{1/2}{1/2} \frac{e_1}{e} = \frac{d_1}{d}$, und daher

$$e_1 = \frac{d_1}{d} e = \frac{d_1}{d} a \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right) = \frac{d_1}{d} \frac{s \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right)}{2 \sin \frac{\beta}{2}}.$$

Aus der Sehne KN=AB=s und der Hohe $RL=e_1$ ergiebt sich nun der Halbmeffer OK=OL=ON des Bogens KLN, d. i. die Lange a_1 des Lenters, mit Hulfe der bekannten Formel

$$a_{1} = \frac{s^{2}}{8 e_{1}} + \frac{e_{1}}{2} = \frac{s}{4} \cdot \frac{d}{d_{1}} \frac{\sin \frac{\beta}{2}}{1 - \cos \frac{\beta}{2}} + \frac{s}{4} \cdot \frac{d_{1}}{d} \cdot \frac{1 - \cos \frac{\beta}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}}$$

$$= \left(\frac{d}{d_{1}} \cdot \frac{\sin \frac{\beta}{2}}{1 - \cos \frac{\beta}{2}} + \frac{d_{1}}{d} \cdot \frac{1 - \cos \frac{\beta}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}}\right) \frac{s}{4}$$

$$= \left[\frac{d}{d_{1}} \left(1 + \cos \frac{\beta}{2}\right) + \frac{d_{1}}{d} \left(1 - \cos \frac{\beta}{2}\right)\right] \frac{a}{2}$$

$$= \left[\frac{d_{1}}{d} \left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^{2} + \frac{d}{d} \left(\cos \frac{\beta}{4}\right)^{2}\right] a.$$

Ift umgekehrt die Lenkerlange a_1 gegeben, so läßt sich hiernach das Bershältniß $\frac{d_1}{d_1}=n$ der Gelenktheile finden. Es ist hiernach

$$n\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{1}{n}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2 = \frac{a_1}{a}$$
, und daher $n = \frac{m - \sqrt{m^2 - \left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^2}}{2\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2}$, wenn $m = \frac{a_1}{a}$ das Bets

haltniß ber Armlange a, und a zu einander bezeichnet.

Es ift übrigens bei einem fleinen Schwingungswinkel β ,

$$\left(\sin \frac{\beta}{4}\right)^2$$
 nahe Rull, und $\left(\cos \frac{\beta}{4}\right)^2$ nahe = Eine,

weshalb benn $\frac{a_1}{a} = m = \frac{d}{d_1} = \frac{1}{n}$ gefest werden fann.

Die Arenlage des Lenkarmes wird bestimmt durch die horizontale Absciffe Gontre balantier. $CX = b = CD - DM \mp QL \pm OL$

$$= a \pm a_1 - \frac{1}{2}(e \pm e_1) = (1 \pm m) a - (1 \pm n) \frac{e}{2},$$

wobei bie oberen Beichen fur ben Fall in Figur 265, und bie unteren Beis chen fur ben Fall in Fig. 266, gelten; und burch bie vertifale Orbinate $XO = MQ = c = \sqrt{(d_1 \pm d)^2 - \frac{1}{4}(e \pm e_1)^2} = (n+1)\sqrt{d^2 - \frac{1}{4}e^2}.$

Beifpiel. Ift fur eine Gerabführung mit Contrebalancier bas Berhalt= niß a = 3/2, macht man also bie Lange a bes Balancierarmes 3/2 mal bem Rolbenfcube s, fo hat man

 $\sin \frac{\beta}{2} = \frac{s}{2a} = \frac{1}{8}$, hiernach $\frac{\beta}{2} = 19^{0}, 28', 17''$, und baber ben gangen Schwingungewinfel & = 380,56',34". Ferner ift bie Bogenhohe $e = a\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) = (1 - 0.9428) a = 0.0572 a$. Soll ferner der

Gegenlenker die Länge
$$a_1=ma=\frac{2}{3}a$$
 erhalten, so ist
$$n=\frac{\frac{2}{3}-\sqrt{(\frac{2}{3})^2-(sin.\ 19^0,28^\prime,17^{\prime\prime})^2}}{2\left(sin.\ 9^0,44^\prime,8^{\prime\prime}\right)^2}=1,5627,$$
 nimmt man daher $d=\frac{1}{4}s=\frac{1}{4}.\ \frac{2}{3}a=\frac{1}{6}a=0,1667a$, so erhält man

 $d_1 = nd = 1,5617 \cdot \frac{a}{c} = 0,2603 a,$

und baher $d + d_1 = 0,4270a$.

Endlich ift, ba wir es hier mit bem in Fig. 265 abgebilbeten Falle gu thun haben, bie Absciffe bes Drehpunttes O:

$$b = (1 + 0.6667) a - (1 + 1.5627) \cdot 0.0572 \frac{a}{2}$$
$$= (1.6667 - 0.0738) a = 1.5934 a,$$

und bie Orbinate beffelben:

$$c = \sqrt{(0.4270 a)^2 - (0.0733 a)^2} = 0.4206 a.$$

3ft man wegen Mangel an Raum genothigt, Die Conftruction in Fig. 266 anzuwenben, fo hat man bei übrigens gleichen Berhaltniffen

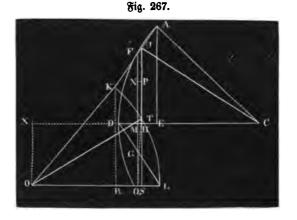
 $DL = GL - DG = d_1 - d = 0,2603 a - 0,1667 a = 0,0936 a,$ und $e_1 - e = 0,5617 \cdot 0,0572 a = 0,0321 a$, ferner b = (1 - 0.6667) a + 0.0160 a = 0.3493 a und

 $c = \sqrt{(0.0936 \ a)^2 - (0.0160 \ a)^2} = 0.0922 \ a.$

§. 128. Die Seitenabweichung bei ber im Borftehenden tennen gelernten Gerabführung mit Gegenlenker ift, wie wir aus §. 126 miffen, nahe ein Maximum, wenn bas Gelent AK = DL, Fig. 267 (a. folgb. Seite), in die vertitale Stellung UT gelangt, und lagt fich unter biefer Boraussehung wie folgt ermitteln.

Es ist US = UH + HS und auch = UT + TS; nun haben wir aber HS = c, und $UT = d_1 \pm d$, ferner einer bekannten Eigenschaft bes Rreifes ju Folge,

with
$$WH = \sqrt{DH(2CD-DH)} = \sqrt{\left(\frac{e}{2}+f\right)\left(2a-\frac{e}{2}-f\right)}$$
, und $TS = \sqrt{LS\left(2\,O\,L-LS\right)} = \sqrt{\left(\frac{e_1}{2}-f\right)\left(2a_1-\frac{e_1}{2}+f\right)}$, wenn man die Seitenabweichung $NP = MH = QS$ wieder mit f bezeichnet, also $DH = DM + MH = \frac{1}{2}DE + MH = \frac{e}{2}+f$ und $LS = LQ - QS = \frac{1}{2}LR - QS = \frac{e_1}{2}-f$ seht; baher folgt $\sqrt{\left(\frac{e}{2}+f\right)\left(2a-\frac{e}{2}-f\right)}+c$ $= \sqrt{\left(\frac{e_1}{2}-f\right)\left(2a_1-\frac{e_1}{2}+f\right)}+d+d_1$.



Wenn wir nun noch die Potenzen von f vernachlässigen, so können wir schreiben $\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)+(2\,a-e)f}{e\left(a-\frac{e}{4}\right)+(2\,a-e)f}+c}$ $=\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)-(2\,a_1-e_1)f}+d+d_1}$ ober $\left(\frac{2\,a-e}{\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}}}+\frac{2\,a_1-e_1}{\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}}\right)^{\frac{f}{2}}}$ $=d+d_1-c+\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)-\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}{4}}\right)}$

und hiernach ift die gesuchte Seitenabweichung

Contre-

$$f = \frac{d+d_1-c+\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}-\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}}}{\sqrt{\frac{a-\frac{1}{2}e}{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}}+\frac{\frac{a_1-\frac{1}{2}e_1}{\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}}};$$

ober, wenn man im Nenner annahernb

$$\begin{split} \frac{a-\frac{1}{2}e}{\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}}} &= \sqrt{\frac{a}{e}} \text{ unb } \frac{a_1-\frac{1}{2}e_1}{\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}} = \sqrt{\frac{\overline{a_1}}{e_1}} \text{ felt,} \\ f &= \frac{d+d_1-c+\sqrt{\frac{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}-\sqrt{\frac{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}{e_1\left(a_1-\frac{e_1}{4}\right)}}}{\sqrt{\frac{a}{e}}+\sqrt{\frac{a_1}{e_1}}}. \end{split}$$

hat der Lenker mit dem Balancier gleiche Lange, so ift a1 = a, $d_1 = d$ und $e_1 = e$, baher

$$f = \frac{2 d - c}{2 \sqrt{\frac{a}{e}}} = \frac{e^2}{4 c} \sqrt{\frac{e}{a}},$$

mas auch mit bem in §. 126 Gefundenen übereinstimmt.

In diesem Kalle find die Abweichungen in beiben Subhalften gleich groß, nur ift die eine positiv und bie andere negativ, b. i. die eine rechts und die andere links von ber Sublinie. Sind aber die Armlangen ungleich, fo hat man die Seitenabweichung in ber unteren Subhalfte

$$f_1 = \frac{d + d_1 - c + \sqrt{\frac{e(a - \frac{e}{4})}{e(a - \frac{e}{4})}} - \sqrt{\frac{e_1(a_1 - \frac{e_1}{4})}{e_1}}}{\sqrt{\frac{a}{e} + \sqrt{\frac{a_1}{e_1}}}}.$$

Fur bie Unordnung in Fig. 266 ift

$$\sqrt{\left(\frac{e}{2}+f\right)\left(2a-\frac{e}{2}-f\right)}+d_1-d$$

$$=\sqrt{\left(\frac{e_1}{2}-f\right)\left(2a_1-\frac{e_1}{2}+f\right)}+c,$$

$$f = rac{\sqrt{rac{und \ baher}{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}-\sqrt{rac{e\left(a-rac{e}{4}
ight)}{e\left(a-rac{e}{4}
ight)}-\left(d_1-d_1-c
ight)}}{\sqrt{rac{a}{e}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}} \ und$$

252

Contre-

$$f_1 = rac{\sqrt{e\left(a-rac{e}{4}
ight)}-\sqrt{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}-(d_1-d-c)}{\sqrt{rac{a}{e}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}} \ .$$

Beifpiel. Für bie Senfrechtführung im letten Beifpiele (g. 127) haben wir bei ber Conftruction in Fig. 265:

$$d_1 + d - c = 0.4270 a - 0.4206 a = 0.0064 a$$
, ferner

$$\sqrt{e\left(a-\frac{e}{4}\right)}=a\sqrt{0.0572\cdot0.9857}=0.2374a,$$

$$V_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)=a\ V_{1.5617\ .\ 0,0572\ .\ 0,6444}=0.2398\,a,$$
 unb

$$\sqrt{\frac{a}{e}} = \sqrt{\frac{1}{0,0572}} = 4,181$$
, fowie $\sqrt{\frac{a_1}{e_1}} = \sqrt{\frac{0.6667}{1,5617.0,0572}} = 2,732$;

es ift folglich bie größte Seitenabweichung bei ber Schwingung nach oben:

$$f = \frac{0,0064 \, a + 0.2398 \, a - 0.2374 \, a}{4,181 + 2,732} = \frac{0,0088 \, a}{12.82} = 0,00069 \, a$$

und bei ber nach unten:

$$f_1 = \frac{0,0064 \, a + 0,2374 \, a - 0,2398 \, a}{6,913} = \frac{0,0040 \, a}{6,913} = 0,00058 \, a.$$

Für bie Conftruction in Fig. 266 ift

$$d_1 - d - c = 0,0936 a - 0,0922 a = 0,0014 a$$
, und baber

$$f = \left(\frac{0.2398 - 0.2374 - 0.0014}{6.913}\right)a = 0.00014a \text{ unit}$$

$$f = \left(\frac{0,2398 - 0,2374 - 0,0014}{6,913}\right)a = 0,00014 a \text{ unb}$$

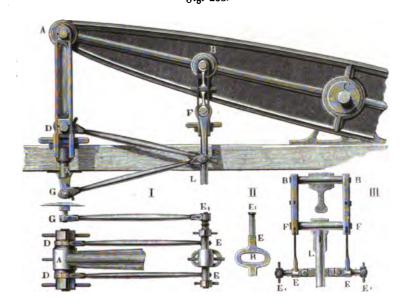
$$f_1 = \left(\frac{0,2384 - 0,2398 - 0,0014}{6,913}\right)a = -0,00041 a.$$

Diefe Abweichungen find fo flein, bag fie in ber Ausführung gang verfcwinden.

Batt'fdet

6. 129. Gine ber vorzüglichsten Borrichtungen gur Generechtführung ift bas bewegliche Parallelogramm (frang, parallelogramme articulé), welches auch bas Charnier=Parallelogramm, ober ber Storchichnabel, ober nach feinem Erfinder, bas Batt'iche Parallelogramm (engl. parallelogramm of Watt) genannt wirb. Die Construction biefes Mechanismus ift folgende: In ber Langenare bes um C brehbaren Balanciers AC, Fig. 268, figen zwei Bolgen A und B feft, an welchen zwei gleichlange Stangenpaare, Die fogenannten Sanges ftangen ober Sangeschienen AD und BE (frang. tringles; engl. strops, links) herabhangen. Die an einem und bemfelben Bolgen hans genden Sangeschienen find unter sich burch Stifte ober Bolgen D und E und biefe wieber mit einander burch ein Paar Stangen, Die fogenannten Parallels ober Berbindungsstangen (franz. varges; engl. parallel-rods) so verbunden, bag bie vier Bolgen A, B, E und D bei allen

Stellungen des Balanciers die Edpunkte eines verschiebbaren Parallelos Bairfocs grammes bilben. Enblich ift an ben Bolgen E ein Benterpaar EG (fr. contre-balanciers; engl. bridle rods) angeschlossen, und an den Bolgen D Fig. 268.



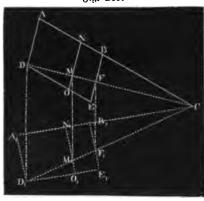
bie Rolbenstange K aufgehangen. Wenn nun ber Balancier (frang. balancier; engl. beam) in fcmingende Bewegung verfett wird, fo bewirkt ber mitschwingende Lenker EG, bag ber Bolgen ober vierte Edpunkt D bes Parallelogrammes, und folglich auch ber baran hangenbe Stangentopf, fast genau in einer geraben Linie auf- und niebergeht. In I. fieht man einen Theil bes Parallelogrammes von oben; es find hier DE, DE die beiben Berbinbungestangen, und es ift hier GE, einer ber beiben Lentarme.

Da BE zugleich das Gelenk für die beiben Balanciers CB und GE_1 bilbet, fo kann man in bemfelben noch einen Bolgen F jum Mufhangen einer zweiten Rolbenftange, L, g. B. ber Rolbenftange fur die Luft- und Warmwafferpumpe (f. II. g. 332) anbringen. Die Aufhangungeweife biefer Stange ift besonders aus II. und III. zu ersehen; BB ift die eine Aufhängeare bes Parallelogrammes, und FF bie Aufhängeare für bie Rolbenftange L. Damit bie lettere frei fpielen kann, ift die Are EE in ber Mitte R bugelformig geftaltet.

Man tann übrigens aus ber Bewegung bes Storchichnabels noch an-

Batt' fdes Barallelogramm.

bere Geradführungen ableiten. Die Linie CD, Fig. 269, von der Dresbungsage C des Balanciers



hungeare C bes Balanciers nach bem Aufhangepuntte D der Rolbenftange, ichneis bet nicht allein von Sangeschiene BE, sonbern auch von jeber anberen mit AD parallelen Schiene NO einen Punkt Mab, welcher fich mit D parallel bewegt. Da AD, BF und NMbei allen Stellungen bes Parallelogrammes unter fich parallel bleiben, alfo auch A_1D_1 , B_1F_1 und N_1M_1 pas rallele Linien bilben, fo gelten die Proportionen:

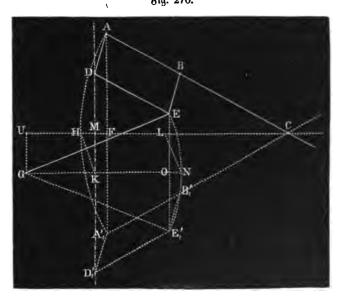
CD:CF:CM=CA:CB:CN und $CD_1:CF_1:CM_1=CA_1:CB_1:CN_1$, da aber $CA_1=CA$ $CB_1=CB$ und $CN_1=CN$ iff, so gift auch die Proportion:

 $CD_1:CF_1:CM_1=CD:CF:CM$, und es sind folglich die Wege $DD_1,\,FF_1$ und MM_1 der Aufhängepunkte $D,\,F$ und M unter sich parallel.

§. 130. Wenn man ben Balancier mit bem Parallelogramme und Lenker in alle möglichen Lagen bringt, so kann man sich überzeugen, daß ber Aushängepunkt D ber Kolbenstange keine gerade Linie, sondern eine der Zahlensigur 8 ähnliche Curve, wie Fig. 261, durchläuft; jedoch kann man auch leicht bemerken, daß diese Curve in der Nähe ihres Knotens sehr wenig gekrummt ist, daß also ein Stück derselben zu beiden Seiten des Knotens als eine Gerade angesehen werden kann. Die Abweichung dieses Curvendogens von der gegebenen Hublinie läßt sich noch dadurch auf ein Minimum heradziehen, daß man den Mittelpunkt oder Knoten und die beiden Endpunkte dieses Bogens in die Hublinie fallen läßt (vgl. §. 124). Aus diesem Grunde pflegt man denn auch diese Parallelsührung wie folgt zu construiren.

Man trage zuerst ben Schwingungswinkel A $CA_1 = \beta$, Fig. 270, auf, und mache bessen Sehne AA_1 bem gegebenen Hube s gleich; baburch ergiebt sich die Lange $CA = CA_1 = l$ des Balancierarmes. Run ziehe man noch die Halbirungslinie CH des Winkels β , halbire die Bogen-

bobe HF in M und giebe burch M parallel gu AA, die Sublinie DD1. Bautides Run faffe man bie beliebig anzunehmenbe gange ber Sangeschiene in ben Birtel, und schneide bamit von A, A, und H die Endpuntte D und D. Fig. 270.

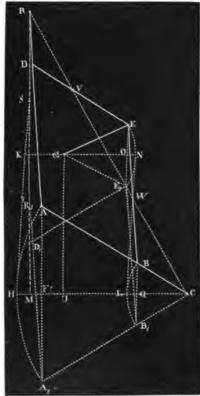


sowie ben Mittelpunkt K bes Theiles ber Sublinie ab, in welchem fich bas Saupt ber Rolbenftange bewegt. Rach biefem trage man auch bie gegebene Lange bes Parallelogrammes als AB, A1B1 und HL auf die brei Arenstellungen CA, CA, und CH bes Balanciers auf und vollende bie entsprechenden Parallelogramme ABED, $A_1B_1E_1D_1$ und HLNK. Sucht man enblich zu ben brei Stellungen E, E, und N bes britten Edpunktes biefes Parallelogrammes bas Centrum G bes burch biefe Punkte gehenden Rreises, so erhalt man in G ben Arpunkt und in $GE = GE_1$ = GN bie Lange bes nothigen Lenkarmes.

Eine Abanderung von biefer Conftruction besteht barin, bag man ben Lenkarm nicht unmittelbar am britten Endpunkte E bes Parallelogrammes, fonbern an einem anberen Puntte in ber Berlangerung ber Sangeschiene BE anschließt. Es wird baburch bie Bogenhohe ON bes Lenkers abgeanbert, und daher nicht allein ber Arpunkt G, sondern auch die Länge GE bes Lenkers eine anbere.

Bei ben Dampfichiffmaschinen mit unten liegendem Balancier findet

Batt'ides Barallelo. gramm. man nicht selten folgende, in Fig. 271 abgebildete Anordnung eines Pas Fig. 271. rallelogrammes. Es ist hier



rallelogrammes. Es ift bier die Rolbenstange nicht an den vierten Echpunkt D bes Pa= rallelogrammes ABED, fonbern an eine Are R in ber verlängerten Sängeschiene AD gehangen. Anstatt baß man baber mit AD aus A und A1 die Hublinie DD1 abschneibet, trägt man bier bie AR von A, A, und H aus, als $AR = A_1R_1 =$ HS auf und schneidet hier= von bas Stuck $RD = R_1D_1$ = SK ab. Nachbem man noch die Lange des Parallelo= grammes als AB, A_1B_1 unb HL von ben Lagen CA, CA1 und CH des Balanciers abgeschnitten hat, bedarf es nur noch ber Bollenbung ber entsprechenben Parallelo= gramme ABDE, $A_1B_1D_1E_1$, und HLNK und ber Aus-

entsprechenden Parallelos gramme ABDE, $A_1B_1D_1E_1$, und HLNK und der Außsmittelung des Centrums G für die drei Punkte E, E_1 und N, um die erforderliche Lenkerlänge $GE = GE_1 = GN$ zu finden.

Uebrigens schneibet auch hier die Linie RC vom Aufhangepunkte R der Kolbenstange nach der Drehare C des Balanciers vom Parallelogramme Punkte, V, W u. f. w., ab, welche sich parallel mit R bewegen.

§. 131. Mit größerer Scharfe läßt sich naturlich die Lage und Größe bes Gegenlenkers burch Rechnung finden.

Geben wir wieber ben Sub $RR_1=AA_1=s$, Fig. 271, und ben Schwingungswinkel $ACA_1=\beta$, so haben wir, wie in §. 127, die Länge bes Balanciers CA:

$$l=rac{s}{2\sinrac{eta}{2}},$$
 und die Bogenhohe HF :

Batt'ides Barallels. gramm.

$$e = l\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) = \frac{s\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)}{2\sin\frac{\beta}{2}}$$

Seten wir ferner die Lange einer Hangemaschine AD=BE=d und die des ganzen Gelenkes $AR=d_1$, und bezeichnen nur die Armstänge CB durch a, also die Länge des Parallelogrammes AB durch l-a, so haben wir für die Sehne $EE_1=s_1$, und Höhe $ON=e_1$ des vom Lenker durchlaufenen Bogens Folgendes:

Zundchst ist
$$\frac{BB_1}{AA_1} = \frac{CB}{CA}$$
, oder, da $BB_1 = EE_1 = s_1$ ist, $\frac{s_1}{s} = \frac{a}{l}$, und daher die gesuchte Sehne $s_1 = \frac{as}{l}$.

Die Bogenhöhe ON ist gleich der Projection von EB minus der von BL, plus der von LN, jede in hinsicht auf CH genommen. Aber die Projection von EB ist = der von LN,

b. i.
$$\frac{AD}{AR} \cdot MF = \frac{d}{d_1} \cdot \frac{e}{2}$$
.

und die Projection von BL ift

$$LQ = \frac{CB}{CA} \cdot HF = \frac{ae}{l},$$

baher folgt

$$e_1 = \frac{de}{d_1} - \frac{ae}{l} = \left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)e = \left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)l.$$

Bei dem gewöhnlichen Parallelogramm, wie Fig. 270, ift $d_1=d$, folglich:

$$e_1 = (l-a)\Big(1-\cos \frac{\beta}{2}\Big)$$
.

Aus der Sehne s_1 und der Bogenhohe s_1 folgt nun die entsprechende Lenterlange

$$a_1 = \frac{s_1^2}{8e_1} + \frac{e_1}{2}$$

$$= \frac{a^2s^2}{8\left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)l} + \left(\frac{d}{d_1} - \frac{a}{l}\right)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)\frac{l}{2},$$

Baral logramm. ober einfacher

$$a_1 = \left(\left(rac{d\,l}{d_1\,a} - 1
ight)\left(\sinrac{eta}{4}
ight)^2 + rac{\left(cos.rac{eta}{4}
ight)^2}{rac{d}{d_1}rac{l}{a} - 1}
ight)a.$$

Fur das gewöhnliche Parallelogramm, wo $d_1=d$ ift, bat man

$$a_1 = \left(\left(rac{l}{a}-1
ight)\left(\sinrac{eta}{4}
ight)^2 + rac{\left(\cosrac{eta}{4}
ight)^2}{rac{l}{a}-1}
ight)a,$$

oder, wenn man die Lange l-a des Parallelogrammes durch l_1 bezeichnet, $a_1=l_1\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2+\frac{a^2}{l_1}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2$.

Sehr gewöhnlich nimmt man $l_1 = a = 1/2 l$, und bann hat man bie Lenkerlange

$$a_1 = \left\lceil \left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2 \right\rceil a = a = 1/2 l.$$

Wenn also die Lange des Parallelogrammes der halben Armlange des Balanciers gleich gemacht wird, so muß der Lenter mit dem Parallelogramme eben diese Lange erhalten. Siehe Figur 268.

Giebt man bas Armlangenverhaltniß $\frac{n_1}{a}=m$, so finbet man, wie in §. 127, bie Berhaltnißzahl

$$n = rac{d}{d_1} \cdot rac{l}{a} - 1$$
 burch bie Formel $n = rac{m - \sqrt{m^2 - \left(sin. rac{eta}{2}
ight)^2}}{2 \left(sin. rac{eta}{4}
ight)^2}.$

Die Lage des Arpunktes G ist endlich bestimmt durch die Coordinaten CU=b und UG=c mittels der Formeln

$$CU = CL$$
 minus Projection von $LN + NG$, d. i.

$$b = a - \frac{d}{d_1} \cdot \frac{e}{2} + a_1 = a + a_1 - \frac{de}{2d_1}$$
 und

$$UG = \sqrt{LN^2 - (\text{Project. von } LN)^2}, \text{ b. i.}$$

$$c = \sqrt{\frac{d^2 - \left(\frac{d^2}{2d_1}\right)^2}{1 - \left(\frac{c}{2d_1}\right)^2}} = d\sqrt{1 - \left(\frac{c}{2d_1}\right)^2}.$$

Beifpiel. Benn far eine Genfrechtführung mit einfachem Barallelogramme, mattides $\frac{d}{dt} = 0.6$ und $d = d_1 = \frac{1}{2}s$, ber Schwingungswinkel $oldsymbol{eta}$ aber = 50 Grab genommen wirb, fo hat man bie Armlange

$$l=\frac{s}{2\sin 250}=1,1831$$
 . s. Ferner bie Armlange

$$a_1 = \left[\frac{8}{3} \left(\sin . \frac{121}{2} \right)^2 + \frac{8}{2} \left(\cos . \frac{121}{2} \right)^2 \right] \cdot 0,7099 s = 1,0371 \cdot s.$$

Ferner ift bie Bogenbobe

e = (1 - cos. 250) . 1,1831 s = 0,1108 s, und bie Bogenbobe

$$e_1 = (1 - 0.6) \cdot 0.1108s = 0.0443s$$
.

Endlich folgen bie Coordinaten bes Arpunftee bes Lenfers:

$$b = 0.7099s + 1.0371s - 0.0554s = 1.6916s$$

$$e = \sqrt[4]{(0.5 s)^2 - 0.0554 s)^2} = 0.4969 s.$$

§. 132. Die Seitenabweichung oder bie größte Abweichung von Beitenabwei. ber geraden Einie, welche ber Parallelogrammmechanismus noch ubrig lagt raueigramm fann man annahernd auf biefelbe Beife finden, wie in §. 128, die Seiten= bewegung ber Gerabführung mit Gegenlentern.

Wenn wir junachst nur ben Mufbangepunkt W, Fig. 271, in ber einen Bangemaschine BE ine Muge faffen wollen, so haben wir nur nothig, ben aus zwei Lenkerarmen CB und GE und aus dem Gelenk BE bestehenden Mechanismus in Untersuchung ju gieben, ba aber biefer mit ber Berabführung Fig. 267 volltommen übereinstimmt, fo bleibt une nur übrig, bie in 6. 128 entwickelten Formeln unferem Falle anzupaffen. Die bort gefunbenen Formeln fur bie großte Seitenabweichung find folgenbe:

$$f=rac{d+d_1-c+\sqrt{rac{e_1}{a_1}-rac{e_1}{4}}-\sqrt{rac{c\left(a-rac{e}{4}
ight)}{c\left(a-rac{e}{4}
ight)}}}{\sqrt{rac{a}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}$$
 und $f_1=rac{d+d_1-c+\sqrt{rac{e\left(a-rac{e}{4}
ight)}-\sqrt{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}}}{\sqrt{rac{a}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}$

und die in benfelben vorkommenden Großen haben folgende Bedeutungen:

a und a, find die Langen CB und GE ber Lentarme,

c ift die Coordinate GU.

d ift bie Gelentstudlange BW, welche fich burch bie Proportion

$$\frac{BW}{AR} = \frac{CB}{CA}$$
, b. i., nach ben Bezeichnungen bes letten Paragraphen,

Seitenabwei- durch $\frac{BW}{d_1} = \frac{a}{l}$ bestimmt; wir hatten also hier statt d, $BW = \frac{ad_1}{l}$ Chenfo ift, wenn wit biefe Formeln fur f und fi auf unfeeinzuseben. ren Fall anwenden wollen, statt d_1 , $WE = BE - BW = d - \frac{a d_1}{d_1}$ einzuführen.

> Enblich bebeutet in biefen Formeln e die Bogenhohe LQ, welche wir $=\frac{de}{dt}$ gefunden haben, und e_1 die Bogenhohe ON, welche ebenfalls nach bem vorigen Paragraphen: $e_1 = \left(\frac{d}{d} - \frac{a}{l}\right)e$ gu feben ift.

> Seben wir biefe Berthe in die obigen Formeln ein, fo erhalten wir fur bie gesuchten Seitenabweichungen bie Parallelogrammfuhrung:

$$f = rac{d-c+\sqrt{rac{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)-rac{a_l}{l}\sqrt{rac{e(l-rac{e_1}{4})}}}}{\sqrt{rac{l}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}} \ und \ f_1 = rac{d-c+rac{a}{l}\sqrt{rac{e(l-rac{e_1}{4})}-\sqrt{rac{e_1\left(a_1-rac{e_1}{4}
ight)}}}}{\sqrt{rac{l}{e}}+\sqrt{rac{a_1}{e_1}}}.$$

Da bei ber Schwingung bes Balanciers bie Punkte R und IV Darallellinien befchreiben, fo find bie Seitenabweichungen bes Punttes &

$$\frac{CA}{CB} = \frac{l}{a} \text{ mal fo groß als bie von } W.$$

Beifpiel. Fur die Sentrechtfahrung im letten Beifpiele (g. 131) ift d - c = (0.5 - 0,4969)s = 0,0081s, ferner $V_{e_1}(a_1 - \frac{e_1}{4}) = s \sqrt{0.0443 \cdot 1.0260} = 0.2132 s,$ $\frac{a}{l}Ve(l-\frac{e}{4})=0.6sV\overline{0.1108.1.1554}=0.2147s,$ $V \frac{\overline{l}}{e} = V \frac{\overline{1,1831}}{0.1108} = 3,2678$ und $\sqrt{\frac{a_1}{e_1}} = \sqrt{\frac{1,0371}{0.0448}} = 4,8385;$

bemnach folgen bie größten Seitenabweichungen bes Bunftes W von ben Bertifalen :

$$f = rac{0,0031\,s\,+\,0,2132\,s\,-\,0.2147\,s}{3,2678\,+\,4,8385} = 0,6002\,s$$
 unb $f_1 = rac{0,0081\,s\,+\,0,2147\,s\,-\,0,2132\,s}{3,2678\,+\,4,8385} = 0,0006\,s;$

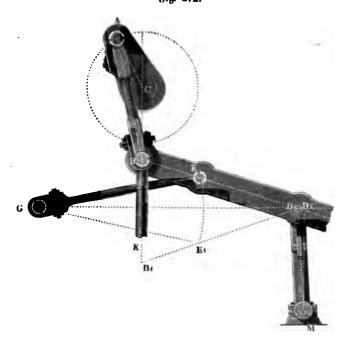
und bagegen bie ber an R bangenben Rolbenftange:

$$\frac{l}{a}f = \frac{5}{3} \cdot 0,0002 s = 0,0008 s \text{ nmb}$$

$$\frac{l}{a}f_1 = \frac{5}{3} \cdot 0,0006 s = 0,0010 s,$$
3. 30. für ben hub $s = 6$ Fuß
$$\frac{l}{a}f = 0,0018 \text{ Fuß} = 0,0216 \text{ Boll} = 0,26 \text{ Linien}, \text{ unb}$$

$$\frac{l}{a}f_1 = 0,006 \text{ Fuß} = 0,0073 \text{ Boll} = 0,86 \text{ Linien}.$$

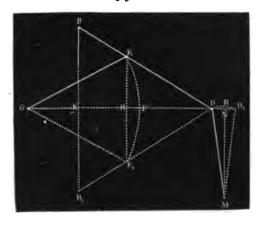
§. 133. Gine fehr einfache und in neueren Zeiten nicht felten anges Berabführung if in Sig. 272 abgebilbet. Der Balancier BD, bem Trager.
Big. 272.



welcher durch einen Krummzapfen CA mittels ber Kurbelstange AB aufund niederbewegt wird, ruht hier mit seiner Are D nicht in einem sest liegenden Lager, sondern auf saulenförmigen, um eine Are M brehbaren Trägern MD, und der Lenker GE ist hier unmittelbar mit dem Bastancier BD verbunden. Der Träger MD vertriet hier die Stelle bes Gelenkes; wenn sich auch der Punkt E des Balanciers in einem Kreisbogen EE_1 um G bewegt, so geht doch der Aufhängepunkt der Kolbens

Geitenabmeidung ber BarallelogrammGeratsubrung stange BK nahe in einer geraden Linie BB_1 auf und nieder, da die Dresteit estate. hungsare D bei jedem Auf= ober Niedergange des Kolbens in einem kleisnen Bogen DD_1 hin= und zurückläuft. Diese Geradführung ist sehr einfach und zwar wie folgt zu construiren. Es sei BB_1 , Fig. 273, die

Fig. 273.



Hublinies, und KD die rechtwinkelig ge= gen sie gerichtete Mittellinie. Mit der Balancierarms långe l schneide man aus B ober B_1 in der letteren Linie den Punet D und aus K ben Punkt D1 ab. Errichtet man nun in ber Mitte N von DD, ein Perpendikel und fcneibet man von demfelben ein mog=

lichst langes Stud MN ab, to erhalt man in M die Drehungsare, sowie in $MD=MD_1$ die Lange des Trägere. Schneidet man ferner von $BD=B_1D=KD_1$ die Stude $BE=B_1E_1=KF$ ab, und sucht man zu E, E_1 und F das Centrum G des durch diese Punkte zu legenden Kreisbogens, so erhalt man in G die Drehungsare und in $GE=GE_1=GF$ die Lange des nothigen Lenkers. Die Lenkerlange $GE=a_1$ läst sich aber auch leicht durch Rechnung sinden.

If β der Schwingungswinkel BDB_1 , so hat man wieder die Armstange $BD = KD_1$:

$$l = \frac{s}{2 \sin \frac{\beta}{2}}$$
, und umgekehrt $s = 2 l \sin \frac{\beta}{2}$.

Ist ferner die Armstücklänge DE=a, so hat man die Sehne EE_1 : $s_1=\frac{a}{l}s=2\,a\,sin.\frac{\beta}{2}$ und die Bogenhöhe HF:

$$e_1 = KF - KH \stackrel{.}{=} BE\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right) = (l - a)\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right);$$
es ist folglich bie gesuchte Lenterlänge GE :

$$a_{1} = \frac{s_{1}^{2}}{8 e_{1}} + \frac{e_{1}}{2} = \frac{a^{2} \left(sin. \frac{\beta}{2}\right)^{2}}{2(l-a)\left(1-cos. \frac{\beta}{2}\right)} + \frac{l-a}{2} \left(1-cos. \frac{\beta}{2}\right)^{\frac{\Theta crabfibrusg}{mit \ of cliffred}},$$

$$a_1 = \left[\frac{l-a}{a}\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{a}{l-a}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2\right]a, \text{ oder bas Berhaltniß}$$

$$\frac{a_1}{a} = m = \frac{l-a}{a}\left(\sin\frac{\beta}{4}\right)^2 + \frac{a}{l-a}\left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^2.$$

Umgefehrt hat man bas Berhaltniß

$$\frac{l-a}{a} = n = \frac{m - \sqrt{m^2 - \left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^2}}{2\left(\sin\frac{\beta}{2}\right)^2}.$$

Meist nimmt man $a=rac{l}{2},$ schlieft also ben Lenter in der Mitte des Balancierarmes BD an, und dann hat man auch

$$u_1=a=\frac{l}{2}$$

§. 134. Bei der im vorstehenden Paragraphen beschriebenen Anordnung der Geradführung mit einem beweglichen Träger ist ebenfalls der Aushänges punkt der Kolbenstange in seinem höchsten, tiefsten und mittleren Stande in derselben Geraden BKB_1 , Fig. 274 (s. f. S.), bei jedem anderen Stande weicht er jedoch rechts oder links um Etwas von dieser Linie ab, es ist also auch diese Geradsührung keine vollkommene. Da der Träger bei dem höchssten und niedrigsten Kolbenstande die Stellung MD und bei dem mittleren Kolbenstande die Stellung MD und bei dem mittleren Kolbenstande die Stellung MD1 einnimmt, so ist zu erwarten, daß er bei den Kolbenständen, wo die Seitenabweichungen OL = f und $O_1L_1 = f_1$ am größten sind, die Mittelstellung MR einnehme. Unter dieser Borausssseung können wir nun auch diese Seitenbewegungen wie folgt ermitteln.

Die Sehne DD, bes vom Trager beschriebenen Bogens ift

$$KD_1 - KD = l\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)$$
, folglich die Ordinate

$$ND = ND_1 = \frac{1}{2}DD_1 = y = \frac{l\left(1 - \cos\frac{\beta}{2}\right)}{2}.$$

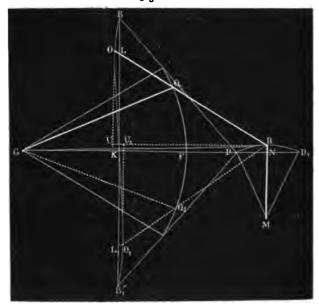
Aus ihr und aus ber gegebenen Trägerlänge MR=d .rgiebt fich folglich annahernd die Abscisse

$$RN = x = \frac{y^2}{2d}.$$

Deradführung mit ofcillirenbem Träger. Ferner haben wir fur ben Bintel RGN = @

tang.
$$\varphi = \frac{RN}{GN} = \frac{x}{a+a_1-y} = \frac{x}{z}$$
, wenn wie die Länge $GN = a+a_1-y$ durch z bezeichnen;

Fig. 274.



bagegen haben wir fur den Winkel $GRQ=\psi$, nach einer bekannten trigonometrischen Formel:

$$\cos \psi = \frac{\overline{RQ^2} + \overline{RG^2} - \overline{QG^2}}{2 RQ \cdot RG} = \frac{a^2 + z^2 - a_1^2}{2 a z},$$

ba die Linie RG sehr nahe =GN=z ist.

Aus biefen Bulfsmitteln o und w ergeben fich nun die Schwingungs- wintel

$$URO = \psi - \varphi$$
 und $URO_1 = \psi + \varphi$;

wonach fich nun die gesuchten Seitenabweichungen f und f_1 berechnen lass fen. Es ist namlich

$$LO = RU - NK$$

= $OR\cos ORU - (KD_1 - ND_1)$, b. i

Berabfubrun mit ofcillirer Dem Trager

$$f = \left(\cos.(\psi - \varphi) - \frac{\left(1 + \cos.\frac{\beta}{2}\right)}{2}\right)l \text{ unb}$$

$$f_1 = \left(\cos.(\psi + \varphi) - \frac{\left(1 + \cos.\frac{\beta}{2}\right)}{2}\right)l.$$

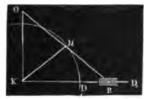
Satte man $a_1 = a = \frac{l}{2}$ gemacht, so wurde

$$\cos \psi = \frac{z}{2a} = \frac{l-y}{l} = \frac{1+\cos\frac{\beta}{2}}{2}$$

ausfallen. Mare überdies noch d unendlich groß, alfo

tang.
$$\varphi = \frac{x}{d} = 0$$
, so hatte man $f = f_1 = 0$.

Statt eines unendlich langen Trägers läßt sich aber auch eine gerade Rig. 275. Stangens ober Rahmenführung DD,, Rig. 275. anwenden. Daß man



Stangen- ober Rahmenführung DD_1 , Fig. 275, anwenden. Daß man in diesem Falle gar keine Seitendewegung erhalt, ist übrigens schon aus der Theorie der Ellipsographen bekannt, welcher zu Folge der Mittelpunkt Meiner geraden Linie OR einen Kreis beschreibt, mahrend die Endpunkte O und R dieser Linie in den Schenkeln eines Rechtwinkels OKD fortrücken.

Beispiel. Wenn man bei einer Gerabführung mit schwingendem Trager ben Schwingungewinkel $\beta=50$ Grab nimmt, so hat man, wie oben Beispiel §. 131, die Balancierarmlänge

$$l = \frac{s}{2 \sin_2 25^0} = 1{,}1831 \, s,$$

und wenn man bie Armlange $a=\sqrt[2]{3}\ l=0.7888\ s$ nimmt, fo hat man bie nothige Lenferlange

 $a_1 = \left[\frac{1}{2}(\sin 12\frac{1}{2}^0)^2 + \frac{2}{1}(\cos 12\frac{1}{2}^0)^2\right] \cdot 0.7888 s = 1.5221 s.$

Die Orbinate ober halbe Sehne bes rom Trager beschriebenen Bogens ift

 $y = (1 - \cos .25^{\circ}) \cdot 0.59155 s = 0.0544 s$, baher

 $s = a + a_1 - y = 2,2565 s.$

Macht man die Trägerlänge $d=rac{s}{2}$, so erhält man ferner die Absciffe ober Bogenhöbe

$$x = \frac{y^2}{2d} = \left(\frac{0.0544 \, s}{s}\right)^2 = 0.00296 \, s,$$

266 Grite Abth. Biertes Rap. Bon ben Gerab: ober Senfrechtführungen.

Gerabführung mit ofcillirendem Träger.

Berabführung und hieraus folgt nun fur ben Bulfemintel o:

tang.
$$\varphi=\frac{x}{s}=\frac{0,00296}{2,2565}=0,001312$$
, baber ift biefer Bintel felbst $\varphi=0^0,4',30''.$

Ferner ift fur ben Gulfemintel 4:

$$\cos \psi = \frac{a^2 + z^2 - a_1^2}{2 a z} = 0,95431$$
, und folglich $\psi = 17^0,23',15''$.

Nun ift
$$\psi - \varphi = 17^{\circ}, 18', 45''$$
 und $\psi + \varphi = 17^{\circ}, 27', 45''$; ferner $\cos (\psi - \varphi) = 0.95465$ und

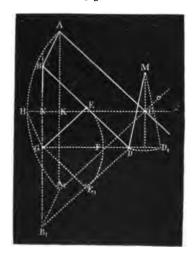
cos.
$$(\psi + \varphi) = 0,95387$$
. Enblich find bie gefuchten Seitenahmeichungen

$$f = \left[\cos\left(\psi - \varphi\right) - \left(\cos\frac{\beta}{4}\right)^{2}\right]l$$

$$= (0.95465 - 0.95315) \cdot 1.1831 s = 0.0018 s$$
 unb $f_1 = (0.95387 - 0.95315) \cdot 1.1831 s = 0.0008 s$.

Anmerfung. Das zulest in Betrachtung gezogene Brincip ber Berabfuh:

Fig. 276.



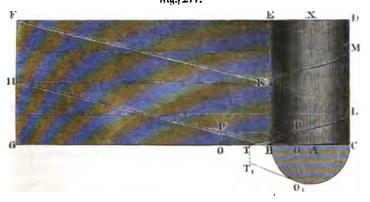
rung lagt fich auch bei einem Balancier mit festliegenber Are anwenben. Es ift in biefem falle ber aus bem Borftehenben befannte Mechanismus BEGDM, Sig. 276, mittele einer Bangefchiene AB an ben um bie fefte Are C fdwingenden Balancier AC ans juhangen. Die Anordnung biefce Dics chanismus wird bann ahnlich wie bie eines Barallelogrammes vollzegen, bas hangeeisen AB nimmt beim tiefften Stande bie Lage A, B, parallel zu AB und beim mittleren Stanbe bie Lage HG ein, welche ebenso viel nach ber einen Seite von ber hublinie BB1 abweicht, wie AB und A,B, nach der anbern. 3m Befentlichen befteht übri= gene biefe Berabführung wie bie mit= tele Parallelogramm u. f. m. aus zwei Lenfarmen GE und MD und einem Gelenf BD, welches beire mit einans ber verbindet.

Schlußanmerfung. Ueber bie Theorie ber Gerabführung mittels bes Batt'ichen Parallelegrammes handelt ichon aussührlich Brony in seiner Architecture hydraulique, §. 1478 etc. Biemlich aussührlich spricht auch hiervon Billis in seinen Principles of Mechanism, §. 440 etc., auch Berdam in seiner angewandten Bertzeugswissenschaft und Mechanis, Ergänzungsband. Es ift auch hierüber nachzulesen in hulfse's allgemeiner Maschinenenchelopabie ber vom Verfasser bearbeitete Artisel "Abanderung ber Bewegungs.

Fünftes Rapitel

Bon den Schrauben und von den Schraubenrädern.

§. 135. Der abgewickelte Mantel eines geraden Splinders BCDE, achteilente. Fig. 277, bildet bekanntlich ein Rechted BEFG. Theilt man nun dies Rig. 7277.



ses durch Parallellinien (HK) zur Basis BG in gleiche Theile, zieht man ferner in jedem dieser Theile die unter sich parallelen Diagonalen oder Transversalen BH, KF, und wickelt man endlich diesen Mantel wieder auf den Cylinder auf, so biben diese Transversalen eine stetige doppelt gekrümmte Eurve BLKME, die sogenannte Schraubenlinie (franz. hélico; engl. helix). Aus der Entstehungsweise der Schraubenlinie folgt sogleich, daß diese Eurve mit unveränderlichem Neigungswinkel gegen die Grundssäche in gleichen Windungen (franz. und engl. spires) auf der Cylinderssäche emporsteigt. Der parallel zur Cylinderae AX gemessen AkE u. s. w., der Schraubenwindungen von einander, heißt die Hohe eines Schraubenganges (franz. pas de la vis; engl. distance of the spires, pitch of the screw), und der constante Neigungswinkel HBG der Schraubenlinie gegen die Basis des Cylinders, das Ansteigen der Schraubenlinie (franz. inclinaison; engl. inclination).

Ift r ber Halbmeffer AB = AC bes Cplinders, fo hat man die treissformige Basis ber Schraubenlinie

$$BG = 2\pi \cdot AB = 2\pi r,$$

drauben- und ist h die Hohe GH eines Schraubenganges, so hat man für das Ansstellen $GBH=\alpha$ deffelben:

$$tang. \alpha = \frac{GH}{BG} = \frac{h}{2\pi r}$$

Es wachst also bas Ansteigen ber Schraube mit ber Sohe ihrer Bange, umb nimmt ab, wenn ber Salbmeffer ein großerer wirb.

Jeber Punkt P in der Schraubenlinie ist bestimmt durch eine kreissbogenformige Abscisse BO=x, und durch eine mit der Are oder Seite des Cylinders parallel laufende Ordinate OP=y, und es ist die Gleischung zwischen x und y die der geraden Linie BH, nämlich

$$\frac{PO}{OB} = \frac{GH}{GB}, \text{ b. i. } \frac{y}{x} = \frac{h}{2\pi r} = lang.\alpha, \text{ ober}$$

$$y = x tang.\alpha$$

$$= \beta r tang.\alpha,$$

wenn β den basischen Winkel $BA(t)_1$ bezeichner, um welchen der Punkt P vom Anfangspunkte B absteht. Es wachst also die Ordinate y direct wie der basische Winkel β , und es ist hiernach die Construction der Schrausbenlinie leicht zu vollziehen.

Die gange eines Schraubenbogens BP ift

$$s = V\overline{x^2 + y^2} = \frac{y}{\sin \alpha} = \frac{x}{\cos \alpha} = \frac{\beta r}{\cos \alpha}$$

und die einer gangen Windung

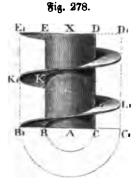
$$BH = l = \sqrt{h^2 + (2\pi r)^2} = \frac{h}{\sin \alpha} = \frac{2\pi r}{\cos \alpha}$$

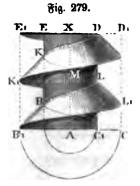
Die Tangente PT für einen Punkt P ber Schraubenlinie ift gleich dem rectificirten Schraubenbogen PB=s, und ihre basische Projection O_1T_1 ist Tangente zur kreisformigen Basis und gleich der rectificirten Abscisse BO=x.

Edrauben. Räche und Edraube.

§. 136. Bewegt sich eine gerade Linie BB_1 , Fig. 278 und 279, so, daß sie eine Schraubenlinie BLK nie verläßt und stets auch durch die Ax des Enlinders geht, um welchen diese Schraubenlinie sich winsbet, so durchläuft sie eine sogenannte Schraubenstäche $BB_1L_1LKK_1$. Je nachdem die Erzeugungslinie B_1B rechts oder schiesminkelig gegen die Axe AX der Schraube gerichtet ist, hat man es mit einer recht winkeligen oder mit einer schreißen Schraubenfläche zu thun. Fig. 278 repräsentirt eine vechtwinkelige, und Fig. 279 eine schiese Schraubenstäche. Statt der geraden Erzeugungslinie BB_1 kann man auch eine krumme Linie oder eine ganze Figur, z. B. ein Dreieck, Viereck, einen Halbkreis u. s. w. so auf dem Enlindermantel fortrücken lassen, daß die Ebene dieser Figur stets durch die Axe des Enlinders geht, und die

Endpunkte ber in bem Cylindermantel liegenden Grundlinie ber Figur zwei gleiche Schraubenlinien befchreiben.

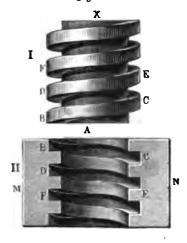


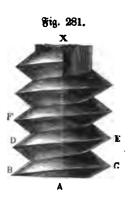


Auf biefe Beife entstehen bie fogenannten Schraubengewinde (frang. filets de vis; engl. threads of the screw). Man unterscheibet gewöhnlich von einander

bas flachgangige und icharfgangige Schraubengewinde.

Bei bem flachgangigen Schraubengewinde ift bie Erzeugungeflache, und alfo auch ber Querfchnitt, ein Rechted, bei bem fcharfgangigen ift fie bingegen ein Dreied. Das flachgangige Schraubengewinde BCDEF, Fig. 280, ift von zwei gleichen rechtwinkeligen, und bas icharfgangige Schraubengewinde BCDEF, Sig. 281, von zwei gleichen Schiefwinkeli-Fig. 280.

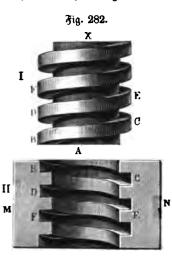




drauben. ge

gen Schraubenflächen begrenzt. Seltener hat man Schraubengewinde mit kreisformigem ober trapezoibalem Querschnitte.

Bu einer vollständigen Schraube (franz. vis; engl. scrow) gehoren zwei in einander greifende Gewinde, ein erhabenes und ein vertieftes. Das erhabene Schraubengewinde AEF, Fig. 282, I., bilbet mit bem



Cylinder AX, um welchen es herumlauft, bie fogenannte Schrauben spinbel (frang. noyau; engl. male screw, nut), bas hohle Stud MN mit bem ausgehöhlten Schraubengewinde BCDEF, Fig. 282, II., wird hingegen die Schrauben: mutter (frang. écrou; engl. female screw) genannt. dem Gebrauche wird bie Schraubenfpinbel durch die Schrauben= mutter hindurchgestedt, mas jeboch nur burch Umbrehung ber Spinbel ober ber Mutter um die gemeinschaftliche Are AX ju ermöglichen ift.

Man unterscheibet rechte ober rechtsgängige, und linke ober linksgängige Schrauben von einander. Bei jenen steigt bas Geswinde BCDEF von links nach rechts, bei diesen hingegen von rechts nach links auf. Fig. 282 und 283 sind rechte Schrauben, Fig. 284 bagegen stellt eine linke Schraube vor.

Fig. 283.

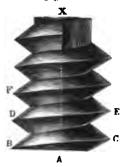
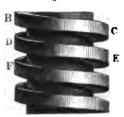
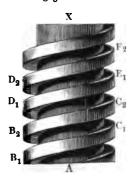
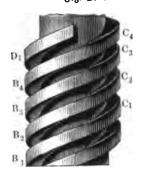


Fig. 284.



Endlich find auch einfache und boppelte ober mehrfache Schraus ben von einander zu unterscheiben. Gine einfache Schraube hat nur ein Gewinde; alle Gange berfelben entsprechen einer einzigen Schraubenlinie; eine doppelte Schraube besteht bagegen aus zwei und eine mehrfache Schraube aus mehreren Gewinden. Einfache Schrauben sind in ben Figuren 282, 283 und 284 abgebilbet, eine boppelte Schraube, mit ben Gewinden $E_1C_1D_1E_1$ und $B_2C_2D_2E_2$, zeigt Fig. 285, und eine vierfache, Rig. 285. Fig. 286.





mit ben Gewinden B1C1D1, B2C2, B3C3 und B4C4 stellt Fig. 286 vor. Doppelte und mehrfache Schrauben sind nur bei einem starken Ansteigen ber Schraubengange anwendbar.

Die Bewegung einer Schraube ift eine boppelte, namlich Edrau drehend und fortichreitend. Es fann nun entweder

- 1) die Schraubenspindel beibe Bewegungen zugleich haben, ober fie kann
- 2) fich bloß breben, und bagegen die Mutter progreffiv fortbewegen, ober
- 3) die Schraubenmutter hat beibe Bewegungen zugleich, ober
- 4) die Schraubenmutter bewegt fich brebend und die Spindel fortschreis

In allen ben Fallen, wenn bie Mutter festgehalten wirb, also auch bann, wenn die fogenannten Holzschrauben eingebohrt werben, wo bas. Solz die Stelle ber Mutter vertritt, hat bie Spindel beide Bewegungen jugleich. Es gehort hierher z. B. auch die gewohnliche Schrauben: presse, Fig. 287 (f.f. S.), wo die Spindel AB eine bewegliche Lafel CD gegen ben in einem Rahmen EF eingelegten Stoff brudt, und bie Schraubenmutter durch einen Riegel HK diefes Rahmens gebilbet wirb. Liegt hingegen die Schraubenfpindel in Lagern, welche bas Fortruden berfelben in ber Arenrichtung verhindern, und geht bagegen bie Schraubenmutter in einer Fuhrung, welche nur ein Fortschreiten, bagegen aber feine Drehung

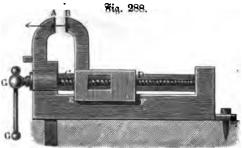
biefes Studes zuläßt, so nimmt die Spindel bie brebende und bie Mutter

Fig. 287.



die progressive Bewegung an, und man hat es baher mit bem zweiten Falle zu Sierher gehort g. B. bie Beeines Schrauben fto des weaung (frang. étau; engl. vice) ABCD, Fig. 288, wo bas Badenftud B mittels einer Schraube CD gegen bas Backenstuck A angezogen wird und babei auf ber Leitung EF fortgleitet.

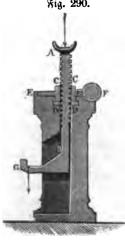
Der britte Fall, mo bie Schrauben= mutter beide Bewegungen zugleich hat, fommt befonbers bann vor, wenn bie Schraube zur festen Berbindung zweier Rorper bient. Der burch die zu verbindenden Körper A und B gesteckte







Rig. 290.



Bolzen BC, Fig. 289, ift hier nur am Ende C fcraubenformig zugeschnitten, und es werden biefe beiben Rorper burch Umbrehung ber Schraubenmutter an einander gepreßt.

Der vierte Fall kommt endlich vorzüglich bei ben fogenannten Bagenwinden (frang. crics; eng! listing jacks) vor, wie aus einem Durchschnitt in Sig. 290 gu erfeben ift. Es ist hier AB die Schraubenspindel, CC die auf einer gagerplatte DD ruhende Schraubenmutter und EE ein mit ber Mutter ein Ganges ausmachenbes Bahnrab, zwischen beffen Bahne eine Schraubenspindel EF eingreift. Bird die lettere umgebreht, fo lauft auch die Mutter CC um und gieht Garaubenbabei bie Schraubenspindel allmalig empor. Die badurch zu hebende Laft mirtt entweber an bem Ropfe A. ober an bem Rufie BG ber Schrauben-Spinbel.

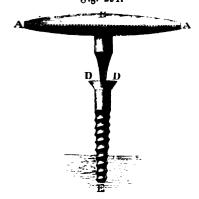
6. 138. Die Umbrehung ber Schrauben erfolgt meift nur burch die Schrauben. menfchliche Sanb und zwar

- 1) entweder unmittelbar, ober
- 2) mittelbar, b. h. mittels eines Schraubenziehers ober Schraubenfchluffels.

In beiden Fallen ift es nothig, entweder ben Ropf ber Schraubenfpinbel ober die Schraubenmutter felbft jum Ungreifen ber Umbrehungefraft geschickt zu machen. In bem erften Falle giebt man g. B. beshalb bem Schraubentopf ober ber Schraubenmutter einen gerandelten Umfang, ober verfieht fie mit besonderen Flugeln, ober man bebient fich ber Bebel, Schwengel ober Raber gur Umbrehung ber Schrauben. Die Umbrehung ber Schraubenspindel mittels eines Bebels GG ift aus ben Figuren 287 und 288 ju ersehen; bie Umbrehung ber Schraubenmutter CC mittels eines Rades EE fommt bei ber Bagenwinde in Fig. 290 vor.

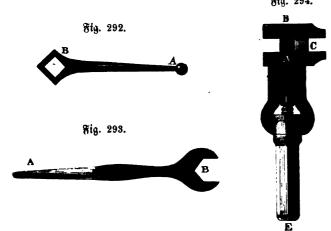
Die Schraubengieher (frang. tournevis; engl. screw-drivers) bienen vorzüglich jum Umbreben ber Schraubenspindel, mogegen bie Schraus benfchluffel (frang. clefs à vis; engl. turn-screws) mehr gum Umbres ben ber Schraubenmutter angewendet werden. Beide Apparate bestehen wefentlich in einem Bebel, welcher ben umzubrebenden Schraubentheil erfaßt, ber eine hierzu paffende Geftalt erhalten muß. Bu biefem 3mede werden 3. B. die Schraubentopfe quadratifch ober heragonal geformt, ober es werben Ginschnitte ober Locher in benfelben angebracht.

Ein meißelformiger Schraubenzieher ABC jum Einbohren einer fich Fig. 291.



bie Mutter felbft bilbenben Solge schraube DE ift in Fig. 291 abgebildet. Der Ropf D biefer Schraube ift jum Ginfegen bes Schraubenziehers mit einem Ginfchnitt verfeben. Ginen Schraus benichluffel AB für eine quabratische Schraubenmutter B geigt Fig. 292 (f. f. G.), und einen folchen für eine heragonale Mutter Rig. 293. Man hat auch Univerfalfdraubens fchluffel, welche fich bei

Schrauben. Schraubenköpfen und Schraubenmuttern von verschiebenen Größen ans ibilaffel. Ria. 294.



wenden lassen; Fig. 294 giebt die Abbildung eines solchen Schlüssels. Bon den beiden Backen A und B, womit hier der Schraubenkopf C erzgriffen wird, ist der eine (A) mit der Handhabe DE fest, dagegen der andere (B) vermittels einer Schraube F, deren Mutter in der Handhabe enthalten ist, verbunden. Durch Drehung der letzteren um ihre eigene Längenare läßt sich der Abstand zwischen den beiden Backen, der Dicke des Schraubenkopfes entsprechend stellen.

Anmendung der Echrauben

- §. 139. Sehr mannigfaltig ift bie Anwendung ber Schrauben. Um haufigsten bienen bieselben
- 1) als Befestigungemittel zweier Rorper (f. Fig. 289). Rachstdem wendet man fie aber auch an,
- 2) um eine kreisformige Bewegung in eine gerablinige umzuandern, namentlich wenn es darauf ankommt, kleine gerablinige Berwegungen zu erzeugen oder große Kräfte auszuüben. Wegen der großen Reibung, welche die Schrauben verursachen, wendet man dieselben jedoch nur selten als steilg arbeitende Zwischenmaschine, desto häusiger aber als Stellapparate bei Maschinen und Instrumenten an. Stellschrauben, welche dazu dienen, Maschinen oder Instrumententheile auf einen gewissen Ort einzustellen, kennen wir schon vielsach aus dem Früheren, so z. B. Band III, Kig. 24, 26, 106 u. s. w. Borzügliche Anwendung sinden die Schrauben, wenn es darauf ankommt, genaue Messungen oder Eintheilungen zu bewirken. Die hierzu verwendeten Schrauben heißen Miskrometerschrauben. Mittels derselben schließt man aus dem Umdres

hungswinkel ber Schraube auf ben Weg ihres arialen Fortrudens, und numendung man versieht zu diesem Zwede ben Schraubentopf mit einer Eintheilung. Da bei einer vollständigen Umbrehung (360°) die Schraube um ihre Sangshohe h fortruckt, so wird sie bei der Drehung von β^0 um einen Weg s fortrucken, welcher durch die Proportion $\frac{s}{h} = \frac{\beta^0}{360^0}$ bestimmt ist.

Mikrometerschrauben muffen sehr accurat, und namentlich so eonstruirt sein, daß das Ansteigen a an allen Stellen sehr genau eines und baffelbe ift. Bei ben sogenannten Pressen und Pragmerten bienen die Schrausben dazu, um eine große Kraft burch Druck ober Stoß auszuüben und badurch Korper zusammenzubrucken ober in ihrer Form zu verändern. Die sogenannten Drucks, Press ober Klemmschrauben endlich werden ans gewendet, um das Verschieben zweier Korper an einander burch die aus dem Schraubendrucke hervorgehende Reibung zu verhindern.

§. 140. Der Querschnitt F und also auch die Starte d_1 einer Schraus Dimensionen benspindel muß eine der Arenkraft Q der Schraube angemessene Größe haben. Ift K die Festigkeit des Schraubenmateriales, so haben wir bekanntlich

$$Q = FK = \frac{\pi d_1^2}{4} K$$
 und daher ist umgekehrt $d_1 = \sqrt{\frac{4Q}{\pi K}}$.

Da die Schraube außer der Arentraft Q auch eine dem Q proportionale Torsionskraft auszuhalten hat, so ist allerdings K kleiner als gewöhnlich anzunehmen, oder d_1 noch etwas größer zu machen, als diese Formel mit Anwendung des bekannten K giebt. Nach L, \S . 189 ware für Schmiedes eisen bei sechskacher Sicherheit, K=10000 Pfund, und für Holz bei zehnsacher Sicherheit, K=1200 Pfund. Dies vorausgesest bekämen wir hiernach die Stärke eiserner Schraubenspindeln:

 $d_1=0{,}0113~VQ$, und die holzerner, $d_1=0{,}0326~VQ$ Boll; aus dem angegebenen Grunde nimmt man aber für eiferne Schrauben

$$d_1 = 0.02 \sqrt{Q}$$
 Boll = 0.24 \sqrt{Q} Linien,

und für hölzerne Schrauben, $d_1 = 0.05 \ \sqrt{Q}$ Boll = 0,60 \sqrt{Q} Linien. Rechnet man im Mittel ben außeren Durchmeffer ber Schraube: $d_2 = 1.2 \ d_1$, so folgt auch für eiserne Schrauben:

$$d_2 = 0.024 \sqrt{Q}$$
 Boll = 0,288 \sqrt{Q} Linien,

und fur holgerne Schrauben: $d_2 = 0.06 \ VQ \ 30ll = 0.720 \ VQ$ Linien. Mit Gulfe bes Steigwinkels α_2 ber außeren Schraubenlinie laßt fich nun auch die Sanghohe und zwar mittels ber Formel

$$h = \pi d_1 tang. \alpha_2$$
 berechnen.

In der Regel giebt man flatt α_2 das Berhaltniß $n=\frac{d_2}{h}=\frac{cotang.\,\alpha_2}{\pi}$ bes Durchmeffers d_2 zur Sohe h eines Schraubenganges, ober die Anzahl

Dimenflouen n ber Gewinde auf bas Stud da von ber Arenlange ber Schraubenfpindel, und dann berechnet fich die Bohe eines Schraubenganges mittels der ein-

fachen Formel
$$h=\frac{d_2}{n}$$
.

Nach Reuleaur soll man für eiserne Schrauben mit breiseitigen Geminben:

$$h=0.04+0.08~d_2$$
 Boll, also $n=\frac{d_2}{0.04+0.08~d_2}$, und für solche mit vierseitigen Gewinden:

$$h = 0.08 + 0.09 d_2$$
 Boll, also $n = \frac{d_2}{0.08 + 0.09 d_2}$ sehen.

Bei eifernen Schrauben mit breifeitigen Gangen von 1/4 bis 4 Boll Starte ift gewöhnlich n = 5 bis 12, hingegen bei Solzschrauben von 1/2 bis 2 Boll Starte, ift n = 7/2 bis 4. Giferne Schrauben mit rects angularen Gewinden erhalten bei 1/2 bis 4 Boll Starte, n = 4 bis 9.

Anmerfung. Der Durchmeffer bes Schraubenternes ift fur Schrauben mit $d_1 = 0.9 d_2 - 0.052 \text{ Boll},$ breifeitigen Gewinben: und für solche mit quabratischen Gewinden: $d_1 = 0,91 d_2 - 0,08$;

es ift also bie Gangtiese bei ben ersteren Gewinden:
$$b=\frac{d_2-d_1}{2}=0.05\,d_2+0.026,$$

und bei ben letteren:
$$d = \frac{d_3 - d_1}{2} = 0,045 d_3 + 0,04 = \frac{1}{2} h$$
.

Schrauben mit zwei ober mehreren quabratifchen Gewinden erhalten bie Gangtiefe $b=rac{d_2-d_1}{2}=rac{mh}{2}$, wenn m bie Anzahl ber Gewinde bezeichnet; es ist also hier $d_1 = d_2 - mh$.

Damit weber die Gewinde ber Schraubenspinbel noch die ber Schraubens mutter abreißen, muß man ber letteren eine gewiffe Sobe h, geben. Die Flache, in welcher bas Abreigen ber Schraubengewinde erfolgt, ift = # d1 . h1. und lagt fich baher auch bem Duerfcnitt $\frac{\pi\,d_1^{\,2}}{4}$ bes Schraubengewindes gleichseben. Siernach ist nun $\pi d_1 \frac{h_1}{2} = \frac{\pi d_1^*}{4}$, b. i. $h_1 = \frac{d_1}{2}$.

In ber Braris macht man aber, um ber Mutter eine fichere Fuhrung gu geben, gewöhnlich h1 = d2 bis 1/8 d2. Der Durchmeffer bes Rreifes, welcher fich in bas von ber Bafis ber Schraubenmutter gebilbete Sechsed einschreiben laßt, erhalt ben Durchmeffer $d_3 = 1.4 d_2 + 0.2 3oll.$

Der Schraubentopf befommt bei bemfelben Durchmeffer da nur bie Bobe $h_2 = 0.7 d_2$

§. 141. Die Theorie ber Schraube läßt fich auf die ber schiefen Ebene (f. I., g. 162) zurudführen; das vertital niederziehende Gewicht G ber schiefen Chene ift hier bie parallel zur Are ber Schraube wirkenbe und auf ben mit der Mutter in Beruhrung tommenden Theil der Schraubenflache vertheilte Last Q, Fig. 295, und bie Rraft P ber ichiefen Chene ift hier bie Umbrehungefraft P, ber Schraube, welche wir uns zunachft in ber Mitte

der Breite der Schraubenflache angreifend benten konnen. Ift nun die Iberieber flachgangig, und ihr Ans Etranben.



Schraube flachgangig, und ihr Ansetranben. Steigen = a, ber Reibungswinkel aber = o, so konnen wir baher nach I., §. 162 die Umbrehungskraft ber Schraubenmutter ober Spindel seben:

 $P_1 = Q tang.(\alpha \pm \varrho)$, wobei das Pluszeichen zu nehmen ift, wenn es darauf ankommt, die Umstehung der Schraube durch P_1 zu bewirken, und das Minuszeichen,

wenn P1 blog die Umbrehung der Schraube burch Q verhindern foll.

Giebt man statt bes Steigwinkels α ben mittleren Schraubenhalbmeffer r ober Durchmeffer d=2r, und die Sanghohe h, so hat man

$$I_{1} = \frac{lang. \alpha \pm lang. \varrho}{1 \mp tg. \alpha \cdot lang. \varrho} Q = \frac{\frac{h}{2\pi r} \pm \varphi}{1 \mp \varphi \cdot \frac{h}{2\pi r}} Q = \frac{h \pm 2 \varphi \pi r}{2 \pi r \mp \varphi h} Q$$

 $=rac{h\pm arphi\pi d}{\pi\,d\mparphi h}\cdot Q$, wobei arphi ben Reibungscoefficienten bezeichnet.

Diefe Formel gilt übrigens ebenfo gut fur zwei- und mehrgangige Schrausben als fur eine eingangige Schraube.

Der mittlere Durchmeffer d der Schraube bestimmt sich aus dem Durchsmeffer d_1 der Spindel und aus dem außeren Durchmeffer d_2 der Schraube nach I., §. 171 durch die Formel

$$d = \frac{2}{3} \frac{d_2^3 - d_1^3}{d_2^2 - d_1^2} = \frac{d_2 + d_1}{2} + \frac{(d_2 - d_1)^2}{6(d_2 + d_1)} = a + \frac{h^2}{3a},$$

wenn a das arithmetische Mittel $\frac{d_1+d_2}{2}$ und b die Gewindbreite oder die halbe Differenz $\frac{d_2-d_1}{2}$ der Durchmesser d_2 und d_1 bezeichnet.

Meist ist $\frac{b^2}{3a}$ so klein, daß man ohne Bedenken den mittleren Schrausbendurchmesser $d=\frac{d_1+d_2}{2}$, d. i. dem arithmetischen Mittel aus dem inneren und aus dem außeren Schraubendurchmesser gleichsehen kann.

Dhne Reibung hatten wir

3

k

ge e:

en

1

)it tte

$$P_1 = Q tang. \alpha = \frac{h}{2\pi r} Q = \frac{h}{\pi d} Q;$$

278

Theorie der es ist folglich ber Wirkungsgrad einer zur Arbeitsverrichtung bienenben Schrauben. Schraube $\eta = \frac{tang. \alpha}{tang. (\alpha + \varrho)}$

> Man fieht, daß ber Birkungsgrad nicht allein fur a=0, fonbern auch fur $\alpha + \rho = 90^{\circ}$, b. i. fur $\alpha = 90^{\circ} - \rho$ unendlich klein wird; bei einem unenblich fleinen Steigmintel und bei bem Steigmintel a= 900-p. welcher ben Reibungswinkel zu einem Rechten erganzt, ift also die Rublaft der Schraube nur ein unendlich fleiner Theil der Gefammtlaft. Der Wirfungegrad $\eta = tang. \alpha \cot g. (\alpha + \varrho)$ ift bagegen ein Marimum fur

$$\alpha = \frac{90^{\circ} - \varrho}{2} = 45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \text{ ober für}$$

$$cotg. 2 \alpha = tang. \varrho = \varphi \text{ (vergl. II., §. 3), und zwar}$$

$$\eta = \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}.$$

Fur metallene Schrauben ift (nach I., §. 161) ber Reibungscoefficient $\varphi = tang. \varrho = 0.12$ und baber $\varrho = 6^{\circ}, 51'$; diesem nach ist folglich ber Wirtungegrad einer flachgangigen Schraube ein Marimum fur bas Ansteigen $\alpha = 45^{\circ} - 3^{\circ}, 25^{1/2} = 41^{\circ}, 34^{1/2}$, und zwar

$$\eta = (tang. 41^{\circ}, 34^{1/2})^{\circ} = 0.7869.$$

Bei allen größeren ober kleineren Steigungswinkeln ift alfo ber Wirkungsgrad fleiner. Dan erfieht hieraus, bag mit ber Unwendung einer Schraube als 3wifchen- ober Arbeitsmafchine ein namhafter Berluft an Rraft verbunben ift, und wendet beshalb diefelbe als Arbeitsmafchine auch faft nur bei Prag- und Stoffmerten und gwar ba nur mit ftartem Unfteigen an.

§. 142. Die Rraft, womit bie Schraube umgebreht wirb, hat ihren Angriffspunkt nicht in den Schraubengangen felbst, sondern sie wirkt an einem langeren Arme CA = a eines im Ropfe ber Schraube Fig. 296, ober am Umfange ber Schraubenmutter C, Fig. 299, angebrachten Bebeis. Es ift folglich auch bas Moment Pa biefer Rraft bem Momente

 $P_1 r = rac{P_1 d}{2}$ ber im vorigen Paragraphen gefundenen Kraft P_1 , welche im Schraubengewinde felbft angreift, gleich ju feten. hiernach haben wir alfo

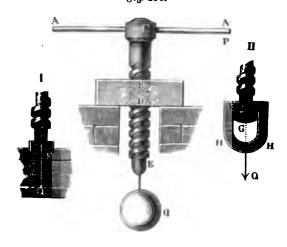
$$P = \frac{r}{a} P_1$$

$$= \frac{r}{a} Q \tan g \cdot (\alpha + \varrho)$$

$$= \frac{h \pm \varphi \pi d}{\pi d \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2a} Q.$$

Diese Kraft P wird oft noch vermehrt durch andere hindernisse, welche fich bei Umbrehung ber Schraube einftellen.

Schon wenn die Kraft P einseitig, b. i. nicht an einem boppelarmigen Iberite ber Sebel angreift, ftellt sich in ber Schraubenmutter eine Seitenreibung abnlich Carauben.



wie bei ben einmannischen Haspeln und einschwengeligen Gopeln (f. II., §. 85, Anmerkung) heraus. Ift die Hohe BD der Schraubenmutter $=h_1$, und sind die Abstände der Umdrehungsebene der Kraft von den Grundslächen der Mutter $CB=l_1$ und $CD=l_2$, so haben wir den Druck, mit welschem die Schraube bei B in der Richtung der Kraft wirkt,

$$R_1=\frac{l_2}{h_1}P,$$

und die, mit welcher fie bei D entgegengefett wirft,

$$R_2 = \frac{l_1}{h_1} P,$$

und es find baher die entsprechenden Seitenreibungen auf ben Kraftpunkt reducirt, im Gangen,

$$F = \varphi \frac{d_2}{2a} (R_1 + R_2)$$

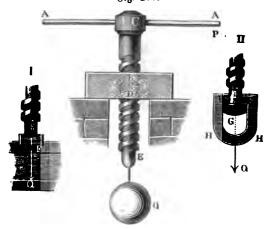
= $\varphi \frac{d_2}{2ah_1} (l_1 + l_2) P$

Benn sich ferner die Last oder der zu überwindende Widerstand Q nicht mit der Schraube umdreht, wie z. B. in I. und II. zu Fig. 296, so sindet auch noch eine Reibung an dem Schraubenende statt, die nach I., \S . 171 zu beurtheilen ist. In I. bildet das Schraubenende E einen stehenden Zapsen und dreht sich in einer Pfanne F, während sie den darunter besindlichen Körper mit einer Kraft Q zusammendrückt. Ist r_1 der Halbmesser

Theorie der biefes Schraubenendes, fo haben wir dem genannten Paragraphen zu Folge, bie auf den Kraftpunkt reducirte Reibung zwischen E und F:

$$F_1 = \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1}{a} Q.$$

Bangt bagegen bie Laft Q mittels eines Dehres FH, Fig. 297 II., an Fig. 297.



bem zu biesem 3wede mit einem Knopfe G ausgerufteten Schraubenende E, und find die halbmeffer ber ringformigen Berührungeflache FF bes Knopfes G, r, und r2, fo haben wir die auf den Rraftpunkt A reducirte Reibung auf diefer Flache: $F_1 = \frac{2}{3} \left(\frac{r_1^3 - r_2^3}{r^2 - r^2} \right) \cdot \frac{\varphi Q}{a}$

Beifpiel. Belche Rraft P ift jum Umbreben einer Schraube nothig, um bamit eine gaft Q von 1600 Bfund ju heben, wenn biefe Schraube bie Spinbel= ftarte $d_1=0.025\,\sqrt[4]{1600}=1$ Boll und die Ganghohe $\hbar=\frac{1}{3}\,d_1=\frac{1}{3}\,$ Boll hat? . Es ift hiernach für ben Steigwinkel α :

tang.
$$\alpha = \frac{h}{\pi d_1} = \frac{1}{3}$$
. 0,3188 = 0,1061, also $\alpha = 6^{\circ}$,3'.

Benn man ben Reibungewintel e = 60,51' annimmt, fo hat man baber bie Umbrehungefraft $P_1=Q$ tang. $(\alpha+\varrho)=1600$ tang. $12^0,54'=366,4$ Bfund. 3ft nun ber Bebelarm ber Rraft CA=a=16 Boll, und bagegen bie aufere Schraubenftarte $d_2={}^{5}\!\!/_4 d_1={}^{5}\!\!/_4$ Boll, also bie mittlere Schraubenftarte $d=rac{d_1+d_2}{2}=rac{9}{8}$ Boll,

$$d = \frac{d_1 + d_2}{2} = \frac{9}{8}$$
 3oU,

so hat man die nothige Rraft am Schwengel

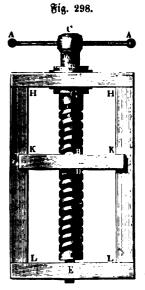
$$P = \frac{d}{2a} P_1 = \frac{9}{16 \cdot 16} \cdot 366,4 = 12,88$$
 Pfund.

Wirft biese Kraft einseitig, so ist noch eine Seitenreibung zu überwinden, welche zbeorie der dachgangtiger durch ben Ausbruck $F_1 = \varphi \frac{d_2}{2ah_1} (l_1 + l_2) P$ bestimmt wird. Ist nun die Schraubenmutter $BD = h_1 = \frac{8}{5} d_1 = \frac{8}{6}$ 3oll, und der Abstand der Schraubenmutter von der Krastebene, $CB = l_1 = 15$ 3oll, also $CD = l_2 = 16\frac{3}{5}$ 3oll, und sehen wir den Reibungscoefsicienten $\varphi = 0,15$, so haben wir $\frac{5}{5} \cdot 31,6$

$$F = 0.15 \frac{5 \cdot 31.6}{8 \cdot 16 \cdot \frac{8}{6}} \cdot P = 0.116 \cdot P.$$
 Es ift also bann $P = 0.116 P + 12.88$, und baher die Kraft am Schwengel
$$P = \frac{12.88}{0.884} = 14.57 \text{ Pfund}.$$

Wenn die Kraft an beiben Enden des Schwengels zugleich angreift und gleich stark wirkt, so fällt der lette Zuwachs weg, es ist also dann an jedem Ende nur die Kraft $\frac{12,88}{9}$ = 6,44 Pfund nöthig.

§. 143. Bei ben Entwickelungen bes vorigen Paragraphen haben wir angenommen, bag bie Schraubenspindel umgebreht wird und fich auch in



ihrer Arenrichtung fortbewegt; jeht wols len wir auch noch ben Fall in Betracht ziehen, wenn die Schraubenmutter BD burch die sich umbrehende Schraubensspindel (F. Fig. 298, fortgeschoben wird. Um das Fortschieben der lehteren zu vershindern, begrenzt man den cylindrischen Hals derselben durch zwei sich gegen das Lager HH stemmende Stoßscheiben Fund G, und um das Umbrehen der Schraubenmutter zu beseitigen, giebt man der Mutter die Gestalt eines Armes Kh und läst die Enden desselben in Leitungen HL, HL gehen.

Die Kraft P an dem Debelarme CA = a der Schraube hat dann außer der an der Mutter KK angreifenden Laft Qund ihrer Reibung in der Mutter BD noch die Reibung der einen Stoffcheibe

F oder G auf ihrer Lagerplatte und die Reibung der Armenden K und K in ihrer Fuhrung ju überwinden. Ge ift die lette Reibung

$$F = \varphi_1 \frac{d}{2a_1} P_1,$$

wenn a_1 die Arms ober halbe Lange BK der Mutter und φ_1 den Coefficiens ten der Reibung an der Führung HL bezeichnet; daher haben wir zunächst $P_1 = (O + F) tang.(\alpha + \varrho)$, oder

282

Theorie ber fachgangigen

$$P_{1}\left(1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)\right)=Qtang.(\alpha+\varrho),$$
b. i.
$$P_{1}=\frac{Qtang.(\alpha+\varrho)}{1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)}.$$

Sind noch r_1 und r_2 die Halbmesser der Reibungsstäche F oder G zwuschen der Schraube und dem Gestelle HH, so haben wir das Moment der Reibung an dieser Fläche:

$$\varphi(Q+F)$$
. $\frac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2}$,

und es ift baher bas Moment ber am Hebelarme CA = a wirkenden Umsbrehungefraft P:

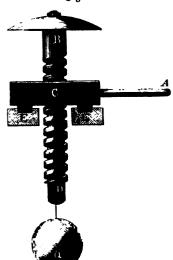
$$Pa = \frac{P_1 d}{2} + \varphi(Q + F) \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^3 - r_2^2}$$

$$= \left(\frac{d}{2} + \frac{2}{3}\varphi \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}cotg.(\alpha + \varrho)\right) P_1,$$

und die gesuchte Umbrehungefraft

$$P = \frac{\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{1}{3} \varphi \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}}{1 - \varphi_1 \frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho)} \cdot \frac{Q}{a}.$$

Fig. 299.



Wenn die Schraubenspindel BD, Fig. 299, mit der daran hängenden Last Q durch Umbrehung der Mutster eines Hebels CA = a empor gehoben wird, so ist außer der bestannten Reibung in den Gewinden noch besonders die Reibung der Ringsstäche EE der Mutter auf ihrer Pfanne zu überwinden. Sind wies der r_1 und r_2 die Halbmesser dieser Ringssäche, so haben wir das Rosment dieser Reibung

$$\varphi Q \cdot \frac{\gamma_3}{r_1^2 - r_2^3}$$

und baber ju feben:

$$Pa=rac{Q\,d}{2}\,lang.\,(lpha+arrho)+rac{2}{3}\,arphi\,Q\,rac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2},\, ext{folglid})$$
 Substitute of Madganglaring P $=\left(rac{d}{2}\,lang.(lpha+arrho)+rac{2}{3}\,arphi\,\cdot\,rac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2}
ight)rac{Q}{a}$

Wenn die Rraft nur an einem Arme wirkt, so haben wir überbies noch eine Seitenreibung op P in ben Schraubengangen, weshalb bann

$$P=\left(rac{d}{2} ang.(lpha+arrho)+rac{7}{3}\,arphi\,\cdotrac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2}
ight)rac{Q}{a-arphi\,rac{d}{2}}$$
 and nehmen ift.

Beispiel. Welche Laft Q kann burch die Schraube BD in Fig. 299 geshoben werden, wenn die Kraft P=30 Kfund an einem hebelarme CA=20 Boll wirft, wenn ferner das Ansteigen dieser Schraube $\alpha=10$ Grad und die mittlere Schraubenstärfe d=2 Boll beträgt, und wenn die halbmeffer der Reibungsstäche der Mutter, $r_1=5$ und $r_2=3\frac{1}{2}$ Boll betragen?

Sehen wir ben Reibungswinkel $\varrho=7^{\circ}$ und ben Reibungscoefficienten $\varphi=0,125$, fo erhalten wir

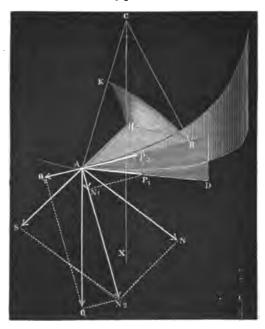
$$\begin{split} \frac{d}{2} \, tang. \, (\alpha + \varrho) &= 1 \cdot tang. 17^0 = 0.3057 \,, \\ \frac{2}{3} \, \varphi \, \frac{r_1{}^3 - r_2{}^3}{r_1{}^2 - r_2{}^2} &= \frac{3}{3} \cdot 0.125 \cdot \frac{125 - 42.875}{25 - 12.25} = 0.5368 \,\, \text{unb} \\ a - \varphi \, \frac{d}{2} &= 20 - 0.125 \cdot 1 = 19.875 \,; \,\, \text{baher bie Eaft} \\ Q &= \frac{\left(a - \varphi \, \frac{d}{2}\right) P}{\frac{d}{2} \, tang. \, (\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \, \varphi \cdot \frac{r_1{}^3 - r_2{}^3}{r_1{}^3 - r_2{}^2} \\ &= \frac{19.875 \cdot 30}{0.3057 + 0.5368} = \frac{596.25}{0.8425} = 707.7 \,\, \Re \text{funb} \,. \end{split}$$

Diefe Laft fallt hier wegen ber großen Reibung an ber Grunbflache ber Schraubenmutter verhaltnismäßig so febr flein aus. Dhue biefe Reibung mare

$$Q = \frac{596,25}{0,3057} = 1950$$
 Pfund.

§. 144. Die scharfgängige Schraube, ober die Schraube mit Eberie der triangulärem Gewinde giebt mehr Reibung als die flachgängige Schraube, weil hier wegen der Schrägheit der Schraubenstäche ein größerer Normaldruck zwischen den Gewinden vorkommt, als bei den Schrauben mit rectangulären Gewinden. Setzen wir auch die Kraft oder Last Q, parallel zur Are CX, Fig. 300 (auf folgd. Seite), AQ = Q, serner die Umbreshungskraft im Mittel der Schraubgewinde, $AP_1 = P_1$ und das Ansteigen der Gewinde, $BAD = \alpha$, und bezeichnen wir die Neigung der Erzeugungsslinie CA der Schraubensläche gegen die Basis der Schraube, $CAH = \beta$. Legen wir zunächst durch den Punkt A, in welchem wir uns die Kräste wirksam denken können, eine Tangentialebene an den die Schraube begrenzzenden Cylinder, und ziehen wir in dieser Schene eine Linie AN_2 winkeltecht

Ebeorie der auf die Langente AB der Schraubenlinie. Nun zerlegen wir beide Kräfte Edraube. P_1 und Q in Seitenkräfte P_2 und Q_2 parallel, und in Seitenkräfte N_1 und Rig. 300.



 N_2 rechtwinkelig zu AB. Gabe es nun keine Reibung, so mußte $P_2 = Q_2$, b. i. $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha$, also wie bekannt, $P_1 = Q \tan g$. α sein; wegen ber Reibung (F) mussen wir bagegen $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha + F$ sehen.

Der Druck $N_1+N_2=P_1\sin\alpha+Q\cos\alpha$ ist hier, ba die Schrausbenflache von A aus nach der Are zu bachförmig ansteigt, nicht normal auf diese Flache, sondern er zerlegt sich in zwei Seitenkräfte AS=S und AN=N, wovon die eine radial und die andere rechtwinkelig zur Schrausbenflache wirkt. Da die Last Q um die Are CX ringsherum auf die Schraubenflache vertheilt ist, so wirken auch sammtliche radiale Kräfte wie AS ringsherum um CX und heben sich gegenseitig auf. Dagegen die Normalkräfte, wie N, erzeugen die in Frage stehende Reibung $F=\varphi N$.

Bezeichnen wir den Winkel NAN2 burch d, so haben wir, ba

$$\angle SAN_2 = AN_2N = 90$$
 Grab ift,
 $AN = \frac{AN_2}{\cos NAN_2}$, b. i.
 $N = \frac{N_2}{\cos \delta} = \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \delta}$.

Es ift nun noch nothig, ben Winkel δ aus α und β zu bestimmen.

Theorie bei idarigangiger

Da N_2 rechtwinkelig auf der Seene BAH, und N rechtwinkelig auf der Saraube. Sebene BAC steht, so folgt, daß die beiden letten Sebenen ebenfalls den Winkel $NAN_2 = \delta$ zwischen sich einschließen oder daß der sphärische Winzkel B eines aus A beschriebenen sphärischen Dreieckes BHK auch $= \delta$ ist. In diesem sphärischen Dreiecke ist serner tie Seite $HK = \beta$, die Seite $BH = 90^\circ$, und der sphärischen Winkel $H = 90^\circ - \alpha$, daher giebt die bekannte Formel der sphärischen Trigonometrie

$$cotg. B = \frac{cos. HK \cdot sin. BH - cos. H sin. HK \cos BH}{sin. H sin. HK},$$

$$cotg. \delta = \frac{cos. \beta \sin. 90^{\circ} - cos. (90^{\circ} - \alpha) \sin. \beta \cos. 90^{\circ}}{sin. (90^{\circ} - \alpha) \sin. \beta}$$

$$= \frac{cos. \beta}{cos. \alpha \sin. \beta} = \frac{cotg. \beta}{cos. \alpha}, \text{ obst}$$

$$tang. \delta = tang. \beta \cos. \alpha.$$

Aber
$$\cos \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + \iota ang. \delta^2}}$$
, baher folgt

$$cos. \delta = \frac{1}{V \cdot 1 + (tang.\beta)^2 (cos.\alpha)^2} = \frac{1}{V \cdot 1 + (tang.\beta)^2 \cdot \frac{1}{1 + (tang.\alpha)^2}}$$
$$= \frac{V \cdot 1 + (tang.\alpha)^2}{V \cdot 1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}.$$

hiernach bestimmt fich nun die Reibung ber Schraube

$$F = \varphi N = \frac{\varphi(P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha)\sqrt{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2}}{\sqrt{1 + (lang \alpha)^2}}$$

= $\varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}$, und es ist daher die Kraftsormel für die scharfgängige Schraube

$$P_1 \cos u = Q \sin \alpha + \varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2},$$

oder

$$P_1[1 \mp \varphi \sin \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}]$$

$$= Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}].$$

Es ist folglich

$$P_{1} = \frac{Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^{2} + (tang.\beta)^{2}}]}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^{2} + (tang.\beta)^{2}}}$$

Ift d ber mittlere Schraubendurchmeffer und a der Hebelarm, woran

Shevrie der schaftler die Kraft P wirkt, so hat man $Pa=P_1$ $\frac{d}{2}$, daher Schraube.

$$P=\frac{d}{2a}P_1$$
, b. i.

$$P = \frac{d}{2a} Q \frac{[tang. \alpha \pm \varphi \cos. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}]}{1 \mp \varphi \sin. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}}$$

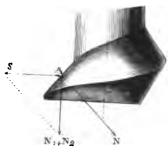
Die scharfgangigen Schrauben werden wegen ihrer großeren Reibung vorzüglich nur als Befestigungsmittel angewendet, und haben bann nur ein kleines Unsteigen a. Daber konnen wir fur sie auch annahernd

$$P = \frac{tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}} \cdot \frac{d}{2a}Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cdot \cos.\beta \pm \varphi \cos.\alpha}{\cos.\beta \mp \varphi \sin.\alpha} \cdot \frac{d}{2a}Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cos.\beta \pm \varphi}{\cos.\beta \mp \varphi tang.\alpha} \cdot \frac{d}{2a}Q$$

$$= \frac{h \cos.\beta \pm \varphi \pi d}{\pi d \cos.\beta \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2a}Q \text{ fegen.}$$
§ig. 301.



Diese Formel ergiebt sich auch uns mittelbar, wenn man ben Normals brud AN, Kig. 301.

$$N = \frac{(N_1 + N_2)}{\cos \beta}$$
$$= \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \beta}$$

fest.

Beispiel. Gur eine scharfgangige Schraube mit bem Anfteigen $\alpha=6^{\rm o}$,8' und bem Reigungewinfel $\beta=45^{\rm o}$ ift

 $\sqrt{1+(tang.\,\alpha)^2+(tang.\,\beta)^2}=\sqrt{1+(0.106)^2+1}=\sqrt{2.0112}=1,418;$ nimmt man noch ben Reibungscoefficienten $\varphi=0.12$ au, so hat man

φ cos. α $\sqrt{1+(tang.\alpha)^2+(tang.\beta)^2}=0,12.0,9944.1,418=0,1691$ und φ sin. α $\sqrt{1+(tang.\alpha)^2+(tang.\beta)^3}=0,12.0,1054.1,418=0,0179.$ Soll nun mittels dieser Schraube eine Raft Q von 1600 Hund gehoben werden, und hierbei die Kraft an einem Gebelarme a=16 Boll wirfen, während die Schraube selbst nur die mittlere Stärfe d=9/8 Boll hat, so hat man die Kraft $P=\frac{0,1060+0,1691}{1-0,0179}\cdot\frac{9}{16.16}\cdot 1600=\frac{0,2751}{0,9821}\cdot\frac{900}{16}=15,76$ Pfund, mährend wir für eine flachgängige Schraube unter übrigene gleichen Umständen im Beispiele zu §. 142, P nur =12,88 Pfund gefunden haben.

Die Raberungeformel

$$P = \frac{tang. \alpha \cos. \beta + \varphi}{\cos. \beta - \varphi tang. \alpha} \cdot \frac{d}{2\alpha} Q$$

giebt une biefe Rraft

$$P = \frac{0,106 \cdot 0,7071 + 0,12}{0,7071 - 0,12} \cdot \frac{900}{0,106} = 15,79$$
 Hfunb.

§. 145. Wenn schon die flachgangigen Schrauben wegen ihrer großen Carauben Reibung sich nicht gut zur Fortpklanzung ober Ausübung einer mechanischen Befeinungen Arbeit eignen, so sind die Schrauben mit scharfgangigen Gewinden hierzu noch unvortheilhafter zu gebrauchen. Anders ist es aber in allen den Fällen, wenn die Schrauben als Befestigungsmittel dienen. hier kommt es darauf an, daß die Schraube oder Schraubenmutter nicht zurückgehe, d. i. durch die Spannkraft Q nicht in Umdrehung geseht werde; da nun aber die Reibung jede Bewegung zu verbindern sucht, so ist sie für diese Schrauben vortheilzhaft, und es nüben folglich Schrauben mit triangulären Gewinden hier mehr als solche mit rectangulären Gewinden.

Solche Schrauben, wie 3.B. Prefischrauben, Schraubenbolzen u. f. w., erhalten, eben bamit sie nicht zurudgehen, schwach ansteigende Gewinde ober kleine Steigwinkel, wir konnen daher für sie die lette Raberungssformel mit dem unteren Zeichen

$$P = \frac{h\cos\beta - \varphi\pi d}{\pi d\cos\beta + \varphi h} \cdot \frac{d}{2a}Q$$
 gebrauchen.

Seten wir nun hierin P = 0, fo erhalten wir die Bedingung

$$h\cos \beta - \varphi \pi d = 0$$
, b. i.

$$tang.\alpha = \frac{h}{\pi d} = \frac{\varphi}{\cos \beta} = \frac{tang. \varphi}{\cos \beta}$$

also für flachgängige Schrauben, wo $\beta = \Re u \mathbb{I}$, also $\cos \beta = \operatorname{Eins}$ ift, $tang. \alpha = tang. \varrho$, b. i.

$$\alpha = \rho$$
.

Flachgangige Schrauben also, bei welchen das Ansteigen der Gewinde noch nicht dem Reibungswinkel gleich ist, gehen nicht zuruck, wie groß auch die Spannung Q derselben sei. Bei scharfgangigen Schrauben aus Metall macht man $\beta=25$ bis 30 Grad und bei solchen aus Holz $\beta=30$ bis 40 Grad. Nehmen wir die ungunstigen Falle, sehen wir also für jene Schrauben $\beta=25$ und für diese $\beta=30$ Grad, so erhalten wir im

ersten Fall
$$tang.\alpha = \frac{tang.\varrho}{cos.25^{\circ}} = 1,1034 tang.\varrho$$
,

ober auch annahernd $\alpha = 1,10 \, \varrho$, und im zweiten

$$tang.\alpha = \frac{tang.\varphi}{cos.30^{\circ}} = 1,16 tang.\varphi$$

ober annähernd $\alpha = 1,16 \varrho$.

Theorie der es ist folglich ber Wirkungsgrad einer zur Arbeitsverrichtung bienenden Schrauben. Schraube $\eta = \frac{tang. \alpha}{tang. (\alpha + o)}$

Man fieht, daß der Wirkungsgrad nicht allein fur a=0, sondern auch für $\alpha + \varrho = 90^{\circ}$, b. i. für $\alpha = 90^{\circ} - \varrho$ unendlich klein wird; bei einem unendlich fleinen Steigwinkel und bei bem Steigwinkel a = 900 - o, welcher ben Reibungswinkel zu einem Rechten erganzt, ift alfo bie Rublaft ber Schraube nur ein unendlich fleiner Theil ber Gesammtlaft. Der Wirfungegrad $\eta = tang. \alpha colg. (\alpha + \varrho)$ ift bagegen ein Marimum für

$$\alpha = \frac{90^{\circ} - \varrho}{2} = 45^{\circ} - \frac{\varrho}{2} \text{ ober für}$$

$$cotg. 2 \alpha = tang. \varrho = \varphi \text{ (vergl. II., §. 3), und zwar}$$

$$\eta = \left[tang. \left(45^{\circ} - \frac{\varrho}{2}\right)\right]^{2}.$$

Fur metallene Schrauben ift (nach I., §. 161) ber Reibungscoefficient $\varphi = tang. \varrho = 0.12$ und daher $\varrho = 6^{\circ}, 51'$; diesem nach ist folglich ber Wirkungegrab einer flachgangigen Schraube ein Marimum fur bas Ansteigen $\alpha = 45^{\circ} - 3^{\circ}, 25^{1/2} = 41^{\circ}, 34^{1/2},$ und zwar

$$\eta = (tang. 41^{\circ}, 34^{1/2})^{\circ} = 0.7869.$$

Bei allen größeren ober kleineren Steigungswinkeln ift alfo ber Wirkungsgrab fleiner. Dan erfieht hieraus, bag mit ber Unwendung einer Schraube als 3wischen- ober Arbeitsmaschine ein namhafter Berluft an Rraft verbunben ift, und wendet beshalb biefelbe als Arbeitsmaschine auch fast nur bei Prag= und Stofwerten und gwar ba nur mit fartem Unffeigen an.

§. 142. Die Rraft, womit die Schraube umgebreht wird, hat ihren Ungriffspunkt nicht in ben Schraubengangen felbft, fondern fie wirkt an einem langeren Urme CA=a eines im Ropfe ber Schraube Fig. 296, oder am Umfange ber Schraubenmutter C, Fig. 299, angebrachten Bebele. Es ift folglich auch bas Moment Pa biefer Rraft bem Momente

 $P_1 r = rac{P_1 d}{2}$ ber im vorigen Paragraphen gefundenen Kraft P_1 , welche im Schraubengewinde felbft angreift, gleich ju feten. hiernach haben wir alfo

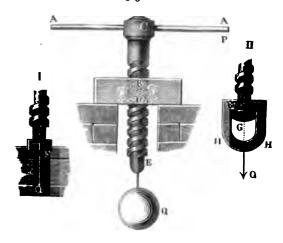
$$P = \frac{r}{a} P_1$$

$$= \frac{r}{a} Q \tan g. (\alpha + \varrho)$$

$$= \frac{h + \varphi \pi d}{\pi d + \varphi h} \cdot \frac{d}{2a} Q.$$

Diefe Rraft P wird oft noch vermehrt burch andere Binberniffe, welche fich bei Umbrehung ber Schraube einftellen.

Schon wenn die Kraft P einseitig, d. i. nicht an einem doppelarmigen Theorie ber Sebel angreift, stellt sich in der Schraubenmutter eine Seitenreibung abnlich Sig. 296.



wie bei ben einmannischen Haspeln und einschwengeligen Göpeln (f. II., §. 85, Anmerkung) heraus. Ist die Hohe BD der Schraubenmutter $=h_1$, und sind die Abstände der Umbrehungsebene der Kraft von den Grundslächen der Mutter $CB=l_1$ und $CD=l_2$, so haben wir den Druck, mit welschem die Schraube bei B in der Richtung der Kraft wirkt,

$$R_1=\frac{l_2}{h_1}P,$$

und die, mit welcher fie bei D entgegengefest wirft,

$$R_2 = \frac{l_1}{h_1} P,$$

und es find daher bie entsprechenden Seitenreibungen auf den Rraftpunkt reducirt, im Gangen,

$$F = \varphi \frac{d_2}{2a} (R_1 + R_2)$$

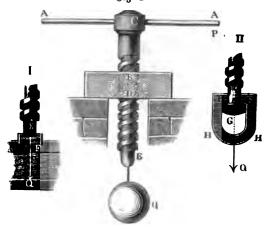
= $\varphi \frac{d_2}{2ah_1} (l_1 + l_2) P$

Wenn sich ferner die Last ober der zu überwindende Widerstand Q nicht mit der Schraube umbreht, wie z. B. in I. und II. zu Fig. 296, so sindet auch noch eine Reibung an dem Schraubenende statt, die nach I., §. 171 zu beurtheilen ist. In I. bildet das Schraubenende E einen stehenden Zapfen und dreht sich in einer Pfanne F, während sie den darunter befindtichen Körper mit einer Kraft Q zusammendrückt. Ist r_1 der Halbmesser

Abeorie der diefes Schraubenendes, fo haben wir dem genannten Paragraphen zu Folge, Kachgangigen bie auf ben Kraftpunkt reducirte Reibung zwischen E und F:

$$F_1 = \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1}{a} Q.$$

Bangt bagegen bie Laft Q mittels eines Dehres FH, Fig. 297 II., an Fig. 297.



dem zu diesem Zwecke mit einem Knopfe G ausgerufteten Schraubenende E_{\star} und find die Salbmeffer der ringformigen Beruhrungeflache FF bes Knopfes G, r, und r2, fo haben wir die auf den Rraftpunkt A reducirte Reibung auf diefer Flache: $F_1 = \frac{2}{3}\left(\frac{r_1^3-r_2^3}{r^2-r_2^2}\right)\cdot\frac{\varphi Q}{a}$

Beifpiel. Belche Rraft P ift jum Umbreben einer Schraube nothig, um bamit eine gaft Q von 1600 Bfund gu heben, wenn biefe Schraube bie Spinbelftarte $d_1=0.025\,\sqrt{1600}=1$ Boll und die Ganghohe $\hbar=\frac{1}{8}\,d_1=\frac{1}{8}\,$ Boll hat? . Es ift hiernach für ben Steigwinkel a:

tang.
$$\alpha = \frac{h}{\pi d_1} = \frac{1}{3}$$
. 0,3183 = 0,1061, also $\alpha = 6^{\circ}$,3'.

Benn man ben Reibungswinfel Q = 60,51' annimmt, fo hat man baber bie Umbrehungefraft $P_1 = Q tang.(\alpha + \varrho) = 1600 tang. 120,54' = 366,4 Bfund.$ Ift nun ber Bebelarin ber Rraft CA = a = 16 Boll, und bagegen bie außere Schraubenstärke $d_2={}^{5}\!\!/_{\!\!4}\,d_1={}^{5}\!\!/_{\!\!4}\,$ Boll, also vie mittlere Schraubenstärke $d={d_1+d_2\over 2}={}^{9}\!\!/_{\!\!8}\,$ Boll,

$$d = \frac{d_1 + d_2}{2} = \frac{9}{8}$$
 Boll,

so hat man die nothige Rraft am Schwengel

$$P = \frac{d}{2a} P_1 = \frac{9}{16 \cdot 16} \cdot 366,4 = 12,88 \text{ Pfunb.}$$

Birft biefe Rraft einfeitig, fo ift noch eine Seitenreibung ju überwinden, welche Theorie Der burch ben Ausbruck $F_1=arphirac{d_2}{2\,a\,h_1}\,(l_1\,+\,l_2)\,P$ bestimmt wirb. Ift nun bie

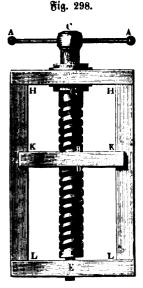
Sohe ber Schraubenmutter $BD=\mathbf{h}_1=\frac{8}{6}d_1=\frac{8}{6}$ Boll, und ber Abstand ber Schraubenmutter von ber Kraftebene, $CB=l_1=15$ Boll, also $CD=l_2$ = 16 $\frac{3}{6}$ Boll, und setzen wir ben Reibungscoefficienten φ = 0,15, so haben wir F = 0,15 $\frac{5 \cdot 31.6}{8 \cdot 16 \cdot \frac{8}{6}} \cdot P$ = 0,116 · P.

$$F = 0.15 \frac{5 \cdot 31.6}{8 \cdot 16 \cdot 8/6} \cdot P = 0.116 \cdot P.$$

Es ift also bann $P=0,116\,P+12,88$, und baher bie Rraft am Schwengel $P=\frac{12,88}{0.884}=14,57$ Pfund.

Benn bie Rraft an beiben Enben bes Schwengels zugleich angreift und gleich ftart wirkt, fo fallt ber leste Bumachs weg, es ift alfo bann an jebem Enbe nur bie Rraft $\frac{12,88}{9}$ = 6,44 Pfund nöthig.

6. 143. Bei den Entwickelungen bes vorigen Paragraphen haben wir angenommen, daß die Schraubenspindel umgebreht wird und fich auch in



ihrer Arenrichtung fortbewegt; jest wollen wir auch noch ben Fall in Betracht gieben, wenn die Schraubenmutter BD burch die sich umbrehende Schraubens spindel (E. Fig. 298, fortgeschoben wird. Um bas Fortschieben ber letteren gu verhindern, begrengt man ben cylindrischen Hale berfelben burch zwei fich gegen bas Lager HH stemmende Stogscheiben F und G, und um bas Uimbrehen ber Schraubenmutter ju befeitigen, giebt man ber Mutter die Geftalt eines Urmes KK und lagt bie Enden beffelben in Leitungen HL, HL gehen.

Die Kraft P an dem Hebelarme CA = a ber Schraube hat bann außer ber an ber Mutter KK angreifenden gaft Qund ihrer Reibung in ber Mutter BD noch bie Reibung ber einen Stoffcheibe

F ober G auf ihrer Lagerplatte und bie Reibung ber Armenden K und K in ihrer Fuhrung ju uberwinden. Es ift die lette Reibung

$$F = \varphi_1 \frac{d}{2a_1} P_1,$$

wenn a, die Arms ober halbe gange BK ber Mutter und o, ben Coefficiens ten ber Reibung an ber Fuhrung HL bezeichnet; baber haben wir junachft

$$P_1 = (Q + F) tang.(\alpha + \varrho), ober$$

Theorie ber Aachgangigen Schrauben.

$$P_{1}\left(1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)\right)=Qtang.(\alpha+\varrho),$$
b. i.
$$P_{1}=\frac{Qtang.(\alpha+\varrho)}{1-\varphi_{1}\frac{d}{2a_{1}}tang.(\alpha+\varrho)}.$$

Sind noch r1 und r2 die Halbmeffer der Reibungeflache F ober G gwisschen ber Schraube und bem Gestelle HH, so haben wir das Moment der Reibung an dieser Fläche:

$$\varphi(Q+F) \cdot \frac{2}{3} \frac{r_1^3-r_2^3}{r_1^2-r_2^2},$$

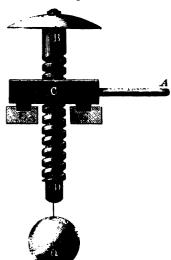
und es ift baher bas Moment ber am Hebelarme $\mathit{CA} = a$ wirkenden Umsbrehungekraft P:

$$\begin{split} Pa &= \frac{P_1 d}{2} + \varphi (Q + F) \cdot \frac{\gamma_3}{r_1^3 - r_2^3} \\ &= \left(\frac{d}{2} + \frac{\gamma_3}{r_1^3 - r_2^3} \cot g \cdot (\alpha + \varrho)\right) P_1, \end{split}$$

und die gesuchte Umbrehungefraft

$$P = \frac{\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}}{1 - \varphi_1 \frac{d}{2 a_1} tang.(\alpha + \varrho)} \cdot \frac{Q}{a}.$$

Fig. 299.



Wenn die Schraubenspindel BD, Fig. 299, mit der daran hångenden Last Q durch Umbrehung der Mutter eines Hebels CA=a empor gehoben wird, so ist außer der des kannten Reibung in den Gewinden noch besonders die Reibung der Ringssläche EE der Mutter auf ihrer Pfanne zu überwinden. Sind wies der r_1 und r_2 die Halbmesser dieser Ringssläche, so haben wir das Mosment dieser Reibung

$$\varphi Q \cdot \frac{2}{3} \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}$$

und baher gu feten:

$$\begin{split} Pa &= \frac{Q\,d}{2}\,tang.\,(\alpha + \varrho) \,+\, {}^{2}\!/_{\!3}\,\varphi\,Q\,\frac{r_{1}^{\,3} - r_{2}^{\,3}}{r_{1}^{\,2} - r_{2}^{\,2}}\,,\,\,\text{folglidy} \quad \text{Madgdnylgen} \\ P &= \left(\frac{d}{2}\,tang.\,(\alpha + \varrho) \,+\, {}^{2}\!/_{\!3}\,\varphi\,\,\cdot\,\frac{r_{1}^{\,3} - r_{2}^{\,3}}{r_{1}^{\,2} - r_{2}^{\,2}}\right)\frac{Q}{a}\,. \end{split}$$

Wenn die Rraft nur an einem Arme wirkt, fo haben wir überbies noch eine Seitenreibung oP in den Schraubengangen, weshalb bann

$$P = \left(\frac{d}{2} \tan g.(\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi \cdot \frac{r_1^3 - r_2^3}{r_1^2 - r_2^2}\right) \frac{Q}{a - \varphi \cdot \frac{d}{2}}$$
 zu nehmen ist.

Beispiel. Belde Laft Q fann burch bie Schraube BD in Fig. 299 gehoben werben, wenn bie Rraft P=30 Bfund an einem Sebelarme CA=20Boll wirft, wenn ferner bas Anfteigen biefer Schraube $\alpha=10$ Brab und bie mittlere Schraubenftarte d = 2 Boll betragt, und wenn bie Salbmeffer ber Reibungefläche ber Mutter, $r_1 = 5$ und $r_2 = 3\frac{1}{2}$ Boll betragen?

Segen wir ben Reibungewinfel q = 70 und ben Reibungecoefficienten p

= 0,125, fo erhalten wir

$$\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) = 1 \cdot tang.17^{0} = 0,3057,$$

$$\frac{2}{3} \varphi \frac{r_{1}^{3} - r_{2}^{3}}{r_{1}^{2} - r_{2}^{2}} = \frac{2}{3} \cdot 0,125 \cdot \frac{125 - 42,875}{25 - 12,25} = 0,5368 \text{ und}$$

$$a - \varphi \frac{d}{2} = 20 - 0,125 \cdot 1 = 19,875; \text{ baher bie Laft}$$

$$Q = \frac{\left(a - \varphi \frac{d}{2}\right)P}{\frac{d}{2} tang.(\alpha + \varrho) + \frac{2}{3} \varphi \cdot \frac{r_{1}^{3} - r_{2}^{3}}{r_{1}^{2} - r_{2}^{2}}}$$

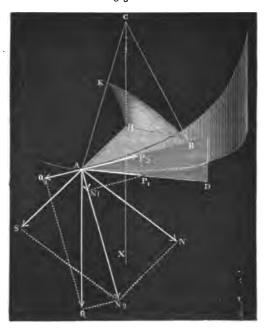
$$= \frac{19,875 \cdot 30}{0,3057 + 0,5368} = \frac{596,25}{0,8425} = 707,7 \text{ Pfunb.}$$

Diefe Laft fallt bier wegen ber großen Reibung an ber Grunbflache ber Schraubenmutter verhaltnigmäßig fo fehr flein aus. Dhne biefe Reibung mare

$$Q = \frac{596,25}{0.3057} = 1950$$
 Pfund.

6. 144. Die fcarfgangige Schraube, ober bie Schraube mit Theorie ber triangularem Gewinde giebt mehr Reibung als die flachgangige Caraube. Schraube, weil hier wegen ber Schragheit ber Schraubenflache ein großerer Normalbrud amifchen ben Gewinden vorfommt, als bei ben Schrauben mit rectangularen Gewinden. Segen wir auch die Rraft ober Laft O, parallel gur Are CX, Fig. 300 (auf folgb. Seite), AQ = Q, ferner bie Umbres hungefraft im Mittel der Schraubgewinde, $AP_1 = P_1$ und das Ansteigen ber Gewinde, BAD = a, und bezeichnen wir die Reigung ber Erzeugungs linie CA ber Schraubenflache gegen die Basis der Schraube, $CAH = \beta$. Legen wir zunachst burch ben Punkt A, in welchem wir uns die Rrafte wirksam benten konnen, eine Tangentialebene an ben bie Schraube begrenzenden Eplinder, und ziehen wir in dieser Ebene eine Linie AN_2 winkelrecht

Ebertie ber auf die Tangente AB der Schraubenlinie. Run zerlegen wir beide Kräfte farigangigen P_1 und Q in Seitenkräfte P_2 und Q_2 parallel, und in Seitenkräfte N_1 und Fig. 300.



 N_2 rechtwinkelig zu AB. Gabe es nun keine Reibung, so mußte $P_2 = Q_2$, b. i. $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha$, also wie bekannt, $P_1 = Q \tan g$. α sein; wegen ber Reibung (F) muffen wir bagegen $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha + F$ sehen.

Der Druck $N_1+N_2=P_1\sin\alpha+Q\cos\alpha$ ist hier, ba die Schrausbenflache von A aus nach ber Are zu bachformig ansteigt, nicht normal auf diese Flache, sondern er zerlegt sich in zwei Seitenkrafte AS=S und AN=N, wovon die eine radial und die andere rechtwinkelig zur Schrausbenflache wirkt. Da die Last Q um die Are CX ringsherum auf die Schraubenflache vertheilt ist, so wirken auch sammtliche radiale Krafte wie AS ringsherum um CX und heben sich gegenseitig auf. Dagegen die Normalkrafte, wie N, erzeugen die in Frage stehende Reibung $F=\varphi N$.

Bezeichnen wir den Winkel NAN2 burch d, so haben wir, ba

$$\angle$$
 $SAN_2 = AN_2N = 90$ Grab ift,
 $AN = \frac{AN_2}{\cos NAN_2}$, b. i.
 $N = \frac{N_2}{\cos \delta} = \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \delta}$.

Es ift nun noch nothig, ben Winkel & aus a und \$ ju bestimmen.

Theorie bei icarigangigen

Da N_2 rechtwinkelig auf der Sene BAH, und N rechtwinkelig auf der Edraude. Sebene BAC steht, so folgt, daß die beiden letten Sebenen ebenfalls den Winkel $NAN_2=\delta$ zwischen sich einschließen oder daß der sphärische Winztel B eines aus A beschriebenen sphärischen Dreiedes BHK auch $=\delta$ ist. In diesem sphärischen Dreiede ist serner tie Seite $HK=\beta$, die Seite $BH=90^\circ$, und der sphärische Winkel $H=90^\circ-\alpha$, daher giebt die bekannte Formel der sphärischen Trigonometrie

$$cotg. B = \frac{cos. HK \cdot sin. BH - cos. H sin. HK \cos BH}{sin. H sin. HK},$$

$$cotg. \delta = \frac{cos. \beta sin. 90^{\circ} - cos. (90^{\circ} - \alpha) sin. \beta \cos .90^{\circ}}{sin. (90^{\circ} - \alpha) sin. \beta}$$

$$= \frac{cos. \beta}{cos. \alpha sin. \beta} = \frac{cotg. \beta}{cos. \alpha}, \text{ ober}$$

$$tang. \delta = tang. \beta \cos .\alpha.$$

Ther
$$\cos \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + tang \cdot \delta^2}}$$
, baher folgt
$$\cos \delta = \frac{1}{\sqrt{1 + (tang \cdot \beta)^2 (\cos \alpha)^2}} = \frac{1}{\sqrt{1 + (tang \cdot \beta)^2 \cdot \frac{1}{1 + (tang \cdot \alpha)^2}}}$$

$$= \frac{\sqrt{1 + (tang \cdot \alpha)^2}}{\sqrt{1 + (tang \cdot \alpha)^2 + (tang \cdot \beta)^2}}.$$

hiernach bestimmt sich nun die Reibung ber Schraube

$$F = \varphi N = \frac{\varphi(P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2}}{\sqrt{1 + (lang \alpha)^2}}$$

= $\varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}$, und es ist daher die Kraftsormel für die schartgängige Schraube $P_1 \cos \alpha = Q \sin \alpha + \varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha)$

$$V \sin \alpha \pm \varphi \cos \alpha (P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha) / \frac{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2}{1 + (lang \alpha)^2 + (lang \beta)^2}$$

odet

$$P_1[1 \mp \varphi \sin \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}]$$

$$= Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos \alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^2 + (tang.\beta)^2}].$$

Es ist folglich

$$P_{1} = \frac{Q[tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^{2} + (tang.\beta)^{2}}]}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\alpha)^{2} + (tang.\beta)^{2}}}.$$

Ift d der mittlere Schraubendurchmeffer und a der hebelarm, woran

Theorie der schaft P wirkt, so hat man $Pa=P_1$ $\frac{d}{2}$, daher Straft P wirkt, so hat man Pa

$$P = \frac{d}{2a}P_1$$
, b. i.

$$P = \frac{d}{2a} Q \frac{[tang. \alpha \pm \varphi \cos. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}]}{1 \mp \varphi \sin. \alpha \sqrt{1 + (tang. \alpha)^2 + (tang. \beta)^2}}$$

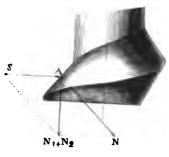
Die scharfgangigen Schrauben werben wegen ihrer größeren Reibung vorzüglich nur als Befestigungsmittel angewendet, und haben bann nur ein kleines Unsteigen a. Daher konnen wir für sie auch annahernb

$$P = \frac{tang.\alpha \pm \varphi \cos.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}}{1 \mp \varphi \sin.\alpha \sqrt{1 + (tang.\beta)^2}} \cdot \frac{d}{2n} Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cdot \cos.\beta \pm \varphi \cos.\alpha}{\cos.\beta \mp \varphi \sin.\alpha} \cdot \frac{d}{2n} Q$$

$$= \frac{tang.\alpha \cos.\beta \pm \varphi}{\cos.\beta \mp \varphi tang.\alpha} \cdot \frac{d}{2n} Q$$

$$= \frac{h \cos.\beta \pm \varphi \pi d}{\pi d \cos.\beta \mp \varphi h} \cdot \frac{d}{2n} Q \text{ fegen.}$$
§ig. 301.



Diese Formel ergiebt fich auch uns mittelbar, wenn man ben Normals brud AN, Fig. 301,

$$N = \frac{(N_1 + N_2)}{\cos \beta}$$
$$= \frac{P_1 \sin \alpha + Q \cos \alpha}{\cos \beta}$$

ſeţt.

Beispiel. Für eine scharfgangige Schraube mit bem Anfteigen $\alpha=6^{o},3^{o}$ und bem Reigungewinfel $\beta=45^{o}$ ift

 $\sqrt{1+(tang.\,\alpha)^2+(tang.\,\beta)^2}=\sqrt{1+(0.106)^2+1}=\sqrt{2.0112}=1.418;$ nimmt man nech ben Reibungscoefficienten $\varphi=0.12$ an, so hat man

φ cos. α $\sqrt{1+(tang.\alpha)^2+(tang.\beta)^2}=0,12\cdot0,9944\cdot1,418=0,1691$ und φ sin. α $\sqrt{1+(tang.\alpha)^2+(tang.\beta)^2}=0,12\cdot0,1054\cdot1,418=0,0179$. Soll nun mittels biefer Schraube eine Laft Q von 1600 Pfund gehoben werben, und hierbei bie Kraft an einem Hebelarme a=16 Boll wirfen, während bie Schraube felbst nur die mittlere Stärfe $d=\frac{9}{8}$ Boll hat, so hat man die Kraft $P=\frac{0,1060+0,1691}{1-0,0179}\cdot\frac{9}{16\cdot16}\cdot1600=\frac{0,2751}{0,9821}\cdot\frac{900}{16}=15,76$ Pfund, während wir für eine stachgängige Schraube unter übrigens gleichen Umständen im Beispiele zu §. 142, P nur =12,88 Pfund gefunden haben.

Die Raberungeformel

$$P = \frac{\tan g \cdot \alpha \cos \beta + \varphi}{\cos \beta - \varphi \tan g \cdot \alpha} \cdot \frac{d}{2a} Q$$

giebt une biefe Rraft

$$P = \frac{0,106 \cdot 0,7071 + 0,12}{0,7071 - 0,12 \cdot 0,106} \cdot \frac{900}{16} = 15,79 \ \text{Hunb.}$$

§. 145. Benn schon die flachgangigen Schrauben wegen ihrer großen Carauben Reibung sich nicht gut zur Fortpflanzung ober Ausübung einer mechanischen Befeinungen Arbeit eignen, so sind die Schrauben mit scharsgangigen Gewinden hierzu noch unvortheilhafter zu gebrauchen. Anders ist es aber in allen den Fallen, wenn die Schrauben als Befestigungsmittel bienen. hier kommt es darauf an, daß die Schraube oder Schraubenmutter nicht zurückgehe, d. i. durch die Spannkraft Q nicht in Umbrehung geseht werde; da nun aber die Reibung jede Bewegung zu verbindern sucht, so ist sie für diese Schrauben vortheils haft, und es nüben folglich Schrauben mit triangulären Gewinden hier mehr als solche mit rectangulären Gewinden.

Solche Schrauben, wie z. B. Prefischrauben, Schraubenbolzen u. s. w., erhalten, eben bamit fie nicht zurudgeben, schwach ansteigende Gewinde ober kleine Steigwinkel, wir konnen baber fur sie bie lette Raberungssformel mit bem unteren Zeichen

$$P = \frac{h\cos \beta - \varphi \pi d}{\pi d\cos \beta + \varphi h} \cdot \frac{d}{2a}Q$$
 gebrauchen.

Seben wir nun hierin P = 0, fo erhalten wir die Bebingung

$$h\cos \beta - \varphi \pi d = 0$$
, b. i.

$$tang. \alpha = \frac{h}{\pi d} = \frac{\varphi}{\cos \beta} = \frac{tang. \varphi}{\cos \beta}$$

also sur flachgangige Schrauben, wo $\beta = \Re u \mathcal{U}$, also $\cos \beta = \mathop{\mathrm{Eins}}\nolimits$ ist, $tang. \alpha = tang. \varrho$, b. i. $\alpha = \varrho$.

Flachgängige Schrauben also, bei welchen bas Ansteigen ber Gewinde noch nicht dem Reibungswinkel gleich ist, gehen nicht zurück, wie groß auch bie Spannung Q berselben sei. Bei scharfgängigen Schrauben aus Metall macht man $\beta=25$ bis 30 Grad und bei solchen aus Holz $\beta=30$ bis 40 Grad. Nehmen wir die ungunstigen Fälle, sehen wir also für jene Schrauben $\beta=25$ und für diese $\beta=30$ Grad, so erhalten wir im

ersten Fall
$$tang. \alpha = \frac{tang. \varrho}{cos. 25^{\circ}} = 1,1034 tang. \varrho$$
,

ober auch annahernb $\alpha = 1,10 \, \varrho$, und im zweiten

$$tang.\alpha = \frac{tang.\varrho}{cos.30^{\circ}} = 1,16 tang.\varrho$$

ober annähernb $\alpha = 1,16 \varrho$.

288

Schrauben als Befestigungs. mittel. Mimmt man $\beta = 45^{\circ}$, fo erhalt man

$$tang. \alpha = \frac{tang. \varrho}{cos. 45^{\circ}} = 1,41 tang. \varrho,$$

ober annähernb $\alpha = 1,41 \, \varrho$.

Scharfgangige Schrauben konnen also 10 bis 41 Procent mehr Steigung erhalten als flachgangige Schrauben. Nach I., §. 161 ist bei trockenem Zustande ber Korper und fur die Reibung der Ruhe

bei Metall auf Metall
$$\varphi = 0.18$$
, und hiernach $\varrho = 10^{\circ}, 12'$,
, , , $\varphi = 0.60$, , , $\varrho = 30^{\circ}, 58'$,
, $\varphi = 0.50$, , , $\varrho = 26^{\circ}, 34'$.

Durch die Reibung der Schraubentopfe und Schraubenmuttern in den Berührungsstächen mit den Körpern, deren Befestigung dieselben bewirken, wird dem Zurudgehen noch ein befonderes hinderniß entgegengeseht. Das gegen wird das Zurudgehen oder Sichumdrehen der Schrauben durch Stoße oder Erschütterungen sehr befördert, indem diese den die Reibung erzeugenden Druck und also auch die der Arenkraft Q entgegenwirkenden hindernisse auf Augenblicke ausheben.

Um bieses, namentlich durch wiederholte Erschutterungen herbeigeführte Burudgehen der Schrauben zu verhindern, wendet man entweder sogenannte Gegenmuttern an, ober gebraucht besonders Splinte oder Febern, welche in hierzu angebrachte Locher ober Ginschnitte im Ropfe oder in der Mutter der Schraube eingreifen.

Differengialichrauben.

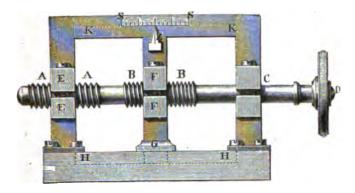
§. 146. Ist v die Umfangsgeschwindigkeit der Schraube in der Entefernung des mittleren Halbmessers $r=\frac{d}{2}$ und w die Geschwindigkeit der progressiven Bewegung in der Apenrichtung der Schraube, so gilt das Berhältniß $\frac{w}{v}=tang$. $\alpha=\frac{h}{2\pi r}=\frac{h}{\pi d}=0,3183\,\frac{h}{d}$.

Man kann also hiernach aus einer Umbrehungsbewegung mittels ber Schraube jebe beliebig langsame Bewegung in ber geraden Linie ableiten. Da indessen bie Sohe oder Dicke ber rectangularen Gewinde ber halben und bie ber triangularen Gewinde ber ganzen Gangbreite gleich zu machen sind,

so fallen also auch bei sehr kleinen Geschwindigkeitsverhältnissen $\frac{v}{w}$ oder kleinen Steigwinkeln (a) die Dicken der Gewinde sehr klein und vielleicht so klein aus, daß sie nicht die nothige Haltbarkeit besigen. Dieser Uebelskand läßt sich aber durch eine Doppelschraube, welche man auch die Differenzialschraube (franz. vis disserentielle, vis à double pas de Prony; engl. disserential screw, Hunters screw) nennt, beseitigen.

Eine folche Schraube ift in Fig. 302 abgebilbet. Die Schraubenspindel aigerengiation ABC hat hier zweierlei Gewinde und bewegt fich mit dem einen Gewinde AA in einer festen Mutter EE, mabrend fie mit bem anderen Gewinde BB

Rig. 302.



eine bewegliche Mutter FF fortschiebt. Ift nunh die Banghohe der erften und h, bie ber zweiten Schraube, fo wird bei einer Umbrehung mittels bes Ropfes D die Spindel um h nach der einen und die Mutter FF um h1 nach ber entgegengefetten Arenrichtung fortgeschoben, und man hat baber die absolute Arenbewegung ber letteren:

$$h - h_1 = \pi (d tang. \alpha - d_1 tang. \alpha_1),$$

wenn d und d, die mittleren Durchmeffer und a und a, die Steigwinkel beiber Schraubengeminde bezeichnen. Ift baher w bie progreffive Geschwinbigfeit ber beweglichen Mutter FF und v wieber bie mittlere Umbrehungsgeschwindigkeit der Schraubenspindel, so giebt die Proportion $\frac{w}{v} = \frac{h-h_1}{\pi d},$

$$\frac{w}{v} = \frac{h - h_1}{\pi d},$$

welcher zufolge die Geschwindigkeit w der Differenz ber Banghohen proportional ist.

Die Mutter FF tragt einen Querarm GZ, beffen Enben in Falgen HH und KK laufen; und wenn diese Borrichtung als Micrometerschraube dienen foll, fo ift noch an bas eine Ende biefes Querarmes ein Beiger Z angebracht, welcher an einer festen Scala SS hinlauft, beren Theile burch ben Beiger weiter eingetheilt werben. Wenn g. B. bie Ganghoben h = 1 Linie und h1 = 0,9 Linie betragen, fo tommt auf jebe Umbrehung ber Schraube h - h1 = 0,1 Linie Zeigerbewegung; mare alfo bie Scala SS in Linien getheilt, fo gabe ber Beiger, felbft wenn man nur nach gangen Umbrehungen gablt, Behntel ber Scalentheile an.

Differenzial-

Ift Q bie an der Mutter FF angreifende und parallel zur Schraubenare wirkende Last, und P die an einem Hebelarm a wirkende Umdrehungskraft, so können wir in dem Falle, wenn die mit den Binkeln α und α_1 anskeigenden Gewinde einerlei mittleren Durchmesser d haben, seben

$$P = \frac{d}{2a} [Q tang. (\alpha + \varrho) - Q tang. (\alpha_1 - \varrho)]$$

$$= \frac{d}{2a} Q [tang. (\alpha + \varrho) - tang. (\alpha_1 - \varrho)]$$

$$= \frac{d}{2a} Q \frac{sin. (\alpha - \alpha_1 + 2\varrho)}{cos. (\alpha + \varrho) cos. (\alpha_1 - \varrho)},$$

mahrent bei ber einfachen Schraube

$$P = \frac{d}{2a}Q \tan g. (\alpha + \varrho) = \frac{d}{2a}Q \frac{\sin. (\alpha + \varrho)}{\cos. (\alpha + \varrho)} \text{ iff.}$$

Es ift leicht zu ermessen, daß in Folge ber doppelten Reibung die Diffes renzialschraube einen noch kleineren Wirkungsgrab hat als die einfache Schraube.

Beifpiel. Es sei ber Kleinere Steigwinkel einer Differenzialschraube, $\alpha_1 = 5^{\circ}$ und der größere, $\alpha = 10^{\circ}$, 56° , ferner der mittlere Durchmeffer $d = \frac{9}{6}$. Boll, der hebelarm der Kraft a = 16 Boll und die Laft Q = 1600 Pfund, wie groß ift die Kraft?

Bir sehen hier $\alpha + \varrho = 10^\circ$, $56^\circ + 6^\circ$, $58^\circ = 17^\circ$, 48° , und $\alpha_1 - \varrho = 5^\circ - 6^\circ$, $58^\circ = -1^\circ$, 58° , haben hiernach $tang. (\alpha + \varrho) = 0.3214$ und $tang. (\alpha_1 - \varrho) = -0.0329$; es ift folglich bie nöthige Krast

P = (0,3214 + 0,0829) · $\frac{9.1600}{16.16}$ = 0,8543 · $\frac{900}{16}$ = 19,98 Pfund.

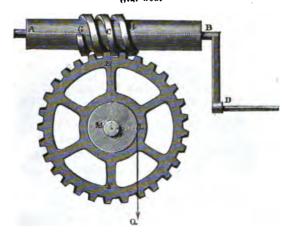
Rach bem Beispiele zu §. 142 forbert bie einfache Schraube mit rectangularen Gangen bei berfelben Ganghobe, P= 12,88, und nach bem Beispiele zu §. 144, bie mit triangularen Gangen, P= 15,79 Pfunb.

Edraube ohne Enbe.

§. 147. Es ift nicht nothig, daß die Schraube mit einer Mutter versehen sei, man kann auch eine Schraubenspindel zwischen die 3ahne einer gezahnten Stange ober eines gezahnten Rabes greifen lassen, und das lettere durch Umdrehung der Schraube in Bewegung seten. Es gehort hierher vorzüglich die Schraube ohne Ende (franz. vis sans fin; engl. encless scrow). Diese Vorrichtung kommt vorzüglich dann zur Anwendung, wenn eine sanste oder langsame Kreisbewegung erstrebt wird, oder wenn eine große Last mittels einer kleinen Umdrehungskraft gehoben werden soll. Diese Maschine besteht aus einer durch eine Kurbel BD oder ein Rad in Umbrehung gesehten Schraubenspindel oder Schnecke AB, Figur 303, (franz. serpe; engl. worm) und aus einem gezahnten Rade EF, bessen Idhne zwischen die Gewinde der Schrauben GH greisen. Während der Umdrehung der Schraube schraube schrauben sie Schraubenspewinde die 3ahne des

Rabes in ber Arenrichtung ber Schraube fort, und fegen baburch bas Rab County in Umdrehung, an beffen Belle ML eine Laft Q wirkt. Um ein voll: kommenes Eingreifen zu erzielen, lagt man bie Seitenflachen ber Bahne nicht Rig. 303.



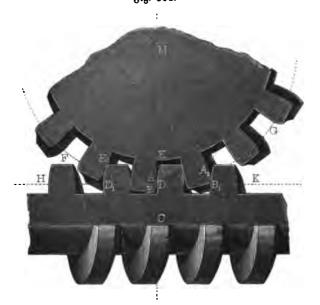


rechtwinkelig auf ber Stirnflache bes Rabes fteben, fonbern fchragt biefelben fo ab, baß fie bie Schraubengewinde genau wie Gewindeftude einer Schraus benmutter langs ihrer Breite beruhren. Much erhalten gu biefem 3mede bie Bahne concave, bie Schraubenspindel umschließende Ropfflachen.

Durchschneibet man bie Schraube ohne Enbe mittels einer Ebene burch bie Are AB ber Schnede und rechtwinkelig burch bie Are M bes Bahnrabes, fo erhalt man ben einer gezahnten Stange ahnlichen Querfchnitt ber Schraube, und es laffen fich baber auch die Querprofile ber Bahne und Schraubengange wie die einer gezahnten Stange mit Rad (f. III., §. 82) conftruiren. Behalt man Schraubengewinde mit rectangularem Querschnitte bei, fo erhalten, eben genanntem Paragraphen zu Folge, bie Querprofile der Radgabne bie Rreibevolventenform und es beginnt erft bann ber Ungriff, menn ber Bahn in die Centralebene rechtwinkelig gur Schnedenare AB tritt; man tann aber auch ben Schraubengewinden ein Cycloidenprofil geben, und bann beginnt der Eingriff ebensoviel vor der Centrallinie ME ale er hinter berfelben fich endigt.

Die Construction einer Schraube ohne Enbe mit nach ber Epcloibe abgerundeten Schraubengewinden und mit nach der Rreisevolvente abgerundeten Bahnen fuhrt Fig. 304 (auf umftebender Seite) in einem gangendurchfchnitt vor Augen. Es ift hier FAG ber Theilfreis bes Bahnrades, ferner HK die Theillinie des Schraubengewindes und AM der Erzeugungefreis ber Epcloide. Durch Balgung bes Bogens AE, auf DH ergiebt fich ber

Edrande Epcloidenbogen $E_1D_1=ED$ für das Querprofil der Schraubengewinde, und durch das Wälzen der Geraden DB_1 auf den Theilkreisbogen DG stellt sich der Evolventenbogen $B_1A_1=BA$ für das Querprofil der Radzähne heraus. Leicht ist nun zu ermessen und übrigens auch schon aus dem Früstig. 304.



heren bekannt, daß bei Umdrehung ber Schraube zuerst der Punkt D des Schraubengewindes an dem Bogen $B_1A_1=BA$ des Jahnes und nachher der Punkt A des letteren an dem Bogen $D_1E_1=DE$ des ersteren hingleitet.

Was die Hauptdimensionen der Schraube ohne Ende anlangt, so bestimmt man aus der gegebenen Leistung, der Umbrehungszahl u dem Halbemesser r des Zahnrades nach III., \S . 48 und 49, zunächst die Dimensionen der Radzähne, namentlich aber die Zahnstärke b, welcher man dann die Gewindstärke gleichsett. In der Regel hat die Schraube nur ein Gewinde, und es läßt sich daher die Theilung oder Ganghohe derselben h=2,1 b sehen. Giebt man nun noch den Steigwinkel a der Schraube, so kann man nun den mittleren Halbmesser CD=r der Schraube durch die Formel

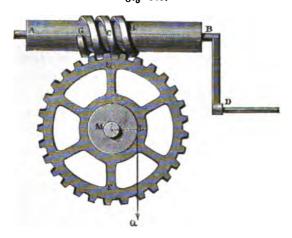
$$r = \frac{h}{2 \pi \, tang. \, \alpha} = \frac{h}{2 \pi} cotg. \, \alpha = 0,15915 \, h \, cotg. \, \alpha \,$$
 berechnen.

Giebt man statt a, das Berhaltniß $n_1=rac{d}{h}=rac{2r}{h}$ (s. §. 140), so hat man einfacher $r=rac{d}{2}=rac{n_1h}{2}$.

Meist nimmt man $\frac{d}{h}=6$, und baher $r=\frac{d}{2}=3\,h=6,3\,b.$

Schraube obne Enbe

§. 148. Die Berhaltnisse zwischen Kraft und Last an der Schraube ohne Ende ist, wie folgt, zu finden. Es sei der Hebelarm BD, Fig. 305, der Kraft $P=a_1$, und der Hebelarm ML der Last $Q=b_1$, und es sei die Rig. 305.



Anzahl ber Zahne des Rades = n. Hat nun die Schnecke nur ein Gewinde, so breht sich bei jeder Umbrehung berselben das Rad um einen Zahn, und es ist folglich der entsprechende Weg der Last $= \frac{2 \pi b_1}{n}$. Seten wir die Arbeit der Kraft gleich der ber Last, so erhalten wir die Bedingung

$$P.\,2\,\pi\,a_1=Q\cdotrac{2\,\pi\,b_1}{n}$$
 b. i. $rac{P}{Q}=rac{b_1}{n\,a_1}$

If v die Geschwindigkeit von P und w die von Q, so haben wir naturalich umgekehrt $\frac{v}{w} = \frac{Q}{P} = \frac{n \, a_1}{h}$.

Bei einer Schraube mit m Gewinden ruckt dagegen während einer Umstrehung der Schnecke das Rad um m Zähne $=\frac{m}{n}$ des Umkreises fort, das her ist hier $P.2\,\pi\,a_1=Q.2\,\pi\,b_1\cdot\frac{m}{n}$, folglich

$$\frac{P}{Q} = \frac{w}{v} = \frac{mb_1}{n \ a_1}.$$

Die Kraft $P = \frac{m}{n} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q$ wird burch die Reibungen und namentlich

Coraube ohne Gube.

burch bie Reibung zwischen ben Sahnen und Gewinden namhaft vergrößert. Wenn wir bei dem letten Widerstande die radiale Bewegung an den Jahnstächen unbeachtet lassen und nur den weit größeren Reibungsweg langs der Schraubengewinde in Betracht ziehen, so konnen wir die Reibung an den Schraubengewinden gleich der einer Schraube mit Mutter und daher nach §. 142

$$P = \frac{r}{a_1} \cdot \frac{h + 2 \varphi \pi r}{2 \pi r - \varphi h} \cdot \frac{b_1}{r_1} Q$$

$$= \frac{h + 2 \varphi \pi r}{2 \pi r - \varphi h} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q \text{ felsen,}$$

wobei r den mittleren Schrauben- und r1 den mittleren Zahnrabhalbmeffer bezeichnen.

Hat die Schnecke nur ein Gewinde, so ist $h=\frac{2\pi r_1}{n}$, und dann läßt sich einfacher $P=\frac{r_1+\varphi nr}{nr-\varphi r_1}\cdot\frac{r}{r_1}\cdot\frac{b_1}{a_1}Q$ schreiben.

Für eine Schnecke mit m Gewinden ift bagegen $h=rac{m}{n}\cdot 2\,\pi\,r_1,$

und daher
$$P = \frac{mr_1 + \varphi nr}{nr - \varphi mr_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q$$
.

Nur in seltenen Fallen set man die Schraube durch ein Zahnrad in Umsbrehung; es hat die Schraube ein starkes Ansteigen und besteht dann meist aus mehreren Gewinden. Fur diesen Fall ist naturlich

$$P = \frac{mr_1 - \varphi nr}{nr + \varphi mr_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q, \text{ ober}$$

$$Q = \frac{nr_1 + \varphi mr}{mr - \varphi nr_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{a_1}{b_1} P.$$

Beispiel. Es soll mittels einer Schraube ohne Ende eine Laft Q von 2000 Psund gehoben werden, wie groß ist die hierzu nöthige Kraft, wenn die Last am Hebelarme $b_1=10$ Boll und die Kraft am Hebelarme $a_1=18$ Boll wirft und wenn das Jahnrad einen Haldmesser r_1 von 20 Boll hat? Es ist hier die Kraft zwischen den Bähnen $K=\frac{b_1}{r_1}Q=\frac{10}{s_0}\cdot 2000=1000$ Pfund, und daher nach $s_1=10$. As die erforderliche Stärfe der guseisernen Jähne, so wie die der Gewinde b=0.03 V K=0.03 V 1000=0.03 . 81.62=0.95 Boll, und daher die Theilung oder Ganghöhe b=2.1. b=2 Boll. Run folgt die Anzahl der Jähne: $n=\frac{2\pi r_1}{h}=6.288\cdot \frac{20}{s_0}=62.83$, wosür wir indessen G4 nehmen wollen. Geben wir der Schnecke nur ein Gewinde, und machen wir deren mittleren Haldmesser $r=\frac{d}{2}=3$ and r=0001, so erhalten wir sür das mittlere Ansteigen derselben

lang.
$$\alpha = \frac{h}{\pi d} = \frac{2}{\pi \cdot 12} = \frac{0.3183}{6} = 0.05805$$
, b. i. $\alpha = 3^{\circ} 2'$.

Done Rudficht auf Rebenhinberniffe mare nun

$$\frac{P}{Q} = \frac{\omega}{v} = \frac{b_1}{na_1} = \frac{10}{64 \cdot 18} = \frac{b_{76}}{b_{76}} = 0,00868,$$

folglich die Kraft P = 0,00868 Q = 0,00868 . 2000 = 17,86 Bfund.

Dit Rudficht auf bie Bahnreibung ift, wenn man g = 0,12 nimmt,

$$P = \frac{r_1 + \varphi nr}{nr - \varphi r_1} \cdot \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q = \frac{20 + 0.12 \cdot 64 \cdot 6}{64 \cdot 6 - 0.12 \cdot 20} \cdot \frac{9}{80} \cdot \frac{19}{18} \cdot 2000$$

$$= \frac{20 + 46.08}{384 - 2.4} \cdot \frac{1000}{3} = \frac{66080}{1144.8} = 57.72 \text{ } \$\text{funb}.$$

Man ersieht hieraus, daß durch die Reibung zwischen den gahnen und Schraus. bengängen die Kraft $\frac{57,72}{17,36}=3,8$ mal vergrößert wird, und daher der Wirskungsgrad dieser Maschine nur $\eta=\frac{1}{3,8}=0,30$ ist.

Durch die Reibung an ben Bapfen M, A und B fteigert fich die Kraft P noch um Etwas, wird also η noch mehr herabgezogen.

Soll bie Laft Q auf s, = 50 Fuß Sobe gehoben werben, fo ift ber enifpres Genbe Beg bes Rraftpunttes D:

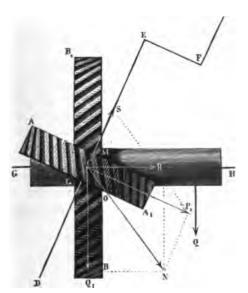
$$s = \frac{\sigma}{40} s_1 = \frac{576}{5} .50 = 5760 \text{ Sub},$$

und baher bie erforberliche Umbrehungegahl ber Schnede

$$u_1 = \frac{s}{2 \pi a_1} = \frac{5760}{36 \pi} = 50,93.$$

§. 149. Mit ber Schraube ohne Enbe ftehen bie Schraubenraber Garanten

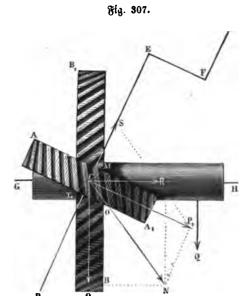
%ig. 806.



ober bie Raber mit schiefen Bahnen in genauem Busammenhange. Ein Schraubenraberwert besteht im Wesentlichen aus zwei in

einanbergreifenben Schraubenspinbeln; und ba sich bas Zahnrad ber Schraube ohne Ende ebenfallsalseine chrausbenspinbel ansehen läßt, beren Gewinde bie Zähne bieses Rabes bilben, so ist auch die Schraube ohne Ende ein Schrausbenräberwert, und zwar ein solches, wo sich die Umbrehungsebenen unster bem Rechtwinkel schneiben.

Carauben. täbet. Ein Schraubenraberwert, beffen Umbrehungsebenen einen schiefen Bintel



 $P_1 C Q_1 = \alpha$ awischen fich einschließen, ift in Rigur 307 abgebilbet. Es find hier AA, und BB1 bie beiben Raber mitschiefen ober Schraubengahnen, welche um die nicht in einerlei Ebene liegenden Aren DE und GH brehbar find. Wird nun AA1 burdy eine Rraft P, 3. B. mittels einer Rurbel EF, in Umbrehung gefest, fo greifen bie (allerbinge in ber Kigur verbeckten) Bahne LM beffelben zwischen bie Bahne bes Rades BB1, und fegen baburch auch bas lettere in Umbrehung, fo wie

bie an ber Belle biefes Rabes wirkenbe Laft Q in Bewegung.

Nehmen wir an, daß die Berührungsstäche LM zwischen den 3ahnen im Berührungspunkte um die Winkel $CMA = \alpha$ und $CMB = \alpha_1$ von den Umdrehungsebenen beider Rader abweiche, daß also die Normale CN zu jener Berührungsebene mit diesen Umdrehungsebenen die Winkel $NCP_1 = 90^{\circ} - \alpha$ und $NCQ_1 = 90^{\circ} - \alpha_1$ bilde; bezeichnen wir ferner die Radhalbmesser CA und CB durch CB und CB durch CB und CB durch CB der Alphalbmesser wir den Helpe durch der Kaafte CB und CB der Bahnen giebt erstens die Seitenkräfte CB und CB der Radwelle CB und von diesen Kräften ist CB die Umdrehungskraft von CB der Radwelle CB die von CB der Radgeen sind CB und CB parallel zu den Radaren wirkende Kräfte, welche keinen directen Einsluß auf die Umdrehung ausüben, sondern nur die Zapsenreibungen vergrößern.

Wir haben, unserer Bezeichnung entsprechend,
$$\begin{array}{c} P_1 = N\cos.NCP_1 = N\sin.\alpha \text{ und} \\ Q_1 = N\cos.NCQ_1 = N\sin.\alpha_1; \end{array}$$
 folglich ist $\frac{P_1}{Q_1} = \frac{\sin.\alpha}{\sin.\alpha_1};$

aber es ist auch $P_1 = \frac{a}{r}P$ und $Q_1 = \frac{b}{r_1}Q$,

Borauber råder.

baher haben wir, wenn von allen Rebenhinderniffen abgefehen wird,

$$rac{P_1}{Q_1} = rac{ar_1P}{brQ}$$
, und folglich
$$rac{P}{Q} = rac{br}{ar_1} \cdot rac{P_1}{Q_1} = rac{br\sin{.}\alpha}{ar_1\sin{.}\alpha_1}$$
, also
$$P = rac{r\sin{.}\alpha}{r_1\sin{.}\alpha_1} \cdot rac{b}{a}Q.$$

Stehen die Radebenen winkelrecht auf einander, so hat man $\alpha + \alpha_1 = 90^\circ$, daher sin. $\alpha_1 = \cos \alpha$ und $\frac{\sin \alpha}{\sin \alpha_1} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = tang. \alpha$, folglich ist hier die Kraft $P = \frac{r}{r} \cdot \frac{b}{a} Q tang. \alpha$, wie bei der Schraube ohne Ende.

Will man biese Kraft mit Berudfichtigung ber Reibung bestimmen, schat man bie Seitenkraft nicht in ber Normale, sondern um ben Reibungswinkel o bavon abweichend anzunehmen, weshalb nun auch

$$P_1 = N \sin (\alpha + \varrho)$$
 und $Q_1 = N \sin (\alpha_1 - \varrho)$ zu sehen ist.

Deshalb erhalten wir hier

$$\frac{P_1}{Q_1} = \frac{ar_1P}{brQ} = \frac{\sin.(\alpha + \varrho)}{\sin.(\alpha_1 - \varrho)}, \text{ and baher}$$

$$P = \frac{r\sin.(\alpha + \varrho)}{r_1\sin.(\alpha_1 - \varrho)} \cdot \frac{b}{a}Q.$$

Schließen die beiden Umbrehungswinkel den Rechtwinkel zwischen sich ein, ist also $\alpha + \alpha_1 = 90^\circ$, so hat man $sin.(\alpha_1 - \varrho) = sin.[90^\circ - (\alpha + \varrho)] = cos.(\alpha + \varrho)$ und daher

$$P = \frac{r \sin (\alpha + \varrho)}{r_1 \cos (\alpha + \varrho)} \frac{b}{a} Q = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a} Q \tan g \cdot (\alpha + \varrho),$$

wie bei ber Schraube ohne Enbe.

Rehmen wir bagegen $\alpha_1=180^{\circ}-\alpha$, so haben wir es mit bloßen Stirnradern mit Schraubengahnen (f. III., §. 57) zu thun, und es stellt

sich hier
$$P = \frac{r \sin (\alpha + \varrho)}{r_1 \sin [180^\circ - (\alpha + \varrho)]} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a} Q$$
 beraus, so daß also hier die Reibung aanz aussällt.

Ein hauptubelftand ber Schraubenrader besteht in der ercentrischen Wirtung ber Seitenkrafte S und R, vermöge welcher die Raber nicht allein in ihrer Arenrichtung, sondern auch seitlich auf ihre Lager wirken, und zwar letteres um so mehr, je kurzer ihre Aren sind.

Edranbenråber. Sind l und l_1 bie Arenlangen beiber Raber, von Bapfen zu Bapfen gesmeffen, so haben wir die in entgegengesetten Richtungen wirkenden Krafte, mit welcher die Welle DE bes Rabes durch S gegen seine Lager gebruckt wird,

$$S_1 = S_2 = \frac{r}{l} S_1$$

und die mit welcher die Welle GH des Rades BB_1 durch R gegen seine Lager gepreßt wird, $R_1=R_2=\frac{r_1}{l_*}\,R_*$

Beispiel. Bei einem Schraubenraberwerte ift bie Laft Q=3000 Rfund, ber Sebelarm ber Kraft a=40 Boll und ber ber Laft b=15 Boll, ferner ber Halbmeffer bes Treibrabes r=8 und ber bes Getriebrabes $r_1=25$ Boll, endblich ber Winkel, um welchen die Umbrehungsebenen beiber Raber von ber Bahns are abweichen, $\alpha=\alpha_1=60^\circ$, und man sucht bie nöthige Kraft P

Dhne Rudficht auf Rebenhinderniffe ift

$$P = \frac{r \sin a}{r_1 \sin a} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{r}{r_1} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{8}{25} \cdot \frac{15}{40} \cdot 8000 = 860 \text{ Bfunb.}$$

mit Rudficht auf bie Bahnreibung ift, wenn man ben Reibungswinkel e=7° nimmt,

$$P = \frac{r \sin. (\alpha + \varrho)}{r_1 \sin. (\alpha_1 - \varrho)} \cdot \frac{b}{a} Q = \frac{8 \sin. 67^{\circ}}{25 \sin. 53^{\circ}} \cdot \frac{15}{40} \cdot .8000$$

$$= 360 \cdot \frac{\sin. 67^{\circ}}{\sin. 53^{\circ}} = 415 \text{ Rfund, es verzehrt also die Zahnreibung}$$

$$\frac{415 - 360}{415} = 0,132, \text{ b. i. über 18 Procent der Rraft.}$$

B. E.

Fig. 808.

Die Ans 6. 150. ordnung eines Schrau= benraberwerkes ift, wie folgt, zu vollziehen. Während ein Zahn *LM*. Fig. 308, arbeitet, ruct das eine Rad um LO und das andere um MO fort, es ist folglich bas Berhältniß ber Umbre= hungegeschwindigfeiten c und c, beiber Raber $\frac{c}{c_1} = \frac{LO}{MO} = \frac{\sin \alpha_1}{\sin \alpha},$ und baher bas Um. fe bung 8 verhåltniß ober bas Berhältniß ber Umbrehungszahl u bes einen Rabes pro Min. zu ber (u1) bes anberen

$$\psi = \frac{u_1}{u} = \frac{30 c_1}{\pi r_1} : \frac{30 c}{\pi r} = \frac{c_1 r}{c r_1} = \frac{r \sin \alpha}{r_1 \sin \alpha}$$

Carauben-

In der Regel ift w gegeben, und baber mittels ber letten Formel aus brei ber Großen r, r1. a und a1 bie vierte zu berechnen. Ift dies geschehen, so kann aus der gegebenen Last Q mittels der obigen Rraftformel die Rraft P und hieraus wieber ber Normalbrud zwischen ben Bahnen

$$N = \frac{P_1}{\sin \alpha} = \frac{a P}{r \sin \alpha}$$
 berechnet werben.

Diefer Normalbrud giebt nun bie normale Bahnbide nach III., §. 48, $b = 0.03 \ \sqrt{N_1}$

und hiernach ift bie Theilung am Umfange bes Triebrabes

$$s = \frac{2,1 b}{\sin \alpha}$$

und bie am Umfange bes Getriebrabes

$$s_1 = \frac{2,1 \ b}{sin. \ a_1}$$
 zu bestimmen.

Die Angahl ber Bahne bes erften Rabes ift nun

$$n=rac{2 \pi r}{s}=rac{2 \pi r \sin lpha}{2.1 \, b}$$
, und die des zweiten

$$n_1 = \frac{2 \pi r_1}{s_1} = \frac{2 \pi r_1 \sin \alpha_1}{2.1 b},$$

folglich bas Berhaltniß ber Bahnezahlen:

$$\frac{n}{n_1} = \frac{r \sin \alpha}{r_1 \sin \alpha_1} = \psi,$$

wie bei ben gewohnlichen Bahnraberwerfen.

Daber ist auch bas einfache Araft= ober Geschwindigkeiteverhaltniß bieses Råbermertes:

$$\frac{P}{O} = \frac{w}{v} = \frac{r \sin \alpha}{r_1 \sin \alpha} \cdot \frac{b_1}{a_1} = \frac{n}{n_1} \cdot \frac{b_1}{a_1} = \frac{1}{\psi} \cdot \frac{b_1}{a_1}.$$

Beifpiel. Bei bem im vorigen Beifpiele betrachteten Raberwerte, wo a = a1 = 60° ift, hat man bas Umfegungeverhaltnis

$$\psi = \frac{u_1}{u} = \frac{r}{r_1} = \frac{s_{ab}}{r_2}$$

fellte baffelbe aber bei benfelben Salbmeffern 1/4 werben, fo mußte

$$\frac{r\sin\alpha}{r_1\sin\alpha_1}=\frac{1}{5}$$
, also $\frac{\sin\alpha}{\sin\alpha_1}=\frac{1}{5}\cdot\frac{25}{6}=\frac{5}{6}$ fein. Run ift aber $\alpha+\alpha_1=120^\circ$, folglich hat man

$$tang. \ \alpha_1 = \frac{5 \sin. 120^{\circ}}{8 - 5 \cos. 120^{\circ}} = \frac{4,380}{5,5} = 0,7873, \text{ also } \alpha = 88^{\circ}, 18' \text{ unb}$$
 $tang. \ \alpha_1 = \frac{8 \sin. 120^{\circ}}{5 - 8 \cos. 120^{\circ}} = \frac{6,928}{1} = 6,928, \text{ also } \alpha_1 = 81^{\circ}, 47'.$

$$tang. a_1 = \frac{8 \sin 120^{\circ}}{5 - 8 \cos 120^{\circ}} = \frac{6,928}{1} = 6,928$$
, also $a_1 = 81^{\circ}, 47^{\circ}$

Edraubentåber.

Die Kraft ist bei berselben Last
$$Q = 3000$$
 Pfunb $P = \frac{r \sin.(\alpha + \varrho)}{r_1 \sin.(\alpha_1 - \varrho)} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q = \frac{8 \sin.45^\circ, 13^\circ}{25 \sin.74^\circ, 47^\circ}$ 15/40. 3000 $= 360 \frac{\sin.45^\circ, 13^\circ}{\sin.74^\circ, 47^\circ} = 264.8$ Pfunb;

folglich ber Rormalbrud
$$N = \frac{a\,P}{r\,\sin.\,a} = \frac{40\cdot264,8}{8\sin.\,38^{\circ},\,18^{\circ}} = 2140$$
 Pfunb, und baber bie normale Zahnbide $b = 0.03\,\sqrt{N} = 0.03\,\sqrt{2140} = 1,89$ Boll.

Run folgen die Theilungen
$$s = \frac{2,1 \ b}{\sin \alpha} = \frac{2,1 \ 1,89}{\sin 38^{\circ},13^{\circ}} = 4,718,$$

und
$$s_1 = \frac{2,1 \, b}{\sin \alpha_1} = \frac{2,1 \cdot 1,39}{\sin 81^0, 47'} = 2,949 \, \beta \text{oll},$$

und endlich bie entfprechenben Bahnegahlen

$$\mathbf{s} = \frac{2 \pi r}{s} = \frac{6,288 \cdot 8}{4,718} = 10,6 \text{ unb}$$

$$\mathbf{s}_1 = \frac{2 \pi r_1}{s_1} = \frac{6,283 \cdot 25}{2,949} = 53,2,$$

wofür s = 11 und s, = 55 ju nehmen fein möchte.

Soluganmerfung. Eine fehr vollftanbige praftifche Abhandlung über bie Schrauben von Rarmarich finbet fich im breigehnten Banbe von Brechtl's technologifder Encyclopabie. Ueber bie Theorie ber Schraube hanbelt auch Bon= celet in feinem Cours de Mécanique appliquée aux machines (beutst unter bem Titel Dehrbuch ber Anwendung ber Dechanit auf Rafdinen-), nachftbem auch Navier in seinem Resumé des Leçons sur l'application de la mécanique etc. und Coriolis in feinem Calcul de l'effet des machines. Bon ben Schraubenrabern spricht Olivier in seiner geometrischen Theorie ber Bahnraberwerfe. Es ift auch hieraber nachzulesen Billis' Principles of mechanism.

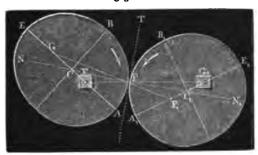
Sechetes Rapitel.

Von den ungewöhnlicheren Zwischenmaschinen ober Sülfsmitteln zur Abanderung der Bewegung.

Elbtifde Maber

Wir haben im zweiten Kapitel (III.) nur von benjenigen Rabermerten gehandelt, welche mit einer und berfelben unveranderlichen Geschwindigkeit umlaufen; es bleibt uns baher noch übrig auch von den allerbinge nur felten vortommenden Raberwerten mit veranderlicher Umbrehunge= geschwindigkeit zu fprechen. Bieben wir insbesonbere ben Kall in Unterfuchung, wo ein mit unveranderlicher Wintelgeschwindigkeit umlaufendes Rad ein anderes Rad mit veranderlicher Winkelgeschwindigkeit umtreibt. Es gehoren hierher vorzüglich die elliptischen Raberwerke. Diefelben befteben aus zwei elliptischen Stirnrabern ACB und A. C. B., Fig. 309, welche sich um die entgegengesehten Brennpunkte F und G_1 drehen. Da entpei einer, und also auch bei gleichen Ellipsen, die Summe PF+PG $=PF+PG_1$ ber Rabienvectoren eines jeden Punktes P unveranderlich,

Fig. 309.



und zwar der großen Ape $AE=A_1E_1$ gleich ist, und da die Normale PN in jedem Punkte P einer Ellipse den Winkel FPG zwischen diesen Radien halbirt (s. "Ingenieur", Seite 238), folglich die Normalen PN und PN_1 beider Ellipsen in eine gerade Linie fallen, so werden sich daher beide Ellipsen bei ihrer Drehung stets in einer gemeinschaftlichen Tangente PT berühren.

Sind die Halbaren $CA = C_1A_1 = a$ und $CB = C_1B_1 = b$, so hat man die Ercentricität $CF = CG = C_1F_1 = C_1G_1 = e = \sqrt{a^2 - b^2}$,

und für die Berührung in A die Drehungshalbmesser FA=a-e und $G_1A_1=a+e$, dagegen für die in E, FE=a+e und $G_1E_1=a-e$. Run folgt das Umsehungsverhältniß ober das Verhältniß der Winkelzgeschwindigkeit des Getriebrades $A_1C_1B_1$ du der Winkelgeschwindigkeit des Treibrades ACB (vergl. III., §. 26) für die Berührung in A:

$$\psi_1 = \frac{FA}{G_1 A_1} = \frac{a-e}{a+e},$$

und fur bie Berührung in E:

$$\psi_2 = \frac{FE}{G_1E_1} = \frac{a+e}{a-e};$$

und es ift bemnach bas Berhaltniß, in welchem bei einer gleichformigen Umbrehung bes Treibrades bie größte Binkelgeschwindigkeit des Getriebrades zur kleinften Binkelgeschwindigkeit besselben fteht,

$$z = \frac{\psi_2}{\psi_1} = \frac{a+e}{a-e} : \frac{a-e}{a+e} = \left(\frac{a+e}{a-e}\right)^2$$

Giebt man die Centralbiftanz $FG_1=d=2$ a und das Grenzgeschwins bigkeitsverhaltniß $\chi=\frac{\psi_1}{\psi_2},$ so kann man die erforderliche Excentricität

Egiptice berechnen. Es ist a+e=(a-e) $\sqrt{\chi}$ und baher

$$e = \left(\frac{\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} + 1}\right) a,$$

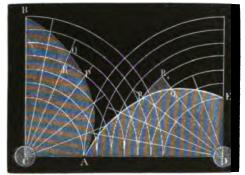
woraus nun noch die fleine Salbare

$$b = \sqrt{a^2 - e^2} = \frac{2 a \sqrt[4]{\chi}}{\sqrt{\chi} + 1}$$
 folgt.

Beifpiel. Soll eine gleichformig umlaufenbe Belle eine anbere Belle fo umbreben, bag gwar bas mittlere Umbrebungeverhaltniß bei beiben Bellen eins und baffelbe ift, baf fich aber bie Binfelgefdwindigfeit ber zweiten Belle bei jeber Umbrehung ein Dal um bas Bierfache fteigert, und ebenfo ein Dal um ebenfo viel vermindert, fo fann man beibe Bellen burch ein elliptifches Bahnrab-

vorgelege mit der Excentricität
$$e = \left(\frac{\sqrt[4]{4}-1}{\sqrt[4]{4}+1}\right)a = \frac{a}{8}$$
 verbinden.

Die Spiralraber geftatten noch eine allgemeinere Un-§. 152 *). Epiralraber. Fig. 310.



wendung als die elliptis ichen Raber. Auf bie Anwendung dieser Rå= der wird man durch fol= genbe Betrachtung gefuhrt. Es fei ACB. Fig. 310, ein Gector bes einen und ADE ein Sector bes zweiten Rades, welches von bem ersteren um D gebreht wird, mahrend biefes um C umlauft. halb muffen wir for-

bern, daß nicht allein die Summe der Entfernungen CP und DP, ober CQ und DQ1 aller in der Centraginie CD gur Berührung tommenden Puntte P und P1 ober Q und Q1 eine constante, b. i.

 $CP + DP_1 = CQ + DQ_1 = CA + DA = CD$ (ei, sondern auch, baf bie Tangentenwinkel RPQ und R1 P1Q1 an diesen Puntten (P, P1) gleich groß und entgegengefett feien.

Seten wir die anfänglichen Salbmeffer CA und DA=r und r_1 , und bie veranderlichen Salbmeffer CP und $DP_1 = z$ und z_1 , fo haben wir alfo

1)
$$z + z_1 = r + r_1$$
;

und seten wir ferner die Tangentenwinkel, ober die Winkel RPQ und R, P, Q, unter welchen die Rabcurven die entsprechenden Rreibumfange burchschneiben, a und a1, so haben wir

2)
$$tang. \alpha_1 = -tang. \alpha_n$$

Bezeichnen wir die Umbrehungswinkel ACP und ADP_1 durch φ und φ_1 , spiraliaber und ihre Clemente PCR und P_1DR_1 durch $d\varphi$ und $d\varphi_1$, so wie die Clemente RQ und R_1Q_1 durch dz und dz_1 , so können wir auch

tang.
$$\alpha = \frac{QR}{PR} = \frac{dz}{z d\varphi}$$
 und tang. $\alpha_1 = \frac{R_1Q_1}{P_1R_1} = \frac{dz}{z_1 d\varphi_1}$

fegen, und es laft fich baber auch die zweite Gleichung in folgende umandern:

$$\frac{dz}{z\,d\,\varphi} = -\,\frac{d\,z_1}{z_1d\,\varphi_1}.$$

Rehmen wir $\alpha = -\alpha_1$ conftant, so finden wir aus $\frac{dz}{z} = tang.\alpha.d\varphi$

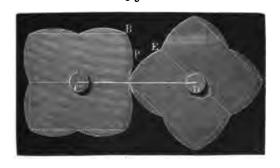
das Integral Log. nat.
$$\left(\frac{z}{r}\right) = \varphi \, lang. \, \alpha$$
, ober $z = r \, e^{\varphi \, lang. \, \alpha}$.

wo e die Grundzahl 2,71828... der natürlichen Logarithmen ift (f. analyt. Sulfelehren, Art. 14).

Dagegen giebt
$$\frac{d\,z_1}{z_1}=-\,$$
 tang. α . $d\,\phi_1$, bas Integral $Log.\,nat.\left(rac{z_1}{r_1}
ight)=-\,$ $\phi\,$ tang. $lpha$, und baher $z_1=r_1\,e^{-\,\phi_1\,$ tang. $lpha}=rac{r_1}{_{\phi}\eta_1\,$ tang. $lpha}$.

Die Gleichungen $z=re^{\varphi tang.\alpha}$ und $z_1=r_1e^{-\varphi_1 tang.\alpha}$ gehören logarithmischen Spirallinien an, welche die Eigenthämlichkeit haben, daß sich die aus den Drehungspunkten C ober D beschriebenen concentrischen Kreise unter einem unveränderlichen Winkel α schneiden.

Die Rabconstruction nach einer logarithmischen Spirale lagt sich auch bei breiedigen, quabratischen und anderen polygonalen Råzbern anwenden. Ein quabratisches Raberpaar ist in Figur 311 vor Augen geführt. Ift hier ber kleinste Halbmesser CA = DE = r, so hat man Fig. 311.



Epiralrader, den größten $CB=DA=r_1=r\sqrt{2}=1,4142~r,$ und zwar für $\varphi=ACB=ADE=\frac{\pi}{4}~(45^\circ).$ Wird nun in die Gleichung φ tang, $\alpha=Log,\,nat.\left(\frac{\pi}{r}\right),$

 $\varphi=rac{\pi}{4}$ und $z=r\sqrt{2}$ eingesett, so erhalt man für den conftanten Tangentenwinkel lpha der hier anzuwendenden Spirallinie

lang.
$$\alpha = \frac{4}{\pi} Log. nat. \sqrt{2} = \frac{2}{\pi} Log. nat. 2 = 0,44128,$$

und baher $\alpha=23^{\circ},49';$ und es ift nun die Gleichung ber Radcurven AB und $EA:z=re^{0.44198}\varphi$, ober

$$Log.\left(\frac{z}{r}\right) = 0,44128 \varphi Log. e.$$

3. B. nimmt man $\varphi = \frac{\pi}{8} (22^{1/2})$, so ist für ben Rabiusvector CP = z,

$$Log.\left(\frac{z}{r}\right) = 0,44128 \cdot \frac{\pi}{8} \cdot 0,43429 = 0,07526,$$

folglish CP = z = 1,189 r.

Das Umsetungeverhaltniß ift hier, bei ber Beruhrung in A:

$$\psi_1 = \frac{r}{r_1} = \frac{1}{\sqrt{2}} = 0,7072,$$

und bei ber zwischen B und E:

$$\psi_2 = \frac{r_1}{r} = \sqrt{2} = 1,4142,$$

alfo bas Berhaltniß der größten gur kleinften Winkelgeschwindigkeit

$$\chi = \frac{\psi_2}{\psi_1} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{1/2}} = 2.$$

Anmerkung. Wenig anders geformte vieredige Raber find bei ben Buchs bruderpreffen von Bacon und Donkin angewendet worden. Ran fieht leicht ein, daß hier während einer Umbrehung abwechfelnd vier Narimals und rier Rinimalgeschwindigkeiten vorkommen.

Gontide antiprechende Winkel des zweiten Rades, so hat man das Umsehungsvershältniß $\psi=\frac{\varphi_1}{\varpi}$.

Bei ben gewöhnlichen Kreisrabern ift dieses Berhaltniß eine conftante Bahl; bei elliptischen, spiralformigen und anderen Rabern ist es hingegen eine veranderliche Bahl, δ . B. $\psi = \alpha + \beta \varphi$, wo α und β besonders δ u

bestimmende Größen bedeuten. Dann ist aber auch ψ nicht $= rac{m{\phi}_1}{m{\phi}}$, fons Spiraliceter.

bern $\frac{d\varphi_1}{d\varphi}$, wo $d\varphi_1$ und $d\varphi$ bie Elemente von φ_1 und φ bezeichnen, zu sehen, und es giebt uns die Integration die Abhängigkeit zwischen ben gleichzeitigen Umbrehungswinkeln φ und φ_1 die Formel

$$\varphi_1 = \int \psi d\varphi = \int (\alpha + \beta \varphi) d\varphi = \alpha \varphi + \frac{\beta}{2} \varphi^2.$$

Ift nun d ber Abstand ber Rabaren von einander, so erhalten wir, wie in III., §. 38, die beiben ben Umbrehungswinkeln p und p1 entsprechen-

den Radhalbmeffer
$$z=rac{\psi}{1+\psi}\ d$$
 und $z_1=rac{d}{1+\psi}$

Leicht kann man nun mit hulfe bieser Formeln die Anordnung eines, gewiffen Forderungen entsprechenden ungleichformig umlaufenden Raberwerkes vollziehen. Berlangen wir 3. B., daß sich das Setriebrad drei Mal umbreht, während das Treibrad zwei Mal umläuft, und daß sich die Geschwindigkeit des letzteren hierbei verdoppeln soll, so haben wir die Bedingungen

$$3.2\pi = \alpha.2.2\pi + \frac{\beta}{2} \cdot (2.2\pi)^2$$
, b. i.
 $3 = 2\alpha + 4\pi\beta$, und
 $\alpha + \beta.2.2\pi = 2\alpha$, b. i. $\alpha = 4\pi\beta$;

weshalb nun $\alpha = 1$ und $\beta = \frac{1}{4\pi}$, also

$$\psi=1+rac{arphi}{4\pi}$$
 und $arphi_1=arphi+rac{arphi^2}{8\pi}$ folgt.

Die Salbmeffer fur den Unfang der Umbrehung find:

$$r = \frac{d}{1+1} = \frac{d}{2}$$
 und $r_1 = \frac{d}{2}$,

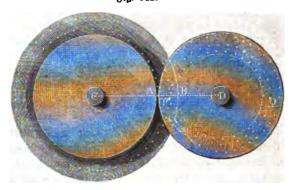
bagegen die für das Ende ber Drehungen $\phi=4\pi$ und $\phi_1=6\pi$,

$$z = \frac{2d}{1+2} = \frac{2}{8}d$$
 und $z_1 = \frac{d}{1+2} = \frac{d}{3}$.

Hiernach lassen sich die zuerst von Romer angegebenen conischen Raber, deren Zähne in Spirals oder Schraubentinien neben einander stehen, construiren. Ein solches, dem soeben behandelten Falle entsprechendes Raberpaar ist in Figur 312 (auf folgd. Seite) abgebilbet. Diese Raber drehen sich um die unter sich parallelen Aren C und D und berühren eins ander in der in der Figur verbeckten Linie AB. Die hier nur durch Punkte angebeuteten Radzähne lausen bei dem Treibrade CA in zwei, und

Conifde Spiralräber.

bei bem Getriebrade DB in brei Windungen, um die entsprechenden Orehsaren C und D. Ansangs ist der Eingriff bei A, und wenn das erste Radzwei und das zweite drei Umdrehungen gemacht hat, sindet der Eingriff in B statt. Ist dagegen das erste Rad nur ein Wal und folglich das zweite Kia. 312.



ein und ein halbes Mal umgelaufen, fo find die Punkte P und Q in Beruhrung, welche in den Abständen

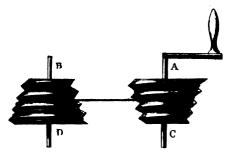
$$CP = z = rac{3/2}{1 + 3/2} = 3/5 d$$
 und $DQ = z_1 = rac{d}{1 + 3/2} = 2/6 d$

von ihren Drehungsaren C und D abstehen, mahrend anfangs

$$CA = DB = \frac{d}{2}$$
 und am Ende

$$CB = \frac{2}{8} d$$
 und $DB = \frac{d}{3}$ ist.

Anmerkung. Man fann auch bie Spiralraber burch eine Schnur dig. 313.



ober Kette mit einander verbinden, wie z. B. Fig. 813 vor Augen führt; während fich hier bei eizuer gleichförmigen Umzdrehung der einen Tromzmel um ihre Are AC die Kette auf diese Trommel aufz und von der anderen Trommel abwickelt, wird die letztere um ihre Are BD ungleichförmig, und zwar hier verzögert umzgedrebt.

§. 154. Man tann auch zur Erzeugung einer ungleichformigen Rreis= grentrifde bewegung ercentrifche Rreisraber anwenben, wie aus folgenden Bei= Areisraber. spielen zu erfehen ift.

Das Stirnrad AB, Fig. 314, beffen Mittelpunet C ift, breht fich um die ercentrische Are D, Fig. 314.



und seine nach $m{D}$ ge= richteten Bahne greifen in ein langes Getriebe KL ein, beffen Geschwindigfeit v mit bem Radiusvector DP=z wachst und abnimmt. Ift der Rabhalbmeffer CA = CB = CP = rdie Excentricitat CD = e, und der veränder=

liche Umbrehungewinkel ADP = \$\beta, fo haben wir, einer bekannten trigonometrischen Formel zu Folge, $\overline{CP^2} = r^2 = e^2 + 2 \, e \, z \, \cos \beta + z^2$,

baher $z = -e\cos\beta + \sqrt{r^2 - e^2\sin\beta^2}$. z. B. für ben Gingriff von A, wo $\beta = 0$ ift.

DA = -e + r = r - e,

und fur den Eingriff von B, wo $\beta = 180^{\circ}$ ift.

$$DB = + e + r = r + e.$$

Ift w bie Wintelgeschwindigkeit bes Rabes, w, bie bes Getriebes und r, ber mittlere Salbmeffer beffelben, fo haben wir

$$\omega_1 = \frac{v}{r_1} = \frac{\omega z}{r_1} = (-e\cos\beta + \sqrt{r^2 - e^2\sin\beta^2}) \frac{\omega}{r_1},$$

und bie eminenten Werthe biefer Umbrehungsgeschwindigfeit

$$\left(\frac{r-e}{r_1}\right)$$
 ω und $\left(\frac{r+e}{r_1}\right)$ ω .

Das mittlere Umfehungeverhaltniß ift hier wie bei jebem einfachen Raberwerte $\psi = \frac{\omega_1}{\omega} = \frac{r}{r}$. Während also das Rad AB ein Mal um-

täuft, macht bas Rab KL, $\frac{r}{r_1}$ Umbrehungen, und mahrend jenes Rab gleichformig umlauft, fteigert fich bie Bintelgeschwindigkeit bes letteren all= målig im Verhaltnisse $\frac{r+e}{r-e}$.

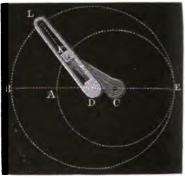
Ein anderer Mechanismus mit einem ercentrischen Rabe ift in Sig. 315 abgebildet. Auch hier ist AB bas um eine ercentrische Are D sich brehende

Treibrad; baffelbe fett jeboch bas Getriebrad ME nicht unmittelbar, fondern erst mittels eines 3mischenrabes BEK in Bewegung. Da fich mahrend ber Umbrehung bes Rabes AB um feine Are D ber Rabiusvector DB un= aufhorlich andert, fo forbert ber ununterbrochene Gingriff in B und E, bag bie Drehungsare K bes 3mifchenrabes nicht fest, sonbern burch brebbare Arme MK und CK mit den Mittelpunkten M und C der beiden anderen Raber verbunden fei, so daß das Zwischenrad um die Ercentricitat CD = e auf: und niedersteigen kann. Sind auch hier die Radhalbmesser CA = CB = r und $ME = r_1$, fo hat man, wie oben das mittlere Umfegungever:

håltniß $\psi = \frac{r}{r}$ und ebenfo das Berhåltniß der Maximal: und Minimal: winkelgeschwindigkeiten des Betriebrades: Fig. 315.



$$\frac{\psi_1}{\psi_2} = \frac{r+e}{r-e}.$$
Sig. 816.



Sehr einfach laft fich auch noch eine veranderliche Umfegung burch zwei ercentrifch gestellte Rrummgapfen CK und DL, Fig. 316, bewirken, wenn man bie Warze K bes einen mit einem Lager und ben Arm DL bes anberen mit einem Schlit verfieht, in welchen fich jenes Lager verschieben lagt. Steht die Barge h' in A, fo hat der Arm DL die Lage DB, und es ift

$$\psi_1 = \frac{CA}{DA} = \frac{r}{r - e}$$

wenn wieber r bie Armlange CA = CK bes erften Krummzapfens und e den Abstand CD beider Krummzapfenwellen von einander bezeichnen. Rommt aber K nach E und DL nach DE, so ist dieses Berhältniß $\psi_2 = \frac{CE}{DL} = \frac{r}{r+e}$,

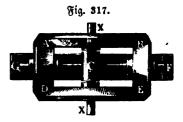
$$\psi_2 = \frac{CE}{DL} = \frac{r}{r+e},$$

und man hat folglich auch hier $\frac{\psi_1}{\psi_1} = \frac{r+e}{r-e}$,

Beide Krummzapfen vollenden übrigens gleichzeitig eine Umbrehung, es ift baher bas mittlere Umfegungsverhaltniß berfelben $\psi=1$.

§. 155. Rommt es barauf an, einer Belle eine kleine Umbrehungsgesichwindigkeit zu ertheilen, fo kann man fich hierzu eines Epicpkel-Bors

epicufelvorgelege.



geleges bedienen, welches im Wefentlichen aus brei Rabern besteht,
von benen sich das eine zwischen den beiben anderen wälzt. Das einfachste Epicykel-Vorgelege ist in Fig. 317 abgebildet. Die beiben conischen Raber AB und DE brehen sich mit verschiedenen Umsangsgeschwin-

bigkeiten v und v_1 um eine gemeinschaftliche Are XX, und geben bem zwischen ihnen liegenden conischen Rade BE nicht allein eine Umbrehung um seine eigene Are CF, sondern auch eine Bewegung um die gemeinschaftliche Are XX. Sesen wir die Umbrehungsgeschwindigkeit des Getriebes BE um CF = c und die Umbrehungsgeschwindigkeit seines Mittelpunktes M um XX = w, so haben wir in dem Falle, wenn beibe Rader in einer Richtung umlausen, für den Berührungspunkt B:

$$v = w + c$$

und für den Berührungspunkt E, wo die Geschwindigkeiten v und c einsander entgegengeset sind: $v_1 = w - c$.

Aus beiden Formeln ergiebt fich durch Abdition die Umbrehungsgefchwins

bigfeit um
$$XX$$
: $w = \frac{v + v_1}{2}$,

und die um
$$CF$$
: $c = \frac{v - v_1}{2}$.

Laufen die Raber AB und DE in entgegengesehten Richtungen um, ist also v_1 negativ, so hat man hingegen $w=rac{v-v_1}{2}$

$$\quad \text{unb} \quad c = \frac{v + v_1}{2}.$$

Ift ber bem mittleren Halbmeffer ber Raber AB und DE gleiche Abstand CM des Rabmittels M von ber Umbrehungsare $XX_i = r$, so hat

man die Umbrehungszahl des Rabes
$$AB$$
: $u = \frac{30 \, v}{\pi \, r}$,

ferner die des Rades
$$DE$$
: $u_1 = \frac{30 v_1}{\pi r_1}$,

und endlich die bes Rabarmes CM um eben die Are XX:

$$u_2 = \frac{30 w}{\pi r} = \frac{30 (v \pm v_1)}{2 \pi r}$$
, b. i. $u_2 = \frac{u \pm u_1}{2}$.

Epicufel.

Wenn die Rader AB und DE in entgegengeseten Richtungen umlaufen, so kann man folglich dem Arme CF jede beliebig kleine Umdrehungshall $u_2=\frac{u-u_1}{2}$ ertheilen.

Versieht man die Nade C mit mehreren Armen oder Speichen wie CF, CG und umfaßt man dieselben mit einem Reisen FG, so erhalt man ein Rad, welches von diesen Armen ebenfalls um XX herumgeführt wird, und also auch dieselben Umdrehungen $u_2 = \frac{u-u_1}{2}$ macht wie CF, CF u. s. w.

Auf diese Weise erhalt man das sogenannte Differentialgetriebe.

Statt der conischen Raber bringt man auch Stirnraber in Anwendung,





movon aber bas eine eine in= nere Bergahnung erhalten muß. Ein folches Epicnkel-Borgelege zeigt Figur 318. Geht bas innere Rad AB mit ber Ge= fcmindiafeit v. und bas aufere Rad DE mit ber Geschwin= bigkeit v1 um, ist ferner c bie Umbrehungegeschwindigfeit bes mittleren Rabes, und w bie Geschwindiakeit der Radare M um bas gemeinschaftliche Cen= trum C, und find endlich bie Rabhalbmeffer CA = r und $CD = r_1$, so haben wir folgenbe Begiehungen.

Der Arenabstand ober die Armidinge CM ist $b=rac{r+r_1}{2}$,

und der Halbmeffer MA der mittleren Rades $a=\frac{r-r_1}{2}$; folglich ist die Geschwindigkeit des innern Berührungspunktes A um C:

CA r 2 r.v.

$$\frac{CA}{CM} \cdot w = \frac{r}{b} w = \frac{2rw}{r+r_1},$$

und die des außeren Punttes D:

$$rac{CD}{CM} \cdot w = rac{r_1}{b} \ w = rac{2r_1w}{r+r_1}.$$
 Hiernach ist nun $v = rac{rw}{b} + c = rac{2rw}{r+r_1} + c,$ und $v_1 = rac{r_1w}{b} - c = rac{2r_1w}{r+r_1} - c,$

Epicyfelvorgelege

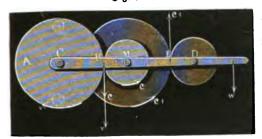
und man findet burch Abbition und Subtraction der letten Gleichungen, wie oben, $w=\frac{v+v_1}{2}$ und $c=\frac{v-v_1}{2}+\frac{r_1-r}{r_1-r}\cdot\frac{v+v_1}{2}$. Laufen die Räber in umgekehrten Richtungen um, ist z. B. v_1 negativ, so haben wir bagegen $w=\frac{v-v_1}{2}$ und $c=\frac{v+v_1}{2}+\frac{r_1-r}{r_1+r}\cdot\frac{v-v_1}{2}$.

Sind auch hier u_1 und u_2 die Umbrehungszahlen der Rader AB,DE und des Armes CM, so haben wir wieder $u_2=\frac{u\pm u_1}{2}$.

Man kann hier ebenfalls ben Arm CM mit einem um C brehbaren Rabe FG verbinden und baburch die Umbrehungsbewegung von CM auch diesem Rabe mittheilen.

Beispiel. Benn bei bem letteren Vorgelege bas innere Rab AB pro Minute $\mathbf{s}=60$ und bas äußere 48 Umbrehungen in umgekehrter Richtung macht, so wird ber Arm bes mittleren Rades, und also auch jedes damit verbunz bene äußere Rad in berselben Zeit, $\mathbf{s}_{\mathbf{s}}=\frac{\mathbf{s}_{\mathbf{s}}-\mathbf{s}_{\mathbf{s}}}{2}=\frac{60-48}{2}=6$ Umbrezhungen machen. Ein solches Borgelege wurde sich bazu eignen, die große Umsbrehungszahl der Turbinen, für hohe Gefälle den gewöhnlichen Bedürsnissen entsprechend, auf eine viel kleinere Zahl herabzugiehen.

§. 156. Ein zusammengesetteres Epicytel=Borgelege ift in Figur Big. 319. 319 abgebildet. Es ift



319 abgebildet. Es ist hier AB ein um eine Are C mitder Umfangs: geschwindigkeit v umslausendes Zahnrab und CD ein mit der Winzkegeschwindigkeitwumslausender Arm, in welschem die Are M eines Doppels und die Are D

eines einfachen Rabes feststen. Bon bem um M brehbaren Doppelrade greift bas eine in das Jahnrad AB und das andere in das äußerste um D brehbare Jahnrad DE ein. Wenn daher das Rad AB und der Arm CD in Umbrehung geseht werden, so bekommt das Doppelrad nicht allein eine Umbrehung um seine Are M, sondern auch eine solche um die Are C, und theilt auch diese Bewegungen dem Rade DE mit. Bezeichnen wir den Radhalbmesser CB durch C, so haben wir die Umbrehungsgeschwindigkeiten des Berührungspunktes C0 um C1, with dezeichnen wir die Umbrehungsgeschwindigkeit desselben Punktes um C2, so haben wir

$$v = \omega a + c$$
.

Epicofelvorgelege. Sind endlich r und r_1 die Halbmeffer MB und ME des Doppelrades BE, so haben wir noch die Umdrehungsgeschwindigkeit des Berührungspunktes E um M und um D:

$$c_1 = \frac{r_1}{r} c = \frac{r_1}{r} (v - \omega a).$$

Der Umbrehungsgeschwindigkeit v des inneren Rades entspricht die Umsbrehungszahl $u=\frac{30\,v}{\pi\,r}$, der Umbrehungsgeschwindigkeit c_1 des außeren, wenn a_1 deffen Halbmesser ist, die Umdrehungszahl

$$u_1 = \frac{30 c_1}{\pi a_1} = \frac{30}{\pi} \cdot \frac{r_1}{r} \cdot \frac{v - \omega a}{a_1},$$

und endlich ber Binkelgeschwindigkeit w bes Armes bie Umbrehungegahl

$$u_2=\frac{30\,\omega}{\pi}$$

Es ift hiernach bie relative Umbrehungszahl bes außeren Rades DE auch

$$u_1 = \frac{r_1}{a_1} u - \frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} u_2,$$

und folglich die abfolute Umbrehungezahl, b. i. die in hinficht auf den um= gebenden Raum, ba DE mit dem Urme CD gleichzeitig um C rotirt,

$$u_8 = u_1 + u_2 = \frac{r_1}{a_1} u - \left(\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} - 1\right) u_2.$$

If bas innere Rad fest, also u = 0, so hat man

$$u_3 = -\left(\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} - 1\right) u_2,$$

und hiernach wird also bas außere Rab DE bei Umbrehung des Armes CD sich absolut gar nicht brehen, wenn

$$\frac{r_1}{a_1} \cdot \frac{a}{r} = 1$$
, b. i. $\frac{r_1}{r} = \frac{a_1}{a}$ ift,

fich ferner mit CD in gleicher Richtung breben, wenn ug positiv, alfo

$$\frac{r_1}{a_1}\cdot\frac{a}{r}<1$$
, b. i. $\frac{r_1}{r}<\frac{a_1}{a}$ ift,

und endlich mit dem Arme CD entgegengefest umlaufen, wenn ua negativ,

b. i.
$$\frac{r_1}{r} > \frac{a_1}{a}$$
 ift.

Anmertung. Auf biese Theorie ber Epicytelvorgelege beruht mefentlich bie Einrichtung ber sogenannten Blanetarien, und auf bie lette Betrachtung bie bes mechanischen Paradoxon von Ferguson. S. Billis' Principles of Mechanism. Art. 406.

getriebe ober das Sonnen: und Planetenrad von Watt (frang. la mouche; engl. sun and planets wheel), dessen vorzüglichste Einrichtung

folgende ist. Es besteht hier bas Raberwert nur aus zwei Zahnrabern AB gaussetriebe.



und DE, Fig. 320, und es erhalt ber bas außere Rab tragende Arm C/) feine Umbrehung durch eine Stange FD. welche fest mit DE verbunden ift, alfo mit diefem Rade gleich= fam ein Ganges ausmacht. Die Stange FD hangt entweber an einem Krummzapfen MF, beffen Welle M mit ber Wellenape C parallel lauft, und beffen Arm MF mit bem Arme CD gleiche gange hat, ober fie ift an bas Enbe eines Balanciers angeschloffen, mit bem fie fich auf= und nieberbewegt. Leicht fieht man ein, bag bas außere Rab ober eigentliche Laufgetriebe im erften Falle gar teine abfolute Umbrehungs= bewegung hat mabrend es um C lauft, ober daß vielmehr die Umbrehungsgeschwindigkeit biefes Rabes um feine Are C gleich und ent= gegengefest ift ber Umbrehungsbewegung besselben um die Are D, und eben so leicht ift zu ermeffen, bag im zweiten Falle, wenn, wie gewöhnlich, die Stange viel langer ift als ber Urm CD, bas Bewegungeverhaltniß bes Getriebes nur wenig anbers ausfallt, ale im

ersten Falle, weil sich hier die Stange während einer Umbrehung zwar nicht immer parallel bleibt, jedoch nur wenig bald nach rechts bald nach links neigt. Sehen wir daher von dieser Abweichung ganz ab, denken wir und also, daß die Stange FD mit dem Rade DE sich während der Umbrezhung um C nicht wendet, und daher das lehtere mit Null absoluter Gesschwindigkeit um C laufe.

Setzen wir wieder den Halbmesser des inneren Rades AB, CA = CB = a und die Umfangsgeschwindigkeit dieses Rades = v, und ebenso den Halbmesser DE des äußeren Rades = a_1 und die Umfangsgeschwindigkeit desselben = c, und endlich die Winkelgeschwindigkeit des Armes CD = ω , so haben wir auch wieder $v = c + a\omega$, oder, wenn u, u_1 und u_2 die v, c und $a\omega$ entsprechenden Umdrehungszahlen bezeichnen,

$$u a = u_1 a_1 + u_2 a$$
, und baher umgekehrt, $u_1 = \frac{a}{a_1} (u - u_2)$.

Da bie Umbrehung bes Getriebes in umgekehrter Richtung zu ber bes Armes erfolgt, fo hat man bie absolute Umbrehung beffelben

$$u_3 = u_1 - u_2 = \frac{a}{a_1} (u - u_2) - u_2 = \frac{a}{a_1} u - \frac{a + a_1}{a_1} u_2;$$

Laufgetriebe. feten wir baher biefe Rull, fo erhalten wir die Gleichung

$$au = (a + a_1)u_2$$
, oder $\frac{u}{u_2} = \frac{a + a_1}{a} = 1 + \frac{a_1}{a}$.

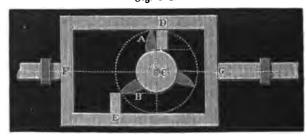
Man kann also durch eine entsprechende Auswahl der Rabhalbmesser a und a_1 jedes beliebige Verhältniß $\frac{u}{u_2}$ zwischen den Umdrehungszahlen u und u_2 der Wellen C und M herstellen. Macht man z. B. beibe Räder gleich, also $a=a_1$, so erhält man $\frac{u}{u_2}={}^2/_1$, d. i. dann läuft die Welle C doppelt so schnell um als die Welle M; macht man dagegen $a_1={}^1/_2a$, so ist das Umdrehungsverhältniß $\frac{u}{u_2}$ nur $= {}^3/_2$.

Gerablinig miebertebrenbe Bewegung.

§. 158. Wir haben ichon im britten Rapitel von ben Ercentrites Rrummzapfen als ber einfachsten Mittel zur Umsetzung ber stetigen Rreisbewegung in eine absetzenbe, gerablinige ober freisformige Beswegung gesprochen; es bleibt uns baher nur noch übrig, von einigen bessonderen Borrichtungen zur Erzielung besselben 3medes zu handeln.

Wie sich eine gezahnte Stange burch ein gezahntes Rad in einer geradlinigen Richtung fortbewegen läßt, ift uns aus §. 82 bekannt; jest wollen wir aber auch von ben Sulfsmitteln sprechen, wie eine solche Stange himund zurudbewegt werben kann. Mehrere solcher Hussellistel sind in ben Figuren 321, 322, 323 und 324 abgebilbet.

Bei ber Borrichtung in Fig. 321 befindet fich bas stetig umlaufende Big. 321.



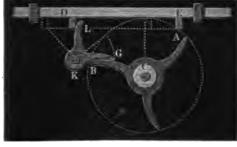
Treibrad ACB innerhalb des hin- und herzuschiebenden Rahmens DFEG und schiebt benselben mittels der Daumen A, B u. s. w. hin und zuruck. Bu diesem Zweck ist dieser Rahmen ebenfalls mit Daumen oder Zähnen D und E versehen, welche abwechselnd von den Daumen A, B u. s. des Rades ergriffen werden.

Bringt man einen Bintel= ober Kniehebel GKL zwischen bas Treibrad ABC, und die gezahnte Stange DE, Fig. 322, so fann burch benselben bie rudgangige Bewegung ber Stange hervorgebracht werden. Buerft er-

greift ber Daumen A bes Rabes ben Daumen E ber Stange unmittelbar Gerabtinig wiederfrorenbe und schiebt biefe nach ber Bewegung



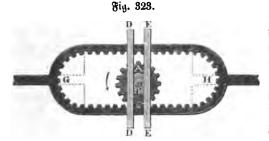




einen Richtung, und bann ergreift ber Daumen B bes Rabes ben Stangenbaumen Dmittele bes Bebele GKL und ichiebt babei bie Stange wieber gurud.

Benn bas Lager C bes Treibrabes ACB, Figur 323, in einer geraden Spur DDEE liegt, fo wird baf= felbe mahrend bes Gingriffs

in die halbereisformigen Enden G und H bes vergahnten Rahmens GBH



burch ben ercentrisch mir. fenben Drud gwischen ben Bahnen fo gefchoben, bag bas Bahnrab von ber einen Seite bes Rahmens auf die anbere gelangt, und baber ben Rahmen genau fo jurudführt, als es ihn porher hinbewegt hat.

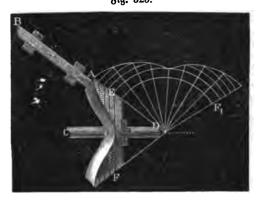
In Fig. 324 ift eine hin und her zu bewegende Stange DE mit colins Fig. 324.



brifchen Triebstoden, und an ben Enben mit halbereisformigen Spuren ausgeruftet, in welchen bie Ure C bes Treibrabes AB am Ende eines jeben Ausschubes fortruct, wodurch biefes Rab auf die andere Seite der Triebs ftode gelangt und die Umtehrung ber Bewegung hervorgebracht wirb.

Es moge endlich noch ber conifchen Ercentrifs gebacht werben. Bir tennen aus bem britten Rapitel nur biejenigen Ercentrifs, welche eine Stange in ihrer Umbrehungsebene ausschieben, und melde ihrer Form mes gen cylindrifche oder prismatische Ercentrite genannt werben tonnen. Soll Pewegung.

hingegen eine Stange AB, Fig. 325, in einer Richtung bin- und gurud: bewegt werben, welche Mia. 325.



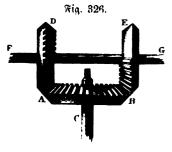
die Umbrehungsare CD des Ercentrife unter einem Schiefen Wintel BDC fcneibet, fo hat man ein conisches Ercentrit EF in Un= menbung ju bringen. 11m bie Korm ber Erhobungen und Berties fungen biefer Ercentrits ju finben , wickelt man ben Mantel EF berfelben ab, und zeichnet ben

verlangten Bewegungeverhaltniffen entsprechend, die Formen diefer Erho= hungen und Bertiefungen auf biefen abgewickelten Mantel EF, auf; widelt man bann biefen Mantel wieber uber bas Ercentrit, fo giebt er ben verlangten Umrif ber Erbohungen und Bertiefungen beffelben an.

Areisformig

§. 159. Die Borrichtungen gur Ableitung einer wiederkehrenben Bimegung. Kreisbewegung aus einer stetigen Rreisbewegung konnen im Besent= lichen nach benfelben Regeln conftruirt werben, als biejenigen Dechanis= men, wodurch bie ftetige Rreisbewegung in eine abfegende gerablinige Bewegung verwandelt wird. Es gehoren hierher folgende Mechanismen.

In Rig. 326 ift FG eine ftetig umlaufende Belle mit zwei conifchen Rabern AD und BE, wovon bie entgegengesetten Salften vergahnt find.



Bwifchen biefen Rabern befindet fich ein brittes conisches Rad AB, welches vollständig vergahnt ift und baber abmechfelnb von einem ober bem anderen ber beiben Raber AD und BE ergriffen wird. Mit biefem Wechsel bes Eingriffes ift aber auch ein Wechsel in ber Richtung der Umbrehung von AB verbunben; je nachdem AD ober BE in AB

eingreift, wird bas lettere in ber Richtung von links nach rechts, ober von rechts nach links umgebreht, und es nimmt hierbei auch bie Welle C. welche bas Rad AB tragt, eine bin = und hergebenbe ober ofcillirende Bewegung an. Denselben 3med erreicht man naturlich auch, wenn man AB nur gur Salfte und in Abfaben vergabnt, und bagegen die Raber AD greissomma und BE rundherum mit Bahnen verfieht.

rieberfebrente Bemegung.

Es gehort auch hierher bas fogenannte Mangetrab (engl. manglewheel), welches Fig. 327 vor Mugen fuhrt. Diefes Rab besteht aus einer

Rig. 327.



um eine feste Are C umlaufenben De= tallscheibe AB, auf welcher ein an feis uem gangen Umfange gegahnter Ring ADE festfitt, ber von ben 3ahnen eines Betriebes G ergriffen wirb. Je nach bem biefes ftets nach einerlei Richtung umlaufende Getriebe mit ber inneren ober mit ber außeren Bergahnung bes Ringes in Gingriff ift, fest es diefen Ring entweber nach ber einen ober nach ber anberen Richtung in Umbrehung. Damit bas Getriebe bei bem Uebergange von ber einen Seite bes Ringes auf bie

andere an ben halbfreisformigen Enden immer im Gingriff bleibe, bringt man in ber Scheibe eine bem vergahnten Krange parallel laufenbe Spur ABF an, in welche bas Ende ber Are bes Getriebes G ju liegen tommt. ' Uebrigens ift naturlich auch bei biefem Dechanismus bafur ju forgen, bag fich bas Lager bes Bapfens von G beim Uebergang von ber einen Seite bes gezahnten Rranges auf bie andere um einen gewiffen Weg G G, verschieben tonne, weshalb man es vielleicht an eine feste Are K aufhangt

Da ber innere Theil bes Zahnkranges ADE einen anderen Theilkreiß= halbmeffer hat ale ber außere, fo anbert fich naturlich auch die Umbrehunges gefdwindigfeit ber Scheibe, wenn bas Getriebe von ber einen Seite biefes Rranges auf die andere gelangt. Diefe Ungleichheit fallt bann noch am

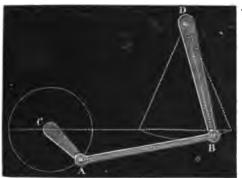
Fig. 328.



Eleinsten aus, man, wie bei bem De= chanismus in Kigur 324, statt ber boppelten Bahnreihe eine einfache Reihe von Triebstoden anmendet.

Biel einfacherer und ficherer, jeboch bei mehr Raumerforderniß, leitet man eine ofcillirenbe Bewegung aus ber ftetigen Rreisbewegung

Rreisformig burch Sulfe bes Rurbelmechanismus ab. nieberfebrende Bewegung. Fig. 829.

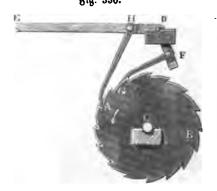


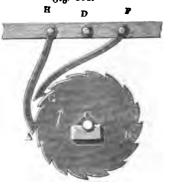
gewöhnlichen Aurbel CA, Figur 329, und einem längeren Arme DB, welcher mit der Aurbel durch eine Stange AB verbunden ist. Es ist leicht zu ermessen, und auch schon aus §. 90 bekannt, daß hier der Arm DB bei jeder Umdehung der Aurbel ein Mal hin= und zurucksschwingt.

Dieser besteht aus einer

S. 160. Wenn es darauf ankommt, eine schwingende Bewegung in eine langsam fortlausende Kreisbewegung umzuändern, wendet man zuweilen sogenannte Sperrräder (franz. roues & rochet; engl. ratchet-wheels) an, deren Zähne nur nach einer Seite hin abgeschrägt sind. Zu jedem Sperrrade gehören dann zwei Sperrklinken (franz. cliquets; engl. clicks), welche wie die Klauen zwischen die Zähne des Rades greisen, und nicht allein die allmälige Umdrehung dieses Rades nach der einen Richtung hervorbringen, sondern auch die Umdrehung desselben nach der entgegengesetten Richtung verhindern. Mehrere solcher Sperrräder sind in den Figuren 330, 331 und 332 abgebildet.

Bei bem Mechanismus in Fig. 330 ift ACB bas Sperrrad, und EDF ein um D drehbarer hebel, an welchem die zwischen die Zahne des Rades eingreisenden Spertklinken FG und HA herabhangen. Wird nun ber hebel bei dem Ende E niedergedruckt, so schiebt die Klinke HA das Rad in der Richtung des Pfeiles um einen Zahn weiter fort und es gleitet die Fig. 330.



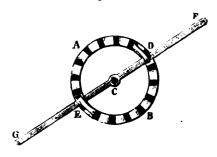


Sperttåber.

Klinke FG um ebenso viel auf den Radzähnen zurud. Wird umgekehrt der Hebel bei E gehoben, so schiebt die Klinke FG das Rad um einen Jahn spertrader, weiter und es gleitet die Klinke HA auf den Radzähnen fort.

Bei ber Borrichtung in Fig. 331 sind die Sperrklinken mit haken versehen oder in Sperrhaken FG und HA umgeandert, und es wird durch bieselben das Rad nicht schiebend, sondern ziehend in Umdrehung gesett, es ist daher auch hier die Umdrehungsrichtung die umgekehrte. In beiden Fallen liegen die Sperrklinken auf einer Seite des Rades; will man sie auf den entgegengesetten Seiten wirken lassen, so muß man die eine schiebend und die andere ziehend, also mittels eines hakens wirken lassen.

Fig. 832.



In Figur 332 ift noch ein horizontales Kronensperrsrad ACB abgebildet. Der Hebel FG, an welchem die Sperrklinken D und E hangen, hat hier mit dem Rade eine und dieselbe Arenlage C. Je nachdem man diesen Hes bel hins oder zurückschwingt, schiebt die Klinke D oder die Klinke E das Rad um einen Zahn weiter.

Die Anordnung und Construction eines gewöhnlichen durch einen Sebel mit zwei Sperrklinken zu bewegenden Sperrrades ACE, Fig. 333, läßt sich wie folgt vollziehen. Es sei $ACB = DCE = \alpha$ der Theilwinkel, und also auch der Winkel, um welchen das Sperrrad bei jedem Schwunge des Hebels MK durch eine der Sperrklinken AF oder EG fortgedreht werden

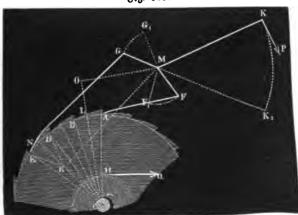
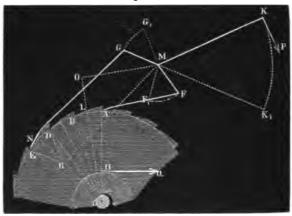


Fig. 833.

epertraber. soll. Ift n die Anzahl der Bahne des Spertrades, so hat man $lpha=rac{360^{\circ}}{n}$.

Man halbire biefe Binkel burch bie Linien CL und CN, trage auf biefe Linien ben hebelarm, welchen bie Sperrklinken erhalten follen, als LO und Fig. 334.



NR auf und errichte in O und R Perpendikel auf CO und CR; ber Durchschnittspunkt M dieser Perpendikel ist die gesuchte Drehungsare des Hebels; und die Linien MO und MR sind die entsprechenden Klinkenlangen AF und EG. Wenn das Hebelende K um den Bogen KK_1 niedergedrückt wird, so durchsausen die Aufdangepunkte der Sperrklinken die Bögen FF_1 und GG_1 und die Endpunkte derselben die Wögen AB und ED, wobei also auch das Rad um AB fortrückt. Bringt man umgekehrt den Hebel aus der Lage MK_1 in die Lage MK, so durchsausen die Aufhängepunkte der Klinken die Bögen F_1F und G_1G und die Endpunkte derselben die Wege BA und DE, wobei das Rad um DE fortrückt.

Bezeichnen wir den Schwingungswinkel $KMK_1 = FMF_1 = GMG_1$ des Hebels durch β und den Rabhalbmeffer CA = CD durch r, so haben wir für den Hebelarm $LO = NR = r_1$ der Klinken annähernd

$$r_1 = \frac{DE}{\mathfrak{Bog}.\beta} = \frac{\alpha r}{\beta}.$$

Die Klinkenlangen MO = FA = l und $MR = GE = l_1$ sind durch folgende Formeln zu bestimmen:

$$l = \frac{(r+r_1)\cos\delta - (r-r_1)}{\sin\delta} \text{ und}$$

$$l_1 = \frac{r+r_1 - (r-r_1)\cos\delta}{\sin\delta},$$

in welchen d ben Bintel ACD = BCE bezeichnet, um welchen bie Un=

griffspunkte A und D der Klinken von einander abstehen. Wirkt die Kraft Sperredder. P am Hebelarme MK = a und die Last Q am Hebelarme CH = b, so C = a

ist das Berhältniß
$$\frac{P}{Q}=\frac{r_1}{r}\cdot\frac{b}{a}=\frac{\alpha}{\beta}\cdot\frac{b}{a}$$
 Q , also die Kraft $P=\frac{r_1}{r}\cdot\frac{b}{a}$ $Q=\frac{\alpha}{\beta}\cdot\frac{b}{a}$ Q .

Wenn also das Berhaltnis der Armlange r_1 zum Rabhalbmeffer ober das des Theilwinkels α zum Schwingungswinkel β sehr klein gemacht wird, so wird die Kraft nur ein kleiner Theil der Last sein.

Beispiel. Es sei ber Rabius bes Rabes, r=9 30ll, die Angahl ber Bahne besselben, n=60, also ber Theilwinkel $\alpha=\frac{360^{\circ}}{60}=6^{\circ}$, ferner sei ber Schwingungswinkel $\beta=30$ Grab, ber Binkel zwischen ben Angrisspunkten beiber Klinken $\delta=12^{\circ}$, der Hebelarm ber Last Q, b=6 30ll, und ber ber Kraft a=60 30ll. Dann ist der erforberliche hebelarm ber Klinken

$$r_1 = \frac{ar}{\beta} = \frac{6}{80} \cdot 9 = 1.8 \text{ 3eV},$$

bie gange ber einen Rlinfe

$$l = \frac{10.8 \cos. 12^{0} - 8.2}{\sin. 12^{0}} = \frac{2.364}{0.2079} = 11.87 \text{ goU},$$

und bie gange ber anberen

$$l_1 = \frac{10.8 - 8.2 \cos 12^{\circ}}{\sin 12^{\circ}} = \frac{2,779}{0,2079} = 13.37 \text{ Soll},$$

endlich bas Kraftverhaltniß $P={}^6\!/_{\!80}$. ${}^6\!/_{\!60}$. $Q={}^1\!/_{\!50}$ $Q_{\!7}$ also bie Kraft 2 Broscent ber Laft.

Soluganmerfung. Die in biefes Rapitel einschlagende Literatur ift in Band III., S. 1 angegeben.

Siebentes Rapitel.

Von den mechanischen Vorrichtungen zum Reguliren, Moderiren, Egalistren, In: und Außergangsesen ber Maschinen.

§. 161. An jeder Maschine mussen gewisse Borrichtungen angebracht Regulatoren. sein, welche die Maschine in den Stand setzen, daß sie die ihr zukommende mechanische Arbeit ungehindert in gehöriger Ordnung und mit einer gewissen Geschwindigkeit und Regelmäßigkeit verrichte. Diese Borrichtungen sind die sogenannten Regulatoren oder regulirenden Maschinentheile (franz. régulatours; engl. regulators). Viele von diesen Apparaten kennen

Regulatoren. wir fcon aus bem Fruberen, namentlich in ben fogenannten Steuerung 6: inftem en bei ben Bafferfaulenmaschinen und Dampfmaschinen (f. II., 6. 221, 6. 328 u. f. w.), und in ben Schutenfuftemen bei ben vertitalen und horizontalen Wafferradern (f. II., §. 116, §. 134, §. 178 u. f. m.); manche andere Borrichtungen biefer Art follen aber noch im Folgenden abgehandelt merben. Auch die fogenannten Moberatoren (frang, moderateurs; engl. moderators) find ben regularifirenden Mafchinentheilen beiaugablen. Gie bienen bagu, bie aus einer überwiegenben Rraft bervorgebende Befchleunigung einer Dafchine aufzuheben, und einen moglichft gleichformigen Bang berfelben zu erzielen. Es gehoren hierher bie Bemmung bei ben Uhren, ber Windfang ober bas Flugelrad bei bem Schlagmert ber Uhren, bei ben fogenannten Bratenwenbern u. f. w., und vorzüglich noch die fogenannte Bremfe. In Diese Borrichtungen schliegen fich biejenigen Maschinentheile an, welche ben 3med haben, ben an und fur fich ungleichformigen Gang einer Mafchine in einen moglichft gleichformigen Beharrungszuftand zu bringen. Man tann diefelben die Egalifatoren nennen. Die vorzüglichften Egalifatoren find bie Begengewichtebalan : ciers und die Schwungraber. Die Reihe ber regulirenden Dafchinentheile wird endlich burch bie fogenannten Gouvernatoren (engl. governors) gefchloffen, welche ben 3med haben, die Betriebetraft ber Laft ent= fprechend und fo ju reguliren, bag eine Beranderung der letteren teine anfehnliche Beranderung in ber Gefchwindigfeit bes Ganges ber Dafchine Es gehort vorzüglich hierher bas fogenannte conifche hervorbringt. Penbel ober ber Schwungfugelregulator.

Bum Schluß haben wir noch biejenigen Borrichtungen abzuhandeln. welche jum In : und Außergangfeben einer Maschine bienen, wohin borzüglich bie fogenannten Gin = und Musrudvorrichtungen geboren.

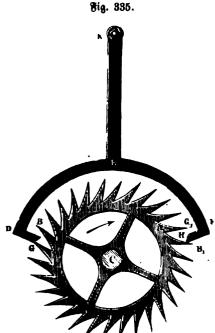
Anfer.

6. 162. Durch ein nieberfinkenbes Gewicht allein, lagt fich eine Dafchine ober ein Uhrwert nicht in einen gleichformigen Bewegungezuftand verfeten, benn ber Ueberichuf ber Rraft biefes Gewichtes über bie Laft ober ben Wiberftand erzeugt eine beschleunigte Bewegung, vermoge welcher bas Gewicht allmalig schneller und fcneller fintt und in turger Beit ben ibm bargebotenen Fallraum burchlauft. Um biefes zu verhindern, um alfo ein langfames und moglichft gleichformiges Nieberfinten bes Gewichtes und baber auch einen gleichformigen Bang ber burch bas nieberfintenbe Bewicht bewegten Maschine zu erhalten, ift es nothig, bas Nieberfinten biefes Gewichtes in furgen Abfagen ju unterbrechen, fo bag es fich nach jebem Abfate von neuem in Bewegung feten muß. Diefe Unterbrechung ber Bewegung eines fintenben Gewichtes in turgen Abfaben wirb burch bie fogenannte hemmung (frang. échappement; engl. escapement) in Berbindung mit einem Dendel bervorgebracht.

Unter ben verschiedenen hemmungsmethoden ift es die sogenannte Unsterhemmung (frang. echappement à ancre; engl. anchor-escapement), welche am gewöhnlichsten angewendet wird.

Anfer. constana.

Die Ginrichtung und Birtungeweise biefer hemmung ift folgende. A BC



ift ein Rab mit Schiefen Bahnen, abnlich einem Sperrrabe (f. III., 6. 160), unter bem Ramen Steia = rab befannt. Diefes Rab fann zwar burch ein niebergiehenbes Bewicht unmittelbar in Bewegung gefest werben, gewohnlich ift aber ein Raberwert zwischen bem Steigrabe und ber von bem mittels einer Schnur burch ein nieberfinfenbes Gewicht in Umbrehung gefetten Trommel angebracht, moburch bas Berhaltniß ber Gefchmins bigfeit bes fintenben Gemichtes gu ber bes Steigrabes bebeutenb berabgezogen wirb, fo bag bas lettere viele Umbrehungen macht, ehe bas erftere um ein Unfehnliches finet. Ueber bem Steigrabe bangt ber um die Are K drehbare und burch ein gewöhnliches Penbel (f. I. §. 260) in fdwingenbe Bewegung

versette Anter oder sogenannte englische Haten DEF, welcher mit seinen hatenförmigen Enden DG und FH zwischen die Ichne des Steigsrades eingreift. Die Grenzstächen DG und FH dieser hakenförmigen Enden sind concentrisch zur Drehungsare K gekrümmt, und es kommt, je nachdem der Haten nach links oder nach rechts ausschwingt, entweder die Fläche HF des Hakens mit der Zahnstäche A_G_1 oder die Fläche DG mit der Zahnstäche A_G in Berührung, wobei jedes Mal das Steigrad, nachdem es durch das niedersinkende Gewicht in der Richtung des Pseiles um die halbe Zahntheilung umgedreht worden ist, auf einen Augenblick ausgehalten wird. Bei diesem Mechanismus rückt also das Steigrad während einer Pendelschwinzung um einen halben Zahn weiter und wird am Ende desselhen auf einen Augenblick in Ruhe versett. Durch den Widerstand der Luft und durch die Reibungen an der Aushängung des Pendels und zwischen den Zähnen des Steigrades und den Ankerhaken wird natürlich die lebendige Kraft des Pendels bei jeder Schwingung geschwächt, und also auch die Schwingungs

Anferbemmung. elongation vermindert; wenn folglich daffelbe nicht von Zeit zu Zeit einen

Fig. 336.

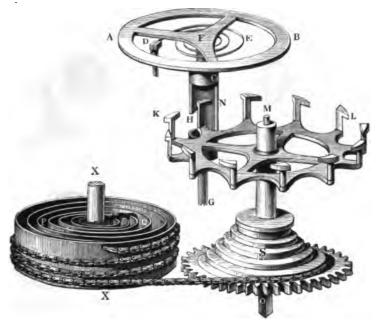
neuen Impule erhielte, murbe es fehr balb die Anterhaten gar nicht mehr aus ben Bahnen bes Steigrades herausheben und baher bie Umbrehung bes letteren fo wie bas Spiel bes gangen Mechanismus in furger Beit beendiat fein. Diefes wird aber baburch verhindert, daß bei jebem Ausschwunge eine Bahnspite G oder G, an einer ber Schiefen Enbflachen ber Unterhaten bingleitet und babei bem Unter einen fleinen Schub auswarts, b. i. in ber jebesmaligen Schwingungs= richtung, giebt.

Eine monobimetrische Abbilbung bes ganzen Hemmungsapparates führt Figur 336 vor Augen. Es ist AB bas Steigsrad, welches auf der Welle CD sestsisch, bie mittels einer Schnur von dem niederziehenden Gewichte G das Umdrehungsbestreben erhält. Man sieht ferner in EKF ben Anker, der mittels eines gabelsormigen Hebels LMN von dem in O aufgehangenen Pendel OP um seine Are KL in Schwingung versett wird.

Colinder. beinmung. §. 163. Das Penbel einer hemmung last sich auch burch eine bunne Spiralfeber mit einem kleinen Schwungrabe, bie sogenannte Unruhe (franz. spirale; engl. pendulous spring) ersehen. In Fig. 337 ist AB bas um bie Are C brehbare Schwungrabchen und DEF bie bazu gehörige Spiralfeber, welche mit bem Ende D auf dem Gestelle des Apparates und mit dem Ende F auf der Welle des Radchens festsist. Wird das letztere in der Richtung des Pfeiles um einen mäßigen Winkel gebreht und nach diesem sich selbst überslassen, so geht die Spirale in Folge ihrer Classicität nicht allein in ihre erste Form zuruck, sondern zieht sich in Folge der Trägheit des Schwungradchens auch noch mehr zusammen, und gelangt so in einen schwingenden Zustand

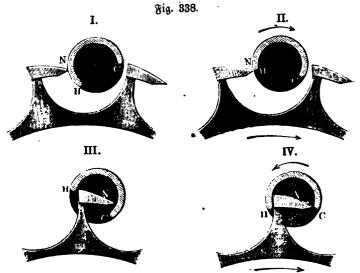
ähnlich wie ein Pendel ober ein elastischer Stab (f. I., Anhang §. 20 *)). Was bei dem Pendel die Schwerkraft ist, ist hier die Elasticität der Spiralfeder. Fig. 337.

Cplinber. bemmung.



Es tommt nun barauf an, diefe Unruhe mit der Bemmung fo gu verbinden, bag bas Bange bie Wirtung eines niebergiehenden Gewichtes ober einer gespannten Feber regulirt. Die vorzuglichfte Bemmung fur biefen 3med ift bie fogenannte Cylinderhemmung, welche im Wefentlichen folgende Einrichtung hat. Die Spindel CG der Unruhe besteht aus einem boblen Cylinder von polirtem Stahl und hat bei CH einen großeren und einen fleineren Musschnitt. Das Steigrad KLM, welches burch die Rraft eines Gewichtes ober einer Feber um feine Are MO ftetig umgebreht wirb, bat swolf gang eigenthumlich geformte hatenformige Bahne, welche mit ihrer Spite Nabwechselnd gegen die außere und innere Flache bes ausgeschnitte= nen Theiles der cylindrischen Are der Unruhe stoßen, wodurch naturlich jedes Mal bie Umbrehung bes Steigrades aufgehalten wirb. Wie burch bas Gingreifen ber Bahne bes Steigrabes in bie cylindrifche Are ber Unruhe und burch bie verschiebenen Stellungen ber letteren bas regelmäßige Spiel bes gangen hemmungsapparates bewirft wirb, ift am beften aus Figur 338, I., II., III. und IV. (auf folgd. Seite) zu ersehen. In I., wo die Unruhe und folg. lich auch ihr cylindrisches Arenftuck bie größte Glongation nach ber einen

Culinter. bemmung. Seite hat, halt sie bas Steigrab mittels des Zahnes N in seiner Bewegung vollständig auf; in II., wo die Unruhe schon einen Theil ihrer Schwingung gemacht hat, erhält sie von dem nun frei werdenden Zahne N einen kleinen Impuls zur Fortsetzung ihrer Schwingung; in III. hat die Unruhe ihre

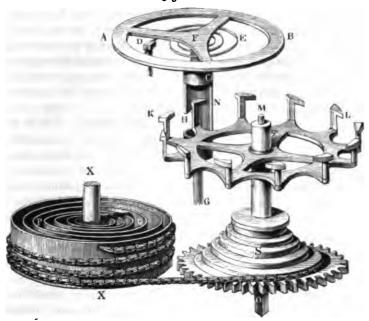


größte Clongation auf ber anderen Seite ihrer Bewegung erreicht und bringt babei bas Steigrab abermals jum Stillftand, und in IV. ist die Unruhe wieder in Ruckschwingung begriffen und nimmt hierbei noch einen kleinen Stoß von ber burchgehenden Zahnspige N bes Steigrades auf.

In Figur 339 ift noch das Treibwerk abgebilbet. Es ist hier PQ die sogenannte Trommel, welche die stählerne Triebseder P einschließt, deren eines Ende an dem innern Umfange und deren anderes Ende an der Umdrehungsare XX der Trommel festsist. Ferner ist S die spiralförmige Schnecke, welche wir hier auf der Welle des Steigrades siehend annehmen, jedoch dei den Uhrwerken in der Regel durch ein Raderwerk mit der Are des Steigrades in Verdindung gesett ist. Die Trommel und die Schnecke sind endlich noch durch eine Kette mit einander verdunden, welche sich von der Schnecke auf die Trommel wickelt, während die letztere durch die gesspannte Feder in Umdrehung gesett wird. Die Schnecke mit ihren Spiralswindungen ist deshalb nothig, weil die Spannkraft der Feder allmälig abnimmt, je mehr sich dieselbe von der Trommel abs und daher auf die Schnecke auswickelt. Nimmt dann hierdei der Radius der Spirale auf der letzteren in demselben Waße zu als die Spanns oder Umdrehungskraft der Triedsseder sich vermindert, so bleibt das Umdrehungsmoment ein constantes.

Die Umbrehungsgeschwindigkeit des Steigrades hangt übrigens nicht, oder nur sehr wenig von der Umtriebskraft deffelben ab, sondern ist bestimmt durch die Lange des Pendels oder der Feder in der Unruhe; je langer diese Fig. 339.

Colinder. hemmung.

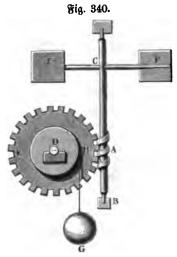


wesentlichen Theile eines Uhrwerkes gemacht werden, besto langsamer schwingen dieselben (vergl. I., §. 261 und Anhang §. 21*)) und besto langsamer geht also auch das Steigrad mit dem ganzen Uhrwerke. Die Umtriebstraft hat nur Einwirkung auf die Schwingungsamplitude, und insofern allerdings einen secundaren Einsluß auf die Schwingungsdauer (s. I., §. 262*); um denselben aber so viel wie möglich herabzuziehen, giebt man der Umtriebskraft den kleinsten Werth, macht sie also nur so groß als eben nothig ist, um eine Bewegung des Uhrwerks zu erhalten.

Anmerkung. Es giebt sehr verschiebene hemmungearten, namentlich unterscheibet man die zurudspringende, ruhende und freie hemmung von einander. Bir haben bier nur von den ruhenden hemmungen gesprochen, weil dieselben jest am gewöhnlichsten angewendet werden. Dieselben ruhren vorzüglich von Clement und Graham her. Bei der zurudspringenden hemmung verursachen die beiden Lappen oder Reile des Anters nicht bloß einen momentanen Stillstand, sondern auch ein fleines Zurüdschen des Steigrades. Die sogenannte freie hemmung macht die Schwingungen des Pendels oder der Unruhe von der Umtriebetraft ganz unabhängig und wird deshalb vorzüglich bei ben besten astronomischen Uhren angewendet.

Binbfang.

§. 164. Der Winbfang ober bas Flügelrad (franz. volant à ailettes; engl. fly) ist ein vorzügliches Mittel zur Erzeugung einer gleich, formigen Bewegung, er hat aber ben großen Mangel, baß er einen großen Theil ber Arbeitstraft ber Maschine zu seiner Bewegung in Anspruch nimmt. Man wendet ihn beshalb nicht gern zu einer ununterbrochenen Arbeitsverrichtung, sondern nur dann an, wenn es darauf antommt, auf turze Zeit eine möglichst gleichsörmige Bewegung herzustellen. Deshalb hat man ihn auch nur bei dem Schlag werte der Uhren, wo er die Umdrehungsbewegung des sogenannten Lauswertes derselben nur während des Schlagens des Schlägels auf die Glocke zu reguliren hat. Als Regulirungsmittel chronometrischer Apparate (s. I., Andang & 21*) Anmertung 3) leistet er indessen ebenfalls



fehr nubliche Dienfte. 3m Befent: lichen besteht ber Windfang in einer Belle BC, Fig. 340, mit zwei ebenen Slugeln F, F in ber Chene ber Umbrehungsare, alfo rechtwinkelig auf ber Umbrehungs= ebene ber Belle. Auf biefer Belle fist noch ein fleines Betriebe ober ein ftart ansteigenbes Schraubengewinde A, in welches ein größeres Bahnrab ADE eingreift, bas burch eine Feber ober ein Gewicht entweder unmittelbar, wie in ber Figur, ober mittelbar, namlich burch zwischengestelltes Raberwert, in Umbrehung gefest wird. Der Wiberftand, welchen bie Luft ben Rlugeln bei ihrer Umbrehung um BC entgegenfest, machft mit bem Quabrate ber Umbrehungeges fchwindigfeit und gelangt baber auch bei

einer gewissen Umbrehungsgeschwindigkeit des Windfanges mit dem Gewichte oder der Umtriebskraft ins Gleichgewicht, so daß von diesem Augenblicke an die anfangs beschleunigte Bewegung in eine gleichformige übergeht. Es sindet also bei diesem Regulirungsapparate ein ganz anderes Verhältniß statt als bei der Hemmung mit Steigrad, da hier die Geschwindigkeit von der Eriebkraft abhängt, wogegen sie bei der Hemmung am Steigrade nur von der Pendels oder Feberlange bestimmt wird. Deshalb ist auch die Bewegung dieses Apparates auf die Dauer nicht gleichformig, nimmt z. B. eine andere Geschwindigkeit an, wenn sich der Reibungszustand oder der Zusstand der den Apparat umgebenden atmosphärischen Luft ändert.

Ift F ber Inhalt ber Flügelflachen jusammengenommen, & ber Widers ftanbecoefficient ber Luft, ferner y bie Dichtigkeit ber Luft, g bie Befchleus

nigung ber Schwere und l bie Entfernung ber Flugelmitte von ber Um= Binbfang. brehungsare, fo haben wir bas Moment bes Widerstandes, welchen bie Luft bem Windfang entgegenseht:

$$Ql = \zeta \cdot \frac{v^2}{2g} F\gamma \cdot l = \zeta \frac{v^2}{2g} Fl\gamma$$
 (f. I., §. 432).

Ift P die bem Gewichte G entsprechende Umbrehungefraft des Bahnrabes nach Abzug der Reibung und anderer Rebenhinderniffe, und r der hebels arm diefer Kraft, also Pr das Moment berfelben, so haben wir die Gleichung

$$Ql = \zeta \cdot \frac{v^2}{2q} \ Fl\gamma = Pr,$$

und daher die Geschwindigkeit der Flügelmitte, $v=\sqrt{rac{2\,g\,Pr}{\xi\,\cdot\,Fl\,\gamma}}$.

Nimmt nun P um eine kleine Große $\triangle P$ zu ober ab, so erhalt biese Geschwindigkeit eine $\exists u = \text{ober } X \text{bnahme}$, welche durch die Formel

$$v \pm \triangle v = \sqrt{\frac{2g(P \pm \triangle P)r}{\xi \cdot Fl\gamma}},$$

oder einfacher, burch die Proportion $\frac{\triangle v}{v} = \frac{1}{2} \frac{\triangle P}{P}$ bestimmt ift.

Wenn also während der Bewegung des Windfanges die Kraft innerhalb der engen Grenzen $P\left(1-\frac{\triangle P}{P}\right)$ und $P\left(1+\frac{P}{P}\right)$ schwankt, so verändert sich die Geschwindigkeit nur innerhalb der Grenzen

$$v\left(1-rac{\triangle v}{v}
ight)=v\left(1-rac{1}{2}rac{\triangle P}{P}
ight)$$
 und $v\left(1+rac{\triangle v}{v}
ight)=v\left(1+rac{1}{2}rac{\triangle P}{P}
ight)$.

Was ben Coefficient ζ anlangt, so ift berselbe nicht gang constant, sondern für eine kleine rectanguläre Fläche $\zeta=1,254\left(1+\frac{1,295VF}{l}\right)$ zu seben.

Beispiel. Durch welches Gewicht wird ber in Figur 340 abgeblibete Apparat mit 30 Fuß Geschwindigkeit umgetrieben, wenn dasselbe an einem Gebelsarme DH=a=4 Boll wirkt, während der mittlere Flügelhalbmeffer CF, l=8 Boll, die Seitenlänge der beiben quadratischen Flügel 4 Boll beträgt und das Bahnrad AE, n=30 Bähne, die Schraube A aber m=2 Gewinde hat? Rehmen wir an, daß der Apparat durch die Reibung 35 Procent der Kraft verliere, so können wir das Kraftmoment dieses Gewichtes in Hinsicht auf die Flügelwelle sehen (s. III., §. 148):

$$Pr = (1 - 0.35) \cdot \frac{mGa}{n} = 0.65 \cdot \frac{2 \cdot 4G}{30} = 0.1733G,$$

ferner haben wir die Flügelfläche $F=2\cdot 4^2=32$ Quadratzoll, und das Gewicht eines Cubikzolls Luft, $\gamma=\frac{66}{800\cdot 1728}=\frac{0,0825}{1728}$ Pfund; führen

Teinefarg wir nun noch l = 8, 2 g = 2 . 12 . 31,25 = 24 . 31,25 Rell. $v^2 = (12 \cdot 30)^2 = 144 \cdot 900$ und $\zeta = 1,254 (1 + 1,295 \cdot \frac{4}{8}) = 2,066 \text{ ein,}$

fo erhalten wir bie Gleichung

0,1733
$$G=\zeta\cdot \frac{v^2}{2g}\,F\,l\gamma=2,066\cdot \frac{144\cdot 900\cdot 32\cdot 8\cdot 0,0825}{24\cdot 31,25\cdot 1728}=\frac{2,066\cdot 66}{31,25},$$
 und baber bas gesuchte Gewicht $G=\frac{2,066\cdot 66}{0,1733\cdot 31,25}=25,18$ Pfund.

Die mittlere Umbrehungszahl bes Flügelrabes pro Minute ift

$$u = \frac{30 \cdot v}{\pi l} = 9,549 \cdot \frac{v}{l} = 9,549 \cdot \frac{12 \cdot 30}{8} = 429,7.$$

Sollten bie Rebenhinderniffe innerhalb 10 Brocent bes Bewichtes G fcmanten, ober follte P balb 0,40, balb 0,30 Brocent bes Bewichtes beanspruchen, mare alfo auch bas Umbrehungemoment balb 3/65 = 1/18 fleiner, balb ebenfoviel groher ale bas mittlere Moment Pr=0.1733~G, fo wurde bie Umbrehungezahl u nie mehr ale um 1/26 größer ober fleiner, alfo hochftene auf

429,7 (1 + 1/26) = 429,7 + 16,5 = 446,2 steigen,

ober auf 429,7 (1 - 1/26) = 429,7 - 16,5 = 413,2 finfen fonnen. Diefes Reguliren ber Bewegung ift allerbinge, ba bas Gewicht G mit ber Beschwindigkeit $w=\frac{m}{n}\cdot \frac{a}{l}$ $v=\frac{9}{80}$. $\frac{4}{8}$ 30=1 Huß finft, mit einem

Arbeitsaufmande von $L=Gw=25,18\cdot 1=25,18$ Fußpfund pro Secunde verbunben.

Bremfe.

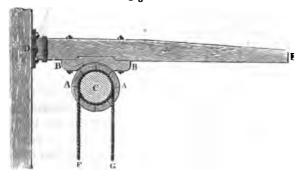
Die in ber praktischen Mechanik am haufigsten angewendeten Moderatoren einer Rraft find die Bremfe (frang. freins; engl. breaks), worunter man alle biejenigen Dechanismen verfteht, welche bie Bewegung einer Maschine burch ben Reibungswiderstand magigen ober nach Befinden gang Da burch die Reibung nur die Bewegung geschwächt, nie aber beschleunigt ober erzeugt wird, so ift mit ber Unwendung eines Bremfes ftets eine Krafttobtung ober Arbeitsvernichtung verbunden und es gehört aus biefem Grunde ein Brems nicht zu den willkommenen hilfsapparaten einer Maschine. Man soll sich baber auch ber Bremse nur in allen ben Källen gur Regulirung ber Bewegung einer Maschine bebienen, wenn andere Regulirungemittel und zumal folche, welche burch bewegende Rrafte, g. B. burch Gewichte, Febern ober trage Maffen wirten, nicht ausreichen ober überhaupt teine Anwendung gestatten. Da die Reibung proportional mit bem Drude eines ruhenben Rorpers gegen bie bewegten Rorper machft und abnimmt, fo kommt es bei den Bremfen nur barauf an, einen festen Korper gegen ben in feiner Bewegung zu regulirenben Maschinentheil mit einer gemiffen Rraft ju bruden. In der Regel besteht ber ju regulirende Dafchinentheil in einer rotirenben Welle, Trommel ober einem Rade, und hat man es mit einem Bagen zu thun, fo dient hierzu gleich ein Paar Raber, worauf biefer fortrollt. Im letteren Kalle fann naturlich bie fortichreitende Bemequng bes Bagens burch ben Brems nur inbirect, b. f. nur baburch mobes rirt werben, bag bie rollende Bewegung ber Raber in eine gang ober theils Bremte weise gleitenbe Bewegung verwandelt wirb. Rommen bie Raber gang gum Stillftand, fo verwandelt fich die unbedeutende rollende Reibung in die gleitende Reibung, beren Ueberwindung meift ichon eine fehr große Rraft erforbert. Uebrigens tann bas Umbreben ber Bagenraber auch burch fogenannte hemmketten und hemmichube (frang. enrayures, sabots; engl. triggers) verhindert werden.

Dem Borftehenden ju Folge befteht jeber Bremsapparat aus zwei Saupttheilen, aus bem rotirenden Bremerade und aus bem auf biefes aufzubrudenben Rorper, bem Bremfe im engeren Ginne bes Bortes. ber Geftalt und Beschaffenheit bes letteren Theiles laffen sich nun folgende Bremsapparate von einander unterscheiden:

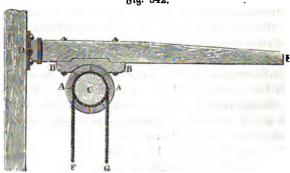
- 1) bie Baden = ober Lafchenbremfe.
- 2) bie Glieber : ober Rettenbremfe,
- 3) bie Geil =, Draht =, Band = und Gurtbremfe,
- 4) bie Ercentrifbremfe.
- 5) bie Regelbremfe.

Der Baden: ober gafchenbrems besteht aus einem ober zwei Bolg: ober Gifenftuden, ben fogenannten Bremebaden, welche mit großer Rraft gegen ben Umfang einer Belle ober eines auf ihr figenden Rabes, bes fogenannten Bremerabes, gebrudt merben. Der Glieber: ober Retten: brems ift eine Rette ober ein geglieberter Gurt, welcher um bas Brems. rab herumgeschlungen und burch ein Gewicht ober eine andere Rraft gefpannt wirb. Bei bem Geil:, Draht:, Band: ober Gurtbrems ift es ein um bas zu bremfende Rab gewundener biegfamer Rorper, g. B. ein Seil, Draht, Band u. f. m., welcher bie Umbrehung biefes Rades moberirt ober aufhebt. Der Ercentritbrems besteht aus einem Ercentrit und ber Regelbrems aus einem hohlen Regel, welcher in ober uber bas ebenfalls conifch geformte Bremerad gefchoben wird.

6. 166. Ein einfacher, jeboch nur einseitig wirtenber Badenbrems Fig. 341.

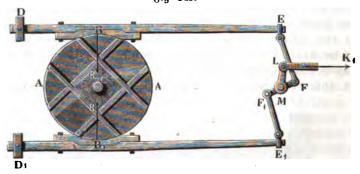


für eine liegende Welle ift in Fig. 342 abgebilbet. AA ift das aus Dauben zusammengesette Bremsrad, BB der bogenformig ausgenommene Fig. 342.



Bremsbaden und DE der sogenannte Bremsbrudel, welcher in D seinen Stützunkt hat und in E niedergedruckt wird, wenn es darauf ankommt, das Niedersinken des an einem der beiden Seilenden F und G hängenden Gewichtes zu reguliren.

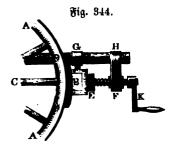
Um durch bas Bremsen ober Aufdruden bes Bremsbadens auf das Bremsrad die Welle und ihre Zapfen nicht zu verlegen, wendet man lieber doppelte Bremsbaden an, welche an entgegengesetzen Seiten auf dieses Rad bruden. Ein solches Rad ist in Fig. 343 abgebildet. Es ist auch hier AA Fig. 348.



bas um C brehbare Bremsrad, und es find B, B_1 die auf ben um D und D_1 brehbaren Bremsdruckeln DE und D_1 E_1 festsissenden Bremsbacken. Um die Kraft, mit welcher die Bremsbacken auf das Rad drucken, noch zu verstärken, kann man noch ein aus einem doppelarmigen Hebel FMF_1 besstehendes Borgelege anwenden. Die Bremsdruckel DE und D_1 E_1 sind dann

durch Zugstangen EF und E_1F_1 an die Arme MF und MF_1 dieses Hebels angeschlossen, und dieser wird mittels eines Armes ML von der Kraft K ergriffen.

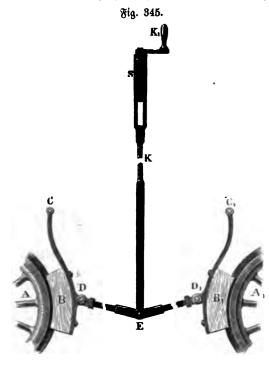
Bu ben Badenbremfen gehoren auch noch bie fogenannten Schleif=



geuge ber Rabfuhrwerke. Ein folches Schleifzeug ist in Figur 344 abgebils bet. ACA ist ein Theil bes Rabes, Bein quer über beibe Raber weggehender Bremsbaum mit ben eifernen Bremsbacken DD, und EF eine Schraube, welche mittels einer Kurbel K nach ber einen oder nach der anderen Richtung umgedreht wird, wenn es darauf anskommt, die Bremsbacken entweder auf

bas Rab aufzubruden ober von bemfelben abzuziehen. Bu biefem 3wede ift ber Bremsbaum in G verschiebbar und bagegen bie Schraube in H unverrudbar an bem Wagengestelle aufgehangen.

Ein anderes Schleifwerk fur einen Gifenbahnwagen ift in Fig. 345 ab-

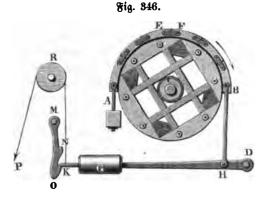


aebilbet. Es find hier A und A, bie Bagenraber, B und B, die Bremsbaden und CD, C_1D_1 Stangen, womit diese in C und C1 am Bagen bangen. Das Aufbruden ber Bremsbaden auf bie Wagenraber erfolgt durch eine Kurbel K_1 in Berbindung mit einer Schraube S und bem Aniehebels mechanismus CDEund $C_1 D_1 E$. Durch Umbrehung ber Schraube S mittels ber Rurbel nach ber einen ober anberen Richtung fann bie

Bugstange EK, und

mit ihr also auch der Aufhängepunkt E aufgezogen oder niedergelassen werden, womit natürlich entweder ein Aufdrücken oder ein Abziehen der Backen B und B_1 von den Rädern A und A_1 verbunden ist.

§. 167. Einen aus holzernen Gliedern ober Ringftuden zusammenge-



festen Gliederbrems, wie er vorzüglich bei Windmühlen zur Answendung kommt, zeigt Figur 346. Se ift hier ACB das auf der Flügelwelle C (f. II., h. 248) aufsigende Bremstad und AEFB der diese Rad umgürtende Brems oder Prefring. Die Berbindung der Glieder unter einander wird durch eiferne Las

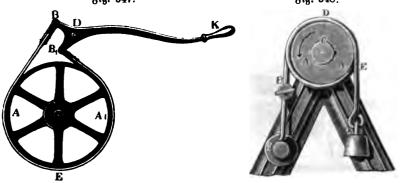
schen wie EF und eiserne Bolzen E und F, welche lettere durch die Glieberenden hindurchzehen, bewirkt. Das eine Ende A dieses Gurtes ist an dem Gebälke des Gebäudes befestigt, und das andere Ende B mittels einer eisernen Zugschiene BH an einem um D drehbaren Hebel KD angeschlossen. Dieser Hebel ruht für gewöhnlich mit seinem Ende K auf einem Zahn O einer um M drehbaren Klinke, und halt dabei den Bremskranz in einem Abstande von ungesähr $^{1}/_{4}$ bis $^{1}/_{2}$ Zoll frei über dem Bremskrade; soll aber gebremst, d. i. die Belle C in Ruhe oder in eine langsamere Bewegung versetzt werden, so zieht man mit einem Rucke am Ende P einer über einer Leitrolle R liegenden und am Hebelende K besestigten Schnur. Hierbei trifft das Ende K an einen zweiten Zahn N der Klinke, und theilt dadurch der letzteren einen Schwung nach außen mit; läßt man daher in diesem Momente mit dem Zuge nach, so fällt der Hebel KD ungehindert herab und drückt, zumal mit Hilse bes an ihm besessigten Sewichtes G, den Bremskranz sest auf das Bremskrad auf.

Ein einfacher Band= ober Gurtbrems ist in Fig. 347 abgebildet; ACA_1 ist das Bremsrad, $BAEA_1$ B_1 das eiserne Blechband. Die Ensten B und B_1 des letteren sind an einem Hebel DK angeschlossen, und es ist hieraus leicht zu ersehen, wie durch Niederdrucken des Hebelendes K das Band gespannt wird.

Einen Drahtbrems fur einen Krahn führt Fig. 348 vor Augen. Es ift auf ber zu bremfenben Belle C eine metallene Scheibe ober Trommel

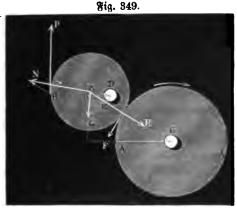
Brem

AA aufgebolzt, um welche sich ber etwa 1/4 Boll bide Draht BDE mehr: wremfe. mals umwidelt. Das eine Ende biefer Welle ist mittels bes Gelenkstudes Big. 347. Fig. 348.



FB bei F an das Krahngestell angebolzt, und das andere Ende besselben ist durch ein kleines Gewicht G von ein paar Pfunden gespannt. Dreht sich die Welle in der Richtung des Pfeiles, so hat sie eine kleine, nur dem Gewichte G entsprechende Reibung am Umfange der Trommel zu überwinden; wird aber die Welle in umgekehrter Richtung umgedreht, so wis dersteht eine viel größere, nach I., §. 176, zu beurtheilende Kraft. Wenn also auch die Umdrehungskraft der Welle zu wirken aushört, so wird die vielleicht noch freihängende kast des Krahnes oder Haspels durch diesen großen Reibungswiderstand an dem Herabsinken verhindert werden.

Ginen Ercentritbrems fieht man in Fig. 349 abgebilbet; es ift

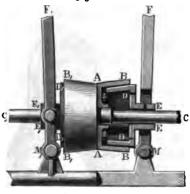


ACA bas um C laufende Bremsrad und BD bas um D brehbare Excentrik, bas burch ein Gewicht G nach unten gezogen wird und mittels einer Schnur BP aufgezogen werden kann. Soll bas Rad ACA in feiner Umdrehung aufgehalten werden, so läßt man die Schnur BP loder und es klemmt sich nun bas Excentrik zwischen den sesten C und D.

Sehr gewöhnlich wendet man ftatt bes Bollfreises BD einen Sebel mit Rreissectoren an.

Bremie.

In Fig. 350 ift noch ein Regelbrems abgebilbet. Auf ber sich um Big. 350. ihre Are umbrehenden Welle CC,



ihre Are umbrehenden Welle CC, sist ein doppelter Kegel AABB— $AABB_1$, wovon der eine im Durchsschnitt und der andere von außen zu sehen ist. Zwei andere Kegel DD und D_1D_1 im Innern dieser Kegel sisten mittels Musse EE und E_1E_1 auf der Welle CC_1 und lassen sich cauf dieser mit Hilse zweier um M und M_1 drehbarer Hebel FM und F_1M_1 verschieden. Diese Hebel sind so mit einander verbunden, daß sie sich gleichzeitig entweder nach innen oder nach außen bewegen lassen.

Im ersteren Falle schieben sie die conischen Raber DD und D_1D_1 in die hohlen Regel AB und AB_1 , so daß zwischen den Außenstächen des einen und den Innenstächen des anderen Regelpaares eine Reibung entsteht, wodurch die Umdrehung der Welle CC_1 entweder gemäßigt oder ganz aufges hoben werden kann. Im zweiten Falle treten hingegen die Regel AB, A_1B_1 aus den Regeln DD und D_1D_1 heraus und es kann dann BAB_1 mit CC_1 ungehindert umlausen.

Anmendung ber Bremfe.

6. 168. Es ift von einem zwedmäßigen Brems zu verlangen, bag er ohne großen Kraftaufwand und ohne nachtheilige Wirkungen auf bie Da= schine die Bewegung ber letteren schnell und ficher hemme ober nach Befinden gar aufhebe. Da ber Reibungswiberftand, burch welchen bie Da= fchine gehemmt ober in Rube verfett wird, nicht allein von bem Drucke, fondern auch von bem Reibungscoefficienten abhangt, fo tommt es nicht allein barauf an, einen großen Drud auf bas Bremerab auszuuben, fonbern es ift auch barauf zu feben, bag bie Reibungeflachen mehr rauh als glatt find. Aus bem letteren Grunde lagt man nicht gern Gifen auf Gifen, fonbern lieber Holz auf Holz ober wenigstens Holz auf Gifen sich reiben, und macht beshalb gern die Bremsbacken ober ben Bremsgurt aus Solz (f. I., Der Druck ift ber auszuubenben Bremefraft proportional und laft fich burch Bertheilung ber letteren fowie burch Singufugung von Bebeln beliebig vergrößern (f. Sig. 346 und Rig. 343). Diefer Bergrößerung ber Bremefraft ift aber wieber burch ben vorgeschriebenen Beg ber letteren eine Grenze gefest. Je mehr die Brems = ober Bugfraft burch Bebel u. f. m. vergrößert auf ben Brems übertragen wirb, befto fleiner fallt naturlich auch der Weg des letteren aus. Nun muß aber biefer Weg ober Abstand bes Bremfes vom Bremerabe eine gewiffe Grofe haben, bamit bas Bremerab, unmenbung felbft wenn es nicht gang rund ginge, beim gewohnlichen Gange nicht am Brems ichleift; es ift folglich umgetehrt, von ber Bugfraft mahrend bes Bremfens ein mit biefem Abstande und mit dem Umfepungeverhaltnig biefer Rraft proportional machfenber Beg gurudgulegen. Diefer Beg barf jeboch, ber Armlange bes Menschen entsprechend, nur eine gemiffe Große haben, und folglich tann auch bas Umfetungeverhaltnig ober bie Bergros Berung ber Bremetraft eine gewiffe Grenze nicht überschreiten.

Damit ber Druck bes Bremfes auf die Welle bes Bremerabes nicht nachtheilia wirke, ift es nothig, ben Brems auf bie entgegengefetten Seiten bes Bremsrades ober rundherum auf biefes Rab zu vertheilen. Aus biefem Grunde find a. B. bie Bremfe in Figur 347, 348 und 350 benen in Rigur 342, 344, 345 u. f. m. vorzugieben.

Um überhaupt ben Arbeitsaufwand, alfo bas Product aus Rraft und Beg bes Bremfens, moglichft herabzugieben, ift es rathfam, an benjenigen Stellen zu bremfen, wo die Dafchine am fchnellften geht und eben beshalb die fleinfte Umbrehungefraft hat. Man bremft daher bei einer Mafchine Diejenige Belle, welche bie meiften Umbrehungen macht, und zwar nicht unmittelbar, fonbern mittels eines bie Umbrehungsgeschwindigkeit vergro-Bernden und folglich bie Umbrehungefraft vermindernden Bremerades.

Befist bie burch ben Breme ju hemmenbe Dafchine eine große und schnell umlaufende Maffe, fo ift es zwedmäßig, die Maschine an einer biefer Maffe fehr nahen Stelle gu bremfen, um bie Birfungen ber Reaction, welche bie trage Daffe bei ihrer verzogerten Bewegung ausubt, fur bie Mafchine fo unschadlich wie moglich zu machen. Deshalb bremft man tenn auch Wafferraber und Schwungraber gern unmittelbar an ihrem Umfange ober menigstens an mit biefen Rabern fest verbundenen Bremerabern. Sat man es nicht blog mit ber Aufhebung ber lebenbigen Rraft, fonbern auch mit ber Bernichtung ber Umtriebetraft einer Dafchene gu thun, fo ift es auf ber anderen Seite auch munichenswerth, bag bas Bremfen fo viel wie moglich in ber Rabe bes Ungriffspunktes ber Umbrehungefraft erfolge.

§. 169. Es ift nun im Folgenden die Theorie bes Bremfes als eines Theorie ben Gang einer Maschine moberirenben ober sifftirenden Silfsapparates, ju entwideln. Denten wir uns die gange Maffe ber Mafchine auf ben Umfang bes Bremerades reducirt, bezeichnen wir diefelbe mit M, und nehmen wir ebenso an, daß bie bewegende Rraft ober Ueberwucht P ber Daschine, fo wie der vom Breme erzeugte Biberftand F an dem Bremerabumfang wirte. Es ift bann bie Acceleration bes Rabumfanges vor bem Bremfen:

theorte, und dagegen die Retardation des Radumfanges mahrend des Bremfens:

$$p_1 = \frac{F - P}{M}$$
 (f. I., §. 65).

Bit nun die Beit fur den erften Bewegungezustand = t und die bes zweiten $= t_1$, so hat man den Zuwachs an Geschwindigkeit im ersten Falle:

$$v=pt=\frac{P}{M}t,$$

und die Verminderung der Gefchwindigfeit im zweiten Falle :

$$v_1 = \frac{F - P}{M} t_1$$
 (f. I., §. 9).

Hat der Nadumfang anfangs die Geschwindigkeit c, und handelt es sich bloß darum, diese Geschwindigkeit troß der Ueberwucht zu behalten, so muß $v_1=0$, also F=P, d. i. der durch das Bremsen hervorzubringende Bisberstand der Ueberwucht P gleich sein. Soll hingegen die Bewegung des Rades in einer gegebenen Zeit t_1 aufgehoben, also die Maschine zum Stillsstande gebracht werden, so hat man

$$c-r_1=0$$
, b. i. $v_1=c$ oder $\left(\frac{F-P}{M}\right)t_1=c$

Bu fegen, und es folgt nun ber erforderliche Bremswiderstand :

$$F = P + \frac{Mc}{t_1}$$

Ist hingegen die Geschwindigkeit des Rades c+v in der Zeit t_1 auf die Größe c zurudzuführen, so hat man

 $c+v-v_1=c,$ b. i. $v_1=v$ oder $\Big(rac{F-P}{M}\Big)t_1=v,$ also den entsprechenden Bremswiderstand

$$F = P + \frac{Mv}{t_1}$$

Ware der durch das Bremsen wegzunehmende Geschwindigkeitsüberschuß v aus der mahrend der Zeit wirkenden Ueberwucht P erwachsen, so wurde $v=\frac{P}{M}t$ und daher

$$F = P + \frac{t}{t_1} P = \left(\frac{t + t_1}{t_1}\right) P$$
 zu sehen sein.

Giebt man statt der Zeiten t und t_1 die entsprechenden Wege des Bremszadumfanges, setzt man also den der Ueberwucht P und der Zeit t entsprechenden Weg = s und dagegen den der verzögernden Kraft F - P und der Zeit t_1 entsprechenden Weg $= s_1$, so hat man für den Fall, daß durch das Bremsen die Geschwindigkeit c + v auf c zurückgebracht werden sou, die Arbeit $\frac{M}{2} \left[(c + v)^2 - c^2 \right] = (F - P) s_1$ (s. I., §. 71),

Theorie Der Bremfe.

und es ist daher
$$F=P+rac{M}{2\,s_1}\,[(c\,+\,v)^2\,-\,c^2]$$
, oder da
$$rac{M}{2}\,[(c\,+\,v)^2\,-\,c^2] \,\, ext{auch}\,=Ps\,\, ext{gesets werden fann,}$$
 $(F-P)\,s_1=Ps$, d. i. $F=\left(rac{s\,+\,s_1}{s_1}
ight)P$.

Uebrigens laffen sich auch die Wege s und s1 burch die Formein

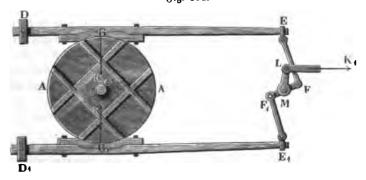
$$s = \left(s + \frac{v}{2}\right)t$$
 und $s_1 = \left(c + \frac{v}{2}\right)t_1$ (f. I., §. 13)

beftimmen.

Beispiel. Ein Basserrab hat eine Umfangsgeschwindigkeit c von 10 Fuß, eine träge Masse M von $\frac{20000}{g}=0{,}032\cdot20000=640$ Pfund und eine Ueberwucht P von 200 Pfund, beibe auf den Radumfang reducirt, welchen Biberstand F muß man an dem Radumfang andringen, um dieses Rad im Lause von t=8 Secunden in den Stillstand zu versehen? Es ist dieser Widerstand nach dem Obigen $F=P+\frac{Mc}{t}=200+\frac{640\cdot10}{8}=200+800=1000$ Pfund, und es ist der Weg des Radumsanges in der Zeit von 8 Secunden, innerhalb welcher das Rad zur Ruhe übergeht, $s=\frac{vt}{2}=\frac{10\cdot8}{2}=40$ Fuß.

§. 170. Um von ben im vorigen Paragraphen gefundenen Formeln Gebrauch machen zu können, ist es noch nothig, fur die verschiedenen Brems-methoden die Abhängigkeit des Reibungswiderstandes F von der Jug- oder Druckkraft K des Maschinenwarters zu kennen.

Haben wir es mit einem Backenbrems, wie z. B. Fig. 351, zu thun, so ift ber Reibungswiberstand F einfach $= \varphi R$, wo φ ben Reibungscoeffizig. 351.



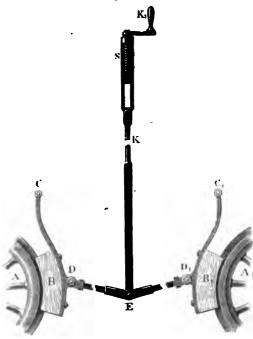
cienten und R ben Drud ber Bremsbaden auf das Bremsrad bezeichnet, zu feben. Ift nun a der Hebelarm DE ber Kraft K und b der Hebels

Ebertle, arm DB bes Drudes, fo hat man aK=bR, und baber

$$F = \varphi R = \varphi \frac{a}{b} K.$$

Ist noch ein Borgelegshebel angebracht, und wirkt bei demselben die Kraft K_1 am Hebelarme $ML=a_1$, und die Schwengelkraft K am Hebelarme $MF=b_1$, so hat man $a_1K_1=b_1K=b_1$. R, und daher die Reibung

1)
$$F = \varphi R = \varphi \frac{a}{b} \cdot \frac{a_1}{b_1} K_1$$
.
Sig. 352.



Die Verdoppelung ber Bremsbaden u. Hebel andert biese Kormel nicht; es ist bann R bie Summe ber Drucke und also auch F die Summe ber Reibungen an beiden Seiten.

Bei dem Wagensbrems, Kig. 352, mit Kniehebel und Schraube ift das Berhältniß zwischen Kraft K1 und Druck R ober Reibung F wie folgt zu beurstheilen. Weichen die Druckstangenaren DE und D1E1 um einen Winkel DEK = D1EK = \beta von der Zugstangenare

KE ab, fo ift ber Druck R, mit welchem jebe Stange den Bremsbacken auswarts schiebt, burch bie bekannte Formel

$$R = \frac{K}{2\cos\beta} \text{ (f. I., §. 75) bestimmt.}$$

Geht die Richtung der Stange DE durch die Radare, so ist & zugleich der Normalbrud auf den Radumfang, und daher der Reibungswiderstand an beiden Radern zusammen

$$F = 2 \, \varphi \, R = \frac{\varphi \, K}{\cos \beta} \, \cdot$$

Es wirft ber Aniehebel genau wie ein Reil, und es ift leicht einzusehen, aberite baf fich burch ihn ein fehr großer Druck und alfo auch eine fehr große Reis bung erzeugen lagt, wenn man ben Reigungswinkel cos. & febr klein, alfo B nabe 900 macht

Birft bie Bremsfraft K, an einem Bebelarme a, ift bie mittlere Dide ber Schraube $S_i = d_i$ bas Ansteigen ber Schraube $= \alpha$ und ber Reis bungemintel = o, fo haben wir nach III., §. 142, die Rraft

$$K_1 = \frac{d}{2a} K tang. (\alpha + \varrho)$$

und daher ben Reibungswiderstand

2)
$$F = \frac{\varphi K}{\cos \beta} = \varphi \cdot \frac{2a}{d} K_1 \frac{cotang (\alpha + \varrho)}{\cos \beta}$$
.

Berbinden wir nun die eine ober die andere der Kormeln unter 1) und 2) mit einer ber Formeln

$$F = P + \frac{Mv}{t}$$
, $F = P + \frac{M}{2s_1}[(c+v)^2 - c^2]$ u. f. w.,

fo erhalten wir bie gefuchte Regel gur Berechnung ber Saupthimenfionen bes gemiffen Forberungen entsprechenben Bremfes.

Beifpiel. Gin Dampfmagenzug von ber Daffe

$$M = \frac{100000}{g} = 0.032$$
 . $100000 = 3200$ Bfund

bewegt fich mit ber Geschwindigkeit c + v = 30 Fuß vorwarts, und es soll biefe Gefdwindigfeit wegen Ueberfchreitung einer noch 250 guß entfernten Brude burch Bremfen auf 12 Fuß jurudgeführt werben; mit welcher Kraft hat man zu biefem 3mede bie Bagenbremfen zu ziehen, wenn bie hauptverhaltniffe

berfelben folgende find: $\varphi=0.4, \frac{2a}{d}=15, \quad \alpha+\varrho=12^0, \quad \beta=72^{1/2}$?

Bir haben gu fegen :

$$\tau \cdot \frac{2a}{d} \cdot K_1 \frac{\cot ang. (\alpha + \varrho)}{\cos \beta} = \frac{M}{2s_1} [(c+v)^2 - c^2], \quad \text{b. i.}$$

$$0.4 \cdot 15 \cdot \frac{\cot ang. 12^0}{\cos 72!_2^0} \cdot K_1 = \frac{3200}{500} (30^2 - 12^2),$$

weshalb bie gefuchte Rraft an ber Bremsfurbel

$$K_1 = \frac{32 (900 - 144) \cos .72 \frac{1}{2}^{0} \tan g. 12^{0}}{0.4 \cdot .15 \cdot .5} = \frac{32 \cdot .756}{30} \cos .72 \frac{1}{2}^{0} \tan g. 12^{0}$$

= 806,4 · 0,8007 · 0,2126 = 51,55 % funb folgt.

Wenn man alfo zwei Bremfe anwenbet, fo ift jebe Bremefurbel mit 25,78 Bfunb Rraft angubruden. Die Beit bes Bremfes ift, ba hierbei ber Beg s, = 250 guß mit ber mittleren Geschwindigfeit $c_1 = \frac{30+12}{2} = 21$ Fuß zurudgelegt wirb,

$$t_1 = \frac{s_1}{c_1} = \frac{250}{21} = 11,9$$
 Secunden.

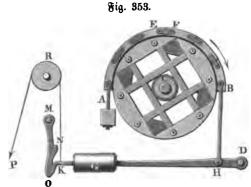
Das hierbei verrichtete Arbeitevermogen beträgt

$$\frac{M}{2} \left[(c+v)^2 - c^2 \right] = 1600 \cdot 756 = 1209600$$
 Fußpfund.

Theorie ber Bremfe.

Bei biefer Berechnung ift vorausgeset worben, daß die Ueberwucht Rull sei. Wird wahrend bes Bremfens ber Dampf abgesperrt, so hat man natürlich einen negativen Werth fur P einzusehen und es fallt K, noch kleiner aus.

§. 171. Fur bie übrigen Bremfe, welche wir oben (§. 167) tennen gelernt haben, berechnet fich bie Bremetraft wie folgt.



Bei dem Glieders brems in Fig. 353 ist die Reibung wiedie einer Kette nach I., §. 175, zu berechnen. Ist β die Länge des durch den Bremstranz bedeckten Bogens AFB, auf den Halbmeffer 1 reducirt, und n die Anzahl der Glieder, also der Bogen eines Gliedes: $\alpha = \frac{\beta}{n}$;

ist ferner die Rraft, mit welcher das Ende B des Bremetranzes gespannt wird, =Q, so hat man die gesuchte Reibung

$$F = \left[\left(1 + 2 \varphi \sin \frac{\beta}{2n} \right)^n - 1 \right] Q,$$

und wirkt die Spannkraft Q an einem Hebelarme DH=b, während das Gewicht G am Hebelarme DG=a nieberzieht, so hat man bei freihans gendem Hebel, $Q=\frac{a}{b}G$, und daher

$$F = \left[\left(1 + 2 \varphi \sin \frac{\beta}{2n} \right)^n - 1 \right] \cdot \frac{a}{b} G.$$

Sat man es mit einem Drahts ober Bandbrems zu thun, so ift $n=\infty$ und baher nach I., §. 176 bie Reibung

$$F = (e^{\varphi\beta} - 1)O$$
 gu feben.

Diese Formel findet ihre unmittelbare Anwendung bei dem Drahtbrems in Fig. 354, wo allerdings β mehreren Umwindungen entspricht, also mehre mals, 3. B. 5mal 2π , zu sehen ist.

Bei bem Banbbremfe in Fig. 355 ist zwar ebenfalls $F = (e^{\varphi\beta} - 1)Q$,

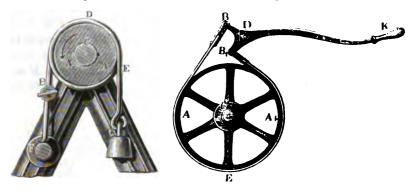
es sind aber hier die beiben Bandenben mit den Kraften Q und $e^{g} \beta Q$ zu spannen, und es ist daher die erforderliche Kraft am Hebelende, wenn der Hebelarm DK derselben durch a und die Hebelarme $DB = DB_1$ der

Spannfrafte burch b bezeichnet werben :

$$K = \frac{b}{a} (Q + e^{q \beta} Q) = (e^{q \beta} + 1) \frac{b}{a} Q$$

Fig. 354.

Rig. 355.

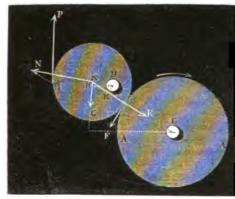


und umgefehrt bie Reibung

$$F = \left(\frac{e^{\varphi \beta} - 1}{e^{\varphi \beta} + 1}\right) \cdot \frac{a}{b} K.$$

Bei dem Ercentrithrems, Fig. 356, ift die Reibung abnlich wie die am





Badenbrems zu berechnen. Ist in Beziehung auf die Umbrehungsare D des Erzentriks der Hebelarm des Gewichtes $G\colon DH=a$ und der Hebelarm des Druckes R, d. i. der Abstand der Are D von der Centrallinie CK, DE=b, so haben wir

$$R = \frac{a}{b}G$$

und daher die Reibung

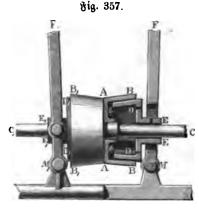
$$F = \varphi R = \varphi \frac{\dot{a}}{b} G.$$

Was endlich noch ben Regelbrems, Fig. 357 (auf folgb. Seite), an- langt, so hat man hier ben die Reibung F erzeugenden Normalbruck R wie beim conischen Zapsen (I., §. 172) ober wie beim Keil (I., §. 163) aus dem halben Convergenzwinkel α der kegelsormigen Reibungsstächen und aus der Kraft Q, mit welcher die inneren Regel DP und D_1D_1 in ihrer Arcn-

Theest, bet

Ebeorie ber Breinfe.

richtung CC_1 gegen die außeren gebrückt werden, nach der Formel $R=\frac{Q}{\sin{\alpha}}$, oder genauer $R=\frac{Q}{\sin{\alpha}+\varphi\cos{\alpha}}=\frac{Q\cos{\varrho}}{\sin{(\alpha+\varrho)}}$ zu berechnen.



Ist nun noch a ber Hebelarm ber an den Schwengeln FM, F_1M_1 wirkenden Bremskraft K, und b der Hebelarm der Arenkraft Q, d. i. der Abstand der Drehungspunkte M und M_1 von der Wellenare CC, so haben wir

$$Q = \frac{a}{b} K$$
,
und daher die Reibung
 $F = \varphi R = \varphi \frac{Q \cos \varrho}{\sin (\alpha + \varrho)}$
 $= \frac{a K \sin \varrho}{b \sin (\alpha + \varrho)}$,

ba
$$\varphi = tang. \varrho = \frac{sin. \varrho}{cos. \varrho}$$
 iff (f. I., §. 159).

Werben die Schwengel MF und M_1F_1 nicht unmittelbar von K, sons bern mittels eines Borgelegshebels von einer Kraft K_1 angezogen, so ist, wenn a_1 und b_1 die Arme dieses Hebels bezeichnen, wie beim Backensbrems in Fig. 351:

$$K = \frac{a_1}{b_1} K_1$$
 und baher
$$F = \frac{a \, a_1 K_1 \sin \varrho}{b \, b_1 \sin \varrho + \varrho}$$

Um die Wirksamkeit der Bremse vollständig zu beurtheilen, find naturs lich auch diese Formeln fur F mit benen bes §. 169 zu verbinden.

 Brems ausruften, bamit man burch benfelben im Rothfalle ber gangen Binbfruft bas Gleichgewicht halten tonne, wenn 3.B. burch einen Brud bie Arbeitsmafdine ber Bremfe. gufällig außer Bang gefommen mare? Bir haben hier bie Rraft Pber Reibung $F = \left[\left(1 + 2\,arphi\,sin.rac{eta}{2\,n}
ight)^n - 1
ight]rac{a}{b}$ G gleich zu sehen. Mehmen wir nun hierin $\varphi=0.4$, n=6, $\beta=180^{\circ}$, also $\frac{\beta}{2n}=15^{\circ}$, und bas hebelarmverhåltnig $\frac{a}{b} = 6$ an, so haben wir

 $F = [(1 + 0.8 \sin . 15^{\circ})^{6} - 1] \cdot 6G = 12.55G$ und baber bas gefuchte Bewicht

$$G = \frac{527,04}{12.55} = 42$$
 Pfund.

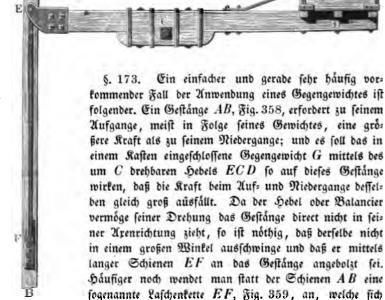
§. 172. Ein vorzügliches Bulfemittel gur Regulirung einer Rraft ober Begengewichte. Bewegung besteht in der Anwendung von Gegengewichten (frang. contre-poids; engl. countre poises). In ber Regel find bie Gegengewichte wirkliche Gewichte, welche burch Steigen und Sinken bie absehenbe ober veranderliche Wirkung einer Kraft reguliren; man fann aber auch biefe Gewichte burch den Drud bes Baffere ober ber Luft erfeben; und hat es bann mit fogenannten hydraulischen und pneumatischen Gegengewichten ober Balanciers zu thun. Im haufigsten tommen bie aus wirklichen Gewichten bestehenden Gegengewichte vor. Ift die ju regulirende Bewegung ftetig freisformig, fo wird bas Gegengewicht feft mit ber umlaufenden Belle verbunden; erfolgt hingegen die Befestigung abfe-Bend geradlinig ober freisformig, fo mirten die Begengewichte meift mittels Bebel ober Rollen auf ben in feiner Bewegung ju regulirenden Das fchinentheil.

Bei ber ftetigen Rreisbewegung, und vorzuglich bei ber Rrummgapfenbewegung, ift nach jeder Umdrehung eine Periode beendigt; es kommt baber auch hier nur barauf an, bag innerhalb berfelben bas Gegengewicht ein Mal finte und ein Mal fteige, und zwar erfteres wahrend bes Mangels und letteres mahrend bes Ueberschuffes an Rraft. Bei ber absetenben Bewegung in ber geraden Linie ober im Areise findet allerdings etwas Aehnliches fatt, ba hier nach einem Auf- und einem Niebergange eine Periode beendigt ift, innerhalb welcher bas Gegengewicht ein Mal fteigen und finten muß; ba aber bei weitem am haufigften Gegengewichte nur gur Ausgleichung bes Gewichtes ber Maschine ober gewiffer Theile berselben bienen, fo muß jebes Gegengewicht eine ber Dafchine entgegengefette Bewegung machen, b. i. es muß nieberfinten, wenn jene fteigt, und bagegen emporfteigen, wenn jene niebergebt. Es fann beshalb bas Gegengewicht nicht unmittelbar an ben auf- und niedergehenden Dafchinentheil, g. B. an bas Geftange (f. III., f. 10), angefchloffen werben, fonbern es ift ein

wegengewichte. zweiarmiger Sebel ober nach Befinden, eine Rolle ober eine Radwelle nothig, welche die Bewegungsrichtung des Gegengewichtes in die der Maschine ober des Gestänges umändert. Solche doppelarmige Hebel mit Gegengewichten sind unter dem Namen Gegengewichtsbalanciers bekannt. Ist die auszugleichende Kraft sehr variabel, so reicht vielleicht der fast nur constant wirkende Gleichgewichtsbalancier nicht aus, und man nimmt deshalb zu Gegengewichtsbelancier nicht aus, und man nimmt deshalb zu Gegengewichtsbelancier nicht aus, und man nimmt despenichten, oder zu sogenannten Ausgleich ungswagen seine Zuslucht. Diese Vorrichtungen kommen vorzüglich auch bei der Regulirung der stegen Bewegung in der geraden Linie, z. B. bei der Schachtsoberung zur Ausgleichung des veränderlichen Seilgewichtes, zur Anwendung.

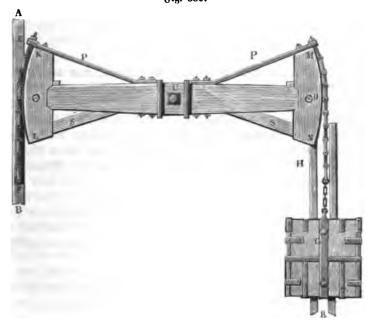
Bei doppelten und doppelt wirkenden Kolben-Maschinen ift das Ausgleis den der Gewichte ober Krafte auch oft durch bloges Kuppeln, d. i. durch Unwendung eines doppelarmigen Hebels ober Balanciers ohne Gegenges wicht zu bewirken. Zwei durch einen Balancier mit einander verbundene Gestänge gleichen sich gegenseitig aus, da sich das eine nicht ohne das ans bere bewegen kann.

Fig. 358.



Megengemichtswährend ber Schwingung des Balanciers KLCD auf das Cirkelftuck KL am Ende des hebels auf- und abwickelt. Damit das Gegengewicht G während der Drehung des Balanciers seinen hebelarm CD nicht andere, ist baffelbe ebenfalls mittels Laschenketten an das andere Ende des Balanskig. 359.





ciere angeschloffen. Um die Seitenschwankungen des Gewichtskaftens G zu verhindern, erhalt derselbe Seitenwalzen, womit er sich in einer Spur HR auf- und niederbewegen kann, und um der Berbindung der Cirkelsstücke KL und MN mit dem Waagbaume Haltbarkeit zu verschaffen, sind noch Streben SS und Spannschienen PP ausgesetzt.

Aus dem Stangenschub oder Hub s und Schwingungswinkel β des Balanciers, welcher lettere nie über 60 Grad genommen werden soll, ist die Armlänge CK=CL=a leicht zu berechnen. Da sich bei jedem Spiele ein Kettenstück von der Länge s auf das Cirkelstück aufz und abzwickelt, so ist

$$s = \frac{eta^0}{180^0}$$
. πa , und daher umgekehrt $a = \frac{180^0 \cdot s}{eta^0 \cdot \pi} = 57,296 \frac{s}{eta^0}$.

Sat man es bagegen mit ber Aufbangung in Fig. 358 ju thun, und

Gegengemichtsbalancier. trifft man hierbei die Einrichtung, daß sich die Bangemaschine beim hochsten und tiefsten Stande gleich, und zwar eben so viel nach links als beim mittleren Stande des Balanciers nach rechts neigt, so hat man wie bei jebem Kreuze und jedem Balancier (S. III., §. 14 und §. 126):

$$s=2\,a\sin.rac{eta}{2}$$
 , also umgetehrt $a=rac{s}{2\sin.rac{eta}{2}}\cdot$

Den Hebelarm CD=b des Gewichtes nimmt man in der Regel dem Hebelarme a gleich. Wie auch das Gestänge gegen den Horizont geneigt sei, immer ist doch zu fordern, daß der Schwingungswinkel β durch das Perpendikel vom Drehungspunkte C gegen die Gestängare halbirt werde. Ist die Gestängare vertikal, so hat natürlich jenes Perpendikel eine horizontale Lage; und ist das Gestänge unter einem Winkel a gegen den Horizont geneigt, so hat es eine entgegengesetzte Neigung von $90^{\circ}-\alpha$ gegen den Horizont. Eine ähnliche Forderung hat man an die Aushängeweise des Gegengewichtes G zu machen; da dasselbe nur vertikal niederzieht, so soll der Schwingungsbogen auf dieser Seite von der Horizontalen durch den Drehungspunkt C halbirt werden und daher der Balancier die Form eines Winkelhebels annehmen, dessen Urme um den Winzkel $90^{\circ}-\alpha$ von einander abweichen.

§. 174. Die Anordnung und Berechnung eines Balanciers mit hangendem Gegengewichte, sei es ein gerader oder ein Winkelhebel, ist wie folgt zu vollziehen. Es sei die Kraft zum Aufziehen des Gestänges AB, $=Q_1$ und die zum Niederziehen $=Q_2$, also die mittlere Kraft zum Aufz und Niedergange:

$$Q=\frac{Q_1+Q_2}{2}.$$

Dann ift die Kraft, mit welcher dem Aufgehen des Gestänges zu Hulfe zu kommen ist, und welche auch das Gestänge bei seinem Niedergange zu überwinden hat:

$$P = Q_1 - Q = Q - Q_2$$
, b. i. $P = \frac{Q_1 - Q_2}{2}$.

Es sei ferner ber Hebelarm CK=CL, Fig. 359, auf ber Seite bes Gestänges =a, und ber Hebelarm CD auf ber Seite bes Gegengewichstes =b; und sehen wir noch die Größe dieses Gegengewichtes $=G_1$, so haben wir, ohne Berücksichtigung aller Nebenbindernisse:

$$Pa = G_1b$$
,

also bas zur Ausgleichung ber halben Kraftbifferenz $P=rac{Q_1-Q_2}{2}$ nothige Gegengewicht:

Gegengewichts-

$$G_1 = \frac{\alpha}{b} P = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}.$$

In der Regel besteht die Kraft zum Aufgange aus einer Laft R_1 und dem Gewichte G des armirten Gestänges, und die Kraft zum Niedergange aus einer anderen Last R_2 minus dem Gewichte G des Gestänges, ist also

$$Q_1 = R_1 + G \text{ und}$$

$$Q_2 = R_2 - G$$

zu feben, weshalb benn die erforderliche Grofe bes Gegengewichtes

$$G_1=rac{a}{b}\left(G+rac{R_1-R_2}{2}
ight)$$
 folgt, und $G_1=rac{a}{b}\,G$

ausfallt, wenn die Rrafte R1 und R2 einander gleich find.

Ist ber Balancier unsymmetrisch, hat also die eine Salfte ein anderes Moment als die andere, so hat man naturlich zu dem Gegengewichte noch das Tarirgewicht, b. i. das vom Schwerpunkte des Balanciers auf den Umfang des Cirkelstudes reducirte Gewicht des leeren Balanciers zu addiren.

Die Reibung am Zapfen ober Walzeisen C verändert die Kräfte Q_1 und Q_2 zum Auf- und Niederziehen des Gestänges nur wenig. If G_2 das ganze Gewicht des armirten, jedoch unbelasteten Gegengewichtsbalanciers, φ der Reibungscoefficient und r der Halbmesser des Zapfens, so hat man die auf den Umfang des Girkelstückes KL oder auf die Gestängare reducirte Zapfenreibung: $F=\varphi\frac{r}{u}(P+G_1+G_2)$.

Da dieselbe sowohl bei dem Aufgang als auch bei dem Niedergang des Gestänges zu überwinden ist, so erfordert sie natürlich keine Ausgleichung, und ist also auch ohne Einstuß auf die Größe des Gegengewichtes. Wohl aber giebt die Zapfenreibung Veranlassung zu einem Arbeitsverluste, der bei jedem Aufs oder Niedergange $Fs=\varphi\frac{r}{a}(P+G_1+G_2)s$, und daher, bei n Spielen pro Minute in der Secunde,

$$L=rac{n}{60}$$
 . 2 $Fs=rac{n}{30}$. $\varphirac{r}{u}$ ($P+G_1+G_2$) s beträgt.

Daffelbe Berhaltniß findet ftatt bei der nach I., §. 177 zu berechnenden Rettenglieberreibung.

Die Tragheit des Gestänges wird burch die des Balanciers noch vergrößert. Ift T das Tragheitsmoment des unbelasteten Balanciers, so hat

Gegen. gewichts. balancier. man das Trägheitsmoment des belasteten $=T+G_1b^2$, und daher die träge Masse des Balanciers, auf die Gestängare reducirt:

$$M_1 = \frac{T + G_1 b^2}{G a^2}.$$

Diese trage Masse ubt nur ihren Einstuß auf den Sang oder die Geschwindigkeit der Maschine, keineswegs aber auf die mechanische Arbeit berselben aus, da die Kraft, welche am Ansange des Aufs oder Niederganges zur Ueberwindung der Trägheit des Balanciers erfordert wird, gegen Ende besselben, mahrend dieser allmälig zur Ruhe übergeht, wieder gewonnen wird.

Beispiel. Ein fogenanntes Kunftgestänge hat das Gewicht G=20000 Pfund, und seine Pumpenlast beträgt beim Aufgange 40000 Pfund, beim Riesbergange aber nur 8000 Pfund, welches Gegengewicht erforbert basselbe zu seiner Ausgleichung? Wenden wir einen ganz symmetrischen Balancier mit hängendem Gegengewichte an, und lassen wir benselben nur 50° schwingen, so haben wir bei dem hube s=5 Kuß die erforderliche Armlänge a=b=57,296. $^{\circ}$ 50 Tuß, und das nöthige Gegengewicht:

$$G_1 = G + \frac{R_1 - R_2}{2} = 20000 + \frac{40000 - 8000}{2} = 36000 \ \$$
 (b).

Wiegt der unbelastete Valancier 4000 Pfund (G_2), so hat dus Walzeisen nach III., §. 15, die Stärke:

$$d=2r=0.030\sqrt{rac{2G_1+G_2}{2}}=0.030\sqrt{38000}=5.85$$
 30%,

wofür wir jeboch 6 Boll nehmen wollen. Die Reibung an biefer Are ift nun, wenn wir $\varphi=0,075$ feten:

$$F = \varphi \frac{r}{a} (2 G_1 + G_2) = 0.075 \cdot \frac{1 \cdot 76000}{4 \cdot 5.73} = 248.7$$
 Pfund,

und ber entsprechenbe Arbeiteverluft pro Spiel:

ober pro Secunde, wenn bas Geftange in ber Minute 5 Spiele macht:

$$L = \frac{n}{60} \cdot 2 Fs = \frac{2487}{12} = 207,25$$
 Fußpfund.

§. 175. Wenn das Gegengewicht fest mit dem Balancier verbunden ist, so sindet keine vollständige Ausgleichung statt, da sich dann der hebelsarm, und also auch das Moment des Gegengewichts, mit der Orehung des Balanciers andert. Rehmen wir an, daß der Schwerpunkt S des bes lasteten Balanciers DCE, Fig. 360, beim halben hube mit der Orehungsare C in gleichem Niveau sich befinde, daß er also bei jeder Schwingung:

um
$$SCS_1 = \frac{\beta}{2}$$
 steige und um $SCS_2 = \frac{\beta}{2}$ sinte.

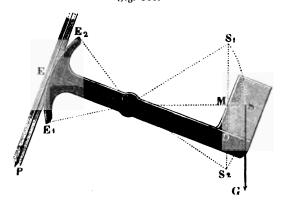
Ift bann wieder der Hebelarm $CS=CS_1=CS_2$ des Gegenges wichtes $G_1,=b$, so haben wir den in der Bertikale zu messenden Weg von G_1 :

$$S_1 S_2 = 2 S_1 M = 2 C S_1$$
. $sin. S_1 CM = 2 b sin. \frac{\beta}{2}$,

...

und daher die Arbeit des Gewichtes G bei einer Schwingung G_1 . $\overline{S_1S_2}$ $= 2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}$. Der gleichzeitige Weg des Gestänges ist aber $s = a\beta$, wenn a den Hebelarm $CE = CE_1 = CE_2$ des Gestänges Vig. 360.





bezeichnet, folglich ift ber mittlere Werth ber Rraft, mit welcher bas Gegengewicht bem aufgehenben Gestänge zu Sulfe tommt:

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{s} = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{a \beta},$$

annähernd, ba $sin. \frac{\pmb{\beta}}{2} = \frac{\pmb{\beta}}{2} - {}^1/_6 \Big(\frac{\pmb{\beta}}{2}\Big)^8$ (f. Ingenieur, S. 225) ges fest werden kann:

$$P = (1 - \frac{1}{24}\beta^2) \frac{b}{a} G_1.$$

Da in der Hubmitte der Hebelarm von $G_1,\,CS=b\,,$ und an den Hubenden derselbe $CS_1=CS_2=b\,sin.\,rac{eta}{2}$ ist, so faut der Werth dieser Kraft im ersten Falle:

$$P_1 = rac{b}{a} G_1$$
, und in den beiden letten Fallen: $P_2 = rac{b}{a} G_1 \sin eta$ aus.

Um die den Stangenkraften Q_1 und Q_2 entsprechende Große des Gegengewichtes zu finden, muffen wir in der Formel

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right)$$
 des vorigen §. 174, statt

352

$$\frac{b}{a}$$
, $(1-\frac{1}{24}\beta^2)\frac{b}{a}$, aber flatt $\frac{a}{b}$, $(1+\frac{1}{12}\beta^2)\frac{a}{b}$

fegen, fo bag wir nun fur ben Balancier mit festem Gegengewichte ben großeren Berth

$$G_1 = (1 + \frac{1}{24}\beta^2) \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2} = \left[1 + \frac{\frac{1}{24}\left(\frac{s}{a}\right)^2}{b}\right] \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}$$
 erhalten.

Für $\beta^0=60^\circ$ ober $\beta=1,0472\,$ ist 3. B. die Größe des Gegenges wichtes

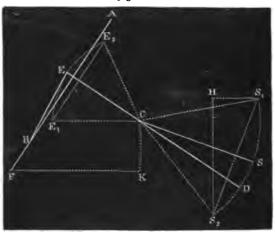
$$G_1 = 1,0457 \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right),$$

b. i. über $4\frac{1}{2}$ Procent größer, als wenn das Gegengewicht aufgehangen mare.

Ift das Geftange nicht durch Retten, sondern durch Sangeschienen, wie in Fig. 358, mit dem Balancier verbunden, so hat man den Sub s nicht dem Bogen E_1EE_2 , sondern der Sehne E_1E_2 gleich, d. i. s=2 a sin. $\frac{\beta}{2}$ zu sehen, und dann bleibt allerdings:

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right).$$

Anmerkung. Die mittlere Kraft P, mit welcher bas Gegengewicht G_1 ben Aufgang bes Gestänges beförbert, hangt natürlich von ber Lage bes Schwerzpunktes bes Balanciers ab. Wir haben oben angenommen, baß er beim halben hube mit ber Drehungsare in einerlei hohe liege; sehen wir aber im Folgenzben, ber Allgemeinseit wegen, eine anbere Lage bieses Punktes voraus. Rehmen wir wieder an, daß bas Gestänge AB, Fig. 361, unter dem Winkel AFK = a Fig. 361.



gegen ben Borizont geneigt fei, alfo bie Langenare DE bes Balanciers beim halben hube von ber Vertifalen CK ebenfalls um KCS= a abweiche. Gegen wir ferner ben Abstand CS bes Schwerpunftes S bes Balanciere von ber Dres . hungeare C, = b und ben Binfel SCD, um welchen C'S von ber gangenare CD abweicht, = 6. Ift nun wieber $ECE_1 = ECE_2 = SCS_1 = SCS_2 = \frac{\beta}{2}$, fo haben wir bie Sehne $S_iS_1=2$ b sin. $\frac{\beta}{2}$, und ihre Abweichung HS_iS_2 vom Horizont, $=KCS=KCD+DCS=\alpha+\delta$. Es ift baher ber Beg ber Schwerpunktes ober bes Gegengemichtes G_1 bei jedem Auf- ober Riebergange, $S_aH=S_1S_a$ sin. $HS_1S_a=2$ b sin. $\frac{\beta}{2}$ sin. $(a+\delta)$, und bic mittlere Kraft, mit welcher G, bas Beftange aufzieht,

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2} \sin (\alpha + \delta)}{s} = (1 - \frac{1}{24} \beta^2) \frac{b}{a} G_1 \sin (\alpha + \delta).$$

Macht man $\alpha + \delta = 90^{\circ}$, also $\delta = 90^{\circ} - \alpha$, b. i. legt man CS horis gontal, fo fallt naturlich P am größten, und zwar, wie oben im Saupttert,

$$P = (1 - \frac{1}{24} \beta^2) \frac{b}{a} G_1$$
 aus.

Die ben Stangenfraften Q1 und Q4 entsprechenbe Große bes Wegengewichs tes ift fur unferen allgemeinen Fall:

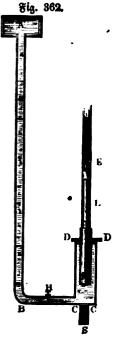
$$G_1 = \left[1 + \frac{1}{2}\left(\frac{s}{a}\right)^2\right] \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2\sin\left(\alpha + \delta\right)},$$

ober wenn bas Gestänge burch Stangen an ben Balancier angeschloffen ift, $G_1 = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin{(\alpha + \theta)}}$.

$$G_1 = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin (a + \delta)}$$

Wir wiffen schon aus dem zweiten Theile (f. II., §. 232), Dubrautifder bag man bie Rraft eines Gegengewichtes burch ben hybroftatifchen Drud einer Bafferfaule, alfo überhaupt ben Gewichtsbalancier durch einen by= braulifchen Balancier erfeten tann. Bei Unwendung biefes Ups parates an Bafferfaulenmaschinen bedurfte es nur einer Berlangerung bes Ausgugrohres nach oben, um eine ben Aufgang bes Treibetolbens und bes bamit verbundenen Geftanges unterftubende und den zu fchnellen Niebergang beffelben hemmenbe Kraft zu erhalten; in anderen Fallen ift es hingegen nothwendig, einen befonderen Rolben gur Aufnahme bes Bafferdruckes herzustellen. Gine Stigze von einem folden hydraulischen Balancier fuhrt Fig. 362 (a. f. G.) vor Augen. Die brudenbe Bafferfaule ift von ber Rohre ABC eingeschloffen und ber ben Bafferdruck aufnehmende und mit dem Geftange ES fest verbundene Monchetolben KL bewegt fich in bem Stiefel ober Cylinder CCDD. Damit die Rraft P. mit welcher ber Rolben vom Baffer aufwarts getrieben wird, nicht ercentrifch auf bas Geftange ES wirte und baffelbe gur Seite giebe, ift es smedmäßig, baffelbe fo ju gabeln, bag es ben Stiefel CD fammt Rolben KL und Rolbenftange LE umfaßt. Ift F ber Querfchnitt bes Rolbens

opprantisher und h die senkrechte Sohe der Rolbenflache beim mittleren Stande des Rol-



bens unter dem Wasserspiegel im Speisereservoir A, so hat man die Kraft, mit welcher der hydraus lische Basancier in der Arenrichtung auf das Gestänge wirkt, $P = Fh\gamma$, oder wenn F in Quasdratfuß und h in Fuß gegeben ist,

$$P = 66 Fh$$
 Pfund.

Noch nimmt aber die Kolbenreibung einen ansfehnlichen Theil hiervon in Anspruch, und es ist mit Berückstägung berselben nach II., §. 235, bei der Breite b der Liderung und dem Durchsmesser d des Kolbens,

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) Fh \gamma$$
 zu sehen.

Die übrigen hydraulischen Hindernisse lassen sich wie die einer Wassersaulenmaschine beurtheilen, und sind auch bei einer Weite $d_1=\frac{1}{2}d$ der Röhren und einer kleinen Rolbengeschwindigkeit von 1 bis 2 Kuß klein genug, um sie außer Acht lassen zu können.

Der hydraulische Balancier hat den Bortheil der Einfachheit und Raumersparnif vor dem Gewichtsbalancier, dagegen ist er aber auch mecha-

nisch unvollkommener, da die Kolbenreibung viel mehr Kraft verzehrt als die Bapfen- und Kettenreibung des Gewichtsbalancier. Ueberdies hat der Gewichtsbalancier den großen Borzug, daß man durch Julegen oder Wegnehmen von Gewichten die Kraft P desselben nach Bedürsniß leicht verändern kann, wozgegen bei dem hydraulischen Balancier durch Stellung der Regulirungsklappe H nur Kraft vernichtet aber nicht geschaffen werden kann, vielmehr hierzu, wenn der Druck des Wassers dei völlig geöffneter Klappe nicht mehr ausreicht, eine Verlängerung der Wassersaule nach oben nöthig ist. Ist & der Stellung des Hahnes oder der Klappe H entsprechende Widerstandszcoefficient, d der Durchmesser des Kolbens, d1 die Weite der Köhre und v die Geschwindigkeit des Kolbens, so hat man (nach I., §. 377 und II., §. 237) den Theil der Druckhöhe h, welcher durch den Durchgang des Wassers durch diesen Regulirungsapparat verloren geht,

$$h_1 = \xi \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g},$$

und ben entsprechenden Arbeiteverluft pro Secunde:

$$L_1 = Qh_1\gamma = \xi \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2g} \cdot \frac{\pi d^2}{4} v\gamma = \frac{\pi}{4} \xi \gamma \cdot \frac{d^6}{d_1^4} \cdot \frac{v^3}{2g}.$$

Anmerkung. Dan fann fich endlich auch ftatt ber brudenden Bafferfaule purunatifder AB ber comprimirten Luft bedienen, welche man in einem Bindkeffel eine schließt, der mit dem Cylinder CD communicirt. Da das Entweichen der Luft nicht ganz vermieden werden fann, so ift es nothig, eine fleine Luftpumpe anzus wenden, welche neue Luft zupumpt und dabei die Spannung im Bindkeffel auf einer gewissen hobe erhält. Die Kraft P, mit welcher ein solcher pneumatis scher Balancier dem aufgehenden Gestänge zu hülfe kommt, ift allerdings variabel, um indeffen die Beränderlichkeit dieser Kraft möglichst heradzuziehen, ift es nothig, den Bindkessel viel größer zu machen als den Cylinderraum.

IR V das Bolumen bes Windreservoirs sammt Communicationsrohr und p die Preffung der Luft in demselben beim tiesten Rold. nftande, serner F die Rolsbenfläche und s der Rolbenhub, so haben wir die Pressung der Luft beim hochsten Rolbenflande, dem Mariotte'schen Gesetz u Folge, $p_1 = \frac{Vp}{V+F_s}$, und die versrichtete Arbeit der comprimirten Luft während der Kolbenbewegung (f. I. §. 330)

$$L = V_p \log_{nat} \left(\frac{p}{p} \right) = V_p \log_{nat} \left(\frac{V + F_s}{V} \right)$$

Sft ber atmofpharische Drud gegen bie Außenflache bes Rolbens pro Quabratzoll po, also im Gangen &po, so muffen wir noch bie Arbeit &pos in Abzug bringen, so bag wir nun

$$L = V p Log. nat. \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_0 s,$$

und bie mittlere Rraft Diefes pneumatifden Balanciers

$$P = \frac{L}{s} = \frac{Vp}{s} \text{ Log. nat.} \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_{o},$$

ober mit Berudnichtigung ber Rolbenreibung,

$$P = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{V+Fs}{V}\right) - Fp_0 - 4y \frac{b}{d} F(p-p_0)$$

(f. II., §. 373) erhalten.

Ift Fs flein, fo fann man

Loy. nat.
$$\left(\frac{V+F_s}{V}\right) = \frac{F_s}{V} - \frac{1}{\sqrt{s}} \left(\frac{F_s}{V}\right)^2$$

(f. -Ingenieura, Geite 136) feten, und es ift fonach einfucher

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_0\right) - \frac{1}{2} \frac{F_0}{V} \cdot F_p.$$

Beim niebergang bee Geftanges ift naturlich bie Reibung ebenfalls hinber- lich, und baber

$$P = \left(1 + 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_{0}\right) - \frac{1}{2} \frac{F_{\theta}}{V} \cdot F_{p}.$$

Beifpiel. Wenn verlangt wirb, ben im Beifpiele gu §. 174 behanbelten Gewichtsbalancier burch einen hybraulischen ober gar burch einen pneumatischen Balancier zu erseten, so haben wir folgende Rechnungen anzustellen. Die erforsberliche Kraft P zum Ausgleichen ift 36000 Pfund, fteht uns baher eine Waffersfäule von 100 Fuß hohe zu Gebete, so beburfen wir für den Treibefolben einen

Querschnitt
$$F = \frac{P}{66 \text{ h}} = \frac{36000}{6600} = 5,454$$
 Quabratfuß, ober einen Durchmeffer $d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 2,685$ Fuß = 31,62 goff.

Bneumatifder Balancier.

Rehmen wir $4 \varphi \frac{\delta}{d} = 0,1$ an (f. II., §. 235), fo erhalten wir bie burch bie Rolbenreibung verloren gehenbe Arbeit pro Spiel

$$4 \varphi \frac{b}{d} Fh\gamma . 2 s = 0,1 . 5,454 . 100 . 66 . 8 = 28797$$
 Fußpfund,

b. i. pro Secunde: $L=\frac{5}{60}\cdot 28797=2398$ Fußpfund = 4,7 Pferbefrafte.

Benben wir hingegen einen pneumatifchen Balancier an, in welchem bie Buft auf 10 Atmofpharen gefrannt wirb, und forbern wir, bag fich bie Spannung beim Aufgange bes Rolbens hochstens um 1/4 ihres anfänglichen Berthes verminbere, fo haben wir fur bie Rolbenflache, beim Sube . = 4 Sug,

$$F=\left(rac{p}{p_1}-1
ight)rac{V}{s}=({}^o\!\!/_7-1)rac{V}{4}=rac{V}{28},$$
 und daher für die Größe V des Bindfeffels, ba $p=10\,p_0$ und

$$P = \frac{Vp}{s} \text{ Log. nat. } \left(\frac{p}{p_1}\right) - Fp_0 = (10 \text{ Log. nat. } \frac{9}{7} - \frac{1}{7}) \frac{Vp_0}{4}$$
$$= (1.8553 - 0.1429) \frac{Vp_0}{4} = 0.8031 \text{ Vp_0 if}$$

$$= (1,3558 - 0,1429) \frac{Vp_0}{4} = 0,8031 Vp_0 \text{ ift,}$$

$$V = \frac{P}{0,3031 p_0} = \frac{36000}{0,3081.144.15,1} = \frac{86000}{659,06} = 54,62 \text{ Cubiffuß.}$$
 Hiernach bestimmt sich die wirkliche Größe der Kolbenstäche

$$F=rac{v}{28}=$$
 1,950 Duadratfuß,

und baher ber Durchmeffer berfelben

$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 1,575 \text{ Huß} = 18,9 \text{ Boll.}$$

Die Leiftung, welche burch bie Rolbenreibung bei biefem Ausgleichungsmittel perloren geht, ift pro Spiel

$$4 \varphi \frac{b}{d} F(p-p_0) \cdot 2s = 0,1 \cdot 1,95 \cdot 9 \cdot 144 \cdot 15,1 \cdot 8 = 30526$$
 Fußpfund, also Secunde:

$$L=\frac{80526}{12}=2544$$
 Fußpfund, b. i. nahe 5 Pferbefrafte.

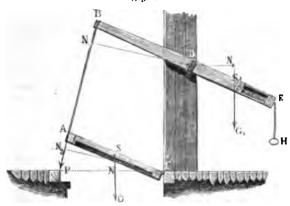
Der Bewichtsbalancier verliert nach ber Rechnung bes Beifpieles im S. 174 nur 207,25 Fußpfund, b. i. über 12mal weniger burch bie Reibung.

§. 177. Sehr mannigfaltige Gegengewichtsapparate tommen bei ben Bugbrüden. fogenannten Bugbruden (frang. ponts levis; engl. draw-bridges) in Anwendung. Bon ben vorzüglichsten Conftructionen biefer Art fei baber

aunachst noch die Rebe.

Die einfachfte Bugbrude ift bie mit Schlagbaumen. Die Brude CA, Fig. 363, ift hier um die Angeln C brebbar, und mit Retten AB an ben Schwengel ober Schlagbaum BDE aufgehangen. Wird nun bas Ende bes letteren mittels einer Sandhabe ober Rette H niebergezogen, fo fteigt bas Ende B berfelben empor und es fchlagt fich die Brudenbahn auf. Das Sauptaugenmerk bei ber Construction einer folden Brude ift barauf zu richten, daß fich diefelbe in allen Richtungen von felbst bas Gleichgewicht halte und baher beim Auf- und Rieberlaffen nur eine Kraft zur Uebermin= 3ugbraden. bung ber Reibungen erforbere. Wenn die Dreharen C und D und die Auf-

Fig. 863.



hångepunkte A und B bie vier Echpunkte eines Parallelogrammes bilben, wenn also bei jeder Stellung der Brude AB parallel CD und AC parallel BD bleibt, also auch der Neigungswinktel α von CA gegen den Horizont stets derselbe ist wie der von DB oder DE, so wird das einmal hergestellte Gleichgewicht durch die Drehung der Brude nicht gestört werden, denn ist G das im Schwerpunkte S niederziehende Gewicht der Brude und G_1 das im Schwerpunkte S_1 niederziehende Gewicht des Schlagbaumes, so haben wir für den Gleichgewichtszustand

$$G_1 \overline{DN_1} = P. \overline{DN_2} = P. \overline{CN_3} = G. \overline{CN}$$
, oder $G_1. \overline{DS_1} \cos \alpha = G. \overline{CS} \cos \alpha$, b. i. $G_1. \overline{DS_1} = G. \overline{CS}$;

es ist folglich die Große des Gegengewichtes $G_1 = \frac{\overline{CS}}{\overline{DS_1}} \cdot G$ gar nicht vom

Neigungewinkel abhångig, und es wird also 'auch bei allen Neigungen ber Brude bieses Gegengewicht bem Gewichte ber Brude bas Gleichgewicht halten.

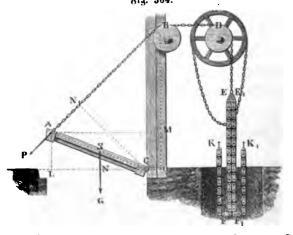
Da während des Aufklappens der Brudenbahn der Hebelarm CN des Brudenbahngewichtes G allmälig immer kleiner und kleiner wird, so erforbert also auch dieses Ausklappen ein allmälig abnehmendes Krastmoment; will man daher statt des Schwengels oder Schlagbaumes BE ein wirklisches Gegengewicht in Anwendung bringen, so muß man entweder diese Gewicht selbst, oder den Hebelarm desselben veränderlich machen.

Nach bem erften Principe ift die Bugbrude von Poncelet, und nach bem zweiten Principe die von Derche conftruirt. Bei den Poncelet'schen

Bugbruden. Zugbruden besteht das Gegengewicht in einer Kette, welche mit dem unter ren Ende an einem festen Punkte aufgehangen und an dem oberen Ende mit der Kette zum Aufziehen der Brude verbunden ist. Wenn sich nun beim Aufgange der Brude das obere Kettenende immer mehr und mehr herabsenkt, so kommen gleichzeitig immer mehr und mehr Kettenglieder unter das seste Ende der Kette zu hängen, die nun vom festen Aufhängepunkt gestragen werden und folglich nichts mehr zum Aufziehen der Brude beitragen. Auf diese Weise vermindert sich also auch die Zugkraft immer mehr und mehr, je höher die Brude steigt. Bei der Zugbrude von Derchehingegen ist das Gegengewicht an einem Ercentrik oder einem Spiralgange aufgehangen, um bessen Welle sich die Kette zum Aufziehen der Brude wickelt, während das Gewicht niedersinkt.

Anmerkung. Dan kann auch bas Gegengewicht auf einer krummlinigen Bahn, beren Neigung von oben nach unten allmälig abnimmt, herabsinsen laffen. Da bas Bestreben jum herabsieiten mit bem Reigungswinkel einer schiefen Gbene mächt und abnimmt, so ift es möglich, baß bas Gegengewicht bei jedem Stande ber Brüdenklapre bas Gleichgewicht halt. Es gehören hierher bie Bugbrüden mit ber Sinusoibenbahn von Belidor und Delile. hieriber ift nachzulesen: hülfse's allgemeine Maschinenchklopabie, Band II., Artifel stewegzliche Brüdens, bann Poncelet's Cours de mécanique appl aux machines, beutsch von Schnuse, und Sganzins' Cours de constructions.

§. 178. Eine Poncelet'sche Zugbrude mit Ausgleichungstette ift in Fig. 364 abgebildet. Es ist hier CA die um C brehbare Brudenbahn, Rig. 364.



ABDE die über eine Leitrolle B hin: und an der Trommel D herablaufende Bugkette, und EFK, $E_1F_1K_1$ stellen die daran hangenden Gleichz gewichtöketten vor, welche mit den unteren Enden an den festen Punkten K

und K_1 aufgehangen find. Leicht ift zu ermessen, wie sich das Gewicht Bugbraden. Dieser Rette mit dem Gewichte G der Brude ins Gleichgewicht seben kann.

Sehen wir den Abstand des Schwerpunktes S der Brude von der Deshungsare $C_* = a_*$, und den Abstand des Angriffspunktes A der Ketten von eben dieser Ake $= b_*$, ferner den allmalig von 0 bis 90° wachsenden Umdrehungswinkel $ACL = \alpha$ und den Winkel BAC_* , welchen die Ketztenare mit der Langenare der Brude einschließt, $= \psi_*$, so haben wir die Hebelarme der Krafte G und P_* :

$$CN = CS\cos \alpha = a\cos \alpha$$
 und $CN_1 = CA\sin \psi = b\sin \psi$,

und es ift baber die Bugfraft ber Rette ABDE:

$$P = \frac{G a \cos \alpha}{b \sin \psi}.$$

Um den Winkel ψ burch den Umdrehungswinkel α auszudrücken, führen wir den Hulfswinkel $BAM=\beta$ ein, seben also $\psi=\alpha+\beta$, und bestimmen nun β auf folgende Weise. Es ist

$$BM = BO - MO = BO - AL$$
 und
 $AM = CO + LC$, folglich,
 $tang. \beta = tang. BAM = \frac{BM}{AM} = \frac{BO - AL}{CO + LC}$

$$= \frac{h - b \sin. \alpha}{c + b \cos. \alpha}$$

wofern wir die Hohe BO des Berührungspunktes B der Kette mit der Leitrolle über der Drehungsare C durch h, und den Horizontalabstand CO dieser Punkte von einander durch c bezeichnen.

Fur bie niedergelaffens Brude ift a = 0, baher hat man hier

tang.
$$\beta = \frac{h}{b+c}$$
 und $P = \frac{Ga}{b\sin \beta} = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh};$

für die aufgezogene Brude hingegen ift $\alpha = 90^\circ$, daher tang. $\beta = \frac{h-b}{c}$ und P = 0 zu sehen. Soll nun die Ausgleichungskette für diese zwei Gerkungen der Brüdenhahn das Gleichgemicht harstellen so muß man ihr

Stellungen ber Brudenbahn bas Gleichgewicht herstellen, so muß man ihr eine gange

$$EF + FK = E_1F_1 + F_1K_1 = V(b + c)^2 + h^2$$
 und ein Gewicht

$$G_1 = P = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh}$$
.

geben, also jebe Langeneinheit berfelben $\frac{Ga}{bh}$ wiegen laffen.

Bill man auch bei ben 3wifchenftellungen ausgleichen, fo muß man bie

Gegen. gewichts. balancier. trifft man hierbei die Einrichtung, daß sich die Bangemaschine beim hochsten und tiefften Stande gleich, und zwar eben so viel nach links als beim mittleren Stande bes Balanciers nach rechts neigt, so hat man wie bei jebem Rreuze und jedem Balancier (S. III., §. 14 und §. 126):

$$s=2\,a\sin.rac{eta}{2}$$
, also umgekehrt $a=rac{s}{2\,sin.rac{eta}{2}}\cdot$

Den Hebelarm CD=b des Gewichtes nimmt man in der Regel dem Hebelarme a gleich. Wie auch das Gestänge gegen den Horizont geneigt sei, immer ist doch zu fordern, daß der Schwingungswinkel β durch das Perpendikel vom Drehungspunkte C gegen die Gestängare halbirt werde. Ist die Gestängare vertikal, so hat natürlich jenes Perpenziksel eine horizontale Lage; und ist das Gestänge unter einem Winkel α gegen den Horizont geneigt, so hat es eine entgegengesetzte Neigung von $90^{\circ}-\alpha$ gegen den Horizont. Eine ähnliche Forderung hat man an die Aushängeweise des Gegengewichtes G zu machen; da dasselbe nur vertikal niederzieht, so soll der Schwingungsbogen auf dieser Seite von der Horizontalen durch den Drehungspunkt C halbirt werden und daher der Balancier die Form eines Winkelhebels annehmen, dessen Arme um den Winzkel $90^{\circ}-\alpha$ von einander abweichen.

§. 174. Die Anordnung und Berechnung eines Balanciers mit hans gendem Gegengewichte, sei es ein gerader oder ein Winkelhebel, ist wie folgt zu vollziehen. Es sei die Kraft zum Aufziehen des Gestänges AB, $=Q_1$ und die zum Niederziehen $=Q_2$, also die mittlere Kraft zum Aufz und Riedergange:

$$Q=\frac{Q_1+Q_2}{2}.$$

Dann ist die Kraft, mit welcher bem Aufgehen des Gestänges zu hulfe zu kommen ift, und welche auch das Gestänge bei feinem Niedergange zu überwinden hat:

$$P = Q_1 - Q = Q - Q_2$$
, b. i. $P = \frac{Q_1 - Q_2}{2}$.

Es sei ferner ber Hebelarm CK=CL, Fig. 359, auf ber Seite bes Gestänges =a, und ber Hebelarm CD auf ber Seite bes Gegengewichztes =b; und seben wir noch die Größe bieses Gegengewichtes $=G_1$, so haben wir, ohne Berucksichung aller Nebenhindernisse:

$$Pa = G_1b$$
,

also bas zur Ausgleichung ber halben Kraftbifferenz $P=rac{Q_1-Q_2}{2}$ nosthige Gegengewicht:

Pegen. gewichts

$$G_1 = \frac{\alpha}{b} P = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}.$$

In der Regel besteht die Kraft zum Aufgange aus einer Laft R_1 und dem Gewichte G bes armirten Gestänges, und die Kraft zum Niedergange aus einer anderen Last R_2 minus dem Gewichte G des Gestänges, ift also

$$Q_1 = R_1 + G \text{ unb}$$

$$Q_2 = R_2 - G$$

gu feben, weshalb benn bie erforberliche Große bes Gegengewichtes

$$G_1=rac{a}{b}\left(G+rac{R_1-R_2}{2}
ight)$$
 folgt, und $G_1=rac{a}{b}\,G$

ausfallt, wenn die Rrafte R1 und R2 einander gleich find.

Ift ber Balancier unsymmetrisch, hat also die eine Salfte ein anderes Moment als die andere, so hat man natürlich zu dem Gegengewichte noch das Tarirgewicht, b. i. das vom Schwerpunkte des Balanciers auf den Umfang des Cirkelftudes reducirte Gewicht des leeren Balanciers zu addiren.

Die Reibung am Zapfen ober Walzeisen C verändert die Kräfte Q_1 und Q_2 zum Auf- und Niederziehen des Gestänges nur wenig. Ist G_2 das ganze Gewicht des armirten, jedoch unbelasteten Gegengewichtsbalanciers, φ der Reibungscoefsicient und r der Halbmesser des Zapfens, so hat man die auf den Umfang des Cirkelstudes KL oder auf die Gestängare redu-

cirte Zapfenreibung:
$$F=arphirac{r}{a}\,(P+G_1+G_2)$$
.

Da dieselbe sowohl bei dem Aufgang als auch bei dem Niedergang des Gestänges zu überwinden ist, so erfordert sie natürlich keine Ausgleichung, und ist also auch ohne Einstuß auf die Größe des Gegengewichtes. Wohl aber giebt die Zapfenreibung Veranlassung zu einem Arbeitsverluste, der bei sedem Aufs oder Niedergange $Fs = \varphi \frac{r}{a}(P+G_1+G_2)s$, und daher, bei n Spielen pro Minute in der Secunde,

$$L = \frac{n}{60} \cdot 2 Fs = \frac{n}{30} \cdot \varphi \frac{r}{a} (P + G_1 + G_2) s$$
 beträgt.

Daffelbe Berhattniß findet ftatt bei der nach I., §. 177 zu berechnenden Rettengliederreibung.

Die Trägheit des Gestänges wird durch die des Balanciers noch vergrößert. Ift T das Trägheitsmoment des unbelasteten Balanciers, so hat

Gegen. gemichts. man bas Trägheitsmoment bes belasteten $= T + G_1 b^2$, und daher bie träge Masse bes Balanciers, auf die Gestängare reducirt:

$$M_1 = \frac{T + G_1 b^2}{G a^2}.$$

Diese trage Maffe ubt nur ihren Ginfluß auf ben Gang ober die Geschwindigkeit ber Maschine, keineswegs aber auf die mechanische Arbeit
berselben aus, da die Kraft, welche am Anfange des Auf- ober Riederganges
zur Ueberwindung ber Trägheit des Balanciers erfordert wird, gegen Ende
besselben, mahrend dieser allmälig zur Ruhe übergeht, wieder gewonnen wird.

Beispiel. Ein fagenanntes Kunftgeftänge hat bas Gewicht G=20000 Pfund, und seine Pumpenlast beträgt beim Aufgange 40000 Pfund, belm Riesbergange aber nur 8000 Pfund, welches Gegengewicht erforbert baffelbe zu seiner Ausgleichung? Wenden wir einen ganz symmetrischen Balancier mit hängendem Gegengewichte an, und lassen wir benselben nur 50° schwingen, so haben wir bel dem hube s=5 Kuß die erforderliche Armlänge a=b=57,296. 5/50=5,730 Fuß, und das nöthige Gegengewicht:

$$G_1 = G + \frac{R_1 - R_2}{2} = 20000 + \frac{40000 - 8000}{2} = 36000$$
 Fig.

Biegt ber unbelastete Balancier 4000 Pfund (G_2) , so hat dus Balzeisen nach III., §. 15, die Starke:

$$d = 2r = 0.080 \sqrt{\frac{2G_1 + G_2}{2}} = 0.030 \sqrt{38000} = 5.85 \text{ 3oU},$$

wofür wir jeboch 6 Boll nehmen wollen. Die Reibung an biefer Are ift nun, wenn wir $\varphi=0,075$ feben :

$$F = \varphi \frac{r}{a} (2 G_1 + G_2) = 0.075 \cdot \frac{1.76000}{4.5.73} = 248.7 \text{ Bfunb,}$$

und ber entsprechenbe Arbeiteverluft pro Spiel:

2Fs=10. 248,7=2487 Fußpfund, ober pro Secunde, wenn das Gestänge in der Minute 5 Spiele macht:

$$L = \frac{n}{60} \cdot 2 Fs = \frac{2467}{12} = 207,25$$
 Fußpfund.

§. 175. Wenn das Gegengewicht fest mit dem Balancier verbunden ist, so sindet keine vollständige Ausgleichung statt, da sich dann der Hebelarm, und also auch das Moment des Gegengewichts, mit der Drehung des Balanciers andert. Nehmen wir an, daß der Schwerpunkt S des beslasteten Balanciers DCE, Fig. 360, beim halben hube mit der Drehungsare C in gleichem Niveau sich besinde, daß er also bei jeder Schwingung:

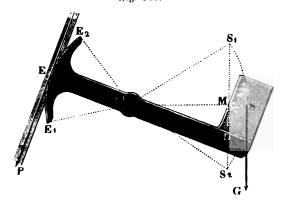
um
$$SCS_1 = \frac{\beta}{2}$$
 steige und um $SCS_2 = \frac{\beta}{2}$ finte.

Ist dann wieder der Hebelarm $CS=CS_1=CS_2$ des Gegenge-wichtes $G_1,=b,$ so haben wir den in der Vertikale zu messenden Weg von G_1 :

$$S_1 S_2 = 2 S_1 M = 2 C S_1$$
. $sin. S_1 C M = 2 b sin. \frac{\beta}{2}$,

und daher die Arbeit des Gewichtes G bei einer Schwingung G_1 . $\overline{S_1S_2}$ $= 2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}$. Der gleichzeitige Weg des Gestänges ist aber $s = a\beta$, wenn a den Hebelarm $CE = CE_1 = CE_2$ des Gestänges Fig. 360.





bezeichnet, folglich ift ber mittlere Werth ber Rraft, mit welcher bas Gez gengewicht bem aufgehenben Geftange zu Sulfe tommt:

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{s} = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2}}{a \beta},$$

annähernd, da $sin. \frac{\pmb{\beta}}{2} = \frac{\pmb{\beta}}{2} - {}^1/_6 \Big(\frac{\pmb{\beta}}{2}\Big)^8$ (f. Ingenieur, S. 225) ges fest werden kann:

$$P = (1 - \frac{1}{24}\beta^2) \frac{b}{a} G_1.$$

Da in der Hubmitte der Hebelarm von $G_1,\,CS=b\,,$ und an den Hubenden derselbe $CS_1=CS_2=b\,sin.\,rac{eta}{2}$ ist, so fallt der Werth dieser Kraft im ersten Falle:

$$P_1 = \frac{b}{a} G_1$$
, und in den beiden letten Fallen:

 $P_2 = \frac{b}{a} G_1 \sin \beta$ aus.

Um die den Stangenkraften Q_1 und Q_2 entsprechende Große des Gesgengewichtes zu finden, muffen wir in der Formel

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right)$$
 bes vorigen §. 174, statt

352

$$\frac{b}{a}$$
, $(1 - \frac{1}{24}\beta^2) \frac{b}{a}$, aber flatt $\frac{a}{b}$, $(1 + \frac{1}{12}\beta^2) \frac{a}{b}$

feben, fo bag wir nun fur ben Balancier mit festem Gegengewichte ben großeren Berth

$$G_1 = (1 + \frac{1}{24}\beta^2) \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2} = \left[1 + \frac{\frac{1}{24}\left(\frac{s}{a}\right)^2}{a}\right] \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2}$$
 erhalten.

Für $\beta^0=60^\circ$ ober $\beta=1,0472\,$ ist 3. B. die Größe des Gegenges wichtes

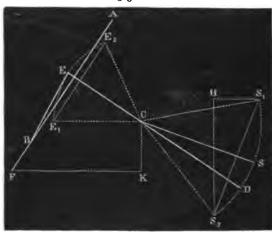
$$G_1 = 1,0457 \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right),$$

b. i. über $4\frac{1}{2}$ Procent größer, als wenn bas Gegengewicht aufgehangen mare.

Ist das Gestänge nicht durch Ketten, sondern durch Sangeschienen, wie in Fig. 358, mit dem Balancier verbunden, so hat man den Sub s nicht dem Bogen E_1EE_2 , sondern der Sehne E_1E_2 gleich, d. i. s=2 a sin. $\frac{\beta}{2}$ zu sehen, und dann bleibt allerdings:

$$G_1 = \frac{a}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right).$$

Anmerkung. Die mittlere Kraft P, mit welcher bas Gegengewicht Giben Aufgang bes Gestänges beforbert, hangt natürlich von ber Lage bes Schwerzpunktes bes Balanciers ab. Bir haben oben angenommen, baß er beim halben hube mit ber Drehungsare in einerlei hohe liege; sehen wir aber im Folgenzben, ber Algemeinheit wegen, eine anbere Lage bieses Bunktes voraus. Nehmen wir wieber an, daß das Gestänge AB, Fig. 361, unter dem Binkel AFK = a Fig. 361.



gegen ben forizont geneigt fei, alfo bie gangenare DE bes Balanciers beim halben Bube von ber Bertifalen CK ebenfalls um KCS= a abweiche. Gegen wir ferner ben Abftand CS bes Schwerpunftes S bes Balanciere von ber Dres . hungeare C, = b und ben Binfel SCD, um welchen CS von ber gangenare CD abweicht, = 8. 3ft nun wieber $ECE_1 = ECE_2 = SCS_1 = SCS_2 = \frac{\beta}{2}$, fo haben wir bie Cehne S,S, = 2 b sin. 3, und ihre Abweichung HS, S, vom Corizont, $=KCS=KCD+DCS=\alpha+\delta$. Es ift baher ber Beg bee Schwerpunftes ober bes Gegengewichtes G_1 bei jedem Aufs ober Niebergange, $S_1H=S_1S_2$ sin. $HS_1S_2=2$ b sin. $\frac{\beta}{2}$ sin. $(\alpha+\delta)$, und die mittlere Kraft, mit welcher G, bas Beftange aufzieht,

$$P = \frac{2 G_1 b \sin \frac{\beta}{2} \sin (\alpha + \delta)}{s} = (1 - \frac{1}{24} \beta^2) \frac{b}{a} G_1 \sin (\alpha + \delta).$$

Macht man $\alpha + \delta = 90^{\circ}$, also $\delta = 90^{\circ} - \alpha$, b. i. legt man CS horie gontal, fo fallt naturlich P am größten, und zwar, wie oben im Saupttert,

$$P = (1 - \frac{1}{4}, \beta^4) \frac{b}{a} G_1$$
 aus.

Die ben Stangenfraften Q1 und Q2 entfprechenbe Große bes Begengewichs tes ift fur unferen allgemeinen Fall:

$$G_1 = \left[1 + \frac{1}{2}\left(\frac{s}{a}\right)^2\right] \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2\sin(\alpha + \delta)},$$

ober wenn bas Beftange burch Stangen an ben Balancier angefchloffen ift,

$$G_1 = \frac{a}{b} \cdot \frac{Q_1 - Q_2}{2 \sin (a + d)}$$

Wir miffen ichon aus bem zweiten Theile (f. II., S. 232), pubraulifder bag man bie Rraft eines Gegengewichtes burch ben hybroftatifchen Drud einer Bafferfaule, alfo überhaupt ben Gewichtsbalancier burch einen bybraulifchen Balancier erfeben tann. Bei Anwendung biefes Up: parates an Bafferfaulenmaschinen bedurfte es nur einer Berlangerung bes Ausgufrohres nach oben, um eine ben Aufgang bes Treibefolbens unb bes bamit verbundenen Geftanges unterftugende und ben zu ichnellen Niebergang beffelben hemmende Kraft zu erhalten; in anderen Fallen ift es hingegen nothwendig, einen befonderen Rolben gur Aufnahme des Dafferbrudes herzustellen. Gine Stigge von einem folchen hybraulischen Balancier führt Sig. 362 (a. f. S.) vor Mugen. Die brudenbe Bafferfaule ift von der Rohre ABC eingeschloffen und der den Bafferdruck aufnehmende und mit bem Geftange ES fest verbundene Monchstolben KL bewegt fich in bem Stiefel ober Enlinder CCDD. Damit die Rraft P, mit welcher ber Rolben vom Baffer aufwarts getrieben wirb, nicht ercentrifch auf bas Geftange ES wirte und baffelbe zur Seite ziehe, ift es zwedmäßig, baffelbe fo ju gabeln, bag es ben Stiefel CD fammt Rolben KL und Rolbenftange LE umfaßt. Ift F ber Querschnitt bes Rolbens

operantisser und h die fenkrechte Sohe der Kolbenflache beim mittleren Stande des Kol-



bens unter dem Wasserspiegel im Speisereservoir A, so hat man die Kraft, mit welcher der hydrauslische Balancier in der Arenrichtung auf das Gestänge wirkt, $P = Fh\gamma$, oder wenn F in Quasbratsuß und h in Fuß gegeben ist,

P = 66 Fh Pfund.

Noch nimmt aber die Kolbenreibung einen ansfehnlichen Theil hiervon in Anspruch, und es ist mit Berücksichtigung berselben nach II., §. 235, bei der Breite b der Liderung und dem Durchsmesser d bes Kolbens,

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) Fh \gamma$$
 zu sehen.

Die übrigen hydraulischen Hindernisse lassen sich wie die einer Wassersaulenmaschine beurtheilen, und sind auch bei einer Weite $d_1=\frac{1}{2}d$ der Röhren und einer kleinen Kolbengeschwindigkeit von 1 bis 2 Fuß klein genug, um sie außer Acht lassen zu können.

Der hydraulische Balancier hat den Bortheil ber Einfachheit und Raumersparnif vor dem Gewichtsbalancier, dagegen ift er aber auch mecha-

nisch unvollkommener, da die Kolbenreibung viel mehr Kraft verzehrt als die Bapfen- und Rettenreibung des Gewichtsbalancier. Ueberdies hat der Gewichtsbalancier den großen Borzug, daß man durch Zulegen oder Wegnehmen von Gewichten die Kraft P besselben nach Bedürsniß leicht verändern kann, wosgegen dei dem hydraulischen Balancier durch Stellung der Regulirungsklappe H nur Kraft vernichtet aber nicht geschaffen werden kann, vielmehr hierzu, wenn der Druck des Wassers dei völlig geössneter Klappe nicht mehr ausreicht, eine Verlängerung der Wassersaule nach oben nöthig ist. Ist ber der Stellung des Hahnes oder der Klappe H entsprechende Widerstandsscoefficient, d der Durchmesser der Kolbens, d, die Weite der Köhre und v die Geschwindigkeit des Kolbens, so hat man (nach I., §. 377 und II., §. 237) den Theil der Druckhohe h, welcher durch den Durchgang des Wassers durch diesen Regulirungsapparat verloren geht,

$$h_1 = \zeta \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2 g},$$

und den entsprechenden Arbeiteverluft pro Secunde:

$$L_1 = Qh_1\gamma = \zeta \cdot \left(\frac{d}{d_1}\right)^4 \cdot \frac{v^2}{2g} \cdot \frac{\pi d^2}{4} v\gamma = \frac{\pi}{4} \zeta \gamma \cdot \frac{d^6}{d_1^4} \cdot \frac{v^2}{2g}.$$

Anmerkung. Man fann fich endlich auch ftatt ber brudenben Bafferfaule purmatificer. AB ber comprimirten Luft bedienen, we'che man in einem Mindkesselle ein, schließt, ber mit dem Chlinder CD communicirt. Da das Entweichen ber Luft nicht ganz vermieden werden kann, so ift es nothig, eine kleine Luftpumpe anzuswenden, welche neue Luft zupumpt und babei die Spannung im Mindkessell auf einer gewiffen höhe erhalt. Die Kraft P, mit welcher ein solcher pneumatischer Balancier dem aufgehenden Gestänge zu hulfe kommt, ift allerdings variabel, um indeffen die Beränderlichkeit dieser Kraft möglicht herabzuziehen, ift es nothig, den Bindkessel viel größer zu machen als ben Chlinderraum.

3ft V bas Bolumen bes Bindreservoirs sammt Communicationsrohr und p bie Breffung ber Luft in bemfelben beim tiefften Rolb. nftande, ferner F bie Rolsbenflache und s ber Rolbenhub, so haben wir die Breffung ber Luft beim hochsten

Rolbenftanbe, bem Mariotte'ichen Gefete ju Folge, $p_1 = \frac{Vp}{V + Fs}$, und bie vers richtete Arbeit ber comprimirten Luft mahrend ber Relbenbewegung (f. I. §. 330)

$$L = V_p \log_{nat} \left(\frac{p}{p}\right) = V_p \log_{nat} \left(\frac{V + F_s}{V}\right)$$

3ft ber atmospharische Drud gegen bie Außenflache bes Rolbens pro Quabratzoll po, also im Gangen &p., so muffen wir noch bie Arbeit &pos in Abzug bringen, so bag wir nun

$$L = V p Log. nat. \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_0 s,$$

und bie mittlere Rraft Diefes pneumatifden Balanciers

$$P = \frac{L}{s} = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{V + Fs}{V}\right) - Fp_o,$$

ober mit Berudfichtigung ber Rolbenreibung,

$$P = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{V+Fs}{V}\right) - Fp_0 - 4 \varphi \frac{b}{d} F(p-p_0)$$

(f. II., §. 373) erhalten.

3ft $\frac{Fs}{V}$ flein, fo fann man

Log. nat.
$$\left(\frac{V+F_s}{V}\right) = \frac{F_s}{V} - \frac{1}{2} \left(\frac{F_s}{V}\right)^2$$

(f. »Ingenieur«, Seite 136) feten, und es ift fenach einfucher

$$P = \left(1 - 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F (p - p_0) - \frac{1}{2} \frac{F_s}{V} \cdot F_p.$$

Beim Niebergang bee Beftanges ift naturlich bie Reibung ebenfalls hinber- lich, und baber

$$P = \left(1 + 4 \varphi \frac{b}{d}\right) F \left(p - p_0\right) - \frac{1}{4} \frac{F_0}{V} \cdot F_p.$$

Beifpiel. Wenn verlangt wirb, ben im Beifpiele gu §. 174 behandelten Gewichtsbalancier burch einen hydraulischen oder gar durch einen pneumatischen Balancier zu erseben, so haben wir folgende Rechnungen anzustellen. Die erfors berliche Kraft P zum Ausgleichen ift 36000 Pfund, fieht uns daher eine Waffers fäule von 100 Jus hohe zu Gebete, so beburfen wir für den Treibefolben einen

Querichnitt
$$F = \frac{P}{66 \text{ h}} = \frac{86000}{6600} = 5,454 \text{ Quabratfuß, ober einen}$$

Durchmeffer $d=\sqrt{rac{4\ F}{\pi}}=2,635\ {
m Fu}{
m eta}=31,62\ {
m gell}.$

Bneumatifcher Balancier.

Rehmen wir $4 \varphi \frac{b}{d} = 0,1$ an (f. II., §. 235), fo erhalten wir bie burch bie Rolbenreibung verloren gehenbe Arbeit pro Spiel

$$4 \varphi \frac{b}{d} Fh\gamma . 2s = 0,1 . 5,454 . 100 . 66 . 8 = 28797 Fußpfund,$$

b. i. pro Secunde: $L=\frac{5}{60}\cdot 28797=2398$ Fußpfund = 4,7 Pferbefrafte.

Wenben wir hingegen einen pneumatifchen Balancier an, in welchem bie Luft auf 10 Atmofpharen gefrannt wirb, und forbern wir, bag fich bie Spannung beim Aufgange bes Rolbens hochftens um 1/8 ihres anfänglichen Berthes verminbere, fo haben wir fur bie Rolbenflache, beim bube s = 4 guß,

$$F = \left(\frac{p}{p_1} - 1\right) \frac{V}{s} = ({}^6/_7 - 1) \frac{V}{4} = \frac{V}{28},$$
 und baher für die Größe V des Bindfessels, ba $p = 10 \, p_0$ und

$$P = \frac{Vp}{s} Log. nat. \left(\frac{p}{p_1}\right) - Fp_0 = (10 Log. nat. \frac{9}{7} - \frac{1}{7}) \frac{Vp_0}{4}$$
$$= (1.3558 - 0.1429) \frac{Vp_0}{4} = 0.3081 Vp_0 \text{ ift,}$$

 $V = \frac{P}{0.8031 p_0} = \frac{86000}{0.8081 \cdot 144 \cdot 15.1} = \frac{86000}{659.06} = 54.62$ Gubiffuß. hiernach bestimmt fich bie wirkliche Große ber Rolbenflache

$$F=rac{v}{28}=$$
 1,950 Duabratfuß,

und baber ber Durchmeffer berfelben

$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 1,575$$
 Fuß = 18,9 Boll.

Die Leiftung, welche burch bie Rolbenreibung bei biefem Ausgleichungsmittel perloren geht, ift pro Spiel

 $4 \varphi \frac{b}{a} F(p - p_0) \cdot 2s = 0,1 \cdot 1,95 \cdot 9 \cdot 144 \cdot 15,1 \cdot 8 = 80526$ Fußpfund, alfo pro Secunte:

$$L=rac{80526}{12}=2544$$
 Bußpfund, b. i. nahe 5 Pferbelräfte.

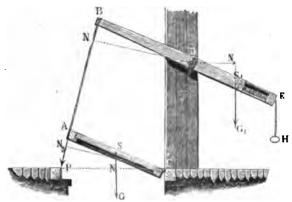
Der Gewichtsbalancier verliert nach ber Rechnung bes Beifpieles im §. 174 nur 207,25 Fußpfund, b. i. über 12mal weniger burch bie Reibung.

Bugbraden.

6. 177. Sehr mannigfaltige Gegengewichtsapparate tommen bei ben fogenannten Bugbruden (frang. ponts levis; engl. draw-bridges) in Anwendung. Bon ben vorzüglichften Conftructionen biefer Art fei baber aunachft noch die Rebe.

Die einfachste Bugbrude ift bie mit Schlagbaumen. Die Brude CA, Fig. 363, ift hier um die Angeln C brebbar, und mit Retten AB an ben Schwengel ober Schlagbaum BDE aufgehangen. Wird nun bas Ende bes letteren mittels einer Sandhabe ober Rette H niebergezogen, fo fteigt bas Ende B berfelben empor und es fchlagt fich bie Brudenbahn auf. Das Sauptaugenmert bei ber Construction einer folden Brude ift barauf gu richten, baf fich biefelbe in allen Richtungen von felbft bas Gleichgewicht halte und daher beim Auf= und Nieberlaffen nur eine Kraft zur Ueberwin= 3ugbraden. bung ber Reibungen erforbere. Wenn bie Dreharen C und D und bie Auf=





hångepunkte A und B die vier Echpunkte eines Parallelogrammes bilben, wenn also bei jeder Stellung der Brucke AB parallel CD und AC parallel BD bleibt, also auch der Neigungswinkel α von CA gegen den Horizont stets derselbe ist wie der von DB oder DE, so wird das einmal hergestellte Gleichgewicht durch die Orehung der Brucke nicht gestört werden, denn ist G das im Schwerpunkte S niederziehende Gewicht der Brucke und G_1 das im Schwerpunkte S_1 niederziehende Gewicht des Schlagbaumes, so haben wir für den Gleichgewichtszustand

$$G_1 \overline{DN_1} = P.\overline{DN_2} = P.\overline{CN_3} = G.\overline{CN}$$
, ober $G_1.\overline{DS_1} \cos \alpha = G.\overline{CS} \cos \alpha$, b. i. $G_1.\overline{DS_1} = G.\overline{CS}$;

es ist folglich die Größe des Gegengewichtes $G_1 = \frac{\overline{CS}}{\overline{DS_1}} \cdot G$ gar nicht vom

Neigungewinkel abhångig, und es wird also 'auch bei allen Neigungen ber Brude biefes Gegengewicht bem Gewichte ber Brude bas Gleichgewicht halten.

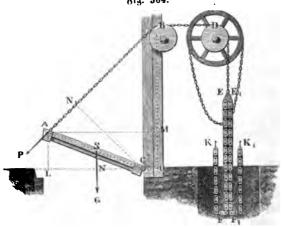
Da während des Aufklappens der Brudenbahn der Hebelarm CN des Brudenbahngewichtes G allmälig immer kleiner und kleiner wird, so erforbert also auch dieses Aufklappen ein allmälig abnehmendes Kraftmoment; will man daher statt des Schwengels oder Schlagbaumes BE ein wirklisches Gegengewicht in Anwendung bringen, so muß man entweder dieses Gewicht selbst, oder den Hebelarm desselben veränderlich machen.

Rach bem erften Principe ift bie Zugbrude von Poncelet, und nach bem zweiten Principe die von Derche construirt. Bei ben Poncelet'schen

Bugbruden Bugbruden besteht das Gegengewicht in einer Kette, welche mit dem unter ren Ende an einem festen Punkte aufgehangen und an dem oberen Ende mit der Kette zum Aufziehen der Brude verbunden ist. Wenn sich nun beim Aufgange der Brude das obere Kettenende immer mehr und mehr herabsenkt, so kommen gleichzeitig immer mehr und mehr Kettenglieder unter das seste Ende der Kette zu hängen, die nun vom festen Aufhängepunkt getragen werden und folglich nichts mehr zum Aufziehen der Brude beitragen. Auf diese Weise vermindert sich also auch die Zugkraft immer mehr und mehr, je höher die Brude steigt. Bei der Zugbrude von Derche hingegen ist das Gegengewicht an einem Ercentrik oder einem Spiralgange aufgehangen, um dessen Welle sich die Kette zum Aufziehen der Brude wickelt, während das Gewicht niedersinkt.

Anmerkung. Man kann auch bas Gegengewicht auf einer krummlinigen Bahn, beren Neigung von oben nach unten allmälig abnimmt, herabstinken laffen. Da bas Bestreben zum herabsteiten mit bem Reigungswinkel einer schiefen Ebene mächft und abnimmt, so ist es möglich, baß bas Gegengewicht bei jedem Stande ber Brüdenklapre bas Gleichgewicht hält. Es gehören hierher die Bugbrüden mit der Sinusoibenbahn von Belidor und Delile. hieriber ift nachzulesen: hülfse's allgemeine Naschinenenchklopabie, Band II., Artikel stewegzliche Brüdens, dann Poncelet's Cours de mécanique appl aux machines, beutsch von Schnuse, und Sganzins' Cours de constructions.

§. 178. Eine Poncelet'sche Zugbrude mit Ausgleichungstette ift in Fig. 364 abgebildet. Es ift hier CA die um C drehbare Brudenbahn, Fig. 364.



ABDE die über eine Leitrolle B hin: und an ber Trommel D herablaufende Bugkette, und EFK, $E_1F_1K_1$ stellen die daran hangenden Gleichz gewichteketten vor, welche mit den unteren Enden an den festen Punkten K

und K_1 aufgehangen find. Leicht ift zu ermeffen, wie fich bas Gewicht 3ugbraden. biefer Rette mit dem Gewichte G ber Brude ins Gleichgewicht feten kann.

Seben wir den Abstand des Schwerpunktes S der Brude von der Dreshungsare C, = a, und den Abstand des Angriffspunktes A der Ketten von eben dieser Ake = b, ferner den allmalig von 0 bis 90° machsenden Umdrehungswinkel $ACL = \alpha$ und den Binkel BAC, welchen die Kettenare mit der Langenare der Brude einschließt, $= \psi$, so haben wir die Hebelarme der Krafte G und P:

$$CN = CS\cos\alpha = a\cos\alpha$$
 und $CN_1 = CA\sin\omega = b\sin\omega$,

und es ift baher die Bugfraft ber Rette ABDE:

$$P = \frac{Ga \cos \alpha}{b \sin \psi}.$$

Um den Winkel ψ durch den Umdrehungswinkel α auszudrücken, führen wir den Hulfswinkel $BAM=\beta$ ein, sehen also $\psi=\alpha+\beta$, und bestimmen nun β auf folgende Weise. Es ist

$$BM = BO - MO = BO - AL$$
 und
$$AM = CO + LC, \text{ folglidy}$$

$$tang. \beta = tang. BAM = \frac{BM}{AM} = \frac{BO - AL}{CO + LC}$$

$$= \frac{h - b \sin. \alpha}{c + b \cos. \alpha},$$

wosern wir die Hohe BO des Berührungspunktes B der Kette mit der Leitrolle über der Drehungsare C durch h, und den Horizontalabstand CO bieser Punkte von einander durch c bezeichnen.

Fur die niebergelaffene Brude ift a = 0, baher hat man hier

tang.
$$\beta = \frac{h}{b+c}$$
 und $P = \frac{Ga}{b\sin \beta} = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh};$

für die aufgezogene Brude hingegen ist $\alpha=90^\circ$, daher tang. $\beta=\frac{h-b}{c}$ und P=0 zu sehen. Soll nun die Ausgleichungskette für diese zwei Stellungen der Brudenbahn das Gleichgewicht herstellen, so muß man ihr

eine Lange $EF + FK = E_1F_1 + F_1K_1 = \sqrt{(b+c)^2 + h^2}$ und ein Gewicht

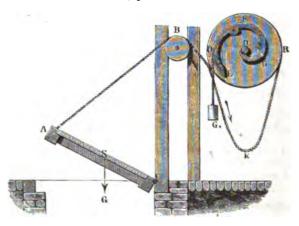
$$G_1 = P = \frac{Ga\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{bh}$$
.

geben, also jebe Langeneinheit berfelben $\frac{Ga}{bh}$ wiegen laffen.

Will man auch bei ben 3mifchenftellungen ausgleichen, fo muß man bie

Susdiaden. Rettenglieder ungleich schwer machen, und zwar von oben nach unten allmälig schwerer werden laffen. Die obigen Formeln reichen übrigens vollkommen aus, um die Anordnung der Kette dieser Forderung entsprechend zu beswerkstelligen. Wir nehmen für α eine steigende Reihe von Werthen, z. B. $\alpha=0^{\circ}.\ 10^{\circ},\ 20^{\circ},\ 30^{\circ}$ u. s w. an, berechnen mit Hüsse der obigen Formel die entsprechenden Werthe von β und $\psi=\alpha+\beta$, und hieraus wieder die entsprechenden Kraftwerthe P, und endlich auch noch jedesmalige Länge des Kettenstücks AB, nämlich $l=V(c+b\cos\alpha)^2+(h-b\sin\alpha)^2$. Ist nun P, P_1 , P_2 , P_3 , P_4 u. s. w. die Reihe der Kraftwerthe und l, l_1 , l_2 , l_3 , l_4 u. s. w. die Reihe der Kettensängen AB, so hat man die den Stücken l_1-l , l_2-l_1 , l_3-l_2 , l_4-l_3 u. s. w. der Ausgeleischungskette (von den sessen Punkten K oder K_1 ausgegangen) zu gebenden Gewichte: P_1-P_2 , P_2-P_1 , P_3-P_2 , P_4-P_3 u. s.

Die wesentliche Einrichtung einer Bugbrude mit Ercentrit ift aus Fig. 365 zu ersehen. hier widelt sich die Rette ABE, womit die Brude Rig. 365.



AC aufgezogen wird, auf eine Arommel EFR, welche mittels einer Kette K ohne Ende um ihre Are D umgedreht werden kann. Mit die fer Arommel ift der Spiralgang EFG verbunden, um welchen sich eine Kette OG_1 windet, an der das Gegengewicht H_1 niederzieht. Während die Brücke durch Umdrehung der Arommel allmälig aufgezogen wird, wickelt sich die Kette OG_1 immer mehr und mehr von der Spirale EFG ab und es erhält das Gegengewicht G_1 immer kleinere und kleinere Hebelarme DO, so daß das Moment desselben bei jeder Stellung dem edenfalls allmälig abnehmenden Momente der Brücke gleich bleiben kann.

Die Berechnung von B, P und l ift hier biefelbe wie bei ber vorigen

Bugbrude. Ift r ber conftante halbmeffer ber Trommel ober Scheibe 3-20-1841. und z ber veranderliche halbmeffer DO ber Spirale, fo hat man

$$G_1 z = Pr$$
, und daher
$$z = \frac{Pr}{G_1} = \frac{Gra\cos \alpha}{G_1b\sin (\alpha + \beta)}.$$

Am Anfang ift a = 0 und baber

$$z = \frac{Gra}{G_1b \sin \beta} = \frac{Gra\sqrt{(b+c)^2 + h^2}}{G_1bh}$$

am Ende hingegen a = 90° und baher z = 0; wegen ber Reibung fann man jedoch biefen Salbmeffer bem Salbmeffer bes Bapfens D gleiche nehmen.

Soll die Spirale nur eine Windung machen, fo muß ber Umfang ber Scheibe OR ber aufzuwindenden Rettenlange

$$\sqrt{(b+c)^2+h^2}-\sqrt{c^2+(h-b)^2}$$

gleich sein, und hiernach ist der nothige Scheibenhalbmesser
$$r = \frac{\sqrt{(b+c)^2 + h^2} - \sqrt{c^2 + (h-b)^2}}{2\pi}.$$

Benn man fur ben Neigungswinkel ber Brudenbahn eine Reihe 0, a1, a2, a3 . . . von Werthen annimmt und hiernach auch fur ben Sulfewinkel eta eine Reihe $eta_0, \, eta_1, \, eta_2, \, eta_3 \, \ldots$ berechnet, so lagt fich nun auch fur ben Rabiusvector z ber Spirale eine Reihe zo, z1, z2, z3 . . . und ebenfo fur die Rettenlange l eine Reihe lo, l1, l2, l3 u. f. w. von Werthen ermitteln, und werben endlich noch bie letteren Berthe um bie Lange $\sqrt{c^2+(h-b)^2}$ bes zurudbleibenden Rettenftudes vermindert und die Reste mit $\frac{360^{\circ}}{2 \pi r} = \frac{180^{\circ}}{\pi r} = \frac{57^{\circ},296}{r}$ multiplicirt, so erhalt man auch eine Reihe φ_0 , φ_1 , φ_2 , φ_8 u. f. w. von ben ben Rabien zo, z1, z2, z8 u. f. w. entfprechenden Centriminteln und es lagt fich nun hiernach bie Spirale leicht verzeichnen.

Beifpiel. Es ift bie Anordnung einer Bugbrude mit einem Spiralrabe gu vollziehen, welche bas Gewicht G = 6000 Bfund und bie gange b = 12 guß hat, und für welche A = 15 Fuß, c = 4 Fuß und a = 6 Fuß ift.

Rehmen wir nur folgende Werthe

und berechnen wir junachft mittele ber Formel

$$\bullet \ tang. \ \beta = \frac{b - b \sin. \alpha}{c + b \cos. \alpha} = \frac{15 - 12 \sin. \alpha}{4 + 12 \cos. \alpha}$$

bie entfprechenben Berthe fur B:

und baraus wieber für α + β:

Bugbraden.

$$V \frac{(b+c)^2+k^2}{(c^2+(k-b)^2)} = V \frac{16^2+15^2}{16^2+3^2} = 21,932$$
 unb $V \frac{c^2+(k-b)^2}{c^2+(k-b)^2} = V \frac{4^2+3^2}{4^2+3^2} = 5,$

baber folgt bie Lange bes auf bie Scheibe zu widelnben Rettenftudes
= 21,932 - 5 = 16,992 Fuß, ber Salbmeffer ber Trommel

$$r=\frac{16.932}{2\pi}=2,695$$
 Fuß,

und bie Große bes Gegengewichtes, wenn man bem größten Rabiusvector ber Spirale biefelbe Große giebt,

$$G_1 = \frac{G_R}{b \sin \beta} = \frac{6000}{2 \sin 43^\circ, 9^\circ} = 920,9 \text{ Hund.}$$

gur ben veranberlichen Rabinevector

$$s = \frac{Gra \cos \alpha}{G_1 b \sin \alpha + \beta} = \frac{r \cos \alpha \sin 43^{\circ}, 9'}{\sin \alpha + \beta} = \frac{1,8131 \cos \alpha}{\sin \alpha + \beta}$$

ergiebt fich nun folgende Reihe

s = 2,695; 2,160; 1,631; 1,102; 0,574; 0,000,

und fur bie gange bes Rettenftudes oberhalb ber Brudenbahn

$$l = \sqrt{(c + b\cos a)^2 + (b - b\sin a)^2} = \frac{c + b\cos a}{\cos b}$$

folgenbe Reihe: l = 21,93; 18,99; 14,99; 11,24; 7,77; 5,00.

Bieht man ben letten Berth von allen vorhergehenden ab, fo erhalt man bie entsprechenden Rettenbogen

s = 16,98; 18,99; 9,99; 6,24; 2,77; 0,00

und endlich für bie ben obigen Rabiusvectoren entfprechenben Gentrimintel

$$\varphi = \frac{57^{\circ},296}{r}s = \frac{57,296}{2,695}s = 21,26s$$
, bie Reihe

 $\varphi = 860^{\circ}; 297^{\circ},4; 212^{\circ},4; 182^{\circ},6; 58^{\circ},9; 0^{\circ},0.$

Anmerfung. Bon ber Theorie bes Spiralforbes und bes Ausgleischungsmagens foll fpater in bem Rapitel sie Schachtforberunge gehandelt werben.

Degengewicht bei Krummzapfen. §. 179. Sehr wichtig ift oft auch die Anwendung eines Gegengewichs Fig. 366. tes bei der Krummzapfenbewegung. Wenn bei



tes bei ber Krummzapfenbewegung. Wenn bei einem boppelten Krummzapfen ACB, Fig. 366, mit zwei diametral gegenüberstehenden Warzen A und B, und mit gleichen und gleichbetasteten Gestängen die Stangenkraft oder Last $Q_1 = G + R_1$ beim Aufgange eine andere ist als die Stangenkraft oder Last $Q_2 = -(G - R_2)$ beim Niesbergange, so balanciren natürlich die beiden Stangengenwichte G und G mit einander, und haben auf den Gang des Krummzapfens weiter keinen Einsluß, als daß sie den Zapfendruck um G, und dem entsprechend die Zapfenreibsing vergrößern. Uedrigens sind die statischen und mechanischen Berhältnisse eines solchen Krummzapfens wie die eines einsachen Krummzapfens mit der conse

stanten Auf= und Riebergangefraft ober Laft $Q=Q_1+Q_2$, und es finden Gegengemiet bet Arymni. baher die Lehren in f. 95, f. 99, f. 100 u. f. w. fur diefen Bapfen auch ihre Anwendung bei den doppelten Krummzapfen mit gegenüberliegenben Bargen.

Gang andere find hingegen die Bewegungeverhaltniffe eines einfachen Rrummzapfens, wo die Rraft ober Laft $Q_1 = R_1 + G$ zum Aufgange eine andere ift als die Kraft Q2 = R2 - G jum Riedergange. fällt in der Regel die Ungleichformigfeit ber Bewegung fo groß aus, baß eine Ausgleichung burch Gegengewichte unumganglich nothwendig ift. Nehmen wir an, daß die Bewegung vom Krummzapfen ausgehe, und burch benfelben bie Geftanglaften Q1 und Q2 zu überwinden find. Ift nun c_1 die Warzengeschwindigkeit im untersten tobten Punkte U und c_2 Die Barzengeschwindigkeit im oberften tobten Punkte O, so haben wir bie bekannten Arbeitsgleichungen

$$M \binom{c_3^2 - c_1^2}{2} = \pi Pr - 2 Q_1 r$$
 und $M \binom{c_1^2 - c_2^2}{2} = \pi Pr - 2 Q_2 r$, woraus nun burch Abdition $2 \pi Pr = 2 (Q_1 + Q_2) r$, b. i. $P = \frac{Q_1 + Q_2}{\pi}$ sich ergiebt, und dann noch $c_2 = \sqrt{c_1^3 - \frac{2 r (Q_1 - Q_2)}{M}}$, annähernd $c_2 = c_1 - \frac{(Q_1 - Q_2) r}{Mc}$ folgt.

Wenn wir vorausseten, daß $Q_1>Q_2$ ift, so haben wir hiernach auch $c_1 > c_2$. Die Geschwindigkeit c_1 ist jedoch noch keinesweges der größte und ebenfo c, der fleinfte Geschwindigfeitswerth; um die eminenten Ge= schwindigkeitswerthe v1 und v2 ju finden, muffen wir vielmehr in ber Formel

 $v = c_1 + \left(\frac{P\beta - Q_1(1 - \cos \beta)}{Mc_1}\right)r$

für β die durch sin. $\beta = \frac{P}{Q_1} = \frac{Q_1 + Q_2}{\pi Q_1}$ bestimmten Werthe, fur M bie um bie halbe Gestangmasse vergrößerte und auf ben Wargenfreis reducirte Rotationsmaffe einführen.

Sett man annahernd fur bie Marimalgeschwindigfeit v1 $\beta = \frac{P}{Q}$ und $1 - \cos \beta = 2\left(\sin \frac{\beta}{2}\right)^2 = \frac{P^2}{2Q^2}$, fo erhalt man bie in Frage ftehenbe Marimalgeschwindigkeit

Erfte Abtheilung. Siebentes Rapitel.

Gezengewicht bei Krumm. zapfen.

$$v_1 = c_1 + \left(\frac{P^2}{Q_1} - \frac{P^2}{2Q_1}\right) \frac{r}{Mc_1} = c_1 + \frac{(Q_1 + Q_2)^2 r}{2\pi^2 Q_1 M c_1}$$

nimmt man aber

ftatt
$$\beta$$
, $=\pi-\frac{P}{Q_1}$ und

flatt
$$1 - \cos \beta$$
, $1 + \cos \beta = 2\left(\cos \frac{\beta}{2}\right)^2 = 2 - 2\left(\sin \frac{\beta}{2}\right)^2$,

fo erhalt man die fragliche Minimalgeschwindigfeit

$$v_{2}=c_{1}+\left[P\left(\pi-\frac{P}{Q_{1}}\right)-2Q_{1}+\frac{P^{2}}{2Q_{1}}\right]\frac{r}{Mc_{1}}=c_{1}+\left(Q_{1}-Q_{2}-\frac{P^{2}}{2Q_{1}}\right)\frac{r}{Mc_{1}}$$

$$=c_{2}-\frac{(Q_{1}+Q_{2})^{2}r}{2\pi^{2}Q_{1}Mc_{1}}.$$

Diesem zufolge ift nun ber Ungleichformigkeitsgrad & biefes einsfachen Krummzapfens

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c_1} = \frac{c_1 - c_2}{c_1} + \frac{(Q_1 + Q_2)^2 r}{\pi^2 Q_1 M c_1^2}$$

$$= \left(Q_1 - Q_2 + \frac{(Q_1 + Q_2)^2}{\pi^2 Q_1}\right) \frac{r}{M c_1^2}.$$

Bare die Kraft zum Auf- und Niedergang biefelbe, namlich =Q, so hatten wir

$$\delta = \frac{4}{\pi^2} \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = 0,4046 \, \frac{Qr}{Mc_1^2}$$
 oder genauer, nach §. 112, $\delta = 0,4210 \, \frac{Qr}{Mc^2};$

wate aber Q_1 viel größer als Q_2 , so ethalten wir einen viel größeren Grab ber Ungleichförmigkeit. 3. B. $Q_2=0$ gabe

$$\delta = 1,1013 \frac{Q_1 r}{M c_1^2}.$$

Es kann enblich $Q_2 = R_1 - G$ fogar negativ und beshalb & noch viel größer ausfallen. Sicherlich barf aber boch v_2 nie Null ober gar negativ werden, und es forbert baher ber Beharrungszustand biefer Masschine, baß

$$c_2 > rac{(Q_1 + Q_2)^2 r}{2 \, \pi^2 Q_1 M \, c_1}$$
, ober $c_1 - rac{(Q_1 - Q_2) \, r}{M \, c_1} > rac{(Q_1 + Q_2)^2 \, r}{2 \, \pi^2 \, Q_1 M \, c_1}$, b. i. $M \, c_1^2 > \left(Q_1 - Q_2 + rac{(Q_1 + Q_2)^2}{2 \, \pi^2 \, Q_1}
ight) r$ [ei.

Bei großen Differenzen zwischen Q1 und Q2, wie z. B. bei ben foges nannten Waffertunften vortommen, tann hiernach die erforberliche Raffe

M unthunlich groß ausfallen, und beshalb eine Ausgleichung burch Ges Beinemperblat bei Rrumme. gengewichte unbebingt nothig fein.

Beifpiel. Belden Ungleichformigfeitegrad befit ein Krummzapfen mit einfachem Geftange, welches 80000 Pfund wiegt, ju feinem Aufzuge 35000 und gu feinem Riebergange 5000 Bfund Rraft erforbert, mahrend bie rotirenbe Daffe bes Krummzapfens, auf ben Bargenfreis reducirt, 700000 Pfund beträgt, ber Salbmeffer bee Bargenfreifes r = 2 Rug und bie Gefdwindigfeit im unteren tobten Buntte ebenfalle 2 Fug migt? Ge ift hier

 $Q_1 = R_1 + G = 35000 + 30000 = 65000 \text{ unb}$

Q2 = R2 - G = 5000 - 80000 = - 25000 Bfund, folglich

 $Q_1 - Q_2 = 90000$ und $\frac{(Q_1 + Q_2)^2}{\pi^2 Q_1} = 2493$ Bfund; ferner ift noch

M = $\frac{700000 + 15000}{21.95}$ = 22880 Pfund, und felglich

Mc. = 22880 . 4 = 91520 fleiner ale

$$\left(Q_1-Q_2+\frac{(Q_1+Q_2)^2}{2\,\pi^2\,Q_1}\right)r=(90000+1247)\cdot 2=182493.$$
 Bei biefen Berhaltniffen fann also bie Daschine gar nicht mit Beharrung

umlaufen.

Satte man burch ein Begengewicht von 30000 Bfund bas Stangengewicht ausgeglichen, fo murbe unter ber Borausfegung, bag burch bas Begengewicht bie Beftangmaffe verboppelt wird, ber Ungleichformigfeitegrab biefer Dafdine, da hier

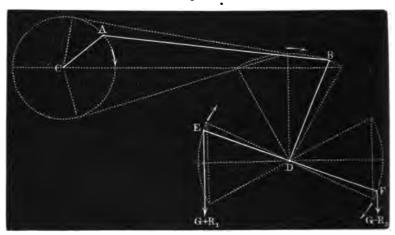
$$Q_1 = 35000, \ Q_2 = 5000 \text{ unb } M = \frac{700000 + 30000}{31,25} = 23360 \text{ Pfunb iff,}$$

$$d = \left(Q_1 - Q_2 + \frac{(Q_1 + Q_2)^2}{\pi^2 Q_1}\right) \frac{r}{Mc_1^2} = (80000 + 4632) \cdot \frac{2}{28360 \cdot 2^2}$$

Saite man burch ein Gegengewicht von $\frac{Q_1-Q_2}{3}$ = 45000 Pfund bie ganze Geftangfraft ausgeglichen, fo wurde, ba bann bie mittlere gaft $Q=rac{85000+5000}{9}$ = 20000 Pfund betruge, ber Ungleichformigfeitegrab, und zwar nur bei febr langer Rurbelftange:

$$\delta = 0.421 \cdot \frac{Qr}{Mc_8} = 0.421 \cdot \frac{20000 \cdot 2 \cdot 31.25}{(700000 + 37500) \cdot 4} = 0.1784$$
 fein.

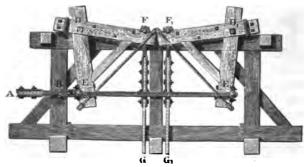
6. 180. Wir haben ichon im vorigen Paragraphen gezeigt, bag bei einem boppelten Rrummzapfen mit zwei einander gegenüberliegenden Bargen und zwei gleichen und gleichbelafteten Geftangen eine vollftanbige Ausgleichung ber Laften ftatt hat; jest wollen wir aber noch hinzufugen, baß bies auch bei einem einfachen Rrummgapfen möglich fei, wenn berfelbe mittele Rreuge zwei gleiche Geftange gugleich, und zwar ein auf= unb ein niebergehendes, in Bewegung fest. Diefe Unordnung lagt fich bei maßig langen Stangen immer mit Bortheil anwenden, ba mit berfelben Gegengemidt eine wesentliche Raumersparniß verbunden ist. Die Einrichtung eines soljapsen. chen Doppelgestänges ist aus Fig. 367 zu ersehen; CA ist der KrummKig. 367.



zapfen, AB die Lenkstange, BDEF das Doppelkreuz, welches in D seiznen Stützunkt, in E und F aber die Aufhängepunkte der Gestänge hat. Wenn der Krummzapfen in der Richtung des Pfeiles umläuft, geht bei der in der Figur angedeuteten Stellung der Warze A der Aufhängepunkt E des Kreuzes mit der Gestänglast $Q_1 = G + R_1$ empor, und der Aufphängepunkt mit der Last $Q_1 = -(G - R_2)$ nieder.

Will man die Gestänge zur Ersparung des Raumes ganz nahe zusammenbringen, so muß man statt des Doppelkreuzes zwei einfache Kreuze, wie Fig. 368, in Anwendung bringen. Die beiden Kreuze $E\,D\,F$ und $E_1\,D_1\,F_1$ sind durch eine Stange $E\,E_1$ in der Richtung der Kurbelstange

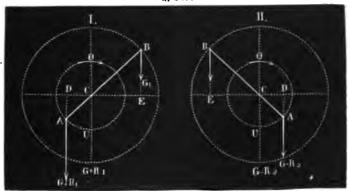




AB mit einander verbunden und tragen in F und F, die Geftange FG gegenate und F. G. Leicht ift einzusehen, bag bei biefer Einrichtung ju gleicher Beit ein Gestänge auf- und ein anderes niebergeht.

Es tonnen jedoch auch Salle vortommen, wo es nur moglich ift, ein Geftange anzuwenden, und bann ift es allerdings nothwendig, bie Ungleichheit zwischen ber Rraft zum Auf= und ber zum Niedergang beffelben burch ein Gegengewicht auszugleichen. Bringt man biefes Gegengewicht unmittelbar mit dem Geftange in Berbindung, fo gemahrt es den fecunbaren Bortheil, bag baburch nicht allein bas Geftange mehr geschont, sonbern auch ber Rrummgapfen mehr entlaftet und folglich bie Reibung an biefem herabgezogen wirb, jumal, ba bie Starte bes Gegengewichtezapfens viel kleiner ift als die Starte bes Bapfens ber Rurbel. Ift es nicht geftattet, ein Gegengewicht unmittelbar an bas Geftange anguschließen, fo tann man auch die Ausgleichung ber Rraft O1 und O2 burch ein mit ber Rrummzapfenwelle verbundenes und also auch mit biefer zugleich rotirenbes Gegengewicht bewirken, und bamit burch baffelbe ber Bapfendrud nicht unnothig vergroßert werbe, ift es rathfam, biefem Gewichte einen moglichft großen Bebelarm ju geben, und es beshalb mit bem Rreuge ober ben Armen bes auf biefer Welle etwa fibenden Wafferrabes ober Schwungrades ju verbinben.

Ein folches Gegengewicht G1 ift in einem Puntte B, Fig. 369 I und II, Rig. 869.



ju firiren, welcher ber Krummzapfenwarze A genau gegenüber liegt. bann die Lenkstange hinreichend lang, daß wir annehmen durfen, die Richtung ber Geftangfraft ober Laft bleibt mahrend einer Umdrehung eine und diefelbe, fo verandert fich der Bebelarm CE des Gegengewichtes G1 nahe wie der Gestänglaft $G + R_1$ und $G - R_2$. Bezeichnen wir ben Salbmeffer CA bes Bargenfreises burch r und bie Entfernung CB bes Schwerpunktes bes Gegengewichtes von ber Umbrehungsare C burch Proengemiat b, den veränderlichen Umbrehungswinkel UCA aber durch eta, so haben bei Kramm- wir das erforderliche Umbrehungsmomenet

1) für den Aufgang: $Qr \sin \beta = (G + R_1) r \sin \beta - G_1 a \sin \beta, \text{ und}$

2) für den Niedergang: Qr sin. β = G₁ a sin. β - (G - R₂) r sin. β.

hiernad erhalten wir bie Bestimmungsgleichungen

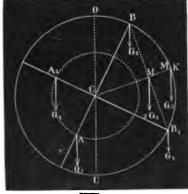
$$Qr = (G + R_1)r - G_1a \text{ unb}$$

$$Qr = G_1b - (G-R_2)r$$
. woraus die mittlere Krummzapfenlast

$$Q=rac{R_1+R_1}{2}$$
 und die Größe bes Gegengewichtes

$$G_1 = rac{r}{b} \left(G + rac{R_1}{2} - rac{R_2}{2}
ight)$$
 sich ergiebt.

Für einen doppelten Krummzapfen ACA1, Fig. 370, mit zwei im Rechtwinkel gegen einander gestellten



Rechtwinkel gegen einander gestellten Warzen A und A_1 kann man zunachst nach dem Vorstehenden zwei Gegengewichte G_1 und G_1 bestimmen, und nachher diese durch ein einziges Gegengewicht G_2 ersehen. Es ist ein Gegengewicht $2 G_1$, welsches, in der Mitte M der Sehne $B B_1$ niederziehend, die einzelnen Gegengewichte G_1 und G_1 in den Gegenpunkten B und B_1 von A und A_1 erseht. Der Abstand des Angriffspunktes M dieser Mittelskraft von der Umdrehungsare C ist

 $CM = CBV^{\frac{1}{2}}$, und folglich das Moment dieser Kraft

$$CM.2 G_1 = 2 G_1.CB\sqrt{\frac{1}{2}} = G_1.CB\sqrt{2} = G_1a\sqrt{2}.$$

Sest man dieses Moment $=G_2$. $CK=G_2a$, so erhalt man nun auch das Gegengewicht G_2 , welches im Abstande CK=a von der Umsbrehungsare anzubringen ist, um die Gestänglasten auszugleichen. Wir erhalten so

$$G_3 = G_1 \sqrt{2}$$

$$= \frac{r \sqrt{2}}{a} \left(G + \frac{R_1 - R_2}{2} \right),$$

wenn G bas Gewicht einer jeden Stange, R_1 bie Aufgangs: und R_2 bie Niebergangstraft derfelben bezeichnen.

6. 181 *) In dem Borftehenden haben wir nur von den ftatifchen Bir= Grag Big. 371.



tungen ber Gegengewichte gesprochen; es bleibt uns baber noch ubrig, auch die Wirfungen biefer Gewichte als trage Maffen zu untersuchen. wir auch hier wieber eine fehr lange Rurbelstange voraus, fo bag wir die Stangenkraft Q als ftete in berfelben Richtung wirkend annehmen konnen. Gelangt bie Barge bes Krummgapfens vom todten Punkte U. Kig. 371, nach einem Puntte A, inbem fie mit ber beis nabe conftanten Geschwindigkeit v ben Bogen $UA = \beta r$ jurudlegt, so haben wir, wie auch ichon aus bem Fruberen (§. 100) bekannt ift, die Gefchwindigkeit ber Stange in ber Richtung ihrer eiges nen Are: w = v sin. β. Nun ift aber

nach I., §. 19 *) bie biefer Geschwindigkeit entsprechende Acceleration

$$p = \frac{d w}{dt} = \frac{v \cos \beta d \beta}{dt}, \text{ folglidy,}$$

ba $r\beta = vt$, also $rd\beta = vdt$, b. i. $\frac{d\beta}{dt} = \frac{v}{r}$ geset werden fann,

$$p = \frac{r^2 \cos \beta}{r}$$

Ift nun M1 die Gestängmaffe, fo folgt hiernach die Rraft, mit welcher bas Geftange burch feine Tragheit ber mit ber Beschleunigung p vor fich gebenben Bewegung widerfteht,

$$K = Mp = \frac{Mv^2 \cos \beta}{r}.$$

Da nun ber Cofinus im erften und vierten Quabranten positiv, im zweiten und dritten Quadranten aber negativ ift, fo folgt, daß diese Tragheits= Eraft in dem erften und letten Quadranten ber Umbrehung von oben nach unten, b. i. in ber Richtung CU, und bagegen in ben beiben mittleren Quabranten berfelben von unten nach oben, b. i. in ber Richtung CO wirkt. Es wird alfo bei einem einfachen Rrummgapfen ber Bapfendrud mahrend ber unteren Salfte EUD ber Umbrehung durch die von 0 bis $\frac{Mv^2}{c}$ alls målig wachsende und von $\frac{Mv^2}{r}$ bis 0 allmålig abnehmende Kraft vergrö-Bert und bagegen mahrend ber oberen Salfte DOE ber Umbrehung um

Gegengewicht bei Rrumm. japfen

eben biese Kraft vermindert. Ist nun Q die Stangenkraft, so hat man folglich den Warzendruck $Q+\frac{Mv^2}{r}\cos\beta$ zwischen $Q-\frac{Mv^2}{r}$ und $Q+\frac{Mv^2}{r}$ sprischen $Q-\frac{Mv^2}{r}$ und $Q+\frac{Mv^2}{r}$ sprischen veränderlich. So lange $Q-\frac{Mv^2}{r}$ nicht negativ aussäult, also $\frac{Mv^2}{r} < Q$ ist, hat diese Veränderlichkeit auf die Arbeit der Warzenreibung keinen directen Einsluß, denn der Zuwachs der Reibung durch die Trägheit in einem Quadranten wird durch die Verminderung derselben im folgenden Quadranten wieder aufgehoben; da aber die Warzenstärke der größten Kraft $Q+\frac{Mv^2}{r}$ entsprechen, also nach \S . 90, $d_2=0.048$ $\sqrt{Q+\frac{Mv^2}{r}}$ genommen werden muß, und die Arbeit der Reibung mit der Stärke d_2 wächst, so hat die Trägheitskraft allerdings auch einen secundären Einfluß auf diese Bewegungshinderniß.

Ist hingegen $\frac{Mv^2}{r} > Q$, so wird bei einem stumpfen Umdrehungs-winkel β_1 . welcher durch die Formel $\cos \beta_1 = -\frac{Qr}{Mv^2}$ bestimmt ist, ein negativer Barzendruck eintreten, und da negativer Druck ebenso gut Reibung giebt als positiver, so ist auch im zweiten Quadranten die Berminderung der Reibung durch die Trägheit nicht genau gleich der Bergrößerung ders selben im ersten Quadranten.

Allgemein ift die Warzenreibung

$$\varphi(Q+K)=\varphi(Q+\frac{Mv^2}{r}\cos\beta),$$

und baher die Arbeit berfelben bei Umbrehung um einen Winkel β_1 , wenn, wie in §. 99, r_2 den Warzenhalbmeffer bezeichnet,

$$\varphi Q \beta_1 r_2 + \varphi \frac{r_2 M v^2}{r} \int_0^{\beta_1} \cos \beta \, \delta \beta$$

$$= \varphi Q \beta_1 r_2 + \varphi \frac{r_2 M v^2}{r} \sin \beta_1.$$

Für den zweiten Theil $\pi-\beta_1$ der Umbrehung ist der Druck Q+K negativ, die Reibung aber, als widerstehende Kraft, bleibt positiv, daher hat man hier die Arbeit der Warzenreibung

$$-\left(\varphi\left(\pi-\beta_{1}\right)r_{2}+\varphi\frac{r_{2}Mv^{2}}{r}\left(\sin 2\pi-\sin \beta_{1}\right)\right),$$

und es folgt die gesammte Arbeit der Reibung während einer halben Umstrehung, $L=\varphi\,Q\,r_2\,(2\,\beta_1\,-\,\pi)\,+\,2\,\varphi\,rac{Mr_2\,v^2}{r}\,\sin.\,eta_1.$

Dividiren wir diesen Ausbruck burch ar, so erhalten wir die auf ben Margenfreis reducirte Bargenreibung

$$F = \varphi\left(\frac{2\beta_1}{\pi} - 1\right) \frac{r_2}{r} Q + 2 \varphi \pi \frac{Mr_2 v^2}{r^2} \sin \beta_1,$$

und ift $\beta_1 = \pi$, so folgt sehr richtig, wie gewöhnlich

$$F = \varphi \cdot \frac{r_1}{r} Q.$$

In vielen Fallen wird fich allerdings nie $\frac{Mv^2}{r} > Q$ herausstellen, und daher biefe besondere Bergroßerung der Bargenreibung durch die Tragheit gar nicht vorkommen. Es gehort hierzu entweder eine fehr große Daffe M, wie z. B. bei langen Tagegeftangen, ober eine fehr große Gefchwindigkeit, wie fie g. B. bei Locomotiven vortommt.

Die veränderliche Erägheitstraft $\frac{Mv^2}{r}$ cos. β verändert nicht allein ben Drud an ber Warze, sondern auch ben Bapfenbrud, nur ift biefer bei ftehenden Maschinen in der Regel fo groß, daß er von der erfteren Kraft nicht übertroffen werben fann. Ift R ber ftatifche Bapfenbrud, fo haben wir, dem Dbigen zu Folge, den effectiven Bapfendrud $R+\frac{Mv^2}{r}$ cos. etazu feten; und ware $\frac{Mv^2}{r}$ > R, fo wurde der Zapfen, wenn die Barge in bem oberften Theile ihrer Bahn fich bewegt, nicht nach unten, fondern nach oben bruden, und baher das Bapfen-





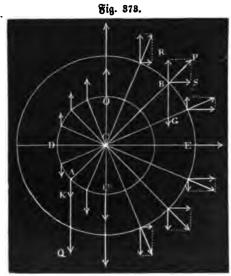
lager einen Dedel nothig haben. Ift ber Krummzapfen doppelt, und tragt berfelbe an ben gegenüberliegenden Wargen A und B (Fig. 372) zwei gleiche und gleichbelaftete Beftange, fo mirten bie Tragheitetrafte K und - K der Geftange in entgegengefetten Richtungen und geben baber ein Rraftepaar (K. - K). Da ein folches Rraftepaar gar feinen Druck auf die Are C ausubt, fo bietet bie Unmendung eines folchen Doppelgestänges einen neuen Bortheil bar. Wie sich auch mahrend der Umdrehung bes boppelten Rrummgapfens AB bie Große ber Tragheitefrafte veranbere, fo geben dieselben boch immer ein balb bie

Gegengemide Umbrehung beförderndes bald ein biefelbe erschwerendes und auf die Zapfens reibung teinen Ginflug ausübendes Rraftepaar.

> Bringt man aber statt bes zweiten Gestänges B ein Gegengewicht G_1 im Abstande CB = b, Fig. 373, von ber Umbrehungeare C an, welches eine Ausgleichung ber Stangenfrafte Q1 und Q2 hervorbringen foll und, wie wir aus 6. 180 miffen, die Große

$$G_1 = \frac{r}{b} \left(\frac{Q_1 - Q_2}{2} \right) = \frac{r}{b} \left(G + \frac{R_1 - R_2}{2} \right)$$

haben muß, fo findet nur eine theilmeife Ausgleichung ber Tragheitefrafte



Es ift hier erftens fcon megen ber großeren Armlange bie Maffe M1 bes Gegengewichtes G1 eine andere als die Maffe M des Geftanges, und es befteht hier, ba fich bas Begen= gewicht im Rreise herum= breht, bie Wirfung ber Tragheit in einer conftan= ten und rabial ausmarts wirkenben Centrifugaleraft $P = \frac{M_1 v^2}{c}$ (f. I., §. 246),

bie mit ber Tragheitefraft K bes Beftanges fein blei: bendes Rraftepaar bilben tann. Allerdings lagt fich

biefe Rraft P in zwei Seitenkrafte R und S zerlegen, von benen die eine, namlich R = Pcos. B, ber Rraft K entgegengefest wirft; allein es bleibt bann immer noch eine Seitenkraft $S = P \sin \beta$ übrig, welche von ber Umbrehungsare C aufzunehmen ift. Bare CB = CA und $M_1 = M$, fo murbe zwar R mit K ein bie Ure C nicht afficirendes Rraftepaar geben, aber es bliebe boch noch $S=\frac{M_1\,v^2}{a}\,sin.\,eta$ jurud. Die mittlere Bergrofferung bee Bapfendruckes durch die Centrifugalfraft P des Gegengewich= tes ift genau fo gu beurtheilen wie die Wirkung der Umdrehungefraft eines einfachen Saspels oder Gopels auf ben Bapfen, und es ift dieselbe wie in II., §. 85 Unmertung 3, = $1/4 \frac{P^2}{Q}$, wenn Q ben statischen Bapfenbruck ohne Rudficht auf bas Gegengewicht bezeichnet, zu feben.

Da bei einem Krummzapfen außer bem Kurbelarme noch ein Drittel ber

Rurbelftange (f. IIL, §. 101) an ber Rreisbewegung Theil nimmt, fo hat Gegenaemidt man ichon an ber Barge beffelben eine gemiffe Centrifugaltraft, ba angunehmen ift, bag nur bie Geftangmaffe plus zwei Drittel ber Maffe ber Lentstange eine Tragheitetraft K1, bag bagegen bie Daffe bee Rurbelarmes plus das britte Drittel ber Daffe ber Leneftange eine Centrifugalfraft P. ausubt, die von der entgegengefest wirtenben Centrifugalfraft Pdes Gegengewichtes aufgehoben wirb. Bollte man alfo eine vollstandige Ausgleichung ber Daffen eines einfachen Krummgapfens herftellen, fo mußte bas Wegengewicht aus brei Theilen bestehen, einem Rurbelarme, welcher bem arbeitenben Rurbelarme vollkommen gleich zu machen und ihm gegenüberzustellen ift, ferner aus einer Rurbelftange von gleichem Gewicht mit ber arbeitenben Rurbelftange, und brittens aus einem an das Ende biefer Stange angubanaenden und nur in einer geraben Linie auf und niebergebenden Gewichte.

Anmerfung. Bon ber Ausaleidung ber Daffen bei bopbelten Rrummgabfen mit ine Biertel geftellten Bargen, wird bei ben Eccomotiven bie Rebe fein.

§. 183. Es ift uns ichon aus bem Fruheren (f. II., §. 66) bekannt, Comunebaß fich bie arbeitenben Dafchinen entweber in einem gleich formigen ober in einem ungleichformigen Beharrungezustande befinden. Der gleichformige Beharrungszuftand einer Maschine tann nur bei einer ftetigen, und ins Befondere bei ber ftetig freisformigen Bewegung vortommen, und amar nur bann, wenn sowohl bas Moment ber Rraft als auch bas ber Laft mahrend ber Bewegung unveranderlich ift. Es tommt baber auch biefer Bewegungeguftand vorzüglich bei ben Rabmafdinen und zwar bei ben Wafferrabern vor. Ein ungleichformiger Beharrungszuftand tritt bagegen bei allen Maschinen mit absebender Bewegung ein, weil diese innerhalb Burger Beitabschnitte aus ber Rube in Bewegung und aus ber Bewegung in Rube übergeben, und baber balb verzogert, balb beschleunigt werben muffen. In biefem Bewegungezuftanbe befinden fich alle Rolbenmafchinen, feien es Bafferfaulenmaschinen ober Dampfmaschinen, ba biefe Dafchinen burch ben Treibtolben in eine gerablinig abfebenbe Bewegung verfett merben. Ift die Rolbenfraft überbies noch variabel, wie 3. B. bei ben Erpanfions-Dampfmafchinen, fo fallt naturlich ber Bewegungezustand um fo ungleichformiger aus. Es hangt aber ber Bewegungszustand nicht allein von ber Rraft = ober Umtriebemaschine, sonbern ebenso gut auch von ber Laft = ober Arbeitemaschine ab. Ift die Arbeiteverrichtung einer Dafchine mit einer absebenden, 3. B. auf= und niedergehenden Bewegung verbunden, fo hat naturlich auch die gange Dafchine einen ungleichformigen Beharrungeguftand. Ein Pumpenwert ober eine gewohnliche Gagemuhle u. f. w. befinben fich s. B., felbft wenn fie burch ein Bafferrad in Bewegung gefebt merben, aus biefem Grunde ftets in einem ungleichformigen Bewegungezuftanbe. Auch bann, wenn bie Arbeitsmafchine eine ftetige Bewegung be-

Comnng. rater. fist, ist der Beharrungszustand derselben nur ein ungleichsormiger, sowie das Lastmoment derselben veränderlich ist oder wohl gar intermittirend wirkt. In diesem Falle kann natürlich kein statisches Gleichgewicht zwischen der Kraft und Last stattsinden, sondern es muß bald die Kraft, bald die Last überwiegen, und daher auch die Maschine bald beschleunigt, bald verzögert umlausen. Es kann deshald z. B. bei den Poch z. Hammer z und Walzewerken nur von einem ungleichsörmigen Bewegungszustande die Rede sein. Ein Walzwerk nimmt z. B. während des Walzens eine verzögerte Bewegung an, und geht dagegen wieder beschleunigt, sowie das Wetall durch die Walzen gelausen ist und diese leer umgehen.

Dem Borftehenden zu Folge laffen fich folgende Falle, bei welchen eine Maschine einen gleichformigen Bewegungszustand annimmt, aufzählen.

- 1) Die Kraftmaschine wirkt steig kreissormig und die Lastmaschine ober Arbeitsmechanismus hat eine absehende Bewegung, und zwar meist in der geraden Linie (Radkunst).
- 2) Die Kraftmaschine wirft absetzend in der geraden Linie und die Arbeitsmaschine hat eine stetige Bewegung, und zwar meist im Kreise (Dampfgopel).
- 3) Beibe Maschinen bewegen sich stetig treisformig, es ift aber das Moment ber Kraft ober Last, und zwar in der Regel das der letteren, veränderlich (Radwalzwert).
- 4) Die Kraftmaschine hat eine absehende Bewegung, und ber Arbeits= mechanismus bewegt sich stetig treisformig mit veränderlichem Mo= mente (Dampfwalzwert).
- 5) Sowohl bie Kraft = als auch bie Arbeitsmaschine bewegen sich abssehen, und zwar in der Regel geradlinig absehend (Dampstunft).
- §. 184. Auf welche Weise auch eine Maschine in Bewegung gesetzt werbe und ihre Arbeit verrichten moge, immer ist doch zu verlangen, daß
 - 1) biejenigen Mechanismen, welche eine stetige (Kreis:) Bewegung has ben, moglichst gleichformig umlaufen, und baß
 - 2) biejenigen Mechanismen, welche fich abfehend (gerablinig) bewegen, bei jebem Spiele allmalig und ohne Stofe aus ber Ruhe in Bewegung und ebenso mit stetig abnehmenber Geschwindigkeit aus ber Bewegung in Ruhe übergeben.

Da eine rotirende Umtriebsmaschine nur bei einer gewissen Umbrehungsgeschwindigkeit vortheilhaft arbeitet, so wurde sie folglich weniger leisten,
wenn sie bald langsamer, bald schneller umliese. Hatten wir es z. B. mit
einem oberschlägigen Wasserrade zu thun, so wurden sich hierbei manche
Bellen nur wenig und andere übermäßig mit Wasser anfüllen, und sich daher
auch zu zeitig ausgießen, und badurch dem Rade Arbeit entzogen werden.

€dwnng.

Ebenso ift es aber auch bei ben rotirenben Arbeitsmaschinen; auch biefe arbeiten nur bei einer gemiffen Gefchwindigkeit mit Bortheil, und verlieren daber an Leistung ober liefern wohl gar ein schlechtes Arbeitsproduct, wenn Die Umbrehungegeschwindigkeit in einem hohen Grade veranderlich ift. Dicht minder nothig ift es aber auch, bag eine auf= und nieder=, oder hin = und hergehende Maschine, und zwar sowohl Rraft = ale Arbeitemaschine bei jebem Spiele mit allmalig machfender Geschwindigfeit aus ber Ruhe in Bewegung und mit allmatig abnehmender Gefdmindigfeit aus ber Bewegung in Ruhe übergehe, außerbem aber feinen großeren Gefchwindigfeiteveranberungen unterworfen fei. Die mit ploglichen Gefchwindigkeiteverande rungen verbundenen Stofe verurfachen nicht allein Berlufte in ber Leiftung der Mafchinen, fondern fuhren auch ein ftartes Abnugen und balbiges Berftoren ber Maschine herbei, und wenn bie Geschwindigkeit ber Daschine innerhalb eines Spieles großen Beranberungen unterworfen ift, fo fallen auch die Rebenhinderniffe, und ins Besondere die hydraulischen Biderftanbe und andere Berlufte größer aus, als wenn fich bie Geschwindigkeit von ihrem mittleren Werthe nicht fehr entfernt.

Das vorzüglichste Mittel zur Erzielung eines möglichst gleichförmigen Ganges besteht in der Vermehrung der Massen und zwar ins Besondere der rotirenden Masse. Da die Beschleunigung $p=\frac{P}{M}$ einer Bewegung direct wie die Kraft P und umgekehrt wie die Masse M wächst, so muß natürlich ein gewisser Ueberschuß an Kraft oder kast in einer gewissen Zeit einen um so größeren Geschwindigkeitszuwachs oder eine um so größere Geschwindigkeitszuwachs oder eine um so größere Geschwindigkeitsabnahme hervordringen, je kleiner die Masse M der Massenie ist. Wäre die Masse einer Maschine sehr klein, so würde sie vielleicht gar keinen Beharrungszustand annehmen können; eine vielleicht nur mäßige Ueberwucht würde ihr schon in einer kurzen Zeit eine übermäßige Geschwinzbigkeit beidringen und ein mäßiger Ueberschuß des Lastmomentes über das Krastmoment würde der Maschine vielleicht in wenigen Augenblicken ihre lebendige Kraft ganz entziehen und sie ganz in Ruhe versetzen. Es ist also nötzig, daß eine Maschine eine gewisse Masse bestehe und daß dieselbe um so größer sei, je regelmäßiger und gleichsörmiger sich dieselbe bewegen soll.

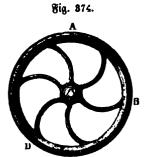
Uebrigens ift uns auch aus ber Theorie der Krummzapfenbewegung bestannt, daß sich die Umdrehungsbewegung eines Krummzapfens der Gleichsformigkeit um so mehr nahert, je größer die Massen und zumal die rotirensben Massen bestelben sind.

In manchen Fallen befigt eine Maschine schon an und fur fich eine so große Masse ober ein so großes Erägheitsmoment, daß die Umbrehungsgesschwindigkeit berselben nur innerhalb enger Grenzen variirt, also ber Grab ber Ungleichformigkeit (f. §. 112), wie erwunsch, nur sehr klein ift,

Comungedber. in anderen Fallen ift es hingegen nothig, die Umbrehungsmaffe einer Das fchine ju vergrößern, um bie Ungleichformigfeit berfelben bis auf einen ge= wiffen Grad herabzuziehen. Solche bloß zum Berabziehen der Ungleichformigfeit bes Bewegungezuftanbes einer Mafchine bienenben rotirenben Daf= fen erhalten die Form eines Rades, bamit fie bie ftatischen Berhaltniffe ber Mafchine nicht verandern und die nothige Saltbarteit besiten, und beis Ben beshalb Schwungraber (frang. volants; engl. fly-wheels). Schwungraber find also febr wichtige Theile einer Maschine mit ungleichformigen Beharrungezustande, ohne welche biese Maschine bie ihr zukommenden Arbeiten vielleicht gar nicht ober wenigstens febr unvollkommen verrichten murbe. Sobe und fchnell umlaufende Bafferraber, fowie große Trommeln und Bahnraber, fchnell umlaufende Muhl = und Schleiffteine u. f. w. wir= ten naturlich gang wie Schwungraber und vertreten baber auch febr oft bie Stelle eines Schwungrabes. Go murben g. B. Gagemuhlen, Dumpenwerte u. f. w. ju ihrer regelmäßigen Arbeiteverrichtung ein Schwungs rad rothig haben, wenn fie nicht burch Bafferrader in Bewegung gefest wurden, die durch ihre Tragheit ebenso wie die Schwungraber, trot ber hier vortommenben großen Beranderlichfeit bes Laftmomentes, Die Gefchwinbigfeiteveranderungen in engen Grengen erhalten.

- §. 185. Die Schwungraber find in der Regel aus Gugeisen und bestehen 1) aus dem Schwungringe (frang. l'anneau; engl. the ring) ober
 - ber eigentlichen Schwungmaffe,
- 2) aus den Radarmen (frang. les bras; engl. the arms), und
- 3) aus der Sulfe oder dem Wellkranze (franz. le noyau, moyeu; engl. the nave), womit das Schwungrad auf der Welle festsit.

Ein kleines aus dem Ganzen gegoffenes Schwungrad ift in Fig. 374



abgebilbet. ABD ist ber Schwungring, C bie Rabhulse ober Nabe und BC, DC u. s. w. sind die Radarme. Man giebt diesen Rabern gern gekrummte Arme, damit sich dieselben beim Erskalten nach dem Gusse nicht von dem Ringe lostrennen oder eine nachtheilige Spannung erhalten. Um den Luftwisberstand möglichst herabzuziehen, rundet man nicht allein die Arme, sondern auch den Kranz ab, oder giebt beiben Stürden elliptische Querschnitte. Größere

Schwungraber giest man, um die Nachtheile des ungleichen Erkaltens nach dem Gusse zu umgehen, in zwei Studen, namlich die Rosette getrennt von bem Schwungring mit seinen Armen. In Fig. 375 ift ein Theil

eines solchen Schwungrabes, und zwar in der vordern Ansicht (I.) und im Querschnitte (II.) abgebildet. A ist ein Stud des Schwungringes, AB ein Radarm und BDEFG die Rosette mit ihrem Auge C. Es ist der Armetranz oder die Rosette zur Aufnahme von fünf Armenden eingerichtet, und die Befestigung dieser Theile mit der Rosette durch je zwei Schraubenzbolzen m, n bewerksteligt. Man kann aber auch den Wellkranz mit den Armen aus dem Ganzen machen und den Schwungkranz besonders gießen. Kia. 375.

Fig. 375.

Siq. 376.

Siq. 376.

Biq. 376.

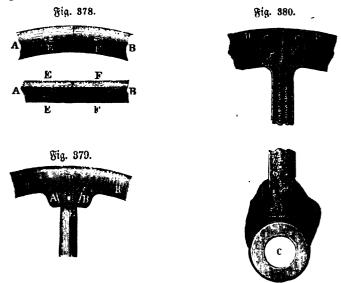
Biq. 376.

Biq. 377.

Biq. 377.

Große Schwungringe von 15 Kug Sohe und baruber muffen aus zwei bis feche Studen gufammengefest merben. Uebrigene tann man aber hierbei jebe Felge ober jebes Ringftud gleich mit einem Arme aus bem Sanzen gießen, ober man tann wieber bie Arme mit bem Bellfrang ein Ganges bilden laffen, oder man kann endlich, und bies ift besonders bei fehr hohen Rabern nothig, auch die Rabarme einzeln gießen laffen und biefelben burch Bolgen, Splinte u. f. w. fowohl mit bem Rab = ale auch mit bem Bells franze verbinden. Die Berbindung ber Felgen eines Schwungringes unter einander lagt fich burch Ueberplattung und mittele Schraubenbolgen bewertstelligen; man tann aber auch die Felgenenden stumpf an einander anstoßen und auf diefelben ichwalbenichmangformige Platten aus Schmiedeeifen aufbolgen, ober bie zu biesem 3mede hoblgegoffenen Enden ber Kelgen mit Studen aus Schmiebeeisen ausfullen, und biefelben burch Splinte mit ben Relgen feft verbinden. Gine Relgenverbindung der erften Art zeigt Sig. 376. A und B find übereinandergeplattete Felgenenden, DD und EE die durche gezogenen Schraubenbolzen und FF und GG die eingelegten Febern. Die zweite Berbindungsweise ift aus Rig. 377 zu erfeben: A und B find die

Edwung. räder. Comung raber. beiden stumpf zusammengestoßenen Felgenenden, DD und EE aber die eingelegten Platten mit den Bolzen DE, DE und einer zwischenliegenden Feder F. In Figur 378 ist noch die Berbindung der Kranzselgen durch eingesette Schienen vor Augen geführt; A und B sind die Felgenenden, CD ist die eingesette, und von außen gar nicht sichtbare Schiene, E und F sind eingeschobene Keile, wodurch die Endslächen der Felgen sest an einanzber getrieben werden können.

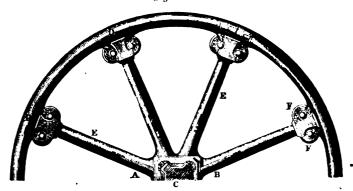


Die Verbindung des Rabkranzes erfolgt am einsachsten durch Schwalbensschwänze, in welche man die Armenden auslaufen läßt, und welche man in entsprechenden Ausschnitten am inneren Radumfang verkeilt. Sett man überdies noch einen radiallaufenden Splint DE, Fig. 379, ein, so wird die Verbindung des Schwalbenschwanzes AB mit dem Radkranze R noch befonders verstärkt. Statt der Schwalbenschwänze wendet man auch wohl bloße Nasen oder Vorsprünge an, wie z. B. aus der Fig. 380 zu ersehen ist, welche überdies noch die Verbindung der Arme mit dem Wellenkranzeigt. Es ist AB der abgebrochen gezeichnete Arm, und es sind DD die Nasen im Radz und EE im Wellkranze, $F, F \dots$ und $G, G \dots$ Volzen, wodurch die Armenden gegen ihre Lagerungsstächen gedrückt werden.

Die Verbindungsstellen ber Rabfelgen liegen entweber zwischen ben Berbindungsstellen mit ben Rabarmen, ober sie fallen mit biesen zusammen. Die lettere Anordnung zeigt Fig. 381. Die Arme bes hier abgebildeten Rabes bilben mit bem auf ber Welle C aufgekeilten Bellkranze AB ein

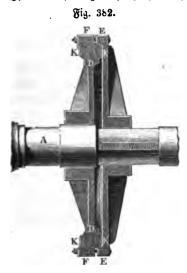
Ganges, und find bagegen mit bem Rabfrange burch Schwalbenfchmange D eman und Schraubenbolgen F, F verbunden.

Fig. 381.



Wenn die Welle, worauf das Schwungrad sist, zur Ausgleichung der Gewichte ein Gegengewicht erforbert, so wird dieses mit dem Schwungrade verbunden, indem man an der dem Schwerpunkte des auszugleichenden Geswichtes gegenüberliegenden Stelle ein Stuck Blei anbringt, wozu man gleich beim Guffe des Ringes eine Hohlung am inneren Umfange desselben aussparen kann.

Ift bas Schwungrab ploglichen Geschwindigkeiteveranderungen ausgesett,



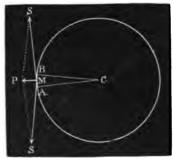
wie g. B. bei Balgmerten, fo fann leicht ein Abbrechen ber Arme beffels ben herbeigeführt werben, weshalb man mohl biefelben aus Solg macht, ober noch beffer eine Frictions= Ruppelung anwendet. Gine folche Ruppelung wird in Figur 382 vor Mugen geführt. Es ift hier auf jebe ber zu kuppelnden Wellen A und B eine Scheibe DD und EE aufgefest, und es umfaßt bie lettere Scheibe bie erftere mittels eines Rranges FF, ber durch Schraubenbolzen scharf gegen bie auf bie erfte Scheibe aufgelegten Solzerange KK angezogen wird. Fur die gewohnliche Arbeiteverrichtung ber Maschine ift die aus biefem Drude entfpringende Reibung

binreichend, um die Bewegung ber einen Scheibe auf die andere überzutragen;

Comunggaber. fällt aber die hinderniflaft auf ein Mal fehr groß aus, so ift diese Reis bung nicht groß genug, und es dreht sich die eine Scheibe in der anderen noch eine kurze Zeit, die die Maschine zur Ruhe gelangt.

S. 186. Da bie lebendige Kraft, burch welche ein Schwungrad ben Gang einer Maschine regulirt, mit dem Gewichte G und mit dem Quasbrate v² der Umfangsgeschwindigkeit des Rades gleichmäßig wächst, so kann man von diesen Factoren G und v stets den einen willkurlich auswählen. Bebenkt man aber, daß die Arbeit der Zapkenreibung des Schwungrades nicht mit Gv. sondern mit Gw v wächst, so ist leicht einzusehen, daß man das Ausgleichungsvermögen eines Schwungrades mit mehr Bortheil durch Berzgrößerung der Geschwindigkeit als durch Bergrößerung des Gewichtes hervorzbringt. Auf der anderen Seite hat aber auch das Wachsen der Radgeschwinzbigkeit seine Nachtheile und Grenzen, da mit der Geschwindigkeit des Rades zugleich die Centrisugalkraft, und also auch die Gesahr des Zerreißens des Rades wächst. Aus diesem Grunde geht man mit der Umsangsgeschwindigzkeit eines Schwungrades nicht über 100 Fuß hinaus. Uebrigens läßt sich aber auch die Geschwindigkeit eines Schwungrades, bei welcher das Zerreißen bessellen zu besürchten ist, leicht, und zwar wie solgt, ausmitteln.

Fig. 383.



Wenn wir eine in II., §. 268, entswickelte Formel hier anwenden, so wissen wir, daß die Gentrifugalkraft P eines Bogenelementes $AB = r\alpha$, die Spannung des Bogens in der Tangentialzrichtung $S = \frac{P}{\alpha}$ ist, wosern nur α den Bogen des Gentriwinkels ACB für den Radius = 1 bezeichnet. Nun ist aber nach I., §. 246, die Gentrifugalzkraft $P = \frac{Mv^2}{r}$, wo M die Rasse

von AB, v die Geschwindigkeit und r den Halbmesser CA=CB bes zeichnen; daher folgt hier $S=\frac{Mv^2}{\alpha r}$.

Ist nun noch F ber Querschnitt bes Schwungringes, und γ die Dichztigkeit seiner Masse, so haben wir, da die Bogenlange $AB=\alpha r$ geseht werden kann, $M=\frac{F\alpha r\gamma}{g}$ und daher die Spannung $S=\frac{Fv^2\gamma}{g}$.

Sehen wir endlich S=FK, wo K den Modul der absoluten Festigkeit bezeichnet, so erhalten wir $FK=\frac{Fv^2\,\gamma}{g}$, und es ist daher die Umfangs-geschwindigkeit des Rades $v=\sqrt[N]{\frac{g\,K}{\gamma}}$ gar nicht von den Raddimensionen abhängig.

Da nun für Gußeisen bei sechsfacher Sicherheit, nach 1., §. 189, K=144. 3000, das Gewicht eines Cubitfußes Gußeisen =7,2. 66 =475,2 Pfund beträgt und die Beschleunigung der Schwere g=31,25 Fuß ist, so ist die Maximalzeschwindigkeit eines Schwungsrades

$$v = 12 \sqrt{\frac{31,25.3000}{475,2}} = 168$$
 Fug.

Diese Formel gilt vorzüglich für einen aus dem Ganzen gegoffenen Schwungzring; ist derselbe hingegen aus Felgen zusammengesett, so kann er auch durch Zerreißen der Berbindungsstüde zu Bruche gehen, wenn diese keinen hinzeichend großen Querschnitt haben. Da die Spannung $S=\frac{Fv^2\gamma}{g}$ nicht allein vom massiven Theile des Ringes, sondern auch von den Berbindungsstüden, wie z. B. von den Einsatzlatten mit Schwalbenschwänzen auszuhalten ist, so können wir, wosern durch F_1 der Querschnitt und durch K_1 der Festigkeitsmodul dieser Stüde bezeichnet wird, seine:

$$F_1\,K_1=rac{F\,v^2\,\gamma}{g},$$
 und daher $F_1=rac{v^2\,\gamma}{g\,K_1}\,F.$

Um F_1 nicht fo groß machen zu muffen als F, verwendet man zu den Berbindungsstuden lieber Schmiedeeisen, dessen Festigkeitsmodul mit hinzsicht auf sechsfache Sicherheit, $K_1=10000$ Pfund, also über drei Mal so groß ist als der des Gußeisens. Wir erhalten hiernach

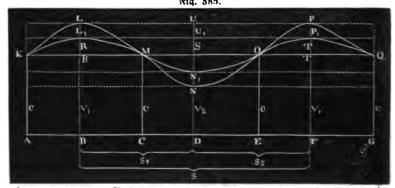
$$F_1 = \frac{475,2 \ Fv^2}{31,25 \ .144 \ .10000} = 0,00001056 \ Fv^2.$$

Rimmt man die Marimalgeschwindigkeit v = 100 Fuß, so ergiebt sich



F₁ = 0,1056 F, es ift also bann ber ganze Querschnitt ber Berbinsungsstude DD, Fig. 384, reichlich ein Zehntel von bem bes ganzen Ringes zu nehmen. Daffelbe gilt naturlich auch von ben Splinten und Bolzen ber Berbinbungsstude in Fig. 376 und Fig. 378.

edwungeraber. §. 187. Der ungleichförmige Gang einer Maschine, so wie die Einswirkung eines Schwungrades ober einer anderen trägen Rotationsmasse auf denselben, läßt sich durch graphische Darstellungen wie in den Figuren 385 und 386 anschaulich machen. Auf der geraden Linie AG sind die Wege Kig. 385.

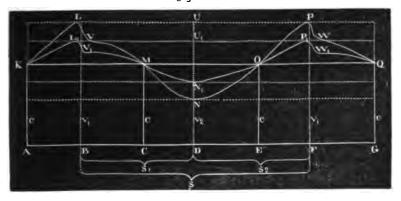


eines Punttes ber Mafchine, abgefchnitten und rechtwinkelig barauf die fucceffiven Gefchwindigkeiten beffelben ober auch eines anderen Punttes ber Mafchine aufgetragen; BL, FP reprafentiren g. B. bie Marimalgefchwinbigfeit v1 und DN ftellt eine Minimalgeschwindigfeit v2 vor, endlich AK, CM, EO und GO beuten bie mittlere Geschwindigkeit c an. alfo ein Puntt ber Maschine ben Weg AB gurudlegt, geht bie mittlere Gefdwindigfeit AK=c in die Maximalgeschwindigfeit $BL=v_1$ über, während ferner der Weg $BCD = s_1$ durchlaufen wird, andert sich diese Marimalgeschwindigkeit allmalig wieber in die mittlere Geschwindigkeit CM =c und in die Minimalgeschwindigkeit $DN=v_2$ um; ferner mahrend der Burudlegung bes Beges DEF = s2 fleigt bie lettere Gefchwindigfeit wieder bis zur Maximalgeschwindigkeit $FP = v_1$ u. f. w. Es ift also BF=s=s1+s2 ber Beg in einer Periode, innerhalb welcher die Geschwindigkeit von ihrem Maximum $BL = v_1$ bis zum Minimum $DN = v_2$ herabsinet, und auch wieber bis auf bas erfte Marimum $FP = v_1$ gurud's steigt. Die mittlere Geschwindigkeit c = AK = BR = CM u. f. w. wird burch eine gerade Linie KQ angegeben, welche parallel zu AG lauft, und die Schlangenlinie KLMN fo fchneibet, bag die Flachenraume AEOK und AEONMLK einander gleich find, also die Segmente KLM und OPQ uber KQ eben fo groß find als bas Segment MNO, ober bag bas lettere = ber Summe ber Segmenttheile RLM und OPT ausfallt. Die großte Geschwindigkeitsbiffereng $v_1 - v_2$ ist = RL + SN, und folglich ber Ungleichformigfeitegrad biefer Mafchine

$$\delta = \frac{v_1 - v_2}{c} = \frac{RL + SN}{AK} = \frac{NU}{DS} = \frac{\text{Holorer Abstance of the der Scholargen linie}}{\text{Holorer Abstance of the der Scholargen linie}}.$$

Se ungleichformiger eine Maschine geht, je größer also d ift, besto größer ist auch die Sohe NU in hinsicht auf den mittleren Abstand DS; und umgekehrt, je mehr der Gang einer Maschine der Gleichformigkeit sich nähert, desto niedriger fallt die Wellenlinie KLMNP aus. Es ist nun auch leicht einzusehen, daß die einem gewissen Gange einer Maschine entsprechende Wellenlinie KLMNO in eine andere und niedrigere Wellenlinie $KLMN_1O$ übergeht, wenn man die rotirende Masse einer Maschine vergrößert, 3. B. die Maschine mit einem Schwungrade versieht.

Etwas anders gestaltet sich diese Eurve, wenn die Maschine plotlichen Geschwindigkeitsveränderungen unterworsen ist, wie z. B. bei Hammerswerten, Stampswerten u. s. So wie nach Erlangung der Maximals geschwindigkeit $BL = FP = v_1$ eine neue Periode beginnt und hierbei eine Fig. 386.



ruhende Masse ploblich in Bewegung gesett, 3. B. der hammer eines hammerwerkes von den Welldaumen ergriffen wird, tritt auch eine sast momentane Geschwindigkeitsveränderung LV=PW u. s. w. ein, und es sett die Maschine ihre Bewegung mit der Ansangsgeschwindigkeit BV fort, die allerdings allmälig wieder in CM=c, in $DN=v_2$ und $FP=v_1$ übergeht. Da währendderplöhlichen Geschwindigkeitsveränderung LV=PW kein Weg zurückgelegt wird, so fällt natürlich hier die Abweichung der Marimalgeschwindigkeit $BL=FP=v_1$ von der Minimalgeschwindigkeit $DN=v_2$ noch größer aus als dei einer Maschine, wo solche Stöße nicht vorkommen. Uebrigens läßt sich aber auch hier durch Bergrößerung der Umdrehungsmassen lie Ungleichsörmigkeit oder die Höhe $NU=v_1-v_2$ der Schlangenlinie KLVMNOP vermindern, z.B. letzterein $KL_1V_1MN_1OP_1$, also NU in N_1U_1 umåndern. Leicht ist einzusehen, daß dabei auch der die plöhliche Geschwindigkeitsveränderung messen, auch V=PW ein kleinerer, nåmlich V=P0 wird.

Edwung. raber.

Wenn eine Maschine ohne Stoffe ober plotliche Geschwindigs keiteveranderungen arbeitet, fo ift die Arbeit $P_1\,s_1$, welche die tragen Maffen berfelben mahrend bes einen Theiles einer Periode ihrer Bewegung, und zwar mahrend bes Ueberganges ber Marimalgeschwindigkeit vi in die Mi= nimalgeschwindigkeit r_2 verrichten, eben so groß als die Arbeit $P_2\,s_2$, welche diese Maffen in dem zweiten Theile ber Periode, b.i. mahrend die Minimal= geschwindigkeit v2 in die Maximalgeschwindigkeit v1 übergeht, wieder in Un= spruch nehmen. Ist daher M die constante rotirende Masse, auf irgend einen Punkt der Maschine reducirt, beffen Geschwindigkeit abwechselnd von v, ju v, finkt und von v, ju v, fleigt, ift ferner M, die eben dabin reducirte Masse, welche sich, wie z. B. ein Kolben sammt feiner Stange bin= und herbewegt, und die Geschwindigkeiten 21 v1 und 22 v2 besitht, mabrend die roticende Maffe die Gefchwindigkeiten v. und v. hat, fo gilt (vergl. I., §. 81) bie Formel 1/2 M(v12-v22) + 1/2 M1 (x1 v12-x2 v22) = P1 s1 = P2 s2. Run ift aber ftatt $\frac{v_1+v_2}{2}$ bie mittlere Gefchwindigfeit c, und ftatt v1 - v2 = dc ju feten, wo d ben Ungleichformigfeitegrab bezeichnet, baher haben wir $v_1 = \frac{c (2 + \delta)}{2}$ und $v_2 = \frac{c (2 - \delta)}{2}$; es nimmt folglich unsere Grundgleichung folgende Form an:

 $\delta Mc^2 + \frac{1}{8}M_1c^2 \left[\varkappa_1(2+\delta)^2 - \varkappa_2(2-\delta)^2\right] = P_1s_1 = P_2s_2$, und es folgt nun fur die einem geforberten Ungleichformigkeitsgrab nothige Rotations = ober Schwungrabmasse

$$M = \frac{P_1 s_1}{\delta c^2} - \frac{M_1}{8 \delta} [x_1 (2 + \delta)^2 - x_2 (2 - \delta)^2].$$

ober einfacher, ba wir stets verlangen muffen, baß δ ein kleiner achter Bruch, also $(2\pm\delta)^2$ febr nabe $=4\pm4\,\delta$ fei,

$$M = \frac{P_1 s_1}{\delta c^2} - \frac{M_1}{2} \left(x_1 + x_2 + \frac{x_1 - x_2}{\delta} \right).$$

Endlich läßt sich die Ueberwucht ober die Arbeit $P_1s_1=P_2s_2$ der trägen Massen, $=\mu\cdot\frac{60''\,L}{u}$ sehen, wenn man unter L die Arbeit der Maschine pro Secunde, also unter $\frac{60''\,L}{u}$ die Arbeit pro Umbrehung versteht, und also annimmt, daß $P_1s_1=P_2s_2$ der μ te Theil dieser Arbeit sei; folglich haben wir für die praktische Anwendung noch geeigneter

$$extbf{\textit{M}} = rac{60'' \, \mu}{\delta} \cdot rac{L}{u \, c^2} - rac{M_1}{2} \left(lpha_1 + lpha_2 + rac{lpha_1 - lpha_2}{\delta}
ight)$$
 fu feten.

Uebrigens ist in sehr vielen Fallen die in absehender Bewegung befindliche und mit M auf einen und benselhen Punkt zu reducirende Masse M1 gegen

bie rotirende Daffe M flein genug, um fie gang außer Acht zu laffen, alfo Comung.

$$M=rac{60\,\mu}{\delta}$$
 . $rac{L}{u\,c^2}$ ober $Mc^2=rac{60\,\mu}{\delta}$. $rac{L}{u}$ seben zu können.

Diefe Formel gestattet eine unmittelbare Unwendung auf alle Rrummzapfenbewegungen. Wir haben im britten Kapitel fur biefe gefunden

$$\delta = \psi \cdot \frac{Qr}{Mc^2} = \chi \frac{Pr}{Mc^2},$$

wo P die Umbrehungs = und Q die Stangenkraft, r den Warzenkreishalbs meffer, c die mittlere Warzengeschwindigkeit und M die auf den Warzenskreis reducirte Umbrehungsmasse, ψ und χ für verschiedene Krummzapfensmechanismen besonders berechnete Coefficienten sind.

Wir haben folglich hier ohne weitere Untersuchung

$$Mc^2 = \chi \cdot \frac{Pr}{\delta} = \frac{\chi}{\delta} \cdot \frac{30 Pc}{\pi u}$$
 ober $Mc^2 = 15300 \cdot \frac{\chi}{\pi \delta} \cdot \frac{L}{u}$ zu segen,

wenn wir unter L bie Arbeit $\frac{Pc}{510}$ ber Maschine in Pferbektaften verste= ben; es ist also hier

$$60\,\mu = 15300$$
 . $\frac{\chi}{\pi} = \frac{15300}{\pi}$. $\frac{\pi}{2} \; \psi = 7650 \, \psi$ zu feten.

Es ist übrigens ganz gleich, ob wir fur M bie auf ben Warzenkreis rebucirte Umbrehungsmasse und für c bie Umbrehungsgeschwindigkeit ber Warze, ober ob wir für M bie auf ben Umfang bes Schwungrades reducirte Masse und für c bie Umfangsgeschwindigkeit dieses Rades einsehen, da zwei Wassen M und M_1 einander vollständig ersehen, wenn ihre lebens bigen Kräfte M c^2 und M_1 c_1^2 einander gleich sind.

Beifpiel, Für einen einfachen Rrummgapfen von beppelter Birfung und fehr langer Lenfftange ift Geite 209 ber Ungleichformigfeitsgrab gefunden worden

$$\vartheta = 0.4210 \; \frac{Qr}{Mc^2};$$

folglich haben wir umgefehrt:

$$Mc^2 = 0,4210 \frac{Qr}{d} = 3220,65 \frac{L}{dw}$$

Nehmen wir, nach Batt, 3 = 1/82, fo erhalten wir

$$Mc^2 = 32.8220,65 \frac{L}{u} = 108061 \frac{L}{u}$$

und wenn man die Maffe M burch das Gewicht G=gM=31,25 M erfest $Gc^2=31,25$. 103061 . $\frac{L}{m}=3220656$ $\frac{L}{m}$.

I.

Tåber.

3ft nun bie Umbrehungegahl bes Schwungrabes pro Minute w = 20, und ber Salbmeffer beffelben r = 10 fuß, bie Leiftung ber Dafchine aber L = 40 Bierbefrafte, fo erhalten wir bie Umbrehungegeschwindigfeit

$$c = \frac{\pi u r}{30} = 0,10472 \cdot 20 \cdot 10 = 20,944 \, \text{Fu} \, \text{f},$$

und baher bas erforberliche Gewicht bes Schwungringes
$$G=rac{8220656\cdot 40}{20,944^2\cdot 20}=14684$$
 Pfund.

6. 189. Wenn wir in ber Formel

$$G c^2 = 31,25 \cdot 7650 \cdot \frac{\psi L}{\delta u} = 31,25 \cdot \frac{15300}{\pi} \cdot \frac{\chi L}{\delta u}$$

$$= 239060 \cdot \frac{\psi L}{\delta u} = 152190 \cdot \frac{\chi L}{\delta u}$$

bie verschiedenen Krummzapfenmechanismen entsprechenden Werthe von w und y aus den Tabellen des britten Rapitels (Band III.) auf Seite 211, 229 und 233 einfeben, fo erhalten wir eine Menge Specialformeln gur Beftimmung ber Schwungrabgewichte, und es find biefelben in ber folgenben Tabelle neben einander gestellt worben.

Tabelle zur Bestimmung ber Schwungrabgewichte, enthaltenb die Coefficienten

$$\alpha = 152190 \chi$$
 unb

$$lpha_1=152190$$
 $\frac{\chi}{\delta}=152190$. 32 $\chi=4870080$ χ oer Formein $G=lpha$ $\frac{L}{\delta vc^2}$ und $G=lpha_1$ $\frac{L}{vc^2}$.

Rrummzapfen mit constanter Stangenkraft Q, wie z. B. für Pumpen, Sägemühlen und Dampsmaschinen ohne Erpansion.	α	α_1
1) Ginfache Rrummzapfen:		
bei ber Lenkstangenlange l = 0	100640	3221000
l=6r	119000	3808000
l = 5r	123210	3943000
$ \qquad \qquad . . l = 4r $	129950	4159000
2) Doppelte Rrummzapfen mit auf Biertel ge-		
ftellten Bargen, wie g. B. bei Locomotiven:		
bei ber Lenkstangenlange $l = \infty$	10090	322800
l=6r	27950	894200
	32330	1035000
$ \qquad \qquad$	38060	1218000
	 	l

-	_					
		Rrummzapfen mit Warzen:	auf bas Drit=	α	α_1	Cowurg raber.
	bei ber	Lentstangenlange	== ∞	2880	92300	
	» »	•	l=5r	9240	295800	
	nebefon	ı mit verånderlicher idere får Erpan	•			·
1) Eins	fache Ri	rummzapfen:				
		Lenkstangenlange	l = 5r			•
		Erpansioneverhå		194800	6234000	•
	» »		$\epsilon = 3$	209100	6691000	
	» »	» ·	$\epsilon = 4$	216300	6922000	
	» »	,	$\epsilon = 5$	221100	7076000	•
	» »		$\epsilon = 6$	224800	7193000	•
tel g	jestellten Stange,	rummzapfen mit (Warzen und un ohne Rücksicht au	endlich langer			٠,
	bei bem	Erpansionsverhå	(tniß $\varepsilon == 2$	4490	143700	
	» »	•	s == 3	14670	469500	
	» »	•	$\epsilon = 4$	20680	661800	
	» »	•	ε == 5	25000	800100	
	» »	»	$\epsilon = 6$	27760	888300	

In Betreff dieser Tabelle ift noch zu bemerken, daß sie in G nicht das bloße Gewicht des Schwungringes, sondern die in Gewicht verwandelte vollsständige Umdrehungsmasse der Maschine mit Einschluß der Halfte derjenigen Massen, welche sich absehend bewegen, bestimmt. Da in der Formel G und c^2 zugleich vorkommen, so ist es gleichgültig, auf welchen Punkt die Masse $\frac{G}{g}$ reducirt wird, wenn nur für c die Geschwindigkeit dieses Punktes gesseht wird. Der lehte Theil (II. 2) dieser Tabelle giebt, da er nur für unsendlich lange Lenkstangen und ohne Rücksicht auf Nebenhindernisse berechent worden ist, zu kleine Werthe an, die nach Umständen wohl verdoppelt werden müssen.

§. 190. Das Gewicht bes Schwungrades für Maschinen, welche, wie hammers, Poch = und Walzwerke, ploglichen Geschwindigkeitsveranderunsen unterworfen sind, läßt sich auf folgende Weise ausmitteln. Denken wir uns wieder sammtliche Kräfte und Massen auf denselben Punkt, z. B. bei einem Walzwerke auf den Umfang der Walzen, oder bei einem Hams

Edwung. råber. merwerke auf ben Punkt reducirt, in welchem ber Hammer von ben Wellsbaumen ergriffen wird. Bezeichnen wir die constant wirkende Umbrehungstraft durch P_1 die in Absahen zu bewegende Last, z. B. das Gewicht bes Hammers, durch Q_2 ferner die stetig rotirende Masse durch M und die abwechselnd aus der Ruhe in Bewegung zu sehende Masse durch M_1 , und sehen wir wieder die Maximalgeschwindigkeit v_1 und die Minimalgesschwindigkeit v_2 .

Ein Spiel ober eine Periode der Bewegung der Maschine besteht hier aus drei Theilen. Zuerst wird die Last Q von der Maschine stoßweise erzgriffen und es geht fast ploblich die Marimalgeschwindigkeit v_1 des Anzgriffspunktes der Kraft in eine kleinere Geschwindigkeit v über, welche, wenn wir einen unelastischen Stoß voraussehen, nach I., §. 272 durch die Kormel $v=\frac{Mv_1}{M+M_1}$ bestimmt wird.

In dem folgenden Theile der Periode, während welcher die Maschine die Last Q bewegt, also wirkliche Arbeit verrichtet, besitzt die Maschine eine verzögerte Bewegung und es geht hierbei die Geschwindigkeit allmälig in ihr Minimum v1 über. Hieran schließt sich endlich der letzte Theil des ganzen Spieles, in welchem die Maschine ganz leer geht, also ihr Arbeits-vermögen nur auf die Beschleunigung ihrer Masse M verwendet, und die Geschwindigkeit wieder zu ihrem Maximalwerthe gelangt. Während des Stoßes, oder während des ersten Theiles der Periode ist der Weg der Massechine oder des Punktes, auf welchen wir die Kraft und Last, sowie alle Massen reducirt annehmen, kast Kull, in dem zweiten Theile der Periode hingegen durchläuft Kraft und Last einen gewissen Weg s, und im letzen Theile des Spieles legt die Kraft allein einen gewissen Weg s1 zus rück. Deshalb gelten denn auch für die beiden letzen Bewegungszustände die bekannten Formeln

$$Ps = Qs - \frac{1}{2}(M + M_1)(v^2 - v_2^2)$$
 und $Ps_1 = \frac{1}{2}M(v_1^2 - v_2^2)$.

Sehen wir in ber letten Formel, wie in §. 188, $\frac{v_1 + v_2}{2} = c$ und $v_2 = v_3 = \delta c$, bezeichnen mir also auch hier bie mittlere Geschwindigs

 $v_1 - v_2 = \delta c$, bezeichnen wir also auch hier die mittlere Geschwindigs keit der Maschine durch c und den Grad der Ungleichschmigkeit derselben durch δ , so erhalten wir folgende Grundsormel: `

$$Ps_1 = \delta Mc^2$$
, ober
$$M = \frac{Ps_1}{\delta c^2}$$

aus der fich die einem gewiffen Ungleichformigkeitsgrade δ entsprechende Umbrehungsmaffe M berechnen läßt.

Ift μ bas Berhaltniß $\frac{s_1}{s+s_1}=\frac{Ps_1}{P(s+s_1)}$ bes Weges s_1 , während bie Maschine leer geht, zum ganzen Weg $s+s_1$ eines Spieles, ober bas Verhaltniß ber Ueberwucht ober Arbeit während bes beschleunigten Ganges zur Arbeit während eines ganzen Spieles, so kann man auch schreiben:

$$M = \frac{\mu P (s + s_1)}{\delta c^2}$$
$$= \frac{60'' \mu}{\delta} \cdot \frac{L}{u c^2},$$

wenn u die Anzahl ber Spiele pro Min. und L die Leiftung $\frac{u}{60}$ $P(s+s_1)$ ber Maschine pro Secunde Bezeichnet.

Da die Arbeit $P(s+s_1)$ nicht allein auf die Ueberwindung der Laft Q, sondern auch auf die Beränderung des Bewegungszustandes der Masse M_1 verwendet wird, und da durch den Stoß selbst, nach I., §. 275, die Arbeit $\frac{1}{2}(v_1-v)^2\frac{MM_1}{M+M_1}$ verloren geht, so haben wir zu setzen

$$P(s+s_1) = Qs + \frac{1}{2}M_1v_2^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{MM_1}{M+M_1} \cdot (v_1-v)^2, \text{ ober}$$

$$\frac{u}{60} P(s+s_1) = \frac{u}{60}Qs + \frac{u}{60} \left(\frac{1}{2}M_1v_2^2 + \frac{1}{2} \cdot \frac{MM_1}{M+M_1}(v_1-v)^2\right)$$
b. i.

$$L = L_1 + \frac{u}{60} \left(\frac{1}{2} M_1 v_2^2 + \frac{M M_1}{M + M_1} (v_1 - v)^2 \right),$$

mofern $L_1 = \frac{u}{60} \ Qs$ bie Arbeit ber Last Q pro Secunde bezeichnet.

Nun ift aber noch

$$v=rac{Mv_1}{M+M_1}$$
, ferner $v_1=\left(1+rac{\delta}{2}
ight)c$, forvie $v_2=\left(1-rac{\delta}{2}
ight)c$;

baher folgt bann

$$L = L_1 + \frac{u}{60} \cdot \frac{c^2}{2} \left[\left(1 - \frac{\delta}{2} \right)^2 M_1 + \left(1 + \frac{\delta}{2} \right)^2 \frac{M M_1^2}{(M + M_1)^2} \right],$$

und die gesuchte Umdrehungsmaffe

$$M = \frac{60'' \mu}{\delta} \cdot \frac{L_1}{u c^2} + \frac{\mu}{2 \delta} \left[\left(1 - \frac{\delta}{2} \right)^2 M_1 + \left(1 + \frac{\delta}{2} \right)^2 \frac{M M_1^3}{(M + M_1)^3} \right],$$
oder einfacher, da δ sehr klein gegen 1 gefordert werden muß:

$$M = \frac{60'' \, \mu}{\delta} \cdot \frac{L_1}{u \, c^2} + \frac{\mu}{2 \, \delta} \left(M_1 + \frac{M \, M_1^3}{(M + M_1)^3} \right).$$

Bowungraber. Druden wir noch die Massen M und M_1 durch Gewichte G=gM und $G_1=gM_1$, sowie die Leistung L_1 in Pferdekräften aus, so erhalten wir für das Gewicht des Schwungringes die Formel

$$G = 31,25 \cdot \frac{60'' \mu}{\delta} \cdot \frac{510 L_1}{u c^2} + \frac{\mu}{2 \delta} \left(G_1 + \frac{G G_1^3}{(G + G_1)^3} \right)$$

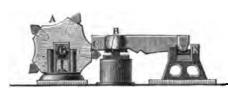
$$= 956250 \cdot \frac{\mu L_1}{\delta u c^2} + \frac{\mu}{2 \delta} \left(G_1 + \frac{G G_1^3}{(G + G_1)^3} \right).$$

In der Regel ift G1 gegen G fo klein, daß sich diese Gleichung in Bezgiehung auf G sehr bequem auf bem Wege des Raherns auflosen lagt.

Anmerfung. In ben Artifeln schammerwerfe, Bochwerfe, Balzwerfe u. f. m. wirb biefer Gegenstand weiter verfolgt.

Beifpiel. Gin Stirnhammer CK von 10000 Pfund Gewicht, Fig. 387, wird mittele Bebebaumen burch eine mit 2 Fuß Gefcwindigfeit umlaufende

Fig. 887.



Belle AG pro Minute 90mal und zwar so hoch aufgehoben, baß ber Schwerpunkt besselben 1 Kuß feukrecht steigt; wie groß ist das ersorberliche Gewicht der Umbrehungsmasse, wenn die Belle während des Anhebens benselben Weg zurudlegt, als während des Leergehens, wenn also $\mu = \frac{1}{2}$ ist, und wenn ber

Ungleichförmigfeitsgrab $\delta=1_{20}'$ geforbert wird? Die effective Leiftung biefer Rassschine ift $L_1=\frac{90}{60}\cdot 10000$. 1=15000 Tufpfund =29,412 Pferbeträfte, ba fie in jeder Secunde ben Hammer $\frac{90}{60}=\frac{8}{2}$ mal hebt und hierbei jedes Ral

10000 . 1 = 10000 Fußpfund leiftet; bas erforberliche Umbrehungsgewicht auf ben Angriffspunft ber Daumen reducirt, ift nach ber letten Formel

$$G = 956250 \quad \frac{\mu L_1}{\sigma u c^2} + \frac{\mu}{2 \sigma} \left(G_1 + \frac{G G_1^8}{(G + G_1)^8} \right)$$

$$= 956250 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{29,412}{\frac{1}{20} \cdot 90 \cdot 4} + \frac{\frac{1}{2}}{2 \cdot \frac{1}{20}} \left(G_1 + \frac{G G_1^8}{(G + G_1)^8} \right)$$

$$= 781250 + 5 \left(G_1 + \frac{G G_1^8}{(G + G_1)^8} \right).$$

Bare nun noch bie trage Maffe bes hammers, auf ben Angriffspunkt C reducirt, $G_1=6000$ Bfund, so hatte man

$$G = 781250 + 5 \left[6000 + \left(\frac{6000}{G + 6000} \right)^8 G \right],$$

und es ift nun icon febr genau

G = 781250 + 30000 = 811250 Pfund,

ta bas Glieb $5 \cdot \left(\frac{6000}{G + 6000}\right)^8 G$, wenn man barin G = 811250 fett, nur $5 \cdot \left(\frac{6000}{811250}\right)^8 \cdot 811250 = 1,6$ Pfund gickt.

3ft ber mittlere halbmeffer bes Schwungrabes 5mal fo groß als ber hebelsarm GC bes Daumens C, lauft also auch ber Schwungring 5mal so schwell um, als ber Daumen, so hat man bas eigentliche Gewicht bes Schwungringes

Comung. Taber .

§. 191. Die vorstehende Theorie des Schwungrades giebt uns die träge Masse $M=\frac{G}{g}=0,032$ G dieses Maschinentheiles auf einen gewissen, mit einer gewissen Geschwindigkeit c umlaufenden Punkt reducirt; nun besteht aber diese Masse in der Regel aus einem Ringe, aus einer gewissen Anzahl von Armen und aus einer Hülse; es ist daher noch zu erdrtern, wie sich die ganze Masse Masse diese einzelnen Theile vertheilt. Den größten Theil dieser Masse liefert der Schwungring, da diesser nicht allein das größte Gewicht, sondern auch die größte Geschwindigseit, und folglich das größte Trägheitsmoment desigt. Die Radarme verz größern die Masse des Schwungrades nur wenig, da sie nicht allein viel leichter sind als der Schwungring, sondern auch eine viel kleinere mittlere Geschwindigkeit haben als der Ring. Die Hülse des Schwungrades hat endlich dei ihrem mäßigen Gewichte und ihrer kleinen Umdrehungsgeschwindigkeit in Hinsicht auf den Schwungring ein so kleines Trägheitsmoment, daß deren träge Masse ganz unbeachtet bleiben kann.

Ist R das Gewicht des Schwungringes und A das Gewicht der Arme, welche diesen Ring mit der Huse verbinden, ist ferner r_1 der außere und r_2 der innere Halbmesser des Ringes, so hat man, in sofern man die Querschnitte desselben als ein Rechteck und die Arme als dunne Prismen behandelt, nach I., \S . 235 und \S . 232, das Trägheitsmoment des Ringes $\frac{1}{2}R$ $(r_1^2+r_2^2)$ und das der Arme $\frac{1}{3}Ar_2^2$, also das des ganzen Schwungrades.

 $T = \frac{1}{2}R (r_1^2 + r_2^2) + \frac{1}{8}Ar_2^2.$

Führen wir aber ben mittleren Halbmesser $r=\frac{r_1+r_2}{2}$ und die Ringbreite $b=r_1-r_2$ ein, so erhalten wir

$$T = R\left(r^2 + \frac{b^2}{4}\right) + \frac{1}{3}A\left(r - \frac{b}{2}\right)^2$$

wofür der Einfachheit wegen, da b nicht leicht über 0,1 r, also $\frac{b^2}{4}$ nicht leicht über $^{1}/_{400}$ r^2 , und A ansehnlich kleiner als R ist,

$$T = (R + 1/3 A) r^2$$

gefest werben tann, fo daß nun fehr einfach die auf den mittleren Rads halbmeffer reducirte Maffe bes Schwungrades

$$M = \frac{(R + \frac{1}{3}A)r^2}{gr^2}$$
, ober $G = R + \frac{1}{3}A$ folgt.

Wasserder Wenn wir daher nach einer Regel des vorigen Paragraphen die träge Masse $M=\frac{G}{g}$ des Schwungrades bestimmt haben, so kommt es nun noch darauf an, dieselbe auf den Ring R und auf die Arme zu vertheilen. Ist F der Querschnitt des Schwungringes, $F_2=\nu\,F$ der der Arme, n die Anzahl derselben und γ die Dichtigkeit des Gußeisens, aus welchem das ganze Rad besteht, so haben wir

$$R=2\pi r F\gamma$$
 und $A=nF_2r\gamma=\nu n Fr\gamma$, daher $G=2\pi Fr\gamma+\frac{1}{3}nF_2r\gamma=(2\pi+\frac{1}{3}\nu n)\ Fr\gamma$, und es bestimmt sich daher der Querschnitt des Schwungringes aus der Masse $M=\frac{G}{g}$ des ganzen Rades, mittels der Formel

$$F = rac{G}{(2\pi + rac{1}{3} v n) r \gamma} = rac{0,00033493}{1 + 0,053 v n} \cdot rac{G}{r}$$
 Quadratfuß
$$= 0,04823 \; (1 - 0,053 v n) rac{G}{r} \; \Omega u a dratzou,$$

mobei jeboch r in Fußen zu geben ift.

Die Anzahl n der Radarme ist 4 bis 8, das Querschnittsverhaltniß $v=\frac{F_2}{F}={}^{1/4}$ bis ${}^{1/2}$, und die radiale Breite des Ringes ein bis zwei Mal so groß als dessen Dicke.

Beispiel. Wenn wir bem Schwungrabe in §. 190, beffen Gewicht wir 82450 Pfund gefunden haben, n=6 Arme, jeden vom Querschnitte $F_2=\nu F$ = $\frac{1}{8}$ F und von der Länge r=10 Fuß geben wollen, so muß der Querschnitt seines Ringes

$$F = 0.04828 (1 - 0.058 \cdot 6 \cdot \frac{1}{8}) \cdot \frac{32450}{10}$$

= 0,04823 . 0,894 . 3245 = 189,6 Quabratgoll erhalten, und mare nun noch bas Berhaltniß ber Breite d gur Dide e biefes

Querfcnittes = % geforbert, fo murbe

8/2 e² = 189,6, folglich e = 9,647 und d = 14,470 Boll

gemacht werben muffen.

§. 192. Da die lebendige Kraft, mit welcher das Schwungrad ben Gang einer Maschine regulirt, vermittels ber Rabarme vom Schwungzinge auf die Welle und die übrige Maschine übertragen wird, so sind biese einer Spannung ausgeseht, und zwar einer Spannung, die sich inznerhalb einer Periode oder eines Spieles der Maschine stetig andert, so daß diese Arme während des beschleunigten Ganges der Maschine nach der einen, und während des verzögerten Ganges derselben nach der anderen Seite gebogen werden. Um dieser sich unausschlich andernden Biegung

auf die Dauer hinreichenden Wiberstand entgegenzusehen, muffen baber auch die Arme eine angemessene Starke erhalten, die sich wie folgt berechenen läßt.

Cawung Taka

Nehmen wir an, baß sich bas Schwungrab um ben Bogen a breht, während seine Maximalgeschwindigkeit v_1 in die Minimalgeschwindigkeit v_2 übergeht, und sehen wir wieder ben mittleren Halbmesser bes Schwungsrades = r, sowie die träge Masse besselben, auf r reducirt, = M. Dann erhalten wir die Kraft, mit welcher die Radarme abwechselnd vors und rudwärts gebogen werden:

$$P = \frac{\text{Arbeit}}{\mathfrak{Weg}} = \frac{\frac{1}{2}M(v_1^2 - v_2^2)}{\alpha r},$$
oder, da $\frac{1}{2}(v_1^2 - v_2^2) = (v_1 - v_2) \frac{(v_1 + v_2)}{2} = \delta c^2$ iff,
$$P = \frac{\delta M c^2}{\alpha r}.$$

Ift nun n die Anzahl ber Rabarme, h die Dicke, und b=mh bie Breite eines Rabarmes, jene in tangentieller, und diese in arieller Richtstung gemessen, so haben wir die Kraft zum Abbrechen dieser Arme (vergl. II., §. 111):

$$P = n \cdot \frac{b h^2}{r} \cdot \frac{K}{6} = \frac{mnh^3}{r} \cdot \frac{K}{6},$$

und es gilt baher bie Gleichung

$$Pr = rac{\delta M c^2}{lpha} = mnh^3 \cdot rac{K}{6}$$
, wornach sich $h = \sqrt[3]{rac{\delta M c^2}{lpha mn \cdot rac{K}{6}}}$ ergiebt.

Führen wir ftatt der lebendigen Kraft Mc2 der Schwungrabmaffe bie Leiftung L ber Maschine ein, und seben wir zu biesem 3wede

$$\delta Mc^2 = 60'' \mu \cdot \frac{L}{u},$$

fo erhalten wir folgenden Musbrud fur bie Armbide:

$$h = \sqrt[8]{\frac{60'' \,\mu \,L}{\alpha mnu \cdot \frac{K}{6}}}.$$

Damit die Welle des Schwungrades von der lebendigen Kraft beffelben nicht abgewürgt werde, muß der Hals der Welle, an welchem das Schwungs rad aufsit, ebenfalls eine gewisse Starte d erhalten. Sehen wir das Moment zum Abwürgen $Pr = d^3 \cdot K_1$, so erhalten wir hiernach

$$d = \sqrt[9]{\frac{\delta M c^2}{\alpha K_1}} = \sqrt[9]{\frac{60 \,\mu L}{\alpha u \, K_1}},$$

und es folgt bas Berhaltniß

$$\frac{h}{d} = \sqrt{\frac{6K_1}{mnK}}$$
.

Rehmen wir nun aus I., §. 203, $\frac{K}{6}=1700$ und $K_1=\frac{1}{8}$. 12600

= 1575, so erhalten wir
$$\frac{h}{d}$$
 = 0,975 $\sqrt[3]{\frac{1}{mn}}$ ober nahe = $\frac{1}{\sqrt[3]{mn}}$.

Für runde Wellen, welche die Leistung
$$L$$
 unmittelbar übertragen, ift $d=\sqrt[4]{rac{Pr}{K_1}}=\sqrt[4]{rac{Lr}{v\,K_1}}=\sqrt[4]{rac{30\,L}{\pi\,u\,K_1}}.$

Run haben wir aber bei Baffers und anderen Rabern (f. II., f. 111) d=6,12 $\sqrt[V]{\frac{L}{2}}$ 301 gefest, wenn L in Pferbetraften gegeben ift; folglich konnen wir nehmen

$$\sqrt[8]{rac{30}{\pi K_1}} = 6,12$$
, und $\sqrt[8]{rac{60}{K_1}} = 6,12\sqrt[8]{2\pi} = 11,29$;

fo bag fich nun bie Bellenftarte fur Schwungraber

$$d=11,29 \sqrt[3]{\frac{\mu L}{\alpha \mu}}$$
 Boll

ergiebt, und endlich hiernach die Armbicke $h=\sqrt[n]{\frac{1}{m\,n}}$ und Armbreite b = mh leicht berechnet werben fann.

Beifpiel. Benn für bas Schwungrab eines Stirnhammers im Beifpiele ju \$. 190 bie Leiftung L = 29,412 Bferbefrafte gefunben, wenn ferner fur biefee Rab $\mu = \frac{1}{2}$, $\alpha = \frac{\pi}{6}$ und u = 10 angenommen worben ift, fo können wir nun auch bie erforberlichen Bale- unb Armftarten biefes Rabes finben. Es ift namlich bie Baleftarte

$$d = 11,29 \sqrt[3]{\frac{\frac{1}{2} \cdot 29,412}{\frac{\pi}{6} \cdot 10}} = 11,29 \sqrt[3]{\frac{8,8236}{\pi}} = 15,98 \text{ Soll};$$

und wenn man bie Angahl ber Arme n = 6 und bas Dimenfioneverhaltnig m = 3/8 nimmt, bie Armbide

$$h = \frac{d}{\sqrt[9]{mn}} = \frac{d}{\sqrt[9]{4}} = 0,630 \cdot 15,93 = 10,04 \ 30\%,$$

und die Armbreite b = 3/8 . 10,04 = 6,69 Boll.

Anmertung. So nutlich auch ein Schwungrab als Bewegungeregulator und Rraftconfervator ift, fo bietet es auch ben Bortheil bar, bag es burch feine Bapfenreibung einen nicht unbetrachtlichen Theil bes Leiftungevermögens ber Dafdine verzehrt. Diefer Arbeiteverluft ift nach II., §. 127,

$$L_1 = 0.00015 \ \varphi \ u \ \sqrt{G^8}$$

ju feben, wenn G bas Bewicht bes Rabes, w bie Umbrehungszahl beffelben pro

Dinute und o ben Reibungscoefficienten bezeichnet. Fur bas Schwungrab im letten Beifpiele ift hiernach

 $L_1 = 0,00015 \cdot 0,075 \cdot 10 \sqrt[7]{32450^8} = 0,0001125 \cdot 4750000 = 584 \% u f,$ b. i. mehr ale eine Bferbefraft.

§. 193. Wenn die Rraft ober Laft einer Mafchine unaufhorlich gufals Centioes ligen Beranberungen ausgesett ift, fo regulirt man ben Sang berfelben, indem man den Butritt bes arbeitenden Rorpers ober Motors, &. B. bes Baffere, Dampfes u. f. m., von der Geschwindigkeit abhangig macht, so baß mit einer Bu= ober Abnahme ber Geschwindigkeit eine Berminderung ober Bergrößerung ber arbeitenden Maffe verbunden ift und baher jene Bu= ober Abnahme eine gemiffe Grenze nicht überschreiten fann. Borrichtungen, woburch eine folche Regulirung bes Motore bewirkt wirb, kann man im Allgemeinen Gouvernatoren (franz. gouvernateurs, engl. governors) nennen. Giner ber vorzüglichsten Gouvernatoren ift bas conifche Penbel ober ber Centrifugal = ober Schwungfugel: Regulator (franz. pendule conique, régulateur à force centrifuge. engi. conical pendulum, governor of Watt). Derfelbe besteht in ber hauptfache aus einer umlaufenden ftehenden Belle ober Spindel CD.

Rig. 388.

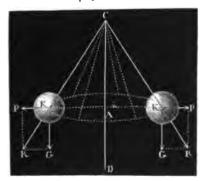


Fig. 388, und aus zwei Rugeln, ben sogenannten Schwungkus geln K, K, welche burch Urme CK, CK und Charniere C, C mit ber erftern verbunden finb und fich in Folge ber Umbrehung ber Belle von biefer entfernen, fo daß fie fich felbft in einem Rreife, und ihre Arme in einem Regelmantel um die Are CD herumbrehen.

Die Stellung ber Rugeln gegen die Umbrehungsare ift burch

bas Gleichgewicht zwischen bem Gewichte G und ber Centrifugalfraft P berfelben bedingt, welches eintritt, sowie die Mittelfraft aus G und P in ber Richtung bes Armes CK gieht, und baher R von bem Aufhangepunkt C aufgenommen wirb. Die Aehnlichkeit ber Dreiede CAK und KGR giebt uns bie Proportion

$$\frac{CA}{KA} = \frac{KG}{RG};$$

bezeichnen wir folglich noch ben Abstand AK ber Rugelmittelpuntte von der Umbrehungsare, ober ben halbmeffer bes conischen Pendels, durch r, und ben fenkrechten Abstand CA ber Rugeln von ihrem Aufhangepunkte C,

sonlides ober bie sogenannte Bohe bes conischen Penbels, burch h, so haben wir h G

$$\frac{h}{r} = \frac{G}{P}$$

Nun ist aber nach I., §. 246, die Centrifugaltraft $P=\omega^2 Mr$ $=\frac{\omega^2 Gr}{g}$, wofern ω die Winkelgeschwindigkeit des umlaufenden Pendels bezeichnet; daher haben wir hier

$$\frac{h}{r} = \frac{Gg}{\omega^2 Gr} = \frac{g}{\omega^2 r}, \text{ b. i.}$$

$$h = \frac{g}{\omega^2}.$$

Führen wir noch statt ω bie Zeit t einer Umbrehung ein, seben wir also $\omega = \frac{2\pi}{t}$, so erhalten wir die Sohe des conischen Pendels,

$$h = \frac{g t^2}{4 \pi^2} = 0,7916 t^2 \, \text{Sub},$$

und umgefehrt bie Umbrehungszeit

$$t=2\pi\sqrt{rac{ar{h}}{g}}=1,124\sqrt{h}$$
 Secumben.

Es wächst also die Umbrehungszeit ober die Zeit eines Penbelspieles wie die Quadratwurzel aus ber Sohe des conischen Penbels, und es hangt diese Beit nur von dieser Hohe ab. Bei dem gemeinen Kreispendel, welches in einer Vertikalebene schwingt, ist nach I., §. 261, die Zeit einer Schwinzung bei kleiner Clongation:

$$t = \pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

wo I bie Lange bes Penbels bezeichnet.

Es ift also die Zeit eines Spieles, ober die Zeit, innerhalb welcher ein Pendel zu bemselben Orte zurudkehrt, für beibe Pendel burch gleichgeformte Ausbrucke

$$t=\pi\,\sqrt{rac{ar{h}}{g}}\,$$
 und $t=\pi\,\sqrt{rac{ar{l}}{g}}$

bestimmt, und folglich die Schwingungszeit beider Pendel eine und biefelbe, wenn die Sohe h bes einen gleich ift ber Lange l bes anderen.

h. 194. Die einfache Formel $h=\frac{g}{\omega^2}=\frac{g\ell^2}{4\pi^2}$ zeigt, daß die Hohe h des conischen Pendels abnimmt, also die Kugeln desselben steigen, wenn die Wintelgeschwindigkeit ω desselben eine größere wird, und daß dagegen die Hohe h desselben zunimmt, oder die Rugeln fallen, wenn diese Gesschwindigkeit schwächer wird. Seht man folglich die stehende Welle dieses

Conifdel Benbel.

Regulators so mit einer arbeitenden Maschine in Berbindung, daß sie an der rotirenden Bewegung derselben in allen ihren Phasen mit Theil nimmt, so werden also auch die Rugeln zu steigen anfangen, wenn die Maschine aus einer gewissen mittleren Geschwindigkeit in eine größew übergeht, und sie werden umgekehrt herabsinken, sowie die Geschwindigkeit der Maschine eine kleinere wird. Es ist folglich ein solcher Apparat ein Zeiger, welcher durch die Stellung seiner Augeln die Geschwindigkeit der arbeitenden Maschine angiebt, und wornach also auch der Zutritt des Motors regulirt werden kann. Um dieses Reguliren nicht mit der Hand machen zu müssen, bedarf es nur noch einer Verbindung der Schwungkugeln mit demjenis gen Theile der arbeitenden Maschine, durch welchen der Zusluß des Motors unmittelbar regulirt wird, der z. B. bei den Dampsmaschinen in der sogenannten Idmissionsklappe (einem Drosselventile), und bei den Wasserrädern in einem Schuhbrette besteht.

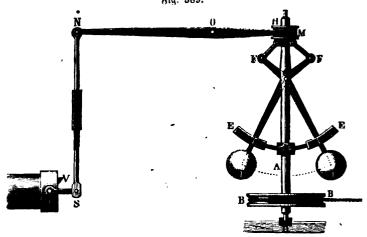
Nimmt dann, entweder in Folge einer Vergrößerung der Kraft oder in Kolge der Berminderung der Laft, die Maschine und also auch der Reguslator eine größere Umdrehungsgeschwindigkeit an, so heben sich die Schwungstugeln des letteren um Etwas und stellen die Zutrittschfappe oder Schüte mittels Stangen, Hebel u. s. w. so, daß die Zutrittsöffnung, und also auch die Menge des zusließenden Motors eine kleinere und folglich der weiteren Zunahme der Umdrehungsgeschwindigkeit eine Grenze gesett wird; geht umgekehrt, entweder dei Abnahme der Kraft oder bei Zunahme der Last, die Geschwindigkeit der Maschine in eine kleinere über, so sinken die Schwungstugeln und stellen die Admissionsklappe oder Schüte so, daß der Quersschwitt der Zuslußöffnung und also auch das Quantum des zusließenden Motors größer und folglich auch das Arbeitsvermögen der Maschine verzgrößert wird, und baher die Geschwindigkeit entweder wieder steigt oder mindestens nicht noch weiter sinkt.

Ift die Kraft jum Stellen bes Abmiffionsapparates, wie z. B. die zum Bieben eines Schuthrettes, ziemlich groß, so erfordert diese sehr große Schwungkugeln, und beshalb zieht man es dann vor, die Schwungkugeln nur zum Umsteuern eines Apparates zu benuten, burch welchen ber Absmiffionsapparat mit der arbeitenben Maschine so in Verbindung gesett wird, daß diese Maschine bie Zuflußklappe ober Schütze selbst stellt.

§. 195. Wie das conische Pendel mit einer Dampsmaschine in Berbindung geseht wird, ist zwar schon aus den Figuren 487 und 516 zu den Paragraphen 335 und 348 des zweiten Theiles zu ersehen, es ist aber nosthig, daß wir hier noch specieller in die Beschreibung dieses Apparates und seiner Berbindung mit der arbeitenden Maschine eingehen.

Die Einrichtung eines Gentrifugalregulators jum Stellen ber Abmif-

Gonifdes Prabel. sionsklappe einer Dampsmaschine ist aus Figur 389 zu ersehen. Die stehende Welle CD ist mit einer Schnurscheibe BB ausgerüstet, um bie sich Fig. 389.

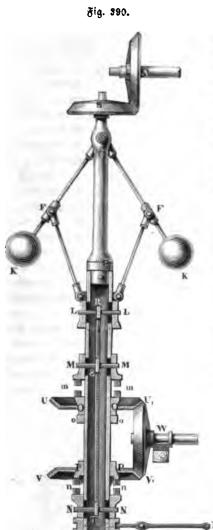


eine Schnur ohne Ende wickelt, die zugleich auf ber Schwungradwelle ber Maschine liegt und ben Regulator in Umbrehung versett. Die um ben Bolgen C brebbaren Arme CK, CK find von den Seitenbacken eines Bugels EE eingeschloffen, welcher nicht allein bem Ausschwingen ber Rugeln K und K eine Grenze fest, fonbern auch bie Bewegung berfelben in ber Bertikalebene burch CD fichert. Bei ber Ginrichtung bes abgebilbeten Regulators ift uber bas genau abgebrehte obere Enbe ber ftehenden Belle eine Bulfe H geftedt, welche burch Stabe FL, FL auf = und niebergeschoben werben tann, die mittele Charniere an biefe Sulfe und an bie rudwarts verlangerten Armenden CF, CF angeschloffen find. Den hals ber Sulfe H umfaßt bas gabelformige Ende eines um O brebbaren Bebels MON, ber mit bem Urme ober Schluffel ST, woburch die Rlappe V um ihre Are gebreht werben tann, burch eine Stange NS verbunden ift. Leicht ift eingufeben, wie mit bem Sinten und Steigen ber Rugeln K und K ein Sinten und Steigen ber Sulfe H und hiermit wieber eine die Durchgangsoffnung bes Dampfes vertleinernbe ober vergroßernbe Stellung ber Rlappe V verbunben ift.

Ein Centrifugalregulator zum Stellen ber Schüte eines Wasserabes ift in Figur 390 (auf nebenstehender Seite) abgebilbet. Die stehende Welle BD desselben wird hier durch ein Raberwerk AB in Umdrehung gesetz und besteht zum großen Theil aus einer Rohre DT, welche außen genau abgedreht ist, so daß sich auf beren Umfang nicht allein die

Muffe LL, MM und NN ungehindert verschieben, sondern auch andere Muffe OO, PP und QQ frei umdrehen lassen. Der oberste Muff LL ist mittels der Stabe FL,

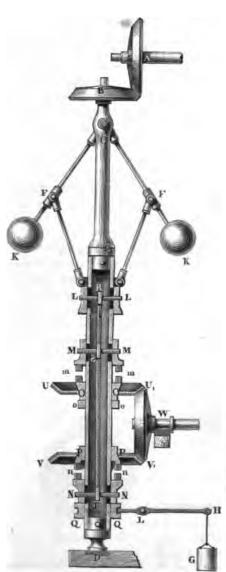
Conlides Benbei.



FL an die um den Bolgen C brebbaren Schwungfugelarme CK, CK angebangen, und muß beshalb mit ben Schwungtu= geln K. K fteigen und fallen. Die beiben Duffe MM und NN find mit bem erfteren burch brei Querftabe, R, S, T und einer Stange RST im Innern bes robrenformigen Theiles ber ftebenben Belle verbunden, und bie lettere ift an ben Stellen, mo biefe Muffe auffigen, gefchlibt, bamit fie ben burchgeftedten Querbolgen und alfo auch bem gangen Muffenfosteme beim Muf= und Dieberschieben fein Sinbernif in ben Weg legt. Um biefes Berfchieben burch Die Schwungfugeln moglichft su erleichtern, lagt man bie gange Muffverbindung burch ein Begengewicht G tragen,

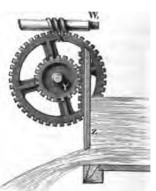
Conlides Berbel. welches mittels eines hebels QH und einer hulfe QQ von unten auf den Muff NN drudt. Die Muffe OO und PP stehen für gewöhnlich

Fig. 391.



mit bem erfteren Duffipfteme nicht in Berbindung; fie ru= hen auf zwei Aranzen oo und pp, welche auf dem Wellen= umfange fest auffigen, und bilben die Bulfen ameier conischen Bahnraber UU, und VV1, zwischen welchen ein brittes conisches Rad $U_1 \ V_1$ liegt, bas auf ber horizontas len Kraftwelle WW1 einer Schraube ohne Ende X auf-Auf ber Lastwelle ber letteren fit außer bem gro-Beren Rraftrade noch ein fleis neres Lastrad Y, beffen Bahne eine gezahnte Stange ergreis fen, welche auf bem Schut= brette festsist, woburch ber Buffuß bes Muffchlagmaffers requlirt wirb.

Bei der Stellung, welche bie Figur barstellt, lauft die stehende Welle um, ohne mittels eines der Raber UU_1



Conliches Benbel.

und VV1 u. f. w. auf ben Schutapparat zu wirken. Mimmt aber bie ftebende Belle eine großere Umbrehungegeschwindigkeit an und wird hierbei bie Muffverbindung LMN von ben Schwunglugeln gehoben, fo greift bie nach Art ber Sperrraber (f. 6. 160) gezahnte Stirn nn bes Duffes NN in die ebenfo gezahnte Grundflache ber Sulfe PP und es wird nun biefe Sulfe gezwungen, mit bem Muffe NN und mit ber ftehenden Belle umgulaufen. Da die Sulfe PP mit bem Rabe VV1 ein Ganges bilbet, fo gelangt nun auch biefes und folglich auch ber gange Dechanismus WXYZ in Bewegung, wobei bas Schubbrett herabfinkt, und folglich bas Aufschlage quantum verminbert, alfo auch bem weiteren Wachsen ber Geschwindigkeit der Maschine eine Grenze gefett wirb. Lauft umgekehrt die ftebende Welle zu langsam um, fo wird bas Muffinftem LMN von dem Schwung-Eugelapparat herabgeschoben , und es tommt nun die gezahnte Grundflache mm bes Muffes MM mit bem gezahnten Scheitel ber Sulfe OO jum Eingriff, fo bag nun bas Bahnrab UU, umzulaufen genothigt wirb, und bie Belle WW1 in die umgetehrte Umbrehungebewegung gerath. bei muß naturlich bie Schube fteigen und bie Musflugmenge, und folglich auch bie Umtriebetraft machfen, und ebenfo auch die Umbrehungegeschwinbigfeit wieder junehmen, ober minbeftens nicht noch weiter herabfinten.

Es ist übrigens nicht nothig, die Welle WW_1 durch den Regulator in Umbrehung zu setzen; man kann auch die Rader UU_1 und VV_1 mit einer besonderen Welle versehen, welche durch die arbeitende Waschine unsmittelbar in Umbrehung gesetzt wird.

Um die Empfindlichkeit bes Centrifugalregulators fo viel wie möglich zu erhöhen, ift es übrigens nothig, die Regulirungsklappe ober Schüte burch ein Gegengewicht zu aquilibriren, fo daß die Kraft zur Bewegung berfelben rud- und vorwarts nur in dem paffiven Widerstande der Reisbung besteht.

§. 196. Wegen des unvermeidlichen Widerstandes, welcher bei der Bewegung des Musses durch die Schwungkugeln zu überwinden ist, konen sich diese Kugeln nicht bei jeder beliedig kleinen Geschwindigkeitsversanderung heben oder senken, sondern es muß dieselbe erst dis zu einer gerwissen Größe anwachsen, bei welcher die Zu- oder Abnahme der Centrigugalkraft hinreichend ist, den passiven Widerstand des Musses zu überwinden. Deshalb ist es denn auch nothig, daß die Schwungkugeln des Regulators ein diesem Widerstande des Musses angemessenes Gewicht erzbalten.

Die Centrifugaltraft einer Rugel ift

 $P = \omega^2 Mr$, und geht in

 $P_1 = \omega_1^2 Mr$

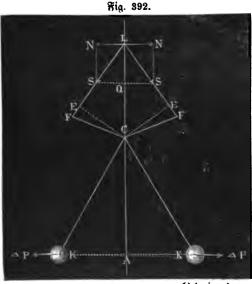
Gonlides über, wenn sich die Winkelgeschwindigkeit win wi umandert. Die ber Geschwindigkeitsveranderung wi — w entsprechende Kraftveranderung ift folglich

 $\triangle P = P_1 - P = (\omega_1^2 - \omega^2) Mr = (\omega_1 - \omega) (\omega_1 + \omega) Mr$ $= \delta \left(\frac{\omega_1 + \omega}{2}\right)^2 Mr, \text{ ober annahernd}$

 $\triangle P = \delta \omega^2 Mr,$

wenn & wie feither, ben zulaffigen Grab ber Ungleichformigkeit im Gange ber Mafchine bezeichnet.

Der Wiberstand Q bes Muffes erfordert zu seiner Ueberwindung eine Stangenkraft $\overline{LS}=S$, Fig. 392, welche an einem Hebelarme $CE=\overline{CL}$. sin. CLE wirft, während die bewegende Kraft \triangle P den Hebelarm



CA = h hat. Segen mir ben Wintel CLF. melchen bei ber mittleren Stellung ber Schwungfugeln bie Mufftrager FL mit ber Are AL ber stehenden Welle ein= Schließen, = β , und ben Abstand bes Duf= fes L von bem Auf= hangepunkte C ber Ru= geln, bei ber mittleren Stellung ber Rugeln und mittleren Ge= fchwindigfeit ber Da= ichine, = l, fo haben wir bas Moment bes Muffwiderstandes

$$S.\overline{CL}. sin. CLE = \frac{Q l sin. \beta}{cos. \beta} = Q l tang. \beta,$$

und segen wir baffelbe bem Momente

$$\triangle P.h = \delta \omega^2 Mrh = \delta Gr$$

gleich, fo erhalten wir folgende einfache Formel fur bas Gewicht beiber Schwunglugeln gufammen

$$G = \frac{Q l tang. \beta}{\delta r},$$

alfo fur bas Gewicht einer Rugel

$$^{1}/_{2}G=\frac{Q l lang. \beta}{2 \delta r}.$$

Diese Formel gilt auch bann noch, wenn, wie in Figur 391, die Muff= genbei. trager unmittelbar an ben Rugelarmen CK hangen.

Es wachst also bas Gewicht ber Schwungkugeln nicht allein mit bem Widerstande des Muffes, sondern auch mit dem mittleren Abstande CL = l des Muffes von dem Aufhängepunkte der Rugeln und mit dem Winztel, um welchen die Aren der Muffträger von der Are der Spindel adweichen, und kann dagegen um so kleiner gemacht werden, je größer der mittlere Abstand der Schwungkugeln von der Umdrehungsare und je größer der geforderte Grad der Ungleichsörmigkeit ist. Da aber dem Principe der virtuellen Geschwindigkeiten zu Folge, der Weg s des Muffes mit dem Gewichte der Rugeln wächst, und die Stellung der Dampsklappe u. s. w. erfordert, daß dieser Weg eine gewisse Größe habe, so muß man den Regulator so anordnen, daß die Schwungkugeln nicht zu leicht ausfallen.

Das gewöhnliche Gewicht einer Schwungkugel fur Dampfmaschinen= regulatoren ift 20 bis 40 Pfunb.

Beispiel. Wenn bei einem Schwunglugelregulator die Kraft zum Berschieben bes Muffes Q=10 Pfund, bas Langenverhaltniß $\frac{l}{r}=\frac{1}{2}$, ber Unsgleichförmigfeitsgrad $\delta=\frac{1}{2}$ und ber Winkel $\beta=30$ Grad beträgt, so ist bas entsprechende Sewicht einer Schwunglugel

$$\frac{1}{8}G = \frac{Q l \, tang. \, \beta}{2 \, \delta \, r} = \frac{10 \cdot 1 \cdot lang. \, 30^{\circ}}{2 \cdot \frac{1}{190 \cdot 2}} = 50 \cdot 0,5774 = 28,87 \, \text{ Bfunb.}$$

§. 197. Um die Hebels ober Kåderwerke des Regulirungsapparates anordnen zu können, ist es nothwendig, den ganzen Weg des Muffes auf der Spindel, während die Schwungkugeln aus ihrer tiefsten Lage in ihre hochste Lage gelangen, zu kennen. Sind β_1 und β_2 die Neigungswinkel der Muffträger, sowie ε_1 und ε_2 die der Arme derselben gegen die Spindelare AL (Figur 392) beim tiefsten und beim höchsten Stande der Schwungkugeln, und bezeichnen wir die Länge LF eines Muffträgers mit b, die eines Armes CF äber mit e, so haben wir für die ganze Verschiesdung des Muffes:

$$s = b \; (\cos \beta_1 - \cos \beta_2) + e \; (\cos \varepsilon_1 - \cos \varepsilon_2) \; \text{ober}$$

$$s = \frac{b}{2} \sin \left(\frac{\beta_2 + \beta_1}{2}\right) \sin \left(\frac{\beta_2 - \beta_1}{2}\right) + \frac{e}{2} \sin \left(\frac{\varepsilon_2 + \varepsilon_1}{2}\right) \sin \left(\frac{\varepsilon_2 - \varepsilon_1}{2}\right).$$

Die Winkel β_1 , β_2 , ε_1 und ε_2 hången auch noch von den entsprechens den Werthen des Winkels KCA ab, welchen die Rugelarme CK mit der Spindelare CA bilden. Sehen wir diese Winkelwerthe α_1 und α_2 und bezeichnen wir die Armlänge CK selbst durch a. Damit beim tiefsten Rugelstande der kleinste Zuwachs an Umbrehungsgeschwindigkeit ein Heben und also auch eine Verminderung der Zutrittsöffnung bewirke, muß das Mosment der Centrifugalkraft gleich sein des Rugelgewichtes plus dem

Gontides Momente bes passiven Musswierstandes; und damit beim hochsten Rugels stande die kleinste Verminderung der Umdrehungsgeschwindigkeit eine Senstung der Rugeln und also auch eine Vergrößerung der Klappenmundung zur Folge habe, muß das Moment der Centrisugalkraft um das Moment des Musswierstandes kleiner sein, als das des Rugelgewichtes. Diesem zu Folge können wir also sehen:

$$\omega^2 \frac{G}{g} a^2 \sin \alpha_1 \cos \alpha_1 = G a \sin \alpha_1 + Q e \sin (\beta_1 + \epsilon_1)$$
 und $\omega^2 \frac{G}{g} a^2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_2 = G a \sin \alpha_2 - Q e \sin (\beta_2 + \epsilon_2)$.

Damit umgekehrt bei ber tiefsten Augelstellung die Abnahme ber Geschwindigkeit wum $1/2\delta \omega$ eine Senkung der Augeln hervorbringe, muß die entsprechende Verminderung des Centrifugalmomentes gleich sein dem boppelten Momente des Muffwiderstandes, b. i.

$$\delta \omega^2 \frac{G}{a} a^2 \sin \alpha_1 \cos \alpha_1 = 2 Q e \sin (\beta_1 + \epsilon_1),$$

und damit bei ber hochsten Rugelstellung eine Zunahme ber Geschwindigteit w um 1/2 dw ein Steigen ber Rugeln bewirke, muß die entsprechende Bergrößerung bes Centrifugalmomentes gleich sein dem doppelten Momente bes Muffwiderstandes, b. i.

$$\delta \omega^2 \frac{G}{g} a^2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_2 = 2 Q e \sin (\beta_2 + \epsilon_2).$$

Berbinden wir nun vorstehende Gleichungen mit einander, fo erhalten wir die Gleichungen:

 $(1-1/2\delta)$ $\omega^2 a \cos a_1 = g$ und $(1+1/2\delta)$ $\omega^2 a \cos a_2 = g$, woraus nun die gesuchten Winkel ber Rugelstellung folgen.

1)
$$\cos \alpha_1 = \frac{g}{\left(1 - \frac{\delta}{2}\right)\omega^2 a} = \frac{h}{\left(1 - \frac{\delta}{2}\right)a} = \frac{\cos \alpha}{1 - \frac{1}{2}\delta}$$
 und

2)
$$\cos \alpha_3 = \frac{g}{\left(1 + \frac{\delta}{2}\right)\omega^2 a} = \frac{h}{\left(1 + \frac{\delta}{2}\right)a} = \frac{\cos \alpha}{1 + \frac{1}{2}\delta}$$

wofern h die Sohe und a ben Clongationswinkel fur die mittlere Rugels stellung bezeichnen.

Ift D ber Winkel KCF, welcher von ben Armen CF und CK bes Rugelhebels gebildet wird, so haben wir fur die Winkel, um welche CF von ber Spindelare abweicht, in einem Falle:

3)
$$\epsilon_1 = 180^{\circ} - \Theta + \alpha_1$$
, und im anderen

4)
$$\epsilon_2 = 180^{\circ} - \Theta + \alpha_2$$
.

Aus diesen Winkeln folgen nun auch die Werthe des Winkels FLC, Gonifchee welchen die Mufftrager mit ber Spinbelage bilben, burch

5)
$$\sin \beta_1 = \frac{e}{b} \sin \epsilon_1$$
 und

6)
$$\sin \beta_2 = \frac{e}{b} \sin \epsilon_2$$
.

Run berechnet fich auch bie gange Berfchiebung bes Duffes:

7)
$$s = b (\cos \beta_1 - \cos \beta_2) + e (\cos \varepsilon_1 - \cos \varepsilon_2).$$

Enblich bas erforberliche Gewicht der Schwunglugeln ift durch die Dops pelgleichung

8)
$$G = \frac{g e Q \sin (\beta_1 + \varepsilon_1)}{\delta \omega^2 a^2 \sin \alpha_1 \cos \alpha_1} = \frac{g e Q \sin (\beta_2 + \varepsilon_2)}{\delta \omega^2 a^2 \sin \alpha_2 \cos \alpha_2}$$

gegeben, weshalb überbies noch ber Bleichung

$$\frac{\sin. (\beta_1 + \varepsilon_1)}{\sin. \alpha_1 \cos. \alpha_1} = \frac{\sin. (\beta_2 + \varepsilon_2)}{\sin. \alpha_2 \cos. \alpha_2}, \text{ ober}$$

$$\frac{\sin. (\beta_1 + \varepsilon_1)}{\sin. (\beta_2 + \varepsilon_2)} = \frac{\sin. 2\alpha_1}{\sin. 2\alpha_2}$$

burch Auswahl bes Wintels @ Genuge zu leiften ift.

Nimmt man $\Theta = 180^{\circ}$, macht man also die Bebel gerabe und übers bieß b = e, so hat man

$$eta_1 = s_1 = lpha_1$$
 und $eta_2 = s_2 = lpha_2$, folglich auch

sin. $(\beta_1 + \epsilon_1) = sin.$ $2 \alpha_1$, sowie sin. $(\beta_2 + \epsilon_2) = sin.$ $2 \alpha_2$, und es ist also bei biefer Unordnung der letten Bedingungsgleichung Genüge gethan.

Uebrigens ift in biefem Falle bas Rugelgewicht

G auch =
$$\frac{g e Q \sin (\beta + \epsilon)}{\delta \omega^2 a^2 \sin \alpha \cos \alpha} = \frac{2 e Q \cos \alpha}{\delta a}$$

gu fegen, wenn β und ε ber mittleren Augelftellung entfprechen.

Wegen der Kleinheit des Werthes & werden, den Gleichungen (1) und (2) zu Folge, die Winkel a1 und a2 nicht fehr von einander abweichen, konnen also auch die Rugeln nur in einem kleinen Bogen auf= und nies bersteigen und die Hulfe nur wenig verschieben.

Beifpiel. Für einen Centrifugalregulator mit bem mittleren Glongationsswintel $\alpha=25^{\circ}$ und bem Ungleichförmigkeitsgrabe $\sigma=V_{so}$ ift

$$\cos \alpha_1 = \frac{\cos \alpha}{1 - \frac{1}{3}} = \frac{49}{5} \cos 25^{\circ} \text{ und } \cos \alpha_2 = \frac{\cos \alpha}{1 + \frac{1}{3}} = \frac{49}{41} \cos 25^{\circ};$$
 hiernach $\alpha_1 = 21^{\circ}, 98'$ und $\alpha_2 = 27^{\circ}, 51'$.

Rimmt man nun noch $\Theta=180^{\circ}$ und $b=\epsilon$, also $\beta_1=\epsilon_1=\alpha_1$ und $\beta_2=\epsilon_2=\alpha_3$, sowie $\beta=\epsilon=\alpha$, so hat man die ganze Berschiebung bes Ruffes

$$s = 2 b (\cos \alpha_1 - \cos \alpha_2) = 0,09078 b.$$

Ift bie mittlere Umbrehungezahl bes Regulators pro Minute u = 40, fo hat man bie Bintelgefcminbigfeit beffelben

$$\omega = \frac{\pi u}{30} = 3.1416 \cdot \frac{4}{30} = 4.1888 \, \text{Fuß},$$

baber bie mittlere Bobe bee conifden Benbels

$$h = \frac{g}{\omega^2} = \frac{31,25}{(4,1888)^2} = 1,7810 \text{ gub},$$

und bie Armlange beffelben

$$a = \frac{h}{\cos a} = \frac{1,7810}{\cos 25^{\circ}} = 1,9651 \% u \hat{g}.$$

Nimmt man nun noch b=e=1,5 Fuß, so erhält man s=0,09078 . 1,5=0,18617 Fuß =1,634 Boll, und das Gewicht einer Augel

$$G = \frac{e \ Q \cos \alpha}{\delta \ a} = \frac{1.5 \cos 25^{\circ}}{\frac{1}{20} \cdot 1.9651} \cdot Q = 13.836 \ Q,$$

ober für Q = 10 Bfunt :

G = 138,36 Pfunb.

Ferabolischer §. 198. Es ist ein großer Uebelstand bes im Borstehenden kennen gereintstigal ternten Centrisugalregulators von Watt, daß er nur innerhalb einer sehr kleinen Muffverschiedung vollständig, oder vielmehr die auf einen kleinen Grad der Ungleichförmigkeit zu reguliren vermag. Die Ursache desselben ist darin begründet, daß die Winkelgeschwindigkeit $\omega = \sqrt{\frac{g}{h}}$ für die verschiedenen Augelstellungen nicht einerlei ist, sondern immer mehr absnimmt, je größer die Hohe hes conischen Pendels ist. Um daher ein bei allen Augelstellungen gleichmäßig regulirendes Centrisugal-Pendel zu erhalten, müßte man dasselbe nicht in einem Punkte C aushängen, sondern seine Augeln in einer Eurve zu steigen oder zu fallen nöthigen, bei welcher h eine constante Größe ist. Die Hohe h ist bei einer Eurve KSK. Fig. 393, nichts weiter als die Subnormale CA, folglich hat man

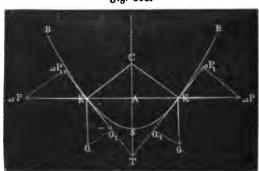
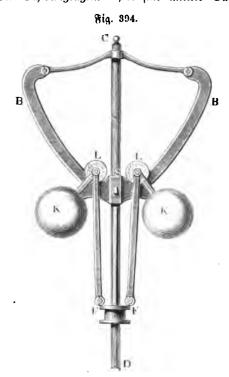


Fig. 393.

es hier mit berjenigen Eurve zu thun, beren Subnormale constant ist. Zarabolister Diese Eurve ist aber die gemeine Parabel (s. den Ingenieur, S. 242), requiator. und folglich hat man also auch die Schwungkugeln nicht in einem Rreissbogen, sondern in einem Parabelbogen BSB steigen und fallen zu lassen. Einen solchen Apparat hat zuerst herr G. Ab. Franke construirt, und dersselbe den Namen parabolischer Centrisugalregulators erhalten.

Die einfachste Einrichtung eines folden Regulators zeigt Fig. 394. Die Schwunglugeln K, K find mittels Gabeln KL an die Aren von



Rollen L, L aufgehangen, welche mit ihren Spuren im Innern ber Bogen SB, SB fortrollen tonnen. Un bie Aren biefer Rollen finb zugleich auch die Muff= trager LF, LF aufgehan= gen, und es ift nun leicht zu ermeffen, wie bei ber Umbrehung ber Spinbel CD ber Muff mittele ber Rollen LL von der Cen= trifugalfraft ber Rugeln auf einer gewissen Bobe erhalten und bei Berande= rung ber Umbrehungege= schwindigkeit von CD auf= gehoben ober niebergescho= ben werben tann. Da es naturlich barauf ankommt, bağ ber Schwerpunkt einer jeben Schwungkugel in der Parabel auf= und nie= derfteige, fo muß die Leit= curve ober innere Seite ber Bogen SB, SB nach

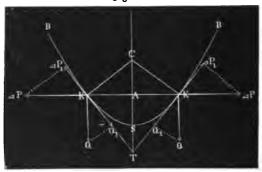
einer Aequibistanten zur Parabel geformt werden, welche an allen Stellen um eine und bieselbe Große von bieser absteht (f. III., §. 67). Da bie Subnormale einer Parabel gleich ist bem halben Parameter ber-

felben, fo hat man naturlich ben letteren $p=2\,h=rac{2\,g}{\omega^2},$ 3. B.

für u = 40, p = 2h = 42,76, für u = 50, p = 2h = 27,36, und für u = 60, p = 2h = 19,00 300.

Pa-abollider

Damit bie Kraft ber Schwungkugeln zur Ueberwindung des Wider-Generifugat.
regulator, standes Q des Muffes sich bei ben verschiedenen Augelstellungen nahe gleich bleibe, muffen die Stangentrager moglichft lang gemacht werben. biefer Boraussetung ift bie Seitenkraft KQ1, Fig. 395, bes Wiberftanbes Fig. 395.



Q, welche tangential gur Parabel wirkt, und von ber in eben biefer Richs tung wirkenden Seitenkraft $\triangle P_1$ bes Wachsthums ober ber Abnahme AP ber Centrifugalfraft übermunden werden muß, wenn ein Steigen ober ein Sinken ber Rugeln eintritt, Q1 = Q sin. a, bagegen aber $\triangle P_1 = \triangle P \cos \alpha$, wenn α ben Winkel KCA bezeichnet, unter wels chem bie Mormale CK bie Are CD schneibet.

Da nun $\triangle P_1 = Q_1$, also $\triangle P \cos \alpha = Q \sin \alpha$ zu seten ift, so folat

$$\triangle P = Q tang. \, \alpha$$
, oder, nach §. 196:
 $\triangle P = \delta \omega^2 \frac{G \, r}{g} = \delta \omega^2 \frac{G \, h}{g} tang. \, \alpha$, und da $h = \frac{g}{\omega^2}$ ist, $\delta \omega^2 \frac{G}{g} h = \delta G = Q$;

es ift baber bas erforberliche Bewicht einer Rugel

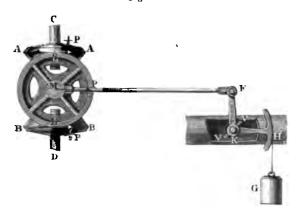
$$^{1/2}G=\frac{Q}{2\delta}.$$

Bei ber Construction bes parabolischen Centrifugalregulators, in Figur 394, bringt bie ercentrische Wirkung ber Centrifugalkraft 🛆 P ein Umdrehungsbestreben der Rugeln hervor, wodurch die ohnedies nicht unanfebnliche Kraft zur Ueberwindung ber Bolgenwirkung noch vergrößert wird. Diefes Sinbernig machft mit der Ercentricitat ober mit bem Abstande des Rugelmittelpunktes von ber Rollenare, und verschwande gang, wenn man biefe Are burch ben Mittelpunkt ber Rugel felbft geben laffen konnte.

§. 199. Wenn man die Umdrehungsbewegung des einfachen Batt's Differenzialfchen Centrifugalregulators nicht von der Bewegung der arbeitenden Mas
fchine abhängig macht, so erhält man in ihm ebenfalls einen weit volls
kommneren Regulirungsapparat.

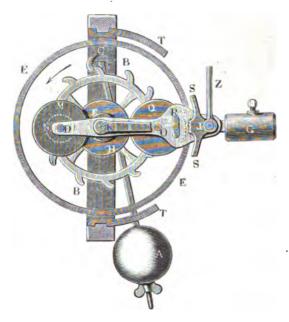
Auf Diesem Principe beruht ber Differenzial=Regulator von Siemens, beffen wesentliche Einrichtung aus Fig. 396 zu ersehen sein mochte. Das conische Rad AA wirb burch ein auf seiner vertikalen Welle

Fig. 896.



C fibendes conifches Pendel mit febr großen Schwungkugeln in Umbrehung gefett, bas conifche Rad BB hingegen wird mittels feiner ftebenben Belle von ber arbeitenben Dafchine in umgekehrter Richtung umgebreht. 3wifchen beiben Rabern AA und BB ift ein brittes conisches Rab EE, beffen horizontale Are M nicht fest liegt, fondern um die vertikale Are CD brehbar ift. Un die Ure M ift noch eine Bugftange MF angeschloffen, welche mittels eines Armes KF bie Abmiffionstlappe VV ergreift und mittels eines Bebels FKH von einem Gegengewichte G gespannt wird. Die Rraft P, mit welcher die Stange MF von G angezogen wird, gerlegt fich in zwei gleiche Seitenkrafte 1/2 P, 1/2 P, wovon bie eine bie paffiven Widerstande bes conischen Penbels übermindet, und bie andere von ber Umbrehungefraft bes Rades BB1 übermunden wird. Laufen bie Rader AA und BB mit gleichen Gefchwindigfeiten in entgegengefetten Richtungen um, fo mirten biefelben wie ein Rraftepaar auf bas Rab EE, und feten baher baffelbe, ohne einen Arenbrud hervorzubringen, ebenfalls in Umbrehung. Nimmt hingegen die Umbrehungegeschwindigkeit von BB ju ober ab, fo wird, ba bie Gefchwindigkeit von AA wegen ber Tragheit ber ichweren Schwungkugeln nur langfam ju= ober abnehmen fann, bas Rab EE im Ganzen mit seiner Are M vor= ober zurückzehen, und babei mittels ber Zugstange MF bas Bentil VV so in Bewegung seben, baß entweber die Eröffnung besselben verkleinert ober vergrößert und folglich bem weiteren Wachsen ober Abnehmen der Geschwindigkeit der Maschine eine Grenze gesetzt wird.

Benbel. regulator Durch ben Penbel-Regulator wird ebenfalls ein vollkommneres Reguliren bes Ganges einer Maschine erzielt, als burch ben einsachen Watt'schen Schwungkugelregulator. Die wesentliche Einrichtung eines solchen Regulators von Cohen, David und Siama in Paris, ist aus Fig. 397 zu ersehen. Ein gewöhnliches Penbel CA ist burch eine Cpsfig. 397.



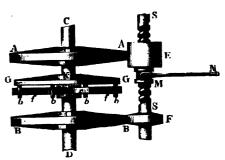
linderhemmung C (f. III., §. 163) mit einem Steigrade BB in Berbinbung gesett. Das lettere ist mittels einer Spiralfeber so an ein innen verzahntes Rad EE (die Verzahnung ist hier, wie bei den übrigen Rabern der Einsachheit wegen weggelassen) angeschlossen, daß beibe gemeinschaftlich in der Richtung des Pfeiles um die Are K sich umdrehen, während das Pendel hin= und herschwingt. Um die Are K sind noch zwei Bahnrädchen F und U, sowie zwei Hebel KL und DO brehbar, von welchen der erstere mit der Zugstange Z für die Abmissionsklappe verbunben ist. Der letztere trägt noch drei andere Zahnräder M, N, Q, welche

mit ben erfteren ein Epicytel=Borgelege (f. III., f. 155 und f. 156) in Benbelber Art bilben, bag F mit M, N mit H, H mit Q und Q mit EE jum Eingriff tommt. Wird bas Rab F burch bie arbeitenbe Dafchine in Umbrehung gefett, fo nehmen naturlich auch bie Raber M, N, H und Q eine Umbrehung um ihre entsprechenden Aren D, K und O an. Sat nun bas mit bem Steigrabe B B verbundene Bahnrad EE biefelbe innere Umfangsgeschwindigkeit wie bas in baffelbe eingreifende Bahnrad Q, so bleibt ber Bebel DO mit feinen Rabaren in unveranderter Stellung; nimmt aber bie Geschwindigkeit ber arbeitenben Dafchine, und alfo auch bie ber Raber F, M, N, H und Q zu ober ab, fo breht fich ber Bebel DO mit feinen Rabern um K mit einer ber Differeng ber Umfangeges schwindigkeiten von EE und O gleichen Geschwindigkeit. Diese Drehung wird mittels eines Bolgens R, welcher auf bem Bebel KL festsist und in einen Schlit im Bebel DO eingreift, auch biefem Bebel mitgetheilt, ber mittels ber Stange Z bie Abmiffionellappe fo ftellt, bag ber Motor in fleinerer ober größerer Menge zufließt, und baburch bas Bachfen ober Abnehmen ber Geschwindigkeit ber arbeitenden Maschine verhindert wird.

Ein Gegengewicht G am Ende des Bebels DO dient zur Ueberwindung ber paffiven Biberftanbe bes Regulators, und bie Rafen S, S an bems felben, fowie bie Borner T, T an bem Geftelle bes Apparates, bienen bagu, bas Spiel bes Bebels DO, einem gemiffen Grab bes Regulirens entsprechend, in gewiffen Grengen einzuschließen.

Dem Feberregulator von Poncelet liegt eine fehr Beber-**6**. 200. finnreiche 3bee jum Grunde. 3mei gleiche Raber AA und BB, Figur 398, feben hier zwei gleiche Getriebe E und F in Umbrehung, wovon

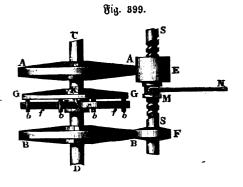




bas eine als Schrauben= mutter ausgehöhlt ift und bas andere auf ber Schraubenfpindel SS festfitt, melde burch jene Mutter binburchgeht. Laufen nun beide Raber, und folglich auch beibe Betriebe gleich fcnell um, fo anbert bas bie Schraubenmutter bils benbe Getriebe feine Stellung auf ber Spindel nicht; breht fich aber bas

eine schneller um als bas andere, so verschiebt sich biefes Getriebe auf der Spindel Berbindet man baber mit biefem Getriebe noch einen Duff M,

scier so kann berselbe wieder mittels eines Hebels MN die Abmissionsklappe einstellen. Die Welle C bes Rades AA wird von der arbeitenden Masschine umgedreht, und sie selbst trägt ihre Umbrehung auf die Welle D des Rades BB mittels Bolgen b, b . . . und Stahlsebern f, f . . . über,



von benen bie ersteren ben Umfang einer Scheibe GG auf ber Welle C einnehmen, und bie letteren aus einem Muff K auf ber Welle D rabial hervorftehen. Bleibt sich die Umbrehungstraft ber Welle C gleich, so läuft BB mit berselben Geschwindigkeit um wie AA, und es behalt also auch der Muff M seine Stellung auf ber

Schraubenspindel SS; nimmt aber diese Kraft, und folglich auch die Biezung ber Febern f, f, . . . ab oder zu, so bleibt das Rad AA in seiner Bewegung etwas gegen BB zuruck ober eilt demselben etwas voraus; es ist auch die Geschwindigkeit der Mutter E nicht mehr die der Spindel SS, und es ruckt folglich die Mutter mit dem Muss M auf der Spindel um einen gewissen, der Verminderung oder Vergrößerung der Umdrehungstraft proportionalen Weg fort. Auf diese Weise ist also mit seder Veränderung der Kraft oder Last der Maschine eine Verschiedung des Musses M und folglich auch eine Verstellung der mittels der Stange MN an M angeschlossenen Admissionsklappe verbunden. Auf dem Principe, die Abmissionsklappe oder das Schußbrett mittels eines auf einer Schraubens spindel umlausenden Musses in Vewegung zu sehen, beruhen noch andere, in neueren Zeiten construirte Regulatoren.

Bei dem Regulator der Gebrüder Laufner besteht die Schraubensspindel in einer Verlängerung der Welle des arbeitenden Wasserrades, und die Schraubenmutter bildet die Are eines kleinen Wasserrades mit constanter Beausschlagung, und also auch constanter Umdrehungsgeschwindigsteit. So lange beide Raber mit gleicher Winkelgeschwindigkeit umlausen, bleibt das lettere Rad sammt des an seiner hohlen Are sienenden Wusses auf derselben Stelle der Schraubenspindel; nimmt aber das arbeitende Wasserrad eine größere oder kleinere Geschwindigkeit an, so rückt die Schraubenmutter mit dem sie umgebenden kleinen Wasserrade etwas in der Arenzichtung der Schraubenspindel fort, und es giebt der an ihr siende Russem Schulpbrette des arbeitenden Wasserrades eine andere Stellung, wobei

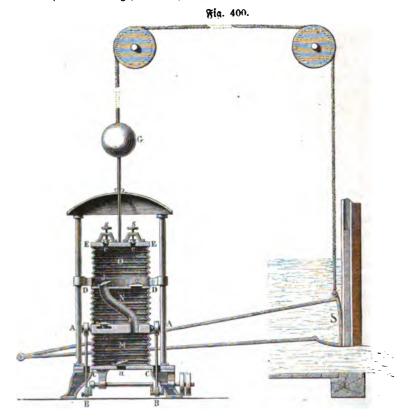
bas Aufschlagsquantum bes arbeitenben Rabes verändert und bie erste Unterhaltungsgeschwindigkeit wieder hergestellt wird.

Der hid'sche Flügelregulator und ber Wiede'sche Pendelregulator beruhen auf bemselben Principe; bei jenem ist es ein Flügelrad und bei biesem ein Pendel, wodurch die Bewegung der Schraubenmutter regulirt wird.

§. 201. Man hat auch mit Bortheil hydraulische und pneumas everautische tische Regulatoren in Anwendung gebracht. Der hydraulische prematische oder Wasseregulator besteht aus einer kleinen Pumpe, welche durch bie arbeitende Maschine bewegt wird, und welche ihr Hubwasser in ein Reservoir ausgießt, worin ein Schwimmer befindlich ist, der mittels Stanz gen und hebel den Zusluß des Motors der Maschine regulirt. Nimmt die lettere eine größere oder kleinere Geschwindigkeit an, so gießt die Pumpe mehr oder weniger Wasser in das Reservoir, als unten zurücksießt, und es steigt oder fällt daher das Wasser in demselben mit dem Schwimmer, wodurch nun die Zutrittsmündung des Motors, solglich auch das Quanz tum desselben vermindert oder vergrößert, und die erste Geschwindigkeit der arbeitenden Maschine ganz oder beinahe wieder hergestellt wird.

Häufiger wird in ber neuesten Zeit ber pneumatische ober Luftzegulator (franz. régulateur à l'air, ou à soufflet) von Molinié zum Reguliren bes Ganges ber Dampfmaschinen und vorzüglich ber Wasserräder angewendet. Dieser Regulator besteht in der Hauptsache aus einem doppeltwirkenden Blasebalg und ist wie folgt eingerichtet (Fig. 400 auf folgender Seite).

AA ift ein Rolben, welcher mittels ber Rrummgapfen B, B und ber Rurbelftangen AB, AB von ber arbeitenden Mafchine auf- und nieberbewegt wird; er bilbet bie Trennung ber beiben Geblaferaume M und N, welche übrigens von bem festliegenden Boben CC und Dedel DD und von in regelmäßigen Falten gelegten Lebermanteln begrenzt werben. Ueber bem festliegenden Dedel DD fteht noch ein brittes Luftrefervoir mit einem beweglichen Dedel EE, in welchem eine Stange festsit, an welche ber ben Buflug bes Motore regulirende Apparat fich anschließt. Die beiben unteren Raume M und N find burch bie Saugventile a und b mit ber außeren Luft, und burch bie Blafeventile c und d mit bem oberen Luftraume O in Berbindung gefett. Beim Aufgange bes Rolbens AA tritt bie au-Bere Luft burch a in ben fich allmalig vergrößernben Raum M, und bie innere Luft burch bas Bentil c aus bem fich allmalig zusammenziehenben Raum N in bas britte Refervoir O; beim Riebergange biefes Kolbens ftromt bie außere Luft burch bas Bentil b in ben fich allmalig ausbehnenden Raum N, und bie innere Luft burch bas Bentil d aus bem immer niebriger und niebriger werdenden Raume M in bas obere Refervoir, maheubrauissche rend die Bentile a und c in Folge des Luftbruckes von innen verschlossen und bei Bentile dußere Luft durch das Bentil b ohne Hindernis von unten in den Raum N strömen könne, ist die Einmundung des Kanales, welcher die Luft von außen nach innen sührt und von b im Innern bes deckt wird, in dem Umfange des Kolbens AA angebracht, und damit die Luft aus M ungestört durch N hindurch nach O strömen könne, sind die



Räume burch einen Schlauch F mit einander in Verbindung gesett, dessen Ausmundung das Ventil d bebeckt. Die Luft, welche aus den Gebläseräumen M und N mittels des Kolbens AA in das Reservoir O gedrückt wird, strömt aus diesem wieder durch die Mündungen e, e im beweglichen Deckel EE in die freie Luft. Durch conische Ventile, welche sich mittels der Schrauben s, s beliebig stellen lassen, ist dieser Ausstuß nach Erforderniß zu reguliren.

Im Beharrungezustande ber arbeitenben Maschine schicken bie Geblafe-

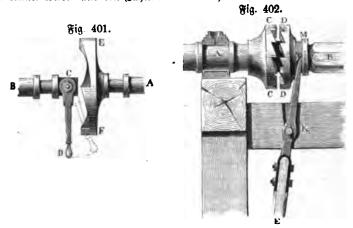
raume M und N so viel Luft in bas Refervoir O, als burch beffen Aus- oubrautlide mundungen e und e fortstromt, und es bleibt folglich hierbei ber Dedel premutifice degulatoren. EE mit feiner durch ein Gegengewicht G belafteten Stange und ber baran angehangenen Stube S (ober bes baran angeschloffenen Dampfventiles) in einer unveranderlichen Stellung; andert fich aber bie Befchwindigfeit ber arbeitenben Mafchine und folglich auch bie bes an ihr angeschloffenen Geblafetolbens AA, fo wird auch bas Windquantum ein anderes, welches er bem Refervoir jufuhrt, und es andert fich in Folge beffen auch ber Stand bes Dedels EE mit bem Gegengewichte G und bem Schutbrette S. Auf biefe Beife wird alfo mit einer Berminberung ber Gefchwindigteit der Maschine ein Aufheben und folglich eine Bergroßerung ber Schutoffnung, und bagegen mit einer Bergroßerung biefer Gefchwindigkeit ein Sinten und bemnach auch eine Berminberung ber Schutoffnung verbunben fein, und hiernach ber Aufschlag fo regulirt werben tonnen, bag fich bie Geschwindigkeit nur innerhalb gemiffer und ziemlich enger Grenzen peranbern fann.

Anmerkung. Sehr aussührlich über die Theorie ber Gouvernateren ober Regulatoren im engeren Sinne handelt Poncelet in seinem Cours de mécanique appliquée etc. (beutsch von Schnuse). Den parabolischen Centrisugals regulator behandelt herr Franke im ersten Jahrgang (1849) der Zeitschrift des österreichischen Ingenieur-Bereins. Der Bendelregulator von Cohen ic. wird im polytechnischen Centralblatt (1851) beschrieben, und der pneumatische Regulator von Moliné in Armengaud's Traité des moteurs hydrauliques et à vapours.

§. 202. Nicht unwichtige und oft sehr wesentliche Theile einer Mas gin. und Ausruckvorrichtungen (franz. richtungen. Musradvorrichtungen (franz. richtungen. modificateurs, embrayages, engl. engaging and disengaging machinery). Diese Borrichtungen haben ben 3weck, ohne Störung ber ganzen Massichine, entweder einen Maschinentheil schnell und willkurlich in und außer Gang zu seinen entgegengesehten zu verwandeln. Am gewöhnlichsten sind biejenigen Maschinen, wodurch ein Maschinentheil oder die ganze Arbeitsmaschine in und außer Gang geseht wird. Dieselben bestehen entweder in einem Einsoder Ausrucken ber Ruppelung oder in einem Eins und Ausrucken ber Riemen oder Zahnrader. Ruppelungen, welche zum Eins und Ausrucken eingerichtet sind, heißen lösbare Kuppelungen (s. III., §. 6). Einige solcher lösbaren Kuppelungen sind in folgenden Figuren abgebilbet.

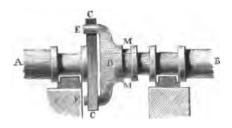
Fig. 401 (auf folgender Seite) zeigt die fogenannte Klinkenkuppestung. A ift die eine, und B die andere der mit einander zu kuppelnden Wellen; an die lettere ist mittels eines Bolzens C die Klinke CD angeschlossen, und auf der ersteren sitt die Scheibe EE fest, welche an ihrer Stirnstäche mit Sperrzähnen versehen ist. Soll die Welle A durch die

Ein- und Ausrückvorrichtungen. Welle B in Umbrehung gesett werden, so wird die wahrend bes Stillstanz bes von A frei herabhangende Klinke zwischen die Bahne von EE geschosben; und umgekehrt, soll die Welle A zum Stillstand kommen, so wird die Klinke wieder aus den Jahnen von EE herausgerückt.



Weit soliber ist die Bahnscheibenkuppelung in Fig. 402. Beibe Wellenenden A und B sind hier mit auf ihrer Stirnstäche gezahnten Scheis ben CC und DD versehen, welche so dicht mit einander zum Eingriff gebracht werden können, daß sie scheindar nur eine einzige Scheibe bilden. Die eine Scheibe CC ist auf der Treibwelle A festgekeilt, die andere Scheibe DD hingegen ist auf dem abgedrehten und mit zwei kängenrippen oder Splinten versehenen Ende der Getriebwelle B verschiebbar, jedoch wegen der Splinte nicht drehbar. Um das Verschieben der zweiten Scheibe bewirken zu können, ist diese Scheibe mit einem Muss M versehen, welcher von den Jinken KF einer Gabel EKF, des sogenannten Rückhebels oder der Rückgabel, umfast wird. Leicht ist einzusehen, wie durch Dreshen dieses Hebels um seine Are K die Scheibe DD auf dem Ende der Welle B hin= und zurückgeschoben, und folglich auch das In= und Außerzganssehen der Welle hervorgebracht werden kann.

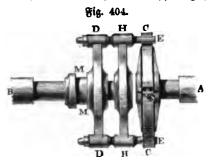




In Kig. 403 ist die soges nannte Rlauenkuppelung abgebildet, welche ebenfalls hierher gehort. hier endigt sich die Triebwelle A in eis nem Querarme CC, ber sogenannten Rrude, mahrend auf dem rund abgebrehten

und mit einem Splint versehenen Enbe ber Getriebwelle B, eine Rlaue EDE verschiebbar fist, welche über die Enden der Rrude CC meggreift. richtungen. Diefes Berfchieben ober Gin : und Ausruden ber Rlaue erfolgt mittels einer Rudgabel, welche in ben Sals MM des Muffes D eingreift.

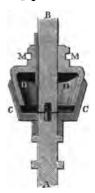
Um bie Stofe beim Einrucken fo viel wie moglich unschablich ju machen, wendet man eine Frictionstuppelung an (vergl. III., §. 185). Eine folche losbare Frictionskuppelung führt Fig. 404 vor Mugen.



ber Triebwelle A fist bier eine Scheibe OO feft, in beren vertieftem Umfange ein zweitheilis ger Frictionering CC eingelegt ift, ber burch Schrauben wie S beliebig fart angezogen werben Auf bem Ende ber Betann. triebwelle B ift bie Rrude DD verschiebbar, welche zwei Bolgen DE, DE tragt, bie burch Bulfen H, H am Enbe einer zweis

ten, auf dem Ende von B festsigenden Rrucke HH hindurchgehen und sich an bie Rafen C, C anlegen, mit welchen ber Frictionering verfeben ift. Die Rrude ober Rlaue DD ift mit einem Muff MM verfeben, welcher burch eine Rudgabel verschoben werben tann. Je nachdem MM vor= ober gu= rudgeschoben wird, legen sich die Bolgen DE, DE an C, C, oder gieben fich von C, C gurud, und es wird folglich in einem Falle die Belle B von A mit umgebreht, und in bem anderen Kalle von A losgemacht. Ift bie Rraft, welche die Belle B ju ihrer Umbrehung erforbert, febr groß, fo übertrifft fie vielleicht die Reibung bes Bremetranges CC auf ber Scheibe, und es geht bann bie Welle A um, ohne baf fie B mitnimmt; wenn nun

Mig. 405.

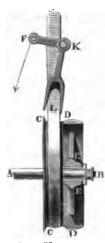


aber biefe Rraft mabrend ber Ueberwindung ber Tragheit ber Welle B allmalig abnimmt, fo wird fie enblich von ber Reibung bes Bremstranges wieber ubertroffen, und es gerath fo bie Belle B erft allmålig in Umbrehung.

In Rig. 405 ift endlich noch eine Frictions= Legelluppelung fur eine ftehende Belle abgebilbet. Auf ber Triebwelle A fitt ber hohle Regel CC fest, und auf ber Getriebwelle B ift ber Regel DD verschiebbar, ber mit feinem außeren Umfang gegen ben inneren Umfang bes erfteren Regels gebrudt wird. Ift bie Rraft, mit welcher DD ges gen CC brudt, hinreichend groß, fo wird B in Cin- und Kolge der hieraus erwachsenden Reibung von A in seiner Umbrehung mitnichtungen. genommen.

§. 203. Das Aus= und Einruden ber Riemenraber erfolgt in ber Regel mittels ber festen und lofen Rolle ober Scheibe (franz. poulie fixe et folle, engl. fast and loose pulley). Es sien hier auf berselben Belle AB, Fig. 406, zwei gewöhnliche Riemenscheiben (f. III., §. 34)

Fig. 406.

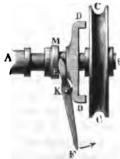


CC und DD, und zwar die eine (CC) fest und bie andere (DD) lofe. Die feste Scheibe CC lauft naturlich mit AB zugleich um, die lofe Scheibe DD hingegen kann burch eine kleine Rraft, welche bie Reibung zwischen ihrer Nabe EE und bem Bellenumfange übertrifft, an bem Umbreben verbindert merben. Wenn ber um bie Trommel einer zweiten Welle geschlungene Treibriemen zugleich auf ber festen Rolle CC liegt, so fest bie eine von beis ben Wellen die andere in Umbrehung; kommt er aber auf die lofe Rolle DD ju liegen, fo bort bie Transmiffion ber Umbrehungsbewegung mittels bes Riemens auf. Das Abrucken bes letteren von einer Rolle auf bie andere erfolgt entweber burch eine ' fogenannte Rud : ober Leitgabel, ober burch eine einfache Rud: ober Leitstange. In ber Figur ift FKL bie in einem Winkelhebel bestehende und um

die Are K brehbare Leitgabel abgebilbet.

Schnurs, Riemens und Bahnrader laffen fich auch mittels einer gleistenden Gabel ober Klaue aus und einruden, wie g. B. aus Fig. 407

Fig. 407.



zu ersehen ist. Hier ist CC eine lose Rolle auf der umlaufenden Welle AB, DD eine mit ihrem Muff M auf dieser Welle versschied, jedoch nicht drehbare Klaue, und EKF eine um die feste Are K drehbare Ruckgabel. Soll die Schnurscheibe mit der Welle AB zugleich umlausen, so rückt man das Ende F der Gabel in der Richtung des Pfeiles ausswärts und schiedt dadurch die Zinken D, D der Krücke in entsprechende Vertiefungen der Rolle CC.

Man kann aber auch die Klaue auf ber Welle AB ganz befestigen und den Muff M sammt der Rudgabel EKF mit der losen Rolle verbinden. Dann läst sich die Rolle in die Krude

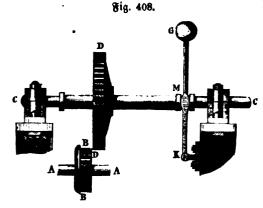
ein = und ausruden, und man hat es mit ber fogenannten gleitenben Rolle zu thun.

Ein - unb Uustücksorrichtungen

Man tann enblich auch die Alaue, so wie die Rolle lose auf der Welle laufen laffen, wenn man beren Binken, wie bei der Frictionskuppelung in Fig. 404, durch Führungen in einer festen Krücke geben läßt. In diesem Falle hat man es mit der sogenannten Bajonet- oder Gabelkuppe-lung zu thun.

Bei Zahnrabern läßt sich bas Ein und Ausruden baburch bewerkstelligen, bag man bas eine Zahnrab aus bem Eingriffe mit bem anderen
bringt. Dies kann baburch geschehen, entweber bag man jenes Rab mittels einer Ruckgabel auf seiner Welle, ober bag man biese Welle selbst in
ihrer Arenrichtung verschiebt, ober bag man enblich bie Lagerung ber letzteren verruckt.

Es ift leicht einzusehen, wie ein Zahnrad ober die Welle beffelben mittels Muff und Ruchgabel in der Arenrichtung verschoben werden kann. Ein Mechanismus ber letten Art ift in Fig. 408 abgebilbet. AA ift die



ľ

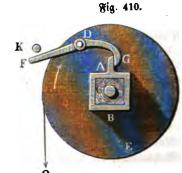
Triebwelle mit Triebrad BB, und CC Die Getriebmelle ... bem auf ihr fehfiben= ben Getriebrab DD. Auf der Welle CC sibt ein Muff M fest, welcher von einem Ruckhebel KMG ergriffen wird, ber einerfeits um eine feste Are K brehbar ift, und andererfeits ein Gewicht G traat. burch welches nicht al= lein bas Einrücken bes

Rabes DD in BB erleichtert, sondern auch das Berharren im Eingriff bieser Raber mit einander bewirkt wird.

Die Art und Beise, wie das Eins und Ausrucken mittels Bewegung bes 3apfenlagers hervorgebracht werden kann, ist schon aus III., §. 45, Kigur 125, bekannt. Das Auss und Einrucken eines Rades oder einer Arommel auf ihrer Welle wird auch zuweilen durch ein Sperrrad AB, Kig. 409 (auf folgender Seite), bewirkt. Dieses Sperrrad sitt auf der Welle C fest, während die Arommel DE lose auf derselben ist. Auf der Stirnsläche der letzteren ist die Are D einer Sperrklinke FDG befestigt, welche mit dem einen Ende G in die Jähne des Sperrrades eingreift,

und an bem anderen Ende F von einer Feber angebrudt wird. Geht bie ridiungen. Belle mit dem Sperrrade in der Richtung des Pfeiles um, so wirkt bie Sperrelinte fo auf bie Trommel, bag auch biefe mit umzulaufen gezwuns gen wird; geht aber bie Belle umgefehrt um, fo haft fich bie Sperrtlinte aus, und es bleibt die Trommel fteben.

Rig. 409.

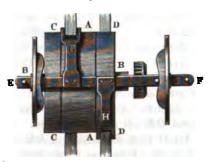


Anstatt eines Sperrrades tann man auch einen blogen Bahn A anwens ben, welcher aus ber Belle ACB, Fig. 410, rabial hervorsteht. Lagt man bas Enbe F bes Sperrhatens FDG gegen ein festes hinderniß K ftogen, fo wird bie Trommel DE ausgerudt, und biefe bleibt bann mahrend ber weiteren Umbrehung ber Belle fteben ober nimmt in Folge ber Birfung eines Gewichtes Q eine umgekehrte Umbrehung an.

§. 204. Im Folgenden find endlich noch einige Mechanismen befchrieben, wodurch nicht ein bloges In = und Außer-Bangfeben eines Mafchinens theiles, fondern ein Umfeten ber Bewegung beffelben in die entgegengefette Richtung ober in eine andere Gefchwindigkeit bewirkt wirb.

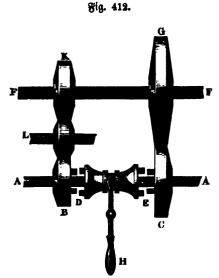
Um einem Stirnraderwerte bie entgegengefeste Umbrehungsbewegung

Fig. 411.



au geben, bedarf es nur ber Unmendung zweier Riemen, eines offenen und eines ge= freugten. Je nachbem ber eine ober ber anbere Riemen auf ber Trommel AA, Sia. 411, aufliegt, wird die Belle BB, worauf diese Trommel festsit, nach ber einen ober nach ber anberen Richtung umgebreht (vergl. III., §. 25). Sigen nun noch auf biefer Belle zwei lofe Rollen CC und DD, fo tann man immer einen von beiben Riemen burch Auflegen auf eine biefer Rollen unthatig machen, richtungen. wahrend ber andere Riemen auf ber festen Rolle aufliegt und arbeitet. Bum Auf = und Abschieben ber Riemen auf und von biefen brei Trommeln bient ein Riegel EF, welcher langs biefer Trommeln hinlauft, und zwei Arme G und H tragt, die in Ohren auslaufen, burch welche die Riemen bindurchgehen.

Um ein Bahnraberwert nach Belieben balb linte, balb rechte umlaufen zu laffen, kann man folgende Uebertragung in Anwendung bringen. Auf



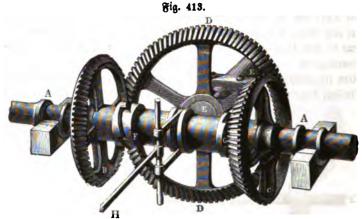
ber ftets nach einer Richtung umlaufenben Triebwelle AA, Figur 412, figen zwei lofe Bahnraber B und C und ein gwar verschiebbarer, jeboch nicht um biefe Belle brehbarer Muff DE. Die Stirnflachen biefes Duffes unb ebenfo bie Stirnflachen ber Bulfen ber Bahnraber B und C find mit Bahnen ober Daus men D und E ausgeruftet. und es lagt fich ber Duff mittele bes Bebele H fo in bas eine ober bas anbere biefer Råber einrucken, bag baffelbe burch ben Gingriff biefer Daumen ober Bahne gezwungen wird, mit ber Triebwelle

AA umzulaufen. Auf ber Getriebwelle FF, welche balb nach ber einen. balb nach ber anderen Richtung umgebreht werben foll, figen zwei Bahnraber G und K fest, von welchen bas erstere unmittelbar in bas Bahnrab C eingreift, bas andere aber mit bem Bahnrade B burch ein 3wischenrab L in Berbindung gefest ift. Ift ber Duff in bas Bahnrad C eingerudt, fo lauft C mit AA in gleicher, und bagegen G fowie FF in entgegenges fetter Richtung um; ift bagegen ber Duff in bas Bahnrab B eingeruckt, fo geht B in gleicher, L in entgegengefetter, und folglich K, fowie FF, wieber in gleicher Richtung mit AA um.

Eine ahnliche Umrudvorrichtung ift in Fig. 413 (auf folgenber Seite) abgebilbet. Auf der Triebwelle AA figen zwei conische Raber B und C lofe auf, welche gleichzeitig in ein brittes Bahnrad Deingreifen, bas auf einer Belle EE festsist, die bald nach links, balb nach rechts umgebreht mer-

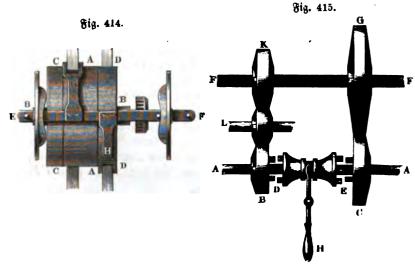
Gin- und Auerudvorrichtungen.

ben soll. Zu biesem Zwecke ist die Welle AA mit einem auf ihr umdrehbaren Muff FG versehen, der mittels eines Hebels H nach Belieben nach



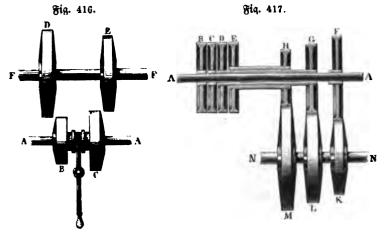
rechts ober links geschoben, und babei mit einer seiner gezahnten Stirnflachen in die Berzahnung ber Sulse bes einen ober anderen Rabes B ober C zum Eingriff gebracht werben kann.

Die in ben Figuren 414 und 415 abgebilbeten Mechanismen tonnen auch noch in Anwendung kommen, wenn es nicht bloß barauf ankommt, die Umdrehungsrichtung zu verändern, sondern auch dann, wenn eine Beränderung der Umdrehungsgeschwindigkeit verlangt wird. Läßt

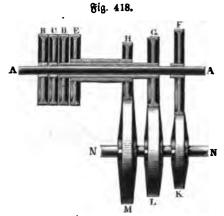


man 3. B. die beiden Riemen bei der Borrichtung in Figur 414 über gurichtung Erommeln von verschiedenen Durchmeffern laufen, so ift auch die Umbres richtungen. hungegeschwindigkeit ber Belle, worauf diefe Trommeln festfiten, verschies ben, je nachbem ber eine ober ber andere Riemen zugleich auf ber feften Trommel AA ber Triebwelle BB liegt. Giebt man bem Raberpaare CG in Fig. 415 ein anderes Umsehungeverhaltniß als bem Raberpaare BK, fo wird burch bas Umruden bes Muffes DE auf ber nach einerlei Richtung umlaufenden Welle AA nicht allein bie Umbrehungerichtung, fonbern auch die Umbrehungsgeschwindigkeit ber Welle FF verandert. Läßt man bas 3wifchenrab L ausfallen, alfo B unmittelbar in K eingreifen, fo wird durch bas Umtuppeln wenigstens bie Umbrehungsgeschwindigfeit von FF perandert.

Mittels des Mechanismus in Sig. 416 lagt fich ebenfalls eine Belle FF mit zwei verschiedenen Geschwindigkeiten umbrehen, und zwar baburch, baß man entweber bas Triebrad B in bas Getriebe D, ober bas Triebrad C in bas Getriebe E einruckt. Gest man auf FF noch zwei andere Getriebrader und bringt man auf AA noch einen zweiten Muff mit zwei an= beren Triebrabern, fo fann man ber Welle vier verschiebene Umbrehungsgeschwindigkeiten ertheilen.



In Figur 417 ift endlich noch eine Borrichtung abgebilbet, wodurch eine Getriebwelle NN burch eine Triebwelle AA nach Belieben mit brei verschiebenen Geschwindigkeiten umgebreht werben kann. Es ift hier B eine lose, C eine feste Riemenscheibe, und F ein festes Bahnrad, welches in das auf NN fibende Bahnrad K eingreift. Es lagt fich alfo durch die Riemenscheibe C bie Belle AA mit bem Rabe F und baburch wieber bas Cin - unb Ansrüctver-Lichtungen. Rad K mit der Welle NN in Umdrehung sehen. Das Riemenrad D



und das Jahnrad G siben auf einer hohlen Welle, welche über AA weggestreckt ist, und daher ungehindert um AA laufen kann. Ebenso sit das Riemenrad E mit dem Jahnzade Hauf einer hohlen Welle, welche wiederum die erste hohle Welle umschließt, und ohne diese umsaufen kann. Die Jahnrader G und H greisen in die Jahnrader L und M auf der Welle NN. Je nachdem der Treibriemen auf B, C, D oder E siegt,

bleibt hiernach die Welle AA und also auch NN in Ruhe, oder AA geht mit F, K und NN um, oder NN gelangt mittels G und L oder mittels H und M in Umdrehung.

3meite Abtheilung.

Die Mechanik der Arbeitsmaschinen.

Einleitung.

§. 205. Die Arbeitemaschinen, von welchen im Folgenden bie Rebe fein wirb, find biejenigen mechanischen Sulfemittel, wodurch ber 3med ber mafdinen. Maschinen überhaupt zunächst erlangt, namlich mechanische Arbeit verrichtet wirb. Gie bilben in Bereinigung mit Rraft= und 3wischenmaschinen in ber Regel erft vollståndige Maschinen. Bergl. II., §. 63, und III., 6. 1. Nach ber Art ber Arbeiteverrichtung tonnen wir die fammtlichen Arbeitsmaschinen in zwei Sauptspfteme abtheilen, namlich :

- I. in Maschinen gum Kortichaffen ober bie fortichaffenben ober translocirenden Mafchinen, und
- II. in die Mafchinen jum Formverandern der Rorper ober forms veråndernbe Maschinen.

Bas zunachft bie fortschaffenben Arbeitsmaschinen anlangt, so haben wir hier nach bem Aggregatzustanbe bes fortzuschaffenden Rorpers folgende brei Maschinenspfteme zu unterscheiben:

- 1) bie Forberungemaschinen ober Daschinen gum Fortschaffen fefter Rorper,
- 2) bie Bafferhebungsmafchinen ober Dafchinen jum Beben und Kortichaffen bes Baffers, unb
- 3) die Geblafes und Wettermaschinen, ober Daschinen jum Fort-Schaffen ber Luft.

Eine größere Mannigfaltigfeit findet unter benjenigen Dafchinen fatt, welche ben 3med haben, Rorper in ihrer Form ju veranbern. Es gehoren 3. B. hierher :

1) die Berkleinerungemaschinen, ale Pochwerte, Quetschwerte, Mahlmublen u. f. m.,

Arbeite. mafdinen.

- 2) die Metallbearbeitungsmafchinen, als hammerwerte, Balgwerte, Bohrwerte u. f. m.,
- 3) die holzbearbeitungsmafdinen, als Sagemublen, Dreb =, hobelbante u. f. m.,
- 4) bie Manufacturmaschinen, gur Bearbeitung ber Bolle, Baum- wolle und bes Papiers,
- 5) die Mafchinen jum gand= und Bafferbau,
- 6) bie Schiffsbaumaschinen,
- 7) bie Rriegemaschinen,
- 8) die Agricultur= ober landwirthschaftlichen Daschinen u.f.w.

Anmerkung. Es ift weber unserem Zwede entsprechend noch aussuhrbar, bie fammtlichen hier aufgezählten Maschinen abzuhandeln; ein großer Theil dieser Maschinen findet in den Werken über mechanische Technologie, Landwirthsschaft u. f. w. einen viel angemeffeneren Plat, da die von ihm zu verrichtenden Arbeiten ganz eigenthumlicher Art find.

Erfter Abschnitt.

Bon ben Forberungsmafchinen.

Erstes Rapitel.

Bon den Maschinen zum Seben der Lasten auf fleine Söhen.

dorberungs. mafdinen.

- §. 206. Wir unterscheiben im Folgenden breierlei Spsteme ber Da-fchinen gum Beben und Fortschaffen fester Korper, namlich:
 - 1) bie Dafdinen gum Beben ber Laften auf Eleine Boben,
 - 2) die Maschinen zum Fortschaffen der Laften auf mehr oder meniger ftart ansteigenden langeren Wegen, und
 - 3) die Maschinen zum Fortschaffen der Lasten auf ganz oder nahe horizontalen Wegen.

In diesem Kapitel ist nur von dem ersten Maschinenspsteme die Rede. Es gehort hierher vorzüglich auch eine größere Anzahl von Baumaschinen oder mechanischen Sulfsmitteln, welche bei Aufführung oder Aufstellung der Bauwerke und Maschinen zur Anwendung kommen.

Die in diefem erften Kapitel abzuhandelnden Dafchinen find folgende:

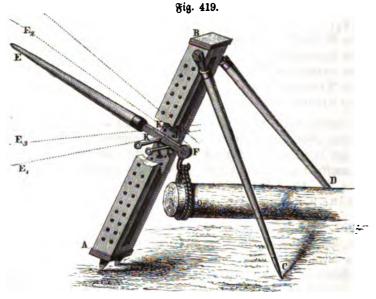
- 1) die Bebel und Bebelaben,
- 2) die Rollen und ihre Berbindungen als Rollen= und Flaschen= güge.
- 3) bie Radwellen und Winben,
- 4) bie fogenannten Aufguge,
- 5) bie verschiebenen Arten von Rrahnen,
- 6) die Rammmaschinen, und
- 7) bie Erbbohrmaschinen.

Die meisten dieser Maschinen werden durch die menschliche hand in Bewegung gefett, felten tommen bei benfelben thierifche Rrafte in Anwenbung; und in ber neuesten Beit erst hat man auch bie Baffertraft und bie Dampferaft jum Umtrieb diefer Mafchinen verwendet. hierher gehoren 3. B. ber Bafferfaulentrahn, bie Dampframm= maschine u. f. m.

§. 207. Der Bebel (frang. levier, engl. lever) wird fehr oft anges Debeladen. wenbet, um mittels einer fleineren Rraft eine ansehnlich großere Laft em-Der Weg ober bie Sobe, auf welche eine Laft mittels por zu heben. eines Bebels auf ein Dal gehoben werben tann, ift bei ber gewohnlichen Arm : und Bebellange fehr flein, und betragt oft taum einige Boll. Um baber burch einen Bebel auf eine großere Bobe, g. B. auf mehrere Fuß ju heben, ift es nothig, ben Stuppunet bes Bebels allmalig zu heben und nach jebem Soherruden bes Stuppunttes ben Bebel von Reuem in Bewegung ju fegen. hierbei ift es jedoch nothig, bag bie Laft mahrend ber Berrudung bes Stutpunttes auf andere Beife unterftut werbe. ben fogenannten Bebelaben besteht bie Unterftugung in zwei Bolgen, und es wird der Bebel abwechselnd um ben einen ober ben anderen biefer Bolgen gebreht. Die Art und Beife, wie bei einer gewöhnlichen beuts fchen Bebelabe bas Aufruden ber Bolgen ermöglicht wirb, ift aus Fig. 419 (auf folgender Seite) gu erfeben.

Es ift ABCD ein Dreifuß, an welchem ein Bein AB aus gwei Brettern befteht, bie einen langlichen Raum zwischen fich laffen, burch melchen ber Bebel ober die eigentliche Bebelabe EF hindurchgeht. Bein bes Dreifuges AB enthalt zwei Reihen Bocher, burch welche bie als Stutpuntte bes Bebels bienenben eifernen Pflode K und L gestedt werben. Um nun die an den turgen Urm bes Bebels angehangte Laft, 3. B. bas Ende Q eines Baumftammes auf einen Bagen ju beben, brudt man bas Ende E bes langen Bebelarmes nieber nach E_1 und ftedt den Pflock L nach L1, hebt bann wieder E von E1 nach E2

herab und kedt ben Pflock K nach K_1 , bruckt bann wieder E von E_2 nach E_3 herab und fteckt L_1 nach L_2 u. f. w. Durch dieses wiederholte Auf= und



Niederbruden bes hebels EF und bas abwechselnbe allmalige Beitersteden ber als Stutpuntte biefes hebels bienenden Pflode K und L bringt

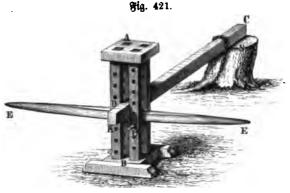


man enblich ben Hebel sammt ber Last auf die verslangte Hohe.

Bei ber sogenannsten französischen Debelabe, welche in Fig. 420 abgebilbet ift, wird bas Einsteden der Pflode ober Stütbolzen durch das Aufs und Niederdrücken des Hebels selbst bewirft. Bu diesem Zwecke ist der Hebel EF an die durch den Bügel

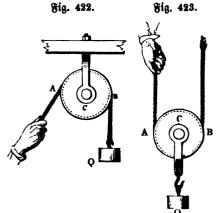
B unter sich verbundenen Bolgen K und L mittels der Sangeeisen KM ochelaben. und LN aufgehangen. Bei dem Auf= und Niederbruden des Hebels EF ruckt bald der eine, bald der andere Bolgen $(K,\ L)$ um einen Jahn an der boppelt gezahnten Stute AC empor.

Beibe Bebeladen haben ben Nachtheil, daß sie bie Last Q nicht bloß anheben, sondern bei jedem Aufgange des Kraftpunktes wieder etwas niesberlassen. Dieser Mangel ist aber bei der in Fig. 421 abgebildeten soges nannten schwedischen Hebelade nicht vorhanden. Dieselbe hat vier



Stubsaulen AB, wovon eine jebe mit einer Reihe von Lochern versehen ift, durch welche die Stubbolzen gesteckt werden; und die Last ist zwischen biesen Saulen angebracht. Die Hebelade in Figur 421 dient zum Ausroben eines Stockes S und wirkt zunächst auf einen Hebebaum CD, der mittels einer Kette an eine Wurzel des auszurodenden Stockes angeschlosen ist.

§. 208. Die Rollen (f. I., §. 150) und ihre Berbindungen unter



einander sind sehr gewöhnliche Hulfsmittel zum Heben größerer Lasten auf kleinere Höhen. Die feste ober Leitrolle ACB, Kig. 422, dient hierbei nur als Mittel zur Abanderung der Beswegungsrichtung (f. III., §. 23 und §. 24), da bei ihr die Last Q an einem Seilende zum Ausziehen eine gleich große Kraft P am anderen Seilende erfordert. Anders ist es aber bei der losen oder Kraftrolle ACB, Kig. 423;

D - # - -

430

wenn hier beibe Seilenden nahe vertikal gerichtet find, so ist zum Aufzieshen ber an ber Ape C ber Rolle hangenden Last eine halb so große Kraft P an einem ober dem anderen Seilende nothig, also

$$P = \frac{1}{2} Q$$
, und umgefehrt $Q = 2 P$.

Diese Beziehungen zwischen Kraft und Last werben allerbings durch bie Sapfenreibung und durch bie Steifigkeit bes Seiles noch um ein Namhaftes abgeandert.

Ift a ber Rollens und r ber Zapfenhalbmeffer, p ber Reibungscoeffiscient und G bas Gewicht einer Leitrolle, fo haben wir bas Kraftverhaltniß biefer Rolle mit Rudficht ber Zapfenreibung:

$$Pa = Qa + \varphi r (P + Q + G);$$

nehmen wir noch ben Seilfteifigteitswiberftanb

$$S = d^{\mu} (K + \nu Q)$$
 (f. I., §. 179)

hinzu, fo erhalten wir folgende Gleichung:

 $Pa = Qa + \varphi r (P + Q + G) + d^{\mu}(K + \nu Q),$ und hieraus entwickelt sich folgende Kormel für die Kraft:

$$P = \left(\frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{a - \varphi r}\right) Q + \frac{\varphi r G + d^{\mu} K}{a - \varphi r}.$$

Bezeichnen wir nun noch ber Ginfachheit megen:

$$\frac{a+\varphi r+\nu d^{\mu}}{a-\varphi r}$$
 burch a

und

$$\frac{\varphi r G + d^{\mu} K}{a - \varphi r}$$
 burch R ,

so nimmt unsere Rraftformel fur die Leitrolle folgende einfache Gestalt an:

 $P = \alpha Q + R.$

Bei der Kraftrolle wirkt die Kraft P am Hebelarme BA=2 a, und die um das Rollengewicht G vergrößerte Last Q+G am Hebelarme BC=a; man hat daher hier, wenn S die Spannung des sich aufs wickelnden Seiles bezeichnet:

2
$$Pa = (Q + G) a + \varphi Qr + d^{\mu} K + \nu d^{\mu} S$$
; ober da $S + P = Q + G$ zu sehen ist,

2 $Pa = (Q + G) a + \varphi Qr + d^{\mu}K + \nu d^{\mu}(Q + G - P)$, woraus sich nun solgende Kraftformel ergiebt:

$$P = \frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{2 a + \nu d^{\mu}} Q + \frac{(a + \nu d^{\mu}) G + d^{\mu} K}{2 a + \nu d^{\mu}},$$

wosûr wir
$$P=lpha_1\,Q+R_1$$
 sehen wollen, indem wir $rac{a+arphi r+
u\,d^\mu}{2\,a+
u\,d^\mu}$ burch $lpha_1$ und $rac{(a+
u\,d^\mu)\,G+d^\mu\,K}{2\,a+
u\,d^\mu}$ burch R_1

bezeichnen.

Beispiel. Belde Kraft P erforbert eine Last Q=400 Pfund zum Aufzziehen entweber mittels einer Leits ober mittels einer Krastrolle, wenn ber Halbsmesser bieser Rolle a=4 Boll, die Stärke bes anzuwendenden Hansseiles $d=\frac{1}{2}$ Boll, ber Bapsenhalbmesser $r=\frac{3}{8}$ Boll, und das Gewicht der Rolle G=25 Pfund beträgt? Sehen wir nun noch den Reibungscoefficienten $\varphi=0,1$ und nach I., §. 179, u=1,4, $\nu=0,141$ und K=6,83 ein, so erhalten wir:

1) für eine feste ober Leitrolle
$$P = \frac{4 + 0.1 \cdot \frac{8}{8} + 0.141 \cdot \frac{11}{2} \cdot \frac{11}{2}$$

§. 209. Mit Bulfe ber vorstehenden Formeln laffen fich nun auch die magen und Theorien ber Rollens und Flaschens ober Klobenzuge (franz. mouf-les, engl. tackles of pulleys) leicht entwickeln. Bei einem Rollenzuge hangen mehrere Rollen einzeln unter einander, bei einem Flaschenzuge hingegen befinden sich mehrere Rollen in einem Gehaufe, der sogenannten

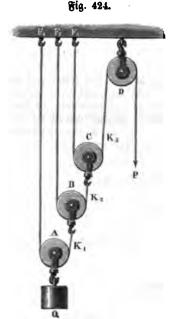
Rlafche ober bem Rloben, neben, uber oder hinter einander.

Ein einfacher Rollenzug ist in Figur 424 (auf folgender Seite) abges bilbet. Die Last Q hangt hier zunächst an der losen Rolle A. das eine Seilende von dieser wieder an der Are einer zweiten losen Rolle B, das eine Seilende von dieser Rolle wieder an der Are einer britten losen Rolle C u. s. w., und um endlich die Zugkraft P von oben nach unten wirken lassen zu können, ist das eine Seilende der obersten losen Rolle noch über eine seite Rolle D weggeführt.

Bei Vernachläffigung ber Nebenhinderniffe ist bas Kraftverhaltniß $\frac{P}{Q}$ eines solchen Rollenzuges leicht wie folgt zu finden. Die Kraft ber ersten

Mollen.

Golden und Rolle A ist $K_1=rac{Q}{2},$ die der zweiten, da K_1 an ihr als Last wirkt,



$$K_2 = \frac{K_1}{2} = \frac{Q}{4}$$
, die der britten, da an ihr wieder K_2 als Last zieht, $K_3 = \frac{K_2}{2} = \frac{Q}{8}$. Wenn also der Rollenzug aus drei losen Rollen besteht, so ist die erforderliche Zugkraft

$$P = \frac{Q}{2 \cdot 2 \cdot 2} = \frac{Q}{8};$$

wenn dagegen die Bahl ber lofen Rols len n = 4 ift,

$$P=rac{Q}{2\cdot 2\cdot 2\cdot 2}=rac{Q}{2^4}=rac{Q}{16},$$
 und allgemein für einen Rollenzug mit

n losen Rollen ist: $P = \frac{Q}{2\pi}.$

Wahrend die Rolle A mit der Last Q auf die Hohe h steigt, muß die Rolle B um 2h, und die Rolle C um 2.2h = 4h Hohe steigen, der Ans

griffspunkt ber Kraft $P=K_3$ aber ben Weg s=2. 4h=8h zurudlegen. Naturlich ift Ps=Qh, also ber Kraftweg s um so größer, je kleiner die Kraft ausfällt. Damit die Last Q ohne Unterbrechung auf diese Hohe h gehoben werden könne, muß dafür gesorgt sein, daß der Abstand der obersten losen Rolle C von der festen Rolle mindestens 4h bestrage. Allgemein bei n losen Rollen ist naturlich

$$s = 2* \cdot h$$

und der erforderliche Abstand der nten oder obersten Kraftrolle von der Leitrolle

$$s_1=2^{n-1}\cdot h.$$

Mit Rudficht auf bie Nebenhinderniffe ift gu feben:

$$K_1 = \alpha_1 Q + R_1,$$

$$K_2 = \alpha_1 K_1 + R_1 = \alpha_1^2 Q + (\alpha_1 + 1) R_1,$$

$$K_3 = \alpha_1 K_2 + R_1 = \alpha_1^2 Q + (\alpha_1^2 + \alpha_1 + 1) R_1,$$

und allgemein, bei n lofen Rollen:

$$K_n = \alpha_1 \cdot Q + (1 + a_1 + \alpha_1^2 + \ldots + \alpha_1^{n-1}) R_1$$

Bon ben Dafcbinen jum Beben ber Laften auf fleine Boben.

oder, da die Summe der geometrifchen Progreffion 1 + a1 + a12 + ... + a1 =-1 Mollen. und Blafchen age. (f. Ingenieur Seite 138) $\frac{\alpha_1 - 1}{\alpha_1 - 1} = \frac{1 - \alpha_1}{1 - \alpha_2}$ ift,

$$K_n = \alpha_1^n Q + \left(\frac{1-\alpha_1^n}{1-\alpha_1}\right) R_1,$$

und baher die erforberliche Rraft am Bugfeile

$$P = \alpha K_n + R$$

$$= \alpha \left[\alpha_1^n Q + \left(\frac{1 - \alpha_1^n}{1 - \alpha_1} \right) R_1 \right] + R,$$

wo α, α, R und R, bie im vorigen Paragraphen angegebenen Bebeutungen haben.

Beispiel. Welche Kraft erforbert ein aus 4 lofen und einer festen Rolle befiebenber Rollengug, um burch benfelben eine Laft v n 1500 Bfund ju beben, vorausgefest, bag berfelbe aus Rollen gusammengefest ift, wie fie im Beispiele bes vorigen Paragraphen angenommen wurben?

Ge ist hier
$$\alpha=1{,}0324$$
 und $R=0{,}89{,}$ serner $\alpha_1=0{,}5080$ und $R_1=12{,}90$ Pfund, $Q=1500$ und $n=4{,}$

folglich bie gesuchte Rraft

$$P = 1,0324 \left(0,508^4 \cdot 1500 + \frac{1 - 0,508^4}{1 - 0,508} \cdot 12,90\right) + 0,89$$
= 1,0824 (99,89 + 24,47) + 0,89
= 129,28 \$\text{gfunb.}

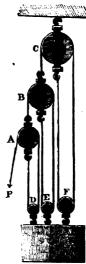
Anmerkung. Dan kann auch einen Rollenzug umwenden, und zu biefem Rig. 425.

Bwede benfelben mit ber Rolle A aufhangen, bie Laft Q aber an bie Seile AF1, BF2 und CF3, Fig. 424, 316 gleich aufhangen. Dann wirfen bie Rollen A, Bunt C wie bloge Leitrollen und bie Leitrolle D ift gang enthehr: lich. Done Rudficht auf die Nebenhinberniffe ift bier

 $Q = F_1 + F_2 + F_3 = 4P + 2P + P = 7P$ und baber umgefehrt

$$P=\frac{Q}{7}$$

Eine andere Abanberung eines Rollenzuges ift in Big. 425 abgebilbet. Es hangen bier von ben brei un= ter einander hangenden Rollen A, B und C Seile berab. welche um bie Rollen D, Eund F gefchlungen find, an welchen bie Laft Q hangt, und beren Enben an bie Rlos ben ber Rollen A, B und C angefnupft find. Das um bie Rolle D liegende Seil gieht bie Laft Q mit ber Rraft 2 P, bas um bie Rolle E liegenbe Seil hingegen, ba es jugleich bie burch bie Rraft 3 P abwarts gezogene Rolle A tragt, zieht Q mit ber Rraft 2 . 3 P = 6 P, und endlich bas um bie Rolle F liegende Seil, ba es bie burch bie Rraft 3 . 3 P = 9 P niebergezogene Rolle B tragt, gieht Q mit ber Rraft 2 . 9 P = 18 P, und es



ift folglich die ganze Kraft, mit welcher Q unmittelbar gehoben wird: 2 P+6 P+18 P=26 P, also 26 P=Q, also umgekehrt:

$$Q=\frac{P}{26}.$$

Biafdenjage. §. 210. Bei dem in Fig. 426 abgebilbeten Flaschenzuge befinden sich bie Rollen eines Klobens neben einander; B, D und F sind die Rollen in

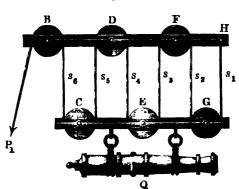


Fig. 426.

ber festen und C, E und G die Rollen in ber lofen Flasche; während die Last Q an der letteren niederzieht, wirkt die Kraft P an einem Ende des Seiles, welches um die Rollen beis der Flaschen geschlungen ist. Die Last Q wird hier von den zwischen beiden Flaschen gespannten Seilen zugleich getragen; ist also n die Anzahl dieser Seile, so hat man die

Spannung eines solchen Seiles, sowie auch die Kraft am Seilende, wenn man die Nebenhindernisse nicht beachtet:

$$P = \frac{Q}{n} \cdot$$

Um die Last Q auf die Hohe h zu heben, muß auch jedes ber zwischen beiben Rloben gespannten Seile um h verkurzt, und folglich bas Seilende von ber Kraft P um ben Weg

$$s = nh$$

niebergezogen merben.

Sehr richtig ift Ps = Qh.

Will man bas Kraftverhaltniß mit Rudficht auf die Zapfenreibung und Steifigkeit bes Seiles bestimmen, fo muß man von der Formel bes §. 208 für eine feste Rolle

$$P = \alpha Q + R$$

Gebrauch machen. Es ift auch hier

$$a = \frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{a - \varphi r},$$

bagegen aber

$$R nur = \frac{d^{\mu} K}{a - \omega r},$$

ba bas Gewicht G ber Rolle bie Bapfenreibung an ben unteren Rollen

ebensoviel vermindert, als es dieselben an ben oberen Rollen vergroßert, giafdenjuge. und folglich hier gang außer Acht bleiben kann.

Seten wir folglich die Spannung des ersten Seiles $GH=S_1$, so haben wir die des zweiten Seiles FG, da S_1 bei der Rolle G als Last wirkt:

$$S_2 = \alpha S_1 + R;$$

ferner bie bes britten Seiles EF:

$$S_3 = \alpha S_2 + R = \alpha^2 S_1 + (\alpha + 1) R;$$

ferner bie bes vierten Seiles DE:

$$S_4 = \alpha S_3 + R = \alpha^3 S_1 + (\alpha^2 + \alpha + 1) R_1$$

und allgemein, bie bes nten Seiles:

$$S_n = \alpha^{n-1} S_1 + (\alpha^{n-2} + \alpha^{n-3} + \dots + \alpha + 1) R$$

= $\alpha^{n-1} S_1 + (\frac{\alpha^{n-1} - 1}{\alpha - 1}) R$.

Run ift aber fur die Last Q sammt dem Gewichte G des armirten Klobens $C\,G$:

$$Q + G = S_1 + S_2 + S_3 + ... + S_n$$

baber haben wir, wenn wir die obigen Werthe für S_1 , S_2 , S_3 u. f. w. einsehen,

$$Q + G = (1 + \alpha + \alpha^{2} + \dots + \alpha^{n-1}) S_{1}$$

$$+ (\alpha^{n-1} - 1 + \alpha^{n-2} - 1 + \alpha^{n-3} - 1 + \dots + \alpha - 1 + 1 - 1) \frac{R}{\alpha - 1}$$

$$= \left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha - 1}\right) S_{1} + (1 + \alpha + \alpha^{2} + \dots + \alpha^{n-1} - n) \frac{R}{\alpha - 1}$$

$$= \left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha - 1}\right) S_{1} + \left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha - 1} - n\right) \frac{R}{\alpha - 1},$$

ober wenn wir noch $\alpha^{n-1} S_1 = S_n - \left(\frac{\alpha^{n-1}-1}{\alpha-1}\right) R$ einführen,

$$Q+G=\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha^{n-1}(\alpha-1)}\left[S_n-\left(\frac{\alpha^{n-1}-1}{\alpha-1}\right)R\right]+\left(\frac{\alpha^{n-1}}{\alpha-1}-n\right)\frac{R}{\alpha-1},$$

und folglich die Spannung bes nten Seiles :

$$S_{n} = \frac{(\alpha - 1) \alpha^{n-1}}{\alpha^{n} - 1} (Q + G) + \left(\frac{n \alpha^{n-1}}{\alpha^{n} - 1} - \frac{1}{\alpha - 1}\right) R.$$

Die Rraft am Seilende ift endlich:

$$P = \alpha S_n + R$$

$$= \frac{(\alpha - 1) \alpha^n}{\alpha^n - 1} (Q + G) + \left(\frac{n\alpha^n}{\alpha^n - 1} - \frac{1}{\alpha - 1}\right) R.$$
28°

Biafdengage. Sieht man von bem Wiberftande R ab, fo hat man:

$$P = \frac{(\alpha - 1) \alpha^n}{\alpha^n - 1} (Q + G).$$

Sind Rraft und Last gegeben, so kann man nach der erforderlichen Rollen = ober Seilzahl fragen. Es ist

$$\frac{\alpha^n-1}{\alpha^n}=\frac{(\alpha-1)(Q+G)}{P}, \text{ ober}$$

$$\frac{1}{\alpha^n}=\frac{P-(\alpha-1)(Q+G)}{P}, \text{ und daher}$$

$$n=\frac{Log.P-Log.[P-(\alpha-1)(Q+G)]}{Log.\alpha}.$$

Damit die Aufgabe moglich, also die gegebene Last Q mittels des Flasschenzuges durch die gegebene Kraft zu heben sei, muß

$$P>(lpha-1)~(Q+G),$$
 b. i. $rac{P}{Q+G}>lpha-1,~ ext{alfo}~rac{P}{Q+G}>rac{2\,\phi\,r+v\,d\mu}{lpha-m\,r}$ fein.

Diese Formeln lassen sich auch noch auf den Klobenzug in Fig. 427 (auf folgender Seite) anwenden, wo die Rollen eines Klobens A oder B mit ihren Augen über eine und dieselbe seste Are geschoben sind und sich baher einzeln um diese drehen.

Will man die Rollen auf die Are eines Klobens befestigen und diese in Pfannen laufen laffen, fo muß man die Rollen bes gangen Klobenzuges von ungleichen Durchmeffern machen, bamit bas Geil nicht auf benfelben au gleiten genothigt ift. Gin folder Rlobengug ift in Rig. 428 (a. f. S.) abgebilbet. Das eine Seilende ift an bem oberen Rloben A befestigt und lauft junachft um die kleinfte Rolle des unteren Rlobens B. Ift d ber Durchmeffer biefer Rolle, fo find 3 d und 5 d bie Durchmeffer ber beiben anderen Rollen bes unteren, 2 d, 4 d und 6 d aber bie Durchmeffer ber Rollen des oberen Rlobens. Es bilben alfo die Durchmeffer und Umfange ber Rollen, auf welche fich die Seile 1, 2, 3, 4, 5, 6 wideln, eine arith= metifche Reihe, sowie auch die gleichzeitigen Berkurzungen biefer Seile mahrend des Aufziehens der Last, und es ziehen sich hierbei diese Seile ohne Gleiten über die mit gleicher Geschwindigkeit umlaufenden Rollen. Diefe zuerft von White conftruirten Rlobenzuge geben in Folge ber Rleinheit einiger Rollen eine ansehnliche Nebenlast, zumal da sich bei ihnen bas Gleiten bes Seiles, in Folge ber Starte beffelben, nicht gang aufheben läßt.

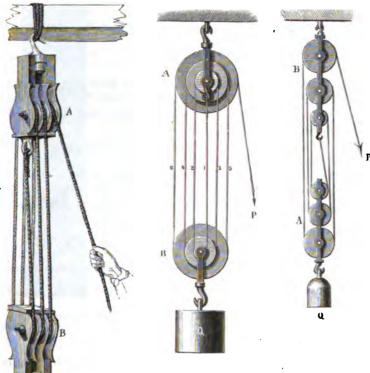
Sehr haufig wendet man auch Kloben mit unter einander hangenden Rollen von ungleichen Durchmeffern, wie A und B, Figur 429, an.

Theoretisch ift naturlich auch hier $P=rac{Q}{n}$. Die vollständige Berechnung Biafdengung.

Fig. 427.

Fig. 428.

Fig. 429.



ber Kraft ist wegen ber Ungleichheit ber Rolslen weitläufig; in ber Regel mochte es aber genugen, wenn man einen mittleren Rollensburchmesser ermittelt, und biesen in bie obigen Formeln einseht.

Beispiel. Welche Kraft erforbert bas Aufheben einer Laft Q von 800 Pfund mittels eines Flaschenzuges, wie in Fig. 429, mit 6 gespannten Seilen von je 3/4 Boll Stärfe und 6 Rollen vom mittleren halbmeffer a = 4 Boll, mit Bapfen von 1 Boll Stärfe?

Go ift
$$\alpha = \frac{a + \varphi r + \nu d^{\mu}}{a - \varphi r} = \frac{4 + 0.1 \cdot \frac{1}{2} + 0.141 \cdot (\frac{8}{4})^{1.4}}{4 - 0.1 \cdot \frac{1}{2}} = \frac{4.1443}{3.95}$$

$$= 1.0492, \text{ ferner } \alpha^n = \alpha^6 = 1.3338,$$
und $R = \frac{d^{\mu} K}{a - \varphi r} = \frac{0.6685 \cdot 6.83}{3.95} = 1.1558 \text{ Ffund.}$

Blafdenjuge. Seten wir nun noch bas Gewicht bes unteren leeren Rlobens G=50 Pfund, fo haben wir nun bie gefuchte Rraft:

Theoretisch ware $P=\frac{800}{6}=183,83$ Pfund, folglich ift ber Birtungegrab bieses Gebeapparates:

$$\eta = \frac{133,33}{171.32} = 0,778.$$

§. 211. Gine intereffante und auch fur andere hebevorrichtungen nicht unwichtige Frage ift biefe: welchen Ginfluß ubt bas Seil eines Rollensoder Flaschenzuges auf die Araft und auf die Arbeit berselben aus? Es ift nothig, diese Frage im Einzelnen zu beantworten.

Nehmen wir an, daß der laufende Fuß Seil ein Gewicht q habe, daß alfo ein Seilftud von ber Lange s, 8 q wiege.

Ist bei einer festen Rolle R, Fig. 430, ber Angriffspunkt A ber Kraft ober der Standpunkt bes Arbeiters um die Hohe AB = a über dem Lastpunkt B, und die Hohe BC, auf welche die Last Q von der Kraft P gehoben wird, =h, so hat man die Hohe, auf welche gleichzeitig mit Q ein Seilstück BC vom Gewichte hq steigt, $AS = AB - BS = a - \frac{h}{2}$, da anzunehmen ist, daß das Gewicht dieses Seilstückes in seinem Schwerzpunkte S, b. i. $\frac{h}{2}$ über dem Lastpunkte B angreist. Es ist folglich die Bergrößerung der Arbeit der Kraft, in Folge des Seilgewichtes:

$$L = h \, q \, \left(a - \frac{h}{2} \right) \cdot$$

%ig. 430.





Fig. 431.

If h=2a, so folgt L=0, und ift h>2a, so wird L negativ, und es wird folglich durch das Gewicht bes Seiles Arbeit gewonnen.

Ist bei einer Berbindung von einer sesten Rolle R und einer losen Rolle R, Fig. 431, a die Höhe AB des Standpunktes A über der losen Rolle, und h die Höhe BC, auf welche diese Rolle mit der Last Q durch die Kraft P gehoben wird, so hat man das Gewicht des auf die Höhe $SA = a - \frac{h}{2}$ zu hebenden Seilsstücks 2hq, und daher die entsprechende Arbeit: $L = 2hq\left(a - \frac{h}{2}\right)$

Hängt an ber lofen Rolle B noch eine zweite lofe Rolle D, wie in Bialdengage. Figur 432, im Abstande $BD = a_1$, und steigt D mit der Last Q um

Fig. 432. DE = h, also B um BC = 2h, so ist der Weg vom unteren Seilstude 2hq:



$$S_1 S = a_1 + h - \frac{h}{2} = a_1 + \frac{h}{2}$$

und bagegen der des oberen Seilftudes $4\,h\,q\,$ zwischen . B und C:

$$SA = a - h$$

alfo bie Arbeit, welche beibe Seilftude in Unspruch nehmen:

$$L = 4hq (a - h) + 2hq \left(a_1 + \frac{h}{2}\right)$$

= 2hq (2a + a_1 - 3/2h).

Sangt noch eine britte lose Rolle an D, so ist ferner. bie ganze Arbeit, welche bas Seilgewicht beim Anheben ber Last Q um h nothig macht:

$$L=8hq(a-2h)+4hq(a_1+h)+2hq\left(a_2+\frac{h}{2}\right)$$

$$=2hq(4a+2a_1+a_2-\frac{11}{2}h),$$

wofern ag ben anfänglichen Abstand ber beiben unteren Rollen von einander bezeichnet.

Um Seil zu ersparen, hangt man die losen Rollen dicht unter einander, so daß $a_1=a_2$ u. s. w. nahe Null, also $L=2\ h\ q\ (4\ a-{}^{11/}_2\ h)$ ausfällt.

Allgemein fur n lofe Rollen ift bann biefe Arbeit:

 $L = \left(2^{n} a - \frac{2^{2n-1} + 1}{3} \cdot h\right) q h.$

Für einen Flaschenzug ist endlich, wenn die anfängliche Sohe ber unter ren Flasche unter dem Standpunkte des Arbeiters = a und die Steighohe deffelben = h ift, für n gespannte Seile, die von diesen beanspruchte Arsbeit, wie bei einer losen und festen Rolle:

$$L = nqh\left(a - \frac{h}{2}\right) \cdot$$

Den Einstuß bes Seilgewichtes auf die Zapfenreibung und den Steifigskeitswiderstand kann man wegen seiner Kleinheit in der Regel außer Ucht lassen. Uebrigens ist aus den vorstehenden Formeln zu ersehen, daß das Seilgewicht die erforderliche Arbeit der Kraft eben so gut vermindern als vergrößern kann.

Beifpiel. Rach III., §. 21, wiegt ber laufenbe guß hanfleil bei d Boll Starte im Mittel: q = 0,83 d2 Pfund, alfo 3. B. bei 1 Boll Starte: q = 0,83

Biasocniuge Pfund. Berwendet man bieses Seil bei einem Kollenzuge von n = 3 losen Rollen, burch welchen eine Laft Q=800 Pfund A=10 Fuß hoch gehoben wird, so hat man die Bergrößerung der auszuwendenden Arbeit QA=8000 Fußppfund durch das Gewicht des Seiles:

 $L = (8 a - 11 h) \cdot 0.33 h = (8 a - 110) \cdot 8.8;$

also bei ber Sobe bes Kraftpunktes über bem Laftpunkte, a=20 Fuß, L=50. 3,3 =165 Fußpfund, b. i. reichlich 2 Brocent ber Rubleiftung. Wäre a=0, ständen also die Arbeiter neben ber zu hebenden Laft, so ware L=-380 Fußpfund, also ein Arbeitsgewinn von $\frac{33000}{8000}=4$ Procent reichlich vorhanden.

Für einen Flaschenzug mit # = 8 Seilen mare bingegen :

$$L = 8 \cdot 0.33 \, h \left(a - \frac{h}{2} \right) = 2.64 \, h \left(a - \frac{h}{2} \right),$$

also z. B. bei einer Hubhohe k von 20 Fußen und einer Stanbhohe a=10 Fuß, $L=2.64\cdot 20\ (10-10)=0$; bagegen bei a=0, $L=-2.64\cdot 20\cdot 10=-528$ Fußyfund. Die Muhleistung ware aber $Qk=800\cdot 20=16000$ Fußyfund, folglich ber Arbeitsgewinn burch das Seilgewicht im letteren Falle $\frac{52800}{16000}=3.3$ Procent.

Minten.

§. 212. Die Bagen: und Bauwinden (franz. crics, engl. liftingjacks) sind vorzügliche Sulfsmittel, um größere Lasten, z. B. belastete Bagen, schwere Maschinen: ober Baustücke u. s. w. auf kleinere Sohen zu heben. Die gewöhnlichen Bagen: und Bauwinden bestehen in einer gezahnten Stange, welche mittels eines gezahnten Rabes durch eine Kurbel in Bewegung gesetzt wird, und dabei die auf ihr ruhende ober an ihr hans gende Last mit empor nimmt. Bei den starkeren Binden neuerer Construction ist die gezahnte Stange durch eine Schraubenspindel und die einz sache Kurbel durch eine Schraube ohne Ende ersetzt (vergl. III., §. 137).

Eine Binde mit gezahnter Stange ift in Fig. 433 abgebilbet. Die gezahnte Stange A ergreift bie Laft entweber mittele ber Rlaue A ober

Fig. 433.



mittels eines Hakens am Fuse besselben. In sie greift bas Getriebe C, welches entweder unmittelbar durch eine Kurbel in Umbrehung geseht werden kann, oder, wie hier, mittels einer Kurbel DE und eines gezahnten Raberwerkes BD in Bewegung geseht wird. Um das Zurückgehen der belasteten Stange zu verhindern, ist noch eine Sperrklinke angebracht, welche entweder in die Bahne der Stange AB oder in ein besonderes Sperrzrädchen eingreift, das auf der Kolbenwelle D festsibt.

Sieht man von ben Nebenhindernissen ab, so ist das Kraftverhaltnis bei dieser Maschine nach bekannten Regeln wie folgt zu ermitteln. Es sei die Kurbelbobe DE = a und der mittlere Halbmesser des in die Zahnstange eingreisenden Getriebes = r, serner die Anzahl

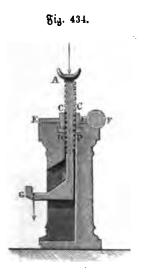
ber Jahne des mit C auf derselben Welle sitenden Rades $B=n_1$, und die Anzahl der Jahne des auf der Kurbelwelle sitenden Rades $=n_2$. Ist nun noch Q die Last in der Arenrichtung der gezahnten Stange und P die Umdrehungskraft der Kurbel, so haben wir:

$$\frac{Pa}{Qr} = \frac{n_2}{n_1} \text{ und baher } P = \frac{n_2}{n_1} \cdot \frac{r}{a} Q.$$

Für die Winde in Figur 434 mit schraubenförmiger Stange AB und einer Schraube ohne Ende EF bestimmt sich, wenn die Kraft P zur Umdrehung der Schraubenspindel F an einem Hebelarme a angreift, wenn ferner das Jahnrad EE, dessen Auge die Schraubenspindel AB als Mutter umfaßt, n Jahne hat, der mittlere Halbmesser dieser Spindel =r und die Ganghohe derselben =h, also für das Ansteigen α derselben t dang. $\alpha = \frac{h}{2\pi r}$ ist, ohne Berücksichtigung der Nebenhindernisse:

$$P = \frac{r}{a} \cdot \frac{Q \, tang. \, \alpha}{n} = \frac{h}{2\pi \, a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Durch bie Reibung wird allerbings biefe Rraft noch bedeutend vergros fert (vergl. III., §. 148).





Eine Winde neuerer Construction stellt Fig. 435 bar. Es ist hier die Mutter C der schraubenformigen Spindel AB von einem Kronenrad DD umgeben, in welches ein Jahnradchen E eingreift, das mit einer doppelten Kurbel FF auf einerlei Welle G sitt. Behalten wir die obigen Bezeiche

441

Opbraulifche Breffe.

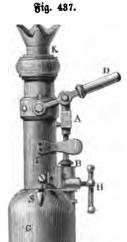
$$rac{P_1}{P} \cdot rac{1 + 4 arphi rac{b}{d}}{1 - 4 arphi rac{b_1}{d_1}} = rac{d_1^2}{d^2}$$
, oder $P_1 = \left(rac{1 - 4 arphi rac{b_1}{d_1}}{1 + 4 arphi rac{b}{d}}
ight) \left(rac{d_1}{d}
ight)^2 P_1$

ober annahernb:

$$P_1 = \left[1 - 4 \varphi\left(\frac{b}{d} + \frac{b_1}{d_1}\right)\right]\left(\frac{d_1}{d}\right)^2 P.$$

Diese Formel sest übrigens noch voraus, daß die Geschwindigkeit des Wassers, und alfo auch die des niedergehenden Kraftkoldens nur eine kleine sei, weil sonst auch noch die hydraulischen Hindernisse eine namhafte Krafts verminderung herbeiführen wurden.

Diptraulische §. 214. Die außere Unsicht einer hydraulischen Winde ift in Figur Blade. 437 abgebildet. AB ift der Kraftkolben, welcher mittels des Hebels CD



auf = und niebergebrudt wirb. Diefer Rol= ben gieht bei feinem Aufgange Baffer aus bem Refervoir G in ben Stiefel E und brudt es bei feinem niebergange von ba in ben Cp= linder F, wobei es ben Preftolben K fammt ber auf beffen Saupt wirkenben gaft emporfchiebt. Die Kullung bes Refervoirs mit Waffer erfolgt burch bie Schnauze S und bas Burudfließen bes Baffers aus bem Preficylinder in bas Refervoir wird burch Drehung bes Sebels und Eroffnung eines mit biefem in Berbindung gefehten Bentiles bewirft. Bei einiger Anstrengung und entsprechender Unordnung tann man mittels einer folchen Binde ein Gewicht von 10 bis 15 Zonnen heben.

Bum Beben ber in II., §. 55 und 56 bes ichriebenen Rohrenbruden von Gifenblech murs

ben die starkften hydraulischen Pressen angewendet; dieselben standen im Innern der thurmformigen Brudenpfeiler 40 Fuß über den Austagersstächen der Rohre, und wurden durch Dampsmaschinen von je 40 Pferdeskraften in Bewegung geseht. Die zu hebenden Rohrenstude, welche mit einer Lange von 460 Fuß von einem Pfeiler bis zum anderen reichten

und je 1726 Tonnen wogen, waren an ihren Enden mit gußeisernen opprantische Rahmen ausgerüstet, an welche je zwei acht und neunsache schmiedeeiserne Laschenketten angeschlossen wurden, die von dem Querhaupte der Preftols ben der hydraulischen Pressen herabhangen. Die Ausstellungsweise dies ser hydraulischen Winden und die Aushängungsweise der die Röhrenenden tragenden Ketten ist aus den Figuren 438 und 439 zu ersehen. In deis den Abbildungen ist A der Pressolben und B der Stiefel, worin der erstere Kia. 438.

Fig. 438.

Fig. 439.

von dem durch das Rohr C zurückgepreßten Wasser emporgeschoben wird. DD sind die Thurmmauern, EE, FF und GG gußeiserne Balken und H ist ein besonderes gußeisernes Gestelle zur Unterstützung des mit einer sehr großen Kraft nach unten drückenden Preßtylinders B. Ferner sieht man in KK das Querhaupt des Preßkolbens, an welchem die Tragketten herabhängen, und in NN die cylindrischen Leitstangen des Preßkolbens, welche durch das Querhaupt hindurchgehen und unten auf dem Cylinder selfstehen, oben aber durch einen eisernen Balken OO hindurchgehen. Zum

Opprantife Festhalten der Retten über bem Querhaupte bienen Klemmen aa welche burch Schrauben gegen bie zwischenliegenben Rettenschienen angebruckt werden konnen. Denfelben 3wed haben auch die Klemmen bo, welche angezogen wurden, wenn beim Anfange eines neuen Kolbenspieles bie Ketten burch Wegnahme einer Glieberreihe verfurzt werben follten. Um bei etwaigem Berberften der Preffe oder Berreißen der Retten u. f. w. bas Berabsturgen ber Rohre ju verhindern, murben die Rohrenenden gleich

wahrend ihres Auffteigens untermauert.

Drei hydraulische Preffen kamen bei ber Errichtung ber Brittanniabrude jur Anwendung; eine großere von 10 guß gange, 11 Boll Detall= bide und 20 Boll lichtem Durchmeffer, und zwei kleinere von je nur 18 Boll lichtem Durchmeffer; mahrend biefe gemeinschaftlich bas eine Ende ber Rohre hoben, wurde bas andere Ende berfelben von ber erften Preffe allein jum Steigen gebracht. Der Rraftfolben einer Preffe hatte nur 11/16 Boll Durchmeffer und faß mit bem Dampfeolben, beffen Durchmeffer 17 Boll betrug, auf einer und berfelben horizontalen Rolbenftange. Der Schub ber Dampf= und Rraftfolben betrug nur 16 Boll, ber eines Preffolbens aber 6 guß. Die schmiebeeiserne Rohre, welche bas Waffer in ben Pregcylinder fuhrte, mar innen nur 1/2 und außen 1 Boll weit.

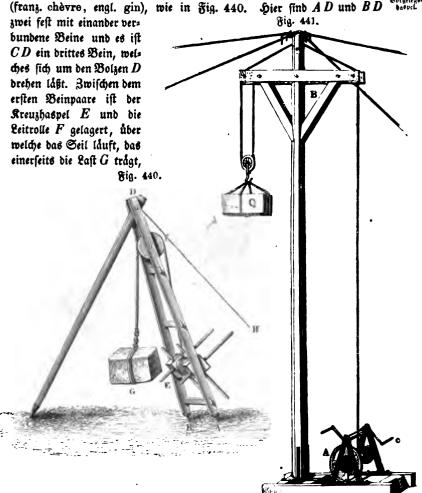
Beifpiel. Benn, wie in II., S. 55 angegeben wirb, eines ber größeren Röhrenftude ber Brittanniabrude, welches je zwei Pfeiler mit einander verbinbet, 1726 Tonnen wiegt, fo mußte beim Geben beffelben von ber großen Breffe allein und von ben beiben fleineren Breffen zusammen eine Kraft von $\frac{1726}{2}$ = 863 Connen ausgeübt werben. Dem Durchmeffer bes Breffolbens von 20 Boll entspricht ein Querschnitt von $\left(\frac{20}{2}\right)^2\pi=314,16$ Quadratzoll; folglich ift ber nothige Drud bes Baffere im Innern ber Breffe auf ben Quabratzoll

 $p=\frac{868}{314,16}=2,747$ Connen, ober bie Conne = 2240 Pfund angenommen, p = 2,747 . 2240 = 6153 Bfund, ober bie Atmosphare in englischem Raas = 14,706 Bfund gefest: p = $\frac{6158}{14.706}$ = 418 Atmofpharen.

Der Rrafttolben hat hierbei minbestens eine Rraft von $\left(\frac{17}{16}\right)^2$. s. 6153 = 21822 Bfund auszuuben, und es ift ber erforberliche Dampfbrud auf ben Duabratzoll, ba bie Dampffolbenflache 169 . n = 804,25 Quabratzoll mißt, $p_1 = \frac{21822}{804,25} = 27,13$ Pfund, b. i. noch nicht gang zwei Atmospharen.

6. 215. Die in Bb. II., 6. 84 behandelten Rreuge und Spillens Transportable habpel, sowie die ftebenden Wellen mit mehreren Schwengeln find febr gewöhnliche Gulfsmittel, woburch bei Bauausfuhrungen große Laften ober Bauftude auf magige Bohen gehoben werben. Diefe Dafchinen er-

halten in folden Fallen ein transportables Gestelle, z. B. einen Bod transportable (franz. chevre, engl. gin), wie in Fig. 440. Hier find AD und BD Babel.

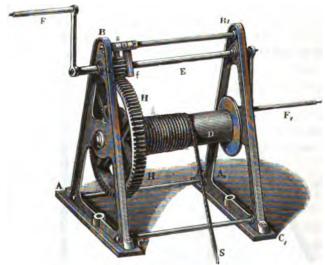


und sich andererseits auf ben Rundtheil bes Haspels aufwickelt. Wenn es ber Raum nicht gestattet, ein drittes Bein CD in Unwendung zu bringen, so ist es nothig, das Haspelgestelle ABD von hinten durch Seile oder Ketten DH aufrecht zu erhalten.

Das Geruste zum Aufziehen einer Last fann man auch aus einem Kreuze, wie AB, Fig. 441, bestehen lassen, und dasselbe durch Taue ober Ketten, welche vom Ropfe bieses Kreuzes bis in den benachbarten Erdboben hineingehen, in aufrechter Stellung erhalten. Bei der abgebildeten

Ergnocortable Borrichtung hangt die Last O junachst an einer lofen Rolle, und bas Seil wird mittels breier festen Rollen nach bem unten stehenden Saspel C berabgeführt.

> Der transportable Borgelegshaspel ober die Borgelegswinde (frang. treuil, engl. crab), wodurch die Laft emporgehoben wird, ift ein gewohnliches Sulfemittel jum Beben größerer gaften auf maßige Boben. Die specielle Ginrichtung biefer Bebemafchine ift in Rig. 442 abgebilbet. Die Fig. 442.



gufeifernen Bode ABC und A, B, C, find burch bie fcmiebeeifernen Bolgen AA1, BB1 und CC1 gu einem Gangen vereinigt, und laffen fich mit ihren Fußplatten AC und A, C, auf eine ftarte holgerne Grundlage auffchrauben. Diefes Geftelle tragt zwei horizontale Bellen; namlich eine hohle gußeiferne Belle D jum Aufwickeln bes Seiles S, woran bie Laft bangt, und eine ichwache Belle E, mit ben Rurbeln F und F1. Die Rraft P ber Rurbeln wird mittels eines fleinen Bahnrabes G von etwa 10 Bahnen und eines größeren Bahnrabes HH von etwa 70 Bahnen auf bie Lastwelle D übergetragen. Gine Sperrelinte s, welche vom Bolgen BB, herabhangt und in bas Rad G eingreift, verhindert bas Burudigeben ber Laft, wenn die Rraft zu wirken aufhort, und eine fogenannte Falle f, welche ebenfalls von BB, herabhangt und bie Welle E umfaßt, verhin= bert bas Ausweichen biefer Welle in ihrer Arenrichtung. Wird biefe Falle ausgehoben, fo kann man die Welle fo weit verschieben, daß G aus bem Eingriff mit H tommt, und die Belle D beim Abwideln bes Seiles S ohne EG umläuft.

Ift P die Rraft, Q die Last, a die Rurbelarmlange, b der Bebelarm der transportable Laft ober bie halbe Starte ber Belle fammt halber Starte bes Seiles, unb ift n, bie Angahl ber Bahne bes kleinen Treibrades G, n2 aber bie bes größeren Getriebrades H, fo hat man wie III., §. 51:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q.$$

Raft man bas Seil, wie in Sig. 441, noch uber eine lofe Rolle geben, fo hat man ftatt $Q, \frac{Q}{2}$ gu feten, weehalb bann

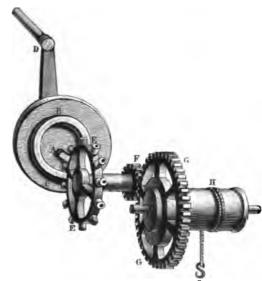
$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \frac{Q}{2} \text{ ift.}$$

Beifpiel. Benn bei bem Aufzug in Fig. 441 bie Laft Q = 2800 Bfunb, bas Armverhaltniß $\frac{b}{a}=\frac{1}{4}$, und bas Bahnezahlenverhaltniß $\frac{n_1}{n_0}=\frac{1}{7}$ bes tragt, fo hat man bie erforberliche Rraft an ben Saspelhornern, ohne Rudficht auf Reibung:

$$P = \frac{1}{7} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2800}{2} = \frac{400}{8} = 50$$
 Pfund.

Gine andere Borrichtung jum Aufziehen großer Laften ift Gegenwinden. Long's tragbare Sebemaschine (f. Civil-Engineer and Architects Journal, July 1852; auch Dingler's Journal, Bb. 125). wesentlichste Theil Diefer Maschine ift Die Spiralscheibe ABC, Fig. 443,





melde burch eine Rurs bel D in Umbrehung gefest wirb, und mit ihrem Spiralgange in die aus enlindrischen

Rollen bestehenden Záhne eines Rades EEeingreift. Mit bem letteren Rabe auf einerlei Welle fist noch bas kleine Zahnrad F, und dieses greift wieder in ein größeres Zahnrab GG, das auf den Runds baum *B* auffißt, um melchen fich bas bie Last tragende Seil S widelt. Leicht ift ein= zusehen, daß das Rad EE bei einer Unfores

Gegenwinden, hung der Spiralschiebe ober der Schnecke ABC von dieser um einen Jahn fortgeschoben wird. Ist a die Rurbesarmlänge, b der Hebesarm der an S hängenden Last, serner n die Anzahl der Jähne oder Rollen des Rades EE, dagegen n_1 die der Jähne von FF und n_2 die Anzahl der Jähne von GG, so hat man für die Kraft an der Kurbelspille:

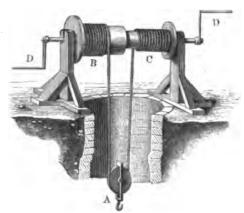
$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Die Wirkung ber Spiralscheibe ift mit ber einer Schraube ohne Ende (f. III., §. 148) zu vergleichen; benn wenn man bas Vorgelege wegläßt, also die Last Q unmittelbar an die Welle des Rades hangt, so hat man fur beide Maschinen:

$$P = \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Es gehört auch hierher die sogenannte Gegenwinde ober ber Lichts ober Differenzialhaspel (franz. treuil de la Chine, engl. chinese capstan), welcher in Fig. 444 abgebilbet ift. Die Last Q hangt hier an

Fig. 444.



einer losen Rolle A. und bie Enben bes Sei= les, welches diese Rolle tragt, find in entgegen= gefesten Richtungen um eine Belle BC mit zweierlei Durchmesser Wird nun gewickelt. biefe Welle burch eine Rurbel D ober auf eine andere Beife in Umbrehung gefett, fo wichelt fich bas eine Seilenbe auf den stårkeren Theil B ber Welle auf und bas andere Ende von

bem schwächeren Theil C berselben ab, und es verkurzt sich folglich das herabhangende Seil BAC bei jeder Umbrehung der Welle nur um die Differenz der Wellenumfange B und C.

Sind r_1 und r_2 die Halbmeffer bieser Umfänge, so hat man die Berztürzung des Seiles bei einer Umdrehung =2 π (r_1-r_2) und folglich ben entsprechenden Weg der Last Q:

$$\frac{2 \pi (r_1 - r_2)}{2} = \pi (r_1 - r_2),$$

wogegen bie Rraft P bei ber Sohe a bes Rurbelhornes ben Beg 2 na

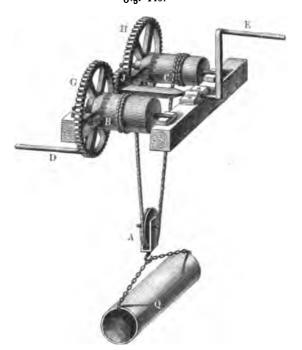
jurudlegt. Es ift hiernach

Begenwinden.

$$2\pi a P = \pi (r_1 - r_2) Q$$
, b. i. $P = \frac{r_1 - r_2}{2 a} \cdot Q$,

und es fallt folglich die Kraft um fo kleiner aus, je weniger bie Starte bes einen Rundbaumtheiles von ber bes anderen abweicht.

Der Aufzug in Fig. 445 ift eine Gegenwinde mit Borgelege. Die Seilenden liegen hier in entgegengefetten Richtungen auf den Wellen Ria, 445.



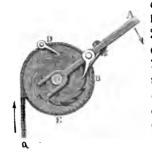
B und C von ungleicher Starke, welche burch die Aurbeln D und E mittels des Raberwerkes FGH in entgegengesetzen Richtungen umgedreht werden. Ist hier wieder a die Aurbelhöhe und sind r_1 und r_2 die Halbe messer der Wellen B und C; ist ferner n_1 die Anzahl der Zahne des Rasdes F auf der Aurbelwelle, n_2 aber die Anzahl der Zahne von jedem der beiden Getriebräder G und H, so hat man die Kraft, durch welche die Last Q gehoben wird:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{r_1}{2} \frac{r_2}{a} Q.$$

Mus III., §. 160 ift endlich noch zu erfeben, bag man auch Sperrraber

heben. Diese Vorrichtungen haben ben Bortheil, daß man bei ihnen die Kraft an größeren hebelarmen wirken lassen kann. Gin solcher Mechanismus ist theilweise in Fig. 446 abgebilbet. Das Sperrrad wird hier

Fig. 446.



mittels eines hebels AC und einer Klinke B absehend umgedreht, und es wickelt sich hiers bei das die Last Q tragende Seil auf die Trommel DE, welche mit dem Sperrrad auf einerlei Welle festsist. Ift a die Lange des Armes CA und b der die halbe Wellenstärke um die halbe Seilstärke übertreffende Hebels arm CB der Last, so hat man hier, wie bei einem einsachen Haspel oder Göpel (s. II., §. 84 und 85) die Kraft

$$P = \frac{b}{a} Q$$
.

Beispiel 1. Wenn bei bem Aufzug in Sig. 448 bas Rab EE, worin ber Spiralgang eingreift, 12 cylindrische Bahne, das Triebrad F beren 10, und bas Getriebrad GG beren 60 hat, wenn ferner der Rundbaum H, 8 Boll und bas Seil S, 2 Boll Stärke, und endlich die Kurbel 20 Boll Armlänge befist, so ift das Kraftverhältniß bieser Maschine:

$$\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n} = \frac{10}{60} \cdot \frac{5}{20} \cdot \frac{1}{12} = \frac{1}{288},$$

und folglich die Rraft, welche bas Aufziehen einer Laft Q=6000 Pfund erforsbert, $P=\frac{6000}{288}=20,83$. . . Pfund.

Beispiel 2. Geben wir bem Borgelegshaspel in Fig. 445 baffelbe Umsfehungsverhältniß $\frac{n_1}{n_2}=\frac{10}{60}$, machen wir bie Runbbaumftärken 10 und 9 Boll, und wenben wir wieder eine Kurbelhöhe von 20 Boll an, so haben wir das Kraftverhältniß:

$$\frac{P}{Q} = \frac{1}{6} \cdot \frac{10-9}{2 \cdot 20} = \frac{1}{6 \cdot 40} = \frac{1}{240};$$

folglich fur bie gaft Q = 6000 Bfund, bie Rraft

$$P = \frac{6000}{240} = 25 \ \Re \text{fund}.$$

Antige.

§. 217. Die Aufzüge werben zum Emporheben von Bauftuden, Waaren ober Gutern, Getreibe, Rohlen, Erzen u. f. w. angewendet, und man hat hiernach Bau=, Waaren= oder Guteraufzüge, Getreibe= aufzüge, Rohlen= und Erz= oder sogenannte Gichtaufzüge. Man kann zwei Aufzugespfteme von einander unterscheiben; bei dem einen Spfteme ist es eine Kette ohne Ende, wodurch die Last emporgehoben wird, bei dem anderen Spsteme wird hingegen die Last durch ein Seil oder eine Kette mit Ende emporgezogen. Bei einem Aufzuge mit

Rette ohne Ende ift die Rette entweder mit besonderen Aufgiehschlägen gur wuffne. Aufnahme der Laft verfehen, ober fie erhalt haten, womit fie bie emporguhebende Laft ober bas Gefaß, in welchem biefelbe enthalten ift, ergreift. In beiden Fallen wird bas Fortlaufen der Ketten und bas Emporfteigen ber Laft burch Umbrehung ber Welle bewirkt, auf welcher bas eine Rab ober bas eine Raberpaar, um welche fich die Rette ohne Ende legt, feftfist. Aufzuge, welche die Laft burch ein Seil mit Ende emporheben, haben entweber eine Trommel, auf welche fich bas Seil mahrend bes Auffteigens ber Laft aufwidelt, ober erhalten einen Rolben, welcher burch ben Drud bes Dampfes ober Baffers in Bewegung gefett wird und babei bas Seil mit sich fortzieht. Die Umbrehung ber Trommel kann entweber burch bie Rraft der Menschen oder bie bes Baffers, Dampfes u. f. w. bewirkt merben.

In ben meiften Fallen find biefe Aufzuge nur mit einem Biehfeile verfeben, und es ift beshalb nothig, daß baffelbe wieber herabgelaffen wird, bevor es eine neue Laft erfaffen und emporheben fann. Um biefes Burudgeben bes Biehfeiles zu reguliren, zumal, wenn baffelbe noch ein leeres Gefaß ober eine Schaale gur Aufnahme ber Laft tragt, bebient man fich eines Gegengewichtes ober eines Bremfes. In felteneren Fallen wendet man, wie bei ber im folgenden Kapitel abzuhandelnden Schachtforberung zwei Bugfeile mit zwei Gefagen an, fo bag immer mabrend bes Auffteigens ber Laft bas leere Gefag nieberfinten tann. Um bie rudgangige Bewegung der Aufzuge hervorzubringen, bat man Aus- und Ginrudzeuge anzubringen, wie aus III., §. 204 befannt finb.

Sat man es mit einer loderen Forbermaffe gu thun, fo fann man auch ben Aufzug in einer Eimer - ober Becherkette befteben laffen, die nabe bie Einrichtung hat, welche bereits in II., §. 244 angegeben worben ift. Es gehoren hierher bie fogenannten Glevatoren, welche gum Emporheben bes Getreibes ober Debles in Dublen angewendet werden, und in gewiffem Grabe auch bie fogenannten Baggermafchinen gum Ausbaggern ober Reinigen ber Flugbetten und Safen von Sand, Schlamm u. f. w.

Ein Gichtaufzug mit Rette ohne Ende ift in Figur 447 (auf folgender Seite) abgebildet. A und C find zwei Paar mindeftens 7 Fuß hohe Gifenscheiben mit feilformigen Bahnen, und ABCD ift ein Paar um beibe Scheibenpaare liegenbe ichmiebeeiferne Laschenketten, amifchen beren Glieber bie Bahne ber Scheiben greifen, fo bag biefe Retten, felbft bei einem größeren Wiberftande berfelben, von ben umlaufenben Scheiben mitgenommen werden. Die beiben Retten find in gewiffen Abftanden burch fcmiebeeiserne Bolgen aa, bb, cc, . . . mit einander verbunden, an welchen die Aufziehschaalen e, f, g, h u. f. w. hangen, die zur

441

Opbraulifde Breffe.

$$rac{P_1}{P} \cdot rac{1 + 4 arphi rac{b}{d}}{1 - 4 arphi rac{b_1}{d_1}} = rac{d_1^2}{d^2}$$
, ober $P_1 = \left(rac{1 - 4 arphi rac{b_1}{d_1}}{1 + 4 arphi rac{b}{d}}
ight) \left(rac{d_1}{d}
ight)^2 P_1$

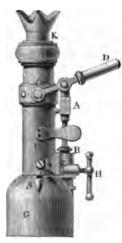
oder annahernb:

$$P_1 = \left[1 - 4 \varphi\left(\frac{b}{d} + \frac{b_1}{d_1}\right)\right]\left(\frac{d_1}{d}\right)^2 P.$$

Diese Formel seht übrigens noch voraus, daß die Geschwindigkeit bes Wassers, und also auch die des niedergehenden Araftelbens nur eine kleine sei, weil sonst auch noch die hydraulischen Hindernisse eine namhafte Araft-verminderung herbeiführen wurden.

Dybrantische §. 214. Die außere Ansicht einer hydraulischen Winde ist in Figur 437 abgebilbet. AB ist ber Kraftkolben, welcher mittels bes Hebels CD





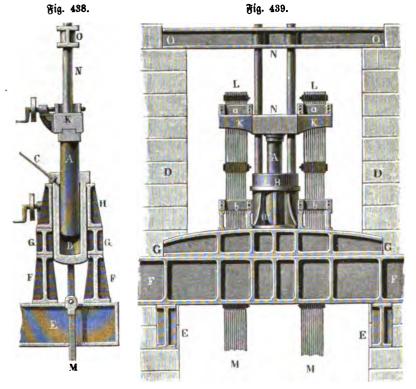
auf = und niebergebruckt wirb. Diefer Rolben zieht bei feinem Aufgange Baffer aus bem Reservoir G in ben Stiefel E und bruckt es bei feinem Niebergange von ba in ben Cp= linder F, mobei es ben Preffolben K fammt ber auf beffen Saupt wirkenden gaft emporschiebt. Die Kullung des Reservoirs mit Baffer erfolgt burch bie Schnauge S und bas Burudfliegen bes Waffers aus bem Pregeplinder in bas Refervoir wird burch Drehung bes Bebels und Eroffnung eines mit biefem in Berbindung gefetten Bentiles bewirft. Bei einiger Unftrengung und entsprechenber Unordnung tann man mittels einer folchen Winde ein Gewicht von 10 bis 15 Tonnen heben.

Bum Beben ber in II., §. 55 und 56 beichriebenen Rohrenbruden von Gifenblech wur-

ben die starksten hydraulischen Pressen angewendet; bieselben standen im Innern der thurmformigen Brudenpfeiler 40 Fuß über den Austagersstächen der Rohre, und wurden durch Dampfmaschinen von je 40 Pferdeskräften in Bewegung gesetzt. Die zu hebenden Rohrenstude, welche mit einer Lange von 460 Fuß von einem Pfeiler bis zum anderen reichten

und je 1726 Tonnen wogen, waren an ihren Enden mit gußeisernen opprantische Rahmen ausgerustet, an welche je zwei acht - und neunfache schmiedeeiserne Laschenketten angeschloffen wurden, die von dem Querhaupte der Prefeols

ben der hydraulischen Pressen, die von dem Luerhaupte der Pressolsben der hydraulischen Pressen herabhängen. Die Ausstellungsweise dies ser hydraulischen Winden und die Aushängungsweise der die Röhrenenden tragenden Ketten ist aus den Figuren 438 und 439 zu ersehen. In beisden Abbildungen ist A der Pressolben und B der Stiefel, worin der erstere



von dem durch das Rohr C zurückgepreßten Wasser emporgeschoben wird. DD sind die Thurmmauern, EE, FF und GG gußeiserne Balken und H ist ein besonderes gußeisernes Gestelle zur Unterstüßung des mit einer sehr großen Kraft nach unten drückenden Preßcylinders B. Ferner sieht man in KK das Querhaupt des Preßtoldens, an welchem die Tragketten herabhängen, und in NN die cylindrischen Leitstangen des Preßtoldens, welche durch das Querhaupt hindurchgehen und unten auf dem Cylinder selfstehen, oben aber durch einen eisernen Balken OO hindurchgehen. Zum

Opbraulische Festhalten ber Ketten über bem Querhaupte bienen Klemmen aa welche burch Schrauben gegen bie zwischenliegenben Kettenschienen angebrückt werden konnen. Denselben Zweck haben auch bie Klemmen bb, welche angezogen wurden, wenn beim Anfange eines neuen Kolbenspieles die Ketten durch Wegnahme einer Glieberreihe verkürzt werden sollten. Um bei etwaigem Zerbersten der Presse oder Zerreißen der Ketten u. s. w. das Herabstürzen der Rohre zu verhindern, wurden die Rohrenenden gleich

während ihres Auffteigens untermauert.

Drei hybraulische Pressen kamen bei der Errichtung der Brittannias brude zur Anwendung; eine größere von 10 Fuß Länge, 11 Boll Metallzdicke und 20 Boll lichtem Durchmesser, und zwei kleinere von je nur 18 Boll lichtem Durchmesser; während diese gemeinschaftlich das eine Ende der Röhre hoben, wurde das andere Ende derselben von der ersten Presse allein zum Steigen gebracht. Der Kraftkolben einer Presse hatte nur 1½ 60ll Durchmesser und saß mit dem Dampskolben, dessen Durchmesser 17 Boll betrug, auf einer und berselben horizontalen Kolbenstange. Der Schub der Damps und Kraftkolben betrug nur 16 Boll, der eines Preskolbens aber 6 Kuß. Die schmiedeeiserne Röhre, welche das Wasser in den Presseylinder suhre, war innen nur ½ und außen 1 Boll weit.

Beispiel. Wenn, wie in II., §. 55 angegeben wird, eines ber größeren Röhrenstüde ber Brittanniabrude, welches je zwei Pfeller mit einander verbindet, 1726 Tonnen wiegt, so mußte beim Heben besselben von der großen Presse allein und von den beiden kleineren Pressen zusammen eine Krast von $\frac{1726}{2}$ = 863 Tonnen ausgeübt werden. Dem Durchmesser des Pressolbens von 20 Boll entspricht ein Duerschnitt von $\left(\frac{20}{2}\right)^2\pi=314,16$ Duadratzoll; folglich ist der nöthige Drud des Wassers im Innern der Presse auf den Duadratzoll

p = $\frac{868}{314,16}$ = 2,747 Lonnen, ober bie Tonne = 2240 Pfund angenommen, p = 2,747 . 2240 = 6153 Pfund, ober bie Atmosphäre in englischem Maaß = 14,706 Pfund geset: p = $\frac{6153}{14,706}$ = 418 Atmosphären.

Der Kraftkolben hat hierbei minbestens eine Kraft von $\left(\frac{17}{16}\right)^2$. π . 6153 = 21822 Pfund auszuüben, und es ist der erforderliche Dampfbruck auf den Duadratzoll, da die Dampfkolbenstäche 16^2 . $\pi=804,25$ Quadratzoll mißt, $p_1=\frac{21822}{804,25}=27,13$ Pfund, d. i. noch nicht ganz zwei Atmosphären.

Transportable §. 215. Die in Bb. II., §. 84 behandelten Kreug: und Spillens borgeled haspel, sowie die ftehenden Wellen mit mehreren Schwengeln sind sehr gewöhnliche Sulfsmittel, wodurch bei Bauaussuhrungen große Laften ober Bauftude auf mäßige Sohen gehoben werben. Diese Maschinen er-

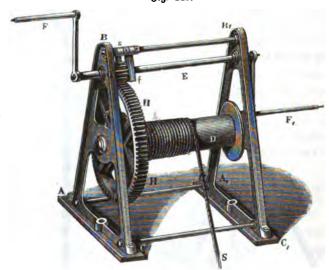
halten in folden Fallen ein transportables Geftelle, 3. B. einen Bod transportable (frang. chevre, engl. gin), wie in Sig. 440. hier find AD und BD zwei fest mit einander ver-Fig. 441. bunbene Beine und es ift CD ein brittes Bein, mels ches sich um ben Bolgen D breben lagt. Zwischen bem ersten Beinpaare ift ber Areuzhaspel E und die Leitrolle F gelagert, uber welche bas Geil lauft, bas einerseits bie Laft G traat. Fig. 440.

und fich andererfeits auf ben Rundtheil bes haspels aufwickelt. Wenn es der Raum nicht geftattet, ein brittes Bein CD in Anwendung gu bringen, fo ift es nothig, bas haspelgestelle ABD von hinten burch Seile oder Retten DH aufrecht zu erhalten.

Das Gerufte jum Aufziehen einer Laft fann man auch aus einem Rreuge, wie AB, Fig. 441, bestehen laffen, und baffelbe burch Taue ober Retten, welche vom Ropfe biefes Rreuges bis in ben benachbarten Erbboben hineingeben, in aufrechter Stellung erhalten. Bei ber abgebilbeten

Transvortable Borrichtung hangt bie Last O gundchst an einer lofen Rolle, und bas Seil wird mittels breier festen Rollen nach bem unten ftebenden Saspel C berabaeführt.

> Der transportable Borgelegshaspel ober bie Borgelegswinde (frang. treuil, engl. crab), woburch bie laft emporgehoben wirb, ift ein gewohnliches Sulfemittel jum Beben großerer Laften auf magige Boben. Die specielle Ginrichtung biefer Bebemafchine ift in Rig. 442 abgebilbet. Die Fig. 442.



gufeifernen Bode ABC und A, B, C, find burch bie fchmiebeeifernen Bolgen AA1, BB1 und CC1 zu einem Gangen vereinigt, und laffen fich mit ihren Fußplatten AC und A, C, auf eine farte holzerne Grundlage aufschrauben. Diefes Geftelle tragt zwei horizontale Bellen; namlich eine hohle gufeiferne Belle D jum Aufwickeln bes Seiles S, woran bie Laft hangt, und eine schwache Belle E, mit ben Rurbeln F und F1. Die Rraft P ber Rurbeln' wird mittels eines fleinen Bahnrabes G von etwa 10 Bahnen und eines größeren Bahnrabes HH von etwa 70 Bahnen auf bie Laftwelle D übergetragen. Gine Sperrelinte s, welche vom Bolgen BB, herabhangt und in bas Rad G eingreift, verhindert bas Burudgeben ber Laft, wenn die Rraft zu wirten aufhort, und eine fogenannte Falle f. welche ebenfalls von BB, herabhangt und bie Welle E umfaßt, verhin: dert das Ausweichen biefer Welle in ihrer Arenrichtung. Wird biefe Kalle ausgehoben, so kann man die Welle fo weit verschieben, bag G aus bem Eingriff mit H tommt, und bie Belle D beim Abwideln bes Seiles S ohne EG umlauft.

Ift P die Kraft, Q die Last, a die Kurbelarmlange, b ber Sebelarm ber transportable Borgeligs. Laft ober bie halbe Starte ber Welle fammt halber Starte bes Seiles, und ift n, die Angahl ber Bahne bes kleinen Treibrades G, n2 aber bie bes größeren Getriebrades H, fo hat man wie III., 6. 51:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} Q$$

 $P=rac{n_1}{n_2}\cdotrac{b}{a}\,Q.$ Läft man das Seil, wie in Fig. 441, noch über eine lose Rolle gehen, fo hat man ftatt $Q, \frac{Q}{2}$ zu feten, weshalb bann

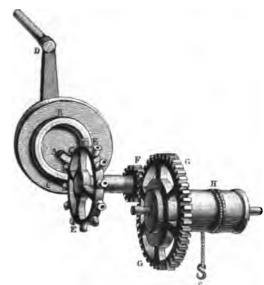
$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \frac{Q}{2}$$
 ift.

Beifpiel. Benn bei bem Aufgug in Fig. 441 bie Laft Q = 2800 Bfunb, bas Armverhaltniß $\frac{b}{a}=\frac{1}{4}$, und bas Bahnezahlenverhaltniß $\frac{n_1}{n_0}=\frac{1}{7}$ bes tragt, fo hat man bie erforberliche Rraft an ben Saspelhornern, ohne Rudficht auf Reibung:

 $P = \frac{1}{7} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{2800}{9} = \frac{400}{9} = 50$ Pfund.

Gine andere Borrichtung gum Aufziehen großer gaften ift Degenwinden. Long's tragbare Debemaschine (f. Civil-Engineer and Architects Journal, July 1852; auch Dingter's Journal, Bb. 125). wesentlichste Theil dieser Maschine ift die Spiralscheibe ABC, Fig. 443,





melde burch eine Rur= bel D in Umbrehung gefest wirb, und mit ihrem Spiralgange in bie aus cylinbrischen

Rollen bestehenden Bal ne eines Rades EEeingreift. Mit bem lets teren Rabe auf einerlei Welle fist noch bas Bleine Bahnrab F, unb diefes greift wieber in ein größeres Zahnrab GG, bas auf den Runds baum *B* aufsitt, um melchen sich bas bie Last tragende Seil S midelt. Leicht ift ein= zusehen, bag bas Rab EE bei einer Unsbres

Gegenwinden, hung der Spiralschiebe oder der Schnecke ABC von dieser um einen Jahn fortgeschoben wird. Ist a die Kurbelarmlänge, b der Hebelarm der an S hängenden Last, serner n die Anzahl der Jähne oder Rollen des Rades EE, dagegen n_1 die der Jähne von FF und n_2 die Anzahl der Jähne von GG, so hat man für die Kraft an der Kurbelspille:

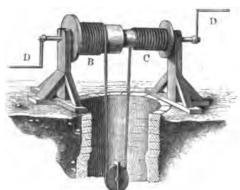
$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}.$$

Die Wirkung ber Spiralscheibe ist mit ber einer Schraube ohne Enbe (f. III., f. 148) zu vergleichen; benn wenn man bas Vorgelege wegläßt, also die Last Q unmittelbar an die Welle des Rades hängt, so hat man für beibe Maschinen:

$$P = \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n}$$

Fig. 444.

Es gehört auch hierher die sogenannte Gegenwinde ober ber Lichtz ober Differenzialhaspel (franz. treuil de la Chine, engl. chinese capstan), welcher in Fig. 444 abgebilbet ift. Die Last Q hangt hier an



einer losen Rolle A,

und die Enden des Sei= les, welches biefe Rolle tragt, find in entgegen= gefetten Richtungen um eine Belle BC mit zweierlei Durchmeffer gewickelt. Wird nun diese Welle burch eine Rurbel D oder auf eine andere Weise in Umbrehung gefest, fo widelt fich bas eine Seilenbe auf den stårkeren Theil B ber Welle auf und bas andere Ende von

bem schwächeren Theil C berfelben ab, und es verkurzt sich folglich das herabhangende Seil BAC bei jeder Umdrehung der Welle nur um die Differenz der Wellenumfange B und C.

Sind r_1 und r_2 die Halbmeffer dieser Umfänge, so hat man die Berkürzung des Seiles bei einer Umdrehung =2 π (r_1-r_2) und folglich ben entsprechenden Weg der Last Q:

$$\frac{2 \pi (r_1 - r_2)}{2} = \pi (r_1 - r_2),$$

wogegen bie Rraft P bei ber Sohe a bes Rurbelhornes ben Beg 2 na

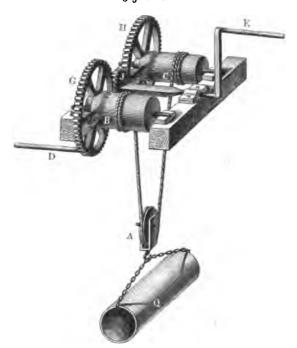
jurudlegt. Es ift biernach

Gegenwinden.

$$2\pi a P = \pi (r_1 - r_2) Q$$
, b. i. $P = \frac{r_1 - r_2}{2a} \cdot Q$,

und es fallt folglich bie Rraft um fo fleiner aus, je weniger bie Starte bes einen Rundbaumtheiles von ber bes anderen abweicht.

Der Aufzug in Fig. 445 ift eine Gegenwinde mit Borgelege. Die Seilenden liegen hier in entgegengesehten Richtungen auf den Bellen Fig. 445.



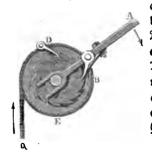
B und C von ungleicher Starke, welche durch die Kurbeln D und E mittels des Raberwerkes FGH in entgegengesesten Richtungen umgedreht werden. Ist hier wieder a die Kurbelhohe und sind r_1 und r_2 die Halbs messer der Wellen B und C; ist ferner n_1 die Anzahl der Zahne des Rasdes F auf der Kurbelwelle, n_2 aber die Anzahl der Zahne von jedem der beiden Getriebrader G und H, so hat man die Kraft, durch welche die Last O gehoben wird:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{r_1}{2} \frac{r_2}{a} Q.$$

Mus III., §. 160 ift endlich noch zu erfeben, bag man auch Sperrraber

Begenwinden mit Sperrklinken baju anwenden fann, große Laften fortzuschaffen ober gu heben. Diefe Borrichtungen haben ben Bortheil, daß man bei ihnen bie Rraft an großeren Bebelarmen wirten laffen tann. Gin folcher Mechas nismus ift theilweife in Sig. 446 abgebilbet. Das Sperrrad wird hier

Fig. 446.



mittels eines Bebels AC und einer Rlinke B absehend umgebreht, und es widelt fich hierbei bas die Last Q tragende Seil auf bie Trommel DE, welche mit bem Sperrrab auf einerlei Welle festsist. Ift a bie gange bes Armes CA und b ber bie halbe Bellenftarte um die halbe Seilstarte übertreffende Bebels arm CB ber Laft, fo hat man hier, wie bei einem einfachen Saspel ober Gopel (f. II., §. 84 und 85) die Rraft

$$P = \frac{b}{a} Q$$
.

Beifpiel 1. Wenn bei bem Aufzug in Big. 448 bas Rab EE, worin ber Spiralgang eingreift, 12 cylinbrifche Bahne, bas Triebrab F beren 10, und bas Getriebrad GG beren 60 hat, wenn ferner ber Runbbaum H, 8 Boll und bas Seil & 2 Boll Starke, und endlich die Rurbel 20 Boll Armlange befist, fo ift bas Rraftverhaltnig biefer Dafdine:

$$\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{n} = \frac{10}{60} \cdot \frac{5}{20} \cdot \frac{1}{12} = \frac{1}{288}$$

 $\frac{P}{Q}=\frac{n_1}{n_2}\cdot\frac{b}{a}\cdot\frac{Q}{n}=\frac{10}{60}\cdot\frac{5}{20}\cdot\frac{1}{12}=\frac{1}{288},$ und folglich die Kraft, welche bas Aufziehen einer Laft Q=6000 Pfund erfors bert, $P = \frac{6000}{288} = 20,88 \dots$ Pfund.

Beifpiel 2. Geben wir bem Borgelegehaspel in Fig. 445 baffetbe Um: festungeverhältniß $\frac{n_1}{n_2} = \frac{10}{60}$, machen wir bie Runbbaumftarten 10 und 9 Boll, und wenden wir wieber eine Rurbelhohe von 20 Boll an, fo haben wir bas Rraftverhaltniß:

$$\frac{P}{Q} = \frac{1}{6} \cdot \frac{10-9}{2 \cdot 20} = \frac{1}{6 \cdot 40} = \frac{1}{240};$$
 folglich für die Last $Q = 6000$ Pfund, die Kraft

$$P = \frac{6000}{240} = 25$$
 Pfund.

Mufilige.

6. 217. Die Aufzuge werben jum Emporheben von Bauftuden, Maaren ober Gutern, Getreibe, Rohlen, Erzen u. f. w. angewenbet, und man hat hiernach Bau=, Baaren= ober Guteraufzuge, Getreibe= aufjuge, Roblen: und Erg: ober fogenannte Bichtaufjuge. tann zwei Aufzugespfteme von einander unterscheiben; bei bem einen Spsteme ift es eine Rette ohne Ende, wodurch die Last emporgehoben wird, bei bem anberen Spfteme wird hingegen bie Laft burch ein Seil ober eine Rette mit Ende emporgezogen. Bei einem Aufzuge mit Rette ohne Ende ift die Rette entweder mit besonderen Aufgiehschlägen gur wuffage. Aufnahme der Last versehen, oder sie erhalt haten, womit sie die emporguhebenbe Laft ober bas Gefaß, in welchem biefelbe enthalten ift, ergreift. In beiben Fallen wird bas Fortlaufen ber Retten und bas Emporfteigen ber Last burch Umbrehung ber Welle bewirkt, auf welcher bas eine Rab ober bas eine Raberpaar, um welche fich bie Rette ohne Ende legt, festfist. Aufzuge, welche bie Laft burch ein Seil mit Ende emporheben, haben entweber eine Trommel, auf welche fich bas Seil mahrend bes Auffteigens ber Laft aufwidelt, ober erhalten einen Rolben, welcher burch ben Drud bes Dampfes ober Baffers in Bewegung gefett wird und babei bas Seil mit fich fortzieht. Die Umbrehung der Trommel kann entweder burch bie Kraft der Menschen ober bie des Baffers, Dampfes u. f. w. bewirkt werben.

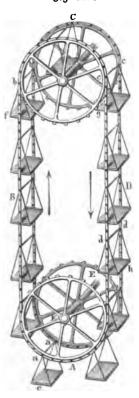
In ben meiften Sallen find biefe Aufguge nur mit einem Biehfeile verfeben, und es ift beshalb nothig, bag baffelbe wieder herabgelaffen wird, bevor es eine neue Laft erfaffen und emporheben tann. Um biefes Burudgeben bes Biebfeiles zu reguliren, jumal, wenn baffelbe noch ein leeres Gefaß ober eine Schaale gur Aufnahme ber Laft tragt, bebient man fich eines Gegengewichtes ober eines Bremfes. In felteneren Fallen wenbet man, wie bei ber im folgenben Rapitel abzuhandelnben Schachtforberung zwei Bugfeile mit zwei Gefagen an, fo bag immer mabrend bes Auffteigens ber Laft bas leere Gefag nieberfinten tann. Um bie rudgangige Bemes gung ber Aufzuge hervorzubringen, hat man Aus- und Ginrudzeuge anzubringen, wie aus III., §. 204 befannt finb.

Sat man es mit einer loderen Forbermaffe ju thun, fo tann man auch ben Aufzug in einer Gimer. ober Becherkette bestehen laffen, bie nabe bie Einrichtung hat, welche bereits in II., §. 244 angegeben worden ift. Es gehoren hierher bie fogenannten Elevatoren, welche gum Emporheben bes Getreibes ober Dehles in Dublen angewendet werben, und in gewiffem Grabe auch bie fogenannten Baggermafchinen jum Ausbaggern ober Reinigen ber Flugbetten und Safen von Sand, Schlamm u. f. w.

Ein Gichtaufzug mit Rette ohne Ende ift in Figur 447 (auf folgender Seite) abgebilbet. A und C find zwei Paar mindeftens 7 Ruß bobe Gifenscheiben mit feilformigen Bahnen, und ABCD ift ein Paar um beibe Scheibenpaare liegende fcmiebeeiferne Lafchenketten, zwifchen beren Glieber bie Bahne ber Scheiben greifen, fo bag biefe Retten, felbit bei einem größeren Wiberftande berfelben, von ben umlaufenben Scheiben mitgenommen werben. Die beiben Retten find in gewiffen Abftanben burch schmiebeeiserne Bolgen aa, bb, cc, . . . mit einander vers bunden, an welchen die Aufziehschaalen e, f, g, h u. f. w. hangen, die zur

Mufgage. Aufnahme ber Laften oder ber die Erze enthaltenden Aufziehgefaße bienen. Die Welle EE bes unteren Scheibenpaares wird mittels eines Raberwertes burch ein Bafferrad ober eine Dampfmafchine langfam umgebreht,

Fig. 447.



fo bag bie Retten eine fleine Gefchwindigfeit von etwa 1/2 Rug annehmen. Wird bie Laft, 3. B. ein Ergeaftchen, auf bie emporfteigende Schaale e gestellt, so steigt bieselbe allmalig empor, und ift biefe Schaale oben, 3. B. in f. angelangt, fo tann man biefe Laft wieber von bem Aufzuge abheben. Nachdem man das Raftchen ausgeleert hat, fest man es wieber auf eine Aufziehschaale, welche nun mit bemfelben auf ber anderen Seite bes Aufzuges herabsinet, fo bag es unten vom Muf= juge abgenommen und von neuem gefüllt Uebrigens ift es mit feinem werben fann. wefentlichen Nachtheil verbunden, wenn bas Abheben eines gefüllten ober leeren Ergfaft= chens ein Mal aus Berfehen unterblieben ift; ein folches Raftchen macht bann noch einen Umlauf mehr, erfordert babei aber weiter tei= nen Arbeitsaufwand, ba es beim barauf fol= genben Sinten fast eben fo viel Arbeit verrichtet, ale es beim nachstfolgenben Steigen beanfprucht.

Man kann auch bie Aufzielischaalen gang entbehren, wenn man bie Retten ohne Ende mit Bolgen ober Saten verfieht, wemit fie bie Laft ober bas Gefaß, welches biefelbe ent= hålt, ergreifen.

Bei bem in Fig. 448 (auf nebenfteh. Seite) nur theilmeife abgebilbeten Gichtaufzuge besteht bas aufzuziehende Gefaß in einem Sund ober Bas gen A, beffen Seitenwande mit Saten a, a, ausgeruftet find, bie von ben Bolgen b, b ber Aufgiehtetten ergriffen werben und fich erft bavon wieber losmachen, wenn ber Wagen oben angefommen ift. Diefe Bagen werden nicht allein auf einer Schienenbahn unten jugeführt, fondern auch auf eine folche oben abgefett. Die obere Schienenbahn erhalt fo viel Fallen, baß fich bie Bagen burch ihre eigene Schwere von bem Aufzuge entfernen und der Gicht zulaufen. Die ausgeleerten Magen werben auf einer Damit bie Retten burch bie etwas zweiten Bahn wieber niebergelaffen. ercentrifch wirtende Bagenlaft nicht ichief ober gar von ben Scheiben

Fig. 448.

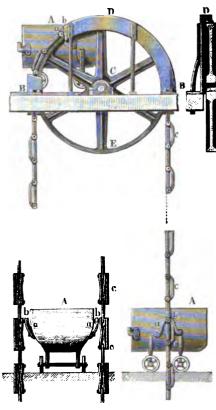
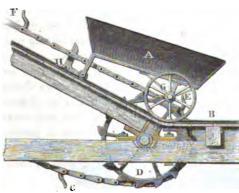


Fig. 449.



herabgezogen werben, find aufjage. bie Retten noch mit befonberen Gliebern c, c verfeben, und bie Scheiben CE an ben Stellen, wo bie Retten aufliegen, mit feften rinnenformigen Leis tungen BDB fur biefe Glieber umgeben.

Die Einrichtung eines Sichtaufzuges mit endlofer Rette und gegen ben Borigont geneigter Babn ift aus Fig. 449 zu erfe= hen, welche den unteren Theil beffelben, und gumal bie Art und Beife wie ber Wagen von den Safen an ber Rette ergriffen wird, vor Mugen führt. Der Magen A wird auf ber Schienens bahn B jugeführt und bie endlosen Retten CDEF uber eine Rolle ober Scheibe DE geleitet, die mit Bahnen ausgeruftet ift, welche zwi= ichen bie gabelformigen Glieder ber Rette greifen. In Abstanden von eirea

> 10 Kuß von einander sind die ungefahr je 1 Fuß langen Rettenglie= ber mit Saten C,E,F... verfehen, welche hintere Bagenare G ergreifen und fo ben Wagen mit empor neh= men, bis er fich, oben angekommen, von felbst aushångt, unb einer geneigten Bahn

456

uufgage. ohne außere Beihalfe ber Gicht zuläuft. Die obere Scheibe befindet sich über bem Gichtboben und wird mittels Raberwerk durch Dampf = ober Wassertraft in Umbrehung gesett. Damit die Wagen beim etwaigen Zerreißen der Ketten nicht herabsturzen und Schaden anrichten, sind noch kleine Winkelchebel H langs der Bahn angebracht, welche zwar die Wagens are auswärts gehen lassen, sich aber dem Ruckwärtsgehen derselben entgez gensetzen. Das Zurücklassen ber leeren Wagen erfolgt auf einer Seitens bahn und mittels eines gewöhnlichen Bremshaspels (f. III., §. 166).

Sieht man von ben Nebenhindernissen ab, so kann man den Arbeitsauswand eines Aufzuges mit endloser Kette leicht wie folgt berechnen. Es sei das Gewicht der Fördermasse in einem Gefäße oder Wagen =Q, die Förderhöhe =h und die Anzahl der in einer Minute zu hebenden Gefäße oder Wagen =n. Die Leistung pro Gefäß ist dann =Qh, folglich die pro Minute nQh, und daher die pro Secunde:

$$L = \frac{n}{60} Qh.$$

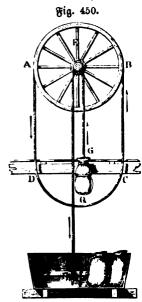
Diese Formel gilt jedoch nur dann, wenn das leer niedersteigende Fordergefäß G, wie 3. B. in Fig. 447, dem aufsteigenden vollen zu Husse kommt. Außerdem ist $L=\frac{n}{60}~(Q+G)~h$ zu sehen.

Anmerkung. Einen Aufzug, wie in Fig. 448, hat in ber neuesten Beit Cavé jum Schachtförbern empfohlen (s. Armengaud's Génie industriel, beutsch Dingler's polytechn. Journal, Bb. 126, ober polytechn. Centralblatt, 1852). Um bas Auffteigen ber gefüllten unb bas Rieberlassen ber leeren Bagen an berselben enblosen Kette möglich zu machen, wird von Cavé empfohlen, die gefüllten und leeren Förberwagen mittels eines auf Räbern stehenben und auf einer Schienenbahn beweglichen Bobens ber enblosen Kette zuzusühren und von ihr abzunehmen. Bur körberung aus tiesen Schachten möchte diese Maschine nicht tauglich sein.

§. 219. Ein einfacher Handufzug ist in Figur 450 (auf nebensstehender Seite) abgebildet. Eine Spurscheibe AB von 7 bis 8 Fuß Durchmesser läst sich mittels bes Seiles ABCD ohne Ende beliebig nach rechts ober links umbrehen, wobei sich das ohnedies mehrmals um die Welle E dieser Scheibe gelegte Seil auf der einen Seite ab und auf der anderen auswickelt. Ist nun an dem Ende des sich auswickelnden Seiles eine Last Q angehangen, so gelangt diese durch die Drehung der Scheibe zum Steigen, während das leere Seilende allmälig von oben nach unten herabsinkt. Hat man auf diese Weise die Last Q von F nach G gehoben und oben abgehängt, so kann man an das herabgesunkene leere Seilende eine neue Last hängen, und diese durch Umdrehung der Scheibe in umgeskehrter Richtung zum Steigen bringen.

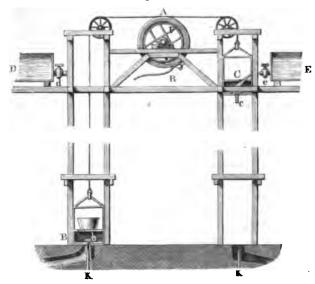
Ein Gichtaufzug mit Waffertraft tann besonders bann febr einfach ausfallen, wenn bas Waffer auf ber Bobe bes Gichtbobens gu-





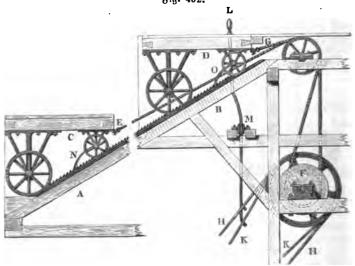
fließt, weil bann bie eigentliche Umtriebsmafchine gang wegfallt. Ginen folden Aufzug führt Fig. 451 vor Mugen. A ift eine große Scheibe, um welche bas Drahtfeil zwei = bis breimal gelegt ift, an beffen Enben bie Aufzugschaalen B und C hangen, auf welche bie Forbergefaße gefest merben. Jebe Schaale hat einen boppelten Boben und bilbet ein niedriges, mafferbichtes Befag, melches aus einem Behalter D ober E auf bem Gichtboben mit Baffer angefullt und burch ein Bentil b in bem unterften Boben mieber geleert merben fann. Soll nun eine belaftete Schaale empor= und gleichzeitig eine nur bas leere Gefaß tragende Schaale nieberfteigen, fo offnet man ben Sahn bes Aufschlagreservoirs auf ber Seite ber leeren Schaale und fullt bas von ihrem Doppelboben gebilbete Befag mit Baffer. Das Gewicht beffelben bringt nun biefe Schaale zum Sinken und hebt gleichzeitig mit

die belastete Schaale in die Hohe. Ift die belastete Schaale oben und Big. 451.



wisdge. Die mit Wasser gefüllte Schaale unten angekommen, so offnet sich das mit seinem Stiel auf ein Hinderniß K stoßende Bentil, und es fließt das Wasser aus dieser Schaale, die nun ebenfalls belastet und durch die Füllung der oben angekommenen Schaale gehoben werden kann. Um das Auf- und Niedersteigen der Schaalen zu reguliren, ist die Scheibe A noch mit einem Bremsrade F versehen, und die beschleunigende Kraft durch Bremsen an dem Drücker R aufzuheben.

Ein größerer Gichtaufzug, burch Wasser ober Dampf bewegt, ift in Fig. 452 abgebilbet. Derselbe besteht aus zwei neben einander auf= Fig. 452.



steigenden Schienenbahnen A und B mit einer Neigung von 30 bis 45 Grad und einer Lange von 40 bis 70 Fuß. Auf jeder dieser Bahnen besindet sich ein Wagen C(D) mit ungleich hohen Radern und horizonztalem Boden zur Aufnahme der in Körben, Kasten oder Wagen verpactten Förberlasten (Erze, Coaks u. s. w.). Beide Wagen sind durch ein Seil EFG mit einander verbunden, welches um den Kord oder die Tromzmel F gelegt ist, und daher während der Umdrehung der letzteren den einen Wagen auf der Bahn emporzieht und den anderen herablast. Um die regelmäßige Abwechselung im Steigen des vollen und Herablast. Um die regelmäßige Abwechselung im Steigen des vollen und Herablast. Um die regelmäßige Abwechselung im Steigen des vollen und Kerablassen und Linksumlausen eingerichtet und daher noch ein Ausz und Einrückzeug angebracht sein. Das letztere kann in einem Zahnräderwerke, wie III., Fig. 413 oder 415, oder in einem Riemenräderwerke, wie Fig. 414, bes stehen. Bei dem abgebildeten Auszuge ist das letztere angewendet. Bon

ben beiden Riemen HH und KK, welche die Umtriebstraft auf die Kords welle übertragen, ist der eine offen und der andere gekreuzt; und je nachs dem nun durch den Rückhebel LMK der eine oder der andere Riemen auf eine feste oder auf die lose Rolle der Umtriebswelle geschoben wird, gelangt die Kordwelle nach der einen oder nach der anderen Richtung in Umdrehung. Die gezahnten Stangen längs einer Bahn dienen dazu, den Wagen mittels einer Klinke aufzuhalten, sobald das Zugseil abreißt.

Ift Q bie burch diesen Aufzug emporzuhebende Last, s ber Weg besselben auf ber geneigten Sbene ober Schienenbahn und α ber Neigungswinkel bieser Bahn gegen ben Horizont, so hat man die auf den Korbumfang reducirte Kraft $P = Q \sin \alpha$, und die erforderliche Arbeit zum Aufziehen $Ps = Q \sin \alpha$.

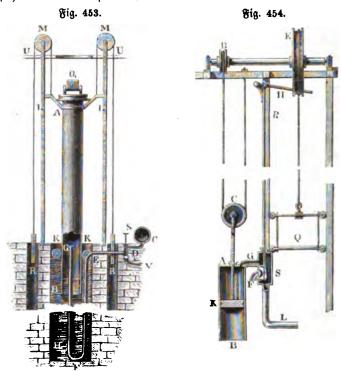
Beispiel. Ift die Last eines Aufzuges Q=1000 Pfund, der Reigungs-winsel des Aufzuges, $\alpha=30^\circ$ und die Länge der Aufzugbahn, s=70 Fuß, so hat man die Kraft P=1000 sin. $30^\circ=500$ Pfund und die Arbeit $Ps=500\cdot 70=35000$ Fußpfund. Läst man den Bagen mit $2\frac{1}{2}$ Fuß mittlerer Geschwindigseit ausstellen, so dat man die mittlere Leistung der Rasschine pro Secunde $L=500\cdot 2.5=1250$ Fußpfund, ober, wenn wir der Rebenhindernisse wegen 15 Procent zusehen, $L=1250\cdot 1.15=1488$ Fußpfund, d. i. beinabe 8 Pferdefräste. Die Zeit eines Aufganges ist

$$s = \frac{s}{v} = \frac{70}{2.5} = \frac{140}{5} = 28$$
 Secumben;

seigen wir die Stillstandszeit 62 Secunden, so haben wir folglich den Zeitauswand für ein Auftreiben 90". Soll nun der Gichtauszug zwei hohösen mit Eisenserzen, Kohlen und Zuschlägen von im Ganzen täglich 2.70000 = 140000 Pfb. versorgen, so sind hierzu $\frac{140000}{1000}$ = 140 Aufgänge, und ein Zeitauswand von 140.90" = 140.1,5" = $\frac{7}{2}$ = $\frac{31}{2}$ Stunde Zeit nöthig.

In neuerer Beit hat man auch pneumatische Aufzuge gneumatifche 6. 220. in Anwendung gebracht. 3mei folder Gichtaufzuge find in ben Figuren 453 und 454 (auf folgender Seite) abgebilbet. Der Aufzug in Fig. 453 ift von Gibbons fur vier Gifenhohofen in ber Rahe von Dublen conftruirt worden und hat fich schon feit einer Reihe von Sahren bewährt. Derfelbe befteht aus einer 51/2 Fuß weiten und 511/2 Fuß langen Rohre AB aus Gifenblech, welche von unten mit comprimirter Luft gefüllt wird, und von diefer fammt ber auf ber von ihrem Dedel A gebilbeten Plattform stehenden Last Q fentrecht emporgehoben wirb. Die comprimirte Luft wird aus bem Windreservoir bes Geblafes, welches die Sobofen mit Wind verforgt, burch die Rohrenleitung CDEFG jugeführt, und ber Abschluß der unten offenen Rohre AB wird burch Baffer bewirkt, welches ben ausgemauerten Schacht BEF fast gang ausfullt. Damit AB, wels ches anfangs auf einem Stege im Schachttiefften aufruht, genau fenerecht

*neumatische emporsteigen konne, läßt man dasselbe innerhalb des Schachtes in Walzen K, K und außerhalb besselben in einer aus vier Saulen bestehenden Leitung gehen, gegen welche sich vier aus dem Haupte der Rohre AB hervorstehende Arme LL stemmen.



Um ben Auf- und Niedergang der Kraftrohre AB zu reguliren, ist die Leitung, welche den Wind der Rohre zusührt, mit einem Steuerchlinder DS versehen, in welchem ein Steuerkolben D (f. II., §. 221) auf- und niedergeschoben werden kann. Steht die Kraftrohre unten auf, und hat man die Last Q auf die Plattform derselben gebracht, so schiebt man den Steuerkolben abwärts und bringt ihn in die Stellung, welche die Figur anzeigt. In Folge dessen ist nun das Innere von AB mit dem Windreservoir des Gebläses in Communication gesetz, und es wird diese Rohre durch das Uedergewicht des inneren Luftdruckes über den außeven Luftdruck emporgehoben. Ist später die Last Q beinahe in das Niveau des Gichtbodens UU gekommen, so zieht die Kraftrohre mittels eines Hes bels den Steuerkolben S wieder empor, und es tritt nun das Innere von

AB durch das Ausblaserohr V mit der außeren Luft in Berbindung. Hat Parematise man nun durch Gegengewichte R, R, welche mittels über die Rollen M, M weggeführter Seile LMR, LMR an die Arme L, L der Röhre AB ausgeschlossen sind, das Gewicht der letzteren beinahe äquilibrirt, so sinkt nun die von der Last Q befreite Röhre AB wieder langsam herad, und treibt hierbei die Luft aus ihrem Inneren durch V nach außen. Außer der Mündung V ist noch ein Bentil im Kopfe der Kraftröhre angebracht, durch welches sich das Aus und Niedersteigen der Kraftröhre reguliren läßt. (Räheres über diesen Auszug s. The Civil-Eng. and Arch. Journal, 1849; und polytechn. Centralblatt, Jahrgang 1850.)

Statt ber langen Rraftrohre lagt fich ein gewöhnlicher Cylinder AB, Rig. 454, mit Rolben und Rolbenftange anwenden, wenn man bie Laft nicht unmittelbar an bie Rolbenftange anschließt, fondern biefelbe burch ein Borgelege mit ber Rolbenftange verbindet. Bei ber Ginrichtung bes in Figur 454 abgebilbeten Aufzuges wird ber Rolbenhub s junachft burch bie lose Rolle C verdoppelt und bann burch die Welle DE mit ben Rollen D und E in einem noch ftarteren Berhaltniffe vergrößert. ber Durchmesser ber Rolle D viermal in bem Durchmesser ber Rolle E enthalten, fo ift bie Umfangsgefchwindigfeit ber letteren Rolle, und alfo auch die an berfelben hangende Last Q, 2.4 = 8 mal fo groß als die Rraft bes Rolben K, und es bedarf baber biefer nur einen Sub von 5 Fuß, um die Last Q, 5 . 8 = 40 Fuß hoch zu heben. Der Bu= und Austritt bes Windes aus bem Cylinder AB wird burch einen Schieber S bewirft, ber burch einen Bebel H mittels einer Stange RS auf und niebergeschoben werben fann. In ber gezeichneten Stellung gelangt bie comprimirte Luft aus bem Regulator auf bem Wege LSG in ben Cylinder; ift aber gegen Enbe bes Rolbennieberganges ober Laftaufganges ber Schieber aufgezogen, fo ftromt die Luft auf bem Wege GF im Schieber S in die freie Luft.

Die Berechnung eines pneumatischen Luftaufzuges ist wie folgt zu vollz ziehen. Ist F die Kolbenfläche, p der außere und p_1 der innere Lufts oder Windbruck pro Quadratzoll, so hat man die Kraft des Kolbens K.

$$P=F(p_1-p),$$

und ift a ber Halbmeffer der Rolle D, b aber der Rolle E, so folgt bie Last:

$$Q = \frac{aP}{2b} = \frac{a(p_1 - p)F}{2b}.$$

Umgekehrt ift also bie einer gegebenen gaft Q entsprechende Große ber Kolbenflache in Quadratzoll:

$$F=\frac{2bQ}{a(p_1-p)},$$

Bucumatische welche allerdings wegen der Kolbenreibung und wegen anderer Nebenhins berniffe noch um circa 25 Procent größer genommen werden muß. Bei bem Aufzuge in Figur 453 hat man bagegen einfach

$$Q = F(p_1 - p)$$
 und daher $F = rac{Q}{p_1 - p}$.

Ift s ber Rolbenhub, fo hat man die Steighohe ber Laft Q:

$$h = \frac{b}{a} \cdot 2s = \frac{2bs}{a},$$

und baher die geleiftete Arbeit ber Mafchine fur ein Aufziehen:

$$Ps = Qh = F(p_1 - p) s = V_1(p_1 - p),$$

wofern V1 ben Inhalt bes Cylinders oder das bei einem Aufziehen vers brauchte Windquantum bezeichnet.

Ift n die Ungahl der Aufziehungen pro Minute, fo ergiebt fich folglich bie Leiftung ber Maschine pro Secunde:

$$L_1 = \frac{n}{60} Ps = \frac{n}{60} Qh = \frac{n}{60} V_1 (p_1 - p).$$

Die entsprechende Leiftung bes Gebläses ist, ba dasselbe Luft von der Pressung p in den Regulator druckt, worin die Pressung p_1 ist, nach I., §. 330:

$$L = \frac{n}{60} V_1 p_1 Log. nat. \left(\frac{p_1}{p}\right),$$

ober annahernb, bei einer maßigen Preffung (f. I., §. 391):

$$L = \frac{n}{60} V_1 p_1 \left(\frac{p_1 - p}{p} \right) \left(1 - \frac{p_1 - p}{2 p} \right);$$

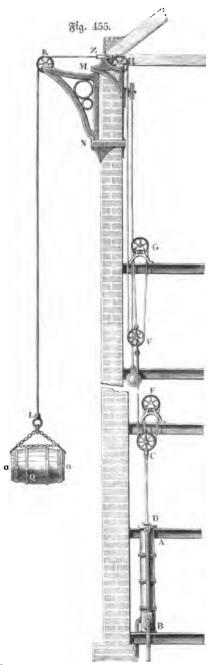
folglich ift der Wirkungsgrad bes pneumatischen Aufzuges felbst, wenn man von allen diesen geodynamischen hinderniffen absieht:

$$\eta = rac{L_1}{L} = rac{p}{p_1} \left(1 + rac{p_1 - p}{2\,p}
ight)$$
, wofür meist $= rac{p}{p_1}$ geset werden kann.

Beispiel. Wenn bei bem pneumatischen Aufzuge in Fig. 454 bie Preffung ber inneren Gebläseluft $p_1=b_4'$ p ift, wenn ferner die Last Q=1500 Pfund und das Umsetzungsverhältniß $\frac{a}{b}=\frac{1}{4}$ beträgt, so hat man die erforderliche Querschnittssäche des Windchlinders:

berliche Querschnittsstäche bes Winderlinders:
$$F = \frac{2 b Q}{a (p_1 - p)} = \frac{8 \cdot 1500}{\frac{1}{4} p} = \frac{48000}{p} = \frac{48000}{15,1} = 3177 \cdot \text{Duadratzoll},$$
 und daher den entsprechenden Kolbendurchmeffer:

$$d = \sqrt{\frac{4F}{\pi}} = 68.6 \text{ Boll.}$$



Der Gicherheit und inebes mneumatifche fonbere ber Rolbenreibung wegen, möchte aber ber Durchmeffer

in Anwendung ju bringen fein. Ift bie gange Steighobe ber Laft A = 40 Fug und bie Angahl ber Aufgange pro Stunde = 30, fo hat man bie Nugleistung bes Aufzuges im Dittel pro Secunde:

d = 72 Boll

$$L = \frac{30 \cdot 1500 \cdot 40}{60 \cdot 60} = \frac{1500}{8}$$

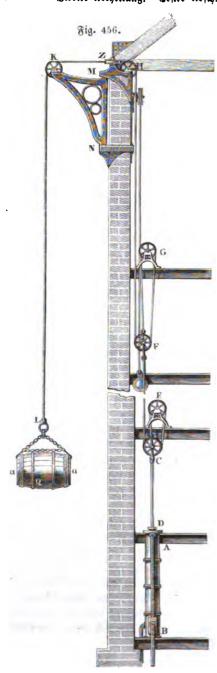
= 500 Kußpfund.

Benn man biefen Aufzug 10 Stunben lang arbeiten läßt, fo hebt man ein Erg= und Roh= lenguantum von 10.80.1500 = 450000 Bfund, welches für zwei große Eifenhohöfen voll= fommen ausreicht.

6. 221. In neueren Beiten Bafferfaulen. wenbet man, zumal in Eng= land, auch Bafferfaulen= aufzuge an. Diefes finb Aufzuge, welche burch ben Dructeiner Wafferfaule in Bewegung gefett werben. Ginen folchen Aufzug, von Arm= ftrong conftruirt, zeigt Si= aur 455. AB ift ber Treibe= colinber, in welchem burch ben Druck bes Baffers ein Rol= ben von oben nach unten ge= trieben wirb. Un biefem Rol= ben fist eine Stange CD fest, an beren Ropf nicht allein eine Rolle C, fonbern auch bas Ende eines Seiles befestigt ift. Diefes Geil ift gu= erft um eine feste Leitrolle E, bann um bie Rolle C am Ropfe ber Rolbenftange gefchlagen und geht von ba auf= marts nach einer britten Rolle

Mafferfäulen.

aufina



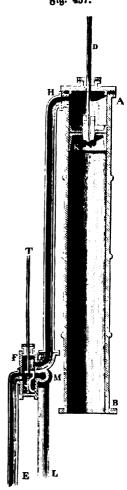
F, mit beren Are es fest verbunben ift. Gin zweites Seil steigt zunachst von ber Are der letteren Rolle zu einer vierten Rolle G auf, geht von ba wieber nach ber Rolle F herab, und erhebt fich nun bis unter bas Dach bes Waa= renmagazine, fur weiches ber Aufzug bestimmt ift. Sier fubren es junachft zwei Leitrol= len H und J nach ber Arm= fpige einer ftehenden Welle MN, und von da wird es durch die Rolle K vertikal abwarts geleitet. Um Ende L bes vertikal herabhångenben Seiles ift endlich eine Rette angeschloffen, welche zwei Safen a, a tragt, womit bie zu hebende Last Q erfaßt werden fann. Es bangt alfo bier bie Rolbenstange CD mittels ber Rolle C an brei Seilen, unb bas eine von biefen brei Geis len mittels ber Rolle G mie ber an brei Geilen; ift fola= lich P die Rolbentraft, fo hat man bie Spannung eines ber brei Geile, welche bie Rolle C tragen, $=\frac{P}{3}$, und Spannung bes Seiles FH JKL, an welchem bie Last Q hångt, $=\frac{1}{3}\cdot \frac{P}{3}=\frac{P}{9}\cdot$ Sehen wir von ben Rebenhinderniffen ab, fo haben wir bemnach $Q=rac{P}{a}$, und umgetehrt, P = 9 Q.

Segen wir die Sohe der drudenden Bafferfaule = h und den Kolben: Bafferfauten. querfchnitt =F, so haben wir $P=Fh\gamma$, und folglich umgetehrt, bie nothige Rolbenflache:

 $F = \frac{P}{h\nu} = \frac{9Q}{h\nu}.$

Der erforderliche Rolbenweg s ift ein Reuntel ber gangen Forder : ober Steighohe ber Laft Q.





Die Steuerung ber Maschine, wodurch ber Butritt bes Rraftmaffere jum Treibecolinber abwechselnd hergestellt und aufgehoben werden fann, wird burch einen Schieber, wie bei einer Dampfmafchine, bewirkt. Man fieht in AB, Fig. 457, bas Innere bes Treibecylinders, in K den Treibefolben, und in KD bie Treibekolbenstange. Es ift ferner S ber Steuerschieber , EF bas Eintritts =, GH bas Communications = und LM bas Austritts= Bei ber abgebilbeten Stellung bes Steuerschiebers ftromt bas Rraftwaffer auf bem Bege EFGH nach bem Treibecylinder und nothigt ben Treibetolben K jum Rieber= gange. Sat man aber ben Steuerschieber mittels feiner Stange ST hinreichend aufgezo= gen, fo ift bem Rraftwaffer ber Beg nach G, und folglich auch nach bem Treibecylinder verfperrt; bagegen tann mahrend bes nun eintretenben Rolbenaufganges bas vorher mirtfam gewesene Wasser auf bem Wege HG in die Steuerkammer zurud und von da burch ML jum Ausquffe gelangen.

Um die Geschwindigkeit bes Treibekolben-Muf = und = Niederganges magigen zu tonnen, ift nun wie bei einer gewohnlichen Bafferfaulenmaschine, sowohl bas Gintritterohr EF als auch bas Austritterohr ML mit Sahnen ober Droffelventilen auszuruften (f. II., §. 233); auch kann man, wenn die zu hebenben Maaren von fehr verschiedenem Gewichte find, fatt eines Treibecylinders, beren brei nebeneinander ftebenbe anwenden, und nun

je nach ber Grofe ber Laft entweber nur ben Rolben bes einen, ober ben Ш.

466

Bafferfäulenaufjug. von zwei, ober ben von allen brei Cylinbern arbeiten laffen. Der hier besschriebene Aufzug nahert fich insofern schon mehr einem im Folgenden abs zuhandelnden Krahne, als er nicht bloß zum heben, sondern auch zum Fortschaffen in horizontaler Richtung eingerichtet ist, da er noch eine Dreshung um die vertikale Are MN (Fig. 456) zuläßt, wodurch das hereinsschaffen der Last Q in das Gebäude erleichtert wird.

Beispiel. Benn bei bem in Fig. 456 abgebildeten Waffersaulenaufzuge bie Kolbenreibung 15 und die hydraulischen hinderniffe 10 Procent der ganzen Wasserfraft verzehren, und wenn ferner durch das Umlegen der Aufzugseile um jede der fleben Rollen C, E, F, G, H, J, K die Last um fünf Procent wächt, welchen Querschnitt erfordert der Treibefolben, um bei einem Gefälle & von 100 Fuß eine Last Q von 2000 Pfund emporzuheben?

Die erforberliche Spannung bes Seiles FH ift, ba baffelbe über brei Rols

len H, J, K liegt:

$$S = (1,05)^8 Q = 1,1576 \cdot Q.$$

Die Spannung bes Seiles CF ift, ba fie brei Seilfpannungen S, 1,05 S unb (1,05)3 S bas Gleichgewicht halt:

$$S_1 = [1 + 1.05 + (1.05)^3]$$
 $S = (1 + 1.05 + 1.1025)$ $S = 3.1525$ $S = 3.1525 \cdot 1.1576$ $Q = 3.6494$ Q .

Die Stangentraft ift, ba fie ebenfalls brei Seilfpannungen bas Gleichges wicht halt:

P = (1 - 0.15 - 0.10) Fhy = 0.75 Fhy au feten; es folgt baber ber gefuchte Rolbenquerfchnitt

$$F = \frac{11,504 \, Q}{0,75 \, h \, \gamma}$$
, ober $Q = 2000$, $h = 100$ und $\gamma = 66$ gefest,

F =
$$\frac{11,504 \cdot 2000}{0,75 \cdot 100 \cdot 66}$$
 = 4,648 Quabratfuß,

und ber entipredenbe Rolbenburchmeffer:

$$d = \sqrt{\frac{4 \ F}{\pi}} = 2,488 \ \text{Fuß} = 29,2 \ \text{Holl}.$$

Der Birfungegrad biefes Aufzuges ift allerbinge nur:

$$\eta = \frac{9 \, Q \, s}{F \, s \, h \gamma} = \frac{9 \, Q}{F \, h \, \gamma} = \frac{9 \, .2000}{4,648 \, .100 \, .66} = \frac{30}{4,648 \, .11} = \frac{30}{51,13} = 0,5867.$$

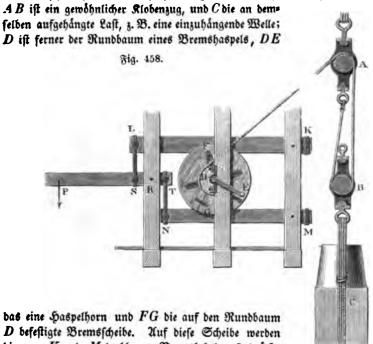
Bånge. mafdinen. §. 222. Nicht selten kommt es auch vor, daß man größere Lasten nicht emporzuheben, sondern niederzulassen hat. Damit dieses Niederlassen ohne Beschädigung der Last und Maschine erfolge, muß dasselbe möglichst sanft und gleichformig vor sich gehen, und es ist deshalb die Ueberwucht der Last durch eine Gegenkraft aufzuheben. Diese Gegenkraft kann aber nicht in einem Gegengewichte oder einer anderen activen Kraft bestehen, da dieselbe nach dem Niederlassen der Last an die Stelle derselben treten und folglich ebenso wie diese eine Gegenkraft zu ihrer Vernichtung erfor-

bern wurde. Anders ist es aber, wenn man bem beschleunigten Nieders gange ber Last eine passive Kraft entgegenseht, ba diese zu wirken aufhört, sowie die Bewegung beendigt ist. Es ist beshalb stets auch nur ein Brems (III., §. 165), womit man das Niederlassen ber Lasten regulirt.

Pångemaschinen.

Der Mechanismus zum Niederlaffen ber Lasten besteht in ber Regel ber Hauptsache nach aus einer liegenden Welle mit einem Bremsrade oder einer Bremsscheibe. Um diese Welle ist das Seil geschlungen, an welchem die Last hangt und welches sich während des Niederlassens der Last allmälig abwickelt, wobei der Bremsbrudel auf das Bremsrad aufzubruden ist.

Einen folchen Bremshaspel, wie er hierorts zum Einhangen ber Baus und Maschinenstude in Schachten angewendet wird, stellt Fig. 458 vor.

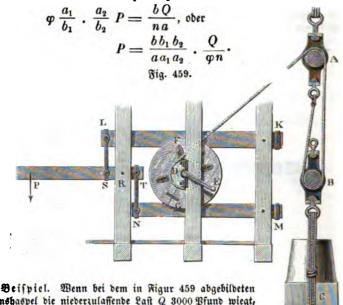


D befestigte Brembscheibe. Auf diese Scheibe werden bie um K und M brehbaren Brembsebel aufgebruckt, und hierzu bient ber Bremsbruckel PR, welcher um bie feste Are R brehbar ift. Malbrand ein Arbeiten ben

bie feste Are R brehbar ist. Während ein Arbeiter ben Bremsbruckel nies berbruckt, und baburch bas Gewicht ber Last C aushebt, dreht ein anderer Arbeiter die Kurbel DE langsam um, wobei sich bas auf dem Rundbaume D liegende Seil von demselben abwickelt, und die Last C langsam niederssinkt.

"Ift Q bie Laft, und n bie Angahl ber von A nach B gespannten Seile,

so haben wir die Kraft am Umfange des Rundbaumes $Q_{\cdot} = \frac{Q_{\cdot}}{2};$ ist bber Salbmeffer des Rundbaumes mit Ginfchlug ber halben Seilftarte, und a ber halbmeffer ber Bremsscheibe, so ift bie Rraft am Umfange ber letteren, $R = \frac{b}{a} Q_1 = \frac{bQ}{aa}$. Seben wir bagegen bie Bremetraft am Ende des Bremsbrudels = P, und die Kraftarme $\frac{KL+MN}{\alpha}=a_1$ und $RP = a_2$, die Lastarme $KF = MG = b_1$ und $RS = RT = b_2$, endlich ben Coefficienten ber Reibung am Umfange ber Bremsscheibe = p, so haben wir auch $R=arphi\,rac{a_1}{b_1}\,\cdot\,rac{a_2}{b_2}$. P_i es ist folglich



Bremebaspel bie niebergulaffenbe Laft Q 3000 Bfund wiegt, und hierbei bie Bebelarmverhaltniffe folgenbe find:

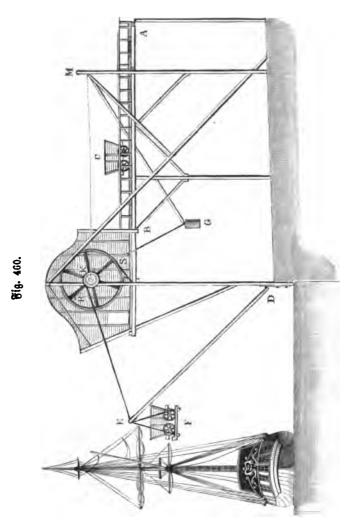
$$\frac{b}{a} = \frac{2}{6}, \frac{b_1}{a_1} = \frac{1}{2}$$
 und $\frac{b}{a} = \frac{1}{10}$,

bie Angahl ber gespannten Seile bes Rlobenguges AB. n = 6 ift, und ber Coefficient ber Reibung am Umfange ber Bremefcheibe, p = 0,8 angenommen wirb, fo hat man bie nothige Rraft am Bremebrudel, ohne Rudficht auf Rebenhinberniffe und auf die Rraft an ber Rurbel:

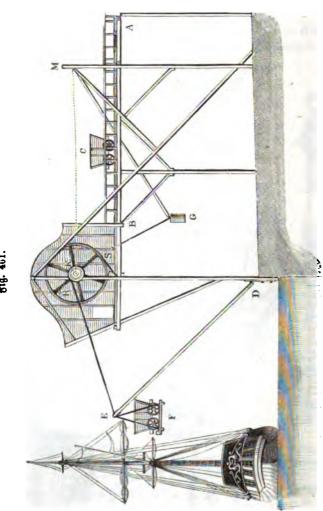
$$\begin{split} P &= \frac{b}{a} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{Q}{gn} = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{3000}{0\sqrt{3} \cdot 6} = \frac{1}{50} \cdot \frac{10000}{6} \\ &= \frac{200}{6} = 33\frac{1}{8} \text{ Ffunb.} \end{split}$$

§. 223. Bu ben Maschinen zum Sangen ober Nieberlassen von Lasten gehören auch die sogenannten Drops, b. i. diejenigen Mechanismen, womit man in England die Wagen, welche auf einer Eisenbahn zugefahren werben, sammt ihrer Last herabläst in die Kohlenschiffe. Eine solche Hängemaschine ist in Figur 460 abgebildet. AB ist eine Schienenbahn, auf welcher ein Kohlenwagen, wie C, zugefahren wird; DE ist ein um

Dångemajdinen.



Bånge. maldinen D brehbarer Hebel, an welchem eine Brude ober Schaale F hangt, welche bei bem höchsten Stande des Hebels in die Fortsetzung der Bahn AB fällt, und einen Kohlenwagen aufnimmt. An dem Ende E des Hebels ist ein Seil EK angebracht, welches sich beim Niederlassen eines gefüllten Wagens dis zum Kohlenschiffe von der Welle K ab = und beim Aufziehen des leeren Wagens auf diese Welle auswickelt. Um das Letztere ohne Hulse



Kia. 461.

einer besonderen Kraft bewirken zu können, ift ein Gegengewicht G angesbracht, welches einerseits an einem um M drehbaren Hebel GM und ansdererseits an einem Seile GK hängt, das sich beim Niederlassen des Wasgens auf die Welle K auswickelt, und hierbei G emporhebt, und sich dages gen beim Aufziehen der leeren Wagen durch G, von dieser Welle wieder abwickelt. Damit sowohl das Niederlassen des gefüllten als auch das Aufziehen des geleerten Wagens möglichst gleichsörmig und mit mäßiger Geschwindigkeit erfolge, ist noch auf der Welle K ein hohes Vremsrad RS besessigt, welches durch ein Bandbrems S (s. Fig. 347, Seite 335) gesbremst werden kann.

Bei ber Anordnung und Construction einer solchen Sangemaschine kommt es nicht allein barauf an, baß bas Gegengewicht ohne weitere Nachhulfe ben leeren Wagen wieder emporhebe, sondern daß auch die Kraft zum Bremsen, wodurch sowohl dem beschleunigten Niedergange des gefüllten, als auch dem beschleunigten Aufgange des leeren Wagens entgegengewirkt wird, möglichst klein und deshalb in dem einen Falle eben fo groß sei als in dem anderen Falle.

Nehmen wir an, daß die beiden Hebel DE und MG zugleich horizontal seien, wenn der Wagen seinen tiefsten Ort erreicht hat, und daß DE nahe =DK, sowie MG nahe =MK sei. Ist dann Q das Gewicht der abzuladenden Kohlen eines Wagens, und W das Gewicht des letteren sammt Schaale u. s. w., so haben wir die Krast am Umfange der Welle, welche der Last Q+W das Gleichgewicht halt, $\frac{Q+W}{\sin .450} = (Q+W)\sqrt{2}$; und da nun dieser Krast das Gegengewicht G entgegenwirkt, so hat man die Krast, welche durch das Veremsen beim Niedergange des gefüllten Wagens ausgubeben ist:

 $P = (Q + W)\sqrt{2} - G.$

Dem leeren Wagen entspricht hingegen nur die Kraft WV2 am Umfange der Welle K, und folglich ist die Kraft, welche durch das Bremsen beim Aufgange des leeren Wagens zu verrichten ist:

$$P = G - W\sqrt{2}$$
.

Durch Gleichseben biefer beiden Rrafte erhalten wir nun:

$$(Q+W)\sqrt{2}-G=G-W\sqrt{2},$$

und baber fur bie Große bes Gegengewichts, ben Ausbrudt:

1)
$$G = \frac{(Q + 2W)\sqrt{2}}{2} = (Q + 2W)\sqrt{\frac{1}{2}} = 0,7071(Q + 2W).$$

Beicht beim hochsten Stande bes Wagens ber hebel DE um ben Binztel $EDK = \alpha$ von der Bertikalen und bagegen der hebel MG um ben Binkel $KMG = \beta$ von der Horizontalen ab, so haben wir fur diesen Stand:

= Dange.

Bweite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Erftes Rapitel.

$$P = rac{(Q+W) \sin \alpha}{\cos rac{lpha}{2}} - rac{G \cos eta}{\cos rac{eta}{2}}$$
, sowie $P = rac{G \cos eta}{\cos rac{eta}{2}} - rac{W \sin lpha}{\cos rac{lpha}{2}}$, und es ist daher hiernach

$$G = \frac{(Q+2 W) \sin \alpha \cos \frac{\beta}{2}}{2 \cos \frac{\alpha}{2} \cos \beta} = \frac{(Q+2 W) \sin \frac{\alpha}{2} \cos \frac{\beta}{2}}{\cos \beta}$$

zu nehmen.

Seten wir nun biefe beiden Ausbrude fur G einander gleich, fo erhalten wir fur die Abhangigteit ber Wintel α und β unter einander:

$$\frac{\sin. \frac{\alpha}{2} \cos. \frac{\beta}{2}}{\cos. \beta} = \sqrt{\frac{1}{2}}, \text{ woraus fid}$$

$$2) \quad \cos. \frac{\beta}{2} = \frac{\sin. \frac{\alpha}{2} + \sqrt{\frac{4 + \left(\sin. \frac{\alpha}{2}\right)^2}{2\sqrt{2}}}}{2\sqrt{2}} \text{ ergiebt.}$$

Da bei Umbrehung ber Belle K bas fich einerseits abwidelnbe Seilsftud bem fich andererseits aufwidelnben Seilstude an Lange gleich sein muß, fo hat man noch

$$GK = DE \cdot \sqrt{2} - EK$$

b. i., wenn man die Armlange DE burch a und die Armlange MG burch b bezeichnet,

$$2b \sin \frac{\beta}{2} = a \sqrt{2} - 2 a \sin \frac{\alpha}{2}$$
,

und baher ift bas erforberliche Armlangenverhaltniß:

(3)
$$\frac{b}{a} = \frac{\sqrt{1/2} - \sin \frac{\alpha}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}}.$$

Wenn nun auch hiernach die Bremstraft am Anfange und am Ende bes Niederlaffens des vollen und des Aufziehens des leeren Wagens die selbe ist, so folgt daraus noch nicht, daß sich die Kraft auch während bes Niederlassens und Aufziehens gleich bleibe.

Beispiel. Benn bei einer Sangemaschine, wie in Figur 461, bie Laft Q=1600 und ber Bagen W=600 Bfund schwer ift, so hat man bie Größe bes erforberlichen Gegengewichtes

$$G = 0.7071 (Q + 2 W) = 0.7071 \cdot 2800 = 1980$$
 Ffund,

Bon ben Dafdinen gum Beben ber Laften auf fleine Boben.

und baber bie erforberliche Gegenfraft am Umfange ber Belle:

 $P = (Q + W) \sqrt{2} - G = Q - W \sqrt{2} = 1182$ Pfund.

Bit nun ber Duromeffer bes Bremerabes feche Ral fo groß ale ber ber Belle, fo hat man biefe Rraft, auf ben Umfang biefes Rabes reducirt:

$$F = \frac{1132}{6} = 189 \, \, \Re \text{funb.}$$

Bebedt ber Bremegurt fünf Sechstel bes Radumfanges, ift ber Kraftarm bes Bremebrückels acht Mal fo lang als ber Lastarm, und nimmt man ben Reibungscoefficienten bes Bremfes $\varphi=0.8$ an, so hat man nach §. 171 bie erforderliche Bremefraft:

$$K = \frac{e\varphi\beta + 1}{e\varphi\beta - 1} \cdot \frac{b}{a} F, \text{ ba } \varphi\beta = 0.3 \cdot \frac{b}{6} \cdot \pi = 0.7854,$$

folglich, ba $e^{\varphi \beta} = 2.71828^{0.7854} = 2.193$ ift,

$$K = \frac{8,193}{1,193} \cdot \frac{189}{8} = 63,2$$
 Pfunt.

Beicht ber hebel DE bei seinem höchsten Stande noch $\alpha=10$ Grad von ber Bertikalen ab, so hat man für ben größten Reigungswinkel β bes Schwens gels MG gegen ben Horizont, ba sin. $\frac{\alpha}{2}=\sin$. $10^0=0,1736$, folglich $\left(\sin\frac{\alpha}{2}\right)^2=0,08018$ ist,

$$\cos \frac{\beta}{2} = \frac{0,1786 + \sqrt{4,03013}}{2\sqrt{2}} = \frac{1,0905}{\sqrt{2}} = 0,7713,$$

baher $\frac{\beta}{2}=89^{\circ}$, 32', folglich $\beta=79^{\circ}$, 4', und enblich bas Armlangenvers haltnis:

$$\frac{b}{a} = \frac{0,7071 - \sin \frac{\alpha}{2}}{\sin \frac{\beta}{2}} = \frac{0,7071 - 0,1736}{0,6365} = 0,8382.$$

3ft bie Laft A = 40 Fuß hoch herabzulaffen, fo hat man bie Lange bes Sebels DE:

$$a = \frac{h}{\cos \alpha} = \frac{40}{\cos . 20^0} = 42,56$$
 Fuß, und die des Hebels MG:
 $b = 0,8882 \cdot 42,56 = 85,68$ Fuß.

§. 224. Die Krahne ober Kraniche (franz. grues, engl. cranes) find die vorzüglichsten Gulfsmittel, um größere Lasten auf kleineren Wesgen in horizontaler und in vertikaler Richtung fortzuschaffen; man sindet sie beshalb auch vorzüglich in Schiffswerften, Waarenmagazinen, technischen Werkstätten und auf Bauplagen angewendet. Der Haupttheil eines Krahnes besteht in einer stehenden Welle, durch deren Umbrehung das Fortschaffen der Lasten in horizontaler Richtung erfolgt. Um außerdem noch die Last zu heben oder niederzulassen, ist mit dieser stehenden Welle noch eine liegende Radwelle verbunden, auf welche die Kette oder das Seil zu liegen kommt, woran die Last hangt. Die horizontale Bewegung

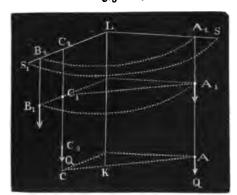
Pångemafdinen.

Grahma

Arahne.

ber Last erfolgt in einem Kreise, ber naturlich um so größer ausfällt, je langer ber Arm ober ber sogenannte Schnabel (franz. la volse, engl. the gib or nock) bes Krahnes, b. i. je entfernter ber Aufhängepunkt ber Last von ber Are ber stehenden Welle ist. Ist baher, wie bei den meisten Krahnen, dieser Aushängepunkt am Armende sest, so kann man die Last durch Umdrehung des Krahnes nicht nach jedem beliebigen Punkte horizgontal fortschaffen. Um dies zu können, ist vielmehr noch eine veränderliche Schnabellange, oder wenigstens eine Beweglichkeit des Aushängepunktes der Last langs des Schnabels nothig. Krahne mit dieser besonz beren Einrichtung werden vorzüglich in Gießereien zur Bewegung der großen Formkästen, Modelle und Gußstücke angewendet. Wie durch einen solchen Krahn eine Last Q von jedem beliedigen Punkte A nach sedem beliedigen Punkte B in der nächsten Umgedung desselben gebracht werden

Fig. 462.



kann, ist aus Figur 462 zu ersehen, wo KL die stehende Welle und LS den Schnabel des Krahnes vorstellt. Zunächst wird der Schnabel durch Drezhung der Welle KL über den Ort A der kast Q gebracht, der Ausbangepunkt A2 derselben über A gestellt, und A mit A2 durch eine Kette in Verdinzbung geseht. Dann wird die kast mit Hülfe der

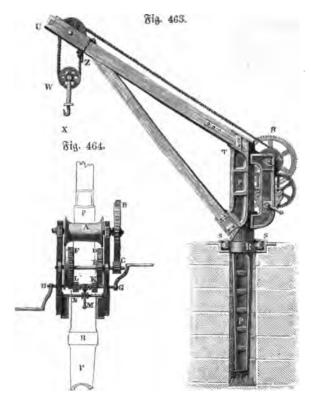
liegenden Welle nach A_1 , d. i. so hoch emporgehoben, als es nothig ift, um sie ungehindert horizontal fortschaffen zu können; darauf dreht man wieder KL so weit um, daß der Schnabel in die Lage LS_1 senkrecht über den Ort C_3 zu stehen kommt, wohin die Last Q gebracht werden soll, schiebt den nun nach B_1 gekommenen Ausbängepunkt der Last längs des Schnabels nach C_1 über den gegebenen Ort C_3 , und läßt endlich die Last in C_1 herab nach diesem Orte C_3 . Man hat auf diese Weise die Last Q im Ganzen um einen horizontalen Weg $AC = A_1 C_1$ fortbewegt und um eine gewisse Höhe CC_3 senkrecht gehoben. Bei den gewöhnlichen Krahnen, welche eine Verschiedung des Aushängepunktes der Last längs des Schnabels nicht gestatten, kann die horizontale Verrückung AC der Last nicht jede beliedige Größe und-Richtung erhalten, da sie die Sehne $s = 2 r sin. \frac{\beta}{2}$ eines Kreisbogens bildet, dessen Halbmesser r die

Schnabellange und Centriwinkel β der Umdrehungswinkel der stehenden Welle ift.

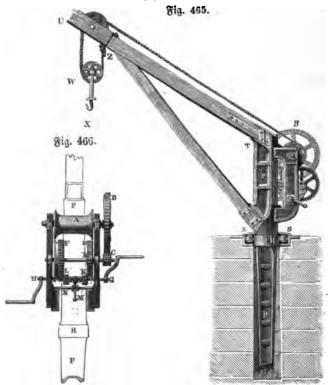
Rrabne.

Die Bewegung ber Krahne, und insbesondere auch das Aufziehen und Niederlassen der Lasten mit Gulfe der an denselben angebrachten horizonstalen Radwelle, erfolgt sehr gewöhnlich durch die menschliche Kraft; in neueren Zeiten bedient man sich hierzu jedoch auch der Wassers und Dampferaft. In diesen Källen hat man es mit sogenannten Wassersaulenstrahnen und Dampftrahnen zu thun.

§. 225. Ein aus Holz und Eisen zusammengesetter Krahn mit unveränderlicher Schnabellange, vom herrn Cavé und für den hafen zu Brest construirt, ist in Fig. 463 u. Fig. 464 abgebildet. Es ist hier PP die gußeiserne stehende Welle, Q der Zapfen oder Stift, und R der abgedrehte Hals derselben; es ist ferner TU der im Kopfe dieser Welle sestssische holzerne Schnabel und V die ebenfalls holzerne Strebe desselben; endlich ist U eine Leitrolle, W eine an dieser hangende Kraftrolle und X ein an



Rrabne, ber Are ber letteren hangender haken jum Erfaffen ber Laft. Das Seil, welches um beide Rollen liegt, ift mit einem Ende Z an bem Schnabels



ende befestigt, und wickelt sich mit dem anderen Ende um eine Arommel oder Welle A auf. Auf dieser Welle sitt ein Jahnrad B von 66 Jahnen seste, welches durch ein kleineres Jahnrad C von 11 Jahnen in Umbrehung gesett werden kann; und auf der Welle dieses Ariebrades C besindet sich ein anderes größeres Jahnrad D mit 54 Jahnen, welches durch ein kleisnes Jahnrad K auf der Kurbelwelle GH in Umdrehung gesett werden kann. Bei dieser Anordnung kommen auf jede Umdrehung der Welle A, $^{66}/_{11} = 6$ Umdrehungen der Welle von C und D, und $6 \cdot ^{54}/_{9} = 36$ Umdrehungen der Kurbelwelle. Fordert man aber noch ein stärkeres Umssetzungsverhältniß, so muß man außerdem noch von einer Kadwelle EF Gebrauch machen, welche aus einem kleineren Jahnrade E von 9 und einem größeren Jahnrade F von 54 Jähnen besteht. Während das erstere statt K in das Jahnrad D eingreift, kommt F mit einem zweiten Getriebrädchen L auf der Kurbelwelle GH mit ebenfalls 9 Jähnen, zum Eingrisft

Bei biefer Umsetzung, wo also D nicht unmittelbar mit ber Kurbelwelle in Berbindung ift, macht die Belle von EF, 36 und folglich die Rurbels welle, 36. 54/9 = 216 Umbrehungen, während die Trommel A einmal umlauft. Um mit Bequemlichkeit nach Beburfnig bas eine ober bas anbere Umfetungeverhaltnif anwenden ju tonnen, macht man bie Triebraber K und L auf ber Rurbelwelle GH verschiebbar, und sett zu diesem 3mede beide Raber auf einen gemeinschaftlichen Muff, welcher die Are GH um= fclieft und in ber Mitte brei Sulfen hat, in welche fich bas hakenformige Ende einer Falle ober eines Bebels einlegen lagt, ber um eine feste Ure N brehbar und mit einem Gegengewichte M versehen ist. Je nachdem nun das Triebrad K in das Getriebrad D, ober das Triebrad L in das Getriebrad F eingreift, tommt biefe Welle entweder in ben linken oder in ben rechten halering bes Duffes zwischen K und L zu liegen, und foll endlich gar teins biefer Raber zum Gingriff tommen, alfo bas ubrige Ras bermerk fammt ber gaft von ber Rurbelwelle unabhangig gemacht werben, fo muß fich, wie in ber Figur vor Mugen geführt wird, die Falle in ben mittleren Salering einlegen. Diefes ift allemal nothig, wenn es barauf ankommt, die Rraftrolle W mit bem Saten herabzulaffen und mit bems felben eine neue Laft zu erfaffen.

Die ercentrische Aushängung der Last macht, daß die stehende Welle PQ des Krahnes ein bedeutendes Bestreben zum Umstürzen oder Umdreshen um eine horizontale Are hat, und deshalb mit seinem Halse R einen ansehnlichen Seitendruck gegen die Führung SS ausübt. Ist G die Last am Halen W des Krahnes, l der Abstand PQ des Halses R vom Zapsen Q des Krahnes, und a der Normalabstand des Aushängepunktes der Last von der Are PQ, so hat man diesen Seitendruck in dem Halslager

$$R = \frac{a}{l} G.$$

Es wachst also biefer Seitendruck nicht allein wie die Lange des Schna-



bels, sonbern auch umgetehrt wie ber Abstand bes Salfes vom Zapfen ber stehenben Welle; und es ift baher befonsbers barauf zu feben, bag ber lettere nicht zu klein ausfalle.

Um die aus dem Seitenbruck R bes Halses der stehenden Welle hervorgehende Seitenreibung möglichst heradzuziehen, umgiebt man noch diesen Hals mit Frictionsrollen (franz. galets, engl. frictionrollers), wie S, S, S, Fig. 467, welche sich bei der

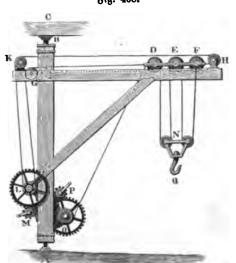
-

umbrehung des Krahnes auf der Innenstäche eines cylindrischen Gehäuses aus Gußeisen fortwälzen. Um diese Walzen in gehörigem Abstande von einander zu erhalten, sind dieselben mit Aren versehen und mit zwei Halszringen umgeben, durch welche diese Aren hindurchgehen; und um auch die Reibung des untersten Halsringes auf seiner Grundsläche in eine rollende zu verwandeln, sind noch vertikale Rollen S_1 , S_1 , S_1 angebracht, welche sich gegen die Grundsläche des cylindrischen Gehäuses im Mauerwerke des Krahnes stüben.

§. 226. Steht ein Krahn innerhalb eines Gebaubes, so kann man benselben oben durch bas Gebaube stüten, und ihm deshalb anstatt bes Salses mit einem Zapfen am oberen Ende der stehenden Welle ausrusten, wodurch, dem Obigen zu Folge, der Seitendruck moglichst herabgezogen wird, und folglich auch die Seitenreibung, welche sich der Umdrehung bes Krahnes entgegenset, kleiner ausfällt als bei dem Krahne in Figur 465.

Krahne biefer Art sind in den Figuren 468 und 469 abgebildet. Bei beiden Krahnen ist A der untere Zapfen oder Stift, B der obere Zapfen und C der Balken, an welchem das Lager der letteren sitt. Diese beis den Krahne sind auch mit den Mechanismen zur Beränderung des Abstandes der Last von der Are der stehenden Welle AB ausgerüftet. Bei



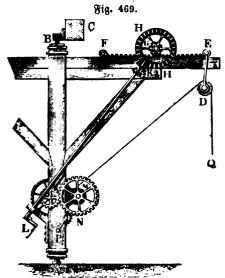


bem erften Rrahne befteht biefer Mechanismus aus einem fecherabrigen Bas gen DEF, an welchem bie auf = und niebergulaf= fende Laft angehangt wirb und melder mittels einer Schnur ohne Enbe auf bem aus boppelten Bohlen bestehenben Schnabel GH hin : und gurudgezogen werben fann. Um biefe Bewegung ber Laft bequem pon unten bemirten gu tonnen, ift bas Geil ohne Enbe über bie Leitrollen G, H, K und um bie Trommel L am Fuße bes Krahnes gelegt, und auf

biefer Trommel ein großeres Bahnrab befestigt, welches mittels eines tleis nen Triebrabchens burch eine Rurbel M in Umbrehung geseht werben kann.

Das Seil, wodurch die Last aufgezogen und niebergelaffen wird, lauft grabue. einerfeits über ein einen vierfeiligen Flaschenzug bilbenbes Rollenfpftem DNENF, wodurch die Rraft jur Ueberwindung ber Laft vierfach vermindert wird, und liegt andererfeits auf einer Trommel O, welche mittels eines gewöhnlichen Bahnrabermertes burch eine Rurbel P in Bewegung gefett werben fann.

Bei bem Krahne in Figur 469 ift bie Leitrolle D, um welche fich bie bie Laft Q tragende Bugfette legt, burch ein Gelent DE mit einer gezahns



ten Stange EF verbunden, bie fich mittels eines Bahnrabchens G auf ber oberen Geite bes Rrahnschnabels hin = und jurudichieben Um biefe Berichies låßt. bung ohne große Rraft= anstrengung von aus bewirken zu tonnen, ist auf ber Welle bes flei= nen Triebrabdens G noch ein großeres Winkelrab HH befeftigt, in welches ein fleines conifches Triebrab K eingreift, bas am Ende einer nach bem Sufe bes Rrahnes herabgehen= ben und in eine Rurbel L auslaufenden Welle KL

Leicht ift gu ermeffen, wie burch Umbrehung biefer Rurbel bie gezahnte Stange EF fammt ber an ihr hangenden Laft O auf bem Schnabel bes Rrahnes rabial aus - ober einwarts bewegt werben fann. Das Bugfeil ober bie Aufziehkette widelt fich wie gewohnlich um eine Trommel M, die mittels eines Bahnraberwertes N und einer Rurbel P burch bie menschliche Sand in Umbrehung gefest werben kann.

Bei ben englischen Gisenbahnen wendet man jum Auf- und Abladen ber Guter einfache Rrahne mit einfachem Borgelege ohne Bahnraber an, beren Ginrichtung aus ber Abbilbung in Rigur 470 (auf folgender Seite) zu erfeben ift. Es ift hier ber Schnabel CD nicht allein burch eine Strebe E, fonbern auch burch fchmiebeeiferne Bugftangen BD unterftust. Die Rette GDH jum Aufziehen ber Last legt sich um eine Trommel H, welche mit einer hohen Scheibe KK auf einer und berfelben Welle fest-

sist. Die lettere hat an ihrem Umfange eine tiefe Spur, in welche sich ein Seil legen laßt, beffen Enbe sich mahrend ber Umbrehung der Kurbel Lum die Trommel M wickelt. Mit M ist noch eine Frictionsscheibe ver-

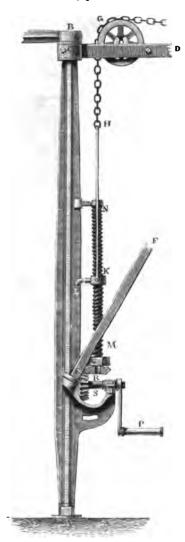


bunden, um welche ein Seil liegt, wodurch das beschleunigte Riederlaffen der Guter verhindert wird.

In Figur 471 (auf nebenstehender Seite) ist noch der Haupttheil eines von Herrn Nowotny in Leipzig construirten Krahnes mit Schraubensbewegung abgebildet. Es ist hier AB die stehende Welle aus Gußeisen, CD sind die abgebrochen gezeichneten Schienen aus Schmiedeeisen von 3 Zoll Höhe und 1/2 Zoll Dicke, welche den Schnabel des Krahnes hilden, und EF sind die ebenfalls abgebrochen dargestellten schienenförmigen Streben des Schnabels. Die Kette, welche die nach Besinden 15 Centener schwere Last trägt, läuft über zwei größere Leitrollen, wovon jedoch, und zwar in G, nur eine abgebildet ist. Das Ende H dieser Kette ist an eine lange Gabel H K angeschlossen, welche eine Schraubenmutter K trägt, die mittels einer kleinen Gabel die innere Rippe der stehenden Welle

AB umfaßt. Die Schraubenspindel MN läßt sich mittels eines conischen Rrabne. Rabrewerkes RS und einer Kurbel P in Umbrehung seine Während

Fig. 471.



bieser Umbrehung steigt KL aufober abwarts und bringt mittels
ber Gabel HK und ber Kette
HG u. s. w. die Last zum Sinken ober Steigen.

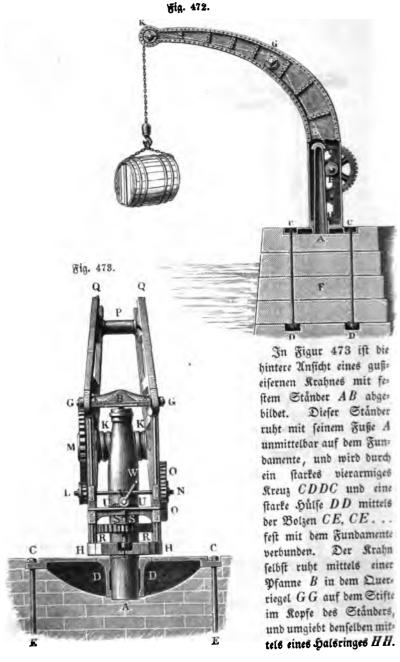
6. 227 Wenn es die Locali= tat weber erlaubt, die ftehende Welle eines Rrahnes von oben, noch biefelbe gang tief unten im Kundamente zu unterstüten, so erfest man diefelbe burch einen ftarten, mittels Bolgen ober Unter fest mit bem Funbamente verbundenen Stander, abnlich wie bei einer Bodwindmuble (f. II., §. 248), und umgiebt benfelben mit einem brebbaren Rahmen, welcher mit dem Schnabel bes Rrahnes ein Banges ausmacht.

Einen folden Rrahn, vom Berrn Fairbairn aus Gifenblech conftruirt, zeigt Fig. 472 (auf folgender Seite). Es ift hier AB ber gufeiferne Stanber, welcher mittele eines eifernen Rreuges CAC und ber Bolgen CD, CD . . . fest mit bem Kundamente F verbunden ift. Der eigentliche Rrahn EGK ift nach Urt ber Rohrenbrucken aus Gifenblech zusammengenietet; er ruht mit einer metallenen Pfanne B auf dem Ropfe bes Stanbers und umgiebt benfelben an feinem Ruge mit einem breis

ten Halbring H. Der Mechanismus jum Beben ber gaft ift ber ges wohnliche.

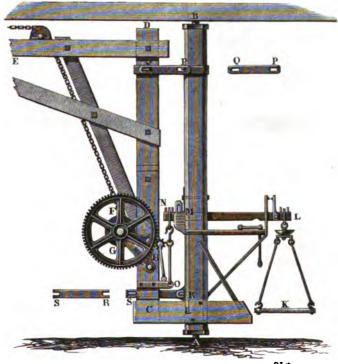
III.





Die Trommel KK ist zur Aufnahme der Ausziehkette langs ihres Umfanges schraubenformig ausgeschnitten; sie läßt sich, wie an vielen anderen Krahnen, durch das Räderwerk LM entweder unmittelbar, oder erst mit Hulfe des Räderwerkes NOO in Umdrehung segen. Die beiden gußeisernen Backen GQ, GQ, welche den Schnabel bilden, sind in der Figur, dei QQ hinter der Leitrolle P, abgebrochen gezeichnet. Dieser Krahn zeichnet sich vor den seicher beschriebenen Krahnen noch dadurch aus, daß er mit einem besonderen Mechanismus zum Umdrehen um seine vertikale Are ausgerüftet ist. Es sit nämlich hier auf dem Ständer ein Zahnrad RR sest, in welches ein Zahnrädden SS eingreift, dessen stehende Welle TV im Krahngestelle gelagert ist, und durch ein conisches Räderwerk UUV mittels einer Kurbel W in Umdrehung geseht werden kann. Es ist leicht einzusehen, wie aus dieser Umdrehung auch eine Umdrehung des ganzzen Krahngestelles um den Ständer AB hervorgest.

Zuweilen sind auch die Krahne so eingerichtet, daß man an denselben die von denselben zu bewegenden Lasten gleich mit abwägen kann. Gin solcher Krahn, mit einer nach dem aus II., §. 73, Anmerk., bekannten Principe der George'schen Brückenwaagen construirten Abwiegvorrichtung ist in Figur 474 vor Augen geführt. AB ist die stehende Krahnstig. 474.

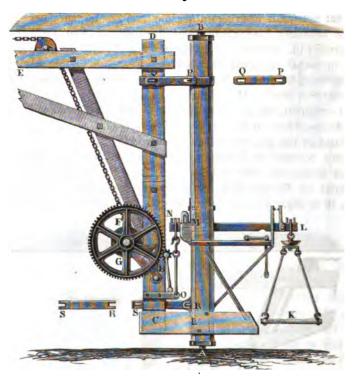


事子工

江田 日日 西西西山

welle und CDE der eigentliche Krahn, zum Theil abgebrochen gezeichnet, mit der Trommel F und dem Raberwerke GH zum Aufziehen und Niesberlaffen der Last. Bor und nach dem Abwägen der Last ruht die Säule CD sammt der Last auf dem Querfuß U der stehenden Welle AB;

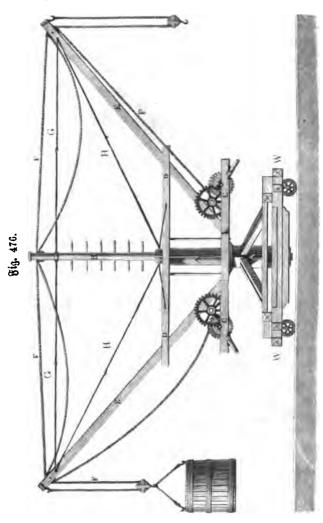
Fig. 475.



kommt es aber darauf an, die Last abzumägen, so legt man so viel Gewicht auf die Waagschale K, als nothig ist, um die Saule CD mittels des um M drehbaren Waagbalkens LMN und der Zugstange NO im Schweben zu erhalten. Um das Umschlagen des Krahnes zu verhindern, ist derselbe mit der stehenden Welle AB noch durch zwei Paar Schienen, wie PQ und RS verbunden, welche vier scharfe Schneiden P, Q, R und S in der stehenden Welle AB und in der Saule CD theils umsassen P0 und theils sich gegen dieselben anstemmen P1. Die Angaben der Waage hangen, wie aus II., §. 73 bekannt ist, nur von den Verhältnissen des Waagbalkens P2. Waagbalkens P3 verdagen des Verhältnissen des Waagbalkens P4 verdagen des Verhältnissen des Waagbalkens P5 verdagen des Verhältnissen des Verhältnissen des Verhältnissen des Verhältnissen des Verhältnissen des

bas Gewicht auf ber Bagschale bas Gewicht ber Laft zehnfach verkleis nert an.

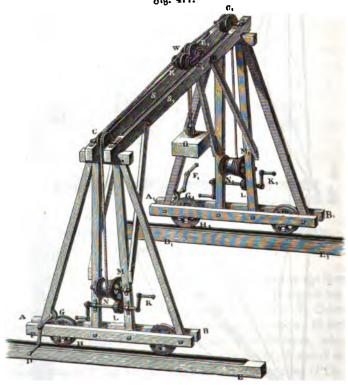
Beim Bauwesen ift man oft genothigt, bewegliche Rrahne Bemegliche Rrahne. 6. 228. in Unwendung zu bringen. Diefelben find auf ein Geftelle mit vier Rabern gestellt und laffen fich baburch an jebe Stelle, wo fie gebraucht werben follen, hinfuhren. Ginen doppelten Rrahn biefer Urt zeigt Figur 476. Es ift hier AA ein hohler Stanber, welcher mit bem Bagen WW fest verbunden ift, und B bie stehende Welle des Rrahnes, welche fich in ber Bohlung des Standers A breben lagt. Die beiben Schnabel E



Bewegliche Rrabne. und E des Krahnes stützen sich auf einen Rahmen CC, welcher den Ständer mit einem Halbringe umgiebt, und die Raderwerke zum Aufzieshen der Lasten trägt; und sind mit der stehenden Welle B durch ein Paar Pfosten DD und durch eiserne Zugstangen G, G und H, H verbunden. Die übrige Einrichtung ist nach dem Borausgegangenen leicht zu beurtheilen. In der Zeichnung ist nur die eine Hälfte des Krahnes belastet, und daher nur das Seil FFFF gespannt.

Die Stabilitat eines belafteten Krahnes biefer Art forbert, bag bie vertifale Schwerlinie beffelben burch bas Biered hindurchgehe, beffen Eden ben Beruhrungspunkten ber Raber mit ber Bahn entsprechen.

Ein anderes Hebezeug, welches ben 3wed eines Krahnes vollständig erfüllt, jedoch weder mit einer stehenden Welle, noch mit einem Stander ausgeruftet ift, führt Fig. 477 vor Augen. Im Ganzen besteht diese Fig. 477.



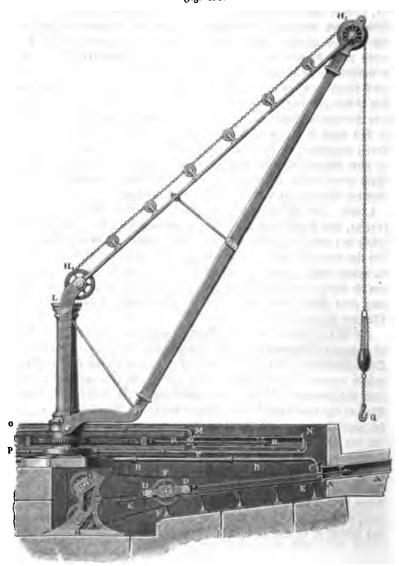
Borrichtung aus zwei Boden A B C und $A_1 B_1 C_1$, welche burch Schwelslen und Streben unter sich zu einem Ganzen vereinigt, und mittels vier Raber auf eine Schienenbahn DE und $D_1 E_1$ geset sind. Bur Fortbes

wegung biefes hebezeuges auf ber Schienenbahn bienen Rurbeln F, F1, Bemegliden welche mittels kleiner Bahnraber G, G, bie Bagens ober Bodraber H, H, in Umbrehung feten. Die Schwellen S und S, welche die beiben Bode mit einander verbinden, bilben eine zweite Schienenbahn, welche einen vierrabrigen Bagen tragt, auf beffen Aren je eine Leitrolle R, R, festfitt, um welche die Seile gelegt find, mittels welcher die Laft Q nicht allein gehoben, sondern auch langs ber Bahn SS, fortbewegt werden fann. Seile werben mittels ber Leitrollen C, C, aus der horizontalen Lage in eine vertitale gebracht, und wickeln fich um die Trommeln N und N1, welche burch Rurbeln K und K1 mittels ber Bahnraberwerte LM, L1 M1 in Umbrehung gefest werben tonnen. Werden beide Kurbeln K und K1 gleich fcnell nach entgegengefetten Richtungen umgebreht, fo gelangt bie Laft Q nur zum senkrechten Aufsteigen ober Rieberfinken; werben bagegen beibe Rurbeln in gleicher Richtung gleich schnell umgebreht, fo bewegt fich bie Laft langs SS, in horizontaler Richtung, und wird endlich nur eine Rurbel umgebreht, die andere aber festgehalten, so bewegt sich die Laft un= ter einer Reigung von 45 Grab auf- ober abwarts. Man kann auf biefe Beife mittels diefes Bebezeuges die Laft Q an jeden beliebigen Drt gwi= schen ben Bertikalebenen DEC und $D_1E_1C_1$ bringen.

6. 229. In England bringt man jest nicht felten Bafferfaulen- maferfauten. Erahne, von Armstrong construirt, in Anwendung. . Ein folcher Rrabn besteht aus zwei Bafferfaulenmaschinen mit gemeinschaftlicher Ginfallrohre. Die eine diefer Maschinen bient jum Aufziehen und Riederlaffen ber Laft, bie andere hingegen zum Umbrehen bes Rrahnes um seine ftehende Belle; jene ift einfach-, biefe hingegen boppelt- wirkenb. Die mefentliche Ginrichtung eines folchen Rrahnes ift aus ber Seitenansicht beffelben in Figur 478 (auf folgenber Seite) erfichtlich.

AA ift der Treiberplinder ber Maschine jum Seben der Laft, und BB Die Communicationerobre, welche bemfelben bas Baffer gu = und abführt. Die Rolbenftange CD biefer Mafchine ift mit einem Bagen DD verfeben, welcher mahrend bes Rolbenspieles mit feinen vier Rabern D,D . . auf einer Schienenbahn EE hin : und zurucklauft. In bem Geftelle biefes Bagens fist eine Rolle FF und ift bas Ende einer Rette befestigt, welche fich junachst um eine feste Rolle G, bann um die Rolle FF und zulest um eine feste Rolle H legt. Bon der letteren Rolle aus geht biefe Rette fentrecht burch ben hohlen gußeifernen Stander KL bes Rrahnes und wird burch eine Rolle H1 nach einer Rolle H2 in der Spite bes Balanciers fcnabels geleitet, von wo fie fenerecht herabhangt. Bahrend ber Treibetolben in AA burch bas Rraftwaffer um einen gewiffen Weg ausgeschoben wird, fleigt die Laft O am Ende der Rette in Folge der Fuhrung um die brei Rollen F, G und H um bas Dreifache biefes Beges.

Bafferfäulenfrahn. Die Drehung des Krahnes um seinen Stånder wird durch eine doppeltwirkende Wassersaulenmaschine bewirkt, deren Treibechlinder in MN abgebildet ist. Mit der Kolbenstange RR dieser Maschine ist eine gezahnte Stange SS verbunden, welche in ein gezahntes Rad T eingreift, das auf einem Halbring U sesssifiet, welcher den Ständer des Krahnes umfaßt. Je
Fig. 478.



nachdem bas Rraftwaffer bem Treiberplinder MN burch die Communica: Bafferffulentionerohre OM, oder burch die Communicationerohre PPN jugeführt wird, breht bie Treibetolbenftange RR mittels ihrer Bergahnung SS bas gegabnte Rad T, und hiermit zugleich ben gangen Rrahn, um feinen feftftehenden Stander KL nach ber einen ober ber anderen Seite um.

Das regelmäßige Spiel biefes Rrahnes wird mittels Schieberfteuerung burch bie bloge Sand bewirft. In Figur 479 ift bie Steuerkammer ber einfachwirkenben und in Figur 480 bie ber boppeltwirkenben Bafferfaulenmaschine abgebilbet. Das Mundstud A in Sig. 479 communicirt mit ber





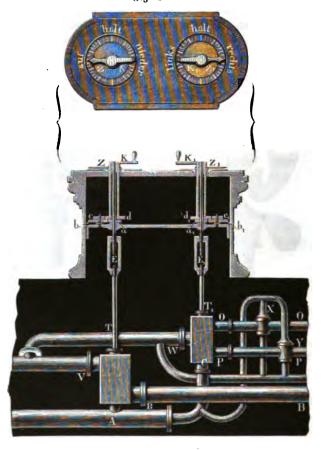




Einfallrohre, die Mundung B gehort bem Communicationerohr an, melches nach bem Treiberplinder fuhrt, und bie Mundung V fteht mit bem Ausgufrohr in Berbindung. Bei der gezeichneten Stellung bes Schiebers S geht bas Kraftwaffer von A nach B und von ba in ben Treibecylinder, wo es ben Rolben auswarts ichiebt und durch benfelben die Laft hebt. man hingegen ben Schieber nach S, herabgeschoben, so ift ber Treibecplinder von dem Kraftwaffer abgesperrt, und mit dem Ausgugrohre V in Berbinbung gefest; und es mird nun ber Treibetolben von ber nieberfinkenden Laft jum Rudgange, und bas Baffer aus bem Treibecylinder auf bem Wege BS, V gum Austritte genothigt. Bei ber Steuerkammer in Figur 480 communiciren bie Mundungen O und P mit bem Treibecylinder, bagegen C mit ber Ginfall = und W mit ber Ausgugrohre. aufgezeichneten Stellung des Schiebers S nimmt bas Rraftwaffer ben Weg CP nach dem Treibecylinder und schiebt den Treibetolben von außen nach innen, mahrend bas tobte Baffer auf bem Bege OSW jum Ausgange Sat aber ber Schieber bie tiefere Stellung S1, fo ftromt bas Rraftwaffer auf bem Wege CO nach bem Treiberplinder und schiebt ben

Baffersaulen. Treibekolben von innen nach außen, mahrend bas tobte Waffer auf bem Bege PS, W ausfließt.

> Das heben und Senten ber Steuerschieber wird mittels ber Rurbeln K und K1, Fig. 481, hervorgebracht, welche Spindeln in Umbrehung feben, Ria. 481.

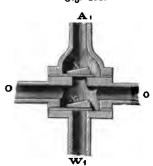


beren schraubenformigen Enden E und E_1 burch die rahmenformigen Querhaupter ber Schieberftangen T und T1 hindurchgehen. Um bie Stels lungen ber Schieber von außen zu erkennen, find noch Zeiger Z und Z1 angebracht, welche mit ben Rurbeln uber horizontalen Bifferblattern bin-Damit fich diefe Beiger beim Aufziehen ober Nieberlaffen der Schieber S, S, mittels ber Rurbeln hochstens nur ein Dal umbreben, find biefelben auf bohle Bellen befestigt, welche bie Rurbelfpindeln umgeben,

und noch zwei Paar Bahnrader ab, cd und a, b, c, d, angebracht, Bafferfaulen welche die Umdrehungen ber Spindeln in vermindernder Angahl auf bie hohle Welle mit ben Zeigern übertragen. Mare 3. B. ber Salbmeffer bes Rabchens a, welches auf ber Spindel festsit, brei Mal in bem bes Raddens b, und ber bes Rabchens c. welches mit b ein Ganges ausmacht, brei Mal im Salbmeffer bes Radchens d auf ber hohlen Zeigerwelle enthalten, so wurden die Rurbelwellen 3 . 3 = 9 Umbrehungen machen muffen, ehe bie Beiger ein Dal umlaufen.

Um die nachtheiligen Wirtungen des Stofes zu befeitigen, welchen ber schwingende Rrahn beim jebesmaligen Absperren bes Rraftwaffere erleibet. find die Communicationerohren OO und PP noch mit besonderen Bentils kammern X und Y ausgeruftet, in welchen fich mahrend ber Schieberbewegung nach oben offnende Bentile figen, die auf turge Beit nicht allein bem abgesperrten Ausguswaffer einen Gintritt in bas Rraftwaffer, sonbern auch dem abgesperrten Rraftmaffer einen Buflug von Seiten bes tobten Baffere verschaffen. Ein solches Bentilgehause ift in Sig. 482 besonders abgebilbet. Sat ber Schieber bem Baffer feinen Rudweg O, O aus bem

Fig. 482.



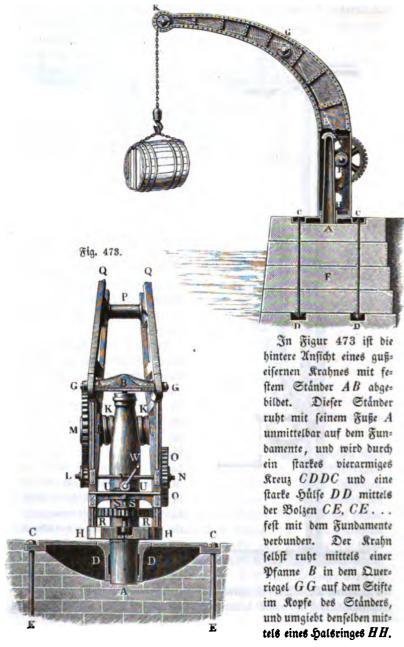
Treibecylinder abgeschnitten, fo schlagt bies fes bas obere Bentil X auf und es tritt ein fleiner Theil bes Ausgugmaffers burch A1 nach A jurud in die Ginfallrohre: und hat hingegen ber Schieber ben Binweg OO, bes Rraftwaffers jum Treibe= cylinder abgesperrt, so offnet fich bas untere Bentil X1 und es wird mittels W1 etwas Baffer aus bem Ausgugrohr W ans gefaugt, in beiben Fallen aber ber aus ber Incompreffibilitat und Unausbehnfamteit bes Baffere ermachfende Stoß vermieden.

Anmerfung. Bei ben neueren Wafferfaulenfrahnen, welche ber Berfaffer 1851 in England hat arbeiten feben, ift außer ben beiben Rurbeln gur Bemegung ber Schieber noch eine britte Rurbel angebracht, woburch ein Droffelventil im Ginfallrohre, gur Regulirung ber Rraft, bewegt werben fann.

Die Dampftrahne haben vor ben hydraulischen oder Baf= Dampftrabn. ferfaulentrahnen ben Borgug, baf fie nicht fo fehr an bie Localitat gebunden find als lettere, welche ein fliegendes Baffer mit vielleicht mehreren hundert Fuß Gefalle beanspruchen. In Figur 483 (auf folg. S.) ift ein Dampftrahn im Bahnhofe zu Liperpool abgebilbet. Die Belle A wirb mittels eines Riemenrabvorgeleges von ber Rrummgapfenwelle der Dampf= mafchine in Umbrehung gefett, und ift mit ber Belle B burch eine toes bare Ruppelung verbunden. Die lettere Welle fett mittels eines Bahn-

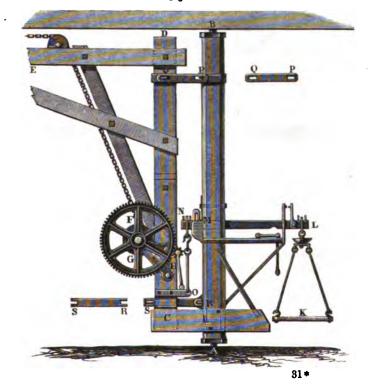
Grahue.



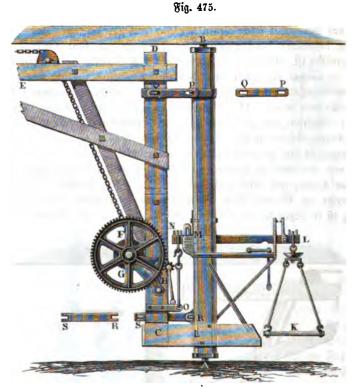


Die Arommel KK ist zur Aufnahme der Ausziehkette langs ihres Umfanges schraubenformig ausgeschnitten; sie läßt sich, wie an vielen anderen Krahnen, durch das Räderwerk LM entweder unmittelbar, oder erst mit Hulfe bes Räderwerkes NOO in Umdrehung setzen. Die beiden gußeisernen Backen GQ, GQ, welche den Schnabel bilben, sind in der Figur, dei QQ hinter der Leitrolle P, abgebrochen gezeichnet. Dieser Krahn zeichnet sich vor den seither beschriebenen Krahnen noch dadurch aus, daß er mit einem besonderen Mechanismus zum Umdrehen um seine vertikale Are ausgerüstet ist. Es sist nämlich hier auf dem Ständer ein Zahnrad RR sest, in welches ein Zahnrädden SS eingreift, dessen stehende Welle TV im Krahngestelle gelagert ist, und durch ein conisches Käderwerk UUV mittels einer Kurbel W in Umdrehung geseht werden kann. Es ist leicht einzusehen, wie aus dieser Umdrehung auch eine Umdrehung des ganzen Krahngestelles um den Ständer AB hervorgeht.

Zuweilen sind auch die Krahne so eingerichtet, daß man an benselben die von denselben zu bewegenden Lasten gleich mit abwägen kann. Ein solcher Krahn, mit einer nach dem aus II., §. 73, Anmerk., bekannten Principe der George'schen Brückenwaagen construirten Abwiegvorrichtung ist in Figur 474 vor Augen geführt. AB ist die stehende Krahnstig. 474.



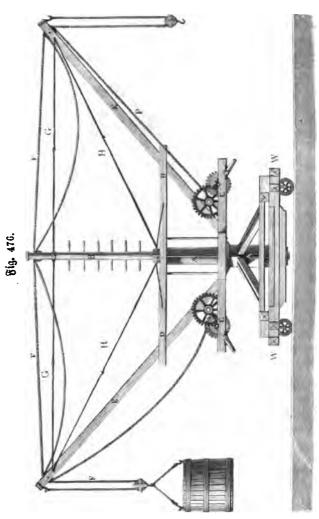
welle und CDE der eigentliche Krahn, zum Theil abgebrochen gezeichnet, mit der Trommel F und dem Raberwerke GH zum Aufziehen und Niesberlaffen der Last. Bor und nach dem Abwägen der Last ruht die Saule CD sammt der kast auf dem Querfuß U der stehenden Welle AB;



kommt es aber barauf an, die Last abzuwägen, so legt man so viel Gewicht auf die Waagschale K, als nothig ist, um die Saule CD mittels des um M brehbaren Waagsbalkens LMN und der Zugstange NO im Schweben zu erhalten. Um das Umschlagen des Krahnes zu verhindern, ist derselbe mit der stehenden Welle AB noch durch zwei Paar Schienen, wie PQ und RS verbunden, welche vier scharfe Schneiden P, Q, R und S in der stehenden Welle AB und in der Saule CD theils umsassen (PQ) und theils sich gegen dieselben anstemmen (RS). Die Angaben der Waage hangen, wie aus II., §. 73 bekannt ist, nur von den Verhältnissen des Waagbalkens LMN ab; ist das Armlangenverhältnis $\frac{ML}{MN} = 10$, so giebt

bas Gewicht auf ber Baagichale bas Gewicht ber Laft zehnfach verkleis nert an.

Beim Baumefen ift man oft genothigt, bewegliche Rrahne Bemegliche §. 228. in Unwendung ju bringen. Diefelben find auf ein Geftelle mit vier Radern gestellt und laffen fich baburch an jede Stelle, wo fie gebraucht werben follen, binfuhren. Ginen doppelten Rrahn Diefer Art zeigt Ris gur 476. Es ift bier AA ein hohler Stander, welcher mit bem Bagen WW fest verbunden ift, und B die stehende Welle des Rrahnes, welche fich in ber Boblung bes Stanbers A breben lagt. Die beiben Schnabel E

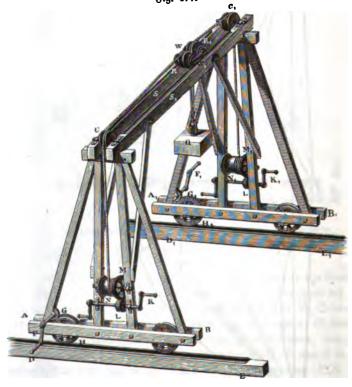


Bewegliche Rrahne.

und E des Krahnes stützen sich auf einen Rahmen CC, welcher den Ständer mit einem Halbringe umgiebt, und die Räderwerke zum Aufziezhen der Lasten trägt; und sind mit der stehenden Welle B durch ein Paar Pfosten DD und durch eiserne Zugstangen G, G und H, H verbunden. Die übrige Einrichtung ist nach dem Vorausgegangenen leicht zu beurztheilen. In der Zeichnung ist nur die eine Hälste des Krahnes belastet, und daher nur das Seil FFFF gespannt.

Die Stabilitat eines belafteten Rrahnes dieser Art forbert, daß die vertifale Schwerlinie beffelben burch das Biered hindurchgebe, beffen Eden ben Beruhrungspunkten der Raber mit der Bahn entsprechen.

Ein anderes Sebezeug, welches ben 3wed eines Krahnes vollständig erfüllt, jedoch weber mit einer stehenden Welle, noch mit einem Stander ausgeruftet ift, führt Fig. 477 vor Augen. Im Ganzen besteht diese Fig. 477.



Borrichtung aus zwei Boden A B C und A_1 B_1 C_1 , welche burch Schwels len und Streben unter sich zu einem Ganzen vereinigt, und mittels vier Raber auf eine Schienenbahn DE und D_1 E_1 geset sind. Bur Fortbe-

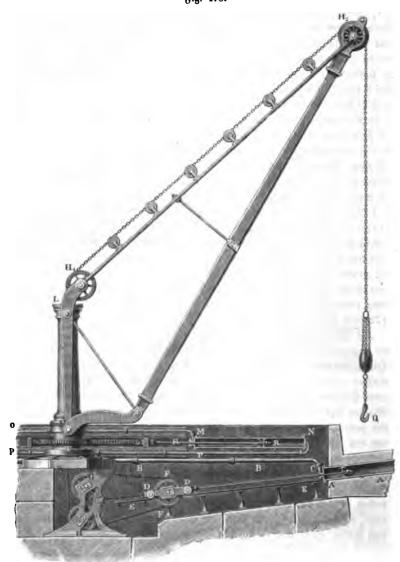
wegung biefes hebezeuges auf ber Schienenbahn bienen Rurbeln F, P1, Bringflate. Realne. welche mittels kleiner Bahnraber G, G, bie Bagen- ober Bodraber H, H, in Umbrehung feben. Die Schwellen S und S1, welche bie beiben Bode mit einander verbinden, bilben eine zweite Schienenbahn, welche einen vierrabrigen Bagen tragt, auf beffen Uren je eine Leitrolle R. R. feftfitt, um welche die Seile gelegt find, mittels welcher die Last Q nicht allein gehos ben, sondern auch langs ber Bahn SS, fortbewegt werben tann. Diefe Seile werben mittels ber Leitrollen C, C, aus ber horizontalen Lage in eine vertikale gebracht, und wickeln fich um die Trommeln N und N_1 , welche burch Rurbeln K und K1 mittels ber Bahnraberwerte LM, L1 M1 in Umbrehung gefest werben tonnen. Berben beibe Rurbeln K und K, gleich schnell nach entgegengefetten Richtungen umgebreht, fo gelangt bie Laft Q nur zum fentrechten Aufsteigen ober Niederfinten; werben bagegen beibe Rurbeln in gleicher Richtung gleich schnell umgebreht, fo bewegt fich bie Laft lange SS, in horizontaler Richtung, und wird endlich nur eine Rurbel umgebreht, die andere aber festgehalten, so bewegt sich die Last unter einer Reigung von 45 Grad auf- ober abwarts. Dan tann auf biefe Beife mittels biefes Bebezeuges die Laft Q an jeben beliebigen Ort zwis schen ben Bertikalebenen DEC und D. E. C. bringen.

§. 229. In England bringt man jest nicht felten Bafferfaulen- Bafferfaulen. Erahne, von Armstrong construirt, in Anwendung. . Ein solcher Krabn besteht aus zwei Bafferfaulenmaschinen mit gemeinschaftlicher Ginfallrohre. Die eine biefer Maschinen bient jum Aufziehen und Niederlaffen der Laft, bie andere hingegen jum Umbrehen bes Rrahnes um seine stehende Welle; jene ift einfach-, diese hingegen boppelt- wirtenb. Die wesentliche Einrichtung eines folchen Rrahnes ift aus ber Seitenanficht beffelben in Figur 478 (auf folgender Seite) erfichtlich.

AA ift ber Treibecylinder ber Maschine zum Seben ber Last, und BB bie Communicationerohre, welche bemfelben bas Baffer gu = und abführt. Die Rolbenstange CD biefer Maschine ift mit einem Bagen DD versehen, welcher mahrend bes Rolbenspieles mit feinen vier Rabern D,D . . auf einer Schienenbahn EE bin : und jurudlauft. In dem Geftelle biefes Bagens fist eine Rolle FF und ift bas Enbe einer Rette befestigt, welche fich junachst um eine feste Rolle G, bann um die Rolle FF und zulest um eine feste Rolle H legt. Bon ber letteren Rolle aus geht biefe Kette fentrecht burch ben hohlen gußeisernen Stander KL bes Rrahnes und wird burch eine Rolle H1 nach einer Rolle H2 in ber Spite bes Balancierschnabels geleitet, von wo fie fentrecht herabhangt. Bahrend ber Treibes tolben in AA burch bas Rraftmaffer um einen gewiffen Beg ausgeschoben wirb, fleigt bie Laft Q am Ende ber Rette in Folge ber Fuhrung um bie brei Rollen F, G und H um bas Dreifache biefes Beges.

Bafferfäulen. frahn.

Die Drehung bes Krahnes um seinen Stånder wird durch eine doppeltwirkende Wassersaulenmaschine bewirkt, deren Treibechlinder in MN abgebildet ist. Mit der Kolbenstange RR dieser Maschine ist eine gezahnte Stange SS verbunden, welche in ein gezahntes Rad T eingreift, das auf einem Halbring U festsisch, welcher den Stånder des Krahnes umfaßt. Je Kig. 478.



nachdem bas Rraftwaffer dem Treiberplinder MN burch die Communicas Bafferfintentionerohre OM, ober durch die Communicationerohre PPN jugeführt wird, breht bie Treibetolbenftange RR mittels ihrer Bergahnung SS bas gegahnte Rad T, und hiermit jugleich ben gangen Rrahn, um feinen fefts fiehenden Stander KL nach der einen ober ber anderen Seite um.

Das regelmäßige Spiel biefes Rrahnes wird mittels Schieberfteuerung burch die bloge Sand bewirft. In Figur 479 ift die Steuerkammer ber einfachwirkenden und in Figur 480 bie ber boppeltwirkenden Bafferfaulenmaschine abgebilbet. Das Munbftud A in Fig. 479 communicirt mit ber



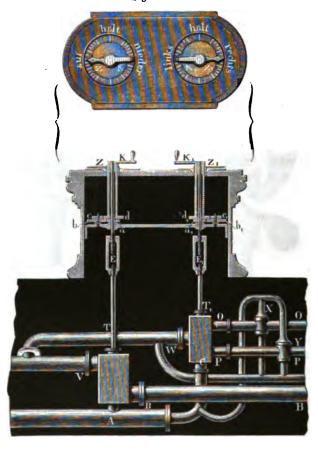




Einfallrohre, die Mundung B gehort dem Communicationerohr an, melches nach bem Treiberplinder fuhrt, und die Munbung V fteht mit bem Ausgufrohr in Berbindung. Bei der gezeichneten Stellung des Schiebers S geht bas Rraftmaffer von A nach B und von ba in ben Treibecylinder, wo es ben Rolben auswarts ichiebt und burch benfelben die Laft hebt. man hingegen ben Schieber nach S, herabgefchoben, fo ift ber Treibecylinder von bem Rraftmaffer abgesperrt, und mit bem Musgufrohre V in Berbinbung gefest; und es wird nun ber Treibetolben von ber nieberfinkenben Laft jum Rudgange, und bas Baffer aus bem Treibecylinder auf bem Bege BS, V jum Austritte genothigt. Bei ber Steuerkammer in Figur 480 communiciren bie Mundungen O und P mit bem Treibecnlinder, bagegen C mit ber Ginfall = und W mit ber Musgugrohre. aufgezeichneten Stellung bes Schiebers S nimmt bas Kraftwaffer ben Beg CP nach dem Treiberglinder und schiebt ben Treibekolben von außen nach innen, mahrend bas tobte Baffer auf bem Bege OSW jum Ausgange gelangt. hat aber ber Schieber die tiefere Stellung S1, fo ftromt bas Rraftwaffer auf bem Bege CO nach bem Treibecylinder und ichiebt ben

Baffersaulen. Treibekolben von innen nach außen, während das todte Wasser auf dem Wege PS_1W ausstließt.

Das heben und Senken ber Steuerschieber wird mittels ber Kurbeln K und K_1 , Fig. 481, hervorgebracht, welche Spinbeln in Umbrehung seben, Rig. 481.

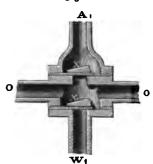


beren schraubensormigen Enden E und E_1 durch die rahmensormigen Querhaupter ber Schieberstangen T und T_1 hindurchgehen. Um die Stellungen der Schieber von außen zu erkennen, sind noch Zeiger Z und Z_1 angebracht, welche mit den Kurbeln über horizontalen Zifferblattern hinslaufen. Damit sich diese Zeiger beim Aufziehen oder Niederlassen der Schieber S, S_1 mittels der Kurbeln höchstens nur ein Mal umdrehen, sind dieselben auf hohle Wellen befestigt, welche die Kurbelspindeln umgeben,

und noch zwei Paar Bahnrader ab, cd und a, b, c, d, angebracht, Baffersaulen welche die Umbrehungen ber Spindeln in vermindernder Angahl auf bie boble Welle mit ben Zeigern übertragen. Bare g. B. ber Salbmeffer bes Rabchens a, welches auf ber Spindel festsit, brei Mal in bem bes Rabchens b, und ber bes Rabchens c, welches mit b ein Banges ausmacht, brei Mal im Salbmeffer bes Rabchens d auf ber hohlen Beigerwelle enthalten, so murben bie Rurbelmellen 3 . 3 = 9 Umbrehungen machen muffen, ebe die Beiger ein Mal umlaufen.

Um die nachtheiligen Wirkungen bes Stofes ju befeitigen, welchen ber schwingende Rrahn beim jebesmaligen Absperren bes Rraftwaffers erleibet, find die Communicationerohren OO und PP noch mit befonderen Bentils tammern X und Y ausgeruftet, in welchen fich mahrend ber Schieberbewegung nach oben offnende Bentile fiten, die auf turze Beit nicht allein bem abgesperrten Ausguswaffer einen Gintritt in bas Rraftwaffer, fondern auch bem abgesperrten Rraftmaffer einen Buflug von Seiten bes tobten Baffere verschaffen. Gin folches Bentilgehaufe ift in Sig. 482 befonders abgebilbet. Sat ber Schieber bem Baffer feinen Rudweg O, O aus bem

Fig. 482.

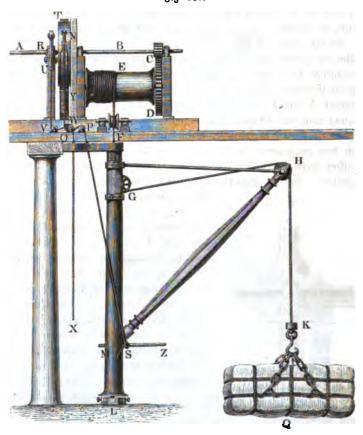


Treibecylinder abgeschnitten, fo fchlagt bie= fes bas obere Bentil X auf und es tritt ein fleiner Theil bes Ausgugmaffers burch A1 nach A zurud in bie Ginfallrohre; und hat hingegen ber Schieber ben Sinweg OO, des Rraftwaffers jum Treibe= enlinder abgesperrt, so offnet fich bas un= tere Bentil X1 und es wird mittels W1 etwas Baffer aus bem Ausgugrohr W angefaugt, in beiben Kallen aber ber aus ber Incompressibilitat und Unausbehnsamfeit bes Baffere ermachfende Stoß vermieben.

Anmertung. Bei ben neueren Bafferfaulenfrahnen, welche ber Berfaffer 1851 in England hat arbeiten feben, ift außer ben beiben Rurbeln gur Bemes aung ber Schieber noch eine britte Rurbel angebracht, woburch ein Droffelventil im Ginfallrohre, zur Regulirung ber Rraft, bewegt werben fann.

Die Dampferahne haben vor den hydraulischen oder Baf= Dampftrabn. ferfaulentrahnen ben Borgug, daß fie nicht fo febr an bie Localitat gebuns ben find als lettere, welche ein fließendes Baffer mit vielleicht mehreren hunbert guß Gefalle beanfpruchen. In Figur 483 (auf folg. G.) ift ein Dampferahn im Bahnhofe ju Liperpool abgebilbet. Die Belle A wird mittels eines Riemenradvorgeleges von der Rrummgapfenwelle ber Dampf= maschine in Umbrehung gefest, und ift mit ber Welle B burch eine losbare Ruppelung verbunden. Die lettere Belle fest mittels eines Bahn=

Dampstrabn. radvorgeleges CD eine Trommel E in Umbrehung, auf welche sich das Seil EFGHK auswickelt, womit die Last Q, z. B. ein Baumwollensballon, emporgehoben wird. Der eigentliche Krahn besteht aus der stehenden Belle FL und dem durch eine schmiedeeiserne Zugstange unterstützten Fig. 483.



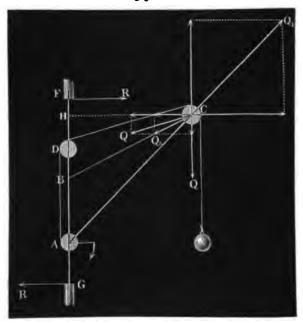
Schnabel MH. Das obere Ende der stehenden Welle ist der Are nach burchbohrt und mit einer Leitrolle G versehen, um das Zugseil in der Are der Welle bis zu einer Leitrolle F senkrecht emporzuführen. Die ganze Arbeit dieses Krahnes wird auf folgende Weise regulirt.

Die Transmissionswelle B tragt eine außen und innen abgebrehte Trommel T. Diese ift außen von einem Bremsgurtel umgeben, ber mittels eines hebels N und eines Seiles NOPS nach Belieben an ben außeren

Umfang biefer Trommel angepregt werden tann. Un bem Ende ber Belle Dampftragn. A fist eine Bremsicheibe, welche, wenn fie gegen ben inneren Umfang ber Trommel T gepreft wird, die Umbrehungsbewegung biefer Belle auf die Welle B überträgt. Um biefe Uebertragung ber Bewegung nach Belieben herftellen und aufheben ju tonnen, hat man bas Bapfenlager R ber Belle A auf einen Sebel U gefeht, der mittels eines Seiles UVWXangehoben und niedergelaffen werben fann. Soll bie angehangte gaft Q emporgehoben werben, fo gieht man am Seile X und bringt baburch bas Frictionerad auf der Welle A mit der Trommel T auf der Welle B in Berührung. Bahrend biefer Berührung wird die Belle B von ber ftetig umlaufenden Belle A in Umbrehung gefett, wobei fich auch bie Trommel E umbreht und bas Seil aufwickelt, an welchem die Laft hangt, die auf biefe Beife jum Steigen gelangt. Diefes Steigen ift aber fogleich beendigt, wenn man mit bem Buge am Seile OX nachlagt, ba bann ber Bebel U, auf welchem bas Bapfenlager R ber Welle A rubt, unterftust von einem Gegengewichte, wieber in feine ursprungliche Lage gurudfallt, und folglich bie Berbindung der Belle B mit der Belle A gang gehoben wird. Damit aber mahrend ber Umbrehung ber ftehenben Belle mittele ber Spille MZ bie Last nicht wieder gurudfinte, wird ber bie Trommel T umgebende Brems mittels bes Seiles PS auf biefe Trommel aufgebruckt, und zu biefem 3mede bas Ende S bes angespannten Seiles an die Spille MZ befestigt. Ift endlich bie Laft Q uber ben Puntt gelangt, wo fie abgelaben werben foll, fo bindet man bas Ende bes Sziles PS wieder los und lagt ben Brems wieber gurudfallen, wobei ein an ben Bebel N beffelben angehangtes Gewicht Y zu Butfe tommt. Um nun eine neue Laft faffen zu tonnen, muß bie ftebenbe Welle wieber mittels ber Spille MZ auf ben erften Drt gurudgeführt werben, mahrend fich bas Seil burch bas Gewicht ber Rette und Saten und, nach Befinden, auch mit Unterftugung eines besonderen Begengewichtes K, von felbst wieder herabzieht.

§. 231. Um die Stabilitats und Festigkeitsverhaltnisse eines Krahnes zu beurtheilen, denken wir den Schnabel desselben als ein aus drei Staben bestehendes Dreieck ABC, Figur 484 (auf folgender Seite), an dessen Spise C die Last Q senkrecht niederzieht, und dessen Grundlinie AB mit der Are der stehenden Welle oder dem Stander des Krahnes zusammenfallt. Zunächst kommt es darauf an, die Spannung Q_1 der Strebe oder des Stades AC und die Spannung Q_2 der Zugstange oder des Stades BC zu sinden. Beide Kräste mussen der Last Q und der ihr gleichzusesenden Spannung des von der Schnabelspisse nach der Krahnare AB geführten Seiles das Gleichgewicht halten. Bezeichnen wir den Neigungswinkel ACH der Strebe AC gegen den Horizont durch α_1 , den Neigungswinkel

Ctatil der Arahue. Blattl wer BCH der Zugstange BC durch α_2 , und den Neigungswinkel DCH des Right.



Bugseiles DC durch α , so haben wir die Componenten der genannten drei Spannungen Q_1 , Q_2 und Q in vertifaler Richtung:

 $Q_1 \sin \alpha_1$, $Q_2 \sin \alpha_2$ und $Q \sin \alpha$, und

 $Q_1 \cos \alpha_1$, $Q_2 \cos \alpha_2$ und $Q \cos \alpha$ in horizontaler Richstung; und es ift folglich zu sehen:

 $Q_1 \sin \alpha_1 = Q + Q \sin \alpha + Q_2 \sin \alpha_2$, sowie

 $Q_1\cos.\alpha_1=Q\cos.\alpha+Q_2\cos.\alpha_2$. Aus diesen Gleichungen ergeben sich folgende Formeln fur die Spannungen Q_1 und Q_2 :

$$Q_1=rac{Q\;[\coslpha_2-\sinlpha(lpha_2-lpha)]}{\sinlpha(lpha_1-lpha_2)}$$
 und $Q_2=rac{Q\;[\coslpha_1-\sinlpha(lpha_1-lpha)]}{\sinlpha(lpha_1-lpha_2)}.$

Siebt man dem Seile die Richtung der Strebe, hat man also $\alpha=\alpha_1,$ so ift einfach:

$$Q_2 = \frac{Q\cos\alpha_1}{\sin(\alpha_1 - \alpha_2)};$$

giebt man hingegen bem Seile die Richtung der Zugstangen, nimmt also $\alpha = \alpha_2$, so fällt

$$Q_1 = \frac{Q \cos \alpha_2}{\sin (\alpha_1 - \alpha_2)}$$
 and.

Etatif be Arabne.

Soll die Bugftange ohne Spannung fein, alfo die Strebe allein die Dits telfraft aus der Geilfpannung und der Laft aufnehmen, fo muß

$$\cos \alpha_1 = \sin (\alpha_1 - \alpha)$$
, b. i. $90 - \alpha_1 = \alpha_1 - \alpha$, also $\alpha = 2 \alpha_1 - 90^\circ$ sein.

Die entsprechende Spannung ber Strebe ift

$$Q_1 = 2 Q \cos(\alpha_1 - \alpha) = 2 Q \sin \alpha_1$$
.

Sett man ben Querschnitt ber Strebe $= F_1$ und ben ber Zugstange $= F_2$, ben Festigkeitsmodul ber ersten $= K_1$ und ben ber zweiten $= K_2$, so haben wir:

$$F_1=\frac{Q_1}{K_1}$$
 und $F_2=\frac{Q_2}{K_2}$.

Die Last Q biegt die stehende Welle ober den Krahnbaum vermöge ihs rer excentrischen Wirkung mit dem Momente Qa, wenn a den Normals oder Horizontalabstand CH der Last von der Axe dieser Welle bezeichnet; und hiernach ist auch vorzüglich die Stärke dieser Welle zu berechnen.

Ift ber Querschnitt berfelben ein Quadrat von der Seitenlange s, so hat man

$$Q\,a=s^{8}\,rac{K}{6},$$
 und baher umgekehrt $s=\sqrt[8]{rac{6\,Q\,a}{K}};$

ift hingegen berfelbe ein Rreis vom Salbmeffer r, fo hat man

$$Qa = rac{\pi r^2}{4}$$
 . K , und daher umgekehrt $r = \sqrt[3]{rac{4 \ Qa}{\pi K}}$.

If l bie Entfernung FG ber beiben Stutpunkte F und G bes Rrahns baumes von einander, so hat man die Rraft, mit welcher in Folge ber ercentrischen Aufhangung von Q ber obere Zapfen nach ber Seite des halses und ber untere Zapfen nach ber entgegengesetten Seite zu gebruckt wirb,

$$R=\frac{a}{l}Q.$$

Dieser Druck ist von bem Krahngeruste ober Fundamente aufzunehmen, und giebt zu einer besonderen Seitenreibung an dem Zapfen oder, nach Befinden, dem Halse des Krahnbaumes Beranlassung, und ist daher durch Bergrößerung von l, d. i. dadurch heradzuziehen, daß man die beiden Stutyunkte F und G des Krahnbaumes möglichst entsernt von einander legt. Bei den Krahnen mit Stander oder sestem Krahnbaum, wie Figur 472 u. 473, hat man die Hohe l, der Zapfenhalse und ebenso die Entsernung

496

Stattt ber lo bet Bolgen, womit die Fußplatte ober bas Fußtreuz biefer Gulfe auf bas Funbament aufgeschraubt ift, bem Momente Q a entsprechend groß zu machen.

Die Rraft, mit welcher ber Fußgapfen bes Stanbers in feiner Bulfe sich um eine horizontale Are zu breben sucht, ift

$$R_1 = \frac{a}{l_1} Q$$

und bie, mit welcher er fich von bem Funbamente loszumachen fucht, und welche baher die Bolgen im Fundamente auszuhalten haben, ift

$$R_2 = \frac{a}{l_2} Q.$$

Bei den Krahnen, welche auf Rabern ftehen, muß das Moment Qa burch bas des Gewichtes G vom leeren Krahne überwunden werden. Ift b der kleinste Horizontalabstand der Radaren von dem Schwerpunkte des leeren Krahnes, fo hat man bas Moment von G, Gb, und baber bafur zu sorgen, daß Gb > Oa, ober

$$a>rac{Q}{G}$$
 a fei.

Die Wirkungen der ercentrischen Aufhangung der Laft Q laffen sich burch ein Gegengewicht aufheben, welches auf ber entgegengefetten Seite von Q anzubringen ift. Ift O, die Große eines folden Gegengewichtes und a1 beffen Abstand von ber Are bes Rrahnbaumes, fo erforbert biefe Ausgleichung

$$Q_1 a_1 = Q a$$
, also $Q_1 = \frac{a}{a_1} Q$.

Wenn man bas Gegengewicht beweglich macht, fo tann man auch bef fen Bebelarme

$$a_1 = \frac{Q}{Q_1} a$$

ber jedesmaligen Laft Q entsprechend abandern.

Durch das Gegengewicht wird naturlich nicht allein die Stabilität und Keftigkeit wesentlich erhoht, sondern auch die Seitenreibung bes Rrahnes fast auf Rull herabgezogen. Da bie Spannfrafte Q1 und Q2 ber Streben und Bugftangen schief auf ben Rrahnbaum übergetragen werben, fo muß burch solibe Berbindung biefer Theile mit bem Krahnbaume bafur geforgt werben, bag auch bie in ber Rrahnbaumare mirtenben Componenten O1 sin. a1 und O2 sin. a2 biefer Rrafte mit Sicherheit aufgehoben merben.

Beifpiel. Benn bei bem in Figur 463 abgebilbeten Rrahne bie größte Laft Q = 20 Connen ober circa Q = 40000 Bfund beträgt, wenn ferner bas Bugfeil mit bem Schwengel eine und biefelbe Reigung a = ag = 250, bie Strebe aber

bie Reigung a. = 50° gegen ben Borigont bat, wenn ferner bie mechanische Etatif ber Armlange ober Ausladung beffelben: a = 16 guß und Die Entfernung l = 12 guß beträgt; welche Dimensionen find biefem Rrabne ju geben? Da hier die Laft an einer lofen Rolle hangt, fo ift bie Spannung bes Seiles nur Q und baher ju fegen:

1) bie Spannung ber Strebe:
$$Q_1 = \frac{Q \cos \alpha_z}{\sin (\alpha_1 - \alpha_z)} = \frac{40000 \cos 25^0}{\sin 25^0} = 40000 \cos 25^0 = 85780 \text{ Bfb.,}$$
 und

2) bie Spannung bes Schwengels:

$$Q_x = Q\left(\frac{\cos \alpha_1}{\sin (\alpha_1 - \alpha_2)} - \frac{1}{2}\right) = \frac{40000 \cos 50^{\circ}}{\sin 25^{\circ}} - 20000 = 40840$$
 Rfb. Rimmt man nach I., §. 212, ben Festigfeltsmobul für bas Berbrüden bes

Richtenholzes, aus welchem hier bie Strebe besteht, K = 500 Bfund, fo erhalt man ben nothigen Querfcnitt biefer Strebe:

$$F_1 = \frac{Q_1}{K} = \frac{85780}{500} = 171,6$$
 Quabratzell,

und nimmt man ben Festigfeitemobul fur bas Berreigen, nach I., S. 189, K = 1200 Bfund, fo erhalt man ben erforberlichen Querichnitt bee bolgernen Sowengele :

$$F_2 = \frac{Q_2}{K} = \frac{40840}{1200} = 34$$
 Duabratzoll.

Der Querichnitt bes gugeifernen Rrahnbaumes ift burch ben Salbmeffer $r = \sqrt[3]{\frac{4 \ Q \ a}{\pi \ K}}$ bestimmt. Seten wir $Q \ a = 40000 \cdot 16 \cdot 12 = 7680000$ und

K nach I., §. 208, = 8000, fo erhalten wir hiernach ben gefuchten Salbmeffer:

$$r = \sqrt[3]{\frac{7680000}{8000 \pi}} = \sqrt[3]{\frac{960}{\pi}} = 6,74 \text{ Boll},$$

alfo bie Starte bes Balfes R

d = 2r = 18,48, ober in runber Bahl, 14 Boll.

Diefe Starte fann aus befannten Brunben nach ben Enben ju abnehmen.

Die Rraft, mit welcher ber Rrahn auf bas Lager Q vertifal nach unten brudt, ift V = Q + G, also, wenn bas Gewicht G bes Rrahnes zu 18000 Bfb. abgeschät wirb, V = 40000 + 18000 = 58000 Pfund; bie Rraft, mit welcher er bagegen am Sals R und am Lager Q horizontal wirft:

$$R = \frac{a}{l} Q = \frac{16.40000}{12} = \frac{160000}{3} = 58333 \text{ Pfund.}$$

Damit biefer große Seitenbrud vom Funbamente aufgenommen werben fonne, ift es nothig, bie Steine beffelben burch Anter mit einander ju verbinden.

§. 232. Den vorzüglichsten Arbeiteaufwand, welchen bas Forts Medantt ber Schaffen ber Laften durch Rrahne nothig macht, erforbert bas Deben ber Laft; weniger Arbeit beansprucht die Drehung bes Rrahnes um feine vertifale Ure, und bas überhaupt feltener nothige Fortbewegen ber Laft in rabialer Richtung, ba es hierbei nur auf Ueberwindung der Reibung an-

III.

fommt.

Redasif ber Rrabne.

Bei einem Krahne, wie Figur 463, wo die Last Q an einer losen Rolle hangt, ist die Spannung des Ausziehseiles $\frac{Q}{2}$; mißt daher die Kurbelhöhe a_1 , der Trommelhalbmesser b_1 und haben die kleineren Treibräder der drei Bahnradvorgelege n_1 , n_3 und n_5 , die größeren Getriebräder derselben aber n_2 , n_4 und n_6 Zähne, so hat man nach III., §. 51, die erforderliche Kraft an der Kurbelspille:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2}$$

Ift ein Borgelege außer Gang gefett, ober hat ber Rrahn nur zwei Borgelege, fo andert fich bie Formel in folgende um:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_3}{n_4} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2} \cdot$$

hat man gar nur ein Borgelege, fo ift:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2}$$

Besteht ferner das Vorgelege in einer einfachen Radwelle, wie bei dem Krahne in Figur 470, und ist der Halbmesser der Trommel auf der Kurbelwelle $=r_1$, und der Halbmesser des Rades, welches mit der oberen Trommel auf einer und derselben Welle sit, $=r_2$, so hat man:

$$P = \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{2} \cdot$$

Ift endlich die Last unmittelbar an das Zugseil befestigt, also an keine lose Rolle angehangen, so hat man statt $\frac{Q}{2}$, Q, also z. B. im letteren Kalle

$$P=rac{r_1}{r_2}\cdotrac{b_1}{a_1}\,Q$$
 zu sehen.

Bei bem Schraubentrahn in Figur 471 ift, wenn a bas Anfteigen ber Schraubengange und o ben Reibungswinkel bezeichnet:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q tang. (\alpha + \varrho).$$

Für den Waffersaulenkrahn in Fig. 478 hat man einfach die Kolbenstraft $P=rac{Q}{3}$, da hier die Last mittels breier Ketten an die Kolbenstange angeschlossen ist.

If F die Kolbenflache und h die senkrechte Hohe der Kraftwassersaule, γ aber die Dichtigkeit des Wassers, so giebt die Formel $P=Fh\gamma$, und es ist daher umgekehrt die Kolbenflache:

$$F = \frac{P}{h \, \gamma} = \frac{Q}{3 \, h \, \gamma}.$$

Der Kolbenreibung und anderer Nebenhinderniffe wegen muß man aber Rechantt ber 25 Procent jufeben.

499

Bei dem Dampstrahn in Figur 483 mit dreifachem Borgelege hat man, wenn man unter a_1 den Kurbelhalbmesser der Dampsmaschine verssteht und statt der Zähnezahlverhältnisse $\frac{n_1}{n_3}$ und $\frac{n_2}{n_4}$ die entsprechenden Trommelhalbmesserverhältnisse $\frac{r_1}{r_2}$ und $\frac{r_2}{r_4}$ einführt:

$$P = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{r_3}{r_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot Q.$$

Ift F die Kolbenflache und p der Dampfdruck auf die Flacheneinheit, so gilt auch die Formel P=Fp, und es ist daher umgekehrt die nothige Kolbenflache:

 $F = \frac{P}{p} = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{r_1}{r_2} \cdot \frac{r_3}{r_4} \cdot \frac{n_5}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{Q}{p}.$

Bei dem Niederlaffen ber Laft ift dieser Kraft P durch ben Brems bas Gleichgewicht zu halten.

Kommt es barauf an, ben Krahn um seine vertikale Are umzubrehen, so hat man die Reibung an ber Basts bes Zapfens und die Seitenreibung an beiden Zapfen, oder nach Befinden, an dem Zapfen und am Halse zu überwinden.

Ist Q das Gewicht des leeren Krahnes, und ϱ_1 der Halbmesser seines unteren Zapfens oder Stiftes, so hat man das Moment der Reibung an der Basis dieses Stiftes nach I., §. 171

 $= \frac{2}{3} \varphi \varrho_1 (Q + G).$

Die aus dem Seitendrucke $R=\frac{a}{l}\,Q$ hervorgehende Seitenreibung hat, wenn noch ϱ_2 den Halbmeffer des Krahnhalses oder oberen Zapfens bezeichenet, das Moment

$$\varphi R(\varrho_1 + \varrho_2) = \varphi \frac{a}{l} Q(\varrho_1 + \varrho_2).$$

Wirft daher die Umdrehungefraft P_1 an einem Sebelarme r, so ist fur dieselbe

$$P_1 r = {}^2/_3 \, \varphi \, \varrho_1 \, (G+Q) + \varphi \, rac{a}{l} \, (\varrho_1 + \varrho_2) \, Q$$
 und daher $P_1 = {}^2/_3 \, \varphi \, rac{\varrho_1}{r} (G+Q) + \varphi \, rac{a}{l} \left(rac{\varrho_1 + \varrho_2}{r}\right) Q.$

Bei dem Krahne in Figur 473 wird diese Kraft noch durch ein Raberwert herabgezogen, und bei dem Waffersaulenerahn in Figur 478 wird
biese Kraft durch den Kolben einer doppeltwirkenden Waffersause ausgeübt.
Ift F_1 die Kolbenstäche dieser Maschine, so hat man

$$F_1 = rac{P_1}{h_1 \, \gamma}$$
 zu sehen.

Rechantt ber Beifpiel. Benn bei bem im Beifpiele bes vorigen Paragraphen berechs-Rrabue. neten Krahne bie Bahnezahlverhaltniffe folgende find:

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{11}{66}, \ \frac{n_3}{n_4} = \frac{9}{54} \ \text{unb} \ \frac{n_5}{n_6} = \frac{9}{54}$$

und ber halbmeffer b, ber Trommel, auf welche fich bas Seil widelt, brei Mal enthalten ift in ber Rurbelarmlange a, fo fallt die nothige Kraft an ber Aurbelfpille jum heben ber Laft Q = 20000 Bfund:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{n_2}{n_4} \cdot \frac{n_3}{n_6} \cdot \frac{b_1}{a_1} Q = \frac{11}{66} \cdot \frac{9}{54} \cdot \frac{9}{54} \cdot \frac{1}{3} \cdot 20000 = \frac{20000}{6 \cdot 6 \cdot 6 \cdot 3}$$
= 30.86 Figurb auc.

Bollte man bagegen biefelbe Laft burch einen Bafferfaulenfrahn, wie Figur 478, heben, so wurbe bei einer Drudhohe A = 250 Fuß, ber Querfchnitt ber Rolbenflace fein:

$$F = \frac{Q}{3 \text{ Å} \gamma} = \frac{20000}{3.250.66} = \frac{40}{99} = 0,404 \text{ Duadratiuß},$$

und folglich ber Durchmeffer beffelben 0,72 Fuß betragen, wofür aber ber Sicherbeit megen 10 Boll ju nehmen fein mochte.

It bas Gewicht bes ersteren Krahnes 18000 Pfund, ber halbmeffer bes Stifftes $\varrho_1=2$ und ber des halfes $\varrho_2=10\,\mathrm{Bell}$, die Armlänge $a=16\,\mathrm{Fuh}$, ber Abstand biefer beiben Stühpunfte von einander, $l=12\,\mathrm{Fuh}$, der hebelarm ber Umdrehungstraft, $r=8\,\mathrm{Fuh}=96\,\mathrm{Bell}$ und der Reibungscoefficient $\varphi=0,075$, so hat man die ersorderliche Umdrehungstraft:

$$P_1 = \frac{9}{4} \varphi \frac{\varrho_1}{r} (G + \varrho) + \varphi \frac{a}{l} \left(\frac{\varrho_1 + \varrho_2}{r} \right) \varrho$$

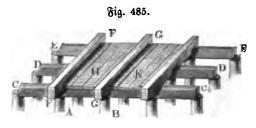
$$= \frac{9}{4} \cdot \frac{9}{46} \cdot \frac{9}{46} \cdot \frac{88000}{r} + \frac{9}{46} \cdot \frac{16}{13} \cdot \frac{12}{96} \cdot 20000 = 39,58 + 250$$

$$= 289,58 \text{ β funb.}$$

Diefer große Berth ber Umbrehungsfraft wird baburch befonters herabgezogen, bag man ben Krahnbaumhals mit einem Rollenring umgiebt, wodurch die gleitenbe Seitenreibung an biefem zum großen Theil in eine rollenbe übergeht. (S. I., § 174.)

Ramm. mafcinen.

Die sogenannten Rammmaschinen ober Schlagmerte (frang. sonnettes, engl. pile-engines) find ebenfalle Maschinen, bei welchen es darauf antommt, eine Laft, und gwar ben fogenannten Ramm= flot, Rammbar ober hoper (frang. le mouton, engl. the batteringram) auf eine kleine Sohe emporzuheben. Diefe Maschinen bienen bagu, große Pfahle (frang. pieux, pilotis, engl. piles) in die Erde einzuschlagen, und erreichen diesen 3wed durch bas fentrechte Nieberfallen und Aufschlagen des Rammbares auf ben Ropf des einzuschlagenden Pfahles. burch die Rammmafchinen einzuschlagenden Pfahle dienen entweder gur Bilbung eines fogenannten Pfahlroftes, ober gur Berftellung einer fogenannten Spundmand, und man but es hiernach entweber mit bem Einrammen fogenannter Roftpfahle ober mit bem fogenannter Spund: pfahle zu thun. Bahrend die Roftpfahle in Entfernungen von 2 bis 4 Ruß von einander eingeschlagen werben, tommen biefe dicht neben einander au fteben. Die Roftpfahle A, B ..., Fig. 485 (auf nebenfteb. Seite), werben nach erfolgtem Ginrammen an ihren Ropfen in gleicher Bobe abgeschnitten und mit Bapfen versehen, womit die barauf gestreckten Roftober Langschwellen CC, DD, EE befestigt werden. Auf biefe Schwel=



len fommen nun noch Bangen oder furgere Querschwellen FF. GG . . zu liegen, und ebenfo die Bohlen H, K . . , welche die 3mi= fchenraume amifchen je zwei Bangen ausfullen und die Grundflache bes ju tragenden Mauer=

wertes abgeben. Die Spundpfahle erhalten Ruthen, in welche Kedern eingezogen werben, die einen gang ober nabe mafferbichten Berfchluß geben. Man verwendet Pfahle von 10 bis 30 Fuß Lange und 8 bis 20 Boll Starte, und fpist fie, bes leichteren Gindringens wegen, in Form einer fpigen vierfeitigen Pyramide zu ober giebt ihnen wohl auch einen eifernen Schub.

Der Rammbar, womit die Pfahle eingeschlagen werben, besteht entweber aus bichtem Eichenholze ober aus Gugeifen, und hat ein Gewicht von 5 bis 15 Centnern. Um bas Spalten ber am haufigften angewendeten holgernen Rammbare gu verhindern, muffen diefelben mit eifernen Ringen verfeben werben. Das Beben bes Rammbars erfolgt entweber aus freier Sand ober mittels eines uber eine Rolle meggeführten Seiles; im erften Falle hat man es mit ber einfachen Sandramme zu thun, im zweiten Kalle hingegen mit ber fogenannten Bugramme. Bei ber gewohnlichen Bugramme lauft bas Bugfeil in eine Menge Leinen aus, welche von ben Arbeitern ergriffen und niebergezogen werben, wenn es barauf ankommt, ben Rammbar zu heben. Bei ber fogenannten Runftramme gefchieht bas Beben bes Bare burch befondere mechanische Borrichtungen, wie g. B. Radermerte u. f. m.

Die Sandramme (vergl. II., §. 79) ift nur ein unvollkommenes Sulfe-Fig. 486.

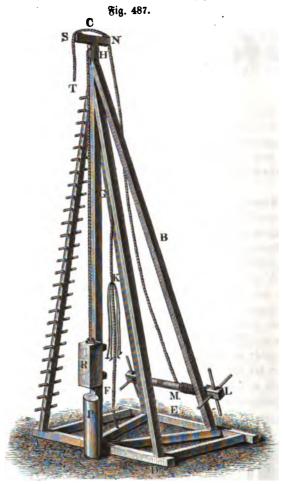


mittel jum Ginfchlagen ber Pfahle. Gie besteht in einem Rlot AB, Fig. 486, aus Gichenhold, welcher mit vier langen Bugeln ausgeruftet ift, womit er von vier Arbeitern ergriffen und emporgehoben wird. Gine folche Ramme barf, ba ein Mensch nicht über 30 Pfund an ihr auszuuben vermag, nicht mehr als 120 Pfund wiegen und ift beshalb nur jum Ginrammen fcmacher Pfable ausreichend.

Bei ben Bugrammen fleigt ber Rammflog R, Fi-

B

Ramm. maidinen. gur 487, an einer aus einer ober zwei Ruthen, ben sogenannten gaufern, Lauferruthen ober Maclern, bestehenden Führung auf und nieder, und er ist zu diesem Zwecke mit Armen ausgerüstet, welche diese Ruthen umfassen. Das Rammgerüste ABC ruht auf einem beweglichen Schwellswerk ADE, welches einen Dielenboden für die sogenannte Stube, d. i-



ben Standpunkt ber Arbeiter, erhalt. In dem oberen Ende der Lauferruthe FGH ift die sogenannte Rammscheibe H eingelassen, welche das Rammtau RHK vom Rlobe nach der Stube herabführt. Bum Seben des Pfahles P dient eine Winde LM, deren Zapfenlager auf den

hinteren Streben bes Geruftes festsiten. Das Windetau MNST geht über zwei Rollen in dem sogenannten Krahnbalken C, der auf dem oberen Ende der Läuferruthe liegt.

Mamm.

Sehr einfach und zwedmäßig ift bie in Fig. 488 abgebilbete hollans bifche Ramme. Es besteht hier bie ganze Ruftung aus brei Baumen





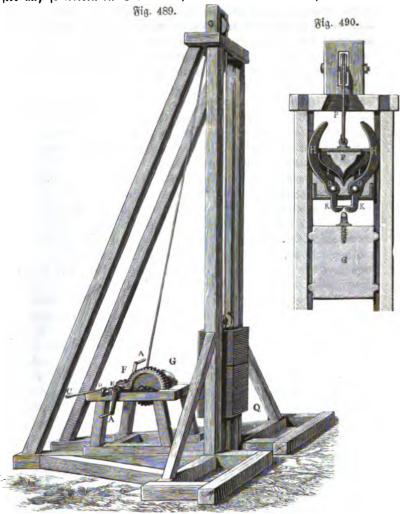
AD, BD und CD, welche unten mit eifers nen Dornen verfehen finb, womit fie auf zwei über bas Kreuz gelegte Pfoften zu ftehen tommen, und oben burch einen mit einem Scharniere verfehenen Bolgen mit einander verbunden find. Der Rammklos O ift hier mit acht furgen Armen verfeben, welche bie bunnen Ruthen ber fogenannten Scheere EF zwischen sich faf= fen. Diefe Ruthen werben mit ihren eifer= Fügen entweber unmittelbar in bas Erdreich gefest, ober fie tommen auf befonbere Bohlen zu fteben; am Ropfe sind sie bagegen burch eiferne Bus gel mit ben Ruftbans

men verbunden. Durch das sogenannte Kopftau DG, welches vom Kopfe bes Gerustes nach einem in das Erbreich eingeschlagenen Pfahl G herabzgeht, wird der seste Stand bes Gerustes noch besonders erhöht. Die Rammscheibe K befindet sich in einem Kloben, welcher mittels einer Kette an den Kopf des Gerüstes aufgehangen ist.

§. 234. Bei dem Ziehen der Arbeiter an den Leinen des Rammtaues Runntramme wird das menschliche Arbeitsvermögen sehr unvollständig benutt, zumal da zum heben eines schweren Rammklopes, selbst bei einer großen Anzahl

Runftramme von Arbeitern, eine große Anstrengung erforberlich ist, welche es nothig macht, daß diese Arbeitsvorrichtung in Lurzen Absahen mit mindestens ebenso langen Zwischenpausen erfolgt. Es ist überdies ein auch theoretisch nachzuweisender Erfahrungsfah, daß der Wirkungsgrad des Rammens mit dem Gewichte und der Steighohe des Rammbars wächst; da nun aber dei der Zugramme die Anzahl der Arbeiter nicht ohne Nachtheil in der Wirkung des Einzelnen vergrößert und der Rammkloh höchstens 4 bis 5 Kuß hoch gehoben und geschleubert werden kann, so ist das Einrammen der Pfähle mittels der Zugramme aus doppelten Gründen eine mechanisch unvollkommene Arbeitsverrichtung. Diese Unvollkommenheiten lassen sich aber bei den Kunstrammen größtentheils vermeiben, da man hier nicht allein mit mehr Vortheil die Arbeiter an einer Radwelle arbeiten lassen, sondern auch durch Vorgelege das Gewicht und die Steighohe des Rammsbars beliebig vergrößern kann. Es haben folglich die Kunstrammen einen entschiedenen Vorzug vor den Zugrammen.

Die Einrichtung einer einfachen Runftramme ift aus Fig. 489 a. f. S. zu ersehen. Die Arbeiter segen hier eine Belle B mittels einer boppelten Rurbel AA in Umbrehung, und diefe Belle theilt ihre Bewegung mit= tele ber Bahnraber E und F einer Trommel G mit, um welche fich bas eine Ende bes Rammtaues wickelt. Ift ber Rammbar Q nach mehrmaligem Umbreben ber Rurbel auf eine gewiffe Sobe gestiegen, fo verschiebt man die Rurbelwelle B mittels bes Bebels CDE in ihrer Arenrichtung und bringt baburch bas Bahnrad E aus bem Gingriffe mit bem Bahnrade F. fo bag nunmehr ber Rammtlog Q ungehindert auf ben Pfahl P ber-Diese Einrichtung einer Runftramme hat aber noch ben Nachtheil, daß fich das Rammtau beim Rieberfallen bes Rammbars fehr schnell über die Leitrolle wegziehen und von der Trommel abwickeln muß, wobei es nicht allein leicht in Unordnung gerath, fonbern auch mit biefen Mafchinentheilen zugleich ftart abgeführt wirb. Deshalb zieht man es vor, ben Rammbar mittels eines Sakens an bas Rammtau zu hangen, welcher fich von felber loft, und alfo ben Rammbar gurudfallen lagt, nachbem er eine gemiffe Steighohe erreicht hat. Gehr zwedmäßig ift bie Unwendung einer Bange, wie Kigur 490 vor Augen führt. Rammbar Q, welcher hier in einer Fuhrung zwischen ben zwei Laufruthen beweglich ift, hat ein Dehr, womit er von einer aus zwei Saken HOK, HOK bestehenden Bange ergriffen wird, die mittels ihrer Bolgen O, O auf einem besonderen Stude F, bem fogenannten Kallblod, festsigen. Dies fer Block ift unmittelbar an bas Rammtau befestigt und lagt fich wie ber Rammbar in der Kuhrung zwischen ben Lauferruthen verschieben. Stahlfebern I, I, welche auf biefem Blode festsiten, bruden die langen Schenkel H, H ber Bange nach außen, und folglich bas Gebig K, K berfelben bufammen; gelangt aber ber Blod am Dbertheil bes Rammgerus gunframme. ftes an, fo werben die Schenkel H, H von ben Seitenbaden, welche bas



selbst angebracht sind, zusammengedruckt, wobei sich das Gebiß KK ber Bange aus dem Dehre des Rammklohes herauszieht, so daß nun dieser ungehindert herabfallen kann. So wie sich der Rammkloh aus der Bange ausgehakt hat, bringt man mittels des Hebels CDE (Fig. 489) das Bahnrad auf der Aurbelwelle aus dem Eingriffe mit dem Jahnrade auf

ber Trommel, so daß nun auch der Fallblock frei wird und zum herabfallen gelangt. Beim Ausschlagen dieses Blockes auf den Rammbar dsfranet sich nun auch in Folge ihrer besonderen Form das Gebiß KK der Bange HKKH und erfaßt das Dehr des Rammbars, der sich nun durch Umdrehung der Kurbel AA von neuem emporheben läst.

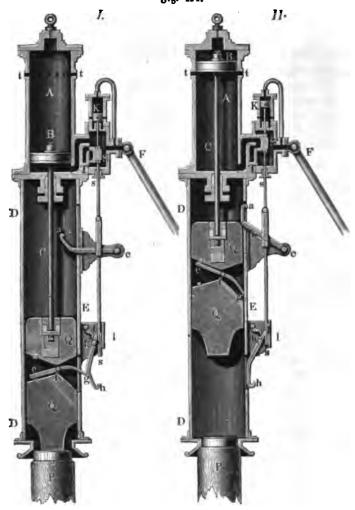
Mittels der hier beschriebenen Kunstramme hebt man Rammbare von 700 bis 1500 Pfund durch drei bis sechs Mann 15 bis 30 Fuß hoch.

Pampframme. §. 235. Man hat auch Kunstrammen burch Treträder, Hands und Pferbegopel, ober burch Wasserrader in Umtrieb gesetzt, und in neueren Zeiten sogar die Dampftraft hierzu in Anwendung gebracht. Instefondere haben sich aber die Dampframmen von Nasmyth als sehr kräftige und brauchbare Maschinen bewährt.

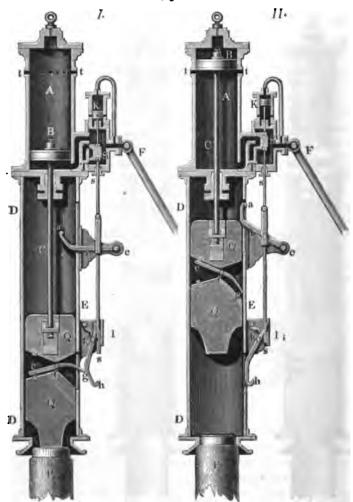
Diese Rammmaschine unterscheibet sich von ben anderen Daschinen biefer Art besonders baburch, bag fie ben fehr schweren Rammbar auf eine fleine Sohe hebt und ihn fehr schnell aufeinander folgende Schlage machen lagt. Da biese Leistung bes Rammbars von bem Producte Oh aus feinem Gewichte Q und feiner Steighobe h abhangt, fo wird baburch, bag man h in bemfelben um fo viel vermindert, als man Q großer nimmt, nichts an Leiftung verloren, wohl aber hat man bann ben Bortheil, bag man ben Dampf birect wirfen, b. h. ben Rammbar gleich unmittelbar von ber Stange bes Dampftolbens beben laffen tann, mas bei ber gewohnlichen Steighohe ber Rammbare unmöglich mare. Gin Sauptvortheil ber Dampframme besteht aber noch barin, bag man mit berfelben bie Arbeit des Ginrammens moglichft beschleunigen fann, jumal ba, wie es scheint, bas Eindringen ber Pfahle burch bie ichnelle Aufeinanderfolge ber Schlage beforbert wirb. Der Rammbar einer folden Maschine hat ein Gewicht von 50 Centnern und macht in einer Minute 70 bis 80 Schläge von je 3 Kuf Sobe. Da bei ber Runftramme mit Rurbelbewegung nur wenig Arbeiter zugleich arbeiten tonnen, folglich beren Arbeitsquantum in einer gemiffen Beit nur ein fehr fleines fein fann, fo muß naturlich beren Urbeiteverrichtung fehr langfam vor fich geben, und baber bie Angahl ber Unhabe bes Rammbars fehr klein ausfallen. In ber That, folche Daschinen machen in ber Stunde auch nur 10 bis 40 Schlage.

Die Nasmyth'sche Dampframme ruht auf einer Plattform mit 4 Rabern, welche auf einer Sisenbahn langs ber Pfahlreihen laufen. Der Läufer bes Rammbars ift fest an eine Seite dieser Plattform angeschraubt, und wird nicht allein durch zwei Streben, sondern auch durch Zugstangen, welche vom Ropfe besselben nach den vier Eden der Plattform heradgehen, in seiner vertikalen Lage erhalten. Auf diesem Ropfe sist eine große Leitzrolle, über welche eine ftarke Kette läuft, an beren einem Ende der ganze

Treibeapparat aufgehangen ift, während sich bas andere Ende um eine Dampframme. Trommel windet, die durch eine auf der Plattform befestigte Dampsmassichten in Umdrehung geseht werden kann, welche überdies noch zum Aufsrichten der Pfähle und Fortrollen des ganzen Apparates auf der Schiesnenbahn dient. Der Treibeapparat ist in Fig. 491 abgebildet. Es des steht derselbe aus dem Dampschlinder A und dem guseisernen Rammblock Q von eirea 50 Centnern Gewicht, welcher durch die Kolbenstange C mit Rig. 491.



Fampframme, bem Kolben B im Dampfcplinder verbunden ift. Damit der Rammbar senkrecht auf- und niedersteige, ist derselbe von einer schmiedeeisernen Rohre DDE umgeben, welche mittels eines geeigneten Ansabes auf dem Pfahlztopf P aufsit und oben mit dem Dampfcplinder fest verbunden ist. Der Dampf wird aus dem auf der Plattform ruhenden Locomotivenkesselle mittels einer Gelenkrohre F der mit dem Dampfcplinder fest verbundenen Dampfkammer zugeführt. Bei der in I. gezeichneten Schieberstellung tritt Fig. 492.



ber Dampf unter ben Kolben B und hebt benfelben fammt bem baran Dampframuie. hangenden Rammbar Q 3 Auf hoch empor. Gegen Enbe des Subes trifft ber Rammbar einen Steuerhebel abc, welcher fich um bie fefte Are c breht und in b bie Steuerschieberftange ss angreift, woburch nun ber Schieber S zum Steigen gebracht und ber Butritt bes Dampfes jum Dampfcolinder abgesperrt wird. Die Dampftolben B und ber Dampfschieber S befinden fich nun in ber in II. angegebenen Stellung, wobei ber Dampf nicht allein burch ein bei T fich anschließenbes Musblaferohr, fonbern auch burch bie Locher t, t im Umfange bes Dampfeplinbers ausftromen tann. In Folge beffen fallt ber Rammbar fast augenblicklich auf ben Pfahlfopf P herab, und treibt ben Pfahl um einen gemiffen Weg tiefer in bas Erbreich ein, worauf nun noch ein Nachsinken bes baburch feiner Stute beraubten Apparates ADDE erfolgt. Bei bem Auffchlas gen bes Rammbars gelangt bie Bunge efg aus ber Lage, welche II. anzeigt, in die von I., und bruckt babei ben langern Arm bes Bebels hkl auswarts, fo bag nun ber furgere Arm beffelben ans bem Ausschnitte in ber Schieberftange ss ausschnappt, und biefe sammt bem Schieber burch ben Drud bes Dampfes uber ben am obern Enbe biefer Stange fibenben Gegenkolben K herabsinkt; worauf nun bem Dampfe wieber ber Butritt jum Dampfeplinder eroffnet wird. Wahrend bes nun erfolgenden Rolbenaufganges wird bie Bunge efq von der Rohrenwand DDE bei q wieber in die Stellung von II. herabgebrudt, fo bag nun ihre Birtung auf den Bebei hkl aufhort und der turge Urm beffeiben burch ben Druck einer Feber wieber in ben Ginschnitt ber mittlerweile emporgestiegenen Steuerschieberstange einschnappt.

Damit der Treibeapparat sammt dem Kolben allmälig sentrecht niedersinkt, ist der Läufer mit Eisenschienen ausgerüstet, welche durch an der Blechröhre befestigte Klammern umfaßt werden. Um ferner den Kolbenaufgang zu begrenzen und das Aufschlagen des Kolbens auf den Cylinderbeckel zu vermeiden, hat man den Obertheil dieses Cylinders luftbicht verschlossen, und um endlich die Erschätterungen beim Aufschlagen des Rammbars auf den Pfahl für den Kolben und dessen Stange möglichst unschädlich zu machen, ist die Verbindung dieser Stange mit dem Rammelos durch
Einlage von Pappelholzscheiben möglichst elastisch gemacht.

Anmerkung. Bei einer Pilotirung in ben Catharinenbods zu London hat man die atmosphärische Ramme von Clarke und Barley in Anwendung gebracht, welche ben Rammbar durch ben Druck ber atmosphärischen Luft hebt. Bei biefer Ramme ift bas Rammfeil an die Stange eines Kolbens angeschlossen, welcher in einem Chlinder spielt, der oben offen ift und unten mit dem Bacuo einer Luftpumpe in Berbindung fieht (fiehe die Beitschrift: Der Ingenieur, Bb. II.)-

510

Mechanifche Arbeit ber Biammen. §. 236. Der mechanische Arbeitsauswand, welchen das Einschlagen der Pfähle mittels einer Rammmaschine in Anspruch nimmt, läßt sich aus dem Gewichte des Rammbars, der Steighohe desselben und der Anzahl der Anhübe berechnen. Dem Gewichte Q des Rammbars und der Steigshöhe h desselben entspricht pro Anhub die mechanische Leistung, Qh. Erfordert nun das Einschlagen eines Pfahles n Schläge, so ist folglich der mechanische Arbeitsauswand für einen Pfahl = nQh, und ist endlich m die Anzahl der täglich einzuschlagenden Pfähle, so hat man die durch die Rammmaschine täglich beanspruchte mechanische Arbeit:

$$L = mnOh$$

und umgekehrt, die Anzahl ber Pfahle, welche mit einer gegebenen Arbeit L täglich eingeschlagen werben konnen:

$$m = \frac{L}{nOh}$$
.

Nach ben französischen Angaben ift fur bas Arbeiten an ber Zugramme, sowie in allen ben Fallen, wo es barauf ankommt, eine Last mittels eines über eine Rolle laufenden Seiles emporzuheben und nach jedem Anhube wieder zurückfallen zu lassen:

bie Kraft eines Menschen, K=38 Pfund, mittlere Geschwindigkeit c=0.64 Fuß, und Arbeitszeit t=6 Stunden, und folglich das tägsliche Arbeitsquantum Kct=38.0,64.6.60.60=525300 Fußpfund. Nach I., §. 84 ist dagegen die tägliche Leistung eines Menschen an der Kurdel 1'175040 Fußpfund, und zwar dei der mittleren Kraft K=17 Pfund, Geschwindigkeit c=2.4 Fuß und Arbeitszeit t=8 Stunden. Diesem zusolge ist also auch die mechanische Leistung des Menschen an der Kunstramme mit einer Kurdel $\frac{1'175040}{525300}=2.24$, d. i. nahe

21/4 mal so groß als an der Zugramme. Dieses ungunstige Verhältniß in der Leistung der Zugramme hat seinen Grund darin, daß hier die Kraft des Menschen K = 38 Pfund nicht allein von ihrem mittleren Werthe bedeutend adweicht, sondern auch unter ungunstigen Umständen ausgeübt werden muß, wodei sich die Arbeiter so sehr anstrengen mussen, daß sie je nach einer kurzen Arbeitsbauer oder sogenannten Hise von oft nur 40 bis 60 Secunden eine Arbeitsbaufe von 2 bis 3 Minuten nöthig haben. Krästige und eingeübte Arbeiter liefern allerdings zuweilen ein nahe doppelt so großes Arbeitsquantum an der Zugramme, nicht selten aber kommt es auch vor, zumal wenn die Anzahl der Arbeiter sehr groß ist, daß die Leistung eines Arbeiters den oben angegebenen Werth noch nicht einmal erreicht.

Bei ber Zugramme bestimmt fich bas Berhaltniß zwischen ber Kraft P und bem Gewichte Q bes Rammbars einfach aus bem Winkel α , um

welchen bie einzelnen Bugleinen von ber Bertifalen ober ber Richtung bes medanifde Rammtaues abweichen. Bon ber gangen Rraft P eines Arbeitere kommt Rammen. nur der vertikale Component Pcos. a jur Wirkung; ift folglich v bie Anzahl ber Arbeiter, so hat man bie Rraft bes einzelnen:

$$P = \frac{Q}{v \cos \alpha}.$$

Bei einer Kunftramme mit Borgelegshaspel ift bagegen, wie aus bem in §. 215 Angegebenen unmittelbar hervorgeht, biefe Rraft:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \cdot \frac{Q}{\nu}.$$

Fur bie Dampframme ift einfach bie gum unmittelbaren Beben bes Rammbares nothige Dampf= ober Rolbenfraft:

$$P=0.$$

Beifpiel. Benn ber Rammbar einer Bugramme 700 Bfund ichmer ift, und bie Bugfraft eines Arbeitere in ber Richtung bes Rammtaues, P = 85 Bfunb angenommen wird, so hat man bie nothige Angahl ber Arbeiter $\nu=rac{Q}{P}=rac{700}{35}$ = 20, und baher bie tagliche Leiftung berfelben L = rKct = 20.525300 = 10'506000 gufpfund. Soll ber Rammbar bei jebem Anhube 4 guß gehoben werben, und ein Pfahl ju feinem Ginrammen 1500 Schlage erforbern, fo ift bas auf bas Einschlagen eines Bfahles verwendete Arbeitequantum = 700 . 4 . 1500 = 4'200000 Fugpfund, und baher bie Angahl ber taglich eingurammenben Pfahle 10'50600 4'20000 = 21/2. Bei Anwendung einer Runftramme mit Rurbelbewes gung wurde man vielleicht nur 4 Arbeiter jum Beben bes Rammbars verwenben, bafur aber benfelben etwa 20 guß hoch heben. Bare hier bie Angahl ber Bahne bes Rabes auf ber Rurbelwelle 4 mal in ber bes Rabes auf ber Seiltrommel enthalten, also $\frac{n_1}{m} = \frac{1}{4}$, und ber halbmeffer b ber letteren 8 mal in ber Rurbellange a enthalten, also $\frac{b}{a}=\frac{1}{2}$, so hatte man bie Kraft zum Aufziehen bes Rammbars: $P = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{700}{4} = \frac{1}{10}$. 175 = 14,58 Pfunb, alfo etwas fleiner, als oben angegeben worben ift. Da bier bie Steighobe bes Rammbare 20/4 = 5 mal fo groß ift ale bei ber Bugramme, fo lagt fich boraussegen, bag bier ein Bfahl gu feinem Gintreiben nur 1/2 mal fo viel, b. i. nur 1/3.1500 = 300 Schläge bedarf. Ein jeber Schlag nimmt 700.20 = 14000 Außpfund Arbeit in Anfpruch; ba bas tagliche Arbeitequantum ber 4 Arbeiter 4.1'175040 = 4'700160 Bugpfund beträgt, fo ift folglich bie Angahl ber mit biefer Mafchine taglich einzutreibenben Bfahle:

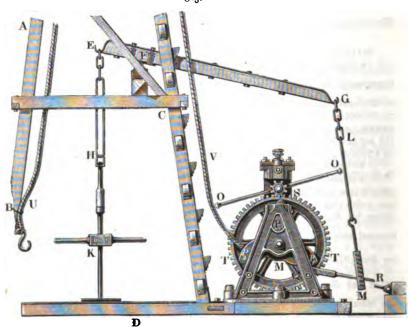
$$m = \frac{4'700160}{800 \cdot 14000} = \frac{4'700160}{4'200000} = 1,12.$$

Anmertung. Ueber bie Tragfabigfeit ber eingerammten Pfable ift in Theil I., S. 287 u. f. w. bas Rothigfte mitgetheilt worben.

§. 237. Das sogenannte Abbohren (franz. le sondage; engl. the about-malainenboring) ober Bohren von runden tiefen Lachern in die feste Erdrinde hat

Abbebrmaichine bie meiste Aehnlichkeit mit dem Einrammen der Pfahle durch die Kunstramme; denn auch hier kommt es darauf an, einen schweren Körper, das sogenannte Bohrgestänge sammt dem Bohrer, mittels eines Haspels oder einer andern Radwelle wiederholt emporzuheben und niederfallen zu lassen. Die Höhe, auf welche das Bohrgestänge gehoben wird, ist allerdings nur 1 bis 3 Fuß, und deshalb ist denn auch hierbei statt der Leitzvolle mit Bortheil ein Hebel anzuwenden. Die wesentliche Einrichtung einer Abbohrmaschine nach Degousée ist aus Fig. 493 zu ersehen. ABCD ist der untere Theil des sogenannten Bohrgerustes, in EFG

Fig. 493.



sieht man den um F brehbaren Hebel oder Schwengel, an welchem einerfeits das in einem Bohrer sich endigende Bohrgestänge HK und ander rerseits eine eiserne Stange LM hängt, wodurch der Schwengel zunächst in Bewegung geseht wird. Ferner ist STT ein gewöhnlicher Vorgelegshaspel mit den Hörnern O, O, und es ist P_1 , P_2 , P_3 eine auf der Trommel M siende und drei Hebes oder Druckdaumen bildende Eisenscheibe, womit ein zweiter Hebel oder Schwengel QR niedergedrückt wird, welcher durch eine Scheere am Ende der Stange LM hindurchgeht. Leicht ist zu ermessen, wie durch Umdrehung des Haspels mittels der Daumen P_1 , P_2 , P_3 ,

bes Schwengels QR, ber Stange LM und bes Schwengels EFG bas Bohrgeftange emporgehoben werben kann. Damit bas Bohrloch möglichst rund ausfalle, muß ber Bohrer mittels eines Querarmes ober bes sogenannten Stangenbunbels K nach jedem Stoffe um einen kleinen Theil bes gangen Umfanges gebreht werben.

Mobohrmafdinen.

Menn sich bas Bohrloch so start mit Bohrmehl ober Schmand angefullt hat, daß baburch die Birkfamkeit des Bohrers gehindert wird, so zieht man bas Bohrgeftange aus bem Bohrloche heraus, schraubt ftatt bes Bohrere ben mit einem Bentile verfehenen Bohrloffel an bas Geftange, und bangt nun baffelbe wieber in bas Bohrloch. Um nun ben Loffel mit Bohrichmand zu fullen, bebt man bas Bohrgeftange einige Dal auf und hierauf gieht man bas Gestänge wieber aus bem Bohrloche, schraubt ben Loffel ab und bas Bohrstud an und lagt bas Bohrgeftange in bas Bohrloch, fo bag nun bas Bohren von Neuem beginnen fann. Wenn bas Bohrloch eine größere Tiefe erreicht hat, fo ift bas Berausgiehen bes Bohrers mit vielen Umftanden und großem Beitaufwand verbunben, da hierbei das Bohrgeftange in Theile zerlegt werden muß. Dieses Berausziehen bes Bohrgestanges aus bem Bohrloche wird burch ein ftartes Tau UV bewirkt, welches uber eine Rolle am Ropfe des Bohrgeruftes weggeführt ift, und um ben Rundbaum bes Saspels ST gelegt wird, wenn jum Berausziehen verfchritten werben foll.

Aus dem Borstehenden ift zu ersehen, daß das Abbohren mit dem Erdsbohrer aus einer-breifachen Arbeit besteht. Es ift namlich das Bohregestange

- 1) in Sigen von etwa 100 Schlagen emporzuheben,
- 2) hierbei baffelbe allmalig umzubrehen und
- 3) baffelbe von Zeit zu Zeit gang aus bem Bohrloch herauszuziehen und wieder in baffelbe hinabzulaffen.

Der Arbeitsaufwand, welchen das Heben des Bohrers beansprucht, ist so zu beurtheilen, wie die Arbeit an der Kunstramme. Ist Q das Gewicht des Bohrgestänges und h dessen Kallhöhe, so hat man die mechanissche Arbeit bei jedem Gestänghube =Qh und ist folglich die mittlere Anzahl der Anhübe pro Minute =n (etwa 30 bis 40), so hat man die Leisstung pro Secunde $L=\frac{n}{60}$ Qh.

Ist die Kurbelarmlange =a, die Lange des Kraftarmes des Schwengels $QR=a_1$, die des Lastarmes desselben $=b_1$, serner die Lange des Kraftarmes des Schwengels $EFG=a_2$, und die seines Lastarmes $=b_2$, serner n_1 die Anzahl der Zahne des Zahnrades auf der Kurbelwelle und n_2 die Anzahl der Zahne des Zahnrades auf der Trommelwelle

und endlich n3 bie Angahl ber Bebedaumen diefer Welle, so bestimmt sich

Mbbobrmaschinen das Berhaltniß der Aurbelfraft P zum Gewichte Q des Bohrgeftanges durch die Kormel

$$\frac{P}{Q} = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{n_3 h}{2 \pi a}.$$

Die Kraft zum Drehen bes Bohrers ist, wenn der Bohrer an einem Dehre hangt, nach III., §. 142 zu berechnen. Was aber die Arbeit zum Herausziehen des ganzen Bohrgestänges aus dem Bohrloch anlangt, so ist biese dem Producte aus dem Gewichte des Gestänges und aus der Erhebung seines Schwerpunktes gleich zu sehen.

Beifpiel. Um einen Erbbohrer von 2000 Pfund Gewicht 1 Fuß hoch zu heben, ift eine Arbeit von 2000 Fußpfund nöthig. Berwendet man aber hierzu drei Arbeiter und läßt man diefelben an einer Aurbel wirken, so liefern diefe täglich 3. 1'175040 = 3'525120 Fußpfund Arbeit, und es können diefelben folglich ben Bohrer in dieser Zeit $\frac{3'525120}{2000}$ = 1762 mal anheben.

Ware das Bahnezahlverhaltniß des Bohrhaspels $\frac{n_1}{n_2} = \frac{1}{4}$, das Armlängens verhältniß $\frac{b_1}{a_1} = \frac{3}{4}$, das Armlängenverhältniß $\frac{b_2}{a_2} = \frac{1}{4}$, die Anzahl der Druds daumen $n_3 = 4$ und die Rurbelarmlänge a = 1 Fuß, so hätte man, nach dem Obigen, die erforderliche Kraft an den Rurbelspillen:

$$P = \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b_1}{a_1} \cdot \frac{b_2}{a_2} \cdot \frac{n_3 h}{2 \pi a} Q = \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} \cdot \frac{4 \cdot 1}{3 \pi} \cdot 2000$$

$$= \frac{2000}{16 \pi} = 39.8 \text{ Pfunb};$$

fo bag auf jeben ber brei Arbeiter nur 18,3 Pfunb fame.

3 weites Rapite L

Von den Maschinen zum Heben der Lasten auf größere Höhen.

Chade forderung. §. 238. Das heben ber kaften auf größere hohen tommt vorzüglich bei ber Korberung in Schachten (franz. puits, engl. shafts), b. i. auf ben mehr ober weniger sentrechten Wegen vor, wodurch bie Grubensbaue entweber unter einander ober mit ber Tagesoberstäche verbunden sind. Deshalb soll benn auch in diesem Rapitel nur von der Schachtfordesung bie Rebe sein. Der wesentlichste Theil einer Schachtforderungsmaschine ist eine Radwelle in Berbindung mit Seilen, an beren Enden zwei zur Aufnahme der kasten dienende Fordergefäse besestigt sind. Je nachdem diese Masschine nach der einen oder nach der ans

beren Richtung umgebreht wird, widelt fich bas eine ober bas andere Seil Sandiforbeauf die Welle auf ober von berfelben ab, wobei naturlich allemal bas gefullte Forbergefaß mit emporgehoben und bas entleerte Forbergefaß niebergelaffen werben tann. Durch biefe Ginrichtung unterscheiben fich bie Schachtforberungsmaschinen vorzuglich von ben Aufzugen, bei welchen in ber Regel nur ein Seil mit einem Korbergefage angewendet wirb. Rommt es nur barauf an, fleinere Forbermaffen aus fleineren Tiefen emporgus schaffen, fo bebient man fich in ber Regel bes gewohnlichen Saspels als Forbermaschine, und lagt benfelben burch zwei Arbeiter, bie fogenannten Saspelinechte, in Umbrehung feten. Um großere Forberquanta ausguforbern, wendet man aber bie ftebenbe Belle ober ben Gopel an, und zwar entweber ben fogenannten Sandgopel, ober ben Dofen= ober Pferbegopel (f. II., 6. 84 und 6. 85). Ift es endlich nothig, in einer gegebenen Beit ein bebeutenbes Forberquantum ju Tage ju forbern, fo muß man entweder von ber Bafferfraft ober von der Dampftraft Gebrauch machen. In Deutschland nennt man auch diese burch Baffer ober Dampf in Bewegung gefetten Forbermafchinen Gopel, und unterfcheibet hiernach noch die Baffers und Dampfgopel von einanber.

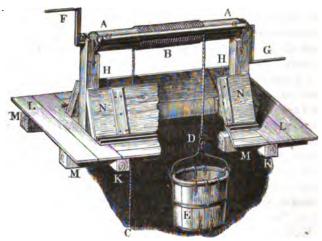
Die Umtriebsmafchine eines Waffergopele tann entweber in einem vertitalen ober in einem horizontalen Wafferrade ober gar in einer Wafferfaulenmaschine bestehen, und es ift hiernach biefelbe entweder ein fogenannter Bafferrabgopel ober ein Eurbinengopel ober ein Bafferfaulengopel.

hiernach ift benn auch in biefem Rapitel von folgenden Arbeitsmafchi= nen bie Rebe:

- 1) ber Saspel (Bieh : ober Berghaspel),
- 2) ber Sandgopel,
- 3) ber Pferbegopel (Treibegopel),
- 4) ber Bafferrabgopel,
- 5) ber Turbinengopel,
- 6) ber Bafferfaulengopel und
- 7) bet Dampfgopel.

6. 239. Die Ginrichtung eines Biebhaspels nach Freiberger Conftruction Bernbased. ift aus Fig. 494 (a. f. G.) ju erfehen. AA ift bie Belle ober ber fogenannte Rundbaum, um welche ein Seil B gewidelt ift, an beffen Enben C und D bie in mit Gifen befchlagenen Rubeln beftebenben Forbergefage angehangt find. In diefer Figur ift nur ber eine Rubel E, und amar berjenige, welcher entweber foeben gefullt an ber Schachtmundung ankommt ober im Schachte leer niebergeht, abgebilbet; ber andere Rubel

Berghaspel. ist nicht sichtbar, ba er sich noch in ber Nahe bes Fullortes, b. i. nahe Big. 494.



uber bem Punkte befindet, von wo aus die Forderung und wo also auch die Fullung ber Rubel erfolgt. Die in die Rurbeln ober fogenannten haspelhorner F und G austaufenden Bapfen des Rundbaumes ruben auf ben fogenannten haspelftuben H, H, welche unten auf uber ber Schachtmunbung wegliegenben Querfcwellen ober fogenannten Pfuhlbaumen K, K festfigen und oben mit Schligen verfeben find, bie gur Aufnahme ber Bapfen bienen und ju biefem 3mede mit eifernen Banbern, ben fogenannten Pfadeifen, ausgefüttert werben. Die Saspelfnechte fteben bei ber Arbeit ober bei ber Umbrehung ber Rurbeln auf einer Buhne LL, welche auf bem uber bem Schacht wegliegenden Schwellengeviere KK, MM ruhen. Die Stange aa, welche langs bes Rundbaumes hinlauft und burch Gifenhaten fest mit ben Saspelftuben verbunden ift, bient bem fogenannten Ausläufer als Sandhabe beim Abziehen bes gefüllten Rubels von ber Schachtmundung und beim Einhangen bes leeren Rubels. Um end: lich bas hineinsturgen frember Korper in ben Schacht am Ende bes Biehens ober Ausforderns zu verhindern, werden noch die Thuren NN und 00 an die Streben angefehnt, welche gur Befestigung ber haspelftuben mit ben Pfuhlbaumen bienen.

Ift ber Schacht feiger (lothrecht), fo hangen die Rubel frei, ift er aber flach, fo liegen fie auf einer aus Brettern, Stangen ober Schwarten gebils beten Bahn, bem fogenannten Tonnenfache, bas nicht allein in ber Mitte, sondern auch zu beiben Seiten mit aufrecht gestellten Brettern versehen ift, bamit die Rubel weber mit einander, noch mit anderen Gegenständen im

Schachte zusammenstoßen können. Jebe Abtheilung ber baburch erhaltenen Bergbabpel. Rübelleitungen erhalt eine Breite, welche die Lange eines Kübels reichlich boppelt enthält, damit sich das Seil auf dem Rundbaume möglichst lang fort und weniger über sich seibst aufwidele. Durch das allerdings bei größeren Schachtteusen unvermeidliche Uebersichwickeln des Seiles wird eine Beränderlichkeit des Hebelarms der Last und folglich auch eine Beränderlichkeit des Hebeigeführt, wodurch allerdings die Leistung der Arbeiter herabgezogen werden kann. Der mittlere Hebelarm d der Last bestimmt sich aus dem Halbmesser r des Rundbaumes, der Länge s des auszuwickelnden Seiles, der Länge l desjenigen Rundbaumstückes, auf welschen sich das Seil eines Kübels auswickelt, und aus der Stärke d des Seiles durch die in III., §. 81 gefundene Formel:

$$b = \left(1 + \frac{s d^2}{4 \pi l r^2}\right) r.$$

Die Kübel sind entweder aus Holzdauben zusammengesett, oder bestehen aus Eisenblech. Sie haben einen elliptischen Querschnitt, der vom Boden nach der Mündung zunimmt. Die beiden Aren des Bodens messen einen 9 und 15 Zoll, und die der Mündung 11 dis 18 Zoll, die Tiese aber ist 15 Zoll, und hiernach der Inhalt ungefähr 2400 Eubikzoll. Rechnet man, daß das specifische Gewicht der Fördermasse 2,5 ist, und daß die Fördermasse 2/5 des ganzen Kübelraumes aussüllt, so beträgt hiernach das Gewicht der Fördermasse eines Kübels

$$= 0.4 \cdot 2.5 \cdot 66 \cdot \frac{2400}{1728} = \frac{6600}{72} = \frac{1100}{12} = 92$$
 Pfunb.

Bei dem Freiberger Bergbau rechnet man, daß zwei Arbeiter in einer achtstündigen Schicht aus einem Schachte von 20 Lachter Seigerteufe (lothrechter Tiefe) zwei Schock Kübel Berge ziehen. Da 20 Lachter = 40 Meter = 40. 3,1862 = 127,448 Fuß beträgt, so ist hiernach die tage liche Leistung biefer Arbeiter

also die eines einzigen Arbeiters 703510 Fußpfund. In II., §. 84 wurde bagegen das tägliche Arbeitsquantum eines Menschen an der Kurbel 1'175040 Fußpfund angegeben. Die Differenz von 473530 Fußpfund hat ihren Grund nicht allein in den Nebenhindernissen des Ziehhaspels, sondern auch noch darin, daß die Haspelknechte in einer achtstündigen Schicht höchstens sechs Stunden lang arbeiten und babei ihr tägliches Arbeitsvermögen nicht erschöpfen.

§. 240. In der Absicht, den Rraft = und Arbeitsaufwand bei ber Forsberung mittels eines einfachen haspels ju finden, fegen wir

Berghaspel.

bie Korberlaft eines Rubels = O.

das Gewicht eines leeren Rubels = G,

bas Gewicht bes armirten Rundbaumes fammt Seil $=G_1$,

bas Fallen, ober den Neigungswinkel des Schachtes ober der Kübelleistung gegen ben Horizont, $= \alpha$,

ben mittleren gaftarm bes Rundbaumes = b,

bie Rurbelhohe ober ben Kraftarm = a, und

bie Starte bes Biebfeiles = d.

Die Rraft zum Berausziehen bes gefüllten Rubels ift nach I., §. 159

$$S_1 = (G + Q) (sin. \alpha + \varphi cos. \alpha),$$

und die Rraft, mit welchet ber leere Rubel bem Aufsteigen bes gefüllten Rubels zu hulfe kommt,

$$S_2 = G (\sin \alpha - \varphi \cos \alpha);$$

folglich ift die Rraft gur Bewegung beiber Rubel:

$$W_1 = S_1 - S_2 = Q$$
 sin. $\alpha + \varphi (Q + 2G)$ cos. α , ober, wenn man ben Coefficienten ber Reibung des Rubels in seiner Leis

tung, $\varphi = 0.3$ annimmt,

$$W_1 = Q \sin \alpha + 0.3 (Q + 2 G) \cos \alpha$$
.

Bu diesem Wiberstande kommt nun noch der Widerstand W_2 , welcher beim Umlegen des Seiles um den Rundbaum zu überwinden ist, sowie die Reibung W_3 der Zapfen des Rundbaumes in seinen Lagern.

Der Steifigkeitswiderstand eines Hanffeiles ift nach I., §. 179 burch bie Formel:

$$W_3 = \frac{d^{1.4}}{b} (6.83 + 0.141 Q)$$

$$= \frac{d^{1.6}}{b} \left[6,83 + 0,141 \left(G + Q \right) \left(\sin \alpha + \varphi \cos \alpha \right) \right] \text{ bestimmt.}$$

Die auf ben gaftpunkt reducirte Zapfenreibung wird nach I., §. 177 burch bie Formel:

$$W_3=\varphi_1\;\frac{r}{b}\;R,$$

worin φ_1 ben Coefficienten ber Bapfenreibung und R ben Bapfenbrud bes zeichnet, berechnet.

Der lettere ist die Mittelkraft aus der Summe S_1+S_2 der beiden Seilspannungen und aus dem Gewichte G_1 des armirten Rundbaumes, und berechnet sich daher durch die Formel:

$$R = \sqrt{\frac{[(S_1 + S_2) \sin \alpha + G_1]^2 + [(S_1 + S_2) \cos \alpha]^2}{[(S_1 + S_2)^2 + 2 (S_1 + S_2) G_1 \sin \alpha + G_1]^2}}$$

wofur indeffen, zumal bei Schachten mit großeren Fallen, annahernd :

$$R = S_1 + S_2 + G_1 \sin \alpha$$

= $(Q + 2G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha$

Berghaspel.

gefest werben fann.

Nimmt man $\varphi_1 = 0,1$ an, fo hat man hiernach:

$$W_3 = 0.1 \frac{r}{b} [(Q + 2G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha].$$

Sehen wir nun das Moment der Umbrehungefraft P dem Momente der Gesammtlast $W_1+W_2+W_3$ gleich, so erhalten wir folgende Kraftformel:

$$Pa = (W_1 + W_2 + W_3) b, \text{ ober}$$

$$Pa = [Q \sin \alpha + 0.3 (Q + 2 G) \cos \alpha] b + d^{1.4} [6.83 + 0.141 (Q + G) (\sin \alpha + \varphi \cos \alpha)] + 0.1 r [(Q + 2 G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha].$$

Hat man mit Sulfe bieser Formel die Kraft P eines Haspels bestimmt, so berechnet sich nun auch mit Hulfe der bekannten Kraftformel (f. II., §. 80) die entsprechende Geschwindigkeit des Kraftpunktes oder der Hasppelspille:

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right)c$$

und hieraus wieber bie mittlere Beschwindigfeit ber Laft:

$$w=\frac{b}{a}v.$$

Ift s bie flache Schachtteufe ober ber ganze Laftweg, fo hat man bie Beit zum Berausziehen eines Rubels:

$$t_1=\frac{s}{w}=\frac{as}{bv},$$

und ist to die Stillstandszeit ober Zeit zum Anfüllen und Ausleeren eines Rubels, t aber die ganze Schichtzeit, so folgt endlich die Anzahl ber pro Schicht auszufordernden Kubel:

$$n=\frac{t}{t_1+t_2}.$$

Der obigen Rraftformel tann man auch folgende Form geben:

$$P = \left(1 + 0.141 \frac{d^{1.4}}{b} + 0.1 \frac{r}{b}\right) (1 + 0.3 \text{ cotg. } \alpha) \frac{b}{a} Q \sin \alpha$$

$$+ \left[0.6 G \cot g \cdot \alpha + \frac{d^{1.4}}{b} \left(\frac{6.83}{\sin \alpha} + 0.141 G (1 + 0.3 \cot g \cdot \alpha)\right) + 0.1 \cdot \frac{r}{b} (2 G + G_1)\right] \frac{b \sin \alpha}{a},$$

ober

Berghadyd.
$$P = [(1 + \delta) (1 + 0.3 \ cotg. \ \alpha) \ Q + W] \frac{b \sin \alpha}{a}$$
, wofern man $0.141 \frac{d^{1.4}}{b} + 0.1 \frac{r}{b}$ burch δ und $0.6 \ G \ cotg. \ \alpha + \frac{d^{1.4}}{b} \left(\frac{6.83}{\sin \alpha} + 0.141 \ G \ (1 + 0.3 \ cotg. \ \alpha) \right) + 0.1 \cdot \frac{r}{b} \ (2 \ G + G_1)$ burch W bezeichnet.

Es ift aus II., §. 82 und §. 84 befannt, daß die Leiftung am größten ausfallt, wenn

$$P = K + \frac{b}{a} \frac{W \sin \alpha}{2} i ft,$$

folglich bas Bebelarmverhaltniß:

$$\frac{b}{a} = \frac{K}{\left((1+\delta)(1+0.3 \cot g.\alpha) Q + \frac{W}{2}\right) \sin \alpha}$$

in Unwendung gebracht wird.

Beispiel. Es sei das Förberquantum eines Kübels Q=90 Pf., das Gewicht eines leeren Kübels G=35 Pf., das Gewicht des Kundbaumes sammt Seil $G_1=100$ Pf., das Fallen des Schachtes $\alpha=60$ Grad, die Länge des Kraftarmes $\alpha=16$ Boll, die Stärfe des Kundbaumes=7 Joll, die Länge der Fortwicklung des Seiles auf demselben =2 Fuß, der Zapfenhalbmesser r=3/8 Boll und die Seilstärfe d=3/4 Boll; man fragt nach der Anzahl der Kübel, welche mittels dieses Haspels durch zwei Arbeiter aus einer pachen Teuse von 150 Fuß täglich zu Tage gesordert werden.

Die Formel $b = \left(1 + \frac{sd^2}{4\pi l r^2}\right) r$, worin r nicht ben Bapfen s fondern ben Rundbaumhalbmeffer bezeichnet, giebt uns zunächst die Länge bes mittleren Lastarmes:

$$b = \frac{7}{2} \left(1 + \frac{150}{2} \left(\frac{3}{4} \cdot \frac{2}{7} \right)^3 \cdot \frac{1}{4\pi} \right) = \frac{7}{2} \left(1 + \frac{1850}{1568\pi} \right) = \frac{7}{2} \cdot 1,274$$

$$= 4.459 \text{ Soli.}$$

Run ist

 $[Q \sin \alpha + 0,3 (Q + 2G) \cos \alpha] b$

= (90 sin. 600 + 0,8. 160 . cos. 600) . 4,459 = 454,6 Bellef.

 $d^{1.4}$ [6,83 + 0,141 (Q + G) (sin. α + φ cos. α)]

= (6,83 + 0,141 · 125 · 1,016) · 0,6685 = 16,5 Bollpf.,

 $\varphi_1 r \left[(Q + 2 G + G_1) \sin \alpha + \varphi Q \cos \alpha \right]$

 $= 0.1 \cdot \frac{8}{8} (260 \sin 60^{\circ} + 27 \cos 60^{\circ}) = 8.9 \text{ Bollyf.},$

baber folgt bas Rraftmoment:

$$Pa = 454.6 + 16.5 + 8.9 = 480,$$

und baher bie Rraft an ber Rurbel:

Ferner ift nach II., §. 84, die mittlere Kraft eines Arbeiters an ber Kurbel K = 17 Pfund, also die von zwei Arbeitern = 34 Pfund, und die mittlere Gefcwindigfeit beffelben e = 2,4 Fuß; folglich ift in bem vorliegenden Falle Bergbaspel. bie Gefcwindigfeit ber Rraft:

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right) c = \left(2 - \frac{30}{54}\right) \cdot 2.4 = \frac{19}{17} \cdot 2.4 = 2.68 \text{ Suf;}$$

alfo bie ber Baft:

$$w = \frac{b}{a} v = \frac{4,459}{16} \cdot 2,68 = 0,747 \ \text{Fuß},$$

und baher bie Beit jum Berausziehen eines gefüllten Rubels aus ber Tiefe s = 150 Fuß,

Der bet mittleren Arbeitszeit von e = 8 Stunden = 28800 Secunden entsprechende Weg ber Laft ift

 $s_1 = snt = 0.747 \cdot 28800 = 21514$ Fuß,

und folglich bie von zwei Arbeitern taglich auszuforbernbe Rubelgabl:

$$n = \frac{s_1}{s} = \frac{21514}{150} = 143.$$

Erforbert bie Beit zum Fullen und Leeren eines Rubels 1 Minute, so ift bie gange Stillstanbozeit 148.1 = 143 Min. = 2 Stunden 23 Min. und basher bie gange Schichtzeit 10 Stunden 23 Min.

6. 241. Mus ber Formel

$$\frac{b}{a} = \frac{K}{\left((1+\delta)\,(1+0.3\,\cot\!g.\,\alpha)\,Q + \frac{W}{2}\right)\,\sin.\,\alpha}$$

ift zu ersehen, bag ber mittlere Bebelarm b ber Laft und also auch bie Starte bes Runbbaumes

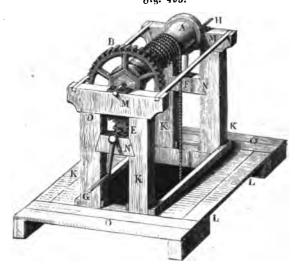
$$d_1 = \left(1 - \frac{s d^2}{4 \pi l b^2}\right)$$
. 2 b

um so schwächer ausfallen muß, je größer die Förberlast Q eines Kübels ist. Nun erfordert aber das Tragvermögen des Aundbaumes und die unvollschmmene Biegsamteit des Seiles, zumal wenn dasselbe, wie in neuerer Zeit sehr gewöhnlich, aus Eisendraht besteht, daß die Stärke des Rundbausmes unter eine gewisse Größe nicht herabgehe; deshalb ist es daher nöthig, zum Aussördern größerer oder untheilbarer Lasten Haspel mit Borgeslege in Anwendung zu bringen. Einen transportablen Vorgelegshaspel, welcher hierzu anwendbar ware, kennen wir schon aus III., §. 215, Fig. 442; bei dem hiesigen Vergbau hat man aber den Vorgelegshaspeln folgende Einzrichtung gegeben.

Der Rundbaum A, Fig. 495 (a. f. S.), ist hier 12 bis 16 30ll stark, und trägt ein größeres eisernes Jahnrad BD von 40 bis 60 Jähnen, während auf der eisernen Kurbelwelle EF (in der Figur verdeckt) ein kleineres eisernes Jahnrad E von 12 bis 15 Jähnen sestsite. In der Regel läßt man an jedem der beiden Kurbelhorner G und H einen

522

Borgelege. Haspelknecht arbeiten; bei größerer Lange ber Spillen ist es jedoch auch Fig. 495.



möglich, brei oder vier Arbeiter an diesem Haspel anzustellen. Es läßt sich zumal die Einrichtung treffen, daß zwei Arbeiter regelmäßig dem Umbrehen der Kurbel obliegen und ein dritter Arbeiter nicht allein das Aussstürzen der Kübel besorgt, sondern auch noch eine Zeit lang mit an einem Haspelhorne dreht. Die Drahtseile, welche man bei solchen Haspeln anwendet, werden aus vier Liben zu je vier Drähten zusammengedreht. Die Stärke des hierzu verwendeten Drahtes ist 1/32 bis 1/16 Zoll. Zur Untersstügung des Rundbaumes und der Kurbelwelle dienen zwei Paar Haspelsstühen K, K..., welche in den quer über dem Schachte wegliegenden Pfühlbäumen L, L eingelassen sind und den Kundbaum mittels der Quershäupter M_1 M_2 die Kurbelwelle aber mittels der Froschen N N tragen. Durch die Bänke O, O wird den Arbeitern ein fester Standpunkt versschassel.

Segen wir bei diesem haspel, wie im vorigen Paragraphen, bas Doment ber Laft:

 $[(1+\delta)~(1+\varphi~cotg.~\alpha)~Q+W]~b~sin.~\alpha,$ so haben wir hier unter der Boraussezung, daß n_1 die Anzahl der Zahne des Treibrades auf der Kurbelwelle, n_2 die Anzahl der Zahne des Getriebzrades auf der Lastwelle, und φ_2 den Coefficienten der Zahnreibung bezeichznet, dem Paragraphen 52 entsprechend die erforderliche Kraft an der Kurzbelspille:

Bon ben Rafchinen gum Geben ber Luften auf größere Soben. 523

$$P = \left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] [(1+\delta)(1+\varphi \cot g.\alpha) Q + W] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} \sin \alpha, \xrightarrow{\text{Bergetrage.}}$$
 wobei jedoch noch die Zapfenreibung an der Kurbelwelle u. f. w. außer Acht geblieben ist.

Ift a2 ber halbmeffer bes Bahnrabes auf ber Lastwelle, fo hat man ben Drud zwischen ben Bahnen beiber Raber annahernb:

$$R = \frac{b}{a_2} Q \sin \alpha.$$

und ist noch r2 der Halbmeffer der Bapfen der Last= und der Kraft= ober Kurbelwelle, so hat man die auf den Kraftpunkt reducirte Zapfenreibung der Kurbelwelle:

$$F = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{G_2^2 + R^2} = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{G_2^2 + \left(\frac{b}{a_2} Q \sin \alpha\right)^2}.$$

Der aus bem Seitenbrucke R hervorgehende Zuwachs der Zapfenreibung der Lastwelle kann wegen seiner Kleinheit außer Ucht gelassen werden. Bei Haspeln für einen seigeren Schacht ist $\alpha=90^{\circ}$, folglich sin. $\alpha=1$ und \cos . $\alpha=colg$. $\alpha=0$, daher einfacher:

$$P = \left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] [(1 + \delta) Q + W] \frac{n_1}{n_2} \cdot \frac{b}{a} + F$$
, und $F = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{G_2^2 + \left(\frac{b Q}{a_2}\right)^2}$.

Die erste Formel ist vorzüglich anzuwenden, wenn es darauf ankommt, bas einer gegebenen kast Q entsprechende vortheilhafteste Umsehungsvershältniß $\psi=\frac{n_1}{n_2}$ zu bestimmen. Da für diesen Kall

$$P = K + \frac{F}{2} + \frac{n_1}{n_2} \frac{b}{a} \left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right) \right] \frac{W}{2}$$

fein foll, fo folgt, indem man P eliminirt:

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{K - \frac{F}{2}}{\left(\left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)\right] (1 + \delta) Q + \frac{W}{2}\right) \frac{b}{a}}, \text{ ober annahernb}$$

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{a K}{b O}.$$

Beispiel. Ift für einen Borgelegshaspel zu einem seigeren Schachte gegeben: die Laft Q=200 Pfund, die Rurbelhöhe a=16 Joll, und der mittlere Sebelarm der Laft b=8 Joll, so hat man zunächst bei Anstellung von zwei haspelfnechten mit je 17 Pfund Kraft das Umsetzungsverhältniß annähernd

$$\frac{n_1}{n_2} = \frac{a K}{b Q} = \frac{16 \cdot 34}{8 \cdot 200} = \frac{34}{100}$$
, also ungefähr 1/8.

524

Bergelegs.

Seten wir hiernach vorläufig die Anzahl ber Bahne bes Rabes auf ber Kurbelwelle, $n_1=17$ und die des Rabes auf ber Lastwelle, $n_2=52$, sowie $\varphi_2 n=\frac{1}{3}$, so erhalten wir den Factor:

$$1 + \varphi_3 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right) = 1 + \frac{1}{3} (\frac{1}{17} + \frac{1}{62}) = 1,026.$$

Bare bie Starfe bes etwa anzuwenbenben Sanffeiles 3/4 Boll, fo murbe ber Berth

$$0.141 \cdot \frac{d^{1.4}}{b} = 0.141 \cdot \frac{0.668}{8} = 0.141 \cdot 0.0835 = 0.012$$

betragen; bei Anwendung eines $\frac{1}{4}$ Boll biden Drahtfeiles ift hingegen ber Steis figfeitswiberstand nur halb fo groß, b. i. $\frac{1}{2}$. 0,141 $\frac{d^{1,4}}{h}$ = 0,006.

Sett man noch ben Bapfenhalbmeffer ber Laftwelle $r=\frac{1}{2}$ Boll und ben Reibungscoefficientin $\varphi_1=0.1$, fo erhält man

$$\frac{\varphi_1}{b} = \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{16} = 0,006$$

und baher ben Facter:

$$1 + \delta = 1 + 0.006 + 0.006 = 1.012$$
.

Ift ferner bas Gewicht eines Rubels, G = 70 Pfund und bas Gewicht ber-Laftwelle 500 Pfund, fo hat man bie conftante Nebenlaft:

$$W = \frac{1}{2} \cdot \frac{d^{1.4}}{b} (6.83 + 0.141 G) + \frac{\varphi_1 r}{b} (2 G + G_1)$$

= 0.04175 (6.83 + 9.87) + 0.006 · 640 = 4.45 \(\text{9f.} \)

Endlich ift die Sapfenreibung an der Aurbel, wenn der halbmeffer des Bapfens $r_2=\frac{3}{8}$ Boll, das Gewicht der Aurbelwelle, $G_2=150$ Pfund und der halbmeffer des Bahnrades auf diefer Welle, $a_2=18$ Boll angenommen wird:

$$F = \varphi_1 \frac{r_2}{a} \sqrt{\frac{G_2^2 + \left(\frac{bQ}{a_2}\right)^2}{\left(\frac{a_2}{a_2}\right)^2}} = \frac{1}{10} \cdot \frac{3}{8 \cdot 16} \sqrt{150^2 + \left(\frac{200 \cdot 8}{18}\right)^3}$$

 $= 0,00234 \sqrt{22500 + 7901} = 0,408 \text{ Pfunb.}$

hiernach erhalten wir genauer bas Umfetungeverhaltnig:

$$\begin{split} &\frac{n_1}{n_2} = \frac{K - \frac{F}{2}}{\left(\left[1 + \varphi_2 \pi \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{a}\right)\right] (1 + \delta) Q + \frac{W}{2}\right) \frac{b}{a}} = \frac{34 - 0,204}{(1,026.1,012.200 + 4,45)} \cdot \frac{16}{8} \\ &= \frac{33,796}{106.05} = 0,819; \end{split}$$

wonach man angemeffener die Bahnegahlen $n_1=17$ und $n_2=54$ in Anwens bung bringen fann.

Band . unb Bferbegepel.

§. 242. Die allgemeine Einrichtung ber Hand und Pferbegopel ift berreits aus II., §. 85 bekannt; es bleibt baher nur noch von ben besonberen Einrichtungen ber Gopel, wodurch bieselben zum Forbern geschickt werden, zu handeln übrig. Ein zu biesem Zwecke sehr nothiger Theil ist ber sogenannte Korb (s. III., §. 81) oder die Trommel, um welche sich bas Seil wickelt, wodurch die Last emporgezogen wird. Die Korbe sind entweder cylindrisch oder conisch gesormt. Im letteren Falle nennt man sie gewöhnlich Spiralkorbe. Sie sind ferner fest oder bewegs

lich auf ihrer Belle. Lettere erhalten eine Aus- und Ginrudvorrich = gant unt tung, ahnlich wie Fig. 410 vor Mugen fuhrt, und leiften ihre Dienfte, wenn es barauf ankommt, bie Forberteufe ju verandern. In biefem Kalle wird der Korb, an welchem die oben angekommene Tonne hangt, von feis ner Welle abgeloft, und burch Bremfen in feiner Umbrehung gehindert, wahrend die unten angekommene leere Tonne von bem feitherigen Rullorte nach bem neuen Fullorte getrieben wird. Ift bies gefchehen, fo wird biefer Rorb wieder fest mit der Welle verbunden, und es tann nun bas Forbern von bem neuen Kaffungepunkte aus ohne Beiteres vor fich geben. Der Salbmeffer bes Korbes ift gewohnlich ein Biertel ber Schwengellange, und die Lange beffelben 1 bis 2 Fuß. Durch die fogenannten Rorbscheiben, welche ben Korb begrenzen, wird ein 1 bis 2 guß tiefes Seilfach jum Aufwideln bes Seiles gebilbet. Eine ber Rorbicheiben bient zugleich als Bremerad fur einen Breme, beffen mefentliche Ginrichtung aus f. 166, Rig. 343 befannt ift.

Die horizontale Richtung bes sich um ben Rorb widelnben Seiles wird burch Leitrollen ober fogenannte Seilscheiben, welche etwa 20 Rug boch über ber Schachtmundung hangen, in bie Schachtrichtung umgean-Man macht diese Scheiben 6 bis 10 Fuß hoch und giebt ihnen eine rinnenformige Bertiefung fur bas Seil. Eine folche Scheibe aus Bugeifen ift bereits aus §. 23, Fig. 66 bekannt. Damit fich bas Geil regels magig auf ben Rorb aufwideln tonne, barf ber Abstand ber Geilscheiben vom Korbe nicht unter bem 3manzigfachen ber Seilfachhohe meffen, auch ift ju biefem 3mede bas Seilftud zwischen bem Rorbe und ber Seilfcheibe burch fogenannte Balanciergewichte ju unterftuten. Die Ebene einer Seilscheibe ift burch die Richtung bes Seiles im Schachte und burch bie bes Seilftuckes vom Korbe nach biefer Scheibe bestimmt. Ift ber Schacht feiger, fo erhalt hiernach auch jebe ber beiben Seilscheiben eine feigere Lage; ift hingegen ber Schacht flachfallend und ber Horizontalabstand ber beiben Seile im Schachte nicht gleich bem Korbburchmeffer (in ber Regel fleiner). fo find bie Seilscheiben, und folglich auch ihre Uren, Schief gegen ben Boris gont zu legen.

In der neueren Beit wendet man fast nur Drahtfeile (f. f. 18) gur Sopelforderung an. Diefelben find in ber Regel moglichst rund jufammengebreht und bestehen aus 3 bis 6 Ligen ju je 4 bis 6 Drahten. Berbindung bes Seiles mit bem Forbergefage ober ber Treibetonne wird burch Retten, der fogenannten Schurg- und Quengelfette, bewirft. Bei ber Forberung in feigeren Schachten haben bie Forbergefaße nicht felten bie gewöhnliche fagformige Geftalt; jur Forberung in flachen Schachten, wo bas Forbergefaß in einer Leitung geben muß, find hingegen taftenformige Treibetonnen nothig. Um bas nachtheilige Drehen ber TonSand - und Bferbegopel.

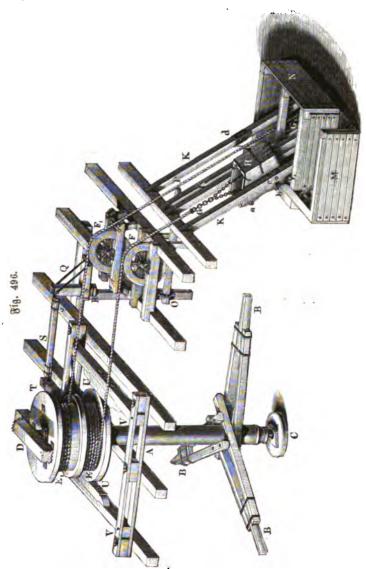
nen in seigeren Schachten zu verhindern, wendet man an manchen Orten noch fogenannte Bandfeile an, welche aus mehreren Rundfeilen gufammengenaht werben; weit beffer ift es jeboch auch hier eine Tonnenleis tung anzuwenden. Die Treibetonnen fur feigere Schachte find parallelepipebische Raften mit vier Seitenwalzen, wovon je zwei an einer Seitenwand ber Tonne figen und zwischen zwei in bem Kallen bes Schachtes nie bergebenben Streichbaumen beweglich fint. Die Treibetonnen fur flache Schächte find prismatische Raften mit trapezoidalen Seitenwanden, und erhalten außer ben Seitenwalzen noch vier Raber ober Bauchwalzen, womit fie auf ben in neueren Beiten meift mit Gifenschienen belegten Straß: baumen laufen. Um fo wenig wie moglich Aufenthalt beim Fullen und Leeren ber Korbergefaße zu haben und bas Korbern moglichst zu beschleuni= gen, hangt man, jumal bei feigeren Schachten, fatt ber Treibetonnen ein mit einer Schale verfehenes Gestelle an bas Treibefeil und forbert gleich bie Magen, in welchen bie Forbermaffen bem Schachte jugeforbert werben, nachdem man fie auf die Schale geschoben hat, zu Tage.

Damit sich das Treib = oder Forberseil nicht auf dem Liegenden des Schachtes abreibe, werden von Distanz zu Distanz Seilwalzen angebracht, über welche das Seil hinlauft.

Um enblich bas aus bem Schachte gekommene Forbergefaß zu leeren, muß noch eine besondere Stürzvorrichtung angebracht werden, welche aus haten, ben sogenannten Stürzhaken, und aus zwei Bolzen, den sogenannten Stürzaren, besteht. Jene sien auf den Streichbaumen über der Schachtbrüstung, diese hingegen ragen aus den Seitenwänden der Tonne etwas unter dem Mittel derselben hervor. Soll die Tonne gestürzt werzden, so läßt man die Stürzhaken mittels eines Hebels herab, damit sich die Stürzaren der niederzulassenden Tonne in dieselben einlegen können. Werden statt der Tonnen die Körderwagen auf Schalen empor getrieben, so mussen gestürzt werden, dassen die letzteren durch niederzulassenden Haken vor dem unzeiztigen Niedergehen gesichert werden, dagegen kommt es dann nur noch darauf an, den gefüllten Wagen von der Schale abzuziehen und ihn durch einen leeren zu ersehen.

§. 243. Die Einrichtung eines Sandgopels für einen flachen Schacht kann man aus der monodimetrischen Zeichnung besselben in Fig. 496 ersehen. A ift die stehende Welle und B, B, B sind die drei auf berselben befestigten Schwengel, deren Enden von den Arbeitern ergriffen und von denselben fortgeschoben werden. Diese Welle ruht mit ihrem unteren Zapfen oder Stifte in einer Pfanne, welche in dem sogenannten Göpelstock C eingelassen ist, und wird mit ihrem oberen Zapfen durch ein an einen Balten D bes Göpelhauses angeschraubtes Lager gestützt. Die

beiben Korbe E und E_1 dieses Gopels siten fest auf ber stehenden Welle pand. nnt bilben baher ein Ganges. Die Seile EFG und $E_1F_1G_1$ laufen uber die neben und uber einander hangenden Seilfcheiben F und F1, wodurch fie bie bem Fallen bes Schachtes entsprechenden Richtungen er-

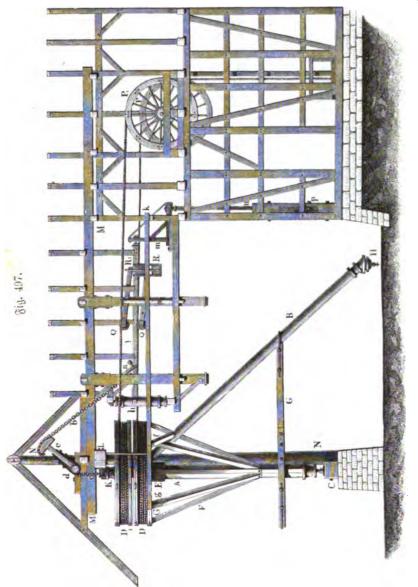


Banb · unb Bferbegopel.

halten. Die eine Tonne H ift foeben über Tage angekommen und von ben Sturzhaken erfaßt, bie andere Tonne ift bagegen am Fullorte ange= langt, und beshalb in der Zeichnung nicht angegeben. Bon ber Tonnenleitung find nur bie Streichbaume K, K, ic. fichtbar; von ben Strafbaumen, worauf die Tonne mit ihren Rabern ober Balgen a, b . . lauft, ift bei L nur bas Ende bes einen bemerkbar. Ebenfo bemerkt man von ben vier Sturghafen, welche in ben Streichbaumen eingelaffen find, in c und d beren nur zwei. MN ift bie fogenannte Schachtbruftung, welche bei M ben Fahr: und bei N bie beiben Abtheilungen bes Treibschachtes von außen umgiebt. Die untere Rorbscheibe bient jugleich als Brems= rab, wenn es barauf ankommt, die Mafchine gu fiftiren. Diefes Bremfen wird durch nieberbruden eines um O brehbaren Sebels OP, bes fogenannten Bremebrudels, hervorgebracht. Diefer wirft mittels einer vertitalen (in ber Figur taum fichtbaren) Bugftange auf ein um R brebbares Rreuz QR, welches mit bem ichon aus g. 170, Fig. 351 befannten Bremewerk TUV burch eine horizontale Bugftange S in Berbindung gefett ift.

Die Ginrichtung eines fachfischen Pferbegopels ift aus Figur 497 gu entnehmen. Es ift auch hier A bie ftebenbe Belle, B ber Schwengel und C ber die erftere unterftugende Gopelftod, beffen fpecielle Bufammenfegung aus Figur 498 (S. 530) erfeben werben kann. hier ift a ein burch Unter mit bem aufgemauerten Gopelftode verbundenes Lager aus Solz, durch welches die Gegenkeile b. b hindurchgeben, welche die Pfannen tragen, in welchen ber in bem unteren Bapfen d ber ftebenben Belle A eingesette Stahlstift lauft. (Bergl. 6. 9, Fig. 24-26.) Bon ben beiben Rorben D und D1, Fig. 497, ift ber untere fest auf ber ftebenden Welle, ber obere aber beweglich auf berfelben. Fur gewohnlich ruht ber erstere auf bem letteren und ift mit bemfelben burch Bolgen verbunden, die aus bem oberen Armgeviere des unteren Korbes hervorragen und in entsprechende Locher im unteren Armgeviere bes oberen Rorbes eingreifen. Kommt es aber barauf an, bie leere Tonne im Schachte fortzuruden, fo breht man an einer Winde a, welche burch eine Rette b und einen Arm c mit ber Horizontalwelle d in Berbindung gefett ift, von welcher zwei ben oberen Rorb tragende Retten, wie e, berabhangen. Daburch wird ber obere Rorb von dem unteren abgehoben, und es fann nun die stehende Welle mit bem unteren Rorbe umlaufen, folglich bie mit bemfelben verbundene leere Tonne beliebig hoher ober tiefer geruckt werden, ohne daß ber obere Rorb umlauft und die an ihm hangende volle Tonne ihren Ort andert. Der untere Rorb D wird durch Knaggen E und Streben F von unten unterftust. und ber Schwengel B ift oben in die stehende Welle eingezapft und verschraubt, übrigens aber auch noch in bem unteren Rorbe festgefeilt, und

Bon ben Mafchinen zum Geben ber Laften auf größere Hohen. 529 an bemfelben burch Streben f und an der stehenden Welle unten burch Streben, und geferbegopet.



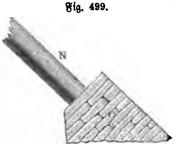
einen Spannriegel G abgesteift. Die 10 Fuß lange Deichsel, woran bie III.

Sand- und Pferbe giehen, ift burch einen Stednagel H an bas untere Ende bes



Schwengels angehangen und läst sich um biesen Nagel frei breben. Noch sind an dem Schwengel zwei Schleppspiese angehangen, welche sich in die Rennbahn einstemmen, wenn die Kraft nachläst, und welche dadurch das Juruckgeben der vollen Tonne verhindern. Der obere Japsen K der stehenden Welle liegt in einem Lager, welches an einem doppelten Querbalken L angeschraubt ist, der zwei Strebbalken wie M trägt und sich gegen die über die ganze Renndahn weggreisenden Sparren oder Spiesbäume NN stemmt. Diese Spiesbäume stügen sich unten auf eine Mauer O, wie

aus Fig. 499 zu erfeben ift, und find entweder oben in einander, ober an



einer Hangesaule, bem sogenannten Mond, eingezapft. Die Seile erhalten burch bie Seilscheiben P und P1 bie Richtung nach bem Schachte und sind bei Q und Q1 von Rollen unterstützt, die durch Gegengewichte R und R1 mittels Hebel von unten nach oben gedrückt werden. Endlich hat die Maschine noch ein Bremswert, wie wir bereits kennen

geternt haben. Die Fig. 496 zeigt in gk einen von ben beiben hebeln, an welchen die auf ben unteren Kranz des oberen oder unteren Korbes zu brudenden Bremsbacken befestigt sind. Um das Bremsen ohne Anstrengung und von dem Treibehause aus bewirken zu konnen, ist noch eine Wendedock h (vergl. §. 18) angebracht, welche durch, in der Figur nicht sichtbare, Zugstangen an die Bremshebel und durch die holzerne Zugstange l mit einem Kreuze m in Verbindung sieht, von dem eine britte Zugstange n herabhangt, welche mittels eines Drudels p niedergezogen werden kann. Um den Brems in der einen oder der anderen Stellung zu erhalten, ist zur Seite des Drudels eine gezahnte Stange angebracht und der Drudel selbst mit einem Zahne versehen, womit man benselben in diese Stange einschieben kann.

§. 244. Der Arbeitsaufwand, welchen die Bewegung eines Pferdes gopels nothig macht, ift mit Sulfe bes in II., §. 85 über die ftehenden

Bellen überhaupt Gefagten leicht zu beurtheilen, zumal ba hier viele Bere gand. und haltniffe biefelben find, wie bei ber Saspelforberung. Bezeichnen wit auch hier burch O bie Korberlast in einer Tonne, burch G bas Gewicht einer leeren Tonne, bagegen burch G_1 das Gewicht ber Seilwalzen im Liegenben bes Schachtes, burch G2 bas Gewicht einer Seilscheibe und durch Ga bas Gewicht ber armirten ftebenben Belle; fegen wir ferner ben Kallwinkel bes Schachtes = a, ben Salbmeffer einer Tonnenwalze = r, ben Salbmeffer bes Bapfens berfelben = o, ferner ben Salbmeffer einer Seilwalze = r1 und ben ihres Bapfens = Q1, sowie ben Salbmeffer einer Seilscheibe = r, und ben ihres Bapfens = Q; bezeichnen wir noch ben Salbmeffer bes Stiftes ber ftebenben Belle burch Qa und ben bes Bapfens burch Q4. Segen wir ferner bie Lange ber ftehenben Belle, vom Stift bis jum oberen Bapfen gemeffen, = l, ben mittleren Abstand ber beiben Rorbe von bem Stifte $= l_1$ und ben von bem oberen Bapfen $= l_2$, bie mechanische Schwengellange, vom Schwengelnagel rechtwinkelig gur Ure ber ftebenben Belle gemeffen, =a, die Deichsellange =d, ben mittleren gaftarm bes Rorbes = b, bie flache Schachtteufe = s, bie Seilstarte = 8, enblich bas Gewicht bes laufenben Fuges Treibefeil = γ und das Gewicht des ganzen Treibeseiles, d. i. $s \gamma$, = S.

Die reine Last ist auch hier, ba sich bie beiben Tonnen bas Gleichs gewicht halten, $W=Q\sin\alpha$.

Die beiben Tonnen bruden mit der Kraft $(Q+2G)\cos \alpha$ gegen die Tonnenleitung, und murben hier die gleitende Reibung $\varphi(Q+2G)\cos \alpha$ zu überwinden haben, wenn sie ohne Raber waren; durch biese Raber wird aber die gleitende Reibung in eine zu vernachlässigende rollende und in folgende Zapfenreibung verwandelt:

$$W_1 = \varphi \frac{\varrho}{r} (Q + 2 G) \cos \alpha$$
.

Die Treibeseile bruden mit bem Gewichte $S=s\gamma$ gegen die Seils walzen im Schachte, und geben hier eine Zapfenreibung, welche sich annahernd

$$W_2 = \varphi \frac{\varrho_1}{r_1} (S + G_1) \cos \alpha$$

fegen lågt.

Die Gesammtspannung ber beiben Seile ist $(Q+2G+S_1)$ sin. α anzunehmen, weshalb nach I., \S . 181 ber Steifigkeitswiderstand des Seiles an den Seilschen

$$W_3 = K + \frac{\nu (Q + 2G + S) \sin \alpha}{r_0}$$

zu fegen ift.

Die Seilfcheiben wirken burch ihr Gewicht 2 G, vertital abwarte, und

Dand und mittels ber Seile sowohl nach dem Schachtfallen abwarts als auch nach dem Korbe horizontal mit der Kraft $(Q+2G+G_1)$ sin. a, folglich kann man den Bapfendruck bei biefen Scheiben (f. I., §. 169)

 $0.96[2G_2+(Q+2G+S)(sin.\alpha)^2]+0.40(Q+2G+S)sin.\alpha(1-cos.\alpha)$ und baher bie entsprechenbe Bapfenreibung

$$W_4 = \varphi \frac{\varrho_2}{r_2} \left(0.96 \left[2 G_2 + (Q + 2 G + S) (\sin \alpha)^2 \right] + 0.40 (Q + 2 G + S) \sin \alpha (1 - \cos \alpha) \right)$$

$$= \varphi \frac{\varrho_2}{r_2} \left(1.92 G_2 + [0.96 \sin \alpha + 0.40 (1 - \cos \alpha)] (Q + 2 G + S) \sin \alpha \right)$$

fegen.

Die mittlere Spannung bes sich auf ben Korb aufwickelnden Seiles låft sich $(Q + G + \frac{1}{2}S)$ sin. a annehmen, weshalb ber entsprechende Seilsteifigteitewiberstand ift

$$W_5 = K + \frac{\nu (Q + G + \frac{1}{2}S) \sin \alpha}{b}.$$

Bu diesen Widerständen kommen endlich die aus II., §. 85 bekannten Bapfenreibungen an ber ftebenden Welle, namlich bie Reibung an ber Bafis bes unteren Bapfens

$$W_6 = \frac{2}{3} \varphi \frac{\varrho_3}{b} G_8$$

und bie Seitenreibung an beiben Bapfen

$$W_7 = \varphi\left(\frac{r_3 l_2 + r_4 l_1}{b l}\right) (Q + 2 G + S)$$
 sin. α .

Der Summe $W+W_1+W_2+W_3+W_4+W_5+W_6$ + W, diefer Widerstande ift burch bie vom Schwengelarme auf ben mittleren Laftarm reducirte Kraft bas Gleichgewicht zu halten. II., g. 85 ift der Hebelarm a1 ber Kraft wenig kleiner als die mechanische Schwengellange, namlich

$$a_1=\sqrt{a^2-rac{d^2}{4}}$$
, annähernb $=a-rac{d^2}{8a}$,

baher bas Moment ber Bugfraft ber Pferbe zu fegen:

$$Pa_1 = P\left(a - \frac{d^2}{8a}\right)$$

und die reducirte Rraft felbft

$$\frac{Pa_1}{b} = \frac{P(a - \frac{d^2}{8a})}{b} = W + W_1 + ... + W_7.$$

Sind die Laft, die beweglichen Gewichte und die Dimenfionen eines onn- und Bereiche Bageben, fo tann man nun leicht die erforberliche Bugtraft ber Pferbe

588

$$P = \frac{b(W + W_1 + \dots + W_7)}{a - \frac{d^2}{8a}}$$

finden.

Auch ist nun hieraus wieder die zu fordernde Geschwindigkeit der Kraft und Last zu berechnen. Die bekannte Formel $P=\left(2-\frac{v}{c}\right)K$, wo K die mittlere Kraft und c die mittlere Geschwindigkeit bezeichnet, giebt uns die gesuchte Geschwindigkeit der Kraft

$$v = \left(2 - \frac{P}{K}\right),$$

woraus bie mittlere Gefchwindigfeit ber Laft

$$w = \frac{b}{a_1} v = \frac{bv}{a - \frac{d^2}{8a}}$$

folgt.

Die Zeit zum Ausforbern einer Tonne und die Anzahl ber in einer gegebenen Schichtzeit auszuforbernden Tonnen ift genau nach den schon in §. 240 gegebenen Formeln zu berechnen.

Uebrigens tann man auch bei ben Treibegopeln wie bei ben haspeln, wenn R bie conftante Rebenlaft bezeichnet,

$$P = \left[(1 + \delta) \left(1 + \varphi \, \frac{\varrho}{r} \, \cot g \, \alpha \right) \, Q + \frac{1}{2} R \right] \, \frac{b \, \sin \alpha}{a_1}$$

fegen und hiernach ben zwedmafigften Sebelarm ber Laft berechnen. Es ift namlich

$$b = \frac{a_1 K}{\left((1+\delta) \left(1+\varphi \frac{\varrho}{r} \cot g \cdot \alpha\right) Q + \frac{R}{2}\right) \sin \alpha},$$

und folglich ber entsprechende Rorbhalbmeffer, nach §. 81:

$$r_5 = \left(1 + \frac{s d^2}{4 \pi l b^2}\right) b.$$

Beispiel. Wie viel gefüllte Tonnen können mittelft eines Pferbegöpels burch zwei Pferbe aus einem Schachte von 800 Fuß Tiefe und 70 Grab Fallen getrieben werben, wenn bas Gewicht ber Förbermasse = 1000 Pfund, bas Gewicht einer Treibetonne G=400 Pfund; ferner bas Gewicht ber Seilwalzen im Schachte $G_1=120$ Pfund, bas Gewicht einer Seilscheibe $G_2=500$ Pfund, bas Gewicht ber stehenben Welle $G_3=9000$ Pfund und ber laufenbe Fuß ber anzuwenbenben Drahtseile $\gamma=\frac{1}{2}$, Pfund, also sebes Seil 800 . $\frac{1}{2}=400$ Pfund wiegt, und wenn die Dimenstonen des ganzen Treibezeuges solgende sind: $\varrho=\frac{1}{2}$, $r=\frac{1}{2}$, $\varrho_1=\frac{1}{2}$, $\varrho_2=\frac{1}{2}$, $\varrho_3=\frac{1}{2}$, $\varrho_4=\frac{1}{2}$

Sand- und d = 1/2 Boll, ferner I = 20 guß, I = 5 guß, alfo I = I1 + I = 25 guß, Bierbegopel. a = 24 Fuß, d = 10 Fuß, r5 = 5 Fuß?

Die reine gaft ift

 $W = Q \sin \alpha = 1000 \sin 70^{\circ} = 939.69$ Bfund, bie Reibung an ben Aren ber Tonnenwalzen, p = 0,1 gefest,

 $W_1 = \varphi \frac{\varrho}{\pi} (Q + 2G) \cos \alpha = 0.1 \cdot \frac{1}{6} \cdot 1800 \cos 70^{\circ} = 12.81 \Re \text{funb},$

bie Reibung an ben Aren ber Seilwalzen, p, = 0,1 angenommen,

 $W_{\rm s} = \varphi_1 \, rac{\varrho_1}{r_1} \, (S + G_1) \, \cos \alpha = 0.1 \cdot rac{1}{8} \cdot 520 \, \cos \cdot 70^{\circ} = 2.22 \, \Re {
m funb},$

ber Steifigfeitewiberftanb bee Seiles beim Umbiegen um bie Bopelicheiben, wenn man für biefe Seile, Berfuchen bes Berfaffere entfprechenb,

K = 0.77 und $\nu = 0.0907$ annimmt,

$$W_s = K + \nu \ (Q + 2G + S) \cdot \frac{\sin \alpha}{r_s} = 0.77 + 0.0907 \cdot 2200 \cdot \frac{\sin 70^{\circ}}{36} = 5.21 \, \text{Bf.},$$

und bie Bapfenreibung an ben Seilscheiben, ge = 0,1 angenommen,

$$W_4 = \varphi_3 \frac{\varrho_4}{r_3} \left(1,92 G_3 + [0.96 \sin \alpha + 0.40 (1 - \cos \alpha)] (Q + 2 G + S) \sin \alpha \right)$$

= 0.1 · ½4 [1.92 · 500 + (0.9021 + 0.2682) · 2067] = 14.04 % funb.

Um bie übrigen Rebenbinberniffe berechnen ju fonnen, ift bie Renntnig bes mittleren Bebelarmes b ber Laft nothig. Die Lange biefes Armes ift burch bie Formel

$$b = \left(1 + \frac{(s + 2\sigma) \, \theta^2}{4\pi l r^2}\right) r$$

bestimmt, in welcher

s bie abzuwidelnbe Seillange = 800 guß,

σ bie auf bem Rorbe gurudbleibenbe Refervefeillange, etwa 200 Tug,

d bie Seilftarfe = 1/2 Boll,

I bie Seilfachhohe = % Fuß, und

r ben Rorbhalbmeffer = 5 Fuß bezeichnen.

Es ift für biefen Fall
$$b = \left(1 + \frac{1200}{4\pi \cdot \frac{5}{3}}, \frac{25 \cdot 24^2}{25 \cdot 24^2}\right) \cdot 5 = 5,022$$
 Fuß = 60,264 Boll.*

Der Steifigseitswiderstand des Seiles beim Umwideln um den Korb ift nun $W_s = K + \frac{\nu(Q+G+\frac{1}{6}S)\sin{\alpha}}{b} = 0,77 + 0,0907 \cdot \frac{1600\sin{\alpha}}{60,264} = 2,98$ Pfund,

bie Reibung an ber Grunbflache bes Stiftes, p = 0,1 gefest:

$$W_6 = \frac{2}{a} \varphi \frac{\varrho_3}{b} G_3 = \frac{2}{a} \cdot \frac{1}{10} \cdot \frac{1}{60,264} \cdot 9000 = 9,95 \ \text{Bfunb},$$

und enblich bie Seitenreibung an beiben Bapfen biefer Belle

$$W_7 = \varphi\left(\frac{r_s \, l_s + r_4 \, l_1}{b \, l}\right) (Q + 2 \, G + S) \sin \alpha$$

$$= 0.1 \cdot \left(\frac{1 \cdot 5 + \frac{9}{2} \cdot 20}{60 \, 264 \cdot 25}\right) 2200 \sin 70^\circ = 2.74 \, \text{Pfunb.}$$

Run folgt bie gange Bopellaft

$$W + W_1 + W_2 + \dots + W_7 = 939.69 + 12.81 + 2.22 + 5.21 + 14.04 + 2.98 + 9.95 + 2.74 = 989.14$$
 Ffunb.

Banb. und Uferbegöpel.

535

Der Bebelarm ber Rraft ift

$$a_1 = a - \frac{d^2}{8a} = 24 - \frac{100}{192} = 23,48 \text{ fu}$$

folglich bie erforberliche Pferbefraft :

$$P = \frac{b}{a_1} (W + W_1 + \ldots + W_7) = \frac{5.022}{23.48} \cdot 989,12 = 211,56$$
 Pfunb.

Run ift nach II., ξ . 85 bie mittlere Zugkraft zweier Pferbe K=2. 95 == 190 Pfund und die mittlere Geschwindigkeit berselben c=2,9 Fuß, demnach hat man die zu fordernde Geschwindigkeit der Pferde:

• =
$$\left(2 - \frac{K}{P}\right)c = \left(2 - \frac{190}{211,56}\right)$$
. 2,9 = 3,195 Fuß,

und bie mittlere Gefdwindigfeit ber Tonne:

$$\mathbf{v} = \frac{b}{a_1} \mathbf{v} = \frac{5,022}{23,48} \cdot 3,195 = 0,683 \, \text{Fu} \hat{\mathbf{g}}.$$

Die Beit jum Ausforbern einer Tonne ift:

$$t_1 = \frac{s}{s0} = \frac{800}{0,683} = 1171 \text{ Sec.} = 19', 81''.$$

Rechnet man hierzu noch 5 Minuten = 300 Secunden Stillstandszeit, fo kommt auf bas Treiben einer Tonne im Gangen die Zeit 1471 Secunden, und es folgt baber die Angahl ber in einer Schichtzeit von 8 Stunden auszusörbernden Tonnen:

$$n = \frac{8 \cdot 60 \cdot 60}{1471} = 20.$$

Um bie gange tagliche Arbeitsfraft ber Pferbe zu verbrauchen, mußte bages gen bie Anzahl ber Connen :

$$n = \frac{P \circ t}{Q \circ s} = \frac{v \circ t}{s} = \frac{0.683 \cdot 8 \cdot 60 \cdot 60}{800} = 24.6$$
, b. i. 24 bis 25 fein.

Die entsprechenbe tagliche Leiftung bes Gopele ift:

1000 . 800 sin. 70° . 24,6 = 12'212000 Fußpfunb,

bie Maximalleiftung ber beiben Pferbe bagegen, nach II., \$. 85:

2. 7'734400 = 15'868800 Fußpfund,

folglich ber Birfungegrab ber Maschine:

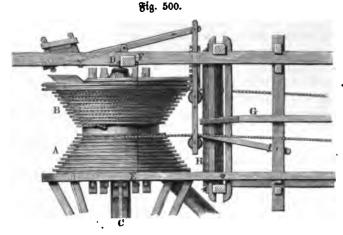
$$\eta = \frac{12'212}{15'869} = 0,770.$$

§. 245. Da sich bas Treibeseil, woran die volle Tonne hangt, wäh: Extratterd. rend des Aufsteigens dieser Tonne allmälig auf den Korb auf: und sich bas Treibeseil, woran die leere Tonne hängt, allmälig von dem Korbe abwickelt, so ist die Sesammtlast während des Aussörderns einer Tonne nicht constant, sondern sie ist ansangs Q+S, nimmt allmälig ab, ist serner auf dem halben Wege der Tonne, wo sich die beiden Seilgewichte $\frac{S}{2}$ und $\frac{S}{2}$ das Sleichgewicht halten, Q und sinkt nun immer mehr und mehr, die sie zulest, wenn die volle Tonne oben ankommt, Q-S aussällt. Es beträgt folglich die größte Veränderung der Last $\frac{2S}{O}$ der letzteren. Dies

Entrassorb. felbe machft also mit bem Seilgewichte, b. i. mit ber Schachttiefe & und mit bem Gewichte y einer laufenben gangeneinheit Seil, und ift beshalb bei ben Drahtfeilen, Die bei gleicher Tragtraft ungefahr halb fo fcomer find, ale bie Sanffeile, viel fleiner ale bei ben Sanffeilen. Uebertrafe bas Gewicht S = sy eines Seiles bas ber Korbermaffe, mas bei Unwendung von Sanffeilen und beim Treiben aus tiefen Schachten vortommen tann, fo murbe bie Befammtlaft, bevor bie volle Tonne uber Tage ankommt, Rull betragen, und auf bem übrigen Bege biefer Tonne fogar negativ ausfallen, alfo eine Uebermucht vorhanden fein. Diefer Buftand ber Gopelforberung ift mit bem Abmartsfahren eines Bagens auf einer ftart geneigten Strafe ju vergleichen; fo gut man bier burch Einbemmen ober Bremfen bas beschleunigte Berabrollen bes Bagens verhindern muß, ebenfo hat man bei ber Gopelforberung einen Wiberstand anzubringen, fo wie bie Laft negativ wird, und folglich ber Gopel von felbft gu geben an-Diefes hemmen bes Gopels tann entweber burch Ungieben bes Bremfes, ober burch Unhangen eines Schlittens ober fogenannten Schleppbunbes, welchen ber Schwengel, woran die Pferbe gieben, mit herum fuhrt, bewirkt werben. Da bie mechanische Arbeit, welche biefe Sulfemittel consumiren, fur bie Dafchine gang verloren geht, fo greift man naturlich febr ungern gur Unmenbung berfelben und giebt ben Gegengewichten und ben Spiraltorben ben Borgug. Da es bier barauf ankommt, ein veranberliches Gewicht mahrend ber Durchlaufung eines groferen Weges auszugleichen, fo bietet bie Unwendung von Gegengewichten, wie wir in §. 178 und §. 179 bei ben Bugbrucken fennen gelernt baben, Schwierigkeiten bar. Um leichteften mochte noch ein fogenanater Musgleichungswagen anwendbar fein, welcher mahrend bes Musforderns ber Tonne auf einer turgen frummlinigen Bahn ein Dal berauf : und berabsteigt und hierbei bie volle Tonne in ihrem Aufgange auf ber erften Balfte ihres Beges eben fo viel unterftugt, als fie auf ber zweiten Balfte binbert. Beit zwedmäßiger ift allerdings die Unwendung eines Spirals torbes, eines Rorbes von veranderlichem Salbmeffer. Bei bemfelben nimmt ber Bebelarm ber vollen Tonne immer mehr und mehr gu, je meiter biefelbe heraustommt, und bagegen ber Bebelarm ber leeren Zonne immer mehr und mehr gu, je tiefer biefelbe bineintommt, fo baf bas Doment ber erforberlichen Umbrebungefraft trot ber Beranberlichfeit ber Laft mabrent bes Ausforderns ber vollen Tonne nabe baffelbe bleibt.

Die Einrichtung eines Spiraltorbes nach v. Gerfiner ift aus Figur 500 gu erfeben. A ftellt bas untere und B bas obere Seilfach bes gan= gen Rorbes, CD aber bas obere Ende ber ftebenben Welle por, worauf ber gange Rorb befestigt ift, E ift ber in F aufgehangene Brems, melder burch bas bolgerne Geftange G und bie Wendebode H mittels eiferner

Bon ben Dafdinen jum beben ber Laften auf größere hohen. 587 Urme und Stangen auf den unteren Korbfranz aufgedruckt werben kann. Spirallerb.



Der Korb selbst wird aus Pfostenstüden und zwischenliegenden Brettsstüden zusammengesetzt und ist durch Armgeviere u. s. w. mit der stehenzben Belle fest verbunden. Die Dicke der Pfostenstüde, welche die erste oder größte Spiralwindung geben, ist nicht eine und dieselbe, sondern dieselbe wächst nach und nach um reichlich die Starte des Seiles. Auf diese Spiralwindung kommt zunächst die aus dunnen Brettstüden zusammenz gesetzte Spiralwindung zu liegen, welche als Scheidewand zwischen den Seilwindungen dient. Hierauf kommt weiter eine aus Pfostenstüden zusammengesetzte Spiralwindung, welche wiederum von einer aus schwachen Brettchen gebildeten Spiralwindung bededt wird u. s. w.

Bei dem Spiraltorbe bewegt sich die volle Tonne beschleunigt und die leere Tonne verzögert; es ist daher der Weg x_1 der ersten von dem gleichzeitigen Wege x_2 der anderen, also das Gewicht $X_1 = x_1 \gamma$ des ausgewickelten Seiles der vollen Tonne von dem Gewichte $X_2 = x_2 \gamma$ des abgewickelten Seiles der leeren Tonne verschieden. Sehen wir den constanten Widerstand der vollen Tonne $= R_1$ und die constante Krast der leeren Tonne $= R_2$, und bezeichnen wir durch μ einen die Einheit übersschreitenden Coefficienten, so können wir den ganzen Widerstand der vollen Tonne durch

$$R_1 + \mu (S - X_1)$$

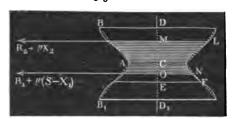
und bagegen bie gange Rraft ber leeren Tonne burch

$$R_2 + \mu X_2$$

ausbruden.

Ift noch z1 der entsprechende Laftarm ON, Fig. 501 (a. f. S.), der

Epitatlors. vollen und Z3 ber entsprechende Laftarm ML ber leeren Tonne, so haben Fig. 501. wir bas gange Laft- ober



wir bas ganze Laft ober Rraftmoment ber Mas fchine:

$$Pa = [R_1 + \mu(S - X_1)]z_1 - (R_2 + \mu X_2)z_2.$$

Soll nun ber Spiral= forb vollständig ausglei= chen, so muß bieses Mos ment, wie auch bie gleich=

zeitigen Werthe von z_1 , z_2 , X_1 und X_2 bei den verschiedenen Tonnensständen ausfallen, stets baffelbe bleiben. Man hat also auch für den entgegengesetzen Tonnenstand, wo der Widerstand der vollen Tonne $R_1 + \mu X_2$ und die Kraft der leeren Tonne $R_2 + \mu (S - X_1)$ ist:

$$Pa = (R_1 + \mu X_2) z_2 - [R_2 + \mu (S - X_1)] z_1.$$

Die Abbition biefer beiben Gleichungen giebt :.

$$2 Pa = (R_1 - R_2) (z_1 + z_2),$$

und es folgt hiernach ber mittlere Rorbhalbmeffer oder mittlere gaftarm:

1)
$$EF = r = \frac{z_1 + z_2}{2} = \frac{Pa}{R_1 - R_2}$$
.

Sehen wir in ben beiben Momenteformeln $X_1=X_2=0$, nehmen wir also an, baß sich die eine Tonne am Tage und die andere am Fullorte befinde, so gehen dieselben in folgende über:

$$Pa = (R_1 + \mu S) z_1 - R_2 z_2$$
 und
 $Pa = R_1 z_2 - (R_2 + \mu S) z_1;$

und es ist hierin $z_1=r_1$, der kleinste Laftarm CA, sowie $z_2=r_2$, der größte Lastarm DB.

Subtrahiren wir nun diese beiben Gleichungen von einander und fuhren wir statt z1 und z2 die Buchstaben r1 und r2 ein, so erhalten wir Kolgendes:

$$(R_1 + R_2 + 2 \,\mu S) \, r_1 = (R_1 + R_2) r_2$$
, und baher
2) $\frac{r_1}{r_2} = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2 + 2 \,\mu \, S}$.

Run ift aber nach Gleichung 1) auch

$$\frac{r_1+r_2}{2}=r;$$

baher folgt nun ber fleinfte Laftarm:

$$CA = r_1 = \frac{R_1 + R_2}{R_1 + R_2 + \mu S} \cdot r = \left(1 - \frac{\mu S}{R_1 + R_2 + \mu S}\right) r,$$

ber größte Laftarm:

Spirattorb.

$$DB = r_2 = \left(\frac{R_1 + R_2 + 2\mu S}{R_1 + R_2 + \mu S}\right)r = \left(1 + \frac{\mu S}{R_1 + R_2 + \mu S}\right)r.$$

Will man von der Ausgleichung in den Zwischenftanden absehen, so giebt man jedem Korbe die Form eines abgekurzten Regels und ben Grundflachen deffelben die soeben gefundenen halbmeffer r1 und r3. Die der gangen Seillange s entsprechende Angahl ber Windungen ift:

$$n=\frac{s}{2\pi r};$$

und folglich bie Bobe eines Seilfaches ober ber einen Rorbhalfte, wenn jebe Seilwindung bie Bobe & in Unspruch nimmt:

$$l = n \lambda$$

In der Regel tann man bei biefen Dimenfionsbeftimmungen

für
$$R_1 = (Q + G) \sin \alpha$$
,
für $R_2 = G \sin \alpha$, und
für $\mu = \sin \alpha$

fegen, fo baß fich

$$r=b=rac{Pa}{Qsin.a},$$
 $r_1=\left(1-rac{S}{Q+2G+S}
ight)r$ und
 $r_2=\left(1+rac{S}{Q+2G+S}
ight)r$ herausstellt.

Beispiel. Mare für einen Spiralforb ber mittlere halbmeffer r=5 Fuß, so warbe bei ber Tonnenlast Q=1000 Pfunb, bem Tonnengewicht G=400 Pfunb und bem Seilgewicht S=400 Pfunb ber erforberliche kleinste halbmeffer beffelben

$$r_1 = \left(1 - \frac{400}{1000 + 800 + 400}\right)r = \left(1 - \frac{2}{11}\right)r = \frac{9 \cdot 5}{11} = 4\frac{1}{11}$$
 Fuß, und bagegen ber größte Salbmeffer

$$r_s = (1 + \frac{9}{11}r) = \frac{13.5}{11} = 5^{10}/11$$
 Full

betragen muffen.

Bei ber Schachtteufe s = 800 Fuß ware bie erforberliche Angahl ber Bins bungen eines Seilfaches:

$$n = \frac{s}{2\pi r} = \frac{800}{2\pi \cdot 5} = \frac{80}{\pi} = 25\frac{1}{2}$$

und rechnet man auf jebe Binbung a = 1 1/2 Boll Bobe, fo wurde bie Sobe einer Korbbalfte:

Anmerfung. Benn ber Spiralforb bei allen Tonnenftanben ausgleichen foll, fo muß er bie Form eines Rotationsförpers erhalten, beffen Erzeugungslinie bem Querschnitt ber fogenannten Karniefleiften, wie auch Fig. 501 vor AuEpiralford. gen führt, ahnlich ift. Geht man bann vom mittleren Salbmeffer EF = r aus, so hat man für bie bem Umbrehungebogen β entsprechenbe Beranberung bes Rabius ober Lastarmes:

ius ober Lastarmes:
$$z = \pm \frac{2r^2\beta}{\sqrt{\left(\frac{R_1 + R_2}{\mu\gamma} + s\right)^2 + s^2 - 4r^2\beta^2}}, \text{ ober annähernd:}$$

$$z = \pm \frac{2r^2\beta}{\sqrt{\left(\frac{Q + 2G}{\gamma} + s\right)^2 + s^2 - 4r^2\beta^2}}.$$

Megen ber Entwickelung biefer Formel ift in bes Berfaffere Bergmafchinenmechanif Bb. II. fowie Gerft ner's Mechanif Bb. I. nachaufeben.

Waffergöpel.

6. 246. Die Baffergopel find burch bie Rraft bes Baffers in Bewegung gefette liegende Rabwellen; bei ihnen ift alfo die Rorbwelle nicht vertital, sonbern horizontal. Um haufigsten tommen bie burch vertitale Bafferraber in Bewegung gefetten Baffergopel ober fogenannten Bafferradgopel zur Anwendung. Gie find meift ohne Borgelege, b. b. bas Bafferrad fitt bier mit ben Rorben, wovon ber eine ftets beweglich ift, auf einerlei Belle. Die Treibefeile tonnen naturlich bier von ben über ben Schachtmundungen hangenden Seilscheiben nicht horizontal nach bem Rorbe geführt werben. Sangt bas Bafferrab tief unterirbifch, fo muffen die Seile burch je zwei Selfcheiben nach einem befonderen Seilschachte geleitet werben, in welchem fie nach bem Rorbe herabgeben. Die Treibefeile find naturlich bann um bie Teufe biefes Schachtes langer gu machen, ale wenn fich ber Rorb über Tage befindet. Wenn auch baburch bie Bapfenreibungen vergrößert merben, fo ift ber hieraus ermachfende Arbeiteverluft nicht fo groß, ale bei einem Stangenvorgelege, welches ben über Tage befindlichen Rorb mit ber Belle bes unter Tage hangenben Bafferrades verbindet. Die mefentliche Ginrichtung eines folchen Stangenvorgeleges ift ichon aus III., 6. 36, Rig. 110 betannt. Da die Stangen biefer Bwifchenmafchine nicht bloß auf= und niedergeben, fonbern auch an ber Rreisbewegung ber Rrummgapfen Untheil nehmen, fo tann man fie nicht mit einer Leitung (f. §. 121) verfeben und beshalb auch biefelben nicht burch Schub, fonbern nur burch Bug wirten laffen. Aus biefem Grunde besteht benn auch ein folches Borgelege nicht bloß aus zwei Geftangen und aus zwei Paar auf bas Biertel gestellten einfachen Krummgapfen, wie Fig. 110 vor Augen führt, sondern aus vier Geftangen und zwei Daar boppelten Rrummgapfen mit gegenüber liegenden Bargen, wie Rig. 228. Damit von biefen vier Geftangen regelmäßig zwei niebergeben und arbeiten, ftellt man bie beiben boppelten Arummgapfen einer und berfelben Belle fo gegen einander, daß ihre Bargen um je einen Biertelfreis von einander abstehen.

Eine Saupteigenthumlichkeit bes Bafferrabgopels ift bas Rebrrab.

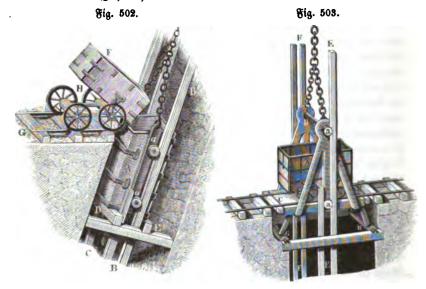
Um abwechselnd die eine oder die andere Tonne auszutreiden, muß die Basergapel. Rordwelle ein Mal in der einen und das andere Mal in der anderen Richztung umgehen; da nun aber ein einfaches Wasserrad nur nach der einen Richtung umläuft, so ist dei Anwendung desselben als Umtriedsmaschine eines Gopels eine leicht lösdare Ruppelung (f. §. 204, Kig. 412 und 413) nothig, durch deren Umrücken die entgegengesetzte Umdrehung der Rordwelle hervorgebracht wird. Der größeren Sicherheit wegen leistet man aber auf die Anwendung einer solchen Kuppelung Berzicht und bedient sich lieber zweier ein Ganzes, das sogenannte Kehrrad, ausmachenden Wasserräder mit entgegengesetzter Schauselung und Beausschlagung. Ie nachdem man nun das Wasser auf die eine oder auf die andere Abtheilung des Kehrrades schlägt, nimmt natürlich dieses und solglich auch die Kordwelle, auf welcher es entweder seltsist, oder mit welcher es durch Gestänge verbunden ist, die eine oder die andere Umdrehungsbewegung an, und treibt hierbei entweder die eine oder die andere Tonne aus dem Schachte.

Das Aufziehen und Niederlassen ber Schuthretter für die beiden Aufschläge bes Kehrrades erfolgt durch einen Doppelhebel, dessen Are zwischen beiden Schuthrettern liegt und bessen Arme durch die zu diesem Zwecke der Länge nach geschlitzten Schütenstangen hindurchgehen. Zur Bewesgung dieses Doppelhebels dient der Schütendrückel, d. i. ein über Tage besindlicher einarmiger Hebel und ein Schütengestänge, welches von diessem Drückel nach jenem Doppelhebel herabgeht. Um die Maschine in Ruhe zu versetzen, nachdem die volle Tonne über Tage angekommen ist, wird nicht allein durch Niederlassen der einen Schüte der Ausschlag abzgeschnitten, sondern auch der Brems angezogen, welcher den die Scheidezwand zwischen beiden Abtheilungen des Kehrrades bilbenden Radz oder Bremstranz umgiebt. Die Einrichtung dieser Bremsvorrichtung weicht von der eines Pferdegöpels nicht ab; der hierzu nöthige Bremsdrückel dessinder sich neben dem Schütendrückel und neben Drückeln zum Aufz und Niederlassen der Stürzhaken.

Die Tonnen sind hier in der Regel größer als bei den Pferdegöpeln und bewegen sich auch schneller als diese; während die letteren 8 dis 10 Kübel fassen und mit 1 dis $1^1/_2$ Fuß Geschwindigkeit getrieben werden, giebt man jenen einen Fassungeraum von 12 dis 15 Kübel und läßt sie mit $1^1/_2$ dis 3 Fuß Geschwindigkeit aufsteigen.

Die Art und Weise, wie das Fullen einer Tonne in sehr kurzer Zeit und mit der kleinsten Gesahr bewirkt wird, ist aus Figur 502 (a. f. S.) zu ersehen. Es ist A die zu fullende Tonne, welche mit ihren Walzen a, a zwischen den Streichbaumen BB, CC lauft, und während des Fullens auf den über den Einstrichen wegliegenden Hölzern D, E ruht; FH ift ein Wagen oder hund, durch welchen auf einer Eisenbahn G die For-

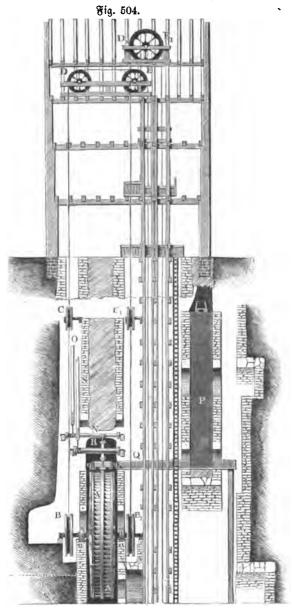
23affergöpel. bermaffe herbeigestoßen wird, welche in bem Kasten F enthalten ist, ber um eine Are im vorderen Radgestelle gekippt wird, wenn es barauf ankommt, die Fördermasse in die Tonne zu schütten, wobei jedenfalls ber kleinste Zeitauswand nothig ist, wenn dieser Wagenkasten mit der Treibestonne einerlei Inhalt hat.



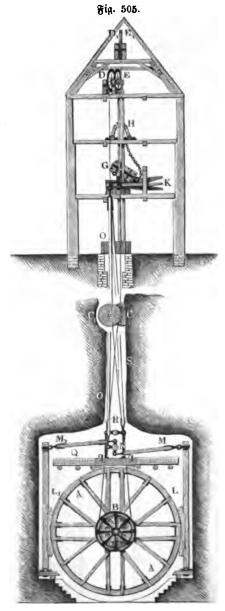
Noch weniger aufhältig ist die in Fig. 503 abgebildete Einrichtung, wo der Wagen A, durch welchen die Fordermasse auf einer Eisenbahn hers beigefördert wird, auf ein Gestelle BCD gesahren wird, welches statt der Treibetonne an dem Seile hangt und mittels der Seitenwalzen a, a zwischen den Streichbaumen EE, FF lauft. Bur Unterstützung dieses Gestelles während des Stillstandes der Maschine dienen die Streben G und H, welche um horizontale Aren drehbar und zuruckzuschlagen sind, wenn aus einer größeren Tiefe gefördert werden soll.

§. 247. Die allgemeine Einrichtung eines Bafferrabgopels ohne Vorgelege ist aus ben beiben Ansichten in Fig. 504 und Fig. 505 (a. S. 544) zu ersehen. AA ist das Kehrrad, B, B_1 sind die beiben Korbe, welche zwar auf ihren Bellen sestssien, jedoch mit der Wasserradwelle durch leicht lobbare, aus je zwei Scheiben und einem diametral durchgehenden Bolzen bestehende Kuppelungen a, a verbunden sind. Das Seil, welches sich um den Korb B wicket, lauft über die Seilwalze C im Seilschachte und über die beiben Seilscheiden D und E unter dem Dache des Treibehauses, von wo es in der Richtung EF in den Treibe-

Von ben Maschinen zum heben ber Lasten auf größere höhen. 548 schacht herabhangt; das Seil des Korbes B_1 hingegen geht über die Seils Waskerndebet. trommel C_1 und über die Seilscheibe D_1 E_1 , an welcher es in der Richs



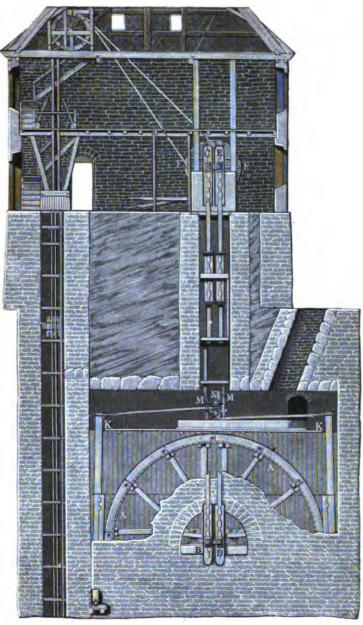
Baffergopel- tung $E_1\,F_1\,$ nach dem Treibeschachte herabhangt. Fig. 505 zeigt in G



eine ausgesturzte Treibetonne und in H bie fogenannten Fangbode, welche in bem Kalle, wenn bie Mafchine ju fpåt aufgehalten wird, die Treibetonne zwar bis zu ben Seilscheiben aufsteigen, aber nicht zuruchfallen laffen; in K find noch bie Drudel gum Schugen, Bremfen und Ausund Ginruden ber Sturghaten zu feben. Die lette Figur fuhrt in L, L1 auch noch ben auf ben mittle= ren Raberang aufzubruckenben Doppelbrems vor Augen. welcher burch bie Bugftangen M. M., fowie burch ben breiarmigen Sebel N und burch bas Geftange O mit bem Bremsbrudel über Tage perbunden ift. Fig. 504 zeigt endlich in P die Rabstube des Runftrades, in Q bas Berinne, in welchem bas Baf= fer aus biefer Rabstube nach ber bes Rehrrades AA geführt mirb; auch führen beibe Figuren in q, q1 bie Schuben fur beibe Rehrrababtheiluns gen, in R ben Schwengel und in S bie Bugftange bies fer Schuben vor Augen.

Eine Seitenansicht von einem Bafferrabgopel mit Stangenvorgelege zeigt Fig. 506. Hier ift AA bas Rehrrab, und man sieht in BC und DE die zwei Gestänge auf ber einen Seite

Baffergöpel.



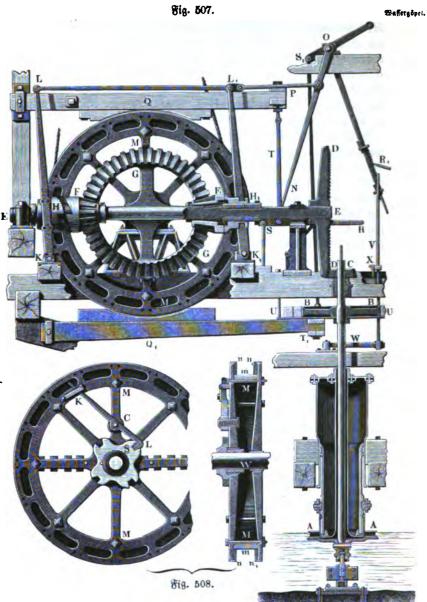
III.

Waffergöpel.

bes Rades, welche mit diesem durch ben boppelt gekröpften Krummzapfen BD und mit dem Seilkorbe FF durch den doppelten Krummzapfen CE verbunden sind. Ferner bemerkt man in G die eine Seilscheibe, über welche das Seil vom Korbe nach dem Schachte geführt wird, und in H die an diesem Seile hängende Treibetonne. Der Brems KLK und der Schühenzug MNM sind genau dieselben wie bei dem in den letten Figuren abgebildeten Wassergopel ohne Vorgelege.

Da die Turbinen selbst bei kleinen Gefällen eine ansehnliche Anzahl von Umbrehungen pr. Minute machen, aber der Kord eines Wassergöpels für eine Tonnengeschwindigkeit von $1^1/2$ bis 8 Fuß und bei einem Durchmesser von 7 bis 9 Fuß in der Minute nur 4 bis 8 Umdrehungen macht, so erfordert ein Turb in en göpel stets ein oder mehrere Zahnradvorgelege, welche die Umdrehung der Turbine auf die erforderliche Umdrehungskahl des Kordes herabziehen. Wie die Anordnung eines solchen Göpels zu tressen ist, läßt sich recht gut aus Figur 507 entnehmen, welche die Abbildung eines vom Herrn Oberkunssmeister Braunsborf construirten Turbinengöpels auf der Grube "Gesegnete Bergmannsboffnung dei Freiberg" zeigt. Es ist hier AA die Turbine, auf der Welle derselben sit das gußeiserne Bremstad BB und das kleine conische Treibrad C mit 20 Zähnen, welches in das große Getriebrad DD mit 108 Zähnen eingreift. Obgleich diese Turbine nur ein Gesälle von 14 Fuß hat, so ist dennoch die Umsehung von $\frac{108}{20} = 5,4$ für einen vortheilhaften Sang

ber Maschine noch lange nicht hinreichend und ein zweites Borgelege nothig, welches bie Umbrehungszahl noch weiter herabzieht, und aus ben fleinen conischen Rabern F und F, mit je 18 3ahnen und bem großeren Bahnrabe GG mit 56 Bahnen besteht. Das erstere Raberpaar fist jedoch nicht fest auf ber Welle EE bes conischen Rabes DD, sondern ift mit feiner conischen Sohlung um einen conischen Mantel brebbar, welcher auf biefer Belle festgekeilt ift; um aber bie feste Berbindung zwischen EE und F, F, herzustellen, bienen bie Muffen HH, welche fich mittels bet Rudgabeln KL, K, L, uber bie auf EE festfigenben Sebern a, a verfchieben und mit ihren ausgezacten Stirnen in bie ebenfalls ausgezacten Ropfe ber Raber F, F1 einruden laffen. Je nachbem nun ber Duff H in bas Rab F ober ber Duff H, in bas Rab F, eingeruckt ift, wird bas Bahnrad G, und folglich auch ber mit bemselben auf berfelben Belle figende Roth MM nach ber einen ober nach der anderen Richtung umgebreht. Durch biefe, ubrigens ichon aus III., §. 204 bekannte Ruppelung wird die Anwendung eines Doppelrabes mit entgegengefesten Schaufelungen erfpart. Das Ruden biefer Ruppelung erfolgt burch einen Drudel N, welcher um die feste Are O brebbar und burch die Stange P



Wasergebect. mit ben Rudgabeln verbunden ift. Der Brems Q bes festen Korbes MM wird mittelft bes Drudels RS und ber Zugstange T auf die zu beis den Seiten dieses Korbes angebrachten Bremsscheiben aufgedrucht; der Brems Q1 bes beweglichen Korbes hingegen läst sich mittelst des Drudels R1 O und der Zugstange S1 T1 andruden. Zum Eins und Ausruden des Bremses UU der stehenden Welle dient endlich noch der Drudel V, welcher sich um die liegende Welle W breht und mit einer Klinke X versehen ist, die in eine borizontale Sperrstange eingreift.

In Fig. 508 (auf vorhergehender Seite) ist noch eine Seitenansicht und ber Durchschnitt eines beweglichen Korbes abgebildet, wie er auch bei den Gopeln mit vertikalem Kehrrade in Anwendung kommt. Ein solcher Korb besteht aus zwei durch Schraubenbolzen mit einander verbundenen Radern MM. aus den einen Cylindermantel bildenden Korbsteden m, m und der auf die inneren Stirnslächen dieser Käder aufgeschraubten Holzsütterung nnn1n1, welche die Kordsteden in der ihnen vorgeschriebenen Lage erhalten und mit denselben das sogenannte Seilsach bilden. Dieser Kord ist mit seinem Auge auf der runden Welle W brehbar; um ihn mit derselben sest zu verbinden, dient die vier Klauen bildende und auf der Welle W feststehende Scheibe S, sowie die Klinke KCL, welche um den Bolzen C drehbar ist, mit dem hakensormigen Ende L in eine der Klauen der Scheibe eingreift und durch die Klammer K in diesem Eingriffe sest erhalten wird.

§. 248. Benn es barauf antommt, bie Kraftverhaltniffe eines Baffergopels auszumitteln, so tonnen wir biejenigen Wiberstanbe, welche ben Pferbes und Wassergopeln gemeinschaftlich finb, als bekannt voraussehen. Wir haben auch hier (wie in §. 244):

bie reine Laft: Q sin. α,

die Reibung an den Aren der Tonnen: $W=arphi\,rac{arrho}{r}\,(Q+2\,G)\,cos.\,lpha,$

bie Reibung an ben Aren ber Seilmalzen: $W_1 = \varphi \frac{\varrho_1}{r_1} (S + G_1) \cos \alpha$, und ben Steifigfeitswiderstand an ber Seilscheibe:

$$W_2 = K + \nu(Q + 2G + S) \frac{\sin \alpha}{r_2}$$

Die Zapfenreibung ber Seilscheiben fallt jedoch hier etwas anders aus, als bei den Pferdegopeln, weil das Seil nicht horizontal von der Seilsscheibe über dem Schachte nach dem Korbe geführt werden kann, sondern mit einer gewissen Reigung nach dem Korbe herabgeht oder wohl gar noch über eine zweite Seilscheibe läuft, ehe es sich auf den Korb wickelt. Wenn der Korb über oder nicht tief unter Tage hangt, so reicht in der

549

Regel fur jebes Seil eine Scheibe aus, und es zieht fich baffelbe unter waffergopel einem mittleren Fallwinkel \beta nach bem Korbe herab. Der vertikale Comsponent bes Zapfendruckes ift bier :

(Q + 2G + S) sin. α (sin. $\alpha + \sin \beta$) $+ 2G_2$, und ber horizontale Component:

(Q+2G+S) sin. α (cos. β — cos. α); folglich die Zapfenreibung an beiben Seilscheiben zusammen:

$$W_{3} = \varphi \frac{\varrho_{3}}{r_{2}} \left((Q + 2 G + S) \sin \alpha \left[0.96 \left(\sin \alpha + \sin \beta \right) + 0.40 \left(\cos \beta - \cos \alpha \right) \right] + 1.92 G_{2} \right),$$

wofur aber in ben meiften Fallen:

$$W_3 = \varphi \frac{\varrho_2}{r_2} \left[(Q + 2G + S) \left(\sin \alpha + \sin \beta \right) \sin \alpha + 2G_2 \right]$$
 geseht werden kann.

Der Steifigleitswiderstand bes fich auf ben Rorb aufwidelnden Seiles ift wieder wie bei bem Pferbegopel:

$$W_4 = K + \nu (Q + G + \frac{1}{2} S) \frac{\sin \alpha}{b}.$$

Sat man es nun mit einem Wafferrabgopel ohne Borgelege zu thun, so kommt zu biefen hinderniffen nur noch die Bapfenreibung des Bafferrades, welche sich aus dem Gewichte Ga biefes Rades und aus dem halbemeffer Qa feiner Bapfen durch den Ausbruck:

$$W_{5} = \varphi \frac{Q_{5}}{b} \left(0.96 \left[G_{3} - (Q + 2G + S) \sin \alpha \sin \beta \right] + 0.40 \left(Q + 2G + S \right) \sin \alpha \cos \beta \right)$$

 $= \varphi \frac{Q_3}{b} [0.96 G_3 - (Q + 2 G + S) \sin \alpha (0.96 \sin \beta - 0.40 \cos \beta)],$ oder annähernd durch:

$$W_{\rm b}=arphi\,rac{arrho_3}{b}\,[G_{
m s}-(Q+2\,G+S)\,$$
 sin. a sin. $eta]$ bestimmt ist.

Es ift nun bie Arbeit ber gefammten gaft

$$Q \sin \alpha + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_5,$$

wenn w bie mittlere Tonnengeschwindigfeit bezeichnet:

 $L=(Q\sin\alpha+W+W_1+W_2+W_3+W_4+W_5)$ w, und segen wir dieselbe ber Arbeit des Wasserrades gleich (f. II., §. 121), so erhalten wir folgende Kraftformel für einen Wasserradgopel ohne Borgelege:

$$\left(\frac{(c_1\cos\mu_1-v_1)v_1}{g}+h_1+\xi h_2\right)Q_1\gamma=(Q\sin\alpha+W+W_1+..+W_5)w,$$

550

Baffergopei.

worin Q_1 das Aufschlagsquantum pr. Secunde, c_1 die Eintrittsgeschwindigkeit des Wassers in das Rad, μ_1 den Eintrittswinkel, v_1 die mittlere Geschwindigkeit des Rades im Theilrisse, h_1 die Höhe des wassershaltenden, h_2 die Höhe des Ausguß-Bogens und ξ einen Goefficienten bezeichnet. Ist noch a_1 der Halbmesser des Theilkreises, so haben wir:

$$w=\frac{b\,v_1}{a_1}$$

und baber bas jum Ausforbern ber Laft Q erforberliche Aufschlagsquantum pr. Secunde:

$$Q_{1} = \frac{(Q \sin \alpha + W + W_{1} + W_{2} + W_{3} + W_{4} + W_{5}) b v_{1}}{\left(\frac{(c_{1} \cos \mu_{1} - v_{1}) v_{1}}{g} + h_{1} + \xi h_{2}\right) a_{1} \gamma}$$

Geht jedes Treibeseil noch über eine zweite Seilscheibe ober über eine Seilmalze, so hat man zu ben obigen Wiberständen noch den wie W, und W, zu berechnenden Seilsteifigkeits und Bapfenreibungswiderstand an biesen Leitrollen hinzugufügen.

Bei einem Wafferrabgopel mit Stangenvorgelege ift statt W_s Bapfenreibung der Korbwelle einzuseten. Da während einer halben Umbrehung der Welle die Seillange πb aufgewickelt wird und die Gestänge kraft R um den Durchmesser $2r_4$ des Warzenkreises fortrückt, so ist für diese Kraft:

$$R = \frac{\pi b}{2 r_4} (Q \sin \alpha + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4).$$

Wiegen nun noch die vier Stangen, welche an den beiden doppelten Krummzapfen der Korbwelle hangen, zusammen G4, mahrend das Gewicht der armirten Korbwelle G3 beträgt, so haben wir folglich die Componenten des Zapsendruckes dieser Welle:

 $G_3 + G_4 + R - (Q + 2G + S) \sin \alpha \sin \beta$ und $(Q + 2G + S) \sin \alpha \cos \beta$ und baher die entsprechende Zapfenreibung:

$$W_5 = \varphi \frac{\varrho_3}{b} [0,96 (G_3 + G_4 + R)]$$

$$-(Q + 2G + S) \sin \alpha (0.96 \sin \beta - 0.40 \cos \beta)$$
].

Der Druck zwischen den Stangen und den Warzen der Krummzapsen des Korbes ist R+G, dagegen der Druck, mit welchem die Warzen der Krummzapsen des Wasserrades auf die Stangenenden wirken, ist nur R; messen nun noch die sämmtlichen Warzenhalbmesser $= \varrho_4$, so haben wir demnach die auf den Lastpunkt reducirte Warzenreibung:

$$W_6 = \varphi \frac{\varrho_4}{b} (G_4 + 2R).$$

Endlich ift noch die Zapfenreibung des Wassermdes, wenn baffelbe bas Gewicht G_5 und den Zapfenhalbmesser Q_5 hat:

$$W_7 = \varphi \, \frac{\varrho_b}{h} \, (G_b - R).$$

Baffergipel.

Die Summe $W_5+W_6+W_7$ ber letten brei Biberstånde ist in ber obigen Kraftformel statt W_5 einzusehen, wenn dieselbe auf Gopel mit Stangenvorgelege angewendet werden foll.

Da in das Zahnrad GG auf der Kordwelle des Turbineng dpels in Figur 507 die Zahnrader F und F_1 abwechselnd eingreifen und das eine dieser Rader von oben nach unten, das andere aber von unten nach oben wirkt, so wird durch die Kraft, mit welcher F ober F_1 auf G wirkt, die Reibung der Kordwelle und der Borgelegswelle im Mittel nicht vergrößert, und es ist daher die Zapsenreibung der Kordwelle, wenn dieselbe das Gewicht G_3 und den Zapsenhalbmesser ϱ_3 hat:

$$W_5 = \varphi_3 \frac{\varrho_3}{b} [0,96 G_3 - (Q + 2 G + S) \sin \alpha (0,96 \sin \beta - 0,40 \cos \beta)].$$

Um nun noch die übrigen Widerstände finden und die ganze Kraftformel aufstellen zu können, nehmen wir an, daß das Jahnrad auf der Turbinenmelle den Halbmesser a_1 und die Jähnezahl m_1 , das Getriebrad auf der Borgelegswelle den Halbmesser b_1 und die Jähnezahl n_1 , daß ferner jedes der beiden Treibräder auf der letten Welle den mittleren Halbmesser a_2 und die Jähnezahl m_2 und endlich das Jahnrad auf der Kordwelle den Halbmesser b_2 und die Jähnezahl n_2 habe. Bezeichnen wir nun noch den Coefficienten für die Jahnreibungen beider Räder durch p_4 , so erhalten wir die Gesammtlast mit Rücksicht dieser Reibungen (vergl. III., §. 52 und §. 53):

$$(Q \sin \alpha + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_6) \left[1 + \varphi_4 \pi \sqrt{\frac{1}{m_1^2 + \frac{1}{n_2^2}}} \right] \cdot \left[1 + \varphi_4 \pi \sqrt{\frac{1}{m_2^2 + \frac{1}{n_2^2}}} \right],$$

wozu jedoch noch bie Bapfenreibungen ber Borgelegswelle und ber Turbinenwelle zu rechnen find.

3ft G4 bas Gewicht und Q4 ber Bapfenhalbmeffer ber erfteren Belle, fo hat man bie auf ben Laftpunkt reducirte Bapfenreibung berfelben:

$$W_6 = 0.96 \varphi \frac{\varrho_4}{a_2} \cdot \frac{b_2}{b} G_4 + 0.40 \varphi \frac{\varrho_4}{b_1} (Qsin. \alpha + W_1 + W_2 + \cdots + W_5)$$

=0,96
$$\varphi \frac{\varrho_4}{b} \cdot \frac{n_2}{m_2} G_4 + 0,40 \varphi \frac{\varrho_4}{b_1} (Q \sin \alpha + W_1 + W_2 + \cdots + W_5).$$

Ist ferner G_5 das Gewicht der Turbinenwelle, ϱ_5 der Halbmesser ihres Halfes und ϱ_6 der ihres Stiftes, so folgt noch die auf den Lastpunkt reducirte Seitenreibung dieser Welle:

552

Baffergopel.

$$W_6 = \varphi \, \frac{\varrho_5}{a_1} \, (Q \sin \alpha + W_1 + W_2 + \ldots + W_5)$$

und bie Reibung an ber Bafis berfelben :

$$W_7 = \varphi \frac{\varrho_6}{b} \cdot \frac{n_1}{m_1} \cdot \frac{n_2}{m_2} \cdot G_5.$$

Ift endlich w bie mittlere Geschwindigkeit der Tonne ober Laft und L bie nach II., §. 191 u. f. w. zu berechnende Leiftung der Turbine, so hat man:

 $L=(Q\sin \alpha + W+W_1+W_2+\ldots+W_7)$ w, woraus sich wieber entweber bas Gefälle ober Aufschlagwafferquantum bes rechnen läßt.

Beifpiele. 1) Es ift bas Aufschlagwasserquantum fur einen Bafferrabgopel ohne Borgelege zu berechnen, fur welchen bie Dimensionen und Gewichte folgenbe finb:

Nehmen wir ferner an, daß das Treibeseil von der Seilscheibe über dem Treibeschachte nach einer zweiten Seilscheibe über dem Seilschachte horizontal fortgeführt, und daß es von der letteren aus $s_1=150$ Fuß seiger nach dem Korbe herabgeführt sei. Wiegt nun noch der laufende Fuß Treibeseil $\frac{3}{8}$ Pfund, so ist das Gewicht des Seiles im Treibeschachte:

 $S = s \gamma = 1500 \cdot \frac{9}{8} = 1000 \, \text{Bfunb,}$

und bas Gewicht bes Seiles im Seilschachte:

Der mittlere gaftarm ift:

$$b = \left(1 + \frac{s d^2}{4\pi l r^2}\right) r = \left[1 + \frac{1500}{4\pi . 1} \cdot \left(\frac{3}{4.60}\right)^3\right]. 60 = 61,11 \text{ 3cu.}$$

Die reine Last ist hier Q=1500 Pfund. Die Arenreibungen ber Tonnen und Seilwalzen, also W und W_1 , fallen ganz aus, ba ber Schacht seiger, also $\cos\alpha=0$ ist. Der Steistgleitswiberstand bes Seiles beim Umbiegen besselben um die vier Seilscheiben ist:

$$W_3 = 2 \left(K + \frac{\nu}{r_3}(Q + 2G + S)\right) = 2 \left(1.04 + \frac{0.091 \cdot 8500}{42}\right) = 17.2 \ \Re 6.$$

Der Bertifalbrud sammtlicher vier Seilscheiben ift: $V=2\left[Q+\left(2\;G+\;G_2\right)+\;S\right]=2.(1500+4000+1000)=18000$ Pfund,

Baffergepel.

und ber Borigontalbrud:

 $H=2(Q+2G+S)\equiv 2$. (1500 + 1000 + 1000) = 7000 Pfund, folglich ber entsprechende Bapfenbruck annahernd:

R = 0.96 V + 0.40 H = 12480 + 2800 = 15280 Pfund,

und die hieraus erwachsende Zapfenreibung sammtlicher Seilscheiben:
$$W_3 = \varphi \frac{\varrho_3}{r_3} R = 0,075 \frac{2}{42}$$
. 15280 $= \frac{1146}{21} = 54,6$ Pfund.

Der Steifigfeitswiderstand bes Seiles beim Aufwideln auf ben Korb ift im

Mittel: $W_4 = K + \frac{\nu}{b} (Q + G + \frac{1}{2}S) = 1.04 + \frac{0.091 \cdot 2500}{61.11} = 8.8 \text{ Pfund,}$

und bie Bapfenreibung ber Rorb = und Bafferrabmelle:

$$W_6 = \varphi \frac{Q_8}{b} [G_8 - (Q + 2G + S - 2S_1)]$$

= 0,075 · $\frac{5}{61.11} (45000 - 8300) = 255.9$ \$\text{funb.}

Enblich folgt bie gefammte Laft:

$$Q + W_3 + W_8 + W_4 + W_5 = 1831,5$$
 Pfunb.

Soll bie Conne mit einer mittleren Gefchwindigfeit w == 4 fuß ausgeforbert werben, fo ift hiernach bie Leiftung ber Dafchine:

L = 1831,5 . 4 = 7326 Fußpfund = 14,35 Bferbefrafte.

Beträgt bas nutbar gemachte Gefälle bes Bafferrades 20 Fuß, fo ift ends lich bie erforberliche Aufschlagmenge pr. Secunde mabrend bes Ausförberns ber Tonne:

$$Q_1 = \frac{7826}{20.66} = 5,55$$
 Cubiffuß.

Die Beit jum Ausforbern einer Conne ift & = $\frac{s}{20}$ = $\frac{1500}{4}$ = 875 Sec.

= 6 Minuten 15 Sec., folglich die hierbei verbrauchte Baffermenge 5,55.375 = 2081,25 Cubiffus. Beträgt die Stillstandszeit beim Stürzen und Füllen ber Tonne, $s_1 = 5$ Minuten = 300 Sec., und wird die während dieser Zeit zugeführte Baffermenge angesammelt, so ist das im Mittel zuzusührende Bafferquantum pr. Sec. nur:

$$\frac{2081,25}{t+t_1} = \frac{2081,25}{675} = 8,08$$
 Cubiffuß,

und bie mittlere effective Leiftung bes Bopels:

$$\frac{Qwt}{t+t_1} = \frac{1500 \cdot 4 \cdot 875}{675} = 3833 \text{ Fußpf.} = 6,53 \text{ Pferbekräfte.}$$

2) Bei Anwendung eines Stangenvorgeleges reichen in der Regel zwei Seilscheiben aus, weil man hier das Seil unter einem schiefen Binkel β nach dem Korbe herabführen fann. Der vertifale Seilscheibendruck ist baher hier, wenn man z. B. $\beta = 45$ Grad nimmt:

$$V = (Q + 3G + S) (1 + sin. \beta) + 2G_2 = 3500 (1 + sin. 45^0) + 3000 = 8974,89$$
 Pjund,

und ber horizontale Drud:

H=(Q+2G+S) cos. $\beta=3500$ cos. $45^0=2475$ Pfund, folglich die Bapfenreibung an ben Seilscheiben:

$$W_8 = 9 \frac{\varrho_3}{r_0} (0.96 V + 0.40 H) = 0.075 \frac{1}{21} (8615.9 + 990) = 34.3$$
 Fund.

554

Baffergopet Der Steifigfeitewiberftanb bleibt wie oben:

$$W_4 = K + \frac{\nu}{h} (Q + G + \frac{1}{4}S) = 3.8$$
 Pfund.

Die Spannung ber Stangen, welche bie Umbrebungefraft bes Bafferrabes auf bie Korbwelle übertragen, ift:

$$R = \frac{\pi b}{2 r_a} (Q + W + W_1 + \ldots),$$

und beträgt bei bem Bargenfreishalbmeffer r4 = 20 Boll:

$$R = \frac{\pi \cdot 61,11}{40} \cdot 1555,4 = 7465 \$$
 Ffund.

Ift nun noch das Gewicht ber armirten Korbwelle $G_s=10000$ Pfund, das Gewicht ber vier Bugs ober Korbstangen $G_4=20000$ Pfund, das Gewicht bes Wasserrabes $G_8=35000$ Pfund, und ber Halbmeffer ber Warzen aller Krummzapfen $\varrho_4=4$ Boll, so haben wir die Zapfenreibung ber Korbwelle:

$$W_{\rm s} = \varphi \, \frac{Q_{\rm s}}{b} \, \left(0.96 \, \left[G_{\rm s} + G_{\rm s} + R - (Q + 2 \, G + S) \, \sin \beta \right] \right)$$

$$+ 0,40 (Q + 2G + S) \cos \beta$$

= 0,075 · $\frac{5}{61,11}$ [0,96 (87465 — 2475) + 0,40 · 2475] = 212,2 Pfund, ferner bie Reibung an ben Wargen ber Krummzapfen:

$$W_4 = \varphi$$
 $(G_4 + 2R) = 0.075 \cdot \frac{4}{61,11} \cdot 85088 = 172,0 \Re funb,$

und bie Bapfenreibung bes Bafferrabes:

$$W_7 = \varphi \frac{\varrho_5}{b} (G_b - R) = 0.075 \cdot \frac{5}{61,11} \cdot 27481 = 170,0$$
 Pfunb.

Run folgt bie gefammte Laft bes Baffergopels mit Borgelege:

$$Q + W_s + W_s + \dots + W_7 = 2109,6 \, \Re \text{fund},$$

b. i. um 2109,6 — 1881,5 = 278,1 Pfund ober um $\frac{278,100}{1881,5}$ = 15 Procent größer als beim Baffergopel ohne Borgelege.

3) Bestände die Umtriedsmaschine in einer Turbine und wäre die Seilführung dieselbe wie bei dem ersteren Göpel ohne Borgelege, so hätte man die Widerstände W_a , W_a und W_4 auch den dort gefundenen gleich, also $Q_1=Q+W_a+W_a+W_4=1500+17.2+54.6+3.8=1575.6$ Pfund zu seinen. Rehmen wir aber noch an, daß das Gewicht der armirten Kordwelle $G_a=10000$ Pfund, das Gewicht der armirten Borgelegswelle $G_4=4000$ und das Gewicht der armirten Turdinenwelle $G_b=3000$ Pfund betrage; sehen wir die Anzahl der Bähne der beiden Triedräder (vergl. Fig. 507) $m_1=19$ und $m_2=13$, und die der Getriedräder $m_1=100$ und $m_2=60$, serner die Bardschlömesser $\varrho_a=4$, $\varrho_4=8$, $\varrho_a=2$ und $\varrho_e=1\frac{1}{2}$ Boll, und die Haldsmesser des Turdinenvorgeleges $a_1=6\frac{1}{3}$ und $a_1=80$ Boll, so haben wir noch folgende Widerstände.

Die Bapfenreibung ber Rorbwelle:

$$W_b = \varphi \frac{\varrho_s}{b} [G_s - (Q + 2G + S - 2S_1)] = 0.075 \cdot \frac{4}{61.11} (10000 - 3300)$$

= 32,9 Bfunb,

bie Bapfenreibung ber Borgelegewelle:

Bon ben Dafchinen jum Beben ber Laften auf größere Boben.

$$W_6 = \varphi \varrho_4 \left(0.96 \cdot \frac{\psi G_4}{b} + 0.40 \cdot \frac{Q_1}{b_1}\right) = 0.075 \cdot 3 \left(0.96 \cdot \frac{100}{19} \cdot \frac{4000}{61.11} \right)$$

$$+ 0.40 \cdot \frac{1576}{90}$$

 $= 0.225 \cdot (830.7 + 21) = 79.1$ \$\text{Sfunb},

bie Reibung am oberen Bapfen ber Turbinenwelle:

$$W_7 = \varphi \frac{\ell_5}{a_1} Q_1 = 0,075 \cdot \frac{2 \cdot 2}{13} \cdot 1576 = 36,4$$
 Pfunb,

und bie am unteren Bapfen ober Stifte biefer Belle:

$$W_{\rm e} = \varphi \, \frac{\rho_{\rm e}}{b} \cdot \psi_1 \cdot \psi_{\rm e} \, G_{\rm e} = 0.075 \cdot \frac{3}{2 \cdot 61,11} \cdot \frac{100}{19} \cdot \frac{60}{13} \cdot 8000 = 184,2 \, \Re f.$$

Es folgt nun bie Summe biefer Biberftanbe, auf ben Umfang bes Rorbes

$$Q + W_s + W_s + \dots + W_s = 1575,6 + 32,9 + 79,1 + 36,4 + 134,2$$

= 1858,2 \Re funb,

woru jedoch noch bie Sahnreibungen beiber Rabvorgelege tommen, welche

$$W_{s} = \varphi \pi \sqrt{\frac{1}{m_{1}^{s}} + \frac{1}{n_{1}^{s}}} \cdot (Q + W_{s} + W_{s} + W_{4} + W_{5})$$

$$= \frac{1}{1} \sqrt{\frac{1}{19^{s}} + \frac{1}{100^{s}}} \cdot 1608,5$$

$$= 0.01785 \cdot 1608,5 = 28,7 \text{ Hunb}$$

$$W_{10} = \varphi \pi \sqrt{\frac{1}{m_2}^2 + \frac{1}{n_2}^2} (Q + W_2 + W_3 + \dots + W_0)$$

= $\frac{1}{18} \sqrt{\frac{1}{18}^2 + \frac{1}{60}^2} \cdot 1687,6$

= 0,02624 . 1687,6 = 44,2 Bfund betragen.

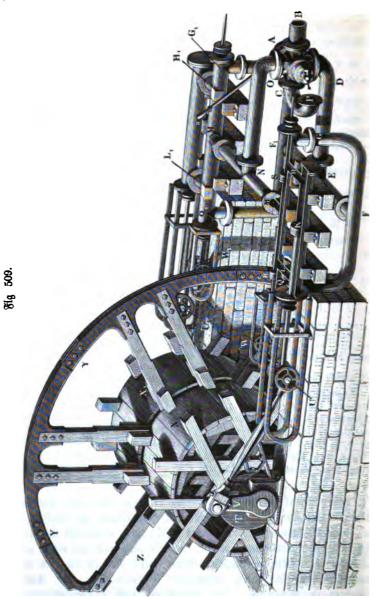
Endlich ift die gesammte gaft $Q + W_s + W_s + \ldots + W_{10} = 1981,1$ Pfund, b. i. um 1981,1 — 1881,5 = 100 Pfund, ober um 10000 = 51/4 Procent größer als beim Baffergopel ohne Borgelege.

Anmerfung. Durch vielfache Berfuche an Bafferrabgopeln in hiefigem Bergrevier hat ber Berfaffer gefunden, bag biefe Bopel unter ben gunftigften Umftanben, b. i. wenn bieselben ohne Borgelege find und aus feigern Schachten von einer mittleren Teufe von 1000 fuß forbern, im Gangen einen Wirfungegrab $\eta = 0,75$, und bag fie unter ben ungunftigften Umftanben, b. i. wenn biefelben lange Borgelege haben und aus größeren flachen Teufen forbern, nur einen Birfungegrab n = 0,80 liefern.

Bafferfaulengopel find bis jest nur felten angewendet Bafferfaulen. Um eine möglichst gleichformige Umbrehung ju erhalten, lagt abeel. man diefe Maschinen nicht bloß aus zwei boppelt wirkenden Treibecplinbern beftehen, fondern man verfieht biefelben auch noch mit einem großen Ein vorzüglicher Gopel biefer Art ift bie vom herrn Dbertunftmeifter Abriany conftruirte Forbermaschine bes Unbreas-Schachtes ju Schemnit. Die Ginrichtung und Wirkungsweise biefer

555

Maschine ift aus ber monobimetrischen Zeichnung in Fig. 509 vollständig zu ersehen. A ist ein sogenannter Bierwegehahn, in welchen bei B



das Ginfall: und bei C das Austragerohr, bei D und O aber bie nach ben Bafferfauten. Treibecylinbern fuhrenben Communicationerohren einmunben. Die letteren Rohren DE und NO find bei E und N gegabelt und fuhren bei M und M1 unmittelbar in bie beiben Steuereplinder LMH und L1 M1 H1, bagegen aber bei F und F, in andere Communicationerobren, welche bei G und Q und bei G, und Q, in bie Steuercplinder einmunden. ben Steuereplindern HLM und H, L, M, ift ber erftere ber gange nach halb zerschnitten und abgebeckt gezeichnet, und ebenfo von ben Treibeeplindern LKH und L1 K1 H1 ber erftere gur Balfte geoffnet barges ftellt. Rurge Rohren H und L fowie H1 und L1 fegen die Treibecolinder mit den Steuercylindern in Berbindung. Jebe Steuerfolbenftange tragt zwei Steuertolben R und S und wird burch ein Ercentrif T in Beme. gung gefeht. Jeder Treibetolben K tragt feine Rraft mittelft ber Rolbenftange KU und ber Rurbelftange UV auf einen Rrummzapfen V uber, beffen Bapfen jugleich bie Umbrebungsare ber Rorbwelle abgiebt. Querhaupter ber Stangentopfe find mit Frictionerabern U, U, und W, W, ausgeruftet, welche innerhalb bufeifenformiger Leitungen laufen. Conftruction ber Rorbe X und X1, fomie bie Berbindung bes gugeifernen Schwungringes YY mit ber Korbwelle burch holgerne Arme Z, Z u. f. m., ift aus ber Figur beutlich gu erfehen.

Der Sang und bie Wirtungsweise biefer Maschine ift folgenber. Das Rraftmaffer, welches burch die Einfallrohre bei B bem Regulator que geführt wird und von ba in bie Communicationerobre DE gelangt. theilt fich bei E und ftromt von ba theils nach F und theils nach F1. Der Theil bes Baffers, welcher nach F tommt, gelangt mittelft ber Rohre FG bei G in ben Steuercylinder und von da burch bie furge Rohre H in ben Treibecplinber, wo es ben Treibetolben K gurudtreibt. Das Baffer hingegen, welches biefen Rolben vorher ausgeschoben hat, ftromt burch bas turge Rohr L gurud in ben Steuercylinder und von ba burch bas Rohr MNO nach bem Regulator ober boppeltgebohrten Sahn A gurud, und wird von ba mittelft ber zweiten Bohrung nach bem Ausgufrohre CP geleitet. Gegen Ende biefer Bewegung ichiebt bas Ercentrif T mittelft ber Ercentritftange TW und ber Steuertolbenftange WRS die Steuer= tolben R und S fo weit vorwarts, bag biefelben auf bie anderen Seiten ber kurgen Communicationerobren L und H treten, und nun bas Rraftmaffer auf ber Seite von G vom Treiberplinder abgesperrt, bagegen aber auf ber Seite von O zugelaffen wirb. In folge beffen macht nun bas Rraftmaffer ben Beg FQLK und fchiebt ben Treibetolben K ausmarts, während das tobte Baffer auf dem Bege KHMNOP jum Ausgusse gelangt. . Rurg, ebe ber Treibetolben feinen Ausschub gurudlegt, bat bas Ercentrit T bie Steuertolbenftange wieber jurudgezogen, fo bag nun nach

Baserfaulen. Beendigung des Ausschubes die Communication zwischen G und H, sowie zwischen L und M wieder hergestellt ist und ein neues Treibkolbenspiel bes ginnen kann.

Das Rolbenspiel ber zweiten Dafchine L, M, H, ift gang baffelbe wie bas foeben ertlarte Rolbenfpiel ber erften Dafchine LMH, ba beibe Da= fcbinen gang gleich conftruirt find und bie Bu- und Ableitungerobren BDE und NOP gemeinschaftlich haben. Damit die Umbrehungefraft, welche aus beiben Dafchinen refultirt, mahrend einer Umbrehung bes Rorbes moglichft wenig variire, ftellt man bie Rrummgapfen und Ercentrit biefer Mafchinen auf bas Biertel gegen einanber, fo bag bie eine Mafchine ber anderen um einen balben Schub vorausgeht. Dreht man ben Biermegehabn A burch einen Sebel Aa um einen Wintel von 45 Grab, fo wird aller Bu- und Abfluß bes Baffers aus ben Treibecylindern aufgehoben, und brebt man ihn um einen Rechtwinkel, fo wird ber Buflug in einen Abflug und der Abflug in einen Buflug verwandelt. Rommt es baber barauf an, ben Gopel, nachbem bie volle Tonne über Tage angetommen ift, in Stillftand ju bringen, fo hat ber Treibemeifter ben Steuerhebel Aa um 45 Grad zu breben, und foll fpater, nachbem man bie volle Tonne geleert und die leere gefullt hat, die Mafchine in ber umgetehrten Rich. tung umlaufen, fo ift biefer Bebel noch weiter um 45 Grad gu breben.

Ein wichtiger Gegenstand bei ben Bafferfaulenmaschinen gur Erzielung einer rotirenben Bewegung und folglich auch bei ben Bafferfaulengopeln ift, bag man ben Steuerkolben R und S eine gange ober Bobe gebe, welche gang knapp bie Beite ber Communicationerobren L und H erreicht, bamit beim Umfteuern, und zwar in ber Beit, wenn biefe Rolben vor ben Einmundungen diefer Rohren vorbeigeben, bas Baffer im Treiberplinder nicht vollständig abgesperrt wird, mas bei bem großen Biderftande bes Baffers gegen Ausbehnung und Busammenbrudung bochft nachtheilige Stoffe veranlaffen murbe (vergl. II., 6. 224). Damit bie Steuerkolben biefer Dafchinen nicht ju turg ober niebrig ausfallen, bebient man fich auch hier ber cplindrischen Communicationerohren, obgleich es aus in II., 6. 241 angegebenen Grunden zwedmäßig mare, diefen Rohren einen tectangularen Querschnitt ju geben. Done bies ift bier ein fleiner Berluft an Rraftmaffer burch ben unvollstanbigen Abichluß ber Steuertolben unvermeiblich, jumal ba biefe Rolben bei ihrer mittleren Stellung einen Augenblick lang bie Ginfallrohre mit ber Austragerohre in Communication feben.

Anmerkung. Der Bafferfaulengopel auf bem Anbreas-Schachte zu Schemnis benust ein Gefälle von 355 Fuß, hat einen Kolbenburchmeffer von 6,2 Boll
und einen hub von 38,2 Boll und macht während bes Treibens im Mittel pr.
Min. 41/4 Spiel, wobei bie Lonne eine mittlere Geschwindigkeit von 11/2 Fuß hat.

§. 250. Die Wiberstände eines Wassersäulengöpels sind zum großen Bassersäulen. Theil dieselben wie die eines Wasserrabgöpels mit Stangenvorgelege. Beshalten wir die schon oben gebrauchten Beziehungen bei, so bleiben nicht allein die reine Last Q und die Wiberstände W und W_1 (§. 248) im Schachte, sondern auch die Widerstände W_2 und W_3 an den Seilsschen und der Steissseitswiderstand W_4 des sich auf den Kord auswickelnden Seiles dieselben, während dagegen die Zapfenreibung W_5 des Kordes, die Warzenreibung W_6 des Krummzapfens und die Reibung W_7 der Stangentöpse in die Gerabsührung sich andern und nach III., §. 99 zu beurstheilen sind. Die Stangentraft ist auch hier

$$R = \frac{\pi b}{2r_4} (Q + W + W_1 + \cdots)$$

zu feben, wenn r_4 den Bargentreishalbmeffer und b den mittleren Lafts arm bezeichnet.

Aus dem Gewichte G_3 des Korbes, der Größe Q+2G+S der Seilspannungen und der Stangenkraft R bestimmt sich die Zapfenreibung des Korbes:

$$W_{\rm 5} = \varphi \, \frac{Q_{\rm 3}}{b} \, \Big(0.96 \, [G_{\rm 8} - (Q + 2 \, G + S) \, sin. \, \beta] + 0.40 \, R \Big).$$

Wenn man die Beziehungen in III., §. 99 dem Vorstehenden entspreschend umandert und überdies den halbmesser eines Frictionsrades der Stangenführung durch r_s , den Bapfenhalbmesser besselchen durch ϱ_s und die Lange der Rurbelstangen durch l bezeichnet, so folgt die erforderliche Kolbenkraft der Dampsmaschine:

$$P = \left[1 + \varphi \frac{\pi}{2} \left(\frac{\varrho_4}{r_4} + \frac{\varrho_5}{r_5} \cdot \frac{r_4}{2l}\right)\right] \frac{\pi b}{2r_4} (Q + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4 + W_5).$$

Rennt man nun noch ben Wirkungsgrad o ber Bafferfaulenmafchine allein, fo kann man auch

$$P = \eta F h \gamma,$$

und folglich die Große ber Rolbenflache

$$F = \frac{P}{\eta h \gamma}$$

berechnen, wonach fich endlich ber erforderliche Rolbendurchmeffer eines Eplinders

$$d = \sqrt{\frac{2F}{\pi}}$$

eraiebt.

Die Bewegung ber Steuerkolbenftange erfordert naturlich noch einen kleinen Rraftaufwand, weshalb man d noch etwas größer zu nehmen hat, als biefe Formel angiebt. Macht man, um Refervekraft zu haben, d an-

mafferfanten fehnlich größer, fo muß man die überfluffige Rraft burch Regulirungs=

Beispiel Behalten wir Angaben bes Beispieles 2) zu §. 248 bei, nehmen wir also auch an, bag bie reine Laft $\varrho=1500$ Bfund, und baß sich bieselbe burch bie Rebenhindernisse W_2 , W_3 und W_4 auf 1555,4 Pfund steigere. Die Stangenkraft bleibt R=7465 Pfund, und nehmen wir wieder $G_3=10000$ Pfund, und $\beta=45$ Grad, so erhalten wir die Zapfenreibung bes Korbes:

$$W_6 = g \frac{\varrho_3}{b} \left(0.96 \left[G_3 - (Q + 2 G + S) \sin \beta \right] + 0.40 R \right)$$

= 0.075
$$\cdot \frac{5}{61.11}$$
 [0.96 (10000 - 2475) + 0.40 . 7465] = 62,7 Pfund.

Ift ber halbmeffer einer Warze $\varrho_4=81^\circ_2$ Bell, ber halbmeffer bes Bolgens im Stangentopfe $\varrho_5=2$ Boll, ber Warzentreishalbmeffer $r_4=20$ Boll, ber halbmeffer ber Frictionsraber $r_5=6$ Boll und die Lange ber Kurbelftange $l=5\,r_4=100$ Boll, so haben wir nun die erforderliche Rolbenfraft ber Bafferfaulenmaschine:

Ift nun bas Gefälle ber Rafchine k = 800 Fuß und ber Birfungsgrad berfelben n = 0,70, fo folgt ber Durchmeffer eines Treibefolbens:

$$d = \sqrt{\frac{2F}{\pi}} = \sqrt{\frac{2P}{\pi \eta h \gamma}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 7955}{0.7 \cdot 800 \cdot 6G \cdot \pi}} = \sqrt{\frac{7955}{6980 \pi}} = 0,6045 \% \text{ng}$$

$$= 7.254 \text{ Boll},$$

wofür aber minbeftene 8 Boll ju nehmen fein möchte.

Ift o bie mittlere Rolbengefdwindigfeit und w bie ber Conne, fo hat man:

$$w = \frac{\pi b}{2r_4} v,$$

folglich für v = 1 guß:

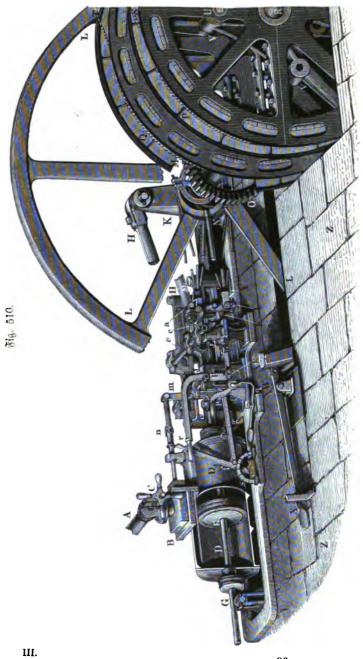
$$w = \frac{61,11 \cdot \pi}{40} = 1,5275 \cdot \pi = 4,80 \text{ gus},$$

und bie effective Leiftung ber Dafchine pr. Secunde:

Tan:pfgöpel.

§. 251. Die Einrichtung eines Dampfgopels ift aus ber monobimetrischen Abbitdung in Fig. 510, welche ben Dampfgopel auf Davidsschacht auf himmelsahrt Fundgrube nahe bei Freiberg vorstellt, zu erseben. Der Dampf wird durch das Rohr A zugeführt, und der Zutritt besselben in die Steuerkammer B läst sich durch ein Bentil reguliren, welches von dem Maschinenwärter (Treibemeister) mittels einer Schraube durch ein vierarmiges Kreuz C bewegt wird. Aus der Dampstammer strömt der Dampf in zum Theil sichtbaren Kanalen nach dem zur Salfte im Durchschnitte gezeichneten horizontal liegenden Dampf- oder Treiberculinder DD, und treibt darin den Treibesolben E abwechselnd hin und

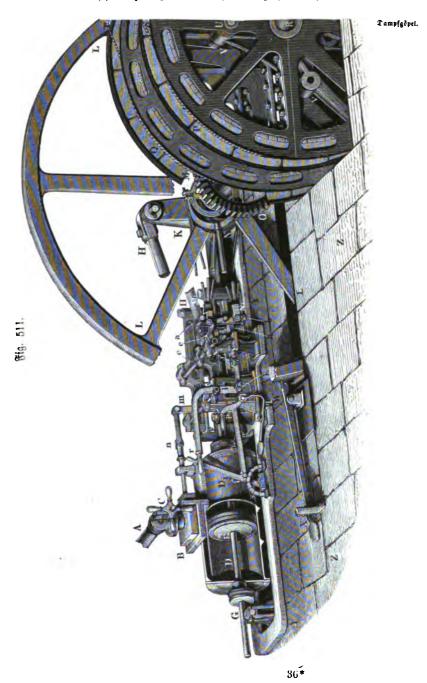
Dampfgöpel.



Dampfgopel gurud. Um bem einseitigen Druck bes letteren auf die Cylinderflache foviel wie moglich zu begegnen, ift berfelbe außer ber haupttolbenftange EF, welche die Rraft fortpflangt, noch mit einer Sulfetolbenftange EG ausgeruftet, welche über einer Leitrolle G liegt und mahrend bes Rolbenfpieles auf berfelben bin: und berlauft. Muf bem außeren Ende ber Rolbenftange EF fitt eine (nicht fichtbare) Querare feft, welche von bem gabelformigen Ende ber in ber Figur abgebrochen gezeichneten Aurbeiftange HH ergriffen wird und mittelft nur jum Theil fichtbarer Schlitten J, J, in horizontalen Leitungen lauft. Mittelft ber Rurbelftange HH und ber Rurbel K wird eine horizontale Belle in Umbrehung gefest, auf welcher ein großes Schwungrad LLL, zwei Ercentrite M und N und ein Bahnrad O befeftigt find, und bas lettere greift in ein großeres, jedoch unfichtbares Bahnrad, welches mit ben beiben Seilkorben P und Q auf einer Belle R fist. Die Conftruction biefer Rorbe ift aus 6. 247 befannt. Die Treibefeile lofen fich bei S und T von ihren Rorben ab und geben von ba nach ben Seilscheiben, von wo fie fich nach bem Schachte bingbgieben. Die Rorbe find beweglich (vergl. §. 242) und ju biefem 3mede nur mittelft eines losbaren Bolgens U an einen ber brei Urme eines Rreuges VV angeschlossen, bas auf ber Belle R festfist. Die untere Balfte bes Schwungrabes ift noch mit einem fchmiebeeifernen Bandbrems umgeben, welcher fich mittelft eines Bebels WX burch einen Fußtritt auf bas breite Ende X auf bas Schwungrad aufbruden lagt.

Die eigentliche Dampsmaschine ruht auf einer langen eisernen Sohls platte YY, welche mittelst Schrauben auf bem Fundamente ZZ aufgez bolzt ist.

Die beiden Ercentrits M und N, wodurch die Steuerung bewirft wird, fteben einander entgegengefest, und ihre Stangen MM, und NN, find nabe an bem entgegengesetten Enbe einer bogenformigen Couliffe ab angefchloffen, welche in ihrer Mitte an einem gegabelten Bebel c aufgehangen ift, ber von bem Mafchinenwarter mittelft eines Mechanismus edgf. welcher aus ben Armen f und d, einer Bugftange g und einer horizontalen Belle e besteht, nach Belieben gehoben ober gefentt werben fann. Die Couliffe ab, welche von ben Ercentrite in eine oscillirende Bemegung verlett wird, gieht die Stange hk, welche mit ihrem Ropfe bei h in bie Rinnen ber Couliffe eingreift, bin und ber und biefe Bewegung wird mittelft ber Arme l und m und einer fie verbindenden Belle auf bie Stange n bes Dampfichiebers übergetragen. Leicht ift die Birtungsweise ber von R. Stephenfon bei Locomotiven zuerft in Anwendung gebrachten Couliffe ab einzusehen. Ift Die Couliffe mittelft des Bebels f herabgetaffen und folglich bas Stangenende M1 in die Rahe bes Stangen. endes h gebracht worben, fo folgt bie Stange hk, und folglich auch ber



Tampfgepel Dampfichieber bem Ercentrit M; ift aber die Couliffe gehoben und folglich bas Stangenende N1 in die Rabe von h gebracht worben, fo folgt bie Stange hk, und mit ihr auch ber Dampfichieber bem zweiten Ercentrit N. Es tann alfo burch Berrudung bes Armes f, wenn biefelbe beim mittleren Stande bes Dampftolbens E vorgenommen wird, febr leicht die Umdrehungerichtung ber Daschine in bie entgegengefette verwandelt mer-Bangt man bie Couliffe ab fo, bag bie beiben Stangenenben M1 und N1 gleichviel vom Stangenende h abstehen, fo fallt bie Schwingungsare von ab mit h zusammen, es bleibt baber hk in Rube, und es tritt folglich Stillftand ber Maschine ein. Giebt man endlich ber Coulisse eine Stellung zwischen ben soeben angegebenen, fo folgt zwar ber Schieber bem einen ober bem anberen Ercentrit, jedoch ift ber Beg beffelben tleiner, als wenn ber eine ober ber andere ber Aufhangepunkte M1 und N1 mit h jufammenfiele; es findet folglich bann eine langere Bebedung bes Schiebers und nach Befinden eine langere Absperrung bes Dampfes ftatt. Um die Berbindung des Schiebers mit der Couliffe ab aufzubeben, ergreift man die Sandhabe p, bebt bas eine Ende ber Stange hk, welches burch ein Scharnier mit dem anderen Ende beffelben verbunden ift und mittelft eines Bugels auf einem Bolgen im Arme I ruht, empor und legt es auf eine etwas hoher ftebenbe Rolle, welche burch ben Ropf einer burch ben Buß leicht zu brehenden Stuge q gebildet wird. Durch eine Sandhaber, in welche eine bugelformige Berlangerung bes Armes l auslauft, tann man ben Schieber beliebig mit ber Sand birigiren. Mit bem eingetheilten Salbfreis &, melcher bie Broge bes Schiebermeges anzeigt, ift noch ein gegabnter Bugel verbunden und an dem Arme f ein Riegel angebracht, welcher in die Bergahnung biefes Bugels eingerudt wird, wenn ber Bang bes Schiebers b unverandert und folglich ber Arm f firirt werden foll.

Anmerkung. Der hier beschriebene Dampsgopel hat eine Leiftungesabigseit von 30 Pferbekräften, und forbert Tonnen von 27 Cubikjuß, enthaltend eine Forbermasse von 2000 Pfund Gewicht, mit einer Geschwindigkeit von 7 bis 8 Fuß zu Tage. hierbei arbeitet ber Dampf mit 21/2 Atmosphare Ueberdruck und es macht bie Dampfmaschine in der Minute 24 Spiele. Das kleine Zahnrad auf ber Rurbelwelle hat 45 Bahne, und das auf der Korbwelle 75 Bahne, folglich macht lettere in der Minute

$$\frac{45}{75} \cdot 24 = \frac{8}{5} \cdot 24 = \frac{72}{5} = 14,4$$
 Umbrehungen.

Bei bem mittleren Korbburchmeffer von $10\frac{1}{2}$ Fuß ist die mittlere Seschwinsbigkeit ber Last $=\frac{10.5\cdot 14.4\,\pi}{60}=$ 7,9 Fuß. Der Durchmeffer bes Dampstelbens ist $28\frac{1}{2}$ Boll und der Schub desselben 47 Boll. Das Schwungrad hat eine Höhe von 32 Fuß und wiegt circa 80 Centner.

6. 252. Die Berechnung der Leistung eines Dampfgopels ift auf abnitiche Beise wie die eines Wassersautengopels zu vollziehen, nur ift hier

noch wegen bes Vorgeleges, welches bie Umbrehungszahl ber Kurbelwelle Dampfgebell in die kleinere Umbrehungszahl der Korbwelle umfest, eine weitere Resuction der Kraft nothig. Dhne Rudficht auf Nebenhindernisse ware das Berhältniß der Kolbenkraft P zur Förderlast Q, bei dem Kolbenhube oder Warzenkreisdurchmesser = s, dem mittleren Lastarme des Korbes = b. und den Zähnezahlen m und n des Treibs und des Getriebrades:

$$\frac{P}{O} = \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi b}{s};$$

mit Rudficht auf Nebenhinderniffe ift aber, wenn man ben Birtungsgrad n ber gangen Rafchine als bekannt voraussest:

$$\frac{\eta P}{O} = \frac{m}{n} \frac{\pi b}{s},$$

folglich:

$$P = \frac{1}{\eta} \, \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi \, b}{s} \, Q.$$

Ift d ber Durchmeffer ber Kolbenflache, p ber Dampfbruck und q ber Gegenbruck auf ben Quabratjoll, fo hat man auch:

$$P=\frac{\pi d^2}{4}(p-q),$$

und es ift folglich:

$$d = \sqrt{\frac{4}{\eta} \, \frac{m}{n} \cdot \frac{bQ}{s(p-q)}},$$

wobei der Sicherheit wegen, $\eta=1/4$ anzunehmen sein möchte. (Bergl. II., $\S.~879.$)

Will man scharfer rechnen, so muß man von ben ichon oben (§. 248) gefundenen Formeln fur die einzelnen Widerstande Gebrauch machen Die gange Laft, auf den mittleren Korbumfang reducirt, ift hiernach:

$$Q + W + W_1 + W_2 + W_3 + W_4$$
 (f. §. 248).

hierzu kommt nun aber noch die Zapfenreibung der Korbwelle, ferner die Reibung zwischen den Zahnradern, die Zapfenreibung der Kurbelwelle, die Barzenreibung und die gleitende Reibung des Stangenkopfes in der Führung. Die Kolbenreibung gehört der Dampfmaschine an und läst sich dem Gegendrucke q (f. II., §. 374) einverleibt annehmen, weshalb sie hier nicht weiter in Betracht kommt.

Wenn wir die seither gebrauchten Bezeichnungen beibehalten und einen seigern Schacht vorausseigen, so haben wir zunachst die Zapfenreibung ber Rorbwelle, auf ben mittleren Korbumfang reducirt:

$$W_{5} = \varphi \frac{Q_{5}}{b} \left(0.96 \left[G_{3} - (Q + 2G + S) \sin \beta \right] + 0.40 \left(Q + 2G + S \right) \cos \beta \right),$$

Dampfgopel mofur in ber Regel einfacher

$$W_{\mathfrak{s}} = \varphi \frac{\varrho_{\mathfrak{s}}}{b} \left[G_{\mathfrak{s}} - (Q + 2 G + S) \right]$$

gefest werben fann.

Die Bahnreibung ift, wie bekannt:

$$W_6 = \varphi \pi \left(\frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right) (Q + W + W_1 + \ldots).$$

Ift ϱ_4 der Halbmeffer der Zapfen der Kurbelwelle und G_4 das Gewicht dieser Welle sammt dem Gewichte des auf ihr sigenden Schwungrades u. s. w., so hat man die Zapfenreibung dieser Welle:

$$W_{7} = \varphi \frac{n}{m} \frac{\varrho_{4}}{b} (0,96 G_{4} + 0,40 P)$$

$$= \varphi \frac{\varrho_{4}}{b} \left(0,96 \frac{n}{m} G_{4} + 0,40 \frac{\pi b}{s} (Q + W + W_{1} + ...) \right)$$

Diese Formel sett voraus, daß die Dampsmaschine eine liegende, und daß das Gewicht G_4 größer als die Stangenkraft P sei. Der Druck R zwischen den Zähnen ist weder bei W_5 noch dei W_7 in Betracht zu ziehen, da die Maschine abwechselnd in der einen oder in der anderen Richtung umläuft, wobei die Vertikaldruck G_3 und G_4 abwechselnd um R vergrößert oder verkleinert werden.

Die Warzenreibung ift nach III., §. 99, wenn Q6 ben Bargenhalb: meffer bezeichnet:

$$W_8 = \frac{\pi}{2} \cdot \frac{\varrho_4}{\frac{1}{2} s} \varphi (Q + W + W_1 + \cdots)$$
$$= \varphi \pi \frac{\varrho_5}{s} (Q + W + W_1 + \cdots)$$

und bie gleitende Reibung in ber Fuhrung bes Stangentopfes, wenn I bie Lange ber Aurbelftange bezeichnet:

$$W_{9} = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{1/2}{l} g (Q + W + W_{1} + \cdots)$$

= $g \cdot \frac{\pi}{8} \cdot \frac{s}{l} (Q + W + W_{1} + \cdots).$

Bersteht man nun unter η den Birkungsgrad der eigentlichen Dampfmaschine ($\eta = 1/3$ bis 1/2), so hat man endlich die Dampstraft:

$$P = \frac{1}{n} \cdot \frac{m}{n} \cdot \frac{\pi b}{s} (Q + W + W_1 + \cdots + W_9),$$

und ben entsprechenden Durchmeffer bes Dampftolbens:

$$d = \sqrt{\frac{4}{\eta} \cdot \frac{m}{n} \cdot \frac{b(Q+W+W_1+\cdots+W_9)}{s(p-q)}}.$$

567

Beispiel. Es ift für einen Dampsgöpel, bessen Forberlaft Q sammt ben $x_{ampsadel}$ sammtlichen Rebenhindernissen im Schachte, an den Seilscheiben und an den Korsben, $Q+W+W_1+\cdots+W_5=2200$ Pfund beträgt, die erforderliche Dampstraft P und der entsprechende Dampstolbendurchmesser d zu finden.

Geben wir bem Treibrad 45 und bem Getriebrad 75 Bahne, machen wir also m = 45 und n = 75, so haben wir junachft bie Bahnreibung:

$$W_4 = \varphi \pi \left(\frac{1}{m} + \frac{1}{n}\right) (Q + W + W_1 + \cdots) = \frac{1}{4} \left(\frac{1}{45} + \frac{1}{75}\right).2200$$

= 0,01185 . 2200 = 26 Pfunb.

Ift ferner bas Gewicht ber Kurbelmelle sammt Schwungrab, $G_4=10000$ Pfund, ber Kolbenschub s=4 Fuß, ber mittlere Lastarm b=5 Fuß und ber Bapfenhalbmesser $\varrho_4=5$ Boll, so folgt die Zapfenreibung ber lettgenannten Belle:

$$W_7 = \varphi_{\ell_4} \left(0.96 \frac{n}{m} \cdot \frac{G_4}{b} + 0.40 \cdot \frac{\pi}{s} \left(Q + W + W_1 + \cdots \right) \right)$$

$$= 0.075 \cdot 5 \left(0.96 \cdot \frac{5}{8} \cdot \frac{10000}{60} + 0.40 \cdot \frac{\pi}{48} \cdot 2226 \right)$$

$$= 0.875 \cdot (266.7 + 58.3) = 122 \text{ Hunb.}$$

Ift nun noch ber halbmeffer bes Bargentreifes $\varrho_b=2$ Boll, fo hat man bie Bargenrelbung:

$$W_{\rm s} = g\pi \frac{g_{\rm s}}{s} (Q + W + W_1 + \cdots) = 0,075 \cdot \frac{2}{48} 2348 \pi = 7,33 \pi = 28 \ {\rm Pfunb};$$

ift enblich die Kurbelftangenlänge $l=\frac{5}{2}s$, und nimmt man den Coefficiensten ber gleitenden Reibung $\varphi=0.09$ an (f. I. §. 161), so hat man die Reisbung an den Schlitten des Stangenkopfes:

$$W_0 = \varphi \frac{\pi}{8} \frac{s}{l} (Q + W + W_1 + \cdots) = 0.09 \cdot \frac{2}{5.8} \cdot 2871\pi = 10.67\pi = 84 \text{ Bfunb.}$$

hiernach ift nun bie gefammte Rorblaft;

 $Q + W + W_1 + \cdots + W_9 = 2371 + 34 = 2405$ Pfund, und die entsprechente Stangenkraft:

$$P = \frac{cs}{n} \cdot \frac{\pi b}{s} (Q + W + W_1 + \cdots) = \frac{3}{5} \cdot \frac{5\pi}{4} \cdot 2405 = 5670 \text{ } \text{Pfund}.$$

Nimmt man ben Birfungsgrab ber Dampfmafchine allein $\eta=\frac{1}{3}$, so ershalt man bei einem Ueberdruck von $2\frac{1}{4}$ Atmosphäre, p-p=2,25. 15,1=34 Pfund, ben Durchmeffer bes Dampftolbens:

$$d = \sqrt{\frac{4P}{\eta\pi(p-q)}} = \sqrt{\frac{4.5670}{\frac{1}{8}\pi.34}} = \sqrt{\frac{12.5670}{84\pi}} = 25,24 \text{ 3off.}$$

Drittes Rapitel.

Won dem Fortschaffen der Lasten auf ganz oder nahe horizontalen Wegen.

firberungsmethoben.

- §. 253. Das Fortschaffen (franz. und engl. transport) ber Laften (franz. fardeaux; engl. loads) auf mehr ober weniger horizontalen Wegen tann auf folgende Beise erfolgen:
 - 1) Durch das Tragen ber Menschen ober Thiere auf dem Ruden;
 - 2) burch Schlitten ober Schleifen auf bem Schnee ober Pflafter u. f. w.;
 - 8) burch eins ober zweiraberige Karren auf Laufbrettern ober auf bem gugboben;
 - 4) durch vier. ober mehrraberige Bagen auf Straffen und Gifenbahnen, und
 - 5) burch Rahne, Schiffe u. f. w. auf bem Baffer.

Unter allen biefen Forderungsmethoben ift in der Regel bas Tragen (franz. le portage; engl. the bearing) die unvortheilhafteste, weil hier bas ganze Gewicht der Forderlast von dem Arbeiter aufgenommen und bei jedem Schritte mit dem Gewichte besselben zugleich um eine gewisse Hohe, welche (nach II., §. 81, Anmerkung) 0,09375 der Schrittlange gleich zu seine gehoben werden muß. Ist die Last = Q, so hat man falglich die ihr entsprechende Kraft oder Anstrengung des Arbeiters beim Tragen berselben:

P = 0.09375 Q.

Die Kraft zum Fortschaffen ber Lasten mittelst Fuhrwerke (franz. voitures; engl. carriages) ist zwar ebenfalls ber Last Q proportional, allein sie ist in der Regel ein viel kleinerer Theil derselben, als beim Tragen, wenigstens nahert sich diese Kraft dem angegebenen Werth P nur erst dann, wenn der Wagen auf einer sehr schlechten Straße mit vielem Kothe und tiesen Gleisen fortzuziehen ist. Hier kann, wie weiter unten angegeben wird, P=1/18 Q=0.077 Q betragen. Etwas anders ist allerdings das Verhaltniß bei ansteigenden Wegen, wo außer der gewöhnlichen Zugkraft auf horizontalen Straßen, der Theorie der schiesen Ebene zu Folge (s. I., §. 134), noch das sinuirte Gewicht des Arbeiters und der Last zu überwinden ist. Bezeichnet α das Ansteigen der Straße, μ einen Ersahrungscoefficienten und G das Gewicht des Arbeiters, so haben wir:

$$P = \mu Q + (Q + G) \sin \alpha$$

zu fegen.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 569

Da nun der Theil (Q+G) sin. lpha bei allen Forderungsmeifen einer und Berberungsmethoben. berfelbe ift, fo folgt, bag ber Rraftunterichied bei benfelben verhaltnigmägia um fo fleiner ausfallt, je großer ber Steigwintel a ber Strafe ift, auf mels cher die Laft fortgeschafft wirb. Die Forberung in Rarren (frang. brouettes: engl. carts, wheel-barrows) fteht zwischen bem Tragen auf bem Ruden und dem Fortschaffen in Bagen inne, weil hier noch ein Theil der gaft () von bem Arbeiter unmittelbar aufgenommen with. Die Rraft gur Rorbes rung mittelft Schlitten ober Schleifen (frang. traineaux; engl. sledges) ift bekanntlich nach ber Art und bem Buftande ber fich reibenben Flachen fehr verschieden. Fur die Bewegung eines Schlittens mit bolgernen Rufen auf einer glatten Bolge ober Steinbahn ift ber Reibungecoefficient:

> im ungeschmierten Buftanbe geschmiert mit trodener Geife . geschmiert mit Zalg .

Auf einer guten Schneebahn fallt die Reibung eines folchen Schlittens nur 0,035 aus, und fur bie Bewegung ftablerner Schlittenkufen auf-gefrorenem Schnee ober Gis ift $\mu = 0,02$. Bei der Bewegung der Ba. gen auf guten Strafen fallt $\mu = 0,02$ bis 0,04 aus, und fur bie Bemegung ber Bagen auf Gifenbahnen ift µ gar nur 0,003 bis 0,005.

Bas endlich bas Fortschaffen ber Laften zu Baffer anlangt, fo ift bier ber Biberftandecoefficient µ gar nicht conftant, fondern es machft berfelbe mit bem Quabrate ber relativen Gefchwindigkeit bes Kahrzeugs (S. I., G. 428 u. f. w.). Ift biefe Geschwindigkeit febr flein, fo fallt bier u noch fleiner als 0,008 aus; es ift folglich bann bas Fortschaffen ber Laften zu Baffer noch vortheilhafter als bas auf Gifenbahnen.

6. 254. Bei ber Forberung auf mehr ober weniger horizontalen De: gorberunge gen wird der Arbeitsaufwand durch das Gewicht Q, des Forbergefa. Bes (frang. und engl. vehicule) nicht unansehnlich erhoht. Das Berhaltniß $rac{Q_1}{O} =
u$ bes Gewichtes bes Forberungsmittels ju bem ber Last ift jugleich bie relative Bergroßerung bes Arbeitsaufwandes, welchen bas Ditfortschaffen des Forderungsmittels erfordert; nun beträgt aber das Bewicht Q1 meift 1/5 bis 1/8 ber Laft Q, folglich erfordert auch beim Tragen und Korbern in Wagen, Schlitten u. f. w. bas Gewicht bes Korbergefages eine Bergroßerung ber Arbeit von $\nu = 1/s$ bis 1/3 ber Rubleiftung. bas Forberungsmittel überbies noch leer jurudgeschafft werben, wie es 3. B. bei wiederholtem Transport auf berfelben Strede nothig ift, fo ift biefe Bergrößerung ber Arbeit fogar bas Doppelte, b. i. 2 $\nu={}^2/_5$ bis ${}^2/_6$ ber Nugleistung.

Bei der Forderung durch Menschen und Thiere haben wir nach II., 6. 80:

fur Die Befchwindigfeit v beim hinwege, mit gefulltem Forbergefage:

$$\left(2-\frac{v}{c}\right)K=\mu\left(1+\nu\right)Q,$$

und fur die Gefchwindigteit v1 beim Rudwege, mit leerem Forberungsmittel :

$$\left(2-\frac{v_1}{c}\right)K=\mu\nu Q.$$

Es ift folglich:

$$v=c\left(2-\mu\left(1+
u
ight)rac{Q}{K}
ight)$$
 und $v_1=c\left(2-\mu
urac{Q}{K}
ight),$

wobei c die mittlere Geschwindigkeit und K die entsprechende mittlere Kraft des Arbeiters bezeichnet.

Wird nun der Forberungsweg s in der Schichtzeit t nmal bin und ebenfo oft ber jurudgelegt, fo hat man:

$$n = \frac{t}{\frac{s}{v} + \frac{s}{v_1}}$$
, ober $ns = \frac{t}{\frac{1}{v} + \frac{1}{v_1}} = \frac{v \, v_1 \, t}{v + v_1}$,

und baber bie Rugleiftung pr. Schicht:

$$Qns = \frac{Qv v_1 t}{v + v_1} = \frac{Kv_1 t}{\mu (1 + \nu)} \frac{\left(2 - \frac{v}{c}\right)v}{v_1 + v}.$$

Die Geschwindigkeit v_1 ist nur wenig kleiner als $2\,c$ und laßt sich bas her als constant ansehen. Dies vorausgeset, erhalten wir nun burch Differenziiren ben vortheilhaftesten Geschwindigkeitswerth:

$$v = \sqrt{(2c + v_1)v_1} - v_1,$$

folglich als erften Raberungswerth:

$$v_1 = 2 c \text{ unb}$$

 $v = 2 c (\sqrt{2} - 1) = 0.828 c$

moraus nun:

$$Q = \left(2 - \frac{v}{c}\right) \frac{K}{\mu(1+\nu)} = 1,172 \frac{K}{\mu(1+\nu)},$$

und ein zweiter Raberungewerth:

$$v_1 = c \left(2 - 1{,}172 \frac{v}{1+v}\right)$$

folgt, und fich enblich auch v und Q genauer bestimmen laffen.

Segen wir $\nu=0$, nehmen wir also an, bag ber Arbeiter nach jedem Transport ohne alle gaft gurudgehe, so haben wir genau:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 571

$$v_1 = 2 c$$
, $v = 0.828 c$ und $Q = 1.172 \frac{K}{\mu}$,

und baber bie tagliche Rugleiftung:

$$Qns = 1{,}172 \frac{K}{\mu} \cdot \frac{0{,}828 c \cdot 2 ct}{2{,}828 c} = 0{,}686 \frac{K}{\mu} ct,$$

b. i. circa 2/8 ber Arbeitsfahigkeit bes Arbeiters.

Die mittleren Berthe fur K, c und t beim Tragen auf bem Ruden, mo $\mu=1$ zu fegen ift, find bereits Bb. II., §. 79 mitgetheilt worben.

Beispiel. Wenn die Kraft zum Fortschaffen einer Last $P=\frac{1}{20}Q$, also $\mu=\frac{1}{20}=0.05$ ist und wenn das Gewicht des Förderungsmittels $Q_1=\frac{1}{4}Q$, also $\nu=\frac{1}{4}$ beträgt, und dasselbe nach jedem Gange wieder leer mit zurück, gebracht werden muß, so ist die vortheilhasteste Geschwindigkeit auf dem Rūckwege:

 $v_1 = c (2 - 1.172.1/5) = 1.7656 c$

ferner bie auf bem hinwege:

$$v = (\sqrt{1,7656 \cdot 3,7656} - 1,7656) c = 0,8129 c;$$

bie reine Laft:

$$Q = (2 - 0.8129) \frac{K}{\frac{1}{20...} \frac{5}{4}} = 18.99 K,$$

und bie entfprechenbe Rugleiftung:

$$Qns = \frac{Qvv_1t}{v + v_1} = \frac{0.8129 \cdot 1.7656 \cdot 18,99 \text{ Ket}}{2,5785} = 10,57 \text{ Ket}$$
$$= 0.5285 \frac{\text{Ket}}{\mu},$$

b. i. beinahe 53 Brocent bes Arbeitevermögens.

§. 255. Die burch Menschenkraft in Bewegung zu sehenben einrabes Calebiarren. rigen Fuhrwerke sind ber Schiebbod und ber Schiebkarren. Beibe bilben einen einarmigen Bebel, CSD, Fig. 512, bessen Stuppunkt C bie Dres



hungsare bes Rabes und beffen Kraftpunkt D bie Sandhaben bes Arbeiters bilben; sie unterscheiben sich jedoch baburch von einander, daß die lettere mit einem vollständigen Kasten zur Aufnahme der Last ausgerüstet ist, wogegen der erstere nur eine über das Rad weggreifende Rücklehne hat. Fig. 512 führt einen Schiedkarren vor Augen, wie er zum Fortschaffen von Erd-

maffen beim Eisenbahnbau gebraucht wird; in Fig. 518 (a. f. S.) ift bas gegen ein sogenannter Auslaufkarren abgebilbet, welcher beim Bergbau zum Aussturzen ber zu Tage ausgeförberten Gesteinmassen auf die Halbe bient. Bei bem ersten Karren sigt bas eigentliche Förbergefäß auf ben

Saiteblarren. Karrenfchenkeln auf, wogegen es bei bem zweiten mehr baran hangt, in-



Fig. 513.

bem bie Schenkel CD, C_1D_1 zugleich die langen Seitenwände des Fördergefäßes bilben. Ift ber Normalabstand CA ber Are C des Karrens (Fig. 512) von der Richtung der Kraft, — a, und der Ho-

rizontalabstand CB eben dieses Punktes von Bertikalen durch ben Schwers punkt S ber Last Q sammt Gewicht bes Karrengestelles, =b, so hat man Pa=Qb, und daher die Kraft:

$$P = \frac{b}{a} Q.$$

Der übrigbleibende Druck $R=Q-P=\frac{a-b}{a}Q$ in der Radare wird von dem Fußboden aufgenommen und erzeugt daselbst eine Reibung, welche nebst der untergeordneten Zapfenreibung ebenfalls von dem Karrensläufer zu überwinden ist. Bei gutem, festem Fußboden kann man annehmen, daß beide Reibungen zusammengenommen nicht mehr als $1/s_0$ des Druckes, das Gewicht Q_2 des Rades mit eingerechnet, betragen. Deshalb kann man auch bei approximativen Rechnungen, wie sie für den vorliegenden Fall nicht anders verlangt werden können, diese Reibungen ganz außer Betracht lassen, indem man reichlich

$$P = \frac{b}{a} (Q_1 + Q) = \frac{b}{a} (1 + \nu) Q$$

fest, wo $u = rac{Q_1}{O}$, bas Berhaltniß bes Karrengewichtes zur Laft bezeichnet.

Dieses Kraftverhåltnis wird jedoch ein anderes, wenn ber Fusboden anssteigt ober abfällt. Man hat dann, wie bereits §. 258 angegeben worden ift, noch die Kraft $(Q+Q_1+Q_2+G)$ sin. α auszuüben nöthig, also im Ganzen:

$$P = \frac{b}{a}(Q + Q_1) + (Q + Q_1 + Q_2 + G) \sin \alpha$$

und zwar nicht allein beim Auffteigen, sonbern auch beim Abwartslaufen, wo es darauf ankommt, die Beschleunigung des Karrens aufzuheben. Man rechnet beim Fordern auf einer horizontalen Strecke mittelst des Schiebkarrens, daß ein Arbeiter eine Last von 128 Pfund mit einer mittleren Geschwindigkeit von 1,6 Fuß während einer zehnstündigen Arbeitszeit fortschaffen könne, wobei er jedoch nach jedem Gang leer zurückschie entsprechende Arbeit pr. Sec. ist 128. 1,6 = 204,8 Pfund, und

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 573 täglich 7'873000 Fußpfund. Bei bem hiesigen Bergbau förbert ein Ars Chieblarren. beiter in ber allerdings nur sechsstündigen Arbeitszeit 120 Rübel Berge (Steinstücke) auf 80 Meter horizontaler Entfernung. Die entsprechende tägliche Nuhleistung ist, wenn wir, wie oben (§. 239), den Kübel zu 92 Pfund Gewicht annehmen, nur 120. 80. 3,1862. 92 = 2'814000 Fußpfund. Die Leistung der Karrenförderung verändert sich mit dem Hebelarmvers hältniß $\frac{b}{a}$, welches meist innerhalb der Grenzen $^{1}/_{5}$ und $^{1}/_{3}$ liegt, und kann daher bei verschiedenen Karren und verschiedener Ausladung sehr versschieden aussallen, zumal wenn der Weg nicht ganz horizontal ist.

Beispiel. Wenn bei einem Schiebkarren, beffen Gewicht sammt Last 260 Pfund beträgt, das Debelarmverhältniß $\frac{b}{a}=\frac{1}{4}$ beträgt, so hat man für die Tragstraft des Arbeiters $P=\frac{b}{a}~(Q+O_1)=\frac{1}{4}$. 200 = 50 Pfund. Bergleichen wir nun diese Anstrengung mit dem Tragen auf dem Rücken, wobei nach II., §. 79, $K=85\frac{1}{2}$, c=2.4 und t=7, also $Qct=5^{\circ}171040$ angegeben worden ist, so sinden wir die der Tragstraft P=50 Pfund entsprechende Geschwindigkeit:

$$v = c \left(2 - \frac{P}{K} \right) = 2.4 \cdot \left(2 - \frac{50}{85.5} \right) = 2.4 \cdot \frac{242}{171} = 3.40 \, \mathrm{Gub},$$

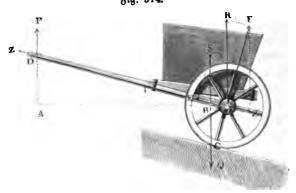
und nehmen wir an, daß die Fördermaffe des Karrens Q=100 Pfund beträgt, so haben wir die tägliche Leiftung bei dieser Förderungsweise:

Qot = 100.8,4.7.60.60 = 8448000 Fußpfund, wobei jedoch noch nicht auf das leere Zurückfahren Rücklicht genommen worden ist. Wir wiffen aus dem Obigen, daß hierdurch die Leistung circa ein Orittel kleiner wird; weshalb wir also auch die effective Leistung pr. Schicht nur 1/2.8,448000 = 5'632000 Fußpfund segen dürfen.

§. 256. Die Förberung in zweiraberigen Wagen ober Kar- zweitriberigeren ist ebenso zu beurtheilen wie die Förberung mittelst ber sogenannten Schiebkarren. Sie werden sowohl durch Menschen als durch Pferde in Bewegung gesetzt, und haben zwei Deichseln (franz. timons; engl. poles), welche eine sogenannte Gabel (franz. limon; engl. thill), zwischen welche der Arbeiter oder das Zugpserd zu stehen kommt, bilden. Die Last wird auf diese Karren so aufgepackt, daß der Schwerpunkt derselben nahe vor der Radare zu liegen kommt, folglich nur ein kleiner Theil der Last mittelst der Gabel auf den Rücken des arbeitenden Geschöpses zu übertrazgen ist. Ist die Lange CD eines solchen in Fig. 514 (a. f. S.) abgebildeten Karrens — a, ferner der Abstand des Schwerpunktes der Last Q des Karrens von der Radare C, in der Deichselare gemessen, b. i. CE — b, und der Abstand besselben Punktes von dieser Are, d. i. SE — c. Nehmen wir an, daß der Weg unter dem Winkel α ansteige, und daß die Deichsel unter demselben Winkel ACD — α gegen den Horizont geneigt

.

Beitaberige fei, bann ift ber Bebelarm ber Trageraft P bes Arbeitere, CA = a cos. a Rig. 514.



und der der Last Q, $CB = b \cos \alpha - c \sin \alpha$, demnach: $Pa \cos \alpha = Q \ (b \cos \alpha - c \sin \alpha)$, und folglich die Tragkraft:

$$P = \left(\frac{b \cos \alpha - c \sin \alpha}{a \cos \alpha}\right) Q = \left(\frac{b - c \tan \alpha}{a}\right) Q.$$

Es nimmt also die Tragkraft P ab, wenn das Ansteigen des Weges ein größeres wird, und es fallt dieselbe sogar negativ aus, b. i. es wirkt der belastete Karren von unten nach oben auf den Arbeiter, wenn $c tang. \, \alpha > b$ ist. Damit dieser ungunstige Kall der Arbeitsverrichtung vermieden werde, muß immer der Schwerpunkt S der Last mindestens um den Abstand $CE = b = c tang. \, \alpha$, wo α den größten Steigwinkel des Weges bezeichnet, vor der Radare zu liegen kommen.

Außer der Tragkraft P hat der Arbeiter noch eine Zugkraft Z auszusuben, welche den einen Componenten der von dem Wege aufzunehmenden Kraft F ausmacht, mahrend der andere Component die Differenz

$$R = Q - P = Q - \left(\frac{b - c \, lang. \, \alpha}{a}\right) Q = \left(1 - \frac{b}{a} + \frac{c}{a} \, lang. \, \alpha\right) Q \, ift.$$

Man hat:

$$F = \frac{R}{\cos \alpha}$$
 und $Z = R \sin \alpha = F i ang. \alpha$.

Für die Bewegung auf einem horizontalen Boben ift $\alpha=0$; baber bie Tragkraft:

$$P=rac{b}{a}\ Q$$
 und die Zugkraft $Z=0.$

Diese Kraftverhaltniffe werben naturlich burch bie Arenreibung und burch ben Wiberstand bes Fußbobens noch abgeandert. Bezeichnet man bie Summe biefer beiben Wiberstande burch W, so ist baher die Zugkraft

Bon bem jortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 575

 $Z=R\sin$. $\alpha+W$, also fur die Bewegung auf horizontalem Wege 3metrdberige Z=W zu segen.

Da sich das arbeitende Geschopf beim Fortziehen oder Fortschieben einer Last durch die Reibung seiner Fuße auf bem Fußboden festhalten muß, so ist naturlich nothig, daß die Zugkraft Z diese Reibung nicht übertreffe. Ift o ber entsprechende Reibungswinkel und G das Gewicht des arbeitenden Geschopfes, so kann man fegen:

tang.
$$\varrho = \frac{G+P}{Z}$$
.

Es ist also das Berhaltniß $\frac{P}{Z}$ ber Tragkraft zur Zugkraft um so grosser oder kleiner zu nehmen je größer oder kleiner ber Reibungswinkel ϱ oder je rauher oder glatter ber Fußboden ist. Für die Zugkraft der Pferde auf horizontalen Straßen ist z. B. erfahrungsmäßig die Leistung am größten, wenn $\frac{P}{Z}=1/5$ beträgt. Wenden wir diese Regel auf die zweizräderigen Fuhrwerke an, so haben wir

$$\frac{bQ}{aW} = 1/s$$
, also $\frac{b}{a} = 1/s \frac{W}{Q}$

zu nehmen.

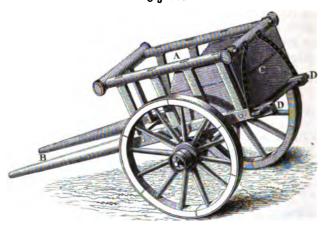
Die zweiraberigen Karren werben vorzüglich zum Erbtransport bei Sisenbahnanlagen gebraucht und hier entweder von einem Pferbe ober von zwei bis brei Arbeitern fortbewegt. Der Kasten zur Aufnahme ber Erbe sit entweder fest auf ber Radare ober er ist um eine besondere Are brehbar, also zum Umkippen eingerichtet, weshalb auch solche Karren gewöhnlich Wippkarren genannt werden. In Figur 515 ist ein ges





576 Zweite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Drittes Rapitel.

Bagenkaften A sist hier fest auf den Deichseln B, und ift jum Fullen Fig. 516.

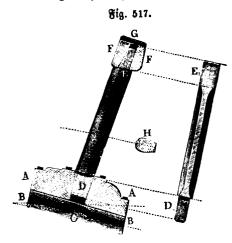


und Leeren mit einer losbaren hinterwand C versehen. Die Borderwand und ein Theil ber Seitenwande sind ber Deutlichkeit wegen abgenommen gezeichnet. Um diese Karren nicht allein durch Schub, sondern auch durch Bug fortbewegen zu konnen, sind noch haten D, D zum Einhangen eines Zugseiles angebracht.

6. 257. Den mefentlichften Theil aller Rarren und Bagen bilben bie Bagenraber. Raber (frang. roues; engl. wheels) mit ihren Aren (frang. essieux; engl. axles). Die Raber befteben aus bem Krange, ber Rabe und ben Armen ober Speichen (vergl. 6. 79). Die Raberange ber Rarren und Bagen fur gewöhnliche Strafen merben aus bogenformigen Solgftuden, ben fogenannten Rabfelgen (frang. jantes; engl. fellies) gusammengefett, und mit einem ichmiebeeifernen Banbe, bem fogenannten . Rabreifen (frang. la bande; engl. the hoop), umgeben. Die Rabe (frang. le moyen; engl. the nave) eines Rades befteht in einem Solg: terne, welcher von außen mit eifernen Banbern umgeben ift und in feinem Inneren ein bobles Metallfutter enthalt, burch welches die Rabare binburchgeht. Die Rabfpeichen (frang. les rais; engl. the spokes) verbinden ben Rabfrang mit ber Rabe und find beshalb in diefen beiben Rab. theilen eingezapft. Sie find in ber Regel von Gichenholz und haben einen mehr ober weniger elliptischen Querschnitt. Deift hat ein Rab 12 Speichen.

Die Bagenaren find entweber aus Schmiebeeisen ober aus Holz und Bagentater. an ber unteren Flache mit Gifen beschlagen. Der mittlere Theil ober Rorper einer Magenare hat einen mehr ober meniger rectangularen Querfcnitt, bie Enden ober Bapfen beffelben (frang, fusées d'ossieu; engl. axle arms), welche burch bie Rabnabe binburchgestedt merben, find bagegen cplindrifch ober wenig conisch geformt. Durch die Conicitat ber Rabaren wird nicht allein bie Daffe, fondern auch ber Reibungswiderftanb Baren bie Kahrstragen volltommen eben. fo murbe berfelben verminbert. man die Radebene in eine Ebene rechtwinkelig ju ihrer Are legen und biefe Are felbft gang gerade machen muffen; ba aber biefelben meift uneben find, Geleife und andere ftorende Erhohungen und Bertiefungen enthalten, so giebt man gewohnlich ben Bagenrabern eine conische Korm, legt also die Radspeichen in einen Regelmantel und giebt auch ben Bapfen ober Arenschenkeln eine kleine Reigung gegen ben Borizont. Lagt man nun noch jeber Nabe einen kleinen Spielraum auf ihrem Bapfen langs ber Ure, fo tann fich bas Rab beim Ueberfteigen einer fleinen Erbohung ober beim Einfinken in eine Beine Bertiefung in ber Arenrichtung fo verfchieben, bag die Are mit ber auf ihr rubenden gaft nur wenig ober gar nicht fleigt ober finkt und fich baber auch bie Bugkraft wenig veranbert. langft bekannte Erfahrung, bag biefe Conicitat ber Raber in Bereinigung mit einer gemiffen Reigung ber Arenschenkel und einem gemiffen Spielraume bes Rabes langs feiner Ure um fo großer fein muß, je fchlechter

Fig. 517 führt die Zusammensehung eines Wagenrades in einem Durch. schnitte vor Augen. AA ist die eine Halfte ber Rabe und BB ihr metallenes Futter, welches in ber Mitte bei C eine Hohlung gur Aufnahme

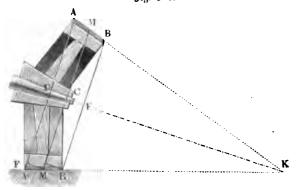


und unebener die Sahrftrage ift.

ber Schmiere enthalt. DE ift eine Rabspeiche, FF ber Radstranz und G ber eiferne Reifen um benfelben. Bei H fieht man noch ben Querfchnitteines Radsarmes und D_1E_1 giebt bie außere Unficht eines Radarmes.

Die conischen Bagenraber haben ben Nachtheil, baß sie sich nicht bloß auf bem Fußboben fortwalzen, sonbern auch zum Theil auf bemfelben fortgleiten, ba verschiebene, ber Are naher ober entfernter liegenbe Punkte bes Rabumfanges ver-

Ragenrober, schiedene Geschwindigkeiten besiten. Ift r ber mittlere Rabhalbmeffer CM, Fig. 518, rechtwinkelig zur Are DE ber Nabe gemeffen, ferner b die Fig. 518.



Reifenbreite AB und a ber halbe Convergenzwinkel AKD bes Radreifens, fo hat man ben größten Salbmeffer bes Rades:

 $DA = DF + FA = CM + FA = r + \frac{1}{2}b$ sin. a, und dagegen den kleinsten Halbmesser desselben:

$$EB = CM - FA = r - \frac{1}{2}b \sin \alpha.$$

$$F = \frac{\frac{1}{2} \pi b \sin \alpha \quad \varphi Q}{2 \pi r} = \frac{1}{4} \frac{b}{r} \varphi Q \sin \alpha.$$

Es machft alfo die gleitende Reibung der conifchen Raber auf ber Sahrftrage mit der Breite der Radreifen und mit dem Convergenzwinkel, und
nimmt bagegen ab, wenn ber Rabhalbmeffer ein großerer wird.

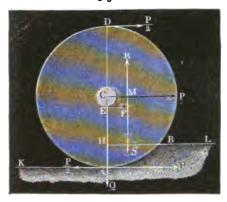
Aus demfelben Grunde ichleifen fich auch die cylindrifchen Raber auf ber Fahrstraße, wenn die Radreifen berfelben an den Kanten abgerundet find.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 579

6. 258. Die Rraft P jur Bewegung eines Bagens lagt fich genau Miberflant fo ermitteln, wie bie Umbrehungefraft einer Rabwelle. Diefelbe hat ihren Angriffspunkt in ber Ure C eines Rabes ABD und lagt fich erfeten burch eine am Sugpuntte A bes Rabes angreifende Rraft P und burch ein



Fig. 519.



am Radumfange wirkendes Kräftepaar
$$\left(-\frac{P}{2}, \frac{P}{2}\right)$$
.

Bahrend nun die erstere Kraft AP = P vom Widerstande ber Sahrbahn aufgenommen wird, bringt bas Rraftepaar bie Umbrehung bes Rabes um feine Ure C hervor. Begeichnen wir ben Rabhalbs meffer CA = DD burch r, fo haben wir bas Moment diefes Rraftepaares:

$$=\frac{P}{2} \quad 2r = Pr,$$

und feten wir biefes ber Summe ber Momente ber Biberftanbe gleich, welche ber Umbrehung bes Rabes um C entgegenwirken, fo erhalten mir baburch eine Formel gur Bestimmung ber Bugfraft P.

Die Biberftande, welche bei Umbrehung ber Bagenraber um ihre Aren ju überminden find, bestehen nur jum fleineren Theil in ber Arenreibung, porguglich aber in bem Sinberniffe, melches die Kahrbahn barbietet.

Ift O bie Belaftung ber Rabare, o ber Coefficient ber Arenreibung und o ber Bapfenhalbmeffer, fo haben wir bekanntlich bas Moment ber Arenreibung oo, und folglich bie auf ben Rabumfang reducirte Aren: reibung = $\varphi \stackrel{\varrho}{=} Q$.

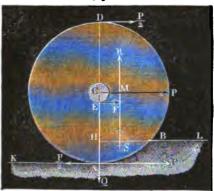
Das hinderniß, welches die Sahrbahn ber Umbrehung bes Rades unmittelbar entgegenfest, ermachft entweber aus ber malgenben Reibung, ober aus der Beichheit des Bodens, ober endlich aus dem Anstoffen bes Rades an Steine ober an andere hervorragende Theile ber Strafe. gende Reibung in bem in I. 6. 174 genommenen Sinne fest eine glatte Fahrbahn voraus und ift fo flein, bag fie in Anfehung ber anderen Sinberniffe außer Acht bleiben fann.

Rollt bas belaftete Bagenrab uber weichem Boben bin, fo brudt es eine Furche ober ein sogenanntes Geleis (frang. orniere; engl. rut) in benfelben ober vergrößert, menn baffelbe bereits vorhanden mar, deffen Tiefe, mobei naturlich eine gemiffe mechanische Arbeit zu verrichten ift.

Bieberftanb ber Saprbabn.

Seben wir in Uebereinstimmung mit I. f. 173, Anmerkung, voraus, bas bas eingebrudte Erdvolumen bem Drude proportional fei, so konnen wir biefen Arbeitsverluft wie folgt beurtheilen. Das Rab ABD brude ein

Rig. 519.



Das Rab ABD brude ein Geleise von der Tiefe AH=h ein, und ruhe mit dem Bogen AB auf der bei seinem weistern Fortrollen einzudrückenden Erdmasse ABL, während das Geleise AK auf der hinteren Seite des Rades bereits einzgedrückt ist. Wird die Horizontalprojection BH des Bozgens AB mit l und die Geleisbreite mit b bezeichnet, so kann man das Bolumen V des einzedrückten Erdkörpers

Wenn nun aber ber Wiberstand R, welchen ber Fußboden bem

Einsinken bes Rades entgegensett, diesem Bolumen proportional ift, so kann man

$$R = \mu V = \frac{2}{3} \mu b h l$$

annehmen, wofern μ eine Erfahrungszahl bezeichnet, welche von der Befchaffenheit des Fußbodens abhångt. In der Regel ist die Geleistiefe h nur klein gegen den Radhalbmesser r, weshalb einfach $h=\frac{l^2}{2\,r}$, und daher

$$R = \frac{1}{8} \frac{\mu b l^3}{r}$$

gefett werben fann.

Da bas Gewicht bes belafteten Rabes von bem Fußboben aufzunehmen ift, fo ift R auch gleich biefem Gewichte, und baher umgefehrt aus bemfelben

$$l = \sqrt[3]{\frac{3 R r}{\mu b}}$$

gu berechnen.

Der Widerstand R ist ein Inbegriff von lauter parallelen Rraften und hat daher seinen Ungriffspunkt in dem Schwerpunkte S des ihm proportionalen Bolumens V=ABH. Der Abstand dieses Schwerpunktes von dem vertikalen Durchmesser AD oder der hebelarm der Kraft R in Beziehung auf die Umdrehungsare C ist:

$$CM = \frac{3}{8} HB = \frac{3}{8} l$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horigontalen Degen. 581 gu fegen, folglich hat man bas Moment, mit welchem R ber Umdrehung miber Babre. bn. Des Rabes entgegenwirkt:

 $R \cdot CM = R \cdot \frac{3}{8} \sqrt[4]{\frac{3Rr}{ab}} = \frac{3}{8} \sqrt[4]{\frac{3R^4r}{ab}}$

Da sich ber Wiberstand R mit bem Gewichte Q bes belafteten Rabes ind Gleichgewicht fest, so haben wir auch R=Q, und folglich das gange Widerstandsmoment:

$$Pr = \varphi Q \varrho + \frac{3}{8} \sqrt[3]{\frac{3 Q^4 r}{\mu h}},$$

und bie entsprechende Bugfraft an ber Rabare:

$$P = \varphi \frac{\varrho}{r} Q + \frac{3}{8r} \sqrt[3]{\frac{3Q^4 r}{\mu b}}$$

$$= \varphi \frac{\varrho}{r} Q + \frac{3}{8} \sqrt[3]{\frac{3Q^4}{\mu b r^2}} = \varphi \frac{\varrho}{r} Q + \psi \sqrt[3]{\frac{Q^4}{b r^2}}$$

$$= (\varphi \varrho + \psi \sqrt[3]{\frac{Qr}{b}}) \frac{Q}{r},$$

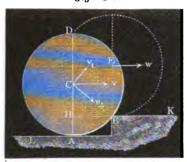
infofern w ben Coefficienten 3 V 3 bezeichnet.

Bahrend also ber eine Theil ber Bugtraft P einfach wie bie Last Q und wie bas Berhaltniß e bes Arenhalbmeffers jum Rabhalbmeffer machft, nimmt ber andere Theil im Berhaltnif von Q 1/2 gu und machft umgetehrt wie die Cubitmurgel aus ber Rad. ober Geleisbreite b und aus bem Quabrate des Radhalbmeffers r. Es ift also vortheilhaft, hohe und breitfelgige Raber anzumenden, und biefelbe Laft auf mehrere Raber ju vertheilen.

Auf eine gang andere Beife ift ber Biberftand zu beurthei- mance ber Miber an len, welchen großere Unebenheiten ober Bervorragungen bes Weges, 3. B. unverrudbare Steine, bem Fortrollen ber Bagen entgegenfeben. bann bei jedem Anftogen an ein foldes Sindernig eine plotliche Riche tungeveranderung ein, womit bekanntlich alle Mal ein Berluft an leben= diger Kraft verbunden ift, jumal wenn das Wagengestelle fest auf der Rabare fist, und folglich ber Stoß ein fast unelastischer ist. Der bicfem Bewegungshinderniffe entsprechende Rraftverluft ift wie folgt zu beurtheis Das Bagenrab ABD, Fig. 520 (a. f. S.), welches auf bem Bege LA fortrollt, ftoge bei B an eine Bervorragung BK von der Sohe AH = h, und sei durch Drehung um B auf dieselbe hinaufzubringen, wobei seine Are C ben Rreisbogen CE beschreibt. Die Geschwindigkeit v ber mit der Are fest verbundenen Last Q zerlegt fich bei dem Anstofe in bie Seitengeschwindigkeiten v1 und v2, wovon diejenige (v2), welche bie

Anflog ber Haber an E.eine. Richtung CB hat, burch den Stoß ganglich verloren geht, fofern den fich ftogenden Korpern alle Glasticität mangelt. Ift der Wintel ACB, um

Ria. 520.



welchen die Stoftrichtung CB von der Bertikalen CA abweicht, $= \alpha$, so hat man die übrig bleibende Geschwindigkeit, mit welcher die Are den Bogen CE zu beschreiben ansfängt:

 $v_1 = v \cos v C v_1 = v \cos A C B$ = $v \cos \alpha$,

und dagegen die verlorne Gefchwin-

 $v_2 = v \cos v C v_2 = v \sin A C B$ = $v \sin \alpha$.

Ift endlich w die Geschwindigkeit Ew, welche die Last Q nach Durch-laufung des Weges CE oder nach Ersteigung des hindernisses BK erzeicht hat, so kann man den durch Ueberwindung dieses hindernisses herz beigeführten Arbeitsverlust seiner

$$L_1 = Qh + Q \frac{w^2}{2g} - \frac{Q v_1^2}{2g} = Q \left(h + \frac{w^2 - v_1^2}{2g}\right)$$

Nun ift aber $v_1 = v \cos \alpha$ und w = v zu sehen, wenn ber Bagen mit Beharrung fortrollen foll; daher hat man:

$$L_1 = Q\left(h + (1 - \cos \alpha^2) \frac{v^2}{2g}\right) = Q\left(h + \frac{v^2 \sin \alpha^2}{2g}\right).$$

Noch hat man:

$$\cos \alpha = \frac{CH}{CB} = \frac{r-h}{r} = 1 - \frac{h}{r},$$

alfo:

$$\cos \alpha^2 = 1 - \frac{2h}{r} + \frac{h^2}{r^2}$$
, oder annähernd $1 - \frac{2h}{r}$;

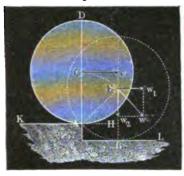
baher ift einfacher:

$$L_1 = Q\left(h + \frac{2h}{r} \cdot \frac{v^2}{2g}\right) = Qh\left(1 + \frac{v^2}{gr}\right)$$

zu feten.

Rollt das Wagenrad AD, Fig. 521, von einer Erhöhung AK herab, so wird zwar einerseits durch das Niedersinken von der Höhe BH = h an Arbeitsvermögen gewonnen, dagegen auch durch das Auffallen auf die Bahn BL wieder verloren. Hierbei geht die Geschwindigkeit w plöhlich in $w_1 = w \cos w Ew_1$ über, während die Geschwindigkeit $w_2 = w \sin w Ew_1$ rechtwinkelig gegen die Bahn BL verloren wird. Bezeichnen wir wieder den Winkel CAE = AEB, mit welchem sich die Wagenare während

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 583 bes Riederfinkens um die Ede A bes Sinderniffes breht, mit a, fo haben unnes ber Fig. 521.



wir $w_2 = w_1 \ tang. \ \alpha$. Die gewonnene Arbeit am Ende bes Aufschlagens auf B ift hier:

$$L_2 = Qh - \left(\frac{Qw^2}{2g} - \frac{Qv^2}{2g}\right),$$

ober, ba ber Beharrung megen wi = v fein muß und

$$w^2 = w_1^2 + w_2^2$$
 ift:

$$L_2 = Q\left(h - \frac{w_2^2}{2g}\right)$$

= $Q\left(h - \frac{w_1^2(tang.\alpha)^2}{2g}\right)$.

Ift bie Bobe bes hinderniffes, und alfo auch a flein, fo tonnen wir wieder tang. $\alpha^2 = \sin \alpha^2 = \frac{2h}{c}$ feten, und es folgt nun:

$$L_2 = Qh\left(1 - \frac{v^2}{gr}\right).$$

Biehen wir enblich biefen Arbeitegewinn (L2) von bem erfteren Arbeites verluft (L1) beim Auffteigen bes Rabes ab, fo folgt ber Arbeiteverluft, welchen bas Ueberfteigen bes Sinberniffes im Gangen veranlagt:

$$L = Qh\left(1 + \frac{v^2}{gr}\right) - Qh\left(1 - \frac{v^2}{gr}\right) = 2Qh\frac{v^2}{gr} = 4Q\frac{h}{r} \cdot \frac{v^2}{2g}$$

Ift e die Entfernung von einem folden harten Sinderniß bis jum ans bern, fo hat man die entsprechende Bergroßerung ber Bugtraft:

$$P = \frac{L}{e} = 4Q \frac{h}{er} \cdot \frac{v^2}{2g}$$

Es machft alfo ber Rraftverluft, welchen bas Unftogen eines Bagens an harte Steine verurfacht, birect wie bie Laft, wie bie Bobe bes Binbetniffes und wie die Gefchwindigfeitebobe, bagegen aber umgefehrt wie ber Rabhalbmeffer und wie die Entfernung ber Steine von einander.

Der im Borftehenden gefundene Arbeiteverluft beim Unftogen an Steine wird vermindert, wenn ber Bagentaften mittele Stahlfebern mit ben Radaren verbunden ift. In biefem Falle wird die Stofftraft auf die Biegung ber Febern vermenbet und baber gang ober gum Theil wieder gewonnen, wenn fich bie letteren wieber ausbiegen. In Folge biefer Ein- und Musbiegung ber Febern beschreibt benn auch ber Schwerpunkt bes belaftes ten Bagentaftens bei ber Bewegung bes Bagens auf gepflafteitem Bege eine gestrecte Schlangenlinie, mabrent er ohne Anwendung von Federn ein Bidjad mit ploglichen Richtungeanberungen burchlauft. Bewegt fich 584

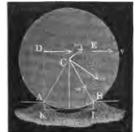
Anfloß ber Haber an Eteine. ber Wagen auf einer Schlangenlinie, beren concave Theile weniger gefrumt find, als die Wagenraber, so findet gar tein Anftof statt, und es fallt baber auch der zulest gefundene Arbeitsverlust ganz aus.

Beispiel. Wenn ein Bagen ohne Febern mit einer Geschwindigkeit von 10 Fuß auf einem unebenen Wege fortrollt und babei in Abständen von je 1 Fuß an Erhöhungen von 1/2 Boll Sohe anstößt, so ift bei der Radhohe von 5 Fuß ber daraus erwachsende Berluft an Zugkraft:

 $P = 4 \frac{Qh}{er} \cdot \frac{v^2}{2g} = 4 \cdot \frac{1 \cdot 2}{8 \cdot 12 \cdot 1 \cdot 5} \cdot 0,016 \quad 100Q = \frac{1,6Q}{60} = 0,0267Q,$ also reichlich $2\frac{1}{6}$ Procent ber Last. Bei einer Fahrgeschwindigkeit von 5 Fuß wäre biese Kraft nur $\left(\frac{5}{10}\right)^2 \cdot 0,0267Q = 0,0067Q.$

Anmertung. Benn bas Rab ACB, Fig. 522, auf einem Steinpflafter Fig. 522.

**AKLB fortrollt, beffen hohlungen es nicht aussfüllt, fo ift ber Geschwindigkeiteverluft wa beim



füllt, so ift ber Geschwindigkeitsverluft wa beim Anstogen an ben Stein B noch größer, ba bann bie plohliche Richtungsanberung w Cw, = ACB = 2 CAD = 2 CBE = 2 a eintritt. Deshalb hat man benn auch hier ben entsprechenben Arbeitsverlust:

$$L = Q \cdot \frac{w_2^2}{2g} = Q \cdot \frac{(w \sin 2 \alpha)^2}{2g},$$

ober wenn man w = v fest:

$$L = Q \frac{v^2}{2g} (\sin 2\alpha)^2$$
, annähernb:

$$L=4Q\frac{v^3}{2g}\cdot\frac{2h}{r}$$

Bezeichnet man noch die Beite AB bes hohlen Raumes zwischen je zwei Steinen durch a, so hat man der Kreisgleichung zusolge:

$$h=\frac{a^2}{8r},$$

folglich:

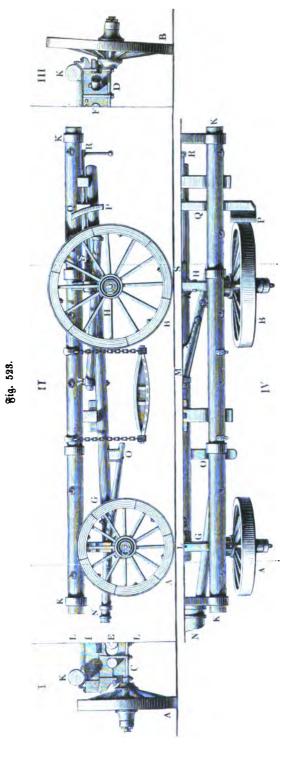
$$L=Q\,\frac{a^2}{r^2}\cdot\frac{v^2}{2\,g},$$

und bie entsprechenbe Bergrößerung ber Bugfraft, wenn e bie Entfernung je zweier Steine von einander ift:

$$P = Q \, \frac{a^2}{r^2 \, e} \cdot \frac{v^2}{2 \, q} \cdot$$

Bierraberiger Bagen.

§. 260. Die Einrichtung eines gewöhnlichen vierraberigen Laftwagens ist aus ben Abbildungen I., II., III. und IV. in Fig. 523 zu
ersehen. Die Abbildung II. ist eine Seitenansicht des Wagens ohne die
Leitern oder den Kasten; die Abbildung IV. ist der Grundriß der einen
Radhalste; I. ist ferner die vordere Ansicht von der einen Halfte des vorberen Radgestelles und III. die hintere Ansicht von der einen Halfte des
hinteren Radgestelles. Das Vorderrad A ist um ein Viertel kleiner als
bas hinterrad B. Beide Raderpaare laufen um schmiedeeiserne Aren C



Bierraberiger und D, auf welchen bie fogenannten Eragichemel E und F befes ftigt find, die durch ben fogenannten Langbaum GH mit einander in Berbindung fteben. Ueber bem Tragfchemel E liegt noch ein zweis tes Querholy, ber fogenannte Lentichemel J und biefer ift wieber mittele ber Tragbaume, wie 3. B. KK, mit bem Tragfchemel F ver-Es bilben also bie Schemel F und J mit ben Tragbaumen ein Geviere, welches bie Bafis bes Bagenraumes abgiebt. Um ben Bagen lenken ober ihm mit Leichtigkeit eine andere Richtung geben ju tonnen, ift es nothig, baf man bie vorbere Rabare unabhangig von bem übrigen Rabgestelle in ber Sorizontalebene um einen gemiffen Wintel breben tonne, und bies wird burch einen ftarten eifernen Stift, ben fogenannten Reib. nagel LL bewirft. Derfelbe geht fenfrecht durch die Mitte ber vorberen Radare, und zwar nicht allein burch ben Tragschemel E und ben Lenkschemel J, sondern auch noch durch bas übrigens in E frei bewegliche Durch ben Tragichemel F geht ein Daar Arme Enbe bes Langbaumes. bindurch, welche bei M mit bem gangbaum fest verbunden find; und burch ben Tragidemel E find zwei andere Arme hindurchaestedt, an welche fic bei N bie Deichfel anschlieft und bie beshalb bie Deichfelarme ge-Bur weiteren Unterftubung ber Deichfel bient ein Quernannt merben. hole O. Die fogenannte Brude, welche fich in ber Mitte gegen ben gang-Roch fieht man in PORS bas aus 6. 166 bekannte baum ftemmt. Brems. ober Schleifwert, welches in ber hauptfache aus zwei eifernen Platten, wie g. B. P. besteht, die auf einem Querarm O festigen, ber mittels ber Schraubenspindel RS hin= und jurudgeschoben werden tann.

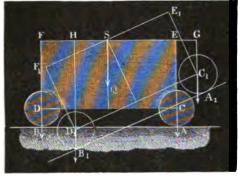
Der Angriffspunkt ber Zugkraft ober ber Befestigungspunkt bes sogenannten Ortscheites befindet sich im Niveau der vorberen Radare, und zwar am Ende der Deichsel, wo diese mit ihren Armen verbunden ist. Er liegt also auch ungefahr um den Halbmesser der Vorderrader über dem Fahrwege. Da es nun aber vortheilhaft ist, wenn die Zugkraft unter einem gewissen, der Größe des Widerstandes entsprechenden Winkel von unten nach oben wirkt, so giebt man in der Regel den Vorderradern eines Wagens einen kleineren Durchmesser als den hinterradern, obgleich im Allgemeinen die Kraft zur Bewegung des Wagens kleiner ausfallt, wenn die Höhe der Rader eine größere ist. Dieses schiefe Ziehen der Kraft, und folglich die Anwendung von kleineren Vorderradern, ist besonders bei schlechten Gebirgswegen von Wichtigkeit.

§. 261. Die in §. 258 gefundenen Formeln fur die Bewegung eines belasteten Rades ober Raderpaares lassen sich auch bazu anwenden, bie Bugtraft vierraberiger Fuhrwerte auf ebenen Fahrstraßen zu bestimmen. Es fei wieder die Große der Forberlast — Q, die des Wagenkastens oder

Fig. 524.

Bierraberiger Bagengestelles $Q_1=
u\,Q,$ bas Gewicht bes vorberen Raberpaares $=R_1,$ bas bes hinteren = R2, ferner feien bie Balbmeffer Diefer Raber r1 unb r2, und die ihrer Urenschenkel Q1 und Q2. Rehmen wir ferner an, bag der Schwerpunkt S bes belafteten Bagens mahrend feiner Bewegung auf horizontaler Strafe von ben Rabaren C und D bes Bagens CDEF, Fig. 525, in vertitaler Richtung um CE = DF = a1, und in horizon.

Ria. 525.



taler Richtung um ES $=e_1$ und $FS=e_2$ abs ftebe, bezeichnen wir ben Horizontalabstand e1 + e2 der beiden Rabaren von einander burch e und end= lich noch die Radfelaen= breite burch b. Sehen wir auch von ben Reigungen ber Zugkräfte gegen ben Sorizont ab, benten wir uns alfo biefelben borizon= tal ober parallel zur Fahr= bahn wirkenb.

Der Theorie bes Bebelb zufolge sind die Belaftungen ber beiden Radaren C und D:

$$\frac{e_2}{e} (Q + Q_1) = (1 + \nu) \frac{e_2}{e} Q \text{ unb}$$

$$\frac{e_1}{e} (Q + Q_1) = (1 + \nu) \frac{e_1}{e} Q.$$

Ift nun wieder o ber Coefficient ber Arenreibung, fo erhalten mir ben Theil der Bugtraft, welcher auf die Uebermindung biefer Reibung vermenbet mirb:

$$P_{1} = \varphi \frac{\varrho_{1}}{r_{1}} (1 + \nu) \frac{e_{2}}{e} Q + \varphi \frac{\varrho_{2}}{r_{2}} (1 + \nu) \frac{e_{1}}{e} Q$$

$$= \varphi (1 + \nu) \left(\frac{\varrho_{1} e_{2}}{r_{1}} + \frac{\varrho_{2} e_{1}}{r_{2}} \right) \frac{Q}{e}.$$

Bezeichnen wir auch wieder den Widerstandscoefficienten ber Kahrstraße burch &, fo haben wir fur benjenigen Theil ber Bugeraft, welcher bie Ueberwindung bes Wiberftanbes am Umfange ber Raber beansprucht, ba hier die Drude noch durch die Radgewichte vergrößert merben :

$$P_2 \psi = \sqrt{\frac{\left((1+\nu)\frac{e_2}{e}Q + R_1\right)^4}{br_1^2}} + \psi \sqrt{\frac{\left((1+\nu)\frac{e_1}{e}Q + R_2\right)^4}{br_2^2}}$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 589

ober annähernd und einfacher, wenn wir ψ $\sqrt[3]{\frac{Qr}{b}}$, worin r das Mittel Bagen.

$$P_{3} = \frac{\psi_{1}}{r_{1}} \left((1 + \nu) \frac{e_{2}}{e} Q + R_{1} \right) + \frac{\psi_{1}}{r_{2}} \left((1 + \nu) \frac{e_{1}}{e} Q + R_{2} \right)$$

$$= \psi_{1} \left[(1 + \nu) \left(\frac{e_{2}}{r_{1}} + \frac{e_{1}}{r_{2}} \right) \frac{Q}{e} + \frac{R_{1}}{r_{1}} + \frac{R_{2}}{r_{2}} \right].$$

Siernach ift nun die gefammte Bugtraft, wofern der Bagen teine Steins ober andere hervorragungen ju überichreiten hat:

$$P = P_1 + P_2 = \varphi \ (1 + \nu) \left(\frac{\varrho_1 e_2}{r_1} + \frac{\varrho_2 e_1}{r_2} \right) \frac{Q}{e}$$

$$+ \psi_1 \left[(1 + \nu) \left(\frac{e_2}{r_1} + \frac{e_1}{r_2} \right) \frac{Q}{e} + \frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right]$$

$$= (1 + \nu) \left[\varphi \left(\frac{\varrho_1 e_2}{r_1} + \frac{\varrho_2 e_1}{r_2} \right) + \psi_1 \left(\frac{e_2}{r_1} + \frac{e_1}{r_2} \right) \right] \frac{Q}{e}$$

$$+ \psi_1 \left(\frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right).$$

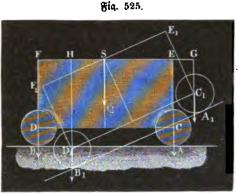
Wenn die Strafe unter bem Binkel a anfteigt , fo ift zu biefer Rraft (vergl. §. 253) noch die Kraft

 $(Q+Q_1+R_1+R_2+G)$ sin. $\alpha=[(1+\nu)Q+R_1+R_2+G]$ sin. α , wo G das Gewicht des Motors bezeichnet, hinzuzufügen.

Außerbem verändert sich auch hierbei die Lage des Schwerpunktes der Last gegen die Radaren, wobei die Berhaltnisse $\frac{e_1}{e}$ und $\frac{e_2}{e}$, und folglich auch beide Theile P_1 und P_2 der Krast eine Aenderung erleiden. Selangt der Wagen auf eine ansteigende Straße, so bewegt sich der Schwerpunkt des Wagens einwarts und es nimmt folglich $\frac{e_2}{e}$ ab und $\frac{e_1}{e}$ zu, und kommt er dagegen auf einen absallenden Weg, so tritt das Umgekehrte ein, es nimmt $\frac{e_2}{e}$ zu und $\frac{e_1}{e}$ ab. Dadurch erhält im ersten Falle die hintere und im zweiten die vordere Are eine größere Belastung, und dies ist ein Grund mehr, daß man der ohnedies stärter belasteten hinterare größere Räder giebt als der Borderare. Die Armverhältnisse $\frac{e_1}{e}$ und $\frac{e_2}{e}$ bei einer geneigzten Bahn lassen sich genau so berechnen, wie die einer gewöhnlichen Wage. (S. II., §. 69.) Denken wir uns den Wagenkasten CDFE um seinen Schwerpunkt S gedreht, und dadurch in die Lage $C_1D_1F_1E_1$ gebracht; dadurch geht der Arm $SE = SE_1 = e_1$ in SG und der Arm $SF = SF_1$ in SH über. Bezeichnen wir nun den Drehungswinkel

590

Bierrabertzer $ESE_1=FSF_1$ ober das Unsteigen der Strafe durch lpha, so has ben mir:



$$SG = e_1 \cos \alpha + a \sin \alpha$$

und

 $SH = e_2 \cos \alpha - a \sin \alpha;$

$$GH = (e_1 + e_2) \cos \alpha$$

= $e \cos \alpha$.

Wahrend bei ber Bemegung auf horizontalem Wege bie Belaftungen ber Radzaren C und D

$$(1 + \nu)\frac{e_2}{e} Q \text{ unb}$$

$$(1 + \nu)\frac{e_1}{e} Q$$

find, hat man folglich biefelben bei einem Unfteigen von a0:

$$(1+\nu)\frac{SH}{GH}Q = (1+\nu)\left(\frac{e_2-a\ tang.\ \alpha}{e}\right)Q\ \text{unb}$$

$$(1+\nu)\frac{SG}{GH}Q = (1+\nu)\left(\frac{e_1+a\ tang.\ \alpha}{e}\right)Q.$$

Bei abfallender Strafe find bagegen biefe Belaftungen:

$$(1+\nu)\left(\frac{e_2+a\ tang.\ \alpha}{e}\right)Q$$
 und $(1+\nu)\left(\frac{e_1-a\ tang.\ \alpha}{e}\right)Q$.

Siernach hat man endlich die gange Bugeraft bei aufsteigenbem Bege:

$$P = (1 + \nu) \left[\varphi \left(\frac{\varrho_1 \left(e_2 - a \ tang. \alpha \right)}{r_1} + \frac{\varrho_2 \left(e_1 + a \ tang. \alpha \right)}{r_2} \right) \right.$$

$$\left. + \psi \left(\frac{e_2 - a \ tang. \alpha}{r_1} + \frac{e_1 + a \ tang. \alpha}{r_2} \right) \right] \frac{Q}{e} + \psi_1 \left(\frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right)$$

$$+ \left[(1 + \nu) \ Q + R_1 + R_2 + G \right] \sin \alpha,$$

und bagegen bei abfallendem Bege:

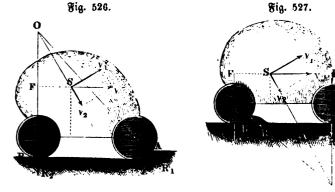
$$P = (1 + \nu) \left[\varphi \left(\frac{\varrho_1 (e_2 + a \ tang. \alpha)}{r_1} + \frac{\varrho_2 (e_1 - a \ tang. \alpha)}{r_2} \right) + \psi \left(\frac{e_2 + a \ tang. \alpha}{r_1} + \frac{e_1 - a \ tang. \alpha}{r_2} \right) \right] \frac{Q}{e} + \psi_1 \left(\frac{R_1}{r_1} + \frac{R_2}{r_2} \right) - [(1 + \nu) Q + R_1 + R_2 + G] \sin. \alpha.$$

Ift ber lette ober fubtractive Theil bes letten Ausbrudes großer als ber vorhergehende, fallt alfo P negativ aus, fo muß bas Schleifwerk in Thatigkeit gefett ober ein hemmichuh an bas eine Rab angeschloffen werben.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 591

Die Kraftverlufte, welche bas Unftofen vierraberiger Bagen Bigen. Migen. an Steine ober andere harte Rorper veranlagt, find mit Bugrundelegung bes 6. 259 wie folgt ju beurtheilen.

In bem Augenblicke, wenn bas eine Raberpaar an ein hartes Sinbernif anftoft, nimmt ber gange Magentaften eine brebenbe Bewegung an, beren Centrum O, Fig. 526 und Fig. 527, nach I., §. 96, ber Durchschnitt



ber Perpenditel ju ben Bewegungerichtungen ber beiben Radaren C und D Stoft bas vorbere Raberpaar an ein hinderniß A, Fig. 526, fo liegt biefer momentane Drehungepunkt uber ben Rabaren; trifft hingegen bas hintere Raberpaar an eine hervorragung B, Fig. 527, fo befindet fich biefer Punkt unter ben Rabaren. Ift wieder a ber Bintel DOC, um welden bie Stofrichtung von der Bertifalen abweicht, fo haben wir den fentrechten Abstand ber Umbrehungsare O von ber Linie CD burch bie Rabaren

DO = CD colong $\alpha = e$ colong α (Fig. 526). Und find bie Coordinaten bee Schwerpunktes S, wie oben DF=aund $FS = e_2$, so haben wir fur ben Winkel β , welchen die Linie OS

mit ber Bertifalen einschließt :

tang.
$$\beta = \frac{FS}{FO} = \frac{e_2}{e \ cotg.\alpha - a}$$
,

und hiernach bie burch ben Stof verlorene Gefchwindigfeit:

$$v_2 = v \sin v S v_1 = v \sin FOS = v \sin \beta$$

$$= \frac{v e_3}{\sqrt{e_2^2 + (e \cos g \cdot \alpha - a)^2}}.$$

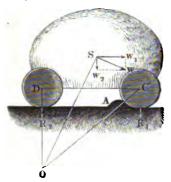
Fur den Fall in Fig. 527 ift, wenn wir ftatt FS=e2, ES=e1 einfuhren:

tang.
$$\beta = \frac{e_1}{e \ cotg.\ \alpha + a}$$
 und daher: $v_2 = v \ sin.\ \beta = \frac{v \ e_1}{\sqrt{e_1^2 + (e \ cotg.\ \alpha + a)^2}}.$

Blerraberiger Bagen. Es hången also die Geschwindigkeitsverluste nicht allein von ben Horis zontalabständen e_1 und e_2 , sondern auch von dem Bertikalabstande a des Schwerpunktes S von den Radaren C und D ab.

diverpunties S von den Radaren C und D ab. Auf ähnliche Weise läßt sich auch der Geschwindigkeitsverlust sinden,

Fig. 528.



wenn bas eine Raberpaar, 3. B. C in Sig. 528, von einem hinderniffe A herabrollt. Es ift hier die verlorene Gefchwindigkeit:

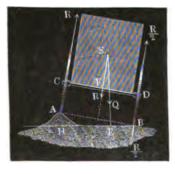
 $w_2 = w \sin DOS = w \sin \beta$

$$=\frac{w e_2}{\sqrt{e_2^2+(e \operatorname{colg}.\alpha+a)^2}}$$

Während bei ben in Fig. 526 und Fig. 527 abgebildeten Fallen die Stoßetrafte R1, R2 einen Winkel COD zwifchen sich einschließen, laufen in die fem Falle die Richtungen dieser Krafte unter sich parallel.

Stofen beibe Rab rpaare zugleich an gleich hohe hinberniffe, fo ist $\beta = \alpha$ und daher $v_3 = v \sin \alpha$, wie in dem Falle, wenn die trägen Maffen an der Radage festsigen. Das Berhaltnis ist aber vicl verwickelter, wenn, wie meist, nur ein Rad AC, Fig. 529, an ein hartes hin:

Fig. 529.



berniß ftoßt. Ift d bie Lange CD ber Rabare ober ber Abstand ber beiben Raber einer Are von einander und h bie Sohe AH bes hindernisses, so hat man fur ben Reigungswinkel ABH ber Rabare gegen ben horizont:

$$\sin \delta = \frac{h}{d}$$

Liegt ber Schwerpunkt ber Last Q um die Sohe FS = a über ber Radare, so hat man ben hebelarm dieser Last in hinsicht auf ben Fußpunkt bes ungehobenen Rabes:

$$BE = x = \frac{d}{2}\cos \beta - (r + a)\sin \beta$$
.

Es nahert sich bieser Arm, und also auch die Stadititat bes Bagens bei gleicher Arenneigung & um so mehr ber Rull, je hoher die Raber sind, je hoher ber Schwerpunkt ber kabung liegt und je kurzer die Arenslange d ift. Die letten beiben Ausbrude finden jedoch nur dann eine unmittelbare Anwendung, wenn beide Raber auf einer und berselben Seite

Bon bem Fortschaffen der Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 598 bes Rades an ein Hinderniß zugleich stoßen, so daß jede Radare die Nei-Bierraberiger gung $\sin \beta = \frac{h}{d}$ annimmt. Ist aber nur eine Radare geneigt, so hat man in dem Ausbrucke:

$$x = \frac{d}{2}\cos \beta - (a+r)\sin \beta$$

für bas Mag ber Stabilität bes gangen Wagens fatt sin. $\beta = 1/2 \frac{h}{d}$

einzusehen. Ift endlich tang. $\beta > \frac{d}{2(a+r)}$, so fallt ber Bagen um.

Die Neigung β kann die eine ober konnen beide Radaren auch dann annehmen, wenn die Fahrstraße nach der einen Seite hin abschüssig ift. Doch ist hier ein Umstärzen des Wagens weniger leicht möglich, als beim Anstoßen an Hervorragungen, weit dort auch noch die Wirkungen des Stoßes hinzutreten. Da in diesem Falle die Reaction (— R) des hindernisses A nicht der im Schwerpunkte S_1 der Belastung angreisenden Trägsbeitskraft R direct entgegenwirkt, so bildet sich noch ein Krästepaar $\frac{R}{2}$, welches den Wagen um den Fußpunkt B des tieserstehenden Rades zu drehen such und folglich dem Momente des Gewichtes Q entgegenwirkt. Das Moment dieses Krästepaares ist R d, während das Moment vom Gewichte Q, Qx beträgt; wenn also

$$Rd > Q\left(\frac{d}{2}\cos \beta - (a+r)\sin \beta\right)$$

ober menn

lang.
$$\beta > \frac{d}{2(a+r)} - \frac{Rd}{Q(a+r)\cos\beta}$$

ift, fo verliert ber Bagen feine Stabilitat.

Bei der gewöhnlichen, uns aus §. 260 bekannten Einrichtung ber Bagen haben übrigens mahrend der Reigung der einen Radare der Langsbaum, sowie auch die beiden Tragbaume eine Torsion auszuhalten, wodurch die haltbarkeit bes gangen Bagens sehr gefahrdet fein kann.

- 5. 263. Nach ben ausführlichften Versuchen, welche in neuerer Zeit Wiberflands von Morin angestellt worben find, ist der Wiberstand, welchen ein gutes Steinpflaster oder eine festzusammengefahrene Schotterstraße der Bewesgung ber Bagen entgegenseht,
 - 1) nabe birect proportional ber gaft,
 - 2) umgefehrt proportional ber Rabhohe, und bagegen
 - 3) beinahe unabhangig von der Ungahl der Raber und von der Felgens ober Rabreifenbreite.

III.

Wiberftanbe. coefficienten.

Auf weichem ober zusammenbrudbarem Boben, sowie auch auf frisch beschotterten Straßen nimmt bagegen bieser Widerstand ab, wenn die Reifenbreite eine größere wird. Beim langsamen Fahren (unter 8 Fuß Sesschwindigkeit) ist dieser Widerstand ziemlich unabhängig von der Geschwindigkeit und eben so groß bei Wagen mit Federn wie bei Wagen ohne Federn. Bei geößerer Schnelligkeit wächst dagegen dieser Widerstand, zumal während des Fahrens auf harter Schotterstraße oder auf Steinpstafter, nahe proportional der Geschwindigkeit; auch ist hierbei die Kraft Kleiner, wenn der Wagenkasten in Federn hängt, als wenn er sest auf den Radaren aussist. Se elastischer der Fahrweg und je elastischer der Wagen sowie die Last auf demselben ist, desto kleiner fällt in diesem Falle auch die Zugkraft aus.

Die Reifenbreite von 4 bis 41/2 Boll ift bei Lastwagen bie angemeffenste, ba schmalere Raber bie Strafe zu fehr angreifen, und breitere teine Kraftersparniß geben. Die Umftanbe und Berhaltniffe, welche bie Zugkraft steigern, verschlechtern naturlich auch die Fahrstraße.

Die ersten ber im Borstehenden angegebenen Regeln weichen besonders darin von der weiter oben entwickelten Theorie ab, als dieser zu Folge die Zugkraft dem Ausbrucke $\sqrt[8]{\frac{Q^4}{b\,r^2}}$ proportional ist, also direct wie $Q^{4/2}$ und umgekehrt wie $\sqrt[8]{r^2}$ und $\sqrt[8]{b}$ wächst. Nun ist aber:

$$\sqrt[3]{Q^4} = \sqrt[3]{Q} \cdot Q, \sqrt[3]{r^2} = \sqrt[3]{\frac{1}{r}} \cdot r \text{ und } \sqrt[3]{1,1} = 1,032;$$

wenn folglich die Werthe von Q, r und b innerhalb enger Grenzen schwanken und von gewissen mittleren Werthen nicht um mehr als 10 Procent abweichen, so kann man annähernd 1,032=1, also für $\sqrt[3]{Q}$, $\sqrt[3]{r}$ und $\sqrt[3]{b}$ constante mittlere Werthe sehen, und nach Morin rechnen, daß die Zugkraft der kast Q direct und dem Rabhalbmesser r umgekehrt wachse, dagegen aber von der Reisenbreite b gar nicht abhänge. Diese Boraussehung läst sich noch besonders dadurch rechtsertigen, daß der Widersstand der Fuhrwerke nicht allein aus der Zusammendrückung des Bodens, sondern auch aus der Apenreibung und, namentlich deim Fahren auf einer harten Straße, aus einer Wenge von Stößen entspringt, und daß dei den zuleht genannten hindernissen, der Theorie zu Folge, diese Proportionalität wirklich statt hat.

Folgende Tabelle enthalt die verschiebenen Widerstandscoefficienten einiger Wagen auf verschiedenen Straffen. Um die Kraft P zum Fortziehen einer Last Q zu sinden, muß man zu derselben noch das ganze Wagengewicht $(Q_1+R_1+R_2)$ abdiren, und diese Summe mit dem aus der Tabelle entnommenen Widerstandscoefficienten ξ multipliciren, also

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 595

$$P = \xi (Q + Q_1 + R_1 + R_2)$$

Biberffande. coefficienten

fegen.

Sat die Strafe ein Ansteigen α , und der Motor ein Gewicht G, fo tommt hierzu noch die Rraft:

$$P_1 = (Q + Q_1 + R_1 + R_2 + G) \sin \alpha$$
.

Tabelle der Biderstandscoefficienten für Fuhrmerte. Die Reifenbreite ist 4 bis 4½ 300, die Arenstärfe 2½ 301, der Coefficient ber Axenreibung $\varphi=0,065$.

Bezeichnung		acht= igen.	Rarren. Rabhöhe in Fußen.		Gilwagen.
ber Straffe.	Mittl. Rad= höhein Fußen				Nabhöhe in Fußen.
·	4	41/2	5	6%	3%
I. Shotterstraße:					
1) in sehr gutem Bustanbe,} troden und eben.	. 1/50	1/50	1/66	1/83	(Schritt 1/48 (Trab 1/41 (charf.Tr. 1/40
2) wenig feucht, mit Staub) und einigen freiliegenden Schotterftücken.	1/35	1/41	1/47	1/50	(16) ari.Er. /40 (Schrift /44 Trab 1/27 (16). Trab 1/24
3) fehr hart, grober Schotter,} naß.	1/48	1/5●	1/57	1/71	Erab 1/27
4) hart, mit leichten Geleisen? und weichem Roth.	1/97	1/8%	1/36	1/15	Schritt 1/20 Erab 1/20 (16). Trab 1/20
5) hart mit Geleifen und Roth.	L/ 92	1/26	1/30	1/37	(Schritt 1/91) (Trab 1/18) (fc). Trab 1/17
6) fehr verfahren und mit? bidem Rothe.	1/19	1/22	1/25	1/31	Schritt 1/18 {Trab 1/16
7) fehr aufgeriffen, mit Koth) und 2 bis 8 Boll tiefen Ge- leifen.	1/14	1/17	1/19	1/24	(Schritt 1/14) (Trab 1/14) (H. Trab 1/14)
8) sehr schlecht, bider Koth, harter und rauher Grund. 8 bis 4 Boll tiese Geleise.)	¹ /13	1/15	1/17	1/21	{Schritt 1/19 {Trab 1/10
II. Sanbfteinpflafter :					·~ · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
1) fehr gutes.	1/65	1/75	1/80	1/108	(Schritt 1/62 (Trab 1/42) (sch. Trab 1/42)
2) gewöhnliches, troden.	1/60	1/70	1/80	1/100	(Shritt 1/57) Erab 1/41 (sh. Trab 1/26)

Biberftanbe.

Tabelle der Widerstandscoefficienten fur Fuhrwerte. (Fortsehung von vorhergehender Seite.)

Bezeichnung der Straße.	Frachts wagen.		Karren.		Gilwagen.	
		. Rad= Tußen	Radhöhe in Fußen.		Nabhohe in Fußen.	
	4	41/2	5	6%	32/8	
3) gewöhnliches, naß und mit}	y ₄₀	1/54	1/74	1/76	(Schritt 1/44) (Trab 1/13) (sch. Trab 1/19)	
III. Brückenbahn von Holz	1/43	1/50	1/69	1/71	Schr. u.Tr. 1/4,	
IV. Erbbamm:						
1) fehr gut und troden	1/27	1/82	1/86	1/15	3 3 3 1 g	
2) mit einer 1 bis 1 % Roll hohen Kiesbecke	1/10	1/12	1/14	1/17	1/10	
8) mit einer 2 bis 31/2 Boll hohen Riesbede	⅓	1/10	1/19	1/15	%	
4) mit einer 4 bis 51/4 Boll hohen Riesschicht	1/8	1/10	1 /11	1/14	» » ¹/₀	
V. Straße m. ungebahntem Schnee	1 /14	1/17	1/19	1/24	1/1	

Beifpiel. Belche Jugtraft erforbert ein belafteter Wagen von 8000 Pfund zu feiner Fortbewegung auf einer horizontalen Schotterstraße von mittlerer Gute? Nehmen wir an, daß die mittlere Rabhohe 41/2 Fuß betrage, so können wir der vorstehenden Tabelle zu Folge den Biberftandscoefficienten $\zeta=\frac{1}{41}$ und folglich die erforderliche Jugtraft:

$$P = \zeta \cdot (Q + Q_1 + ...) = \frac{1}{41} \cdot 8000 = 195 \ \text{Pfund fegen.}$$

Run ift aber nach II., §. 80, die mittlere Bugfraft eines Bferbes, K = 120 Pfund, und die mittlere Geschwindigseit besselben c = 4 Fuß, folglich waren zum Fortziehen dieses Wagens 2 Pferbe nothig, und die zu forbernde Geschwinz digkeit des Wagens:

$$o = \left(2 - \frac{P}{K}\right) c = \left(2 - \frac{195}{240}\right) \cdot 4 = 4,75 \text{ gus.}$$

Hat bieselbe Straße ein Ansteigen von $\alpha=\frac{1}{50'}$ so ist zu ber gefundenen Kraft nech $P_1=\alpha$ ($Q+Q_1+\ldots$) zu addiren. Spannt man bann 4 Bugspereb vor, so wird baburch die Belastung um 4 . 600 = 2400 Pfund größer; es ist solglich die Last:

$$Q + Q_1 + \ldots = 8000 + 2400 = 10400 \, \text{Pfunb},$$

unb

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen, 597

$$P_1 = \frac{1}{50}$$
. 10400 = 208 Pfund,

Biberflands.

alfo bie gange Bugfraft:

P = 195 + 208 = 403 Pfunb, und bie entfprechenbe Kabrgefcwinbigfeit:

$$v = \left(2 - \frac{403}{480}\right) \cdot 4 = 4,64 \, \text{Fu} \, \text{fs}.$$

Behalt man bagegen nur 2 Pferbe bei, fo hat man:

$$P = 195 + \frac{1}{50} \cdot (8000 + 1200) = 195 + 184 = 379 \$$
\$\text{9funb},

unb

$$v = \left(2 - \frac{879}{240}\right) \cdot 4 = 1,685 \text{ Fuß}.$$

Satte endlich die Strafe ein Fallen α von $\frac{1}{50}$, fo wurde bei zwei Bugpfers ben ber Gewinn an Kraft

$$P_1 = \frac{1}{50} \cdot (8000 + 1200) = 184 \, \Re \text{fund}$$

betragen, und folglich bie Bugfraft ber Pferbe nur

und bie entfprechenbe Befdminbigfeit

$$\bullet = \left(2 - \frac{11}{240}\right) \cdot 4 = 7,817$$
 Buß betragen.

Aus ben Geschwindigkeiten v und ben Weglangen s laffen fich die Fahrzeiten $\left(i=\frac{s}{o}\right)$ berechnen, und ift die Summe dieser Zeiten der täglichen Arbeitszeit $8\cdot 60\cdot 60=28800$ Secunden gleich, so hat man in der Summe der Begslängen den täglich zurückgelegten Weg. Wäre z. B. in dem vorliegenden Falle die Länge des ansteigenden Weges 20000 Fuß, und die des abfallenden 24000 Fuß, so hätte man mit Beibehaltung von zwei Pferden die entsprechenden Zeiten:

$$\frac{20000}{1,685} = 11869$$
 Sec. und $\frac{24000}{7,817} = 8070$ Sec.,

und es bliebe folglich für bas Fahren auf bem horizontalen Theil ber Straße bie Zeit: 28800 — (11869 + 3070) = 13861 Sec., also die Fahrweglange $\frac{13861}{4.75}$ = 2918 Fuß übrig.

Anmerkung I.*) Mit halfe ber zulest angegebenen Formeln für bie Bugsfraft ber Bagen läßt fich auch bas vortheilhafteste Ansteigen ber Strafen finden. Der Ausbruck $P=\zeta \ (Q+Q_1)+(Q+Q_1+G)$ sin. a für bie Bugkraft P geht, wenn man bas Gewicht Q_1 bes ganzen leeren Bagens $= \nu Q$ und bas Gewicht G ber Pferbe $= \mu K$ fest, in folgenden

$$\left(2-\frac{v}{c}\right)K=\left(\zeta+\sin\alpha\right)\left(1+\nu\right)Q+\mu K\sin\alpha$$

über, woraus bie Laft

$$Q = \frac{\left(2 - \frac{v}{c} - \mu \sin \alpha\right) K}{\left(1 + \nu\right) (\zeta + \sin \alpha)} \text{ folgt.}$$

Da es nur barauf antommt, Q auf eine gewiffe Sohe zu heben, fo ift bie Ruhlaft Q ein. a, und bie Ruhleiftung:

Wiberftanbe.

$$Q v \sin \alpha = \frac{\left(2 - \frac{v}{c} - \mu \sin \alpha\right) K v \sin \alpha}{\left(1 + \nu\right) \left(\zeta + \sin \alpha\right)}.$$

Damit biefe ein Marimum werbe, hat man biefen Ausbruck ein Dal in hinficht auf v und ein anderes Mal in hinficht auf a zu bifferenziiren, und bie fo erhaltenen Differenzialquotienten Rull zu fetzen. Auf biefe Beife findet man:

$$\frac{v}{c} = 1 - \frac{\mu \sin \alpha}{2} \text{ und } (\sin \alpha)^2 + 2 \sin \alpha = \frac{\zeta}{\mu} \left(2 - \frac{v}{c}\right),$$

woraus sich sin. $\alpha=-\sqrt[8]{\zeta+\sqrt{\frac{\zeta}{\mu}+\frac{9}{16}\,\zeta^2}}$ ergiebt, und hiernach das vortheilhafteste Ansteigen α bestimmt ist.

3. B. für $\zeta = \frac{1}{180}$ und $\mu = 5$ hat man:

$$\sin \alpha = -\frac{1}{40} + \sqrt{\frac{\frac{1}{150} + \frac{9}{16}}{\frac{1}{900}}} = -0.025 + 0.0882$$

= 0.0682 = $\frac{1}{10}$.

Anmerkung II. Bersuche über die Wiberstände ber Straßen find in frücheren Zeiten von Rumford, Edgeworth, Bevan u. f. w. und in neueren Zeiten in sehr ausgebehntem Maße von Morin, nächstdem auch von Koffak, von der königl. baierischen Artillerte u. s. w. angestellt worden. Aussührlich über diese Bersuche handelt Brir in der Schrift: Ueber die Reibung und den Bisderstand der Fuhrwerke auf Straßen, Berlin 1850. Auch ist hierüber nachzulesen Gerstner's Nechanik, Band I, Kap. VII. Die oben §. 258 entwickelte Formel über den Widerland des zusammendrückeren Bodens wird in den letzter beiden Werken zuerst mitgetheit. Die Theorie der Fuhrwerke wird serme behandelt in der Théorie des aksut et des voitures d'artillerie, par Mig out et Berchery, Paris 1840. Das Hauptwerk von Morin hat den Titel: Expériences sur le tirage des voitures et sur les essets destructeurs qu'elles s'exercent sur les routes, par A. Morin. Paris 1842. Die Hauptergebnisse der Morin'schen Bersuche sind enthalten.

Chienen. bahnen. §. 264. Um den Widerstand, welchen die Strase ber Umdrehung der Bagenrader entgegensetz, so viel wie möglich heradzuziehen, läst man die Rader auf besonderen Schienen (franz. und engl. rails) lausen. Zwei solcher Schienen liegen in parallelen Richtungen neben einander und bilden eine sogenannte Schienenbahn (franz. chemin à ornières; engl. railroad). Nur selten läst man diese Schienen aus bloßen Holze oder Steinschwellen bestehen, mit mehr Bortheil wendet man gußeiserne Schienen an, am zweckmäßigsten und beshalb am häusigsten sind aber die aus gefrischtem Sisen gewalzten Schienen, und die hiernach benannten Eisenbahnen (franz. chemins de fer; engl. [iron] railways). Der Widerstand dieser Schienen besteht fast nur aus der wälzenden Reibung, welche, wie wir wissen (f. I., §. 174), bei Radern von einiger Hohe sehr klein ist in Hinsicht auf die Apenreibung. Während überhaupt bei dem Fortschaffen der Lasten auf Schotterstraßen (franz. chausses en empierrement;

Edienen.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 599 engl. broken-stone roads) ber Wiberstand an dem Umfange der Råder ber größere und der an dem Umfange der Aren der kleinere ist, tritt bei dem Transport auf Eisenbahnen gerade das Gegentheil ein; es ist nåmlich hier die Arenreibung der größere und die wälzende Reibung am Umfange der Råder der kleinere Widerstand. Für die Arenreibung ist der Reibungs. coefficient $\varphi = 0.054$ (s. I., §. 164), und folglich, bei der Arenstärke von $2^{1}/_{2}$ Zoll und der Radhöhe von 50 Zoll, die auf den Radumfang reducirte Zapsenreibung:

$$F_1 = \varphi \frac{\varrho}{r} Q = 0.054. \frac{5}{100} Q = 0.0027 Q.$$

Für die wälzende Reibung ift hingegen $\varphi=0.018$; ist daher der Radshalbmeffer r=25 Boll, so hat man die Größe dieses Reibungswidersstandes:

$$F_2 = \varphi \frac{Q}{r} = 0.018 \frac{Q}{25} = 0.00072 Q,$$

b. i. $\frac{72}{270} = \frac{4}{15}$ mal so groß als die Bapfenreibung, ober circa $26^2/_8$ Procent ber letteren. Hiernach ist ber gesammte Reibungswiderstand bei ber Bewegung eines Wagens auf einer Schienenbahn:

 $F_1+F_2=0.00270~Q+0.00072~Q=0.00342~Q,$ b. i. circa ein Drittel Procent ber Laft. Beim Fahren auf einer sehr guten Chaussee ist dieser Widerstand (f. Tabelle §. 263) $^1/_{50}~Q=0.02~Q,$ b. i. 2 Procent Q; diesem zu Folge ware also die Kraft zum Fortschaffen der Lasten auf den besten horizontalen Straßen $\frac{0.02000}{0.00342}=5.85$, also nahe 6mal so groß, als auf Eisenbahnen. Beim Transport auf schlecht unterhaltenen Straßen steigert sich der Widerstand auf $^1/_{20}~Q=0.05~Q,$ dann ist also die Kraft zum Transport auf Straßen $\frac{5000}{342}=14.6$ mal so groß als auf Eisenbahnen. Hernach ist nun der große Bortheil der Eisenbahnschreberung im Bergleich zur Straßenscherung zu ermessen.

Dieses gunstige Berhaltnis ber Eisenbahnen wird jedoch beim Ansteigen (a) berseiben bebeutend gemäßigt, da hier für beibe Arten des Fortschaffens in Folge der Schwerkraft überdies noch die Kraft Q sin. a (vergl. §. 253) erfordert wird. Wäre nun z. B. das Ansteigen sin. $\alpha=\frac{1}{100}$, hatte also sowohl die Eisenbahn als auch die Straße auf je 100 Kuß Erstreckung 1 Fuß Ansteigen, so würde zu den gefundenen Widerständen noch 0,01 Q zu addiren sein, also der Widerstand auf der Eisenbahn 0,0034 Q+0,0100 Q=0,0134 Q,

600

Edienen.

und bagegen auf ber Strafe, im erften Falle:

$$0.02 Q + 0.01 Q = 0.03 Q$$

und im zweiten: 0,05 Q + 0,01 Q = 0,06 Q betragen.

Es ware also bann fur ben einen Kall die Zugkraft auf ber Straße nur $\frac{0.0300}{0.0134} = 2^{1/4}$ und für ben zweiten dieselbe nur $\frac{0.060}{0.0134} = 4^{1/2}$ mal so groß als auf der Eisenbahn. Läuft die Straße oder Schienenbahn abwarts, so kommt natürlich die Schwerkraft mit der Größe Q sin. α der Araft zur Ueberwindung der übrigen Wiberstände zu Hülfe, und ist diese Kraft größer als die Reibungswiderstände, so tritt sogar ein Kraftüberschuß hervor, der nur durch Einhemmen oder Bremsen (vergl. §. 165) zu vernichten ist. Hätten wir z. B. sin. $\alpha = \frac{1}{100}$ (Fallen), so wurde die Kraft zum Kortschaffen auf der Eisenbahn

 $0.0034 \ Q - 0.01 \ Q = -0.0066 \ Q$

fein, also ein Kraftuberschuß von circa 2/3 Procent ber Last burch Bremfen aufzuheben sein, bagegen hatte man bie Kraft auf ber Strafe im erften Solle. 0.02 0 ... 0.01 0 ... 0.01 0

im ersten Falle: $0.02\ Q - 0.01\ Q = 0.01\ Q$, unb im zweiten: $0.05\ Q - 0.01\ Q = 0.04\ Q$.

Benn wir die Kraft zum Fortschaffen auf horizontalen Eisenbahnen wegen Hinzutritt anderer Nebenhindernisse, z. B. wegen der Seitenreibungen an den Schienen, wegen des Luftwiderstandes u. s. w., P=0,004~Q seben, so mussen wir dieselbe für das Fortschaffen auf einer Bahn von a Ansteigen $(0,004+\sin\alpha)~Q$ annehmen, und erhalten also für das Ansteigen $\sin\alpha=\frac{1}{250}=0,004$, die doppelte Kraft, serner für ein Ansteigen $\sin\alpha=\frac{1}{250}$, schon die 14/4=31/2 sache Kraft, und für ein

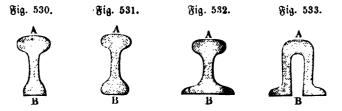
Anfleigen von sin. $\alpha=\frac{1}{50}$, sogar die 6fache Kraft. Es ift also im letteren Falle der Arbeitsaufwand zum Fortschaffen einer Last auf 1 Meile Bahn ebenso groß als zum Fortschaffen derselben auf einer horizontalen Bahnstrecke von 6 Meilen Lange. Man ersieht hieraus, daß die Zugkraft der Wagen auf einer Eisenbahn mit verschiedenen Steigungsverhaltniffen innerhalb sehr weiter Grenzen schwankt.

§. 265. Die Eisenschienen, welche man zu ben Schienenbahnen verwendet, haben sehr verschiebene Querprofile. Bollte man Bagen mit gewöhnlichen Rabern auf einer Schienenbahn aufen lassen, so mußte man ben Schienen einen nach oben vorstehenden Rand geben, welcher bas Abgleiten ber Wagen von ber Bahn verhindert; solche Spurschienen

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Degen. 601

wurden fruher bei Berg, und huttenwerken angewendet und sind in Eng. Schenen und land unter dem Namen tram-roads bekannt. Da es aber viel einfacher und viel vollkommener ist, wenn man das Abgleiten der Wagen von der Bahn durch Rander, welche an den Rabern selbst sien, verhindert, so wendet man jest in der Regel randlose Kantenschienen (franz. ornidres saillantes; engl. egde-rails) an, und giebt den Wagenradern an der inneren Seite ringsherum einen vorstehenden Rand, den sogenannten Spurkranz. Da das Rad auf der Drehbank abgedreht werden kann, so läst sich natürlich auch der Spurkranz genauer herstellen als der Spurrand einer Spurschiene.

Kantenschienen aus gewöhnlichem Flacheisen, mit rectangularem Querschnitte, wendet man nur jum Transport kleinerer Lasten, wie z. B. in Bergwerken an; man legt dieselben entweder breit auf, oder stellt sie, und zwar mit Bortheil, auf's Hohe. Bei Eisenbahnen, auf welchen Dampfwagen fahren, wendet man dagegen meist sogenannte Stuhlschienen an, deren Querprosil einen breiten Kopf A von beinahe elliptischer Korm haben. In Fig. 530 ist das Querprosil einer einfachen und in Fig. 531



bas einer boppelten Stuhlschiene abgebildet. Gehr zwedmäßig find bie Schienen mit einer breiten Grunbflache B, welche im Querprofile bie Form von Fig. 532 haben und gewöhnlich unter bem Namen Bignol: fchienen befannt finb. Richt felten find auch bie Sohle ober Brudenfchienen in Unwendung getommen, beren Querprofil in Fig. 533 abgebildet ift. Die gewohnliche Bohe ber Schienen ift 4 bis 5 Boll, Die Breite am Ropfe 2 bis 21/2 Boll, Die Breite am Fuge 2 bis 4 Boll. Meift hat eine Schiene eine gange von 15 bis 18 Rug, und es wiegt ber laufende Rug berfelben 15 bis 25 Pfund. Die grofte Belgftung einer Schiene burch ein Rab foll 120. Centner nicht überfteigen. Die gewohnliche Spurmeite, b. i. ber lichte Abstand zwischen je zwei Schienen einer Bahn, ift 4 guß 81/2 Boll engl. = 54,87 Boll preug., und ber Spielraum ber Raber auf ben Schienen 5/8 bis 7/8 Boll. Dur wenige Bahnen haben eine großere Spurmeite, wie 3. B. bie Great-Beftern: Bahn in England, beren Spurmeite fogar 7 guß engl. beträgt.

Edienen und Schwellen.

Die Schienen erhalten Unterlagen von Steinen, Gufeisen ober Solz; wegen ihrer Clafticitat zieht man bie bolgernen Unterlagen ober fogenann= ten Solgichwellen und zwar insbesondere die Querichwellen (frang. traverses; engl. sleepers) aus Eichen- und Nabelholz allen anderen Unterlagen vor. Diefe haben eine gange von 8 bis 9 guß und liegen in Abstånden von 21/2 bis 3 Fuß von einander. Die Querfchnitte biefer Schwellen find entweder halbfreisformig, rectangular ober triangular. Die Schwellen mit freisformigem Querfchnitte haben circa 1 guß Durchmef. fer, die mit rectangularem Querschnitte find 1 Rug breit und 1/2 Rug boch und bie mit triangularem Querfchnitte find ungefahr 16 Boll breit und Die erfteren beiben Schwellenarten werben mit ihren breiten Flachen aufgelegt, die lettere aber mit ihren beiben ichmalen, ungefahr 111/4 Boll breiten Seitenflachen. Jene werben mittele eines, biefe bingegen mittels zweier Diametralschnitte aus runden ober vierfantig bearbeiteten Solgftuden erhalten.

Die Schienen werden auf ben Schwellen durch befondere gußeiserne Stuhle, sowie durch Schrauben und hatennagel befestigt. Sehr mannigfaltig ift die Form der Schienen ftuhle (franz. coussinets; engl. chairs), in ber hauptsache besteht aber jeder Stuhl aus einer Fußplatte DE, Fig. 584,

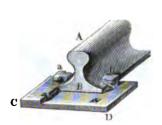
Fig. 534.

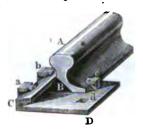


womit er auf ber Schwelle aufzuliegen kommt, und aus einem Sattel, in welschem bie Schiene ABC ruht. Die Befestigung bes Stuhles wird burch zwei Holzschrauben ober eiserne Bolzen bewirkt, zu welchem Zwecke bie Fußplatte mit zwei Löchern (a) versehen ist. Die Schiene befestigt man burch trockene Holzkeile (FG) in bem Sattel. Man hat nicht nothig, die Schienen auf jeder Schwelle mittels Stuhle zu befestigen; es genügt, wenn nur an bem Zusam-

menstoß je zweier Schienenenben ein Stuhl in Anwendung kommt und die Beseitigung auf den übrigen Schwellen mittels eiserner hatennägel erfolgt. Man legt auch wohl die zusammenstoßenden Schienenenden (AB) bloß auf eine einsache eiserne Unterlagsplatte CD, wie Fig. 535, und besestigt dieselben sammt der Unterlagsplatte durch vier hakennägel (wie a, b) mit der Schwelle. Um das Ausweichen der Schienen nach außen zu verhindern, bedient man sich nicht selten auch der Krempelplatten, b.i. der Unterlagsplatten mit umgebog nem Rande, Fig. 536. Endlich verbindet man auch jest sehr gewöhnlich die Schienenenden noch durch schmiedeeiserne Laschen von 1 Zoll Dicke, 2 Zoll Breite und 8 bis 12 Zoll Länge, die

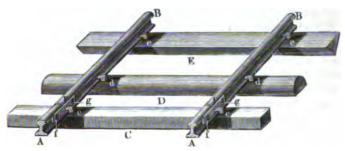
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 608 man mittels 2 bis 4 farter Schraubenbolgen, welche burch bie Schienen Echivelien. Fig. 535. Fig. 536.





hindurchgeben, feitlich an die letteren anschließt. In Fig. 537 ift bie Auflagerung ber Schienen auf breierlei Querschwellen, fowie bie Berbin-





bung ber Schienenenben mittels Laschen und bie Befeftigung berfelben mittels hatennagel auf ben Schwellen vor Mugen geführt. AB, AB find bie Schienen, C, D, E brei Schwellen, F, F bie Laschen, welche die Schies nenenden mit einander verbinden, c, d, e die Safennagel gur Berbindung ber Schienen mit ben Schwellen und f, g ftellen bie Schrauben vor, momit die Laschen an die Schienen angeschloffen find.

§. 266. Die Schwellen mit den Bahnichienen und ihren Berbindunges unterban. theilen machen ben fogenannten Dberbau einer Gifenbahn aus, mogegen bie Bettung ber Schwellen sammt ben baju nothigen Dammen, Ginschnitten, Durchlaffen u. f. w. ben fogenannten Unterbau einer Schienenbahn bilben. Die Damme, auf welche die Schwellen ju liegen tommen, haben, je nachdem fie fur Bahnen mit einem einfachen Geleise oder fur folche mit Doppelgeleifen beftimmt find, eine Rronenbreite von minbeftens 15 guß, ober eine folche von 24 bis 28 Fuß. Die Bofchung der Damme ift gewohnlich 11/2= bis 2fugig. Bum Abziehen bes Baffers find nicht allein Graben ju beiben Seiten bes Dammes geführt, fondern es werden wohl

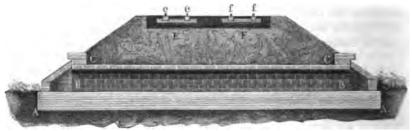
unterban, auch Randle durch ten Damm felbst gelegt. In Fig. 538 ist das Quer-Fig. 588.



profil eines gewöhnlichen Eisenbahnbammes abgebildet. A, A find die Seitengraben, C ist eine Anzucht ober ein bedecktes Steingerinne im Dammkörper, DD ist die aus grobem Sande oder Gerölle oder kleinen Steinstücken bestehende Unterbettung der Schwellen, E und F sind die Querschwellen mit den Schienen e, e und f.

Bieht sich die Gisenbahn an einem Gehange hin, oder überschreitet diesselbe Schluchten ober andere kleine Bertiefungen, so hat man zum Abstühren bes Wassers sogenannte Durchtaffe quer burch ben Dammkörper hindurch zu führen. Bei niedrigen Dammen sind die Durchtasse in die Dammkrone eingeschnitten, und heißen dann Schienendurchtaffe in die Durchtasse höherer Damme hingegen liegen vollständig im Dammkörper. Sie sind entweder Rohrens, oder Plattens oder Brückendurchstaffe. Im ersten Falle bestehen sie aus eisernen oder steinernen Rohren, im zweiten sind sie mit Steinplatten bedeckt und im dritten Falle sind sie überwölbt. Das Querprosil eines Dammes mit einem Plattendurchlaft zeigt Fig. 539. Es ift hier AA die Grundmauer, BB die eine Seitens





mauer und CC die aus Steinplatten bestehende Decke bes hochstens 3 Fuß breiten Durchlasses; auch sieht man über E und F die neben einander liegenden Querschwellen mit den Schienen e, e und f, f.

Bei Ueberfchreitung eines Baches ober Fluffes ift naturlich bie Gifenbahn auf eine Brude zu legen. Wenn es geht, fo legt man bie BahnBon bem Acrtichaffen ber Laften auf gang ober nahe borizontalen Begen. 605

linie in geraber Linie rechtwinklig gegen bie Stromrichtung; nicht felten ift unterbauman jeboch auch genothigt, die Gifenbahnbrude Schief ober wohl gar in einer Curve über ein fliegenbes Baffer gu fuhren. Um haufigften menbet man fteinerne Gifenbahnbruden ober folche aus Biegeln an, nachftbem aber auch eiferne und insbefondere fchmiedeeiferne Bruden. Rohrenbruden und Robrentragerbruden (f. II., §. 55) wird man vorzüglich bann anwenden, wenn bie Bahnlinie nicht boch uber ben bochften Stand bes fliegenben Baffere gelegt merben tann. Fur fteinerne Bruden von 5 bis 60 Rug innerer Beite ift bie gewohnliche Starte bes Schluffteine 15 bis 40 Boll, und die Auflagerung ber Schwellen 15 bis 32 Boll; folglich liegt die Bahn im Gangen 21/2 bis 6 Fuß uber bem innern Gewolbscheitel, mogegen bei eifernen Bruden die Bobe ber Bahn über ber Scheitelflache ber Brudenoffnung nur 11/4 bis 3 Auf betragt und ohnebies bie Bufammengiehung

Um Die Beauffichtigung einer Gifenbahn nicht zu erschweren, überschreis tet man Bege und Strafen nicht gern im Niveau ber Bahnlinie, fonbern führt die Bahn lieber uber ober unter anderen Begen meg. Bei Unterfuhrung eines Feldwege rechnet man fur bie hierzu nothige Gifenbahn. brude 12 Auf Breite und eben foviel Sohe, und bei Unterfuhrung einer Chauffee 18 bis 24 Fuß Brudenbreite und 15 bis 16 Fuß Sohe. Ueberfuhrung einer Strafe ift die Regel ju befolgen, bag die freie lichte Sohe langs ber gangen Bahnbreite mindeftens 15 Fuß betragen foll.

ber letteren an ben Seiten wegfallt.

In Sig. 540 ift bie Ueberfuhrung einer Strafe im Niveau ber Gifen-





bahn abgebilbet. Es ift ABC bie ju biefem 3mide gepflafterte Kahrftrage, und es find D, D die Tragfteine fur die Stuhle, auf welchen die Schienen E, E ruben. Diese Stuble befinden fich in rinnenformigen Bertiefungen, welche jum Schute ber Schienen gegen bas Unftoffen ber Bagenraber auf beiben Seiten mit Gifenplatten f, f ausgefuttert find.

Man überschreitet in der Regel mit den Gifenbahnen nicht folgende Steigungeverhaltniffe:

Unterbau.

im flachen gande .	•	٠.	•	•	$\alpha = \frac{1}{200},$
im hügeligen Lande		•			$\alpha = \frac{1}{100'}$
im Bebirge					$\alpha = \frac{1}{40},$

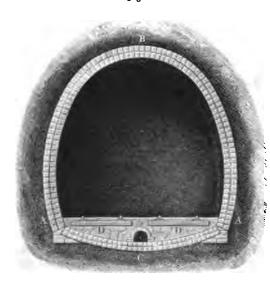
und geht nur ausnahmsweise unter folgende Curvenhalbmeffer herunter:

im flachen Lande r=3600 Fuß, im hügeligen Lande . . . r=2000 » im Gebirge r=1200 »

Die fleinsten Rabien find 600 guß.

Diesen Forberungen einer zweckmäßigen Bahnlinie kann in vielen Falslen entweber nur burch langere Einschnitte und Tunnels, ober burch höhere Damme und Biabucte Genüge geschehen. Es ift sehr zwecksmäßig, wenn die Eisenbahnlinie in einer Sohe fortläuft, bei welcher das bei ben Einschnitten ober Abträgen (franz. deblais; engl. cattings) gewonnene Material zu Aufträgen ober zum Auffüllen ber Damme (franz. remblais; engl. embankments) in der Nähe wieder verwendet werden kann. Meist transportiet man die gewonnenen Erdmassen nicht über 2500 Fuß, und nur höchst selten 4000 bis 5000 Fuß. Die Tunnels (Stollen) oder ganzlich unterirdischen Schienenwege kommen nur dann zur Anwendung, wenn die Einschnitte wegen ihrer großen Tiefe und

Fig. 541.

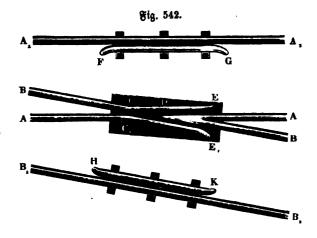


Beite zu toftfpielig find. Das Querprofil eines Tunnels zeigt Rig. 541. Man sieht in ABA die den Tunnelraum umschließenbe Mauer. und in ACA die Maner jum Schube ber Soble. Ueber ber letteren befindet fich bie gewohn: liche Schwellenbettung DD, in welcher noch ein Abzugsgraben ausgemauert ift. Die Bobe und Beite bes aus Rreisbogen Bufammengefetten Bemolbes ift meift 25 Rug und bie Mauerstarte 11/2 Sug.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 607

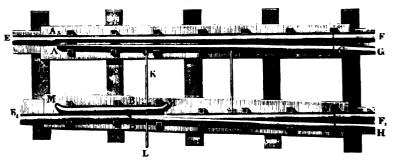
Die Biaducte ober ganbbruden tommen befonders bann in Uns unterbau. wendung, wenn die maffiven Damme fehr hoch und beshalb fehr koftbar ausfallen murben, ober biefelben ohnebies guttermauern und Durchlaffe erhalten mußten.

6. 267. Es ift oft nothig, bag eine Gifenbahn eine andere durchschneibe, Berbindung ober baß fich eine und biefelbe Bahnlinie in zwei getrennte Schienenwege auflofe, ober bag enblich amei getrennte Gifenbahnen burch eine britte mit einander verbunden merben; in allen biefen gallen find gemiffe Borrich. tungen ober Dechanismen nothig, welche wir im Folgenben naber tennen lernen werben. Durchschneiben sich zwei Gifenbahnen, fo tommen vier Puntte vor, wo fich je zwei einzelne Schienenftrange burchtreuzen. biefen Rreugpunkten ift, bamit ber Spurfrang an den Bagenradern ungehindert laufen tonne, jede ber beiben Strange auf eine turge Diftang unterbrochen, und um bei Ueberfchreitung eines folchen Punktes bie richtige Bewegung ber Raber auf ber Bahn ju fichern, bringt man noch fogenannte 3mangichienen (frang. contre-rails; engl. guard-rails) an, welche in der Rabe biefer Rreugpuntte ein Stud innerhalb ber Sauptfchienen fortlaufen, und bie Spurfrange gegen biefe anbruden. In Fig. 542 ift die Borizontalprojection eines folden Gifenbahnichienentreuzes

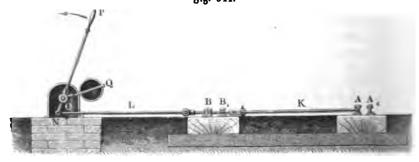


abgebilbet. Die beiben inneren Strange AA und BB durchtreugen fich bei CD, wo also auch eine furge Unterbrechung beiber Schienen vorhanben ift; FG und HK find bie 3mangeschienen, welche an ben inneren Seiten ber außeren Schienenstrange A, A, und B, B, binlaufen; und als folche bienen auch bie Schienenanfage CE und C1 E1, welche außerlich Rerbindung getrennter Extenen. babnen. ein Stud an den Schienenenden DA und DB hinlaufen und mit denselben auf einer Eisenplatte C_1DE_1 fessisien.

An ben sogenannten Ausweicheplagen, b. i. an benjenigen Stellen, wo zwei Bahnen auseinander gehen, ober wo von einer Bahn eine Seitenbahn abgeht, ist ein burch die hand zu stellender Mechanismus nothig, burch welchen es möglich gemacht wird, bag der Wagenzug nach Belieben auf der einen oder auf der anderen Bahn fortgeht. Die Einrichtung einer solchen Sisenbahnweiche (engl. switch) ist aus Fig. 543 zu ers Kia. 543.



seine Die wesentlichen Theile berseiben bestehen aus zwei Jungen (franz. aiguilles; engl. tongues) CA und DB, welche nach Belieben in die eine ober in die andere Bahnrichtung gestellt werden können und zu diesem Zwede bei C und D entweder um Bolzen drehbar ober durch Stahlsebern an die nebenanliegenden Schienen angeschlossen sind. Bei der in der Figur angedeuteten Stellung der Jungen geht der Jug ungehindert auf dem Hauptgleise EF, E_1F_1 fort; soll er dagegen in die Seitenbahn AG, BH einsaufen, so schiedt man die Jungen mittels der Stange KL auswärts, so daß A bei A_1 an den Hauptstrang und B bei B_1 an die Iwangsschiene MM anzuliegen kommt. Den Mechanismus zur Stellung der Jungen führt Fig. 544 vor Augen. Es ist auch hier KL die Jug-



Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe herizontalen Begen. 609

ftange, und es find A und B bie Bungenenden, welche burch biefe Stange Berbindung nach Belieben an bie festliegenden Schienen A1, B1 angeschoben ober von benfelben abgezogen merben tonnen. Bur Bewegung ber Stange KL bient ber um O brehbare Bebel NOP, welcher mit einer Sanbhabe P ausgeruftet ift und ein Gegengewicht Q tragt, welches bie Bungen von felbit in bie in ber Figur angegebene Stellung bringt, mobei ber Bagens jug ber Sauptlinie folgt. Soll bingegen biefer Bug in Die Seitenlinie





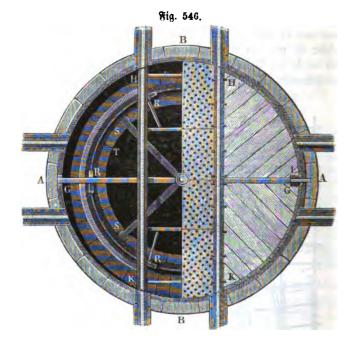
einlaufen, fo breht man ben Bebel in ber Richtung bes Pfeiles, mobei bie Bungen ihre gewohnliche Stellung verlaffin und fich an A1 und B1 anlegen.

In Fig. 545 find noch zwei nebeneinander laufende Sauptbahnen AA, BB, mit einer zwischenliegenden Seis tenbahn CC, burch welche man von ber einen Sauptbahn auf bie andere übergeben fann, abgebildet. Bwifchenbahn ift mit jeber Sauptbahn burch eine Weiche mit beweglichen Bungen perbunden und burchichneibet mit ihren beiben Spuren bie inneren Geleife ber Sauptbahn. Gine folche Beiche ift bei D abgebildet und bas gedachte Bahnlinienfreug mit ben nothiaen Zwangschienen erfieht man bei E.

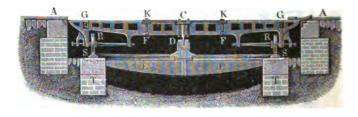
In den Bahnhofen (franz. gares; engl. stations), wo man wegen Mangel an Plat bie verschiebenen Bahnstränge nicht unter so kleinen Winteln gufammenftogen laffen tann, als fur bie Unwenbung gewöhnlicher Beichen nothig ift, bedient man fich ber fogenannten Drebfcheiben (frang. plaques tournantes; engl. turntables), um einen Wagen von einer Schienenbahn auf bie andere ju bringen. Diefe Drehscheiben find runde Tische von 12 bis 16 Fuß Durchmeffer, welche um einen in ihrer Mitte angebrachten vertitalen Bapfen brebbar und baburch geschickt find, ben auf ihnen ftebenben 610

Berbindung Bagen aus einer Bahnrichtung in die andere ju bringen. Fig. 546 ift





ber Grundrif einer jur Salfte aufgebedten Drehfcheibe, und Fig. 547 ein Fig. 547.

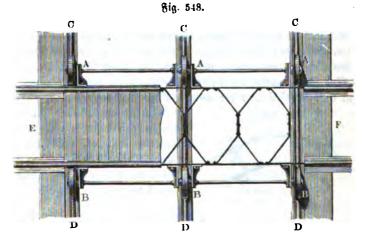


vertikaler Durchschnitt berselben. Die beiben Eisenbahnen AA und BB, welche burch die Drehscheibe mit einander in Berbindung geseht werden, schneiden sich hier unter einem Rechtwinkel. Der Stift C dieser Drehscheibe bewegt sich in einem Zapfenlager D, welches auf einem starken gußeisernen vierarmigen Träger EE ruht. Uebrigens besteht die Drehscheibe aus drei gußeisernen Rippen FK, FK und GG, wovon die ersten

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 611

beiben jugleich ale Stuge ber Schienen HK, HK bienen, und ift in ber Berbinbung Mitte mit Gugeifenplatten und zu ben Seiten mit holzbohlen bebedt. 11m bie Drehung ber Scheibe fammt ihrer Belaftung fo leicht wie moglich ju bewirten, unterftugt man fie noch an ihrem Umfange burch feche conis . fche Raber R, R, R u. f. m., beren Umbrehungsaren nach ber Ure bes Stiftes C gerichtet find, und beren Bapfenlager theils unmittelbar, theils mittelbar an ben brei Sauptrippen ber Drebiceibe feftsiben. laufen auf einer freisrunden Gifenbahn SS, welche den gufeifernen Erds ger EE umschließt und mit ihm auf bemfelben gundamente TT ruht. Will man die Bapfenreibung ber Rollen R, R . auf ihr Minimum gurudführen, fo tann man auch die Drebfcheibe felbft mittels eines auf ihrer unteren Glache aufgesetten Rranges auf ben Frictionerollen R, R . . auf-Dann ift hauptfachlich nur bie rollende Reibung gwischen ruben laffen. ben Rollen und ben fie umfaffenben Rrangen zu überminden.

Die fogenannten Schiebebruden erfullen einen abnlichen 3med wie bie Drehscheiben; es laffen fich burch biefelben bie Bagen leicht aus ben Remifen und von einer Bahn auf eine anbere Parallelbahn bringen. Den Grundriß einer folden Schiebebrude fuhrt Fig. 548 por Augen.

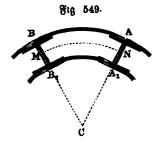


Sie ift aus Blechrippen gusammengefest und ruht auf feche Rabern A, A, A und B, B, B, bie auf brei parallelen in einer Grube liegenben Schienen CD, CD, CD laufen. Diese Brube burchschneidet bas Gifenbabnipftem rechtwinkelig, und es lagt fich baber bie Brude leicht von einer Schienenbahn wie 3. B. EF, nach ber anderen ichieben. Man hat furgere und langere Schiebebruden; erftere bienen gur Berfegung ber Perfonen, und Gutermagen und lettere jur Berfchiebung ber Dampfmagen fammt Tender. Jene laffen fich mit der blogen hand bewegen, diese erhalten hingegen ein durch eine Rurbel in Bewegung zu fegendes Triebwert.

Elfenbabn. wagenraber.

Die Raber ber Gifenbahnmagen weichen in mehrfacher Begiehung von ben gewohnlichen Wagenrabern (f. 6. 257) ab. Damit biefe Raber nicht von ber Schienenbahn abgleiten, erhalten fie an ihrem außeren Umfange eine ringe ober mulftformige Erbohung, ben fogenannten Spurfrang (frang. le boudin; engl. the flange) von circa 11/2 Boll Breite und 1 Boll Dide, womit fie fich an bie innere Seite ber Schienen anlegen. Much erforbert bie Sicherheit ber Bewegung auf ber Schienenbahn, daß bie zwei Raber einer jeben Ure fest und zwar genau im rechten Bintel mit diefer Are verbunden feien, daß fich alfo bie Gifenbahnmagenraber mit ihren Raben nicht um eine feste Ure breben, sonbern bag bie lettere in Lagern lauft, welche mit bem Bagengeftelle feft verbunden find. Diefe fefte Berbindung der Bagenrader mit ihrer Ure macht, daß fich beibe Raber mit einerlei Gefchwindigfeit umbreben, mas auch bann, wenn die beiben Raber gleich boch find, bei ber Bewegung in einer geras ben Bahn ohne nachtheilige Folgen ift. Andere ftellt fich aber bas Berbaltnif heraus, wenn fich bas Raberpaar in einer Curve bewegt. muß bas Rab auf ber außeren Schiene einen großeren Beg machen als bas Rab auf ber inneren Schiene, und es muffen beshalb beibe Raber aufer ihrer malzenden Bewegung auch noch eine fleine gleitende Bewegung auf ben Schienen annehmen, und zwar bas außere Rab in und bas innere Rab entgegengefest ber Bewegungerichtung bes gangen Bagens.

Ift CM = CN = r der mittlere Curvenhalbmeffer, $AA_1 = BB_1$



= b ber innere Abstand ber beiben Schienen ober ber Spurktanze beiber Raber von einander, und MN = s ein gewiffer Weg ber Rabare, so haben wir fur die entsprechenden Wege ber Raber A und B:

$$AB = \left(\frac{r+\frac{1}{2}b}{r}\right)s = s + \frac{bs}{2r}$$

und

$$A_1B_1 = \left(\frac{r-1/2b}{r}\right)s = s - \frac{bs}{2r},$$

und folglich ben Weg bes Schleifens eines jeden Rades:

$$AB - s = s - A_1B_1 = \frac{bs}{2s}.$$

Ift enblich Q bie gange Belaftung ber Rabare und o ber Coefficient ber gleitenben Reibung ber Raber auf ben Schienen, fo haben wir bie

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nabe horizontalen Degen. 613 Arbeit, welche auf diese Reibung mahrend Durchlaufung bes Weges 8 zu Alfenbahnwengenraben.

$$L_1 = \varphi Q \cdot \frac{b s}{2 r},$$

und folglich bie entsprechende Bergrößerung ber Bugeraft, und zwar fur beibe Raber gufammen:

$$P = \frac{2L_1}{8} = \frac{b}{r} \varphi Q.$$

Dieser Widerstand wachst umgekehrt wie der Eurvenhalbmeffer; beshalb soll man den letteren immer möglich groß zu machen suchen. Für die gewöhnliche Spurweite b von $56^{1}/_{2}$ Zoll und den Eurvenhalbmesser r=600 Fuß fällt, da φ im Mittel =0,18 gesetzt werden kann, dieser Widerstand des Schleisens $\frac{56,5}{600 \cdot 12}$. 0,18 Q=0,0014 Q aus.

'Um biefes Schleifen ber Raber auf ben Schienen zu vermeiben ober fo viel wie möglich berabzuziehen, giebt man ben Rabern einen Spielraum von circa 3/4 Boll zwifchen ben Schienen, giebt auch ben Rabfrangen an ihrem Umfange, mit welchem fie auf ben Schienen laufen, eine Conicitat von circa 1/20, bergeftalt, bag fie bei einer Breite von 4 Boll in ber Rabe bes Spurtranges einen Durchmeffer erhalten, welcher ben Durchmeffer an ber außeren Seite um 2 . 4 . 1/20 = 0,4 Boll übertrifft, und giebt endlich auch der Schienenoberflache eine gleiche Reigung ober frummt beren Querprofil nach einem Salbmeffer von 5 bis 7 Boll. Bahrend fich nun bas Raberpaar auf einer geraben Bahnftrede fo ftellt, bag ber Spielraum zwischen bem Spurfranze und ber Schiene zu beiden Seiten gleich, also circa 3/8 Boll ift, ruct bas Raberpaar beim Gintritte in eine Curve in ber Richtung feiner Are auswarts, fo daß ber Spielraum an ber inneren Schiene ein großerer und ber an ber außeren Schiene ein fleinerer wird, ober wohl gar gang verschwindet, und folglich bas außere Rab mit einem großeren Umfange auf den Schienen fortrollt, als bas innere Rab. bie Große bes mittleren Rabburchmeffers d und bie Beranderung beffelben beim Eintritte in die Curve = + d, fo haben wir fur den Kall, baf bie Raber bloß rollen, folgende leicht zu beweisende Proportion:

$$\frac{r}{b}=\frac{d}{2\delta},$$

und folglich ben entsprechenden Curvenhalbmeffer ber Bahn:

$$r=\frac{d}{2\delta}b.$$

Für d = 40 Boll, $\delta = 3/4 \cdot 1/4 \cdot 0.4 = 0.075$ Boll, und $\delta = 561/2$ Boll ist folglich:

614

Gitenhahnwagenraber.

$$r = \frac{40.56,5}{0,15} = 15067$$
 30% = 1255 Fuß.

Wenn also ber Curvenhalbmeffer einer folchen Gifenbahn unter 1255 Fuß ift, so findet trot ber Conicitat ber Raber noch ein, wenn auch bes beutend kleineres Schleifen ber Raber auf ben Schienen statt.

Uebrigens hat die Conicitat ber Raber noch ben Bortheil, daß burch fie bem Andruden ber Spurkrange an die Schienenbahn vorgebeugt und die baraus entspringende Reibung vermieden ober wenigstens herabgegogen wirb.

Eine hauptrolle spielt bei ber Bewegung eines Wagens ober eines Raberpaares in einer Gurve noch die Centrifugalfraft ber belafteten Rabare. Ift c die Geschwindigkeit berselben in der Curve, so haben wir ber tanntlich (f. I., §. 246) bie Centrifugalfraft der Last Q:

$$P = \frac{c^2}{g \, r} \, Q.$$

Diese Rraft brudt nicht allein bas außere Rab mit seinem Spureranze gegen die Schiene, sondern giebt auch der Laft, da sie nicht in der Are selbst, sondern über derselben liegt, ein Bestreben zum Umtippen, vermöge beffen der Bertikalbruck auf der außeren Schiene vergrößert und der auf ber inneren Schiene verkleinert wird. Um diese nachtheiligen Wirtungen

Fig. 550.



ber Centrifugalkraft zu beseitigen, hat man nur nothig, die außere Schiene B, Fig. 550, um eine gewisse Hohe BC = h über ber inneren Schiene A, und zwar so zu legen, daß die Mittelkraft R, welche aus dem Gewichte Q und aus der Cenztrifugalkraft P refultirt, rechtwinkelig gez gen die normale Verbindungslinie AB der beiden Schienenslächen A und B steht. Dies bedingt aber die Proportion:

$$\frac{BC}{AB} = \frac{P}{Q}$$
, b.i. $\frac{h}{b} = \frac{c^2}{gr}$;

es ist folglich die gesuchte Hohe $h=rac{c^2b}{gr}$.

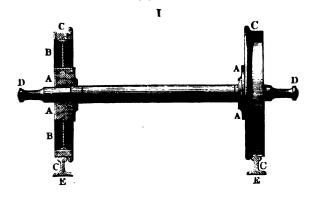
Da biese Sohe mit bem Quabrate ber Geschwindigkeit wachst, so kann naturlich auch nur bei einer gewissen Fahrgeschwindigkeit die Schienenlage bie richtige sein. Die seitliche Berschiebung ber an ihrem Umfange conisch abgebrehten Raber auf ber außeren Seite bewirkt eine Erhebung ber Are um duf ber inneren Seite eine gleichgroße Senkung, folglich wird

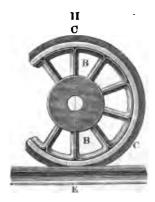
Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 615

schon baburch bie Are am außeren Enbe um $2\cdot\frac{\delta}{2}=\delta$ uber ber inne- magenraber. ten Are erhoht, und es bleibt bemnach nur noch bie erforderliche Erhebung ber außeren Schiene über ber inneren:

$$h_1 = h - \delta = \frac{c^2b}{gr} - \delta.$$

Was bas Material anlangt, aus welchem bie Eisenbahnraber bestehen, so wendet man nur noch bei Menschen: und Pferbeeisenbahnen aus bem Ganzen gegossene Raber von Gußeisen an, bei Eisenbahnen, welche mit Dampftraft betrieben werben, macht man bayegen jest die Raber entweber ganz ober wenigstens größtentheils aus Schmiedeeisen. Die gewöhnliche Zusammensehung solcher Raber ift solgende: AA, Fig. 551 und 552, Kig. 551.





ist die gußeiserne Nabe, B, B u. s. w. sind die schmiedeeisernen Speichen und CC ift der die Speichenenden umschliesgende Radreisen oder Radkranz. Berswendet man gewalztes Eisen zu den Speichen, so setzt man das ganze Speischenspstem aus lauter hufeisenformigen Studen mit T-formigen Querschnitten zusammen, die zu je zweien zusammen. Dieses Speichenspstem wird im Gusse mit der Nabe sest verbunden, wogegen man den Radkranz auf dem mittleren Theil der hufeisenformigen Stude aufnietet. Die

Art und Beife biefer Berbindung ift aus Sig. 553 (a. f. S.) befon-

etienbabn. bere gu erfehen magenraber.

Fig. 553.

BB ift bas Mittelstud zwischen je zwei Speichen, CC1 ber Rabreifen mit seinem Spurkranze C1 K, und DE ber Nietbolzen. Berwendet man bloßes Schmiedeeisen zu den Rabspeichen, so giebt man dies sen auch wohl bloß eine T-Form, und schweißt diesselben an ihren oberen Enden zusammen, während man die unteren Enden ebenfalls in die Nabe einzießt. Noch mehr Solidität erhält man endlich, wenn man an die inneren Speichenenden Eisenstücke

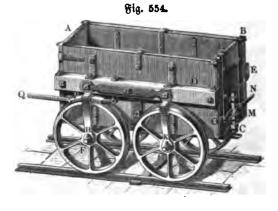
anschmiebet und aus biefen die Dabe gusammenschweißt.

Die Fig. 551 zeigt noch in DD die schmiedeeiserne Radare mit ihren Bapfen oder Arenschenkeln D, D, auf welche das Bagengestelle mittels bez sonderer Lager zu ruhen tommt; auch bemerkt man in E, E die Schienen, worauf die beiden Rader laufen.

Die Bohe ber Raber ist 3 bis 31/2 Fuß, die Starte einer Are innerhalb ber Nabe 4 und in ber Mitte 38/8 Boll, ferner die Starte eines Arenschenkels 25/8 Boll und die Lange beffelben 5 Boll. Die größte Bruttobelastung einer Wagenare wird zu 90 Centnern angenommen.

Elfenbabn. wagen. §. 269. Fracht: und Personenwagen auf Eisenbahnen erhalten in ber Regel je zwei Uren mit je zwei Rabern, bagegen Dampswagen je brei Uren mit seche Rabern. Diese Uren sind entweder fest mit dem Untergestelle bes Wagens verbunden oder bas lettere ruht mittels Stahlsedern auf den ersteren. Die erstere Verbindungsweise kommt nur bei Eisenbahn-wagen vor, welche durch Menschen oder Pferde in Bewegung gesett werden und zum Fordern von Erd- oder Gesteinsmassen u. s. w. dienen.

In Fig. 554 ift ein berartiger Wagen abgebildet, welcher beim Bergbau gur Berg- ober Ergforderung gebraucht wird, und entweder burch einen Arbeiter fortgeschoben oder in Berbindung mit mehreren bergleichen Ba-



Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 617

gen von einem Pferbe fortgezogen werben tann. Das Gefaß zur Aufnahme Gifenbebeber Forbermaffe besteht in einem parallelepipebifchen Solgtaften ABC, melder am Boben und an ben beiben Seiten burch gangichmellen C, D, E, sowie auch noch burch eine Menge von eisernen Schienen und Banbern verståret wirb. Diefer Raften ruht mit feinem Boben auf ben Radaren F und G, und ift auch noch burch bie eifernen Schienen H und K mit ben letteren verbunben. Die Fullung beffelben erfolgt von oben und gmar in ber Regel aus einer fogenannten Rolle, b. i. aus einem Bebaltniffe, in welchem die Kordermaffe angefammelt wird, und welches unten mit Thuren ober Schiebern verschen ift, bie mabrend ber gullung bes Bagens offen ju erhalten find. Das Entleeren bes Bagens wird durch eine Thur bewirft, welche bie gange hintermand bes Bagentaftens bilbet und um eine horizontale Are L brebbar ift. Bum Berfchliegen biefer Thur bient ein eiferner Riegel M, ber mittels eines Bebels NO aufgezogen ober niebergelaffen werben fann. Um beim Abwartsfahren die befchleunigte Bemegung bes Bagens gu moberiren, ift endlich noch ein eiferner Brems P an ben Bagentaften angeschloffen, welcher mittels ber Sanbhabe Q auf ben Umfang bes einen Rabes aufgebrudt werben tann. Die Spurmeite ber Eisenbahnen, auf melden biefe Bagen laufen, ift 3 bis 4 Rug, bie gange bes Bagenkaftins 41/2 bis 6 guß, bie Bobe beffelben 21/2 bis 31/2 guß, und feine Beite 21/4 bis 31/4 Fuß; bie Sohe ber gußeifernen Raber betragt nur 2 bis 3 Fug.

Eine andere Art von Gifenbahnmagen find biejenigen, welche bei Unles qung von Gifenbahnen gum Transport ber Erbmaffen auf einer fogenann. ten Dienfts ober Interimebahn bienen. Die Raften biefer Wagen find in ber Regel, um fie leicht und fchnell entleeren ju tonnen, um eine horigontale Are brehbar, weshalb man auch biefe Wagen gewohnlich unter bem Namen Bippmagen fennt. Gine monodimetrifche Abbilbung von biefen Bagen zeigt Rig. 555 (a. f. S.). Das Untergeftell biefes Bagens ift ein Rahmen, welcher aus zwei Langichwellen AA, BB, zwei Querholgern A B, A B und zwei Diagonalholgern C C, DD gufammengefest ift. Auf ben erfteren find bie gugeifernen Lager E, E fur die fcmiebeeifernen Radaren festgeschraubt. Der Bagentaften FG ift ppramibalifc geformt, ift unten circa 5 bis 6 Fuß lang und breit und bat eine Tiefe von 11/2 Rug, und einen Faffungeraum von circa 70 Cubitfug, ober circa 40 Centner Erbmaffe. Bum Umfchlagen ober Wippen biefes Raftens bienen zwei ftarte Charniere, wie g. B. H, welche theils burch eiferne Ruf. gestelle, bie auf bem Untergestelle festsigen, und theils burch eiferne Baden, welche auf einem Querholge im Boben bes Raftens festgeschraubt finb, gebilbet werben. Bur weiteren Unterftutung bes Raftens bienen ferner noch zwei Querschwellen K und L, wovon die eine auf dem Untergestelle Elfenbabn. und die andere auf dem Boden des Kaftens befestigt ift. Damit der Karnagen.
Rig. 555.



sten wahrend des Transportes nicht umkippe, ift an der Schwelle K eine Schloßhaspe und an der Schwelle L ein Schloßband befestigt; wird nun das letztere mit seinem Auge über die haspe weggelegt und durch dieselbe ein Bolzen gestedt, so ist dadurch die feste Berbindung des Kastens mit dem Untergestelle bewirkt. Man bedient sich der Dienstbahnen nur dann, wenn die Forderwege mindestens 3000 Fuß betragen. Gewöhnlich ziehen auf denselben zwei Pferde drei beladene Wagen, wogegen ein Dampswagen beren zwanzig auf ein Mal fortschafft.

Bei den Eisenbahnwagen, welche durch Dampfkraft in Bewegung gesett werden, sind die Zapfenlager nicht mit dem Untergestelle fest verbunden, sondern sie tragen das Untergestelle mittels der sogenannten Drucksedern, welche in ihrer Mitte mit dem Zapfenlager und an ihren Enden mit dem Untergestelle sest verbunden sind. Um die seitliche Verrückung der Lager zu verhindern, werden dieselben noch von einer schmiedeeisernen Senkrechtssührung eingeschlossen, welche an das Untergestelle sestgeschraubt ist. Diesselbe Verbindungsweise kommt auch bei den Dampswagen vor, weshalb hier die specielle Behandlung derselben übergangen werden kann.

€eifbahnen.

§. 270. Die Dampsmaschinen, welche zum Fortschaffen ber Eisenbahnmagen bienen, sind entweder station are oder locomotive. In der Regel bedient man sich, der Einfachheit wegen, der letteren oder sogenannten Dampswagen (franz. und engl. locomotives) und nimmt nur dann zu ben stehenden Dampsmaschinen seine Zusucht, wenn die Eisenbahn ein startes Ansteigen hat oder eine sogenannte schiefe Sbene (franz. rampe; engl. ramp) bilbet, auf welcher der Dampswagen nicht hinaussteigen kann. Die stehenden Dampsmaschinen sind und schon aus Band II., Abschn. II., Kap. IV. u. s. w. bekannt. Je nach der Art und Weise, wie sie die Wagen fortbewegen, hat man entweder sogenannte

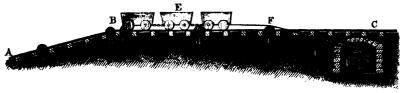
Seileifenbahnen ober atmofpharifche Gifenbahnen.

Eelffahnen.

Bei ben Seileisenbahnen werben die Bagen mittels eines ftarken Seiles fortgezogen, welches sich um eine große Trommel wickelt, die burch die stehende Dampfmaschine in Bewegung gesetzt wird. Es ist baher auch eine solche Eisenbahn im Befentlichen nichts weiter als ein Dampfgopel (f. §. 238 und 251).

Bei ber bekannten Eisenbahn von kondon nach Bladwall wickelt sich jebes Ende des Zugseiles auf eine große eiserne Trommel von 23 Fuß Sohe, welche durch zwei starke Schissdampsmaschinen in Umdrehung geseht wird. Zur Unterstügung dieses 40 Tonnen schweren Seiles sind langs der ganzen Bahn 3 Fuß hohe gußeiserne Seilscheiben angebracht. Die Wagen sind, ohne daß die Bewegung aufgehalten wird, mit Leichtigkeit an das Seil anzuhängen und von demselben abzulösen.

Damit die Arommel, auf welche sich das Seil aufwickelt, der Fortsetzung der Bahn nicht hinderlich sei, muß man dieselbe entweder in einer Eurve um dieselbe herumführen, oder man muß, wie es meist geschieht, die Arommel unterirdisch legen, und das Seil nicht allein ein großes Stud horizontal, sondern auch noch nach dieser Arommel zu absallend leiten. In Fig. 556 hat man ein ideales Bild von einer Seilbahn. AB ist das Fig. 556.



obere Ende der schiefen Seene oder Rampe, auf welcher der Wagenzug durch eine stehende Maschine hinausgezogen wird, B C ist die horizontale Fortsetzung der Bahn, und D ist der in einem unterirdischen Sewolde einzgeschlossene Seiltord, welcher durch eine zur Seite stehende Dampsmaschine in Bewegung gesetzt werden kann. Zwischen den Schienen liegen von Distanz zu Distanz die Seilrollen a, b, c, d, e, f, welche das Zugseil, woran der Wagenzug E angehangen ist, langs der Bahn unterstützen und von einem Punkte F der horizontalen Bahnstrecke B C nach dem Korbe D führen. Sowie der Wagenzug vollständig auf der horizontalen Bahnstrecke angekommen ist, wird derselbe vom Seile abgehangen und durch eine Locomotive weiter befördert. Beim Herabgehen von der schiefen Sbene hat man natürlich die Ueberwucht durch Bremsen der Wagen und des Korbes auszuheben.

Sehr zwedmäßig ift es, wenn bie Ueberwucht eines niebergehenden

Bagenzuges zur Unterftubung eines gleichzeitig aufgehenden Bagenzuges verwendet werden tann. In biefem Salle hat man nur die Seile ber beis ben Wagenzuge, wovon fich jeder auf einem befonderen Geleife bewegen

Big. 557.

muß, in entgegengesetten Richtungen auf ben Seiltorb aufzulegen, so baß sich bei ber Umbrehung bes Korbes bas eine Seil auf benselben auf- und bas andere Seil von bemselben abwidelt.

Ist ber niebergehende Wagenzug schwerer als ber aufgehende, so hat man vielleicht bei bieser Fortbewegung gar keinen Arbeitsauswand, also auch keine besondere Umtriebsmaschine notthig, und es ist nur die etwa vorhandene Ueberwucht durch Bremsen aufzuheben.

Menn burch eine Gifenbahn bei weitem bie meiften Laften abmarts ju trans. portiren find, fo fann man biefelbe als fcbiefe Chene berftellen, ohne bag man jum Betrieb berfelben eine Umtriebefraft nothig bat, indem man bie gang ober jum Theil leeren Bagen von ben niebergebenben belafteten Bagen aufgieben lagt. Golde felbftmirtenbe fchiefe Chenen ober Rampen toms men vorzüglich auch beim Rohlenberg. bau bor, mo fie unter ben Ramen ber Bremeberge befannt finb. Auf: und Grundrif einer folden felbit: thatigen Rampe fubrt Rig. 557 por Mugen. Das Seil, an beffen Enden bie beiden Rohlenwagen angehangen finb, legt fich um eine horizontale Scheibe EE, und bildet mit der Trommel F F. gegen welche fich bie Baden bes icon aus 6. 166 befannten Bremfes AABC

bruden lassen, ein Ganzes. Durch biefen Brems wird die Ueberwucht des belasteten Wagens über den leeren aufgehoben. Das Belasten des auf dem horizontalen Theil der Bahn angekommenen leeren Wagens wird von dem beweglichen Fußboden D aus bewirkt.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 621

Bei ben atmofpharifchen Gifenbahnen werben bie atmofpharifche Glien-6. 271. Bagen burch ben Drud ber Luft in Bewegung gefett. Bu biefem 3wede legt man langs ber gangen Bahnlinie zwifchen bie beiben Schienen eine eiferne Rohre von circa 18 Boll Beite, in welcher ein Rolben eingefchloffen ift, beffen Stange mit bem erften Bagen in fefter Berbinbung fteht; wirb nun burch eine große Luftpumpe bie Luft entweber auf ber einen Seite bes Rolbens verbunnt ober auf ber anberen Seite beffelben verbichtet, fo erhalt bie eine Flache bes Rolbens einen fleineren ober großeren Druck als bie andere und es fest ber Ueberfchug biefer beiben Drude ben Rolben fammt ben baran angeschloffenen Bagengug in Bewegung. Begen bes leichteren luftbichten Abschließens ber Rohre hat man bis jest nur bas Princip bes Saugens ober ber Luftverbunnung (nach Clegg und Samuba) in Unmendung gebracht, miemobl auch bas Korttreiben bes Rolbens burch comprimirte Luft in Borfchlag (von Piatti) gebracht worben Wenn man bei einer atmospharischen Gifenbahn ber erften Art burch bie Lufts ober Saugpumpe bas Bolumen ber Luft nur auf bas Doppelte ausbehnt, fo fintt ber Druck berfelben gegen bie entsprechenbe Rolbenflache auf bie Balfte feines ursprunglichen Berthes. Rimmt man folglich ben Atmospharenbrud ju 15 Pfund auf ben Quabratgoll an, fo hat man ben Druck ber verbunnten Luft = 15.1/2 = 71/2 Pfund und baher bie Treibfraft pr. Quabratioll Rolbenflache ebenfalls nur 15 - 71/2 = 71/2 Pfund. Mun entspricht aber bem Rolbendurchmeffer von 18 Boll eine Rolbenflache von 92. = 81. = 254,5 Quabratzoll, bemnach ift ber gesuchte Ueberfcug bes Luftbrudes = 254,5.7,5 = 1908,75 Pfunb, und folglich, wenn man noch 10 Procent beffelben als bie Rraft gur Ueberwindung ber Rolbenreibung in Abaug bringt, Die ubrig bleibende Betriebstraft bes Bagenauges 1908,75 - 190,87 = 1717,88 Pfunb.

Die allgemeine Ginrichtung einer atmospharischen Gisenbahn lagt fich aus bem gangendurchschnitte in Rig. 558 (a. f. G.) erfeben. in AA, die Treibrohre, welche mit ber Schienenbahn auf benfelben Querfcwellen befestigt ift, in B ben Treibetolben, in S beffen Stange und in T ein Gegengewicht am Enbe ber letteren. In ber Mitte ber Rolbenftange ift ein breiter Querarm C von ftartem Gifenblech aufgefattelt, melder burch ben gangenfchlig in ber Treibrohre hindurchgeht und jur Berbindung ber Rolbenftange mit bem baruber ftebenden Bagen W bient. Auf bem Schlit langs ber gangen Treibrohre liegt ein Leberventil G, welches jur Berftartung mit Gifenplatten bebedt und mit ber einen Seite auf ber Treibrohre befeftigt ift, wie aus ben Querfcnitten ber Treibrohre in Sig. 559 und Sig. 560 erfeben werben tann. In bem gewohnlichen Buftanbe ift naturlich biefes Bentil gefchloffen, wie Fig. 560 por Augen fuhrt : wenn aber ber Rolben burch die Berdunnung ber Luft

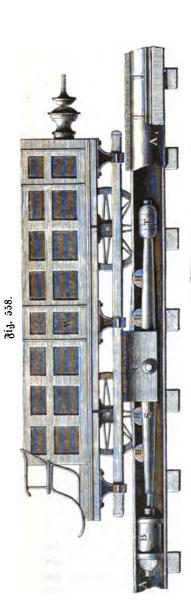




fig. 560.



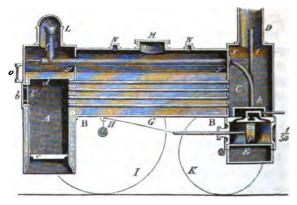
Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 628

auf ber Seite A in progreffive Bewegung gerath, fo wird bas Bentil Mimofoble nabe hinter bemfelben burch vier Raber H, H . . , welche auf ber Rolten. ftange festsiben, aufgehoben, wie in Rig. 559 ju erfeben ift, und es tann folglich ber Quergrm C ungehindert mit bem Rolben fortgeben und ben Bagen W mit fich fortnehmen. Die Auflagerungeflachen bes Bentiles find volltommen glatt abgehobelt, auch wird jum luftbichten Berichtug noch eine Composition von Bache und Tala zwischen bas Bentil und bie Robre (bei F) eingelegt. Rachbem ber Querarm eine Stelle ber Rohre verlaffen bat, fallt bas Bentil binter bemfelben wieber ju, und wird burch eine Rolle R. welche am binteren Ende bes Bagens W befestigt ift, auf feinen Gis fest aufgebrudt; ben hermetifchen Abichlug bewirft aber endlich noch ein ermarmtes Bugeleifen N, welches über ber Composition F bingleitet, und biefelbe auf turge Beit erweicht. Roch ift bas Bentil G vor Befchabigung von außen burch eine Rlappe J aus bunnem Gifenblech gefchust, welche mittels Leberohren mit ber Rohre verbunden ift und burch Rollen wie D, welche am Bagengestelle festsiten, an ber Stelle aufgeboben wird, welche ber Querarm ber Rolbenftange ju paffiren bat.

Ein Sauptvorzug ber atmofpharifchen Gifenbahnen vor ben Bahnen mit Dampfmagenbetrieb besteht in ber Ersparnif bes Dampfmagens, burch beffen Gewicht von 20 bis 30 Tonnen bas Gewicht bes gangen Wagenguges leicht um 20 Procent vergrößert werben tann. Dagegen find aber auch bie atmofpharifchen Gifenbahnen viel tofibarer ale bie gewohnlichen Gifenbahnen, jumal ba fie jur Berftellung bes luftverbunnten Raumes eine Menge ftebenber Dafchinen erforbern, welche in Abstanben von 8 bis 5 engl. Meilen langs ber Bahn aufzustellen finb. Dhnebies finb bie atmofpharifchen Gifenbahnen ofteren Unterbrechungen ausgesett, ba burch einen unvollfommen luftbichten Abschluß bie Bewegung bes gangen Bagenjuges aufgehoben werben tann. Es ift beshalb auch bie Unwendung einer atmospharischen Gifenbahn nur eine erceptionelle (wie g. B. bie gu St. Germain), und mochte nur bann gu rechtfertigen fein, wenn es barauf antommt, ben Betrieb auf einer fart anfteigenben turgen Gifenbahn. ftrede berguftellen, wo bie Dampfmagen nicht im Stanbe finb, großere Bagenguge mit fich empor zu nehmen.

6. 272. Das gewöhnliche Forderungsmittel auf Gifenbahnen find bie gecomotiven, fogenannten Locomotiven ober Dampfmagen. Gie befteben in ber Sauptfuche aus einem Wagen, welcher eine Dampfmaschine fammt Reffel tragt, bie mittele Umbrebung ber einen Rabare bas Bange in fortichreis tenbe Bewigung fest. Folgendes ift bie mefentliche Ginrichtung eines Dampfmagene, movon Sig. 561 (a. f. S.) einen Langendurchschnitt geigt. A ift ber fogenannte Feuertaften (frang, foyer, bolte à feu; engl. firebox), in welchem bas Brennmaterial verbrannt wird, welches man burch

Locomotiven. Die mit einer Schupplatte b' versebene Beigthur b eintragt. Dieser Big. 561.



Raften ist unten burch ben Rost c und an ben Seiten burch boppelte, mittels Stehbolgen unter einander verbundene Blechmanbe, gwischen welchen Baffer enthalten ift, umgrengt. In ben Feuertaften ichließt fich ber eplindrische Theil BB bes Riffels an, welcher ein Spftem von Rohren, die fogenannten Beigrobren (frang. tubes; engl. pipes) einschließt, und übrigens mit bem ju verbampfenden Baffer angefullt ift. Reuer ober die erhibte Luft burchftromt die Feuerrohren und fest bierbei fo viel Barme an bas biefelben umgebenbe Baffer ab, bag biefes in Dampf Bon ba gelangt bie erhitte Luft in ben fogenannten vermanbelt mirb. Rauchtaften (frang. boite à fumée; engl. smoke box) C, und biefer fuhrt fie endlich in ben Schornftein D. Der Dampf, welcher fich aus bem Baffer entwickelt, bas ben Beigraum und bie Beigrohren umfchließt, fullt ben oberen Theil bes eplindrifchen Reffels B, sowie auch ben foges nannten Dampfbom L aus, welcher fich unmittelbar uber bem Feuertaften befindet, und tritt von oben in bas Dampfrohr fag'. Dampfmafchine besteht aus zwei Cylindern, wovon jeboch in ber Figur, und gwar in E, nur ber eine fichtbar ift; beshalb theilt fich auch bas Dampfrohr bei y in zwei 3meige, wovon jeder ben Dampf nach einer befonderen Dampftammer h fuhrt. Rachdem ber Dampf in bem Cylinder gemirkt, alfo beffen Rolben F bin- ober jurudgefchoben bat, gelangt er in bas beiben Mafchinen gemeinschaftliche Blaferohr i und tritt enblich aus bemfelben in ben Schornftein, wo er vorzuglich noch ben mefentlich nothwendigen Luftzug erzeugt.

Die ganze Maschine ruht auf ben Aren von zwei (ober brei) Paar Rabern J und K, und je nachbem sich bie beiben Dampscolinder zwischen ben Rabern befinden, ober außerhalb berselben liegen, ist entweder die eine Are H Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 623

boppelt gekröpft, ober jedes ihrer Raber mit einer Warze versehen, in je- Locomotiven. dem Falle aber jeder ber beiden auf die eine oder die andere Weise gebils beten Krummzapsen durch eine Kurbelstange G mit dem einen oder dem anderen Treibekolben F in Berbindung geseht. Diese Krummzapsen sind gegen einander auf das Biertel gestellt, d. h. ihre Warzen stehen um 90 Grad von einander ab, und dem entsprechend sind auch die Stellungen der beiden Treibekolben stets um den halben Schub von einander verschiesden. Hierbei wirkt der eine Kolben mit seiner vollen Krast auf den Krummzapsen, wenn die Warze des anderen Kolbens im todten Punkte steht, also die Kolbenkrast gar nichts zur Umdrehung des Krummzapsens beiträgt; es variert daher die Umdrehungskrast der Triebare in ziemlich engen Grenzen und erfordert zu ihrer Ausgleichung kein besonderes Schwungrad (vergl. §. 106).

Die Bewegung ber Schieber h erfolgt burch Ercentrite, welche auf ber Triebare H festsißen.

In der Figur sieht man noch bei M das Mannloch, bei N,N die Lo-cher fur die Sicherheitsventile und bei O den Wasserstandszeiger mit Glasrobre

Dem Dampswagen unmittelbar folgt noch ein Munitionswagen, ber sogenannte Tenber (franz. und engl. tender), welcher zum Transport bes Feuerungsmaterials und bes Speisewassers bient. Bur Speisung des Kessels dient eine Saug und Druckpumpe, welche vermittels eines Schlauches u. s. w. das Wasser aus dem Tender in den Kessel bringt. An den Tender ist der eigentliche Wagenzug (franz. convoi; engl. train) angeschlossen. Bum Befahren kurzerer Bahnstrecken wendet man in neuerer Zeit auch Locomotiven an, welche das Wasser und Brennmaterial gleich mit sich führen, indem man dem hinteren Theil dieser Wagen die Einrichtung der Tender giebt. In England sind die Dampswagen unter dem Namen "Tank-engines" bekannt.

6. 273. Wir werden im Folgenden die einzelnen Theile einer Coco Locomotivenunotive etwas specieller beschreiben.

Der Feuerraum eines Dampfwagens wird burch einen umgestürzten, also unten offenen, parallelepipedischen Kasten gebildet. Man verwendet hierzu drei Stud Eisen, ober noch besser Rurferbleche von 1/2 bis 1 Boll Dide, welche durch dichte Nietung mit einander verbunden werben. Dieser sogenannte innere Feuertasten wird in einem Abstande von 81/2 bis 4 Boll von einem zweiten Blechkaften, dem sogenannten außeren Feuerkaften, umgeben, und mit diesem durch kupferne Stehbolzen (franz. entretoises; engl. stays) verbunden. Die Starte dieser Bolzen beträgt circa 3/4 Boll und ihr Abstand von einander 4 Boll.

Locomotiven. feffel.

Die Decke bes inneren Feuerkastens ist durch starte schmiedeeiserne Bruschenstäbe von eirca 4 Boll Bobe und 1 Boll Dicke verstärkt. Diese Stabe liegen in Abständen von 5 bis 6 Boll ber Lange des Keffels nach neben einander und sind in Abständen von 5 bis 6 Boll auf die innere Blechbecke aufgebolzt und wohl auch mit dem außeren Feuerkasten an einigen Stellen verstrebt.

Damit burch bie Deffnung fur bie heizthur ber masserbichte Berschluß in bem Raume zwischen beiben Feuerkaften nicht unterbrochen werbe, ift ein eiserner Ring eingeset, welcher rings um biese Deffnung herum bie inneren und außeren Blechwände mit einander verbindet. Der Theil ber vorderen Seitenwand, in welchem bie heizröhren in ben Feuerraum einmunden, wird, ba an bieser Stelle ber außere Feuerkasten unterbrochen ift, bloß daburch verstärtt, daß man zu ihm stärkeres Blech verwendet.

Der mit Wasser angesülte Raum, welcher ben ganzen Feuerheerd umzeicht, wird von unten burch einen mit beiben Blechwänden mittels Nieten verbundenen Kranz geschlossen, an welchem ein anderer Kranz befestigt ist, auf den die Rosistäde zu liegen kommen. Diese Städe bestehen aus gesschmiedetem oder gewalztem Sisen, sind 4 doll hoch, oben 3/4 bis 1 doll und unten 3/8 bis 5/8 doll bick. Ie nach der Gute des Brennstosses läst man diese Städe 3/4 bis 5/4 doll von einander abstehen. Die unverdrannten Ueberreste der Verbrennung, welche zwischen den Rosistäden hindurchssallen, werden durch den sogenannten Aschenfall aufgefangen, damit sie nicht zu Feuersbrünsten Veranlassung geben. Ein solcher Aschenfall bessteht in einem Blechkassen, welcher die Grundsläche tes Rostes vollständig einschließt und an der vorderen Seite mit einer Thür versehen ist, welche der Maschinenwärter zur Regulirung des Luftzuges nach Belieben mehr oder weniger erössner kann.

Um eine möglichst große Beizstache zu erhalten, muffen Rauch oder Beigrohren von kleiner Weite und in großer Anzahl angewendet wersben; damit dieselben aber durch die Ueberreste der Berbrennung nicht versstopft und dem Luftzug nicht zu viel hindernisse in den Weg gelegt wersden, giebt man diesen Röhren eine Weite von 1½ bis 2 30ll. In der Regel verwendet man zu denselben Wessingblech von eirea 1 kinie Dicke. Diese Röhren werden in entsprechende Löcher in ter Borderwand des Feuer, und in der hinterwand des Rauchkastens eingesetzt, und darin durch eingetriebene Stahlringe mit conischem Rande befestigt. Den kurzessesten Abstand je zweier Röhren von einander nimmt man 7 bis 8 kinien, so daß bei dem außeren Röhrendurchmesser von 2 Zoll die Arenabstände der benachbarten Röhren 2 Zoll 7 bis 8 Linien betragen. Gewöhnlich ist die Anzahl dieser Röhren 70 bis 150 und die Länge derselben 6 bis 12 Kus. Während die directe Heizssläche oder die Fläche des inneren Feuer-

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 627

kaftens 40 bis 60 Quadratfuß beträgt, ift die indirecte Heigliache ober die gocomotiven. ber heizrohren 400 bis 800 Quadratfuß. Die heizrohren werden von einem cylindrischen Keffel aus Eisenblech umgeben, welcher sich einerseits an den Feuers und andererseits an den Rauchkasten anschließt und eine Weite von 3 bis 4 Fuß hat. Um die Warme so viel wie möglich in dem Kessel zurückzuhalten, umgiebt man ihn entweder mit einem Mantel aus Filz und mit einem Mantel aus Holzdauben; oder man legt um denselben nur einen von bannem Eisenbleche umhullten Mantel aus Holzdauben.

Der obere Theil ober die Saube des außeren Feuerkaftens erhalt fehr verschiedene Formen. Am einfachsten ift es, biefe Flache halbenlindrisch zu gestalten, so daß sie eine Fortsetzung ber oberen Salfte des cylindrischen Reffels bilbet.

Der Rauchkaften hat im Ganzen dieselbe Form wie der außere Feuerkasten, nur ist er niedriger als dieser und unten burch eine ebene oder
halbeplindrische Fläche begrenzt. Während in der hinterstäche desselben
die vorderen Enden der Heizröhren festsigen, enthält die Borderstäche eine Thur, welche zum Reinigen und zu Reparaturen der Heizröhren u. s. w.
dient. Dieser Rauchkasten ist einsach aus Blech zusammengenietet, welches eine Stärke von 2 die 8 Linien hat. Nur zur hinterstäche, durch
welche die Heizröhren hindurchgehen, und welche den Dampse oder Wase
serdruck auszuhalten hat, verwendet man Blech von circa 3/4 Boll Dicke.
Um den Lustzug so viel wie möglich zu begünstigen, giebt man dem
Dampskasten einen möglichst kleinen Raum, namentlich macht man seine
Länge nur 11/2 die 2 Fuß, wogegen die des Feuerkastens 3 die 4 Fuß
beträgt.

Vom Rauchkaften aus steigt die Esse empor, welche aus Eisenblech von 2 Linien Dicke zusammengenietet ist. Sie ist cylindrisch und hat bei einer Hohe von 5 bis 7 Fuß eine Weite von 1 bis 11/4 Fuß. Ihr Querschnitt ist meist nahe 0,7 von dem sammtlicher Heizedhren. In der Esse befindet sich ferner noch ein Drahtgitter, durch welches das Auswerfen der glubenden Rohlenstücke verhindert wird, auch ist noch eine Klappe angebracht, durch welche sich die Esse während des Stillstandes der Maschine verschließen läßt.

Ferner versieht man noch ben Rauchkaften mit einem Register ober Schieber, burch bessen Eröffnung außere Luft in ben Rauchkaften einzgelassen und ber Bug in ben Robren regulirt werden kann. Endlich erhalten zu bemfelben Zwecke auch wohl die sammtlichen Austrittsmundungen der Heizrohren Blechbeckel, welche sich, wie die Fensterjalousien, in beliebigem Grade eröffnen lassen.

§. 274. Der Dampf, welcher fich auf ber Dberflache bes Baffers im Reffel bilbet, wird burch bas' fogenannte Dampfrohr ber Dampftammer

Leffel. Damit so wenig wie möglich Wasser von dem Dampfe in das Dampfrohr u. s. w. mit fortgerissen werde, legt man die Einmundung des Dampfrohres möglichst hoch über den Wasserspiegel, und versieht zu diesem Zwecke den Dampftessel mit einem kesselselsen Aufdau aus Messingblech, dem sogenannten Dome, innerhalb dessen das Einmundungsstück des Dampfrohres senkrecht emporsteigt. Wan sett den Dom entweder auf den Feuerkasten oder auf den cylindrischen Theil des Kesselsels. Da sich über dem inneren Feuerkasten in Folge der größeren Size mehr Dampfe entwickeln, so möchte allerdings der Dampsdom über demselben anzubringen sein; da aber auch an dieser Stelle die stärksten Wallungen des kochenden Wassers und folglich auch das stärkte Fortreißen des Wassers der dem Stuck dem Rauchkasten Zumpf erfolgt, so ist es zweckmäßiger, den Dom über den cylindrischen Dampf erfolgt, so ist es zweckmäßiger, den Feuers als dem Rauchkasten zu legen.

Das Dampfrohr ift in ter Regel aus Rupferblech und hat einen Querfcnitt von 1/19 bis 1/10 bes Querschnittes eines Dampfcplinbers. Regulator, burch welchen bie Dampfmenge, welche bas Dampfrohr nach ber Dafchine fuhrt, regulirt wirb, besteht entweber in einem Schies ber ober in einer freisrunden Scheibe mit ausgestoffenen Sectoren. Bewegung biefes Apparates erfolgt in ber Regel mit Sulfe einer Rurbet, beren Belle mittels einer Stopfbuchse burch bie hintermand bes außeren Feuertaftens geführt ift. Bei ben Cocomotiven von Crampton erfolgt ber Eintritt bes Dampfes in bas Dampfrohr burch einen Spalt, welcher auf ber oberen Seite langs bes gangen Robres binlauft, und es ift bier ber regulirende Dampfichieber nabe uber ben Dampfcplindern angebracht. Um bas Kortreißen bes Baffere u. 1. w. fo viel wie moglich ju verminbern, ift es zwedmagig, ben Dampf mittels Mantel, welche bie Ginmunbung bes Dampfrohres umgeben, einige Dal fallend und freigend ju fubren, ebe er in bas Dampfrohr eintritt, weil hierbei bem fortgeriffenen Baffer jum Burudfallen Gelegenheit gegeben wirb.

Die beiben 3weigrohren, welche ben Dampf nach ben Dampftammern ber beiben Dampfcplinder fuhren, find mit bem einfachen Dampfcohre burch ein gugeisernes 3wischenstud verbunden, welches sich oben im Ineren bes Rauchkastens befindet und an der hinterwand biefes Kaftens festsist.

Die Rohren, welche ben verbrauchten Dampf aus ben Cylindern fuhren, werden ebenfalls durch ein gußeisernes Zwischenstud mit dem Ausblaferobre vereinigt; baffelbe befindet sich entweder nahe über den Cylindern oder unmittelbar unter der Einmundung in die Effe. Die Ausmundung bes Ausblaferohres ist conisch zusammengezogen, um eine größere Geschwindigkeit des austretenden Dampses und badurch wieder einen star-

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 629

keren Luftzug in der Effe zu erzeugen. Uebrigens hat jede der beiden Pocomotiven-Austragerohren, wie das Einmundungsstück des Dampfrohres, ein Zehntel der Kolbenstäche, und dagegen das Ausblaferohr ein Fünftel berselben zum Querschnitte. Um die Geschwindigkeit des austretenden Dampses zu res guliren, wendet man auch wohl eine veränderliche Ausmundung an, indem man in das Ausmundungsstück zwei Klappen einsetz, zwischen welchen der Dampf ausbläst. Diese Klappen lassen sich mittels einer Zugstange und einer Kurbel zugleich stellen.

Das Speifen bes Reffels erfolgt burch zwei Speifepumpen. Rolbenftangen berfelben merben entweder an bie Querbaupter ber Dampf. tolbenftangen , ober an bie Steuerungsercentrite angeschloffen ; im erften Kalle haben biefe Pumpen den Schub von 18 bis 27 Boll mit bem Dampftolben gemeinschaftlich, und es ift ber Rolbendurchmeffer berfelben nur 11/2 bis 21/2 Boll; im zweiten Falle bingegen ift ber Schub 5 bis 61/2 Boll und ber Rolbendurchmeffer 4 Boll. Der Pumpencylinder ift aus Gufeifen ober Meffing und bat nur wenig mehr Beite (11/2 Linie) als Der lettere ift ein langer abgebrehter Cylinder und mirb burch eine Stopfbuchse abgelibert, welche an bas eine Ende bes Dumpencplinders festgeschraubt ift. Die Bentile biefer Pumpen find entweder Regel - ober Rugelventile; jene gleiten mittels Klugel, welche an ber unteren Bentilflache festfigen, in bem oberen Theile ber Saugrohren; Diefe bemegen fich in glodenformigen Gebaufen, welche uber ben Bentilfigen angebracht find. In ber Regel hat jebe Speifepumpe ein Saugventit und zwei nabe uber einander ftebende Drude ober Steigventile; und überdies noch ein Bentil ober einen Sahn nabe bei ber Ginmundung des Steigrohres in ben Keffel, welcher bas Baffer in bem Reffel gurudhalt, mahrend die Pumpe gepruft ober reparirt wird. Um bie Wirkfamkeit ber Pumpe gu prufen und die etwa in berfelben angesammelte guft fortgufchaffen, lagt man noch ein furges Proberobr in ben Raum gwifchen beiben Steigventilen einmunben, welches fur gewohnlich burch einen Sahn verschloffen wird. Man verlangt nicht nur, bag eine Speifepumpe allein ben Dampfteffel hinreichend mit Baffer ju verforgen vermoge, fondern man fordert auch, daß fie effectiv bas breifache Speifemafferguantum gu liefern im Stanbe fei.

Das Basser wird ben Speisepumpen aus bem Tender mittels tuppferner Rohren von $1^{1/2}$ bis 2 Joll Weite zugeführt, deren Einmundungen nach Belieben durch Bentile verschlossen werden können. Damit sich diese Berbindungsröhren kleinen Beranderungen in dem Abstande des Tenders von der Locomotive ohne Nachtheil accommodiren, versieht man dieselben mit Augelgelenken und mit Stopfbuchsen, wie in Band II., Seite 200, Kig. 214 und Kig. 215 vor Augen geführt worden ist. Aus

Locomotiven. feliel. jeder dieser Rohren lagt man noch eine sogenannte Warmerohre emporsiteigen, welche ganz oben in den Kessel einmundet, und die dazu dient, den Dampf mahrend des Stillstandes zurud in den Tender zu führen, und dadurch das Wasser in demselben anzuwarmen. Die Steigröhre ift, wie auch das Communications und Saugrohr, aus Aupferdlech und hat auch die nämliche Weite wie jene Rohre. Man hat diese Rohre an verschiedenen Stellen in den Kessel ausmunden lassen; jedoch läßt sich leicht einzsehen, daß es zweckmäßiger ift, die Einmundungsstelle so entfernt wie möglich vom Brennheerde zu legen.

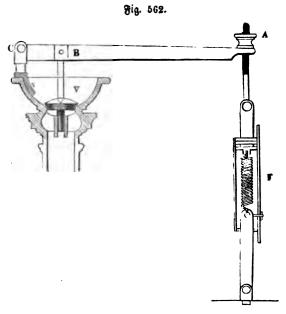
Die im Vorstehenden behandelten Speisepumpen speisen natürlich nur während der Bewegung des Dampswagens; will man aber die Fullung des Ressels mit Wasser ohne Bewegung des Dampswagens bewirken, so muß man noch eine besondere Speisepumpe, und zwar entweder eine sogenannte Handpumpe oder eine Dampspumpe, andringen, je nachz dem man dieselbe durch die Hand oder durch eine besondere Dampsmaschine in Bewegung sehen lassen will. Es ist endlich ein sehr zu beachrender Gegenstand, daß man zum Speisen der Locomotivenkessel moglichst reines Wasser verwende.

Um ben inneren Bustand bes Dampstessels anzuzeigen, und um bie Dampsspannung und ben Wasserstand in bemselben innerhalb gewisser Grenzen zu erhalten, sind noch Sicherheitsventile, Manometer, Wasserstandszeiger u. s. w. angebracht. Jeder Locomotivenkessel erhält zwei Sicherheitsventile, und zwar am besten eins im Border= und eins im hintertheil bes Kessels. Diese Bentile können wegen bes Schwankins ber Dampswagen nicht durch Gewichte belastet werden, sondern werz ben mittels Stahlsedern auf ihren Sitz ausgedrückt. Man bedient sich hierzu gewöhnlich einer schraubensörmig gewundenen Drahtseder F, Figur 562 (auf nedensieh. S.), und läst dieselbe mittels eines einarmigen Hebels ABC auf das Bentil V wirken. Die übrige Einrichtung der Sichers heitsventile ist aus II., §. 317 bekannt.

Was das Meffen des Dampforudes in Locomotivkesseln anlangt, so wendet man hierzu die Differentialmanometer von Richard, sowie auch bie von Galp. Cazalat an; auch sind in neuerer Zeit Metallmanometer in Anwendung gekommen. S. II., §. 315 und 316. Auch kann man sich einfacher Kolbenmanometer bedienen, welche die Einrichtung eines gewöhnlichen Dampfindicators haben (f. II., §. 366).

Der Bafferstandszeiger (f. II., §. 312) besteht in einer 15 Boll langen und 1/2 Boll weiten Glastobre, welche oben in ben Dampfraum und unten in ben Wasserraum bes Ressels einmundet und burch Sahne nach Belieben mit diesen Raumen in und außer Communication geseht werben kann. Außerdem versieht man ben Locomotiventessel noch nit

Ben bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 691 drei Probehahnen, welche in verschiedenen Soben über einander aus gegemotiven munben.



Enblich gehort zu einem vollstandigen Locomotivenkeffel noch eine Dampfpfeife (frang. sifflet à vapeur; engl. steam - wistle). befteht 1) aus einem Refervoir, welches burch einen Sahn mit bem Dampf. raume in Berbindung gefett werben tann und mit einer fchmalen ringformigen Mundung verfeben ift, und 2) aus einer Detallglode, welche nabe über ber Mundung bes genannten Refervoirs hangt und burch ben aus biefer Munbung ftromenben Dampf in Schwingungen verfett wirb. Man wendet die Dampfpfeife an, um bamit die Ankunft und ben Abgang eines Dampfmagenzuges anzuzeigen, ober baburch bas Uns und Abziehen ber Bremfe anguordnen u. f. m.

§ 275. Die vorstehende Befchreibung ber Locomotiventeffel wird burch Befchreibung folgende Abbildungen einer fecherabrigen Locomotive mit außenliegenden abgeblibeten Cplinbern noch besonders illustrirt. . Es zeigt:

Sig. 563 bie außere Seitenanficht,

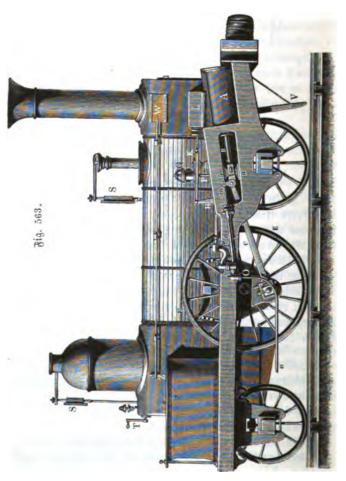
Rig. 564 ben gangendurchichnitt,

Rig. 565 ben Querdurchschnitt burch ben Reuerkaften, und

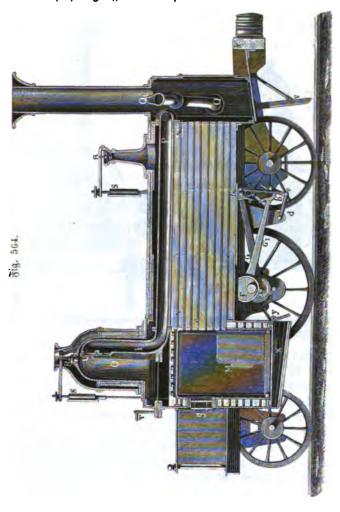
Rig. 566 ben Querdurchschnitt burch ben Mauchkaften und Schornftein.

Beidecelbung

Man fieht in M den Feuertaften mit ber Beigthur g, und in NN ben aberblibeten eigentlichen Dampfteffel mit feinen 125 Rauchröhren; ferner zeigt O ben Dampfdom ober die Dampfhaube und PP bas Dampfrohr, welches ben Dampf bei U aufnimmt und in bie Dampftammer ober ben Dampffchiebertaften L (Fig. 563 und 566) leitet. Die Blaferohre, welche ben verbrauchten Dampf in ben Schornftein fuhren und bafelbft ben nothigen Bug erzeugen, find in QQ1 und QQ1 abgebilbet, und in R und R fieht man die beiben Sicherheitsventile mit ben oben befchriebenen Feberfpannungen S, S abgebilbet. Der Dampfregulator an ber Ginmunbung U ber Dampfrohre besteht in zwei burchbrochenen Scheiben, wovon bie eine mit

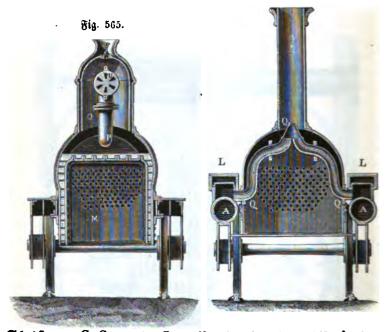


Bon dem Fortschaffen der Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 688 dem Dampfrohre fest verbunden und die andere um ihre Are drehbar ist. Beschreibung Je nachdem die Deffnungen dieser beiden Scheiben ganz, oder nur zum abgebildeten Theil, oder gar nicht über einander stehen, wird das Einströmen des Damspfes in das Dampfrohr in größerem oder kleinerem Maaße erfolgen oder ganz unterbrochen werden. Die entsprechenden Drehungen der äußeren Scheibe werden durch die Kurbel T bewirkt, deren Welle mittels Hebel und Zugstangen an diese Scheibe angeschlossen ist. In W sieht man auch den Schieber, welcher eine Dessnung im Rauchkasten bedeckt und mittels der Stange ZW ausgezogen wird, wenn zur Ermäßigung des Zuges, Luft in den Rauchkasten gelassen werden soll.



Defdreibung einer abgebilbeten Locomotive.

Dem im Folgenden naher zu beschreibenden Bewegungsmechanismus der Locomotive gehören folgende Theile an. A, A sind die beiden Dampfschlinder, welche außerhalb des Rauchkastens an dem Gestellrahmen sestigen und eine etwas geneigte Lage haben; ferner sieht man in B eine Rolbenstange und in C die an sie angeschlossene Lenks oder Triebstange; endlich zeigt D die dazu gehörige Kurbelmarze, welche auf der zu diesem Zwecke verstärkten Nabe des Triebrades EE sestsigt. Auf der Are der beiden Triebrader sien noch die Ercentriks $F, F_1 \ldots$ sest, durch welche die Steuerung bewegt oder das regelmäßige Zu- und Ablassen des Dampses zu den Triebcylindern bewirkt wird. Zu diesem Zwecke sind die



Schubstangen $G, G_1 \ldots$ ber Ercentriks mit gabel, ober huseisensörmigen Enbstüden $b, b_1 \ldots$ ausgerüstet, womit ein Hebel H erfast werden kann, an welchem die Dampsschieberstange K angeschlossen ist. Zum Einund Ausrücken der Klauen b und b_1 dient ein Winkelhebel cde, welcher mittels einer langen Stange cf vom Locomotivenstührer um seine Axe d gedreht werden kann. An dem Arme de dieses Hebels sind mittels kurzer Stangen die Enden der Schieberstangen G, G_1 angeschlossen, und es läst sich folglich mittels dieses Hebels die Schieberstangenverbindung bezliebig heben und senken, und dadurch nach Willkür entweder die eine oder

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 685

bie andere Klaue mit bem Hebel H zum Eingriff bringen. Wenn bei Befdreibung einer bem Eingriffe der einen Klaue der Dampsichieder hingeschoben wird, so abgebildeten bewirkt bagegen der Eingriff der anderen Klaue das Zurückgehen des Dampsschieders; und wenn in dem einen Falle die Triebare nach der einen Richtung gedreht und hierbei der Dampswagen vorwärts bewegt wird, so nimmt dagegen im zweiten Falle die Triebare die entgegengesette und folglich auch der Dampswagen eine rückwärtsgehende Bewegung an (vergl. II., §. 834).

In Fig. 568 ist auch noch eine Speisepumpe op vor Augen geführt. Die Kolbenstange m dieser Pumpe ist an das Querhaupt aa der Treibestolbenstange B angeschlossen und der an ihr sigende Kolben bewegt sich in dem Cylinder n hin und zuruck, wobei das Speisewasser durch das Rohr o O aus dem Tender angesaugt und durch das Rohr p P bei q in den Kessel eingedrückt wird.

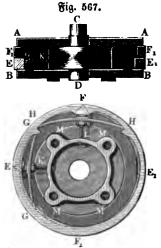
Noch sieht man bei V ben sogenannten Gistrater ober Schneeschuh, wodurch etwa auf den Schienen liegende Korper von diesen herabgestoßen werden. Endlich zeigt die Fig. 564 in X ben Aschenfall und in Y die an demselben angebrachte und zum Reguliren des Luftzuges dienende Klappe.

§. 276 In Betreff bes Betvegungsmechanismus ber Dampfwagen gocomotivenmuffen noch folgende Specialitäten angegeben werden.

Die Dampfeplinder find aus Gugeifen und befinden fich entweder im Rauchkaften ober unter ober neben bemfelben, gumeilen aber auch, wie 3. B. bei den Locomotiven von Crampton, an ben Seiten bes cylindris fchen Reffelraumes. Wenn fie außerhalb bes Rauchkaftens angebracht find, fo muß man ihrer Abtuhlung burch Kilg. und Bolg. oder Blech. mantel fo viel wie moglich entgegenwirken. Jeber ber beiben Dampf= wege erhalt ben gehnten Theil ber Rolbenflache gu feinem Querfchnitte, bagegen ber zwischen beiben befindliche Ranal, burch welchen ber verbrauchte Dampf bem Ausblaferohre jugeführt wird, ben funften Theil biefer glache. Bum Ablaffen bes fich beim Stillfteben ber Mafchine in ben Colindern nieberschlagenden Baffers find fleine Sahnchen an ben Enben ber Colinber angebracht, auch verfieht man bie Enlinder noch mit Del-Bahnen gum Schmieren ber Rolben und Schieber. Bon ben beiben Dechplatten, wodurch die Dampfenlinder verschloffen werden, erhalt die hintere gur Durchführung ber Rolbenftange eine meffingene Stopfbuchfe mit Sanfliberung.

Die Dampftolben erhalten eine schon aus Band II., §. 825 bekannte Metallliberung. Die lettere liegt zwischen zwei ben eigentlichen Kolbentorper ausmachenden Tellern aus Gußeisen und besteht aus zwei über

Locomotiven einander liegenden Ringen aus Bronge, Gufeifen ober Stahl, welche mittels Stahlfebern gegen ben inneren Umfang bes Dampfcplinders angebrudt merben. Bu biefem 3mede wird jeber ber Ringe ein- ober mehrmale fo burchfcnitten, baß fich triangulare 3mifchenraume bilben, in welche bann noch Metallfeile eingefest werben, bie von ben Febern mittels eingeschraubter Bolgen rabial auswarts gebrudt werben. Die Teller werben mit ihren Mugen in ber Mitte uber bie Rolbenftange meggeftect und mittels vier Schraubenbolgen fest mit einander verbunden. Den borigon-

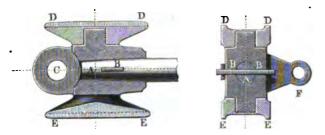


talen und vertifalen Durchschnitt eines folden Rolbens von circa 14 Boll Durchmeffer zeigt Sig. 567. fieht hier in AA und BB bie beiben Rolbenteller, in CD bie amifchen beis ben Tellern mulftformig verftartte Rolbenftange, ferner geigen EE, und FF, bie Liberungeringe, welche bei E und F zerfchnitten find und burch Reile mittels ber Febern GG unb HH gespannt werben; endlich find in K und L die Schraubenbolgen abgebilbet, woburch biefe Febern gefpannt merben, und in M. M .. die Locher fur bie Bolgen jum Bufammenfchrauben ber beiben Teller ju feben. Die Rol-

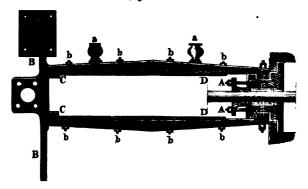
benftange macht man entweber aus Schmiebeeisen ober aus Stahl, und fie erhalt im erften Falle eine Starte von circa 13/4 und im zweiten eine folche von 11/4 Boll.

Das Querhaupt ber Rolbenftange bat eine Bulfe gum Auffteden auf bas ju biefem 3mede conifd geformte Enbe ber Rolbenftange, und ein Muge gum Unschließen ber Rurbelftange, und ift mit Leitungsbacken verfeben, womit es in einem an bem Bagengestelle befestigten Leitungerabmen beweglich ift. Man verwendet ju bem Querhaupte gefchmiedetes Gifen, und bagegen ju ben an baff ibe angufchraubenben Leitungebacken Gufeifen ober Bronge. Rig. 568 giebt zwei Abbilbungen eines Querhauptes; es ift hier A bas Rolbenftangenenbe, BB ber Splint jur Befestigung beffelben im Querhaupte, C bas Muge jum Unschließen ber Rurbelftange, und es find DD, EE die Leitungsbaden. Der Arm F bient jum Infclug ber Rolbenftange ber Speisepumpe. Bas die Leitungsrahmen anlangt, fo bilbet man fie in ber Regel aus zwei Stahl: ober geharteten Schmiebeeifenftaben, und ichließt biefelben einerfeits an bie Stopfbuchfen ber Eplinder und anbererfeits an ichmicbeeiferne Stuten an, welche auf

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 637 ben Langschwellen bes Bagengestelles festgeschraubt werben. Sehr ges Locomotiven. Wechanismen.



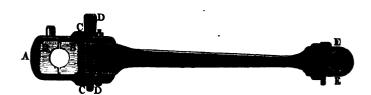
wöhnlich bekleibet man auch die Reibungsflachen mit besonderen Stahlsschienen, die man mittels Schrauben auf die Innenflachen des Leitungsrahmens aufschraubt. In Fig. 569 sieht man das Langenprofil eines Big. 569.



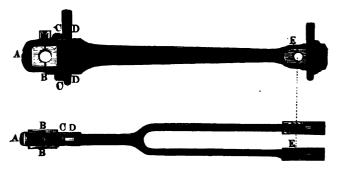
folden Leitungsrahmens, und zwar in AA die Stopfbuchse und in BB ben Support, woran die Leitungsschienen CD, CD angeschraubt sind; auch werben in a,a die Delbecher und in b,b.. die Schrauben, womit die Reibungsschienen auf die Leitungsschienen aufgeschraubt werden, vor Augen geführt.

Die Aurbels ober Triebstangen, welche die Kraft ber Dampstolben auf bie Triebare übertragen, sind von Schmiebeeisen und haben minbestens fünsmal so viel gange als die Aurbelarme. Man hat einfache und gabelformige Triebstangen. Die einfachen Aurbelstangen sind Gisensstäbe von rectangularem Querschnitte und laufen an beiden Enden in Ropfen aus, womit sie einerseits an die Querhaupter der Kolbenstange und andererseits an die Aurbelwarzen angeschlossen werden. Der kleinere Kopf umfast den Bolgen im Querhaupt der Kolbenstange, und ber gro-

Rocomoliven fere ergreift die eine Warze der Triebare; beide sind zu diesem Zwecke mit Ragern aus Bronze ausgefüttert. Die gabelformigen Triebstangen bilden an dem einen Ende zwei Köpfe, welche die Bolzen im Querhaupte der Kolbenstange von beiden Seiten erfassen. In Fig. 570 ist die Längenansicht Big. 570.



einer einfachen und in Fig. 571 ift die Langenansicht und ber Grundrif Fig. 571.



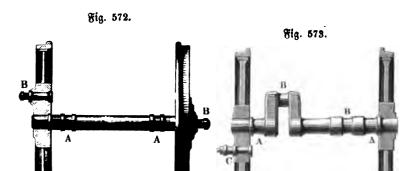
einer gabelformigen Triebstange abgebildet. Man sieht in A ben großen Kopf mit dem Metallager BB für die Aurbelwarze und die Klammer CC und Keil DD zum Stellen derselben, und ebenso in E die Augen u. s. w. für den Bolzen im Querhaupte.

Damit ber, zumal bei ftark ansteigenben Gebirgsbahnen bedeutend anwachsenbe Wiberstand bes Wagenzuges von ber Locomotive überwunden
werden konne, muß die Reibung berselben auf ber Schienenbahn möglichst
vergrößert werden, weshalb man in solchen Fallen noch eine zweite ober
beibe anderen Rabaren mit der Triebare kuppelt. Dieses Auppeln der
Radaren erfolgt durch sogenannte Auppelstangen, welche mit ihren
Ropfen an Warzen angeschlossen werden, die in die Rabe der Triebrader
eingesett sind.

Die Triebare ober biejenige Bagenare, welche burch die Dampftraft mittels ber Rurbelftangen in Umbrehung gefeht wird, ift entweber gerabe, ober gefropft; und zwar ersteres bei Dampfmaschinen mit Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 689

außenliegenben Enlindern, und letteres bei folchen mit innen: Locomotiveu. liegenden Cylindern. Bei ben Triebaren ber erfteren Art merben bie Rurbeln burch bie Triebraber felbft gebilbet, indem man bie fcmiebeeifernen Bargen in die zu biefem 3mede verftartten Rabnaben einfest: bei ben Aren ber zweiten Art find es bagegen bie Rropfe, moburch bie Rurbeln gebilbet merben.

Die Bapfen ober Arenschenkel, womit bas Magengestelle auf ben Aren ruht, find entweder zwifchen ober außerhalb beider Rader, je nachbem ber Geftellrahmen zwifchen ben Rabern ober außerhalb berfelben liegt. Gine gewohnliche Rabare ber zweiten Urt fennen wir fcon aus §. 268, Fig. 551, Triebaren ber erften Art hingegen find in ben Figuren 572 und 573



nebst ben Triebrabern vor Augen geführt, und zwar in Sig. 572 eine ges rabe und in Rig. 578 eine getropfte Triebare. Es find hier AA die Arenschenkel, B, B die Rurbelmargen und es ift C, Rig. 573, eine Ruppelmarte. Das Rabere über bie Conftruction ber Raber ift aus 6. 268 befannt. Uebrigens foll man die Arenfchentel fo fart machen, bag ber Drud auf ben Quabratzoll nicht mehr als 300 bis 400 Pfund beträgt.

6. 277. Die Steuerung ober bas regelmäßige Bulaffen und Abs Rocomotivfperren bes Dampfes jum Dampfeplinder erfolgt burch ben ichon aus Band II. bekannten Dampfichieber und mittels ber in II., §. 334 beichriebenen Kreisercentrits. Bas jundchft bie Dampfichieber anlangt, fo macht man biefelben, ber großeren Dauerhaftigfeit megen, gewohnlich aus Gufeifen. Dan giebt benfelben entweder eine borizontale, ober eine vertitale, ober eine geneigte Lage, und bringt bieselben entweber uber ober unter ben Dampfeplindern an. Bur Bewegung bes Dampfschiebers bient eine genau rund abgebrehte Stange aus Stahl ober

Locomotivenfenel. jeber biefer Rohren lagt man noch eine sogenannte Warmerohre emporteigen, welche ganz oben in ben Kessel einmunbet, und die dazu bient, ben Dampf während des Stillstandes zurud in den Tender zu führen, und baburch das Wasser in demselben anzuwärmen. Die Steigröhre ist, wie auch das Communications. und Saugrohr, aus Rupferblech und hat auch die nämliche Weite wie jene Rohre. Man hat diese Rohre an verschiedenen Stellen in den Kessel ausmunden lassen; jedoch läßt sich leicht einssehen, daß es zweckmäßiger ist, die Einmundungsstelle so entsernt wie möglich vom Brennheerde zu legen.

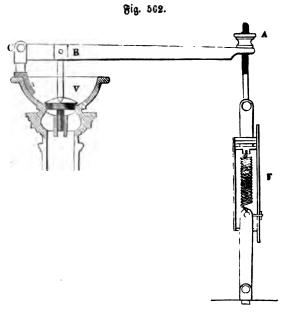
Die im Borftehenden behandelten Speisepumpen speisen naturlich nur während der Bewegung des Dampswagens; will man aber die Fullung des Ressels mit Baffer ohne Bewegung des Dampswagens bewirken, so muß man noch eine besondere Speisepumpe, und zwar entweder eine sogenannte Handpumpe oder eine Dampspumpe, andringen, je nachedem man dieselbe durch die Hand oder durch eine besondere Dampsmaschine in Bewegung sehen lassen will. Es ist endlich ein sehr zu beachrender Gegenstand, daß man zum Speisen der Locomotivenkessel moglichst reines Basser verwende.

Um ben inneren Zustand bes Dampftessels anzuzeigen, und um bie Dampfspannung und ben Wasserstand in demselben innerhalb gewisser Grenzen zu ethalten, sind noch Sicherheitsventile, Manometer, Wasserstandszeiger u. s. w. angebracht. Jeder Locomotivenkessel ethält zwei Sicherheitsventile, und zwar am besten eins im Borders und eins im hintertheil bes Ressels. Diese Bentile konnen wegen des Schwankens der Dampfwagen nicht durch Gewichte belastet werden, sondern werben mittels Stahlsedern auf ihren Sit ausgedrückt. Man bedient sich hierzu gewöhnlich einer schraubenformig gewundenen Drahlseder F, Figur 562 (auf nebensteh. S.), und läst dieselbe mittels eines einarmigen hebels ABC auf das Bentil V wirken. Die übrige Einrichtung der Sichers heitsventile ist aus II., §. 817 bekannt.

Was das Meffen des Dampforuckes in Locomotiveffeln anlangt, so wendet man hierzu die Differentialmanometer von Richard, sowie auch die von Galy-Cazalat an; auch find in neuerer Zeit Metallmanometer in Anwendung gekommen. S. II., §. 315 und 316. Auch kann man sich einfacher Kolbenmanometer bedienen, welche die Einrichtung eines ges wöhnlichen Dampfindicators haben (f. II., §. 366).

Der Wafferstandszeiger (f. II., §. 312) besteht in einer 15 Boll langen und 1/2 Boll weiten Glastohte, welche oben in den Dampfraum und unten in den Wasseraum des Kessels einmundet und durch Sahne nach Belieben mit diesen Raumen in und außer Communication geseht werden kann. Außerdem versieht man den Locomotivenkessel noch nit

Ben bem Ferifchaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 691 drei Probehahnen, welche in verschiedenen Soben über einander aus gocemotivenmunben.



Endlich gehort zu einem vollständigen Locomotivenkeffel noch eine Dampfpfeife (frang. sifflet à vapeur; engl. steam-wistle). befteht 1) aus einem Refervoir, welches burch einen Sahn mit bem Dampf. raume in Berbindung gefett werden kann und mit einer ichmalen ring. formigen Mundung verfeben ift, und 2) aus einer Metallglode, melche nahe uber ber Mundung bes genannten Refervoits hangt und burch ben aus biefer Mundung ftromenben Dampf in Schwingungen verfett wird. Man wendet die Dampfpfeife an, um bamit die Ankunft und ben Abgang eines Dampfmagenzuges anzuzeigen, ober baburch bas Uns und Abziehen ber Bremfe anguordnen u. f. m.

§ 275. Die vorstenende Beschreibung ber Locomotiventeffel wird burch Befdreibung folgende Abbildungen einer fecherabrigen Locomotive mit außenliegenden abgebilbeten Cplindern noch besonders illustrirt. . Es zeigt:

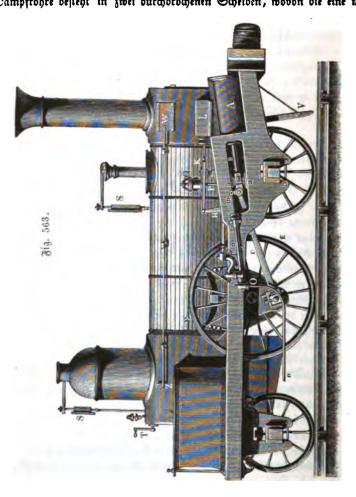
Rig. 563 bie außere Seitenansicht,

Rig. 564 ben gangendurchichnitt,

Rig. 565 ben Querdurchschnitt burch ben Feuertaften, und

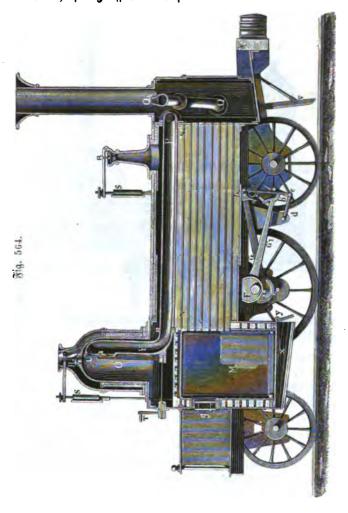
Rig. 566 ben Querdurchschnitt burch ben Rauchkaften und Schornftein.

Bescheichung Man sieht in M ben Feuerkasten mit ber Heigthür g, und in NN ben gebetibeten eigentlichen Dampstesselle mit seinen 125 Rauchröhren; ferner zeigt O ben Dampstom ober die Dampshaube und PP das Dampstohr, welches den Dampf bei U aufnimmt und in die Dampstammer oder den Dampsscheieberkasten L (Fig. 563 und 566) leitet. Die Blaserohre, welche den verzbrauchten Damps in den Schornstein führen und daselbst den nöttigen Zug erzeugen, sind in QQ_1 und QQ_1 abgebildet, und in R und R sieht man die beiden Sicherheitsventile mit den oben beschriebenen Federspannungen S, S abgebildet. Der Dampsregulator an der Einmundung U der Dampstohre besteht in zwei durchbrochenen Scheiben, wovon die eine mit



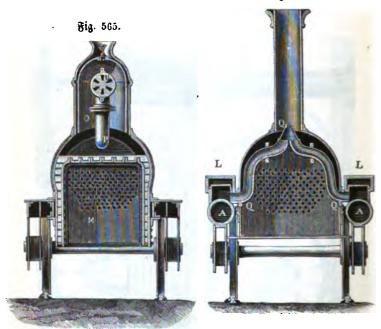
Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 688

dem Dampfrohre fest verbunden und die andere um ihre Are drehbar ist. Beschreibung Je nachdem die Deffnungen dieser beiden Scheiben ganz, oder nur zum aberlideten Theil, oder gar nicht über einander stehen, wird das Einströmen des Dams pfes in das Dampfrohr in größerem oder kleinerem Maaße erfolgen oder ganz unterbrochen werden. Die entsprechenden Drehungen der äußeren Scheibe werden durch die Rurbel T bewirkt, deren Belle mittels hebel und Zugstangen an diese Scheibe angeschlossen ist. In W sieht man auch den Schieber, welcher eine Deffnung im Rauchkasten bedeckt und mittels der Stange ZW ausgezogen wird, wenn zur Ermäßigung des Zuges, Luft in den Rauchkasten gelassen werden soll.



Befdreibung einer abgebilbeten

Dem im Folgenden naher zu beschreibenden Bewegungsmechanismus ber Locomotive gehören folgende Theile an. A, A sind die beiben Dampfschlinder, welche außerhalb des Rauchkastens an dem Gestellrahmen festssigen und eine etwas geneigte Lage haben; ferner sieht man in B eine Rolbenstange und in C die an sie angeschlossene Lenks oder Triebstange; endlich zeigt D die dazu gehörige Kurbelmarze, welche auf der zu diesem Zwecke verstärkten Nabe des Triebrades EE sestsigt. Auf der Are der beiden Triebrader sien noch die Ercentriks $F, F_1 \ldots$ sest, durch welche die Steuerung bewegt oder das regelmäßige Zus und Ablassen des Dampses zu den Triebcylindern bewirkt wird. Zu diesem Zwecke sind die Fig. 566.



Schubstangen $G, G_1 \ldots$ ber Ercentries mit gabels ober hufeisenformigen Enbstüden $b, b_1 \ldots$ ausgerüstet, womit ein Hebel H erfast werden kann, an welchem die Dampsichieberstange K angeschlossen ift. Jum Einund Aubrücken der Rlauen b und b_1 dient ein Winkelhebel cde, welcher mittels einer langen Stange cf vom Locomotivensührer um seine Ape d gedreht werden kann. An dem Arme de dieses Hebels sind mittels kurzer Stangen die Enden der Schieberstangen G, G_1 angeschlossen, und es läst sich folglich mittels dieses Hebels die Schieberstangenverbindung beliebig heben und senken, und dadurch nach Willkur entweder die eine oder

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 635

bie andere Klaue mit dem Hebel H zum Eingriff bringen. Wenn bei Beforetbung bem Eingriffe ber einen Klaue der Dampsichieber hingeschoben wird, so geliebeten bewirkt bagegen der Eingriff ber anderen Klaue das Zuruckgehen des Dampsschiebers; und wenn in dem einen Falle die Triebare nach der einen Richtung gedreht und hierbei der Dampswagen vorwärts bewegt wird, so nimmt dagegen im zweiten Falle die Triebare die entgegengesette und folglich auch der Dampswagen eine rückwärtsgehende Bewegung an (vergl. II., §. 884).

In Fig. 563 ist auch noch eine Speisepumpe op vor Augen geführt. Die Kolbenstange m dieser Pumpe ist an das Querhaupt aa ber Treibestolbenstange B angeschloffen und der an ihr sitzende Kolben bewegt sich in dem Cylinder n hin und zuruck, wobei das Speisewasser durch das Rohr oO aus dem Tender angesaugt und durch das Rohr pP bei q in den Kessel eingebrückt wird.

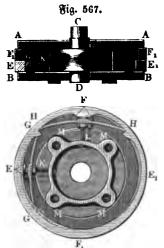
Noch fieht man bei V ben sogenannten Gielrager ober Schneeschuh, wodurch etwa auf den Schienen liegende Korper von diesen herabgestoßen werden. Endlich zeigt die Fig. 564 in X ben Aschenfall und in V die an demselben angebrachte und zum Reguliren des Luftzuges dienende Rlappe.

§. 276 In Betreff bes Beivegungsmechanismus ber Dampfwagen gocomotivenmuffen noch folgende Specialitäten angegeben werden.

Die Dampfeplinder find aus Gugeifen und befinden fich entweder im Rauchtaften ober unter ober neben bemfelben, zuweilen aber auch, wie 3. B. bei den Locomotiven von Crampton, an den Seiten des cylindri-Wenn fie außerhalb bes Rauchkaftens angebracht ichen Reffelraumes. find, fo muß man ihrer Abtuhlung burch Filg. und Bolg. ober Blechmantel fo viel wie moglich entgegenwirken. Jeber ber beiben Dampfwege erhalt ben zehnten Theil ber Rolbenflache ju feinem Querfchnitte, bagegen ber zwischen beiben befindliche Rangl, durch welchen ber verbrauchte Dampf dem Ausblaserohre jugeführt wird, den funften Theil Diefer glache. Bum Ablaffen bes fich beim Stillfteben ber Mafchine in ben Cplinbern nieberschlagenden Baffers find fleine Sahnchen an ben Enben ber Cylinber angebracht, auch verfieht man bie Eylinder noch mit Del-Bahnen jum Schmieren ber Rolben und Schieber. Bon ben beiben Dectplatten, wodurch die Dampfeplinder verschloffen werden, erhalt die hintere gur Durchführung ber Rolbenftange eine meffingene Stopfbuchfe mit Sanfliberung.

Die Dampftolben erhalten eine schon aus Band II., §. 825 befannte Metallliberung. Die lettere liegt zwischen zwei ben eigentlichen Kolbentorper ausmachenden Tellern aus Gugeisen und besteht aus zwei über

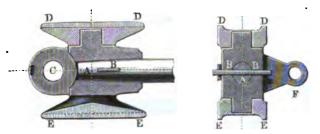
Locomotiven einander liegenden Ringen aus Bronge, Gugeifen oder Stahl, welche mittels Stahlfebern gegen ben inneren Umfang bes Dampfcplinbers angebrudt werben. Bu biefem 3mede wird jeber ber Ringe ein- ober mehrmale fo burchschnitten, bag fich trianquiare 3mifchenraume bilben, in welche bann noch Metallfeile eingefest werben, bie von ben Febern mittels eingeschraubter Bolgen rabial auswarts gebrudt werben. Die Teller merben mit ihren Mugen in ber Mitte uber bie Rolbenftange meggeftedt und mittels vier Schraubenbolgen fest mit einander verbunden. Den horizon-



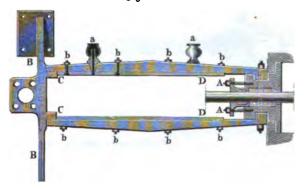
talen und vertifalen Durchfcnitt eines folden Rolbens von circa 14 Boll Durchmeffer zeigt Sig. 567. fieht hier in AA und BB bie beiben Rolbenteller, in CD bie gwifchen beis ben Tellern mulftformig verftartte Rolbenftange, ferner zeigen EE_1 und FF, bie Liberungeringe, melde bei E und F gerschnitten find und burch Reile mittels ber Febern GG und HH gespannt werben; endlich find in K und L bie Schraubenbolgen abgebilbet, woburch biefe Febern gefpannt werben, und in M, M.. bie Locher fur bie Bolgen jum Bufammenfchrauben ber beiben Teller ju feben. Die Rol-

benftange macht man entweder aus Schmiebeeifen ober aus Stahl, und fie erhatt im erften Falle eine Starte von circa 13/4 und im zweiten eine folche von 11/4 Boll.

Das Querhaupt ber Rolbenftange bat eine Bulfe gum Auffteden auf bas zu biefem 3mede conifd geformte Ende ber Rolbenftange, und ein Muge jum Unschließen ber Rurbelftange, und ift mit Leitungsbacken verfeben, womit es in einem an bem Bagengeftelle befestigten Leitungerabmen beweglich ift. Man verwendet ju bem Querhaupte geschmiedetes Gifen, und bagegen ju den an baff ibe angufchraubenden Leitungsbacken Gus eifen ober Bronge. Sig. 568 giebt zwei Abbilbungen eines Querhauptes; es ift bier A bas Rolbenftangenenbe, BB ber Splint gur Befeftigung beffelben im Querhaupte, C bas Auge jum Unschließen ber Rurbelftange, und es find DD, EE die Leitungsbaden. Der Arm F bient gum Anfchluß der Rolbenftange ber Speisepumpe. Bas bie Leitungsrahmen anlangt, fo bilbet man fie in ber Regel aus zwei Stahl- ober geharteten Schmieberifenftaben, und fchließt birfelben einerfeits an die Stopfbuchfen ber Eplinder und andererfeits an fcmicbeeiferne Stugen an, welche auf Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 687 ben Langichwellen bes Wagengestelles festgeschraubt werben. Sehr ges Locomotiven-Rig. 568.



wöhnlich bekleibet man auch die Reibungsflächen mit besonderen Stahlsschienen, die man mittels Schrauben auf die Innenflächen des Leitungsstahmens aufschraubt. In Fig. 569 sieht man das Längenprofil eines Fig. 569.



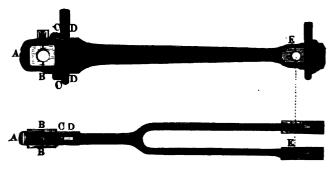
solchen Leitungsrahmens, und zwar in AA die Stopfbuchse und in BB den Support, woran die Leitungsschienen $CD,\ CD$ angeschraubt sind; auch werden in a,a die Delbecher und in b,b. die Schrauben, womit die Reibungsschienen auf die Leitungsschienen aufgeschraubt werden, vor Augen geführt.

Die Rurbels ober Triebstangen, welche die Kraft ber Dampstolben auf bie Triebare übertragen, sind von Schmiebeeisen und haben mindestens fünfmal so viel Lange als die Rurbelarme. Man hat einfache und gabelformige Triebstangen. Die einfachen Rurbelstangen sind Gisenstide von rectangularem Querschnitte und laufen an beiden Enden in Ropfen aus, womit sie einerseits an die Querhaupter ber Kolbenstange und andererseits an die Rurbelwarzen angeschlossen werden. Der kleinere Kopf umfast den Bolzen im Querhaupt ber Kolbenstange, und ber gro-

Rocomotiven. here ergreift die eine Warze der Triebare; beide sind zu diesem Zwecke mit "Lagern aus Bronze ausgefüttert. Die gabelformigen Triebstangen bilden an dem einen Ende zwei Köpfe, welche die Bolzen im Querhaupte der Kolbenstange von beiden Seiten erfassen. In Fig. 570 ist die Längenansicht Fig. 570.



einer einfachen und in Fig. 571 ift bie gangenansicht und ber Grundriß Fig. 571.



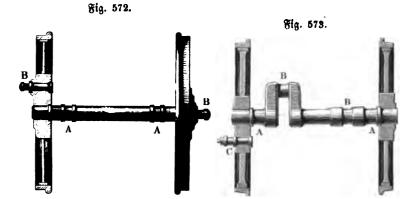
einer gabelformigen Triebstange abgebilbet. Man sieht in A ben großen Kopf mit bem Metalllager BB für die Kurbelwarze und die Klammer CC und Keil DD zum Stellen dersetben, und ebenso in E die Augen u. s. w. für den Bolzen im Querhaupte.

Damit ber, jumal bei ftart ansteigenben Gebirgsbahnen bebeutend anwachsenbe Widerstand bes Wagenzuges von ber Locomotive überwunden werden konne, muß die Reibung berselben auf ber Schienenbahn moglichst vergrößert werden, weshalb man in solchen Fallen noch eine zweite ober beibe anderen Rabaren mit ber Triebare kuppelt. Dieses Auppeln der Rabaren erfolgt durch sogenannte Auppelstangen, welche mit ihren Kopfen an Warzen angeschlossen werden, die in die Nabe der Triebraber eingesett sind.

Die Triebare ober diejenige Bagenare, welche burch die Dampftraft mittels ber Aurbelftangen in Umbrehung gefeht wird, ift entweber gerabe, ober gefropft; und zwar ersteres bei Dampfmaschinen mit Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 689

außenliegenden Enlindern, und letteres bei folden mit innen: gocomotiven. liegenben Cylindern. Bei ben Triebagen ber ersteren Art merben bie Rurbeln burch bie Triebraber felbft gebilbet, indem man bie fcmiebeeifernen Bargen in die zu biefem 3mede verftartten Rabnaben einfest; bei ben Uren ber zweiten Art find es bagegen bie Rropfe, moburch bie Rurbeln gebilbet merben.

Die Bapfen ober Arenschenkel, womit bas Bagengestelle auf ben Aren ruht, find entweder zwifchen ober außerhalb beiber Rader, je nachbem ber Geftellrahmen zwifchen ben Radern ober außerhalb berfelben liegt. Gine gewohnliche Rabare ber zweiten Urt fennen wir icon aus 6. 268. Rig. 551, Triebaren ber erften Art hingegen find in ben Figuren 572 und 573



nebst ben Triebrabern vor Augen geführt, und zwar in Sig. 572 eine ges rabe und in Sig. 578 eine geftopfte Triebare. Es find hier AA bie Arenschenkel, B, B die Rurbelmargen und es ift C, Fig. 573, eine Ruppelmarte. Das Rabere uber bie Conftruction ber Raber ift aus §. 268 befannt. Uebrigens foll man die Arenschenkel fo ftart machen, bag ber Drud auf ben Quabratzoll nicht mehr als 300 bis 400 Pfund beträgt.

6. 277. Die Steuerung ober bas regelmäßige Bulaffen und Abs Rocomotivfperren bes Dampfes jum Dampfeplinder erfolgt burch ben ichon aus Band II. bekannten Dampfichieber und mittele ber in II., §. 334 beichriebenen Rreisercentrits. Das junachft bie Dampfichieber anlangt, fo macht man biefelben, ber großeren Dauerhaftigfeit megen, gewohnlich aus Gufeifen. Dan giebt benfelben entweder eine horizontale, ober eine vertitale, ober eine geneigte lage, und bringt biefelben entweber uber ober unter ben Dampfeplindern an. Bur Bewegung bes Dampffchiebers bient eine genau rund abgebrehte Stange aus Stahl ober

Locomotive fteuerung.

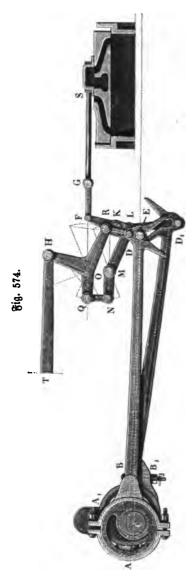
Schmiebeeisen, welche ben Schieber mittels eines Rahmens umfaßt und in einer Stopfbuchfe lauft. Der Schieberrahmen ift entweber an feine Stange angeschweißt, ober er wird mit berfelben burch Schrauben ober Dbgleich ber Schieber burch ben Dampf, welcher Reile fest verbunben. ben Schiebertaften anfullt, gegen feine Lagerflache angebrudt wirb, fo ift es boch noch nothig, die Schieberftange nach ber entgegengefetten Seite bes Schiebers zu verlangern und bas Ende berfelben entweber burch eine einfache Bulfe ober burch eine zweite Stopfbuchle zu fuhren. Die Schies berftange mirb entweber birect ober erft mittels eines Bebels von ber Ercentrifftange in Bewegung gefett. Im erfteren Falle erhalt fie ihre Fuhrung entweder burch eine einfache Leitungebuchfe mit quabratifchem Auge, ober burch einen Benkarm, beffen Drehungsare an ben Dampfteffel ans geschlossen ift; im zweiten Falle bat die Schieberstange nicht allein eine Leitungebuchfe, fonbern auch eine zweischienige Leneftange, welche mittels Bolgen sowohl einerseits an bas Schieberstangenenbe als auch andererfeits an den oberen Arm bes 3mifchenhebels angefchloffen ift.

Bu jebem Dampfichieber gehoren zwei Ercentrite, von welchen wieber jebes aus einer Ercentriticheibe, einem Ercentrifband und einer Ercentrifs Die beiden Ercentrifscheiben find bicht neben einander auf ftange befteht. ber Triebare festgekeilt ober festgeschraubt; man fest fie aus zwei Theilen gusammen, wovon jeber die eine Balfte ber Triebare umfaßt, und verbinbet biefelben mittels Reile ober Stifte feft mit einander. Um bas feitliche Berruden bes Ercentrifringes ju verhindern, bringt man in bem Umfang ber Ercentriffcheibe eine Spur an, in welche bann theilmeife ber Ercentrifring zu liegen tommt. Die Ercentrifringe werben ebenfalls aus zwei Studen jufammengefest; biefelben erhalten biametral gerichtete Dhren, um fie mit einander burch Schraubenbolgen verbinden ju tonnen. Ercentrifftange macht entweber mit ber einen Salfte bes Ercentrifringes ein Banges aus, ober es find biefe Stude burch Schrauben mit einander Im letteren Ralle macht man ben Ercentrifring aus Defverbunden. fing, mahrend man bie Ercentrifflangen aus Schmiebeeisen besteben lagt. Benn man bie Speisepumpe burch bie Ercentritstange in Bewegung feben laft, fo giebt man ber anberen Salfte bes Ercentritringes eine Rafe, melde burchlocht ift, um einen Bolgen hindurchsteden zu tonnen. Lange einer Ercentrifftange ift 41/2 bis 7 guß, ihre Dide 3/4 bis 1 Boll und ihre Sohe nahe am Ercentrifring 3 bis 4 Boll und bagegen am Enbe 2 bis 3 Boll. Die Ercentrife haben einen Durchmeffer von 10 bis 12 Boll und eine Dide von 2 bis 8 Boll.

Es find bei ben Locomotiven zwei wesentlich verschiedene Umfteuerungsfpfteme in Unwendung; namlich die altere mittele Rlauen ober Gabeln
und die neuere mittele ber Stephen fon'schen Couliffe. Die allgemeine

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horigontalen Begen. 641

Einrichtung der Gabelsteuerung ift zum Theil schon aus II., §. 384, Fig. 486 gecomotive bekannt; ihre fpecielle Ginrichtung aber aus Sig. 574 ju entnehmen. Dan fieht bier bei AB und A, B, Die beiben Ercentrife, welche in entgegen-

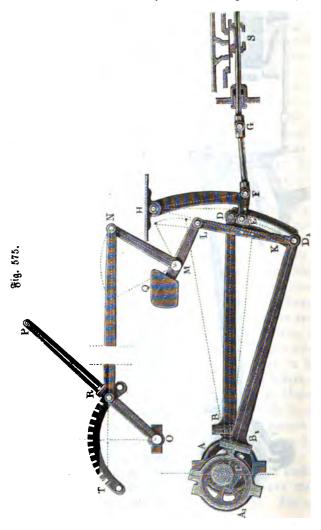


gefetten Stellungen auf ber Triebwelle C befestigt find; ferner find BD und B1 D1 bie Ercentrifftangen mit entgegengefest gerichteten Gabeln D unb D1, und es ift EKF ber um die Are K brebbare Bebel, welder gur Berbinbung ber Ercen. trifftangen mit ber Schieberstange FGS bient. Der nach unten gerichtete Urm KE biefes Bebels hat bei E eine Barge, welche genau in bie halbereisfor= migen Bertiefungen ber Ercens trifgabeln paßt, mogegen ber nach oben gerichtete Urm KF burch einen Bolgen mit bem Gelente FG am Enbe ber Schiebers ftange verbunden ift. Um nach Belieben bie Barge E mittels ber einen ober ber anberen Gabel erfaffen gu tonnen, ift bie eine Gabel D mittels einer einfachen Lenkstange, und bie andere Babel D1 mittels zweier folcher Stangen unb eines Debels LMN an einen Bebel HOR bergeftalt angeschloffen, bag beim Drehen bes letteren nach ber einen ober ber anberen Richtung ftets beibe Gabeln gugleich geho: ben ober gefentt merben. Diefes Drehen bes Bebels wird von bem Locomotivenführer burch eis Rudhebel bewirtt, ber nen mittels einer in ber Figur nur jum Theil abgebilbeten Stange T an ben breiarmigen Sebel

tecomotive

HOR angeschlossen ist. Es ift leicht zu ermessen, bag bas Auss und Einruden einer Gabel nur bann erfolgen kann, wenn bie Warze E, und folglich auch ber Schieber S, sich in ber Mitte ihres Laufes befinden, und bag nach einem solchen Wechsel bes Eingriffes, die Bewegung des Schies bere bie entgegengesetzte Richtung annehmen muß.

Bei dem Steuerungsmechanismus mittels ber Stephenson'schen Coulisse find die Enden D und D_1 der beiben Excentriestangen fest an der Goulisse oder dem Steuerrahmen DD_1 , Fig. 575, angeschlossen, und



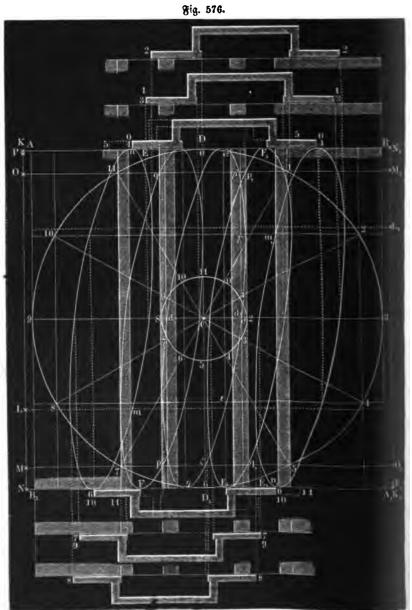
Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 643

derfelbe ift mittels einer Stange KL an einen Bintelhebel LMN auf. Peranettegehangen, woburch er innerhalb gemiffer Grengen aufgezogen und niebergelaffen werden tann. Die Couliffe bat die Korm eines langgezogenen Ringes ober Rettengliebes (vergl. III., G. 251) und ift mit einer rinnenformigen Leitung ausgeruftet, in welcher ein verschiebbarer Ropf $m{E}$ liegt, der von dem Ende ber Dampfichieberstange FGS ergriffen wirb. Kig. 575 fieht man auch einen Theil bes von bem Locomotivfuhrer commanbirten Rudhebels OP und die Stange NR, welche benfelben mit bem Bintelhebel NML verbindet, woran ber Steuerrahmen aufgehangen ift. Der Rudhebel bewegt fich an einem mit Rerben verfebenen Rreissector RT, worin er burch einen Riegel PR in verschiebenen Stellungen firirt werden tann; gur leichteren Bewegung beffelben ift ber Bintelhebel LMN noch mit einem Gegengewichte Q ausgeruftet. Es ift leicht einzusehen, baf fich, ba bas Ende ber Schieberftange in einer Leitung liegt, ober an einem Lenkarme FH aufgebangen ift, mabrent ber Bewegung bee Rud. hebels ber Steuerrahmen über ben Ropf E hinfchiebt, und bag baburch biefer Ropf bald bem einen, balb bem anderen Enbe bes Steuerrahmens naber gebracht werden tann. Steht ber Ropf in ber Mitte gwifchen ben Angriffspuntten ber beiben Ercentritftangen, fo fallt bie Bewegung bes Schiebers fast Rull aus; je naher hingegen berfelbe bem Ungriffspuntt ber einen ober ber anderen Ercentrifftange tommt, befto mehr folgt er naturlich auch der Bewegung derfelben. Da nun aber die eine Ercentrifftange rud. warts geht, mabrent fich bie andere vormarts schiebt, so nimmt baber auch ber Schieber die entgegengesette Bewegung an, fo wie man ben Steuerrahmen aus einer Stellung in bie entgegengefette bringt.

6. 278. Der Stephenson'iche Steuerrahmen ift nicht allein ein Colleber bequemes Sulfsmittel jum Umfteuern einer Dampfmafchine, fondern auch ein hochft einfacher und nublicher Dechanismus zur Erzielung einer bariablen Dampferpanfion. Um die Wirtungsweise biefer Borrichtung vollftanbig beurtheilen zu konnen, ift es nothig, fich bas in II., §. 336 u. f. w. uber bas Berhaltniß ber Schieberbewegung gur Dampftolbenbewegung Abgehandelte genau wieder ju vergegenwartigen, wozu insbefondere noch bie Betrachtung ber graphischen Darstellung in Figur 576 (a. f. G.) zwed. bienlich fein wird. Wir haben ichon in II., §. 838 bie Bege bes Dampftolbens als Absciffen und bie entsprechenden Schiebermege als Orbinaten einer Curve aufgetragen und bewiefen, bag biefe Curve eine Ellipfe ift. Um biefe Curve ohne Beiteres finden ju tonnen, haben wir bei ber Darftellung in Fig. 576 angenommen, bag biefe beiben Wege rechtwinkelig gegen einander fteben, daß fich j. B. ber Dampftolben nicht in ber Richtung AB oder BA bes Dampfichiebers, fondern in ber Richtung DD1 rechtwinkelig gegen AB bewege. Ift CD = CD, bie Urmlange bes

Bweite Abtheilung. Erfter Abidnitt. Drittes Rapitel.

Edictorderwegung. um die Are C umlaufenden Krummzapfens und $Cd=Cd_1$ die Ercentricität ober Armlänge des ebenfalls um C drehbaren Ercentrice, so wird



644

folglich mahrend einer Umbrehung um C ber Rolben ben Weg DD, und Beiterbagegen ber Schieber ben Beg dd, bin und gurud burchlaufen. ber Schiebermechanismus in Kolge feiner bin. und rudaangigen Bemeaung in Rurgem einen, wenn auch nur fleinen tobten Gang erhalt, und ba ohnedies ber Dampf nicht momentan jus und abstromen tann, fo muß man nicht allein ben Beg, auf welchem ber Dampf bem Cylinder jugeführt, fondern auch ben Beg, auf welchem er aus bemfelben abgeleitet wird, ichon etwas eher eroffnen, als ber Dampfeolben feinen Weg vollendet bat. Diefes Borgeben ober Boreilen bes Dampfichiebers wirb theils baburch erlangt, bag man bie Dampfmege mittels einer gemiffen Rlache vom Dampfichieber bedeckt, und theils baburch, bag man bem Ercentrif eine befondere Stellung gegen ben Rrummgapfen giebt. Steht ber Dampftolben in AB ober A. B., b. i. am Enbe feines Weges, fo mufte ber Dampfichieber die Mitte feines Beges, alfo bie Stellung 5 ÷ 5 einnehmen, und die Dampfrege EF und F, E, mit feiner Breite bebeden, wenn tein Boreilen ftattfinden follte. Bird aber ein Boreilen bes Dampf. fchiebers verlangt, fo muß ber Schieber bei ber angenommenen Stellung bes Dampftolbens bie Stellung 0 ÷ 0 einnehmen, wobei nicht nur einerseits der Dampfweg EF gur Buleitung bes Dampfes uber ben Rolben, fondern auch andererfeits ber Ranal F. E. jum Abftromen bes Dampfes in ben Raum DD, eröffnet wirb, welcher entweder in ben Condens fator ober in die freie Luft fuhrt. Theilt man ben Bargenfreis DD1 bes Rrummgapfens, und ebenfo ben Ercentriffreis dd, in gleiche Theile, wie g. B. in ber Figur, jeden in zwolf gleiche Theile, und gieht man burch Die Theilpunkte bes einen Parallellinien ju AB ober A, B, und burch bie bes zweiten Parallellinien zu AB, oder A, B, fo fchneiben biefe Parallelen Die entsprechenden Rolbenwege auf DD; und bie entsprechenben Schieberwege auf A B = A, B, ab, und es ift nun leicht, bie Curve ju conftruis ren, welche ben Bufammenhang gwifchen biefen Wegen graphifch barftellt. Bur Erreichung eines gewiffen Boreilens ift es naturlich nothig, bag bas Ercentrit um einen gemiffen Bintel bem Rrummapfen vorausgestellt fei, bag alfo auch Rull bes Ercentrife um einen gemiffen Bintel, g. B. in ber Figur um 80 Grab, bem Rullpunkt D bes Rrummgapfens vorausgebe. Dies vorausgefest, haben wir nur bie Durchschnitte a, B, y, d . . zwischen ben Parallelen zu AB durch 0, 1, 2, 3 . . bes Bargentreifes und ben Parallelen ju AB, burch 0, 1, 2, 8 . . bes Ercentritfreifes aufausuchen, um beliebige Puntte in ber Schiebercurve zu bestimmen. Diefe Curve a by d . . entfpricht nur bem Mittelpuntte bes Schiebers; perfcbiebt man aber biefelbe rechts und links um bie Abftanbe ber Endpunkte ber beiben Schieberdiden von biefem Mittelpuntte, fo fuhrt biefelbe auch ben Bufammenbang gwifchen ben Rolbenftanden und ben verfchiedenen Ec-

Bweite Abtheilung. Erfter Abiconitt. Drittes Rapitel.

den Bauf ber linten Curve, welche bem linten Schieberenbe jutommt, fo

%ig. 577. M^*

646

Schiebet.

fieht man, daß bieselbe bie linke Begrenzung bes Dampfweges EF in m und n burchschneibet, und es ift hieraus zu schließen, daß bei ben entsprechenden Stellungen bes Dampftolbens ber Dampf bas eine Dal abgefperrt und bas andere Dal von Neuem zugelaffen wirb. Die folgende Curve, welche bem inneren Ende ber linten Schieberbede entspricht, fcneis bet die rechte Begrenzung des Dampfweges EF in den Punkten p und q, und es ift hieraus ju folgern, bag bei ben jugeborigen Rolbenftellungen bas eine Mal ber Dampfabfluß beginnt und das andere Mal derfelbe wieber unterbrochen wird. Kagt man nun beibe Curven gusammen, fo ergiebt fich, bag bei ber Bewegung bes Rolbens von K nach L Dampfguffuß, daß ferner auf bem weiteren Bege LM Dampfabiperrung, alfo auch Erpansion des Dampfes ftatt hat, und bag bei Burudlegung bes letten Begtheiles MN der Dampf im Ausblafen begriffen ift; auch laßt fich erfehen, bag beim Rudgange bes Rolbens mahrend ber Durchlaufung bes Beges NO ber im vorigen Spiele gur Birtung gelangte Dampf noch fernerhin ausblaft, baß ferner auf bem Wege OP eine Compression bes Dampfes fatt hat, und bag endlich mahrend ber letten gang fleinen Aufgangebewegung fcon wieder Dampf gufließt. Diefelben Berhaltniffe tommen naturlich auch bei ber rechten Schieberbede, jedoch in umgekehrter Ordnung vor, wo die eine Curve die rechte Seite bes Dampftanales E, F, in m, und n, und die andere Curve die linke Seite beffelben in p, und q, schneibet, woraus baber folgt, bag beim Aufgange bes Rolbens mahrend der Durchlaufung des Weges K, L, Dampfaufluß, mahrend ber des Deges L, M, Absperrung und mahrend ber Burudlegung bes letten Wegtheiles $M_1\,N_1$, Dampfabfluß, daß endlich beim Rudgange bes Rolbens auf bem Bege N, O, weiterer Dampfabfluß, auf bem Bege O1 P1 Dampfcompression und auf bem gang tleinen Bege P1 K1 wieber Dampfautritt fatt hatt.

§. 279. Es ist nun auch noch nothig, die Beziehungen zwischen ben Kolbenwegen und ben Wegen bes Dampsschiebers algebraisch auszubrücken und insbesondere die Momente des Dampszutrittes, Dampsabsperrens u. s. w. zu bestimmen. Ist r die Armlänge $CD = CD_1$ des Krummzapfens, l die Länge der Kurbelstange und φ der Umbrehungswinkel desselben, von dem Rullpunkte 0 oder D ausgegangen, so hat man den entssprechenden Weg des Dampskolbens, von D aus gemessen:

$$s = r (1 - \cos \varphi) \mp \frac{r^2 (\sin \varphi)^2}{2l}$$
 (f. II., §. 338, und III., §. 95).

Mist man dagegen bie Schieberwege (81) vom Mittelpunkte ber Schies berftellung aus, fo hat man fur biefelben ben Ausbrud:

$$s_1 = r_1 \sin(\alpha + \varphi),$$

wenn r_1 bie Ercentricitat ober bie Armlange $Cd = Cd_1$ bes Ercentrifs, unb

Chieber. bewegung. a ben Wintel bezeichnet, um welchen das Ercentrit bem Rrummzapfen vorgestellt ift, und wenn vorausgesest wird, daß bie Ercentritstange febr lang fei.

Bezeichnen wir nun noch den Abstand der inneren Seitenwand der Schiebermundungen von der Mittellinie DD_1 durch a, die Breite dieser Mundungen durch b, also den Abstand der außeren Seitenwand derselben von eben dieser Are durch a+b, drucken wir endlich die halbe innere Weite des Schiebers durch a_1 und die Breite einer Schieberdede durch b_1 , also die halbe außere Schieberbreite durch a_1+b_1 aus, so haben wir:

- 1) die dem Schieberwege s_1 entsprechende außere Schieberöffnung: $z_1=a+b+s_1-(a_1+b_1)=s_1-[b_1-b-(a-a_1)],$ und dagegen
 - 2) die dem Schieberweg s2 entsprechende innere Schieberoffnung:

$$z_2 = a_1 + s_2 - a = s_2 - (a - a_1).$$

Geht bas außere Schieberenbe burch bie außere Munbungswand mn, fo ift z1 = 0, und folglich ber entsprechenbe Schiebermeg:

$$s_1 = b_1 - b - (a - a_1),$$

und geht bagegen bas innere Ende ber Schieberbede burch die innere Munbungswand pq, so hat man $z_2=0$, und folglich ben entsprechens ben Schieberweg:

$$s_2 = a - a_1$$
.

Mun ift aber

$$s_1 = r_1 \sin (\alpha + \varphi_1)$$
 und $s_2 - r_1 \sin (\alpha + \varphi_2)$

zu feben, wenn man unter φ_1 und φ_2 die den Wegen s_1 und s_2 entspreschenden Stellwinkel der Krummzapfenwarze versteht; folglich hat man umgekehrt:

$$sin. (\alpha + \varphi_1) = \frac{b_1 - b - (a - a_1)}{r_1}$$

unb

$$sin_{\bullet}(\alpha + \varphi_2) = \frac{a - a_1}{r_1}.$$

Jebe biefer beiben Formeln giebt zwei Winkelwerthe, namlich einen spigen und einen stumpfen Winkel, und allen diesen vier Winkeln entsprechen die Punkte m, n, p und q, welche die Anfänge des Absperrens, des Absassen, des Comprimirens und des Zulassens angeben, und zwar giebt der spige Werth von φ_1 in m den Ansang des Absperrens,

- » » » φ_2 in p ben Anfang bes Ablaffens,
- » ftumpfe » » φ_2 in q ben Anfang bee Comprimirens, unb
- » » » φ1 in n ben Anfang bes Dampfzulaffens an.

Aus biefen vier Winkelwerthen bestimmen fich nun auch mittels ber Kormel:

$$s = r (1 - \cos \varphi) \mp \frac{r^2}{2l} (\sin \varphi)^2$$

Echleber. bemegung.

bie entsprechenben Rolbenwege, wenn man barin ftatt φ bie angegebenen Werthe für φ_1 und φ_2 einseht. Auch ift es nun leicht, hieraus wieder das bei jedem Rolbenspiele verbrauchte Dampfquantum und ben Erpanssionsgrad der Raschine zu bestimmen.

Beispiel. Es sei bei einer Locomotivmaschine ber Abkand ber inneren Ranalwand von ber Mittellinie, $a=1,2r_1$, die Breite ber Ranalmundung $b=0,8\ r_1$, ferner die halbe innere Schieberweite $a_1=1,1\ r_1$ und die Breite einer Schieberbede $b_1=1,3\ r_1$; man foll für ein Boreilen des Ercentriss von a=30 Grad die Bewegungsverhältnisse des Dampsschiebers angeben.

Ce ift junachft für bie Dampfabmiffion:

$$\sin. (\alpha + \varphi_1) = \frac{b_1 - b - (a - a_1)}{r_1} = -0.5 - 0.1 = 0.4$$

und baber:

hiernach:

es tritt also bei bem Drehungswinkel bes Krummgapfens von 126°, 25' bie Dampfabsperrung ein, und es erfolgt bagegen bie neue Abmission bes Dampfes, wenn bie Krummzapfenwarze noch 6°, 25' vor ihrem tobten ober Ansangspunkte steht.

Dann haben wir:

$$\sin (\alpha + \varphi_1) = \frac{\alpha - \alpha_1}{r_1} = -0.1,$$

und hiernach:

$$\alpha + \varphi_{\bullet} = -5^{\circ}, 45'$$
 ober 185°, 45',

baber:

wonach alfo bas Dampfablaffen bei 155°, 45' Bargenftellung und bie Compression bes Dampfes 85°, 45' vor ber völligen Umbrehung ber Barge beginnt.

Rehmen wir nun noch an, bag bie Lange ber Rurbelftange & = 5 r fei, fo haben wir:

1) ben Kolbenweg mahrend bes Dampfzufluffes ober beim Gintritt ber Dampf-abfperrung:

$$s_1 = (1 - \cos \varphi_1) r - 0.1 (\sin \varphi_1)^2 r$$

= $[1 - \cos 126^{\circ}, 25' - 0.1 (\sin 126^{\circ}, 25')^2] r$
= $(1 + 0.5937 + 0.0648) r = 1.5289 r ober 1.6585 r.$

2) ben Kolbenweg beim Eintritt bes Dampfausblafens:

$$s_2 = (1 - \cos \varphi_2) r - 0.1 (\sin \varphi_3)^2 r$$

$$= [1 - \cos .155^{\circ}, 45' \mp 0.1 (\sin .155^{\circ}, 45')^2] r$$

$$= (1 + 0.9118 \mp 0.0169) r = 1.8949 r \text{ obst } 1.9287 r.$$

Es ift folglich ber Beg mabrent ber Expanfion :

$$s_1 - s_1 = 1,8949 \ r - 1,5289 \ r = 0,8660 \ r,$$

ober:

$$= 1,9287 r - 1,6585 r = 0,2702 r$$

und bas Erpanfioneverhaltnig:

$$\epsilon = \frac{s_s}{s_1} = \frac{1,8949 \ r}{1,5289 \ r} = 1,239 \ \text{ober} \ \frac{1,9287}{1,6585} = 1,163.$$

Edieber. beiregung. Ferner ift fur ben Rudgang bes Rolbens:

3) ber Rolbenweg beim Gintritt ber Compresfion:

$$s_1 = [(1 + \cos. 35^\circ, 45') \pm 0,1 (\sin. 35^\circ, 45')^2] r$$

= $(1 + 0,8116 + 0,0342) r = 1,8458 r$ obet 1,7774 r

und ber Rolbenweg bei Gröffnung bes Dampfmeges:

4) $s_2 = [1 + \cos. 6^{\circ}, 25' \pm 0.1 (\sin 6^{\circ}, 25')^{\circ}] r$

= (1 + 0.9937 + 0.0012) r = 1.9949 r ober 1.9925 r.

Es ift folglich ber Weg mahrend ber Compression:

 $s_z - s_1 = 1,9949 \ r - 1,8458 \ r = 0,1487 \ r$ ober:

$$1,9925 \ r - 1,7774 \ r = 0,2151 \ r,$$

und bas Comprefftoneverhaltniß:

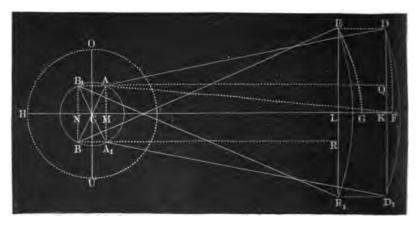
$$\frac{s_1}{s_1} = \frac{1,9949}{1,8458} = 1,082$$
, ober $= \frac{1,9925}{1,7774} = 1,21$.

Der Arbeiteverluft, welchen bie Bergrößerung bee Gegenbrude in Frlge biefer Compression verursacht, wird baburch faft ganz wieber ausgeglichen, bag er eine ihm entsprechenbe Dampfersparniß veranlaßt.

Etenbenfon's

§. 280. Die Bewegungeverhaltniffe eines Dampfichiebers mittels ber Stephen son'schen Couliffe und boppelter Excentrite erfordern eine besondere Untersuchung. In Sig. 578 fei C bie Triebare, HOU ber

Fig. 578.



Warzens und $AA_1 B_1 B$ der Excentriffreis. Denken wir uns die Are bes Dampscylinders um 90 Grad gedreht, nehmen wir also wieder an, daß der Dampstolben aufs und niedergehe, während sich der Schieder hins und herbewegt. Dann sind O und U die todten Punkte des Krummsgapfens, wo sich die Krummzapfenwarze befindet, wenn der Dampstolden an den Enden seines Weges sieht, und sich der Schieder um das sogenannte Voreilen rechts oder links von seiner mittleren Stellung entsernt

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Begen. 651

hat. Trägt man ben Winkel α bes Boreilens in C zu beiben Seiten auf Sterbenson' OU auf, so schneibet man von bem Excentriktreise zwei Paar Punkte A und A_1 , B und B_1 ab, in welchen die Mittelpunkte der beiben Excentriks stehen, wenn sich die Krummzapsenwarze in den todten Punkten besindet. Sieht man nun noch die känge $l_1 = AD = A_1D_1 = BE = B_1E_1$ einer Excentrikstange und die halbe känge $c = KD = KD_1 = LE = LE_1$ der Coulisse, so sindet man die dieser Stellung des Krummzapsens entsprechende Coulissenstellung, wenn man in den Abständen +c und -c zu beiden Seiten der Horizontalen CK Paralelen zu dieser kinie zieht und mit der känge l_1 aus A und B die obere und aus A_1 und B_1 die untere Parallele durchschneidet. Verbindet man nun die oderen Durchschnittspunkte D und E mit den unteren Durchschnittspunkten D_1 und E_1 , durch gerade kinien DD_1 und EE_1 , so geden diese die Stellungen der Coulisse an, wenn die Warze des Krummzapsens in dem einen oder dem anderen todten Punkte O oder U ist.

Wenn beim Umsteuern die Coulisse so weit herabgelassen wird, daß D in die Porizontale CK kommt, so wird der in der Witte K der Coulisse angreisende Schieberstangenkopf, und folglich auch der Schieber selbst, um einen gewissen Weg KF verschoben werden, wenn die Are der Coulisse DKD_1 eine gerade Linie bildet. Dieser Weg ist:

KF = CF - CK = CM + MF - (CM + AQ) = MF - AQ, insofern AM ein Perpendikel auf CK und AQ eine Parallele zu CK bezeichnet. Nun ist aber:

$$\begin{split} MF &= \sqrt{\overline{A\,F^2 - A\,M^2}} = \sqrt{\,l_1^{\,2} - (r_1\,\cos.\,\alpha)^2} = l_1 - \frac{(r_1\,\cos.\,\alpha)^2}{2\,\,l_1} + \cdots \\ \text{und} \\ AQ &= \sqrt{\overline{A\,D^2 - D\,Q^2}} = \sqrt{\,l_1^{\,2} - (D\,K - A\,M^2)} = \\ &= \sqrt{\,l_1^{\,2} - (c - r_1\,\cos.\,\alpha)^2} = l_1 - \frac{(c - r_1\,\cos.\,\alpha)^2}{2\,\,l_1} = l_1 - \frac{c^2}{2\,\,l_1} \\ &\quad + \frac{c\,r_1\,\cos.\,\alpha}{l_1} - \left(\frac{r_1\,\cos.\,\alpha}{2\,\,l_1}\right)^2. \end{split}$$

Daber haben wir annabernb:

$$KF = \frac{c^2}{2 l_1} - \frac{c r_1 \cos \alpha}{l_1}.$$

Denfelben Werth fur KF erhalten wir naturlich auch fur bas Aufsiehen der Couliffe um c, wo bann D_1 nach F kommt. Anders ist es aber bei der gekreuzten Stellung der Ercentrikstangen, wo die eine Stange die Lage BE und die andere die Lage B_1E_1 hat. Wenn man hier E nach G herabläßt, so hat man den entsprechenden Weg des Schiebers:

Etephenfon'. fche Couliffe.

$$LG = NG - BR$$

insofern BN ein Both auf CK und BR eine Parallele zu CK ift.

$$NG = \sqrt{\overline{BG^2} - \overline{BN^2}} = \sqrt{l_1^2 - (r_1 \cos \alpha)^2} = l_1 - \frac{r_1^2 \cos \alpha^2}{2 l_1} + \dots$$

unb

$$BR = \sqrt{BE^{2}} - ER^{2} = \sqrt{BE^{2}} - (EL + NB)^{2} =$$

$$= \sqrt{l_{1}^{2} - (c + r_{1} \cos \alpha)^{2}} = l_{1} - \frac{(c + r_{1} \cos \alpha)^{2}}{2 l_{1}} = l_{1} - \frac{c^{2}}{2 l_{1}}$$

$$- \frac{cr_{1} \cos \alpha}{l_{1}} - \frac{r_{1}^{2} \cos \alpha^{2}}{2 l_{1}},$$

baher ift

$$LG = \frac{c^2}{2l_1} + \frac{c r_1 \cos \alpha}{l_1}$$

gu fegen.

Jebenfalls ist zu munschen, daß sowohl beim Rieberlassen als auch beim Heben ber Coulisse ber Schieber so wenig wie möglich verschoben werde, und beshalb macht man die Coulisse auch nicht gerablinig, sondern man krummt sie nach einem gewissen Halbmesser s. Diesem Halbmesser und ber halben Sehne KD = LE = c entspricht die Bogenhobe:

$$KF = LG = \frac{c^2}{2z}$$
 (f. Ingen. Geometrie S. 234);

follte baher bei ber gebachten Coulissenverstellung ber Schieber in seiner Stellung beharren und also auch bas Boreilen unverändert bleiben, so müßte $\frac{c^2}{2\,z}$ jedem ber obigen Werthe für KF und LG gleich sein. Da nun aber diese Werthe selbst nicht unter sich gleich sind, so ist wenigstens zu fordern, daß die Abweichung möglichst klein und deshalb $\frac{c^2}{2\,z}$ bei der einen Stangenstellung eben so viel zu groß als im anderen zu klein sei. Diernach ist also:

$$\frac{c^2}{2z} - KF = LG - \frac{c^2}{2z}, \text{ b. i.}$$

$$\frac{c^2}{z} = KF + LG = \frac{c^2}{l},$$

folglich $z=l_1$, b. i. ber Krummungshalbmesser ber Coulisse ber Stangenlange gleich zu machen. Die entsprechende Schieberverschiebung ober Beranderung bes Boreilens ift bann:

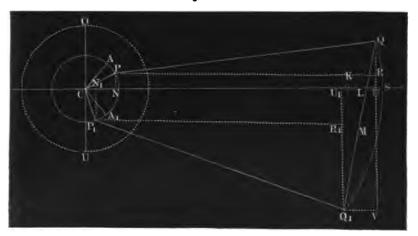
$$x = \frac{c^2}{2z} - \left(\frac{c^2}{2l_1} + \frac{cr_1\cos\alpha}{l_1}\right) = \pm \frac{cr_1\cos\alpha}{l_1},$$
3. B. für $\frac{c}{l_1} = \frac{1}{4}$ und $\cos\alpha = \cos 30^\circ = 0.866$, $x = 0.217 r_1$.

1

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 653

6. 281. Die Abhangigfeit zwischen ber Bewegung bes Schiebers und Ctepbenfonber bes Rrummgapfens ift bei ber Stephenson'ichen Couliffe viel complieirter, als bei ben einfachen Ercentrife, und lagt fich nur unter ber Boraussehung, bag die Lange CA = r, bes Ercentritarmes flein fei gegen bie Couliffenlange 2 c und daß diese wieber klein fei gegen bie Stangenlange I, burch eine gefchloffene Formel ausbruden. Seten wir wieber ben Bintel bes Boreilens OCA = UCA1, Fig. 579, = a, und neh-

Fig. 579.



men wir an, bag fich bie Rurbelmarge um ben veranderlichen Mintel $ACP = A_1 CP_1 = \varphi$ gedreht habe, wobei die eine Ercentrieffange PO in die Reigung QPR = o, und die andere Ercentrieftange P, O, in die Reigung $Q_1 P_1 R_1 = \delta_1$ getommen ift, und die Couliffe QMQ_1 um ben Bintel Q, Q V = w von der Bertitalen QV abweicht. Behalten wir bie übrigen Bezeichnungen bes vorigen Paragraphen bei und benten wir une noch bie Couliffe fo weit herabgelaffen, bag ber Mittelpunkt M ber Couliffe um die Bobe ML = y unter ber Borigontalen CS ju liegen fommt.

Es ift bann die Horizontalprojection von CPO:

$$CU = CN + PR = CP \cos PCN + \sqrt{\overline{PQ^2} - \overline{QR^2}}$$

= $r_1 \sin (\alpha + \varphi) + \sqrt{l_1^2 - [c - y - r_1 \cos (\alpha + \varphi)]^2}$,

annabernb

$$= r_1 \sin (\alpha + \varphi) + l_1 - \frac{[c - y - r_1 \cos (\alpha + \varphi)]^2}{2 l_1},$$

und bagegen die Borizontalprojection von CP, Q, :

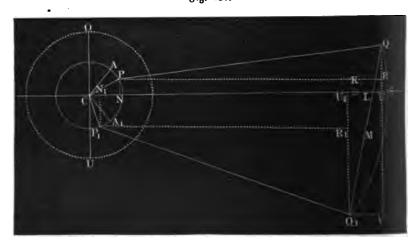
3weite Abtheilung. Erfter Abschnitt. Drittes Rapitel

Eterbenford.
$$CU_1 = CN_1 + P_1 R_1 = CP_1 \cos P_1 CN_1 + \sqrt{\overline{P_1 Q_1^2} - \overline{Q_1 R_1^2}}$$

$$[\alpha + y - r, \cos (\alpha - m)]^2$$

654

$$= r_1 \sin (\alpha - \varphi) + l_1 - \frac{[c + y - r_1 \cos (\alpha - \varphi)]^2}{2 l_1}.$$
Fig. 580.



Die Differeng biefer beiben Projectionen CU und CU, giebt nun bie Sorizontalprojection ber Couliffet.

$$Q_1 V = CU - CU_1 = r_1 [sin. (\alpha + \varphi) - sin. (\alpha - \varphi)] - \frac{[c - y - r_1 cos. (\alpha + \varphi)]^2 - [c + y - r_1 cos. (\alpha - \varphi)]^2}{2 l_1}$$

$$= 2 r_1 \cos \alpha \sin \varphi$$

$$-\frac{4cy+2cr_1[\cos(\alpha-\varphi)-\cos(\alpha+\varphi)]+2yr_1[\cos(\alpha-\varphi)+\cos(\alpha+\varphi)]}{2l_1}$$

=
$$2r_1\cos\alpha\sin\phi + \frac{2cy}{l_1} - \frac{2cr_1}{l_1}\sin\alpha\sin\phi - \frac{2yr_1}{l_1}\cos\alpha\cos\phi$$
.

Durch die Proportion:

$$\frac{LU}{Q_1V} = \frac{QL}{QQ_1} = \frac{QU}{QV}$$

erhalten wir nun bie Borizontalprojection besjenigen Couliffenftuces QL, welches fich über ber horizontalen CS befindet:

$$LU = \frac{QL}{QQ_1} \cdot Q_1V$$

$$=\frac{c-y}{2c}\left(2r_1\cos\alpha\sin\phi+\frac{2cy}{l_1}-\frac{2cr_1\sin\alpha\sin\phi}{l_1}-\frac{2yr_1}{l_1}\cos\alpha\cos\phi\right).$$

Bieben wir biefe Linie LU von

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 655

$$CU=r_1$$
 sin. $(lpha+arphi)+l_1-rac{c^2}{2\,l_1}-rac{y^2}{2\,l_1}+rac{c\,y}{l_1} \ +rac{c\,r_1}{l_1}$ cos. $(lpha+arphi)-rac{y\,r_1}{l_1}$ cos. $(lpha+arphi)$

ab, so erhalten wir ben Horizontalabstand des Couliffenpunktes L von ber Umbrehungsgre:

$$CL = r_1 \sin. (\alpha + \varphi) + l_1 - \frac{c^2}{2 l_1} + \frac{y^2}{2 l_1} - \frac{(c - y) r_1}{c} \cos. \alpha \sin. \varphi + (c^2 - y^2) \frac{r_1}{c l_1} \cos. \alpha \cos. \varphi.$$

Um nun noch ben Abstand bes Angriffspunktes S ber Schieberstange von ber Umbrehungsare ju finden, muffen wir noch

$$LS = \frac{(c-y)^2}{2l_1} = \frac{c^2}{2l_1} + \frac{y^2}{2l_1} - \frac{cy}{l_1}$$

abbiren, unb bann folgt:

$$CS = r_1 \sin. (\alpha + \varphi) + l_1 - \frac{(c - y)y}{l_1} - \frac{(c - y)r_1}{c} \cos. \alpha \sin. \varphi + \frac{(c^2 - y^2)r_1}{c l_1} \cos. \alpha \cos. \varphi,$$

ober, wenn wir im Abstanbe

$$CK = k = l_1 - \frac{(c-y)y}{l_1}$$

den festen Punkt K annehmen, und den Abstand KS = CS - CK mit x bezeichnen:

$$x = r_1 \sin (\alpha + \varphi) - \frac{(c-y)r_1}{c} \cos \alpha \left(\sin \varphi - \frac{c+y}{l_1} \cos \varphi\right).$$

Sett man in biefer Formel ftatt o, 1800 + p, fo erhalt man:

$$x=-\left[r_1\sin(\alpha+\varphi)-\frac{(c-y)r_1}{c}\cos\alpha\left(\sin\varphi-\frac{c+y}{l_1}\cos\varphi\right)\right],$$

also genau ben entgegengeseten Werth, woraus folgt, daß ber Angriffspunkt S der Steuerstange mahrend einer Umbrehung der Aurbelwarze zu beiben Seiten des Punktes vollkommen symmetrisch hin- und herschwingt. Diese Formel für die Bewegung des Dampsschieders gilt nicht allein für ein vollständiges Kolbenspiel, d. i. sowohl für den Niedergang als auch für den Aufgang, sondern auch für die Bewegung der Maschine in entgegengesetter Richtung. Um letztere zu erhalten, giebt man beim mittleren Kolbenstande der Coulisse die entgegengesete Stellung, wobei die eine Excentrikstange an die Stelle der anderen tritt und folglich in der Bewegung des Schieders nichts geändert wird. Anders ist dagegen das Bewegungsverhältnis, wenn gleich von vornherein die Excentrikstangen gekreuzt sind. Es ist in diesem Kalle:

Etephenion. $QR = c + y + r_1 \cos(\alpha + \varphi)$ anftatt $c - y - r_1 \cos(\alpha + \varphi)$ und

 $Q_1 R_1 = c - y + r_1 \cos(\alpha - \varphi)$ anftatt $c + y - r_1 \cos(\alpha - \varphi)$, und in Folge dessen

$$x = r_1 \sin (\alpha + \varphi) - \frac{(c-y)r_1}{c} \cos \alpha \left(\sin \varphi + \frac{c+y}{l_1} \cos \varphi\right).$$

§. 282. Seht man in ben vorstehenben Sauptformeln y=0, nimmt man also an, daß die Coulisse weber gehoben noch niedergelassen sei, sons bern ihre mittlere Aufhängung einnehme, so hat man:

$$x = r_1 \sin. (\alpha + \varphi) - r_1 \cos. \alpha \sin. \varphi \pm \frac{r_1 c}{l_1} \cos. \alpha \cos. \varphi$$
$$= \left(\sin. \alpha \pm \frac{c}{l_1} \cos. \alpha\right) r_1 \cos. \varphi.$$

Diefer Ausbrud giebt fur $\phi = 0$ Grab:

$$x = \left(\sin \alpha \pm \frac{c}{l_1}\cos \alpha\right)r_1,$$

für $\phi = 180$ Grad:

$$x = -\left(\sin \alpha \pm \frac{c}{l_1}\cos \alpha\right)r_1,$$

und für $\varphi = 90$ Grab und 270 Grab:

$$x=0$$
;

es burchlauft folglich bei biefer Aufhangung der Couliffe ber Schieber mahrend einer Umbrehung bes Rrummzapfens ben kleinen Weg

$$s=2\left(\sin \alpha \pm \frac{c}{l_1}\cos \alpha\right)r_1$$

bin und gurud. Das Boreilen bes Schiebers:

$$x = \pm \left(sin. \ \alpha \pm \frac{c}{l_1} \ cos. \ \alpha \right) r_1$$

ist zugleich ber Weg bes Schiebers zu beiben Seiten seiner Mittellage, und es findet folglich die Eroffnung bes Dampfweges nur auf einen Augenblick lang statt.

Nimmt man ferner y=c, hangt man also die Couliffe so, daß ber Angriffspunkt ber einen Ercentrikftange mit dem Angriffspunkt ber Steuerstange in ein Niveau kommt, so hat man:

$$x=r_1 \sin (\alpha + \varphi),$$

und bann bewegt fich ber Schieber genau fo, als wenn er blof von einem Excentrit geführt murde, und wie wir bereits aus §. 279 tennen.

Die Bauptformel:

$$x = r_1 \sin (\alpha + \varphi) - \frac{(c - y)}{c} r_1 \cos \alpha \left(\sin \varphi \mp \frac{c + y}{l_1} \cos \varphi \right),$$

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Degen. 657 worin bas obere Zeichen fur Ercentrits mit geoffneten Stangen und bas eiephensentuntere für folche mit gefreuzten Stangen gilt, läßt fich auch auf folgende for Beile schreiben:

$$x = r_1 \sin \alpha \cos \varphi + \frac{r_1 y}{c} \cos \alpha \sin \varphi \pm \frac{r_1 (c^2 - y^2)}{c l_1} \cos \alpha \cos \varphi$$

ober:

$$x = \frac{r_1 y}{c} \cos \alpha \sin \varphi + \left(\sin \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1} \cos \alpha\right) r_1 \cos \varphi.$$

Bezeichnen wir $\frac{r_1y}{c}\cos \alpha$ durch p und $r_1\left(\sin \alpha \pm \frac{c^2-y^2}{c l_1}\cos \alpha\right)$ durch q, so können wir einfach

$$x = p \sin \varphi + q \cos \varphi$$

feben, und nun fehr leicht uberfeben, daß diefer Schiebermeg = Rull ift, fur p sin. φ = - q cos. φ, b. i. fur

, tang.
$$\varphi = -\frac{q}{p} = -\frac{c}{y} \left(tang. \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1} \right)$$
.

Dagegen ift biefer Weg ein Marimum fur:

tang.
$$\varphi = \frac{p}{q} = \frac{y}{c\left(tang. \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1}\right)}$$
, ober

$$sin. \, arphi = rac{y}{\sqrt{y^2 + c^2 \left(tang. \, lpha \pm rac{c^2 - y^2}{c \, l_1}
ight)^2}} \, \, unb$$
 $cos. \, arphi = rac{c \, \left(tang. \, lpha \pm rac{c^2 - y^2}{2 \, c}
ight)}{\sqrt{y^2 + c^2 \left(tang. \, lpha \pm rac{c^2 - y^2}{c \, l_1}
ight)^2}} \, .$

Der entsprechende Maximalwerth ift:

$$x = \frac{r_1 \cos \alpha}{c} \sqrt{y^2 + c^2 \left(tang.\alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1}\right)^2}$$

Die hauptaufgabe besteht in der Bestimmung des Drehungswinkels φ aus dem gegebenen Schieberwege; es ist also nothig, die Grundgleichung x=p sin. $\varphi+q$ cos. φ in hinsicht auf φ aufzuldsen.

Segen wir

$$\sin \varphi = \frac{\tan g \ \varphi}{\sqrt{1 + \tan g \ \varphi^2}} \text{ und } \cos \varphi = \frac{1}{\sqrt{1 + \tan g \ \varphi^2}}$$

ein und quabriren wir biefe Gleichung, fo erhalten wir Folgendes:

III.

Stephenson's fche Contiffe.

$$(1 + lang \varphi^2) x^2 = p^2 lang \varphi^2 + 2 p q lang \varphi + q^2$$
,

ober:

$$(x^2 - p^2) \ tang. \ \varphi^2 - 2 \ p \ q \ tang. \ \varphi = q^2 - x^2$$

fo bag nun

tang.
$$\varphi = \frac{pq \pm x \sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - y^2}$$

folgt.

hiernach haben wir alfo fur bie Schieberstellung, welche bem Bege x entspricht, zwei Bintel on und og, welche burch bie Gleichungen:

tang
$$\varphi_1 = \frac{pq - x\sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2}$$

unb

tang.
$$\varphi_2 = \frac{pq + x\sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2}$$

bestimmt find.

Bon ben beiben Werthen bes Winkels \(\phi \), welche jebe biefer Gleichungen giebt, gilt ber eine fur ben positiven und ber andere fur ben negativen Werth von \(\alpha \), weil die Grundgleichung auf positive und negative Werthe von \(\alpha \) tugleich anwendbar ist.

Roch folgt aus ben beiden letten Gleichungen:

tang.
$$\varphi_1 + tang. \varphi_2 = \frac{2 p q}{x^2 - p^2}$$

unb

$$tang. \, \varphi_1 \, tang. \, \varphi_2 = \frac{x^2 - q^2}{x^2 - p^2},$$

woraus fich wieder

$$tang. (\varphi_1 + \varphi_2) = \frac{tang. \varphi_1 + tang. \varphi_2}{1 - tang. \varphi_1 tang. \varphi_2} = \frac{2pq}{q^2 - p^2}$$

ergiebt.

Hiernach ist die Summe $\varphi_1 + \varphi_2$ der beiden Drehungswinkel, bei welchen der Schieber dieselbe Stellung auf dem hins und Ruckwege eins nimmt, gar nicht vom Wege x abhangig, also constant, und folglich auch der Drehungswinkel für die extreme Stellung des Schiebers:

$$\omega = \frac{\varphi_1 + \varphi_2}{2}$$
, sowie $\omega - \varphi_1 = \varphi_2 - \omega$,

b. i. ter Drehungswinkel, mahrend ber Schieber von irgend einer Stellung bis jum Ende feines Weges gelangt, eben fo groß als der Drehungs-winkel, bei welchem berfelbe aus ber letteren Stellung in die erftere juridkehrt.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 659

Behalten wir die in §. 279 gebrauchten Bezeichnungen bei, fo tonnen Stephenfon' wir auch hier die dem Schieberwege a entsprechende außere Schieber. eroffnung:

$$z_1 = x_1 - [(a_1 - a) + (b_1 - b)],$$

und bagegen bie bem Schieberwege a, jugehorige innere Schieber. eroffnung:

$$z_2 = x_2 - (a_1 - a)$$

feben.

Auch erhalten wir burch Rullsegen von z1 und z2 biejenigen Schiebers wege, bei welchen sowohl bie außere als auch bie innere Eroffnung einstritt, namlich:

$$x_1 = a_1 - a + b_1 - b$$
 und $x_2 = a_1 - a$.

Führen wir enblich diese Werthe für x in die obigen Gleichungen für tang. φ_1 und tang. φ_2 ein, so können wir nicht allein die entsprechenden Drehungswinkel φ_1 und φ_2 der Aurbelwelle, sondern auch den entspreschenden Kolbenweg:

$$s = r (1 - \cos \varphi) \mp \frac{r^2}{2l} (\sin \varphi)^2,$$

und folglich auch die Dampfmenge, den Erpanstonsgrad u. f. w. be, stimmen.

Beifpiel. Für bie Stephenfon'iche Couliffensteuerung einer Locomostive fei wieber (f. Beifpiel in §. 279) bas Boreilen bes Ercentrife:

bie außere Schieberbebedung :

$$x_1 = a_1 - a + b_1 - b = (-0.1 + 0.5) r_1 = 0.4 r_1$$

und bie innere Schieberbebedung :

$$x_1 = a_1 - a = -0.1 \cdot r_1;$$

ferner sei die halbe Couliffenlange $c=4r_1$, die Länge einer Excentrifftange $l_1=4\,c=16\,r_1$, und die Senkung der Couliffe unter ihrem mittleren Stande $y=\frac{4}{3}\,c$.

Dann haben wir:

$$p = \frac{r_1 y}{a} \cos a = \frac{s}{4} r_1 \cos a = 0.64952 r_1$$
, unb

$$g = r_1 \left(\sin \alpha \pm \frac{c^2 - y^2}{c l_1} \cos \alpha \right) = r_1 \left[\sin 30^0 \pm \frac{1}{4} (1 - \frac{9}{16}) \cos 30^0 \right]$$

 $= (0.5 \pm 0.09472) r_1$, und zwar

q = 0,59472 r, für geoffnete unb

q = 0,40528 r, für gefreugte Excentritftangen.

Erephenson. I. Bei bem ersteren Steuerungsmechanismus, also bei über einander liegen. ide Couliffe. ben Ercentrifftangen, ift nun

1) für bie Winkel, bei welchen ber Dampfautritt beginnt ober aufhort:

lang.
$$\varphi = \frac{p \, q \, \mp x \, V \, p^2 + \, q^2 \, - \, x^2}{x^2 \, - \, p^2} = \frac{0.88628 \, \mp \, 0.4 \, V \, 0.61556}{- \, (0.42187 \, - \, 0.16)}$$

$$= \frac{0.88628 \, \mp \, 0.813883}{- \, 0.26187} = - \frac{0.07245}{0.26187} = - \, 0.27667, \text{ ober}$$

$$= - \frac{0.70011}{0.26187} = - \, 2.6785, \text{ und hiernach}$$

 $\varphi_1 = -15^\circ$, 28' und $\varphi_2 = 180^\circ - 69^\circ$, 29\/2' = 110\, 30\/2'. Bei bem ersten Binfel tritt die Abmission und bei bem zweiten die Absperrung bes Dampfes ein.

2) Fur bie Bintel, bei welchen ber Dampfaustritt aufhort und beginnt, ift bagegen :

tang.
$$\varphi = \frac{0.38628 \pm 0.1 \sqrt{0.76556}}{-(0.42187 - 0.01)} = \frac{0.88628 \pm 0.08749}{-0.41187}$$

 $= -\frac{0.47377}{0.41187} = -1.15030$, ober
 $= -\frac{0.29979}{0.41187} = -0.72788$;

und hiernach ist ber Drehungswinkel für bas Ende bes Ausblafens: $\varphi_1 = -49^\circ, 0^\circ$

und ber Drehungswinfel fur ben Anfang beffelben: $g_s = 180^{\circ} - 36^{\circ}, 8' = 143^{\circ}, 57'.$

II. Bei bem Steuerungsmechanismus mit gefreuzten Ercentrifftangen ift bagegen:

1) Fur bie Bintel beim Anfang und Enbe bes Dampfzutrittes:

tang.
$$\varphi = \frac{0,26324 \mp 0,4 \sqrt{0,42613}}{-0,26187} = \frac{0,26324 \mp 0,26112}{-0,26187}$$

$$= -\frac{0,00212}{0,26187} = -0,008096 \text{ ober}$$

$$= -\frac{0,52436}{0,26187} = -2,00235, \text{ unb hiernach}$$

$$\varphi_1 = -0^{\circ}, 27\frac{1}{3}' \text{ unb } \varphi_2 = 180^{\circ} - 63^{\circ}, 28' = 116^{\circ}, 32'.$$

2) Fur bie Binfel beim Enbe und Anfang bes Ausblafens:

tang.
$$\varphi = \frac{0,26324 \pm 0,1 \sqrt{0,57618}}{-0,41187} = \frac{0,26324 \pm 0,07590}{-0,41187}$$

$$= -\frac{0,38914}{0,41187} = -0,82842 \text{ ober}$$

$$= -\frac{0,18734}{0,41187} = -0,45486, \text{ unb hiernach}$$

$$\varphi_1 = -89^{\circ},28' \text{ unb } \varphi_3 = 180^{\circ} - 24^{\circ},27^{1/4} = 155^{\circ},82^{1/4}$$

Rehmen wir nun wieber an, daß die Lange I ber Kurbelftange funf Ral fo groß fei ale die Langer bes Rurbelarmes, so erhalten wir folgende Beziehungen zwischen ber Bewegung bes Dampffolbens und ber bes Dampffciebers. Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 661

I. Bei ber Couliffenfteuerung mit offenen Ercentrifftangen.

1) De Kolbenweg mahrend bes Dampfzufluffes ober beim Momente bes errens: Abfperrens:

$$s_1 = [(1 - \cos. \varphi_1 \mp 0.1 (\sin. \varphi_1)^2] r$$

= $[1 - \cos. 110^\circ, 30\frac{1}{2}] \mp 0.1 (\sin. 110^\circ, 30\frac{1}{2})^2] r$
= $(1 + 0.8503 \mp 0.0877) r = 1.2626 r$ ober 1.4380 r.

2) Der Rolbenweg am Enbe ber Erpanfion ober beim Eintritt bes Ausblafene:

$$s_1 = [1 - \cos. 148^\circ, 57^\circ \mp 0.1 (\sin. 148^\circ, 57^\circ)^\bullet] r$$

= $(1 + 0.8085 \mp 0.0346) r = 1.7789 r$ ober 1.8481 r.

Es ift folglich ber Weg mahrenb ber Expanfion :

und bas Expanfioneverhaltniß:

$$\epsilon = \frac{\epsilon_1}{\epsilon_1} = \frac{1,7739}{1,2626} = 1,406$$
 ober $= \frac{1,8481}{1,4380} = 1,282$.

Rerner ift ber Rolbenweg am Enbe bes Ausblafens ober beim Eintritt ber Combreffion :

- 3) $s_1 = [(1 + \cos. 49^\circ, 0^\circ) \pm 0, 1 (\sin. 49^\circ, 0^\circ)^\circ] r$ $= (1 + 0.6561 \pm 0.0570) r = 1.7131 r$ ober 1.5991 r. und ber Rolbenweg bei Eröffnung bes Dampfweges :
- 4) $s_2 = [(1 + \cos. 15^\circ, 28^\circ) \pm 0.1 (\sin. 15^\circ, 28^\circ)^*] r$ $= (1 + 0.9638 \pm 0.0071) r = 1.9709 r$ ober 1.9567 r; folglich ber Beg mahrenb ber Compreffion :

$$s_1 - s_1 = 1,9709 r - 1,7181 r = 0,2578 r$$
, ober
= 1,9567 r - 1,5991 r = 0,8576 r,

und bas Compressionsverhaltnig:

$$\frac{s_2}{s_1} = \frac{1,9709}{1,7181} = 1,150$$
 ober $= \frac{1,9567}{1,5991} = 1,223$.

- 11. Bei ber Couliffenfteuerung mit gefreugten Ercentrifftangen :
- 1) Der Rolbenweg im Momente bes Dampfabfperrens :

$$s_1 = [1 - \cos . 116^\circ, 82^\circ \mp 0.1 (\sin . 116^\circ, 82^\circ)^s] r$$

= $(1 + 0.4467 \mp 0.0800) r = 1.3667 r$ ober 1.5267 r.

2) Der Rolbenweg beim Anfang bes Dampfablaffens:

$$s_1 = [1 - \cos. 155^\circ, 32\frac{1}{2}] + 0.1 (\sin. 155^\circ, 32\frac{1}{2})^3] r$$

= $(1 + 0.9103 + 0.0171)r = 1.8932 r$ ober = 1.9274 r.

Es ift baber ber Weg mabrent ber Erpanfion:

$$s_1 - s_1 = 1,8932 r - 1,3667 r = 0,5265 r$$
, ober
= 1,9274 r - 1,5267 r = 0,4007 r

und bas Erpanfioneverhaltniß:

$$\frac{s_0}{s_1} = \frac{1,8932}{1,8667} = 1,885$$
, ober $= \frac{1,9274}{1,5267} = 1,262$.

Etephenfon.

3) Der Rolbenweg beim Gintritt ber Luftcompreffion:

$$s_1 = [1 + \cos .39^{\circ}, 28' \pm 0, 1 (\sin .39^{\circ}, 28')^{\circ}] r$$

= $(1,7720 \pm 0,0404) = 1,8124 r$ ober 1,7316 r, unb

4) ber Rolbenweg beim Gintritt ber Dampfabmiffion:

 $s_2 - s_1 = 2r - 1,8124 r = 0,1876 r$ ober 2r - 1,7316 = 0.2684 r und bas Compressionsverhältniß:

Tampf. was ngeftelle.

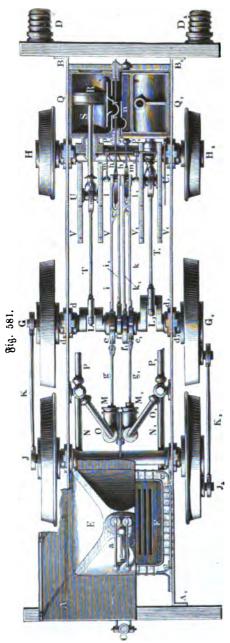
Das Damptmagengestelle besteht in ber Sauptfache aus zwei Langfcwellen, welche burch zwei Querfcwellen fo mit einander verbunben find, bag bas Bange eine Art Rahmen bilbet, auf welchem nicht allein ber Dampfteffel, fonbern auch ber gange Bewegungemechanismus bes Ba-Diefer Rahmen ftutt fich mittels Febern und ber fogenannten Schmierbuchfen (frang. boites à graisse; engl. oilboxes) auf bie Rab-Damit fich biefe Schmierbuchfen ober Arenlager nicht in borigontaler Richtung verschieben tonnen, find bie fogenannten Arenhalter ober Leitungeplatten (frang. plaques de garde; engl. guidingplates) angebracht, welche burch Bolgen mit ben Langschwellen feft verbunden werden und rectangulare Schlige bilben, in welche bie Schmierbuchsen zu liegen kommen. Sind bie Langichwellen von Solg, fo bekleibet man fie zu beiben Seiten mit Blech; fehr gewohnlich befteben fie auch bloß aus Gifenblech; auch wendet man bann nicht felten zwei Paar Langichwellen an, und verfieht bas innere Paar mit den Leitungsplatten für die Treib., bas außere Dage aber mit Leitungsplatten für die beiben anderen Rabaren. Die vorbere Querschwelle ift in ber Regel von Holz; fie hat eine Bobe von 12 bis 15 Boll und eine Breite von 6 bis 9 Boll und ift mittels Winkelblechen mit ben ganafchwellen verbunden. Sie tragt in ihrer Mitte ben Safen jum Unhangen einer Bugfette und nabe an ihren Enden die sogenannten Duffer (frang. tampons de choc; engl. cushions, buffers), melche lettere bazu bienen follen, einen moglichft elaftischen Stoß zu erzeugen, wenn bie Locomotive gegen ein Sinderniß ftoft, und beshalb aus Polfter von Banfgopfen ober Leberfcheiben, Caoutfcut, Spiralfebern u. f. m. besteben. Der hintere Querriegel befteht entweber ebenfalls aus Bolg ober wird aus Gifenblech gusammen. genietet; er tragt ebenfalls ein Paar Puffer fowie bie fogenannte Sicherheitstette, womit ber Tenber angehangen wirb.

Damit sich ber Ressel ber Locomotive ohne Nachtheil burch bie hite ausbehnen konne, muß er auf ben Langschwellen in ber Langenrichtung ein wenig verschiebbar sein, und bies bewirkt man baburch, bag man bie Locher für bie Bolgen, womit man ben Reffel mit ben Langschwellen verbindet, oval Dampfgestaltet. Diefe Bolgen geben aber nicht burch ben Reffel felbft, fonbern burch besondere Reffeltrager aus Gifenblech, welche einerfeits feft an ben Reffel angenietet und andererfeite auf die angegebene Beife mit ben Langfcwellen verbunden find. Die Dampf=, Pumpencylinder u. f. m. find mittels ber an fie angegoffenen Klantichen auf bas Bagengestelle auf

gebolzt. Die Schmierbuchfen liegen zwischen zwei Leitungsplatten und umfaffen je eine Leitungeptatte zu beiben Seiten; fie find in ber Regel aus Gugeifen und enthalten ein Futter aus Bronze (82 Theile Rupfer und 18 Theile Bint), welches unmittelbar auf bie Arinschenkel gu liegen tommt. Die Dedel, womit biefe Buchfen von unten gefchloffen werben, bestehen entweber aus Bronze ober aus Gugeisen und find burch Bolgen mit den letteren fest verbunden. Uebrigens ift die Berbindung biefer Theile ber Schmierbuchfen wie bei ben gewohnlichen Bapfenlagern (f. III., §. 8, Fig. 18), auch find in ben Ropfen ber Schmierbuchfen trichterformige Bertiefungen gur Aufnahme ber Schmiere angebracht, welche burch feine Bocher und Rinnen bem Umfange ber Arenschenkel jugeführt wird.

Die Drudfebern, woburch bas Gemicht bes Bagens auf bie Schmierbuchsen übergetragen wirb, befteben 1) aus 10 bis 20 Stahls fchienen von 1/4 bis 1/2 Boll Starte und 3 bis 4 Boll Breite, 2) aus einem ringformigen Baume, welcher biefe Schienen in ber Mitte mit einander vereinigt, und 3) aus ben Bolgen, woburch bas Gange mit bem Bagengeftelle verbunden ift. Bon diefen Schienen haben nur zwei bis vier die volle gange ber gangen geber von 3 bis 5 Rug, bie ubrigen neh: men nach ber Reihe, wie fie uber einander liegen, allmalig an gange ab, fo bag bie gange Feber in ber Mitte 4 bis 7 Boll und an ben Enben nur 1 bis 2 Boll hoch ift. Die Bogenhohe biefer Febern ift gewöhnlich 3 bis 5 Boll und nimmt bei einer Belaftung von 50 bis 75 Centnern um 2 Die Drudfeber ftugt fich mittele ihres Baumes entweber von oben, oder, wie g. B. bei ben Crampton'ichen Locomotiven, von unten, auf das Arenlager ober die Schmierbuchfe, und gwar entweder mittele eines turgen fentrechten Bolgens, ober mittele eines ringformigen Die Bangebolgen, wodurch bas Bagengestelle mit ben Feberenden verbunden ift, geben entweder burch bie ju biefem 3mede burchlochs ten Feberenben hindurch und werden burch Schraube und Begenfchraube mit biefen fest verbunden, ober man verfieht biefelbe noch mit Querbolgen und lagt biefelben von ben Feberenben umfaffen.

6. 284. In Sig. 581 (a. f. S.) ift ber Grundrig eines Dampfmagen: gestelles fammt ben mit bemfelben verbundenen Bewegungemechanismen Dampf magengeftelle

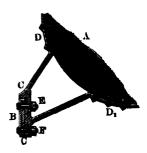


abgebilbet. Dan fieht in AB, A, B, bie aus ftars tem Gifenblech beftehenben Langfcmellen, fowie AA1 und BB1 bie bols gernen Querfchwellen bes Bagengeftelles, ferner ift C bie Gicherheitstette; momit ber Bagengug bie Locomotive angehangen mirb, und es find D, D, mei Puffer auf ber vorberen Querschwelle BB1. Bei A ift ein Theil ber Plattform, welche bem Loco= motivenführer als Stand= punet bient, ferner bei E ein Theil bes Dampfoomes und bei F ein Theil bes Keuerroftes vor Augen geführt. Auch fieht man in a, a bie beiben Sicherheiteventile, in Dampfpfeife, sowie in .cc den Bafferraum, womit ber gange Keuertaften um: geben ift. Diefer Dampf= magen besteht aus fechs Rabern; es find G, G1 bie Treibraber, und es ift HH_1 bas vorbere und JJ_1 Råberpaar. das hintere Die letteren Raber find mit ben Treibrabern burch bie Stangen K, K1 gefuppelt, meshalb biefe Råberpaare vollkommen gleiche Durchmeffer erhalten muffen und moburch bie Mafchine jum Befahren ansteigender Babnftreden

geeigneter wirb. Die Treibare G G, unterftut bas Bagengeftelle mittels Dampf. ber zwifchen ben Leitungsplatten dd, d, d, liegenben Bapfenlager; fie ift bei L und L, gefropft und tragt in ber Mitte zwei Paar Ercentrits e, e, und f,f1, welche gur Bewegung ber Pumpenftangen g, g1 und gur Bewegung ber Dampfichieberftangen h, h, bienen. Bas die Speifepumpen anlangt, fo find M, M, bie Pumpencylinder, N, N, bie mit bem Tender in Berbinbung ftehenden Saugrohren, O, O, bie Communicatione: und P, P, bie Steigrohren, welche bas Speifemaffer in ben Reffel fuhren. Die Locomotive ift eine Stephenson'sche mit innen liegenden Dampfcylindern Q und Q1, wovon ber eine im Durchschnitt und ber andere von außen gesehen wird. Man bemerkt in R einen Rolben und in S feine Stange, ferner in T, T, bie einerseits an bie Rropfe L, L, ber Treibare und andererfeits an die Querarme U, U, ber Rolbenftangen angefchloffes nen Rurbelftangen und in V, V, bie Leitungerahmen biefer Querarme. Bon ben vier Ercentrifftangen i, i, und k, k, geboren naturlich immer zwei und zwei einer und berfelben Schieberftange h ober h, an; jur Berbindung biefer Stangen unter einander bienen bie aus §. 277 befannten Rlauen l, l1, und bas Umfteuern wird mittels der Arme m, m, u. f. w. burch Beben ober Senten ber Ercentrifffangenenben bewirtt. fieht man noch bei n ben einen Dampfichieber und bei p und p, bie Stopfbuchfen ber Schieberftangen.

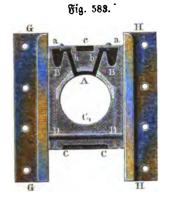
In folgenden Figuren 582, 583 und 584 find noch einige Details

Tig. 582.



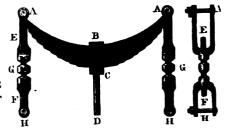
bes Bagengeftelles vor Augen geführt. Sig. 582 zeigt bie Berbindung tes Dampfleffels A mit bem Geftellrahmen B burch eine ftarte Blechplatte CC, welche einerfeits (bei D und D1) auf ben Reffelmantel aufgenietet und andererfeits burch Schraubenbolgen E und F mit dem Geftellrahmen verbunden wirb. fich ber Reffel in ber Site ohne Rachtheil ausbehnen tonne, find bie Bolgenlocher nicht freis-, fonbern langlichrunb. 583 (a. f. G.) giebt ben Bertital- unb ben horizontalburchschnitt einer Arenhier ift A bas metallene lagerung.

Lagerfutter, welches unmittelbar auf bie Rabare gu liegen tommt, ferner B bas eigentliche Bapfenlager ober Die Schmierbuchse mit ben Schmiertrogen a, a, ben Schmierlochern b,b und bem Lager c fur ben Bolgen ber Drudfebern, und CC, C ber Schutbedel bes Bapfenlagers, welcher von unten in bas lettere eingeschoben und in bemfelben burch ben Bolgen DD festgehalten wird. Die Langschwellen find aus boppelten GifenschieDampf, nen EE und FF zusammengesetzt, und zwischen dieselben find die Leistungsplatten oder Apenhalter GG, HH eingeschoben. Die feste Ber-



bindung ber letteren mit den ersteren erfolgt durch die Bolzen K, L u. f. w., während die Berbinzbung der Schmierbuchse mit den Leitungsplatten nur durch Nuth und Falz bewirkt wird.

In Fig. 584 find endlich noch zwei Unfichten einer Drudfeber abs Rig. 584.



gebilbet. ABA ift die Federschicht, und BC ber Ring, wodurch bie Febern fest mit einander verbunden sind, und welcher ben Ropf des Bolgen CD bilbet, womit die ganze Belaftung der Feder auf die Schmierbuchse übergetragen wird.

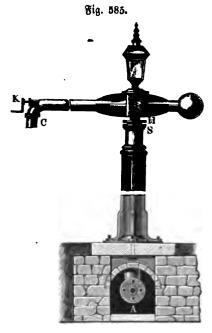
Die Sangestangen, womit bas Wagengestelle an bie Feberenben angehangen wird, bestehen hier aus zwei Bugein E und F, welche durch eine boppelte Schraube G mit einander verbunden sind. Der eine Bugel E wird durch den Bolzen A mit der Feber und der andere Bugel F durch ben Bolzen H mit der Langschwelle oder dem Gestellrahmen fest verbunden.

Tenber.

§. 285. Der Tender ober Munitionswagen für die Cocomotive ist ein gewöhnlicher vierraderiger Sisenbahnwagen, welcher ein hufeisens formiges Blechgefäß zur Ausnahme des Speisewassers sowie das zwischen demselben ausgeschüttete Feuerungsmaterial (Koks) trägt. Das Wasser wird dem Tender durch den sogenannten Wassertrahn (franz. grue lydraulique; engl. water crane) zugeführt, welcher zur Seite der Eisenzbahn steht und dessen röhrensormiger Schnabel nach dem Tender herumgebreht werden muß, wenn es darauf ankommt, den lehteren mit Wasser zu versorgen. Die außere Seitenansicht eines solchen Wasserkahnes zeigt Sig. 585. Das durch die Röhre A zusließende Wasser steigt im hohlen Ständer AB empor, und strömt von da im Schnabel BC der Ausmun-

Bon dem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 667

bung C gu. Bum Reguliren und Absperren bes Baffers bient ein Ben-



til in der Einmundung des Schnabels, welches durch eine Kurbel K in Bewegung gesfest wied. Damit sich der Ropf mit dem Schnabel um die Are des Ständers drehen lasse, ohne den wasserdichten Berschluß zu beeinträchtigen, ist bei S eine Stopfbuchse angebracht, durch welche der genau abgedrehte Hals H hindurchgeht.

Das Waffer fließt aus bem Rrahne junachft in einen Korb aus burchlochtem Ruspferblech, worin bie etwa mit bem Wafferzugeführten frembartigen Körper, als Strohs und Grashalme, holgftucken u. f. w. aufgefangen werben. Die Speiferohre munbet in bem Vorbertheile bes Tens

bers ein und enthalt zwei Bentile, woburch ber Gintritt bes Baffers in biefe Rohre regulirt merben tann. Das Aufbruden und Burudgieben Diefer Bentile erfolgt burch Schraubenfpindeln, welche burch Sanbhaben oder Rurbeln in Umbrehung gefett werben. Das Geftelle bes Tenders ift von bem ber Locomotive und ber anderen Gifenbahnmagen nicht verfchie-Die Berbindung bes Tenbers mit ber Locomotive erfolgt in ber Regel burch eine fogenannte Spannftange und burch zwei Bolgen, welche burch bie Enden biefer Stangen bindurch geben, überbies aber auch noch burch zwei Sicherheitstetten, welche jeboch nur loder gespannt fein burfen. Um bie Stofe zwifchen bem Dampfmagen und bem Tenber fo viel wie möglich unschablich zu machen, ftogt man fie außerbem noch mittels zwei Daar Duffer gegen einander. Muf ahnliche Beife bangt man auch bie übrigen Bagen an einander. Die Puffer verbindet man in ber Regel nicht unmittelbar mit bem Bagengeftelle, fonbern man verfieht biefelben mit besonderen Stofftangen, welche entweber auf Die Enben einer Stabl. feber ober, wie 3. B. bei ben Mafchinen von Grampton, mittels Rol. ben auf in Cylindern eingeschloffene Polfter von Caoutschutscheiben wir: fen. Man giebt ber Berbindung bes Bagenguges und bes Tenbers wohl tente

Etepbenfon. I. Bei bem erfteren Steuerungsmechanismus, alfo bei uber einander liegens fce Couliffe. ben Ercentrifftangen, ift nun

1) für bie Wintel, bei welchen ber Dampfautritt beginnt ober aufhort:

1) für die Wintel, bet weichen der Jumpfatter Stymmer.

tang.
$$\varphi = \frac{pq \pm x\sqrt{p^2 + q^2 - x^2}}{x^2 - p^2} = \frac{0.38628 \pm 0.4\sqrt{0.61556}}{-(0.42187 - 0.16)}$$

$$= \frac{0.38628 \pm 0.31383}{-0.26187} = -\frac{0.07245}{0.26187} = -0.27667, \text{ ober}$$

$$= -\frac{0.70011}{0.26187} = -2.6735, \text{ unb hiernach}$$

 $\varphi_1=-15^\circ,28'$ und $\varphi_2=180^\circ-69^\circ,29^1/2'=110^\circ,30^1/2'$. Bei dem ersten Bintel tritt die Abmission und bei dem zweiten die Absperrung des Dampses ein.

2) Für bie Bintel, bei welchen ber Dampfaustritt aufhort und beginnt, ift bagegen:

pagegen:
tang.
$$\varphi = \frac{0.88628 \pm 0.1 \sqrt{0.76556}}{-(0.42187 - 0.01)} = \frac{0.88628 \pm 0.08749}{-0.41187}$$

 $= -\frac{0.47877}{0.41187} = -1.15030$, ober
 $= -\frac{0.29979}{0.41187} = -0.72788$;

und hiernach ift ber Drehungewinkel fur bas Enbe bee Ausblafens:

II. Bei bem Steuerungsmechanismus mit gefreuzten Ercentrifftangen ift bagegen:

1) Für die Winkel beim Anfang und Ende des Dampfzutrittes: tang.
$$\varphi = \frac{0,26324 \mp 0.4 \sqrt{0,42613}}{-0,26187} = \frac{0,26324 \mp 0,26112}{-0,26187} = \frac{0,26324 \mp 0,26112}{-0,26187} = \frac{0,00212}{0,26187} = -0,008096 oder = \frac{0,52436}{0,26187} = -2,00285$$
, und hiernach $\varphi_1 = -0^{\circ}, 27\frac{1}{3}$ ' und $\varphi_2 = 180^{\circ} - 63^{\circ}, 28' = 116^{\circ}, 32'$.

2) Far bie Binfel beim Enbe und Anfang bes Ausblafens:

Nehmen wir nun wieber an, bag bie Lange I ber Aurbelftange funf Ral fo groß fei ale bie Langer bes Aurbelarmes, fo erhalten wir folgende Beziehungen zwischen ber Bewegung bes Dampffolbens und ber bes Dampffciebers. Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 661

I. Bei ber Couliffenfteuerung mit offenen Ercentrifftangen.

Stephenfon'. iche Coutifie.

1) De Rolbenweg mahrend bes Dampfguftuffes ober beim Momente bes "Absperrens:

$$s_1 = [(1 - \cos \theta_1 \mp 0.1 (\sin \theta_1)^2] r$$

= $[1 - \cos 110^\circ, 30\frac{1}{2}] \mp 0.1 (\sin 110^\circ, 30\frac{1}{2})^2] r$
= $(1 + 0.8503 \mp 0.0877) r = 1.2626 r$ ober 1.4880 r.

- 2) Der Kolbenweg am Enbe ber Erpanfion ober beim Eintritt bes Ausblafens:
 - $s_2 = [1 \cos. 143^\circ, 57' \mp 0.1 (\sin. 143^\circ, 57')^4] r$ = $(1 + 0.8085 \mp 0.0846) r = 1.7789 r$ ober 1.8481 r.

Es ift folglich ber Weg mahrenb ber Erpanfion :

$$s_1 - s_1 = 1,7789 r - 1,2626 r = 0,5113 r$$
, ober
= 1,8481 r - 1,4380 r = 0,4051 r,

und bas Erpanfioneverhaltniß:

$$\epsilon = \frac{s_0}{s_1} = \frac{1,7739}{1,2626} = 1,406 \text{ ober } = \frac{1,8431}{1,4880} = 1,282.$$

Ferner ift ber Kolbenweg am Enbe bes Ausblasens ober beim Eintritt ber Compression :

- 3) $s_1 = [(1 + \cos. 49^\circ, 0^\circ) \pm 0,1 \ (\sin. 49^\circ, 0^\circ)^s] \ r$ $= (1 + 0,6561 \pm 0,0570) \ r = 1,7131 \ r \ ober 1,5991 \ r,$ und ber Kolbenweg bei Eröffnung bes Dampfweges:
- 4) $s_e = [(1 + \cos. 15^{\circ}, 28^{\circ}) \pm 0.1 \ (\sin. 15^{\circ}, 28^{\circ})^{\circ}] r$ $= (1 + 0.9638 \pm 0.0071) r = 1.9709 r ober 1.9567 r;$ folglich ber Weg während ber Compression:

 $s_1 - s_1 = 1,9709 r - 1,7181 r = 0,2578 r$, ober = 1,9567 r - 1,5991 r = 0,3576 r,

und bas Compressioneverhaltnig:

$$\frac{s_0}{s_1} = \frac{1,9709}{1,7181} = 1,150$$
 ober $= \frac{1,9567}{1,5991} = 1,223$.

- II. Bei ber Couliffenfteuerung mit gefreugten Excentrifftangen :
- 1) Der Rolbenweg im Momente bes Dampfabfperrens :

$$s_1 = [1 - \cos .116^\circ, 82^\circ \mp 0.1 (\sin .116^\circ, 82^\circ)^s] r$$

= $(1 + 0.4467 \mp 0.0800) r = 1.3667 r$ ober 1.5267 r.

2) Der Rolbenweg beim Anfang bes Dampfablaffens:

$$s_s = [1 - \cos. 155^\circ, 32\frac{1}{2}] + 0,1 \ (\sin. 155^\circ, 32\frac{1}{2}]^2] r$$

= $(1 + 0.9108 + 0.0171)r = 1.8932 r \ ober = 1.9274 r.$

Es ift baher ber Beg mahrent ber Expanfion:

$$s_1 - s_1 = 1,8932 r - 1,3667 r = 0,5265 r$$
, ober
= 1,9274 r - 1,5267 r = 0,4007 r

und bas Erpanfioneverhaltniß:

$$\frac{s_8}{s_1} = \frac{1,8932}{1,8667} = 1,885$$
, ober $= \frac{1,9274}{1,5267} = 1,262$.

Etephenfon's

- 3) Der Rolbenweg beim Gintritt ber Luftcompreffion:
- $s_1 = [1 + \cos .39^{\circ}, 28' \pm 0, 1 (\sin .39^{\circ}, 28')^{\circ}] r$ = $(1,7720 \pm 0,0404) = 1,8124 r$ ober 1,7316 r, unb
- 4) ber Rolbenweg beim Gintritt ber Dampfabmiffion:
- sa = [1 + cos. 0°, 27 1/4' ± 0,1 (sin. 0°, 27 1/4')"] 2 r. Siernach folgt ber Weg mahrend ber Compression:
- $s_2 s_1 = 2r 1,8124 r = 0,1876 r$ ober 2r 1,7316 = 0.2684 r und bas Compressionsverhaltniß:
 - $\frac{s_2}{s_1} = \frac{2}{1,8124} = 1,104$ ober 1,155. (Bergl. Beifpiel ju §. 279).

Tampf. wag ngeftelle.

6. 283. Das Damptmagengestelle besteht in ber hauptfache aus zwei Langichwellen, welche burch zwei Querfchwellen fo mit einander verbunden find, daß das Ganze eine Art Rahmen bildet, auf welchem nicht allein der Dampfteffel, fonbern auch ber gange Bewegungsmechanismus bes Bagens ruht. Diefer Rahmen ftust fich mittels Febern und ber fogenannten Schmierbuchsen (frang. boites à graisse; engl. oilboxes) auf bie Radaren. Damit fich biefe Schmierbuchfen ober Arenlager nicht in borigontaler Richtung verschieben tonnen, find bie fogenannten Arenhalter ober Leitungeplatten (frang. plaques de garde; engl guidingplates) angebracht, welche burch Bolgen mit ben Langschwellen fest verbunden werden und rectangulare Schlige bilben, in welche die Schmierbuchsen zu liegen tommen. Sind bie Langschwellen von Soly, fo befleibet man fie zu beiden Seiten mit Blech; febr gewohnlich befteben fie auch bloß aus Gisenblech; auch wendet man bann nicht felten zwei Paar Langschwellen an, und verfieht bas innere Paar mit den Leitungsplatten fur die Treib., bas außere Paar aber mit Leitungsplatten fur die beiben anderen Rabaren. Die vorbere Querfcmelle ift in ber Regel von Holz; fie hat eine Sohe von 12 bis 15 Boll und eine Breite von 6 bis 9 Boll und ift mittels Binkelblechen mit ben Langschwellen verbunden. Sie tragt in ihrer Mitte ben Safen gum Unhangen einer Bugfette und nahe an ihren Enben die fogenannten Puffer (frang. tampons de choc; engl. cushions, buffers), welche lettere baju bienen follen, einen moglichft eluftischen Stoß zu erzeugen, wenn bie Locomotive gegen ein hinderniß ftoft, und deshalb aus Polfter von Banfgopfen ober Leberfcheiben, Caoutfout, Spiralfebern u. f. w. bestehen. Der hintere Querriegel befteht entweber ebenfalls aus bolg ober wird aus Gifenblech gusammen. genietet; er tragt ebenfalls ein Paar Puffer fowie bie fogenannte Sicherheitstette, womit ber Tenber angehangen wird.

Damit fich ber Reffel ber Locomotive ohne Nachtheil burch bie Sige ausbehnen tonne, muß er auf ben Langschwellen in ber Langenrichtung ein wenig verschiebbar fein, und bies bewirkt man baburch, bag man bie Locher fur

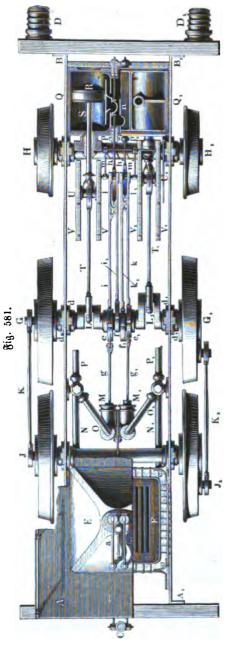
bie Bolgen, womit man ben Reffel mit ben Langschwellen verbindet, oval Danipfgestaltet. Diefe Bolgen geben aber nicht burch ben Reffel felbft, fonbern burch besondere Reffeltrager aus Gifenblech, welche einerfeits fest an ben Reffel angenietet und andererfeits auf die angegebene Beife mit ben Langschwellen verbunden find. Die Dampf=, Pumpencylinder u. f. w. find mittels ber an fie angegoffenen Klantichen auf bas Bagengeftelle aufgebolzt.

Die Schmierbuchfen liegen zwischen zwei Leitungsplatten und umfaffen je eine Leitungeptatte zu beiben Seiten; fie find in ber Regel aus Gugeifen und enthalten ein Futter aus Bronze (82 Theile Rupfer und 18 Theile Bint), welches unmittelbar auf die Arenschenkel gu liegen Die Dedel, womit biefe Buchfen von unten gefchloffen werben, bestehen entweder aus Bronze oder aus Gugeisen und find burch Bolgen mit den letteren fest verbunden. Uebrigens ift die Berbindung biefer Theile ber Schmierbuchfen wie bei ben gewöhnlichen Bapfenlagern (f. III., §. 8, Fig. 18), auch find in ben Ropfen ber Schmierbuchsen trichterformige Bertiefungen gur Aufnahme ber Schmiere angebracht, welche burch feine Bocher und Rinnen bem Umfange ber Arenschenkel jugeführt wird.

Die Drudfebern, wodurch bas Gewicht bes Bagens auf bie Schmierbuchfen übergetragen wird, beftehen 1) aus 10 bis 20 Stahls Schienen von 1/4 bis 1/2 Boll Starte und 3 bis 4 Boll Breite, 2) aus einem ringformigen Baume, welcher biefe Schienen in ber Mitte mit einander vereinigt, und 3) aus ben Bolgen, woburch bas Bange mit bem Wagengeftelle verbunden ift. Bon diefen Schienen haben nur zwei bis vier die volle gange ber gangen Feder von 3 bis 5 guß, die ubrigen neh: men nach ber Reihe, wie fie uber einander liegen, allmalig an gange ab, fo baf bie gange Reber in ber Mitte 4 bis 7 Boll und an ben Enben nur 1 bis 2 Boll hoch ift. Die Bogenhohe biefer Febern ift gewöhnlich 3 bis 5 Boll und nimmt bei einer Belaftung von 50 bis 75 Centnern um 2 bis 3 Boll gu. Die Druckfeber ftust fich mittele ihres Baumes entweber von oben, ober, wie g. B. bei ben Crampton'ichen Locomotiven, von unten, auf das Arenlager ober bie Schmierbuchfe, und zwar entweder mittels eines turgen fentrechten Bolgens, ober mittels eines ringformigen Die Bangebolgen, wodurch bas Bagengestelle mit ben Feberenden verbunden ift, geben entweder burch bie ju biefem 3mede burchlochs ten Feberenden hindurch und werden burch Schraube und Gegenfchraube mit diesen fest verbunden, ober man verfieht biefelbe noch mit Querbolgen und lagt biefelben von ben Federenden umfaffen.

§. 284. In Sig. 581 (a. f. S.) ift ber Grundrif eines Dampfmagen= gestelles sammt ben mit bemselben verbundenen Bewegungsmechanismen



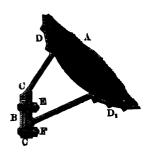


abgebildet. Man fieht in AB, A1B1 die aus star= tem Gifenblech beftebenben Langfchwellen, fomie in AA1 und BB1 die bols gernen Querfchwellen bes Wagengestelles, ferner ift C bie Sicherheitstette; momit ber Wagenjug die Locomotive angehangen mird, und es find D, D1 zwei Puffer auf ber vorderen Querschwelle $B\,B_1$. Bei A ist ein Theil ber Plattform, welche bem Locos motivenführer als Standpunkt bient, ferner bei E ein Theil bes Dampfdomes und bei F ein Theil bes Keuerroftes vor Augen geführt. Auch sieht man in a, a bie beiben Sicher: heiteventile, in ь Dampfpfeife, sowie in .cc ben Wafferraum, womit ber gange Keuertaften um: geben ift. Diefer Dampf= magen besteht aus fechs Rabern; es find G. G. die Treibraber, und es ift HH_1 bas vordere und JJ_1 das hintere Raberpaar. Die letteren Raber find mit ben Treibrabern burch die Stangen K, K1 gefuppelt, weshalb diese Råberpaare volltommen aleiche Durchmeffer erbalten muffen und modurch bie Mafchine jum Befahren ansteigenber Babnftreden

geeigneter wirb. Die Treibare G G, unterftust bas Bagengeftelle mittels Dampf. ber zwifthen ben Leitungsplatten dd, d, d, liegenben Bapfenlager; fie ift bei L und L, gefropft und tragt in der Mitte zwei Paar Ercentrite e, e, und f,f1, welche gur Bewegung ber Pumpenftangen g, g1 und gur Bewegung ber Dampfichieberftangen h, h1 bienen. Bas bie Speifepumpen anlangt, fo find M, M, bie Pumpencylinder, N, N, bie mit bem Tender in Berbinbung flehenden Saugrohren, O, O, bie Communications: und P, P, bie Steigrohren, welche bas Speisemaffer in ben Reffel fuhren. Die Locomotive ift eine Stephenson'sche mit innen liegenden Dampfcylindern Q und Q1, wovon ber eine im Durchschnitt und ber andere von außen gefehen wird. Man bemertt in R einen Rolben und in S feine Stange, ferner in T, T, Die einerseits an Die Rropfe L, L, ber Treibare und andererfeits an die Querarme U, U, ber Rolbenftangen angeschloffes nen Rurbelftangen und in V, V, bie Leitungerahmen biefer Querarme. Bon ben vier Ercentritftangen i, i, und k, k, geboren naturlich immer zwei und zwei einer und berfelben Schieberftange h ober h, an; zur Berbindung biefer Stangen unter einander bienen bie aus §. 277 befannten Rlauen 1,1, und bas Umfteuern wird mittels ber Arme m, m, u. f. w. burch Beben ober Senten ber Ercentrifftangenenben bewirft. Enblich fieht man noch bei n ben einen Dampfichieber und bei p und p, die Stopfbuchsen ber Schieberftangen.

In folgenden Figuren 582, 583 und 584 find noch einige Details

Ria. 582.



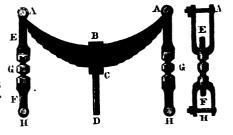
bes Bagengeftelles vor Augen geführt. Fig. 582 zeigt bie Berbindung tes Dampfteffels A mit bem Geftellrahmen B burch eine ftarte Blechplatte CC, welche einerseits (bei D und D1) auf ben Reffelmantel aufgenietet und anbererfeits burch Schraubenbolgen E und F mit bem Gestellrahmen verbunden wirb. fich ber Reffel in ber Site ohne Rachtheil ausbehnen tonne, find bie Bolgenlocher nicht freise, fonbern langlichrund. Sig. 583 (a. f. S.) giebt ben Bertitals und ben horizontaldurchschnitt einer Aren-Bier ift A bas metallene lagerung.

Lagerfutter, welches unmittelbar auf Die Rabare ju liegen tommt, ferner B bas eigentliche Bapfenlager ober Die Schmierbuchse mit ben Schmiertrogen a, a, ben Schmierlochern b,b und bem Lager c fur ben Bolgen ber Drudfebern, und CC, C ber Schutbedel bes Bapfenlagers, welcher von unten in bas lettere eingeschoben und in bemselben burch ben Bolgen DD festgehalten wird. Die Langschwellen find aus boppelten GifenschieDanipf. nen EE und FF zusammengesett, und zwischen bieselben sind die Leistungsplatten oder Axenhalter GG, HI eingeschoben. Die feste Bers

Fig. 583.

bindung der leteten mit den erstindung der leteteren mit den ersteren erfolgt durch die Bolzen K, L u. s. w., während die Berbindung der Schmierbuchse mit den Leistungsplatten nur durch Nuth und Falz bewirkt wird.

In Fig. 584 find endlich noch zwei Ansichten einer Drudfeber abs Big. 584.



gebilbet. ABA ift bie Federschicht, und BC ber Ring, wodurch bie Febern fest mit einander verbunden sind, und welcher ben Ropf des Bolgen CD bilbet, womit die ganze Belastung ber Feber auf die Schmierbuchse übergetragen wird.

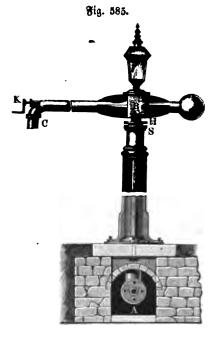
Die Sangestangen, womit bas Wagengestelle an bie Feberenden angehangen wird, bestehen hier aus zwei Bugeln E und F, welche durch eine boppelte Schraube G mit einander verbunden sind. Der eine Bugel E wird durch den Bolzen A mit der Feber und der andere Bugel F durch ben Bolzen H mit der Langschwelle ober bem Gestellrahmen fest verbunden.

Tenber.

§. 285. Der Tender ober Munitionswagen für die Locomotive ist ein gewöhnlicher vierraberiger Eisenbahnwagen, welcher ein huseisensformiges Blechgesaß zur Aufnahme des Speisemassers sowie das zwischen demselben aufgeschüttete Feuerungsmaterial (Kots) trägt. Das Wasser wird dem Tender durch den sogenannten Wassertahn (franz. grue hydraulique; engl. water crane) zugeführt, welcher zur Seite der Eisenbahn steht und dessen röhrenförmiger Schnabel nach dem Tender herumzeibreht werden muß, wenn es darauf ankommt, den letteren mit Wasser zu versorgen. Die äußere Seitenansicht eines solchen Wasserkrahnes zeigt Fig. 585. Das durch die Röhre A zusließende Wasser steigt im hohlen Ständer AB empor, und strömt von da im Schnabel BC der Ausmun-

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 667 bung C gu. Bum Reguliren und Absperren bes Waffers bient ein Ben-

Tenter.



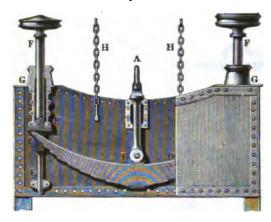
til in ber Einmundung bes Schnabels, welches burch eine Rurbel K in Bewegung gesfest wird. Damit sich ber Ropf mit dem Schnabel um bie Are bes Standers breben lasse, ohne ben wasserbichten Berschluß zu beeinträchtigen, ist bei S eine Stopfbuchse angebracht, durch welche ber genau abgedrehte Hals H hindurchgebt.

Das Wasser fließt aus bem Rrahne junachst in einen Korb aus burchlochtem Ruspferblech, worin bie etwa mit bem Wasserzugeführten frembartigen Körper, als Strohund Grashalme, holgstüdchen u. s. w. aufgefangen werben. Die Speiseröhre mundet in bem Vorbertheile bes Tens

bers ein und enthalt zwei Bentile, wodurch ber Gintritt bes Baffers in biefe Rohre regulirt merben tann. Das Aufbruden und Burudziehen biefer Bentile erfolgt burch Schraubenspindeln, welche burch Sandhaben oder Rurbeln in Umbrehung gefett werben. Das Geftelle bes Tenders ift von bem ber Locomotive und ber anberen Gifenbahnmagen nicht verschies Die Berbindung bes Tenbers mit ber Locomotive erfolgt in ber Regel burch eine fogenannte Spannftange und burch zwei Bolgen, welche burch bie Enden biefer Stangen hindurch geben, überdies aber auch noch burch zwei Sicherheitetetten, welche jeboch nur loder gespannt fein burfen. Um die Stofe zwischen dem Dampfmagen und bem Tenber fo viel wie möglich unschadlich zu machen, ftogt man fie außerbem noch mittels zwei Paar Puffer gegen einander. Auf ahnliche Beife hangt man auch bie übrigen Bagen an einander. Die Puffer verbindet man in ber Regel nicht unmittelbar mit bem Bagengeftelle, fonbern man verfieht biefelben mit besonderen Stofftangen, welche entweder auf die Enden einer Stahl: feber ober, wie g. B. bei ben Dafchinen von Crampton, mittels Rolben auf in Eplindern eingeschloffene Polfter von Caoutschutscheiben mir: ten. Man giebt ber Berbindung bes Wagenzuges und bes Tenbers wohl Tenber.

auch noch baburch eine besondere Clafticitat, daß man die Bugtette ober bie Bugftange unmittelbar an die Stoffebern anschließt. Gine solche elasstifche Unspannung bes Wagenzuges fuhrt Fig. 586 vor Augen. Die in

Fig. 586.



einem Saten A auslaufende Bugftange AB umfaßt bei B bas Mittel ber in ber Kigur nur zum Theil fichtbaren Bugfeder CD, und biefe greift mit ihren Enden in bie zu biefem 3mede mit je einem Muge C verfebenen Stofftangen EF. Lestere . verschieben fich in colinbrifchen Leitungen G.G und ftemmen fich in Folge

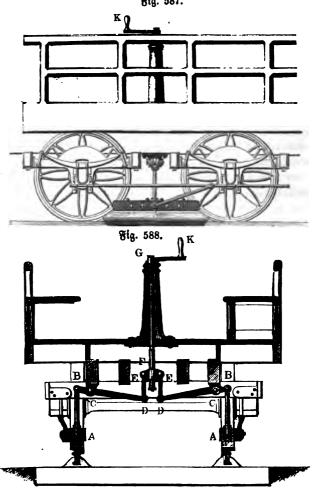
ber Zugkraft mit besonderen Kopfen, wie K, gegen die Endssächen bieser Leitungen. Stoßen die Puffer F, F des Tenders mit den Puffern des solgenden Wagens zusammen, so schieben sich hingegen die Stoßstangen zurud und wirken mittels der Feder CD auf das Gestell des Tinders. In der Figur sicht man auch noch bei H, H die Sicherheitsketten.

Ein wichtiger Bestandtheil des Tenders ist noch das Bremszeug, burch welches der Dampswagenzug in seiner Bewegung gemäßigt und aufgehalten werden kann (f. §. 165 2c.). Der Tenderbrems besteht aus hölzernen Zirkelstücken, welche mit Husse eines Hebelwerkes so start auf die Radumfange geprest werden, daß dadurch die Rader an ihrer Umdreshung verhindert und genöthigt werden, sich auf der Schienenbahn gleitend zu bewegen, und folglich auch der ganze Tender die seinem Gewichte proportionale gleitende Reibung zu überwinden hat. Das Uns und Losziehen der Hebel ersolgt in der Regel von dem Locomotivheizer mittels einer Kurbel, welche eine stehende Welle in Umdrehung sest, die sich in einer Schraubenmutter bewegt und an ihrem unteren Ende mit dem einen Bremsarmende verbunden ist (f. Fig. 352, Seite 340).

Bei einer anderen Art von Bremfen wird ber Widerstand baburch erzeugt, daß ein Theil der Wagenlast nicht mittels der Rader, sondern unmittelbar auf die Schienenbahn übergetragen, wodurch eine diesem Lasteil entsprechende gleitende Reibung erzeugt wird. Dies ift durch eine Art hemmschuh bewirkt, welcher von dem Tender herabhangt und mittels

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 660 ber Kurbel, Schraube und Hebel auf die Schienen aufgebruckt wird. Gin solcher von dem franzosischen Ingenieur Laignel construirter Brems ist in Fig. 587 und Fig. 588 abgebildet. Man sieht in A, A die zwischen Fig. 587.

Tenber.



je zwei Rabern hangenben hemmschuhe, ferner in BCD hebel, welche in C an bas Wagengestelle angeschlossen find, und durch Stangen einerseits mit den hemmschuhen und andererseits mit einer Schraubenmutter EE verbunden sind, welche durch Umdrehung der Schraubenspindel FC mittels der Rurbel K gehoben und gesenkt werden kann.

Tenber.

In neueren Zeiten hat man auch eine nach demfelben Principe construirte Dampfbremse angewendet, wo das Aufdrucken der Hemmschuhe durch die Kolbenkraft einer kleinen Dampfmaschine bewirkt wird.

Drebbate Wagengefielle.

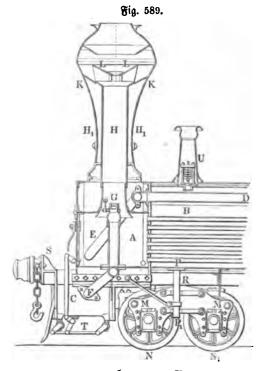
Richt allein die feste Berbindung ber Dampf. und anberer Eisenbahnmagenraber mit ihren Uren, sondern auch die Urt und Beise ber Berbindung bes Wagengestelles mit ben Rabaren macht, bag man mit benfelben nicht auf Gifenbahnen mit fleinen Rrummungehalbmeffern unter 500 Rug u. f. w. fahren tann. Da bie Rabaren rechtwinkelig gegen bie gangschwellen bes Geftellrahmens ftehen und bie letteren Sehnen ber von ben Bahnenichienen gebildeten Curven bilben, fo gehen Die Drehungsebenen ber Bagenraber nicht tangential ober parallel ju ben Schienenbahnen, fonbern fie fcneiben biefelben unter einem gemiffen Bintel; und in Folge beffen hat jedes Rab ein gewiffes Beftreben gum Entgleifen, welches noch baburch befonders gesteigert wird, bag mit ber schiefen Stels lung ber Rabaren gegen die Bahneurve eine Bunahme bes Spielraumes zwischen ben Radern und ben Bahnschienen verbunden ift. Wenn nun aber auch bas Entgleifen burch bie Spurfranze verhindert wird, fo hat biefe Abweichung ber Umbrehungsebene ber Raber von ber Richtung ihrer fortschreitenben Bewegung ben großen Nachtheil, bag baburch eine gleitenbe Reibung ber Bagenraber auf ber Schienenbahn entsteht, die bei ftarten Rrummungen einen großen Theil ber Umtriebefraft in Unfpruch nimmt. Die Abweichung ber Umbrehungsebene ber Raber von ber Richtung bet Bahn ift gleich bem Wintel & zwischen ber Tangente und ber Sehne eines Rreifes, und lagt fich einfach burch bie Formel:

$$\sin \delta = \frac{l}{2r},$$

worin r ben Krummungshalbmeffer und l bie Sehne ober ben Abstand ber Rabaren von einander bezeichnet, bestimmen. Es ist also dieselbe nicht allein von dem Curvenhalbmeffer, sondern auch von dem Abstande ber Radaren abhängig, und fällt um so größer aus, je größer dieser Abstand oder je langer der Wagen ist. Aus diesem Grunde ist es also zum Befahren starter Krummungen zweckmäßiger, wenn die Radaren nahe beisammen stehen, als wenn ihr Abstand von einander groß ist. Am größten sällt dieser Abstand bei den sechsräderigen Wagen, also namentlich bei den Locomotiven aus, da hier unter l der Abstand der außersten Radaren von einander zu verstehen ist, also diese Größe viel größer aussällt als bei den vierräderigen Wagen. Wegen der Mittelare wird die Krummung der Schienenbahn noch dadurch besonders eingeschränkt, daß sich in Folge deren Anwendung die mittleren Rader auf den Schienen in ihrer Arenrichtung um die bekannte Vogenhöhe ar verschieben, welcher natür-

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 671 lich zur Berhinderung bes Entgleifens noch nicht ber Rabtrangbreite gleich Drebbare

Diefe große Beschrantung ber Gifenbahneurven fest ber Tracirung ber Eisenbahnen in Gebirgen ein großes Sinderniß in ben Beg, ba es bierbei nicht allein auf die Bermeibung großer Steigwinkel, fondern auch auf bie Umgehung fleiner Curvenhalbmeffer ankommt; es mare baber von einer fehr großen Wichtigkeit, wenn man burch befondere Conftruction ber Eifenbahnwagen die Unwendung ftarterer Rrummungen ober fleinerer Rrummungehalbmeffer moglich machen tonnte. Debrere folche Sulfemittel find bereits gur Unmenbung gefommen; es geboren namentlich hierher bie Bagen von Norris mit brebbaren Bagengeftellen und bie Wagen von Arnour mit brebbaren Aren. Die erfteren Bagen find vorzüglich in Nordamerita und nachstbem auch in Deutschland zur Unwendung getommen, lettere aber find von Frankreich ausgegangen und ba bei ber Gifenbahn von Paris nach Sceaur angewendet worben. ift jeboch nicht ju laugnen, bag burch biefe Beweglichkeit ber Aren bie Eisenbahnwagen viel von ihrer Stabilitat und Solibitat verlieren, weshalb bie Anwendung biefes Principes wohl nie allgemein werden burfte.

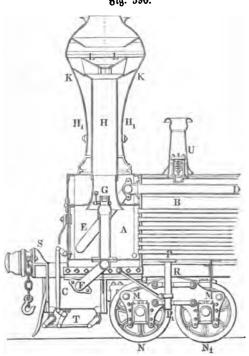


fein barf.

Die Ginrichtung einer mit Locomotive beweg= lichem Borbergeftelle ift aus einem gangenburch. fchnitte bes vorberen Thei= les eines folden Dampf= wagens in Fig. 589 ju erfeben. Es ift bier A ber Rauchkaften, B ein Theil ber Beigrohren und ein Dampfeplinder; ferner fieht man in DE bas Dampfrohr und FG bas Blaferohr, meldes bei G in ben Schornstein H einmundet. Der lettere ift mit bem Rlein'schen Funtenfånger verfeben, welcher im Befentlichen aus einem zwifchen bie Regelmantel KL, KL eingefesten Leitschaufelfp. ftem befteht, modurch ber

Rauch in eine brebende Bewegung gerath und ihm Gelegenheit gegeben wirb, bie mit fich fortfuhrenben Funten ober glubenben Rohlenftudchen in ben Raum zwischen ber eigentlichen Effe H und ihrem Mantel H, H,





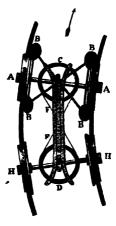
nieberfallen ju laffen. Die Mafchine hat feche Raber; es find jeboch bie binteren ober Treibraber in der Figur nicht fichtbar; bagegen fieht man aber in MM bas bewegliche Borbergeftell mit ben Rabern N N1 und bem Bolgen oder Ragel PP1, um wels che fich biefes Geftell bei ber Bewegung in Babncurven breht. Diefer Bols gen ift unter bem Reffel befestigt, und erhalt feinen festen Stand besonbers durch ein Daar Streben. wie Q, welche unter bem Rauchtaften festligen. Der Gestellrahmen rubt bei R mittels stählerner Platten auf den in ber Kigur kaum fichtbaren Tragfebern, beren Enben fich unmittels

bar uber ben Arenhaltern auf bie Schmierbuchfen ftugen. Noch fiebt man in ber Figur bei S ben gußeisernen Querbalten, welcher bie aus gemalgtem Flacheisen bestehenben Langschwellen an ihren Enden mit einander verbindet, und zugleich bie Pufferbuchfen in fich enthalt, ferner bei T ben Mechanismus, wodurch bie Sahne jum Austaffen bes Conbenfationsmaffers aus ben Dampfcplindern bewegt werben, und endlich bei U bas burch eine Feber belaftete Sicherheitsventil.

Bei bem Arnour'ichen Arenfostem brebt sich nicht allein jebe Are um einen feften Reihnagel, fonbern es breben fich auch, wie bei ben gewohnlichen Bagen auf Straffen, Die Raber mittels ihrer Raben um die Radare. Damit fich bie vorderfte Rabare AA, Fig. 591, beim Eintritt bes Bagenzuges in eine Curve rechtwinkelig gegen biefe ftelle und folglich bie Raber berfelben in ber Tangente ber Curve laufen, ift mit biefer Are bas Beftelle eines Bagens fest verbunden, beffen vier Raber B, B.. gegen Bon bem Forifchaffen ber Laften auf gang ober nahe borigontalen Begen. 678

ben Sorizont geneigt find und fich gegen bie innere Seite ber Bahnfchienen gragbare ftemmen, woburch bie gleitende Reibung bes Spurtranges in eine mal-



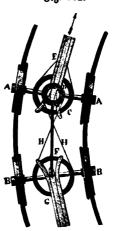


gende verwandelt wird, und bamit fich auch bie folgende Radare HH normal gegen bie Bahncurve stelle, find auf beibe Aren bie gleich großen Rrange C und D fo befestigt, bag ihre Mittelpuntte in bie Reihnagel E, G beiber Aren fallen, und ift um bie Umfange beiber Rrange eine gefreugte Rette FF gelegt. Es ift leicht einzusehen, bag in Folge biefer Berbinbung jebe Drehung ber Rabare AA um ihren Reihnagel eine gleich große, jeboch entgegengefette Drebung ber Rabare HH um ihren Reibober Schlognagel G bewirken muffe, und baber bie Wintel GEA und EGH, welche biefe Rabaren mit ber Geraben EG burch beibe Schlofinagel bilben, einander gleich bleiben. Da nun aber EG Sehne eines Rreifes ift und von berfelben bie Dormalen ober Salbmeffer in ihren Endpunkten E und

G um gleiche Wintel GEA und EGH abweichen, fo folgt, bag mittels bicfes Mechanismus bie zweite Rabare HH burch die erfte rechtwinkelia gegen bie Bahncurve geftellt mirb.

Die Berbindung ber hinteren Are AA, Fig. 592, eines Wagens mit

Fig. 592.

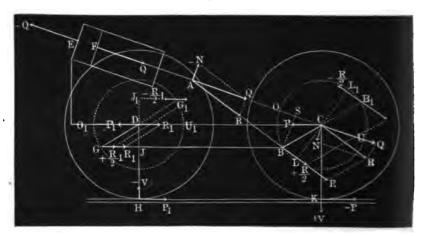


ber vorberen Are bes nachstfolgenben erfolgt gwar ebenfalls burch zwei Rrange D und G und eine Rette HH. aber es bat einer biefer Rrange einen nur halb fo großen Salbmeffer als ber andere, und es fist berfelbe nicht auf ber Ure AA, fonbern auf ber Berbindungeftange E beiber Bagen feft. Sind nun bie Abstande je zweier Rabaren von einander biefelben, fo ichließen fie auch, als Sehnen eines Rreifes, mit ben Salbmeffern ober Rormalen in ihren Endpuntten gleiche Winkel ein, und es ift folglich ber Bintel zwischen ben Berbinbungeftangen E und F boppelt fo groß als ber Winkel FDA zwischen einer Rabare AA und ber Stange F. Es muß fich baber auch beim Eintritt in eine Gurve ober bei Beranberung bes Curvenhalbmeffers bie Berbindungestange E boppelt so viel breben als bie

Are BB, bamit fich BB ebenso wie AA rechtwinkelig gegen bie Bahncurve ftelle. Dies wird aber auch baburch, bag man ben Salbmeffer bes Rranges G boppelt fo groß macht als ben bes Rranges D, wirklich erreicht.

Durch diefes Spftem verliert allerdings ein Bagenzug viel von feiner Stabilitat und Sicherheit, und beshalb mochte es wohl kaum je allgemeiner in Anwendung kommen.

Theorie ber Bemegung ber Dampfmagen. §. 287. Die Theorie ber Bewegung eines Dampfwagens ist im Besfentlichen bie Theorie bes Krummzapfens mit zwei auf ben Quabranten gegen einander gestellten Armen (f. III., §. 106). Es sei in Fig. 593.



C die Drehungsare ber Treibare, D die ber vorderen Rabare, HK bie Schienenbahn, ferner F ein Dampftolben, FA bie entsprechenden Role bens, AB bie Lentstange und CB ber Rurbelarm. Die Rolbenkraft $\overline{FO} = \overline{AO} = Q$ zerlegt fich burch bie Fuhrung bee Stangentopfes A in zwei Seitenkrafte - N und R, wovon bie erftere normal gegen bie Rub. rung fteht und von berfelben aufgenommen und bie andere als BR = AR mittels ber geneftange AB auf bie Rurbel übergetragen mirb. Da bie lettere Rraft excentrisch auf die Rad- ober Rurbelage C wirtt, so zerlegt fie fich, wie befannt, in eine gleiche Apenfraft $\overline{CR} = R$ und in ein Kraftepaar $\left(+\frac{R}{2},-\frac{R}{2}\right)$, welches die Ape C mit dem Momente CL . R in Umbrehung fest. Die Apentraft $\overline{CR}=R$ laft sich wieber in eine Seitentraft $\overline{CN}=N$ und eine Seitentraft $\overline{CQ}=0$ gerlegen, movon die erftere mit $\overline{AN} = -N$ ein Rraftepagr bilbet unb bie lettere mittels bes Bagengestelles von bem Dampforucte $\overline{EO} = -0$ gegen bie Bobenflache E bes Dampfeplinbers aufgehoben wirb. Das Rraftevaar (+ N, - N) hat einen veranderlichen Bebelarm CA und folglich auch ein veranberliches Moment CA . N. 3m Mittel ift CA

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 673

went des Kräftepaares (+N,-N), =Nl. Dieses Kräftepaar ver, derregung größert den Druck der Treibräder auf die Schienenbahn um eine Kraft KV=V und vermindert den Druck der vorderen Räder auf bieseschiede um die Gegenkraft HV=-V, und es bilden +V und -V ein Kräftepaar, dessen Moment den Momente Nl des Kräftepaares (+N,-N) gleich ist. Bezeichnet man den Horizontalabstand CD der beiden Radsapen C und D von einander durch e, so hat man Ve=Nl, und daher:

$$V=\frac{l}{a}N$$
.

Die Fortbewegung des Dampswagens erfolgt durch das Kräftepaar $\left(+\frac{R}{2},-\frac{R}{2}\right)$, und zwar dadurch, daß sich dasselbe in ein anderes Kräftepaar (+P,-P) umsett, dessen einer Component $\overline{CP}=P$ dem Widerstande des Wagenzuges das Gleichgewicht halt, und dessen zweiter Component $\overline{KP}=-P$ von dem Widerstande der Schienenbahn aufzgenommen wird. Der Hebelarm des letzteren Kräftepaares ist der Radzhalbmesser CK=a; sehen wir daher den veränderlichen Hebelarm CL des ersteren oder den senktender Abstand der Radare C von der Richtung der Lenkstange, =y; so haben wir Pa=Ry=Nl. und daher die Treibs oder Zugkraft des Dampswagens:

$$P = \frac{y}{a} R = \frac{l}{a} N.$$

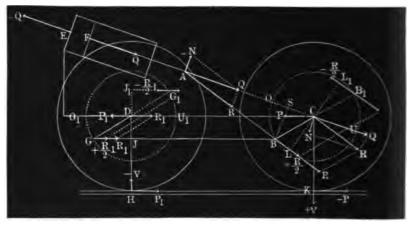
Der Wiberstand (— P), mit welchem die Jugkraft + P der Locomostive ein Kräftepaar bildet, erwächst aus dem Eingreifen der kleinen Erhabenheiten und Bertiefungen des Radumfanges und der Schienenbahn in einander, und hat die gleitende Reibung zwischen beiden zu seinem höchsten Grenzwerthe. Ist Z der Druck des Rades auf die Schienenbahn und φ der Reibungscoefficient, so hat man die Größe der gleitenden Reibung am Umfange des Rades $= \varphi Z$; damit folglich sich das Rad wirklich fortwälze und den Wagen fortbewege, muß die Kraft zur Bewegung der Locomotive und des angehängten Wagenzuges kleiner sein als die gleitende Reibung, d. i. $P < \varphi Z$.

Da endlich Z bem Gewicht bes Dampswagens proportional ift, so folgt, baß bieses Gewicht um so größer sein muß, je größer der Widerstand bes Wagenzuges ist. Die Geschwindigkeit, mit welcher sich die Wagenare C, und also auch der Wagen fortbewegt, ist gleich der Umdrehungsgeschwinz digkeit des Radumsanges; nun ist aber diese nicht allein der Umdrehungszahl up. min., sondern auch dem Radhalbmesser a proportional; folglich wächst auch die Geschwindigkeit des Trains mit dem Radhalbmesser, und

Theorie ber man hat baber j. B. ben Dampfmagen fur Schnellzuge hohe und ben fur Guterzuge niedrigere Treibraber ju geben. In bem erfteren galle macht man die übrigen Raber niedriger als die Treibraber, im zweiten Falle kann man bagegen bie fammtlichen Raber bes Dampfmagens gleich boch machen; und wenn man bie Raber verschiedener Aren gur Berftartung ber Bugfraft tuppelt, wie z. B. bei den Gebirgelocomotiven nothig ift, fo mus man den gekuppelten Rabern eine gleiche Bobe geben, weil fonft ein theils weifes Schleifen ber Raber auf ber Bahn eintreten murbe.

If $\overline{GR_1}=R_1$ die Zugkraft ber Kuppelstange BG, und $DJ=DJ_1$ = y, ber Bebelarm berfelben, fo hat man bas Moment bes Rraftepagres.

Fig. 594.



burch welches bas Borderrad um seine Are D gebreht wird, $= R_1 y_1$, und baber bie Bergroßerung ber Bugfraft in Folge ber Arentuppelung:

$$P_1 = \frac{y_1}{a} R_1$$

Das Kraftmoment Ry gerlegt fich hier in die zwei Momente R, y, und Pa, es ift alfo:

$$Ry = R_1 y_1 + Pa$$

= $Pa + P_1 a_1 = (P_1 + P) a_1$

und folglich bat man wieder die gange Bugfraft:

$$P+P_1=\frac{y\,R}{a}$$

Ift nun noch Z, ber Drud bes Rabes DH auf bie Schienenbahn, fo erforbert bas Fortrollen bes Wagens auf ber Bahn, nicht allein, bag

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 677

$$P < \varphi Z$$
, fondern auch $P_1 < \varphi Z_1$, daß also $P + P_1 < \varphi (Z + Z_1)$ sei.

Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen.

Da $Z+Z_1>Z$ ift, so hat hiernach ber Dampfwagen mit gekuppelsten Rabern mehr Bugtraft als ber Dampfwagen ohne gekuppelte Raber.

Die Apenkraft $\overline{DR_1}=R_1$, welche nebst dem Rraftepaare $\left(+\frac{R_1}{2},-\frac{R_1}{2}\right)$ aus der Stangenkraft $\overline{GR_1}=R_1$ resultirt, wird durch eine gleiche entgegengesehte Apenkraft in C aufgehoben, welche aus der Berlegung der Stangenkraft in B resultirt, in der Figur aber nicht weiter angedeutet ist.

Bird ber Dampftolben rudwarts getrieben, fo nehmen zwar bie Rrafte Q und R, sowie - Q und - R bie entgegengesetten Richtungen an, ba fich aber auch hierbei die Lenkarmftange AB auf ber entgegengefetten Seite ber Schublinie EC befindet, so wird dadurch in der Größe und Richtung des Kräftepaares $\left(+rac{R}{2},-rac{R}{2}
ight)$, und folglich auch in der Zugkraft P nichts geandert, auch bleibt hierbei das Kraftepaar $\left(+rac{R_1}{2},-rac{R_1}{2}
ight)$ und folgs lich auch die Bugfraft P1 der vorderen Rabare unverandert. Die Seitenfrafte - N, + N behalten bei bem Rudgange bes Rolbens ihre erfte Richtung bei; es behalt alfo auch hierbei bas Rraftepaar (+ N, - N) feine Richtung unverandert und es wird folglich burch baffelbe wieder ber Drud bes Treibrades in K um die oben gefundene Rraft V vergrößert und der Druck des vorderen Rades in H um die gleiche Rraft V vermindert. Steht die Barge in einem ber todten Puntte O, U, fo ift naturlich N Rull, ferner R=Q und der hebelarm CL des Rraftes paares $\left(+\frac{R}{2},-\frac{R}{2}\right)$ also auch bessen Moment, und endlich auch bie Bugfraft Rull. Auch ift aus bemfelben Grunde die Bugfraft P1 ber getuppelten Rabare C = Rull, wenn bie Barge G in einem der tobten Puntte O1 und U1 bes Rrummgapfens GD antommt. Die ftetige Beranderung ber Bugtrafte P und P, bewirft, bag ber Dampfmagen mit einer veranderlichen Gefchwindigkeit fortrollt. Die Beranderung biefer Geschwindigkeit wird jedoch theils burch die trage Maffe bes Dampfmagens und theils noch baburch in engen Grengen erhalten, bag bie Treibare C nicht blof burch eine, fondern burch zwei Dafchinen in Umbrehung gefest wird, und bag biefelben mittels boppelter auf bas Biertel gestellten Rrummzapfen auf die Treibage C wirten. Wenn der eine Rrummzapfen in einem tobten Puntte fteht und folglich nichts jur Umbrehung bes Treib.

Theorie ber rades beitragt, befindet fich ber andere Krummzapfen nahe in feiner beften Berbegung Birtung, und ertheilt alfo ber Treibare bie großte Bugtraft. Umbrehungsebenen ber beiben Rrummgapfen nicht gufammenfallen, fonbern in einem gemiffen Abstande von einander abstehen, der befonders bei Dafchinen mit außen liegenden Cplinbern febr groß ift, fo findet auch teine einfache Bereinigung ber burch beibe Rurbeln erzeugten Bugfrafte fatt, fonbern es bilbet fich aus biefen beiben Rraften außer ber in ber Mitte ber Rabare angreifenden Mittelfraft auch noch ein Rraftepaar, welches biefe Are um ihre vertitale Schwerlinie balb in ber einen, balb in ber anderen Richtung umzubrehen fucht. Bezeichnen wir in der Folge diefe beiben Rrafte burch P1 und P2, fo haben wir, ba fich

$$P_1 = rac{P_1 + P_2}{2} + rac{P_1 - P_2}{2}$$
 und
$$P_2 = rac{P_1 + P_2}{2} - rac{P_1 - P_2}{2}$$

feben lagt, fur bie in ber Arenmitte angreifende Mitteleraft:

$$P = \frac{P_1 + P_2}{2} + \frac{P_1 + P_2}{2} = P_1 + P_2,$$

und bagegen die Componenten bes gebachten Rraftepaares:

$$\frac{P_1-P_2}{2}$$
 und $-\frac{P_1-P_2}{2}$,

und folglich, wenn wir noch den Abstand ber beiben Rurbelebenen von einander burch b bezeichnen, bas Moment biefes Rraftepaares:

$$\frac{(P_1-P_2)b}{2}.$$

6. 288. Die Normalfraft ober ber Component N des Rraftepaares (+ N, - N), welches die beiben Rabaren C und D, je nach ber Umbrehungerichtung ber Rurbelwelle, in ber einen ober in ber anberen Richtung umzubrehen fucht und baburch ben Drud bes einen Raberpaares auf bie Schienenbahn ebenso viel vergrößert, wie ben bes anberen verkleinert, ift burch bie Formel:

$$N = 0$$
 tang. α

bestimmt, wenn a ben veranberlichen Wintel BAC bezeichnet, um welchen bie Are AB der Treibstange von der Richtung AC der Rolbenftange abweiche.

Benn wir ferner, ber Bezeichnung in §. 95 entsprechent, ben Umbrehungewintel OCB ber Rurbelwarze B, vom tobten Puntte O ausgebenb, burch B, und bie Rurbelarmlange CB burch r bezeichnen, fo haben wir bie Armlange biefes Rraftepaares:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 679

$$AC = AS + SC = l \cos \alpha + r \cos \beta$$

und baber bas Moment biefes Rraftepaares:

Theorie ber Bewegung ber Dampfmagen.

 \overline{AC} . N=Q tang. α (l cos. $\alpha+r$ cos. eta), wo für wir, da lpha klein, also

cos. α nahe = 1 und tang. α = sin. α = $\frac{r}{l}$ sin. β geset werden kann,

$$\overline{AC}$$
. $N = \left(1 + \frac{r \cos \beta}{2}\right) Qr \sin \beta$

fcreiben wollen.

Dieses Moment ist für $\beta=0$ Grab und = 180 Grab, also wenn bie Warzen in einem der todten Punkte O oder U stehen, Rull, und dagegen für $\cos.\beta=\frac{r}{l}$, ein Maximum, und zwar = Qr. Kommt die Warze auf die andere Seite von OU, so ist β stumpf und Q negativ, daher folgt, wenn man vom todten Punkte U ausgeht, das Moment des Kräftepaares:

$$= \left(1 - \frac{r \cos \beta}{l}\right) Qr \sin \beta,$$

und bas Maximum beffelben wieber = Qr.

Die andere Warze des Krummzapfens hat den Drehungswinkel $90^{\circ}+\beta$, für sie ist also das Moment des entsprechenden Kräftepaares: $\left(1\pm\frac{r}{l}\cos.\left(90^{\circ}+\beta\right)\right)Qr\sin.\left(90^{\circ}+\beta\right)$

$$= \left(1 \mp \frac{r}{l} \sin \beta\right) Qr \cos \beta.$$

Daffelbe ist für $\beta=90$ und für $\beta=270$ Grad = Null, und da. gegen sin. $\beta=-\frac{r}{l}$ ein Maximum, und zwar wieder =Qr.

Wahrend einer Umbrehung der Rabare nimmt also bas Moment bes einen Kraftepaares nach und nach die Werthe:

$$0, +Qr, 0, +Qr,$$

und bas anbere bie Berthe:

$$+Qr, 0, +Qr, 0$$

an, so daß das eine feinen Minimalwerth 0 hat, wenn das andere nahe in seinem Maximalwerthe Qr fteht.

Segen wir ben Abstand ber beiben Rabaren C und D von einander = e, so haben wir die bem Rraftepaar (+N,-N) entsprechenden Rrafte, durch welche ber Druck auf die eine Rabare vergrößert und auf die andere um eben so viel verkleinert wird:

Theorie ber Bewegung ber Dampf. magen.

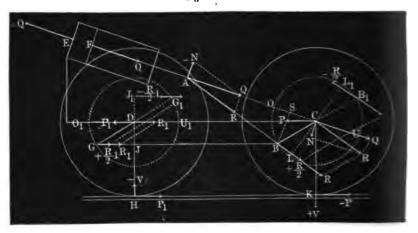
$$egin{aligned} V_1 &= \left(1 \, \pm rac{r \, \cos.\,eta}{l}
ight) rac{Qr \, \sin.\,eta}{e} \, ext{und} \ V_2 &= \left(1 \, \mp rac{r \, \sin.\,eta}{l}
ight) rac{Qr \, \cos.\,eta}{e} \end{aligned}$$

wofur wir aber im Folgenden bie Mittelwerthe:

$$V_1 = \frac{Qr \sin \beta}{e}$$
 und $V_2 = \frac{Qr \cos \beta}{e}$

annehmen wollen.

Bei ber in ber Figur angebeuteten Umbrehungerichtung ber Treibare Rig. 595.



wirken die beiben Krafte V_1 und V_2 auf die Treibare C von oben nach unten, und dagegen auf die Borberare D von unten nach oben; wird aber die Treibare umgekehrt umgebreht, also die Locomotive in eine ruckgangige Bewegung versehr, so wirken diese Krafte entgegengeset; b. i. ste vermindern den Druck auf die Are C und vergrößern den Druck auf die Are D.

Da bie Bertikalebenen, in welchen biese Rrafte wirken, nicht mit ben Radebenen zusammenfallen, so geben biese Rrafte auch nicht unmittelbar auf bie Raber über, sonbern es wirb, ba sich

$$V_1 = rac{V_1 + V_2}{2} + rac{V_1 - V_2}{2}$$
 und $V_2 = rac{V_1 + V_2}{2} - rac{V_1 - V_3}{2}$

feben lagt, jebes Rab von einer Mittelfraft:

$$Z_1 = \frac{V_1 + V_2}{2} = (\sin \beta + \cos \beta) \frac{Qr}{2\epsilon}$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 681

und außerbem noch von einem Componenten eines Rraftepgares:

$$\left(+\frac{V_1-V_2}{2},-\frac{V_1-V_2}{2}\right)$$

Bewegung er Dampf. wagen.

ergriffen.

Ift b ber Abstand ber Rurbelebenen und b1 ber Abstand ber Rabebenen von einander, so hat man das Moment des letten Kraftepaares:

$$\frac{(V_1-V_2)b}{2},$$

und die Rraft, mit welcher burch baffelbe ber Drud bes einen Rabes einer und berfelben Are vergrößert und ber bes anderen verkleinert wirb:

$$Z_2 = \frac{(V_1 - V_2)b}{2b_1} = (\sin \beta - \cos \beta) \frac{Q r b}{2eb_1}.$$

Biernach ift alfo bie Bergroßerung bes Drudes eines Treibrabes:

$$Z_1 + Z_2 = \left(\sin\beta + \cos\beta + (\sin\beta - \cos\beta)\frac{b}{b_1}\right)\frac{Qr}{2e}$$

und bie gleichzeitige Bergroferung biefes Drudes bes anderen Rabes:

$$Z_1 - Z_2 = \left(\sin \beta + \cos \beta - (\sin \beta - \cos \beta) \frac{b}{b_1}\right) \frac{Qr}{2s}$$

Der Drud Z1 + Z2 bes einen Rabes ift:

für
$$\beta = 0$$
 Grad, $= \frac{(b_1 - b) rQ}{2 b_1 e}$,

• tang.
$$\beta = \left(\frac{b_1+b}{b_1-b}\right)$$
, das Maximum $\sqrt{\frac{\overline{b_1}^2+b^2}{2}} \cdot \frac{rQ}{b_1e}$ und

*
$$\beta = 90$$
 Grad, $= \frac{(b_1 + b) rQ}{2 b_1 e};$

bagegen ber Drud Z1 - Z2 bes anberen Rabes:

für
$$\beta = 0$$
 Grad, $=\frac{(b_1+b)\ rQ}{2\ b_1\ e}$,

»
$$tang.$$
 $eta=\left(rac{b_1-b}{b_1+b}
ight)$, das Maximum $\sqrt{rac{\overline{b_1^2+b^2}}{2}}\cdotrac{r\,Q}{b_1e}$ und

$$\beta = 90 \text{ Grab } \frac{(b_1 - b) rQ}{2 b_1 e}.$$

Es variirt hiernach die Vergrößerung bes Druckes auf ein Treibrad C und ebenso die Berminberung bes Druckes auf ein Borberrad D, here vorgebracht durch die Normalkrafte + N und - N, je nachdem b fleisner oder größer als b_1 ift, entweder zwischen den Grenzen:

$$\frac{(b_1-b) rQ}{2 b_1 e}$$
 und $\sqrt{\frac{b_1^2+b^2}{2}} \cdot \frac{rQ}{b_1 e}$

ober zwischen ben Grengen:

$$\frac{(b_1-b)\,rQ}{2\,b_1\,e}$$
 und $\frac{(b_1+b)\,rQ}{2\,b_1\,e}$.

Da bie Differeng biefer Grenzwerthe um fo großer ausfallt, je großer ber Bemegung Beftanb b ber Rurbelebenen von einander ift, fo folgt, daß bei Locomotiven mit außenliegenden Eplindern, wo fogar b > bi ift, die durch die Rormaltrafte + N und - N berbeigeführten Schwankungen in ber Stabi. litat ber Locomotiven groffer find als bei Locomotiven mit zwifden ben Rabern liegenden Cplinbern.

Diefe Rrafte wirken besonders badurch fehr nachtheilig und ftorend auf bie Locomotive, daß fie nur jur Balfte unmittelbar auf die Treibare C wirten, und bagegen bie andere Balfte berfelben gunachft von ber am Bagengestelle festsigenben Rubrung aufgenommen, und von bem erfteren erft mittels ber Drudfeber auf die vordere Rabare D übergetragen werben. Um bie aus ber Beranberlichteit biefer Rrafte hervorgehenben Schwan: tungen ju magigen, ift es baber nothig, moglichft ftarte Drudfebern in Unwenbung zu bringen.

Die Kraft, welche bie Treibstange in ihrer Apenrichtung fortpflanzt, ift:

$$R = \frac{Q}{\cos \alpha}$$

Sie wirkt beim hingange bes Rolbens an bem Bebelarme:

$$CL = y = r \sin(\beta + \alpha),$$

und bagegen beim Rudgange beffelben, wenn man bier vom tobten Puntte U ausgeht, an bem Bebelarme:

$$CL_1 = y_1 = r \sin (\beta - \alpha).$$

hiernach ift bas Umbrehungsmoment biefer Rraft in bem einen Falle:

$$Ry = \frac{Qr \sin (\beta + \alpha)}{\cos \alpha} = Qr (\sin \beta + \tan \alpha \cos \beta),$$

annåbernb:

=
$$Qr \sin \beta$$
, ober genauer $Qr \sin \beta \left(1 + \frac{r}{l} \cos \beta\right)$,

und im anberen Falle:

$$Ry_1 = \frac{Qr \sin. (\beta - \alpha)}{\cos. \alpha} = Qr (\sin. \beta - \tang. \alpha \cos. \beta),$$

annåbernb:

=
$$Qr \sin \beta$$
, ober genauer $Qr \sin \beta \left(1 - \frac{r}{l} \cos \beta\right)$.

Es ift folglich bie entsprechende Bugtraft fur ben einen Rrumm. zapfen:

$$P_1 = \frac{Qr \sin \beta}{a} \left(1 \pm \frac{r}{l} \cos \beta\right),\,$$

und bagegen für ben anderen, welcher biefem um 90° vorläuft:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 683

$$P_{2} = \frac{Qr \sin. (90^{0} + \beta)}{a} \left(1 \pm \frac{r}{l} \cos. (90^{0} + \beta)\right)$$

$$= \frac{Qr \cos. \beta}{a} \left(1 \mp \frac{r}{l} \sin. \beta\right).$$
Theorie ber Benegung ber Dampi-
swages.

Bernachlässigen wir noch bas Glieb mit bem Factor $\frac{r}{l}$, machen wir also teinen Unterschieb zwischen bem Hin- und bem Rüdgange bes Kolbens, so erhalten wir enblich bie Zugkraft der Locomotive:

1)
$$P=P_1+P_2=\frac{Qr}{a}(\sin \beta + \cos \beta),$$

und bagegen bas Moment bes Rraftepaares, welches die Treibare balb in ber einen, balb in ber anderen Richtung um eine vertikale Are zu breben sucht:

2)
$$\frac{(P_1 - P_2)b}{2} = \frac{Qrb}{2a} (\sin \beta - \cos \beta).$$

Die Zugkraft P ist für $tang. \beta = 1$, b. i. für $\beta = 45$ Grab, ein Maximum, und zwar $P = \frac{Qr\sqrt{2}}{a}$, und fällt bagegen für $\beta = 0$ und $\beta = 90$ Grab nur $\frac{Qr}{a}$ aus Es nimmt folglich biese Kraft während der Umbrehung um einen Quadranten von

$$\frac{Qr}{a}$$
 bis $\frac{Qr\sqrt{2}}{a}$ zu, von $\frac{Qr\sqrt{2}}{a}$ bis $\frac{Qr}{a}$ ab,

mahrend ber mittlere Berth berfelben (f. III., 6. 98)

$$P=\frac{4}{\pi} Qr$$
 ift.

Das Moment des Kraftepaares $\left(+\frac{P_1-P_2}{2}-\frac{P_1-P_2}{2}\right)$ geht bagegen bei der Umdrehung der Kurbel um einen Quadranten entweder

aus
$$-\frac{Qrb}{2a}$$
 in 0 und aus 0 in $+\frac{Qrb}{2a}$, ober aus $+\frac{Qrb}{2a}$ in 0 und aus 0 in $-\frac{Qrb}{2a}$ über.

Die Rraft, mit welcher hiernach balb bas eine, balb bas andere Treib, rab vor- ober gurudgeschoben wirb, schwantt also stets zwischen

0 und
$$\pm \frac{Qrb}{2ab_1}$$
.

Ibeorie ber Diefes Bors und Ructwartvugeren wie gum of gumal wenn ber Dampf ber Treibare, und jum Theil burch bie Schienenbahn, jumal wenn ber Spielraum ber Raber auf berfelben flein ift, verhindert, ober wenigstens in engen Stengen erhalten.

Man erfieht aus ben vorftebenden Form in (1) und (2), daß bie Bug-Eraft, und ebenso auch bie Storungen in ber fortfchreitenden Bewegung einer Locomotive birect wie ber Rurbelhalbmeffer und umgekehrt wie ber Treibradhalbmeffer machfen, und bag ins Besondere noch die letteren bem Abstande ber Rurbelebenen ober Cylinderagen von einander proportional find, und bagegen mit ber Spurmeite im umgekehrten Berhaltniffe Locomotiven mit außen liegenden Cylindern haben baber größere Störungen als folche mit innen liegenben Cylindern. Uebrigens lagt fich bas Bor- und Ruckwartsgehen bes einen ober anderen Rabes baburch vermindern, bag man ben Bagenjug nicht blog in einem, fondern in mehreren Puntten an die Locomotive anschließt, alfo 3. B. burch fcarfes Unspannen ber Berbindungetette bie Puffer bes erften Bagens fart gegen bie ber Locomotive anpreft.

Beifpiel. Es fei bie Rolbenfraft einer Locomotive O = 6000 Bfund, ber halbmeffer bes Bargenfreifes ober ber halbe Rolbenfchub r = 12 Boll, ber halbmeffer eines Treibrabes a = 88 Boll, ber Abstand ber beiben Kolbenaren ober Rurbelebenen von einander b = 72 Boll, bie Spurweite ober ber Abftand ber Rabebenen von einander b, = 55 Boll, bie Entfernung ber vorbern Rabare von ber Treibare, e = 62 Boll, und bie ber außerften Rabaren von einander, e, = 124 Boll; man wunscht bie Bugfraft und bie Storungen ber Treibfraft fennen ju lernen.

Die Seitenfrafte (+ N, - N) ber Treibstangen veranbern ben Drud ber Treibraber auf bie Schienenbahn um eine Große, welche zwischen

$$+ \frac{(b_1 - b) \ rQ}{2 \ b_1 \ e} = \frac{(55 - 72) \ 12 \ 6000}{2 \ 55 \ 62} = - 179 \ \text{Rfunb, unb}$$

$$+ \frac{(b_1 + b) \ rQ}{2 \ b_1 \ e} = \frac{(55 + 72) \ 12 \ 6000}{2 \ 55 \ 62} = + 1841 \ \text{Rfunb}$$

fdmanft, und bagegen ben Drud ber vorberen Raber um bie entgegengefeste Große, welche alfo zwifchen

pariirt.

Die Bugfraft ber Locomotive fowantt zwifden

$$P = \frac{Qr}{a} = \frac{6000 \cdot 12}{83} = 2182$$
 Pfund und $\frac{Qr \ \sqrt{2}}{a} = 2182 \cdot \sqrt{2} = 3085$ Pfund

und ift im Mittel:

$$= \frac{4}{\pi} \cdot \frac{Qr}{a} = 2778 \, \mathfrak{Bfunb}.$$

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 685

6. 290. Die fortschreitenbe Bewegung ber Locomotive und bes gangen Theorie ber Bagenjuges laft fich nach ber Theorie bes boppelten Krummzapfens (f. 111., ber Campt-6. 106 u. f. m.) unmittelbar beurtheilen. Seben wir wieber von ber veranberlichen Reigung ber Treibare gegen die Are ber Rolbenftange ab, fo baben wir fur die Bewegung ber locomotive auf ber Schienenbahn folgenbe Formel (f. S. 200) in Anwendung ju bringen:

$$Qr\left(1+\sin\beta-\cos\beta-\frac{4}{\pi}\beta\right)=(M+M_1+W)\frac{v^2-c^2}{2},$$

in welcher M die Maffe einer Kolbenstange sammt zwei Dritteln der Maffe ber Treibstange, M1 die rotirende Daffe ber Rabaren, Raber u. f. w. fammt einem Drittel ber Treibstangenmaffe, alle auf ben Umfang ber Treibraber reducirt, W bie Daffe ber Locomotive fammt ber bes gangen Wagenzuges bezeichnen, und worin c bie mittlere und v bie veranderliche, bem Drehungswinkel & entsprechende Geschwindigkeit bes Bagenauges ober ber Rabumfange ber Treibraber bebeuten. Es ift biernach:

$$v = c \left(1 + \frac{Qr\left(1 + \sin\beta - \cos\beta - \frac{4}{\pi}\beta\right)}{(M + M_1 + W)c^2}\right),$$

woraus fich ber Marimalwerth:

$$v_1 = \left(1 + 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1 + W) c^2}\right) c$$

und ber Minimalwerth:

$$v_2 = \left(1 - 0.0422 \frac{Qr}{(M + M_1 + W) c^2}\right) c$$

ergiebt, fo bag fich ber Ungleichformigfeitegrad ber fortichreitenben Bemegung bes Wagenjuges:

$$\delta = 0.0844 \frac{Qr}{(M + M_1 + W) c^2}$$

ergiebt, ber allerbings in

$$\delta = 0.2705 \frac{Qr}{(M + M_1 + W) c^2}$$

übergeht (f. III., §. 112), wenn bas Berhaltniß " nicht Rull, sonbern 1/5 ift. Man tann hiernach ermeffen, daß bie Beranberlichteit in ber Geschwindigfeit bes Dampfwagenzuges flein genug ift, um & = 0, b. i. v = c fegen, alfo annehmen ju tonnen, baf fich ber Bug gleichformia fortbewegt. Rehmen wir g. B. Qr = 6000 gufpfund, c nur = 20 Fuß und $M+M_1+M_2=4000$ Pfund an, fo erhalten wir burch bie lette Formel:

$$\delta = 0.2705 \; \frac{6000}{4000 \; . \; 400} = 0.001.$$

Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen. Mit biefer fortschreitenden Bewegung der Locomotive find aber noch befondere schwingende Bewegungen verbunden, welche storende Ginflusse auf die Stabilitat der Locomotive ausüben. Diese schwingenden Bewegungen bestehen entweder

1) in, bem sogenannten Ruden (franz. le tangage) ber Locomotive, wobei dieselbe gegen ihre mittlere Bewegung balb etwas voreilt und balb etwas zurückbleibt; ober 2) in bem sogenannten Schlängeln (franz. le lacet) ober einem Drehen um eine vertikale Are; ober ferner 3) in dem Schwanten (franz. le roulis) ober einer Drehung um eine horizontale Längenare ober enblich 4) in dem Stampfen oder Galopiren (franz. le galop) oder einer Drehung um eine horizontale Querare. Die beiden letzten Störungen dürsen sich natürlich nur auf das Gestelle der Locomotive ersstrecken, welches vermöge seiner Aushängung in Federn ohne die Radaren auf- und niederschwingen kann; das Schwanken und Stampfen des ganzen Dampswagens würde das Entgleisen besselben zur Folge haben.

Es ist leicht zu ermessen, daß das Schwanken und Stampfen bes Dampswagens durch die Bertikalkrafte V_1 und V_2 (s. §. 288) und dagegen das Rucken und Schlängeln durch die Beränderlichkeit und das excentrische Angreisen der Zugkrafte P_1 und P_2 befördert wird.

6. 291 *). Durch bie tragen Maffen ber Rolben, Rolbenftangen, Ereibftangen und Rurbeln wird die Stabilitat ber fortschreitenben Locomotiven noch befonders beeintrachtigt, entweder weil fich diefe Maffen nicht gleichformig bewegen ober weil biefelben nicht gleichmäßig um die Treibare berum vertheilt finb. Der Rolben fammt feiner Stange bat am Anfang feines Ausschubes eine beschleunigte, und am Ende beffelben eine verzogerte Bewegung; in Kolge beffen nimmt er baber mabrend ber erften Salfte feines Schubes ober Buges eine gemiffe Eragheitetraft in Unfpruch, Die er in ber zweiten Salfte beffelben wieber gurudgiebt. Benn alfo auch ber Dampforud (- 0) auf die Grundflache E bes Dampfeplinders, Rig 596, unveranderlich berfelbe bleibt, fo wird boch nicht ber Gegendruck O. an der Treibstange conftant bleiben, fondern es wird biefer Drud ftets um bieienige Rraft fleiner ober großer als ber erftere fein, welche bie trage Maffe bes Dampftolbens u f. w. entweber vermoge ihrer Befchleunigung in fich aufnimmt, ober vermoge ihrer Bergogerung wieber gurudiebt. Diefer Rraftwechfel wirtt befonbere beshalb nachtheilig auf bie Solibitat und Stabilitat ber Locomotive, weil nur bie Rraft Q1 unmittelbar von ber Treibare aufgenommen wird und bagegen ber Drud - Q gegen bie Grundflache bes Dampfcplinders erft mittelbar, b. i. burch bie Druckfebern und Arenhalter auf die Aren übergetragen wird.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 687

Bahrend die Barze B der Rurbel um den Binkel $OCB = \beta$ um theorie der Beinregung lauft, bewegt fich der Kolben F um den Beg:

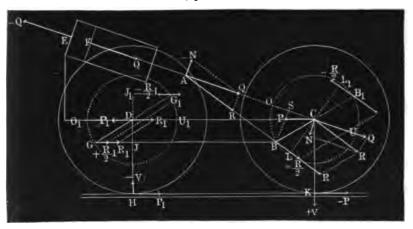
 $s = r (1 - \cos \beta) - \frac{r^2 (\sin \beta)^2}{2 l} (f. III., §. 95),$

wofur wir indeffen annabernd nur

$$s = r (1 - \cos \beta)$$

fegen wollen.

Fig. 596.



Die entsprechenbe Rolbengeschwindigfeit ift:

$$v = \frac{ds}{dt} = r \sin \beta \frac{d\beta}{dt}$$
 (f. I., §. 19 *)),

und da nun noch $a\beta=ct$, ober $ad\beta=cdt$ ift, wofern c bie Gesschwindigkeit des Bagens und t die Zeit zum Durchlaufen des Weges s bezeichnet, so folat:

$$v = r \sin \beta \frac{c}{a} = \frac{c r \sin \beta}{a}$$
.

und hieraus wieber bie Acceleration bes Rolbens:

$$p = \frac{dv}{dt} = \frac{cr}{a}\cos \beta \frac{d\beta}{dt} = \frac{c^2r}{a^2}\cos \beta = \omega^2r\cos \beta,$$

wobei w bie Bintelgefchwindigfeit ber Treibare ausbruckt.

Multiplicirt man nun diefe Acceleration burch die Daffe M bes Kolbens u. f. w., fo erhalt man die gefuchte Tragbeitetraft beffelben:

$$K_1 = \omega^2 Mr \cos \beta$$
.

Für ben Kolben ber anderen Maschine ift statt $m{eta}$, 900 + $m{eta}$, und daher die Trägheitstraft:

$$K_2 = \omega^2 Mr \cos(90^\circ + \beta) = -\omega^2 Mr \sin \beta$$
.

Ebeorie ber Aus diesen beiben Kraften folgt eine Mittelkraft, welche die Locomotive ber Dampf- in kurzen Absahen hins und zuruchschiebt und vorzüglich bas Rucken bers felben beforbert:

1) $K = K_1 + K_2 = \omega^2 Mr$ (cos. β — sin. β), und ein Kräftepaar, welches die Locomotive um eine gegen die Chenen durch beide Kolbenstangen rechtwinkelig stehende Are zu drehen sucht, und bas Moment:

2)
$$\frac{(K_1 - K_2) b}{2} = \frac{\omega^2 Mrb}{2} (\cos \beta + \sin \beta)$$

hat.

Liegen die Dampfcplinder nicht horizontal, sondern sind sie unter bem Bintel & gegen den Horizont geneigt, so zerlegt sich die Mitteltraft K in eine Horizontaltraft:

$$H = K \cos \iota$$

und in eine Bertikalkraft:

$$V = K \sin \iota$$

Babrend die erftere Kraft bas Ruden bes Dampfwagens hervorbringt, erzeugt und beforbert lettere bas fogenannte Stampfen beffelben.

Sbenso zerlegt fich bas Rraftepaar in einen horizontalen und einen vertikalen Componenten, und es ift bas Moment bes ersteren:

$$(K_1-K_2)\frac{b\ cos.\,\iota}{2},$$

und bas des zweiten:

$$(K_1 - K_2) \frac{b \sin a}{2} \iota$$
,

wovon bas erstere bas Schlängeln und bas zweite bas Schwanken bes Wagens erzeugt.

Die Mittelkraft K geht mahrend ber einen halben Umbrebung ber Treibwelle aus:

 $\omega^2 Mr$ in 0, in — $\omega^2 Mr$, — $\omega^2 Mr \sqrt{2}$, — $\omega^2 Mr$ und mahrend der zweiten aus:

— ω^2 Mr in 0, in + ω^2 Mr, + ω^2 Mr $\sqrt{2}$, + ω^2 Mr über, es variirt folglich biese Kraft während einer ganzen Umbrehung zwisschen den Grenzen:

$$-\omega^2 Mr \sqrt{2}$$
 und $+\omega^2 Mr \sqrt{2}$.

Das Moment des Rraftepaares $\left(+\frac{K_1-K_2}{2}-\frac{K_1-K_2}{2}\right)$ burch: läuft mahrend der einen halben Umdrehung die Werthe:

$$\frac{\omega^2 Mrb}{2}$$
, $\omega^2 Mrb \sqrt{1/2}$, $\frac{\omega^2 Mrb}{2}$, 0 , $\frac{\omega^2 Mrb}{2}$,

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 689

und mahrend ber anderen bie Werthe:

$$-\frac{\omega^{2} M r b}{2}, -\omega^{2} M r b \sqrt{\frac{1}{2}}, -\frac{\omega^{2} M r b}{2}, 0, +\frac{\omega^{2} M r b}{2},$$

Theorie der Bewegung ber Dampf wagen.

und schwankt folglich innerhalb einer gangen Umbrehung zwischen ben Grenzen: $+ \omega^2 Mrb V^{1/2}$ und $- \omega^2 Mrb V^{1/2}$.

§. 292. Da bie Kurbet CB im Kreise herumlauft, so kann man bie Bewegung berfelben in zwei andere Bewegungen zerlegen, wovon bie eine bie Richtung ber Kolbenare hat, und bie andere um einen Rechtwinkel von biefer Are abweicht. Es ift ber Weg in der ersteren Richtung wieder:

$$OS = r (1 - \cos \beta),$$

und bagegen ber in ber anberen Richtung:

$$SB = r \sin \beta$$
.

Daher folgt bie Acceleration ber erfteren Bewegung:

$$p = \frac{c^2 r}{a^2} \cos \beta = \omega^2 r \cos \beta,$$

und bagegen bie ber anberen:

$$q = -\frac{c^2 r}{a^2} \sin \beta = -\omega^2 r \sin \beta$$
.

Ift nun M1 die Maffe bes Krummzapfens, von ihrem Schwerpuntte auf die Bargenare reducirt, fo hat man die Tragheitstraft bes Krumms gapfens in ber Richtung der Kolbenbewegung:

$$M_1 p = \omega^2 M_1 r \cos \beta$$
,

und dagegen die rechtwinkelig gegen jene:

$$M_1 q = - \omega^2 M_1 r \sin \beta$$
.

Får ben anderen Rrummgapfen ift bagegen bie erftere Rraft:

$$\omega^2 M_1 r \cos(90^0 + \beta) = -\omega^2 M_1 r \sin \beta$$

und bie andere:

$$-\omega^2 M_1 r \sin(90^0 + \beta) = -\omega^2 M_1 r \cos \beta.$$

Da die Tragheitetrafte, welche parallel der Rolbenbewegung wirken, genau so bestimmt werden, wie die der Rolben, so kann man sie sogleich zu biesen addiren, und seben:

$$K_1 = \omega^2 (M + M_1) r \cos \beta$$
, sowie $K_2 = -\omega^2 (M + M_1) r \sin \beta$.

Bas aber bie Mormalfrafte

 $S_1 = -\omega^2 M_1 r \sin \beta$ und $S_2 = -\omega^2 M_1 r \cos \beta$ anlangt, so vereinigen sich bieselben wieder zu einer Mittelfraft:

$$S = S_1 + S_2 = -\omega^2 M_1 r (\sin \beta + \cos \beta),$$

und ju einem Rraftepaare mit bem Moment:

$$(S_1 - S_2) \frac{b}{2} = \frac{\omega^2 M_1 r b}{2} (\cos \beta - \sin \beta),$$

Ш

Theorie ber wovon die erstere ben Druck der Treibrader auf die Ape innerhalb ber Bewegung ber Jampl. Grenzen: wagen.

 $-\omega^2 M_1 r \sqrt{2}$ und $+\omega^2 M_1 r \sqrt{2}$

verandert und badurch bas Stampfen der Locomotive beforbert, und bas andere zwifchen ben Grenzen:

 $-\omega^2 M_1 r b V^{1/2}$ und $+\omega^2 M_1 r b V^{1/2}$

variirt, wodurch bas Schwanten bes Dampfmagens hervorgebracht wirb.

Die Treib: ober Kurbelftange M_2 hat erstens die Bewegung mit ber Kolbenstange gemeinschaftlich, weshalb man ben entsprechenden Theil ihrer Trägheitstraft unmittelbar zu K_1 und K_2 abbiren kann, so daß

$$K_1$$
 in $\omega^2 (M + M_1 + M_2) r \cos \beta$ und K_2 in $-\omega^2 (M + M_1 + M_2) r \sin \beta$

übergeht; außerbem hat aber noch ber Schwerpunkt berfelben eine Seitenbewegung, welche $\frac{l_1}{l}$ ber Seitenbewegung ber Aurbelwarze zu sehen ist, wenn l_1 ben Abstand bes Schwerpunktes bieser Stange von bem Kolbenstangenkopfe bezeichnet. Deshalb sind denn auch die beiben Kurbelstangen entsprechenden Seitenkräfte:

—
$$\omega^2 M_2 r \frac{l_1}{l} \sin \beta$$
 und — $\omega^2 M_2 r \frac{l_1}{l} \cos \beta$.

Bon diesen Kraften wird auf die Kurbelwarzen der $\left(\frac{l_1}{l}\right)$ te, und auf die Parallelführung der $\left(\frac{l-l_1}{l}\right)$ te Theil übergetragen, so daß die Mittelskraft $S=S_1+S_2$ in:

$$-\omega^{2}\left[M_{1}+M_{2}\left(\frac{l_{1}}{l}\right)^{2}\right]r\left(\sin\beta+\cos\beta\right)$$

und bas Moment bes Rraftepaares ($S_1 - S_2$) $\frac{b}{2}$ in:

$$\omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \frac{br}{2} (\cos \beta - \sin \beta)$$

übergeht, mahrend bie Seitentrafte:

$$T_1 = -\omega^2 M_2 \frac{l_1 (l-l_1) r}{l^2} \sin \beta$$
 und

$$T_2 = - \omega^2 M_2 \frac{l_1 (l - l_1) r}{l^2} \cos \beta$$

erft auf bas Wagengestelle übergeben und von bemfelben mittels ber Drudfebern unb, nach Befinden, mittels ber Apenhalter auf die Apen übergetragen werben.

Bei gekuppelten Rabern find naturlich noch die Tragbeitefrafte ber Auppelwarzen und ber Auppelftangen in Betracht zu ziehen. Da jedes

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 694

Theilchen ber Auppelftangen biefelbe Rreisbewegung hat wie die Bargen, Theerie ber fo find auch die Eragheitetrafte biefer Stangen genau fo gu bestimmen, ber Tampfwie die der Warzen oder Krummzapfen. Ift Ma die Maffe einer Ruppelwarze und M4 die einer Ruppelstange, so hat man bemnach fur die ents fprechenden Tragheitsfrafte in der Richtung der Rolbenbewegung die Ausbruce:

$$K_3 = \pm \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \cos \beta$$
 und $K_4 = \mp \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \sin \beta$,

worin die oberen Beichen ju nehmen find, wenn bie Auppelftangen an ben Warzen der Treibstangen angreifen, und dagegen die unteren, wenn die Ruppelmargen ben Treibstangenwarzen gegenüberfteben.

Sind zwei Raberpaare mit ben Treibrabern getuppelt, fo hat man:

$$K_3 = \pm 2 \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \cos \beta$$
 und $K_4 = \mp 2 \omega^2 (2 M_3 + M_4) r \sin \beta$.

Diefe Rrafte (Ka und K4) vereinigen fich naturlich mit ben Rraften K1 und K2 in ber oben bestimmten Mittelfraft K und in dem gefundenen Rraftepaare:

$$\left(+\frac{K_1-K_2}{2}-\frac{K_1^2-K_2}{2}\right)$$

Außer diesen Kräften geben die letten trägen Massen M_3 und M_4 auch noch bie Seitenfrafte rechtminkelig gur Bewegungerichtung bes Rolbens, und awar:

$$S_3 = -\omega^2 (2 M_3 + M_4) r \sin \beta$$
 und $S_4 = -\omega^2 (2 M_3 + M_4) r \cos \beta$,

aus welchen nicht allein eine Mittelfraft, fonbern auch ein. Rraftepaar refultirt, welches lettere ben Abftand ba ber Umbrehungsebenen ber Ruppels margen gum Bebelarme bat.

6. 293*). Da die Tragbeitelraft

$$K = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r (\cos \beta - \sin \beta)$$

bes Rolbens fammt feiner Stange u. f. w. mahrend ber Umbrehung bes Rrummzapfene von 45 bis 225 Grad negativ, und mahrend ber folgenden halben Umdrehung von 225 bis 405 Grad wieder positiv ift, fo ertheilt fie bem ohnebies icon nicht gang gleichformig fortichreitenben Dampfmagen noch eine kleine schwingende Bewegung, vermoge welcher er abwechselnd etwas vor- und rudwartsgeschoben wird. Die Amplitude biefer fcmingenben Bewegung laft fich wie folgt ermitteln.

Ift W die Daffe bes Dampfwagens und p feine Acceleration in Sinficht auf biefe Schwingungsbewegung, fo haben wir junachft:

$$Wp = K$$
.

Run ift $p=rac{du}{dt}$, wenn u bie Schwingungsgeschwindigkeit ber Loco-

Theorie ben motive, dt ein Beitelement und du bas entsprechende Geschwindigfeits-Bemegung ber Dampf- element bezeichnet, baher folgt:

$$Wdu = Kdt$$

und ba $t=rac{oldsymbol{eta}}{oldsymbol{\omega}},$ alfo $\omega t=oldsymbol{eta}$ und $\omega\,d\,t=d\,oldsymbol{eta}$ gefest werben fann,

 $W du = \omega (M + M_1 + M_2) r (\cos \beta - \sin \beta) d\beta$, woraus

 $Wu = \omega (M + M_1 + M_2) r (sin. \beta + cos. \beta)$ folgt, und eine Constante nicht hinzuzufügen ist, weil u Rull ist, wenn K seinen größten negativen Werth hat, d. i. wenn $sin. \beta = cos. \beta$ ist.

Bezeichnet man ferner ben Schwingungeweg ber Locomotive burch z, fo bat man:

$$u = \frac{dz}{dt}$$
, oder $u d\beta = \omega dz$,

und baber :

 $W d z = (M + M_1 + M_2) r (\sin \beta + \cos \beta) d \beta$, worque fich durch Integriren:

 $Wz = (M + M_1 + M_2) r (\sin \beta - \cos \beta),$ und folglidy:

$$z = \frac{(M + M_1 + M_2) r}{W} (\sin \beta - \cos \beta)$$

ergiebt.

Dieser Schwingungsweg ist für tang. $\beta = -1$, d. i. für $\beta = 135^\circ$ am größten, und zwar:

$$=\frac{(M+M_1+M_2)\ r\ \sqrt{2}}{W},$$

und bagegen für tang. $\beta=1$, b. i. für $\beta=45$ Grab, $=\Re$ ull; folgslich fällt die Schwingungselongation ber Locomotive

$$z=\pm \frac{(M+M_1+M_2)\ r\ V\ 2}{W}$$

aut.

Die schwingende Bewegung ber Cocomotive um eine vertikale Are, welche durch das Kraftepaar $\left(\frac{K_1 - K_2}{2}, - \frac{K_1 - K_2}{2}\right)$ hervorgebracht wird, last sich auf ahnliche Weise beurtheilen.

Es sei T das Trägheitsmoment der Locomotive in hinsicht auf ihre vertikale Schwerlinie, und p1 die Acceleration bieser Bewegung in der Gbene der Treibrader. Dann haben wir:

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 698

 $Tp_1 = \frac{1}{4} \omega^2 (M + M_1 + M_2) r b b_1 (\cos \beta + \sin \beta);$ baher für die entsprechende Geschwindigkeit u_1 :

Theorie ber Bewegung ber Dampfwagen.

 $Tu_1 = \frac{1}{4} \omega (M + M_1 + M_2) rb b_1 (sin. \beta - cos. \beta),$ und endlich fur den zugehörigen Schwingungsweg z_1 :

 $Tz_1 = -\frac{1}{4}(M + M_1 + M_2) rbb_1 (\cos \beta + \sin \beta),$ also:

$$z_1 = -\frac{(M + M_1 + M_3) r b b_1}{4 T} (\cos \beta + \sin \beta).$$

Dieser Weg ist får $\sin \beta = \cos \beta$ ein Maximum, und zwar $-\frac{(M+M_1+M_2)\,r\,b\,b_1\,\sqrt{2}}{4\,T}$ und får $\sin \beta = -\cos \beta$, Null;

baher schwingt jeber Endpunkt ber Areibare gegen seine mittlere Lage balb um $\frac{(M+M_1+M_2)\,r\,b\,b_1\,\sqrt{2}}{4\,T}$ vor, balb eben so viel nach, wenn er nicht durch bie Schienenbahn baran gehindert wird.

§. 294. Die im Borstehenben betrachteten Störungen in ber Stabilität und Bewegung ber Locomotiven lassen sich, in so weit sie aus ber
Wirtungsweise ber Treibkrafte hervorgehen, gar nicht, und insoweit sie in
ber Trägheit ber Zwischenmaschine ihren Grund haben, nur zum Theil
burch Gegengewichte ausheben. Am vollständigsten wurde man benselben
entgegenwirken, wenn man bie Locomotive burch vier Dampfmaschinen in
Bewegung sehen ließe, von welchen je zwei auf ben entgegengesehten Seiten ber Treibare liegen und an entgegengesehten Warzen ber Treibwelle
angreisen; ober wenn man wenigstens sebem ber beiben Dampftolben einer
gewöhnlichen Locomotive auf ber anderen Seite ber Treibare noch einen
anderen Kolbenmechanismus entgegensehte, welcher die entgegengesehten
Bewegungen bes ersteren macht und baher auch entgegengesehte Trägheitskräfte hervorruft.

Gegen. gemichte

Man hat jedoch von dieser Ausgleichungsweise abgestanden, weil baburch ber Bewegungsmechanismus des Dampswagens noch compliciter ausfallen wurde, und bedient sich baber jest nur der rotirenden Gegengewichte, welche allerdings auch nur theilweise, und zwar entweder nur die horizontalen oder nur die vertikalen Storungen aufzuheben vermögen.

Um bie borigontalen Eragheitsfrafte:

$$K_1 = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r \cos \beta$$
 und $K_2 = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r \sin \beta$

auszugleichen, hat man jeder der beiben Kurbelwarzen gegenüber in einem beliebigen Abstande r_1 eine Masse $(M+M_1+M_2)\frac{r}{r_1}$ anzubringen;

Gegen. gewichte. bie horizontalen Componenten ber Centrifugals ober Trägheitsträfte dieser Massen bilben bann mit K_1 und K_2 Kräftepaare, welche bekanntlich teinen Drud auf die Ape C ausüben.

Die vertifalen ober normalen Componenten ber Tragheitefrafte:

$$S_1 = - \omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] r \sin \beta$$
 und
$$S_2 = - \omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] r \cos \beta$$

laffen fich ebenfalts burch zwei Daffen, jede von ber Große

$$\left[M_1+M_2\left(\frac{l_1}{l}\right)^2\right]\frac{r}{r_1}$$

ausgleichen, welche in einem willkurlichen Abstande r_1 ben Kurbelwarzen gegenüber anzubringen sind; denn es bilden die vertikalen Componenten der Centrifugalkräfte dieser Massen mit S_1 und S_2 Kräftepaare, welche nur auf die Rotation um die Are C_1 , nicht aber auf das Fortschreiten dieser Are einwirken.

Diefe lettere Ausgleichung ift beshalb um fo vortheilhafter, ba burch fie auch die horizontalen Eragheitetrafte auf die fleineren Berthe:

$$K_1 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \cos \beta$$
 und
$$K_2 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \sin \beta$$

Burudgeführt werben, und außer biefen nur noch bie in ben Leitungen gur Birkfamteit tommenben Seitenkrafte:

$$T_1 = -\omega^2 M_2 r \frac{l_1 (l - l_1)}{l^2} \sin \beta$$
 und
 $T_2 = -\omega^2 M_2 r \frac{l_1 (l - l_1)}{l^2} \cos \beta$

unausgeglichen zurudbleiben, wogegen burch die vollständige Ausgleichung ber Horizontalkrafte mittels der Gegengewichte $(M+M_1+M_2)\frac{r}{r_1}$ die Bertikalkrafte auf:

$$S_1 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \sin \beta$$
 und
 $S_2 = \omega^2 \left(M + M_2 \left[1 - \left(\frac{l_1}{l} \right)^2 \right] \right) r \cos \beta$

gefteigert merben.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 695

Beifpiel. Es fei bei einer Locomotive von 50000 Pfund Gewicht, welche Gegenburd horizontal liegende Dafchinen mit 60 guf Gefdwindigkeit fortbewegt werben foll, bas Gewicht eines Rolbens fammt Stange 860 Bfund, bas Gewicht einer Lenkstange 260 Bfund, bas Gewicht einer Rurbel, auf ihre Barge rebus cirt, 120 Bfund, bie gange eines Rurbelarmes, r == 1 Fuß, ber Salbmeffer eines Treibrabes, a = 8 guß, ber Abstand ber Rabebenen von einander, b, = 55 und ber ber Cylinderaren von einander, b = 72 Boll, und endlich fei bas Tragheitsmoment bes gangen Bagens in Beziehung auf feine vertifale Schwerlinie, T=16 M gugpfund. Dan foll bie ftorenben Rrafte, fowie bie Storungen, welche bie tragen Raffen ber Bewegungsmechanismen biefes Bagens hervorbrins gen, und endlich noch bie Brofe ber Wegengewichte gur Ausgleichung biefer Stos rungen ausmitteln.

Es ift bie Binfelgeschwindigfeit ber Treibare:

$$\omega = \frac{v}{4} = \frac{60}{3} = 20 \text{ gus,}$$

und es find hiernach bie horizontalen Tragheitetrafte:

$$K_1 = \omega^2 (M + M_1 + M_2) r \cos \beta = 400 \cdot (360 + 120 + 260) \frac{\cos \beta}{g}$$

$$= \frac{400 \cdot 740 \cos \beta}{81,25} = 9472 \cos \beta \Re \text{funb, fowie}$$

 $K_2 = -\omega^2 \left(M + M_1 + M_2\right) r \sin \beta = -9472 \sin \beta \Re \text{funb.}$

Da sowohl cos. β als auch sin. β zwischen + 1 und - 1 variirt, so find auch bie Rrafte K, und K, fletigen Beranberungen innerhalb ber Grengen + 9472 und - 9472 Bfund ausgesest. Der fleinfte Berth von ber Mittelfraft aus K_1 und K_2 ift 0 und ber größte \pm 9472 $\sqrt[4]{2} = \pm$ 18395 Pfund. Diese veranderliche Mittelfraft schiebt bie Locomotive mahrend einer Umbrehung ber Treibare ein Mal vor und ein Mal zurud um

$$s = \frac{(M + M_1 + M_2) r \sqrt{2}}{W} = \frac{740 \sqrt{2}}{50000} = 0,0209 \% u \beta = \frac{1}{4} \text{ SoU}.$$

Das Moment bes überbies noch aus ben Rraften K, und K. hervorgebenben Rraftepaares ichwanft zwischen ben Brengen:

$$+\omega^{2} (M + M_{1} + M_{2}) r b \sqrt{\frac{1}{1/2}} = 9470 \cdot 6 \cdot \sqrt{\frac{1}{1/2}} = 40178 \text{ unb} - \omega^{2} (M + M_{1} + M_{2}) r b \sqrt{\frac{1}{1/2}} = -40178 \text{ Suppfunb},$$

und bewirkt, daß bald bas eine und balb bas andere Treibrad um ben Weg

$$s_1 = \frac{(M + M_1 + M_2) rbb_1 \sqrt{2}}{4 T} = \frac{740.6.55 \sqrt{2}}{4.12.16.50000} = 0,09$$
 guß = 0,11 30ll

feiner mittleren Bewegung voreilt, ober nachbleibt. Diefe forenben Bewegungen ber Locomotive laffen fic burch zwei Begengemichte von je 740 Bfund aufheben, welche im Abstande r = 1 Fuß von ber Treibare, ben entsprechenben Rurbelwarzen gegenüber, mit ber Treibwelle fest zu verbinden find.

Steht bie Locomotive auf feche Rabern, fo fonnen wir annehmen, bag jebes Rad ein Sechstel bes gangen Bagengewichtes, alfo $\frac{50000}{6}=8333$ Pfund Drud auf bie Schienenbahn überträgt. Diefer Drud wird aber burch bie vertifalen Tragbeitefrafte abmechselnd noch vergrößert und verfleinert. Liegt ber Schwerpunkt einer Lenkstange um li = 1/5 l, b. i. um brei Fünftel ber gangen Lenkftange vom Querhaupte ber Rolbenftange ab, fo haben wir bie vertifalen Tragbeitefrafte:

Gegen. gewichte.

$$S_{1} = - \omega_{2} \left[M_{1} + M_{2} \left(\frac{l_{1}}{l} \right)^{2} \right] r \sin \beta$$

$$= - \frac{400 (120 + 0.86 \cdot 260) \sin \beta}{81.25} = - 2734 \sin \beta \text{ unb}$$

$$S_{2} = - \omega^{2} \left[M_{1} + M_{2} \left(\frac{l_{1}}{l} \right)^{2} \right] r \cos \beta = - 2734 \cos \beta.$$

Diefe Rrafte geben bie Mittelfraft:

$$S = S_1 + S_2 = -2734$$
 (sin. $\beta + \cos \beta$),

und ein Rraftepaar mit bem Domente:

$$(S_1 - S_2) \frac{b}{2} = -2734.8 (\sin \beta = \cos \beta) = -8202 (\sin \beta - \cos \beta),$$

welches ben Drud auf ein Treibrab abwechselnb um

$$\frac{(S_1 - S_4)b}{2b_1} = \frac{8202 \ (\sin \beta - \cos \beta)}{{}^{50}/{15}} = 1790 \ (\sin \beta - \cos \beta)$$

vergrößert ober verfleinert.

hiernach folgt ber beiben Rraften entsprechenbe Buwachs bes Drudes auf bie Schienenbahn, fur bas eine Rab:

$$\frac{S}{2} + \frac{(S_1 - S_2)b}{2b_1} = 1867 \ (\sin \beta + \cos \beta) + 1790 \ (\sin \beta - \cos \beta),$$

$$\frac{S}{2} - \frac{(S_1 - S_1) b}{2 b_1} = 1867 \ (\sin \beta + \cos \beta) - 1790 \ (\sin \beta - \cos \beta).$$

Die Grenzwerthe biefer Dreiede finb:

$$\pm \sqrt{\frac{b_1^2+b^2}{2}} \cdot \omega^2 \left[M_1 + M_2 \left(\frac{l_1}{l}\right)^2\right] \frac{r}{b_1} = \pm 3185 \ \mathfrak{Pfund.}$$

Siernach ichmantt bann ber Drud eines Treibrabes auf bie Schienenbahn gwifchen ben Grengen:

Der lettere Grenzwerth wird durch die in §. 288 bestimmte Bertikalfrast $Z_1 + Z_2$, welche aus der Berlegung der Treibfrast in die Geradführung hervorgeht, noch um ein Ansehnliches vergrößert.

Benn man zur Ausgleichung ber vertifalen Trägheitsfräfte, ben Kurbels warzen gegenüber, im Abstanbe r=1 Fuß von ber Rabare ein Gegengewicht von $120+0.36\cdot 260=213.6$ Pfund anbringt, so werben nicht nur die letzten Störungen vollständig aufgehoben, sondern es werden auch die horizontalen Trägheitsfräfte auf ben

$$\frac{M + M_s \left[1 - \left(\frac{l_1}{l}\right)^s\right]}{M + M_1 + M_2} = \frac{860 + 166.4}{740} = 0,71$$
ften Theil

gurudgeführt.

Fast benfelben 3wed erreicht man auch, wenn man im Abstande $r_1=2^{1}/_{2}$ Fuß von der Radare, und zwar am innern Umfange der Treibräder, das Gesgengewicht $\frac{213.6}{2.5}=85.44$ Pfund andringt.

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 697

6. 295. Die Rraft zur langfamen Bewegung eines Bagens ober eines mberfin gangen Bagenzuges auf einer horizontalen Schienenbahn ift genau fo gu babnen. beurtheilen, wie bie Rraft gum Fortziehen ber Bagen auf Strafen. ift (f. g. 261) burch bie Formel:

$$P = (1 + v) \left(\varphi \frac{\varrho}{r} + \frac{\psi}{r} \right) Q + \frac{\psi R}{r}$$

bestimmt, in welcher Q die reine gaft, vQ = W bas Gewicht ber Bagen ohne Raber, R bas Gewicht ber Raber, ferner r ben Salbmeffer berfelben, o den Arenhalbmeffer, o und w bie Coefficienten ber Arenreibung und ber Balgenreibung bezeichnen. Infofern findet aber zwischen beiben Wegen ein geoßer Unterschied ftatt, als bei ben Fahrstragen die malgenbe, und bagegen bei ben Schienenbahnen die Bapfenreibung bas hauptfache lichfte Bewegungshinderniß ausmacht. Der Coefficient der Arenreibung beträgt bei den Gisenbahnwagen (f. I., f. 164) $\varphi = 0,050$, und ber ber walzenden Reibung (f. I., S. 174) w = 0,020, wobei r in preuß. Bollen gegeben fein muß. Run ift aber bas bei ben gewohnlichen Gifenbahnwagen im Mittel 2 e = 25/8, und 2r = 40 3oll; baher folgt bann bier

$$P = (1 + \nu) \left(0.05 \cdot \frac{21}{820} + \frac{0.02}{20} \right) Q + \frac{0.02}{20} R$$

= 0.00428 (1 + \nu) Q + 0.001 R,

mahrend die Rraft zum Fortziehen vierraberiger Bagen auf guten Schotterftragen (f. Tabelle g. 263, III.) mindeftens

$$P = 0.05 (1 + \nu) Q$$

b. i. circa 121/2mal fo groß ist.

Diefe Rraft wird beim ichnellen Fahren noch burch ben Biberftand ber Luft vergrößert, ber, wie bekannt, mit bem Quabrate ber Gefchwindigfeit c bes Bagenzuges machft. Ift F ber großte Querschnitt bes Bagenzuges, y die Dichtigkeit der Luft und & ein Biberftandscoefficient, fo lagt fich, wie bekannt (f. Bd. I., g. 429 u. f. w.), ber Biderftand, welchen die Luft ber Bewegung bes Bagenjuges entgegenfett, burch

$$P_1 = \xi \cdot F\gamma \cdot \frac{c^3}{2g}$$

ausbruden, und hierin ber Wiberstandscoefficient & == 1,83 annehmen.

Siebt man c in Fuß und F in Quadratfuß, und nimmt man bas Gewicht eines Cubitfuges Luft $\gamma=rac{66}{800}$ Pfund an, fo hat man:

$$P_1 = 1,33 \cdot 0,016 \cdot \frac{66}{800} Fc^2 = 0,0017556 Fc^2$$
 Pfund

Biberftanb auf Elfenbabuen. Nach Dambour ift:

P1 = 0,005064 Fc2 Kilogramm,

wenn F in Quadratmetern und c in Rilometern pr. Stunde gegeben wird.

Mun beträgt aber:

ein Meter . . . = 3,1862 preuß. Buf,

ein Quadratmeter . . = 10,15187 preuß. Quadratfuß,

ein Kilometer ftunblich $_{\bullet}=\frac{1000}{3600}$ Meter pr. Sec., und

ein Kilogramm . . . = 2,13807 preuß. Pfund;

baher folgt benn fur bas preuß. Daaß:

$$P_1 = 0.005064 \frac{F}{10.15187} \cdot \left(\frac{3600 c}{1000 \cdot 3.1862}\right)^2 \cdot 2.13807$$

$$= 0.001362 F c^2 \text{ Dfunb.}$$

Uebrigens rechnet Pambour für eine Locomotive mit Tenber und mit einem Wagen F=70 Quadratfuß engl. =66 Quadratfuß preuß. und für jeden folgenden Wagen noch 10 Quadratfuß engl. =9,4 Quadratfuß preuß. zu.

Es ift leicht zu ermeffen, daß nicht allein der Biberftand der Luft, sonbern auch noch die Widerstände, welche aus den Bibrationen und Stofen der Bagen auf der Bahn hervorgehen, mit dem Quadrate der Geschwinbigkeit des Trains machsen, und daß man baher genauer

$$P_1 = (\alpha O + 0.001362 \ F) \ c^2$$

wo α eine diefen Bibrationen und Stoffen entfprechende Erfahrungsjahl bebeutet, ju fegen hat.

Der Englander M. Scott-Rufell nimmt an, daß der lette Wiberftand nur mit c wachse, und hiernach sindet M. B. harding folgende auf mehrere neuere englische Bersuche basitte empirische Formel fur den Gesammtwiderstand eines Wagenzuges auf einer schligen und geraden Bahnstrede:

$$P + P_1 = \left(6 + \frac{c}{3}\right)Q_1 + 0{,}0025 \; Fc^2$$
 Pfund engl.,

und es bedeutet hierin $Q_1=(1+\nu)\ Q$ das ganze Gewicht des Trains in Lonnen, F den Inhalt des größten Querschnitts besselben in Quadratzfuß, und c die Geschwindigkeit in engl. Meilen pr. Stunde.

Druden wir Q1 in Pfund und c in Fuß pr. Sec. aus, fo ethalten wir:

$$P + P_1 = \left(6 + \frac{1}{3} \cdot \frac{3600 c}{5280}\right) \frac{Q_1}{2240} + 0,0025 F \left(\frac{3600 c}{5280}\right)^2$$

$$= (0,002679 + 0,0001015 c) Q_1 + 0,001198 F c^2 Pfund,$$
und für preuß. Maaß:

 $P + P_1 = (0.002679 + 0.0001045 c) Q_1 + 0.001807 Fe Pfund.$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Wegen. 699

Diefe Formel gilt ftreng genommen nur fur Perfonenguge und giebt Biperfiand auch bei fleinen Gefchwindigkeiten ju große Werthe, welches feinen Grund befonders darin haben mag, daß in benfelben ber Widerftand burch bie Bibrationen und Stofe bem einfachen c und nicht ce proportional mach: fend angenommen wird. Rehmen wir an, baf bas Glied 0,0001045 c Q1 bei c = 60 Auf ein richtiges Resultat liefere, und erfeten wir baffelbe burch ein Glieb wc2 Q, fo erbalten wir folgende Gleichung:

 $\psi c^2 = 0.0001045 \ c$, und baber:

$$\psi = \frac{0,0001045}{c} = \frac{0,0001045}{60} = 0,000001741$$
, folglid:

 $P+P_1 = (0.002679 + 0.000001741 c^2) Q_1 + 0.001307 Fc^2$ Pfund.

6. 296. Durch ben Bind fann ber Biberftand bes Bagenjuges einer Locomotive entweder noch vergrößert ober auch verkleinert werben. wegt fich ber Wind mit ber Gefchwindigfeit v in ber Richtung bes Buges, fo ift die relative Gefchwindigkeit des Buges in hinficht auf die Luft nur c - v, und bewegt er fich mit biefer Geschwindigkeit bem Bagengug birect entgegen, fo ift die relative Geschwindigkeit bes letteren c + v. Benn baber 0,001807 Fc2 ben Wiberstand in rubiger Luft ausbrudt, fo hat man benfelben

$$P_1 = 0.001307 \ F (c \mp v)^2$$

in der nach ber einen ober ber anderen Richtung bewegten Luft.

Stromt ber Wind ichief gegen die Bewegungerichtung bes Buges, und weicht beffen Richtung von ber bes letteren um ben Binkel & ab, fo haben wir den Componenten der Windgeschwindigkeit in ber Richtung bes Buges v cos. d, und baher:

$$P_1 = 0.001307 \ F (c \mp v \cos \delta)^2$$

ju fegen.

Mus ben Componenten v sin. & rechtwinkelig gegen die Bahn geht ein Seitenftog hervor, burch welchen ber Wagengug feitwarts an ben einen Schienenstrang angebrudt und bie Reibung ber Raber auf biefem Strange vergrößert wirb. Diefe Rraft ift bem gangenburchschnitt F, bes Bagen. juges proportional, und lagt fich baber

$$S = 0.001307 F_1 (c \sin \delta)^2$$

fegen.

Uebrigens wirft fie wie die Centrifugalfraft beim Durchfahren einer Curve (vergl. §. 268), fie ichiebt bie Bagen fo weit von ihrer mittleren Bahn ab, bis fich in Folge ber Conicitat ber Rabreifen bie Raber auf ber einen Seite um eine Sohe & gehoben, und bie auf ber anderen Seite

um eine Tiefe $\frac{\sigma}{2}$ gefenkt haben, folglich jene mit dem Durchmeffer $d+\delta$

Biberftanb auf Gifenbahnen.

und diese mit dem Durchmesser $d-\delta$ fortrollen. Es ist hier $\frac{S}{O_1}=\frac{\delta}{b}$, und daher:

$$\delta = \frac{S}{Q_1} b = 0.001307 \frac{F_1 b}{Q_1} (c \sin \delta)^2$$
,

wenn b wieber die Beleisweite bezeichnet.

Die gleitenbe Reibung, welche nun aus dem Fortrollen ber Wagen mit verschiedenen Umfangen erwächst, ift, ba bann die Raber auf der einen Seite bei jeder Umdrehung ber mittleren Bewegung ad um ad vor- und bie auf ber anderen Seite um ad nachgehen muffen:

$$P_1 = \frac{\delta}{d} \varphi Q_1 = 0,001807 \varphi \frac{F_1 b}{d} (c \sin \delta)^2.$$

Bei heftigem Winde werben die Raber auf der außeren Seite mit ihren Spurkranzen gegen die Schienenbahn gedrückt, und dann fallt naturlich P_1 noch größer aus.

Bei einer unter bem Winkel α aufsteigenden Bahn tommt zu bem Widerstande $P+P_1$ noch bas relative Gewicht

 $P_2=Q_1$ sin. lpha=(1+
u) Q sin. lpha bes Wagenzuges hinzu, wogegen beim Befahren einer fallenden Bahn-

 $P_3=Q_1$ sin. $\alpha=(1+\nu)\ Q$ sin. α gewonnen wird und folglich die nothige Zugkraft um so viel kleiner ausfällt. Ift dann $P_2>P+P_1$, so muß natürlich der Wagenzug gebremft werben, damit er sich nicht beschleunigt bewege.

Der Wiberstand eines Wagenzuges wird beim Durchtaufen einer Eurve burch hinzutretende gleitende Reibungen noch besonders erhöht. Während ein Wagen DEFG, Fig. 597, in einer Eurve AOB einen kleinen Weg BN durchtäuft, gleitet er zugleich um einen kleinen Weg NO radial auswärts. Ist CM ein Perpendikel von dem Mittelpunkte C der Eurve auf die Längenare AB des Wagens, so haben wir in OBN und CBM zwei ähnliche Dreiecke, für welche die Proportion:

$$\frac{NO}{BO} = \frac{BM}{CB}$$

gilt.

ftrede bie Rraft

Bezeichnen wir den Eurvenhalbmeffer CB durch r, die Entfernung AB der Radaren DE und FG von einander durch e, und den Weg BO durch s, so haben wir daher:

$$NO = \frac{es}{2r}$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Wegen. 701

Ift nun noch Q1 bie Belaftung bes Bagens, und o ber Coefficient Biberfiand

Ria. 597.



ber gleitenden Reibung feiner babnen. Råber auf ber Bahn, fo folgt bie bem rabialen Musgleiten der Rader entsprechende mechanische Arbeit:

$$\varphi Q_1 . \overline{BO} = \varphi \frac{es}{2r} Q_1,$$

und baher bie Bergroßerung der Bugfraft in Folge diefer Reibung:

$$P_3 = \varphi Q_1 \frac{\overline{NO}}{BO} = \varphi \frac{e}{2r} Q_1...$$

hat ber Bagen brei Paar Raber, fo ift fur e ber 216. ftand ber außerften Rabaren von einander einzuseben. Es machft alfo biefer Reibungs= miderstand birect mie bie Ents fernung ber Rabaren unb umgefehrt wie ber Curvenhalbmeffer. Uebrigens wirb

biefe Reibung nach Befinden noch burch bie aus f. 268 bekannte gleitenbe Reibung vergrößert, melche aus ber Berichiedenheit gwifchen bem gleichzeitigen Begen ber außeren und bem ber inneren Raber bervorgeht.

Bei biefer rabialen Berfchiebung ber Bagenrader legen fich bie Spurfranze ber inneren Raber an die Schienenbahn an, und es entsteht baburch eine Seitenreibung p . pQ1, beren Beg bei jeber Umbrehung eines Rades Die Differeng zwischen bem Umfange ad, bes Rreifes, in welchem ber Spurtrang bie Schienenbahn beruhrt, und bem Umfange ad, in welchem bas Rad auf ber Schienenbahn fortrollt, ift, weshalb auch die Bergroßerung ber Bugfraft in Kolge biefer Reibung

$$P_4 = \varphi^2 \left(rac{d_1 - d}{d}
ight) Q_1$$
 iff.

Um endlich noch bie gum Fortziehen bes Trains nothige Rraft bes Dampf. magens zu finden, ift der gesammte Widerstand P+P1+P2+P3+P4 bes gangen Bagenguges fammt Bo:omotive und Tenber wegen ber Rolbens reibung und megen der Rraft gur Bewegung ber Mechanismen bes Dampf. magens noch um 25 Procent zu vergrößern.

Biberftanb auf Eifenbabnen. Beispiel. Ein Dampswagen wiege 25 Tonnen, sein Tenber, vollständig belastet, 15 Tonnen, und ber angehängte Wagenzug, bestehend aus 10 Bagen, jeber zu 6 Tonnen Gewicht, 6. 10 == 60 Tonnen; man soll die Kraft bieses Wagens bei 50 Fuß Fahrgeschwindigkeit ermitteln.

Die ganze Last ist hier $Q_1=(1+\nu)\ Q=25+15+60=100$ Tonnen, ober eine Tonne zu 2172 Pfund angenommen, = 217200 Pfund. Rimmt man nach Pambour den Querschnitt des Wagenzuges = 66 Quadratfuß an und rechnet man hierzu wegen der Zwischentäume zwischen den Wagen noch 10.9,4=94 Quadratfuß, also im Ganzen F=66+94=160 Quadratfuß, so erhält man den Widerstand des Wagenzuges beim Befahren einer geraden söhligen Bahnstrede, nach Harding's Formel:

 $P + P_1 = (0.0002679 + 0.0001045 \cdot 50) \cdot 217200 + 0.001807 \cdot 160 \cdot (50)^2$ = (0.0002679 + 0.005225) 217200 + 0.001307 \cdot 400000

= 1717 + 528 = 2240 Bfunb,

und dagegen nach der zweiten Formel, welche voranssett, daß der Widerstand burch die Stoge und Bibrationen der Mechanismen nach dem Quadrate der Fahrgeschwindigkeit o wachse:

 $P + P_1 = (0.0002679 + 0.000001741 \cdot 2500) \cdot 217200 + 523$ = $(0.007081 \cdot 217200 + 528) = 2050$ %funb.

Rame in ber Bahnlinie noch Ansteigen von 1/100 vor, fo warbe bie Rraft beim Aufwartsfahren um

P. = 217200 . 0,01 = 2172 Bfunb

gefteigert werben, alfo auf

$$P + P_1 + P_2 = 2050 + 2172 = 4222$$
 Pfund

anwachsen, und bagegen beim Abwartsfahren um 2172 Pfund kleiner, also im Ganzen 2050 = 2172 = - 122 Pfund ausfallen, und beshalb bas Anziehen ber Bremfen nothig fein.

Trägt die Treibare 0,4 bes kocomotivengewichtes, b. i. 0,4 . 25 = 10 Tonenen = 21720 Pfund, und wird der kleinste Werth des Reibungscoefficienten zwischen den Treibrädern und der Bahn zu 0,1 angenommen, so hat man folgelich die größtmögliche Zugkraft der kocomotive bei ungekuppelten Rädern nur 0,1 . 21720 = 2172 Pfund. Wenn nun auch von den 4222 Pfund Widerstand eirca ein Viertel auf die kocomotive selbst kommt, also für den Wagenzug ungefähr nur 8222 Pfund übrig bleiben, so ist doch die kocomotive nicht im Stande, den Train bei 1/100 Ansteigen mit sich fortzunehmen, und folglich das Kuppeln der Räder, wobei die Zugkraft auf 0,1 . 21720 . 25 = 5430 Pfund gesteigert werden kann, nothwendig.

Rechnen wir noch 25 Brocent auf die Kraft gur Ueberwindung ber Rolbenreibung und Bewegung ber Mechanismen u. f. w., so erhalten wir die nothige Dampftraft:

 $\frac{1}{2}$ $(P+P_1+P_2)=\frac{1}{2}$. 4222=5278 Kgund, und ift noch das Berhältniß ber Aurbelarmlänge r zum Halbmeffer s ber Treibrader: $\frac{r}{r}=0.4$, so hat man die erforderliche Kraft eines Dampffolbens:

$$R = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{a}{r} \cdot \frac{5}{4} (P + P_1 + P_2) = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{5}{2} \cdot 5278 = \frac{\pi}{4} \cdot 18195$$
= 10363 \(\partial \text{funb} (f. \hat{s}. 289),

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Wegen. 703 und ift ber Dampsbruck pr. Quadratzoll, p = 60 Bfund, so folgt die nothige Biberftand Rolbenstäche:

$$F = \frac{R}{p} = \frac{10363}{60} = 172,7$$
 Quabratzoll,

und enblich ber Rolbenburchmeffer:

$$d = \sqrt{\frac{4 F}{\pi}} = 15 \text{ Boll.}$$

Durch Curven in ber Bahnlinie wird natürlich bie erforderliche Dampffraft ebenfalls vergrößert. Bei einem Curvenhalbmeffer r = 2000 Fuß, und ber Gesichwindigkeit v = 50 Fuß, ware die Centrifugalfraft bes Wagenzuges:

$$K = \frac{e^a}{g\tau} Q_1 = 0.082 \cdot \frac{(50)^a}{2000} Q_1 = 0.04 Q_1,$$

alfo 4 Procent ber Bagenlaft, und folglich bie Mittelfraft aus K und Q1:

$$= \sqrt{1 + (0.04)^2} Q_1 = \sqrt{1.0016} Q_1 = 1.0008 Q_1,$$

b. i. so wenig über Q_1 , daß man von bieser Vergrößerung des Drucks der Räder auf die Bahn ganz absehen kann. Setzen wir die Geleisweite in runder Jahl, b=4,5 Fuß, und den mittleren Raddurchmeffer d=3,5 Fuß, so erhalten wir die Größe, um welche in Folge der Conicität der Räder die Durchmeffer der mit der Schienenbahn in Berührung kommenden Raddumfänge beim Eintritt in die Curve sich verändern:

$$\sigma = \frac{b\,d}{2\,r} = \frac{4,5\,\cdot\,3,5}{4000} = 0,00888 \, {\rm Fuß} = 0,55 \, {\rm Linien},$$

und bie Erhebung bes außeren Schienenftranges über ben inneren

$$b_1 = \frac{c^3 b}{gr} - \delta = 0.04.4.5 - 0.00383 = 0.1762$$
 Fuff = 2.11 Soll (f. §. 268).

Rehmen wir im Durchschnitt die Entfernung ber außerften Aren eines Basgens von einander: e=14 Fuß an, und setzen wir den Coefficienten ber gleitens den Reibung zwischen ben Rabern und Schienen, $\varphi_1=0,2$, so erhalten wir die Bergrößerung der Zugkraft in Folge ber gleitenden Reibung in der Curve:

$$P_{\rm s} = \varphi \frac{e}{2\pi} Q_1 = 0.2 \cdot \frac{14}{4000}$$
. 217200 = 152 Pfund.

Rehmen wir endlich an, bag bei bem Durchfahren ber Curve ber innere Spurfranz die Schienenbahn in einem Kreise berühre, beffen Durchmeffer d, um 11/2 Boll größer ift als ber Durchmeffer d bes Kreises, mit welchem die Raber auf ber Bahn fortrollen, so erhalten wir noch die Reibung an den Spurfranzen im Ganzen:

$$P_4 = \varphi^3 \left(\frac{d_1 - d}{d} \right) Q_1 = (0,2)^3 \frac{\frac{q}{2}}{12 \cdot 3,5} \cdot 217200 = 310$$
 Pfund.

Run erhalten wir die Gesammtkraft beim Bergauffahren: $\mathcal{Z}(P) = P + P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 4222 + 152 + 310 = 4684$ Bfund, und mit Berücksichtigung ber Kolbenreibung und ber nöthigen Kraft zur Bewesgung ber Rechanismen:

Biberfand auf Eifenbahnen. Die entsprechenbe Dampffraft ift:

$$R = \frac{\pi}{4} \cdot \frac{5}{2} \cdot 5855 = 11496 \$$
Pfund,

hiernach bie Große einer Rolbenflache:

F =
$$\frac{11496}{60}$$
 = 191,6 Quabratjoll

und endlich ber Durchmeffer eines Rolbens:

d = 15,6 Boll.

Anmertung. Weber Gifenbahntransport und Dampfwagen ift bie Literatur ju ausgebehnt, als bag fie hier vollständig mitgetheilt werden tonnte; baber follen im Folgenben nur bie wichtigsten Schriften, und vorzüglich bie wiffenschaftlichen Abhandlungen genannt werden. Guide de mécanicien constructeur et conducteur des machines locomotives par M. M. Lechatelier, Flachat, Petiet et Polonceau, Paris 1851. Etudes sur la stabilité des machines locomotives, par Lechatelier, Paris 1849. Théorie de la stabilité des machines locomotives en mouvement, par Yvon Villarceau. 1852. In ben Annales des Mines. Cinquième Série, Tome III., 1853. Note sur la stabilité des machines locomotives, par Resal, unb bes contre-poids appliqués aux roues motrices des machines locomotives, par Couche. Gine Ueberfepung im Auszug vom herrn Tellfampf ift im Notiz-Blatt bes Architektens und Angenieurvereins in Sannover enthalten. Ferner bat ber Bers faffer biefen Gegenstand behandelt in einem Auffage: Die Dechanit bes Dampf. magens, enthalten im Civil Ingenieur, von Dr. Beuner ac. Band 2. In bem erften Bande ber letten Beitschrift ift auch eine Ueberfegung von einer Abhandlung von Philipps über bie Theorie ber Stephenson'ichen Couliffe, ebenfalls aus ben Annales des Mines, Band 8, ju finden. Der vierte Band biefer Annales (1853) enthalt auch eine Abhandlung über bas Arnour'iche articulirte Arenspftem ber Gifenbahnwagen. Ferner ift ju empfehlen: Abbildung und Beschreibung der Locomotivmaschinen, von E. Heussinger von Waldegge. Wiesbaden 1851-1854, sowie auch beffen Organ für bie Fortfchritte bes Gifenbahnwesens ac., bis jest 9 Banbe. Bambour's theoretifchepraftifches Sandbuch über Dampfwagen, Braunschweig 1841, ift ichon jest größtentheils veraltet. Das Driginal ift 1840 in Baris unter bem Titel: "Traite théorique et pratique des machines locomotives« erschienen. In hiftorifcher binfict ift auch zu empfehlen: The steam-engine, steam-navigation, roads and railways by D. Lardner, Eighth. edit. London 1851.

Shifffahrte.

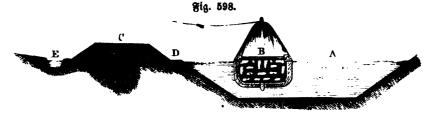
6. 297. Die Förderung zu Baffer (franz. le transport par eau; engl. the transport by water) erfolgt entweber in Candlen, ober in Kluffen, ober auf Seen, ober auf bem Meere. Die sogenannten Schiffsfahrtscandle (franz. canaux navigables; engl. canals of navigation), in welchen die Förderung zu Basser erfolgt, sind entweder Seistencandle ober Verbindungscandle. Im ersteren Falle erseten sie nur eine unschiffbare Flußtreck, im zweiten Falle hingegen dienen sie zur Berbindung zweier schiffbaren Flusse und überschreiten daher auch eine sogenannte Basser schießte effanz. point de partage; engl. summit level).

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 705

Die Canalschifffahrt unterscheibet sich von ber Flußschifffahrt wesentlich Colificatrebadurch, daß jene in stehendem, diese aber in fließendem Wasser erfolgt.

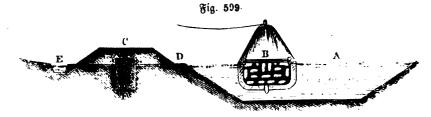
Damit das Wasser eines Schifffahrtscanales teine, ober wenigstens nur
eine hochst unbedeutende Stromung annehme, ift es nothig, diese Canale
möglichst sohlig zu fuhren, oder sie wenigstens aus sohligen Abtheilungen
bestehen zu lassen, welche mittels sogenannter Schleusen (franz. scluses;
engl. locks) mit einander in Berbindung zu seten sind.

Der Querichnitt eines folden Canales richtet fich nach ber Große ber in bemfelben fortzugiehenden Schiffe. Damit zwei fich begegnende Schiffe einander nicht hindern, muß bie Breite bes Schifffahrtscanales minbeftens boppelt fo groß fein als die eines Schiffes, auch ift es nothig, bag amifchen bem Schiffe und bem Boben bes Canales noch ein Raum von minbeftens einem guß Sohe ubrig bleibe. Uebrigens machft ber Biberftanb bes Schiffes, wenn bas Berbaltnig zwischen bem Querprofile bes einges tauchten Schifftheiles und bem bes Canales abnimmt, und beshalb ift es rathfam, bas lettere Querprofil mindeftens vier Dal fo groß als bas erftere zu machen. Die Seiten bes Canales erhalten in der Regel eine Bofcung von 1,5 ober 880, 42'. Auf bem einen ber beiben Damme, welche ben Canal begrenzen, befindet fich ber Biehmeg ober fogenannte Lein. pfab (frang, chemin de halage; engl. tow-path), auf welchem bie Pferbe laufen, wahrend fie bas Boot mittels eines Taues fortziehen. Breite biefes Leinpfades foll mindeftens 10 Fuß betragen und die bohe beffelben uber bem Bafferspiegel 11/2 bis 3 Rug. Mittlere Schifffahrts: canale find oben 30 bis 50 guß, unten 20 bis 35 guß breit und haben eine Tiefe von 41/2 bis 6 Fuß. Der Calebonian-Canal in Schottland, welcher ben Atlantischen Dean mit ber Rorbsee verbindet und vornglich mit Dampfichiffen befahren wirb, jeboch auch Fregatten zweiter Claffe ben Durchgang geftattet, bat oben eine Breite von circa 110 guß, unten eine folche von 50, und eine Tiefe von 20 Fuß. Er enthalt 22 Schleufen, wodurch bie Schiffe gegen 90 guß boch gehoben und niebergelaffen merben tonnen, und ift im Sangen 863/4 engl. Meilen lang (f. von Gerft. ner's Mechanit Bb. II). In Sig. 598 ift bas Querprofil eines Schiff-



Ш

exiffiabrie fahrtscanales angebilbet. Es ist A der Bafferweg, B der Querschnitt des Schiffes, C der Leinpfad, D die sogenannte Berme, E ein Seiten-



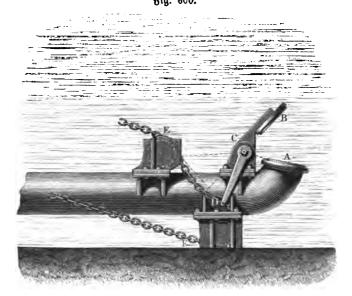
graben und F eine Fullung von Thon und Sand, wodurch bas Durchsidern bes Waffers verhindert werden foll.

Die Speisung (frang. alimentation; engl. feeding) ber Epeifung ber Ganale. Seitencanale erfolgt theils burch ben gluß felbft, an welchem ber Canal hinlauft, theils durch Seitenbache, welche bem Bluffe guftromen. bagegen bie Speifung ber Berbindungscandle anlangt, fo find hierzu befonbere Speifebaffins unb Speisegraben | nothwendig. Speisebassins (franz. reservoirs; engl. feeders) sind gewöhnliche Teiche (f. II., S. 97 u. f. m.), in welchen Quelle, Thaus, Regens und Bluthmaffer angesammelt wird, um bamit nicht nur bas gullen und Schleufen ber Canale bemirten, fonbern auch ben Berluft burch Berbunften, Durchsidern und unvolltommenes Berichliegen der Schleufenthore erfeben zu tonnen. Die Speifegraben (frang. rigoles; engl, feedingtrenches) find Graben, welche bas Baffer aus Bachen, Fluffen und Teichen bem Canale jufuhren. Bahrend bie Speifebaffins vorzuglich bagu bienen, die hoher gelegenen Canalftreden mit Baffer gu verforgen, bezwecken die Speifegraben mehr bas Speifen ber tiefer liegenben Canglftreden.

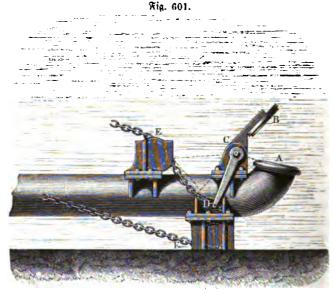
Bei der Auswahl der Canallinie muß man darauf feben, daß der Casnal die Bafferscheide an der tiefften Stelle in einem sogenannten Gebirgssattel überschreite. Damit nicht nur die Anzahl der notigen Schleusen möglichst beschränkt werde, sondern auch das Sammelrevier des notigen Speisebassins möglichst groß ausfalle, macht man wohl auch dei Anlegung der obersten Canals oder sogenannten Scheitelstrecke einen tiefen Gebirgseinschnitt, oder eine Roschens (Stollns oder Tunnels) Anlage. Im außersten Falle, wenn beim Uebergange über eine Baffersscheide dem Canale keine ausbauernd hinreichende Wassermenge zugeführt werden kann, ist es wohl notig, mittels einer besonderen Wassers

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Begen. 707 bebungemaschine Speisewasser herbeizuschaffen, ober bie Schiffe mit- eretsung ber tele besonderer Aufzuge ober Rampen (f. g. 270) über ben Gebirgeruden zu transportiren.

Die Damme ber Speisereservoirs (Teiche) werben entweber aus Steis nen ober aus geftampfter Erbe gebilbet (vergl. II., §. 98). Bu ben Erbbammen verwendet man am beften ein Gemenge von Sand und Thon, auch bringt man wohl noch im Innern bes Dammes, um ihn gegen bie Kiltration bes Baffers ju fichern, eine Thonwand (engl. puddle) an, und ebenfo fcutt man bie innere Dammflache gegen ben Bellenfclag noch burch ein Steinpflafter. Die Dammerone erhalt gewöhnlich eine Breite von 18 guß, und ben Dammflachen giebt man auf jeden guß Bobe 11/, bis 2 Rug Bofchung. Das Ableiten bes Baffers aus ben Speifeteichen erfolgt am beften burch mehrere Abflugcanale (Teichgerinne) uber einander, wovon jedoch nur immer berjenige benutt wird, ber junachft unter bem Bafferfpiegel liegt. Gewohnlich fuhrt man bie Teichgerinne fohlig burch ben Teichbamm; wenn aber bas Refervoir nicht febr tief ift, fo tann man fie auch beberformig uber ben Damm weglegen. 3mmer find bie gufeisernen Teichgerinne ben feinernen vorzugieben. Abflug bes Baffers burch biefelben wird burch Sahne, Schieber, Bentile, Rlappen u. f. w. regulirt (vergl. II., f. 100). Gine berartige Rlappe an ber Ginmundung ber Rohre, burch welche bas Baffer aus bem Teiche abgeführt wirb, ift Sig. 600 abgebilbet. Die Rohrenmundung A ift Fig. 600.



sveifing ber ift etwas nach oben gerichtet und auf ihrer Stirnflache genau abgefchliffen; die Klappe wird durch eine Scheibe B gebilbet, welche mittels ftarter

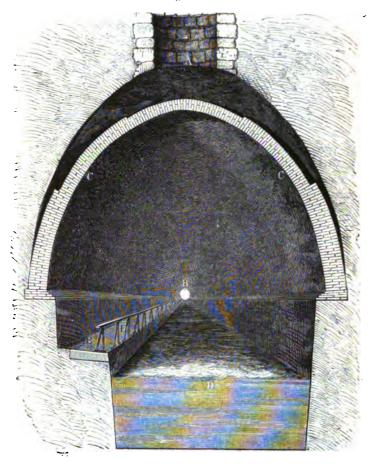


Arme CD um ihre horizontale Are C gebreht werden kann. Diefes Drehen erfolgt durch Ketten EDF, welche um Rollen E und F liegen und mittels eines Borgelegehaspels, wie Fig. 442, welcher auf ber Dammkrone steht, sowohl nach ber einen als nach ber anderen Richtung angezogen werden können.

Bum Ablassen bes überflussigen Masser sowohl aus ben Speiseteichen als auch aus ben Schifffahrtscanalen selbst bienen breite steinerne Fluthegerinne ober sogenannte Leerlaufe (franz. deversoirs; engl. wastewiers) mit Ueberfallen. Dieselben sind bei starten Regengussen ober Thauwetter zu eröffnen, um bas Ueberfließen bes Masser über bie Teichober Canaldamme zu verhindern.

Anmerkung. Eine ber größten unterirbischen ober eingeröschten Canalstrecken kommt bei bem Canale vor, welcher bie Themse bei Gravesend mit bem Medway verbindet. Der ganze Canal ift nur 7 engl. Meilen, ber Tunnel ober bie eingeröschte Strecke besselben aber allein 4% engl. Meilen lang. Der Angriff bieses Tunnels ift zu gleicher Zeit von ben beiben Munblöchern (entrances) und von neun Lichtlöchern (shafts), wovon das tiefste 191 engl. Fuß Tiefe hatte, aus erfolgt. Das Querprosil bieses Tunnels, geführt burch ein Lichtloch A, welches von bem bei B sichtbaren Munbloche eine Meile absteht, zeigt Fig. 602. Da ber Kallstein, burch welchen biese Rosche geht, nicht hinreichende Festigkeit besitht, so wurde bieselbe mit einem Ziegelgewölbe CC ausgemauert. In ber

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 709 Figur fieht man noch in D bas Canalbette, und in E ben mit einer Barriere F epeifung ter versebenen Leinpfab. Die Sohe bes gangen Tunnels beträgt 35 guß (engl.) und Rig. 602.



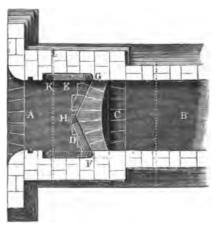
bie Beite beffelben 80 Fuß; bas eigentliche Canalbett ift bagegen nur 8 Fuß ticf, oben 21,6, und unten 20 Fuß weit.

6. 299. Je zwei zunachft über einander liegende Canalftreden ober Rammer fogenannte Saltungen find meift nur burch eine einfache Schleufe ober fogenannte Rammerfchleuse mit einander verbunden. Gine folche Schleuse ift ein ausgemauertes Baffin, Die fogenannte Schleusenkammer (frang. sas; engl. chamber), burch beffen Unfullung mit Baffer ein in daffelbe eingelaufenes Boot von einer Saltung auf die nachft bobere gebo-

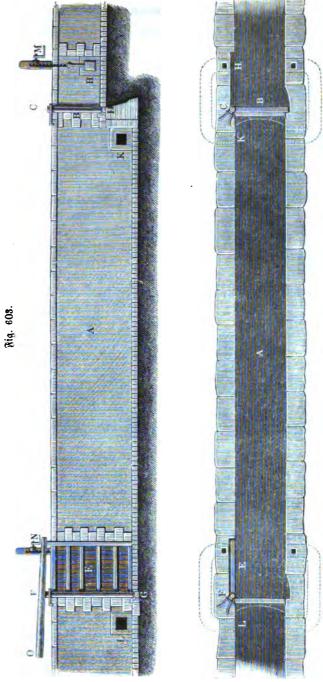
Raniner. idleufen. ben, und durch beffen Entleerung ein solches Boot von einer haltung auf die nachst tiefere niedergelassen werden kann. Bei dem Fullen der Schleuse ist dieselbe von der unteren, und beim Leeren derselben von der oberen Haltung abzusperren, und deshalb ist die Schleuse durch Thore, die sogenannten Schleusenthore (franz. portes d'écluses; engl. lock-gates), mit beiden Haltungen verbunden. Zum Eine und Auslassen des Waffers aus der Kammer erhalten entweder die Thore derselben Ausstugmundungen, welche sich mittels Schützen beliebig eröffnen und verschließen lassen, oder es sind überwölbte, oder gußeiserne Canale (Dohlen), sogenannte Umläuse, angebracht, welche sich in den Mauern der Schleuse um die Thore herumziehen und die Schleusenkammer mit den Haltungen in Verlindung seten, übrigens aber ebenfalls durch Schützen eröffnet und verschlossen werden können.

Eine einfache Kannmerschleuse bes Birmingham-Liverpooler Canales ist durch Fig. 603 in einem vertikalen Langendurchschnitte und bem Grundriffe abgebildet. Es ist A die Schleusenkammer von 75 engl. Fuß Lange, 8 Fuß Weite und $12^{1/2}$ Fuß Liefe, ferner B das um die Are CD brehbare Oberthor und E das um die Are FG drehbare Untersthor. Ferner sieht man in H die Einmundung und in K die Ausmundung eines der beiden oberen Umläuse, sowie in L die Ausmundung eines unteren Umlauses, wogegen die Umläuse selbst nur im Grundrisse durch runktirte Linien angegeben sind. Endlich bemerkt man noch in M und N die Kurbeln mit Zahnradern, welche in die gezahnten Schügenstangen der Umläuse eingreisen und zur Eröffnung und Verschließung der letztern dienen. Bei der in Fig. 603 (a. f. S.) abgebildeten engen Schleuse sind

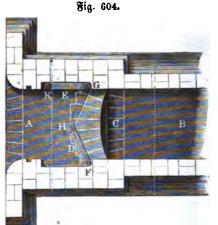




bie Thore einfach: find bie Schleusen weiter, fo menbet man bingegen boppelte, ober fogenannte Stemm : thore an, die fich mabrend bes Berichluffes in Mittellinie ber Schleuse gegen einanber ftemmen. In Fig. 604 ift ber Grund: riß bes oberen Theiles einer Schleuse mit Stemmthoren abgebilbet. Es ift A bas fogenannte Dber: haupt, B bie Rammer ber Schleuse, ferner C ber Abfall zwifchen bem Dber-

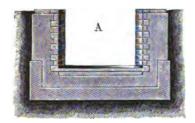


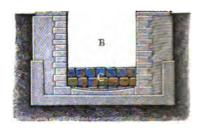
Rammer. foleufen. haupte und ber Kammer, D bas eine und E bas andere Thor, bas eine



als gefchloffen und bas anbere als geoffnet bargeftellt. Diefe Thore breben fic mit ihren Benbefaulen F und G um vertifale Aren und ftoken wabrend bes Berfchluffes mit ihren Schlagfäulen H unb K an einander an. In Amerita hat man auch Schleufenthore, welche fic um eine horizontale Are breben. In Fig. 605 ift noch ein Querschnitt bes Oberhauptes A und in Sig. 606 ein Querfchnitt

ber Kammer B vorgestellt; die lettere zeigt auch bei C den Abfall, welcher Fig. 605.





bald mehr bald weniger steil gelegt wird. Die Schleusenthore legen sich unten gegen bie sogenannten Drempel (franz. buscs; engl. mitre-sills) und an ben Seiten gegen bie Wenbenischen (franz. chardonnets; engl. hollow-quoins); mahrend bie Drempel 6 bis 10 Boll über bem Boben bes Oberhauptes vorstehen, sind die Wenbenischen, entsprechend ber Dide der Thore, 10 bis 15 Boll tief. Die Orempel sind entweder aus Steinquadern oder aus zwei Schwellen, den sogenannten Schlag: schwellen, gebildet; lettere bilden mit ben Mittelbalken ein gleichsschwelliges Oreied, welches durch ben Binder, bessen kange circa ein Sechstel von der Weite des Canales oder ber Lange des Mittelbalkens ift, in zwei gleiche Theile getheilt wird.

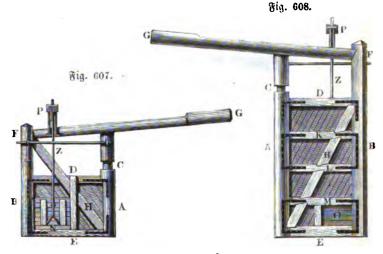
Der Fall ober bie Bobe bes Abfalles einer Schleuse (frang. le hute; engl. the lift of lock) beträgt meift 6 bis 8 guß, in feltenen gal-

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 713 len 12 bis 18 guß. Sind die Gefalle großer, fo wendet man lieber zwei ober mehrere gefuppelte Schleufen an, bei welchen bas Unterthor jugleich Dberthor ber anderen Schleufenkammer ift.

foleufen.

Amerikanische Kammerschleusen haben oft gar keinen Abfall, sondern ftatt beffen eine fogenannte Kallmauer vor dem Dberthore.

6. 300. Das Gerippe ber Schleusenthore wird aus zwei vertikalen Chieufen. Saulen und einer gemiffen Angahl von Querriegeln gebildet. 607 ift ein Dberthor und in Fig. 608 ein Unterthor abgebilbet. In

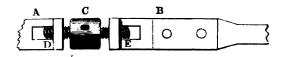


beiden Abbildungen ift A die Wendefaule (frang. poteau tourillon; engl. quoin ober heel-post, und B bie Unschlagfaule (frang. poteau busqué; engl. mitre-post); ferner fieht man in C ben Sale ber Benbefaule, welcher die obere Drehare des Thores bilbet, fowie in D bas obere und in E bas untere Rahmftud, ober ben fogenannten Schwellrahmen. Kerner ift FG ber Drebbaum, welcher theils als Bebel jum Deffnen und Berichließen ber Thore, theils auch als Gegengewicht bient, um bas fogenannte Saden ber Thore zu verhindern. Diefem Saden ober Aufliegen ber Thore auf bem Boben ber Thortammern wirft man porzüglich auch burch eine Strebe H, welche von ber Unschlagfaule biagonal berab nach ber Benbefaule lauft, entgegen; auch bringt man zu biefem 3mede mohl noch fcmiebeeiferne Bugbanber an, welche umgetehrt, von ber Unschlagfaule nach ber Benbefaule herauflaufen; enblich lagt man wohl auch, namentlich wenn die Thore febr breit find, biefelben mittels außeiserner Laufraber auf einer Schienenbahn laufen, welche auf ber

Edleufen.

Sohle ber Thorkammer liegt. Noch sieht man in ber Abbildung Sig. 608 die Querriegel K, L, M, sowie in beiden Abbildungen die eisernen Beschläge und die Bekleidung der Thore mittels diagonal lausender Holzbielen. Statt derselben wendet man auch mit Bortheil Eisenblech an. Endlich sieht man noch in O die durch ein Schutheret N verschließbare Schuthsffnung, sowie in Z die Zugstange derselben, und in P das Gestelle für den Mechanismus zum Ziehen dieser Stange.

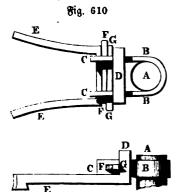
Um dem Saden der Schleusenthore durch die Zugbander soviel wie möglich entgegen zu wirken, läst man dieselben aus zwei Theilen A und B, Fig. 609, bestehen, und verbindet dieselben durch eine Differenzials Ria. 609.



schraube DCE (s. III., §. 146). Wird der Kopf C dieser Schraube ein Mal umgedreht, so zieht sich das Band um die Differenz der Sanghohen der Sewinde D und E zusammen.

In neueren Zeiten hat man bas Saden großer Thore auch burch Auspumpen bes wafferbicht abgeschloffenen Raumes, welcher von einer boppelten Bekleibung bes Thores gebildet wird, zu verhindern gesucht.

Die Wenbefaule ber Schleufenthore ftut fich unten mittels eines eifernen Zapfens auf ein eifernes Lager, genau wie die stehende Welle eines Gopels ober einer Turbine, und wird oben durch ein Halsband, welches um ben runden hals berfelben herumlauft, in senkrechter Richtung erhalten. Dieses Halsband ist durch starte Anker mit dem Mauerwerke zu



verbinden, und muß zum Esfen ober Abnehmen eingerichtet fein, um das Thor, wenn es nothig ist, ausheben zu können In Fig. 610 ist A ber Hals eines Schleufenthores, CBBC das um denselben herumliegende Halsband, welches durch eine Rase D bes Ankers EDE hindurchgesstelle FF und GG fest mit dersselben verbunden wird.

Da ber Drud bes Baffers auf ein Schleufenthor AC,

Bon bem Fortichaffen bei Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 715

Fig. 611, von oben nach unten gurimmt, fo foll man die Querriegel edieufen-

Fig. 611.



EE1, FF1, GG1 u. f. w. beffelben auch nicht in gleichen Abstanden von einander legen. Der Drud bes Baffers auf bas Thor ift, wenn b bie Breite AB und a bie Sohe AD beffelben bezeichnen, nach I. 6. 299:

 $P = \frac{1}{2} b a^2 \gamma$, und bagegen ber Druck auf ein Feld ABEE, beffelben von ber Sobbe $BE = a_1$:

 $P_1 = \frac{1}{2} b a_1^2 \gamma$;

folglich hat man:

$$\frac{P_1}{P} = \frac{a^2_1}{a^2} = \frac{\triangle B K E}{\triangle B D C},$$

wenn K ben Durchschnitt ber Dig. gonale BD mit der Bafis EE, angiebt. Rommt es baher barauf an, bas gange Thor ABCD burch Horizontale (Riegel) EE1, FF1, G G, u. f. w. in Theile gu theilen,

beren Bafferdrude gleich groß find, fo ift es nur nothig, bas Dreied BCD burch Parallellinien EK, FL, GM u. f. w. in gleiche Stude BEK, EKLF, FLMG u. f. m. gu theilen; dies erfolgt aber nach einer bekannten Regel ber praftifchen Geometrie baburch , bag man DC in gleiche Theile theilt, ferner uber DC einen Salbereis beschreibt, in ben Theilpunkten 1, 2, 3 . . . die Perpendikel 1 α , 2 β , 3 γ . . . auf DCerrichtet, die Abstande $D\alpha$, $D\beta$, $D\gamma$... auf DC auftragt, burch die fo nach DC gebrachten Puntte α, β, γ . . . Parallelen αE, βF, γG du BD zieht; wenn man bann noch durch E, F, G ... Parallelen $EE_1, FF_1, GG_1 \ldots$ zur Bafis DC legt, so zerschneiben diese bas Dreied BCD in gleiche und folglich bas Biered ABCD in Stude von gleichem hobroftatischen Drude. Denn es ift:

$$\frac{\triangle B KE}{\triangle B DC} = \frac{\overline{KE^2}}{\overline{DC^2}} = \frac{\overline{D\alpha^2}}{\overline{DC^2}} = \frac{D1 \cdot DC}{DC \cdot DC} = \frac{D1}{DC},$$

ebenfo:

$$\frac{\triangle BFL}{\triangle BDC} = \frac{\overline{LF^2}}{DC^2} = \frac{\overline{D\beta^2}}{DC^2} = \frac{D2 \cdot DC}{DC \cdot DC} = \frac{D2}{DC} \text{ u. f. w.,}$$
 folglish auch

71G

Wiered
$$KEFL = \frac{\triangle BFL - \triangle BEK}{\triangle BDC} = \frac{D2 - D1}{DC} = \frac{\overline{12}}{\overline{DC}};$$

ift also $D 1 = 12 = \overline{23}$ u. s. w., so folgt auch:

Dreied $BEK = \mathfrak{B}$ iered $KEFL = \mathfrak{B}$ iered LFGM u. f. w.

Thorriegel wie EE_1 , FF_1 , GG_1 u. s. w. theilen baher auch bas Thorin Felber von gleichem hydrostatischen Drucke, und haben alse auch nabe einen und benselben Druck auszuhalten. If n die Anzahl der Thorfelber, so hat man den Druck eines jeden $\frac{P}{n} = \frac{b \ a^2 \gamma}{2 \ n}$, und es ist nun nach I., §. 203, für die Breite b_1 und Höhe h_1 (in horizontaler Richtung gemessen) eines Riegels:

$$\frac{P}{n}b = 8b_1h_1^2\frac{K}{6},$$

b. i.

$$b_1 h_1^2 = \frac{\frac{1}{8} Pb}{n \cdot \frac{K}{6}} = \frac{b^2 a^2 \gamma}{16 n \frac{K}{6}},$$

§. B. für hols, wenn man $\frac{K}{6}=200$ und $\gamma=\frac{66}{1728}$ fest:

$$b_1 h_1^2 = \frac{1}{83800} \frac{b^2 a^2}{n},$$

oder wenn man a und b in Suf, b1 und h1 in Bollen giebt:

$$nb_1h_1^2 = 0.2475 \cdot a^2b^2$$

Die vorstehende Untersuchung sett voraus, daß das Thor nur auf der einen Seite vom Wasser gedruckt werde. Ift aber, wie meist, noch ein Gegendruck vom Unterwasser vorhanden, so fallt der Ueberdruck unterhalb des Unterwasserspiegels conftant aus (f. I., §. 302); es ist folgtich dann unter a nur der Niveauabstand zwischen beiden Wasserspiegeln zu versteshen, und es sind daselbst die Streben in einem gleichen Abstande von einsander zu legen.

Die Art und Beise, wie ber Basserbruck auf die Thore und auf beren Unterstützung, die Wendenische, wirkt, ist folgende. Der Basserdruck Peines Thores CA, Fig. 612, welcher in der Mittellinie M desselben angreift, zerlegt sich in zwei gleiche Seitenkrafte S, S, welche nach den beis den Wendesallen C, C gerichtet sind, und aus den beiden Seitenkraften S und S einer Wendesalle entspringt eine Mittelkraft R, welche von der Wendenische ausgenommen werden muß. Ist der Winkel ACB, um

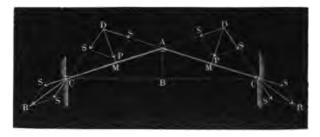
Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz oder nahe horizontalen Begen. 717 welchen jedes Stemmthor von dem Querschnitt CC des Canales abweicht, Schlenstebere. δ , so haben wir, da $< CAD = 2 \delta$:

$$\overline{DS} = S = \frac{P}{2 \sin_2 \delta}$$

und baber:

$$\overline{CR} = R = 2 S \cos \delta = \frac{P \cos \delta}{2 \sin \delta \cos \delta} = \frac{P}{2 \sin \delta}$$

Fig. 612.



Damit biese Kraft von ber Thornische, und nicht etwa von den Arenlagern der Wendesause ausgenommen werde, ist dafür zu sorgen, daß die lettere beim Schlusse der Thore von der ersteren auf der Seite von CR scharf umschlossen werde, und damit sich das Thor während seiner Erdsfnung oder seiner Verschließung nicht an der Thornische reibe, giebt man der Drehare der Wendesause eine kleine Ercentricität, so daß sich bei dem geöffneten Thore zwischen der Wendesause und der Nische derselben ein Zwischenaum von 1/2 bis 1 Zoll Breite bildet.

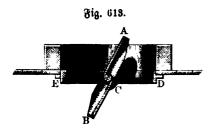
§. 801. Der Wiberstand, welcher beim Drehen ber Thore zu überwinden ist, besteht theils in der Reibung derselben am Bapfen und am Halse, theils in dem Wiberstande des Wassers, welches sich vermöge seiner Trägheit, wenn die Umdrehungsgeschwindigkeit nicht ganz klein ist, immer auf der einen Seite etwas hoher stellen wird als auf der anderen. Das gewöhnlichste hülfsmittel zum Umdrehen der Thore ist der Drehbaum, oder auch eine Zugstange, welche mit einem Ende an die Schlagkule besestigt und mit dem anderen Ende von den Schleusenmauern aus angezogen und zurückgeschoben wird. Bur Bewegung dieser Stange dient auch sehr häusig eine Winde, welche man mittels eines Taues oder einer Kette auf die Zugstange wirken läßt; auch wendet man wohl statt der Zugstange zwei Ketten, und für jede eine besondere Winde an, so daß durch die eine, welche vor dem Thore steht, dieses geöffnet, und durch die

Edleufen.

andere, welche auf der entgegengefehten Seite hinter dem Thore fteht, baffelbe verfchloffen werben kann.

Die Schügen, womit man die Mundungen in den Thoren oder die Umläufe versieht, lassen sich meist zwischen Falzen, und zwar jedes Mal an der dem Oberwasser zugekehrten Seite vertikal auf: und niederbewegen. Zuweilen versieht man dieselben auch mit Gegengewichten, welche aber ebenfalls eine Führung durch Falze erhalten mussen. Um die Schüge nicht von der Fußbrude am Thore, sondern von der Seitenmaner aus bewegen zu können, legt man wohl auch die Schügen schief, oder versieht dieselben mit einer Drehungsare, so daß sie sich bogenformig bewegen lassen.

Rlappen laffen fich, jumal wenn biefelben boppelt find, leichter bewegen



als Schieber ober Schüben; nur geben biefelben meist nicht so guten Berschluß als die letteren. Eine Doppelklappe für Schleusenthore ist in Fig. 613 abgebilbet. Dieselbe besteht aus einer gußeisernen Platte AB mit ringsherum vorstehenden Rändern mit einer schmiedeeisernen Are C,

und ift von einem gußeifernen Rahmen DE umfchloffen.

Bei Umlaufen sind die Schuten ober, nach Befinden, Bentile nabe an ben Einmundungen berselben anzubringen. Das gewöhnlichste und einfachste hulfsmittel zur Bewegung der Schuten, Klappen und Bentile besteht in einem Bebel. Man bewegt durch benselben die Schute u. f. w. entweber in einem Zuge, ober in Absaben. Im ersteren Falle ist die Zugkraft nur eine sehr mäßige; es kommt baber berselbe nur bei kleinen Schleusen vor. Im zweiten hat man es bagegen mit den sogenannten Debeladen (f. §. 207) zu thun. Gine Borrichtung biefer Art zeigt



Fig. 614. Es ift hier AB tie gezahnte Schügenstange, und CD bie um C brehabare hebelabe, auf welcher eine Klinke Kfift, bie zwischen bie 3ahne ber Schügenstange eingreift. Bei bem Nieberbruden bes

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen, 719

Bebeld D wird die Schute mittels Kemporgehoben, und beim Aufziehen defe Enfenten. felben wird die lettere burch eine Sperrelinte L vor bem Burudfallen gefichert. Um die Eroffnung bei einem Buge moglichft groß zu machen, verfieht man wohl bas Schleufenthor mit mehreren Schutmundungen uber einander, die man bann auch burch unter einander hangenbe Schuten eröffnet und verschließt. Sehr gewöhnlich bedient man fich zur Bewegung ber Schuten ber Rurbel, indem man biefelbe mit einem Bahnrabe verfieht, bas man in bie gegahnte Schubenstange eingreifen lagt. Bugfraft ju verftarten, bedient man fich auch haufig noch eines Borgeleges, indem man bas fleine Treibrad auf ber Rurbelwelle erft in ein gro-Beres Getriebrad eingreifen lagt und auf die Belle bes letteren noch ein anderes fleines Rad fest, welches unmittelbar auf die gezahnte Stange Sehr oft bedient man fich endlich auch bes Schraubenmechanis. mus zur Bewegung ber Schuten, indem man bas Ende ber Schutenftange in eine Schraubenspindel auslaufen lägt und diefelbe mit einer Mutter umgiebt, beren Umfang mit Bahnen ausgeruftet ift, zwischen welche ein auf ber Mitte einer Rurbel festfitendes Treibrad eingreift (fiebe ben Artifel »Baus und Wagenwinden« 6. 212).

Ift a bie Bobe und b bie Breite einer rectangularen Schute, ferner h bie Tiefe ihres Schwerpunktes unter bem Bafferspiegel, ober, im Kallbag biefe Schuge auf beiben Seiten unter Baffer fteht, ber Niveauabstand zwischen beiben Bafferspiegeln, und y die Dichtigkeit bes Baffers, fo bat man bie Rraft, mit welcher bie Schute auf ihre Lagerung brudt:

$$R = abh\gamma$$
 (f. I., §. 422),

und baber die entsprechende Reibung, wenn $\varphi = 1/4$ bis 1/2, ben Coeffis cienten ber Reibung zwischen ber Schute und ihrem Lager bezeichnet :

$$F = \varphi R = \varphi abh\gamma.$$

Soll biefe Schute fenerecht aufgezogen werben, fo ift bie hierzu nothige Rraft:

$$P = F + G - V\gamma,$$

= $\varphi abh\gamma + G - V\gamma$,

wenn G bas Gewicht und V bas Bolumen, alfo Vy bas von ihr verbrangte Baffervolumen bezeichnet.

Man erfieht hieraus, daß man durch Bergroßerung des Bolumens V. indem man g. B. auf die Rudwand ber Schute einen Bindleffel auffchraubt, die Bugfraft beliebig herabziehen fann. Fur

$$V = \varphi \ a \ b \ h + \frac{G}{\gamma}$$
 ware z. B. $P = 0$.

Beim Nieberlaffen ber Schute ift h gang ober faft Rull, folglich bie erforberliche Gegentraft:

$$P_1 = V\gamma - G$$
.

Edleufen.

Soll P = P1 fein, fo muß

$$V = 1/2 \varphi \ abh + \frac{G}{\gamma}$$

fein.

Forbert man dagegen $P_1=\mathfrak{Rull}$, so hat man: $V=rac{G}{\gamma}$ und

$$V = rac{G}{\gamma}$$
 und $P = F = \varphi a b h \gamma$,

und es wirkt alfo bann ber Auftrieb Vy wie ein gewöhnliches Gegengewicht gur Ausgleichung von G.

Die Rraft zum Eroffnen eines einfachen Bentiles ober einer einfachen Rlappe ift, wenn F ben Inhalt berfelben bezeichnet:

P = Fhy,

und ber Ungriffspunkt berfelben ift ber fogenannte Mittelpunkt bes Bafferbrudes (f. I., §. 300). It bas Bentil ober bie Rlappe eröffnet, fo nimmt die Rraft ichnell ab, weil bann bas burchfliegenbe Baffer noch einen Gegendruck auf bas Bentil ausubt, ber naturlich um fo größer ausfällt, je langfamer bas Baffer burch bie Eroffnung bes Bentiles flieft, je großer also ber Querschnitt berfelben ift.

Bafferbebarf beim Durch-ichleufen.

6. 802. Um bas Baffer eines Canales in einem und bemfelben Riveau zu erhalten, ift es nothig, ben Berluft bes Baffers burch Berbunftung, burch Kiltration ober Durchsidern und burch ben unvollkommenen Berfchluß ber Schleusenthore ju erfegen, sowie ben Bedarf beffelben beim Durchschleusen zu beden. Die Berbunftung ift zwar bei verschiebenem Wetter febr verschieben, lagt fich aber im Mittel taglich auf 2 Linien Schähen. Der Berluft burch Kiltration fallt bei Sand- und Riesboben viel größer aus als bei Thonboben, ift aber im Mittel taglich 1 bis 11/2 Boll anzunehmen. Richt minder unbeftimmt ift ber tagliche Berluft, welcher aus bem unvollkommenen Berfcbluffe ber Schleufenthore ermachit; man gebt jeboch ficher, wenn man ihn gleich fest bem Bafferbebarf fur ben Durchgang eines Schiffes burch 7 bis 8 Schleusen. Der Berbrauch bes Baf fere beim Durchschleufen bangt vorzüglich von bem Baffervolumen V = Fs einer Schleusenkammer, beffen Bafie ber Querfchnitt F ber Rammer und beffen Sohe s ber Bertitalabstand zwischen bem Dber- und Unterwasserspiegel ift, und nachstdem auch von bem verbrangten Bafferquantum W eines Schiffes ab. Ift G bas Gewicht bes Schiffes und γ bie Dichtigkeit des Waffers, so hat man bekanntlich $W=rac{G}{v}$. Be-

stimmen wir im Kolgenden ben Wafferbedarf bes Durchschleusens in verschiebenen Fällen, und zwar zunächst für eine einfache Kammerschleuse.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 721

1) Ein Schiff kommt von unten und findet die Schleuse geleert. Nach, Bafferbedarf dem dasselbe in die Kammer eingelausen und das Unterthor geschlossen ist, schwere. Läßt man das Wasserquantum V aus dem Oberwasser zu, um es dis in das Niveau des Oberwassers zu heben; zuleht öffnet man noch das Oberthor, und zieht das Schiff aus der Kammer, wobei es noch das Wasserquantum W aus dem Oberwasser in die Kammer drängt. Es ist solglich bei diesem Durchschleusen dem Oberwasser das Quantum V + W entnommen und also auch ebenso viel Wasser zum Durchschleusen verbraucht worden.

- 2) Ein Schiff kommt von oben und findet die Schleusenkammer leer. Das nothige Anfallen der letteren erfordert das Wasserquantum V; beim Einlausen des Schiffes in die Kammer wird hiervon wieder das Quantum W aus der Kammer in das Oberwasser zurückgedrängt, und nun das Oberthor geschlossen. Es ist folglich hierbei die Wassermenge V-W aus dem Oberwasser entnommen und also auch verbraucht worden.
- 3) Die beiden Schiffe in ben soeben betrachteten Fallen erfordern also gufammen bas Wasserquantum V+W+V-W=2V, und so groß ift natürlich auch der Wasserbedarf eines Schiffes allein, welches in einer Schleuse gehoben und in der anderen niedergelassen wird.

Sind die beiden Schiffe unter (1) und (2) nicht gleich belaben, und verdrängt vielleicht bas aufsteigende das Waffervolumen W, und das niesberfinkende W_1 , so hat man bagegen ben Bafferbedarf für beide:

$$V + W + V - W_1 = 2 V + W - W_1$$

und es ist bann $W=W_1$ bas verbrangte Bafferquantum $\frac{G=G_1}{\gamma}$, welches ber Differenz ber Schiffslabungen entspricht.

- 4) Ein Schiff tommt von oben und findet die Schleufenkammer gefullt. hier geht nicht nur tein Baffer verloren, sondern es wird sogar
 das Wasserquantum W1 gewonnen, welches das Schiff beim Einfahren
 in die Kammer in das Oberwasser zurucktbrangt.
- 5) War nun das Wasserquantum fur das vorher emporgehobene Schiff, wobei die Schleuse gefüllt wurde, V+W, so ist folglich fur beide Schiffe zusammen der Wasserbedarf:

$$V+W-W_1,$$

daher für $W = W_1$:

$$V+W-W_1=V.$$

Es ift also in bem Falle, wenn man bie gum heben eines Schiffes versbrauchte Fullmaffe wieder jum Riederlaffen eines anderen Schiffes bes nutt, welches mit bem erfteren gleich belaftet ift, ber Bafferbedarf nur

III.

722

mafferbedarf halb fo groß, als wenn man fur bas niebergebenbe Schiff bie Schleufe von Neuem fullen muß.

> Da bei einer gefüllten Schleuse eine ansehnliche Baffermenge in Folge bes unvollkommenen Berichluffes bes unteren Schleusenthores verloren geht, fo wird badurch ein Theil des Gewinnes von einem folchen Doppelfchleusen wieber aufgehoben.

> 6) In vielen Kallen, namentlich beim Transport von Bergproducten, erfolgt bie Forberung blog bergab, fo bag aufwarts nur leere Schiffe geben. Dann ift W, > W, und baber die Fullmaffe fur zwei in ihrem Lauf fich freuzende Schiffe:

$$V-(W_1-W)=V-\frac{G_1-G}{\gamma}=V-\frac{Q}{\gamma},$$

menn O bas Gewicht ber Forbermaffe ober ber Schiffslabung bezeichnet. Ift F1 ber mittlere Querschnitt des Schiffes und 81 die Senkung beffelben in Folge ber Labung Q, fo hat man auch:

$$V-\frac{Q}{\gamma}=Fs-F_1s_1,$$

und baher ben Bafferbedarf fur zwei an einer Schleufe fich freugende Schiffe - Rull, für

$$Fs = F_1 s_1$$
.

Run ift aber F minbeftens 1,2 F1, folglich tonnte biernach s nur $=\frac{5}{6}s_1$ fein. Fur $s_1=3$ Fuß ware hiernach $s=\frac{5}{2}$ Fuß. Die Anwendung eines fo kleinen Schleusengefalles mochte, ba bierdurch wieber bie einer großen Ungahl von Schleusen bebingt wirb, taum prattifc vortheilhaft fein.

7) Paffirt ein Schiff die Scheitelstrecke, fo ift ber Bafferbedarf jum Durchschleusen burch bie beiben benachbarten Schleusenkammern berfelbe wie jum Durchschleusen zweier Schiffe burch eine Rammer, movon bas eine gehoben und bas andere niedergelassen wird, und zwar entweder 2 V oder V, je nachdem die zweite Schleuse, in welcher bas Schiff feinen Ries bergang beginnt, leer ober gefullt ift. Das Erstere findet ftatt, wenn bem Schiffe ein anderes vorausgegangen, und bas 3meite, wenn es einem andern Schiffe begegnet ift.

8) Bei gekuppelten Schleusen ift ber Bafferbebarf großer als bei einfachen Schleusen mit zwischenliegenden langeren Saltungen.

Rommt ein Schiff von unten an eine aus zwei Rammern bestebende Schleuse, und findet es beibe Rammern geleert, fo tann man die untere Rammer nicht aus ber oberen fullen, fonbern man muß auch bas nothige Baffer aus ber nachft hoberen Saltung nehmen, und biefes erft in bie obere und von da in die untere Rammer fchlagen. Das Fullen ber Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe borigontalen Begen. 723

zweiten Kammer erfolgt natürlich ebenfalls aus ber nachst hoheren Dals mafferbetarf tung. Es sind also zum heben des Schiffes in den gekuppelten Schleus lateulen. fen gleichsam drei Fullungen, und hiervon deren zwei aus dem Oberwasser nothig, während zwei einfache Schleusen mit einer zwischenliegenden Haltung nur zwei Fullungen, und zwar nur eine aus dem Oberwasser erfors dern würden. Bei drei gekuppelten Schleusen ist dieser Wasserbedarf noch größer; hier würden aus dem Oberwasser brei Fullungen und im Sanzen sechs Fullungen nothig sein, während bei getrennten Kammern aus dem Oberwasser nur eine Fullung und im Sanzen nur drei Fullungen zu entsnehmen wären. Bei vier gekuppelten Schleusen ist natürlich das Vershältnis noch viel ungunstiger.

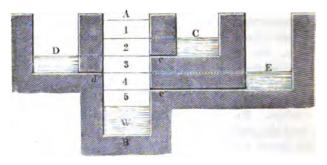
9) Ein anderer Uebeistand stellt fich bei ben gekuppelten Schleusen noch heraus, wenn beim herabgehen eines Schiffes die Rammern derfelben gefüllt sind. Da in biesem Falle die unteren Rammern nicht bas Waffer ber oberen Kammern fassen können, so ist es nothig, daß dieselben erst in die nachst tiefere haltung entleert und nach Besinden die Schügen der letteren gezogen werden muffen, bevor zum Niederlassen bes Schiffes gesschritten werden kann.

Diefe Nachtheile ber gekuppelten Schleufen kommen in einem schwacheren Grade auch bei einfachen Schleufen vor, wenn biefelben keine langen und breiten 3wischenstreden haben.

Anmerkung. Der Beitaufwanb, welchen bas Fullen und Ausleeren ber Schleufen erforbert, ift in I., §. 389 bestimmt.

6. 303. Um bas beim Nieberlaffen bes Schiffes in einer Schleuse Ceitenbaffins. verbrauchte Baffer in einer Beife aufzufangen, bag es beim Aufzieben eines anderen Schiffes ober bei einer folgenden Rullung ber Schleuse wieber gebraucht werben fann, wendet man vor Allem fogenannte Seiten: Benn man zunachst einen Theil ber Kullmaffe in biefes Baffin abichlagt, und bann, nach gehörigem Abichluß beffelben, bie ubrige Fullmaffe in bas Unterwaffer flieben lagt, fo tann man umgetehrt ju ber nachsten Fullung ber Schleuse zunachst bas im Seitenbaffin aufgefangene Baffer verwenden, und bann bas fehlenbe aus bem Dbermaffer entnebmen. Gine Schleuse AB mit drei folden Seitenbaffine (C,D,E) führt Rig. 615 (a. f. G.) vor Mugen. Denten wir uns ben gangen Schleusenraum über ber Dberflache bes Untermaffers W burch Borigontalfdnitte in funf gleiche Theile getheilt, und nehmen wir an, daß jedes Seitenbaffin mit ber Schleufe einerlei Bafis habe. Das Entleeren biefer Schleuse geht auf folgende Beise vor fich. Buerft lagt man eine Bafferschicht (1) burch die Rohre c in bas Baffin C ab, bann verschließt man c und eroffnet bie Rohre d, welche eine zweite Bafferschicht (2) in bas Baffin D

Seitenbaffins. Leitet; hierauf verfchlieft man d und halt bafur bie Rohre o fo lange Fig. 615.



offen, bis eine britte Bafferschicht (3) in bas Baffin E gestoffen ift. Endlich schließt man auch e, und läßt die Bafferschichten (4) und (5) in bas Unterwaffer W ab. Soll umgekehrt, die Schleuse gefüllt werden, so füllt man erst ben Raum (5) aus E, bann ben Raum (4) aus D, hierauf ben Raum (3) aus C, und läßt endlich aus bem Oberwaffer noch so viel Baffer zu, als nothig ist, um ben Raum (2) + (1) auszufullen.

Bei Anwendung dieser drei Seitenbassins ist also die Bafferersparnis $^3/_5$ der ganzen Kulmasse (V). Hatte man nur zwei Seitenbassins, so wurde diese Ersparnis bloß $^2/_4$ V sein, und bei Anwendung von nur einem Seitenbassin ware sie gar nur $^1/_3$ V. Ist allgemein n die Anzahl der Seitenbassins, so hat man, wie leicht ermessen werden kann, die Ersparnis:

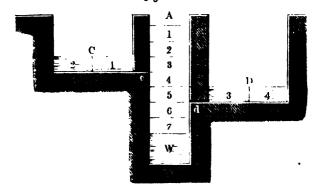
$$E=\frac{n}{n+2}\cdot V.$$

Hiernach fallt also bie Wasseresparnis um so größer aus, je größer die Anzahl der Seitenbassins ist. In der Regel wendet man jedoch nur ein bis zwei solcher Reservoirs an. Noch etwas größer ist die Wassersparnis, wenn man den Seitenbassins einen größeren Flächenraum giedt als der Schleuse. In Fig. 616 ist eine solche Schleuse AB mit zwei Seitenbassins C und D veranschaulicht, wovon jedes eine doppelt so große Basis hat als die Schleuse. Es ist hier die ganze Kullmasse in sieden gleiche Wasserschichten abgetheilt. Bei Erössung des Seitencanales c wird das Bassin C mit zwei Schichten (1) und (2) angefüllt; schließt man hieraus c und erösset d, so laufen zwei andere Wasserschichten (3) und (4) in das Bassin D; schließt man wieder d, so bleiden noch die Wasserschichten (5), (6), (7) übrig, welche in das Unterwasser abzulassen sind. Soll dagegen die Schleusenkammer gefüllt werden, so füllt man erst (7) und (6)

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 725 aus D, bann (5) und (4) aus C, und endlich (3), (2) und (1) aus bem ecitenbaffins. Dbermaffer. Es ift alfo hier bie Baffererfparnig:

$$E=rac{2-2}{7}=rac{4}{7}$$
 ber Fullmaffe V.

Fig. 616.



Ein Seitenbaffin hatte biefelbe nur $E=rac{2}{5}\,V$ gegeben, und brei Seitenbaffins murben E auf & V fteigern. Allgemein, n Seitenbaffins, jebes von einer boppelt fo großen Bafis als bie Schleuse geben:

$$E=\frac{2n}{2n+3}V.$$

Ift gang allgemein, m bas Berhaltniß bes Querschnittes eines Geitenbaffine ju bem ber Schleufe, fo hat man:

$$E = \frac{mn}{mn + m + 1}, V = \frac{n}{n + 1 + \frac{1}{m}} V.$$

Der letten Formel jufolge hat m nur einen unbebeutenden Ginflug auf E; es ift folglich ber Bortheil nicht groß, wenn man ben Seitenbaffins größere Grunbflachen giebt als ber Schleufenkammer.

§. 304. Dem Borftehenden jufolge mußte man gur moglichft größten Girarbie Ersparnis des Speisewaffers, einer Schleuse so viel wie moglich Seiten: Enteufe mit baffins geben, und hiervon eins unter dem anderen in die Schleuse einmunben laffen; ba aber bies mit großen Schwierigkeiten verbunben ift, fo hat man auch baran gebacht, die Birtfamteit eines Seitenbaffine burch einen Schwimmer zu verftarten. Ein folches Seitenbaffin mit Schwimmer ift in ber neueften Beit von M. Girarb in Borfchlag gebracht morben (f. Rapport et Mémoire sur le nouveau système d'écluses à flotteur de M. D. Girard, par M. Poncelet, Paris 1845). Die

Girard's Emleufe mit

Bafie bes Seitenbaffins ber Girarb'ichen Schleufe ift freisformig, bat Edwinner. noch etwas mehr Inhalt als die Basis der Schleuse, und seine Sohle reicht noch etwas unter bie ber Schleusenkammer. Der Schwimmer ift ein hohler Blecheplinder, und hat in ber halben Bohe eine Scheidemand, welche ihn in zwei uber einander liegende Rammern gerfchneibet. rend bas Seitenbaffin felbft mit ber Schleufentammer communicirt, ift Die obere Abtheilung bes Schwimmers mit dem Dber: und Die untere Ab: theilung deffelben mit bem Unterwaffer in Communication gefest. bie Schleuse geleert wird, so muß ber Schwimmer auffteigen, um bem aus ber Schleusentammer bem Seitenbaffin gufliegenben Baffer Plat ju machen, und wenn umgekehrt, Die Schleufe fich fullen foll, fo muß ber Schwimmer niederfinten, um bas Fullwaffer aus bem Baffin in Die Schleufenkammer gurudzubrangen. In ben Figuren 617 und 618 find

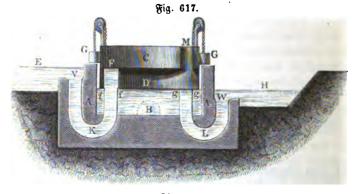
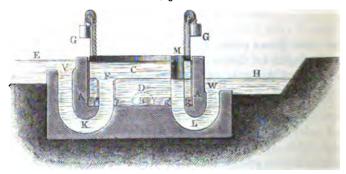


Fig. 618.



biefe beiben Stande bes Schwimmers vor Mugen geführt. Es ift AA bas cylindrifche Seitenbaffin, und B bie Ginmundung bes Cangles, mel cher biefes Baffin mit ber Schleusenkammer verbinbet; ferner ift CD ber Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 727

Schwimmer, welcher, wie ein Gafometer, mittels Retten an Gewichten Birarb's G, G . . . aufgehangen ift. Die gekropfte Rohre K, welche die Berbins Commmer. bung bes Dbermaffers mit ber Abtheilung C bes Schwimmers vermittelt, hat in ihrer Ginmundung V ein Bentil, und geht bei ihrer Ausmundung burch eine Stopfbuchse ff am unteren Enbe einer Rohre F, welche luft: und mafferbicht durch bie untere Abtheilung D bes Schwimmere hindurch. geht; ebenfo hat die getropfte Robre L, welche vom Untermaffer H nach ber unteren Abtheilung D bes Schwimmers fuhrt, bei ihrer Ginmundung W ein Bentil, und geht bei ihrer Ausmundung burch eine zweite Stopfbuchfe qq im Boben bes Schwimmers, und bamit bie Abtheilung D gugleich mit ber außeren guft in Communication bliebe, ift noch ein Rohr M burch die obere Abtheilung C lufts und mafferdicht hindurchgeführt. hiernach ift nun leicht die Birfungeweise bee Schwimmers ju ermeffen.

Es fei die Schleufenkammer leer, es habe alfo ber Schwimmer feinen hochften Stand in Sig. 617, wobei bas Baffer in feinen beiben Rammern nur circa 2 Boll boch fteben mag. Deffnet man nun bei gefchloffener Schleufenkammer bie Bentile bei V und W, fo fintt ber Schwimmer nieber, indem er bas unter ihm ftebenbe Baffer großentheils in Die Schleuse treibt, und es fullen fich hierbei bie Abtheilungen C und D bes Schwimmers resp. aus E und H mit Baffer. Bulett fett fich ber Schwimmer unten auf zu biefem 3mede angebrachte Borftofe auf, indem er ben in Fig. 618 abgebilbeten Stand annimmt, wobei bas in bem Seitenbaffin übrig bleibenbe, fowie bas in die Rammer gebrangte Waffer bas Niveau bes Dbermaffers angenommen bat. Wegen ber Gleichheit gwischen ber Große ber Schleusenkammer und ber Große bes Baffins fteigt bas Baffer in letterem gerade fo viel als ber Schwimmer fintt, ift alfo bie Tiefe ber Eintauchung des letteren boppelt fo groß als bie absolute Sentung bes Schwimmers, und alfo auch gerabe fo groß als bie Boben ber in C und D eingefloffenen Bafferfchichten jufammengenommen, und folglich auch der Auftrieb des Baffers mit bem Gewichte biefer beiden Bafferfchichten im Gleichgewichte. Benn baber anfangs nur ein fleines Uebergewicht bes Schwimmers vorhanden mar, fo wird biefes auch mahrend und am Ende des Dieberfintens unverandert bleiben. Soll umgefehrt die gefüllte Schleuse geleert werben, so verschlieft man erft bas obere Schleufenthor, und offnet die Bentile V und W von Reuem. Saben dies Mal Die Gegengewichte G, G eine fleine Ueberwucht, fo wird nun ber Schwimmer langfam angehoben, wobei naturlich bie entsprechenden Baffermengen aus C und D nach E und H jurudfliegen, und bem Baffer in ber Schleusenkammer ber nothige Raum in bem Baffin AA verschafft wirb. Leicht ift einzusehen, bag biefes Auffteigen bes Schwimmers ebenfalls faft gang gleichformig vor fich geht, ba hierbei bie Abnahme bes Auftriebs

Giratbe gleich dem Gewichte des aus beiden Abtheilungen durch V und W abges Schittufe mit Sinchten Baffers gleich ift, folglich die anfangliche kleine Ueberwucht wahrend biefes Auffteigens unverandert bleibt.

> Anmerfung. Man fann auch baburch einen Theil bes Baffers jum Durchschleufen wieber nugbar machen, bag man burch bas aus bem Dberhaupte nach ber Schleufenkammer führenbe Baffer eine Dafdine umtreiben lagt, welche auf ber anberen Seite in einer befonberen Leitung Baffer aus ber unteren Canalftrede auf bie obere ichafft. Sieruber in ben Rieberlanben angestellte Berfuche haben allerbinge nicht ju bem ermunichten Biele geführt (f. L. Baud, Cursus over de Waterbouwkunde, 1838, II., und Storm Buysing, Handleiding tot de Kennis der Waterbouwkunde, 1845, II.).

Cibifffauf. jüge.

6. 305. Man hat auch Schiffsichleusen mit beweglichen Rammern in Unwendung gebracht, wobei bie letteren mit ben Schiffen gugleich aufgezogen und niebergelaffen werben. Gine folche Schleufe ift 3. B. von bem Ingenieur DR. James Green bei bem Great-Weffern-Canal in England erbaut worben. Die gange Borrichtung befteht aus zwei trogformigen Rammern, welche mittels Retten an ben entgegengefetten Seiten einer horizontalen Belle aufgehangen find, und an beiden Enben burch Schuten verschloffen und geoffnet werben tonnen. Beibe Canalftreden theilen fich in ber Rabe ber Schleufe in zwei ebenfalls burch Schuben zu verschließende Theile, so daß, je nach ihrem Stande, balb die eine Rammer an die obere rechte und die andere an die untere linke Canalabtheilung, ober umgefehrt, die eine Rammer an die untere rechte, und bie andere an bie obere linke Abtheilung anzuliegen fommt. biefe Rammern bei bem einen ober bem anberen Stanbe burch besonbere Mechanismen mit ihren Stirnflachen icharf an die Canalenden angepreft, und burch Eroffnung ber Schuben mit den Canalstreden in Communica. tion gefeht, fo lagt fich nun ein Schiff ungehindert aus ber einen Canalftrede heraus in bie Rammer, und umgetehrt ein folches aus einer Rammer in Die anftogende Canalftrede ichaffen. Nachbem bies gefcheben, fo find naturlich bie Schugen wieber zu verschließen und bie Drude ber Rammern gegen die Canalend.n wieder aufzuheben, und es tann nun bas Aufgiehen der einen und bas bamit verbundene Diederfinten ber anderen Rammer ungehindert vor fich geben. Da bas Bewicht eines fcmimmenben Rorpers gleich ift bem bes verbrangten Baffers, fo ift bas Gewicht ber mit Baffer gefüllten Rammer gar nicht von ber Gibge ber Labung bes in berfelben schwimmenben Schiffes abhangig, und es balanciren baber beibe Rammern ftets mit einander, wie groß auch die Labung ber Schiffe in benfelben, und ob uberhaupt in beiden oder nur in ber einen Rammer ein Schiff enthalten fei. Um inbeffen bie nothige Rraft gur Ueberwinbung ber paffiven Sinderniffe zu erhalten, lagt man ein wenig Baffer aus ber unteren Rammer auslaufen, und bamit beim weiteren Auffteigen

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 729 und Sinten ber Rammer feine befchleunigte Bewegung eintrete, wird noch Solffeaufein Breme in Wirkfamteit gefett, welcher in Berbinbung mit ber Radwelle fteht, woran die Rammern hangen. Uebrigens find gur Ausgleis dung ber Rettengewichte noch befondere Gegengewichteletten an bie Rammern angehangen (f. 6. 172).

Wenn die beweglichen Kammern nicht fentrecht auf- und niedergelaffen werben tonnen, fo ftellt man biefelben auf Bagen, bie man auf fogenannten Rampen und mittels Dampffraft fortichafft. Eine folde Rampe mit beweglichen Schleufentammern ift von Leftie nach A. Thomfon's Plan auf bem Monkland-Canal bei Glasgow ausgeführt worben. Es ift hier die Entfernung ber Canglenben 960 guß englisch und die Steig. bobe 96 Fuß, bas Gewicht eines mittels 20 Rabern auf einer Gifenbahn von 7 fuß Spurmeite laufenden Bagens fammt Rammer und Schiff 70 Tonnen. Einfacher ift es naturlich noch, wenn man bei Unwendung einer ichiefen Gifenbahnebene bie Schleufentammern gang fallen lagt und bie Schiffe unmittelbar auf bie Bagen ftellt. In biefem Falle laft man entweder die obere Canalftrede in eine Schleufe auslaufen, innerhalb melcher bas Auffeben bes Schiffes auf ben Bagen erfolgt, und welche ju entleeren ift, bevor bas Aufziehen ober Rieberlaffen bes Bagens fammt Schiff erfolgen tann, ober man begrengt beide Canalenden burch bie Bebirgsabhange, worauf die Gifenbahn ruht, meshalb amifchen beiden Canalftreden ein Scheitel herzustellen ift, wenn berfelbe nicht ichon vorhanden Die aus einem gangenprofile und einem Grundriffe bestehenbe Stizze eines folchen Schiffdaufzuges ift in Fig. 619, I. und II. (a. f. S.) abgebilbet. Die achtraberigen Bagen A und B, welche jum Fortschaffen ber Schiffe C und D bienen, find burch ein Drahtfeil ohne Ende verbunben, welches auf der einen Seite um die Leitrolle E und auf ber anderen Seite um die Rollen F und G und außerbem noch über die Rollen H und K am Scheitel, sowie um bie Trommel L gelegt ift, welche mit ber aus einer Dampfmaschine ober einem Bafferrabe bestehenben Umtriebs. maschine in Berbindung fteht. Wird biese Trommel burch bie Umtriebsfraft nach ber einen ober ber anberen Richtung umgebreht, fo fleigt naturlich entweber bas eine Schiff empor und bas andere nieber, ober umgetehrt, es geht bas eine Schiff nieder und bas andere aufmarts. großartigften Schiffsaufzuge find in Nordamerita ju finden. Der Morris-Canal hat j. B. bei Philippsburg außer 25 gewöhnlichen Schleufen noch 23 schiefe Ebenen, wodurch die Schiffe von 700 Centner Labung nach und nach 1627 Fuß boch hinab ober hinauf befordert werden.

Rleinere Schiffe ober Rahne tann man auch burch Rrahne ober anbere Mufguge in fentrechter Richtung von einer Canalftrede auf eine andere forbern. Gin Beifpiel biefer Art bietet ber Churpringen-Canal bei FreiE diffeauf.

Cenftruction

berg bar, auf welchem bie Erze von Churpring-Erbftolln nach bem Buttenwerte Bals: brude gefchifft merben. bem fogenannten Bebehaufe merben bie mit circa 50 Centner Erz belabenen Rabne aus dem Mulbenfluffe in bie obere Canalftrede 24 Fuß boch gehoben und bie hierzu angemendete Mafchine befteht in ber Sauptfache in einem burch eine Rurbel in Umbrebung gu und Måbermerte lesenden amei Rlafchengugen, an melchen ber Rahn mittels 20 Seilen angehangen ift.

Die Sauptbe-§. 306. ftandtheile eines Schiffes fim ber Riel, ber Borbers und Sinterfteven, bet Spanten, bie Baltmeger, die Dedbalten, bas bie Beplantung, Ded, bas Ruber und bie Das (frant Der Riel quille; engl. keel) und die Spanten (frang. courbes; engl. ribs, frames) find mit bem Rudgrat und mit ben Rippen eines auf dem Rucken liegenben menfchlichen Rorpers ju vergleichen. Der er: ftere ift ein ftarter, oft aus zusammengelaschter Studen Baiten, welcher fich lange ber Mittellinie bes Schiffe. bobens erftredt, und bie let: teren find frumme, aus meh: teren Bolgftuden gufammen-

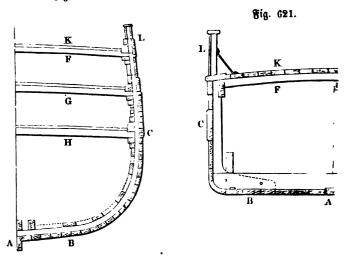
gefette Sparren, welche bie Querfchnitte bes Schiffes begrengen. Das Conftruction untere ober fogenannte Bauchftud eines Spantes rubt in ber Mitte Die Spanten nehmen von bem fogenannten Saupt. auf bem Riele. spanten (frang. maitre-couple; engl. mid-ship-frame) aus nach ben beiben Schiffsenden zu immer mehr und mehr an Breite und Rulle ab. Sehr verschieben ift bie Entfernung ber Spanten von einander; bei glug-Schiffen ift fie 3 bis 4 guß, bei Seefchiffen aber 1 guß und bei Rriegs. Schiffen fteben bie Spanten fogar dicht neben einander. Die Stepen (frang. étraves, étambots; engl. stems, prowposts, sternposts) bilben bie aufgebogenen Enben bes Rieles, und find baber auch bie augerften Enben bes Schiffes felbft. Die fogenannten Rantenfpanten, welche die Steven umfaffen, werden nicht rechtwinkelig auf die gangenare bes Schiffes, fonbern mehr ober weniger rechtminkelig gegen bie Steven gelegt. Dedbalten (frang, baux; engl. beams) find quer uber bas Schiff meg liegenbe Balten, und merben mittels ber fogenannten Baltweger mit ben Spanten verbunden. Auf Die Dechalten fommt bas Ded (frang. le pont; engl. the deck) ju liegen, welches aus Planken von 11/2 bis 4 Boll Dicke und 4 bis 6 Boll Breite gufammengefett wirb. Bei Kluff: fchiffen bilbet bas Ded bie oberfte Begrengung bes Schiffes; Seefchiffe bingegen, welche tiefer geben, erhalten noch 3mifchenbede, moburch bas gange Schiffegebaube, wie ein gewohnliches Bohngebaube, in Fluren ober Etagen abgetheilt wirb.

Den nachft wichtigften Theil eines Schiffes bilbet die Befleibung ober Beplantung (frang. le bordage; engl. the plankings) beffetben. Blufichiffe merben gur Ergielung einer großeren Leichtigfeit nur außen, Seefchiffe aber außen und innen betleibet. Die Saupts oder Muffenplanten werben von außen auf die Spanten aufgenagelt, und mit ihren Enben in die Sponung ober rinnenformigen Bertiefungen an ben Seiten ber Steven eingefest. Die Rugen gwischen ben Planken merben mit Berg ausgestopft ober talfatert. Diejenigen Planten, welche ben Borber- und hinterbug bes Schiffes bilben, werben, bamit fie fich beim Umbiegen um bie Spanten fugen, vorher gebampft, b. i. mehrere Stunden lang in einen mit Bafferbampf angefüllten Raften geftedt.

In Fig. 620 und 621 (a. f. S.) find bie Salften ber Sauptquerschnitte eines Sees und eines Blufichiffes abgebilbet. Der Riel A tritt nur bei bem Seefchiffe in Sig. 620 befondere bervor, bei bem Klugfchiffe in Sig. 621 bilbet er bagegen nur einen Theil ber Beplankung. BC ift in beiden Abbilbungen ber Sauptspanten sammt feiner Betlei-Ferner find in Sig. 620 F, G, H bie Dechalten fammt ihren Deden, wodurch bas Schiff in Etagen getheilt wird, ju feben. Das Fluffchiff, Fig. 621, hat dagegen nur eine Dechbaltenreihe F, und also

Confruction nur ein Ded, das fogenannte Berbeck K. In beiben Abbildungen ift enblich noch L bie Bruftung des Berbeck, die fogenannte Reilings. ober Schanzbekleibung.

Fig. 620.

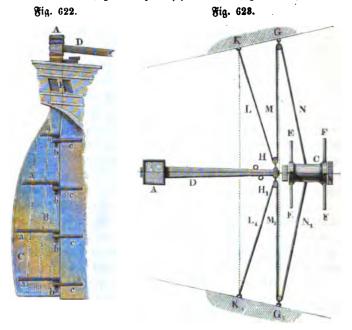


Eiferne Schiffe, welche burch ihr kleineres Gewicht und burch ihre langere Dauer große Borguge vor ben holgernen haben, erhalten ein Gerippe aus Winkeleisen und eine aus Blechtafeln von 1/2 bis 3/4 Boll Starte zusammengenietete Bekleidung. Eiferne Querwande aus Eisenblech theilen diese Schiffe in mehrere ganzlich getrennte Raume, und es wird badurch nicht allein die Starke der Schiffe erhoht, sondern auch die Gefahr des Unterssinkens derselben, bei Entstehung eines Leck, vermindert. Durch ihre schlanke Gestalt, welche man den eisernen Schiffen geben kann, durchschneiz ben diese Schiffe das Wasser mit größerer Leichtigkeit als holzerne Schiffe, und fahren daher auch unter übrigens gleichen Verhaltnissen schiese schiffe.

§. 307. Das Ruber ober Steuer, Steuerruber (franz. gouvernail; engl. rudder), bient zum Steuern ober Regieren bes Schiffes und hangt wie eine Thur in Angeln. Man unterscheibet an ihm ben Schaft, bas Blatt, bie Pinne, ben haten, bie Fingerlinge und bie Pfannen. Der Ruberschaft ober bas Rubherz ist oben burch ein Loch, ben sogenannten Guter, in ben Schiffsraum geführt, und trägt unten mehrere eiserne haten, die in die Desen ober sogenannten Fingerstinge eingreifen, welche am hinter- ober Achtersteven befestigt find. Um bie Reibung ber haten in ben Fingerlingen möglichst herabzuziehen, ift

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 788

einer von ben Kingerlingen mit einer Pfanne verfeben, auf welcher die Conftruction Enbflache bes eingreifenden Safens ruht, fo bag baburch bas gange Gewicht bes Rubers von biefer Pfanne aufgenommen wird und die ubrigen Kingerlinge nur bie Seitenkrafte aufzunehmen haben. Bur Drehung bes Steuers bient bie Dinne, ein burch bas Ropfenbe bes Steuerschaftes geftedter, ober auf irgend eine andere Beife mit bemfelben verbundener Se-Diefer Bebel lagt fich nur bei fleinen Schiffen und Rahnen unmittelbar mit ber Sand bewegen, bei großeren Schiffen ift hingegen baju ein befonderes Steuerrab nothwendig, welches in einem gewohnlichen Rreughaspel (f. II., §. 84) befteht. Die Conftruction eines Rubers ift aus Fig. 622 und bie feines Bewegungsmechanismus mittels bes Steuerrades aus Sig. 628 ju erfeben. In Sig. 622 ift AB ber



Ruberschaft und C bas Blatt, ferner find a, a . . bie Angeln mit ben Saten b, b . und c, c . . die fogenannten Fingerlinge; auch fieht man in E ben hintertheil ober bas bed (ben Spiegel) (frang. poupe; engl. stern) bes Schiffes, fowie in D ein Stud ber Ruberpinne. zeigt in A wieber ben Schaft und in D bie Pinne; ferner in C bas Steuerrad mit feinen Spillen EE und FF, in G und G, Leitrollen an ber Innenseite bes Schiffes, und in L, M, N, L1, M1, N1 bie Bugtaue,

Gonftruction welche bei K und K_1 an die Schiffswand befestigt sind, und dazu bienen, das Ende HB_1 des Ruderhebels D mit dem Wellenumfange des Steuerzrades zu verbinden. Es ist hiernach leicht zu ermessen, wie durch Umdrehung diese Rades nach der einen oder der anderen Seite das Ruder nach rechts oder links gewendet werden kann. Uebrigens beträgt der Winkel, um welchen man auf diese Weise das Steuerruder rechts oder links wendet, nie über 42 Grad.

Die Besegelung ober Butakelung eines Schiffes wird angewendet, um baffelbe entweder ganz ober theilweise burch bie Rraft bes Windes in Bewegung zu seben. Diefer Theil ber Buruftung eines Schiffes besteht

- 1) aus bem Rundholt, ben fogenannten Daften und Stengen,
- 2) aus bem Tau= und Tatelwert, und
- 3) aus ben Segeln.

Je nachbem bas Tauwert zur Befestigung ber Segel an bie Maften und Stengen, oder zur Regierung und Richtung ber Segel nach bem Eurse und Wind bient, ist es entweder ftehenbes oder laufendes Tauwert. Um endlich noch ben Segeln bie nothige Spannung zu geben, werden die sogenannten Raaen, Gaffeln, Spieren und Leitern angewendet.

Rleinere Schiffe und Boote haben nur einen Daft (Maftbaum), grofere Seefchiffe find bagegen zweis und breimaftig. Die letteren Schiffe haben außerbem noch ein fchief liegendes, über bas Borberenbe bes Schiffes hinaus ragendes Rundholz, bas fogenannte Bugfpriet. Uebrigens unterscheibet man bie brei Daften burch bie Namen Fodmaft, großer Maft und Befanmaft von einander, wobei man von vorn nach binten Die Maften großerer Schiffe beftehen nicht aus einem einzigen Stude, sonbern werben noch burch besondere Stangen, die fogenannten Stengen, verlangert. Diefe Stengen tommen an bie Borberfeite ber Maften ju liegen, und werben burch ein befonderes Stud Solz, bas foge: nannte Efelshoofb (Efelshaupt) gestedt, welches am Ende eines Da: ftes festiit. Um an eine Stenge eine zweite ansegen ju tonnen, ift naturlich die erftere ebenfalls mit einem Efelshoofd auszuruften. und Stengen werben burch Taue unterftut, wovon biejenigen, welche nach ben Schiffeseiten herabgeben, Banten, und bie nach ber Schiffe. fpite berabgebenden Stage genannt werden.

Um die aus fogenanntem Segeltuche bestehenden Segel auszuspannen und zu regieren, dienen die sogenannten Raaen, b. i. quer am Raste hangende Rundholzer, sowie verschiedene Taue, die sogenannten Schoten, Halsen, Braffen u. s. w. Zum Spannen der Seile werden vorzüglich die sogenannten Blode (Rollen) und ihre Berbindungen zu sogenannten Takeln (Flaschenzügen, s. III., f. 209) verwendet.

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 735

Anmerkung 1. Bur vollständigen Ausruftung gehört endlich noch eine Ans Conftruction ferminde mit bem Anfertau ober, nach Befinden, ber Anferfette und bem Anter felbft. Die erftere befteht fehr gewöhnlich in einer ftehenben Belle und ahnelt ber in II., §. 85, Fig. 168 abgebilbeten Erbwinbe. Bas bie Anfer anlangt, fo befteben biefelben aus ber Anterruthe, ben Anterarmen und bem Ans ferflode. Die Arme ober Alugel bes Antere find bie bogenformigen Auslaufe beffelben, womit er fich in ben Boben einwühlt. Der Anterftod bilbet ein langes Querftud am anderen Ende bes Antere, welches rechtwinfelig gegen bie Anferebone fteht, und fich beim Auswerfen bes Antere flach auf ben Grund legt.

Anmerkung 2. Die Abbilbung eines Segelschiffes, welches bei ber Derfey-3rwell-Canalidifffahrt gebraucht wirb, führt Fig. 624 vor Augen. Gin foldes Schiff Fig. 624.



ift 60 Fuß lang und 12 Fuß breit und hat nur 5 Fuß Tiefgang, bet einer Labung von 60 Tonnen. Man fieht in AA ben Schiffeforper, in B bas Steuer, in CD ben um eine Are C brebbaren Daftbaum, ferner in E bie Schiffswinde, in F

Confiruction. ben Takel und in G bas Tau zum Aufrichten bes Mastes, bessen geneigte Lage ber Echise. Durch C_1 , D_1 , G_1 in punktirten Linien angebeutet wird. Der Mast ist noch burch die Stenge H verlängert, und bas hintere Segel K wird durch die beiten Raaen M und N, dagegen das Bordersegel L nur mittels eines Seiles gerichtet und gespannt. Roch sieht man in O eine kleine Kajüte und in P die sogenannte Schiffstuke (franz. écoutille; engl. hatch-way), d. i. eine Deffnung in dem Berbeck, durch welche man die Güter in den inneren Schiffstaum herabläßt, oder nach Besinden in benselben hinabsteigt.

Schifferiffe.

Die Schiffsform ift ein wesentlich wichtiger Gegenftanb bes §. 308. Schiffsbaues, ba von berfelben vorzuglich die Rraft jum Fortbewegen und also auch die Geschwindigkeit des Schiffes abhangt. Es ift aus ber Spbraulit bekannt, bag ber Wiberftand eines im Baffer beweaten Rorpers porguglich von ber Geftalt ber vorberen und ber hinteren Begrengung beffelben abhangt, und bag berfelbe um fo fleiner ausfallt, je fcharfer biefe Begrenzungen find und je abgerunbeter bie gange eingetauchte Dberfiache bes Schiffes ift. Sind bagegen bie außerften Begrenzungen bes eingetauchten Schiffetorpere ftumpf, und enthalt bie Schiffsoberflache menig abgerundete Eden ober Ranten, ober überhaupt fart getrummte Stellen, fo wird das Baffer burch bas bewegte Schiff nicht allein in ftarte, fonbern auch in wirbelnbe Bewegungen verfett, woburch ber Widerftand beffelben ju einer großen Sohe anmachft. Speciellere Regeln über bie vortheilhafteften Schiffsformen laffen fich aus ber Theorie nicht ableiten, man muß fich baber bei Conftruction ber Schiffeforper vorzuglich von ber Erfahrung leiten laffen. Solchen Conftructionen muffen naturlich gute Beichnungen von Schiffsgefägen ju Grunde gelegt merben.

Diese Zeichnungen ober Riffe werben vorzüglich nach ben brei hauptbimensionen bes Raumes, nämlich

- 1) nach Sorizontalfcnitten,
- 2) nach vertitalen gangen-, und
- 8) nach vertikalen Querschnitten entworfen.

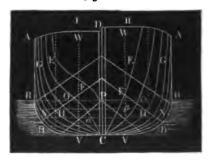
Die Horizontalschnitte geben auf ber außeren Begrenzung bes Schiffes bie sogenannten Bafferlinien an, von welchen biejenige, welche bie Schwimmebene bes belasteten Schiffes begrenzt, die geladene, und diezienige, welche die Schwimmebene bes leeren Schiffes umschließt, die leere Bafferlinie genannt wird. Man trägt die in gleichen hohen über einander liegenden Bafferlinien in den Grundriß, ferner die in gleichen Abständen von einander angenommenen Längenschnitte des Schiffes in das Längen= und die in gleichen Abständen von einander gelegten Querschnitte in die Querprosite des Border= und hinterschiffes ein. Solche mit einem Systeme von Querschnitten (Spanten) versehenen Querprosite eines Schiffstörpers bilden den sogenannten Spantenriß dessehen. Außer biesen Prositen fertigt man aber auch noch sogenannte Sentenrisse an.

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 737

Einen folden Rif erhalt man baburch, baf man einen Langenschnitt Caiffenffe. burch bas Schiff fuhrt, welcher so viel wie möglich von einem und bempelben Plankengang, ober einer ftatt besselben aufgenagelten Latte, der so genannten Sente, begrenzt wird. Da das ganze Schiff in hinsicht auf ben mittleren Langenschnitt symmetrisch ist, so genügt es natürlich, wenn man die Wasserinien, Langenschnitte, sowie die Spanten- und Sentenrisse nur von der einen Schiffshalfte entwirft.

Bei der Anfertigung dieser Riffe beginnt man mit dem Entwurf ber beiben Spantenriffe AC, I. und II., Fig. 625. Die verschiedenen

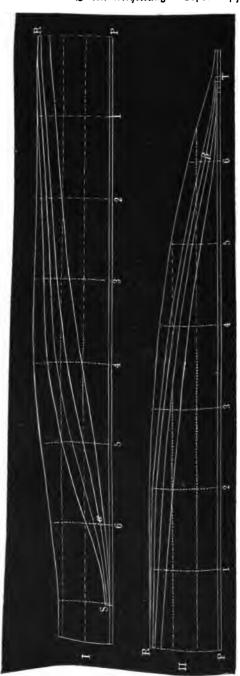
Fig. 625.



Spantenlinien bieser Risse fertigt man bergestalt an, baß man zuerst ben hauptspanten ABC, dann einen Bordersober hinterspanten EFC, hierauf einen Mittelspanten GHC nach dem Augenmaße entwirft, und nun in die Raume zwischen je zwei dieser brei Spantenlinien die übrigen Spanten einzeichnet. Dieses Einzeichnen wird aber

nicht gang willeurlich bewirft, fondern man bedient fich bierbei ber Dethobe bes Interpolirens. Bu biefem 3mede legt man eine Sente BF moglichft rechtwinkelig gegen bie fogenannte Rimmung B bes Schiffes, und mit ihr einige andere Genten, parallel, und bestimmt nun mittels bekannter Interpolationeregeln aus ben gegebenen Durchschnitten B, H, F amifchen einer Sente und ben querft aufgegeichneten brei Spantenlinien noch andere Durchschnitte, wie N, O u. f. w. berfelben Sente mit ben amifchen einzuzeichnenben Spantenlinien CN, CO u. f. w. Sat man auf diese Beife sowohl ben Spantenrif I. bes Sinter: als auch ben Span: tenrif II. des Borderschiffes entworfen, fo laffen fich auch leicht die ubri: gen Durchschnitte bes Schiffes aufzeichnen. In Diefer Ubficht giebt man fich junachft bie Sorizontgle RR an, welche bie gelabene Bafferlinie vorftellt, theilt die Schwimmtiefe CP in gleiche Theile und fuhrt burch die Theilpuntte andere Borigontalen oder Schwimmlinien. Diefe Borigontalen fcneiben bie Spanten in einer Menge von Punkten, welche fammt: lich in ber außeren Begrenzung bes Schiffes liegen. Theilt man nun in ben Grundriffen PRS und PRT, Fig. 626 (a. f. S.), der beiben Schiffs: theile I, und II, bie gangen PS und PT in gleiche Theile, und fuhrt man burch die Theilpuntte 1, 2, 3 u. f. w. Parallelen gur Breite PR, fo ftellen biefe bie Spanten im Grundriffe vor, und es laffen fich nun die

Edifferiffe.



gefundenen Durchschnitts. puntte α, β.. ber Baffer: linien im Spantenriffe aud in bem Grundriffe angeben. Berbinbet man endlich im Grunbriffe biejenigen Puntte, welche in einem und demfelben Sorizontalichnitte RR, BB u. f. w. liegen, burch einen Bug, fo erhalt man baburd bie entfprechende Baffer: linie in ihrer mahren Ge-Führt man ebenfo stalt. im Spantenriffe Bertifalen VW u. s. w., fo fcneiden dieselben die Spanten in anderen Punkten, mit Hulfe welcher sich auf gleiche Beife im gangen: profile bes Schiffes vertie tale Langenschnitte beffelben verzeichnen laffen.

6. 309. Bei ber im Borftebenben befchriebenen Aufzeichnung bes Schiffs. körpers ist natürlich nicht bloß auf bie Große, fonbern auch auf die Beftimmung bes Schiffes Rud. ficht zu nehmen. Geftalt bes Sauptfpantens bie ber gelabenen Wafferlinie geben bierbei bas Hauptanhalten. Die mů ffen Seeschiffe bem Andrange hoher Bellen miberfteben tonnen, bes balb erhalten sie eine gro: fere Breite und mehr ab: gerundete Spanten; Fluf:

Ediffe.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 789 schiffen giebt man kleinere Breiten, bamit sie bas Wasser leicht burchschneiben, und mehr rectangulare Spantenformen, damit sie keinen großen Tiefgang haben. Gewöhnlich ist bas Berhaltniß ber größten Schiffsbreite zur ganzen Schiffslänge:

Saiffe formen

bei Seefegelschiffen . . . = 1/4, bei Seedampfschiffen . . . = 1/6, und bei Flußbampfschiffen · · · = 1/8;

ferner bas Berhaltniß ber größten Schiffshohe gur Schiffsbreite:

bei Seeschiffen = 2/3, und bei Flufichiffen = 1/2;

enblich bas Berhaltnif ber größten Gintauchung gur größten Schiffsbreite:

bei Stefchiffen $= \frac{2}{5}$, und bei Flufichiffen $= \frac{1}{5}$.

Ein Anhalten bei Beurtheilung ber Abrundung und Buschäfung ber Schiffsformen geben noch die sogenannten Bolligkeitscoefficienten, ober die Berhaltniffe ber Inhalte ber hauptquerschnitte bes Schiffes zu bennen ber sie umschließenden Rechtecke, sowie bas Berhaltniß bes Bolumens bes eingetauchten Schiffsraumes zu bem bes denfelben umschließenden Parallelepipebes.

Ift a ber Tiefgang, b die größte Breite und l' die größte Lange bes eingetauchten Schiffstheiles, ferner F ber Inhalt bes eingetauchten Theiles bes hauptspantens, G ber Inhalt ber Schwimmfläche ober bes von ber gelabenen Wafferlinie begrenzten Raumes, und V bas Bolumen bes verbrangten Waffers, so hat man:

$$\alpha = \frac{F}{ab} = 0.82 \text{ bis } 0.92,$$
 $\lambda = \frac{G}{bl} = 0.80 \text{ bis } 0.65,$
 $\varphi = \frac{V}{abl} = 0.60 \text{ bis } 0.45,$

und gwar erftere Berhaltniffe bei See- und lettere bei Fluffchiffen.

Bur Beurtheilung bes Tragvermogens und ber Stabilitat eines Schiffes ift nothig, bag man eine moglichst genaue Bestimmung ber Inhalte seiner Schnitte vornehme und hiernach wieder ben Inhalt bes verbrangten Basesers, sowie bie Lage seines Schwerpunktes bestimme. hierzu reichen bie in I., §. 118 angegebenen Formeln:

1)
$$V = (F_0 + 4F_1 + 2F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n) \frac{h}{3n}$$
 und
2) $y = \frac{0.F_0 + 1.4F_1 + 2.2F_2 + 3.4F_3 + ... + (n-1)4F_{n-1} + nF_n}{F_0 + 4F_1 + 2F_2 + 4F_3 + ... + 4F_{n-1} + F_n} \frac{h}{6}$

Chiffs. formen. aus, wenn man darin unter h bie in n gleiche Theile getheilte Hohe ober Lange, unter F_0 , F_1 , F_2 ... F_n die durch die Theilpunkte 0, 1, 2... n gelegten Querschnitte eines Körpers versteht, und V das Bolumen bieset Körpers, sowie y den Abstand seines Schwerpunktes von der Grundsläche oder nullten Schnittsläche (F_0) bezeichnet.

Wir können in diesen beiden Formeln einmal statt h die Wassertracht (a) oder die Tiefe der Eintauchung, und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der Horizontalschnitte oder die von den Wasserlinien begrenzten Flächen räume, von unten nach oben gerechnet, und das andere Mal statt h die Länge (l) der geladenen Wasserlinie und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der vertikalen Querschnitte (Spanten) einsehen, und bekommen dann in beiden Fällen durch die Formel (1) das Volumen V des verdrängten Wassers, in dem ersten Falle durch die Formel (2) den Abstand (y) des Schwerpunktes des Schiffes von dem Kiele, und im zweiten Falle durch die zweite Formel den horizontalen Abstand (y) dieses Schwerpunktes von dem als Nullpunkt angenommenen Schiffsende.

Was die Bestimmung der Schnittstächen F_0 , F_1 . . F_n anlangt, so ift dieselbe ebenfalls durch Formel (1) zu vollziehen, wenn man darin flatt h die Länge oder Sohe der Schnittstäche, und statt F_0 , F_1 . . F_n die in gleichen Abständen von einander abgenommenen Breiten einer solchen Fläche einsetz.

Uebrigens liegt ber Schwerpunkt des Wasserraumes in dem vertikalen Hauptlangenschnitt des Schiffes. Der Auftrieb $V\gamma$ des Schiffes (siebe I., §. 307) ist $=Q+Q_1+Q_2$, wenn:

Q bie Große ber Schiffsladung (Laftigfeit),

Q1 bas Gewicht bes leeren Schiffes und

Q2 das Gewicht des Treibapparates, der Dampfmaschine fammt Reffet u. f. w. bezeichnen.

Die Stabilität des Schiffes fordert, daß man sowohl den Schwerpunkt von Q als auch den von Q_1 und den von Q_2 nicht allein in den vertikulen Hauptlängenschnitt des Schiffes, sondern auch so tief wie möglich lege. Auch ist es natürlich nöthig, daß der Schwerpunkt des ganzen Schiffes $(Q+Q_1+Q_2)$ von dem Schiffsende ebenso viel abstehe als der Schwerpunkt des Austriedes $V\gamma$. Sind die Abstände der Schwerpunkte der Gewichte Q, Q_1 , Q_2 und der Kraft $V\gamma$, von dem Schiffsende der Reihe nach x, x_1 , y und z, so haben wir hiernach:

$$Qx + Q_1x_1 + Q_2y = Vz\gamma$$

Bu feten, fo daß fich hiernach die Ordinate des Schwerpunktes ber Schiffse maschine:

 $x_1 = \frac{\mathbf{V}\mathbf{z}\mathbf{y} - \mathbf{Q}\mathbf{x} - \mathbf{Q}\mathbf{z}\mathbf{y}}{O_1}$

beftimmen låßt.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 741

6. 810. Die Große (S) ber Stabilitat eines Schiffes ift in I., Stabilitat eines Schiffes in I., Stabilitat eines S

$$S = \left(\frac{b^3}{12\,F} + e\right)P\varphi$$

ausgebrückt worden, worin b die Breite des Schiffes in der Schwimmsebene, F den Inhalt des vertikalen Querschnittes des verdrängten Wassers, e die Höhe des Schwerpunktes des Schiffes über dem des verdrängten Wassers, P den Austried $V\gamma = Fl\gamma$ und φ die Reigung des Schiffes nach der einen oder der anderen Seite bezeichnen. Diese Formel ist nur für ein prismatisches Schiff entwickelt worden; da aber der Querschnitt F nach den Schiffsenden zu immer kleiner und kleiner wird, so läßt sie sich unmittelbar nur auf kurze Stücke anwenden, deren Querschnitte als unveränderlich angesehen werden können. Sind nun l_0, l_1, l_2 . die Längen, b_0, b_1, b_2 . die oberen Breiten, F_0, F_1, F_2 . die Querschnitte, V_0, V_1, V_2 . die Belumina und e_0, e_1, e_2 . die Tiesen der Schwerpunkte dieser Stücke unter dem Schwerpunkte des ganzen Schiffes, so haben wir die entsprechenden Stabilitäten:

$$\begin{split} S_0 &= \left(\frac{l_0 b_0^3}{12} - V_0 e_0\right) \varphi \gamma, \\ S_1 &= \left(\frac{l_1 b_1^3}{12} - V_1 e_1\right) \varphi \gamma, \\ S_2 &= \left(\frac{l_2 b_2^3}{12} - V_2 e_2\right) \varphi \gamma \text{ u. f. w.} \end{split}$$

und baher bie Stabilitat bes gangen Schiffes:

$$S = S_0 + S_1 + S_2 + .$$

$$= \left(\frac{1}{12} \left(l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + ..\right)\right)$$

$$-(V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \ldots) \varphi_{\gamma},$$

ober, ba:

$$\frac{1}{12} (l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + \ldots) = \frac{1}{3} \mathcal{E} \left[b l \left(\frac{b}{2} \right)^2 \right]$$

gleich bem Tragheitsmomente J ber Schwimmflache in hinficht auf bie Langenare bes Schiffes, und

$$\ddot{V}_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \dots$$

bas Moment bes ganzen verbrängten Wasservolumens V ober bas Probuct aus biesem Raume und bem Abstande e seines Schwerpunktes von bem bes ganzen Schiffes ist:

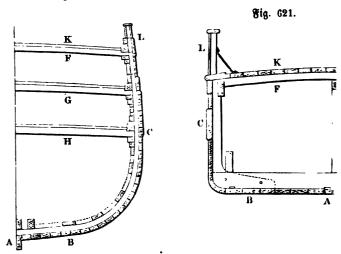
$$S = (J -- Ve) \varphi \gamma.$$

Damit bas Schiff Stabilitat besite, muß naturlich

fein.

Gongraction nur ein Ded, das fogenannte Berbed K. In beiben Abbilbungen ift endlich noch L die Bruftung bes Berbeds, die fogenannte Reilings- ober Schanzbekleibung.

Fig. 620.



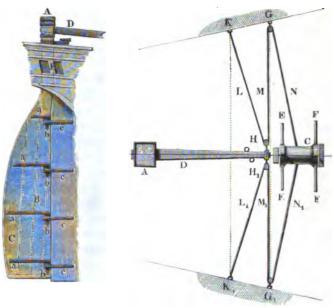
Eiserne Schiffe, welche burch ihr kleineres Gewicht und burch ihre langere Dauer große Vorzüge vor ben bolgernen haben, erhalten ein Gerippe aus Winkeleisen und eine aus Blechtafeln von 1/2 bis 3/4 Joll Starke zusammengenietete Bekleidung. Eiserne Querwande aus Eisenblech theilen diese Schiffe in mehrere ganzlich getrennte Raume, und es wird badurch nicht allein die Starke der Schiffe erhöht, sondern auch die Gefahr des Unterssinkens derselben, bei Entstehung eines Lecks, vermindert. Durch ihre schlanke Gestalt, welche man den eisernen Schiffen geben kann, durchschneis den diese Schiffe das Wasser mit größerer Leichtigkeit als holzerne Schiffe, und fahren daher auch unter übrigens gleichen Verhältnissen schneser als biese.

§. 307. Das Ruber ober Steuer, Steuerruber (franz. gouvernail; engl. rudder), bient zum Steuern ober Regieren bes Schiffes und hangt wie eine Thur in Angeln. Man unterscheibet an ihm ben Schaft, bas Blatt, die Pinne, ben haten, die Fingerlinge und die Pfannen. Der Ruberschaft ober das Rubherz ist oben durch ein Loch, ben sogenannten Guter, in ben Schiffsraum geführt, und trägt unten mehrere eiserne haten, die in die Desen ober sogenannten Fingerslinge eingreifen, welche am hinters ober Achtersteven befestigt sind. Um die Reibung der haten in den Fingerlingen möglichst herabzuziehen, ist

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 783

einer von den Fingerlingen mit einer Pfanne versehen, auf welcher die Gonftruction Endfidche des eingreifenden Hakens ruht, so daß dadurch das ganze Geswicht des Rubers von dieser Pfanne aufgenommen wird und die übrigen Fingerlinge nur die Seitenkrafte aufzunehmen haben. Bur Drehung des Steuers dient die Pinne, ein durch das Kopfende des Steuerschaftes gesstedter, oder auf irgend eine andere Weise mit demselben verbundener Hesbel. Dieser hebel läßt sich nur bei kleinen Schiffen und Kahnen unmittelbar mit der Hand bewegen, bei größeren Schiffen ist hingegen dazu ein besonderes Steuerrad nothwendig, welches in einem gewöhnslichen Kreuzhaspel (s. II., §. 84) besteht. Die Construction eines Ruders ist aus Fig. 622 und die seines Bewegungsmechanismus mittels des Steuerrades aus Fig. 628 zu ersehen. In Fig. 622 ist AB der

Fig. 622. Fig. 628.



Ruberschaft und C das Blatt, ferner sind a, a. die Angeln mit ben Saken b, b. und c, c. die sogenannten Fingerlinge; auch sieht man in E den hintertheil oder das heck (ben Spiegel) (franz. poupe; engl. stern) des Schiffes, sowie in D ein Stuck der Ruderpinne. Fig. 623 zeigt in A wieder den Schaft und in D die Pinne; ferner in C das Steuerrad mit seinen Spillen EE und FF, in G und G_1 Leitrollen an der Innenseite des Schiffes, und in L, M, N, L_1 , M_1 , N_1 die Zugtaue,

Confirmetton welche bei K und K1 an die Schiffswand befestigt find, und dazu dienen, bas Ende HH, des Ruberhebels D mit bem Bellenumfange bes Steuerrabes zu verbinden. Es ift hiernach leicht zu ermeffen, wie durch Umbrehung biefes Rabes nach ber einen ober ber anderen Seite bas Ruber nach rechts ober links gemenbet merben fann. Uebrigens beträgt ber Winkel, um welchen man auf biefe Beife bas Steuerruber rechts ober links wendet, nie uber 42 Grab.

> Die Befegelung ober Butakelung eines Schiffes wird angewendet, um baffelbe entweber gang ober theilmeife burch die Rraft bes Windes in Bewegung zu feben. Diefer Theil ber Buruftung eines Schiffes befteht

- 1) aus bem Rundholz, ben fogenannten Daften und Stengen,
- 2) aus bem Tau= und Tatelwert, und
- 3) aus ben Segeln.

Je nachdem bas Tauwert jur Befestigung der Segel an Die Maften und Stengen, ober gur Regierung und Richtung ber Segel nach bem Curfe und Wind bient, ift es entweder ftebendes ober laufendes Zauwerk. Um endlich noch ben Segeln bie nothige Spannung ju geben, werben die fogenannten Ragen, Gaffeln, Spieren und Leitern angewenbet.

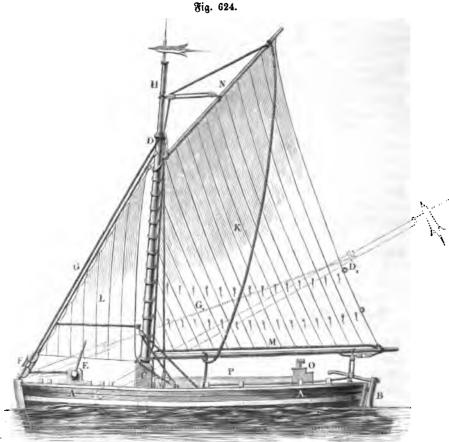
Rleinere Schiffe und Boote haben nur einen Daft (Maftbaum), gro-Bere Seefchiffe find bagegen zweis und breimaftig. Die letteren Schiffe haben außerbem noch ein schief liegenbes, über bas Borberenbe bes Schiffes hinaus ragendes Rundholg, bas fogenannte Bugfpriet. Uebrigens unterfcheibet man bie brei Daften burch bie Namen Fodmaft, großer Maft und Befanmaft von einander, wobei man von vorn nach binten Die Maften großerer Schiffe bestehen nicht aus einem einzigen Stude, fondern werben noch burch befondere Stangen, Die fogenannten Stengen, verlangert. Diefe Stengen tommen an bie Borberfeite ber Maften zu liegen, und werben burch ein befonderes Stud Bolz, bas fogenannte Efelshoofd (Efelshaupt) gestedt, welches am Ende eines Da-Um an eine Stenge eine zweite anseten ju tonnen, ift naftes festfist. turlich die erftere ebenfalls mit einem Efelshoofd auszuruften. und Stengen werben burch Taue unterftut, wovon biejenigen, melde nach ben Schiffeseiten herabgeben, Manten, und bie nach ber Schiffe. fpite herabgehenben Stage genannt merben.

Um die aus fogenanntem Segeltuche bestehenden Segel auszuspannen und zu regieren, dienen bie fogenannten Raaen, b. i. quer am Dafte hangende Runbholzer, sowie verschiebene Taue, die fogenannten Schoten, Salfen, Braffen u. f. w. Bum Spannen ber Seile werben vorzüglich bie fogenannten Blode (Rollen) und ihre Berbindungen ju fogenannten Tateln (Flaschenzugen, f. III., 6. 209) verwendet.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe berigontalen Wegen. 735

Anmerfung 1. Bur vollftanbigen Ausruftung gehort enblich noch eine Ans Conftruction ferminde mit bem Anfertau ober, nach Befinden, ber Anferfette und bem Anter felbft. Die erftere befteht fehr gewöhnlich in einer ftebenben Belle und ahnelt ber in II., §. 85, Fig. 168 abgebilbeten Erbwinde. Bas bie Anter anlangt, fo befteben biefelben aus ber Anterruthe, ben Anferarmen und bem Anferftode. Die Arme ober Flugel bee Anfere find bie bogenformigen Auslaufe beffelben, womit er fich in ben Boben einwühlt. Der Anferftod bilbet ein langes Duerftud am anderen Ende bes Antere, welches rechtwinfelig gegen bie Anferebone fieht, und fich beim Auswerfen bes Antere flach auf ben Grund leat.

Anmertung 2. Die Abbilbung eines Segelschiffes, welches bei ber Derfey-Brwell-Canalidifffahrt gebraucht wirb, führt Rig. 624 vor Augen. Gin foldes Schiff



ift 60 guß lang und 12 guß breit und hat nur 5 guß Tiefgang, bet einer Ladung von 60 Tonnen. Man fieht in AA ben Schiffeforper, in B bas Steuer, in CD ben um eine Are C brebbaren Daftbaum, ferner in E bie Schiffswinde, in F

Gonfruction. ben Takel und in G bas Tau zum Aufrichten bes Mastes, besien geneigte Lage burch C_1 , D_1 , G_1 in punktirten Linien angebeutet wirb. Der Mast ist noch burch die Stenge H verlängert, und bas hintere Segel K wird burch die beiben Ragen M und N, bagegen bas Borbersegel L nur mittels eines Seiles gerichtt und gespannt. Noch sieht man in O eine kleine Kajüte und in P die sogenannte Schiffsluke (franz. écoutille; engl. hatch-way), b. i. eine Dessnung in dem Berbeck, durch welche man die Güter in den inneren Schiffsraum herabläst, oder nach Besinden in denselben hinabsteigt.

Die Schiffsform ift ein wesentlich wichtiger Segenstand bes Edifferiffe. Schiffsbaues, ba von berfelben vorzuglich bie Rraft jum Fortbewegen und also auch bie Beschwindigfeit bes Schiffes abhangt. Es ift aus ber Dpbraulit befannt, bag ber Biberftand eines im Baffer bewegten Rorpers porguglich von ber Geftalt ber vorberen und ber binteren Begrengung bef: felben abhangt, und baf berfelbe um fo fleiner ausfallt, je fcharfer biefe Begrenzungen find und je abgerundeter bie gange eingetauchte Dberflache bes Schiffes ift. Sind bagegen bie außerften Begrenzungen bes eingetauchten Schiffstorpers ftumpf, und enthalt bie Schiffsoberflache menig abgerundete Eden ober Ranten, ober überhaupt ftart gefrummte Stellen, fo wird das Baffer durch bas bewegte Schiff nicht allein in ftarte, fonbern auch in wirbelnbe Bewegungen verfett, woburch ber Wiberftanb beffelben gu einer großen bobe anmachft. Speciellere Regeln über bie vortheilbafteften Schiffsformen laffen fich aus ber Theorie nicht ableiten, man muß fich baber bei Construction ber Schiffetorper vorzuglich von ber Erfahrung leiten laffen. Golchen Conftructionen muffen naturlich gute Beichnungen von Schiffsgefagen ju Grunde gelegt merben.

Diese Beichnungen ober Riffe werden vorzüglich nach ben brei Sauptbimenfionen bes Raumes, namlich

- 1) nach Sorigontalfcnitten,
- 2) nach vertitalen gangen-, und
- 3) nach vertitalen Querfchnitten entworfen.

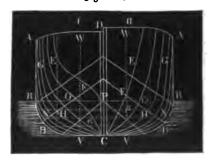
Die Horizontalschnitte geben auf ber außeren Begrenzung bes Schiffes bie sogenannten Wasserlinien an, von welchen biejenige, welche bie Schwimmebene bes belasteten Schiffes begrenzt, die geladene, und dies jenige, welche die Schwimmebene bes leeren Schiffes umschließt, die leere Wasserlinie genannt wird. Man trägt die in gleichen Hohen über einander liegenden Wasserlinien in den Grundriß, ferner die in gleichen Abständen von einander angenommenen Längenschnitte des Schiffes in das Längen- und die in gleichen Abständen von einander gelegten Querschnitte in die Querprosile des Vorders und hinterschiffes ein. Solche mit einem Spsteme von Querschnitten (Spanten) versehenen Querprosile eines Schiffstörpers bilden den sogenannten Spantenriß dessehen. Außer diesen Prosilen fertigt man aber auch noch sogenannte Sentenrisse an.

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 737

Einen solchen Rif ethalt man baburch, baf man einen Langenschnitt Conffenfe. burch bas Schiff führt, welcher so viel wie möglich von einem und bemselben Plankengang, ober einer statt besselben aufgenagelten Latte, ber sos genannten Sente, begrenzt wird. Da das ganze Schiff in hinsicht auf ben mittleren Langenschnitt symmetrisch ist, so genügt es natürlich, wenn man die Wasserlichen, Langenschnitte, sowie die Spantens und Sentenrisse nur von der einen Schiffshalfte entwirft.

Bei der Unfertigung dieser Riffe beginnt man mit dem Entwurf ber beiden Spantenriffe AC, I. und II., Fig. 625. Die verschiedenen

%ia. 625.

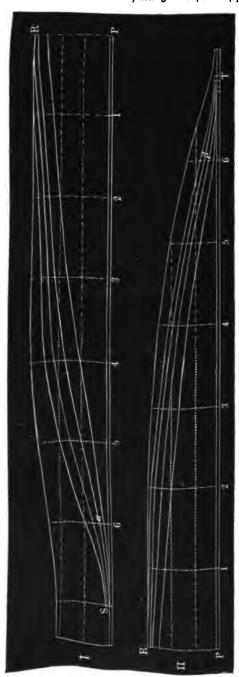


Spantenlinien biefer Riffe fertigt man bergestalt an, daß man zuerst den Hauptspanten ABC, dann einen Bordersoder Hinterspanten EFC, hierauf einen Mittelspanten GHC nach dem Augenmaße entwirft, und nun in die Raume zwischen je zwei dieser drei Spantenlinien die übrigen Spanten einzeichnet. Dieses Einzeichnen wird aber

nicht gang willfurlich bewirft, fondern man bedient fich hierbei ber De-Bu biefem 3mede legt man eine Gente BF thobe bes Interpolirens. moglichft rechtwinkelig gegen die fogenannte Rimmung B des Schiffes. und mit ihr einige andere Genten, parallel, und bestimmt nun mittels bekannter Interpolationeregeln aus ben gegebenen Durchschnitten B. H. F amifchen einer Sente und ben zuerft aufgezeichneten brei Spantenlinien noch andere Durchschnitte, wie N. O u. f. w. berfelben Sente mit ben amifchen einzuzeichnenben Spantenlinien CN, CO u. f. m. auf diefe Beife fowohl ben Spantenriß I. des hinter: als auch ben Span: tenrif II. bes Borderfchiffes entworfen, fo laffen fich auch leicht bie ubris gen Durchschnitte bes Schiffes aufzeichnen. In diefer Abficht giebt man fich junachft bie Borizontale RR an, welche bie gelabene Bafferlinie vorftellt, theilt die Schwimmtiefe CP in gleiche Theile und fuhrt burch bie Theilpunkte andere Borizontalen oder Schwimmlinien. Diefe Borizontalen ichneiben die Spanten in einer Menge von Punkten, welche fammt: lich in ber außeren Begrenzung bes Schiffes liegen. Theilt man nun in ben Grundriffen PRS und PRT, Fig. 626 (a. f. S.), ber beiben Schiffe: theile I. und II. Die gangen PS und PT in gleiche Theile, und fuhrt man burch die Theilpuntte 1, 2, 3 u. f. w. Parallelen gur Breite PR, fo ftellen diefe die Spanten im Grundriffe vor, und es laffen fich nun die

III.

Edifferiffe.



€ diffe.

gefundenen Durchfcnitts puntte α, β.. ber Baffer: linien im Spantenriffe auch in bem Grunbriffe angeben. Berbinbet man endlich im Grundriffe biejenigen Puntte, welche in einem und demfelben Sorizontalschnitte RR, BB u. f. w. liegen, burch einen Zug, so erhålt man daburch die entsprechende Baffer: linie in ihrer mabren Ge-Kubrt man ebenfo stalt. im Spantenriffe Bertitalen VW u. s. w., so schneiben diefelben bie Spanten in anberen Dunkten, mit Dulfe welcher fich auf gleiche Beife im Langenprofile bes Schiffes vertitale Langenschnitte beffelben verzeichnen laffen.

6. 309. Bei ber im Borftebenben beschriebenen Aufzeichnung bes Schiffskörpers ist natürlich nicht bloß auf die Große, fonbern auch auf die Bestim= mung bes Schiffes Rud. ficht ju nehmen. Seftalt bes Sauptfpantens bie ber gelabenen unb Wasserlinie geben bierbei bas Sauptanhalten. Die musen Geeschiffe bem Andrange boher Bellen miberfteben fonnen, besbalb erhalten sie eine gro-Bere Breite und mehr ab: gerundete Spanten; FlußBon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe hortzontalen Begen. 789 schiffen giebt man kleinere Breiten, bamit sie bas Basser leicht burchschneiben, und mehr rectangulare Spantenformen, damit sie keinen großen Liefgang haben. Gewöhnlich ist bas Berhältniß ber größten Schiffsbreite zur ganzen Schiffslänge:

Solfe formes.

bei Seesegelschiffen = 1/4, bei Seedampfschiffen . . . = 1/6, und bei Flußdampfschiffen · · · = 1/8;

ferner bas Berhaltniß ber größten Schiffshohe gur Schiffsbreite:

bei Seeschiffen \dots $= \frac{2}{3}$, und bei Flußschiffen \dots $= \frac{1}{2}$;

enblich bas Berhaltniß ber größten Gintauchung jur größten Schiffsbreite:

bei Seefchiffen = 2/5, und bei Fluffchiffen = 1/5.

Ein Anhalten bei Beurtheilung ber Abrundung und Buschärfung ber Schiffsformen geben noch die sogenannten Bolligkeitscoefficienten, ober die Berhältniffe ber Inhalte ber hauptquerschnitte bes Schiffes zu benen ber sie umschließenden Rechtecke, sowie das Berhältniß des Bolumens des eingetauchten Schiffsraumes zu dem des denfelben umschließenden Parallelepipedes.

Ift a ber Tiefgang, b die größte Breite und l'die größte Lange bes eingetauchten Schiffstheiles, ferner F ber Inhalt des eingetauchten Theiles bes hauptspantens, G ber Inhalt ber Schwimmfläche oder des von der geladenen Wasserlinie begrenzten Raumes, und V das Bolumen des verbrangten Bassers, so hat man:

$$\alpha = \frac{F}{ab} = 0.82$$
 bis 0.92,
 $\lambda = \frac{G}{bl} = 0.80$ bis 0.65,
 $\varphi = \frac{V}{abl} = 0.60$ bis 0.45,

und zwar erftere Berhaltniffe bei Sees und lettere bei Flufichiffen.

Bur Beurtheilung bes Tragvermogens und ber Stabilitat eines Schiffes ift nothig, bag man eine moglichft genaue Bestimmung ber Inhalte seiner Schnitte vornehme und hiernach wieder ben Inhalt bes verbrangten Basefers, sowie die Lage seines Schwerpunktes bestimme. hierzu reichen die in I., §. 118 angegebenen Formeln:

1)
$$V = (F_0 + 4F_1 + 2F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n) \frac{h}{3n}$$
 und

2)
$$y = \frac{0.F_0 + 1.4F_1 + 2.2F_2 + 3.4F_3 + ... + (n-1)4F_{n-1} + nF_n}{F_0 + 4F_1 + 2F_2 + 4F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n} \frac{h}{6}$$

Chiffs. formen. aus, wenn man darin unter h die in n gleiche Theile getheilte Hohe ober Lange, unter F_0 , F_1 , F_2 ... F_n die durch die Theilpunkte 0, 1, 2... n gelegten Querschnitte eines Körpers versteht, und V das Bolumen dieses Körpers, sowie y den Abstand seines Schwerpunktes von der Grundsläche oder nullten Schnittsläche (F_0) bezeichnet.

Wir können in biesen beiben Formeln einmal statt h die Bassertracht (a) ober die Tiese der Eintauchung, und statt F_0 , F_1 . F_2 die Inhalte der Horizontalschnitte ober die von den Wasserlinien begrenzten Flächen: raume, von unten nach oben gerechnet, und das andere Wal statt h die Länge (l) der geladenen Wasserlinie und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der vertikalen Querschnitte (Spanten) einsehen, und bekommen dann in beiben Fällen durch die Formel (1) das Bolumen V des verdrängten Wassers, in dem ersten Falle durch die Formel (2) den Abstand (y) des Schwerpunktes des Schiffes von dem Kiele, und im zweiten Falle durch die zweite Formel den horizontalen Abstand (y) dieses Schwerpunktes von dem als Nullpunkt angenommenen Schiffsende.

Bas die Bestimmung der Schnittslächen F_0 , F_1 ... F_n anlangt, so ist dieselbe ebenfalls durch Formel (1) zu vollziehen, wenn man darin statt h die Lange oder Sohe der Schnittsläche, und statt F_0 , F_1 ... F_n die in gleichen Abstanden von einander abgenommenen Breiten einer solchen Flache einsetz.

Uebrigens liegt ber Schwerpunkt des Wasserraumes in dem vertikalen Hauptlangenschnitt des Schiffes. Der Auftrieb $V\gamma$ des Schiffes (siehe I., §. 307) ist $=Q+Q_1+Q_2$, wenn:

Q bie Große ber Schiffsladung (Laftigfeit),

Q, bas Bewicht bes leeren Schiffes und

Q2 das Gewicht bes Treibapparates, ber Dampfmaschine sammt Reffel u. f. w. bezeichnen.

Die Stabilität bes Schiffes forbert, daß man sowohl den Schwerpunkt von Q als auch den von Q_1 und den von Q_2 nicht allein in den vertikaten Hauptlängenschnitt des Schiffes, sondern auch so tief wie möglich lege. Auch ist es natürlich nöthig, daß der Schwerpunkt des ganzen Schiffes $(Q+Q_1+Q_2)$ von dem Schiffsende ebenso viel abstehe als der Schwerpunkt des Austriedes $V\gamma$. Sind die Abstände der Schwerpunkte der Sewichte Q, Q_1 , Q_2 und der Kraft $V\gamma$, von dem Schiffsende der Reihe nach x, x_1 , y und x, so haben wir hiernach:

$$Qx + Q_1x_1 + Q_2y = Vz\gamma$$

ju seben, so bag sich hiernach die Ordinate des Schwerpunktes ber Schiffsmaschine:

$$x_1 = \frac{Vz\gamma - Qx - Q_2y}{Q_1}$$

bestimmen låßt.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 741

§. 310. Die Große (S) der Stabilitat eines Schiffes ift in I., Gtabilität eines Schiffes ift in I., Gtabilität, g. 812 burch die Kormel:

$$S = \left(\frac{b^3}{12 F} + e\right) P \varphi$$

ausgedruckt worden, worin b die Breite des Schiffes in der Schwimmebene, F den Inhalt des vertikalen Querschnittes des verdrängten Wassers, e die Höhe des Schwerpunktes des Schiffes über dem des verdrängten Wassers, P den Austried $V\gamma = Fl\gamma$ und φ die Reigung des Schiffes nach der einen oder der anderen Seite bezeichnen. Diese Formel ist nur für ein prismatisches Schiff entwickelt worden; da aber der Querschnitt F nach den Schiffsenden zu immer kleiner und kleiner wird, so läßt sie sich unmittelbar nur auf kurze Stücke anwenden, deren Querschnitte als unveränderlich angesehen werden können. Sind nun l_0, l_1, l_2 . die Längen, b_0, b_1, b_2 . die oberen Breiten, F_0, F_1, F_2 . die Querschnitte, V_0, V_1, V_2 . die Belumina und e_0, e_1, e_2 die Tiesen der Schwerpunkte dieser Stücke unter dem Schwerpunkte des ganzen Schiffes, so haben wir die entsprechenden Stabilitäten:

$$S_{0} = \left(\frac{l_{0} b_{0}^{3}}{12} - V_{0} e_{0}\right) \varphi \gamma,$$

$$S_{1} = \left(\frac{l_{1} b_{1}^{3}}{12} - V_{1} e_{1}\right) \varphi \gamma,$$

$$S_{2} = \left(\frac{l_{2} b_{2}^{3}}{12} - V_{2} e_{2}\right) \varphi \gamma \text{ u. f. w.}$$

und baher bie Stabilitat bes gangen Schiffes:

$$S = S_0 + S_1 + S_2 + .$$

$$= \left(\frac{1}{12} \left(l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + \ldots\right) - \left(V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \ldots\right)\right) \varphi \gamma,$$

ober, ba:

$$\frac{1}{12} (l_0 b_0^2 + l_1 b_1^2 + l_2 b_2^2 + ..) = \frac{1}{3} \Sigma \left[b l \left(\frac{b}{2} \right)^2 \right]$$

gleich bem Tragheitsmomente J ber Schwimmflache in hinficht auf bie Langenare bes Schiffes, und

$$\ddot{V}_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \dots$$

bas Moment bes ganzen verbrangten Baffervolumens V ober bas Probuct aus biefem Raume und bem Abstande e seines Schwerpunktes von bem bes aanzen Schiffes ift:

$$S = (J - Ve) \varphi \gamma.$$

Damit bas Schiff Stubilitat befige, muß naturlich

fein.

Stabilität ber Schiffe. Wird das Schiff durch ben Windstoß ober durch irgend eine Ursache aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, so nimmt es eine schwingende Bewegung an, welche sich nach der Theorie des Pendels beurtheilen läst. Diese pendelnden Bewegungen bestehen entweder in einem Auf. und Riedersteigen, oder in einem Schwanken nach der einen oder anderen Seite des Schiffes, oder in einem Schwanken um die horizontale Querare des Schiffes; die erstere Bewegungsweise läßt sich mit dem Namen Steigen bezeichnen, die zweite wird in der Schiffssprache Schlingern, und die lehte Stampfen des Schiffes genannt (s. §. 290). Die Schwingungszeiten dieser Bewegungen lassen sich sämmtlich durch den in L. Anhang, §. 2*) gefundenen Ausbruck:

$$t=\frac{\pi}{\sqrt{\mu}}$$

in welchem:

$$\mu = \frac{p}{x}$$

ober bas Berhaltnif ber Acceleration p ju bem jurudgelegten Beg & be zeichnet, bestimmen.

Wenn sich der Schwerpunkt des Schiffes um den Weg & senkrecht nieberbewegt, so ist dei dem Inhalte G der Schwimmstäche der entsprechende
Zuwachs des Auftriebes oder die bewegende Kraft:

$$P = Gx\gamma$$
;

und hat nun noch das Schiff die Maffe $M=rac{V\,\gamma}{g},$ fo folgt die Acceleration ber schwingenden Bewegung des Schiffes in vertikaler Richtung:

$$p = \frac{P}{M} = \frac{Gx\gamma}{M},$$

baber:

$$\mu = \frac{p}{x} = \frac{G\gamma}{M},$$

und endlich bie Schwingungszeit bes Steigens:

$$t = \frac{\pi}{\sqrt{\mu}} = \pi \sqrt{\frac{M}{G\gamma}} = \pi \sqrt{\frac{V}{Gg}},$$

ober, wenn man noch $V=\varphi \ a \ b \ l$ und $G=\lambda b \ l$ fett:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \cdot \frac{a}{a}}$$

Die Schwingungezeiten bes Schlingerns und Stampfens bes Schiffes

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 748 find einfach nach der Theorie des materiellen Pendels (L, §. 267) ju bes Stabilität ber Coiffe. ftimmen. Es ift biefe Beit:

Ift folglich $\frac{T_1 \, \gamma}{a}$ bas Trägheitsmoment bes Schiffes in hinficht auf feine Langenare burch ben Schwerpunkt beffelben, und J bas Tragheits: moment ber Schwimmflache in Sinficht auf ihre Langenare, alfo (J - Ve) y bas ftatifche Moment bes Schiffes, fo hat man bie Schwingungszeit bes Schlingerns:

$$t_1 = \pi \sqrt{\frac{T_1}{g (J - Ve)}},$$

und bezeichnet bagegen Ta bas Tragheitsmoment bes Schiffes in Sinficht auf feine Querare burch ben Schwerpunkt, und J, bas Tragheitsmoment ber Schwimmflache G in hinficht auf ihre Querare, fo hat man die Somingungszeit bes Stampfens:

$$t_2 = \pi \sqrt{\frac{T_2}{g (J_1 - Ve)}}.$$

Die Form eines Flugbampfichiffes ift burch bie in folgenber Tabelle enthaltenen Coordinaten gegeben, wobei bie Schiffelange = 20 und bie halbe Schiffsbreite == 1000 gesett, ber Abseissenanfangspunkt am hinteren Schiffsende angenommen worben ift, und bie Absciffenare die Richtung bes Rieles hat; man foll bie Laftigfeit biefes Schiffes und feine Stabilitateverhaltniffe u. f. w. ausmitteln.

Sinter schiff.					Borberschiff.				
Absciffen.	Orbinaten ber Wafferlinien.				ffen.	Orbinaten ber Bafferlinien.			
	I.	II.	пі.	Berbeck	Absciffen	ſ.	II.	III.	Berbeck
0	30	80	30	800	10	880	910	960	1000
1	45	100	165	850	11	810	910	950	990
2	120	230	390	900	12	760	870	930	990
3	240	400	600	930	18	680	810	870	960
4	380	590	750	930	14	570	700	780	980
5	520	700	825	970	15	440	570	650	860
6	630	790	880	990	16	810	420	500	770
7	730	840	910	990	17	200	270	340	640
8	790	880	940	990	18	110	150	200	480
9	880	910	960	1000	19	80	40	60	270
10	880	910	960	1000	20	-	-	-	80
		1				1	l	ł	1

Etabilität ber Schiffe. Der Inhalt Go ber nullten ober unterften Bafferlinie ift = Rull gu feten, ber ber erften Bafferlinie aber:

$$G_1 = [30 + 4 (45 + 240 + 520 + ... + 30) + 2 (120 + 380 + 680 + ... + 110)] \frac{bl}{600m}$$

= 0.452 bl,

ferner ber ber folgenben:

$$G_8 = [80 + 4 (100 + 400 + ... + 40) + 2 (280 + 590 + ... + 150)] \frac{bl}{60000}$$

= 0,557 bl,

und ber ber oberften ober gelabenen Bafferlinie:

$$G_8 = [80 + 4 (165 + ... + 60) + 2 (890 + ... + 200)] \frac{bl}{60000}$$

= 0,668 bl.

hieraus folgt bas Bolumen bes verbrangten Baffere (fiebe »Ingenieur- Seite 254):

$$V = [G_0 + 3(G_1 + G_3) + G_3] \frac{a}{8} = (0 + 3.1,009 + 0,668) \frac{abl}{8} = 0,461 \text{ abl.}$$

Die Inhalte ber Querfcnitte ber Spanten bestimmen fich ebenfalls burd Formel:

$$F = [y_0 + 3 (y_1 + y_2) + y_4] \frac{a}{8},$$

und es ift hiernach:

$$F_0 = (0 + 3 \cdot 60 + 30) \frac{ab}{8000} = 0,026 \ ab,$$

$$F_1 = (0 + 3 \cdot 145 + 165) \frac{ab}{8000} = 0,075 \ ab,$$

$$F_2 = (0 + 3 \cdot 850 + 890) \frac{ab}{8000} = 0,180 \ ab,$$

$$F_3 = (0 + 3 \cdot 640 + 600) \frac{ab}{8000} = 0.815 \ ab,$$

und es folgt fo weiter:

$$F_4 = 0.457 \ ab$$
, $F_5 = 0.561 \ ab$, $F_6 = 0.642 \ ab$, $F_7 = 0.703 \ ab$, $F_8 = 0.744 \ ab$, $F_9 = 0.772 \ ab$, $F_{10} = 0.773 \ ab$, $F_{11} = 0.764 \ ab$, $F_{14} = 0.728 \ ab$, $F_{15} = 0.667 \ ab$, $F_{14} = 0.624 \ ab$, $F_{15} = 0.460 \ ab$, $F_{16} = 0.836 \ ab$, $F_{17} = 0.219 \ ab$, $F_{18} = 0.122 \ ab$, $F_{19} = 0.034 \ ab$. $F_{19} = 0$.

Mit Gulfe ber Formel:

 $V = [F_0 + 4 (F_1 + F_2 + ... + F_{10}) + 2 (F_2 + F_4 + ... + F_{10}) + F_{20}] \frac{\delta}{50}$ ergiebt sich hiernach das Wasservolumen:

$$V = 0.459 \ abl.$$

und nimmt man nun aus beiben Berthen bas Mittel, fo erhalt man:

$$V = 0.460 \ abl.$$

Bare die absolute Lange bieses Wasserraumes: l=200 Tuß, die größte Breite besselben: $b=\frac{l}{6}=\frac{100}{3}$, und seine Tiese $a=\frac{b}{5}=\frac{20}{3}$ Fuß, so hätte man das ganze Wasservolumen:

$$V = 0.460 \cdot \frac{20 \cdot 100 \cdot 200}{3 \cdot 3} = 20444$$
 Cubiffuß,

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 745 und folglich bie gange Tragfraft bes Schiffes:

Ctabilität ber Coiffe.

$$Q + Q_1 + Q_2 = V\gamma = 20444 \cdot 66 = 1349304$$
 Pfunb.

Der Angriffspuntt biefer Rraft liegt über bem Schiffsfiel um

$$5 = \frac{(0 \cdot G_0 + 1 \cdot 3 G_1 + 2 \cdot 3 G_2 + 3 \cdot G_3)}{1 G_0 + 3 G_1 + 8 G_2 + G_4} \frac{a}{3}$$

$$5 \cdot 0.452 + 6 \cdot 0.557 + 3 \cdot 0.663 \quad a \quad 2.229 \quad a \quad 3.33$$

$$= \frac{3.0,452 + 6.0,557 + 3.0,668}{0 + 3.0,452 + 3.0,557 + 0,663} \cdot \frac{a}{3} = \frac{2,229}{3,690} \cdot \frac{a}{3} = 0,602 \cdot a = 4,01 \cdot \Re a,6,0$$

und vom Schiffeenbe in horizontaler Richtung ab:

$$s = \frac{0.1 \cdot F_0 + 1 \cdot 4 F_1 + 2 \cdot 2 F_2 + 3 \cdot 4 F_3 + \ldots + 19 \cdot 4 F_{19} + 20 F_{19}}{1 F_0 + 4 F_1 + 2 F_2 + 4 F_3 + \ldots + 4 F_{19} + F_{20}} \frac{l}{20}$$

$$= 0.483 \, l = 96.6 \, \% \, u \, f \, s.$$

Das Tragheitsmoment ber Sowimmflache in Beziehung auf ihre gangens are ift:

$$J = [30^{3} + 4(165^{3} + 600^{3} + \dots) + 2(890^{3} + 750^{3} + \dots)] \cdot \frac{2(\frac{1}{6}b)^{3}l}{8.60.1000000000}$$

= 0,0355 $b^{3}l$;

und baber bie Bebingung ber Stabilitat bes Schiffes:

$$Ve < J$$
, ober $e < \frac{J}{V}$, b. i.
 $e < \frac{0.0355}{0.461} \frac{b^3 l}{a b l}$ ober $< 0.077 \frac{b^3}{a}$.

Benn alfo ber Schwerpuntt bes gangen Schiffes noch nicht

$$0.077 \frac{b^8}{a} = 0.077 \cdot \frac{500}{8} = 12.83 \text{ Suf}$$

über bem bes verbrangten Baffers, alfo noch nicht 16,84 Fuß über bem Schiffs- fiel liegt, befigt bas Schiff Stabilität.

Die Beit ber Schwingungen biefes Schiffes in vertifaler Richtung ift:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \frac{a}{q}} = \pi \sqrt{\frac{0.460}{0.663} \cdot \frac{20}{8 \cdot 31.25}} = \pi \sqrt{\frac{9.2}{1.989 \cdot 31.25}} = 1,208$$
 Sec.

Bare bas Trägheitsmoment bes ganzen Schiffes in hinficht auf feine horiszontale Längenare burch ben Schwerpunkt: $T_1\gamma=20444\cdot 100\ \gamma$, und die hohe bes Schiffsichwerpunktes über bem bes verbrangten Baffers: e=8 Fuß, so wurde die Zeit einer Schwingung um die genannte Are, oder die des sogesnannten Schlingerns:

$$t_1 = \pi \sqrt{\frac{T_1}{g(J - Ve)}} = \pi \sqrt{\frac{20444 \cdot 100}{81,25 \left[0,0355 \cdot \left(\frac{100}{8}\right)^3 \cdot 200 - 20444 \cdot 8\right]}}$$

$$= \pi \sqrt{\frac{2044400}{81,25 \cdot (262968 - 168532)}} = 2,549 \text{ Sec.}$$

betragen.

Confirmetion. ben Takel und in G bas Tau zum Aufrichten bes Mastes, besien geneigte Lage ber Solffe. burch C_1 , D_1 , G_1 in punktirten Linien angebeutet wird. Der Mast ist noch burch die Stenge H verlängert, und bas hintere Segel K wird durch die beiben Raaen M und N, dagegen das Vordersegel L nur mittels eines Seiles gerichtet und gespannt. Roch steht man in O eine kleine Kajüte und in P die sogenannte Schisselluse (franz. Scoutille; engl. hatch-way), d. i. eine Dessnung in dem Berbeck, durch welche man die Güter in den inneren Schisseaum herabläst, oder nach Besinden in denselben hinabsteigt.

Schiffsbaues, ba von berselben vorzüglich die Kraft zum Fortbewegen und also auch die Geschwindigkeit des Schiffsbaues, ba von berselben vorzüglich die Kraft zum Fortbewegen und also auch die Geschwindigkeit des Schiffes abhängt. Es ist aus der Dp-braulik bekannt, daß der Widerstand eines im Wasser bewegten Körpers vorzüglich von der Gestalt der vorderen und der hinteren Begrenzung defselben abhängt, und daß derselbe um so kleiner ausfällt, je schärfer dies Begrenzungen sind und je abgerundeter die ganze eingetauchte Oberstäche des Schiffes ist. Sind dagegen die außersten Begrenzungen des eingestauchten Schiffsbotersssssungen, und enthält die Schiffsoberstäche wenig ab-

auch in wirbelnde Bewegungen verfett, wodurch der Widerstand desselben zu einer großen Sohe anwächst. Speciellere Regeln über die vortheilhaftesten Schiffsformen lassen sich aus der Theorie nicht ableiten, man muß sich daher bei Construction der Schiffstörper vorzüglich von der Erfahrung leiten lassen. Solchen Constructionen mussen naturlich gute Zeichnungen von Schiffsgesäßen zu Grunde gelegt werden.

gerundete Eden ober Ranten, ober überhaupt fart gefrummte Stellen, fo wird bas Baffer burch bas bewegte Schiff nicht allein in ftarte, fondern

Diese Zeichnungen ober Riffe werben vorzuglich nach ben brei haupts bimenfionen bes Raumes, namlich

- 1) nach Horizontalschnitten,
- 2) nach vertifalen gangen-, und
- 3) nach vertikalen Querschnitten entworfen.

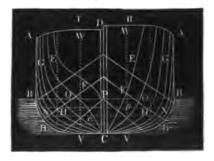
Die Horizontalschnitte geben auf ber außeren Begrenzung bes Schiffes bie sogenannten Wasserlinien an, von welchen biejenige, welche bie Schwimmebene bes belasteten Schiffes begrenzt, die geladene, und diezienige, welche die Schwimmebene bes leeren Schiffes umschließt, die leere Wasserlinie genannt wird. Man trägt die in gleichen Höhen über einander liegenden Wasserlinien in den Grundriß, serner die in gleichen Abständen von einander angenommenen Längenschnitte des Schiffes in das Längens und die in gleichen Abständen von einander gelegten Querschnitte in die Querprosite des Vorders und hinterschiffes ein. Solche mit einem Sosteme von Querschnitten (Spanten) versehenen Querprosite eines Schiffstörpers bilden den sogenannten Spantenriß dessehen. Außer biesen Prositen sertigt man aber auch noch sogenannte Sentenrisse an.

Bon bem Fortschaffen ber gaften auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 787

Einen solchen Rif erhalt man baburch, baf man einen Langenschnitt Colffenfe. burch bas Schiff fuhrt, welcher so viel wie möglich von einem und bempfelben Plankengang, ober einer statt besselben aufgenagelten Latte, ber so genannten Sente, begrenzt wird. Da das ganze Schiff in hinsicht auf ben mittleren Langenschnitt symmetrisch ist, so genügt es natürlich, wenn man die Wasserinien, Langenschnitte, sowie die Spanten- und Sentenrisse nur von der einen Schiffsbalfte entwirft.

Bei der Anfertigung dieser Riffe beginnt man mit dem Entwurf ber beiben Spantenriffe AC, I. und II., Fig. 625. Die verschiedenen

Fig. 625.

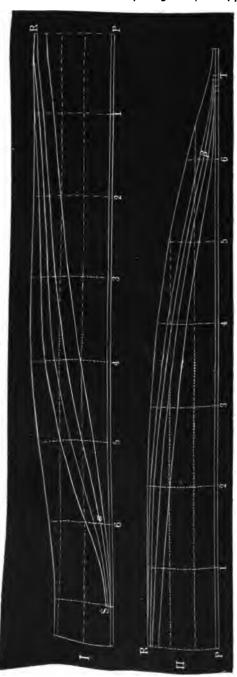


Spantenlinien biefer Riffe fertigt man bergestalt an, baß man zuerst ben Hauptspanten ABC, bann einen Borbersober Hinterspanten EFC, hierauf einen Mittelspanten GHC nach bem Augenmaße entwirft, und nun in bie Raume zwischen je zwei diesfer brei Spantenlinien bie übrigen Spanten einzeichnet. Dieses Einzeichnen wird aber

nicht gang willfurlich bemirtt, fondern man bedient fich hierbei ber Dethobe bes Interpolirens. Bu biefem 3mede legt man eine Sente BF moglichst rechtwinkelig gegen bie fogenannte Rimmung B bes Schiffes. und mit ihr einige andere Genten, parallel, und bestimmt nun mittels bekannter Interpolationeregeln aus ben gegebenen Durchschnitten B. H. F amifchen einer Sente und ben querft aufgezeichneten brei Spantenlinien noch andere Durchschnitte, wie N, O u. f. w. berfelben Gente mit ben amifchen einzuzeichnenben Spantenlinien CN, CO u. f. w. Sat man auf diese Beife fowohl ben Spantenrif I. bes Sinter: ale auch ben Span: tenrif II. bes Borberfchiffes entworfen, fo laffen fich auch leicht bie ubri: gen Durchschnitte bes Schiffes aufzeichnen. In Diefer Abficht giebt man fich gunachft bie Borigontale RR an, welche bie geladene Baffetlinie vorftellt, theilt bie Schwimmtiefe CP in gleiche Theile und fuhrt burch bie Theilpuntte andere horizontalen oder Schwimmlinien. Diefe Borizontalen fcneiben bie Spanten in einer Menge von Punkten, welche fammt: lich in ber außeren Begrengung bes Schiffes liegen. Theilt man nun in ben Grundriffen PRS und PRT, Fig. 626 (a. f. S.), ber beiben Schiffetheile I. und II. die gangen PS und PT in gleiche Theile, und fuhrt man burch die Theilpunkte 1, 2, 3 u. f. w. Parallelen gur Breite PR, fo ftellen diefe die Spanten im Grundriffe vor, und es laffen fich nun bie

III.

Solfferiffe.



gefundenen Durchichnitts. puntte a. B . . ber Bafferlinien im Spantenriffe auch in dem Grundriffe angeben. Berbinbet man endlich im Grundriffe biejes nigen Puntte, welche in einem und bemfelben Dorizontalschnitte RR, BB u. f. w. liegen, durch einen Bug, fo erhålt man baburch bie entsprechenbe Baffer: linie in ihrer mabren Gestalt. Rubrt man ebenfo im Spantenriffe Bertitalen VW u. s. m., so schneiben bieselben bie Spanten in anderen Dunften, mit Sulfe welcher fich auf gleiche Beife im gangen: profile bes Schiffes vertis tale Langenschnitte beffelben verzeichnen laffen.

§. 809. Bei ber im Borftebenben befchriebenen Aufzeichnung bes Schiffskörpers ist naturlich nicht bloß auf bie Große, fonbern auch auf die Bestim= mung bes Schiffes Ruck. ficht zu nehmen. Die Geftalt bes hauptspantens die ber gelabenen unb Wafferlinie geben bierbei das Hauptanhalten. Die Seelchiffe muffen bem Andrange hoher Bellen miderfteben tonnen, besbalb erhalten fie eine grofiere Breite und mehr ab: gerunbete Spanten; Fluß-

Ediffe.

Bon bem Fortschaffen ber Laften auf ganz ober nahe hortzontalen Begen. 789 schiffen giebt man kleinere Breiten, bamit sie bas Baffer leicht burchschneiben, und mehr rectangulare Spantenformen, damit sie keinen großen Tiefgang haben. Gewöhnlich ist bas Berhaltniß ber größten Schiffsbreite zur ganzen Schiffslange:

balffe ormen

bei Seefegelschiffen . . . = 1/4, bei Seedampfschiffen . . . = 1/6, und bei Flußdampfschiffen · · · = 1/8;

ferner bas Berhaltniß der größten Schiffshohe jur Schiffsbreite:

bei Seefchiffen $\dots = \frac{2}{3}$, und bei Flufschiffen $\dots = \frac{1}{2}$;

endlich bas Berhaltnif ber größten Gintauchung gur größten Schiffsbreite:

bei Seefchiffen = 2/5, und bei Fluffchiffen = 1/5.

Ein Anhalten bei Beurtheilung ber Abrundung und Buschäfung ber Schiffsformen geben noch die sogenannten Bolligkeitscoefficienten, ober die Berhaltniffe ber Inhalte ber hauptquerschnitte bes Schiffes zu benen ber sie umschließenben Rechtede, sowie bas Berhaltniß bes Bolumens bes eingetauchten Schiffsraumes zu bem bes benfelben umschließenben Parallelepipebes.

Ift a ber Tiefgang, b die größte Breite und bei größte Lange bes eingetauchten Schiffstheiles, ferner F ber Inhalt des eingetauchten Theiles bes hauptspantens, G ber Inhalt ber Schwimmfläche ober bes von ber gelabenen Wafferlinie begrenzten Raumes, und V das Volumen bes verbrangten Bassers, so hat man:

$$\alpha = \frac{F}{ab} = 0.82$$
 bis 0.92,
 $\lambda = \frac{G}{bl} = 0.80$ bis 0.65,
 $\varphi = \frac{V}{abl} = 0.60$ bis 0.45,

und gwar erftere Berhaltniffe bei See- und lettere bei Flugichiffen.

Bur Beurtheilung bes Tragvermögens und ber Stabilität eines Schiffes ift nothig, daß man eine möglichst genaue Bestimmung der Inhalte seiner Schnitte vornehme und hiernach wieder ben Inhalt des verdrängten Baseses, sowie die Lage seines Schwerpunktes bestimme. hierzu reichen die in I., §. 118 angegebenen Formeln:

1)
$$V = (F_0 + 4F_1 + 2F_2 + ... + 4F_{n-1} + F_n) \frac{h}{3n}$$
 und

2)
$$y = \frac{0.F_0 + 1.4F_1 + 2.2F_2 + 3.4F_3 + ... + (n-1)4F_{n-1} + nF_n}{F_0 + 4F_1 + 2F_2 + 4F_3 + ... + 4F_{n-1} + F_n} \frac{h}{6}$$

Chiffe.

aus, wenn man darin unter h die in n gleiche Theile getheilte Hohe ober Lange, unter F_0 , F_1 , F_2 ... F_n die durch die Theilpunkte 0, 1, 2... n gelegten Querschnitte eines Körpers versteht, und V das Bolumen dieses Körpers, sowie y den Abstand seines Schwerpunktes von der Grundsläche ober nullten Schnittsläche (F_0) bezeichnet.

Wir können in biesen beiden Formeln einmal statt h die Baffertracht (a) oder die Tiefe der Eintauchung, und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der Horizontalschnitte oder die von den Wasserlinien begrenzten Flächen: raume, von unten nach oben gerechnet, und das andere Mal statt h die Länge (l) der geladenen Wasserlinie und statt F_0 , F_1 . F_n die Inhalte der vertikalen Querschnitte (Spanten) einsehen, und bekommen dann in beiden Fällen durch die Formel (1) das Bolumen V des verdrängten Bassers, in dem ersten Falle durch die Formel (2) den Abstand (y) des Schwerpunktes des Schiffes von dem Kiele, und im zweiten Falle durch die zweite Formel den horizontalen Abstand (y) dieses Schwerpunktes von dem als Nullpunkt angenommenen Schiffsende.

Bas die Bestimmung der Schnittstächen F_0 , F_1 ... F_n anlangt, so ist dieselbe ebenfalls durch Formel (1) zu vollziehen, wenn man darin statt h die Lange oder Sohe der Schnittstäche, und statt F_0 , F_1 ... F_n die in gleichen Abstanden von einander abgenommenen Breiten einer solchen Fläche einset.

Uebrigens liegt ber Schwerpunkt bes Wasserraumes in dem vertikalen Hauptlangenschnitt bes Schiffes. Der Auftrieb $V\gamma$ des Schiffes (siehe I., §. 307) ist $= Q + Q_1 + Q_2$, wenn:

Q bie Große ber Schiffsladung (Laftigfeit),

Q1 bas Bewicht bes leeren Schiffes und

Q2 das Gewicht des Treibapparates, der Dampfmaschine sammt Reffet u. f. w. bezeichnen.

Die Stabilität bes Schiffes forbert, baß man sowohl ben Schwerpunkt von Q als auch ben von Q_1 und ben von Q_2 nicht allein in ben vertikaten Hauptlangenschnitt bes Schiffes, sondern auch so tief wie möglich lege. Auch ist es natürlich nöthig, daß der Schwerpunkt des ganzen Schiffes $(Q+Q_1+Q_2)$ von dem Schiffsende ebenso viel abstehe als der Schwerpunkt des Auftriedes $V\gamma$. Sind die Abstande der Schwerpunkte der Gewichte Q, Q_1 , Q_2 und der Krast $V\gamma$, von dem Schiffsende der Reihe nach x, x_1 , y und x, so haben wir hiernach:

$$Qx + Q_1x_1 + Q_2y = Vz\gamma$$

zu fegen, so baß sich hiernach bie Orbinate des Schwerpunktes der Schiffs. maschine:

$$x_1 = \frac{Vz\gamma - Qx - Q_2y}{Q_1}$$

bestimmen låßt.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 741

§. 310. Die Große (S) der Stabilitat eines Schiffes ist in I., Grabilität eines Schiffes ift in I., Grabilität eines Schiffes

$$S = \left(\frac{b^3}{12 F} + e\right) P \varphi$$

ausgebrückt worden, worin b die Breite des Schiffes in der Schwimmsebene, F den Inhalt des vertikalen Querschnittes des verdrängten Wassers, e die Höhe des Schwerpunktes des Schiffes über dem des verdrängten Wassers, P den Austried $V\gamma = Fl\gamma$ und φ die Reigung des Schiffes nach der einen oder der anderen Seite bezeichnen. Diese Formel ist nur für ein prismatisches Schiff entwickelt worden; da aber der Querschnitt F nach den Schiffsenden zu immer kleiner und kleiner wird, so läßt sie sich unmittelbar nur auf kurze Stücke anwenden, deren Querschnitte als unveränderlich angesehen werden können. Sind nun l_0, l_1, l_2 . die Längen, b_0, b_1, b_2 . die oberen Breiten, F_0, F_1, F_2 . die Querschnitte, V_0, V_1, V_2 . die Belumina und e_0, e_1, e_2 die Tiesen der Schwerpunkte dieser Stücke unter dem Schwerpunkte des ganzen Schiffes, so haben wir die entspreschenden Stabilitäten:

$$S_{0} = \left(\frac{l_{0} b_{0}^{3}}{12} - V_{0} e_{0}\right) \varphi \gamma,$$

$$S_{1} = \left(\frac{l_{1} b_{1}^{3}}{12} - V_{1} e_{1}\right) \varphi \gamma,$$

$$S_{2} = \left(\frac{l_{2} b_{2}^{3}}{12} - V_{2} e_{2}\right) \varphi \gamma \text{ u. f. w.}$$

und baher bie Stabilitat bes gangen Schiffes:

$$S = S_0 + S_1 + S_2 + .$$

$$= \left(\frac{1}{12} \left(l_0 b_0^8 + l_1 b_1^8 + l_2 b_2^8 + \ldots\right) - \left(V_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \ldots\right)\right) \varphi \gamma,$$

ober, ba:

$$\frac{1}{12} (l_0 b_0^3 + l_1 b_1^3 + l_2 b_2^3 + \ldots) = \frac{1}{3} \Sigma \left[b l \left(\frac{b}{2} \right)^2 \right]$$

gleich bem Trägheitsmomente J ber Schwimmflache in hinficht auf bie Langenare bes Schiffes, unb

$$\ddot{V}_0 e_0 + V_1 e_1 + V_2 e_2 + \dots$$

bas Moment bes ganzen verdrängten Wasservolumens V ober bas Product aus diesem Raume und bem Abstande e seines Schwerpunktes von bem bes ganzen Schiffes ist:

$$S = (J -- Ve) \varphi \gamma$$
.

Damit bas Schiff Stabilitat befige, muß naturlich

fein.

Stabilität ber SchiffeWird das Schiff durch ben Windstoß ober durch irgend eine Ursache aus seiner Gleichgewichtslage gebracht, so nimmt es eine schwingende Bewegung an, welche sich nach der Theorie des Pendels beurtheilen läst. Diese pendelnden Bewegungen bestehen entweder in einem Auf. und Riedersteigen, oder in einem Schwanken nach der einen oder anderen Seite des Schiffes, oder in einem Schwanken um die horizontale Querape des Schiffes; die erstere Bewegungsweise läst sich mit dem Namen Steigen bezeichnen, die zweite wird in der Schiffssprache Schlingern, und die letzte Stampfen des Schiffes genannt (s. §. 290). Die Schwingungszeiten dieser Bewegungen lassen sich sämmtlich durch den in L. Anhang, §. 2*) gefundenen Ausbruck:

$$t=\frac{\pi}{\sqrt{\mu}}$$

in welchem:

$$\mu = \frac{p}{x}$$

ober bas Berhaltnif ber Acceleration p ju bem jurudgelegten Beg a be-

Wenn sich der Schwerpunkt des Schiffes um den Weg & senkrecht nieberbewegt, so ist bei dem Inhalte G der Schwimmflache der entsprechende
Zuwachs des Auftriedes oder die bewegende Kraft:

$$P = Gx\gamma;$$

und hat nun noch das Schiff die Maffe $M=\frac{V\gamma}{g}$, so folgt die Acceleration ber schwingenben Bewegung des Schiffes in vertikaler Richtung:

$$p=\frac{P}{M}=\frac{Gx\gamma}{M},$$

baber:

$$\mu = \frac{p}{x} = \frac{G \gamma}{M},$$

und enblich bie Schwingungszeit bes Steigens:

$$t = \frac{\pi}{\sqrt{\mu}} = \pi \sqrt{\frac{M}{G\gamma}} = \pi \sqrt{\frac{V}{Gg}},$$

ober, wenn man noch V = q abl und G = Abl fett:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \cdot \frac{a}{a}}$$

Die Schwingungszeiten des Schlingerns und Stampfens des Schiffes

Bon bem Vortschaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 743 find einfach nach ber Theorie bes materiellen Pendels (L, §. 267) zu bes Stabilität fimmen. Es ist diese Zeit:

Ift folglich $\frac{T_1\,\gamma}{g}$ bas Trägheitsmoment bes Schiffes in hinsicht auf seine Längenare durch ben Schwerpunkt besselben, und J bas Trägheitsmoment ber Schwimmstäche in hinsicht auf ihre Längenare, also $(J-Ve)\,\gamma$ bas statische Moment bes Schiffes, so hat man die Schwingungszeit bes Schlingerns:

$$t_1 = \pi \sqrt{rac{T_1}{g (J-Ve)}},$$

und bezeichnet bagegen T_2 bas Trägheitsmoment bes Schiffes in hinsicht auf seine Querare burch ben Schwerpunkt, und J_1 bas Trägheitsmoment ber Schwimmfläche G in hinsicht auf ihre Querare, so hat man die Schwingungszeit bes Stampfens:

$$t_2 = \pi \sqrt{\frac{T_2}{g (J_1 - Ve)}}.$$

Beispiel. Die Form eines Flußbampsichiffes ift burch bie in folgender Tabelle enthaltenen Coordinaten gegeben, wobei die Schiffslänge = 20 und die halbe Schiffsbreite = 1000 geset, ber Abscissenanfangspunkt am hinteren Schiffsende angenommen worden ift, und die Abscissenare die Richtung des Kieles hat; man soll die Lastigkeit dieses Schiffes und seine Stabilitätsverhaltniffe u. s. w. ausmitteln.

hinterschiff.					Borberfchiff.				
ffen.	Orbinaten ber Wafferlinien.				fen.	Orbinaten ber Bafferlinien.			
Absciffen.	I.	II.	пі.	Berbed	Absciffen.	ı.	II.	ш.	Berbed
0	30	80	80	800	10	880	910	960	1000
1	45	100	165	850	11	810	910	950	990
2	120	230	390	900	12	760	870	930	990
3	240	400	600	930	18	680	810	870	960
4	880	590	750	980	14	570	700	780	930
5	520	700	825	970	15	440	570	650	860
6	630	790	880	990	16	310	420	500	770
7	780	840	910	990	17	200	270	340	640
8	790	880	940	990	18	110	150	200	480
9	880	910	960	1000	19	80	40	60	270
10	880	910	960	1000	20	_		1 -	80
H	į	1	1	1		1	ļ	I	1

Der Inhalt G, ber nullten ober unterften Bafferlinie ift = Rull gu fegen, ber Coiffe. ber ber erften Bafferlinie aber:

$$G_1 = [30 + 4 (45 + 240 + 520 + ... + 30) + 2 (120 + 380 + 680 + ... + 110)] \frac{bl}{60000}$$

= 0.452 bl

ferner ber ber folgenben:

$$G_3 = [30 + 4 (100 + 400 + ... + 40) + 2 (230 + 590 + ... + 150)] \frac{bl}{60000}$$

= 0.557 bl.

und ber ber oberften ober gelabenen Bafferlinie:

$$G_8 = [30 + 4 (165 + ... + 60) + 2 (390 + ... + 200)] \frac{bl}{60000}$$

= 0,668 bl.

hieraus folgt bas Bolumen bes verbrangten Baffers (fiebe "Ingenieur"

$$V = [G_0 + 3(G_1 + G_3) + G_3] \frac{a}{8} = (0 + 8.1,009 + 0,668) \frac{abl}{8} = 0,461 \text{ abl.}$$

Die Inhalte ber Querfdnitte ber Spanten bestimmen fich ebenfalls burd Formel:

$$F = [y_0 + 8 (y_1 + y_2) + y_3] \frac{a}{8},$$

und es ift biernach:

$$F_0 = (0 + 3 \cdot 60 + 80) \frac{ab}{8000} = 0,026 \ ab,$$

$$F_1 = (0 + 3 \cdot 145 + 165) \frac{ab}{8000} = 0,075 \ ab,$$

$$F_2 = (0 + 3 \cdot 850 + 390) \frac{ab}{8000} = 0,180 \ ab,$$

$$F_3 = (0 + 3 \cdot 640 + 600) \frac{ab}{8000} = 0,315 \ ab,$$

und es folgt fo weiter:

 $F_4 = 0.457 \ ab, \quad F_5 = 0.561 \ ab, \quad F_6 = 0.642 \ ab, \quad F_7 = 0.703 \ ab, \quad F_8 = 0.744 \ ab, \quad F_9 = 0.772 \ ab, \quad F_{10} = 0.773 \ ab, \quad F_{11} = 0.764 \ ab, \quad F_{21} = 0.764 \ ab, \quad F_{32} = 0.764 \ ab, \quad F_{33} = 0.764 \ ab, \quad F_{34} = 0.764 \ ab, \quad F_{35} = 0.764$ $F_{14} = 0.728 \ ab, \quad F_{18} = 0.667 \ ab, \quad F_{14} = 0.624 \ ab, \quad F_{15} = 0.460 \ ab, \quad F_{16} = 0.836 \ ab, \quad F_{17} = 0.219 \ ab, \quad F_{18} = 0.122 \ ab, \quad F_{19} = 0.034 \ ab,$ $F_{t0}=0.$

Mit Bulfe ber Formel:

 $V = [F_0 + 4 (F_1 + F_8 + ... + F_{10}) + 2 (F_8 + F_4 + ... + F_{10}) + F_{20}] \frac{\ell}{\epsilon_0}$ ergiebt fich hiernach bas Baffervolumen:

 $V = 0.459 \ abl$

und nimmt man nun aus beiben Berthen bas Dittel, fo erhalt man:

$$V = 0.460 \ a \ b \ l.$$

Bare bie abfolute gange biefes Bafferraumes: 1 = 200 gus, bie großte Breite beffelben: $b=\frac{l}{6}=\frac{100}{3}$, und feine Tiefe $a=\frac{b}{5}=\frac{20}{3}$ Fuß, fo hatte man bas gange Baffervolumen:

$$V = 0.460 \cdot \frac{20 \cdot 100 \cdot 200}{3 \cdot 3} = 20444$$
 Cubiffuß,

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borizontalen Begen. 745 und folglich bie gange Tragfraft bes Schiffes:

Stabilität ber Schiffe.

$$Q + Q_1 + Q_2 = V\gamma = 20444 \cdot 66 = 1349304$$
 Ffund.

Der Angriffspunft biefer Rraft liegt über bem Schiffstiel um

$$s = \frac{(0 \cdot G_0 + 1 \cdot 3 G_1 + 2 \cdot 3 G_2 + 3 \cdot G_3)}{1 \cdot G_0 + 3 \cdot G_1 + 3 \cdot G_2 + G_4} \frac{a}{3}$$

$$= \frac{3 \cdot 0.452 + 6 \cdot 0.557 + 3 \cdot 0.663}{0 + 3 \cdot 0.452 + 3 \cdot 0.557 + 0.663} \frac{a}{3} = \frac{2.229}{3.690} \frac{a}{3} = 0.602 \quad a = 4.01 \quad \text{Sub},$$

und vom Schiffsenbe in horizontaler Richtung ab:

$$s = \frac{0.1 \cdot F_0 + 1 \cdot 4 F_1 + 2 \cdot 2 F_2 + 3 \cdot 4 F_3 + \ldots + 19 \cdot 4 F_{19} + 20 F_{99}}{1 F_0 + 4 F_1 + 2 F_2 + 4 F_2 + \ldots + 4 F_{10} + F_{20}} \frac{l}{20}$$

$$= 0.483 \, l = 96.6 \, \text{Fug.}$$

Das Eragheitsmoment ber Schwimmflache in Beziehung auf ihre gangen-

$$J = [30^{3} + 4(165^{3} + 600^{3} + \dots) + 2(390^{9} + 750^{3} + \dots)] \cdot \frac{2(\frac{1}{6}b)^{9}l}{8.60.1000000000}$$

= 0,0355 b³l;

und baber bie Bebingung ber Stabilitat bes Schiffes:

$$Ve < J$$
, ober $e < \frac{J}{V}$, b. i.
 $e < \frac{0.0355}{0.461} \frac{b^3 l}{a b l}$ ober $< 0.077 \frac{b^3}{a}$.

Wenn alfo ber Schwerpuntt bes gangen Schiffes noch nicht

$$0.077 \frac{b^2}{a} = 0.077 \cdot \frac{500}{8} = 12.83 \, \text{Fug}$$

über bem bes verbrangten Waffers, also noch nicht 16,84 Fuß über bem Schiffsfiel liegt, besitt bas Schiff Stabilität.

Die Beit ber Schwingungen biefes Schiffes in vertifaler Richtung ift:

$$t = \pi \sqrt{\frac{\varphi}{\lambda} \frac{a}{g}} = \pi \sqrt{\frac{0,460}{0,663} \cdot \frac{20}{8 \cdot 31,25}} = \pi \sqrt{\frac{9,2}{1,989 \cdot 31,25}} = 1,208$$
 Sec.

Bare bas Tragheitsmoment bes gangen Schiffes in hinficht auf feine borigontale gangenare burch ben Schwerpunkt: T, y = 20444 . 100 y, und bie Sobe bee Schiffeschwerpunttee über bem bee verbrangten Baffere: e = 8 gug fo wurde die Beit einer Sowingung um die genannte Are, ober bie bes fogenannten Schlingerne:

$$t_1 = \pi \sqrt{\frac{T_1}{g(J - Ve)}} = \pi \sqrt{\frac{20444 \cdot 100}{31,25 \left[0,0355 \cdot \left(\frac{100}{3}\right)^3 \cdot 200 - 20444 \cdot 8\right]}}$$

$$= \pi \sqrt{\frac{2044400}{31,25 \left(262968 - 163532\right)}} = 2,549 \text{ Sec.}$$
Retrogen

betragen.

Biberfianb bes Baffers

5. 311. Der Wiberstand W bei ber Bewegung eines Schiffes im ftillstehenden Waffer ist durch die (aus L, §. 429) bekannte Formel:

$$W = \xi \, \frac{v^2}{2 \, q} \, F \gamma,$$

in welcher F ben hauptquerschnitt bes Schiffes, v bie Seschwindigkeit beffelben, & ben sogenannten Widerstandscoefficienten u. s. w. bezeichnen, zu bestimmen. Steht bas Baffer, in welchem sich das Schiff bewegt, nicht still, sondern lauft es bem Schiffe mit der Geschwindigkeit c entgegen, so hat man:

$$W = \zeta \frac{(v+w)^2}{2g} F \gamma,$$

und flieft es bagegen in ber Richtung bes Schiffes mit ber Gefcwindig- teit w fort, fo ift:

$$W = \zeta \frac{(v-w)^2}{2g} F_7$$

ju fegen.

Diefer Widerstand geht theils aus bem Aufstauen bes ausweichenben Maffers vor dem Schiffe, theils aus ber Sentung bes zufliegenden Baffers binter bem Schiffe und theils auch aus ber Reibung bes Baffers an der Schiffsoberfläche hervor, und hängt baher auch noch vorzüglich von ber form bes Schiffes ab. Sind bie Borber- und hintertheile eines Schiffes hinreichend jugespitt und an ben Stellen, mo fie fich an bas Mittelfchiff anschließen, febr gut abgerundet, fo geht bas Fortschieben und Biebergusammenfließen des Baffere fast ohne alle wirbelnbe Bewegungen beffelben vor fich, und es wird bann bie Rraft, welche bas Ausftauen des Waffers vom Schiffsvordertheil in Anspruch nimmt, durch den Druck bes Baffers am Schiffshintertheil fast wieber erfett, folglich bas baupt fachlichfte hindernig ber Bewegung bes Schiffes nur in ber Ueberwinbung ber Reibung bes Baffers bestehen. In biefem Kalle fintt ber entfprechende Biberstandscoefficient & bis auf 0,05 bis 0,10, mabrend er bei einem prismatischen Schiffe ohne alle Zuspitzung eirea 1,1 beträgt. Campaignac's Berfuchen an Dampfichiffen auf dem Meere (fiebe beffen Traité sur l'état actuel [1842] de la marine à vapeur) ist im Mittel \$ = 0,0755 gu nehmen.

Bei Segelschiffen, sowie auch bei Rahnen, ift die Zuspihung ber Schiffsenden, und die Abrundung an den Seiten weniger volltommen, so das hier fich & auf 0,2 bis 0,45 steigert.

Diese Coefficienten fallen noch größer aus, wenn sich das Schiff in einem engen Canale bewegt, bessen Querschnitt F_1 (nach Du Buat) nicht mindestens $6^{1}/_{2}$ mal so groß ist als der Querschnitt F des Schiffes. In diesem Falle kann das Wasser nicht ungehindert zur Seite des Schiffes

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 747 ausweichen; es staut sich beshalb basselbe vor bem Schiffe hoher auf, als warrand wenn ber Wasserspiegel unbegrenzt ware, und wird überdies noch durch bie Reibung an dem Bette des Canales in seiner Bewegung gestört. Du Buat entwickelt aus den hierüber angestellten Bersuchen von Bosut Formeln zu entsprechender Correction von &, es scheinen aber nach D'Auduisson's Berechnungen (siehe D'Auduisson's Hoptraulit, §. 228 u. s. w.) dieselben zu große Werthe zu liefern. Die Reductionssormel:

$$\xi_1 = \left(1 + \frac{1}{\left(\frac{F_1}{F} - 1\right)^2}\right)\xi,$$

in welcher F_1 ben Querschnitt bes Canales, und ζ_1 ben entsprechenben Wiberstandscoefficienten bes Schiffes bezeichnen, möchte sich vielleicht eber begrunden lassen und auch mit ben Erfahrungen besser übereinstimmen. Sie giebt für

$$rac{F_1}{F}=\infty$$
, $\zeta_1=\zeta$, und für $rac{F_1}{F}=2$, $\zeta_1=2\,\zeta$.

Auch in Beziehung auf die Geschwindigkeit des Schiffes scheint der Coefficient & nicht ganz constant zu sein. Die hierüber angestellten Versuche von Macneil, Russell und Morin an kleinen Canalschiffen weisen diese Beränderlichkeit vollständig nach (siehe Introduction à la Mècanique industrielle par Poncelet). So lange die Geschwindigkeit des Schiffes 6 Auf nicht übersteigt, ist diesen Versuchen zusolge, & ziemslich constant, dei größeren Geschwindigkeiten von 8 dis 12 Auf nimmt dagegen & rasch, jedoch höchst unregelmäßig, zu, und fällt vielleicht doppelt so groß aus als dei kleinen Geschwindigkeiten, dei sehr großen Geschwindigkeiten von 15 und mehr Auf geht endlich & wieder in seinem Werthe herab. Die Ursachen dieser großen Veränderlichkeit von & sind keinesweges genau bekannt. Eine große Rolle spielen hierbei jedenfalls die Wellen, welche das unvollkommen zugespitzte Boot bei seinem schnellen Durchsschnelben des Wassers an der Oberstäche besselben erzeugt.

- §. 312. Die Fortbewegung ber Schiffe auf bem Baffer erfolgt ents saiffesteben. weber:
- 1) burch bas fogenannte Schiffsziehen (frang. le halage; engl. the towing), ober
 - 2) burch ben Windftof mittels Segel (frang. voiles; engl. sails), ober
- 8) burch das Rubern mittels einfacher Ruber ober besonderer Rusberraber.

ediffeiteben. Außerbem konnen naturlich auch bie Schiffe burch bas fließende Baffer felbft fortbewegt werben.

Das Schiffsziehen wird entweder:

- 1) durch Menfchen ober Thiere, ober
- 2) durch ftebende, ober
- 3) burch locomobile Maschinen verrichtet.

Im ersteren Kalle laufen bie Menschen ober Thiere an bem Ufer bes Baffere (ober bem fogenannten Leinpfade) bin und gieben babei an einem Seile, welches mit feinem binteren Ende an bem Schiffsmaft ober an einem anderen hervorstehenden Theile bes fortzugiehenden Schiffes ange-Enupft ift. Im zweiten Falle wird bas Schiff durch ein langes Seil fort: gezogen, welches fich um eine Trommel ober einen Korb wickelt, ber einen Theil eines Dampf= ober Baffergopele bilbet (vergl. g. 246, g. 251, Bas bie locomobilen Maschinen jum Fortziehen eines Schiffes anlangt, fo tonnen diefelben entweder in einem Dampfmagen befteben, welcher auf einer Gifenbahn langs ber Ufer fortrollt und bas Schiff mittels eines Seiles nachzieht, ober es tann hierzu eine auf bem fortzugiebenben Schiffe felbft aufgestellte Dampfmaschine bienen, in welchem Salle biefelbe eine unter bem Schiffe angebrachte Trommel in Umbrehung fest, um welche fich eine lange Rette widelt, Die langs bes gangen von bem Schiffe zu burchlaufenden Weges über bem Boben bin ausgespannt und an ihren Enden mit bemfelben feft verbunden ift. Bu bem Schiffstieben mittels locomobiler Dafchinen gehort auch noch bas Bugfiren (frang. remorquer; engl. tow) eines Schiffes burch ein anberes, g. B. burch ein Dampfichiff.

Der Wiberstand beim Ziehen eines Schiffes in einem Schifffahrtscanal ift nach ber Formel:

$$W = \xi \, \frac{v^2}{2 \, g} \, F \gamma$$

zu berechnen (fiehe ben vorigen Paragraphen), und hierin, wenn bie Geschwindigkeit v bes Schiffes nicht sehr groß ist, nach Morin's Berfuchen $\zeta=0.21$ bis 0.27 einzuführen.

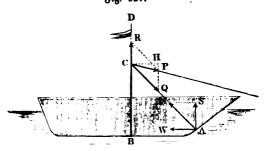
Bei bem Fortziehen in einem fliegenden Baffer hat man bagegen:

$$W = \xi \frac{(v \pm w)^2}{2 g} F \gamma \pm (Q + Q_1) \sin \alpha$$

zu segen, wobei c die Geschwindigkeit des Wassers, α den Abhang der Oberfläche des fließenden Wassers, und $Q+Q_1=V\gamma$ das ganze Gerwicht des Schiffes bezeichnet. Die Pluszeichen gelten natürlich für das Bergaufs und die Minuszeichen für das Bergabfahren.

Bon bem Fertichaffen ber gaften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 749

Die Kraft P zur Ueberwindung dieses Wiberstandes W ist aber nur Saissolieben. dann der Größe desselben genau gleich, wenn sie diesem Widerstande genau entgegenwirkt, also auch mit demselben einerlei Angriffslinie hat. Der Widerstand $W=\xi\,\frac{v^2}{2\,g}\,F\,\gamma$ ist jedenfalls nur der horizontale Composnent $\overline{A\,W}$, Fig. 627, von einer anderen Kraft $A\,N$, deren Richtung vorsfig. 627.



züglich von der Form des Vorderschiffes abhängt. Der vertitale Component \overline{AS} berselben bewirft entweder eine kleine Erhebung des Vorderschiffes, oder er hebt die Reigung desselben auf, wenn der Schwerpunkt des ganzen Schiffes etwas vor dem des Auftriedes liegt. Die Mittelskraft \overline{AN} trifft den Mast BD in einem Punkte C, in welchem auch die Zugkraft angreisen sollte. Diese Kraft $\overline{CP}=P$ zerlegt sich dann in die Kraft $\overline{CQ}=Q$, welche zur Ueberwindung des Widerstandes \overline{AN} dient, und in eine Vertikalkraft \overline{CR} , welche durch den Mast auf das Schiff übergetragen wird, und den Auftried desselben etwas vergrößert. Ist β der Neigungswinkel \overline{NAW} des Widerstandes \overline{W} und \overline{O} der Neigungswinkel \overline{PCH} der Kraft \overline{P} (gegen den Horizont), so hat man:

$$Q = N = \frac{W}{\cos \beta},$$

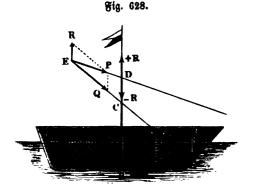
und bie Bugeraft:

$$P = Q \cos(\beta - \delta) = \frac{W\cos(\beta - \delta)}{\cos \beta}$$
.

Ift $\delta = \beta$, liegen also die beiden Endpunkte des Zugseiles in einer borizontalen Linie, so hat man P = W.

Fallt, wie Fig. 628 (a. f. S.) andeutet, der Angriffspunkt D ber Kraft P nicht mit dem Durchschnittspunkte C zusammen, treffen sich also die Richtungen von N und P in einem Punkte E außerhalb des Wastes, so wirkt die Seitenkraft ER = R excentrisch und hebt daher nicht allein

Colffeleben, bas Schiff etwas im Sangen', fonbern giebt ihm auch noch eine fleine



Reigung nach hinten. If I bas Trägheitsmoment der Schwimmfläche des Schiffes in hinsicht auf seine Querare, d der Abstand DE
des Qurchschnittspunktes E von dem Wast,
so haben wir die entsprechende Reigung der
Längenare des Schiffes:
R d

$$\varphi = \frac{R d}{J - Ve} \text{ (f. §. 810)}.$$

Die zu verrichtende mechanische Arbeit beim Schiffsziehen ist naturlich: L=Pv.

alfo mindeftens annahernb:

$$= \left(\xi \frac{(v \pm \omega)^2 F \gamma}{2 g} \pm (Q + Q_1) \sin \alpha\right) v,$$

und daher bei ber Bewegung im ftehenden Baffer:

$$L = \zeta \frac{v^2}{2g} F \gamma v = \frac{\zeta \gamma}{2g} F v^3.$$

Es wachft also die lette Arbeit wie ber Cubus ber Gefchwindig: teit bes Bootes, und es ift folglich ber Transport zu Baffer um fo vortheithafter, je langfamer bas Schiff fortgezogen wirb.

Beispiel. Welche Kraft erforbert bas Fortziehen eines Schiffes in einem Schifffahrtscanale, wenn ber hauptquerschnitt beffelben 60 Quabratfuß und die Geschwindigkeit o = 3 Fuß beträgt. Segen wir $\zeta = 0.25$, so exhalten wir:

$$P = \zeta \cdot \frac{v^2}{2g} F \gamma = 0.25 \cdot 0.016 \cdot 9 \cdot 60 \cdot 66 = 142.56$$
 \$\text{funb},

und folglich bie nothige Arbeit pr. Secunde:

welche alfo nach II., \$. 80 von einem Pferbe allein verrichtet werben fann.

Benn baffelbe Schiff mit berfelben Geschwindigkeit in einem fließenden Baffer bergauf gezogen werben sollte, so wurde bei ber Geschwindigkeit w = 2 Fuß bieses Baffers, bei beffen Abhange sin. a = 0,0001, und bei bem von bem gesladenen Schiffe verbrangten Baffervolumen V = 2500 Cubiffuß, die nothige Bugfraft:

$$P = \zeta \frac{(v+w)^n}{2g} F_{\gamma} + V_{\gamma \sin \alpha} = 0.25 \cdot 0.016 \cdot 25 \cdot 60 \cdot 66 + 2500 \cdot 66 \cdot 0.0001$$

= 396 + 0.25 \cdot 66 = 412.5 \Region{1}{9}\text{funb,}

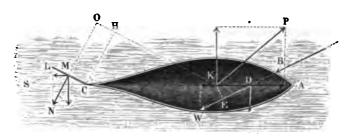
also bie mechanische Arbeit L = Po = 1237,5 Fugpfund fein.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 751

Bermenbet man biergu brei Bferbe, fo vermögen biefe bie Arbeit: Coiffiteben.

 $L=3\,\left(2\,-rac{v}{c}
ight)Pv=3\,\left(2\,-rac{3}{4}
ight)$. 120 . 3=1350 Fußpfund au verrichten.

6. 313. Wenn die Richtung ber Bugfraft P eines Schiffes ABC, Das Steuern Fig. 629, von der gangenare AC beffelben abweicht, fo nimmt auch die ₩ia. 629.



Bewegung beffelben eine andere Richtung DB an. Es hat bann bas Schiff einen fchragen Lauf und es beißt der Bintel ADB = &, um welchen die Schiffsare AC von der Bewegungerichtung DB abweicht, Die Abtrifft des Schiffes. Rehmen wir an, daß der Biberftand W. welchen bas Baffer ber Bewegung bes Schiffes entgegenfest, in B angreife, und verlegen wir noch biefen Angriffspunkt in Die Schiffsare, nach Wenn nun die Bugtraft P in D angriffe und bem Biberftand W genau entgegen mirtte, To murbe bas Schiff ohne Beiteres, b. i. ohne Buhilfenahme bes Steuers, Diefen fchragen Lauf annehmen, ohne fich ju bre-Breift aber bie bewegende Rraft P, b. i. die eines Seiles ober bie ber Segel, in einem anderen Puntte K an, und wirft fie in einer anberen Richtung als bie Bewegung bes Schiffes, fo bat bas Schiff ein Beftreben jum Dreben, bem nur burch eine angemeffene Stellung bes Steuers CL begegnet werben fann. Bezeichnen wir ben Mintel, um melden bie Richtung ber Bug- ober Treibfraft $\overline{KP} = P$ von ber Schiffsare abweicht, alfo PKA, burch B, und ben Drehungswinkel bes Steuers, ober bie Abmeichung SCL beffelben von ber Schiffsare, burch o, feben mir ferner bie aus bem Wiberftanbe bes Baffers ermachsende Rraft bes Steuers = N, ben Abstand CM ihres Angriffspunttes M von ber Are C, = s, ben Abstand KD bes Angriffspunktes K von dem Angriffs. puntte D bes Biberftandes W, = a, und ben von ber Are C bes Steuers, CK = b, so tonnen wir nach ben Lehren ber Statif (f. I., 6. 88) folgenbe brei Gleichungen aufstellen:

Das Steuern ber Schiffe. 1) $N \cos \varphi + W \sin \delta = P \sin \beta$,

2) $N \sin \varphi + W \cos \delta = P \cos \beta$, und

3) $N(s + b \cos \varphi) = W a \sin \delta$,

und es tommt hierzu noch ber Musbrud:

$$N=\xi_1\,rac{v^2}{2\,g}\,[sin.\,(\delta\,+\,\phi)^2]\,\,S\gamma,$$

worin & ben Biberftanbscoefficienten bes Steuers, circa = 1, S ben Flacheninhalt beffelben, und v bie Geschwindigkeit bes Schiffes bezeichnet. Damit diese Kraft so wenig wie moglich durch die Bellenbewegung bes Baffers beeintrachtigt werbe, last man das hinterschiff ganz scharf zustaufen.

Der Widerstand Wift naturlich von ber Große o der Abtrifft abhangig, und hat bei o = 0, feinen Minimalwerth:

$$W = \xi \, \frac{v^3}{2 \, a} \, F \gamma,$$

wobei bas Moment $N\left(s+b\;\cos{\varphi}\right)=0$ ausfällt.

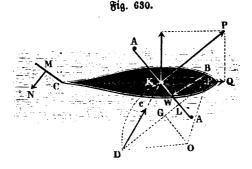
Fur biefen Fall muß bemnach $b=-\frac{s}{cos.\ \varphi}$ fein, also ber Angriffs, punkt K der bewegenden Kraft hinter ber Steuerape liegen, was jedenfalls nicht leicht vortommen wird.

Das Drebungemoment:

$$N(s+b\cos\varphi)=\xi_1\frac{v^2}{2g}(\sin\varphi)^2(s+b\cos\varphi)S\gamma$$

ist annähernd auch = $\xi_1 \frac{v^2}{2g}$ (sin. φ)² cos. φ . $Sb\gamma$, und fällt für $tang. \varphi = \sqrt{2}$, b. i. für $\varphi = 54^\circ$, 44° am größten, nämlich $\frac{2}{\sqrt{27}}\xi_1\frac{v^2}{2g}Sb\gamma$ aus. Es ist also beshalb nie nöthig, bas Steuer über $54^3/4$ Grad zu drehen.

Befteht die bewegende ober Triebtraft P eines Schiffes in bem Bind-



ftoß gegen ein Segel AKA1, Fig. 630, so ift bas lettere so gu richten, bas ber Component Q ber Kraft P parallel gur Schiffsare CK, ein Maximum werbe. Um biesen Richtungswinkel nur annahernd genau zu besteimmen, wollen wir

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Begen. 753

vorausfeben, bag die Bindgefchwindigfeit c groß genug fei, um die Schiffs, Das Cienern geschwindigfeit in Sinficht auf fie vernachlaffigen zu tonnen. Rehmen wir an, bag bie Richtung DK ber Geschwindigfeit c mit ber Schiffsare CK, ben Binkel $CKD = \alpha$ einschließe, und daß die Chene des Segels AA_1 von ber erfteren Richtung um ben Wintel AKD = w abweiche; ift bann noch F, ber Inhalt der Segelflache und p, die Dichtigkeit des Windes, fo haben wir nach II., §. 256 ben normalen Windftog:

$$P=8 \cdot \frac{c^2 (\sin \psi)^2}{2 g} F_1 \gamma_1,$$

und baher ben Componenten beffelben in ber Schiffsare:

$$Q = P \sin. KPQ = P \sin. AKQ = P \sin. (\alpha + \psi)$$

$$= 3 \frac{c^2 (\sin. \psi)^2}{2 a} \sin. (\alpha + \psi) F_1 \gamma_1.$$

Diefer Werth ift in hinficht auf w ein Marimum fur

$$tang. \psi = -2 tang. (\alpha + \psi);$$

alfo, wenn man biefe Gleichung aufloft, fur

tang.
$$\psi = \frac{3}{4} \cot g \cdot \alpha + \sqrt{2 + \frac{3}{4} (\cot g \cdot \alpha)^2}$$

Um die entsprechente Segelrichtung conftruirend gu finden, theilen wir eine beliebige Linie DE in zwei und in brei gleiche Theile, errichten in ben Theilpunkten G und L Perpendikel zu dieser Linie; tragen an D und E ben Wintel $GDO = GEO = 90^{\circ} - \alpha^{\circ}$ an, und beschreiben aus bem erhaltenen Durchschnitte O mit der Linie OD = OE einen Rreisbogen DKE. Diefer Bogen ichneibet bann bas zweite Berpenbitel in einem Punkte K fo, daß $DKL = \psi$ ausfallt, benn es ift bann:

$$\angle DOG = \angle EOG = \angle CKD = \alpha$$
,

unb

$$DL = 2 EL$$

d. i.

$$KL$$
. tang. $DKL = 2 KL$ tang. EKL ,

ober:

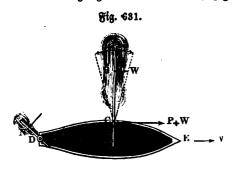
tang. $DKL = -2 tang. CKL = -2 tang. (\alpha + DKL)$, folglich $\angle DKL = \psi$, bet gesuchte Richtungswinkel bes Segels AA_1 .

Die Bewegung ber Schiffe burch Ruber und Raber ift Bortbeme. von bem Schiffeziehen dadurch mefentlich verschieben, daß bei bem letteren ediffe burd ber Motor einen festen Stuppunet hat, mabrend er bei ber erfteren nur in dem Baffer einen Stubpunkt findet. Diefer Stubpunkt ift aber beweglich, ba bas Baffer nur burch feine Tragheit, also baburch, bag es felbft in Bewegung verfett wird, einen Biberftand ausuben tann. Es ift beshalb auch bei ber Bewegung eines Schiffes durch Ruber ober Raber eine boppelte mechanische Arbeit, namlich nicht allein eine Arbeit gur Ueber-

Fortbeme.

windung ber Bewegungehinderniffe bes Schiffes, fondern auch eine Arbeit aung ber aur Uebermindung der Eragheit bes Baffere nothig, und folglich die Rusleiftung bei biefer Bewegungemeife ber Schiffe verhaltnigmagig fleiner als beim Schiffeziehen. Der gur Fortbewegung eines Schiffes nothige Bi: berftand bes Baffers wirb, welches mechanische Bulfsmittel auch biergu bienen moge, ftets baburch erzeugt, bag eine fefte Flache fcnell und fo viel wie moglich ber Bewegungerichtung bes Schiffes entgegengefest, gegen bas Baffer gefchlagen wirb.

Bei ber Bewegung eines Bootes DE, Fig. 631, burch ein Ruber



(frang. rame; oar) AB stust sich bas lettere gegen einen Bolgen C auf ber Bauchwand bes Beetes; mahrend bas Ende A burch eine Rraft P in ber Bewegungerich: tung bes Bootes fort: geführt wirb, bewegt fich bas ichaufelformige Enbe B bes Rubers

in entgegengefetter Richtung gegen bas Baffer, wobei biefce in ber Bemegungerichtung bee Schiffes einen Wiberftand W. ausubt, ber in Bereis nigung mit ber Rraft P ben Bolgenbrud R = P + W erzeugt. Die: fer Drud ift aber feinesweges bie bewegenbe Rraft bes Bootes; benn bei ber Ausubung ber Rraft P wirft ber Ruberer mit einer gleichen Rraft (- P) in entgegengefetter Richtung auf bas Boot, es gefellt fich alfo au bem Drucke R=P+W noch die Kraft — P, woraus eine Kraft W' in ber Arenrichtung bes Bootes und ein Rraftepaar + (P + W), -(P+W) mit dem Momente \overline{CA} . (P+W) hervorgeht. Babrend die erftere Rraft bas Boot in feiner Arenrichtung forttreibt, fuch: bas lettere bem Boote eine brebenbe Bewegung zu ertheilen. Um biefe Drehbewegung ju verhindern, muß man entweder bas Steuer DN nach ber Seite bes Rubers ftellen, ober noch ein zweites Ruder auf ber anberen Schiffsfeite in Gang feben. Es verfteht fich ubrigens von felbit, bag bas Ruber bei feiner rudgangigen Bewegung burch bie Luft bewegt merben muß, damit bierbei die beim Singange erzeugte Birtung nicht wieber aufgehoben werbe.

Die Ruderraber find entweder Schaufelrader (frang. roues a pales; engl. paddle-wheels) ober glugelraber, gewohnlich SchrauBon bem Fortschaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 755

ben ober Schraubenraber (frang. helices; engl. screws) genannt. Die gortbemegewöhnlichen Ruber: ober Schaufelraber find von den einfachen unter: Colffe butd fdilagigen Bafferrabern, namentlich aber von ben fogenannten Schiffmublenradern (f. II., f. 149) nicht verschieben. Jebes Schiff hat zwei folche Rader, diefelben figen an ben Enden einer Welle feft, welche quer burch bas Schiff hindurchgeht und in ber Regel burch eine Dampfmaschine in Bewegung gefett wird, weshalb auch bas gange Schiff ein Dampffchiff (frang. bateau à vapeur; engl. steam-vessel) genannt wird.

Bahrend bie Belle C bes in Sig. 632 nur theilmeife fichtbaren Schiffes



Fig. 632.

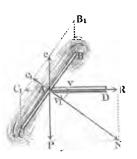
DE in Umbrehung gefest wirb, schlagen bie Schaufeln bes auf ihr sigenden Ruber= rabes AB mit einer gemiffen Gefchwindigkeit c gegen bas Baffer, in welches fie einge= taucht find, und biefes ubt bas bei einen Biberftand AP-P aus, welcher fich, ba er in Beziehung auf C excentrisch wirft, in eine Areneraft CP = P und in ein Rraftes

paar $\left(+\frac{P}{2},-\frac{P}{2}\right)$ gerlegt. Diefe Arentraft ift es, welche in Berei: nigung mit ber Arentraft bes Rabes auf ber anberen Seite bes Schiffes bas Schiff mit einer gemiffen Gefchwindigfeit v forttreibt; bas Umbres hungemoment $\frac{P}{2} \cdot CA + \frac{P}{2} \cdot CB = \frac{P}{2} (CA + CB) = P \cdot CA$ bes Rraftepaares wird naturlich von dem Momente der Umtriebsmafchine (Dampfmafdine) aufgenommen.

Die neueren Schraubenraber find von ben Alugelrabern, wie fie 3. B. ale Instrumente gum Deffen ber Geschwindigfeit bes Baffers (f. I., 6. 415), ober gur Aufnahme bes Winbftoges bei Windmublen (f. II., §. 245 u. f. w.) angewendet werden, mefentlich nicht fehr verschieden, nur werben bie Flugel diefer Raber nach einer Schraubenflache getrummt, mahrend bie gewohnlichen Flugelraber ebene ober minbichiefe Rlugel erhal-Das Schraubenrad wird in bas hintertheil bes Schiffes, und gwar unmittelbar vor bem Steuer eingefest, feine Belle liegt in ber Richtung ber Langenare bes Schiffes und ift ba, mo fie in bas Innere bes Schiffes tritt, mit einer Stopfbuchfe umichloffen.

Bird die Belle AD, Fig. 633 (a. f. S.), eines folchen Rabes burch

Fig. 633.



bie Dampfmaschine in Umbrehung gefett, fo fchlagt ber Flugel BC berfelben (vergl. die Betrachtung in II. §. 257) mit einer gewiffen Befcwin: bigfeit c gegen bas Baffer, und biefes ubt nun in Folge feiner Trägheit einen Normalbruck N auf den Flugel aus, beffen einer Component P von der Umtriebstraft ber Welle aufgenommen und beffen anderer Component R mittels ber Bille auf bas Schiff über: getragen wirb, und biefes mit einer aewissen Gefchminbigfeit treibt.

Biuberichaufel, Edaufelrab.

Bird ber Mittelpuntt einer Ruberschaufel mit ber Geschwindigfeit o bewegt, mahrend bas Schiff in der entgegengefesten Rich: tung mit ber Gefdwindigfeit v fortgeht, fo ift die relative Gefdwindigfeit. mit welcher diefe Schaufel auf bas ftillftebende Baffer trifft: c - v, und folglich bei bem Inhalte F, der Schaufelflache ber Stoß:

$$P = \zeta_1 \frac{(c-v)^2}{2g} F_1 \gamma,$$

wobei fur ein gewohnliches Ruter &, mohl taum großer als 1,25 angunehmen fein burfte (f. I., §. 431).

Ift nun noch s ber Beg ber Schaufelmitte bei jedem Ruberschlag, und n bie Anzahl ber Ruberschlage pr. Minute, so hat man bie auf bas Rus bern pr. Secunde verwendete mechanische Arbeit:

$$L = \frac{n P s}{60} = \xi_1 \frac{(c - v)^2}{2 g} \frac{n s}{60} F_1 \gamma.$$

Bezeichnet dagegen F ben Sauptquerschnitt bes Bootes, fo bat man ben Biberftand, welcher bei ber Bewegung beffelben mit ber Gefchwindigfeit t ju überminden nothig ift:

$$W = \xi \, \frac{v^2}{2 \, q} \, F \gamma.$$

Da bas Ruber ohne Kraftaububung juruckfeht, fo fann man bie mittlere Rraft beffelben $=\frac{P}{2}$, und bie mittlere Gefchwindigkeit feines Stofpunktes, $c=\frac{2\,n\,s}{60}=\frac{n\,s}{30}$ fegen. Nimmt man nun $\frac{P}{2}=W$, so et balt man bie Bedingungegleichung:

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 757

$$1/2 \zeta_1 (c - v)^2 F_1 = \zeta v^2 F_1$$

wonach:

$$c-v=v\sqrt{\frac{\zeta F}{\frac{1}{2}\zeta_1 F_1}},$$

und folglich:

$$c = v \left(1 + \sqrt{\frac{2 \xi F}{\xi_1 F_1}} \right)$$

fich ergiebt.

Der Wirkungegrad biefer Arbeiteverrichtung ift:

$$\eta = \frac{Wv}{L} = \frac{Wv}{\frac{1}{2}Pc} = \frac{v}{c} = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{2 \xi F}{\xi_1 F_1}}}$$

Es fallt also berselbe um so größer aus, je größer das Berhaltniß $\frac{v}{c}$ oder je kleiner das Berhaltniß $\frac{F}{F_1}$, je größer also die Ruderslache F_1 in Hinsicht auf den Schiffsquerschnitt F ist.

Sanz ahnliche Berhaltniffe tommen auch bei bem Ruberschaufel. rabe vor. Ift hier F1 ber Inhalt ber flogenben Ruberschaufelflachen von beiben Rabern zusammengenommen, und c bie Umbrehungsgeschwindigkeit ber Schaufelmitte, fo hat man bie Umbrehungetraft ber beiben Ruberraber:

$$P = \zeta_1 \frac{(c-v)^2}{2 g} F_1 \gamma,$$

worin nach Compaignac im Mittel $\zeta_1=2,76$ zu fegen ift.

Die erforberliche Leiftung biefer Raber ift:

$$L = Pc = \zeta_1 \frac{(c-v)^2 c}{2 g} F_1 \gamma.$$

Sest man die Kraft P dem Widerstande $W=\xi\,rac{v^2}{2\,g}\,F\gamma$ des Schiffes gleich, so erhalt man die Bedingung:

$$\zeta_1 (c - v)^2 F_1 = \zeta v^2 F_1$$

wonach:

$$c-v=v\sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1}},$$

alfo:

$$c = v \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1}} \right)$$

folgt.

Rubericaufel,

Der Wirkungegrab ber Ruberraber ift:

$$\eta = \frac{Wv}{L} = \frac{Wv}{Pc} = \frac{v}{c} = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1}}},$$

also um so größer, je naher $\frac{v}{c}$ ber Einheit, also v=c tommt, je größer also bas Berhaltniß $\frac{F_1}{F}$ ber Schaufelflache F_1 zum Schiffsquerschnitte F ift.

Sett man in die obige Formel fur L ben gefundenen Berth fur c ein, fo erhalt man folgenden Ausbruck fur ben Arbeitsaufwand:

$$L = \left(1 + \sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1}}\right) \frac{v^3}{2g} F \gamma = \zeta \cdot \frac{c}{v} \cdot \frac{v^3}{2\gamma} F \gamma.$$

Führt man für $\zeta \, \frac{c}{v} \cdot \frac{\gamma}{2 \, g}$ ben Coefficienten μ ein, so erhalt man einfach:

$$L = \mu F v^3$$
.

. Das Berhaltniß $\frac{c}{v}$ variirt erfahrungsmäßig zwischen 1,25 und 1,55, ist daher im Mittel 1,40; führt man daher noch den Mittelwerth $\xi=0,0755$, sowie $\gamma=66$ und $\frac{1}{2\,g}=0,016$ ein, so erhält man im Mittel:

$$\mu = 0.0755 \cdot 1.4 \cdot 0.016 \cdot 66 = 0.112$$
,

und baher:

$$L = 0.112 \ Fv^3$$
 Fußpfund.

Da ber Widerstandscoefficient & Cleiner wird, wenn die Große ober ber Querschnitt F bes Schiffes machst, und umgekehrt, ber Stoßcoefficient &1 mit ber Große F1 ber Schaufelflache zunimmt, so ift ber Coefficient:

$$\mu = \xi \cdot \frac{c}{v} \cdot \frac{\gamma}{2 g} = \xi \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1}} \right) \frac{\gamma}{2 g}$$

bei verschiedenen Schiffsgrößen nicht unansehnlich verschieden, und zwar bei kleinen Dampfichiffen von 12 bis 25 Pferbekraften:

$$\mu = 0.150,$$

bei mittleren von 50 bis 150 Pferbetraften:

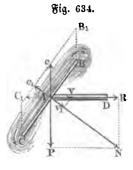
$$\mu = 0.112$$

und bei großen Dampfichiffen von 800 bis 500 Pferbetraften:

$$\mu = 0.075.$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 759

§. 316. Bei einem Flügels ober Schraubenrabe hangt die Leis Bildgelrab. ftung vorzüglich noch von dem Steigwinkel $BAc = CAP = \alpha$,



Kig. 634, ab. Ift c bie mittlere Umbrehungsgeschwindigkeit bes Rades, und v die bes Schiffes und also auch ber Radare, so hat man bie Geschwindigkeit, mit welcher sich die Flügelflache in normaler Richtung umbreht:

$$c_1 = c \sin \alpha$$

und bie Gefchwindigkeit, mit welcher fie in eben biefer Richtung gurudgeht:

$$v_1 = v \cos \alpha$$
,

und folglich bie Gefchwindigkeit, mit welcher die Flugelflache normal auf das Baffer aufschlagt:

$$c_1 - v_1 = c \sin \alpha - v \cos \alpha$$
.

Ift nun noch F_1 ber Inhalt fammtlicher Flügelflachen und y die Dichetigkeit bes Waffers, so hat man nach II., §. 257 ben normalen Wibers ftand bes Waffers:

$$N=3\,\frac{(c\,\sin.\,\alpha\,-\,v\,\cos.\,\alpha)^2}{2\,q}\,F_1\,\gamma,$$

daher die Areneraft:

$$R = N \cos \alpha = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \cos \alpha F_1 \gamma$$

bie Umbrehungefraft:

$$P = N \sin \alpha = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \sin \alpha F_1 \gamma.$$

und ben entsprechenben Arbeitsaufwand:

$$L = Pc = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 q} c \sin \alpha \cdot F_1 \gamma.$$

Der Sicherheit wegen wollen wir aber lieber

$$R = \zeta_1 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} \cos \alpha F_1 \gamma,$$

$$(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2$$

$$P = \zeta_1 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 q} \sin \alpha F_1 \gamma$$

unb

$$L = \xi_1 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^2}{2 g} c \sin \alpha F_1 \gamma$$

fcreiben.

Riugelrab.

Wenn wir wieder die Arentraft R gleich bem Widerftande W, alfo ζ_1 (c sin. $\alpha - v \cos \alpha$)² cos. $\alpha \cdot F_1 = \zeta v^2 F$

fegen, fo erhalten wir folgende Gleichung:

$$c \sin \alpha - v \cos \alpha = v \sqrt{\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1 \cos \alpha}},$$

wonach:

$$c = v \left(cotg. \alpha + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (sin. \alpha)^2 cos. \alpha}} \right)$$

$$= v cotg. \alpha \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (cos. \alpha)^3}} \right),$$

und umgetehrt:

$$v = \frac{c}{cotg. \alpha + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (sin. \alpha)^2 cos. \alpha}}} = \frac{c tang. \alpha}{1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (cos. \alpha)^3}}}$$
folgt.

Die Geschwindigkeit v des Schiffes ift hiernach fur verschiedene Steig: wintel a verschieden. Durch Differengiiren findet man, bag fie fur

$$\frac{1-3(\cos\alpha)^2}{(\cos\alpha)^3/2}=2\sqrt{\frac{\overline{\xi_1}F_1}{\xi F}}$$

ein Marimum, und gwar

$$v = \frac{1 - (3 \cos \alpha)^2}{3 \sin \alpha \cos \alpha} \cdot c$$

mirb.

Der Wirkungsgrad des Schraubenrades ift:

$$\eta = \frac{Rv}{Pc} = \frac{v \cos \alpha}{c \sin \alpha} = \frac{v}{c} \cot \beta = \frac{1}{1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (\cos \alpha)^2}}}.$$

Er fallt um fo größer aus, je naher v colg. a ber Ginbeit tommt, je weniger also v von c tang. a abweicht, oder je kleiner $\frac{\zeta F}{F_- F_-}$ (cos. a)3, je größer also bas Flachenverhaltniß $rac{F_1}{F}$ und je tleiner ber Steigwintel lphaift. Uebrigens lagt fich bas Arbeitsquantum biefes Rabes gang auf gleiche Beife wie bas bes Schaufelrades ausbruden, indem man in

 $L = Pc = Rc tang. \alpha = Wc tang. \alpha = \xi \frac{v^2}{2a} F \gamma c tang. \alpha$ ben oben gefundenen Werth fur c einfest. Es folgt bann:

$$L = \xi \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 F_1 (\cos \alpha)^3}}\right) \frac{v^3}{2g} F_{\gamma} = \xi \frac{c}{v} tang. \alpha \cdot \frac{v^3}{2g} F_{\gamma}.$$

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe borigontalen Wegen. 761

ober, wenn wir wieder $\zeta \, rac{c}{v} \cdot rac{\gamma}{2 \, g} = \mu$ fegen:

Billgetrab.

$$L = \mu F v^{s} tang. \alpha$$
.

So lange nicht noch genauere und umfaffendere Berfuche vorliegen, muffen wir auch hier:

$$\xi = 0.0755$$
, und $\frac{c \ lang. \alpha}{v} = 1.40$

fegen, so daß, wie fur die Schaufelrader, μ tang. α im Mittel = 0,112 und $L=0,112~Fv^3$ Fußpfund folgt.

- §. 317. Bewegt sich bas Schiff nicht in stillstehendem Wasser, sondern Bugfren bat das lettere eine gewisse Geschwindigkeit ev, so hat man die relative Dampischiffe. Geschwindigkeit bes Schiffes:
 - 1) beim Sahren ftromaufmarte: v + w, unb
 - 2) beim Sahren ftromabmarts: v w.

Diese Werthe find benn auch in ben obigen Formeln statt v einzusehen. Wenn ein Dampfboot zum Schleppen ober Bugfiren (Remorquiren) eines anderen Schiffes angewendet wird, beffen Hauptquerschnitt F_2 und Widerstandscoefficient ξ_2 ift, so hat man naturlich:

$$W = \xi \frac{v^2}{2g} F_{\gamma} + \xi_2 \frac{v^2}{2g} F_2 \gamma = (\xi F + \xi_2 F_2) \frac{v^2}{2g} \gamma,$$

baber auch g. B. bei Unwendung von Schaufelrabern

$$\zeta_1 F_1 (c-v)^2 = (\zeta F + \zeta_2 F_2) v^2$$

zu fegen, fo daß hier:

$$c = v \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F + \xi_2 F_2}{\xi_1 F_1}}\right)$$
 iff.

Die Leiftung ift bann:

$$L = Wc = (\xi F + \xi_2 F_2) \frac{c}{v} \cdot \frac{v^3}{2g} \gamma = \left(1 + \frac{\xi_2 F_2}{\xi F}\right) \cdot \xi \frac{c}{v} \cdot \frac{v^3}{2g} F \gamma$$

$$= \mu (1 + \psi) F v^3,$$

wenn $\zeta \frac{c}{n} \frac{\gamma}{2g}$ durch μ und $\frac{\zeta_2 F_2}{\zeta F}$ durch ψ bezeichnet wird.

Damit ein Dampffchiff beim Schleppen eines anderen Schiffes mit ber vortheilhaftesten Geschwindigkeit $\left(\frac{c}{v}=1,4\right)$ arbeiten tonne, ist es folglich nothig, daß man daffelbe mit einer starteren Dampfmaschine verisieht, als wenn es allein ginge.

Wenn wir ferner noch Rudficht barauf nehmen, bag bas Gewicht ber Dampfmaschine und ber ftunbliche Aufwand an von dem Schiffe mit fortzunehmendem Brennmaterial mit der Leistung der Maschine zunimmt, so erhalt unsere Leistungsformel eine noch etwas andere Gestalt. Es sei

Bugfiren b die obere Breite und F der Inhalt des Hauptquerschnittes, sowie G der Durch Durch Inhalt der Schwimmflache des belasteten Schiffes ohne Dampfmaschine und ohne Brennmaterial, ferner sei das Gewicht der Maschine $=q_2L$, das Gewicht des Brennmaterialauswandes pr. Sec. $=q_3L$, also für die Fahrzeit von t Secunden: q_3Lt , endlich werde die Bergrößerung der Tauchung des Schiffes durch die letzten beiden Gewichte durch σ bezeichnet. Wir haben dann $(q_2+q_3t)L=G\sigma\gamma$, daher:

$$\sigma = \frac{(q_2 + q_3 t) L}{G \gamma},$$

woraus nun die entsprechenbe Bergroßerung bes hauptquerschnittes F:

$$= b \sigma = \frac{(q_2 + q_3 t) b L}{G \nu},$$

und baber:

$$L = \mu (F + b \sigma) v^{2} = \mu \left(F + \frac{(q_{2} + q_{3} t) b L}{G \gamma} \right) v^{2}$$

folgt, wonach sich

$$L = \frac{\mu F v^3}{1 - \mu (q_2 + q_3 t) \frac{b v^3}{G \gamma}}$$

ergiebt.

Der gange Arbeitsaufmand fur eine Fahrzeit von t Secunden und eine Strede s=vt Fuß ist:

$$Lt = L\frac{s}{v} = \frac{\mu F s v^2}{1 - \mu (q_2 + q_3 t) \frac{b v^3}{G v}}$$

Es ift hiernach zu ermeffen, baß es mechanisch unvortheilhaft ift, Schiffe mit großen Geschwindigkeiten fahren zu laffen.

Uebrigens ift nach bem Dbigen F aus der reinen Schiffslast Q und bem Schiffsgewichte $Q_1 = v Q$, durch die Ausbrucke:

 $Q + Q_1 = (1 + \nu) Q = \varphi a b l \gamma$ und $F = \alpha a b$ bestimmt, benn man hat hiernach:

$$F = \alpha \frac{Q + Q_1}{\varphi \, l \, \nu} = \frac{\alpha}{\varphi \, \nu} \, (1 + \nu) \, \frac{Q}{l} \cdot$$

Berbindung §. 318. Aus der mittleren Geschwindigkeit c eines Ruderrades und der Australie und der mittleren Halbmesser r desselben bestimmt sich die Anzahl seiner ver Danyl. Umdrehungen pr. Minute durch die bekannte Kormel:

$$u = \frac{30 c}{\pi r} = 9,549 \frac{c}{r}$$

Soll nun die Dampfmaschine birect, b. i. ohne ein Bahnrabvorgelege

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 768

nur mit Sulfe bes Aurbelmechanismus auf die Welle bes Ruberrades wir: Berbindung ten, fo hat man die Angahl ber Spiele einer Dampfmafchine pr. Minute

$$n=u=9,549\frac{c}{r}$$

zu fegen.

Bei Anwendung von Schaufelradern läßt fich biefe einfache Anordnung in der Regel bewerkftelligen; bei ben Schraubenrabern, welche bedeutend Eleinere Salbmeffer r erhalten muffen, fallt aber die Umbrehungezahl u fo groß aus, fo bag man gur Erzielung eines vortheilhaften Banges ber Dampfmaschine mittels eines Raberwerkes bie kleinere Umbrehungszahl n der Kurbelmelle in die großere Umbrehungszahl u des Ruderrades umfeten muß. Sehr oft umgeht man aber auch bei ben Schraubenrabern bas Borgelege gang, indem man die große Ungahl von Rolbenspielen burch angemeffene Berabziehung bes Rolbenhubes ermöglicht.

Ift n, die Anzahl ber Bahne bes Treibrades auf der Rurbelwelle und ng die Angahl ber Bahne bes Getriebes auf der Welle des Schraubenrades, so hat man:

$$\frac{u}{n}=\frac{n_1}{n_2}$$

Der Hub ober Schub s, bes Dampftolben ift naturlich ber boppelten Lange r_1 bes Rurbelarmes gleich, also $s_1 = 2 \, r_1$; ift folglich v_1 die mitts lere Rolbengeschwindigkeit, fo hat man bei einem Ruberrade ohne Borgelege:

$$\frac{r}{r_1} = \frac{2}{\pi} \quad \frac{c}{v_1}.$$

In ber Regel besteht die Umtriebsmaschine eines Ruberrades aus zwei Dampfmaschinen, welche, wie bei einem Dampfwagen, eine und bieselbe Rurbelwelle in Umbrehung fegen. Ift nun P bie reine Rraft einer folchen Maschine, so bat man folglich:

$$\frac{n}{60} 2P \cdot 2s_1 = \mu F v^3,$$

und baher:

$$P = \frac{60}{4ns_1} \, \mu \, F \, v^3 = \frac{15}{ns_1} \, \mu \, F \, v^3 = \frac{\mu \, F \, v^3}{2 \, v_1},$$

wonach fich nun die Dimenstonen ber Dampfmaschine berechnen laffen (siehe II., 6. 379 u. f. w.).

Beifpiel. Bei einem Dampfichiffe ift bie Lange ber Schwimmfiache, l = 144 guß, bie Breite berfelben, b = 1/2 l = 18 guß, und bie Tauchung, a = 0,2 b = 3,6 guß; ferner ber Coefficient β = 0,80 und ber Coefficient φ = 0,45; man fucht bie Rraft, welche nothig ift, um burch biefes Schiff je

Berbindung ber Ruber fi raber mit ber Pampfmaidine.

eine Conne, à 2000 Bfund, mit 12 Fuß Geschwindigkeit im ftillstehenden Baffer fortzubewegen. Es ift ber Inhalt bes Hauptquerschnittes:

 $F = \beta \ a \ b = 0,80 \ . \ 3,6 \ . \ 18 = 51,84 \ {\it Duabratfuß},$

bas Bolumen bes verbrangten Baffers:

V = p ab l = 0,45 . 3,6 18 . 144 = 4199 Cubiffuß, unb folglich bas gange Gewicht bes Schiffes:

$$V_{\gamma} = 4199$$
 . $66 = 277184$ Bfunb.

Diefes Schiff ift jebenfalls nur flein zu nennen, baber feten wir in ber Formel $L=\mu\,F\,{\rm e}^{2}$ für die mechanische Arbeit zu feiner Fortbewegung durch Dampstraft, für μ ben Maximalwerth 0,150 ein, so baß wir nun die Leiftung

L = 0,15 . 51,84 . 123 = 18436 Fußpfund = 26,35 Pferbefrafte

und die entsprechenbe Rraft $\frac{L}{L} = 1120$ Bfund erhalten.

Nehmen wir an, daß das Gewicht bes Schiffes mit Ausraftung 70000 Pfund, das Gewicht ber Dampfmaschine sammt Keffel und beffen Füllung 60000 Pfund und das nöthige Brennmaterial stündlich 300 Pfund, also für eine Fahrzeit von 8 Tagen im Ganzen 300 . 24 . 8 = 57600 Pfund, und im Mittel 28800 Pfund betrage, so erhalten wir die Nuplast:

$$Q = V\gamma - (70000 + 60000 + 28800) = 277134 - 158800$$

= 118884 Bfunb.

Es folgt hieraus bas Berhaltnig ber Bugfraft gur Ruglaft:

$$\frac{L}{Q_{p}} = \frac{1120}{118334} = \frac{1}{106}.$$

Es ist möglich, baß ber Dampswagenzug im Beispiel zu §. 296 ebenfalls eine Ruglast von 118334 Pfund mit sich fortnehme. Nehmen wir der Bergleichung wegen die Eisenbahnstrecke söhlig an, so haben wir hier bei 50 Fuß Geschwindigkeit die Zugkraft 2050 . 1/4 = 2562,5 Pfund, und folglich das Bershältniß berselben zur Ruglast:

$$\frac{L}{Qv} = \frac{2562,5}{118334} = \frac{1}{46};$$

also viel größer als bei bem obigen Transport burch bas Dampficiff. Bei 12 Fuß Geschwindigkeit ware allerdings nach ber letten Formel in §. 295 bie Bugstraft nur:

 $P + P_1 = \frac{9}{4}[(0.002679 + 0.000011741.144).217200 + 0.001307.160.144]$ = $\frac{9}{4}(0.00293.217200 + 0.2091.144) = 882.5$ \$\text{gunb},

und baher ihr Berhaltniß gur Ruglaft:

$$\frac{L}{Qv} = \frac{832,5}{118334} = \frac{1}{142},$$

alfo fleiner ale bei bem obigen Baffertransport.

Wenn baffelbe Schiff in einem Fluffe, beffen mittlere Gefchwindigfeit w = 3 Fuß ift, ftromauf mit v = 12 Fuß Gefchwindigfeit bewegt werben foll, so ift bie erforberliche Rraft:

 $P = \mu F (v + w)^2 = 0.15 \cdot 51.84 \cdot 15^2 \cdot 1 = 1750$ Pfund, die Arbeit:

$$Pv = 1750 \cdot 12 = 21000$$
, unb $\frac{L}{Qv} = \frac{1750}{118834} = \frac{1}{68}$.

Bon bem Fortschaffen ber Lasten auf ganz ober nahe horizontalen Bezen. 765

Die mittlere Umfangegeschwindigfeit ber Ruberraber im letteren Falle ift Berbindung c = 1,4 (v + w) = 1,4 15 = 21 Fuß, und nehmen wir ben mittleren raber mit Durchmeffer 2r eines Ruberraves = % ber Schiffshohe, = 3/4 ber Schiffsbreite ber Dampf-mafchine. b = 3/4 . 18 = 13,5 Fuß an, fo erhalten wir die erforderliche Umbrehungezahl ber Belle:

$$u = 9.549 \frac{c}{r} = 9.549 \cdot \frac{21 \cdot 2}{13.5} = 29.7,$$

wofür = 30 genommen werben fann.

Ferner ift
$$\frac{\zeta F}{\zeta_1 F_1} = \left(\frac{c}{v+w}-1\right)^2 = 0,4^2 = 0,16$$
, folglich ber Quers schnitt ber eingetauchten Schaufeln, $F_1 = \frac{\zeta F}{0,16 \ \zeta_1} = 6,25 \cdot \frac{\zeta}{\zeta_1} F$, also wenn wir hier $\frac{\zeta}{F} = 2 \cdot 0,0274 = 0,0548$ segen,

 $F_1 = 6,25 \cdot 0,0548 \; F = 0,3425 \; F = 0,3425 \; . \; 51,84 = 17,75 \;$ Quabratfuß, wofür 18 Quabratfuß angenommen werben foll.

Macht man nun bie bobe & einer Schaufel = 0.2 ihrer Breite bi, fo hat man biernach:

folglich:

$$b_1 = \sqrt{\frac{18}{0.4}} = \sqrt{45} = 6,71$$
, also in runber Bahl 6%, Bug,

unb

Rehmen wir bie mittlere Rolbengeschwindigfeit, nach II., S. 379, v, = 43 Boll an, fo erhalten wir ben Rurbelhalbmeffer:

$$r_1 = \frac{\pi v_1}{2 c} r = \frac{43}{12 \cdot 21} \cdot \frac{13,5 \pi}{4} = 1,809 \text{ Sub},$$

alfo ben Bub ber Dampfmafdine:

und die Kolbenfraft beiber Maschinen zusammengenommen:
$$Q = \frac{L}{r_1} = \frac{21000}{43} = 5860 \text{ Ffund.}$$

Dimmt man endlich noch an, bag geber Rolben mit ber mittleren Rraft von 4 Pfund pr. Duadratzoll Rolbenflache wirft, fo folgt der Inhalt einer Rolbenflace: $F_s = \frac{5860}{2 \cdot 4} = 785$ Quadraizoll, und folglich ber Durchmeffer berfelben d. = 30,6 Boll.

6. 319. Mahrend fich die Sohe ber Schaufelrader vorzüglich nach ber Muberraber. Sohe bes Schiffes außerhalb bes Baffers richtet, wird die Bohe ber Ruberraber burch die Tiefe ber Gintauchung bes Schiffes bestimmt. Es giebt Schaufelraber von 10 bis 30 Kug Durchmeffer, im Mittel aber nimmt man ben letteren = 3/2 ber gangen Schiffshohe. Die Schrauben- oder Klugelraber haben bingegen nur Durchmeffer von 4 bis 15 guf, und zwar meift nabe gleich ber Gintauchung ober Baffertracht. Je nach ber Bobe ber Schaufelraber ift bie Umbrehungegahl berfilben pr. Minute

Btuberrader. 6 bis 48; und aus demselben Grunde variirt auch die Umdrehungszahl der Schraubenrader zwischen 40 und 120. Die Anzahl der Schauseln eines Schauselrades richtet sich nach der Hohe desselben; nimmt man die außere Entsernung je zweier Schauseln von einander = 8 Kuß, so giebt der Durchmesser des Rades in Jußen beinahe die nothige Anzahl der Radsschauseln. Ein Flügel, oder Schraubenrad enthält jest meist zwei, drei oder vier Flügel. Im Mittel ist die Ganghobe der Schraubensläche, wosnach die Flügel gewunden sind, 1,25mal dem Durchmesser des Rades, und folglich der mittlere Steigwinkel a dieser Fläche (s. III., §. 135) durch

$$tang. \alpha = \frac{h}{2\pi r} = \frac{1,25}{3,14} = 0,40$$

bestimmt, wonach a = 23 Grab ausfällt.

Die Größe ber Schaufels und Flügelflächen ber Ruberraber ist naturlich burch die Größe bes Schiffswiderstandes oder durch die Starke ber Dampfmaschine bestimmt. Bei kleinen Flußschiffen nimmt man das Berhaltniß $\frac{F_1}{F}$ ber beiden eingetauchten Schaufelflächen zum Hauptquerschnitt des Schiffes nahe 0,4, und bei großen Seeschiffen nur circa 0,2.

Jedenfalls sind die langen und schmalen Rabschaufeln den kurzen und breiten vorzuziehen; bei schmalen Flußschiffen ist deshalb das Berhältnis der Schaufelbreite zur Schaufellange nur $^{1}/_{7}$ bis $^{1}/_{6}$, und bei breiten Seeschifffen $^{1}/_{5}$ bis $^{1}/_{4}$. Die Blätter oder Flügel der Schraubenrader haben mehr oder weniger die Formen von Kreissectoren, und nehmen, je nachdem ihre Anzahl kleiner oder größer ist, ein die zwei Orittel der Flane ihres Umdrehungskreises ein.

Das Verhältnis ber mittleren Geschwindigkeit c einer Radschaufel zu ber des Schiffes vift 1,25 bis 1,4; und das Verhältnis der mittleren Geschwindigkeit eines Radslügels in arieller Richtung zu der des Schiffes im Mittel 1,2. Man nennt die Differenz c tang. a — v = 0,2 den Rücklauf (engl. the slip) der Schraube. Es ist nicht immer ein Vorzug, wenn dieser Rücklauf sehr klein ausfällt, weil diese Kleinheit sehr gewöhntich ihren Grund in der unzwedmäßigen Form des Hinterschiffes hat. Wenn die Wasserlinien nach dem Hinterschiff nicht ganz scharf zulausen, so geräth das Wasser hinter dem Schiffe in eine bedeutende Vewegung, inz dem es den hinter dem Schiffe sie werdenden Raum ausfüllt, und dabei der Umdrehungsbewegung der Schraube entgegenwirkt. Dabei geht allerz dings auch ein Theil der Wirkung des Wassers auf das hinterschiff verz loren, welches wieder eine Vergrößerung des Schiffswiderstandes im Sanzen zur Folge hat. Bewegt sich das Wasser hinter dem Schiffe mit der Geschwindigkeit et in der Richtung des Schiffswiderstandes im Sanzen zur Folge hat.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf ganz ober nahe horizontalen Begen. 767 schwindigkeit, mit deren Quadrat der Widerstand des Wassers gegen bie Schraube proportional machit:

$$c_1 = c \ tang. \alpha + w - v,$$

und es fallt baher ber Rudlauf ber Schraube:

$$c \text{ tang. } \alpha - v = c_1 - w,$$

bei conftantem c_1 oder conftanter Dampstraft um so kleiner aus, je grösser die Geschwindigkeit des dem hinterschiffe nachströmenden Wassers ist. If w=c, so fällt natürlich der Rücklauf Null aus, und ist w>c, so wird derselbe sogar negativ.

Der Rudlauf ber Auberraber, und zwar nicht bloß ber Schrauben, sondern auch der Schaufelraber fallt besonders noch dann sehr klein aus, wenn die Schiffe durch die Damps und Windkraft zugleich in Bewegung gesett werden. If P die Windkraft, $P_1 = k_1 F_1 \ (c - v)^2$ die Kraft der Schaufelraber und $W = k F v^2$ der Widerstand des Schiffes, so has ben wir:

$$P+P_1=W$$
, b. i. $P+k_1\,F_1\,(c-v)^2=k\,F\,v^2$, und baher den Rüdlauf:

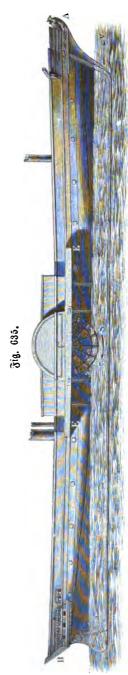
$$c-v=\sqrt{\frac{kFv^2-P}{k_1F_1}}.$$

Ware nun die Dampstraft, und also auch c — v constant, so murben c und v mit P wachsen; da aber die Kraft der Dampsmaschine sich um so mehr der Rull nahert, je größer c wird, so giebt es bei einer sehr großen Windkraft eine Geschwindigkeit:

$$c=v=\sqrt{\frac{P}{kF}},$$

bei welcher ber Wind die alleinige Triebtraft ift. Um in ben Fallen, wenn in Folge ber Wind- ober Segeltraft die Geschwindigkeit c eine ungewöhnslich große wird, die Dampstraft nicht unzwecknäßig ober gar unnüt zu verwenden, versieht man die Ruberrader mit einer Ein- und Ausruckvorzichtung (f. III., §. 202), wodurch die Verbindung der Ruderrader mit der Dampsmaschine ganz ausgehoben werden kann. Sowie das Ausrucken des Ruderrades erfolgt ist, nimmt dasselbe eine Umdrehungsgeschwindigkeit c an, welche der Schiffsgeschwindigkeit v fast gleichkommt.

§. 320. Bei ber Conftruction ber Schaufelraber find mannigfaltige Beranberungen versucht worben, man ist jedoch immer wieder zu ber gewöhnlichen einfachen Form berselben zuruckgekehrt, wobei die holzernen Schaufeln in radialer Richtung zwischen zwei eifernen Reifen auf ben Enben ber eifernen Radarme befestigt sind. Die untere Salfte eines solchen Comfet.



Schaufelrades führt bas in Fig. 635 abgebilbete Dampfichiff AB vor Augen. Die Are C, um welche fich bas Rab breht, ift von bem halbereisformigen Rabtaften D, welcher auf bem Rabgestelle EE ruht, verbedt. Babrend bas Rab in ber Richtung bes Pfeiles umgebreht wird und die Schaufeln S beffelben mit ber Geschwindigfeit c gegen bas Baffer ichlagen, bewegt fich bas Schiff in ber umgefehrten Richtung mit ber Gefchwin-Da bas Rab mit bem digfeit v fort. Schiffe zugleich fortgeht, fo bewegen fic bie Schaufeln beffelben in einer Epcloide, und zwar nicht in einer gemeinen Epcloide, fonbern in einer verfurzten Epcloibe ABDEFBG, Fig. 636, weil bie Umbrehungegeschwindigkeit c ber Schaufel A größer ift als bie forts fcreitende Gefchwindigfeit v derfelben. biefe Curve zu conftruiren, gieben mir gunachft burch bie Mitte K ber unterften Rab: schaufel eine Sorizontale, und tragen bierauf ben Weg $KE = \frac{v}{c}$ mal Halbfreis AHK

c

= $\frac{v}{c} \cdot \pi a$ auf, um welchen sich das Rad horizontal fortbewegt, während es eine halbe Umbrehung macht, während also auch die Schaufel A nach E kommt. Nun theilen wir den mittleren Schaufelkreis AK in gleiche Theile, führen durch die Theilpunkte 1,2,3... desselben ebenfalls Horizontalen, und tragen auf dieselben die entsprechenden Wege des Rades in gerader Linie, also 3. B.:

1
$$\alpha = \frac{\mathfrak{Bog.} \ A1}{\mathfrak{Halbtr.} \ AK} \ KE = \frac{1}{6} \ KE$$
,

2 $\beta = \frac{\mathfrak{Bog.} \ A2}{\mathfrak{Halbtr.} \ AK} \cdot KE = \frac{2}{6} \ KE$,

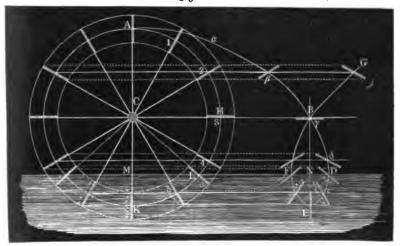
3 $\gamma = \frac{\mathfrak{Bog.} \ A3}{\mathfrak{Halbtr.} \ AK} \cdot KE = \frac{3}{6} \ KE$

u. s. w. auf; bie sich baburch ergebenben Punkte $\alpha, \beta, \gamma, \delta, \varepsilon$ u. s. w. liegen in ber

Bon bem Kortschaffen ter Lasten auf ganz ober nabe horizontalen Begen. 769 gesuchten Cycloide. Zieht man nun noch durch diese Punkte Parallelen zu den entsprechenden Rabhalbmessern, so erhalt man durch sie auch die Richtung, welche jede Schaufel in ihrer jedesmaligen Stellung einnimmt.

Zdaufel. raber.

Rig. 636.



Aus dem mittleren Rabhalbmesser CA=CK=a und dem Umsbrehungswinkel $ACL=\varphi^0$, ergiebt sich der entsprechende Umbrehungssbogen $AHL=a\,\varphi$, ferner die Abscisse des entsprechenden Epcloidenstogens ABD:

$$x = AM = AC + CM = a (1 - \cos \varphi),$$

und die zugehörige Orbinate :

ø

il

$$y = MD = ML + LD = a \sin \varphi + \frac{v}{c} a \varphi = a \left(\sin \varphi + \frac{v}{c} \varphi\right).$$

Um nun die Puntle D und F zu finden, wo die Schaufel vertital ab-

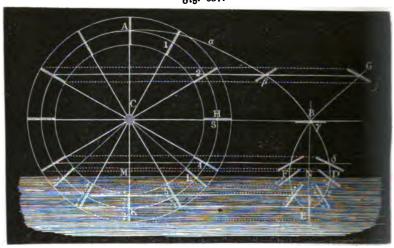
und aufsteigt, machen wir $cos. \varphi = -\frac{v}{c}$. Den dadurch bestimmten

Umdrehungswinkeln entspricht ber Maximalwerth MD und der Minimalwerth MF ber Ordinate y, und zieht man nun beide Werthe von einander ab, so erhalt man ben größten Weg FD, welchen eine Schaufel unster dem Wasser in horizontaler Richtung zurücklegen kann. Die Hohe EN der eminenten Punkte D und F über dem Fußpunkte E der Schaufelbahn ist:

$$z = MK = CK - CM = a (1 + \cos \varphi) = \frac{c - v}{c}a.$$

Da der horizontale Component der Umdrehungsbewegung der Schaufeln III. 49

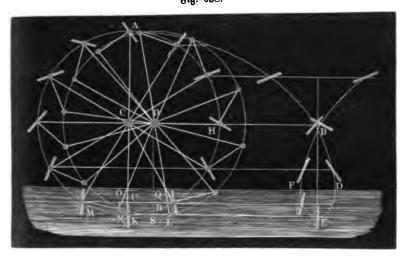
Echauseltäter nur unterhalb D und F ber fortschreitenden Bewegung bes Schiffes ents gegengeseht ist, so findet auch nur bei Durchlaufung bes Weges DEF eine nühliche Wirkung ber Schaufeln statt, und man soll daher das Rad Kia. 637.



nie so tief in das Wasser eintauchen, daß die Punkte D und F unter bie Oberstäche besselben zu liegen kommen. Bei einer größeren Eintauchung, wie sie etwa vorkommt, wenn das Schiff übermäßig belastet ist, schlagen die Schaufeln beim Ein= und Austritt aus dem Wasser mit der Rückseite gegen das Wasser, wodurch also ein Theil der Kraft wieder verloren geht, welcher während Durchlaufung des Weges DEF gewonnen wird.

Bei ber radialen Schaufelstellung, wie wir sie im Vorstehenden vorausgeseth haben, treten die Schaufeln, zumal wenn sie tief ins Wasser eintauchen, bedeutend schräg in das Wasser ein, und aus demselben Grunde schieben sie das Wasser nicht bloß horizontal, sondern auch geneigt, und zwar beim Eintritt in das Wasser nach unten, und beim Austritt aus demselben nach oben vor sich hin, wobei also auch das Wasser nicht bloß horizontal, sondern auch vertikal auf- und abwarts auf das Schiff zuruckwirkt. Hierbei sindet naturlich nicht bloß eine unvollkommene Krastebenuhung statt, sondern es wird auch dadurch das Schiff in zitternde Bewegung versett. Um diese Uebelstände der Ruberräder zu beseitigen, hat man denselben drehbare Schaufeln gegeben, welche sich bei ihrer Bewegung im Wasser in ganz oder beinahe vertikaler Stellung erhalten. hierher gehören vorzüglich die Räder von Buchanan und Morgan. Die wesentliche Einrichtung eines solchen Rades ersieht man aus Fig. 638. A HK ist wieder das um die Are Cumlaufende Rad; jede Schausel des

Bon bem Fortschaffen ber Lanen auf gang ober nabe horizontalen Wegen. 771 felben hat in ihrer Mitte eine horizontale Are, wie z. B. K, und einen emaufertaber. Arm KL, bessen Enbe L durch ein Charnier mit einem anderen Rade verbunden ist, welches eine besondere Drehungsare D und mit dem Schau= Kia. 638.



felrade gleiche Höhe hat. In Folge dieser Berbindung der beiden Råder wird nun das eine durch das andere zugleich mit in Umbrehung geset, wobei die Schaufelarme zwar nach und nach andere Richtungen annehmen, jedoch nahe am Radtiessten ziemlich horizontal bleiben, wenn ihre Långe l die Ercentricität CD nicht viel übertrifft. Besestigt man dann die Schauseln so auf ihre Umdrehungsaren, daß ihre Ebenen rechtwinkelig gegen die Arme derselben stehen, oder daß jede Schausel in ihrer untersten Stellung eine vertikale Lage annimmt, so wird sie dann auch bei den übrigen Stellungen unter Wasser noch ziemlich vertikal bleiben. Uebrigens durchläuft natürlich auch hier die Schauselare eine Excloide ABDEF, wovon nur ein gewisser Bogen DEF unter Wasser liegt. Hat sich die Schauselare M von dem Fußpunkte K aus um den Drehungswinkel $MCK = \varphi$ entsernt, so nimmt die Neigung des Schauselarmes MN gegen den Horizont einen Werth $NMO = \psi$ an, welcher durch den Ausbruck $\sin \psi = \frac{NO}{MN}$ bestimmt wird.

Run ift aber:

$$MN = l$$
 und
 $NO = RQ = SQ - SR = KU - SR$,

annahernb:

772

3meite Abtheilung. Erfter Abichnitt. Drittes Rapitel.

€daufel.

$$= \frac{\overline{MU^2}}{8a} - \frac{\overline{NR^2}}{8a} = \frac{(a \sin \varphi)^2 - (a \sin \varphi) + e - l)^2}{8a}$$

$$= \frac{2(l-e) a \sin \varphi - (l-e)^2}{8a},$$

daher folgt:

$$\sin \psi = \frac{(l-e)\sin \varphi}{4l} - \frac{(l-e)^2}{8al} = \frac{l-e}{4l} \left(\sin \varphi - \frac{l-e}{2a}\right).$$

Es fallt also die Neigung der Schaufelarme gegen den Horizont, und folglich auch die Abweichung der Schaufelebenen von der Vertikalen um so kleiner aus, je kleiner nicht allein der Drehungswinkel φ , Fondern auch je kleiner das Verhältniß $\frac{l-e}{l}$ ift. Für $\varphi=0$ hat man hiernach:

$$\sin \psi = -\frac{(l-e)^2}{8 l a};$$

bamit folglich die Schaufel bei ihrem tiefsten Stande vertikal stehe, muß ihre Ebene um den Winkel $90^{\circ}-\psi$, wo ψ burch' die lette Formel zu bestimmen ist, von der Richtung ihres Armes abweichen.

Anmerfung. Bei ben Schaufelrabern von Fielb ift jebe Schaufel aus mehreren schmaleren Theilen zusammengeset, welche ftufenformig, und zwar in einem Cheloibenbogen hinter einander ftehen und schmale Zwischenraume zwischen sich lassen. Man hat durch diese Schauselconstruction das Stauchen der Schauseln beim Gins und Austritt aus dem Wasser befeitigen wollen. Es ift dies jedoch sehr unvollsommen gelungen; und vielmehr die Leistung der Ruderrater dadurch, wie es scheint, etwas herabgezogen worden. Mit Bortheil wendet man dagegen, vorzüglich in Amerika, Auberrader an, welche durch ein mittleres Armschitem in zwei gleiche Theile getheilt werden, deren Schaufelungen gegen eins ander so versetz find, daß je eine Schaufel der einen Abtheilung mit der Mitte der Erheilung zwischen je zwei Schaufeln der anderen Abtheilung zusammenfallt. Hierdei erhalten die mittleren Radarme eine solche Breite, daß sich die Schausseln der einen Abtheilung auf der einen und die der anderen Abtheilung der der einen Beteite derselben befestigen lassen.

Andere Aenderungen, welche man an der Construction der Schaufelrater versucht hat, erstreden sich bloß auf die Form der Schaufeln. Rach den Berzsuchen des Amerikaners Ewdank sollen namentlich trianguläre Schaufeln, deren Spisen der Radare zugekehrt sind, doppelt so viel leisten als rectanguläre von gleichem Flächeninhalte. Näheres hierüber s. The steam engine dy Tredgold, Vol. III., London 1852.

Edrauben.

§. 321. Die Schaufelraber vereinigen mehrere Nachtheile in sich, welche burch Anwendung der Schraubenraber vermieden werden konnen. Die Schaufelrader zu beiden Seiten des Schiffes erschweren nicht allein die Wendung, sondern auch die Durchfahrt des Schiffes durch enge Fahrwasser, und sind überhaupt den Zerstörungen weit mehr ausgesetzt als die viel kleineren und ganz unter Wasser befindlichen Schraubenrader, die

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 778

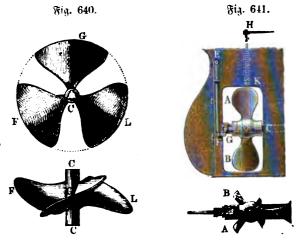
bafur aber auch einen viel großeren Tiefgang bes Schiffes erfordern und Sarauben. eben beshalb nur bei Deerschiffen in Anwendung tommen. Der wichtigfte Rachtheil ber Schaufelraber befteht barin, bag bie Wirkung berfelben nur bei einer gemiffen Gintauchung und alfo auch nur bei einem gewiffen Tiefgang bes Schiffes eine vortheilhafte ift, bag biefelbe nicht bloß fleiner ausfallt, wenn bie Schaufeln nur jum Theil, fonbern auch wenn biefelben zu tief in bas Baffer eintauchen. Deshalb tonnen alfo bie Schaufelraber nicht mit Bortheil arbeiten, wenn die Belaftung eines Schiffes variabel ift, mas 3. B. in bebeutenbem Maage eintritt, wenn bas Schiff auf einer großeren Reise ben Brennmaterialbebarf mit fich fortnehmen muß. Der Effect ber Schraubenraber ift bagegen von bem Tiefgang bes Schiffes gar nicht abhangig, und überhaupt, unter übrigens gleichen Berhaltniffen, größer ale ber ber Schaufelraber. Man hat ben Schraubenrabern nach und nach fehr verschiebene Formen gegeben. Das erfte Schraubenschiff, ber "Archimebes", erbaut 1840 von bem Englander Smith, bestand aus einer Schraube mit einer einzigen Windung von 360 Grab; fpater conftruirte man aber mit Bortheil Schrauben mit zwei Windungen zu je 180 Grad, wie z. B. A, Fig. 639. Ericfon u. A.





construirten Ruberraber mit feche aus bem Umfange eines Ringes berporftebenben ichraubenformigen Alugeln von je nur 30 Grab, und in ben neuesten Beiten conftruirt man Schraubenraber mit zwei bis vier Flugeln. Die porbere Unficht und ben Grundrif eines folchen breiflugeligen Rabes FGLC führt Fig. 640 (a. f. S.) vor Mugen; Die Seitenansicht und ben Grundriff eines zweiflugeligen Rabes von Maudelap zeigt Sig. 641 (a. f. S.). Die Rlugel A und B laffen fich hier burch einen befonderen Bebelmechanismus EFG u. f. w. mit ihren zapfenformigen Stielen in bem Muffe breben, welcher auf der Welle C festsit. Um nun bei Benugung der Binderaft nicht bas gange Rab aus ber Berbinbung mit ber Triebwelle bringen zu muffen, hat man bier nur nothig, burch ben ange-

Edrauben. råber. beuteten Mechanismus die Flugel so zu breben, daß fie nahe die Arenriche tung bes Schiffes annehmen; und um die Flugel in diefer Lage zu erhalten, lagt man noch die am Ende eines fentrechten Stieles HK anger



brachte Klammer K herab, und erfaßt damit den einen Flügel an seinem außersten Ende. Das Flügels ober Schraubenrad hat vor dem Schausels rad das voraus, daß bei demselben die Wirkung der Flügel auf das Wasser eine continuirliche und folglich bei gleicher Fläche eine größere ist als bei den Schauselrädern (vergl. den Artikel Windrader in II., §. 246). Desshalb ist denn auch die Größe sammtlicher Flügelstächen kleiner als die sammtlicher Schauseln eines Schauselrades, und folglich dei gleicher Leistung ein Flügelrad viel kleiner als ein Schauselrad. hierzu kommt natürlich noch, daß bei den Flügelrädern die nachtheiligen Wirkungen beim Ein zund Austritt der Schauseln aus dem Wasser ganz wegfallen.

Um mit möglichster Scharfe die Wirkung bes Schraubenrades mittels ber Formel fur die Arenkraft:

$$P = 3 \frac{(c \sin \alpha - v \cos \alpha)^{3}}{2 g} F_{\gamma} \cos \alpha \text{ (f. II., §. 257)}$$

zu finden, bedarf es noch einer besonderen Integration, da die Geschwindigkeit c des Rades in verschiedenen Entsernungen von der Are verschieden ist. Ift ω die Winkelgeschwindigkeit des Rades, und z der Abstand eines Flügelelementes von der Umdrehungsare, so haben wir dessen Geschwindigkeit $c=\omega z$, und ist r der außerste Radhalbmesser, sowie h die außerste Schraubenganghohe, so hat man nach \S . 135:

$$tang. \alpha = \frac{h}{2 \pi z}$$
, und baher: $c tang. \alpha = \frac{\omega h}{2 \pi}$.

Bon bem Fortichaffen ber Laften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 775

Run ift, wenn wir die obige Formel nur auf ein Element der Flache Caraubenrader. anwenden:

$$dP = \frac{3\gamma}{2\alpha} \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v \right)^2 (\cos \alpha)^3 dF$$

ober, da

$$dF \cdot \cos \alpha = dG$$
,

b. i. die freisformige Projection ber Schraubenflache rechtwinkelig gegen bie Umbrehungsare ausbrudt:

$$dP = \frac{3\gamma}{2g} \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v \right)^2 (\cos \omega)^2 dG.$$

Das Clement dG ift ein schmaler Rreisting vom Halbmeffer z, von einem gegebenen Centriwinkel β^0 und von der Breite dz, daher:

$$dG = \beta z dz$$

ober, ba aus bem Dbigen

$$z = \frac{h}{2\pi} cotg. \, \alpha$$
, und hieraus wieder $dz = -\frac{h \, d \, \alpha}{2\pi \, sin. \, \alpha^2}$ folgt,
$$dP = -\frac{3 \, \gamma \, \beta}{2 \, g} \left(\frac{h}{2 \, \pi}\right)^2 \left(\frac{\omega \, h}{2 \, \pi} - v\right)^2 (cotg. \, \alpha)^3 \, . \, d \, \alpha.$$

Nun ift:

$$\int (\cot g.\alpha)^8 \ d\alpha = -\frac{1}{2 \sin \alpha^2} - Ln. \sin \alpha,$$

folglich:

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\alpha} (\cos g. \alpha)^3 d\alpha = \frac{1 - \sin \alpha^2}{2 \sin \alpha^2} + Ln. \sin \frac{\pi}{2} - Ln. \sin \alpha$$

$$=-\frac{(\cot g.\alpha)^2}{2}-\text{Ln. sin. }\alpha,$$

baher bie ganze Kraft bes Flugelrabes:

$$P = \frac{3\gamma\beta}{2g} \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v\right)^2 \left(\frac{(\cot g \cdot \alpha)^2}{2} + Ln. \sin \alpha\right).$$

Ferner ift ber Inhalt ber Flugelprojection winkelrecht zur Are:

$$G = \beta \int z \, dz = \frac{\beta z^2}{2} = \frac{\beta}{2} \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 (cotg. \alpha)^2;$$

daher lagt fich auch

$$P = \frac{3\gamma\beta}{2g} \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v\right)^2 \frac{2}{\beta} \left(\frac{2\pi}{h}\right)^2 (tang.\alpha)^2 \left(\frac{(cotg.\alpha)^2}{2} + Ln.\sin.\alpha\right) G$$

$$= \frac{3\gamma}{2g} \left(\frac{\omega h}{2\pi} - v\right)^2 \cdot [1 + 2 (tang.\alpha)^2 Ln.\sin.\alpha] \cdot G$$

fegen.

Edrauben. Führen wir jest $c=\omega r$ und lang. $\alpha=\frac{h}{2\pi r}$ ein , wobei wir r und α auf ben außersten Radumfang beziehen, so erhalten wir :

$$P = \frac{3 \gamma}{2 g} (c \, tang. \, \alpha - v)^2 \left[1 + 2 \, (tang. \, \alpha)^2 \, Ln. \, sin. \, \alpha \right] \, G.$$

Bezeichnen wir nun 3 [1 + 2 (tang. α)2 Ln. sin. α] burch ζ_1 , so et: giebt sich:

$$P = \zeta_1 \frac{(c \ lang. \alpha - v)^2}{2 g} G_{\gamma};$$

und ba nun noch P= bem Wiberstande $\xi \, \frac{F \, v^2}{2 \, g} \, \gamma$ bes Schiffes gleich ju sehen ift, so folgt:

$$c \ tang \ \alpha - v = v \sqrt{\frac{\zeta F}{\xi_1 G}},$$

baher:

c lang.
$$\alpha = v \left(1 + \sqrt{\frac{\zeta F}{\xi_1 G}}\right)$$
.

und folglich die erforderliche Arbeit bes Ruberrades:

$$L = P c tang. \alpha = \xi \frac{F v^2}{2g} \gamma \cdot v \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 G}} \right)$$
$$= \xi \frac{F v^3}{2g} \gamma \left(1 + \sqrt{\frac{\xi F}{\xi_1 G}} \right).$$

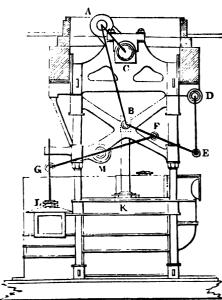
Pampficiffe.

6. 322. Die Dampfmaschinen, welche zur Bewegung ber Dampfschiffe bienen, sind in ber Regel gewöhnliche Batt'sche Maschinen mit Condenfation; jeboch wendet man auch gur Erzielung eines kleineren Gewichtes in neuerer Beit Sochbruckmaschinen an. Da biese Maschinen teine Anwendung eines Schwungrabes gestatten, so lagt man fie in ber Regel aus zwei Dampfenlindern bestehen, und giebt ber nahe unter bas Berbeck gu legenden Welle für jeden Dampftolben eine besondere Aropfung. Um eine möglichst gleichformige Umbrehungebewegung zu erzielen, lagt man Die Warzen der beiden Kröpfe oder Krummzapfen genau wie bei der Treibare eines Dampfmagens um 90 Grab von einander abstehen. Beschränktheit des Raumes und um auch eine größere Anzahl von Spielen ober Umbrehungen zu erhalten, giebt man ben Schiffsmaschinen immer einen fleinen Bub, ber vielleicht noch nicht einmal ber Cylinderweite gleich Die ersten Schiffsmaschinen waren Balanciermaschinen. bas Berbed frei zu laffen, mußten bie Balanciers unter ber Belle, und zwar nahe uber bem Schiffsboden gelagert werben, und um bie Rolben= stange mittels der bekannten Gerabführung (s. Fig. 271, §. 130) zu beBon dem Kortschaffen ber gaften auf gang ober nahe horizontalen Begen. 777

wirken, war es auch nothig, jeden Balancier aus zwei gleichen, um eine Dampffolische gemeinschaftliche Are schwingenden und den Dampfcplinder zwischen sich sassen. In den neueren Beiten wendet man aber meist nur direct wirkende Maschinen an, wobei man circa ein Drittel des Raumes und zwei Kunftel des Gewichtes erspart.

Sehr mannigfaltig sind die direct wirkenden Maschinen. Sie sind ente weder solche mit feststehenden, oder solche mit schwingenden Cylindern. Bei den letteren wird die Aurbelwalze unmittelbar von dem Kopfe der Kolbenstange ergriffen, und bei den ersteren wird die Berbindung der Kolbenstange mit der Kurbel durch eine Kurbelstange bewirkt. Hierbei ist naturlich eine besondere Senkrechtsührung nottig, welche, wie wir aus §. 121 u. s. w. wissen, ente weder aus einem Hebelmechanismus, oder aus einem festen Leitungsrahmen bestehen kann. Die oscillirenden Dampsmaschinen von Penn, bei welchen der Dampf durch die hohle Schwingungsare zu und abgeführt wird, und die Kolbenstangen außer den Stopfbüchsen ohne eine weitere Gerabführung auf die Krummzapsen wirken, haben eine allgemeine Verbreitung erlangt. Bei den Maschinen mit sesssenden Cylindern wird das aus





6. 133 befannte Princip ber Generechtführung mit einem ichwingenben Erager febr gewohnlich angewenbet. Die Stigge einer folden Mafchine von Kair= bairn u. Comp. fuhrt Rig. 642 por Mugen. Es ift hier C bie Rurbelwelle, A die Rurbelmarge, AB die Rurbelftange, BK die Rolbenstange, ferner DE ber um die Are D fchwingende Trager, und MF der um M schwingende Lenfarm, welcher bas Be-(enf BE in F und bie Rolbenstange G L ber Luft= und Warmmafferpumpe in G ergreift. Auch man bei biefen birect mir-

kenden Maschinen das in §. 122 behandelte und durch Fig. 254 illusstrirte Princip mit hohler Kolbenstange angewendet. Um durch biese hohle Kolbenstange so wenig wie möglich an Kolbenstade zu verlieren, ist

Dampffaiffs bei ben Maschinen von Mr. humphry ber Querschnitt berfelben langlich geformt worden.

Schr mannigfach find die direct wirkenden Maschinen mit festen Leitungen. Bei den Maschinen von Rennie, Burp zc. laufen die Leitungen an den Seiten des Dampscylinders herab, und bei der Maschine von Maudblay und Field liegen sie zwischen zwei Dampscylindern, deren Kolbenstangen durch ein Tformiges Querhaupt zusammengekuppelt sind, und folglich auch gemeinschaftlich auf und niedergehen. Der Leitungsblock, welcher das Ende der Aurbelstange mit dem Querhaupte verbindet, sitt hier am vertikal herabhangenden Stiele des letteren.

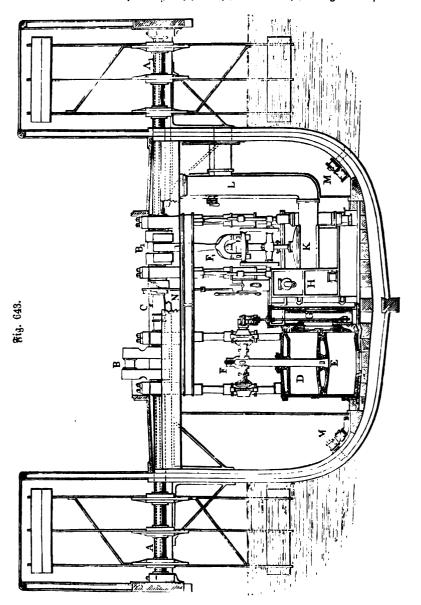
Wenn man endlich die Dampftolben mit zwei ober vier Kolbenstangen ausrustet, so kann man den Krummzapfen dicht über den Dampfcylinder legen, wodurch natürlich eine bedeutende Höhe für diese Cylinder gewonnen wird. Es kommt dann das Querhaupt der Kolbenstangen, und dessen aus cylindrischen Stangen bestehende Führung über die Welle, und folglich auch über das Verdeck zu liegen. Diese Maschinen kommen sehr gewöhnzlich auf den Dampsschiffen vor, welche auf dem Clyde sahren, und sind unter dem Namen stoeple-engines bekannt.

Meist ganz abweichend hiervon sind die nordamerikanischen Dampfschiffsmaschinen. Diese arbeiten mit einem enormen Dampfbruck von vielleicht 100 Pfund pr. Quadratzoll, befinden sich über dem Verbeck und haben oft nur einen Cylinder und einen sehr großen Kolbenhub von 10 Fuß.

Die wesentliche Einrichtung einer Dampsschiffsmaschine ist aus bem Querschnitt in Fig. 643 zu ersehen. Es ist hier ACA_1 die Triebwelle mit den beiden Ruberradern A, A_1 und den Krummzapsen B, B_1 . Fersner sieht man in D den einen Dampschlinder, sammt seiner Koldenstange EF und dem Querhaupte F der letteren. Die Kurbelstange zwischen BF ist abgenommen, dagegen ist aber die Kurbelstange B_1F_1 der anderen Maschine vollständig sichtbar. Noch sieht man in dieser Abbildung dei G den Durchschnitt der Dampstammer des einen Cylinders, in K das Aeußere des Condensators, in E das der Lustz und Warmwasserpumpe, in E das hierzu gehörige Austragerohr, in E das Maschine zum Einz und Auslassen des Condensations und Kesselwassers, in E das eine Ercentrit u. s. Die Gerabsührungen dieser Maschinen sind genau wie Fig. 642 andeutet.

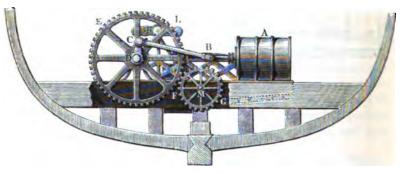
Bur Umbrehung ber Schraubenraber wendet man am einfachsten birect wirkende Dampfmaschinen mit horizontal liegenden Cylindern an. Um dieselben pr. Minute 80 bis 90 Spiele machen lassen zu können, ist es nothig, ihren Schub auf das Minimum zu beschränken. Wenn nun auch durch diese große Anzahl von Spielen die Dampstraft nicht ansehnlich hers abgezogen wird, so ist es jedoch ganz unvortheilhaft, die Luste und Warms

Eon bem Fortschaffen ber Lasten auf gang ober nahe horizontalen Begen. 779 wasserpumpe mit so großer Geschwindigkeit arbeiten zu lassen. Aus diesem Tampsschiffen. Grunde leistet man hier entweber auf die Condensation ganz Berzicht, ober man reducirt durch eine Zwischenmaschine die Geschwindigkeit dieser



Dampffaise. Pumpe, ober man läßt bieselbe burch eine besondere Dampsmaschine in Bewegung sehen. In mechanischendicher Beziehung ist es allerdings vortheilhafter, die Dampsmaschine nicht unmittelbar auf die Triebwelle wirken zu lassen, sondern ein Zahn- oder Riemenradvorgelege anzuwenden, welches bewirkt, daß die Radwelle in derselben Zeit zwei- die dreimal so viel Umdrehungen macht als die Kurbelwelle. Einen solchen Umtriebsmechanismus, und zwar mit Zahnradvorgelege, sieht man in Kig. 644.

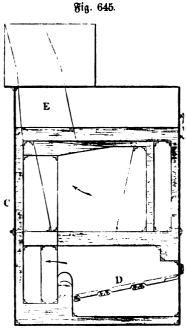
Fig. 644.

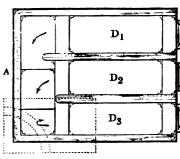


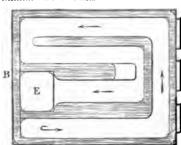
Es ist hier A ber Dampscylinder, BC die Kurbelstange und CD ber Krummzapfen. Auf ber Welle D des letteren sitt das Jahnrad EF, und dieses greift in ein kleineres Jahnrad FG ein, welches auf der Welle M des Schraubenrades befestigt ist. Noch sieht man in KL einen Hebel, durch welchen die Luft: und Warmwasserpumpe mit der Kurbelwelle in Verbindung gesett wird.

Ediffe. bampfteffe §. 323. Die Dampfkessel ber Schiffsmaschinen sind naturlich so zu construiren, daß sie nicht allein möglichst leicht ausfallen, sondern auch möglichst wenig Raum einnehmen. Der Heerd eines solchen Kessels läßt sich naturlich nicht aus Steinen ausmauern, sondern er ist, wie bei einem Dampswagen, aus Blech herzustellen, und mit dem eigentlichen Kessel zu einem Ganzen zu verdinden. Es befindet sich deshalb der Brennheerd im Innern des ganzen Kessels selbst und es sind zur Berhütung der Feuersgesahr und zur Erzeugung einer möglichst großen Erwärmungsstäche die Heizcanale von allen Seiten mit Wasser zu umgeden. Statt der Kessel mit gewöhnlichen Heizcanalen wendet man auch jeht häusig, zumal bei Hochdruckmaschnien, sogenannte Röhrenkessel an (s. II., §. 300). Die lehteren nehmen mindestens nur 3/4 mal so viel Raum ein als die ersteren und sind auch um ein Viertel leichter als diese. Die Peizs oder Feuercanale haben einen mehr oder weniger rectangulären Quer-

Ben bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe berigontalen Begen. 781







schnitt und sind anderthalb= bis dreis mal so hoch als weit, die Heizs oder Feuerröhren sind 8 bis 10 Fuß lang und 3 Zoll weit, und ihre Anzahl ist 300 bis 400. Während die Wasserräume bei den Kesseln mit Heizcandlen 5 bis 6 Zoll weit sind, giebt man den Heizröhren nur 1 Zoll Abstand von einander.

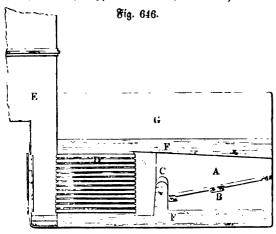
Reffel für größere Dampfichiffe erhalten zwei Stagen über einanber, fo bag bie marme Luft erft bie Buge in ber einen und bann bie in ber anderen durchläuft. In Rig. 645 fieht man in A ben Sorizontals burchschnitt ber unteren und in B ben ber oberen Stage, sowie in C ben vertikalen gangendurchfchnitt eines folden Reffele. Bier folche Reffel mit 12 Brennheerben haben eine gemeinschaftliche Effe. Den Weg, welchen bie warme Luft von ben Brennheerben D1, D2, D3 bis gur Effe E macht, erfieht man aus ben Richtungen ber beigefügten Pfeile.

Die Einrichtung eines Röhrenstessels für Dampfschiffe läst sich aus bem vertikalen Längendurchschnitt ABCDE, Fig. 646 (a. f. S.), eines solchen Ressels entnehmen. Es ist hier A ber Brennheerb, B ber Rost, C die Feuerbrücke, D ber Röhrenapparat, E bie Esse, FF ber Wasser und G ber Dampfraum. Auch hier bilben vielleicht brei Brennheerbe einen Kessel, und vier solche wieder ein Ganzes mit gemeinsschaftlicher Esse.

Was die letteren anlangt, fo find biefelben aus Eifenblech und haben eine Hohe von 20 bis 40 Fuß.

Ediffe.

€diffs. dampfleffel. Man versieht biefelben entweber mit einen Charniere, um fie beim Durch- fahren unter Bruden nieberlegen zu konnen, ober man giebt ihnen eine perspectivahnliche Einrichtung, indem man fie aus mehreren einander um-



faffenben Rohren bestehen lagt, welche fich in = und auseinander verschieben laffen.

- S. 324. Ein wesentlicher Uebelstand entspringt bei den Seedampsschiffen Refelrafferd. aus dem Gebrauch des eine bedeutende Menge alkalischer Substanzen (3,2 bis 3,8 Procent) enthaltenden Seewassers. Während die Hitz einen Theil des Wassers in Damps verwandelt, bleiben die salzigen Bestandtheile desselben in dem übrigen Wasser zurück; und da nun durch das Speisewasser immer mehr und mehr solcher salzige Theile dem Kessel zugeführt werden, so überschreitet endlich die das Kesselwasser bildende Solution ihren Sattigungspunkt, es schlägt sich aus derselben das Salz in fester Gestalt nieder und überzieht den Boden mit einer sesten Krusse, welche den Durchgang der Wärme erschwert, wodurch wieder eine Ueberhitzung und das damit verbundene schnellere Absühren des Kessels herbeizgeführt wird. Diesem Uebelstande kann man auf zweierlei Weise begegnen. Man kann entweder
 - 1) bas Speisen bes Reffels so reguliren, bag bas Salzwasser in bemfels ben nie ben Sattigungspunkt erreicht, ober man kann
 - 2) bas aus der Condensation bes Dampfes hervorgehende reine Baffer wiederholt jum Speisen des Keffels verwenden.

Das einfachste Mittel, um die Sattigung des Salzwaffers im Keffel zu verhindern, besteht darin, daß man von Zeit zu Zeit, etwa nach je 2 Stunden, einen Theil desselben abläßt und denselben wieder mittels der Speisepumpe

Bon bem Fortichaffen ber gaften auf gang ober nabe horizontalen Begen. 783

burch Condensationsmaffer erfett. Naturlich geht burch biefes Ablaffen mbiaffen bes ober Ausblafen bes heißen Waffers und Bufuhren bes nur marmen Conbensationsmaffers eine ansehnliche Barmemenge verloren; um baher burch unnothige Wieberholung biefes Proceffes fein Brennmaterial zu verschwenben, ift ber Bebrauch eines Inftrumentes, bes fogenannten Galinometers, welches ben Salgehalt bes Reffelmaffere anzeigt, von großem Rugen. Da bie Temperatur bes Siebepunktes eine um fo großere ift, je mehr bas Baffer Salz in fich enthalt, fo tann man umgekehrt, aus biefer Temperatur auf die Große bes Salgehaltes bes Baffers fchliegen. Wenn g. B. bas reine Baffer bei 100 Grab fiebet, fo gelangt bas gewohnliche Seewaffer von 1/32 Salggehalt erft bei 1002/3 Grad C., ferner bas abzulaffende Reffelmaffer, von 4/82 Salgehalt, bei 1020,6 C., und bas gefattigte Reffelmaffer von 12/32 Salzgehalt bei 107,08 C. jum Sieben. Wenn man baber eine kleine aus bem Reffel abgelaffene Baffermenge in einem Rupfergefage jum Sieben bringt, und bie Temperatur beffelben an einem genauen Thermometer beobachtet, fo fann man baburch ben Salzgehalt bes Reffelwaffere finden. Ein Ardometer (f. I., §. 315) mit einer hohlen Detall= Lugel und einer eingetheilten Scala lagt fich naturlich ebenfalls anwenben. um bie Grabigkeit bes Reffelmaffers zu finden.

Das Ablaffen einer tleinen Menge Baffer aus bem Reffel, um ben Salggehalt beffelben zu finden, wird bei Anwendung bes Salinometers von Seaward gang umgangen. Die wefentliche Ginrichtung eines folchen Salinometers hat mit ber aus II., §. 312, Fig. 437 bekannten Bafferstanderohre bie großte Aehnlichkeit. In Diefe Rohre bringt man zwei hohle Rugeln, wovon bie eine auf bem Baffer fcwimmt und bie andere in bem Waffer zu Boben finet, wenn baffelbe ben Salzgehalt (4/32) hat, bei welchem bas Ausblasen nothig ober zwedmäßig ift. Go lange nun beibe Rugeln noch am Boben liegen, hat bas Reffelmaffer noch nicht biefe Gradigfeit, und wenn hingegen beibe Rugeln schwimmen, fo ift biefelbe bereite überfchritten.

Um bas Ausblasen bes Reffelmaffers ju reguliren, lagt man baffelbe nicht unmittelbar in die See, fonbern erft in einen befonderen Behalter von etwa einer Tonne Kaffungsraum laufen, und verfieht nun nicht allein bie Rohre, welche bas Baffer in biefen Behalter, fondern auch biejenige, welche es aus bemfelben burch bie Schiffswand in bas Meer fuhrt, mit einem Sahne. Sat man nun mahrend ber Eroffnung bes erften Sahnes ben Behalter aus bem Reffel gefullt, fo fann man nachher, indem man benfelben verfchließt und ben anderen Sahn eroffnet, Diefes Fullwaffer in bas Meer ablaffen, und es ift baburch bas ausgeblafene Quantum vollftanbig bekannt. Much fann man bas Ablaffen bes Salzwaffere leicht baburch

Ablancu bes

reguliren, daß man das Bentil, welches das Ausblaserohr von innen versichließt, mit einem Schwimmer verbindet, welcher daffelbe eröffnet, sowie das Wasser in dem Kessel eine gewisse hohe übersteigt.

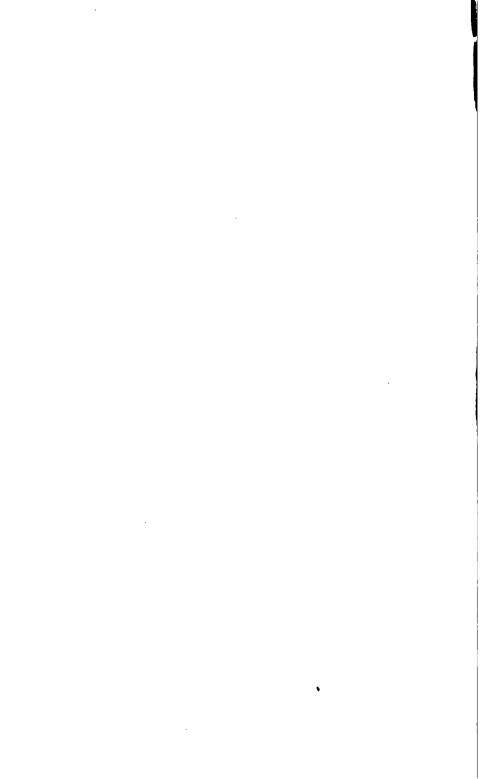
Ein anderes Hulfsmittel zum Ablassen des Salzwassers aus dem Dampfzesselle besteht in der Anwendung einer besonderen Salzwasserpumpe (engl. brino-pump). Diese Pumpe wird wie die Speisepumpe durch die Maschine in Bewegung gesetzt, sie entnimmt so viel Basser aus dem Kessel, daß das Salzquantum in demselben gleich ist der durch das Speises wasser zugeführten Salzmange. Enthält das Speisewasser 1/32 und das durch die Salzwasserpumpe abzusührende Wasser b/32 Salz, so ist das Salzquantum b Eubitsuß Speisewasser gleich der Salzmenge in 1 Gubitsuß Ablaswasser. Um daher in einer bestimmten Zeit 4 Eubitsuß Wasser in Dampf zu verwandeln, hat man unter den gegebenen Umstanden in derselben Zeit 5 Eubitsuß Speisewasser zu und 1 Eubitsuß Salzewasser abzusühren.

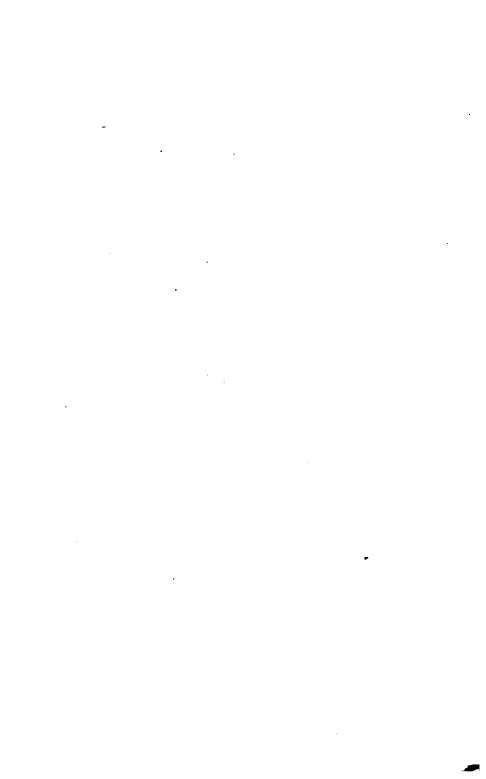
Eine wesentliche Ersparnis wird bei bem Ausblasen bes Salzwassers noch daburch erzielt, bag man baffelbe erst burch einen Bormarmer hinburchgehen last, ehe es in die See abfliest.

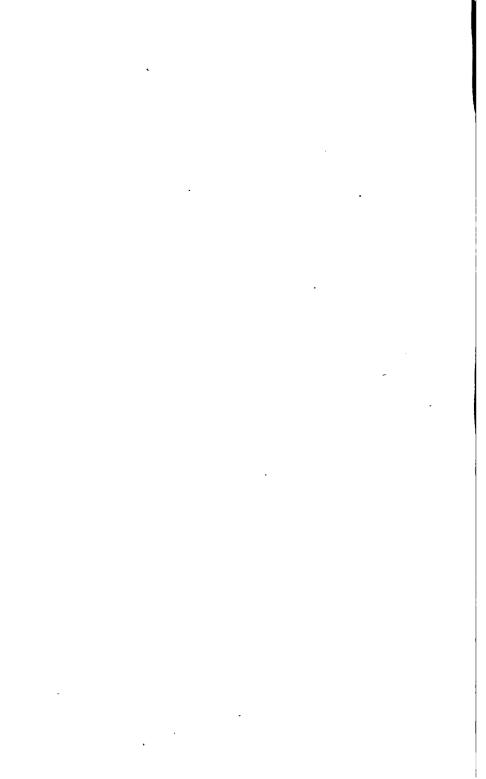
Das Speisen ber Seebampfichiffteffel mit Guswasser ift burch Anmenbung eines ichon von Batt erfundenen Rohrencondenfators ju ermöglichen. Diefer Conbensator besteht aus einem Suftem von vielen engen Rohren, welche von außen mit einem Strome von faltem Baffer umgeben find und durch welche ber Dampf ftromt, nachbem er in bem Dampfeplinder feine Wirtung vollbracht bat. Bei biefem Durchstromen ichlaat fich biefer Dampf als Baffer nieber, und biefes wird in einem Gefage aufgefangen, aus welchem es wieder burch eine Pumpe bem Reffel als Speisemaffer zugeführt wirb. Da bei biefer Methobe bes Conbenfirens gar teine Bermischung bes niebergeschlagenen Dampfes mit bem talten Baffer vortommt, fo erhalt man hierbei auch gang reines, weber mit Salg noch mit Luft vermengtes Waffer. Watt bat bie Anwendung biefes in ber genannten Beziehung fo zwedmäßigen Apparates vorzüglich beshalb aufgegeben, weil die Condensation burch benfelben gu langsam vor fich ging, und beshalb noch immer ein namhafter Gegendruck auf ben Dampftolben gurudblieb. Der Condensator von Sall ift von bem Batt'ichen nicht wefentlich verschieben. Da naturlich immer etwas Dampf ober Waffer verloren geht, fo muß dies burch eine Bleine Menge bestillirten Seemaffere erfett merben.!

Solufanmertung. Ausführlich über Schifffahrtecanale u. f. m. hanbelt hagen in feiner Bafferbautunft II. Ueber ben Schiffbau ift nachzutefen: Bobrit's hanbuch ber praftifchen Schifffahrtefunbe; ferner James Beate: Rudimentary Treatise on Ship-Building, und über Dampffchiffe in Robert

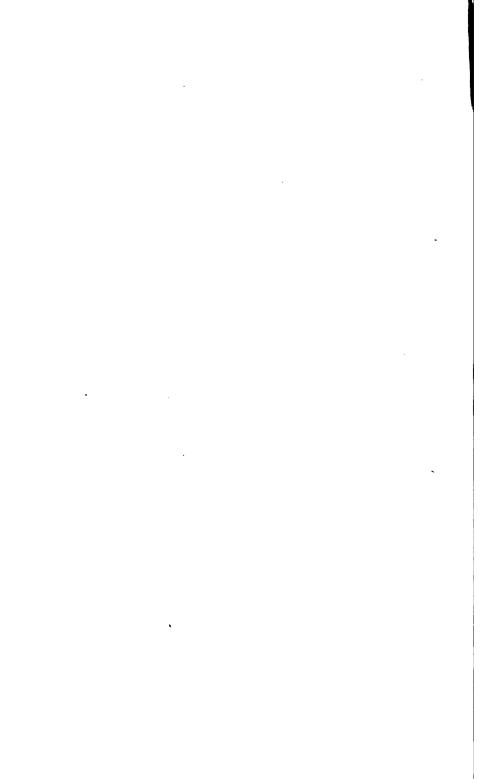




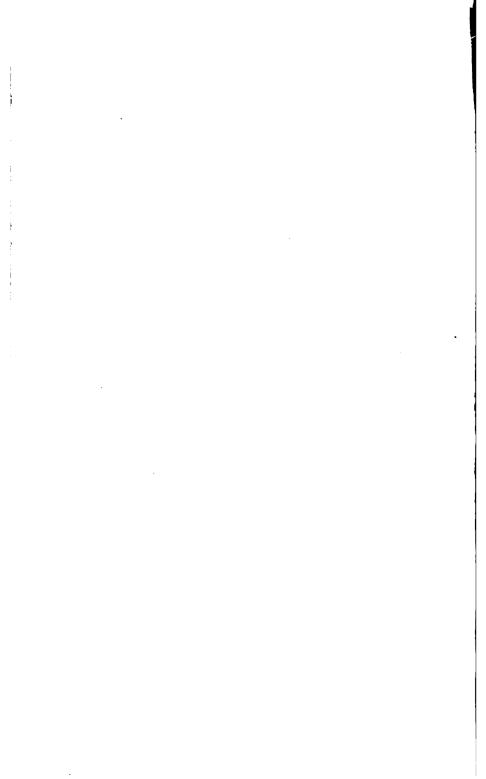




. .



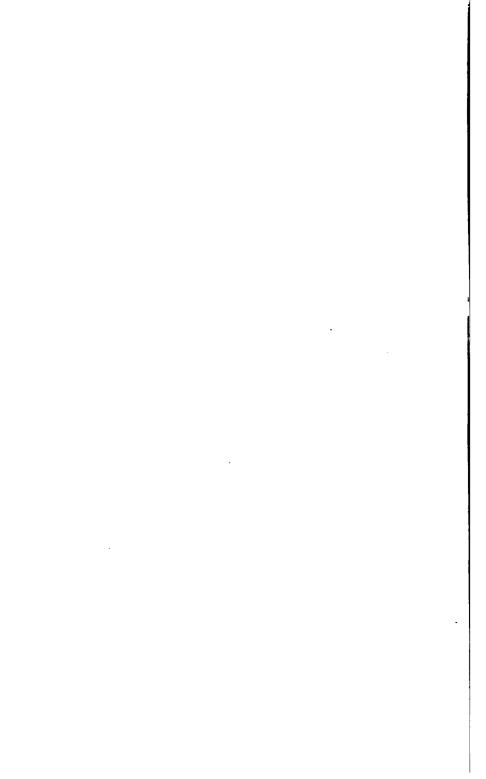
• . .



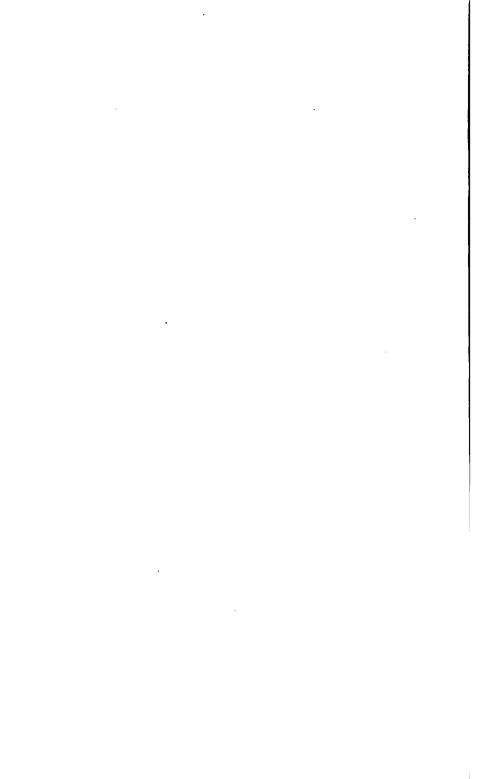
. .

			N
			1
			- 1
			1
			- 1
			- (
·			
		•	
	٠		l
			i
			i
			1
			:
	•		

. . ·



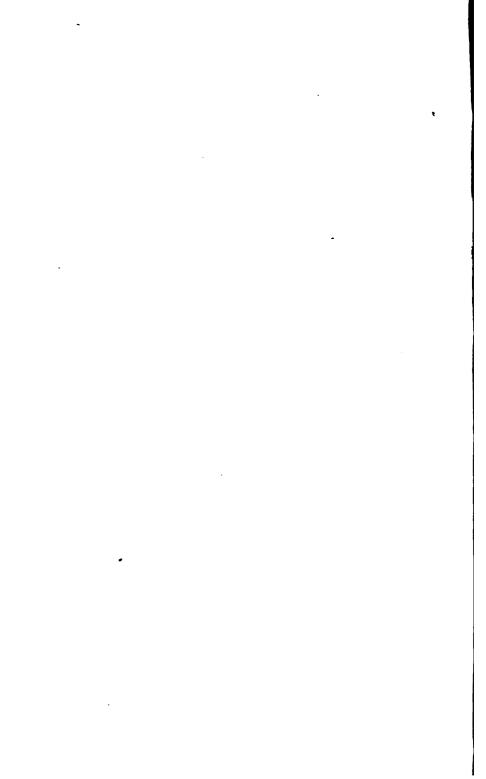
. .

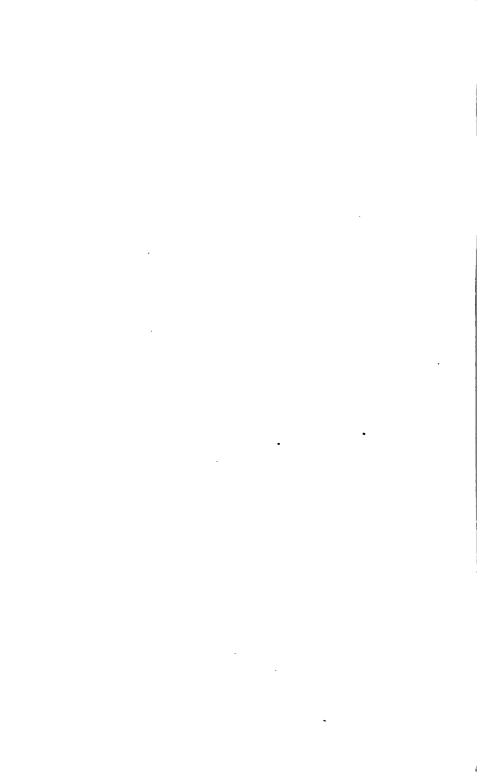


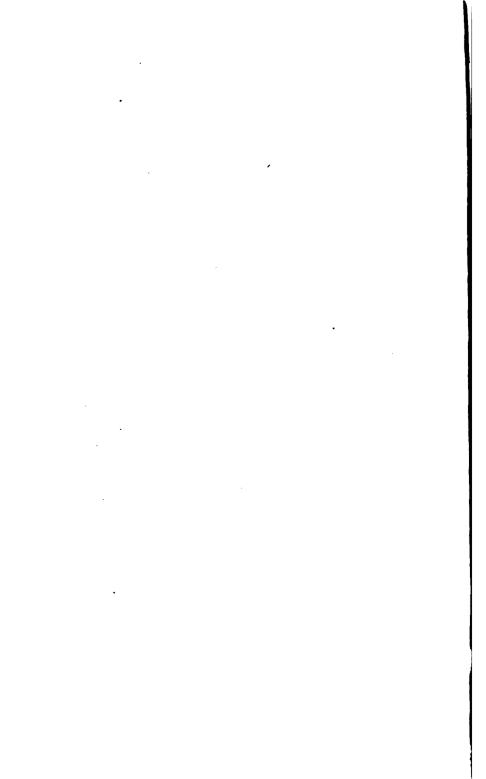
-•

.

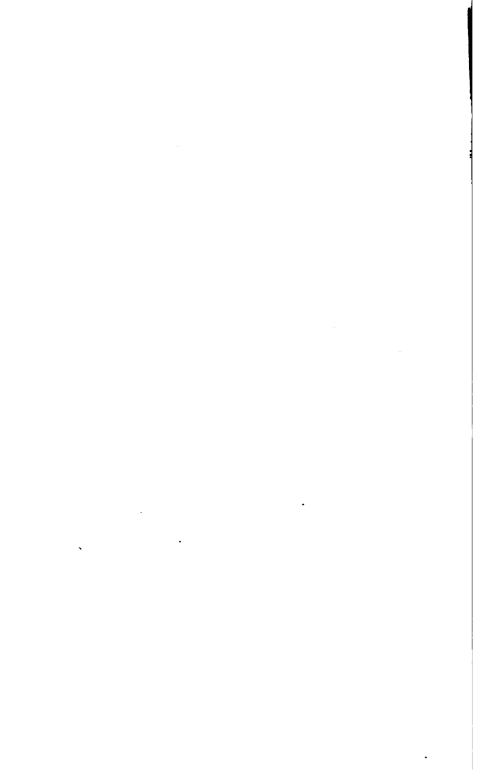
__ \



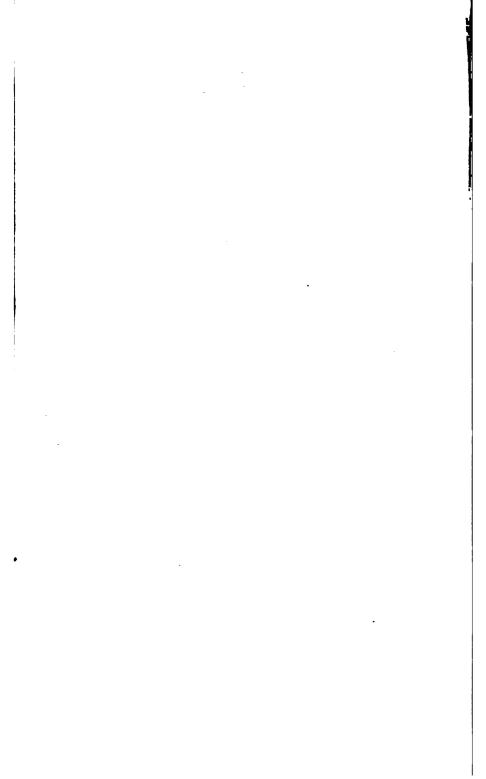


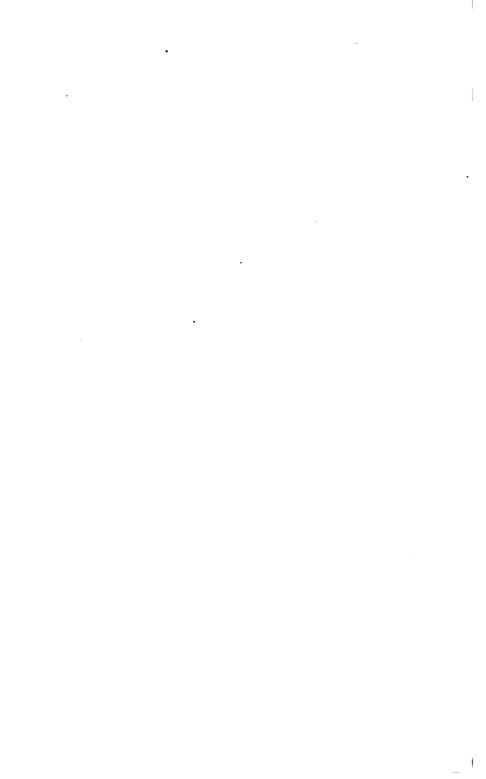


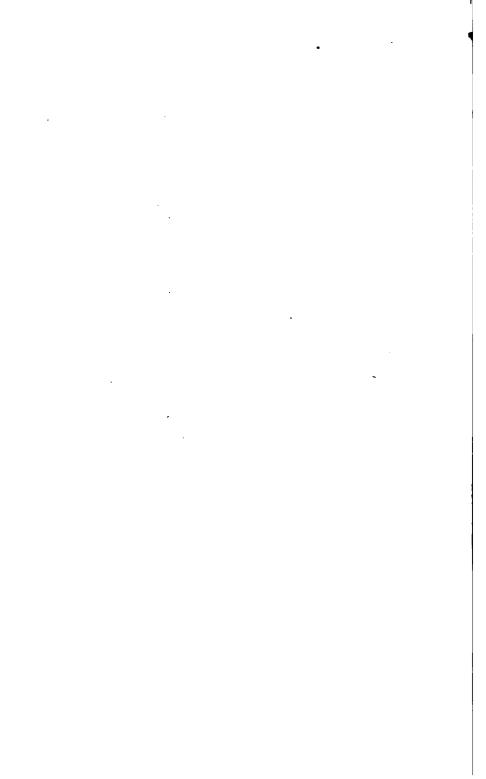
. • .











. · • . •

